

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + Make non-commercial use of the files We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + Maintain attribution The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/





E .





	•			
		•		
		•		
	•			
	•			
•		•		
•				

	•			
		•		
		•		
•				
•				

		·		
			·	
	•			

		•		
				•
			•	
				•
				_





bepertorium der Physik.

Eine Zusammenstellung

der neueren Fortschritte dieser Wissenschaft.

Band VI.

. Enthalt:

Akustik, von A. Seebeck.
Elektricitätslehre, von P. Riess.

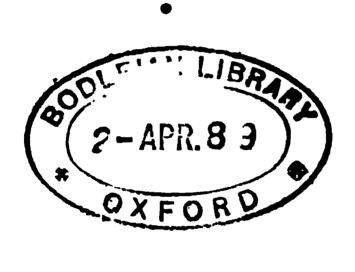
Mit zwei Figurentafeln.

Berlin.

Verlag von Veit & Comp.

1842.

1986 e 13.



Inhalt des sechsten Bandes.

Erster Abschnitt.

Akustik.

Von

A. Seebeck.

A. Ueber die Natur der Töne.	
	Seite
1. Bemerkungen über das Zusammenklingen von Tönen (See beck)	3-6
2. Interferenz beim Anblasen der Sirene (Seebeck)	
3. Erscheinungen bei gestörtem Isochronismus der Impulse (Se e-	•
beck) 4. Dürsen die zu einem Tone gehörenden Impulse ahwechselnd	7— 9
4. Dürsen die zu einem Tone gehörenden Impulse ahwechselnd	ı
von verschiedenen Punkten ausgebn? von F. Savart verneint	
10, — von Seebeck bejaht	9-15
5. Duhamel's Assicht von den Beitoneu	15—17
B. Zurückwerfung von Schallwellen. — Resonanz.	
1. N. Savart's Versuche über Zurückwerfung des Schalles 18.	•
- Tone aus einem Geräusche ausgeschieden 19 Knoten	
und Banche eines Tones 21 ,	18-26
2. Desselben Versuche über tonverstärkende Gesägse	26—27
3. Kane's Ansicht von der Resonanz 27, — Chorizophon 29.	27 - 30
4. Bau der Violine (F. Savart)	30
C. Tönende Bewegungen.	
1. Trevelyan-Instrument Aeltere Beobachtungen 31, - Tre-	•
velyan's Versuche 32, — Faraday's Erklärung 34, — von	ł
Forbes bestritten 36, - Dessen Versuche und Erklärung 37,	•
- Vermischte Thatsachen 38, - Seebeck's Untersuchun-	
gen 39, - Einfluss der Gestalt der Metalle 41, - Messun-	,
gen 43, - Theorie der gewöhnlichen Art des Versuchs 51	. 31— 55
2. Erregung stebender Schwingungen durch Wärme.	
Marx über das Tonen beisser Kagelröhren 55,	
Strehlke und Seebeck über das Tonen erwärmter	
Metalle 56 . 3. Erregung durch Elektricität und Nagnetismus (Page, Dele-	, 00—01
3. Litegray when theservices and magnetismus (1 age, Deter	58
zenne). 4. Wirkung des Bogens auf Saiten (Duhamel)	58-59
5. F. Savart's Untersuchungen über das Verhalten longitu	
dinalechwingender Körper.	
Ueber die Natur der Bewegung, welche die Sand	•
anhäufungen auf diesen Körpern erzeugt 60, - Uebe	r
die Systeme der dadurch gebildeten Knotenlinien 64	•
— Ueber den Einstass der Cohäsionsverhältnisse und	3
die Krast der Schwingungen 66	59—68

1 1 1 0 11 to day 17 1 1 1	Seite
dung in der Schlagweite 172 Mechanismus der	
elektr. Entladung 173, - begleitende Entladungeer-	
scheinungen 174, - die Schlagweite durch vorber-	440 484
gehende Eutladung verändert (Paraday) 175	168-176
III, Wirkung der Batterieentladung.	
a. Mechanische Wirkung und Magnetisirung.	
Verkürzung von Drähten durch die Entledung (Bec-	
querel j) 176, - Momentane Verkurzung von Me-	
tallröhren (Doppler, Riess) 177, - Zerstreuung	
von Pulvern durch die Entladung (Abria, Lichten-	
berg) 178, - Stanniol durchhobrt (Osann) 179	
- Magnetisirung durch mechanische Wirkung (Pel-	
tier) 179, - Magnetisirung durch Elektricität im	
Vacuum (Savary) 180	176-180
b Chemische Wickung der Entladung.	
Oberflächenanderung durch die Entladung. Elektrische	
Hauchfiguren (Riess) 180, - Aenderung von iso-	
licenden Massen. Elektrische Farbenstreifen (Riesn)	1
182 Zersetzung des Wassers (Goodman) 184,	
- Entzündung des Phosphore (Bötiger) 186, -	
Elektrischer Geruch, Das Ozon (Schönbein) 186	180-190
c. Thermische Wirkung der Entladung (Riess).	
Elektrische Wärmeerregung in einem continuiclichen	
Deabte 190 Werthe der Verzögerungskraft der	
Drahte 190, - Werthe der Verzögerungskraft der Metalle 198, - Allgemeine Formeln über die Erwär	
mung durch Elektricität 199, - Drahtlängen gleicher	
Warme 200 Bemerkungen über die thermische	
Wirkung der Entladung (Vorsselman de Heer,	
Riess) 201, - Erwärmung in einem unterbrochenen	
Schliessungsbogen 203	190-206
C. Die Elektro-Induktion. Eigenschaften und Wir-	
kungen des Nebenstromes.	
Historisches (Riess)	206
a. Der elektrische Nebenstrom und seine Wir-	
kungen.	
Der Nebenstrom 208, - Physiologische Wirkung	
desselben (Henry) 209 Magnetisirende Wirkung	
(Henry, Marianini, Riess) 209, . Thermische	
und elektrische Wirkung (Riess) 210	208-214
b. Magnetinirungen durch den Nebenstrom.	
(Riess)	
Vorbemerkung 211, - Magnetisirung nach Beschaf-	
fenheit des Nebendrahtes 213, - nach Beschaffen-	
heit der Batterieladung 214, - bei Verlängerung des	
Hauptdrahtes 215, - Erklärung der elektrischen Ma-	
gnetisirungseracheinungen (v Wrede) 216, - Be-	
merkung darüher 218.	211 221
c. Eigenschaften des Nebenstromes durch seine	
- magnetlache Wirkung hestimmt.	
Stärke und Richtung des Nebenstromes nach der Ent-	
fernung des Nebendtalites vom Hauptdralite (Henry,	
Matteucci) 221, - Nebenströme höberer Ordnung	
uad ihre Richtung (Henry) 222, - Aenderung des	
0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,	

VII

Nebenstromes darch nahestebende Leiter (Henry, Matteucci) 223, — Rückwirkung des Nebenstromes auf den Hauptstrom (Matteucci) 225, — Nebenstrom am Galvanometer bestimmt (Matteucci) 226	221—228
d. Richtung des Nebenstromes. Relative Richtung des Nebenstroms 228, — Absolute Richtung des Nebenstromes 231	228—237
e. Gesetze des Nebenstromes (Riess). Nebenstrom bei verschieden starkem Hauptstrom 237, — Nebenstr. nach der Länge des erregenden Drahtes 237, — Nebenstr. nach der Neigung des Nebendrahtes gegen den Hauptdraht 237, — Nebenstrom nach Dicke und Leitungssähigkeit des Nebendrahtes, nach der Entsernung des Hauptdrahts vom Nebendrahte 238, — Störung des Nebenstromes durch einem nabeliegenden Draht 239, — durch eine Metallplatte und Verhältniss des Stroms zur Dicke der Platte 240, — Wirkungslosigkeit isolirender Platten 241.	237242
f. Rückwirkung des Nebenstromes auf den Hauptstrom (Riess). Wirkungslosigkeit des Schliessdrahts auf sich selbst 242, — Verzögerung des Hauptstroms durch den Ne- benstrom 242, — Maximum der Verzögerung 245,	•
- Mechanismus dieser Rückwirkung 249 g. Aenderung der Wirkungen des Nebenstromes durch nabestehende Metallmassen verschiedener Art und Form (Dove). Angewandte Metalle 252, — Aenderung der physiologischen und elektroscopischen Wirkung des Nebenstromes 253, — Aenderung der Magnetisirung und des thermischen Effekts des Nebenstromes 254, — Erklärung der Wirkung magnetischer Metalle auf den Nebenstrom 255, — Induktion des Schliessungsdrahtes auf einen geschlossenen Theil desselben 256.	
D. Erregung der Elektricität. a. Durch Contact oder chemischen Prozess. Volta's Fundamentalversuch (Fechner, Marianiai) 257, — Elektricität bei Berührung von Metall und Flüssigkeit (Pfaff, Péclet) 262, — Elektr. Capacität der Metalle (Peltier) 262, — Elektr. Contactversuche mit trocknen Säuren (Becquerel) 262, — Kritik von Versuchen gegen die Contactelektricität (Fechner) 263, — Elektricität in der isolirten voltaschen Säule (Fechner) 265, — Vertheilende Wirkung der Contactelektricität (Fechner) 265, — Elektricität der Säule im Vacuum (Masson) 266.	257—268
b. Elektricitätserregung durch Temperatur- änderung. Elektricität der Weinsteinsäure (Böttger) 268, — Krystallelektricität nach dem Temperaturgrade ver- schieden (Hankel) 268.	
schieden (Hankel) 268	268 —270

Sei

Seite 208, Zeile 4 v.o. sind nach "dies" die Wörter einzuschal "Uebereinstimmen gleichfalls".

Erster Abschnitt.

Akustik,

bearbeitet von

A. Seebeck.



Erster Abschnitt. Akustik

A. Ueber die Natur der Töne.

L Ueber das Zusammenklingen von Tönen.

Das Gehör steht, wie bekannt, dem Gesichtssinne um Vieles nach in dem Vermögen, die Richtung zu unterscheiden, in welcher ein Eindruck zu dem Organe gelangt. Es mag wohl gerade dieser Mangel Bedingung dasur sein, dass sich mehrere gleichzeitig erzeugte Tone symphonisch zu einem Ganzen vereinigen. Damit aber ihr Zusammenklingen nicht zu einem Chaos werde, hat dieses Organ ein anderes, merkwürdiges Vermögen vor dem Ange verans. Wenn nämlich mehrere Tone gleichzeitig das Ohr trefsen, so muss die dem Organe mitgetheilte Bewegung die Resultante sein aus den verschiedenen einzelnen, zu diesen Tonen gehörenden Wellenbewegungen; das Ohr aber zerlegt sosort diese Resultante in ihre Componenten, in die einzelnen Systeme isochroner Schwingungen. Zeichnet man nach Art der Fig. 1. Taf. I. im 3ten Bde. des Rep. die Resultante aus einigen Wellenzügen, deren Längen den Tönen irgend eines Accords entsprechen, so wird das Auge schwerlich im Stande sein, in einer solchen Figur das zum Grunde liegende einsache Gesetz herauszufinden; dem Ohra dagegen zerfällt eine solche Welle von selbst in die einsacheren Bestandtheile, aus denen sie zusammengesetzt ist; es unterscheidet ohne Weiteres die einzelnen Töne jenes Accordes. Dies liegt nicht etwa daran, dass die verschiedenen Tone in verschiedenen Richtungen zum Ohre gelangen; es wird auch dann statisinden, wenn das Ohr und die sämmtlichen Punkte von wo die Tone

ausgelin, auf einer geraden Linie liegen, ja selbst wenn die Töne sammtlich genau von einer Stelle ausgehn. Dies lässt sich durch folgende nahe verwandte Erscheinung zeigen. In einem System von Punkten, wie das in Taf. I. Fig. 1. gezeichnete ist, wird das Auge erst nach einigem Suchen und Vergleichen die zum Grunde liegende Regel erkennen; setzt man aber auf eine Sirene von der Einrichtung, wie ich sie weiterkin beschreiben werde, eine eben so geordnete Reihefolge von Löchern und blässt mit einem Röhrchen gegen die schnell vorübergehenden Löcher, so hört man Grundton, gr. Terz und Quinte, d. h. dem Ohre zerfällt das entsp echende System von Luftstössen von selbst in die drei Syeteme gleichabstehender Stösse, aus denen es zusammengesetzt ist. - Man wird geneigt sein, für dieses merkwürdige Unterscheidangsvermögen einen weiteren physischen Grund zu suchen, und dieser wäre vielleicht darin zu finden, dass die in dem Gehörergan zurückgeworfenen und sich begegnenden Theile der zusammengesetzten Welle interferiren und dadurch an verschiedenen Stellen des Gehörnerven bier den einen und dort den andern der einzelnen Töne hervortreten lassen. Jedoch unterliegt diese Hypothese mehr als einem erheblichen Bedenken. Ohne daher auf dieselbe weiter einzugehn, erwähne ich dieses Gegenstandes nur als einer Thatsache, weil sich in den nachfolgenden Erscheinungen eine ähnliche Neigung des Ohres, den Isochronismus aufzusuchen kundgiebt, dagegen das Vermögen die Richtung der Schallstrahlen zu unterscheiden, sich als untergeordnet erweist.

Was hingegen den Einklang betrifft, so überzeugt man sich leicht, wie mehrere Züge von Wellen gleicher Länge doch den Eindruck eines einzigen Tones machen müssen, im Falle nämlich die Ablenkung, welche ein den Schall fortpflanzendes Lufttheilchen für jede Welle von seiner Gleichgewichtslage erleidet, proportional ist sin 3, wenn 3 die Zeit bezeichnet von dem Augenblicke an gerechnet, wo dasselbe durch die Mitte seiner Bahn gebt, und die Dauer einer Schwingung = 2 mgesetzt wird. In diesem Falle hat nämlich das aus zwei oder mehreren solchen Wellenzügen resultirende Wellenzystem dieselbe Länge oder Schwingungsdauer, wie seine Componenten. Denn bezeichnet a die Amplitude und die Zeit des Durchgangs eines Lufttbeilehen durch die Mitte seiner Bahn für eine Welle, so wie a' und dieselben Grössen für eine zweite Welle von derselben Länge. a" und de

für eine dritte Welle u. s. w., so ist die Schwingungsphase eines von diesen Wellen gleichzeitig afficirten Lusttheilchens, im Falle die sämmtlichen Schwingungsriehtungen in eine Linie zusammenfallen:

a sin.
$$(3-\tau)$$
 + a' sin. $(3-\tau')$ + a" sin. $(3-\tau'')$ + ...
welcher Werth = a, sin. $(3-\tau)$ gesetzt werden kann, wo
a, = $\sqrt{a^2 + a'^2 + a''^2 + ... + 2aa' \cos (\tau - \tau') + 2aa'' \cos (\tau - \tau'')}$
+ 2 a'a" cos. $(\tau' - \tau'')$ + ...
und tang. $\tau_1 = \frac{a \sin \tau + a' \sin \tau' + a'' \sin \tau'' + ...}{a \cos \tau + a' \cos \tau' + a'' \cos \tau'' + ...}$

Man sieht also, dass in diesem Falle aus den einzelnen Wellen eine Resultante hervorgeht, welche nicht nur dieselbe Wellenlänge oder Schwingungsdauer, sondern auch dieselbe Wellenform hat, wie die Componenten, nur mit einer andern Amplitude, welche von 0 bis a + a' + a" + ... variiren kann. Nimmt man aber an, dass die Schwingungsrichtungen nicht in eine Linie zusammenfallen, so gilt dasselbe von den Projectionen der Bewegungen auf eine beliebige, durch das Lufttheilchen gezogene Linie; es bleibt daher in diesem Falle zwar nicht dieselbe Wellenform, indem die resultirende Bewegung des Lufttheilchen im Allgemeinen krummlinig wird, allein die Schwingungsdauer, d. h. die zum einmaligen Durchlaufen dieser krummen Bahn verwendete Zeit bleibt dieselbe wie bei den Componenten. Es muss daher aus mehreren Unisonotönen der Eindruck eines einfachen Tones von derselben Höhe entspringen.

hier angenommene, durch sin. > bestimmte Wellenform wird jedoch nicht allgemein vorausgesetzt werden dürfen. Wenn schon bei den gewöhnlichen, durch stehende Schwingung erzeugten Tönen die Verschiedenheiten des Klanges darauf hinweisen, dass in dieser Beziehung gewisse Unterschiede stattfinden, so muss dies noch mehr bei den Tönen der Sirene und ähnlicher Apparate der Fall sein; denn hier hat man eine Reihe von Impulsen von kürzerer oder längerer Daner, die als positive Schwingung angesehn werden können, getrennt in der Regel durch Perioden der Ruhe, welche die Stelle der übrigen Welle, namentlich der negativen Schwingung vertreten, so dass eine andre Wellenform entsteht. In diesem Falle können sich daher zwei oder mehrere Unisonotöne nicht nur verstärken oder schwächen, sondern es können auch, was sonst nicht der Fall sein wird, aus ihnen hö-

t + t'.

2, also die höhere Octave des erstern. Man beobachtet dies sehr leicht, wenn man der Sirene ein System von Löchern mit abwechselnd grösseren und kleineren Zwischenräumen gieht, wie das in Taf. I. Fig. 2. dargestellte, und dann mit einer Röhre bläst oder mit einem Kartenblatte anschlägt, indem durch die Längen ab, a'b' etc. einerseits und ba', b'a' etc. andrerseits die Zeiten t und t' bestimmt werden*). Man hört in diesem Falle 1) einen Ton von der Höhe, als ob nur die eine Hälfte der Löcher, z. B. die Löcher a, a', a'' etc. vorhanden wären, und 2) wenn die Räume ab und ba' nicht sehr ungleich sind auch den Ton, als ob die Löcher b, b', b'' etc. auf der Mitte zwischen a, a', a'' etc. ständen. Je geringer der Unterschied der beiderlei Abstände ab und ba', desto deutlicher wird der letztere und desto schwächer der erstere. Man sieht dies aus folgenden Beobachtungen.

Ich setzte z. B. auf eine Scheibe vier Löcherreihen, nämlich 1) 18 Löcher in Abständen von je 20°; 2) 36 Löcher in Abständen von je 10°; 3) 36 Löcher, deren Abstände abwechselnd 9½ and 10½ Grad betrugen, und 4) 36 Löcher abwechselnd 9° u. 11° von einander entsernt. Es gab natürlich die zweite Reihe die Octave von dem Tone der ersten; die dritte Reihe aber, so wie die vierte, gab diese beiden Töne zugleich, wobei auf der dritten der höhere, auf der vierten der tiesere mehr hervortrat. Es werden diese Doppeltöne besonders aussallend, indem man sie mit den einfachen Tönen der ersten und zweiten Reibe vergleicht.

Ebenso giebt eine Reihe von Stössen, deren Zwischenzeiten ahwechselnd t, t', t", t, t', t" etc. sind, sowohl den Ton von der Schwingungsdauer t + t' + t", als auch, wenn die drei Zwischenzume nicht zu ungleich sind, den Ton von der Schwingungsdauer $\frac{t+t'+t''}{3}$. Eine Scheibe mit 36 Löchern, deren Abstäude 9½, 10, 10½, 9½, 10, 10½ etc. Grade betrugen, liess beim Anblasen oder Anschlagen zwei Töne erkennen; der höhere hatte dieselbe

^{*)} Man erreicht desselbe auch, wenn man eine Reibe von Lüchern gleichen Abstaudes gleichzeitig und von einer Seite her mit zwei Röhren anbläst, deren Abstand von einender kein Vielfaches von dem halben Abstande der Lücher ist, oder endlich durch gleichzeitiges Anblasen zweier solcher Reihen von gleicher Löcherzahl.

Höbe, als ob die Löcherabstände sämmtlich 10° betrügen, der andere, schwächere war um eine Duodecime tieser, also von einer dreimal grösseren Schwingungsdauer. Eine andere Reihe, wo die Abstände der Löcher 9, 10, 11, 9, 10, 11 etc. Grad betrugen gab dieselben beiden Töne, aber den tieseren stärker als den höheren.

Lässt man die Abstände zwischen den Löchern in nnregelmässiger Folge wechseln, doch so dass sie sich nicht zu sehr von einem Mittelwerthe entsernen, so hört man nur einen, mehr oder weniger unvollkommnen Ton, dessen Höhe jenem Mittelwerthe entspricht.

Man sieht aus diesen Versuchen, dass das Gehörorgan einerseits die Fähigkeit besitzt, ein System von Impulsen wie die hier
beschriebnen (mit Ausnahme des letzten, unregelmässigen) in zwei
oder drei Systeme von isochronen Impulsen zu zerlegen, z. B.
das System a, b, a', b', a", b" etc. der Fig. 2. in die Systeme a,
a', a" etc. und b, b', b" etc.; dass es aber andrerseits auch durch
einen nur einigermassen angenäherten Isochronismus den Eindruck
einer bestimmten Tonhöhe empfängt, wie von vollkommnem Isoehrenismus. Die Grenzen bis zu welchen man sich vom Isochronismus entfernen kann, sind weiter, als man vielleicht erwarten
möchte.

Macht man hingegen t sehr viel kleiner als t', so verschwindet natürlich der Ton $\frac{t+t'}{2}$; in diesem Falle aber hört man anseer dem Ton t+t' auch den der Schwingungsdauer t entsprechenden Ton, wenigstens dann, wenu t' ein Vielfaches von t ist. Auf einer Scheibe, wo die Löcherabstände abwechselnd 10° und 20° betrugen, hatte ich ausser dem Tone, wie von 30° Abstand (t+t'), auch den Ton wie von lauter 10° auseinander stehenden Löchern. Ebenso hatte ich, da ich die Abstände abwechselnd 3° und 9° machte, die den Entfernungen 12° und 3° entsprechenden Töne, und da jene 4° und 16° betrugen, die der 20 und 4 zukommenden Töne.

Wurden die Zwischenzeiten der Impulse abwechselnd t, t, t', t, t' etc. gemacht, so wurde jederzeit der Ton von der Schwingungsdauer t gehört, t mochte kleiner oder grösser sein als t'.

IV. Dürsen die zu einem Tone gehörenden Impulse abwechselnd von verschiednen Punkten ausgehn?

In den Ann. de Ch. et de Ph. LXV. 205., Pogg. Ann. Ll. 555. sind von F. Savart einige Beobachtungen zusammengestellt, aus welchen dieser leider zu früh verstorbene Physiker folgenden Schluss zieht: die Höhe eines Tones hängt nicht nur ab von der Anzahl isochroner Impulse, welche in einer gegebenen Zeit zu unserem Gehörorgane gelangen, sondern es dürsen auch die Wellen nicht abwechselnd von zwei oder mehreren verschiednen Punkten ausgehn.

Savart setzte namlich 1) zwei Räder mit einer gleichen Anzahl von Zähnen auf eine gemeinsame Axe, und zwar so, dass die Zähne des einen den Zahnlücken des andern entsprachen, und hielt während ihrer Umdrehung ein Kartenblatt gegen beide; obgleich hier die Zahl der Impulse offenbar verdoppelt wird, so fand er doch den Ton nicht eine Octave höher, sondern von derseiben Höhe, wie wenn eines allein tünte; dies fand selbst dann statt, wenn beide Räder einander bis zur Berührung genähert waren, und Savart glaubt den Grund davon in keinem andern Umstande suchen zu können, als darin, dass die Impulse abwechselnd von zwei verschiedenen Punkten ansgehn.

- 2) Er blies von der Seite her gegen die Zähne des Rodes aus zwei Oeffnungen, die um den halben Abstand der Zähne von einander entsernt waren; auch hier entstand durch diese Verdoppelung der Luststösse nicht die Octave, sondern die Höhe des Tons war dieselbe, wie wenn man das Rad mittelst einer Karte ansprechen liese, was Savart eben jener Ursache zuschreibt.
- 3) Fügte Savart an der bekannten Vorrichtung, wo ein Stab durch eine von zwei Brettern gebildeten Spalte hindurchechwingt, eine zweite solche Spalte, rechtwinklig gegen die erste hinzu, so wurde die Zahl der Schläge verdoppelt, ohne dass jedoch die Höhe des Tones eine Aenderung erlitt, ebenfalls nach seiner Erklärung, weil diese Schläge von verschiednen Stellen ausgehn.
- 4) Savart bezieht sich auf einen Versuch von Cagniard-Latour, wo ein zwischen zwei Ständern oscillirender Glasstiel

durch das Anschlagen gegen diese Ständer einen Ton erzeugt*). Die Höhe dieses Tons entspricht nicht der Gesammtzahl der Schläge, sondern ihrer Hälfte, ebenso als ob nur einer der beiden Ständer getroffen würde. Auch dies erklärt Savart dadurch, dass die Wellen abwechselnd von dem einen und von dem andern Ständer ausgehn.

5) Endlich erinnert Savart daran, dass zwei Unisonotöne nie die höhere Octave hervorbringen, obgleich durch das Kreuzen ihrer Wellen oft die Anzahl der zum Ohre gelangenden Impulse verdoppelt werden müsse. Auch würden die Wellen, welche von den entgegengesetzt schwingenden Theilen eines Körpers, z. B. einer Platte, ausgehn, sich aufheben, wenn zwei von verschiedenen Punkten ausgehende Wellenzüge sich verhielten, wie ein einziger.

Aus allen diesen Ersahrungen zieht Savart den Schluss, dass die zu einem Tone gehörenden Wellen nicht abwechselnd von verschiedenen Punkten ausgehn dürsen. Damit wird jedoch nicht behauptet, dass der Ausgangspunkt unveränderlich sein müsse, vielmehr geht aus vielen Thatsachen hervor, dass er unaushörlich verschoben werden kann, ohne dass der Ton sich ändert. Streicht man z. B. eine Karte rasch über die Zähne eines unbeweglichen Rades, so entsteht derselbe Ton, wie wenn die Karte sest wäre und das Rad mit derselben Geschwindigkeit gedreht würde.

Ich habe in Pogg. Ann. LIII. 425. zu zeigen gesucht, dass jener von Savart aufgestellte Satz nicht richtig ist, indem sich den unter 1 und 2 angeführten Versuchen ganz ähnliche, aber unter günstigeren Bedingungen angestellte mit einem entschieden entgegengesetzten Erfolge gegenüberstellen lassen, die übrigen von Savart angeführten Thatsachen aber einer andern Auslegung fähig sind.

1) Ich nahm eine Scheibe, auf welcher sich nur 12 Löcher in Abständen von 30° besinden, und blies dieselbe mit zwei Röhren an, welche 15° von einander entsernt und von derselben Seite

^{*)} Das Mittel den Glasstiel in Schwingungen zu versetzen, die bis zu 200 in einer Sekunde gesteigert werden können, besteht darin, dass in ein Loch an dem freien Ende des oscillirenden Stiels der obere Stift einer kleinen Sirene mit schiefen Flügeln, belastet mit einem excentrischen Gewichte, gesteckt wird. Bringt man durch Anblasen die Sirene in Drehung, so setzt sie durch ihre Centrifugalkraft den Glasstiel in Oscillation, so dass er bei jeder Umdrehung einmal gegen jeden der beiden Ständer schlägt (Comptes rendus XI. 608. Pogg. Ann. LI. 561.)

her gegen die Scheibe gerichtet waren; es enstand sogleich die Octave des Tones, welchen jede Röhre einzeln gab, so deutlich dass darüber nicht der mindeste Zweifel bleiben konnte. Man hört auch gewöhnlich den tieferen Ton schwach mitklingen, wie dies nach den unter III. von mir angeführten Versuchen der Fall sein wuss, wenn der Abstand der Röhren von einander nicht genau dem halben Abstande der Löcher gleich ist, oder auch wenn die beiden Luftstösse nicht ganz gleiche Stärke haben; allein derselbe verschwindet um so mehr, je genauer man in diesen Beziehungen den Versuch macht. Das Resultat ist übrigens selbst bei einer mässigen Genauigkeit nicht zweifelhaft durch den Contrast, welcher bemerkt wird, wenn man abwechselnd mit einer und mit beiden Röhren bläst. - Da dieser Versuch mit dem zweiten von Savart wesentlich ganz identisch ist, so mag die Verschiedenheit des Erfolgs wohl hauptsächlich daher kommen, dass es bei dem geringen Abstande der Zähne an Savart's Radern mehr Schwierigkeit haben muss, den Abstand der beiden Löcher dem halben Abstande der Zähne in hinreichender Genauigkeit gleich zu machen; auch wird die Beobachtung durch den Umstand erschwert, dass die Zähne nicht breiter sind, ale ihre Abstände; dennoch würde wahrscheinlich die höhere Octave von Savart nicht ganz unbemerkt geblieben sein, wenn er den Ton von den zwei Oessnungen mit dem von einer solchen Oessnung, statt mit dem von einem Kartenblatte verglichen hätte. - Der Erfolg, wie ich ihn hatte, ist jedoch nicht nothwendig an jene grossen Zwischenräume zwischen den Löchern geknüpft, sondern wird nur hier am leichtesten und vollkommensten erlangt; ich habe selbst auf einer Scheibe von 120 Löchern, deren Zwischenräume ihrem Durchmesser ziemlich gleich sind, beim Anblasen mit zwei dünnen Luftstrahlen durch einiges Probiren die Octave noch binreichend kenntlich erhalten; nur wird in diesem Falle der Ton aus leicht begreiflichen Gründen schwach

- 2) Gauz mit demselben Erfolge habe ich auch die Zahl der Impulse dreimal grösser gemacht, indem ich die zuvor erwähnte Scheibe von zwölf Löchern mit drei Röhren anblies, welche 10° von einander abstanden. Der Ton war richtig die Duodecime von demjenigen, welcher beim Blasen mit einer Rohre entstand.
- 3) Noch leichter ist die Aussührung des Versuchs, wenn man auf eine Scheibe zwei concentrische Löcherreihen setzt, so dass

die zu den Löchern der einen Reihe gehörenden Halbmesser genau in der Mitte zwischen denen der andern liegen. Bläst man
nun gegen beide Reihen mit zwei Röhren, deren Mündungen auf
einem und demselben Radius liegen, so alterniren die Luststösse
von der einen Röhre genau mit denen von der andern, und der
Ton ist die Octave dessen, welchen eine Röhre allein giebt. Die
Octave kann in diesem Falle so frei von dem tieseren Tone erhalten werden, dass sie von dem Tone einer einsachen Reihe von
doppelter Löcherzahl kaum zu unterscheiden ist.

- 4) In ähnlicher Weise habe ich mit drei concentrischen Löcherreihen und drei dazu gehörenden Röhren die Zahl der Luststösse dreimal grösser gemacht, und ebenfalls die Duodecime erhalten.
- 5) An den beiden letzten Scheiben konnte ich auch den Versuch so anstellen, dass er mit dem ersten Savartschen Versuche im Wesentlichen übereinstimmt, indem ich nämlich die Löcher, statt mit Röhren anzublasen, mit spitzen Kartenblättern anschlug. Ich schnitt an einem Kartenblatt zwei Spitzen, welche gegen die beiden Löcherreihen der unter 3. erwähnten Scheibe so gehalten wurden dass sie alternirend in die Löcher einschlugen; auch hier war der Ton um eine Octave höher, als wenn nur eine Spitze gegen die eine Reihe gehalten wurde. Ebenso erhielt ich mit drei Spitzen an der unter 4. genannten Scheibe die Duodecime. - Dass Savart bei dem so ähnlichen Versuche mit dem von zwei Zahnrädern getrossnen Kartenblatt keinen gleichen Erfolg hatte, weiss ich mir nicht anders zu erklären, als dass an seinem Apparate der ersorderliche Isochronismus der alternirenden Impulse nicht zu erreichen war; denn dieser wird gestört werden, nicht nur, wenn die Zähne des einen Rades nicht genau den Zahnlücken des andern entsprechen, sondern auch wenn das Kartenblatt dem einen Rade weiter ausweicht, als dem andern. Es ist zwar, wie man aus den unter III. beschriebenen Beobachtungen sieht, ein vollkommner Isochronismus nicht ersorderlich, allein diese zeigen auch, dass je unvollkommner derselbe stattfindet, desto mehr der tiesere Ton, welchen Savart allein hörte, hervortritt.
- 6) Der Abstand zwischen den Punkten, von welchen die Impulse ausgehn, war bei den vorhergehenden Versuchen 4 bis reichbieh 1 Zell. Es kann aber derselbe beträchtlich grösser gemacht

werden, selbst wenn sich das Ohr nicht sehr entfernt von der Scheibe besindet. An der unter 3. genannten Scheibe stellte ich die zu den beiden Löcherreihen gehörenden Röhren an zwei diametral gegenüberliegenden Punkten auf, beide, wie immer, von einer Seite ber senkrecht gegen die Scheibe gerichtet. Der Abstand der beiden Punkte, von denen die abwechselnden Impulse ausgingen, war jetzt 9 Par. Zoll; dessenungeachtet war auch hier die Octave sehr deutlich zu hören, nicht nur aus einiger Entfernung, sondern selbst, wenn das Ohr den beiden Röhrenmundungen bis auf kaum 6 Zoll - weniger liess der Apparat nicht zu genähert wurde, so dass der Winkel, welchen die abwechselnden Schallstrahlen im Ohre mit einander bildeten, mehr als einen rechten betrug. Nur dürsen natürlich die beiden Abstände des Ohrs von den Röhrenmundungen nicht zu ungleich sein. - Ebenso erhielt ich auch an der unter 4. erwähnten Scheibe die Duodecime, wenn ich die drei Röhren an 3 Punkten aufstellte, welche um 100° und 200° von einander entfernt waren.

Es ist durch diese Versuche erwiesen, dass die zu einem Tone gehörenden Impulse abwechselnd von zwei oder mehreren verschiedenen Pankten ausgehn dürsen, wosern sie nur hinreichend isochronisch ersolgen; es dürsen sogar die Richtungen, in welchen die abwechselnden Erschütterungen sich zum Ohre sortpslanzen, einen beträchtlichen Winkel mit einander bilden. Dies gilt wenigstens dann wenn die Impulse selbst immer in gleicher (paralleler) Richtung ersolgen, wie dies bei den vorhergehenden Versuchen stets der Falt war.

Diese letztere Bedingung aber ist in dem Versuche Savart's mit dem durch zwei gegen einander rechtwinklige Spalten schwingenden Stabe nicht mehr erfüllt, vielmehr gehn hier die abwechselnden Impulse nicht nur von zwei verschiedenen Stellen aus, sondern erfolgen auch nach zwei gegen einander rechtwinkligen Richtungen; in dem letzteren Umstande dürfte wohl die Hauptursache liegen, warum diese Impulse dem Ohre in zwei Systeme serfallen und denselben Ton geben, wie eine Spalte.

Noch mehr muss diess der Fall sein bei dem Versuche von Cagniard-Latour; denn da die beiden Ständer von dem Glasstiel in enlgegengesetzter Richtung getroffen werden, so müssen auch die dadurch erregten Impulse von entgegengesetzter Richtung sein

und sich also wie positive und negative Schwingung zu einander verhalten, so dass zwei solche Schläge erst eine ganze Schwingung ausmachen und eine Welle geben.

Ich habe diese Wirkung entgegengesetzter Impulse auch an der Sirene eben so gesunden. Bläst man nämlich eine Löcherreibe, oder zwei concentrische Reihen von gleicher Löcherzahl gleichzeitig mit zwei Röhren von den entgegengesetzten Seiten her an, so behält man dieselbe Tonhöhe, wie von einer Röhre, und es wird die Octave auch dann nicht gehört, wenn die Luststösse der einen Röhre genau mitten zwischen die der andern sallen.

Wenn serner Savart meint, dass zwei Unisonotone ost eine verdoppelte Anzahl von Impulsen erzeugen müssten, so ist diese Voranssetzung keineswegs allgemein zu machen, wie man aus den im Eingange von mir über den Einklang gemachten Bemerkungen ersehn wird. Nicht nur wenn die beiden Tone der durch sin. > bestimmten Wellensorm entsprechen, sondern sobald nur die beiden Wellenhälften (die positive und negative Schwingung) einander symmetrisch sind, ist eine Verdoppelung der Impulse nicht möglich, sondern statt ihrer wird nur eine gegenseitige Schwächung der beiden Tone eintreten können; gerade diese aber tritt in der That in der bekannten Erscheinung der Schwebungen deutlich genng hervor. Bei der Sirene, den Zahnrädern u. dgl. sehlt diese Symmetrie der beiden Wellenbälften; hier kann man daher zwischen zwei Impulse einen gleichen Impuls einschalten, ohne dass derselbe durch eine entgegengesetzte Wellenhälfte aufgehoben wärde.

Was endlich die Aeusserung Savart's betrifft, dass die von den entgegengesetzt schwingenden Theilen eines Körpers ausgebenden Wellen, sich ausheben müssten, wenn sich zwei Wellenzüge, aus zwei verschiedenen Stellen kommend, verhielten wie ein einziger, so wird man sich erinnern, dass diese Aushebung in dem Interferenzversuche von Hopkins (Repert. III. 71.) in der That wahrgenommen werden kann.

V. Beitöne.

Eine Saite kann, wie man weiss, die Töne, die sich einzeln daran herverbringen lassen, auch gleichzeitig geben. Die Bewegung ihrer Theileben kann alsdann angesehn werden als Resultante oder Summe der Bewegungen, aus welchen die einzelnen Tone entspringen würden; indem diese Resultante sich zum Ohre fortpflanzt bleibt diesem Organe die Thätigkeit überlassen, sie in ihre Componenten, d. h. in die einzelnen Systeme isochroner Schwingungen zu zerlegen. Es kann jedoch dieser Gegenstand auch anders angesehn werden.

Duhamei (FInstitut 1839 p. 237. 1840 p. 19 u. p. 41.) hat zunächst durch eine theoretische Behandlung gefunden, dann aber auch durch den Versuch bestätigt, dass die Snite in solchem Falle in mehrere Theile zerfällt, die nicht gleich viel Schwingungen in derselben Zeit machen, und dass die Schwingungszahlen dieser verschiedenen Theile eben die sind, welche den gleichzeitig vorhandenen Tönen entsprechen. Die Länge dieser Theile ist ungleich und hängt von den erregenden Ursachen ab. So fand Duhamel an einer Violoncellsnite, während sie ihren Grundton und dessen Octave gab, dass der mittlere Theil der Snite in einer gewissen Ausdehnung je eine Schwingung machte, während die beiden äusseren Theile je zwei Schwingungen vollendeten, so dass, wie der Bericht sich ausdrückt, die letzteren die höhere Octave gaben, während der mittlere Theil den Grundton erzeugte, übereinstimmend mit dem Resultate der Rechnung,

Dies gilt aber nicht nur von Saiten, sondern überhaupt, wenn ein Körper gleichzeitig mehrere Tone hören lässt, so wird jeder dieser Tone von einem verschiedenen Theile des Körpers bervorgebracht, so dass die verschiedenen Punkte eines jeden Theiles unter sich verglichen, in gleicher Zeit eine gleiche Zahl von Schwingungen machen, aber diese Zahl, und mit ihr der entsprechende Ton, von einem Theile zum andern sich ändert. Duhamel hat dies an einer quadratischen Messingplatte auf folgende Art beobachtet: Es wurden mit dem Bogen gleichzeitig zwei ungefähr um eine Quinte unterschiedene Töne erregt. An den Rand der Platte waren drei Häkchen von Eisendraht gelöthet, so dass das mittlere ungefähr der Grenze der beiden zu prüfenden schwingenden Theile entepricht, jedes der beiden andern aber dem Banche eines Theiles. Lässt man nun hinter der Platte, während sie schwingt, einen berussten Glasstreifen gleiten, so zeichnen die horizontalen Arme der Häkchen eine Wellenlinie auf diesen Streifen. Nimmt man dann mit dem Zirkel gleiche Längen dieser Wellenlinien vom Aufaugspunkte aus, so geben die Zahlen der auf diesen Längen enthaltenen Wellen das Verhältniss der von

den Häckehen in derselben Zeit gemachten Schwingungen. Im vorliegenden Falle wurde dies Verhältniss in der That 2:3 gefunden. Dasselbe oder ein ähnliches Verfahren scheint auch bei der Beobachtung an der Violoncellsaite angewandt worden zu sein.

Die vorstehenden, von Duhamel gefundenen Resultate sind von Interesse, sosern sie die Thatsache aussprechen, dass an einem Körper, welcher gleichzeitig verschiedene Tone giebt, mehrere Theile unterschieden werden können, deren jeder eine der Schwingungszahlen hat, welche diesen Tonen entsprechen. Sofern aber diesem Resultate die Deutung untergelegt wird, dass dadurch eine wesentlich andre Erklärung der Verbreitung und Wahrnehmung solcher Beitone gegeben werde, indem von einem Theile der eine, von einem andern der andre Ton ausgehe, dahingegen nach der gewöhnlichen Ansicht die ganze Saite jeden der einzelnen Töne giebt, so ist dabei doch Einiges zu bemerken. Zuvorderst beachte man, dass, wenn auch auf diese Weise die Wellen der verschiedenen Töne verschiedene Ausgangspunkte erhalten, sie doch bei ihrer Fortpflanzung wieder zusammentreten und eine Resultante von derselben Beschaffenheit geben, wie die, welche man erhält, wenn man jeden der Töne von der ganzen Saite ausgebend denkt, so dass das Ohr immer diese Resultante wieder in ihre Bestandtheile, nämlich in die verschiedenen Systeme isochroner Wellen zu zerlegen hat. Ferner wenn wirklich jeder der von Duhamel unterschiedenen Theile nur einen Ton geben sell, so muss bewiesen werden, dass die Schwingungen jedes Punktes dieses Theils nicht einem periodischen Wechsel ihrer Grosse oder Dauer unterworsen sind; denn das Ohr zählt nicht nur die Wellen, sondern misst auch und vergleicht ihre Amplituden, so wie ihre Längen, oder vielmehr die diesen Längen entsprechenden Zeiten, und wenn in einer dieser Beziehungen periodische Ungleichheiten eintreten, so vernimmt es zu dem einen Hampttene einen zweiten und auch wohl mehrere Töne, wie man aus den p. 9. mitgetheilten Beobachtungen an der Sirene er kann. Gerade diese Bedingung aber dürste bei den Wellen nicht stattsinden, welche von einem der von Duhamel unterschiedenea Theile ausgehn.

B. Zurückwerfung von Schallwellen. - Resonanz.

Wenn auf einer Linie zwei Züge von Wellen gleicher Länge and Amplitude in entgegengesetzter Richtung gehn, so resultirt daraus bekanntlich der Zustand stehender Schwingung. Man erhält auf dieser Linie solche Punkte, wo die beiderseitigen Bewegangen immer entgegengesetzt sind und sich daher fortwährend aufheben (Knoten), und dazwischen andre, wo sie immer in gleichem Sinne ausfallen, und wo daher Schwingungsmaxima (Bauche) entstehn. Der Abstand zwischen zwei benachbarten Knoten ist gleich der balben Wellenlänge. Haben die beiden Wellenzüge bei gleicher Länge der Wellen ungleiche Amplitude, so sind die Knoten nicht Ruhestellen, sondern Schwingungsminima, wie die Knoten einer töuenden Luftsäule. Dieser Fall muss eintreten, wenn die von einer Wand senkrecht zurückgeworfenen Wellen eines Tones den directen Wellen desselben Tones begognen. Für den gauzen Raum zwischen dem tönenden Körper und der reflectirenden Wand muss der eben bezeichnete Zustand eintreten.

Wenn dagegen zwei Züge von Wellen gleicher Läuge in einerlei Richtung fortschreiten, so werden sie sich auf ihrem ganzen Wege schwächen, und bei gleicher Amplitude aufheben, wenn der Gangunterschied eine ungerade Anzahl von halben Wellenläugen beträgt, dagegen verstärken, wenn er eine gerade Anzahl beträgt. Auch dies wird bei den directen und den senkrecht surückgeworfenen Wellen eintreten können, nämlich auf der Verlängerung der Linie, welche man von der reflectirenden Wand nach dem tönenden Körper zieht.

Diese beiden fälle sind von N. Savart (Comptes rendus VII. 1068., Ann. de Ch. et de Phys. LXXI. 20., Pogg. Aun. XLVI. 458.) beobachtet, und nicht nur das abwechseinde Verstärken und Schwächen eines Tones wahrgenommen, sondern auch in der Nähe der restetirenden Wand aus einem Geräusche Töne ausgeschieden worden, auf ähnliche Weise, wie man aus gemischtem Lichte durch Interferenz Farben ausscheidet.

Diese Untersuchungen gewinnen dadurch ein erhöhtes Interesse, dass wir über die Natur eines Geräusches noch so gut wie gar keine Beobachtungen besitzen. Bekanntlich denkt man sich ein Geräusch als eine unregelmässige Folge von Erschütterungen. De nach F. Savart (Ann. de Chim. et de Phys. XLIV. 337.)

schon zwei auf einander folgende Impulse einen Ton geben, dessen Höbe von der dazwischen liegenden Zeit abhängt, so kann eine solche unregelmässige Folge von Impulsen als ein Schall angesehen werden, bei welchem die Höhe von einer Schwingung zur andern beständig wechselt. Unter diesen unregelmässigen Erschütterungen werden sich aber viele solche befinden, die in ziemlicher Regelmässigkeit auf einander folgen, und daher wird ein Geräusch auch einigermassen als ein Gemenge von Tönen der verschiedensten Höhe betrachtet werden dürfen. In der Wellenlehre von E. II. und W. Weber §. 282 und 284 ist die Bemerkung gemacht, dass Röhren von einer passenden Länge und Weite durch das gewöhnliche Geräusch, welches die Luft am Tage erfailt, fortwährend schwach tonen, indem diejenigen Wellen, welche immer in ihre eigne Bahn nach einem gewissen Zeitraum zurücklausen, an Grösse wachsen, wenn sie durch regelmässig wiederkehrende Stösse verstärkt werden, dagegen die Stösse, bei denenen dies nicht der Fall ist, beim Hin- und Herlaufen geschwächt werden und sich verlieren. Die Beobachtungen von N. Savart zeigen, dass es nicht einmal einer mehrmaligen Zurückwerfung der Wellen bedarf, um auf solche Weise aus einem Geräusche einen Ton entstehn zu lassen, sondern dass eine einzige Zurückwerfung in Verbindung mit den directen Wellen schon Tone erzeugt. Folgendes ist der Inhalt dieser interessanten Untersuchungen.

L Zurückwerfung von Schallwellen.

Wenn man sich während eines Geräusches einem Gegenstande nähert, der dasselbe zurückzuwersen im Stande ist, so kann man bemerken, dass mitten aus diesem Geräusche ein Ton hervortritt, dessen Höhe mit dem Abstande des Ohres von dem reslectirenden Körper variirt, und zwar bei zunehmendem Abstande allmählich tieser. bei abnehmendem höher wird.

Diese Beobachtung wird durch folgende Umstände erleichtert: Man vermeide das Vorhandensein eines Körpers von beträchtlicher Ausdehnung zwischen dem Beobachter und der Quelle des Geräusches, damit dieses in möglichster Stärke anlange. Man vehme als reflectirende Fläche eine senkrechte Wand um sich ihr bequem nähern und von ihr entfernen zu können; eine Mauer, ein Thürflügel, eine Fensterscheibe erfüllen diese Bedingung. Der Abstand des Ohrs von der Wand kann zwischen Null und 2 bis

3 Meter variiren; weiterhin würde der Ton zu tief sein, um leicht wahrgenommen zu werden. Das Geräusch muss von hinreichender Dauer sein, um die Beobachtung zu gestatten; von dieser Art sind: das Rasseln eines auf dem Strassenpflaster fahrenden Wagens; das Rauschen eines Wasserfalls; der Lärm des aus einer Oeffnung mit Gewalt entweichenden Dampfes; ein Trommelwirbel; das Rauschen der Bäume im Winde; das Geräusch welches aus dem sämmtlichen Lärmen einer grossen Stadt entspringt; das Tosen des Meeres, welches Töne von merkwürdiger Stärke liefert.

Um die Beziehung zwischen der Höhe des Tones und der Entfernung des Ohres von der restectirenden Wand aufzusuchen, wählte Savart eine perpendikuläre ehne Mauer. Senkrecht gegen sie, und nach dem Ausgangspunkt des Geräusches gerichtet, wurde ein Massstab besestigt, um den Abstand des Ohrs an der Mauer zu messen. Diesem wurde der Kopf genähert, das Gesicht gegen ihn gewendes, das eine Ohr der Mauer zugekehrt, das andre verschlossen Mit einem Winkelmass, dessen einer Schenkel hinter dem offnen Ohre gegen den Kopf gestemmt war, während der andre am Massstab verschoben wurde, erhielt man den Abstand dieses Organs von der Mauer.

Den bei der Einheit des Abstandes gehörten Ton willkührlich C vennend, bestimmte S. mit diesem Apparat die Abstände, bei welchen die übrigen Töne der diatonischen Tonleiter erschienen. Die beiden ersten Spallen der folgenden Tabelle zeigen die Resultate dieser Beobachtungen.

Tone der Scala.	Abstande des Ohrs von der Mauer gemes.	Wellenlängen, berechnet, die von C = 1 gesetzt.
Contra II	1,07	$2,00 \times \frac{1}{13} = 1,067$
C, Ausgangspunkt.	1,00	$1,00 \times 1 = 1,000$
Ð	0,90	$1,00 \times 2 = 0,889$
E	0,81	$1,00 \times \frac{4}{8} = 0,800$
F	0,76	1,00 x 3 = 0,750
G	0,67	$1,00 \times \frac{2}{3} = 0,667$
A	0,61	$1,00 \times 4 = 0,600$
H	0,54	$1,00 \times \frac{4}{13} = 0,533$
c	0,50	$0.50 \times 1 = 0.500$
d	0,45	$0.50 \times 4 = 0.444$
e	0,41	$0.50 \times \frac{4}{5} = 0.400$
f	0,38	$0.50 \times \frac{1}{4} = 0.375$
6	0,34	$0.50 \times 3 = 0.333$

In der dritten Spalte ist die zu jedem Tone gehörende Wellenlänge berechnet, wobei die von C als Einheit genommen ist. Die nahe Uebereinstimmung dieser Zahlen mit denen der zweiten Spalte berechtigt zu dem Schluss, dass der Abstand des Ohrs von der Wand in einem constanten Verhältniss zu der Wellenlänge des bei diesem Abstande vernommenen Tones steht.

Um dies Verhältniss zu ermitteln, wurde auf einem nach der Stimmgabel gestimmten Instrument der Ton e angegeben und auf dem Massstab der Punkt gesucht, wo das Ohr durch Zurückwerfung denselben Ton e hörte. Dieser Punkt fand sich 55 Zoll von der Maner; da nun die halbe Welle*) von e 48 Zoll beträgt, s ist das gesuchte Verhältniss 15 = 1,146. Andre Versuche gaben wenig abweichende Resultate.

Die jetzt solgenden Versuche beziehen sich auf die Zurückwersung eines einzelnen Tones, indem nach dem Vorhergehenden zu erwarten war, dass derselbe in verschiedenen Abständen ungleiche Stärke besitzen würde.

40 bis 50 Meter von einer ebnen senkrechten Wand, und 1,30 Meter über dem Boden, wurde in einem übrigens nach allen Seiten freien Raume eine Glocke aufgestellt und von ihr ein gespannter Blechstreisen senkrecht gegen die Wand geführt, dessen Richtung die Reflexionsaxe beisse. Während die mit einem verstärkenden Gesässe versehene Glocke durch einen Violinbogen in Schwingung versetzt wurde, und einen Ton von bedeutender und gleichmässiger Stärke gab, wurde das Ohr längs einer dem Blechstreisen möglichst nahen geraden Linie sortgesührt.. Die Stärke des Tones war nicht in allen Punkten der Reslexionsaxe gleich, sondern in mehreren Punkten Null, in andern erreichte sie ihr Maximum, und da die mit diesen Eigenthümlichkeiten begabten Pankte eine unveränderliche Lage zeigten, so war es möglich, sie auf dem Blechstreisen zu verzeichnen und ihre Abstände von einander zu messen. Es fand sich auf diese Weise, dass die Knoten, d. h. die Punkte wo die Stärke des Tones Null wird. auf der ganzen Reslexionsaxe in nahe gleichen Abständen von einander liegen; dass der Abstand zweier benachbarter Knoten gleich

ı

^{*)} S. nennt den Raum zwischen zwei benachbarten Knoten eine Wellenlänge; ich habe diess dem bei uns üblichen Sprachgebrauch gemiss überall durch die Bezeichnung: halbe Wellenlänge übertragen.

Wellenlänge; dass die Bäuche, d. h. die Punkte, wo die Intensität des Tones am grössten ist, ebenfalls um eine halbe Wellenlänge von einander abstehn, und sich nahe der Mitte zwischen zwei Knoten besinden, und endlich dass die Stärke des Tones allmählig zu- oder abnimmt, wenn das Ohr sich von einem Knoten oder Bauch entsernt.

Folgende Tabelle enthält die Resultate der Beobachtungen an einer Glocke, welche den Ton cis gab.

Reihen- folge d. Knoten.	Abstände d. Knoten v. d. zurückwer- fend, Ebne.	Abstände zw. 2 auf ein- ander folg. Knoten.	Reihen- folge d. Knoten.	Abstände d. Knoten v. d. zurückwer- fend. Ebne.	Abstände zw. 2 auf ein- and. folgend, Knoten.
. 1	0-,373		22	13=,485	0-,612
2	1,000	0 = ,637	23	14,093	0,608
3	1,615	0,615	24	14,728	0,635
4	2,275	0,660	25	15,374	0,646
5	2,887	.0,612	26	15,9 63	0,589
6	3,495	0,603	27	16,668	0,705
7	4,005	0,590	28	17,263	0,595
8	4,713	0,628	29	17,883	0,620
9	5,337	0,624	30	18,473	0,590
10	5,952	0,615	31	19,099	0,626
11	6,576	0,624	32	19,726	0,627
12	7,195	0,619	33	20,348	0,622
13	7,798	0,603	34	20,963	0,615
14	8,382	0,584	⁄ 35	21,573	0,610
15	9,013	0,631	36	22,196	0,623
1 6	9,652	0,639	37	22,836	0,640
17	10,413	Ī	3 8	23,450	0,614
18	11,045	0,632	39	24,110	0,660
19	11,660	0,615	40	24,755	0,645
20	12,286	0,626	41	25,410	0,655
21	12,873	0,587			•

Reihen- folge d. Bäuche.	Abstände d. Bäuche v. d. zurückwer- fend, Ebne.	Abstände zw.2 auf ein- ander folg. Bäuchen.	Reihen- folge d. Bäuche.	Abstände d. Bäuche v. d. zurückwer- fend. Ebne.	Abstände zw. 2 auf ein- ander folg. Bäuchen.
1	0-,148		3	1=,358	0-,642
2	0,716	0=,568	4	1,997	0,639

Die Temperatur war bei den ersten 16 Knoten so wie bei den vier. Bänchen 2° C., bei den Knoten No. 17 bis 41 war sie 5°,5. In der Voraussetzung, dass der Sitz des Gehörs im Labyrinth, also ungefähr 1 Zoll von der Apophysis mastoidea liege, ist zu den direct gemessenen Abständen die Länge von 1 Zoll oder 27mm hinzugefägt; die in der Tabelle enthaltenen Zahlen sind mit dieser Correction versehn. Die Entfernung der Glocke von der Wand hat keinen Einfluss auf die Lage der Knoten, so dass man sie, wenn das Ohr sich in einem Knoten befindet, auf der Reflexionsaxe beträchtlich hin- und herführen kann, ohne eine Aenderung in der Lage des Knotens zu bemerken.

Die vorstehende Tabelle giebt Anlass zu folgenden Bemerkungen:

- 1) Die halbe Welle von c zu 24 Zoll gerechnet ist die halbe Wellenlänge des Tones cis der Glocke 24". 14, d. i. 0.624, welchem Werthe die Abstände zweier Knoten in der dritten Spalte der Tabelle im Allgemeinen ziemlich nahe kommen; die Differenzen sind bald positiv bald negativ. Nimmt man zuerst die 16 Beebachtungen bei der Temperatur von 2°C. und zieht den Abstand des ersten Knoten von dem des sechszehnten ab, so kommt 9-,279; dies durch die Anzahl der Zwischenräume, d. i. durch 15 dividirt, giebt als Mittelwerth für jeden Zwischenraum 0-,6186. Ebenso giebt der Abstand vom ersten Knoten bis zum 41 sten, d. i. 25-,037 durch die Anzahl der Zwischenräume, durch 40 dividirt, den Mittelwerth eines Zwischenraumes bei 5°,5 zu 0-,6259, also sehr nahe der halben Wellenlänge 0-,624.
- 2) Die erste Halbwelle, d. h. der Abstand des ersten Knoten von der Wand, ist von dieser Berechnung ausgeschlossen worden, weil sie viel kürzer ist, als die übrigen Halbwellen, d. h. die Abstände der Knoten von einander. Sie beträgt nur 0-,373, während die mittlere Länge der übrigen 0-,6186 ist. Diese Eigenthümlichkeit sand sich bei allen angestellten Versuchen; bei einer Glocke, welche den Ton a gab und bei 7° C. die halbe Wellenlänge im Mittel zu 0-,3953 gab, betrug die erste Halbwelle nur 0-,258.

(Ueber die Ursache dieses abweichenden Verkältnisses äussert N. Savart keine Ansicht. Man könnte daran denken, dass dieselbe in einer Verzögerung liege, welche die Welle bei der Zurückwerfung erleidet; allein eine solche findet bekanntlich wenigstens an dem verschlossenen Ende einer Röhre nicht statt. Es

liegt sehr nahe zu vermuthen, dass der Grund in der ungleichen Stellung des Ohra gegen die directen und zurückgeworfenen Welben liegt. Denn die directen Wellen müssen umgebengt werden, um zu dem von ihrem Ausgangspunkt abgewendelen Ohre zu gelangen, und auch die zurückgeworfenen müssen wegen des in der Nähe der Wand befindlichen Kopfs des Beobachters merklich von der Richtung der Reflexionsaxe abweichen. Es ist einleuchtend, dass dies einen Einfluss auf die Loge der Knoten haben muss, allein bei unsrer gänzlichen Unkenntniss über das Verhalten der Schallwellen bei der Beugung, lässt sich nicht beurtheilen, von welcher Art dieser Einfluss sein müsse, und ob sich die Verkurzung der ersten Halbwelle daraus hinreichend erklären lasse. Es kame besonders darauf an zu wissen, ob bei der Beugung die Richtung der Schwingung zugleich mit der des Schallstrahls in die enlgegengeselzte Richlung umgebogen wird; in diesem Falle wärden die Knoten da liegen, wo der Gangunterschied eine ungerade Anzahl von halben Wellen beträgt, also die Entfernung des ersten Knoten von der Wand, nicht, wie Savart thut, für eine halbe, sondern für eine Viertelwelle zu rechnen sein, und der gemessne Raum für den Ton cis um 0=,064, für a um 0=,060 zu gross sein, Differenzen, welche gar wohl auf Rechnung des kleinen Umwegs zu setzen wären, auf welchem die directen Wellen zum Ohre gelangen. Der erste Bauch fiele dann eigentlich auf die Fläche der Wand, doch wird dies erste, weniger beträchtliche Maximum der Intensität ans leicht begreiflichen Gründen nicht hier, sondern etwas weiter weg von der Wand wahrzunehmen sein. Mit jener Anuahme würde sich auch erklären, warum, ungeachtet dieser bedeutenden Verkürzung der ersten Halbwelle. doch die Entfernung des zweiten Bauchs von der Wand für die Tone von Contra H bis g in dem constanten Verhältniss zu der anderweitig bekannten Wellenlänge dieser Tone steht, welche die in der ersten Tabelle (p. 20.) aufgeführten Beobachtungen zeigen. Auf jeden Fall beweisen diese Beobachtungen, dass jene Verkurzung, welches auch ihre Ursache sein mag, der Wellenlänge nahe proportional sein muss.)

3) In allen Halbwellen, mit Ausnahme der ersten, ist die erste Viertelwelle länger als die zweite, wie man aus folgender Zusammenstellung einiger Resultate an dem Tone eis ersicht.

	Abstände	Zwischenräume			
	von der Wand.	Erste Viertel- welle.	Zweite Vier- telwelle.		
Wand	0=,000				
Erster Bauch	0,148	0=,148			
Erster Knoten	0,373		0-,225		
Zweiter Bauch	0,716	0,343	·		
Zweiter Knoten	1,000		0,283		
Dritter Bauch	1,358	0,358			
Dritter Knoten	1,615		0,257		
Vierter Bauch	1,997	0,382			
Vierter Knoten	2,275		0,278		

4) Der Abstand des zweiten Knoten von der Wand: 0,716, verhält sich zur mittleren Wellenlänge: 0,6186 wie 1,15 zu 1. Da nun bei den aus einem Geräusche ausgeschiedenen Tönen der ersten Tabelle das Verhältniss des Abstands von der Wand zu dem bei diesem Abstand vernommenen Tone durch 1,146 bestimmt war, so darf man schliessen, dass im Falle eines Geräusches das Ohr sich im zweiten Bauche der Interferenzwellen befand; uns erklärt sich darans, warum die Höhe des aus dem Geräusche ausgeschiedenen Tones durch die Entfernung des Beebachters von der Wand bedingt wird.

Achnliche Resultate wie die vorhergehenden erhielt Savart mit höheren und tieferen Glocken, mit Orgelpfeisen und Saiteninstrumenten. Wenn man das Ohr längs der Reslexionsaxe bewegt, so hört man der Reihe nach die sämmtlichen Aliquottöne, deren das Instrument sähig ist. Dies ist besonders aussallend bei Saiten, wo diese Töne harmonisch sind. Man kann auf diese Weise die einen Ton begleitenden Beitöne absondern, und es liegt hierin ein Mittel die Ursachen zu analysiren, auf denen (wenigstens zum Theil) die Unterschiede des Klangs verschiedner Instrumente beruhen.

Da sich mittelst des angewendeten Verfahrens die Wellenlänge recht genau messen lässt, so kann man daraus, wenn die Zahl der Schwingungen bekannt ist, die Schallgeschwindigkeit finden. Rechnet man den obigen Ton cis zu 512. 21. d. i. 533,33 halben (sogenannten einfachen) Schwingungen, und die halbe Wellenlänge im Mittel aus 40 halben Wellen bei 5°,5 zu 0m,6259, so erhält man die Schallgeschwindigkeit, als das Product dieser beiden Zahlen, gleich 333^m,81, d. i. um 3^m,05 kleiner als die Formel V = 333,44 V 1 + t.0,00375 sie giebt. Die Ungenauigkeit liegt ohne Frage in der der Glocke beigelegten Schwingungszahl. An einer andern Glocke, deren Ton durch sorgfältige Versuche zu 1043 halben Schwingungen bestimmt war, wurde bei der Temperatur von 9°, die halbe Wellenlänge im Mittel aus 90 Halbwellen, 0^m,324 gefunden; dies giebt die Schallgeschwindigkeit 337^m,93, d. i. 1^m,08 kleiner als die nach obiger Formel berechnete. (Nimmt man die Schallgeschwindigkeit nach Van Beek und Moll zu 332^m,05 bei 0° an, so wird die Uebereinstimmung noch grösser.)

Bei allen vorhergehenden Versuchen befand sich der Beobachter zwischen dem schwingenden Körper und der Wand. Wird umgekehrt der Schall zwischen dem Beobachter und der Wand erregt, so ist natürlich die Stelle des Ohres gleichgültig und man hat zur die des schallenden Körpers zu beachten.

Man braucht nur ein Stück Papier zwischen den Fingern zu zerknittern, und dabei diese Hand der Wand zu nähern, so kann nan in dem daraus entspringenden verworrenen Geräusche einen Ton unterscheiden, der je nach dem geringeren oder grösseren Abstande des Papiers von der Wand höher oder tiefer ist.

Nimmt man statt eines Geräusches den Ton einer Glocke, die man der Wand nähert, so hört man zwar diesen Ton fortwährend, allein man kann bemerken, dass es für jede Glocke einen bestimmten Abstand von der Wand giebt, wo er das Maximum seiner Intensität erreicht. Dieser Abstand wurde für drei Glocken, deren Töne e, a und il waren, gemessen und betrag resp. 200, 130 und 35 Millimeter. Wie hier die tieferen Töne bei grösserem Abstande verstärkt werden, so wird bei dem Versuche mit dem Blatt Papier der Ton gehört werden, der durch die Nähe der Wand verstärkt wird.

II. Tonverstärkende Gefässe.

Die Wand wirkt hier auf die Tone wie ein verstärkendes Gefäss, und es war von Interesse zu untersuchen, wie Gefässe von drei Dimensionen zwei derselben verlieren können, ohne dadurch die in Rede stehende Eigenschaft zu verlieren. Zu diesem Zwecke wurden nach einauder Gefässe oder Röhren mit beweglichem Boden von immer grösserem Durchmesser genommen, und die Tiefe gesucht, welche man ihnen geben musste, damit sie den Ton einer Glocke verstärkten.

Folgende Resultate wurden mit den vorhin erwähnten drei Glocken erhalten.

Durchmesser	Tiefe	der Gelässe fi	ir die		
der verstär- kenden Ge- fässe.	die Glocke e	die Glocke a	die Glocke 🖥		
15==		203 ==	70==		
29 ·	261 ==	178	61		
61	239	162	48		
81	231	150			
106			37		
107		140			
115	210				
124		132	35		
148		131	35		
166		13 0			
180	•	130	•		
206		130			
255	201	,			
348	20 0	130	35		

Man sieht hieraus, dass bei grösserem Durchmesser der Röhren die Tiese geringer genommen werden muss, bis zu einer gewissen Grenze der Weite, von wo an die Wände keinen Einsluss mehr haben. Die dann ersorderliche Tiese ist dem Abstande gleich, den eine Wand haben muss, um den Ton zu verstärken.

IIL Von der Resonanz.

Von dem Wesen der Resonanz hat Kane (Lond. Edinb. and Dubl. Phil. Magaz. Ser. III. No. 123. p. 247.) folgende Vorstellung gegeben.

Da von einem tönenden Körper immer zwei Wellen nach entgegengesetzten Seiten ansgehn, eine verdichtende und eine verdichtende, und diese, wenu sie zugleich das Ohr erreichen, sich außbeben, so besteht alle Resonanz darin, eine dieser Wellen wegzuschaffen. Er erläutert dies besonders durch einige Versuche über die Verstärkung des Tones einer Stimmgabel durch Röhren.

Von der Stimmgabel gehn vier Wellen aus, zwei +, B und D (Tal. L. Fig. 3.) und zwei -, A und C, welche sich daher

ausheben*). Wenn nun eine ossue Rühre, deren Länge gleich ist der halben Wellenlänge des Tons der Gabel, vor einen der Mittelpunkte, z. B. A gehalten wird, so schwingt sie im Einklang mit der Gabel, indem sie durch die erste eintretende Welle in Bewegung gesetzt wird; nun aber trifft die bei E austretende + Welle mit einer — Welle von A zusammen, und beide zerstöten sich daher. Indem sich ferner C und D ausheben, bleiben B und F, welche, in gleichem Sinue auf das Gehör wirkend, den Ton hörbar machen. Ersetzt man die offne Röhre durch eine halb so lange, geschlossne, so wird A ebenso zerstört, aber man behält statt der Wellen B und F nur B übrig und hat daher eine viel schwächere Resonanz.

Hält man vor A eine Röhre, deren Länge gleich ist der gauzen Wellenlänge der Gabel, so wird A durch E, C durch D aufgehoben; B und F müssen sich auch aufheben, aber nur an gewissen Stellen, die auf einer Hyperbel liegen. (Auch in dem ersten Falle müssten sich B und F da aufheben, wo ihr Gangunterschied eine halbe Wellenlänge beträgt.)

Schon vor langer Zeit hat Adams gezeigt, dass zwei geschlossne Röhren, wenn sie rechtwinklig gegen einander gehalten werden (z. B. vor C und D) keine Resonanz geben. Dies deutet Kane so, dass hier, indem C und D zerstört werden, A und B übrig bleiben und sich aufheben. Eben so nimmt er den in Fig. 4 vorgestellten Fall, wo ebenfalls keine Resonanz entsteht, indem C und D sich in der Röhre begegnen und aufheben. In der Stellung hingegen wie Fig. 5. verstärkt eine krumme Röhre den Schall bedeutend, fast doppelt so stark als eine gewöhnliche offne Röhre, indem A und C zerstört werden und B und D bleiben. (Die Länge der krummen Röhre wird in beiden Fällen nicht angegeben.) Fügt man aber zu der letzten krummen Köhre awei geschlossne hinzu, welche B und D auffangen (S. Fig. 6.), so wird der Ton wieder aufgehoben, was Kane als einen Beweis ansieht, dass es im vorigen Falle B und D waren, welche des Ton gaben.

Diese Versuche sind, wie mir scheint, nicht entscheidend für

^{. *)} W. Webers schöne Untersuchungen über die byperbolischen Interferenzen an den Armen einer Stimmgabel (Schweigg, Seid, Jahrb. XVIII, 385.) scheinen Kane nicht bekannt zu sein,

die von Kane ausgestellte Ansicht und lassen eine andre Auslegung zu. Wenn ein Ton unhörbar ist durch das Zusammentressen zweier entgegengesetzten Wellen, so ist klar dass er hörbar werden kann, nicht nur wenn man eine dieser Wellen wegnimmt, sendern auch wenn man eine von ihnen verstärkt, und diese letztere Wirkung ist es, welche z. B. der Röhre in Fig. 3. zugeschrieben werden kann. Denn wenn zwei gleiche Wellenzüge in entgegengesetzter Richtung gehn, z. B. hier A und E, so ist da, wo eine Verdichtung des einen mit einer Verdünnung des andern zusammentrifft, nicht ein Knoten (Rube), sondern ein Bauch (Schwingungsmaximum). Kane bezeichnet mit + und - Verdichtung und Verdünnung, und da müssen allerdings A und E, wenn sie einander sehr nabe sind, entgegengesetztes Zeichen erhalten; bezeichnet man aber mit + und - die beiden entgegengesetzten Richtungen der Schwingung, so müssen A und E gleiches Zeichen erhalten, d. h. es ist an dieser Stalle, wie dies eben die Natur eines Wellenbauchs ist, zwar nicht Verdichtung und Verdünnung, wohl aber Maximum der Bewegung; diese verstärkte Bewegung kann daher als Ursache des verstärkten Tones angesehn werden. Man wird dies leicht auf die übrigen von Kane besprochnen Fälle übertragen. Der Versuch von Adams ist dann so anzusehn, dass durch die Verstärkung zweier entgegengesetzter Wellen wieder eine Schwächung herbeigeführt wird, and chence konnen in Fig. 6. die beiden geschlossnen Röhren die Resonanz der krummen Röhre ausheben, wenn durch sie die entgegengesetzten Schwingungsphasen verstärkt werden, als durch die letztere.

Mit dem Namen Chorizophon bezeichnet Kane solgenden Apparat. Eine quadratische Glasplatte schwingt mit den beiden diagonalen Knotenlinien. Ueber oder unter die vier schwingenden Abtheilungen können vier geschlossene Röhren gehalten werden, deren Queerschnitt dreieckig ist, in der Gestalt einer solchen Abtheilung, und deren Länge gleich ist einer Viertelwellenlänge des Tones. Wendet man eine solche Röhre an, so hat man jederzeit eine Resonanz; gebraucht man ihrer zwei, so erhält man entweder verstärkte Resonanz oder keine, je nachdem sie in gleichem oder entgegengesetztem Sinne wirken. Aehnlich mit dreien und vieren, welche letztere sehr starke oder auch gar keine Resonanz geben können. Man sieht leicht ein, wie dies sowohl nach Kane's

Ansicht, als auch nach der vorhin von mir angedeuteten, gewöhnlichen Ansicht zu erklären ist.

Es soll übrigens mit den ohigen Einwendungen nicht gesagt sein, dass nicht eine Resonanz durch Unterdrückung einer von zwei entgegengesetzten Wellen erzeugt werden könne, und wenn Kane die Stärke des Tons an Rohrinstrumenten dadurch erklärt, dass von den beiden entgegengesetzten Wellen der Zunge die eine in der Mundhöhle des Bläsers verloren geht, und nur die andre wirksam bleibt, so wird allerdings hierin eine, wenn auch nicht die einzige Ursache jener Tonstärke liegen.

IV. Bau der Violine.

Unter den Bemerkungen über Gegenstände der praktischen Akustik, welche in den Berichten über F. Savart's akustische Vorlesungen Institut 1839 u. 1840.) enthalten sind, findet sich eine detaillirte Untersuchung des Baues der Violine in Beziehung auf den Einfluss, welchen die beiden Böden des Resonanzkastens, die Lust dieses Kastens, der Stimmstock, der Steg, der Hals des Instrumentes auf die Beschaffenheit des Tones haben. hier nicht näher in diesen überwiegend praktischen Gegenstand eingegangen werden; nur solgende Resultate dürsten hervorzubeben sein. Die beiden Böden oder vielmehr das ganze Holz des Resonanzkastens bilden mit der darin eingeschlossenen Luft ein tonfähiges Ganze, so dass man denselben Ton erhält, man mag die Böden durch Streichen eines aufgekitteten Glassstiels, oder durch Anblasen der in dem Kasten enthaltenen Lust in Schwingung ver-Dieser Ton ist bei den Stradivari-Geigen das c von 512 (halben) Schwingungen. Der Stimmstock (dme) dient nach Savart nicht nur die Schwingungen von dem oberen Boden an den unteren zu übertragen, sondern auch vorzüglich die Schwingungen, welche in der Saite den Böden parallel sind, senkrecht gegen diese zu machen; zugleich dient er dem rechten Fusse des Stegs als Stütze, damit der linke Fuss in Schwingung gerathen könne.

C. Tönende Bewegungen.

I. Trevelyan-Instrument.

Wenn man gegen einen Tisch stösst, auf welchem Geräthschaften liegen, die leicht in eine wackelnde Bewegung gerathen, z. B. Handwerksgeräthe mit runden Griffen u. dergl., so bemerkt man oft, dass die Schläge, welche durch ein solches Wackeln entstehn, sich zuletzt, wenn sie sehr schnell erfolgen, zu einem rasch in die Höhe ziehenden Tone vermischen. Diese wackelnde Bewegung kann dauernd unterhalten, und dadurch ein anhaltender Ton erzeugt werden, wenn der schwingende Körper und die Unterlage beide von Metall sind und eines von ihnen heiss ist. Diese Töne entstehn also, wie die Klirrtöne und die Töne an Savarts Zahnrädern, durch das schnell wiederholte Gegeneinanderschlagen zweier sesten Körper.

Eine solche Erscheinung wurde i. J. 1805 von dem Hätteninspector Schwarz zu Hettstädt beobachtet und von Gilbert (Ann. der Phys. XXII. 323.) beschrieben. Eine 6 Mark schwere Scheibe von Amalgamationssilber hatte einen orgelähnlichen Ton gegeben, als sie heiss auf einen kalten Ambos gelegt wurde, den sie im drei Punkten berührte. Bei einer in Gilbert's Gegenwart angestellten Wiederholung des Versuchs wurde eine erstarrte Feinsilbermasse noch sehr heiss mit der convexen Seite auf den kalten Ambos gelegt. Als sie nur an zwei Stellen auflag, gerieth sie in eine schwankende Bewegung, indem sie sich um die Axe, die durch die beiden Punkte bestimmt wurde, hin und her drehte. Diese Bewegung wurde sehr schnell, und durch das Anschlagen gegen den Ambes entstand ein ununterbrochner tiefer, brummender Ton. Zugleich hörte man einen seinen, doch nur sehr schwachen Ton. Liest man diese Beschreibung, so kann man heute nicht zweiselhaft sein, dass die schnell wiederholten Schläge des Silbers gegen den Ambos unmittelbar den Ton erzeugten; ja es scheint fast, als habe Gilbert dies richtig erkannt; dennoch schliesst er seinen Bericht mit der Bemerkung, dass das Beobachtete nicht mereiche, irgend eine genügende Erklärung über die Art zu geben, wie dieser Ton entsteht.

Auch von Silberschmieden sind östers dergleichen Töne bemerkt worden. — Vielleicht sind auch einige der von T. J. Seebeck m thermomognetischen Ketten beobachteten Töne dahin zu rechnen. Wie aber dergleichen Töne an erhitzten Metallen beliebig hervorgebracht werden können, hat Trevelyan gezeigt. (Lond. and Edinb. phil. Mag. and Journ. of Science. Third. Ser. No. 17. Nov. 1833.) Nachdem dieser ein Tönen bemerkt hatte, als er zufällig ein heisses Schüreisen auf einen kalten Rieiblock gelegt hatte, unternahm er eine ausführliche Untersuchung, um die Bedingungen zu ermitteln, unter denen aus der Berührung eines heissen Metalls mit einem kalten ein solches Tönen entspringt. Aus diesen Versuchen ergiebt sich Folgendes.

Der Ton entsteht, indem das heisse Metall auf dem kalten sehr schnell hin- und herwackelt; die dadurch entstehenden Schläge vermischen sich, wenn sie schnell genug erfolgen, zu dem Eindrucke eines Tones. Der Versuch gelingt unter sehr verschiedenen Bedingungen. Das hoisse Metall kann die verschiedensten Formen haben, am besten die einer Barre von etwa 5 Zoll Länge, 2 Zoll Breite und ; Zoll Dicke, an deren eines Ende ein Stiel von etwa 6 Zoll Länge angesetzt ist. Taf. I. Fig. 7. zeigt das Inatrument in der Form, welche Trevelyan als die günstigste gefunden hat; der Queerschnitt der Barre ist in Fig. 8. gezeichnet. Das Instrument, das z. B. aus Kupfer oder Messing verfertigt sein kann, ruht mit dem Ende des Stiels auf dem Tisch und mit der unteren schmalen Fläche auf einem Bleiklotz; in diesem Falle muss das Blei da, wo es vom Kupfer berührt wird, rauh gemacht werden; dagegen ist es gut, die untere Fläche des Kupfers recht glatt zu machen. Fig. 9. zeigt eine andre Form des Queerschnitts, die ich nach Trevelyan's erster Beschreibung in Messing hatte ausführen lassen und sehr geeignet gefunden habe. Drückt man auf die Barre, so wird der Ton höher. Legt man ein Stäbchen von einiger Länge queer über die Barre, so wird das Wackeln derselben sichtbarer. Das Unterstützen der Barre am Ende des Stiels ist nicht unbedingt nothwendig; ist sie auf dem Bleiklots balancirt, so schwingt sie zugleich seitlich und auf und nieder. Ein starker Kupferring über einen kalten Bleistab gehangen, vibrirt rück- und vorwärts; legt man ihn auf einen schmalen Bleiklotz, so schwingt er auf und nieder. Auf Blei entstehn die Schwingungen am leichtesten; auf härteren Metallen bedarf et stärkerer Erwärmung. Trevelyan hat eine grosse Anzahl von Versuchen darüber angestellt, swischen welchen Metalien der Ton entateht, wenn das eine kalt ist und das andre heise darauf gelegt wird. Die Resultate sind in folgender Tabelle zusammengestellt. Die an der linken Seite genennten Metalle wurden als kalte Unterlage angewandt, die über jeder Colomne genannten heise daramf gelogt; die Kreuze bezeichnen die Fälle wo die Schwingung eintrat. Ich habe diese Tabelle so geordnet, dass die Namen linke herunter einigermassen die Ordnung angeben, nach welcher die Metalle sich zur kalten Unterlage eignen, und die Metalle oben ungeführ in der Ordnung stehn, in welcher sie am geeignetsten sind, heise in Schwingung zu gerathen.

	Kupfer	Silber	Fein Messing	Gold	Gewöhn, Messing	Platina	Rigen	Zioż	Geschülzmetall	Gussoisen	Cockmetall	Glockenmetall
Blei	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+
Zinnloth	+	+	+		+		+	+	+			+
Glockenmetall	+	+	+	+	+	+	+	+	+		+	
Zing	+	+	+		4	+	+	+	+	+		
Blockzinnioth	+	+	+		+	+	+		+			
Pale solder	+	+	+				+	+				
Antimon	+	+	+				+	+				
Zink	+	+	+		+	+	+					
Cockmetali	+	+	+	+	+	+						
Gewöhn. Messing	+	+	4	+	+				1			
Geschützmetall	+	+	+		+				1			
Fein Messing	+	+	+	+								
Gusscisen	+	+	+	$\lceil \rceil$				Γ]		Ī	
Einen	+	+	+					П			-	1
Kupfer,	+		+			1		Π				ī
Platin	+	+			Г							
Siber	+				1							T
Gold	-	1	, *		1	1	ı	1		1		1

Mit Ausnahme eines Falles, wo heisses Kupfer auf dem Boden eines gläsernen Sturzbechers in Schwingung zu gerathen schien, konnten nur mit Metallen diese Töne hervorgebracht werden. Auch entstehn keine Schwingungen, wenn man den Bleiklotz mit dünnen, nicht metallischen Körpern bedeckt.

Ueber die nächste Ursache des Tones durch die schnell wiederholten Schläge, mit denen das kalte Metall von dem heissen getroffen wird, lassen diese Versuche keinen Zweifel. Daher muss der Träger - so nenne ich die kalte Unterlage - von dem Wieger - der heissen Barre - in zwei Punkten berührt werden, und dann der letztere auf diesen beiden Stützpunkten so hin und her wackeln, dass er abwechselnd jetzt in dem einen und dann in dem andern den Träger trifft. Bei der in Fig. 9. dargestellten Form bietet die Messingbarre durch ihre zwei unteren Ränder diese Stützpunkte; bei der Fig. 7 und 8. wird das raube Blei leicht zwei geeignete Erhöhungen darbieten. Daher gelingt der Versuch auch leicht mit einer Barre, deren Ouecrdurchschnitt ein Rechteck ist, wie Fig. 10., wenn man der Unterlage absichtlich zwei Erhöhungen giebt. Bei Fig. 7 und 8. können auch wohl die beiden Ränder der schmalen unteren Fläche als Stützpunkte dienen, wie dies bei Forbes nachher zu besprechenden Beobachtungen der Fall gewesen zu sein scheint.

Es entsteht nun die zweite Frage, wie durch die Wärme hier die dauernde Schwingung unterhalten werde. Wird der Wieger kalt angestossen, so wackelt er ein Paarmal hin und her, kommt aber wegen des Verlustes, den er bei jedem Stosse an seiner Bowegung erleidet, bald zur Ruhe. Dieser Verlust ist es, der durch den Einfluss der Wärme ersetzt werden muss. Dies geschieht nach der Ansicht von Faraday, so wie von Lealie, der auch Trevelyan beigetreten ist, durch die Ausdehnung, welche das kalte Metall erleidet.

Diese Erklärung, wie sie Faraday (Journal of the Roy. Inst. IV. Schweigg. neues Jahrb. IV.) bestimmter angieht, besteht in solgendem: So lange die kalte Unterlage, z. B. Blei, von dem heisseu Metall berührt wird, empfängt es Wärme von demselben und dehnt sich aus, so dass eine kleine Erhöhung auf dem Blei sich erhebt; wenn aber der berührte Punkt von dem heissen Wieger, der jetzt auf die andre Seite fällt, verlassen wird, so zieht sich jene Erhöhung während der Nichtberührung wieder zusam-

men; der Raum, welchen jeder Berührungspunkt des heissen Metalls beim Fallen durchläuft, ist also grösser als der, welchen er beim Steigen vom Blei ab beschrieben hatte, so dass die fallende Seite allemal bis zu einem niedrigern Niveau gelangt, als die andre; durch diesen grösseren Fallraum gewinnt das Instrument einen Zuwachs an Bewegung, der hinreichend ist, den durch die Hindernisse und den jedesmaligen Stoss erlittenen Verlust zu compensiren, so dass das Instrument in der einmal erregten Schwingung beharrt. Man würde diese Erklärung missverstehn - wie dies in der That geschehen ist - wollte man das Emporwachsen der Bleierhöhung als eine bebende Krast betrachten, welche dadurch, dass sie auf die eine Seite des Wiegers wirkt, derselben einen stärkeren Schwung gäbe, denn diese würde keine solche Wirkung haben können. Faraday drückt sich darüber sehr unzweideutig aus, indem er sagt: "Die Kraft wird gewonnen durch den ganzen Wieger, indem derselbe wirklich erhoben wird durch den Punkt, von welchem er gerade unterstützt wurde, und kommt zur Wirkung durch die herabsinkende Seite des Wiegers etc." Es ist übrigens einleuchtend, dass hierbei die Zusammenziehung, welche das heisse Metall durch den Verlust an Wärme erleidet, eine entgegengesetzte Wirkung ausübt, und daher von der Ausdehnung des kalten abgerechnet werden muss, so dass dieser Erklärung zufolge nur dann dauernde Schwingungen zu erwarten sein werden, wenn die Ausdehung des kalten Metalls mehr beträgt, als die gleichzeitige Zusammenziehung des heissen.

Faraday schreibt noch einem anderen Umstande einen Theil der Wirkung zu. Indem nämlich der in der Erhitzung begriffene Stützpunkt sieh dem in der Abkühlung besindlichen nähert, werde dem Instrument eine seitliche Bewegung ertheilt, die seiner Schwingung zu Statten komme. Wechselte diese seitliche Bewegung in der Art, dass jene Näherung nur während des Steigens des Schwerpunktes stattfände, während seines Fallens aber sich in die entgegengesetzte Bewegung verwandelte, so würde sie allerdings die in Rede stehende Wirkung haben müssen; dauert sie dagegen, wie dies hier der Fall ist, in gleichem Sinne fort, so muss sie, während der Schwerpunkt fällt, eine entgegengesetzte Wirkung haben, und daher die während seines Steigens erzeugte compensiren. Ist nun gleich diese Compensation hier nicht vollständig,

weil die Mittheilung von Wärme in abnehmendem Masse erfolgt, so scheint doch der kleine davon übrig bleibende Effect unwesentlich zu sein, und kann, wie man weiterhin sehn wird, ohne merkliche Beeinträchtigung des Erfolges beseitigt werden.

Was aber den Hauptheil von Faraday's Erklärung betrifft, so wird die Frage entstehn 1) ob die geringe Menge Wärme, welche während einer so kurzen Berührungszeit mitgetheilt wird, und die auch nur eben so viel Zeit hat, sich wieder zu verlieren, hinreichend ist, um jene Bewegung zu unterhalten, und 2) ob die Erklärung von der Erfahrung darin bestätigt wird, dass in allen den Fällen, wo der Ton entsteht, die Ausdehnung des kalten Metalls werklich mehr beträgt, als die Zusammenziehung des heissen.

In dieser letzteren Beziehung hat Forbes (London and Edinb. phil. Magaz. and Journ. of Science. Third. Ser. IV. diese Erklärung bestritten.

Faraday nämlich bezeichnet als Grand, warum vorzüglich das Blei sich zur Unterlage eignet, nicht nur den grossen Ausdehnungscoefficienten dieses Metalies, sondern auch den Umstand, dass es wegen seiner geringen Wärmeleitung die Wärme mehr an der Berührungsstelle zusammenhalte, und sich daher stärker ausdehne. In Betreff des letzteren Punktes nun erinnert Forbes, dass die grössere oder geringere Ausbreitung der Warme in einem Körper keinen Einfluss auf seine Ausdehnung habe, indem es für den Botrag derselben gleich ist, ob weniger Theile eine starke, oder mehrere eine so viel mal schwächere Erwärmung erleiden; daher komme die Leitung der Wärme nur in so fern in Betracht, als davon die Schnelligkeit ihrer Mittheilung abhänge, und es lasse diese Erklärung vielmehr erwarten, dass eine gute Warmeleitung ebensowohl des kalten, als des beissen Metalles stets dem Verauche günstig sein müsse; im Uebrigen mache sie die Erscheinung nur von dem Ausdehnungscoefficienten der beiden Metalle abhangig, denn da die Zusammenziehung des heissen Metalls weniger als die Ausdehnung des kalten betragen müsse, so müsse immer das heisse Metall den kleineren Ausdehnungscoefficienten haben; dies stehe aber mit der Erfahrung in Widerspruch, indem : B. heisses Silber auf kaltem Eisen tout, obgleich die Ausdehnung des Eisens geringer ist, als die des Silbers. Forbes hült, was Faraday über den Einstuss der Warmeleitung sagt, für ein Versehen; allein das ist nicht der Fall, denn es kommt hier nicht auf

die gesammte Volumenänderung der beiden Metalle, sondern auf die lineare Ausdehnung und Zusammenziehung an, die sie an den Berührungspunkten, und zwar in der vertikalen Dimension erleiden. Obgleich jene (die Volumenänderung) nur von der Menge der mitgetheilten Wärme abhängt, von deren Vertheilung aber unabhängig ist, so gilt doch dasselbe keineswegs von der Linearausdehnung, sondern diese beträgt allerdings um so mehr, je weniger die Wärme sich ausbreitet. Ich werde diesen Einfluss weiter unten genauer untersuchen.

Forbes hat auch eine Reihe von Beobachtungen über diesen Gegenstand angestellt, und diese, oder vielmehr die allgemeinen Folgerungen, welche er daraus zieht, stehn in mehreren Punkten mit den Versuchen Trevelyan's im Widerspruch. Er zieht nämlich aus seinen Versuchen folgende drei Schlüsse:

- 1) Beide Substanzen müssen metallisch sein.
- 2) Die Schwingungen finden nie statt zwischen Substanzen von einerlei Stoff.
- 3) Die Stärke der Schwingungen ist (innerhalb gewisser Grenzen) dem Unterschiede des Leitungsvermögens für Wärme (oder Electricität) proportional, indem das schlechter leitende Metall als das kalte angewandt werden muss.

Dem ersten dieser Sätze scheint eine wenn auch unvollkommene Beobachtung von Trevelyan zu widersprechen. Mit den beiden letzten stehn mehrere in der obigen Tabelle enthaltene Resultate im Widerspruch.

Forbes stellt die Metalle nach ihrer Wärmeleitung und ihrer Fähigkeit zu schwingen in folgende Reihe: Silber, Kupfer, Gold, Zink, Messing, Platin, Eisen, Zinn, Blei, Antimon, Wismuth*); in Beziehung auf ihre Fähigkeit als kalte Unterlage bei dem Versuche zu dienen, stehn sie in umgekehrter Ordnung. Diese Reihe stimmt, wie man sieht, ziemlich mit der Ordnung überein, in welche sich auch nach Trevelyan's Versuchen die Metalle stellen, und da dieser in allen den Fällen, wo Porbes Tone erhielt, sie ebenfalls beobachtete, nicht aber umge-

^{*)} Antimon und Wismuth stellt er zuletzt, weil sie weder heiss als Wieger, noch kalt als Träger angewendet, eine Schwingung geben. Ich habe jedoch keine Schwierigkeit gefunden, eine Messingbarre auf diesen beiden Metallen zum Tönen zu bringen, besonders wenn der Versuch in der Art wie Fig. 10 angestellt wurde.

kehrt, so ist zu vermuthen, dass dieser nur die Bedingungen nicht getroffen, unter denen jener einen Theil seiner Resultate erhielt, Bedingungen, die Trevelyan allerdings selbst nicht weiter beseichnet, die jedoch, wie ich nachher zeigen werde, nicht schwer zu entdecken sind.

Was die Erklärung der Erscheinung betrifft, so stellt Forbes die Hypothese auf, dass beim Uebergange der Warme aus einem besseren Leiter in einen schlechteren eine Abstossung zwischen beiden erzeugt werde. Allein gesetzt auch, dass eine solche wirklich stattfände, so überzeugt men sich doch leicht, dass sie in keinem Falle die Wirkung haben würde, welche bier dadurch erklärt werden soll. Denn fände der Uebergang von Wärme während der ganzen Berührungsdauer gleichmässig statt, so würde auch diese Krast sortwährend dieselbe Stärke behalten, und dann der Bewegung während zwei Viertelschwingungen eben so sehr entgegenwirken, als sie dieselbe während der beiden andern beförderte; erwägt man aber, dass die Mittheilung von Wärme im Anfange der Berührung am stärksten sein muss, so findet man dass jene Krast die Bewegung des Wiegers mehr hemmen als befördern würde. Man müssle also über sie ganz andre Annahmen machen, welche nicht weiter erörtert zu werden brauchen.

Ueber den Versuch selbst sind zuvörderst noch ein Paar Thatsachen aufzuführen.

Die Schwingungen finden eben sowohl statt, wenn man das heisse Metall, z. B. Kupfer oder Messing feststellt, und das kalte, z. B. Blei beweglich darauf legt, ohne jedoch mit dieser Umkehrung ihrer Lage auch ihre Temperaturen zu verlauschen. Ich werde jedoch im Folgenden immer das heisse Metall als schwingende und das kalte als den Träger annehmen,

Nach einer Beobachtung von Leslie (Edinb. Journ. of Sc. N. S. XI. 142.) dauern die Schwingungen im Vacuum der Lanpumpe fort.

Die Stärke der Schwingungen nimmt im Allgemeinen mit der Temperaturdifferenz der beiden Metalle zu; eine Ausnahme davon fand Forbes wenn sehr heisses Eisen auf Blei gelegt wurde, wovon der Grund wohl hauptsächlich in einem Erweichen der kleinen Bleierhöhungen gelegen haben mag.

Eine leitende Verbindung zwischen den beiden Berührungspunkten ist nicht nothwendig. Ich habe sowohl den heissen Wieger aus zwei Stücken so zusammengesetzt, wie Fig. 11. im Queerschnitt zeigt, als auch das Blei zwischen den beiden Berührungspunkten durchgeschnitten, und in beiden Fällen die Theile durch
schlechte Leiter der Wärme und Electricität von einander getreunt
und gegen einander gepresst; die Schwingungen entstanden alsdann eben so leicht, als wenn Wieger und Träger jedes aus einem Stück bestand.

Wie die Schwingungen langsamer gemacht werden können durch ein grösseres Bewegungsmoment des Wiegers, so können sie auch, wenn dieses klein ist, sehr schnell werden. Ich habe mehr als 800 und weniger als 2 Schläge in 1 Secunde beobachtet, und es würde keine Schwierigkeit haben, diese Grenzen noch viel mehr zu erweitern.

Häusig hört man ausser dem Haupttone noch andre. Faraday schreibt sie fremden Ursachen zu, als: dem Klingen des Metalls, der Erzitterung des Tisches etc. Sie mögen indess wohl auch durch den Mangel an Isochronismus der Schläge entstehn. Denn wenn das Bewegungsmoment des Wiegers in Beziehung auf die beiden Stützpunkte ungleich ist, was sehr leicht eintreten wird, so wird zu einer linken Halbschwingung eine andre Zeit als zu einer rechten gebraucht, und es entsteht ein System von Stössen, deren Zwischenzeiten abwechselnd t und t' sind. Auch kann es begegnen, dass der Wieger den Träger in mehr als zwei Punkten trifft, woraus dann noch mehr verschiedne Zwischenzeiten entspringen. Dass in solchen Fällen mehrere Töne entstehn können, sieht man aus den pag. 9. beschriebenen Beobachtungen.

Die widerstreitenden Ansichten über die Erklärung der in Rede stehenden Erscheinung, und die Widersprüche, welche ich sogar über die Bedingungen vorfand, unter denen sie eintreten soll, veranlassten mich den Gegenstand einer genauen Untersuchung zu unterwerfen, deren Ergebnisse man in Poggend. Ann. LL 1- findet, und wovon die Hauptsache im Folgenden angegeben werden soll. Ich ging an diese Arbeit in der Voraussetzung, dass die Kraft, um die es sich hier handelt, messbar sein müsse, dass aus selchen Messungen sich ergeben müsse, von welchen Eigenschaften beider Metalle sie eine Function sei, und dass sich daraus werde schliessen lassen, ob die Erscheinung durch die bekannten Wirkungen der Wärme erklärt werde, oder die Annahme einer neuen Kraft nöthig mache.

Ich habe bei einem grossen Theile meiner Versuche folgendes Vorfahren angewendet. Ich befestige an dem Instrument, welches wagerecht liegt, eine senkrecht nach unten gerichtete, 2 bis 3 Fuss lange Holzleiste (S. Fig. 12); an ihrem unteren Ende oder auch an einer anderen Stelle derselben ist ein Brettchen angebracht. anf welches Gewichte gestellt werden können. Ich werde diese Leiste den Pendelstab nennen. Legt man nämlich den so eingerichteten Wieger auf eine geeignete Unterlage und erhitzt ihn, so schwingt er hin und her, und mit ihm zugleich die daran befestigte Leiste, welche dann eine pendelarlige Bewegung macht, und daher, zumal wenn sie noch Gewichte trägt, die Schwingungen viel langsamer macht, so dass natürlich die Schläge sich nicht mehr zum Tone vermischen, sondern einzeln hörbar und zugleich sehr sichtbar sind. Man kann diesen Apparat so lange als man will in Bewegung erhalten, so dass er, wie das Pendel einer Uhr. ununterbrochen schwingt, indem man eine kleine Lampe unter dem Wieger anbringt, die ihn fortwährend heiss erhält. Durch diese Construction des Apparates können 1) die Schwingungen beliebig langsam gemacht werden, 2) wird dadurch auf eine nachher anzugebende Weise die Grösse jener Wirkung der Warme messbar, welche die Schwingungen dauernd unterhält, und 3) gestattet der Apparat, indem er die Schwingungen so sichtbar macht, auch die Fälle zu beobachten, wo die Wärme, anstatt die Bewegung zu befördern, sie vielmehr vermindert. Es kam z. B. ein Instrument aus Kupfer, auf eine Unterlage von Blei gelegt, und durch Anstossen auf eine Amplitude von 4° gebracht, wenn beide Metalle kalt waren, nach einer gewissen Anzahl von Schlägen zur Rube; wurde das Kupfer erhitzt, so beharrte es in dauernder Schwingung; war dagegen das Blei erhitzt und das Kupfer kalt, so kam es fast dreimal schneller zur Ruhe, als wenn beide kalt

Den Träger habe ich, um ihn gehörig festzustellen, gewöhnlich in einen Schraubstock eingespannt. Die Berührung mit dem Eisen des Schraubstocks hat, wie ich mich überzeugt habe, keinen Einsluss auf den Versuch, wenn der eingeklemmte Träger nicht zu klein ist. In wie fern dabei seine Grösse zu berücksichtigen ist, wird sich im Folgenden zeigen.

sch wende mich nun zuerst zu der Entscheidung jener Fragen, über welche Trevelyan und Forbes entgegengesetzte Resultate erhalten haben, und welche allein schon sehr entscheidend für die Erklärung sind, nämlich 1) kann der Wieger und der Träger von einerlei Metall sein und 2) können zwei Metalle ihre Ordnung umkehren, in der Art, dass das Metall, welches vorher beiss auf einem anderen, kalten in Schwingung gerathen war, auch umgekehrt kalt als Träger für das letztere, nunmehr erhitzte dienen kann?

Unter welcher Bedingung ein solcher Erfolg eintreten werde, war, wenn Faraday's Erklärung die richtige ist, leicht zu finden. Um nämlich z. B. ein Instrument aus Kupfer auf einer Unterlage von demselben Metalle in Schwingung zu erhalten, kam es daranf an, die Ausdehnung des Trägers grösser zu machen, als die Zusammenziehung des Wiegers, jedoch nicht die gesammte Volumenanderung — denn diese muss, wenn das kalte Kupfer die Wärme empfängt, die das heitse verliert, nothwendig an beiden gleich sein - sondern die Linear-Ausdehnung und Zusammenziehung mach der vertikalen Richtung. Diess musste eintreten, wenn an dem Träger die Ausbreitung der Wärme nach den Seiten möglichst gehindert, und nur die nach unten gestattet wurde, also wenn der Träger die Gestalt zweier Pyramiden, dünnen Prismen oder dergl. erhielt, wenn er in zwei Erhöhungen auslief. In der That habe ich auf diese Weise sowohl die Tone, als auch, bei Anwendung des Pendelstabes, die langsameren Schwingungen so vellkemmen erhalten, als in irgend einem andern Falle; das Instrument aus Kupser kommt auf zwei vertikalen Kupserdrähten (wie Fig. 13.) oder Kupferspitzen sehr leicht in anhaltende Schwingung. Um sicher zu sein, dass das als Träger dienende Kupfer ganz von derselben Beschaffenheit, wie der Wieger war, liess ich von dem Instrument selbst ein Stück abschneiden und arbeitete an diesem zwei pyramidale Spitzen heraus; wurde nun das Instrument erhitzt auf diese Spitzen gelegt, so tönte es. Man könnte einwenden, dass das Instrument durch das Erhitzen anlause, und also doch micht zwei ganz gleichartige Oberslächen in Berührung seien. Dieser Einwurf wird durch folgenden Versuch widerlegt. Ich liess an dem Wieger zwei Spitzen herausarbeiten und legte diese auf eine ebne Unterlage von demselben Kupfer. (S. Fig. 14.) Wurde nun der Wieger erhitzt, so waren Schwingungen zu erwarten, wie verhin, wenn eine Oxydation des heissen Metalls die Umache war; wenn dagegen die Schwingungen auf dem vorhin bezeichneten Umstande beruhten, so mussten sie jetzt nicht allein nicht dauernd sein, sondern auch nach dem Anstossen sich sehnelter vermindern, als wenn das Instrument kalt war. In der That fand nun das letztere statt, wovon ich mich durch die oben angegebne Art des Versuchs bestimmt überzeugt habe. Es ist also die Berührung zwischen zwei ungleichen Stoffen nicht eine nothwendige Bedingung des Versuchs.

Durch ein gleiches Verfahren kann nun auch natürlich die vorhin erwähnte Umkehrung der Ordnung der Metalle leicht bewirkt werden. Nach allen Beobachtungen z. B. kommt heisees Kupfer oder Silber auf kaltem Messing leicht in Schwingung; umzekehrt habe ich ein Instrument von Messing sehr leicht auf kaltem Kupfer oder Silber zum Tönen gebracht, indem ich es mit seiner ehnen Unterfläche auf zwei neben einander gestellte dunne Drähte, Blochstreisen oder Spitzen von einem dieser Metalle legte. Je dünner diese sind, desto leichter tritt die Schwingung ein, so dass sie, wenn dieselben sehr dünn waren, schon erfolgte, wenn die Temperatur des Messings nur um 50° höher war als die ihrige. - Ich habe auf diese Weise die Ordnung der Metalle so vollständig umgekehrt, dass ich sogar heisses Blei auf kaltem Kupfer in dauernde Schwingung versetzte, indem ich als Träger zwei senkrecht neben einander gestellte Kupferdrähte (wie Fig. 13.) anwandte, und die Schwingungen des Blei's durch den Pendelstab siemlich langsam machte. Sehr schnelle Schwingungen von Blei sind nicht zu erlangen, da es wegen seiner schlechten Warmeleitung hierzu schr spitze Träger verlangen würde, die es wegen eeiner Weichheit nicht verträgt. Ebenso habe ich Schwingungen von Blei auf Eisen hervorgebracht. Ich stehe nach diesen Versuchen nicht an zu behaupten, dass jedes beisse Metall auf jedem kalten unter geeigneten Umständen in dauernde Schwingung versetzt werden kann,

Diese Benbachtungen zeigen, dass die Gestalt, welche die beiden Metalle in der Nähe der Berührungspunkte haben, üben so viel Einfluss auf den Erfolg des Versuchs haben kann, als die specifischen Eigenschaften dieser Metalle. Sie sprechen aus diesem Grunde eben so sehr gegen die Annahme einer durch die Berührung der ungleich erwärmten Metalle hervorgerusenen besonderen Kraft, welche ohne neue Hülfsbypothesen damit unvereinhar sein würde, als für die Erklärung Faraday's, indem sie zeigen, dass

jener Einstess der Gestalt ganz von der Art ist, wie er nach dieser Erklärung erwartet werden musste.

Eine weitere und sehr vollständige Bestätigung dieser Ansicht fand ich, als ich die Grösse der vermutheten Ausdehnung und Zusammenziehung des Trägers unter verschiedenen Bedingungen der Messung unterwarf.

Ich werde eine Versuchsreihe dieser Art vollständiger beschreiben. — Als Träger gebrauchte ich zwei Zinkbleche von 0,17 Lin. Dicke. Ich wählte dieses Metall wegen seines grossen Ansdehnungscoessicienten; Blei und Zinn können zu den Messungen wegen ihrer Weichheit nicht wohl gebraucht werden. Die beiden Zinkbleche hatten die in Fig. 12. angezeigte Gestalt und waren zwischen drei andre dickere Zinkstücke so gefasst und in den Schrambstock eingespannt, dass sie, in einem geringen Abstande neben einander, aus jeuen Stücken hervorragten, und daber allein vom Instrument berührt werden konnten; auch waren die letzteren so ausgeseilt, dass die in den Berührungspunkten mitzetheilte Wärme sich erst in dem dünnen Zinkblech einige Linien weit ansubreiten hatte, ehe sie an die einschliessenden Stücke gelangte. Der Wieger von Kupser hat eine rechtwinklig prismatische Gestalt; er ruht mit seinem kupfernen Stiel auf einem harten aber nicht metallischen Rande, mit dem vorderen Theile seiner ehnen Unterstäche aber auf den beiden Zinkblechen, so dass die Spalte zwischen diesen letzteren dem Stiel parallel ist. Die drei Stätzpunkte, die er auf diese Weise hat, sind sehr genau in eine wagerechte Ebne gebracht und der Pendelstab senkrecht nach unten gerichtet. Um theils das Bewegungsmoment, theils die Schnelligkeit der Schwingungen abzuändern, hatte ich an dem Pendelstabe drei Brettchen angebracht, 7, 14 und 28 Zoll vom Kupfer, und belastete diese bei verschiedenen Versuchen mit verschiedenen Gewichten, nämlich 4 Loth, 16 Loth und 2 Pfund. -Um aber dem Kupfer eine constante und bei allen Versuchen e Temperatur zu geben, bringe ich unter demselben nahe dem Stiele eine kleine Spirituslampe an und regulire sie so, dass einige Stückchen der Rose'schen Legirung, die auf dem Instrunente liegen, geschmolzen werden, mit Ausnahme derjenigen, welche am aussersten Rande desselben, am weitesten von der Lampe eatsernt liegen. Man gelangt auf diese Weise ziemlich leicht dabin, die Temperatur des Instruments mehrere Stunden ohne merk-

Bur Bar Bart

liche Veränderung zu erhalten, und es kann die Temperatur des Wiegers auf etwa 80° R. oder wenig höher angenommen werden, so dass, bei einer Temperatur des Zimmers von etwa 14°, das Kupfer um 65° bis 70° R. erwärmt war. - Ist der Apparat so aufgestellt, so kommt er beim leisesten Anstosse in Bewegung und die Schwingungen vergrössern sich allmählich von selbst bis zu einer gewissen Amplitude, welche sie dann beibehalten, so lange die Temperatur ungeändert bleibt*). Auf dieselbe Amplitude gehn sie auch zurück, wenn man das Instrument durch Anstossen in eine stärkere Bewegung verselzt hat. Diese constante Amplitude, welche mit a bezeichnet werde, wird an einer hinter dem Peadelstabe aufgestellten Scala abgelesen, die auf 5 Minuten getheilt, noch einzelne Minuten zu schätzen gestattet. Nachdem die Lampe ausgelöscht und das Instrument im Laufe einiger Stunden vollkommen erkaltet ist, wird es durch Anstossen auf eine Amplitude gebracht, die etwas grösser ist, als die vorige, und nun beobachtet, wie viel Schwingungen es macht bis sich die Amplitude um ein Bestimmtes vermindert hat, woraus sich ergiebt, um wie viel sich die Amplitude bei jedem einzelnen Schlage vermindert; diese letztere Grösse heisse Aa. Ausserdem muss man noch kennen den Abstand der beiden Zinkbleche von einander, welcher d heisse und bei dem in Rede stehenden Versuche 1,7 Linien betrug; ferner die Entsernung vom Stützpunkte des Stiels bis zu den beiden Punkten wo das Instrument auf den Zinkblechen ruht; diese Entfernung, welche D genannt werde, betrug 11,3 Lin.; endlich die Lage des Schwerpunkts am Justrument; es werde der Stützpunkt des Stiels als Anfangspunkt der Abscissen und die von da nach der Zinkspalte gezogne Linie als Abscissenlinie genommen; die Abscisse des Schwerpunkts heisse A, seine Ordinate L. Aus diesen Daten lässt sich berechnen, wie viel die periodische Ausdehnung und Zusammenziehung des Zinks in der Richtung einer durch den Berührungspunkt gezognen Senkrechten betragen muss, wenn man die dadurch entstehende Vergrösserung des Fallraums als die die Bewegung unterhaltende Ursache ausieht. Es wird

^{*)} Der schwächste Anstoss reicht hin die Schwingungen einzuleiten, und wenn der Pendelstab unbelastet ist, treten diese fast immer von selbst, d. h. durch unvermeidliche kleine Erschütterungen ein.

nämlich diese Grösse, die ich der Abkürzung wegen die Hebung nennen will

$$= \frac{\mathbf{D}}{\mathbf{A}} \cdot \mathbf{L} \Delta \alpha \frac{\sin \frac{1}{2} (\alpha + \beta)}{\cos \frac{1}{2} \beta}$$

wo tg $\frac{1}{L}\beta = \frac{1}{L} \cdot \frac{A}{D}$, oder mit einer für die beobachteten Fälle hinreichenden Abkürzung, da d viel kleiner als L ist,

$$\frac{\mathbf{D}}{\mathbf{A}}$$
. $\mathbf{L}\Delta\alpha \pm (\alpha + \beta)$.

Man erhält diese Formel, wenn man sich nach jedem Schlage den nicht in Berührung befindlichen Stützpunkt um da heruntergerückt denkt, wodurch, während der ganze Apparat allmählich etwas tieser sinkt, die schwingende Bewegung unterhalten werden würde. Die Wirkung der abwechselnden Abkühlung und Erwärmang der Stützpunkte unterscheidet sich nur darin, dass der erst gesankene Stützpunkt während seiner Berührung mit dem heissen Instrument wieder gehoben wird, und dabei einen Druck gegen dasselbe ausübt, der nicht ganz central ist, dessen Wirkung jedech, wie sich zeigen lässt, gegen jene Hauptwirkung vernachlässigt werden kann. Der berechnete Werth ist eigentlich der Unterschied zwischen der Linearveränderung des Zinks und der, welche gleichzeitig der kupserne Wieger an den Berührungspunkten erleidet; allein bei der geringen Dicke der Zinkbleche kann die letztere im Vergleich mit der ersteren nur so gering sein, dass sie vernachlässigt werden darf.

Folgende Tabelle enthält die in den bereits bezeichneten Fällen besbachteten Werthe der in Rechnung kommenden Grössen, nebst der darans berechneten Hebung. Die erste Spalte enthält P, das Gewicht des Wiegers (einschliesslich der am Pendelstabe angebrachten Beschwerung) in Lothen; die zweite und dritte die Ordinate und Abscisse des Schwerpunktes in Pariser Linien; die vierte die beobachtete Schwingungsweite α ; die fünfte giebt an, wie viel einzelne Schläge das Instrument, wenn es kalt war, machen musste, damit sich der Schwingungsbogen um 100 Minuten verminderte, so dass die angegebne Zahl = $\frac{100}{\Delta\alpha}$, wenn $\Delta\alpha$ in Minuten ansgedrückt wird; die sechste Spalte enthält die daraus berechnete Hebung h, d. h. die periodische Linear-Ausdehnung und Lesammenziehung des Zinks in Pariser Linien; in der siebenten

ist unter N angegeben, wie viel einzelne Pendelschläge das Inaterment während einer Minute machte.

P	L,	A	α	100 Δα	li .	N
102,5	206",3	74",4	6* 28'	535	0",00100	73
	102,8	E	6 18	327	0,00084	106
	48,6	£	5 14	165	0,00074	152
54,5	105,7	77,7	6 30	274	0,00101	74
7	57,0	2	6 0	174	0,00086	107
	31,6	9	5 12	109	0,00078	137
42,5	43,1	79,6	6 14	129	0,00093	83
	27,5	,	5 38	93	0,00086	112
s	19,3	3	5 14	72	0,00084	126

Mau sieht aus diesen Zahlen, dass, wie verschieden auch die Schwere des schwingenden lustruments und die Lage seine Schwerpunkts genommen werde, doch die berechnete Hebung nor von der Dauer der Berührung abhängt, und, wie zu erwarten war, um so kleiner ausfällt, je kürzer die Berührung dauert.

Auch als ich den Schwerpunkt noch näher an die Stütspunkte heran, und selbst über diese hinaufrückte, erhielt ich bei
einer freilich viel geringeren Genauigkeit des Versuchs ähnliche
Resultate. Bei grösserem Abstande der beiden Zinkbleche von
einander war die Amplitude kleiner, gab aber nahe gleiche Werthe der Hebung. An dickerem Zinkblech dagegen ist dieselbe
kleiner.

Diese Resultate erscheinen unvereinbar mit der Annahme einer abstossenden Kraft, stehn dagegen in vollkommnem Einklaus mit Faraday's Erklärung. Namentlich scheint auch die berechnete Hebung, z. B. 1000 Linie bei einer Berührung von 4 Secunden keineswegs zu gross bei einem Metalle, welches durch kaum 3000 um 1000 seiner Länge ausgedehnt wird. Wenn dies aber hier bei diesen langsamen Schwingungen gilt, so gilt es auch obter Frage bei den sehr viel schnelleren des gewöhnlichen Versuch wo zwar während der kurzen Berührung sehr viel weniger Warm mitgetheilt werden kann, aber auch eine Susserst geringe Hebungsthig ist, um den kleinen Verlust einer an sieh schon so gerügen Bewegung zu compensiven.

Ich kehre zu den Messungen zurück. Eisenblech von gleichen

Dicke statt des Zinks gab eine 23 mal kleinere Hebung; da es nun bekannt ist, dass Eisen sich bei gleicher Erwärmung 23 mal weniger ausdehnt, als Zink, und dass beide Metalle gleiche Wärmeleitung besitzen — auch die Capacität macht wenig Unterschied — so bestätigt diese Beobachtung Faraday's Erklärung auch von der Seite, dass die aus dem Versuch berechnete Hebung unter übrigens gleichen Umständen dem um 1 verminderten Ausdehnungscoessicienten proportional ist.

Um andrerseits den Einfluss der Wärmeleitung des Trägers zu prüsen, habe ich in derselben Weise eine Anzahl Messungen an verschiedenen Metallen angestellt, die ich in Gestalt von Drähten, wie Fig. 13., anwandte. Dabei war es zugleich nöthig den Einfluss, welchen die Dicke der Drähte und ihre Länge (d. h. die Länge der aus dem Schraubstock hervorragenden Enden) ausübt, einigermassen zu prüsen. Diese Fälle gestatten, wenn man gewisse Einflüsse vernachlässigt, eine leichte theoretische Behandlung. Ich habe nämlich

- a) voransgesetzt, dass die Dicke der Drähte unbeträchtlich sei im Vergleich mit dem einem merklichen Temperaturwechsel ausgesetzten Theile ihrer Länge.
- b) Es ist der ungleiche Einsluss vernachlässigt, welchen die an den Oberstächen der Drähte aus- und einstrahlende Wärme aus ihren Temperaturzustand hat.
- c) Wie in den obigen Versuchen ist die geringe Linear-Zusammenziehung des kupfernen Wiegers vernachlässigt gegen die viel grössere Ausdehnung der Drähte.
- d) Es ist angenommen, dass das eingeklemmte Ende des Drahtes durch den Schraubstock auf einer constanten Temperatur erhalten wurde, und dass auch das obere Ende des Drahtes während der Daner der Berährung mit dem Wieger durch diesen auf einer nehe constanten erhöhten Temperatur gehalten werde.

Obgleich die unter solchen Voraussetzungen abgeleiteten Renatzte war eine angenäherte Gültigkeit haben können, und andrerseits die Beobachtung gewissen Schwierigkeiten unterworfen ist, die ihr nur einen mässigen Grad von Genauigkeit zu geben erlauben, so wird bei der grossen Verschiedenheit, welche die Metalle in ihren thermischen Eigenschaften zeigen, eine ziemlich gute Vergleichung der Theorie mit der Erfahrung zulässig.

Folgende Gesetze, welche unter jenen Voraussetzungen sich

ergeben, sind von mir mit der Erfahrung verglichen und übereinstimmend gefunden werden.

Die Hebung, d. h. die periodische Ausdehnung oder Zusammenziehung welche die Drühte in ihrer Längenrichtung durch die wiederholte Berührung mit dem heissen Wieger und die darauf folgende Abkühlung erleiden, hängt ab

- 1) vom Ansdehnungscoefficienten und ist dem um 1 verminderten Coefficienten proportional, wie dies bereits oben für Bleche in einem Falle nachgewiesen worden ist.
- 2) Von der Dicke der Drähte. Da der Wieger den oberen Queerschuitt des Drahtes nicht ganz, sondern immer nur in
 einem Punkt oder in einer Linie beröhren kann, so muss bei
 grösserer Dicke sich die mitgetheilte Wärme mehr zur Seite ausbreiten und daher die zur Messung kommende vertikale Linearausdehnung geringer sein. Dies wird bestätigt durch Beobachtungen, die ich an Kupfer- und Eisendrähten angestellt habe.
- 3) Von der Länge der Drähte. Wenn man die Länge der aus dem Schraubstock hervorragenden Drahtenden von Null an wachsen lässt, so muss mit ihr die Hebung von Null an wachsen, wenngleich nicht in demselben Verhältniss. Dies wird bestätigt durch folgende mit vieler Sorgfalt ausgeführte Beobachtung.

Am Kupferdraht von 0",38 Dicke betrug

bei einer Länge von 1",8 die Hebung 0",00120

* * * 2"',8 = * 0"',00149 * * * 4"',3 * * 0"',00164

wenn das Instrument 74 Schläge in der Minute machte. Alleia das Wochsen der Hebung hat eine Grenze; denn wenn die Länge des Drahtes so gross genommen wird, dass der periodische Temperaturwechsel gegen sein unteres eingeklemmtes Ende hin unmerklich wird, so wird durch die so vermehrte Länge nicht nur keine Vergrösserung der Hebung, sondern im Gegentheil eine Verminderung derselben hervorgebracht, weil nun der dem Temperaturwechsel unterworfene Theil sich nicht so gut abkühlen kann als wenn der Draht kürzer wäre. Die Hebung wird daher bei einer gewissen Länge ein Maximum erreichen und bei einer weiter zunehmenden Länge wieder abuehmen. Bei dem eben erwähnten Versuche war dies Maximum noch nicht erreicht; an einem dickeren Draht musste es früher eintreten; in der That beobachtete ich an Kupferdraht von 0",66 Dicke

bei einer Länge von 2",8 eine Hebung von 0",00112

= = = 4"',4 = = 0"',00128

= = = 6"',6 = = 0"',00116.

An Eisendraht von 0",42 Dicke schien dies Maximum bei einer geringeren Länge einzutreten, wie dies auch bei der geringeren Wärmeleitung dieses Metalls der Fall sein muss.

4) Die Hebung hängt ab von der Wärmeleitung und Capacität der Drähte. Unter den vorhin angegebenen Voraussetzungen kann in einem sehr geringen Abstande vom Berührungspunkte die Portpflanzung der Wärme im Draht als linear angesehen und die Theorie darauf angewendet werden, welche Fourier (Théor. de la Chaleur Chap. IX.) sur solche Peripsianzang giebt. Wenn man nämlich eine Masse an einem Ende auf einer constanten erhöhten Temperatur erhält, und die in's lunere dieser Masse übergehende Wärme nur nach einer Richtung sorischreitet, so ist die Entsernung von der Endsläche, in welcher nach einer gegebnen Zeit eine gegebne Temperaturerhöhung eingetrelen ist, proportional $\frac{\sqrt{K}}{\sqrt{s}}$, we K die Wärmeleitung und e die Wärmeespacität nach Volumen bedeutet. Nimmt man daher Drähte aus verschiedenem Stoffe und wählt die Länge und Dicke derselben proportional $\frac{\sqrt{K}}{\sqrt{c}}$, so muss sich die Wärme in ihnen auf ganz entsprechende Weise, nur mit ungleicher Geschwindigkeit verbreiten, und daher die Hebung proportional E wenn unter E der um 1 verminderte Ausdehnungscoefficient verstanden wird. Es ist bierbei vorausgesetzt, dass die Ausdehnung, in welcher der Draht vom Wieger berührt wird, seinen Dimensienen proportional sei, eine Bedingung, der sich nicht genau genagen lässt, und in deren mangelhaster Erfüllung wohl die erheblichste Fehlerquelle sur vergleichende Versuche an verschiedenen Metallen liegen mag; denn wenn man auch die Enden der Drähte bei allen Versuchen sehr gleichmässig zugerichtet hat, so erleidet doch deren Obersläche unter den Schlägen des Instruments eine kleine Veräuderung, so dass bei den weicheren Metallen die Berührung vollkommner wird als bei den härteren. - In der folgenden Tabelle ist die Hebung angegeben, die ich au einigen Drahten (bei 74 Schwingungen in einer Minute) beobachtet habe, und mit der des Kupfers in der Art verglichen, dass ich aus den bereits augeführten Beobachtungen an Kupferdraht durch Interpolation die Hebung für verschiedene Längen und Dicken dieses Metalls abgeleitet habe, woraus dann nach dem eben aufgestellten Gesetze berechnet ist, welche Hebung für die anzuführenden Metalle nach den anderweitig bekannten Werthen von E, K und es unerwarten waren.

	1		Hebung			
	Dicke.	Länge.	beobachtet.	berech, nach der d. Kupfrs,		
Silber	0"",57	3′′′,8	0"",00185	0",00183		
Zink	0,38	3,2	0,00173	0,00189		
Eisen	0,42	1,8	0,00042	0,00051		
	9	2,8	0,00042	0,00058		
		4,3	0,00032	0,00052		
•	0,24	1,9	0,00072	0,00069		

Erwägt man einerseits die mancherlei Fehlerquellen dieser Messungen und andrerseits die nicht unbeträchtliche Ungenauigkeit der sämmtlichen Data, welche den berechneten Werthen zum Grunde liegen, so wird man in diesen Beobachtungen im Allgemeinen eine grosse Uebereinstimmung finden. Nur die am dickeren Eisendraht beobachteten Werthe sind beträchtlich kleiner als die berechneten, was sich jedoch ans einigen der hier vernachlässigten Einslüsse genügend erklärt. An Platindraht fand ich die Hebung sehr gering; doch sind die Angaben sowohl über die Wärmeleitung*) als über die Ausdehnung dieses Metalls so verschieden, dass die Berechnung hier ganz unsicher wird.

Obgleich ich auf diese Versuche viele Sorgfalt verwendet habe, so zweiste ich doch nicht, dass es möglich sein würde ibuen eine grössere Genauigkeit zu geben, wenn es darauf ankäne mittelst derselben gewisse Gesetze der Mittheilung und Verbreitung von Wärme empirisch zu prüfen. Auf jeden Fall aber reichen sie für den Zweck, den ich hier zunächst im Auge hatte, voll-

^{*)} Forhes stellt noch seinen mit Fourier's Contactthermometer gemachten Beobachtungen, die im Uebrigen dieselbe Ordnung der Metalle, wie Despretz Messungen geben, die Wärmeleitung der Platina wischen die des Eisens und Zinke, wonsch sie dreimal kleiner sein müsste, als Despretz sie gefunden. Vergl. auch Pogg. Ann. LII. 632.

hammen hin, und zeigen namentlich, dass, wenn die Wärme sieh im Träger ziemlich linear fortpflanzt, eine bessere Wärmeleitung desselben die Schwingungen stärker macht, also einen entgegengesetzten Einfluss ansübt, als wenn sie sieh vom Berührungspunkte aus nach allen Seiten hin ausbreitet, wie bei der gewöhnlichen Art des Versuchs, so dass z. B. das Siber. das als Block angewendet, sieh weniger zum Träger eignet, als die meisten andern Metalle, in Drahtgestalt angewendet die stärksten Schwingungen giebt, und seiner guten Wärmeleitung wegen solche Metalle übetrifft, die einen grösseren Ausdehnungesesellicienten haben. Man kann aus den vorhin mitgetheilten Besbachtungen einigermassen berechnen, welche Werthe $\frac{K}{c}$ für die untersachten Metalle haben müsste, dies giebt ungefähr, wenn man den Werth für Kupfer = 1 setzt:

für Silber 1,583, Zink 0,473, Eisen (Mittelwerth) 0,323, statt der Zahlen 1,566 0,516 0,404, fie sich aus den anderweitig bekannten Werthen der Wärmeleitung und Capacität ergeben.

Es bleibt mir nun noch übrig zu zeigen, dass auch die Resaltate, welche die gewöhnliche Art des Versuchs gegeben hat, we die Erwärmung und Abkühlung sich im Träger ebenso wie im Wieger nach allen drei Dimensionen auszubreiten hat, mit Faraday's Erklärung nicht im Widerspruch stehn. Es kann hier mer von einer Uebereinstickhung im Allgemeinen die Rede sein, dem um eine solche in jedem einzelnen Falle nachzuweisen, würde nicht nur eine sehr viel schwierigere Theorie, sondern auch eine sehr viel detaillirtere Kenntniss der angestellten Versuche erforderlich sein. Kommt es aber nicht auf eine genauere Berechnung der Grösse der Schwingungen, sondern nur darauf an, zu übersehn, unter welchen Umständen dieselben überhaupt statt finden, und ob sie im Allgemeinen stark oder schwach sein werden, so kans man, wenigstens sofern ein gewisser Einfluss der Cohäsionseigenschaften vernachlässigt werden darf, durch folgende Betrachung mit hinreichender Annäherung zum Ziele gelangen.

Zwei Metalle von ungleicher Temperatur berühren sich in eiven Punkte; der Krümmungshalbmesser ihrer Berührungsflächen werde als sehr gross angenommen im Vergleich zu der Tiefe, zu welcher sich eine merkliche Temperaturänderung erstreckt. Es bezeichne K die Leitung, c die Capacität und E den um 1 verminderten Ausdebnungscoefsicienten für das kältere und K', c', E' dieselben Grössen für das wärmere Metall. Vernachlässigt man die an den Oberslächen anderweitig aus- und einströmende Wärme und bringt nur die am Berührungspunkt mitgetheilte in Anschlag, so bekommt das eine Metall die Wärme, die das andre verliert; diese Menge heisse W. Nun verbreitet sich die Erwärmung im cinen und die Abkühlung im andern über Halbkugeln, deren Halbmesser wegen der ungleichen Leitung ungleich sein werden. Bezeichnen r'und r' diese Halbmesser, so dass sich die Halbkugeln wie r3 == r'3 verhalten, so wird die Erhöhung und Erniedrigung threr Temperatur beziehungsweise proportional W und W, also die lineare Ausdehnung und Zusammenziehung proportional $\frac{W \cdot E}{c \cdot r^2}$ und $\frac{W \cdot E'}{c' \cdot r'^2}$. Wenn nun, wie ich annehmen zu dürsen glaube, $r : r' = \frac{\sqrt{K}}{\sqrt{c'}} : \frac{\sqrt{K'}}{\sqrt{c'}}$, so verhält sich demnach die Linear-Ausdehnung des kalten Metalls zu der Zusammenziehung des heissen wie $\frac{E}{K}$: $\frac{E'}{K'}$ und der Unterschied beider ist proportional $W\left(\frac{E}{K} - \frac{E'}{K'}\right)$. Wendet man nun dies auf das Trevelyan-Instrument an, so leuchtet ein, dass de Erfolg des Versuchs von dem Werthe abhängt, den dieser Ausdruck für die beiden dazs verwendeten Metalle annimmt. Ob Schwingungen entstehn, wird davon abhängen, ob dieser Werth positiv oder negativ ist, wie stark sie aber sind, von der Grösse desselben. Soll die Schwingung statt sinden, so muss jene Grösse positiv sein, d. h. das kalls Metall einen grösseren Werth für $\frac{E}{K}$ haben, als das heisse. Be-

rechnet man den Werth dieser Grösse für die Metalle, deren Leitung man durch Despretz kennt, so stellen sie sich in solgende Ordnung: Platina, Gold, Kupfer, Silber, Eisen, Zink, Zinn und Blei, welches letztere bei Weitem den grössten Werth erhält. Erwägt man, dass die Ordnung der Metalle durch gewisse Einslüsse, besonders durch die Gestalt der beiden Metalle bedeutend modisiert werden kann, so wird man diese Reihe mit

den Beobachtungen Trevelyan's sehr wohl übereinstimmend und auch mit denen von Forbes durchaus nicht in Widerspruch finden. Die Platina würde eine tiesere und mit den Beobachtungen besonders denen von Forbes besser übereinstimmende Stelle erhalten, wenn sie die geringe Wärmeleitung besässe die Forbes ihr zuschreibt (S. oben p. 50 Ann.). Allein der Grund warum die Beobachtungen ihr eine zu tiese Stelle anweisen, liegt wohl hanptsächlich in der geringen Dicke des angewendeten Metalls, wie denn auch Forbes zuerst, da er mit einem dünnen eckigen Stück von diesem Metall experimentirte, ihr eine noch tiesere Stelle auweisen zu müssen glaubte. Zink und Zinn erhalten gleiche Werthe. doch scheint sieh das Zinn wegen seiner geringeren Härte und Elasticität mehr zum Träger eignen.

Es muss übrigens bemerkt werden, dass die hier berechnete Reibe angiebt, welche Metalle als Träger für irgend einen Wieger oder umgekehrt — für den Fall dass die Form die Schwingungen weder begünstigt noch hindert — dienen können, aber nicht identisch ist mit den Reihen, welche sich ergeben würden, wenn die Metalle nach der Intensität der Schwingungen geordnet werden sollten, die sie als Träger für einen gegebenen heissen Wieger oder als Wieger für irgend einen Träger erzeugen würden.

Diese Bemerkung betrifft zugleich die Frage, warum die Schwingungen nur zwischen Metallen erfolgen. Denn wenn eine schlechtere Wärmeleitung dem Träger zu Statten kommt, so muss es auf den ersten Blick befremden, dass alle viel schlechteren Wärmeleiter gar nicht als Träger anwendbar sind. So wird z. B. Glas für $\frac{E}{K}$ einen beträchtlich grösseren Werth geben als Blei, und daher, wenn zwischen diesen beiden Stoffen überhaupt Schwingungen erzeugt werden können, das Blei der heisse Theil sein müssen, ausser wenn die Bedingungen der Gestalt auf die oben erürterte Art eine Umkehrung veranlassen. Dennoch kommen alle Metalle auf Blei sehr leicht in Schwingung, auf Glas aber ist dies kaum in einem zweifelhaften Versuche gelungen. Der Grund davon wird sogleich einleuchten, wenn man erwägt, dass die Grösse W $(\frac{E}{K} - \frac{E'}{K'})$, deren Werth die Stärke der Schwingungen bestimmt, aus zwei Factoren besteht, deren jeder eine Function

von K und K' ist; beide wachsen mit K', d. h. die Schwingangen sind um so stärker, je besserer Leiter das heisse Metall ist; dagegen wird, wenn K abnimmt, der eine Factor $\left(\frac{E}{K} - \frac{E'}{K'}\right)$ grösser, der andre W kleiner, und es wird eine Grenze geben, von wo an der günstige Einfluss, den die schlechte Leitung des Trägers wegen des ersten Factors hat, durch den entgegengesetzen des zweiten anfgehoben und überwogen wird. Denkt man sich K' constant, so hängt W nur noch von K und c ab, und darf, wie ich glaube, proportional $\frac{\sqrt{K^2}}{\sqrt{C}}$ gesetzt werden, wodurch der

Ausdruck W $\left(\frac{E}{K} - \frac{E'}{K'}\right)$ fibergeht in $\left(E - \frac{E'K}{K'}\right) \frac{\sqrt{K}}{\sqrt{c}}$, we may dann leicht sicht, dass dies Product bei abnehmendem K erst bis zu einem Maximum wachsen, sodann aber wieder abnehmen muss, so dass, wenn K sehr klein ist, der daraus entspringende Zuwachs an Bewegung nicht hinreicht, den durch die Hinderuisse entstehenden Verlust zu compensiren. Hierin liegt, wie ich glaube, der Hauptgrund, warum nur Metalle die Erscheinungen zu geben pflegen, daher ich es nicht für nöthig halte, ein Paar andre Umstände, welche auch noch in gleichem Sinne wirken müssen, zu erörtern.

Die Resultate der von mir geführten Untersuchung lassen sich im Folgenden zusammenfassen:

Die Schwingungen treten altemal ein, wenn die Linear-Ausdehunng, die der kalte Träger durch die ihm mitgetheilte Wärme
nach der vertikalen Richtung erleidet, mehr beträgt, als die gleichneitig erfolgende lineare Zusammenziehung des heissen Wiegers.
Dies hängt vorzüglich ab von der Gestalt, welche die beiden Metalle in der Nähe der Berührungsstellen haben, von ihrer Wärmeleitung (und Capacität) und von ihren Ausdehnungscoefficienten.
Nämlich:

- 1) Jedes heisse Metall kann auf jedem kalten (von gleichem oder verschiedenem Stoffe) in dauernde Schwingung versetzt werden, wenn ihre Gestalt so gewählt wird, dass die Wärme sich in dem kalten bedeutend weniger zur Seite ausbreitet, als die Kälte in dem heissen.
- 2) Wenn die Wärme sich in dem kalten Metalle nur nach unten fortpflanzt, die Kälte in dem beissen aber sich vom Berüh-

rungspunkte aus sich nach allen drei Dimensionen verbreitet, so sind die Schwingungen caet. par. um so stärker, je besserer Wärmeleiter das kalte Metall ist.

3) Wenn aber die Wärme sich auch im Träger bedeutend zur Seite ausbreitet, so sind die Schwingungen im Gegentheil um so stärker, je schlechterer Leiter derselbe ist, doch nur bis zu einer gewissen Grenze, über welche hinaus auch hier die noch schlechtere Wärmeleitung eine entgegengesetzte Wirkung hervorbringt.

Unter allen Umständen sind die Schwingungen um so stärker

- 4) je besserer Leiter das heisse Metall ist;
- 5) je mehr sich in ihm die Kälte vom Berührungspunkte aus verbreiten kann;
 - 6) je kleiner sein Ausdehnungscoefficient und
 - 7) je grösser der des kalten ist.

IL Erregung stehender Schwingungen durch Wärme.

Auf gans andre Weise als am Trevelyan-Instrument können auch in vielen andern Fällen durch Wärme Töne erregt werden. Denn wann ein Körper vermöge seiner Elasticität stehender Schwingungen fähig ist, so werden diese oft so leicht hervorgerufen, dass die Wärme dies auf mehr als eine Art bewirken kann.

Wenn z. B. Wasser zu sieden ansängt, so erregen die aufsteigenden Bläschen oft theils den Ton einer darüber stehenden Luftefinle, theils den des Gessisses selbst.

Die Erregung des Tones einer Wassersänle durch erstarrenden Phosphor, so wie die von Pinand untersuchten Tone erhitzter Kuguleihren sind schon im 3 ten Bande des Repert. p. 96 und 100 angelährt. Ueber letzteren Gegenstand hat Marx (Journ. für prakt. Chemie XXII. 129.) seine Erfahrungen mitgetheilt, die im Wassetlichen mit denen von Pinand übereinstimmen. Marx hält das Aussträmen der erhitzten Lust für die erregende Ursache des Tones, da die Wasserdämpse sehr bald ausgetrieben sein müssten, und daher ein so lange anhaltender Ton, wie man ihn herverbringen kann, nicht entstehen könne. Dasselbe würde jedoch viel eher von der Lust, als vom Wasser gelten, da sich das letztere in der Röhre niederschlagen und in die Kugel zurückgelangen kann.

Auch hat mir Herr Dr. Marchand an einer Kugelröhre von Ptatina gezeigt, dass der Ton bei einer schwächeren Erhitzung zum Vorschein kommt, wenn man absichtlich etwas Feuchtigkeit hinciabringt, als wenn dies nicht der Fall ist.

Ueber gewisse Tone, welche beim Erhitzen und Abkühlen von Metallen eutstehn, sind von Strehlke (Pogg. Ann. XLIII. 405.) und von mir (ebend. Ll. 39.) einige Bemerkungen mitgetheilt worden. Von dem Mechanikus Hirachmann darauf aufmerksam gemacht, dass dicke Zinkscheiben beim Erhitzen Tone vornehmen lassen, stellte Strebike hierüber einige Versuche au einer solchen Scheibe, so wie an einer starken Zinkstange an, und erhielt ziemlich hohe Tone, nicht continuirlich, sondern ziemlich schnell wiederholt, entferntem Schlittengeläute vergleichbar. Diese Tone entstehn sowohl beim Erhitzen des Zinks, als auch beim Abkühlen desselben, besonders wenn man diese durch Schnee oder Kältemischungen beschleunigt. Bei schnellem Temperaturwechsel sind sie oft ziemlich stark und im ganzen Zimmer hörbar; sie entstehn aber auch schon bei einer sehr geringen Temperaturänderung; ich habe sie an einer Zinkscheibe deutlich gehört, als ich diese aus dem Freien in ein nur 12º R. wärmeres Zimmer brachte. An derselben Scheibe hört man, wenn sie nach mässiger Erwärmung dicht vor das Ohr gehalten wird, ein beständiges Geklingel. Man überzeugt sich sogleich dass diese Tone durch stehende Schwingungen des Zinks entstehn, denn sie haben immer die Hohe des Toues oder eines von den Tonen, die man auch beim Anschlagen und selbet beim Streichen mit dem Violinbogen erhalten kann. Man sicht daraus, dass die Ausdehnung und Zosammenziehung des Zinks durch Erwärmung und Abkühlung dem Melalle von Zeit zu Zeit kleine Erschütterungen mittheilen muss, also nicht mit der Steligkeit erfolgt, die man wohl erwarten sollte, sondern plötzlich und ruckweise. Dies wird noch auffallender in einem andern Beispiele von offenbar gleicher Natur. Jedermann kennt die Erscheinung, dass eiserne Ofenthüren in der Hitze ofters einen eignen Laut hören lassen. Obgleich der Ton nur auvollkommen ist, so kann man doch bemerken, dass es einer von denen ist, welche die Thüre auch beim Anschlagen giebt; zaweilen bemerkt man auch mehrere dieser Tone. Diese Erscheinung, welche eben sowohl beim Erhitzen der Thure durch die Gluth des Ofeus als beim Abkühlen derselben eintritt, zeigt sich mit einer

augezeichneten Regelmässigkeit, wenn die Temperaturveränderung gleichmässig von Statten geht. Oessnet man nämlich die heisse Ofesthäre, so hört man während ihrer Abkühlung jenen Ton sehr viele Male nach einander, und zwar ganz regelmässig in anfangs schneller und nachber allmählich immer langsamer werdenden Schlägen. Man sieht aus dieser Regelmässigkeit, dass die Erscheinung nicht von gewissen localen und mehr zusälligen Ursachen abhängt, auf die man hier zuerst sein Augenmerk zu richten geneigt sein möchte. Vielmehr scheint es, dass der Uebergang der Eisentheile in den neuen, durch den Temperaturwechsel bedingten Gleichgewichtszustand ruckweise erfolgt, in Perioden, die um so grösser sind je langsamer die Temperaturänderung erfolgt. Es ist als ob de Kraft, welche das Ausdehnen und Zusammenziehen bewirkt, immer erst zu einer gewissen Stärke angewachsen sein müsse, ehe sie die Bewegung der Theile hervorzubringen im Stande ist. Schlägt man gegen die Thüre, während sie im regelmässig und schoell wiederholten Klingen ist, so pausirt sie einige Augenblicke, fingt aber dann sogleich wieder an und fährt mit derselben Regelateigkeit fort. Dies erinnert an eine Beobachtung von La Place und Gay-Lussac, nach welcher ein Metallstab, den man erhitzt und wieder zur vorigen Temperatur abkühlt, nicht ganz auf seine frühere Länge zurückgeht, sondern etwas länger bleibt, sach einem Stoese aber diese Länge wieder annimmt. — An Mesnigblech, an Gusseiseu, an Scheiben von Antimon und von Zinn babe ich dergleichen Tone beim Erhitzen und Abkühlen ebenfalls benerkt, doch entstehn sie am Zink viel leichter. Der Grund daven ist in dem grossen Ausdehnungscoefficienten und dem crystallinischen Gefüge dieses Metalls zu suchen, indem letzteres, wegen der ungleichen Ausdehnung nach verschiedenen Richtungen einen Druck der Theile auch in dem Falle erzeugen muss, wenn die Erwärmung in allen Theilen gleichmässig geschieht; beim Eisen muss dieser durch ungleiche Erwärmung der Theile bedingt sein.

Die von T. J. Seebeck an thermomagnetischen Apparaten wahrgenommenen Töne scheinen zum Theil von derselben Natur wie die zuletzt angeführten gewesen zu sein; zum Theil aber nögen sie auch vielleicht von der Art derer am Trevelyan-Instrument gewesen sein.

III. Erregung von Tönen durch Electricität und Magnet (Page, Bibl. univ. de Geneve No. 22. p. 398. Delez ehend. T. XVI. p. 406.)

Page hat mittelst des electrischen Stroms einen Ton gende Weise erhalten. Wenn eine senkrechte Spirale aus langen besponnenen Kupferdraht zwischen den beiden Polnes Hufeisenmagnets aufgestellt wird, ohne jedoch diesell berühren, so lässt dieser einen Ton erklingen, so oft man bindung der Spirale mit den beiden Platten einer einfachen herstellt oder unterbricht. Diese Versuche sind von Deles wiederholt und abgeändert worden. Er hat einen starken anhaltenden Ton an den Schenkeln eines Hufeisenmagneten ten durch die schnelle Drehung von weichem Eisen mittel drehenden Electromagneten. Derselbe Apparat gab einen 📹 atarken Ton durch die mechanische Drehung sowohl von Eisen, als von einem kleinen Magnetstab, welcher an die des weichen Eisens gesetzt wurde, also ohne Mitwirkung electrischen Stromes. Auch hat er den Ton erhalten, als nen kurzen Magnetstab zwischen den Schenkeln eines geg weichen Eisens drehn liess.

IV. Wirkung des Bogens auf Saiten.

Von der Wirkung des Violinbogens hat man sich die stellung gemacht, dass er durch seine Unebenheiten die Sail derholt reisst, etwa wie dies die Zähne eines gezähnten than würden. Duhamel (PInstitut 1839 p. 386.; 1840 p. hat den Gegenstand aus einem andern Gesichtspunkte gefau nämlich jene Upebenheiten sehr nahe bei einander liem schliesst er, dass daraus eine gleitende Reibung hervorge dass diese, nach den erfahrungsmässig bekannten Gesetzen Reibung, eine Kraft liefere, im Sinne der relativen Bewege Bogens, unabhängig von der Geschwindigkeit und prope dem Drucke. Der Druck kann hei der kurzen Dauer Schwingung als constant angesehn werden, so dass die der Kraft constant ist; auch ihre Richtung ist constant, we Geschwindigkeit des Bogens immer grösser ist, als die der und man kommt in diesem Falle auf ein sehr einfaches The aus welchem hervorgelit, dass der durch den Bogen erregte derselbe ist, wie wenn die Saite angeschlagen und frei sich selbst überlassen wurde, was mit der Ersahrung übereinstimmt. Wenn aber die Geschwindigkeit des Bogens merklich geringer ist, als die grösste Geschwindigkeit der Saite, so ist die Geschwindigkeit der letzteren bald grösser, bald kleiner als die des Bogens, daher dann die aus der Reibung entspringende Kraft bald in der Richtung der Bogenführung, bald in der entgegengesetzten Richtung wirkt. In diesem Falle wird die eine Halbechwingung, wo die Saite im Sinne des Bogens geht, verzögert, während die andre dieselbe Dauer behält, so dass die ganze Schwingung länger dauert und der Ton tiefer wird. Dies Resultat der Theorie ist von Duhamel schon vor mehreren Jahren verificirt worden. - Ein andres merkwürdiges Resultat dieser Theorie, welches ebensalls durch die Erfahrung bestätigt worden ist, ist dieses: Wenn der Bogen beständig eine grössere Geschwindigkeit hat, als die Saite, so ist die Bewegung der letztern, wie gesagt, ebenso als ob sie angeschlagen und sich überlassen wäre; daraus folgt dass die Mittheilung von Bewegung an die Lust und die übrigen umgebenden Körper zuletzt die Saite zur Ruhe bringen muss, obgleich der Bogen fortwährend auf dieselbe wirkt. — In dem analytischen Theile dieser Untersuchung ist unter Anderem die Frage behandelt, welches die Richtung der mittleren Spannung an den Enden der Saite sei, wenn alle Punkte derselben unter der Einwirkung beliebiger, von der Zeit unabhängiger Kräste stehn. Sucht man die Curve auf welcher die bewegungslosen Punkte der Saite liegen müssen, so findet man, es ist die bei welcher die Saite unter dem Einflusse der gegebenen Kräste im Gleichgewicht sein wärde, und die Tangenten an den Enden dieser Curve geben die Richtung der mittleren Spannung an diesen Punkten.

L'Institut 1840 p. 229. giebt Nachricht von einer andern Abhandlung Duhamel's worin der Einsluss untersucht wird, den es auf die Höhe der Töne und die Lage der Knoten einer Saite hat, wenn zu dem eignen Gewichte der Saite noch eine beliebige in irgend einem Punkte derselben angebrachte Masse hinzukommt.

V. Ueber das Verhalten longitudinalschwingender Körper.

Dass der Sand, mit welchem man einen wagerechten, longitudinalschwingenden Körper bestreut, sich auf gewissen Stellen ansammelt, dass diese Stellen auf den gegenüberliegenden Seiten atternirend liegen, dass sie an quadratischen und cylindrischen Stäben auf einer schraubenförmigen, entweder rechts oder links, oder auch von der Mitte aus auf der einen Hälfte rechts auf der audern links gewundenen Linie liegen, ist von Savart schon vor langer Zeit beobachtet worden. (Ann. de Chim. et de Phys. XIV. 113.; XXV. 12. S. auch W. Weber's Bemerkungen, Schweigg. Seid. Jahrb. XV. 298.)

Savart hat diesen Gegenstand auf's Neue einer aussührlichen Untersuchung unterworfen, wodurch derselbe einer endlichen Ausklärung um Vieles näher gebracht ist (Ann. de Chim. et de Phys. LXV. 337.). Er zeigt im ersten Theile dieser Abhandlung, dass jene Sandanhäufungen von einer die longitudinale Schwingung begleitenden, isochronen Transversalbewegung*) herrühren und erläutert wie diese entsteht, und im Allgemeinen die in Rede stehenden Wirkungen äussert; im zweiten werden die mannigfaltigen duraus hersliessenden Erscheinungen im Einzelnen untersucht; im dritten ist von dem Einslusse gewisser Umstände auf diese Erscheinung, so wie von der bei longitudinalen Schwingungen entwickelten bedeutenden Krast die Rede.

a) Ueber die Natur der Bewegung, welche die Sandanhäufungen erzeugt.

Durch viele Versuche an Stäben, die an beiden Enden frei waren, fand Savart folgende Gesetze für diese Knotensysteme. Die Zwischenräume der Sandanhäufungen sind

- in Stäben von rechtwinkligem Queerschnitt constant bei verschiedenen Breiten, wenn nur die Länge und Dicke ungeäudert bleibt.
- 2) Sie sind proportional der Quadratwurzel der Dicke, bei gleicher Länge. Auch bei Cylindern sind sie der Wurzel des Durchmessers proportional.
- Sie sind proportional der Quadratwurzel der Länge, bei gleicher Dicke oder gleichem Dorchmesser.

Schon hieraus ist zu vermulhen, dass sie von Transversalschwingungen herrühren, welche die longitudinalen begleiten und

^{*)} Savart neut sie bald normal, bald transversal; macht man zwischen diesen beiden Bewegungen den von W. Weber (Schweigg. Seid. Jahrb. XV. 280) bezeichneten Unterschied, so ist die in Rede stehende Bewegung, wie das Folgende zeigt, für transversal zu nehmen.

inen isochron sind, denn hiemit steht das erste Gesets in Uebereinstimmung, weil beide Schwingungsarten von der Breite unabhängig sind; das zweite, weil bei vermehrter Dicke der Longitudinalien sich nicht ändert, wohl aber der Transversalton höher werden würde, wenn dies nicht durch eine Verlängerung der schwingenden Räume compensirt würde, die dann, wie man leicht sieht, der Quadratwurzel der Dicke proportional sein muss. Eben so stimmt das dritte Gesetz; denn da die Dauer einer Longitudinalschwingung der Länge des Stabes, die einer Transversalschwingung aber deren Quadrat proportional ist, so müssen, bei geänderter Länge des Stabes, die Transversalschwingen proportional der Warzel dieser Länge geändert werden, um dem Longitudinalten isschron zu sein.

So sindet auch Savart bei gespaunten Streisen oder Saiten die Zwischenzäume jener Knoten proportional der Länge und der Quadratwurzel der Spannung, ebenfalls in Uebereinstimmung mit der Annahme einer isochronen Transversalbewegung.

In der That aber, wenn man auf einem Stabe die Sandstellen auf swei gegenüberliegenden Seiten bezeichnet, und ihn sodann mit dem Bogen in gewöhnliche transversale Schwingung versetzt, so dass die schwingenden Abtheilungen gleich sind dem Zwischenraume von einer Sandstelle der einen Fläche bis zur nichsten der gegenüberliegenden Fläche, so giebt der Stab denselben oder nahe denselben Ton, wie bei der Longitudinalschwingung. Ebenso bei Saiten und gespannten Streisen.

Dass man es hier mit Transversalschwingungen zu thun habe, wird noch durch folgende Betrachtungen bestätigt. Füllt man einem Trog mit Quecksilber und steckt durch eine Ooffnung in der kurzen Wand desselben einen Eisenstab, so dass er mit seiner halben Länge in das Quecksilber etwas eingetaucht ist, und setzt dann den Stab durch Reibung in longitudinale Schwingung, so bemerkt man am Quecksilber Kräuselungen, wie Taf. I. Fig. 15., und es entspricht von den auf diese Weise sichtbaren Knoten n die eine Hälfte den Sandstellen der einen Fläche, die andre alternirende Hälfte denen der andern Fläche des Stabes.

Oesters sammelt sich der Sand auf longitudinalschwingenden Stäben so, wie die ausgezogenen Linien Fig. 16. und auf der gemüberliegenden Seite so wie die punktirten Linien es anzeigen; ber hat man eine Transversalschwingung bei welcher zu den der

Queere nach gehenden Knotenlinien eine der Länge nach durchgehende hinzukommt, und wenn man die entsprechende Klangfigur durch transversales Streichen mit dem Bogen hervorruft, auerhält man ebenfalls denselben Ton wie bei der Longitadinalschwingung.

Dass die Sandanhäufungen nicht den Longitudinalschwingungen als solchen wesentlich angehören, sieht man endlich daraus, dass es Stäbe giebt, welche diese Erscheinung nicht zeigen, wie es bei Spiegelglas- und gezognen Metallstäben häufig der Fall ist; der Sand zeigt dann nur eine höpfende Bewegung in sich, obne fortzurücken.

Wenn es nun erwiesen ist, dass die in Rede stehende Erscheinung von einer begleitenden, isochronen Transversalbewegung herrührt, so unterscheidet sich diese doch von den gewöhnlichen Transversalschwingungen nicht nur darin, dass die Knoten, nicht wie bei den letzteren auf beiden Seiten gleich, sondern alterpirend liegen, sondern auch darin, dass der Sand nicht in normaler, sondern tangentialer (longitudinaler) Richtung geworfen wird. Von der Entstehung dieser Bewegung giebt Savart folgende Vorstellung.

Zuerst wird durch einige Versuche gezeigt, dass ein bestiger Stoss in der Längenrichtung den auf einem Streifen oder Stab gestreuten Sand in eben dieser Richtung schleudert. Wenn nun der Stab bei der Longitudinalschwingung sich in seiner Längenrichtung zusammenzieht, so werden dadurch solche Biegungen wie bei einer Transversalschwingung erzengt, aber diese können nicht in die entgegengesetzte Biegung, auf der andern Seite der Axe übergehn, weil nunmehr der Stab sich in seiner Längenrichtung ausdehnt, und sie dadurch aufhebt. Es werden also Halbschwingungen sein, wobei natürlich die Biegung zweier neben einander liegender Theile entgegengesetzt zu denken ist. Savart meint, sie müssten von viel kurzerer Dauer sein, als die longitndinale Zusammendrückung, weil sie erst eintreten, wenn letztere einen gewissen Grad erreicht habe; sie würden daher wie durch einen plötzlichen Stoss erzeugt und mit derselben Geschwindigkeit wieder getilgt. Dass aber diese Transversalbewegung eine longitudinale des Sandes erzeugt, erklärt Savart dadurch, dass von dem Gipfel der convexen Biegung eine Ausdehnung sich wach beiden Seiten hin forfpflanze, chenso von der Mitte der Concavität

mmendrückung; durch beide werde den Molecülen eine gegen den Gipfel zu ertheilt, und daher der Sand von dieser Richtung geworfen. (Mir scheint, dass man sich Art, wie die Transversalbewegung auf den Sand wirkt, hehere Vorstellung müsse machen können.)

- was hier in Beziehung auf Stäbe, die an beiden Enden, gesagt ist, gilt auch von solchen, die an einem oder an Inden sest sind; es zeigt sich dieselbe Uebereinstimmung iden Abständen der Sandanhäusungen und denen der Knogleich hohen Transversaltones.
- man einen Stab etwas stark reibt, so erscheint oft m die tiefere Octave des Longitudinaltones mit einer sehr leichtterung des Stabes, wobei Glasstäbe leicht zer- Dies tritt sowohl beim Grundtone, als bei den harmo-Tönen in gleicher Weise ein. Bedient man sich eines ser gefüllten Troges, wie Fig. 15., so überzeugt man sich er von der sehr viel hestigern Bewegung, sondern sieht man die schwingenden Abtheilungen sich im Verhältniss

ser gefüllten Troges, wie Fig. 15., so überzeugt man sich ir von der sehr viel hestigern Bewegung, sondern sieht iss die schwingenden Abtheilungen sich im Verhältniss verlängern. Savart nimmt an, dies entstehe dadurch, starker Schwingung die durch Zusammendrückung gebobeile bei der nachsolgenden Ausdehnung nicht nur in ihre liebe Lage zurück, sondern darüber hinaus auf die entstate Seite der Axe des Stabes gehn; indem sie hier von sten Zusammendrückung überrascht werden, entstehe statt lalbechwingungen nach einer Seite, eine einzige ganze ing, symmetrisch nach beiden Seiten, zu welcher daher in viel Zeit gebraucht werde; damit aber die Länge der milen Theile kein Hinderniss dieser längeren Schwingungserde, müsse sie von 1 auf 1/2 wachsen. (Wie diese beinachen der langsameren Schwingung sich vereinigen lassiehen der langsameren Schwingung sich vereinigen lassieser machen muss.)

ster hervorgebracht, und es können hier auch Sandann erhalten werden, deren Abstände doppelt so gross sind, ewöhnlichen Falle. Auch wird der Sand hier heftig in Richtung geworfen. b) Ucher die Systeme von Knotenlinien longitudinalschwingender Körper.

Savart betrachtet zuerst die Lage der Knotensysteme auf den breiten Flächen eines rechteckigen Stabes. Die Zahl der sämmtlichen Knoten kann entweder gerade sein, wie Fig. 17. A., oder ungerade wie B. Beide Fälle aber erleiden sehr oft in der Gegend der Mitte eine Abänderung, indem die nächsten Knoten ein wenig weiter aus einander rürken, und zwischen ihnen noch ein Knoten eingeschaltet wird, so dass Fig. 17. a anstatt A und b anstatt B erhalten wird. Den Grund dieses Verhaltens sieht Savart darin, dass die Biegungen auf beiden Hälften zu gleicher Zeit unabhängig von einander eingeleitet werden, und es daher kommen kann, dass sie in der Mitte in entgegengesetztem Siano zusammentressen, wo sie dann jene Abänderungen a oder b erzeugen.

Wendet man nun dies auf guadratische Stäbe an, so wird eine Biegung nach beiden Queerdimensionen erfolgen, und in Beziehung auf beide eine nahe gleiche Anzahl von Knoten sich bilden, doch nicht so gleich, dass nicht nach einer dieser Dimensionen der eine, nach der andern ein andrer von den 4 Fällen A, a, B und b eintreten könnte. Dadurch entstehn im Ganzen zehn Fälle. Ist das Verhalten nach beiden Dimensionen gleich, z. B. beide wie A, so liegen die Knoten so, wie Fig. 18. darstellt, d. lider Stab biegt sich in diagonaler Richtung. Ganz ähnlich zeigen sich die Fälle aa, BB und bb. Den Fall Bb zeigt Fig. 19., und ähnlich ist Aa. In dem Falle AB aber liegen die Linien der Sandanhäufungen wie Fig. 20. sich um den Stab schlängelnd (einer Spirale einigermassen vergleichbar); fast ebenso der Fall ab. Im Falle Ab liegen die Linien wie Fig. 21, und bilden angenähert auf der einen Hälfte eine links, auf der andern eine rechts gewundene Spirale; ähnlich aB. Alle diese Fälle können beobachtet werden. OR erscheinen sie mehr oder minder abgeündert, wenn der Longitudinalton mit keinem der Transversaltöne genau übereinstimmt, und daher die letzteren Schwingungen etwas modificirt werden müssen, um den ersteren isochron zu werden.

Auch rechteckige Stäbe schwingen nach beiden Transversalrichtungen, und zeigen auch auf den schmalen Flächen Sandanhäufungen, deren Abstände grösser sind als die auf den breiten Flächen, und sich zu diesen wie die Quadratwurzel der Breite zu der der Dicke erhalten.

Das Verhalten cylindrischer Stäbe und Röhren ist dem quadratischer Stäbe analog. Wenn der Stab nur nach einer Richtang gebogen wird, sind die Knotenlinien Halbkreise, welche in alternirender Lage den halben Umfang des Cylinders umfassen und deren sammtliche Endpunkte durch zwei der Länge nach laufende Linien verbunden sind, wie Fig. 22. Untersucht man Röhren auf der inneren und äusseren Seite (auf der innern durch eingestreuten Sand, auf der äusseren durch übergehangene weite Papierringe), so bemerkt man, dass die beiden Längslinien aussen und innen gleich liegen, aber die inneren halbkreisförmigen Linien in der Mitte zwischen den äusseren liegen. Die Bewegungen des Sandes im Innern der Röhren lassen noch genauer die Beschafsenheit der sie erzeugenden Schwingungen versolgen. In anderen Fallen trifft man eine Knotenlinie welche sich um den Cylinder in Gestalt einer Spirale schlängelt, wie Fig. 23. oder zwei von der Mitte ans entgegengesetzte gewundene Spiralen bildet, wie Fig. 24. Diese Spiralen sind an den Knotenstellen fast senkrecht gegen die Axe des Cylinders und auf den dazwischenliegenden Theilen ihr fast parallel.

Bei dreieckigen Stäben liegen die Knoten entweder auf swei zusammenstossenden Flächen gleich und auf der dritten alternirend, oder sie sind auf zwei zusammenstossenden Flächen alternirend und sehlen auf der dritten, je nachdem der Stab sich meh einer gegen eine Fläche senkrechten oder ihr parallelen Richtung biegt.

Sind die Stäbe am einen Ende sest (in einen schweren Schranbeteck sehr sest eingespannt), so sind begreislicherweise die Knoten weiter anseinander, und es sallen bei quadratischen Stäben die schlängelnden Linien sort, indem immer die Schwingungen in diagonaler Richtung wie bei Fig. 18. ersolgen. Biegt man einen solchen Stab während der Schwingung ein wenig, so wricken die Knoten von ihrer Stelle und können sogar ganz in die alternirende Lage gebracht werden. Bei dünnen Stäben wirkt wien die Biegung vermöge ihrer eignen Schwere in diesem Sinne, al kann nicht nur wenn ein Ende sest ist, sondern auch wenn bide srei sind, scheinbare Ausnahmen von der alternirenden Lage der Knoten auf den gegenüberliegenden Flächen geben.

Auch an Stüben, die an beiden Enden sest sind, entspricht die Lage der Knoten der ausgestellten Ausicht. Ebenso die mannigsaltigen Erscheinungen, welche bei einer der Fig. 16. ähnlichen Theilung entstehen können. Gespannte Streisen und Saiten zeigen ganz ähnliche Lage der Knoten, namentlich kommen bei Sziten sowohl geschlängelte als nicht geschlängelte Linien vor, ebensowie bei cylindrischen Stäben.

Nimmt man ferner an einem Stabe statt des ersten tiefsten Longitudinaltones den zweiten, dritten, vierten, so verhalten sich die Abstände der Knoten zu denen im ersten Falle wie $\sqrt{\frac{1}{2}}$, $\sqrt{\frac{1}{4}}$ zu 1. Auch hier wird die Lago dieser Transversalknoten in der Nähe der Longitudinalknoten oft etwas abgeändert. Bei gespannten Streifen und Saiten, wo die Zwischenräume bei den höheren Longitudinaltönen 2, 3, 4mal kleiner sein sollten als beim ersten Longitudinaltone, pflegen sie nicht ganz so klein zu sein wegen des merklichen Einflusses der eignen Steifheit dieser Körper, die bei der grossen Zahl der Transversalknoten (Savart hatte ihrer in einem Falle 134) schon einen merklichen Einfluss gewinnen muss.

c) Ueber den Einfluss der Cohäsionsverhältnisse auf die Sandanhäufungen, und über die durh die Schwingungen entwickelte Kraft.

Manche Stäbe zeigen, wie schon erwähnt, keine Sandanhäufungen bei der longitudinalen Schwingung; der Ton ist dann weniger rein und stark; dies gilt namentlich von Spiegelglas- und gezogenen Metallstäben; durch Glühen verlieren sie fast immer diese Eigenthümlichkeit und zeigen dann die Knotenlinien vollkommen deutlich. Metallstreifen, die einer starken Spannung ausgesetzt werden, zeigen die Knoten nicht sogleich, sondern erst, wenn man sie einige Augenblicke hat schwingen lassen. Lässt man einen solchen vorher ausgeglühten Streifen oder Draht über eine Rolle laufen und spannt ihn durch ein angehangenes Gewicht, so erleidet er während des Schwingens eine sehr merkliche Verlängerung. (Es scheint, dass die Dehnung vermöge des Gewichte, vereinigt mit der bei der Schwingung eintretenden, die Grenze der vollkommuen Elasticität überschreitet.)

Die Zwischenräume zwischen den Sandanhäufungen auf Stäben und gespannten Streifen oder Saiten sind selten ganz gleich und oft beträchtlich verschieden. Die Vermuthung, dass dies von avart bestätigt, als er die Dehnung untersuchte, welche dereichen Streisen und Saiten unter dem Einslusse spannender Geichte erleiden und sand, dass diese nicht in der ganzen Länge eichmässig ersolge, sondern über die verschiedenen Theile des spannten Körpers sehr ungleichmässig vertheilt sei- Dass bei wöhnlichen Transversalschwingungen keine solchen Ungleichheim in der Lage der Knoten bemerkt werden, erklärt Savart trans, dass hier ganze, in dem in Rede stehenden Falle aber nur albe, Schwingungen erzeugt werden.

Gewöhnlich bewegt sich der Sand parallel den Rändern der äbe, und die Linien sind perpendikulär gegen diese Ränder; er dies ändert sich bei gestörter Homogenität. Auf Holzstäben ad die Linien fast immer geneigt und die Bahnen des Sandes bief und zuweilen mannigfach gekrümmt. Man braucht einen mogenen Stab nur etwas zu verbiegen und wieder zu richten, n die perpendiculären Linien in geneigte zu verwandeln; selbst ir Druck der Finger gegen die Mitte des Stabes, zumal wenu ieser dabei etwas gebogen wird, bringt eine solche Wirkung herte. Natürlich hat man sich bei den Untersuchungen der Longischalbschwingungen vor solchen Einflüssen sehr zu hüten.

Durch Temperaturänderung und zuweilen blos durch die Zeit leiden die Knotensysteme eine Veränderung.

Da man durch eine mässige Reibung Stäbe und selbst Balken lebhaste Schwingungen versetzen kann, so hat Savart die dazi entwickelte Krast solgendermassen zu messen versucht. Er bestigte Metall- und Glasstäbe von verschiedenen Dimensionen auf ner 80 Kilogramm schweren Bleimasse; ein Sphärometer mit prizontaler Schraube wurde mit dem Ende des Stabes zur Beihrung gebracht und abgelesen; dann wurde die Schraube zuräckedreht, und während der Stab in Schwingung war, ihm wieder enähert, bis sie von dem Stabe hörbar getrossen wurde; eine meite Ablesung giebt dann die Verlängerung des Stabes während er Schwingung (unter der Voraussetzung, dass die Mitte des Stass durch die angegebne Art der Besestigung hinreichend beweungslos erhalten werde.) Er fand diese Verlängerungen 1) proertional der Länge der Stäbe; 2) um so grösser, je kleiner die ertpflanzungsgeschwindigkeit; 3) unabhängig von dem Querschnitt er Stäbe, nur müssen dickere Stäbe länger und stärker gerieben werden. Vergleicht man diese Verlängerungen mit denen, welche man durch Dehnung des Stabes mit Gewichten erhält und welche Savart ebenfalls direct gemessen hat, so findet man, dass die durch die Schwingung bewirkten Ausdehnungen einer Kraft von überraschender Grösse entsprechen. So wurde z. B. an einem 1,407 Meter langen und 34,95 Millim dicken cylindrischen Messingstabe bei der Schwingung eine Ausdehnung von 0,260 Millim beobachtet; eine ebenso grosse Ausdehnung würde durch ein Gewicht von 1700 Kilogramm bewirkt werden.

VI. Stehende Schwingungen tropfbarflüssiger Körper.

Da das Wasser, wie man seit lange weiss, den Schall fortflangt, und da überhaupt tropfbarflüssige Körper zusammendrückbar sind, so muss es möglich sein, dass auch diese Körper stehende Schwingungen annehmen. Doch entstehen diese hier weniger leicht als bei festen und luftförmigen Körpern. Cagniard-Latour hat sich mehrfach damit beschäftigt, Tone des Wassen su erzeugen. Die Sirene verdankt diesem Bestreben Ursprung und Namen; doch fehlen gerade an diesem Instrument die stehenden Schwingungen. Diese sind hingegen in ein Paar audern Fällen von Cagniard-Latour ebenfalls erhalten worden. Eine Glasrobre, deren eines Ende zu einer engen Oessnung zusammengezogen ist, kann als eine Art Pfeife in Flüssigkeiten tönen, indem man die Flüssigkeit durch die enge Oeffnung presst. Von einigen Resultaten dieses Versuchs ist im 3ten Bande des Repert, p. 96. berichtet. Von einem andern Verfahren handelt Cagniard-Latour (Ann. de Chim. et de. Phys. LVI. 280.)

Eine an einem Ende nach Art eines Probirgläschens zugeschmolzene Glasrühre (tube éprouvette) wird mit Wasser gefüllt und das Glas mit einem nassen Tuche longitudinal gerieben; es entsteht ein Ton, welcher hauptsächlich von den longitudinalen Schwingungen der Wassersäule herrührt. Ist die Röhre an beiden Enden offen, so ist der Ton eine Octave höher; dies ist nicht dadurch zu erreichen, dass man die Röhre ganz in Wasser taucht und reibt, wohl aber dadurch, dass sie zu einem Heber mit gleichen Schenkeln gebogen wird. Ein solcher Heber giebt, wenn beide Enden offen sind, einen Ton, der eine Octave höher ist, als der eines gleichen Hebers, dessen eines Ende zugeschmolzen ist. — Eine gerade Eprouvettenröhre von 1 Meter Länge giebt mit

Wasser gefüllt ungeführ 385 (ganze) Schwingungen; ein an beiden Enden offener Heber oder eine Wasserpseise von der oben angesichrten Art geben im Mittel ungesähr 775 (ganze) Schwingungen. Beide Tone sind etwas höher, als die, welche man aus Colladon und Sturms Bestimmung der Schallgeschwindigkeit im Wasser berechnen würde, der erste ungesähr um einen gansen, der andre um einen halben Ton. Dennoch wird der Ton beim Wasser etwas tieser, wenn das Glas dicker ist, hingegen ist er beim Quecksilber im dickeren Glase merklich höher als im dänneren. — Dichtere Flüssigkeiten, als Wasser, geben theils tiesere. theils höhere Tone; ebenso dünnere, z. B. Weingeist von 22° höher, dagegen Alkohol von 36° tieser. Auch Gelée in einer Eprouvettenröhre tonte. — Die Röhre kann länger sein als die Flüssigkeitssäule; ist sie viel länger, so macht sie den Ton beim Wasser tiefer. Hat in solchem Falle die über dem Wasser besindliche Lustsäule denselben Ton wie die Wassersäule, so spricht der Ton leichter und besser an. - Verlängert man die Eprouvettenröhre durch eine mit Kautschuk angebundne Röhre, die chenfalls mit Wasser gesüllt ist, so wird dadurch der Ton fast gar nicht geändert, so dass die Schwingungen an der Kautschukverbindung eine Grenze zu finden scheinen. — Unter dem Drucke enes mit comprimirter Lust gesüllten Reservoirs tonte die Wasersäule der Eprouvette höher.

Wenn man die Eprouvette durch einen Stoss oder Schlag gegen das eine Ende in stärkere Schwingungen versetzt, so bemerkt me in der Flüssigkeit kleine Bläschen, die in ausgekochtem Wasser gams oder fast ganz wieder verschwinden, in ungekochtem dagegen Luftbläschen hinterlassen. Cagniard-Latour hält jene ersten für fast leere Räume, die sich bei der Ausdehnung im Wasser bilden, und die Stösse, die durch das Zusammenschlagen der Wassertheile bei ihrem Verschwinden entstehn, für die eigentliche Umache des Tones. Er hat diese Vorstellung von sogenannten Globularschwingungen, die nach seiner Vermuthung auf alle Arten elastischer Körper zu übertragen ist, in einer andern Abbedlang in demselben Bande p. 225. weiter ausgeführt und mit wichiedenen audern Thatsachen in Verbindung gesetzt, über wiche zu berichten hier nicht der Ort ist. Jene Ansicht aber weint, wosern wir den Versasser richtig verstehn, mit unsrer Kentniss von der Elasticität schwer in Einklang gebracht werden

welches Luft absorbirt enthält, weniger susammendrückbar, als lufthaltiges, und muss also einen höher nichten Ton geben.)

VII. Zungenpfeisen mit membranösen Zungen. (J. Müller Handb. d. Physiol. des Menschen II. 155.)

Im Zusammenhange mit seinen Untersuchungen über das Stimmorgan hat J. Müller eine Ansahl von Beobachlungen über das Verhalten von Zungenpfeisen angestellt, bei denen die gewöhnlichen starren Zungen durch schwingende Membranen ersetzt werden. Es ergeben sich zwar für dieselben keine so bestimmten Gesetze, wie die, welche man durch W. Webers Arbeiten an den Pfeisen mit starren Zungen kennt, doch zeigt sich im Allgemeinen ein ähnliches Verhalten in Beziehung auf die Aenderung der Tonhöhe bei zunehmender Länge des Corpus.

Die membranösen Zungen können verschieden construirt werden, und können auch für sich, ohne Corpus, zum Tönen gebracht werden. Eine dünne Kautschukmembran, die nach einer Richtung ausgespannt ist, und einen oder zwei freie Ränder battönt, wenn man sie zerrt, nur schwach und unvolkkommen; sie kann aber einen starken und anhaltenden Ton geben, wenn man aus einem engen Röhrchen einen Luftstrahl gegen ihren Randbläst, oder wenn sie einen Theil einer Wand bildet, gegen welche Luft geblasen wird, nämlich:

- 1, Ein saitenartig gespannter Streisen ist über einen Rahmes gezogen und zu jeder von beiden Seiten desselben ist der Rahmes mit einer starren Platte bedeckt, welche mit dem Streisen eine Spalte bildet, wie Tas. I. Fig. 25.
- 2, Ein Rahmen oder das Ende eines gans kurzen Rohrs ist halb mit einer Platte, halb mit einer Membran bedeckt, so dass zwischen beiden eine Spalte bleibt, wie Fig. 26.

3, Zwei Membranen sind über das Ende eines ganz kurzen sins so ausgespannt, dass jede einen Theil der Oessnung verzekt und zwischen ihnen eine Spalte bleibt, wie in Fig. 28.

Im ersten dieser Pälle steht die Membran unter den Gesetzen iwingender Saiten (Chladni's Akust. §. 63.): anch im zweiten heint dies statt zu finden, wenn sie nur nach einer Richtung regespannt ist, obgleich sie hier nur von einer Seite frei ist. wird die Tonhöhe durch einige andere Umstände modificirt; amentlich wird der Ton tiefer, wenn die seste Platte etwas weir vorgerückt ist, als die Membran. Stärkeres Anblasen macht za Ton böher, bei einer Kautschukmembran konnte er um zwei albe Tope und mehr, bei einer nassen Arterienhaut um eine winte allmählig hinaufgetrieben werden; der Grund davon liegt chl hauptsächlich in der vermehrten Spannung der Zunge. Im illen Falle ist, wenn beide Membranen zu gleicher Höhe geimmt eind, der Ton beim vereinigten Anblasen etwas tiefer, als eam jede allein schwingt; sind sie nicht gleich gestimmt, so ist man doch meistens nur einen Ton und Müller giebt die egel: diejenige Lamelle tont, welche bei dem jedesmaligen Anwuch des Blasens am leichtesten in Schwingung versetzt werm kann, und ist der Anspruch der Bewegung beider Lamellen gemessen, so können sogar beide schwingen und sich zu einem nsachen Tone accommodiren; sie können aber auch verschiedene ine, oder der Anspruch, wenn er sich verändert, hintereinander ide Tone hervorbringen. - Fig. 27. zeigt eine Abanderung der ter 2. beschriebnen Einrichtung.

Die so vorgerichteten membranösen Zungen können nun mit sem Corpus verbunden werden, namentlich so, dass das mit der unge versehene Ende des kurzen Rohrs des Mundstücks in das se Ende der Korpusröhre eingepasst wird wie ab Fig. 28; das ohr des Mundstücks dient zum Anblasen. Die meisten Versuche al mit den unter 2. bezeichneten einlippigen Mundstücken gemacht.

Der Einstes der Korpuslänge auf die Höhe des Tons schien songs ganz regellos. Als jedoch die Einrichtung getroffen wurde, aus 1 Zoll weite, aus Auszugröhren zusammengesetzte, Corsab Fig. 28. ganz successiv von kleinen Dimensionen an bis 4 Fuss verlängert werden konnte, zeigte sich, dass der Ton, er bei stetiger Verlängerung des Corpus allmählich tieser gewissen Länge wieder bis ungesähr zu der

Höhe der Zunge hinaufspringt, dann aufs Neue tiefer wird, bis er abermals bis gegen die vorige Höhe springt u. s. f. Zwei Beispiele werden hinreichen, dies zu zeigen:

I. Grundton einer einlippigen Kautschuckzunge (durch ein Windrohr von 3") cis.

Corpus.	Ton.	Bemerkungen.
0	.	
6"	cis = c	Der Ton fällt.
6" 9"	h	•
7 6	ais	
9	a	•
9 6	a und cis	Der Ton springt von a auf cis, cis bleibt bis gegen 18" Corpuslänge.
18	=	Fällt.
2 0	cis	- (Soll wohl ais heissen.)
22 6	a und cis	Der Ton springt vou a auf cis und
		bleibt dann cis bis gegen 30".
30	ō	Fällt.
31	h and cis	Springt von h auf cis.
36	cis == C	
40	c C	Fällt,
45	h und cis	Springt.
48	==	•

II. Grundton einer einlippigen Kautschukzunge, durch den Anspruch des Mundes ohne Windrohr dis.

Corpus.	Ton.	Bemerkungen.
0	dis	
3"	. d	Der Ton fällt.
4" 6"	cis	·
5	c	ž.
6 6	$\overline{\mathbf{h}}$	=

Corpus.	Ton.	Bemerkungen.
7	ais	Der Ton fällt.
8	a	•
9" 6"'	gis	
10	gis and cis	Der Ton springt von gis auf cis.
11	cis = c	Pallt.
13	c	•
17 6	h	•
20 6	**	•
22	ā	
23 6	gis	•
26 6	gis and h	Hinter einander. Sprung.
31	ais	Pällt.
35	ā	•
39	gis	
41	gis und h	Hintereinander.
45	ais	Fällt.

Man sieht, dies Verhalten ist ähnlich wie an Pfeisen mit starren Zungen, denn bei diesen sindet bekanntlich das Fallen und dann das Springen des Tones ebenfalls statt, wenn man das Corpus verlängert; nur springt er bei diesen 1) immer auf den urspränglichen Zungenton zurück; 2) erfolgt dies, so oft die Corpuslänge ein Vielfaches von der halben Wellenlänge des Zungentones ist und 3) fällt der Ton regelmässig bei der ersten halben Wellenlänge um eine Octav, 1, bei der zweiten um eine Quarte, 1, bei der dritten um eine kleine Terz, 1 etc. Die beiden ersten Gesetze finden bei den membranösen Zungen gewöhnlich nur in einer sehr mässigen Annäherung statt; die Intervalle aber, um welche der Ton fällt, sind im Allgemeinen viel kleiner und weniger regelmässig. Der Grund dieser geringeren Regelmässigkeit liegt offenbar hanptsächlich in der weniger festen Stimmung der nembranösen Zungen.

Einen ähnlichen Einfluss wie das Verlängern des Corpus hat ach das Verengen seines offenen Endes.

Von Wichtigkeit ist aber noch der Umstand, dass das ' rohr, mit welchem die membranöse Zunge angeblasen wird, gleichen Einsluss auf die Vertiefung des Tones hat, wie des pus. Lässt man die Zunge ganz ohne Corpus und bringt sie an dem Ende eines Windrohrs an, das allmählig verlängert so vertiest sich der Ton bis zu einer gewissen Grenze, die hier die Octave nicht erreicht; bei weiterer Verlängerung s er wieder in die Höhe zurück und vertiest sich von dort au: der mit fortschreitender Verlängerung, springt nochmals auf selben hohen Ton zurück, vertieft sich von da an wieder, si wieder zurück u. s. w. In der folgenden Tabelle sind di einer einlippigen Kautschukzunge ohne Corpus erhaltenen und die dazu gehörigen Längen des Windrohrs mit den L zusammengestellt, welche das Corpus ohne Windrohr haben m um dieselben Töne zu geben. Das Anblasen geschah mit Munde, indem die Lippen im einen Falle das Ende des V rohrs umfasssten, im andern das nur 4 Zoll lange Rohr, wo die Zunge gespannt war. Der Ton der Zunge allein, für de spruch mit dem Munde, war h.

Töne.	Windrohr ohne Corpus.	Töne.	Corpus ohne W rohr.
ais	4" 6"	ais	1"2"
a	9 10	a	2
gis	13	gis	3" bis 5"6"
gis gis fis	15 6	g	7''6'''
fis	17 6	gis g fis	9
· T	19	Ī	10
		e	13
		dis	17
f und ais	20", Sprung d. Tons.		
		ais +	22"4" Sprung d.
ā	24"6"'		
gis	27 6		
g	29	<u></u>	23"
gis gis	32	fis	25"6"
		ī	27 6
		ē	32

Töne.	Windrohr ohne Corpus.	Töne.	Corpus ohne Wind- rohr.
<u>a</u>	35", Sprung. 37 42	dis	39"6"
gis	46	Fis f	40" dis springt auf g 42 45

Wie man sieht, entsprechen hier, und so auch bei andern Versuchen, den gleichen Tonen nicht gleiche Längen des Windrehrs und des Corpus, begreiflieh, da die Mundhöhle, (oder auch statt ihrer die Windlade) an die Stelle des Windrohrs tritt, wo dieses fehlt, und eine Fortsetzung desselben bildet, wo es vorhanden ist, und daher in beiden Fällen nicht gleichen Einfluss hat. Denn zwischen Windrohr und Corpus findet, wie man leicht denken kann, keine Compensation in der Art statt, dass der Ton ungeändert bliebe, wenn man das eine um ebensoviel verkürzt, als man das andre verlängert. Dadurch werden die Erscheinungen, wenn man beide Röhren zugleich ihre Längen ändern lässt (siehe Fig. 28.), noch viel complicirter, und Müller hat durchaus keine Regel darin auffinden können. Er findet nur die constante Bestätigung der Beobachtung, dass bei einer bestimmten Corpuslänge die Verlängerung des Windrohrs den Ton immer ändert, bis die gegenseitigen Einwirkungen gleich sind; hat das Windrohr eine bestimmte Länge und wird das Corpus verlängert, so erhält man auch wieder eine Vertiefung bis zu einer bestimmten Grenze, dann springt der Ton nach der früheren Höhe zurück, fällt wieder bis zu einer Grenze und springt wieder, was sich regelmässig wiederholt. Ist Corpus und Windrohr jedes so lang, dass jenes mit der (vom Munde angeblasenen Zunge) denselben Ton giebt, wie die Zunge mit dem vom andern Ende angeblasenen Windrohr allein, so giebt die Verbindung mit dem Corpus vorn und dem Windrohr hinten jetzt denselben Ton.

Die im Vorstehenden behandelten Pfeisen mit membranösen Zungen, besonders, wenn diese zweilippig sind, besitzen viel Analogie mit dem Stimmorgan, sowie mit denjenigen Blaseinstrumenten, wo die Lippen auf ein becher- oder kesselförmiges oder conisches Mundstück aufgesetzt werden, wie dies bei den Trompeten, Hörnern etc. der Fall ist; Instrumente, welche bekanntlich von W. Weber (Leges oscillationis etc. p. 7.) Pellisov (Schweigger-Seidels Neues Jahrb. VII. 235.) und Anderen den Zungenpfeifen verglichen werden, und nun an den membranösen Zungen eine noch nähere Analogie erhalten.

Am Schlusse seiner Untersuchung kommt Müller auf die Frage, ob der Ton an den Zungeninstrumenten mehr den Schwingungen der Zunge für sich, oder dem in isochronischen Stössen hervordringenden Luststrome zuzuschreiben sei. Dass beide einen Antheil an der Erzeugung der Schallwellen haben, kann von Niemand bezweifelt werden; es handelt sich also nur darum, welchem von beiden Umständen man den überwiegendsten Einflass auf die Fülle des Tones zuzuschreiben habe. W. Weber (Pozgend. Ann. XVI. 422.) misst diesen den Luftstössen bei, da eine metallne Zunge, während sie mit den übrigen Theilen des Instruments verbunden bleibt, mit dem Violinbogen zum hestigsten Schwingen gebracht werden kann, ohne doch dabei einen andern Ton zu geben, als jenen schwachen, nur in der Nähe hörbaren, den sie auch ohne das übrige Instrument beim Streichen mit dem Bogen giebt, und der jenem vollen und etarken des geblasenen Instruments nicht zu vergleichen ist. Müller hält dies nicht für entscheidend, und erklärt den Antheil der Luftstösse, wenigstens für die membranösen Zungen, für unwesentlich, weil

- 1) kein Grund vorhanden sei, eine andere Ursache des Tones zu suchen, als die eignen Schwingungen der Zunge, die durch den Luftstrom nur in stärkerer Schwingung erhalten und anch einigermassen angespannt werde;
- 2) weil membranöse und sehr dünne metallische Zungen beim Anblasen mit einem Röhrchen Töne von gleichem Timbre geben, wie beim Anblasen an einem Rahmen mit dem Munde;
- weil auch bei einer Breite der Spalte von 1 Lin. die membranösen Zungen oft noch klare Töne von gleichem Timbre wie bei enger Spalte geben;
- 4) weil der Ton nicht in die Octave übergebe, wenn die Zunge so gegen den Rahmen steht, das sie sowohl beim Hingang als beim Hergang durch den Rahmen durchschlägt, und daher doppelt soviel Luftstösse bewirkt;

Was die drei ersten Gründe betrifft, so scheinen allerdings die Tome dieser Zungen für sich nicht so klanglos zu sein, als man samet vielleicht glauben möchte. Jedoch sehlen die Luststösse such in dem unter 3. und selbst in dem unter 2. genannten Falle nicht ganz, indem im letztern Falle die Zunge abwechselnd in den Streen tritt und ihm ausweicht. Müller meint zwar, dadurch werde der Strom nur in eine andre Richtung abgelenkt, allein der Fall ist fast derselbe, wie wenn man Savarts Zahnräder mit einem gegen die Zähne geblasenen Luststrom als Sirene gebrancht. Da nun die Bildung von Tonen und recht starken Tenen durch solche Luststesse, wie sie hier immer, und swar in der Regel in hohem Masse entstehn müssen, eine unleugbare Theteache ist, so wird man ihnen immer einen nicht zu unbedeutenden Autheil an der Bildung des Tones zuschreiben dürfen, und es ist das verhin erwähnte Argument Weber's, wenn auch nicht stocket entreheidend, doch keineswegs beseitigt. Was aber den witer 4 erwähnten Umstand betrifft, so habe ich gefunden, dass allerdings umter den dort bezeichneten Bedingungen neben dem Grundtene auch die Octave hörbar wird. An der Mundharmonica ind die Zumgen bekanntlich einwärts gebogen; nehme ich eine wiche Zunge, deren Ton bei starkem Anblasen nicht, wie gewähnlich, tieser wird, sondern ziemlich seine Höhe hält, so benerke ich bei abwechselnd schwachem und starkem Blasen, dass dem Hampttone sich seine Octave deutlich beimischt, wenn ich so tark blase, dass die Zunge aus der darüber befindlichen Spalte berauschwingt. Mäller selbst scheint später (über die Compenntien Ac. p.34.) mehr Gewicht auf die Luftstösse gelegt zu haben.

VIII. Stimmorgan des Menschen.

(J. Mäller Handb. der Physiol. II. 179. Ders. über die Compestation d. physisch. Kräfte am menschl. Stimmorgan. Berlin, 1839.)

Dass das Stimmorgan den Zungenpseisen zu vergleichen sei, it eine Ansicht, welche, je genauer man die Natur der verschiedenen Arten der Tonerzeugung kennen lernte, immer begründeter weheinen musste, und welcher in neuerer Zeit die vorzüglichten Schriftsteller über diesen Gegenstand beigetreten sind. Eine kunchme hiervon macht Savart, welchr das Stimmorgan einer kinlpseise mit schlassen Wänden und schlassen kern verglichen int (Ann. de. Ch. et Ph. XXX 64.) Indessen steht sehon Sa-

£

K

vart's Pergamentpfeise den Zungenpfeisen in so fern näher, als die Schwingungen der Luft von den Trausversalschwingungen fester Körper, besonders des Kerns, begleitet sind, und aus den Kräften und Massen, welche beide zur Bewegung hiozubringen, ein wesentlich neuer Schwingungszustand resultirt. Es fehlt ihr jedoch Eines, um eine wahre Zungenpfeife zu sein, nämlich das abwechselnde Schliessen und Oeffnen einer Spalte und die dadurch erzeugten Luftstösse. Eben dies hat man auch wohl von dem Stimmorgan behauptet, indem hier der Ton hervorgebracht werden könne, ohne dass die Stimmritze sich schliesse. Allein die Stösse fehlen nicht, wenn auch die Stimmritze im Schwingen nur abwechselnd enger und weiter wird. Eben so brancht auch nach dem Vorhergebenden bei den Pfeifen mit membranösen Zungen die Spalte von der Zunge keineswegs ganz geschlossen zu werden, und im Grunde ist dies ja auch bei den starren, wenigstens bei den Kratzenstein'schen (einschlagenden) Zungen nicht der Fall.

Müller's Untersuchungen bestätigen die Ansicht, dass das Stimmorgan als eine Art Zungenpfeise zu betrachten sei, auss Vollständigste. Sie zeigen aussührlich den Einsluss derjenigen Umstände, von welchen die Höhe des Tones abhängt. Im Folgenden sind die Resultate seiner für die Keuntniss dieses Gegenstandes sehr wichtigen Untersuchungen zusammengestellt.

Dieselben sind an ausgeschnittnen Kehlköpfen von Leichen gemacht. Es ist bei der Beweglichkeit aller Theile nicht leicht, dieselben zu den Versuchen gehörig festzustellen. Dies geschieht, indem der mit einem Theile der Luftröhre herausgenommene Kehlkopf mit der hinteren Wand auf ein Brettehen gelegt, darauf die Cartilago cricoidea festgebunden, ferner ein Pfriemen queer durch den unteren Theil der Cartilagines arytenoideae gesteckt, und dieser gegen ein Brettchen mit Schnüren angezogen wird. An den Winkel des Schildknorpels dicht über der Insertion der Stimmbander wird eine feine Schuur angeheftet, die über eine Rolle läuft und eine Wagschale trägt, um den Stimmbändern eine messbare Spannung zu geben. Da der Kehldeckel, die obern Stimmbander, die Morgagnischen Ventrikel, die Santorinischen Knorpel, die Ligamenta ary epiglottica und selbst der obere Theil des Schildknorpels bis zur Insertion der Stimmbänder zum Tongngeban nicht wesentlich nöthig eind, so werden zunächst diese

Theile bis dicht über die unteren Stimmbänder abgeschnitten, um diese Bänder und die Stimmritze besser zu sehen. In dem Luftrührenstück steckt ein Holzrohr zum Anblasen. Folgende Thatsachen wurden beobachtet.

- 1) Die untern Stimmbänder geben bei enger Stimmritze volle und reine Töne beim Anspruch durch Blasen von der Luströhre und. Die Töne kommen denen der menschlichen Stimme sehr nahe und haben grosse Aehnlichkeit mit denen, welche sich an massen, aus elastischer Arterienhaut gebildeten, auf das Ende eines Rohrs ausgespannten Bändern, durch Blasen hervorbringen lassen.
- 2) Diese Tone unterscheiden sich von denjenigen, welche man erhält, wenn die Ventriculi Morgagni, die oberen Stimmbander und der Kehldeckel noch vorhanden sind, darin, dass sie weniger stark sind, indem diese Theile sonst beim Anspruch, sowie die histere Wand der Luströhre stark mitschwingen und resoniren.
- 3) Am leichtesten und jedesmal sprechen die Stimmbänder an, wenn der hintere Theil der Stimmritze zwischen den Cartilagines arytemoideae geschlossen ist; doch ist dies nicht absolut nothwendig. Das Schliessen dieses Theils kann geschehn, indem man die Knorpel zusammenrückt und mit Schnüren am Pfriemen befestigt.
- 4) Haben die Stimmbänder eine gleichbleibende Spannung, so bleibt sich der Ton in der Höhe gleich, mag der hintere Theil der Stimmritze bis zur Insertionsstelle der Stimmbänder offen sein, oder durch Aneinanderpressen der Cartilagines arytenoidene geschlossen.
- 5) Schliesst dieser hintere Theil der Stimmritze nur theilweise, so dass ganz hinten eine kleine Oeffnung bleibt, so entsteht durch diese kein zweiter Ton.
- 6) Bei gleicher Spannung der Stimmbänder hat die grössere oder geringere Enge der Stimmritze keinen wesentlichen Einfluss mit die Höhe des Tons. Dieser spricht nur bei weiter Stimmritze schwer an und ist weniger klangvoll, indem man das Gerinsch des Durchströmens der Luft vernimmt- Dies ist ebenso, wie bei dem Kantschukzungen.
- 7) Sind die Stimmbänder ungleich gespannt, so geben sie in der Regel doch nur einen, in seltenen Fällen zwei Töne an, dense wie Kantschukbänder. Auch kann man öfters eine ein-

seitige Schwingung eines Stimmbands bemerken, besonders wenn sie nicht ganz in gleicher Ebne liegen.

- 8) Bei gleichbleibender Spannung der Stimmbänder entsteht zuweilen statt des Grundtous derselben ein viel höberer Ton, besonders wenn sie beim Schwingen in einem Theile ihrer Länge anstossen. Dies ist aus der Entstehung von Sehwingungsknoten zu erklären, und Aehnliches zeigt sich zuweilen an Kautschukbändern.
- 9) Es können sowohl Töne hervorgebracht werden, wenn die Stimmbänder eine enge Oeffnung haben, als wenn sie sich ganz berühren. Im letztern Fall erfolgen die Töne besonders leicht bei ganz schlaffen Stimmbändern. Die Schwingungen die ser Bänder sind dann ungemein stark, indem der Durchgang der Luft erschwert ist, und sie weiter ab oder auseinandergetrieben werden. Dies ist ebenfalls wie bei den Kautschukbändern.
- 10) Wenn die Stimmbänder bei sehr geringer Spannung einander berühren, so sind die Tone von andrem Klang, nämlich stärker und voller als bei enger Stimmeitze.
- 11) An Höhe dagegen sind die Töne bei einerlei Länge und Spannung der Stimmbänder nicht verschieden, diese Bänder mögen sich berühren oder eine enge Spalte bilden.
- 12) Auch im ganz schlassen und nicht gespannten Zustande der Stimmbünder lassen sich noch ganz gut Töne hervorbringen, wenn die Stimmritze zugleich sehr verkürzt wird, indem man sie durch Zusammendrücken der Lippen mit der Pincette in ihrem hinteren Theile schliesst. Die Ausdehnung, welche sie durch die dagegen gepresste Luft erleiden, giebt ihnen dabei eine gewisse Spannung und die nöthige elastische Gegenwirkung gegen den Luftstrom.
- 13) Tiefe Töne lassen sich sowohl bei sehr kurzer als bei langer Stimmritze, hohe Töne bei langer sowohl als bei kurzer Stimmritze erzeugen, wenn nur den Stimmbändern ein entsprechender Grad von Spannung gegeben wird.
- 11) Die Tone verändern sich in der Höhe, wenn die ganzen Stimmbänder vom Winkel der Cartilago thyrioidea bis zu den fest aneinander liegenden Vocalfortsätzen der Cartilagines arytenoideae ohne Berührung schwingen, mit zunehmender Spannung nicht ganz wie die Saiten und an zwei Enden gespannten Membramen, d. h. die Schwingungszahl vermehrt sich bei grösserer Spannung

nicht proportional der Quadratwurzel der Spannung, sondern etwas weniger. Z. B. gab bei 4, 16 und 64 Loth Spanning ein Kehlkopf e, a und gis, ein andrer eis, h und ais - a etc. Die Zurichtung des Kehlkopfs für diesen Versuch zeigt Taf. I. Fig. 29., a die Cartilagines arytenoideae, b den Rest des Schildknorpels, e den Ringknorpel, d das untere Stimmband, e die innere Haut des Kehlkopss bezeichnet. In der Schrist "über die Compensation etc. - führt Müller noch mehrere andere Versuche an, wo die Bänder bei verschiednen Spannungen mit gleichem am Manometer gemessenen Luftdrucke angeblasen wurden. Der Ton slieg bei viersacher Spannung ungeführ um eine Quarte oder Quinte. Müller schreibt dies geringere Steigen einer ungleichen Spannung der verschiedenen Fasern zu. Mir scheint eine Hauptursache darin liegen zu müssen, dass die Gewichte nur einen Theil der Spaunung angeben, und der Lustdruck einen weiteren, nicht verhältnissmässigen Antheil zu dieser Spannung hinzufügt. Daher ist auch jene Disserenz bei schwachen Spannungen bedeutender als bei stärkeren.

15) Auch die Tone der vom Kehlkopf isolirten Stimmbänder, wenn diese mit einem Röhrchen durch einen dagegen getriebenen Luststrom in Schwingung versetzt werden, steigen bei vermehrter Spannung nicht ganz proportional der Quadratwurzel der Spannung.

16) Durch Veränderung der Spannung in gleicher Direction lauen sich die Tone am Kehlkopf ohngesähr im Umsang von zwei Octaven verändern; bei stärkerer Spannung entstehen unangenehme, höhere pseisende oder schreiende Tone. Wenn es nicht darses ankommt die Stimmbänder durch Gewichte, welche, wie im Vorhergehenden, in der Richtung der Bänder selbst ziehen, zu pannen, so lässt sich die Spannung am leichtesten auf die Art, wie es von der Natur selbst geschieht, verändern, nämlich durch Herabziehen des Schildknorpels gegen den Ringknorpel. Der schildknorpel wirkt dabei als Hebel, dessen Hypomochlion seine eistliche Gelenkverbindung mit dem Ringknorpel ist. S. Fig. 30, wo x die mit Gewichten beschwerte Schnur ist, welche die Wirmen der Musculi ericothyreoidei nachahmt.

Feigende Resultate wurden an einem und demselben männichen Kehlkopf in zwei auf einander solgenden Versuchen beim schwächsten Anblasen erhalten.

T ''	Gewicht i	n Lothen.	Töne.	Gewicht in Lothen.	
Töne.	I. Versuch.	II.Versuch.	Tone.	I. Versuch.	IL.Versuch.
ais	12		cis	8	8 ₁₀
h	1	1 2	 d	81	9
c	11	1	dis	9,70	10
cis	2	11	dis = e	10,7	11
$\overline{\mathbf{d}}$	21	2	-	117.	12
dis	230	21	fis	13	13
ē	3	3	= 8	15	15
ī	31	·3‡	gis	17	171
fis	4	4	fis gis a	19	181
<u></u>	41/2	41	ais	22	20
gis	5	5	≒ h ≡ c	25	22
a	51	51	= c	28	26
ais	6	6	cis	31	29
L	61	6,	cis d d dis	35	32
c	71	71	dis	37	37
	1	-	K	ein Ton m	ehr.

Bei anderen Kehlköpsen wurde eine gleiche Erhöhung des Tons zuweilen mit weit weniger Gewicht bewirkt. Mehr Gewicht ist nöthig, wenn dieses in der Richtung der Bänder selbst wirkt, wie in Fig 29. Versuche hierüber sindet man in der Schrist "über die Compensation etc." p. 20.

17) Ist der hintere Theil der Stimmritze sest geschlossen, so lassen sich noch tiesere Töne hervorbringen, wenn man die Stimmbänder noch weiter abspannt, durch den mit Gewichten beschwerten Faden y (Fig. 30.), welcher die Wirkung des Musculus thyreo-artenoideus nachapmt und die vom Ligamentum crico-thyreoideum medium bewirkte schwache Spannung aushebt. Derselbe Kehlkops wie im vorhergehenden Versuch gab dis, als diese Abspannung 10 Loth betrug, und sanken die Töne bei vermehrter Abspannung folgendermassen:

Töne	Loth	Loth Töne	
dis	10	e and gis	210
d	1 2	nach einander	•
cis	1	e	2^{4}
c	1,1	dis	$2\frac{6}{10}$
h	174	d	$2_{1 \bullet}$
ais	1‡	cis	$3\frac{5}{10}$
a	170	H	3-4

- 18) Man kann auf dem ausgeschnittenen besonders männli chen Kehlkopse bei sehr schwacher Spannung der Stimmbänder zwei ganz verschiedene Register von Tönen hervorbringen, tiesere vom Klange der Bruststimme und höhere vom Klange der Falsetstimme; die ersteren entstehn leichter bei stärkerem, die letzteren bei schwächerem Blasen; beide Töne können bei gleicher Spannung ziemlich weit auseinander liegen, selbst um eine ganze Octave. Bei einiger Spannung der Stimmbänder erhält man immer Töne vom Klange der Falsetstimme, bei grosser Abspannung immer Brusttöne, man mag stark oder schwach blasen.
- 19) Der wesentliche Unterschied beider Register besteht nicht in einer Aliquottheilung der Länge nach, wie bei den Flageolettömen der Saiten, sondern darin, dass bei den Falsettönen blos die seinen Ränder der Stimmbänder, bei den Brusttönen die ganzen Stimmbänder lebhast und mit grossen Excursionen schwingen. Diese Thatsache ist zuerst von Lehfeldt (Diss. de vocis sormatione Berol. 1835.) beobachtet. Müller stellt solgende Theorie der Brusttöne auf:
- a. Die Bänder schwingen in ganzer Breite, auch die mit ihnen verbundenen Membranen und der Musculus thyreo-aryteneidens.
- b. Die tiefsten Brusttöne werden erhalten bei Abspannung der Stimmbänder durch Rückwärtsbewegen des Schildknorpels.
- c. Bei so grosser Abspannung sind die Stimmbänder nicht allein ganz ungespannt, sondern im Zustande der Ruhe auch runzelig und faltig; aber sie werden durch das Blasen ausgedehnt und dieses giebt ihnen die zum Schwingen nöthige Tension.
- d. Indem man die Abspannung geringer werden lässt, und dem Schildknorpel erlaubt sich nach vorn zu begeben oder dem lage des elastischen Ligamentum crico-thyreoideum medium nachugeben, steigen die Brusttöne bis gegen eine Octave.

- e. Bei der mittleren ruhigen Stellung des Schildknorpels und der Cartilagines arytenoideae, wenn die Stimmbänder weder gespannt noch gefaltet sind, hat der Kehlkopf die Disposition zu seinen leichtesten mittleren Brusttönen. (Zwischen den mittleren und tiefsten Brusttönen liegen die der gewöhnlichen Sprache.)
- f. Die zweite Octave tritt schon, indem aufwärls entsprechende Fisteltöne neben ihr liegen, mit diesen in Collision; letztere werden vermieden und die Brustlöne bis zur letzten Grenze nach der Höhe gesteigert durch Zusammendrückung der Stimmbänder von den Seiten und Verengerung des Aditus glottidis inferier vermöge des Musculus thyreo-arytenoideus, dann auch wieder, wie schon vorher durch stärkeres Blasen. Jener Druck lässt sich am ausgeschnittnen Kehlkopf mit einer Pincette bewirken. Er erhöht zuweilen den Ton, zuweilen hat er innerhalb gewisser Grenzen keinen Einsuss auf die Höhe; Jenes scheint der Fall zu sein, wenn dadurch die Spannung der Bänder oder die Länge ihres schwingenden Theiles geändert wird. Bei einer gewissen Stärke des Drucks haben die Brustlöne ihren vollsten Klang, bei weiterer Verstätkung tritt eine gepresste Schwäche ein. (Ueber die Compensation S. 29.)
- g. Bei den Brusttönen kommt ausser den Stimmbändern auch die musculöse Tension der Stimmlippen durch den Musc. thyreo-arytenoideus in Betracht.
- h. Bei den Falsettönen schwingt blos der innere oder Randtheil der Stimmbänder; sie hängen in Hinsicht der Höhe von der Spannung der Stimmbänder ab.
- 20) Der Kehldeckel, die oberen Stimmbänder, die Morgagnischen Ventrikel, die Gaumenbogen, kurz alle vor den untern Stimmbändern liegenden Theile sind weder zur Bildung der Brusttöne noch der Falsettöne nöthig. (S wester unten No. 28 bis zum Schluss.)
- 21) Die auf weiblichen Kehlköpfen leicht hervorzubringenden Töne sind im Allgemeinen höher. Doch lassen sich auch tiefe Töne bei gänzlicher Abspannung der Stimmbänder und Annäherung ihrer Ränder bis zur Berührung selbst bei kurzer Stimmritze hervorbringen. Die Länge der Stimmbänder (nicht der Stimmritze) fand Möller an männlichen Kehlköpfen im Zustande der Ruhe 16—21 Millimeter, im Zustande der grössten Spannung 21—26 Millim., dagegen an weiblichen in der Ruhe 12—14, in der grössten Spannung 15—16 Millim.

- 22) Bei ungeänderter Spannung der Stimmbänder durch ein Gewicht, lässt sich der Ton durch stärkeres Blasen bedeutend in die Höhe treiben. Luftdruck und Spannung der Stimmbänder können sich daher in der Art compensiren, dass stärkere Spannung mit schwächerem Winde denselben Ton in Piano giebt, welchen schwächere Spannung der Bänder bei stärkerem Blasen in Forte erzeugt. Hiervon handelt besonders die Schrift "über die Compensation etc." Um den Luftdruck zu messen wurde ein heberförmiges Manometer gebraucht, dessen einer Schenkel in das Windrohr eingefügt, der andere offen ist; der Niveauunterschied des Wassers oder Quecksilbers in den beiden Schenkeln giebt den Druck. Aus den hiermit angestellten Versuchen ergeben sich folgende Resultate:
- a. Die tieseren Töne sprechen schon beim Druck einer Wassersäule von 1½ bis 3½ Centimeter. Das Fortissimo wurde zuweilen schon bei 8—12—14 Centim. erreicht; doch sprechen die Töne bei viel stärkerem Druck noch an, wenn die obere Oeffnung des Stimmrohrs verengt wird, was am todten Kehlkopf durch seitliche Compression der Stimmbänder, am lebenden durch die Musculi thyreo-arytenoidei geschehn kann. Cagniard de Latour hat den Lustdruck bei der Phonation an einem lebenden Menschen gleich einer Wassersäule von 16 Centim. gefunden; doch war es eine Kraukheit der Stimmwerkzeuge, welche die Bronchotomic nöthig gemacht hatte.
- b. Die höheren Töne, bei stärkerer Spannung der Bänder, brauchen zum leisesten Ansprechen stärkeren Wind als die tieseren, bei schwächerer Spannung. Dies zeigt sich in solgenden Beobachtungen:

Spannung in Viertel- lothen,	Falsettöne beim lei- sest mög- lichen An- spruch.	Centime- ter der Wasser- säule.	Spannung in Viertel- lothen.	Falsettöne beim lei- sest mög- lichen An- spruch.	Centime- ter der Wasser- säule.
1	ſ	4	13	ď	10 +
3	5	6	19	ē	13
5	•	8	27	ī	13
7	h	9	31	5	13
9	c	10 —	45	a	16

c. Von den zahlreichen Versuchen über die Erhöhung des Tones durch verstärkten Wind bei gleichbleibender Spaunung mag es genügen, hier drei anzuführen:

		II. Spannung 21 Loth						
saule Man	sser- e des onie- rs.	Falsetione	saul Man	sser- e des iome- ers,	Falsettóne	saule	ser- des ome- rs.	Brustiöne
1"	6′′′	5	2"	8′′′	dis	2"		fis
1	8	gis '	3	2	e	4"	6′′′	6
2			4		ī	5	6	gis
2	4	. aîs	4	10	fis	6		a
2	8	<u>h</u>	6		fis 5 gra a	7		h
2	10	c	7	4	g:a	8	6	ē
3	2	cis	8			10		cis
3	4	d	8	10	ais	11		d
4		dis	10		h	12		dis
4	6	ē						
5	4	F	1					
6	6	fis						
7	4	5						
8		gis		-				

- d. Zuweilen steigt der Ton bei verstärktem Winde nur bis zu einer gewissen Grenze so leicht, und braucht dann zur nächsten Erhöhung um nur } Ton einen unverhältnissmässig grösseren Druck; s. B. ein Kehlkopf der bei 2, 3, 4, 7, 8, 10, 11 \}, 13 \} Zoll des Manometers in halben Tönen (Braststimme) von g bis d in die Höhe gegangen war, brauchte um von d auf dis zu gehn, einen Luftdruck von 22 bis 24 und mehr Zoll Wassersäule. Jene Grenze liegt bei verschieden Kehlköpfen sehr verschieden, und manche lassen vorher ein Steigen bis auf eine Octave zu, andre weniger; bei stärkerer Spannung ist diese Grenze nach wenigeren Tönen erreicht, indem der Sprung an demselben Kehlkopf immer wie es scheint, fast bei derselben Tonhöhe eintritt. Der Grund dieses Verhaltens ist nicht bekannt. Müller sucht ihn vorläusig in dem Uebergang von der Bruststimme zum Falset.
- e. Von den Versuchen, aus welchen man sieht, wie beim Crescendo der Einstass des vermehrten Lustdrucks durch vermin-

derte Spannung compensirt werden müsse, um dieselbe Tonhöhe zu halten, mögen hier nur zwei angeführt werden:

Bruststimme			Falset			
Töne	Tone Spanning		Töne Spannung		Wasser- säule	
piano h	4 Loth	6"	piano cis	4 Loth	3",5	
h	2 -	8	Ċis	2 .	4	
b	1 -	10	cis	1 -	6	
forte b	± =	12	forte cis	<u> </u>	8	

Die Spannung war durch Zug am Schildknorpel gegeben und zeigt also die Kraft, welche am lebenden Kehlkopf hauptsächlich von dem Musculus ericothyreoideus ausgeübt werden muss.

- 23) Wird die Lust bei einer bestimmten Spannung der Stimmbinder eingezogen statt ausgestossen, so spricht der Tou in der Regel nicht au; suweilen kam ein etwas tieserer rasselnder Ton um Verschein.
- 24) Werden die Stimmbänder durch Berührung ihres ässseren Theile gedämpst, so geben sie höhere Tone an, gerade so wie die Kantschukbänder am künstlichen Kehlkops.
- 25) Die Länge des Windrohrs und des Corpus hat auf den Ton der Stimmbänder keinen solchen merklichen Einflass, wie auf den ter Kantschukzungen. Müller hat sowohl das Windrohr allmählich lingert, als auch das Ansatzrohr (Corpus), nachdem ein solches nicht ehne Schwierigkeit auf die Stimmbänder aufgesetzt war. In beiden Fällen änderte sich bei der Verlängerung des Robrs unter deich schwachem Anblasen der Ton entweder gar nicht merklich, eder er ging nur um einen halben, sehr selten um einen ganzen Ton herunter. Bei künstlichen membranösen Zungen, sowohl von nk als von nasser Arterienhaut, war dies in der Regel sehr viel anders; doch zeigten auch diese zuweilen bei zu schwacher eder zu starker Spannung sehr wenig Aenderung des Tones bei veränderter Länge des Corpus oder Windrohrs. Der Grund dieer Verschiedenbeit ist nicht klar. Müller vermutbet er liege tarin, dass die Membran, welche den Seitennmfang der Stimmbioder mit den Wänden des Kehlkopss verbindet, nicht mit gespannt vird, dagegen bei den continuirlichen Membranen des künstlichen Lakops alle Theile dieser Membranen auf die Schwingungen ein-

=

wirkten. Auch wenn der Luftröhre ein hölzernes Rohr aubstituiet wurde entstanden keine grösseren Veränderungen des Tones. Vielleicht haben indess die Membranen zwischen den Knorpeln des Kehlkopfs, insofern sie vom Wind ausgedehnt werden, doch einigen Antheil sn jener Verschiedenheit vom künstlichen Kehlkopf, dessen Wände durchgängig fest sind. Bei gewissen Längen des Windrohrs schien zuweilen der Ton weniger gut anzusprechen, und Müller ist geneigt der Verkürzung und Verlängerung der Luftröhre durch das Auf- und Absteigen des Kehlkopfs, welches man am lebenden Menschen beim Gesange bemerkt, nicht sowohl einen Einfluss auf die Beslimmung der Tonköhe, als vielmehr nur auf das bessere Ansprechen des Tones zuzuschreiben.

- 26) Die zum Theil membranöse Beschaffenheit der Luftröhre als Windrohr wirkt nicht merklich modificirend auf den Ton der Stimmbänder, und die Luftröhre verhält sich zum Ansprechen so wie ein bölzernes Windrohr von derselben Weite. Dies gilt auch von Kautschukzungen.
- 27) Das doppelte Ansatzrohr (Corpus) am menschlichen Stimmorgan, nämlich Mundrohr und Nasenrohr scheint in Hinsicht der
 Höhe des Tons nicht anders als ein einfaches Ansatzrohr zu wirken, verändert aber den Klang des Tones durch die Resonanz. So
 verhielt sich wenigstens eine Pfeife mit Kaulschukzunge, welche
 mit einem gabelförmigen Ansatzrohr von gleicher Höhe, aber klangvoller war, als mit einfachem Corpus von gleicher Länge.

Müller hat weiter den Einfluss der elastischen Theile über den unteren Stimmbändern untersucht; doch bringen diese keine neuen Elemente der Tonbildung hinzu.

- 28) Die Deckung der obern Kehikopfhöhle durch Herabdrükken des Kehideckels vertieft den Ton etwas und macht ihn zugleich dumpfer. In der Schrift "Ueber die Compensation etc." ist gesagt, dass die Stimme durch das Herabdrücken des Kehideckels im Timbre sehr, in der Höhe kaum merklich verändert wird.
- 29) Die Erhöhung des Tones durch stärkeres Blasen wird durch den Kehldeckei nicht verhindert.
- 30) Die Gaumenbogen verengern und das Zäpschen verkürzt sich bei höheren Brusttönen wie bei den Falsettöuen, und bei demselben hohen Ton ist der Isthmus saucium gleich eng, mag der Ton ein Brust- oder Falsetton sein. Auch kann man in beiden Fäl-

len die Gaumenbogen mit den Fingern berühren, ohne dass der Ton verändert wird.

- 31) Die Verengerung des Ansangs des Corpus oder der oberen Kehlkopshöhle dicht vor den unteren Stimmbändern kann nach der Theorie der Zungenpseisen den Ton etwas erhöhen. Doch lässt sich dies am Kehlkops nicht durch Versuche beweisen.
- 32) Die Morgagni'schen Ventrikel haben offenbar blos den Zweck, die Stimmbänder von aussen frei zu machen, damit ihre Schwingungen ungehindert sind, wie dies bereits von Mehreren angegeben worden ist.

In der Schrift "Ueber die Compensation etc" ist weiter die Frage aufgeworfen, ob die oberen Stimmbänder, welche durch die elastische Bedeckung der Ventrikel mit den unteren Stimmbändern zusammenhängen, vielleicht in einem Verhältniss der Compensation zu diesem letsten stehen, so dass z. B. ungleiche Spannungen der oberen und unteren Bänder sich compensiren. Jedoch wurde an einen Kehlkopf mit den oberen Bändern und den Morgagni'schen Ventrikeln dasselbe Maximum der Höhe bei grösster Spannung erreicht, wie ohne diese Theile.

Wird der Kopf der Leiche so präparirt, dass auch noch die Fauces mit Nase und Mund erhalten bleiben, so werden abermals keine neuen Elemente der Tonbildung bemerklich, aber der Klang ward der menschlichen Stimme noch ähnlicher, und man kann selbst einige Consonanten wie M und W, und Vocale wie A und C erzeugen.

Fig. 31. zeigt eine von Müller ausgeführte Nachahmung des Kehlkopfs. Die Bänder d sind von Kautschuk oder Arterienhaut; sie liegen nicht wie bei mehreren der früheren Versuche in einer Ebne, sendern sind gegen einander gekehrt, wie Fig. 32. zeigt. a und b sind zwei Pincetten, welche sich um die Gelenke bei c und e drehen können. Die Uebereinstimmung mit dem natürlichen Kehlkopf ergiebt sich aus der Vergleichung mit Fig. 30.

D. Combinationstone und Stösse.

I. Berechnung derselben.

Die Combinationstöne und Stösse, welche aus zwei gleichzeitig angegebnen Tönen resultiren, hat man fast allgemein durch das (wenn auch nur augenäherte) Zusammentressen der beiderseitigen Schwingungsmaxima erklärt. Dieser Erklärung zufolge würde die Anzahl der Impulse von dem Verhältniss der Schwingungszahlen der erzeugenden Töne abhängen, und ihrem grössten gemeinsamen Maasse gleich sein. Nach den werthvollen Versuchen von Blein, Hällström und Scheibler hingegen scheint sie vielmehr von dem Unterschiede dieser Zahlen abzuhängen. (Siehe Repert. III. p. 1.) Zwar trifft die erste Differenz (Hallstroms erster Combinationston) mit jenem gemeinsamen Maasse in vielen der ausgezeichnetsten Fälle überein, namentlich für die Combinationstöne der meisten Consonanzen und für die Stüsse zweier dem Einklange nahen Tone, da diese sich stete sehr angenähert durch zwei um 1 differirende ganze Zahlen ausdrücken lassen. Allein die Beobachtungen geben viele andre Fälle, welche der älteren Theorie nicht gemäss sind, und machen es daher nothwendig, eine amfassendere Ansicht von diesem Gegenstande zu suchen.

Hällström's Erklärung beruht auf demselben Princip, wie die ältere, und rechtfertigt seine Gleichung $\frac{s}{x} = \frac{r}{x} - 1$ (S. Repert. III. p. 8.) nur für den Fall, dass $\frac{s}{x}$ und $\frac{r}{x}$ ganze Zahlen sind, wodurch sie ganz mit der früheren Theorie zusammenfällt. Scheibler und Röber erläutern ihre Ansicht von dem Ursprunge der Erscheinung nur au einem Beispiele, wo ebenfalls kein Unterschied gegen die ältere Erklärung hervortritt. Die sogenannten Combinationstöne und Stösse höherer Ordnung sind in diesen beiden Theorien nach einem Verfahren berechnet, das, welchen Werth es auch als empirische Regel haben mag, doch theoretisch keinesvegs erklärt ist.

Poggendorff hat (Ann. der Phys. u. Chem. XXXII. 520.) auf diese Mängel der Theorie hingewiesen, und einen Weg bezeichnet, auf welchem nach Young's Interferenzprincip die Erscheinung zu behandeln sein würde. Wird nämlich ein Lusttheilchen von mehreren in gleicher Richtung fortschreitenden Wellenzügen aflicirt, und bezeichnet man mit Y die Ablenkung dessel-

ter von seiner Gleichgewiehtslage zur Zeit t, mit v, v', v"...die Dauer einer ganzem Schwingung in den einzelnen Zögen, sowie mit a, a', a"... die Maxima der Ablenkung, welche das Lufttheilchen in das einzelnen Wellenzögen erfahren würde, und swar zum erstennt in positivem Stane, wenn t respective die Werthe e, e', e"... erhangt, so het man

$$Y = a \cos 2 \times \frac{1-a}{a} + a' \cos 2 \times \frac{1-a'}{a'} + a'' \cos 2 \times \frac{1-a''}{a'} + \dots$$

Pertinant man man die Maxima von Y, so geben die Differensen je sweier und einander folgender positiver und negativer Maxima die Länge der Schwingungsbehmen. Es kommt nen derest an, die pitesten jamer Maxima, oder die grössten dieser Differensen aufmahm, dann diese sind es, welche nach Poggendorff's Ansicht in ihrer periodischen Wiederkehr die Stösse bedingen. Allein e schaint mir diese Ansicht nicht allgemein, und nicht einmel in den beruchweten Beispiele zu dem verlangten Revultate zu führen.

De minslich die allgemeine Lieung erhebliebe Schwierigkeiten ist,") en beruchnet Poggondorff beispielsweise den Combinationsten 3 für des Intervall 6:8 auffolgende Art. Indem a = z' = 1000, c= c' = 0 und die Dauer von 5 Schwingungen des einen und 8 ichningungen des andern Tones = 360 gmetzt wird, ist

Y = 1000 (ose 8t + cos 5t).

Result men sur game 360-Theile, so erhält men für Y folgende Maxima.

ı	Y	Differenz	6	Y	Differenz
0 26 49 66 86 1/1 137 102 180	+ 2000 - 1526 + 425 - 121 + 1190 - 1944 + 1780 - 809 0	3526 1951 546 1311 3134 3724 2589 809	198 223 249 274 295 311 334 360 386 etc.	- 809 + 1780 - 1944 + 1190 - 121 + 425 - 1526 + 2000 - 1526 elc.	809 2589 3724 3134 1341 546 1951 3526 3626 etc.

^{°)} Diesen vermiedern sich, wenn man für die Amplituden gewisse Imaliane macht; namentlich, wenn man sie der Schwingungsdauer propulienel annimmt (was vermuthlich einer gleichen Intensität der Töne unpricht), so erhält man für $\frac{d \, T}{d \, t}$ einen Ausdruck, aus welchem sich die Kulten und Minima ergeben.

Die grössten Maxima fallen auf t = 0, 111, 249 und 360, die grössten Disserenzen zwischen 0 und 26, 111 und 137, 223 und 219, 334 und 360. Die grössten Maxima können es nicht sein, welche den Combinationston 3 geben, denn obgleich ihrer drei von O bis 360 eintreten, so erfolgt doch erstens dies Eintreten nicht isochronisch, sondern bei 111, 249, 360, also in Perioden von 111, 138, 111, and zweitens sind diese Maxima abwechselad positiv und negativ, wodurch sich die Zahl der Impulse von 3 auf 1 reduciren würde. Aber auch die grössten Differenzen, welche Poggondorff für die eigentliche Ursache der Impulse halt, geben nicht die verlangte Zahl; denn erstens, obgleich eie von 0 bis 360, oder vielmehr von 13 bis 347 isochronisch erfolgen, so ist doch ihre Periode nicht 120, sondern 111 (vollständig 111, 111, 111, 26, 111 etc.) und zweitens geht abwechselnd einmal das positive und einmal das negative Maximum voraus, so dass diesen grössten Differenzen abwechselnd Verdichtung und Verdünnung entspricht, wodurch sich ebenfalls die Zahl der Impulse auf die Hälfte reduciren wurde. Man hätte hiernach statt des Combinationstones 3 cher 3.414 zu erwarten, was der Erfahrung keineswegs eutspricht

Gleichwohl dürste ein ähnlicher Gesichtspunkt am geeignetsten sein, für die Erscheinung der Combinationstöne und Stöme eine allgemeine Theorie zu begründen. Auch scheint ein solcher der Rechnung zum Grande zu liegen, von welcher G. S. Ohm (Poggend. Ann. XLVII. 463.) die Resultate mittheilt, ohne sich über die Principlen derselben auszusprechen.

Ohm unterscheidet einen unbedingten Combinationston, der die nach der älteren Theorie berechnete Höhe hat, aber meistens zu schwach ist um gehört zu werden, und einen bedingten, geknüpft an die Bedingung, dass die Schwingungsformen der beiden ihn erzeugenden Töne ähnlich sind; seine Höhe ist die des ersten Hällström'schen. Sind md und nd die Schwingungszahlen der beiden erzeugenden Töne, und wird ihre Stärke = 1 gesetzt, so ist der unbedingte Combinationston d und seine Stärke erreicht nie den Werth $\frac{m+n}{mn}$; die Schwingungszahl des bedingten aber ist (m-n) d und seine Stärke immer kleiner $\frac{m}{n} - \frac{n}{m}$ Der letztere kaun nur entstehn, wenn $\frac{m+n}{2(m-n)} > 1$, daher muss das Verhältniss der beiden erzeugenden Töne zwischen 1:1 und 1:3 lie

swem wahrgenommenen sogenannten Combinationstöne nihung erklärt Ohm aus der Combination der harmein Beitöne, welche die erzeugenden Töne begleiten. Als in Folge ergiebt sich noch, dass in Fällen, we der benbinationston zu schwach wird um gehört zu werden,
idie beiden angegebnen Töne nur um einen halben Ton
sliegen, der genan mittlere Ton swischen beiden gehört inne, jedoch mit beständigen Unterbrechungen.
die Stösse betrifft, so findet Ohm, dass diese im Allgeundann wahrnehmbar und regelmässig werden können,

Me Stösse betrifft, so findet Ohm, dass diese im Allgewedenn wahrnehmbar und regelmässig werden können, Furhältniss der beiden Schwingungssahlen m:n in den pinzen Zahlen ausgedräckt sich einem in viel kleineren gedrückten Verhältniss m':n' sehr nähert. Es eustehn —m'n Stösse, gebildet durch einen Ton, dessen Schwin-

ist, welcher aber (mn' - m'n) Mal in der ZeiteinSchwingungsform stark verändert und wiederherstellt.

Schwingungsform stark verändert und wiederherstellt.

II. Ursprung der Stösse.

le abgewonnen (l'Institut 1839 p. 462. 1840 p. 6). Nach its die Stösse nicht erst bei der Verbreitung des Schalten in den tönenden Körpern selbet. Läset man zwei Ordnaprechen, so fühlt man bei jedem Stosse eine starke ung in der Hand, wenn man diese auf die Windlade its Pfeisen selbet legt. Dasselbe findet statt, wenn man terbass berührt, während zwei Saiten sehwingen und singen. Zugleich bemerkt man, dass die Amplituden der nima und Minima erleiden, und dass des Maximum der nima und Minima erleiden, und dass des Maximum der dem Minimum der andern zusammentrist. Das Letztere man noch leichter am zwei Zungenpfeisen mit gitter-krahr, die zwei sehr tiese und wenig verschiedene Töne is Zungen erleiden bei jedem Stosse sehr beträchtliche nigen ührer Amplitude, indem die ihre einste bis zu einem

setzt sich das andre mit in Bewegung, und das Verhalten ist, wenn das kürzere angestossen wird, ähnlich dem bei eutgegengesetztem Anstoss, wenn das längere angestossen wird, ähnlich dem bei gleichem Anstoss.

Die einzelnen Resultate an isochronisch gebenden gleichen, sowie etwas ungleichen Pendeln, und an solchen, deren Schwingungszahlen sich wie 4:5, 3:4, 2:3 und 1:2 verhielten, findet men in einer Tabelle (Plustitut 1840. p. 7.) zusammengestellt.

Setzt man an die Stelle der beiden Pendel zwei Stäbe, welche an den Armen der Tförmigen Stabverbindung befestigt, und so lang und dünn sind, dass ihre Schwingungen gesehn werden können, ohne hörbar zu sein, so findet man, je nachdem diese Stäbe gleich oder ungleich sind und in gleicher oder entgegengesetzter Richtung gestossen werden, ganz dieselben gegenseitigen Einflüsse, wie bei den Pendelo.

Alle diese Erscheinungen lassen sich nun auch mit Körpern hervorbringen, welche sich in tönender Schwingung befinden. Zieht man auf ein Monochord oder noch besser auf einen Contrebass zwei Saiten von gleicher Dicke, möglichst genan in den Einklang gestimmt, und setzt sie durch ganz gleichzeitiges Anschlagen oder durch Streichen mit dem Bogen in gleichgerichtete oder entgegengesetzte Schwingung, so werden sie Schwingungen von gleicher Amplitude machen und keine Stösse hören lassen. Setst man aber eine dieser Saiten allein in Bewegung, so werden sich ihre Schwingungen vermindern, bis sie Null werden, während zugleich die der andern bis zu einem Maximum wachsen; indem sich dies periodisch wiederholt, wird man jedesmal einen Stoss boren, wenn eine der beiden Saiten stille steht, während die andere ihr Maximum erreicht. So können Stösse entstehen an awei Körpern, die genau im Einklange stehn, und man darf annehmen, dass die Zahl dieser Stösse von der Art der Verbindung der beiden Körper und ihrer Schwingungszahl abhängt. Der Analogie nach zu schliessen, werden die Schwingungen, wenn sie in gleicher Richtung erfolgen, etwas langsamer sein, als wenn sie entgegengesetzt sind. Auch darf man echliessen, dass zwei Körper, die nicht genau im Einklange stehen, wenn man sie einzeln in Bewegung setzt, bei vereinigtem Schwingen in den Einklang treten konnen. - Sind die Tone zweier Saiten nur wenig verschieden, und streicht man sie zugleich mit einem Bogen, so kon-

1 sie im Einklang tönen, ohne Stösse und folglich ohne pedische Aenderung der Amplituden; aber über eine gewisse enze hinaus wird man Stösse bemerken, ansangs langsam und wach, schneller, wenn der Unterschied der Höhe grösser ist; Perioden der Amplitude werden an der höheren Seite deutser sein als an der tieferen. Setzt man die tiefere allein in swingung, so werden ihre Minima und Maxima wenig bemerksein, aber die Minima der höheren sehr klein sein; umgekehrt mn man die höhere allein anstösst, wo die Maxina der tieseren : klein und ihre Minima Null werden; jedesmal wenn eine der ten ihr Maximum und die andre ihr Minimum erreicht, hört n einen Stoss von solcher Stärke, dass alle Theile des Contreses und selbst die ihn berührenden Gegenstände erschüttert rden. Diese Erscheinungen zeigen sich, bis die beiden Saiten angefähr eine grosse Terz differiren; weiterhin kommt die ht in Schwingung gesetzte Saite fast nicht mehr in Bewegung. met man den Steg des Contrebasses in einen Schraubstock, werden die Stösse viel langsamer, als ohne Schraubstock, sohi wenn die Saiten im Einklang stehn und eine von ihnen anchlagen wird, als wenn sie nicht im Einklange stehen.

Auch die Entstehung mehrerer Systeme von Stössen, und hrerer Combinationstöne kann an den Pendeln erläutert wer, wenn ihre Schwingungszahlen einem einfachen Verhältnisse nahe kommen.

Die vorstehenden Beobachtungen von Savart decken für die tersuchung der Stösse und Combinationstöne eine Seite auf, iche ohne Frage sehr zu beachten ist, wenn auch nicht, wie wart anzunehmen scheint, darin der einzige Gesichtspunkt liegt, leber hier in Betracht zu ziehen ist. Ohne Frage können z. B. ei Stimmgabeln Stösse geben, welche nur durch die Combinan der von ihnen ausgehenden Wellen im Gehör hervorgerusen rden, ohne dass sie auf ihre Schwingungen selbst einen gegentigen Einflass wirklich ausübten, zamal wenn sie nur darch Luft auseinander wirken können. Es ist nicht wahrscheinlich, B die aus Scheibler's Arbeiten gewonnenen Resultate durch 1 von Savart zur Sprache gebrachten Gesichtspunkt eine Beträchtigung erleiden sollten. Ob dies aber auch überall mit ilistrom's Untersuchungen, namentlich mit denen, die an der cline angestellt sind, der Fall sein mag, kann eher zweiselhaft VI.

erscheinen Jedenfalls sieht man, dass dieser Gegenstand nicht nur von Seiten der Theoric noch manches Dunkle enthält, sondern auch von Seiten der Erfahrung keinesweges als abgeschiossen anzusehn ist.

III. Ueber Unreintönen von Saiten und über Stösse einer Saite und eines Stabes.

In der Theorie der schwingenden Saiten werden diese als vollkommen biegsame Fäden angesehn. In der Wirklichkeit aber sind sic immer mehr oder weuiger steif; daher werden an ihnen die Resultate der Theorie nur angenähert, und in so weit gültig sein, als diese ihre Elasticität, mit der sehr viel grösseren Spannung verglichen, vernachlassigt werden darf. W. Weber (Pogg-Ann. XXVIII. 8.) erinnert an diesen Umstaud und erklärt daraus die den Instrumentenmachern und Musikern sehr wohl bekannte Thatsache, dass der Ton einer einzelnen Saite zuweilen unrein ist und Schwebungen hören lässt. Er findet nämlich, dass eine und dieselbe Saite, abgesehen von allen Flageolettönen, nicht blos einen Grundton giebt, sondern zwei - und vielleicht noch mehrere, die aber nicht beobachtet werden können - und dass diese beiden Tone zuweilen nicht nur nach einander, sondern auch gleichzeitig hervorgebracht werden können, und dann jene Unreinheit erzeugen. Aus einigen von Weber mitgetheilten Beobachtungsreihen sieht man, dass eine Saite mit Abnahme oder Zunahme ihrer Länge mehrere Reihen von Tonen hervorbringen kann, die zwar sehr nahe liegen, jedoch nicht durch Zwischentone in einander fliessen, sondern bei jeder Länge der Saite durch ein constantes Tonintervall von einander geschieden sind. Nicht immer können die Töne aller dieser Reihen hervorgebracht werden, condern je nach der Verschiedenheit der Länge der Snite spricht bald der der einen, bald der der andern Reihe angehörende Ton leichter an und nur bei einigen Lebergangspunkten werden swei gehört. Bei starken und kurzen Sniten sind die Unterschiede der Tonreihen grösser. Stets scheinen - wie auch zu erwarten war die beobachteten Tone höher zu sein, als nie bei vollkommener Biegsamkeit sein würden.

Weber scheint hierbei die Saiten als cylindrische und gerade gespannte Stäbe anzuschn, und in der That lässt eich wohl die Möglichkeit, dass aus den beiden hier wirkenden Kriften, der Steisheit und der Spannung, zwei oder auch mehrere verschiedene Schwingungszustände resultiren können, selbst sür diese Art von Stäben nicht bestreiten, so lange man keine ausgesührte Theorie dieser Art von Schwingungen besitzt. Doch will ich nicht unterlassen, einen Umstand zu berühren, der sehr leicht eintritt und dann eine ähnliche Wirkung bervorbringen muss.

Wenn nämlich die Seite entweder nicht genau cylindrisch ist, sondern nach verschiedenen ihrer Querdimensionen von ungleicher Dicke, oder wenn sie als ein gespannter krummer Stab zu betrachten ist, so muss der Grundton verschieden ansfallen, je nachdem sie nach der einen oder andern ihrer Querrichtungen schwingt. Besonders das letztere tritt sehr leicht ein, indem die Saite, wenn man sie anhängt und ohne besondere Sorgfalt von der Rolle abzieht, leicht die Gestalt einer sehr gedehnten Spirale annimmt. Macht man dies mit recht starken Saiten und streicht sie mit dem Bogen, so bemerkt man bei sämmtlichen Tonen der Saite sehr deutliche Unterschiede, je nachdem man den Bogen in der einen oder andern Transversalrichtung führt. Man kann die Saite auch so abwickeln, dass sie einen sehr flachen Bogen bildet; auch in diesem Falle muss eine ähnliche Verschiedenheit eintreten und dann aus der schwankenden Höhe des Tones Unreinheit, sowie aus der Coexistenz zweier wenig verschiedenen Tone Schwebungen entspringen. Hiermit stimmt auch die Erfahrung der Instrumentenmacher überein, dass die Saiten beim Abwickeln von den Rollen möglichst gerade ausgestrichen werden müssen, und dass die unreintönenden Saiten verbessert werden, wenn man sie abnimmt und ausstreicht. *)

Die Möglichkeit der gleichzeitigen Schwingungen nach zwei verschiedenen Trausversalrichtungen, woraus dann Stösse entstehn, so wie die Beschaffenheit der dann von den schwingenden Theilen beschriebenen Bahnen wird man sich leicht deutlich machen, wenn man sich an einen ähnlichen Fall bei Stäben erinnert.

W. Weber bemerkt in Schweigg. Jahrb. XVIII. 395, dass ein gerader, quadratisch prismatischer Stab keine Schwebungen hören läset, wenn man gegen eine seiner Flächen stösst, dass diese aber



^{*)} Etwas Anderes ist es mit dem Bullern gewisser Tone auf den Streichinstrumenten, welches von einem ungünstigen Zusammentressen der Schwingungen der Saite mit denen des Resonanzkastens berzarühren scheint.

erscheinen, wenn man gegen eine Kante stösst. Dies erklärt sich leicht daraus, dass ein solcher Stab wegen kleiner Unterschiede der Dicke oder auch der Elasticität nicht genau einerlei Ton giebt, wenn er nach der einen oder nach der andern Ouerdimension schwingt, und dass diese beiden Tone gleichzeitig entstehn, wenn man die Kante anstösst. Man hat etwas ganz Aehuliches, wenn bei den von Savart beobschteten Saudanhäufungen longitudinalschwingender Stäbe eine Seitenfläche eines quadratischen Stabes einen Knoten mehr zeigt, als die anstossende Seite. (S. p. 64., Taf. I. Fig. 20.) Dass bei runden Stäben das Gleiche eintreten kann, sieht man aus den Saudanhäufungen in cylindrischen Röhren. Leberlegt man aber, welche Bahnen die schwingenden Theile dabei beschreiben müssen, so überzeugt man sich leicht, dass aus den Schwingungen nach zwei gegen einander rechtwinkligen oder sonst geneigten Richtungen eine im Allgemeinen elliptische Bahn resultiren muss. Die Lage und die Länge der beiden Axen dieser Ellipse hängt von den Richtungen dieser beiderlei Schwingungen von ihren Amplituden und ihrem Gangunterschiede ab. Sind sie non, wie wir sahen, nicht genau isochronisch, so ist dieser Gangpaterschied veränderlich, und daher müssen sich auch die beiden Axen der Ellipsen veränderlich zeigen. Diese Erscheinung ist en welche man so deutlich am Kaleidophon betrachten kann. Auch an Saiten sieht man bekanntlich oft dergleichen veränderliche elliptische Drehungen und diese weisen dann darauf hin, dass den verschiednen Transversalrichtungen verschiedene Schwingungszahlen entsprechen.

E. Fortpflanzung des Schalls im Wasser. (Colledon Comptes rendus T. XIII p. 439. Poggend. Ann. LIV. 130.)

Colladon, dessen frühere Beobachtungen über die Fortpflanzung des Schalls im Wasser bekaunt sind, hat neuerdings abermals Versuche im Genfersee angestellt, woraus folgende Ergebnisse hervorzuheben sind.

Hört man den Schlag eines Hammers auf einen zum Theil in Wasser getauchten Körpers aus der Nähe mittelst eines hydrockustischen Apparates, wie ihn Colladon bei seinen früheren Versuchen (Ann. de Chim. et de Phys. XXXVI, Fig. 9 Poggend. Ann. XII. Taf. II. b. Fig. 9.) gebraucht hat, so unterscheidet man

kürzer ist, und weniger intensiv scheint, als der durch die Lust gehörte. In grösserem Abstande aber ist der erstre intensiver als der letztere, und bei sehr grossen Ensernungen bleibt jener noch hörbar, wenn der in der Lust sortgepslanzte Schall selbst bei nächtlicher Stille und ruhiger Lust schon ausgelöst hat, vernehmbar zu sein. Dieses Resultat, welches einer Angabe von Bonnycastle (Clastitut 1840. p. 25.) widerspricht, sindet man auch bestätigt, wenn man eine Glocke abwechselnd über und unter Wasser mit gleicher Krast anschlägt. Einen Antheil hieran hat es, dass die Töne in der Lust mit dem blossen Ohre gehört werden, die im Wasser aber durch den genannten Apparat verstärkt werden, ein Apparat, dessen verstärkende Krast, wie Colladon sand, noch weit über das srüber erreichte Mans gesteigert werden kann. — Hohe Töne sind unter Wasser leichter aus grosse Entsernungen zu hören.

Obgleich ein Körper, z. B. eine Glocke unter Wasser anhaltend, selbst mehrere Secunden forttont, so sind doch die im Wasser sortgepflanzten und mit jenem Apparate wahrgenommenen Töne viel kürzer, als die in der Lust durchgelassenen. Einigen Einstuss hat aber hierauf der hydro-akustische Apparat, denn mit dem menen, vollkommneren Apparate hörte Colladon das Nachklingen der Glocke noch auf grosse Entsernungen, wo sie mit dem srüheren Instrument nicht zu hören war. Aber ungeachtet jener Kürze des Tons unterscheidet man doch mit Leichtigkeit nicht nur die l'obe, sondern auch den Klang des tönenden Körpers, so dass man oft dessen Natur und selbst einigermaassen seine Dimensionen erkennen kann. Das Geräusch einer unter Wasser rasselnden Kette ist so gut zu unterscheiden, dass man das Lichten eines Ankers auf 4-5000 Meter erkennen kann.*) - Ein Wassersall and die Schauseln eines Dampsschiffs von 100 und mehr Pserdekrast erzeugen unter Wasser nur ein schwaches Summen. Das Geräusch der letzteren gleicht bei 50 Meter Abstand dem Summen e und wird bei 1000 Meter nicht mehr deutlich gehört.

[&]quot;) Noch Ersahrungen, die jeder Schwimmer zu machen ost Gelegenheit hat, ist der Klang eines in der Lust und im Wasser hörbaren Schalles doch ost sehr verschieden; z. B. klingt das Rauschen, wenn ein Andrer ins Wasser springt, dem unter Wasser besindlichen Ohre nur wie ein mämiges Zischen, und das Klopsen eines Hammers gegen einen im Wasser utebenden Psahl viel spitzer und weniger dumps als in der Lust.

Einer von den früheren Versuchen Colladon's schien zu seigen, dass im Wasser die seitliche Ausbreitung oder Beugung des Schalles geringer sei, als in der Luft, indem eine Mauer, welche die gerade Linie zwischen dem Beobachter und der Glocke durchschneidet, den Schall im Wasser mehr schwächt, als in der Luft. Das Resultat, welches mit einer Folgerung der Theorie, wonach die Beugung bei grösserer Fortpflanzungsgeschwindigkeit geringer sein muss, übereinstimmt, wird indess durch eine neuere Beobachtung von Colladon nicht ganz bestätigt, indem ein Vorgebirge zwischen dem Beobachter und der Glocke keine ähnliche Wirkung hervorzubringen schien.

Da Colladon den Schall einer grossen Glocke auf 35000 Meter selbst mit dem kleineren Apparate hürte, so schliesst er, dass man mit kräftigen Apparaten auf Entfernungen von einigen hunderttausend Metern unter Wasser werde correspondiren können, zumal wo das Wasser dem Schall weniger Ausbreitung gestattet und ihn vielleicht durch Zurückwerfungen noch verstärkt.

Colladon suchte Echo's durch den vom Boden des Sees zurückgeworsenen Schall zu hören, konnte jedoch keine bemerken. Einige tausend Meter von der Glocke aber wurden wohl zwei starke Echo's gehört. Meistens hört man Echo's nur durch die vom User zurückgeworsenen Schallwellen.

G. Gehörorgan. (J. Müller Handb. der Physiol. des Menschen II. 418.)

Die im 3ten Bande des Repert, p. 95. erwähnten Versuche Müller's über die Leitung des Schalls im Wasser gestatten eine Anwendung auf das Gehörorgan.

Müller beobachtet mit verstopsten Ohren, indem er den Schall aus dem Wasserbecken zum Ohre durch einen festen Conductor leitet, d. h. durch einen Holzstab oder eine Glasröhre, welche mit dem einen Ende in das Wasser getaucht, mit dem andern gegen den Stopsen im Ohre gehalten wird.

Mässig gespannte Membranen, welche bekanntlich sehr leicht Schwingungen aus der Luft annehmen und wieder an die Luft abgeben, befördern auch sehr den Uebergang des Schalles aus Luft in Wasser. Wurde eine einfussige Pfeife mit dem offnen Ende in Wasser getaucht und dann angeblasen, so wurde der Ton mittelst des

enductors nur schwach gehört. War hingegen das Ende mit chweinsblase zugebunden und so in Wasser getaucht, so wurde zu Ton mit dem Conductor sehr stark gehört, besonders wenn eser sich auf der verlängerten Richtung der Pfeise besand. (Hier lidet die Membran einen Theil der Pfeise und nimmt Theil an netchenden Schwingungen; jedoch darf man wohl voraussetzen, aus auch die sortschreitenden Wellen eines in freier Lust tönenmach die sortschreitenden Wellen eines in freier Lust tönenmach die sortschreitenden der dasselbe gespannte embran besser übergehn, als ohne diese Vermittlung.)

Der vorhergehende Versuch erläutert die Wirkung der beiden meter des Labyrinths, besonders des runden Fensters. Die des valen, sowie der Gehörknöchelchen und des Trommelfells ergiebt ih noch mehr aus den nachfolgenden Versuchen.

Auf die über die Pfeise lose ausgespannte Membran wurde n Kork ausgeleimt, der dieselbe bis aus eine Linie vom Rande deckte. Wurde nun die Pfeise ins Wasser getaucht, so theilte h der Ton in der Richtung der Pfeise dem Wasser stark mit. Iar dagegen die Pfeise mit einem Stopsen verschlossen und mit esem Ende ins Wasser getaucht, so theilte sie dem letzteren ihre hwingungen nur schwach mit.

Wurde auf das Ende der Pfeise a (Tas. I. Fig. 33.) eine Meman bb gespannt, auf deren Mitte ein kleines Korkstück c gemt, an dieses in der verlängerten Richtung der Pseise ein düns Holzstäbehen ed und senkrecht gegen dasselbe die Korkscheibe gesetzt, so wurde der Ton der Pseise dem Wasser in der gegen die arkscheibe senkrechten Richtung sehr stark mitgetheilt, wenn auch auch Ende des Stäbehen mit der Korkscheibe eingetaucht war.

Dasselbe war auch der Fall, wenn an die vorige Pfeise ein shr bbee (Fig. 34.) angeschoben wurde, mit einer zweiten Meman ee, aus welche die Korkscheibe d ausgeleimt war. Wurde zweite Membran in das Wasser getaucht, so theilte sich diem der Ton ebenso mit, wie im vorigen Falle.

Dieser Apparat ahmt die Wirkung nach, vermöge welcher Gehörknöchelchen die Schwingung vom Trommelsell an das ale Fenster übertragen. In dem solgenden Apparat ist der Ban r Trommelhöhle noch weiter nachgeahmt, indem die Stellvertredes runden und des ovalen Fensters zugleich vorhanden sind. ein Glasgesäss sigg (Fig. 35.) ist oben die Pseise a, unten die orkplatte gg eingesetzt; in zwei Durchbohrungen dieser Platte

sind die kurzen mit Membran überspannten Röhren d und e eingefügt, von denen die eine e das runde Fenster vorstellt, die andre, mit der Korkscheibe d und dem Stabe od das ovale Fenster vertritt, indem der Stab anstatt der Gehörknöchelchen und die Membran bb anstatt des Trommelfells dient. Taucht man e und d in das Wasser, so kann man sich mit dem Conductor überzeugen, dass der Schall durch den Stab und das Fenster d viel stärker, als durch die Luft des Gelässes und das Fenster e in das Wasser übergeht. Dies bestätigt die Ansicht, dass auch in der natürlichen Trommelhöhle die Schalleitung vom Trommelfell aus weit mehr durch die Gehörknöchelchen zum ovalen, als durch die Luft der Trommelhöhle zum runden Fenster erfolgt. Die Hauptbestimmung des Trommelfells scheint demnach die zu sein, die Schwingungen der Luft, die sich ihm so leicht mittheilen, mittelst der Gehörknöchelchen an das Labyrinthwasser zu übertragen.

Die Ansicht Savart's, dass durch grössere Spannung des Trommelfells die Wirkung des Schalls auf das Gehör geschwächt werde, bestätigt Müller durch einen kleinen Apparat (Fig. 36), bestehend in eiger Röhre, deren eines, verengtes Ende ins Ohr gesteckt wird, während das andre mit einer Membran versehn it. und mit einem hebelartig drückenden Stäbehen mehr oder weniger gespannt werden kann, in ähnlicher Weise wie bei Savart's Versuchen (Ann. de Chim. et de Phys. XXVI.) Wird dieser Apparat in das eine Ohr gesteckt, und das andre verstopft, so liört man jedes Geräusch viel stärker bei schlasser Membran, als bei gespannter. Zugleich aber findet Müller in Uebereinstimmung mit den Beobachtungen Wollaston's (Phil. Trans. 1820.), und mit dem, was nach der Natur der Resonanz von Membrauen erwartet werden muss, dass die verschiedene Spannung des (natürlichen) Trommelfells ungleich wirkt auf Schall von verschiedner Höhe. Wird das Trommelfell durch Verdichten oder Verdüngen der Luft der Trommelhöhle stärker gespannt, so wird das Organ taub für ticfere Tone und Laute, bleibt aber für höhere sehr empfindlich

H. Tabelle der Schallgeschwindigkeiten.

Da die Geschwindigkeit, mit welcher sich der Schall in den Körpern fortpflanzt, in den meisten akustischen Rechnungen vorkommt, und durch einen Drucksehler in Lagerhielm's Zahlen veranlasst (S. Poggend. Ann. XIII. 411. 632.), mehrere unrichtig berechnete Werthe dieser Geschwindigkeit in Umlauf gekommen sind, so wird die nachstehende Tabelle hier nicht am unrechten Orte sein. Die Geschwindigkeit des Schalles in der Luft, zu 332 Meter oder 1022 Par. Fuss genommen, ist dabei als Einheit zum Grunde gelegt. Die Werthe für Gase sind aus Dulong's bekannten Untersuchungen (Ann. de Chim. et de Phys. XLI.) genommen; die für tropsbare Flüssigkeiten sind aus Colladon und Sturm's Bestimmungen der Zusammendrückbarkeit dieser Körper (ebend. XXXVI.) berechnet. Für die sesten Körper habe ich die Zahlen nach Chladni, Savart, Lagerhielm und Tredgold zusammengestellt. Chladni's Zahlen, aus Longitudinaltonen berechnet (Akust. §. 95. §. 226.), scheinen sämmtlich zu hoch zu sein; wahrscheinlich war die Stimmung nach welcher er sie beobachtete lieser, als er sie berechnele. Von Savart's Zahlen sind einige (Ann. de Chim. et de Phys. XXXVI. p. 90.) nach übereinstimmenden Ergebnissen aus Longitudinal- und Transversalschwingungen ' an Stäben bestimmt; einige andre (Ann. de Chim. et de Phys. LXV. p. 394. 397.) sind wahrscheinlich aus Longitudinalschwingungen abgeleitet. Die Zahlen nach Lagerhielm sind zum Theil aus Schwingungen, zum Theil aus der anderweitig gemessenen Elasticitat berechnet. Tredgold (Practical Essay on the Strength of cast Iron Lond. 1824.) hat die Elasticität durch Biegen gemessen; ich habe seine Angaben der Modulhöhe den in der Tabelle enthaltenen Zahlen zum Grunde gelegt. Verschiedne andre dergleichen Untersuchungen geben ähnliche Resultate.

Fortpflanzungs-Geschwindigkeit des Schalls in gasförmigen Körpern nach Dulong.

_		
Koblensäure		0,786
Stickoxyd		0,787
Oelbildendes	Gas	0,943
Sauerstoff		0,952
Lust		1,000
Kohlenoxyd		1,013
Wasserstoff		3,812

Geschwindigkeit des Schalles in tropfbarflässigen Körpern nach Colladon und Sturm berechnet.

Alcohol	3,5
Quecksilber	3,7 .
Schwefelsäure	3,95
Wasser, luftfrei	4,22
Wasser, lusthaltig	4,30
Salpetersäure, spec. Gew. 1,403	4,50
Essigsäure	4,5

Die Zahl für Quecksilber ist von geringer Zuverlässigkeit, und müsste nach den von Cagniard-Latour beobachteten Tönen zu schliessen (Repert. III. 97.), viel kleiner sein.

Geschwindigkeit des Schalles in festen Körpern.

	Chladni	Savart	Lagerhielm	Tredgold
Blei 1)			4,2	2,0
Fischbein	6,7 土			6,3
Zinn	7,5 ±			6,3
Portland-Kalkstein		·		6,7
Marmor				7,6
Silber 2)	9		8,6	
Glockengut				8,7
Nussbaumholz	10,5			•
Taxusholz	10,5			
Messing 3)	11 +	10,6		8,2
Zink		,		11,0
Eichenholz	11 +			11,3
Pflaumenbaumholz '	11 +			,
Gebrannter Thon	10—12			
Kupfer 4)	12 —	11,5	11,6	
Gusseisen		,		12,5
Birnbaumholz	13			,
Rothbüchen	13			
Ahorn	13			
Mahagoni	14			13,3
Ebenholz	14			
Erlen	14			
Rüstern	14			

	Chladni	Savart	Lagerhielm	Tredgold
	14'			
lichen	14			
1		13,9		
į.	15 .			
benne	15			
	16			
		ļ		15,0
1	16			15,4
	17	15,1	15,4	14,3
	17	15,1		15,2
•	17	15,5		
iteme				15,6
uheks	17 +	16,5		
gr you Wales				18,9

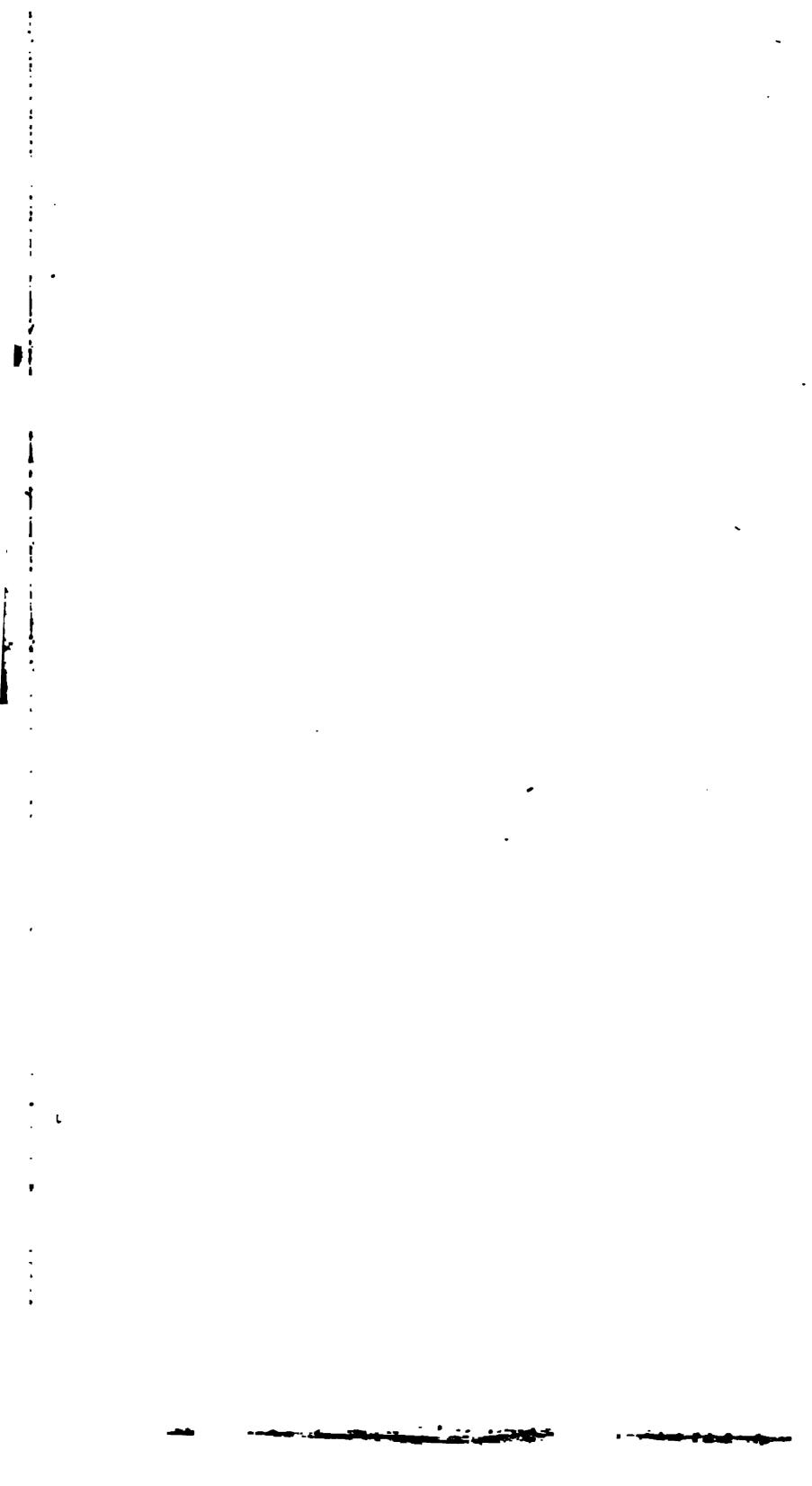
htung für Blei muss sehlerhaft sein; wahrscheinlich hat entwoder die Grenze der vollkommen Electicität überschritten, oder Dieser n eine Octave geirrt.

Chladui's Silber war 15 lothig.

Die Verschiedenheit der Zahlen beim Messing rührt wahrscheinher, dass Chladni und Savart gezogenes, Tredgold gegessenes g hatte.

Für Kupfer giebt Savart Ann. de Chim. et de Phys. LXV. die 11,1 bis 12,2.

Für Glas ebend. 11,9 bis 16,6.



Zweiter Abschnitt.

Die Lehre von der Elektricität,

(Zweiter Bericht)

bearbeitet won

Peter Riess.

Der erste Bericht befindet sich im zweiten Bande d. Repertorium.

Physician in Course when the bearing and the b

\$

Zweiter Abschnitt.

Die Lehre von der Elektricität.

Erklärungen.

Vertheilung und Induktion. Im ersten Berichte ist die in einem neutralen Körper durch Nähe eines elektrisirten Körpers hervergerusene Elektricität, durch Vertheilung erregte oder inducirte Elektricität genannt worden. Es scheint indessen gerathen, in der Folge diese Erregung von ruhender Elektricität mit Vertheilung oder Instuenz (franz. und engl. instuence) zu bezeichnen, und das Wort Induktion (franz. und engl. induction) für die Erregung von momentanen Elektricitätsbewegungen durch die Nähe eines elektrischen Stromes zu gebrauchen. Wie in diesem Sinse bereits Volta-elektrische und Magueto-elektrische Induktion gebränchlich sind, so wird hier von Electro-Induktion die Rede sein.

Elektrischer Strom. Wenn ein Körper elektrisirt wird, so werden einzelne Punkte desselben in der Zeit nach einander elektrisch. Geschieht diese successive Erregung nach Einer bestimmten Richtung hin, so wird sie mit dem Namen des elektrischen Stromes bezeichnet; wo von einem solchen die Rede ist, mass sogleich nach der Richtung desselben gefragt werden. Ein einfaches Beispiel des elektrischen Stromes giebt die Entladung der elektrischen Batterie, wo die Richtung des positiven Stromes (auch Strom ohne Beisatz), von der mit positiver Elektrieitit geladenen Belegung aus durch den Schliessungsdraht geht. Der dektrische Strom wird in seinen Wirkungen gemessen; es ist durchsen nothwendig, die Wirkung zu bestimmen, an welche des

Maass angelegt wird. Es soll hier überahl die Erwärmung das Maass des Stromes abgeben. Wenn von zwei Strömen einer der stärkere genannt wird, so ist zu verstehen, dass derselbe, durch einen Draht von zu vernachlässigenden Dimensionen geleitet, diesen stärker erwärmen würde als der zweite.

Entladungszeit. Der elektrische Zustand ist vorübergehend, so dass also ein elektrischer Körper nach längerer oder kürzerer Zeit wieder unelektrisch erscheint. Ein Mittel den elektrischen Körper in den unelektrischen Zustand zurückzuführen, besteht darin, dass man ihn durch einen nicht elektrisirten Stoff entweder mit der Erde in Verbindung setzt, oder mit einem Körper, der eine der seinigen entgegengesetzte Elektricitätsart besitzt. Man sagt alsdann, dass der verbindende Stoff den elektrischen Körper entlade, und die Zeit, welche zwischen dem Augenblicke der Verbindung und dem vergeht, in welchem der Körper seine Elektricität verloren hat, heisst die Dauer der Entladung, die Entladungszeit.

Leitungsvermögen. Wenn ein elektrisirter Körper durch einen Stab von bestimmten Dimensionen entladen wird, wobei der Stab, von dem Einflusse des elektrischen Körpers entfernt gedacht, stets unelektrisch sein muss, so ist die Entladuogszeit im Allgemeinen verschieden je nach dem Stoffe aus dem der Stab besteht Man deutet auf diese Versuche, indem man den verschiedenen Stoffen eine verschiedene Fähigkeit zuschreibt, die Elektricität fortauleiten, und sagt, dass ein Stoff ein grösseres oder geringeres elektrisches Leitungsvermögen besitzt, als ein anderecwenn bei Anlegung desselben an einen elektrisirten Körper die Entladungszeit kleiner oder grösser ist. Die umgekehrten Werthe der Entladungszeiten, insofern diese nur von dem Stoffe des entladenden Körpers abhängen, werden daber ein Maass für das Leitungsvermögen der verschiedenen Stoffe abgeben. Die Stoffe, bei deren Anwendung die Entladungszeit unmerklich ist, heissen Leiter; die, bei welchen diese Zeit klein aber wahrnehmbar ist, Halbleiter, und endlich die Stoffe, welche nur bei längerer Anwendung eine Abnahme der Elektricität herbeiführen, Isolatoren der Elektricität. Man sieht, dass diese drei Gruppen nicht streng geschieden sein können und dass zwischen ihnen kein specifisches Unterschied statt findet. Die Entladungszeiten mit einiger Gonauigkeit zu bestimmen und so die Körper nach ihrem Leitungsvermögen zn erdnen, ist nur bei den Halbleitern und Isolatoren möglich; bei den Leitern, deren Leitungsvermögen eben von dem grössten Interesse ist, hat eine solche direkte Bestimmung nicht gemacht werden können. Man hat sich daher bei den Leitern indirekter Bestimmungen bedient, bei welchen es rathsam erschien, statt der umgekehrten Werthe der Entladungszeiten die direkten Werthe zu gebrauchen und diese an eine bestimmte Vorstellung einer Eigenschaft der Materie zu knüpfen, die ich elektrische Verzögerungskraft genannt habe.

Elektrische Yerzögerungskraft. Wenn eine elektrische Batterie durch einen Draht entladen wird, so bemerkt man an demselben eine bestimmte Erwärmung, die mit dem Stoffe des Drahtes variirt und muthmasslich von der Zeit abhängt, in welcher die Entladung geschieht. Es hat sich bei dieser Annahme gezeigt, dass nicht die ganze Entladungszeit von dem Stoffe des entladenden Leiters abhängt. Denkt man sich nämlich den Leiter von ganz vollkommenem Leitungsvermögen, so würde dennoch die Entladung eine endliche Dauer haben, während welcher die Elektricität durch die Endslächen des Leiters geht. Bei den wirklichen Stoffen wird diese Dauer noch vergrössert, die Entladung verzögert, durch eine Eigenschaft der Materie, die deshalb die Verzögerungskrast heisst. Diese Krast wird durch die Verzögerung der Entladung gemessen, das heisst durch den Zuwachs, der Entladangezeit, den der Stoff bei Dimensionen, die zur Einheit genommen werden, verursacht. Da das Leitungsvermögen nach der obigen Erklärung diesem Zuwachse der Entladungszeit umgekehrt proportional angenommen werden muss, so kann von der durch die Beobachtung der Erwärmung bestimmten Verzögerungskraft auf das Leitungsvermögen geschlossen werden. Bei der Bestimmung der Verzögerungskraft der Metalle wird das Platin zur Vergleichung gewählt und demselben die Verzögerungskrast 1 beigelegt.

Elektrischer Verzögerungswerth. Ausser von dem Steffe des entladenden Drahtes hängt die Verzögerung der Entladeng von den Dimensionen desselben ab. Der Zuwachs der Zeit einer bestimmten Entladung, den ein Draht verursacht, dividirt durch den Zeitzuwachs, den ein Platindraht von 1 Linie Länge und Radius verursachen würde, giebt den Verzögerungswerth jeses Drahtes. Aus dem algebraischen Ausdrucke dieses Werthee,

der an seinem Orte gegeben werden wird, geht hervor, dass der Verzögerungswerth irgend eines Drahtes die Länge eines Platindrahts von 1 Linie Radius angiebt, der dieselbe Verzögerung einer Entladung hervorbringt wie der betrachtete Draht. Der merkwürdige Connex zwischen dem Verzögerungswerth eines Drahtes und der Erwärmung, die derselbe durch die Entladung erfährt, wird später zur Sprache gebracht werden.

Die indirekten Bestimmungen der Entladungszeit, der Versögerungskraft und des Verzögerungswerthes, beruhen auf einer Hypothese; da aber diese Wörter ganz bestimmte algebraische Grössen in Formeln bedeuten, nach welchen die Erwärmung eines Drahts durch die elektrische Entladung berechnet werden kann, so werden die Bestimmungen ihren Werth behalten, wenn auch die Hypothese wesentlich verändert werden sollte.

Anmerkung. Ich habe in meinen Untersuchungen aus zwiesachem Grunde die Bezeichnung Verzögerungskrast gebraucht, obgleich sür den umgekehrten Werth des Leitungsvermögens in der Lehre vom Galvanismus bereits das Wort Leitungswiderstand gebräuchlich war. Sollen diese Ausdrücke eine theoretische Bedeutung haben, so seheint mir Verzögerungskrast den Sinn besser zu treffen als Leitungswiderstand, sollen sie aber nur knrze Bezeichnungen algebraischer Grössen in bestimmten Formeln sein, so dürste es zur Zeit keinen Nachtheil mit sich sühren, numerische Werthe mit Hülse der Erwärmung an der elektrischen Batterie ermittelt, durch die Bezeichnung von Werthen getrennt zu halten, die derch die megnetische Eigenschast des galvanischen Schliessungsdrahts bestimmt worden sind.

.

A. Allgemeine Eigenschaften und Wirkungen der Elektricität.

Eigenschaften der Elektricität.

Theorie der Elektricität. Seit dem Veranche Cavallo's mit der Korkkugel in einer Rinne sind die mechanischen Wirkumgen der Elektricität häufig beigebracht worden, um für oder gegen die Existenz von nur Einer Elektricität zu zeugen. Kennedy 1) fibrt als experimentum crucis für das Vorhandenseyn nur Einer Elektricitätsart einen Versuch an, der schon von Singer 2) zu gleichem Zwecke angegeben worden. Bringt man nämlich ein papiernes Flögelrad zwischen die Spitzen zweier Drähte, die mit Conductor und Reibzeng einer Elektrisirmeschine oder mit den Belegungen einer leydener Flasche verbunden sind, as kommt bei langsamer Entledung das Rad in Bewegung und die Richtung derselben soll immer von der positiven nach der negativen Drahtspitze gehan. Offenbar hängt diese Wirkung mit dem elektrischen Büschel zusammen; da ein solcher Büschel unter Umständen auch an einer negativen Spitze erzeugt werden kann, so wird nich das Rad an derselben alsdann unzweiselhaft in einer der angegebenen entgegengesetzten Richtung drehen. Kennedy führt noch die Durchbohrung einer Karte als Beweis für nur Eine Elektricitätsat an und geht dann zur Auseinandersetzung einer Theorie der Elektricität über, die aus einem weitläufigen Calcul hervorgegangen sein soll. Diese Theorie weicht darin von der Franklin-Aepinus'schen ab, dass keine Abstossung der elektrischen Theilchen unter sieh angenommen und dass daher zur Erklärung der dektrischen Bewegungen die Abstossung der materiellen Theilchen unter sich nicht zu Hülse genommen zu werden brancht. Nach dem Verfasser besteht die Wirkung eines elektrisirten Körpers allein darin, andere Körper anzuziehen, und zwar ist diese Anziehang deste stärker, je weniger Elektricität der anziehende und je nehr der angezogene Körper besitzt; die resultirende Anziehung zweier Körper wird demnach Null sein, wenn beide gleiche Elek-

¹⁾ Sturgeon Annals of Electricity . Vol. VI. p. 236.

²⁾ Singer, Elemente der Elektricitätelehre 2. Müller S. 110.

tricitätsmengen besitzen, und zunehmen mit dem Unterschiede dieser Mengen. — Wenn auch die elektrischen Stellungen zweier Kugeln nach diesen Vorsätzen leicht abgeleitet werden, so bleibt das Hauptphänomen der Elektricität, die Vertheilung, gänzlich unerklärt. Doch sind solche Versuche, von der gewöhnlichen elektrischen Theorie abzugehen, immer beachtenswerth, und ich erinnere an einen schon vor längerer Zeit von Bigeon ') gemachten Versuch, der dem obigen, was die Erklärung der elektrischen Bewegungen betrifft, ähnlich ist.

Absolute Ladung der Materie. Wenn Elektricität in einem Körper zur Ruhe gekommen ist, so äussert derselbe nur auf seiner convexen Oberstäche elektrische Wirkungen, seine concave Oberfläche und seine Masse erscheinen gänzlich unelektrisch. Es war Franklin, der dies zuerst im Jahre 1753 und zwar wie immer auf die einfachste Weise experimentell nachwies. Er isolirte*) eine silberne Kanne, an deren äusserer Wandung ein Baumwoltenflocken hing, und senkte in dieselbe eine 9 Fuss lange Metallkette, die mittels einer seidenen Schnur in die Hölte gezogen werden konnte. Als die Kanne elektrisirt worden, wurde der Flocken abgestossen. näherte sich der Kanne, als die Kette in die Höhe gezogen war, und nahm bei dem Hinablassen derselben wieder seine erste Stellung ein. Eine Korkkugel an einem Seidenfaden in das Innere der elektrisirten Kanne hinaugelassen, wurde nach dem Herausziehen gänzlich unelektrisch gesunden, ein Faktum, von dem Franklin den Grund nicht zu kennen, mit einer Freimuthigkeit gestand, die seitdem nur selten von Gelehrten gefibt worden ist.

Pricatley wiederholte diese Versuche auf Franklins Veranlassung und fand, dass ein Paar Korkkugeln, die in einem zinnernen Becher hingen, unbewegt blieben, wenn auch der Becher elektrisirt wurde, eine Erfahrung, nach der er die Vermuthung ausspricht, dass die elektrische Kraft nach den Quadraten der Entfernung wirke.²)

Be coaria fügte diesen Erscheinungen nichts Erhebliches hinzu, wenn nicht dafür gelten soll, dass er statt eines auch sonst nutzbaren Hausgeräthes zu den Versuchen ein eigenes Gefäss nahm, dem er den Namen des elektrischen Brunnens beilegte. 4)

¹⁾ Annales de Chimie * t. 38 p. 150.

²⁾ Experiments and observ. 5th. ed. 7 p. 129.

^{*)} History of Electr. Lond. 1767. * p. 732.

⁴⁾ Elettricismo artific. Torin. 1772 * p. 185.

Achard endlich zeigte, dass ein Metallcylinder einem elektrisirten Körper ebensoviel Elektricität entzieht, wenn er hohl ist, und ein Gewicht von 15 Loth hat, als wenn er mit 5 Pfund Blei ausgegossen worden. 1)

Ich habe diese historische Notiz vorangeschickt, da man zwar die hier genannten Versuche, nicht aber deren wirkliche Urheber in französischen und daher auch in deutschen Lehrbüchern zu finden gewohnt ist.

Die mathematische Behandlung der Elektricitätserscheinungen durch Poisson lehrte, dass von den hier bezeichneten Eigenschasten eines elektrisirten Körpers Rechenschast gegeben werden kann, wenn man die beiden Elektricitäten als jedem Atom in gleicher Menge beigegebene Fluida betrachtet, deren vollkommen beweglichen Theilchen die gleichnamigen nach dem reciproken Quadrate der Entfernungen abstossen, die ungleichnamigen anziehen. Es folgte hieraus, dass ein elektrisirter Körper ebenso wirkt, als ob eins der beiden Fluida an seiner convexen Obersläche in einer dünnen Schicht angehäuft worden, für deren Gestalt die Oberstäche des Körpers gleichsam den Boden des Gesässes abgiebt, ohne dass die materiellen Theile dieses Bodens (seine Natur, Dicke) irgend einen Einfluss auf die Elektricitätsschicht äussern. Es solgt serner, dass bei den materiellen elektrisirten Theilchen keine Elektricität frei oder in andern Worten, dass von beiden Elektricitätsarten eine gleiche Menge in ihnen enthalten ist. Diese Annahme gilt überall nur für den Zustand des Gleichgewichts der elektrischen Kräfte und lässt ausserdem unentschieden, ob wir die präsumirten Fluida als für sich bestehend, oder als nothwendige Bedingung der Materie annehmen wollen. Diese letzte Frage ist neuerdings von Faraday wieder angeregt worden, der sie an die Spitze einer grösseren Arbeit über die Vertheilung stellt. Faraday verlangt, dass, wenn die elektrischen Fluida unabhängig von der Materie existirten, ein Körper durch und durch mit einem dieser Fluida müsse geladen werden können. (Exper. resear. 1168) 2) Eine solche körperliche Ladung soll sich so zeigen, dass

^{&#}x27;) Mém. de l'Acad. de Berlin 1780 ° p. 47.

²) Faraday's elektrische Untersuchungen sind sehr zweckmässig mit sortlausenden Nummern versehen, die, unabhängig von der Theilung durch Kapitel und Paragraphe, jeden einzelnen Absatz des Textes bezeichnen und leicht ausgesunden werden. Die Abhandlungen besinden sich voll-

einem jeden beliebig gelegenen Punkte im Innern eines elektrisirten Körpers, Elektricität soll entzogen werden konnen. Da dies bereits bei den Leitern als nicht thunlich gezeigt war, so versuchte es Faraday bei den Nichtleitern. Gereinigtes Terpenthinöl wurde in ein isolirtes Metallgefäss gegossen und entweder letzteres oder ein in das Oel tauchender Draht elektrisirt (1172). Es kounte aber im Oel keine zurückgebliebene Elektricität nachgewiesen werden. Spuren von Elektricität fanden sich im Oel, wenn dasselbe in einem Glasgefässe durch einen Draht elektrisirt worden war. Um zu untersuschen, ob Luft durch und durch geladen werden könne, liess sich Faraday ein cubisches Zimmer von 12 Fuss Seite aus Latten bauen, die mit Drahtnetzen belegt, metallisch unter eich verbunden und dann mit Papier bekleidet waren (1173). Dies Zimmer, dessen Wände also von gutleitenden Flachen gebildet waren, wurde isolirt in einem grossen Raume aufgestellt; durch eine Wand desselben ging ein Glasrohr von 6 Fuss Länge, und in diesem ein dicker Metalldraht, der zu dem Conductor einer kräftigen Elektrisirmaschine führte. Da der Draht in das Innere des isolirten Zimmers bineinragte, so wurde beim Wirken der Elektrisirmaschine die Luft des Zimmers stark elektrisch. Als die Wände des Zimmers eine gute Ableitung erhielten, während die Luft im Innern elektrisirt wurde, fand sich gleich nachher in dem wieder isolirten Zimmer keine Spur von Elektricitat vor. Ein empfindliches Goldblattelektrometer, das in dem Zimmer stand, während die Wände desselben auf das stärkste elektrisirt wurden, zeigte keine Divergenz. Faraday brachte in dem isolieten Zimmer längere Zeit zu und versuchte vergebens eine absolute Ladung der Luft zu entdecken; während die Wände so stark elektrisch waren, dass sie Funken und Feuerbüschel nach

ettodig in den philosophical transactions; die ersten 14 Reihen, 1748 Nummern enthaltend, sind in einem Oktavbande unter dem Titel: Experimental researches in electricity, London 1839 erschienen. Die hier gebrauchten Nummern sind ferner zu finden, englisch:

Nummer 1161 bis 1748 phil, transact. for 1638.

Deutsch:

Nummer 1161 bis 1317. Poggendorff's Annales. Bd. 46.

- 1918 - 1479. . - 47 - 1480 - 1686. - - 48

1667 - 1795. - Erginungebend.

Aussen ausströmten, konnte innerhalb derselben an Elektrometern und mit Anwendung der Mittel, durch welche die Elektricität der Luft wahrnehmbar gemacht wird, kein Zeichen von Elektricität erlangt werden. Der Verfasser schliesst hieraus, dass Nichtleiter wie Leiter niemals bis jetzt eine absolute und unabhängige Ledung mit Einer Elektricitätsart erhalten haben und dass wahrscheinlich ein selcher Zustand der Materie unmöglich sey (1174). —

Es ist zu bemerken, dass diese Versnebe, in so grossem Manssstabe sie angestellt sind, nichts lehren, was nicht schon den früheren oben bezeichneten Versuchen entnommen werden konnte. Elektricität, die in einem Körper zur Rube gekommen ist, bringt in den materiellen Theilen desselben keine Aenderung hervor, ihre Wirkungen sind an Bedingungen geknöpst, die nur die Form, nicht die materielle Beschaffenheit des Körpers betreffen. Diese, freilich sehr merkwärdige Eigenschaft der Elektricität, kann aber nicht auf die Vorstellung sühren, dass die Materie selbst keine absolute elektrische Ladung annehme: man könnte mit gleichem Rechte des Gegentheil behaupten nach der Erfahrung, dess ein Körper durch Elektricität erwärmt, zersetzt, zerschmettert werden kann. Obgleich nämlich diese Effekte erst bei der Entladung der Elektricität eintreten, so wird derselben doch eine, wenn anch mech so kurz dauernde Ladung, vorangegangen seyn müssen. Denkt man sich ein materielles Theilchen in der Bahn einer elektrischen Entladung, und in diesem Theilchen beide Elektricitätserten in gleicher Menge vorhanden, so wird nothwendig, damit ein Fortschreiten der Entladung möglich sey, eine von beiden Elektricitäten vermindert werden, und das Theilchen mit der andern Art geladen seyn müssen. Einen Querschnitt aber eines Körpers, ans solchen einseitig geladenen Theileben bestehend, wird man wol durch und durch (bodily) geladen nennen können. Ich fige hinze, dass solche Diskussionen, falls sie nicht einer Rechmag zur Darstellung der Phänomene zu Grunde liegen, mir von keinem Vortheil für die Elektricitätslehre zu sein scheinen, und dass daber die Frage über die absolute Ladung der Materia mit Elektricität füglich für jetst dahingestellt bleiben kann.

Geschwindigkeit der Elektricität. Die schönen Veruche Wheatstone's über die Geschwindigkeit der Elektricität ')

¹⁾ Repertorium Bd. 2. S. 16.

sind bisher nicht wiederholt worden; Ettrick ') hat sie swar su bestätigen gesucht, aber auf eine veränderte Weise ohne Anwendung eines Spiegels, da nach ihm ein solcher nicht absolut plan angufertigen ist. Es ist zu bedauern, dass bedeutende Mühe und Kosten, wie es häufig bei den englischen Dilettauten geschieht, auch hier auf Versuche gewendet worden sind, die über den untersuchten Gegenstand keine Auskunft geben können. Folgendes mag die Versuchsart im Allgemeinen angeben. Ein Kreuz aus isolirendem und leitendem Stoffe in der Weise zusammengesetzt, wie aus dem Gebrauche klar wird, sey um eine vertikale Axc drehbar. Wenn das Kreuz an einer bestimmten Stelle ruht, erhalten seine horizontalen Arme nach einem kleinen Luftzwischeuraume feste Verlängerungen. Dem einen Arme steht nämfich dann ein einzelner horizontaler Metallstab gegenüber, dem andern sind zwei parallele Metalistäbe gegenübergestellt. Beide Arme des Kreuzes und zwei von den festen Stäben bilden alsdann eine gerade Linie, während der dritte Stab dieser Linie mehr oder weniger genähert werden kann. Eine kleine leydener Flasche wurde durch die Arme des Kreuzes und einen über drei englische Meilen laugen Kupferdraht (21 Zoll dick) in der Weise entladen, dass wenn man die Elektricität von der innern Belegung der Flasche verfolgt, sie folgenden Weg nehmen würde. Der einzeln stehende Metalistab; Luft; der eine Arm des Kreuzes; 14 Meile Draht; einer von den beiden parallelen Metallstäben; Luft; zweiter Arm des Kreuses; 14 Meile Draht; äussere Belegung der Flasche. Der Entladungsfunke hat an zwei Stellen überzuspringen, die nicht mit dem Mittelpunkte des Kreuzes in grader Linie liegen konnen, wenn in der Zeit, in welcher derselbe durch 14 Meile Draht geht, das Kreuz seine Lage verändert hat. Der Verfasser gab durch eine Maschinerie, die 8 Männer in Bewegung setzen mussten, dem Kreute eine Geschwindigkeit von 80 Umdrehungen in der Secunde, und fand dabei, dass wenn die beiden, an einer Seite des Krenzer liegenden parallelen Metallstäbe mehr als 7's Zoll von einander standen, der Funke immer an zwei diametralen Stellen erschien, dass dies aber nicht der Fall war, wenn die Stäbe die genaonte Entfernung von einander hatten. Der Versuch ist wegen Wandelbarkeit des Räderwerkes nur zwei oder dreimal gemacht wor-

^{&#}x27;) Sturgeon Annals. ' vol. 2. p. 43.

den und man sieht ein, dass ein sehr geringes Schwanken des Kreuzes und seiner 9 Zoll vorspringenden Arme den beobachteten Exfelg hervorbringen konnte. Der Verfasser berechnet aus diesen Versuchen die Geschwindigkeit der Elektricität in dem von ihm angewandten Kupferdrahte auf 118752 englische Meilen in der Sekunde.

Gegenseitige Anziehung gleichnamiger Elektricität. Griffin 1) hat folgende Versuche beschrieben, aus welchen er schlieset, dass zwei Portionen gleichnamiger Elektricität während ihrer Entladung sich anziehen. Ein Glascylinder, 2 Zoll weit, war an beiden Enden luftdicht geschlossen; durch den obern Deckel gingen isolirt zwei Drähte, die in Kugeln endigten, in den Cylinder; durch den untern Deckel ging 1 Draht in gleicher Weise, so dass die 3 Kugeln der Drähte innerhalb des Cylinders ein gleichschenkliges Dreieck bildeten. Jede der beiden Kugeln an der Basis dieses Dreiecks wurde mit der aussern Belegung einer besondern elektrischen Batterie verbunden, die inneren Belegungen der beiden Batterieen standen in Verbindung, so dass sie zugleich geladen und entladen werden konnten. Nachdem der Cylinder lustleer gemacht war, wurden die Batterieen durch den untern Deckel desselben entladen; es erschienen an der Basis des Dreiecks zwei Funken, die aber zusammenslossen, ehe sie die Spitze erreicht hatten. Der Verfasser meint, dass wenn Abstossung der bewegten gleichnamigen Elektricität Statt fände, der Weg jedes Funkens getrennt und nach aussen gekrümmt hätte erscheinen müssen. Ferner stellte der Vers. auf Visitenkarten die Enden dreier Drähte, von denen zwei mit den äussern, der dritte mit den innern Belegungen zweier Batterieen verbunden wurden. Der elektrische Schlag, indem er durch die drei Drähte über die Karte ging, hinterliess daselbst Spuren, aus deren Form der Versasser gleichfalls auf Anziehung zweier gleichnamigen Elektricitätsmengen schliesst. Ich branche kaum hinzuzufügen, dass diese Versuche wenig beweisend für die Behauptung sind.

Die beiden Elektricitäten verschieden schwer. Ein englischer Arzt, Laming, legte im Jahre 1838 der Pariser Akademie eine Abhandlung vor, in der gezeigt werden sollte, dass die Partikel gleichnamiger Elektricität sich anziehen, und dass diese

¹⁾ Sturgeon Annals* vol. III. p. 36.

Rigenschaft Ursache der allgemeinen Gravitation sei. Die Abhandlung blieb unberücksichtigt, wurde der Royal Society vorgelegt und erfahr dort dasselbe Schicksal. Der Verfasser verliess bieranf eine Praxis, ging nach Frankreich, liess sich zur Pröfung seines Ansicht einen Apparat verfertigen und beschrieb diesen, wie die damit angestellten Versuche in einer eigenen Schrift, von der Geoffroy-Saint-Hilaire Anzeige gemacht hat. 1)

Hiernach hat der Apparat den Zweck, die kleinen Gewichtsverschiedenheiten der beiden Elektricitätsarten zu wägen (de peser les inégalités différentielles de poids des deux fluides électriques) und die Wägungen bestätigen die Ansicht Lamings, dass es keine Zersetzung der Elektricität gebe, sondern nur Eine Materie, deren Wirkung idéo-attraction genannt wird (Idioattraction). Ausser dieser Kraft giebt es keine zweile in der Natur, weder eine anziehende noch eine abstossende. — Da mir die Abhandlung nicht vorliegt, so kann ich darüber nur noch folgende Notizen beibringen: Savart, Savary und Pouillet bildeten die Commission, welche die Abhandlung zurückwies; Geoffroy-St.-Hilaire hat vor vielen Jahren, während des Bombardements von Alexandrien, eine der obigen ähnliche Ansicht gefasst; Becquerel endlich soll die Versuche Lamings gesehen und das daraus gezogene Resultat für unbestreitbar erklärt haben.

Leitung der Elektricität.

Trockner Wasserdampf Nichtleiter. Schafhäutl³) bog die Enden einer 2 Zoll langen, † Zoll weiten Glasröhre winkelrecht um und schmolz in das eine Ende einen dicken Platindraht ein. Es wurde sodann Wasser in die Röhre gegossen und so lange im Kochen erhalten, bis nur 2 Tropfen davon in der Röhre blieben, die, nachdem ein zweiter Platindraht hineingesteckt war, am offnen Ende schnell zugeschmolzen wurde. Die Enden der beiden Platindrähte standen in der Röhre 1½ Zoll von einander eutfernt. Die Röhre wurde in ein Sandbad neben ein Thermomeler gelegt und zu verschiedenen Graden erwärmt, dann aber durch ihre Platindrähte zur Schliessung einer stark geladenen ley-

¹⁾ Comptes rendus 1839 1et Sem. * p. 830. 2e Sem. p. 10.

s) Landon, Ediaburgh and Dublin philosophical Magazine * 3d Ser. vol. 18 p. 14.

dener Flasche gebraucht. Der Verfasser bemerkte die mit der Temperatur variirenden Entladungserscheinungen. Bei gewöhnlicher Temperatur entlad sich die Flasche mit einem garbenförmigen eigenthämlich zischenden Funken, wie dies bei Einschaltung eines seuchten Leiters in den Schliessungsdraht zu geschehen pflegt. Ofsenbar ging hier die Ladung über die seuchte innere Oberstäche der Glassöhre. Als die Röhre bis 250° F. erwärmt war, fand die Entladung der Flasche mit kaum merkbarem Geräusche und einem rothen Funken statt; als die Erwärmung auf 405 Grad gebracht war, trat die Entladung mit dem gewöhnlichen glänzenden Funken und starkem Knalle ein, und zugleich ging ein Funke durch den Zwischenraum in der Röhre, die jetzt ganz mit trocknem Wasserdampf erfüllt war. Der trockne heisse Wasserdampf ist daher wie jedes andere ausgetrocknete Gas, ein Nichtleiter der Elektricität. Die Versuche wurden mit gleichem Erfolge bei höheren Temperaturen wiederholt, bis bei 443 Grad die Röhre sprang. Besonders merkwürdig ist, dass der Entladungsfunke der Flasche, der in der Lust nur eine Weite von + Zoll übersprang, durch 11 Zoll des Wassergases ging, obgleich dasselbe einen ungleich höhern Druck (bis 23 Atmosphären) als jenes, ausübte. Es ist dies eine Bestätigung der interessanten Harris'schen Versuche, die ich im zweiten Bande des Repert. S. 13 angeführt habe.

Hunck af Rosenschöld giebt an, dass dünne Harzschichten, wie Schichten von Bernstein- oder Schellack-Firniss, oder von geschnolzenem Schellack oder Siegellack, zuweilen die Elektricität leiten und zwar auf doppelte Weise, entweder nach Art der füssigen Leiter oder der festen. 1) Dies wird aus folgenden Versuchen geschlossen. Eine Kupferplatte mit Harz überzogen wurde auf eine Zinkplatte gelegt und jede Platte an einem kupfernen Condensator geprüft, während die andere ableitend berührt war. Zuweilen gab der Condensator, wenn er von der Kupferplatte des zusammengesetzten Plattenpaars berührt war, negative Elektricität zu und keine Elektricität bei Berührung mit der Zinkplatte. Alsdann schliesst der Verfasser, dass die Harzschicht am zusammengesetzten Paare sich wie ein fester Leiter verhalte. Oder der Condensator gab bei Berührung mit dem Kupfer keine oder sehr

¹⁾ Poggendorff Annalen * Bd. 43. S. 195.

schwache Elektricität, bei Berührung mit dem Zink aber starke negative Elektricität an, und dann soll das Harz die Rolle eines feuchten Leiters spielen. Von welchen Umständen das Verhalten der Harze (die also Isolatoren, Leiter der ersten oder der zweiten Klasse sein können) bei gewöhnlicher Temperatur abhänge, wurde nicht ausgemacht; eine erhöhte Temperatur ertheilt, wie bereits Jäger gezeigt hat, nicht leitenden Harzschichten die leitende Eigenschaft.

Rosenschöld überzog eine Platte von Zink und eine von Knpfer mit Schellack- oder Bernstein-Firniss; die auf einauder gelegten Platten leiteten die Elektricität nicht, als sie aber erhitzt wurden, trat plötzlich Leitung ein und zwar im Augenblicke, wo die Firnissschichten anfingen an einander zu haften. War die Firnissschicht zwischen den Platten sehr dünn, so wurde sie durch die Hitze Leiter der ersten Klasse und behielt diese Eigenschaft nach der Erkaltung bei; war die Schicht dicker, so leitete sie bei Erwärmung oft als Leiter zweiter Klasse und wurde bei der Erkaltung wieder Isolator.

Wenn eine dünne Harzschicht zwischen Metallplatten nicht leitend war, so liess sie sich dadurch leitend machen, dass man Entladungen einer leydener Flasche durch sie gehen liess. Bisweilen war der Strom einer elektrischen (trocknen?) Säule hinreichend, eine Harzschicht leitend zu machen. Der Verfasser zeigt in mehreren Versuchen, dass sehr verschiedene Umstände die leitende Eigenschaft der Harze bedingen und modificiren, und dess daher für das Verhalten der harzigen Zwischenkörper keine allegemeinen Regeln gegeben werden können.

Kaffee und Chocolade Nichtleiter. Rousseau 1) hat mittels seines Diagometers das elektrische Leitungsvermögen des gemahlenen Kaffees und der gepülverten Chocolade untersucht und diese Untersuchung als Prüfungsmittel der Reinheit dieser Suhstanzen angegeben. Die geröstete Kaffeebohne leitet die Elektricität, aber zu Polver gemahlen isolirt sie dieselbe; das Pulver wird aber wieder leitend, wenn es mit Cichorie gemischt wird. Die sogenannte Gesundheitschocolade, welche aus reinem Cacao besteht, isolirt die Elektricität, leitet sie aber, wenn sie mit einer Mehlart gemischt wird.

¹⁾ Compt. rend. * 1839 2e Sem. 701.

Dass Olivenöl die Elektricität viel vollkommener isolirt, als die äbrigen (fetten) Oele, ist schon früher vom Verfasser angegeben werden, wonach er an seinem Instrumente eine Verfälschung des Olivenöls leicht entdeckt.

Leitungsvermögen von Mineralien. Hausmann und Henrici haben Versuche über das elektrische Leitungsvermögen von Mineralien in einer eigenen kleinen Schrift bekannt gemacht'). Sie beurtheilten dies Vermögen nach den Entladungserscheinungen und dem Residuum einer leydener Flasche, in deren Schliessungsbogen der zu untersuchende Körper eingeklemmt worden - ein Versahren, das auch Pelletier 2) früher angewandt hat und bei gehöriger Versicht eine allgemeine Bestimmung zulässt. Obgleich die Verfasser weder auf Dimension noch Temperatur noch Ober-Makenmetand der Mineralien Rücksicht genommen und daher ihre Resultate gavvies mancher Berichtigung bedürsen, so ist doch die bedeutunde Zahl von Bestimmungen bei der bisherigen dürstigen Behandlung des Gegenstandes eine erwänschte Gabe. Im Allgemeinen finden sich hier Pelletier's Angaben bestätigt, nur ist, im Widerspruch mit diesem Beobachter Realgar als Leiter, kohlensaures Bleioxyd als Nichtleiter angegeben. Die Verfasser heben selgende Schlusssätze hervor:

1) Sehr viele Mineralien, selbst Silicate und Salze sind Leiter der Elektricität. 2) Metalle und ihre Legirungen leiten alle.

3) Schweselmetalle, wenn sie undurchsichtig und metallisch glänsend sind, leiten; aber mehr oder weniger durchsichtig, ohne Metallglanz (Blenden) leiten sie nicht. 4) Metalloxyde und deren Hydrate, wenig durchsichtig und metallglänzend leiten besser als andere, denen diese Kennzeichen sehlen. Doch ist Anatas ein sehr gater Leiter; auch undurchsichtige Silicate leiten. 5) Verwandte Mineralien haben oft verschiedenes Leitungsvermögen; so sind Diamant und Bernstein vollkommene Nichtleiter, Graphit und Resinsphalt gute Leiter. 6) Nahe verwandte Mineralien, wenn sie auch leiten, zeigen Verschiedenheit in der Zeit, in der sie die leydener Plasche entladen und iu der Beschaffenheit des Funkens und des ihn begleitenden Geräusches. So Chromeisenstein und Magnetei-

¹⁾ Versuche über das elektrische Leitungsvermögen d. Mineralkörper, mitgetheilt in der 9ten Versammlung des Götting. bergmänn. Vereins *.

²⁾ Repert, II. S. 24.

senstein, Pleonast und Gahnit. 7) Bei denselben Species haben doch Unterarten verschiedenes Leitungsvermögen, so Hornblende und Strahlstein. 8) Auch bei Varietäten findet dies statt; so gieht silberweisser Glimmer allmälige, sehr unvollständige Entladung ohne Funken, gleichgültig ob er parallel der Krystallaxe oder winkelrecht darauf im Schliessungsbogen angebracht ist; durch den tombakbraunen Glimmer aus Norwegen hingegen wird allmälige aber vollständige Entladung der Flasche bewirkt. 9) Ueber die Leitung in der Richtung der Krystallaxe und winkelrecht darauf wurden keine bestimmte Resultate gewonnen, doch scheint eine beobachtete Differenz mehr in einer Krystallabsonderung ihren Grund za haben; so beim Malacolith, we rechtwinklig gegen die Axe augenblickliche vollständige Entladung erfolgte, parallel derselben unvollkommene Entladung mit zirpendem Geräusch. 10) Die Mineralien vegetabilischen Ursprungs sind desto bessere Leiter, je vollkommener ihre Verkohlung ist; Anthracit ist der vollkommenste Leiter unter ihnen, Braunkohle der schlechteste.

Elektricitätsleitung des Glimmers nach verschiedeper Richtung. Bringt man eine reine Glimmertafel zwischen swei gegenüberstehende Spitzen im Schliessungsbogen der Batterie an, und bedient man sich verhältnissmässig geringer Ladungen, so gelingt es selten, den Glimmer an den Spitzen selbst zu durchbohren!). Fast immer geht die Elektricität auf dem Glimmerblatte eine längere Strecke fort und durchbohrt es an einer Stelle, die gewöhnlich schon ersichtlich eine geringere Continuität hat. Leichter gelingt es, den Glimmer an der Ausatzplatte zu durchbohren. wenn die Oberstäche desselben mit Olivenöl bestrichen worden. allein auch dann habe ich durch behutsame Verzingerung der Ladang ein Fortgehen des Entladungsfunken auf der Fläche bis zu einer entsernten Durchbobrungsstelle erlangt. Die Elektricität geht dabei, wie die elektrischen Parbenstreifen (siehe den Artikel) bezengen, durch die Masse des Glimmers, sie verändert bei diesem Umwege eine ungleich grössere Glimmermasse, als wenn sie in kurzester Entfernung von einer Ausatzspitze zur gegenüberstehenden, oft nur 0,01 Linie entfernten Spitze gegangen ware. Wir schlieesen hieraus, dass die Glimmermasse, welche in der Richtung winkelrecht auf die Blätter zu den bessten Isolatoren gehört, die wir

¹⁾ Poggendorff Annalen * Bd, 43, S. 83.

kennen, diese isolirende Eigenschaft in der Richtung des Blätterderehgangs in bei Weitem geringerem Grade besitzt.

Elektrische Vertheilung.

Jeder Körper, dem man einen elektrisirten Körper nähert, erscheint bekanntlich in eigenthümlicher Weise elektrisirt, welche Elektrisirung der Vertheilung oder Insluenz zugeschrieben und bei allen elektrischen Versuchen ins Spiel gezogen wird. Man suchte diese auffallende Wirkungsweise der Elektricität früher durch eine elektrische Atmosphäre zu erklären, die den zuerst elektrisirten Körper amgeben sollte, verliess später diese keinesweges genügende Annahme, und leitete aus der Erscheinung die allgemeine Eigenschaft der Elektricität ab, nach bestimmten Gesetzen in die Ferne zu wirken. Eine jede an einem Körper hervorgerufene Elektricität stört das elektrische Gleichgewicht eines neutralen beliebig gelegenen Körpers in der Art, dass sie die entgegengesetzte Elektricitätsart desselben ansieht, die gleichnamige abstösst. Dies ist das einfache Princip aller Vertheilungserscheinungen, das zu verlassen oder zu beschränken wir bis jetzt durch keine Erscheinung geswungen werden. Ich habe dies zuvörderst ausgesprochen, um aus einer weitläusigen Abhandlung Faraday's über die elektrische Influenz 1), nach den Experimenten abtheilend berichten zu können, lasse indess die theoretische Ansicht, zu deren Bestätigung die Experimente dienen sollen, hiernächst folgen.

Vertheilung eine Wirkung nächstliegender Theilchen. Faraday ging von der Zersetzung einer leitenden Substanz durch die in Bewegung gesetzte Elektricität aus, um die
vertheilende Wirkung der ruhenden Elektricität in die Ferne su
besweiseln. Er stellt demnach den Satz auf, dass die Vertheilung,
durch welche ein elektrisirter Leiter einen entsernten neutralen
Körper elektrisirt, eine Wirkung nächstliegender Theilehen des daswischen liegenden Isolators, dass daher die elektrische Wirkung
in die Ferne nur scheinbar sei und durch den Einfluss einer bisher dabei unbeschteten Substanz zu Stande komme (Exp. res. 1164).
Am Schlusse der Abhandlung modificirt der Versasser diese Anmahme, und giebt eine Wirkung der Elektricität in die Ferne sa,

¹⁾ Die Abhandlung umsasst die 11te, 12te und 13te Reihe (No. 1161 bis 1616) der Emper. resear.

falls keine Substanz zwischen dem vertheilenden und dem durch Vertheilung erregten Körper liege. Nimmt man nach ihm eine positiv elektrisirte Partikel im Centrum eines Vacuums von 1 Zoll Durchmesser an, so wirkt dieselbe durch die Eutfernung von 4 Zoll auf alle Partikel, welche die innere Oberstäche der begränzenden Kugelschale bilden, nach dem umgekehrten Quadrate der Entfernung. Ist aber die Kugel mit einer isolirenden Materie auszefüllt, so wirkt die elektrische Partikel nicht direkt auf die Kugelschale, sondern auf die Partikel der Materie die ihr zunächst liegen, indem sie alle ihre Krast auswendet, diese zu erregen, die negative Elektricität derselben gegen sich zu, die positive von sich ab zu richten. Diese elektrisirten Partikel wirken wieder auf die zunächstliegenden und so fort, bis die Kugelschale von 4 Zoll Radius, die als sie ein Vacuum umschloss, direkt von der Partikel im Centrum elektrisirt wurde, von dieser Partikel nur indirekt durch Hülfe der zwischenliegenden Materie, aber ganz in der frehern Stärke elektrisirt ist (1616). Um diese indirekte Wirkung zu erklären, nimmt Faraday an, dass die kleinsten Theilchen jeder Materie, der leitenden wie der isolirenden, vollkommene Leiter der Elektricität sind, die durch ein ihnen nahe liegendes elektrisirtes Theilchen in geladenen Zustand versetzt werden (1669 und 70). Aber die Theilehen können auch durch Mittheilung elektrisch werden, indem von einem elektrisiten Theilchen die Elektricität successiv auf alle übrigen übergeht. Bei einigen Körpern geht diese Mittheilung von Theilchen zu Theilchen sehr leicht von statten, bei anderen schwerer und nur bei einer höhern Spannung der Elektricität. Der leichte Ucbergang heisst Leitung und die Körper. welche sie schon bei schwachem Grade der elektrischen Spannung zeigen, heissen Leiter (1675). Wo der Uebergang des wirklich elektrischen Zustandes von einem Theilchen zum andern erschwert ist, tritt Isolation und hiermit Vertheilung ein, indem diese dario besteht, dass jedes Theilchen das nächstfolgende polarisirt und so eine mittelbare Fortpflanzung des elektrischen Zustandes von dem elektrisirten Theilchen zu einem entsernten Leiter durch die zwischenliegende Materie bewirkt. Die Vertheilung kann nur durch eine isolirende Materie bindurch geschehen, die der Verfasser daber ausschliesslich als dielektrische bezeichnet (1678). Ein auschauliches Bild des präsumirten Vorganges im obigen Beispiel eines elektrisirten Theilchens im Mittelpunkt einer Kugelschale, von der

desselbe durch eine isolirende Substanz getrennt ist, wird erhalten, wenn man sich den Zwischenraum mit Terpenthinöl (das bekanntlich schlecht leitet) und feinen Schrotkörnen, die sich nicht berühren, ausgefüllt denkt. Die Schrotkörner erfahren hier von dem elektrisirten Theilchen eben die Wirkung, wie die kleinsten Theile eines isolirenden Mediums selbst (1679). Jeder dieser kleinsten Theile, welcher im Isolator als Eine leitende Masse polarisirt wird, ist der Complex aller Atome, die durch chemische Verwandschaft zur Bildung eines Molekuls zusammengehalten werden (1700). Daher lässt sich die leitende oder isolirende Eigenschaft eines Stoffs nicht aus seinen einfachen Bestandtheilen schliessen; so z. B. isoliren Bleisxyd, borsaures Bleisxyd, Flintglas sehr gut, obgleich sie einen grassen Theil leitender Substanz enthalten (1701). —

Dies sind die Sätze, in welchen Faraday seine Ansicht über die elektrische Vertheilung am klarsten ausspricht, es wird leicht sein, das Mangelhafte derselben zu bezeichnen. Man denke sich in dem oben gegebenen Bilde von dem positiv elektrisirten Centrum der mit Terpenthinöl und Schrot erfüllten Kugel eine Linie durch den Mittelpunkt des nächsten Schrotkorns gezogen, so wird nach bekannten Ersahrungen das Korn so elektrisirt, dass das innere Eade seines Durchmessers negativ, das äussere positiv elektrisch ist. Reiht man im der gezogenen Linie an das erste Schrotkorn eis zweites, so wird man sagen müssen, dass dies von den drei verhandenen Elektricitätsmengen zugleich erregt werde, die der Reihe nach positiv, negativ, positiv sind, und alle Versuche der Art mit grossen Massen geben diese Ansicht als die wahrscheinlichste. Paraday nimmt an, dass die Krast des primitiv elektrischen Theilchens ganz dazu aufgewendet wird, das erste Schrotkern zu elektrisiren; er wird hierdurch gezwungen der negativen Elektricität dieses Korns (auch sonst die gebundene genannt) eine gleichfalls erschöpste Krast zuzuschreiben, damit die positive Elektricität des Schrotkorns übrigbleibe, um das nächstfolgende zu er-In der That findet sich eine Stelle, in welcher gesagt wird, dass die Elektricitäten der beiden Belegungen einer leydener Flasche giezlich mit einander beschästigt sind (entirely engaged to each other. 1682). Es ist also hier die Ansicht über die Unthätigkeit der gebnndenen Elektricität stillschweigend als Grundsatz angesommen, eine Ansicht, die ich im vorigen Bericht als unrichtig refzuzeigen suchte und auf die ich unten zurückkommen muss. Würde sich auch das Mangelhafte dieser Ansicht nicht anderweitig herausstellen, so müsste dieselbe schon deshalb verworfen werden, dass Faraday von ihr ausgehend zu einer neuen Eigenschaft der elektrischen Vertheilung seine Zuslucht nehmen muss, nach welcher die Vertheilung auch in krummen Linieu stattfinden kann.

Vertheilung in krummen Linien. Nach Faraday's Ansicht geschieht eine elektrische Vertheilung nur durch ein isolirendes (dielektrisches) Medium hindurch; lässt man daher einen elektrisirten Körper auf einen neutralen wirken und bringt im Luftraum zwischen beiden eine Metallplatte an, so wird nach ihm die Vertheilung nur durch die Luft um den Contour der Platte herum zu Stande kommen. Diese Vertheilung in krummen Linien aufzuseigen, war daher von besonderer Wichtigkeit für Faraday's Theorie und er hat darüber messende Versuche angestellt. - Als Elektrometer diente eine Coulomb'sche Torsionswage von 8 Zoll Durchmesser mit einem zur Aufhängung des Wagebalkens bestimmten Glassaden von 20 Zoll Länge, und einer vergoldeten Markkugel von 0,3 Zoll Durchmesser am Wagebalken. Die feste Kugel der Wage, zugleich als Prüfungskugel dienend, bestand aus vergoldetem Erlenholz, sie konnte an einem Schellackstiel aus der Wage genommen und ohne Zeitverlust wieder genau an dieselbe Stelle gesetzt werden (1180 folgd). Die Messungen geschahen in folgender Weise. Nachdem die bewegliche Kugel von der festen mittels Torsion in die Entfernung von 30° gebracht worden, erhielt sie eine willkührliche Menge Elektricität von derselben Art wie die zu untersuchende Elektricität. Die Prüfungskogel mit der zu untersuchenden Elektricität geladen, stiess die bewegliche Kugel ab, die durch Drehung des Glassadens um eine Anzahl Grade, welche der Torsionskreis angab, wieder in die frühere Lage zurückgeführt wurde. Die beobachteten Torsionen des Fadens stehen somit im Verhältnisse der verschiedenen Elektricitätsmengen der Prüfungskugel Um die willkührliche Elektricitätsmenge der sehwebenden Kugel zu beurtheilen, wurde diese durch Berührung mit der ansänglich geladenen Prüfungskugel elektrisirt und die Drehung des Fadens, welche nötting war, die Stellung von 30° der Kogeln gegen einander herbeizusühren unter der Rubrik "Abstossung der Kugeln" bemerkt. --

Faraday besestigte einen 7 Zoll langen Schellackcylinder von 0,9 Zoll Durchmesser auf einem Holzsosse und elektrisiete seine obere Hälfte durch Reiben mit warmen Flanell negativ. Auf die obere Fläche des Cylinders wurden Metallkörper (Kugeln, Scheiben) von mehr als 1 Zoll Durchmesser gelegt, und mit einer guten Ableitung versehen; nachdem die Prüfungskugel eine bestimmte Stelle dieser Körper berührt hatte, wurde sie in die Torsionswage gebracht. Es zeigte sich so an allen Stellen des aufgelegten Körpers und an über demselben gelegenen Punkten positive Elektricität, und zwar auch an solchen die nicht durch gerade Linien durch die Luft hindurch mit der elektrisirten Schellackfläche verbunden werden konnten. Als z. B. eine Messinghalbkugel 1,36 Zoll im Durchmesser auf den Schellackcylinder gelegt war (Fig. 1.), fanden sich folgende positive Elektricitätsmengen an den bezeichneten Stellen.

bei i 112 k 108 l 65 m 35 n 87 o 105 p 98

An den Stellen nop wurde die Prüfungskugel ableitend berührt. Von p an nach oben nahm die Elektricität fortwährend ab. Da nun mur von der Stelle i eine gerade Linie durch die Lust nach dem Schellackcylinder gezogen werden kann, so schloss Faraday, dass die Vertheilung an allen übrigen Stellen um die Ecke ging (1224). Dass die Elektricität des Cylinders durch die Metallmasse der Halbkugel hindurch vertheilend wirkte, hält F. für unstatthaft, er glaubt nur den einen Versuch dagegen anführen zu müssen, dass wenn der Schellackcylinder mit einer Messingscheibe von 2 Zoll Durchmesser bedeckt war, die Prüfungskugel auf der Mitte der Scheibe nicht geladen wurde, wohl aber über derselben und nahe am Rande der Scheibe (1221).

Ich übergehe die übrigen Versuche über die präsumirte Vertheilung in krummen Linien durch Luft wie durch flüssige und seste Isolatoren (1227 folg.), da ihnen, wie den eben angesührten, alle Beweiskrast mangelt und, was ich schon oben berührt habe, bei ihrer Deutung ein Umstand gänzlich vernachlässigt ist. Dies ist die Ladung des den Schellack deckenden, ableitend berührten, Metallkörpers mit pesitiver Elektricität, oder vielmehr, da diese

Ladung dem Verfasser bekannt war, die Wirkung dieser Elektricität auf die Prüfungskugel. Versuche der angeführten Art sind gar nicht so einfach, wie sie beim ersten Anblick erscheinen; wir haben in dem ersten der beigebrachten Versuche einen senkrecht stehenden, negativ elektrisirten Cylindermantel, auf demselben mit wagerechter Basis die positiv elektrisirte Oberstäche der Halbkagel, die noch dazu an verschiedenen Stellen sehr verschieden stark elektrisirt sein muss. Welches Resultat die vereinte Wirkung dieser beiden elektrisirten Flächen auf die ablekend berührte Prüfungskugel an den bezeichneten Stellen haben wird, ist bei den unüberwindlichen Schwierigkeiten der hierzu nöthigen Rechnung, a priori nicht numerisch zu bestimmen, wol aber lassen sich die erhaltenen Resultate mit den Principien dieser Rechnung vereinigen. Die ganzheh willkübrliche Annahme, dass die Vertheilung nur durch nächstliegende Theilchen eines schlecht leitenden Mediums hindurch statifinde, fällt daber von selbst, zumal da sie zugleich die Annahme der Wirkungslosigkeit der gebundenen Elektricität nothwendig macht, deren Unrichtigkeit sich faktisch aufzeigen lässt.

Eigenschaften der gebundenen Elektricität. Ich habe in dem ersten Berichte die Ansicht, dass die sogenannte gebundene Elektricität sich durch keine Eigenschaft von der freien unterscheide, durch Versuche zu besestigen gesucht, und werde hier die seitdem dagegen geäusserten Bedenken kürzer ansühren, indem ich auf den frühern Artikel zurückweise.

Pfaff 1) hat seine frühere Meinung über die gänzliche Wirkungslosigkeit der gebundenen Elektricität zurückgenommen; er vindicirt aber dieser Elektricität die Eigenschaft, ihr Propagationsvermögen verloren zu haben, während sie wie die freie Elektricität abstossend und anziehend nach Aussen wirkt. Es ist dies die Ansieht, die de Luc 1) von der gebundenen Elektricität gefasst und Ohm 2) wieder aufgenommen hat. Ich habe hiergegen bemerkt 1), dass diese Eigenschaft der gebundenen Elektricität aus Versuchen geschlossen worden, in welchen von einer Propagation der Elektricität nicht die Rede sein kann. Es wird dies durch einen analogen Fall deutlich werden. Berührt man einen glühenden

^{&#}x27;) Poggendurff's Annalen Bd. 44. S. 332.

³⁾ de Luc Neue Ideen über Meteorologie, Deutsch 1787 Bd. 1. S. 284.

³⁾ Schweigger Journal fur Chemie und Physik Bd. 65, S. 142.

b) Poggendorff's Annalen Bd. 44. S. 624.

Draht mit einem kalten Drahte, so nimmt die Temperatur des erstern ab und man schliesst daraus auf Wärmeleitung. Auf gleiche Weise sagt man von der Elektricität, dass sie abgeleitet werde, weil ein elektrisirter Körper seine Elektricität verliert, wenn er mit einem nicht elektrisisten Metallstabe berührt wird. Sollte aber im ersten Beispiele sich der glühende Draht über einer Flamme besinden, so würde der beschriebene Versuch nichts über Wärmeleitung entscheiden, da der hinzugesührte Draht glübend wird, ehe er den glühenden berührt. Ebenso wird der elektrische Versuch nichts über Propagationsvermögen der Elektricität aussagen, wenn der Körper durch Vertheilung mit einer Elektricitätsart geladen war, und der hinzugesührte Metallstab von dem vertheilend wirkenden Körper mit derselben Elektricitätsart geladen wird, ehe er den ersten berührt. Dies aber findet Statt in Ohm's und Pfaff's Versuchen. Es sind bei diesen Versuchen zwei sich berührende unabhängig von einander elektrisirte Körper im Spiel, und die Frage, wieviel Elektricität der eine dieser Körper nach der Trennung behalten werde, ist gänzlich unbestimmt. Es kann nach der relativen Grösse des Körpers, mit dem der durch Vertheilung elektrisirte Körper berührt wird, der Fall sein, dass die sogenannte gebundene Elektricität des letztern vermehrt, vermindert oder ungeändert erscheint. Man wird das Resultat eines solchen Versuchs am leichtesten übersehen, wenn man den berührten und den berährenden Körper zusammen betrachtet, und die Elektrisirung untersucht, die dieser zusammengesetzte Körper von dem ursprüng lich elektrischen Körper erfährt. Alsdann lässt sich die Elektrisirung, die der erste durch Vertheilung elektrisirte Körper zurückbehält, im Allgemeinen ableiten. Diese zurückbleibende Elektrisirung in jedem Falle numerisch vorherzubestimmen, ist eine Aufgabe, die der Analysis und nicht der Physik zu stelleu ist.

Knochenhauer') hat die freie Wirksamkeit der gebundenen Elektricität wiederum gänzlich in Abrede gestellt; wenn nach,
ihm ein elektrischer Körper in einem neutralen Körper Elektricität bindet, so wirkt die gebundene Elektricität gar nicht, die bindende hingegen nur bis zur Fläche, auf der die gebundene Elektricität befindlich ist, und nicht über dieselbe hinaus. Er folgert
dies aus einem Versuche, in welchem über einen negativ elektri-

^{&#}x27;) Poggendorff's Asnalen . Bd. 47. S. 444.

sirten Harskuchen in einiger Entfernung ein Stanniolblatt gestellt. und ableitend berührt wurde. Elektrometerpendel, in irgend einer Entfernung über das Stanniolblatt gehalten, divergirten nicht, wol aber, wenn sie durch eine Spalte im Stanniol hindurch in den Raum zwischen dem Stanniolblatte und der Harzstäche gebracht worden waren. Der Verfasser fordert, dass, wenn die bindende wie die gebundene Elektricität frei wirkten, diese Elektricitäten in Einer, nicht aber in jeder beliebigen Entfernung über dem Staniolblatte sich das Gleichgewicht halten und daher keine Wirkung zeigen sollten. Ich habe auf diesen Einwand nicht geantwortet, weil zur Zeit, als derselbe gemacht wurde, Faraday's oben erwähnte Arbeit über die Vertheilung in krummen Linien in Deutschland bekannt war, und in dieser Abhandlung die gerechte Forde rung Knochenhauers erfüllt wurde. Faraday hat nämlich über der leitenden Fläche, die einen elektrisirten Körper deckte, Elektricität und zwar bis zu einer gewissen Gränze zunehmende Electricität aufgezeigt, eine Erscheinung, die ganz natürlich aus der gleichzeitigen freien Wirkung der bindenden und gebundenen Elektricität folgt. Bemerkenswerth ist in Knochenhauer's Abhandlung die Erfahrung, dass isolirende wie leitende Stoffe einer Elektrisirung durch Vertheilung fähig sind. Als nämlich eine Glasplatte über den negativ elektrisirten Harzkuchen gehalten wurde, divergirten die darüber gestellten Elektrometerpendel nicht. als die Glasplatte aber gehoben wurde, zeigten sie Divergenz mit negativer Elektricität, die sich bald verlor. Wurde die Tafel nur wieder gesenkt, so divergirten die Pendel aufs Neue, aber mit positiver Elektricität. Man sieht hieraus, dass eine Glastafel wie eine Metalltafel von der elektrischen Harzsläche so elektrisirt wird, dess die untere Fläche positive, die obere negative Elektricität erhält, dass aber bei der isolirenden Tafel diese Elektrisirung erst nach längerer Zeit vollständig zu Stande kommt. Dasselbe lehrte die Erfahrung, dass ein Stab aus Glas oder Metall, zwischen die über der Harzstäche divergirenden Elektrometerpendel gehalten, die Divergenz derselben vermehrte; der untere Theil des Stabes, der den Pendeln zunächst stand, hatte, wie sie selbst, positive Elektricität durch Vertheilung von der Harzsläche erhalten. Fechner, ') obgleich bemerkend, dass das Irrthümliche der Annahme

¹⁾ Poggendorff's Annalen * Bd. 51. 8. 321.

mochenhauers theoretisch nachzuweisen wäre, hat dieselbe sperimentell widerlegt, wodurch, wie zu erwarten stand, eine estätigung der Resultate Faradays erhalten worden ist. Fecher hat aber dabei überall auf die richtigen Prinzipien zur Erklämg dieser Erscheinungen hingewiesen. Der Hauptversuch, dem ngeführten von Faraday und Knochenhauer ähnlich, wurde selgender Weise angestellt. Zwei Metallscheiben von 9" 4" urchmesser wurden horizontal in 1 Zoll Entfernung über einander sestigt, die eine isolirte Scheibe erhielt positive Elektricität von ner leydener Flasche, die andre crhielt eine gute Ableitung; ein rebescheibehen wurde über die Mitte der durch Vertheilung elekisirten Scheibe in verschiedenen Höhen gehalten, ableitend beihrt und an einem Elektrometer mit trockener Säule (nach schners Einrichtung) geprüft. Das Scheibehen erwies sich i allen Versuchen negativ elektrisch, aber nur schwach, wenn die durch Vertheilung erregte Platte berührte, und am irksten in der Entsernung von einigen Zollen über derselben. cher diese Entsernung der stärksten Wirkung hinaus nahm die lektrisirung des Probescheibchens langsam ab, war aber noch Fass über der Platte merkbar. Auch wenn eine Netallplatte er den Knopf einer positiv geladenen leydener Flasche gehalten urde, sand sich ein Probescheibchen über der Platte stets negar geladen, obgleich dieses Scheibchen, wie bei Faraday's Verchen, von keiner geraden Linie getroffen wurde, die man von eim Punkte der geladenen Flasche durch die Lust ziehen konnte, wenn also, wie es der Versasser kurz bezeichnet, das Scheiben im elektrischen Schatten stand.) Fechner schliesst hiernach, se die abstossenden und anziehenden Wirkungen der bindenden id segenannten gebundenen Elektricität aus demselben Gesichtsunkte an betrachten sind, wie die der freien Elektricität, und s die gebandene Elektricität durch den Akt der Bindung mit er andern Eigenschast begabt wird.

Ich glaube, dass nur mit dieser Ansicht eine klare Uebersicht zu Elektricitätslehre gewonnen werden kann und habe sie deslb bereits im ersten Berichte ausgesprochen 1).

Im Verfolge seiner Abhandlung hat Fechner eine bedeutende in Von Vertheilungsversuchen beigebracht, von welchen folgende

¹⁾ Repertorium Bd. 2. S. 3. und 29.

die interessantesten sind, Eine positiv elektrisirte Messingle von 3 Zoll Durchmesser wirkte vertheilend auf eine Kupfersch 9" 4" im Durchmesser, 0",35 dick, welche ihr normal übergestellt war (so dass die Verbindungslinie der Centra 🜬 Körper winkelrecht auf der Scheibe stand). Die Scheibe sich auf ihrer ganzen (von der Kugel abgewandten) Rück und noch auf einem Theile der Vorderfläche positiv elektri Da der übrige Theil der Vordersläche negativ elektrisch wargab es auf derselben eine Zone, auf der das Probescheibehen 🚂 Elektricität empfing. Bei 2 Zoll Abstand der Kugel von Scheibe war diese Indisserenzzone ungefähr 4 Zoll von dem I der Scheibe entfernt. Als die Scheibe in der Milte eine Oeffoung von einigen Linien Durchmesser hatte, fand sich 📥 ungeachtet auf ihrer ganzen Rückseite positive Elektricität. Zinkstreifen von 5" 7" Länge, 10" Breite und 1" Dicke der positiv elektrisirten Kugel normal gegenübergestellt. Die Rückstäche und ein Theil der Vorderfläche gegen die Ender Streisens war positiv. Bei den Abständen 1 und 2 Zoll des fens von der Kugel lagen die Indisserenzlinien innerhalb des Zolles vom Ende. Ein eiserner Cylinder, 12 Zoll lang, 4", 2 . wurde der elektrischen Kogel so gegenübergestellt, dass die trallinie auf der Axe des Cylinders winkelrecht stand. Der lere Theil der Vorder- und Rücksläche des Cylinders war no elektrisch, jede Fläche aber gegen das Ende zu positiv. Hier ren also auf jeder Fläche 2 Indisserenzstellen. Bei dem Abate 1 Zoll des Cylinders von der Kugel lagen diese Stellen auf Vorderstäche swischen 2 und 3 Zoll vom Ende, an der Rue zwischen 1 und 2 Zoll. - Zwei Stahldrähte von 1",8 Da der eine 3 Zoll, der andere 12" 3",5 lang, wurden successiv elektrischen Kugel in 2 Zoll Entfernung gegenübergestellt mittlere Theil der Rückfläche war bei dem kurzen Drahte pobei dem langen negativ elektrisch. - Die Kugel wurde in Biech Cylinder von 3" 6" Durchmesser, 2" 8" Hobe, 0,48 nien Wanddicke gehängt, so dass also die Kugel (wie obegegeben von 3 Zoll Durchmesser) in der nächsten Entfer 3 Linien von dem Cylindermantel entfernt blieb und oben unten 2 Linien hervorragte. Die ganze Aussenfläche des Mai war positiv und ausserdem noch ein schmaler Ring am der Inneufläche. -

Solche Versuche, die begreislicher Weise einer unendlichen Abänderung sähig sind, haben, wie ich schon oben bemerkt, wenn erst des richtige Priuzip ihrer Erklärung sestgestellt ist, mehr ein mathematisches als ein physikalisches Interesse, und sind als eine Einladung an gewandte Analysten zu betrachten, den schönen Untersuchungen Poisson's eine weitere Ausdehnung zu geben. —

Faraday (Exp. res. 1681—85) tadelt die Benennung freie und gebundene Elektricität, wenn damit eine verschiedene Wirkungsweise zweier Elektricitäten gemeint sei. Wenn ein elektrischer Körper durch Vertheilung Elektricität erregt, so sei die eine Elektricitätsart nicht freier oder gebundener als die andere. Ein durch Vertheilung wirkender Apparat könne so eingerichtet werdas, dass er keine Wirkung von Elektricität zeige, weil die Elektricität die merkwärdige Eigenschaft besitze, in ihrer Wirkung begränzt zu sein (limited and exclusive). Die Elektricität auf einem isolirten Conductor, der in der Mitte eines Zimmers gestellt ist, verhalte sich gerade so zu den Zimmerwänden, wie die Elektricität der innern Belegung einer leydener Flasche zu der äussern Belegung. Wenn Elektricität merkbar gemacht wird, wo sie es verher nicht war, so geschähe dies nur durch eine Ablenkung der vertheilenden Kraft von einer Richtung in die andere.

Man sieht, dass Faraday die volle elektrische Wirkung eises isolisten Conductors und die geschwächte der innern Belegung der Plasche aus dem Umstande erklärt, dass im ersten Falle sieh der Experimentator in dem Medium selbst und der Richtung befindet, in welchen die Vertheilung geschieht, im letztern Falle hingegen ausserhalb des diëlektrischen Mediums. Hiermit wird also der vertheilten wie der vertheilenden Elektricität die Eigenschaft beigelegt, nur nach bestimmter Richtung hin und bis zu einer bestimmten Gränze ihre Wirkung zu äussern, und Paraday's Ansicht von der gebundenen Elektricität (die indess nicht gans klar ausgesprochen ist) fällt mit der Knochenhauers zusammen, von welcher oben die Rede gewesen ist.

Verkalten der Isolatoren bei der Vertheilung. Faraday änderte den oben (Seite 130.) angeführten Versuch über
Vertheilung in krummen Linien so ab, dass er die auf dem Schellack rubende Metallkugel mit einer quadratischen Platte aus Schellack, Schwefel, Glas, borsaurem Bleioxyd, Spermaceti bedeckte,
und verschiedene Stellen über der Platte mit der Probekugel der

Torsionswage untersuchte. Er fand hier die Kugel stärker elektrisch, als wenn die isolirende Platte fehlte und schloss daram, dass die Isolatoren eine eigenthümliche verschiedene Fähigkeit besitzen, die elektrische Vertheilung durch sich hindurch zu vermitteln (Exp. res. 1229). Um diese verschiedene Fähigkeit, die er spezifisches Veitheilungsvermögen nannte, aufzuzeigen, construirte er später folgendes Instrument unter dem Namen Differential-Inductometer. (1307.) Drei Messingscheiben, 5 Zoll im Durchmesser, wurden auf Glassüssen in gleichen Entfernungen mit vertikalen Flächen hinter einander aufgestellt, die mittlere war fest, jede der äusseren in einer Rinne verschiebbar Iu einer Glasglocke waren isolirt zwei Stifte befestigt mit berabhängenden Goldblättehen und jeder Stift wurde durch einen Draht mit einer der äussern Scheiben verbunden. Theilte man nun der mittleren (festen) Scheibe schwache positive Elektricität mit, und berührte gleichzeitig die beiden äusseren Scheiben ableitend, so blieben die Goldblättchen unbewegt: nach Faraday's Ansicht, weil die elektrisiste Scheibe auf jede der beiden aussern Scheibes durch Luft hindurch vertheilend wirkte. Wurde aber eine ! Zoll dicke quadratische Schellackscheibe von 4 Zoll Seite zwischen die mittlere und eine der äussern Scheiben gehalten, so zogen sich die Goldblättchen an; zugleich wurde diese aussere Scheibe positiv elektrisch gefunden, während die audere, welche durch Lust von der mittleren getrennt war, negativ blieb. Faraday glaubt, (1253) dass nach der gewöhnlichen Annahme, die Einschaltung der Schellackplatte keine Aenderung in dem elektrischen Zustande der zunächst liegenden Scheibe hervorbringen könne, da dieser Zustand nur von der Entfernung dieser Scheibe von der elektrisirten abhänge; nach seiner Ansicht hingegen sey der Erfolg nothwendig, da die Vertheilung durch Schellack hindurch stärker als die durch Luft ware. Hiergegen ist zu bemerken, dass die Schellackscheibe durch Vertheilung elektrisirt wird, und die äussere zunächstliegende Metall-Scheibe also nach der Einschaltung von 3 Portionen Elektricität, die in verschiedener Entfernung liegen, erregt wird. Knochenhauer hat die Elektrisirung von isolirenden Platten experimentell aufgezeigt '), indem er über der horizontalen Messingplatte eines Bohnenbergerschen Electroscops eine zweite Mes-

¹⁾ Poggendorff's Annalen * 8d. 51. S. 126.

ingplatte in einiger Entsernung besestigte. Er theilte der obern "Intle positive Elektricität mit, und berührte die untere Platte bleitend, so dass das Goldblatt des Elektroscops unbewegt blieb. Brachte er aber nun eine 64 Linie dicke Schellackplatte in den wischen den Platten besindlichen Lustraum, so zeigte das Golddatt pecitive Elektricität an, und zwar wurden die Anzeigen tärker, wenn die isolirende Platte nach unten bewegt wurde. samz wie die Schellackplatte verhielt sich eine schwachleitende Matte, eine Pappschachtel, von der mit Gewissheit anzunehmen nt, dans sie durch die elektrische Messingscheibe auf der obern Tache negativ, auf der untern positiv durch Vertheilung geladen verden war. - Der Faraday'sche Versuch wird verwickelter, venn die Schellackscheibe, anstatt frei zwischen der vertheilten md vertheilenden Messingscheibe zu stehen, beide Scheiben in anner Ansdehnung berührt, wo denn ein Theil der Elektricität sa der elektrisirten Scheibe auf die Oberfläche des Schellacks bergeht. Gerade dieser verwickelte Fall, der theorelisch von geinger Bedeutung ist, hat für die Praxis das meiste Interesse, da ann die beiden durch die Schellackplatte getrennten Metallscheina der leydener Flasche ganz analog sind. Faraday hat seine resenden Versuche über das spezifische Vertheilungsvermögen er kolatoren in dieser Form angestellt, und dieselben können ir eine experimentelle Lösung der Frage gelten, eine wie starke adang eine leydener Flasche erlaube, wenn das Glas derselben nit einer andern isolirenden Substanz vertauscht wird. Ich werde nerst die merkwürdigen Versuche Faraday's aufführen und dann ngeben, welche Bedeutung die gewonnenen numerischen Werthe aben. -

Vertheilungsflasche und rückhaltige Ladung derelben. Der angewandte Apparat ist in den Exp. res. 1188 etc.
nachrieben und leicht erkennbar (siehe Fig. 2.) als eine leydener
lasche, deren isolirender Zwischenkörper nach Belieben gewechelt werden kann. Die hohle Messingkugel h, von 2,33 Zoll
mechanesser, ist mittels eines Drahtes, der sieh in der Kugel B
ndigt, und durch den Schellackeylinder II isolirt ist, in der Mitte
er Hehlkugel au befestigt. Die Kugel au von 3,57 Zoll Durchmeser besteht aus zwei Halbkugeln, die luftdicht zusammengechraubt werden können, und setzt unterhalb in das mit einem
lahne d versehene Metallstück fort, welches auf eine Luftpumpe

geschraubt werden kann. Die innere Kugel hat bei n eine kleine Oeffnung, so dass sie exantlirt und zugleich mit dem Raume o zwischen beiden Kugeln mit einer Gasart gefüllt werden kans. Verschiedene Vorsichtsmassregeln bei dem Gebrauche dieser Flasche sind Exp res. 1199 etc. angegeben. Hauptsächlich 😹 auf die Reinheit der Oberstäche der Schellackmasse I I zu es ben, zu welchem Ende dieselbe mit einem seidenen Tuche abgewischt werden muss. Damit sie aber hierdurch nicht elektrisch werde, ist es nothwendig, sie während des Reinigens anzuhauchen, ein Verfahren, das überhaupt anzuwenden ist, wenn ein Isolator gereinigt oder von einer elektrischen Ladung befreit werden soll. (1203) Faraday bemerkte, dass wenn der Zwischeniaum an der unteren Halbkugel der Vertheilungsslasche mit Schellack, Glau. s. w. ausgefüllt war, die geladene Flasche einige Zeit nach der Entladung wiederum auf beiden Belegungen Elektricität zeigte wie dies bei der gewöhnlichen leydner Flasche bekannt ist. Die rückhaltige Ladung war bei Anwendung des Spermaceti am stärksten, schwächer bei Schellack, bei Glas und Schwefel, und trat gar nicht ein, als nur Luft zwischen den Kugeln befindlich war. Paraday erklärt diese Ladung durch das Eindringen der Elektricität in den Isolator und das spätere Zurücktreten derselben in die metallischen Belegungen (1245), wozu indess eine längen Zeit nothig sey, und schliesst hieraus, dass selbst die bessten statren Isolatoren, wie Schellack, Glas und Schwesel in einem gewissen Grade leitend sind, so dass Elektricität in ihre Masse eindringen kann (1247). Diese Aeusserung, obgleich nur Bekanntes enthaltend, ist an dieser Stelle merkwürdig, wie sich später zeigen wird.

Specifisches elektrisches Vertheilungsvormögen der Isolatoren. Faraday benutzte zwei genau gleich verfertigte Vertheilungsflaschen, und prüfte ihren elektrischen Zusland, inder er eine Probekugel an die oberste Stelle der Kugel B (Fig. 2.) aulegte und dann in die Torsionswage brachte. Eine von beiden Vertheilungsflaschen wurde geladen und ihre Elektricität gemessest durch Verbindung der Kugeln B an beiden Flaschen wurde diese Ladung zwischen ihnen getheilt und sodann die Elektricität jeder Flasche bestimmt. Man sicht, dass in jedem Falle, wenn man von Residuum absieht, beide Flaschen nach der Theilung der Ladung die Probekugel mit gleicher Elektricitätsmenge laden mussten, dass

1

se Menge aber nur dann die Hälfte der an der ansänglich gelanen Flasche erhaltenen Menge sein konnte, wenn beide Flaschen neelben Zwischenkörper in dem Raume oo enthielten. Dies gte sich genau genug, als Lust in beiden Zwischenräumen bedlich war (Exp. res. 1208). Enthielt aber eine Flasche einen rren Isolator als Zwischenkörper, so war die nach der Theing gefundene Elektricitätsmenge nicht die Hälfte der vor der eilung ermittelten. War die ganz mit Lust erfüllte Flasche annglich geladen, so gab sie bei der Theilung der Flasche mit rrem Zwischenkörper mehr als die Hälste ihrer Elektricität ab. ch Faraday's Meinung rührt dies davon her, dass die starre halans die Vertheilung mit grösserer Leichtigkeit durch sich planch geschehen liess, als die Luft, und das spezifische Ver-Angevermögen der Substanz soll sich zu dem der Lust verlen, wie der Verlust an Elektricität in der Lustslasche zu der ktricität, welche die andere Flasche nach der Theilung wirka zeigte. Es wird diese Berechnung im nächsten Beispiele deutser, und die Bedeutung des erhaltenen Zahlenwerthes in der hlmsbemerkung näher angegeben werden.

Specifisches Vertheilungsvermögen des Schellacks. 255.) In die untere Halbkugel der einen Vertheilungsflasche rule eine dicke halbkugelförmige Schale von reinem Schellack egt, so dass der untere Theil des Zwischenraums oo (Fig. 2.) t ganz ausgefüllt war. Die andere Flasche blieb mit Lust gett und wurde geladen. Nachdem die Ladung gemessen war, urde sie zwischen beide Flaschen getheilt, und die Elektricität der Kugel jeder Flasche bestimmt. Folgende sind die Messunam der Torsionswage, die in der, Seite 130. angegebenen eise erhalten wurden.

Flasche I. Schellack. Flasche II. Luft.

(Abstossung der Kugeln 225°.)

304

297

Ladung getheilt.

113

121

h der Entladung 0

7 nach der Entladung.

Die Luftsasche hatte vor der Theilung eine Elektricitätsmenge die durch 297 ausgedrückt wird, da aber später nach der Entladung noch 7° erhalten wurden, so wird für die theilbare Ladung 290 genommen. Nach der Theilung der Elektricität wurde in Flasche I. 113, in Flasche II. 121 gefunden; von der letzten Zahl muss 7 abgezogen werden, da dies die Ladung war, welche die Probekugel, (durch Wirkung des obern Schellackcylinders am Apparate) nach der Entladung der Flasche zeigte; beide Flaschen hatten also nahe gleichwirkende Elektricitätsmengen. Die Lastslasche hatte durch Theilung 290—114 oder 176 verloren, während die Schellackslasche dadurch nur 113 gewonnen hatte. Hiernach verhält sich das spezifische Vertheilungsvermögen der Schellackslasche zu dem der Lustslasche 176:113 oder wie 1,66 zu 1.

Ein zweiter Versuch wurde so angestellt, dass die Schellsck-flasche zuerst geladen wurde.

Flasche I. Schellack. Flasche II. Luft.

215

204

Ladung getheilt.

118

118

0 nach der Entladung.

nach der Entladung 0

Ilier ist die ganze Ladung 204, der Verlust der Schelleck- 'I flasche 86, der Gewinn der Lustsflasche 118. Das specifische Vertheilungsvermögen des ersten Apparates verhält sich zu dem des zweiten wie 118 zu 86 oder wie 1,37 zu 1.

Faraday hat diese Versuche öfter wiederholt, und da er die Möglichkeit von fremden leitenden Theilen im Schellack ausschliessen wollte, auch mit einer Halbkugel aus Schellack, der aus einer filtrirten Lösung des Lacks in Weingeist erhalten war. Es fand sich als Mittel aller Versuche das specifische Vertheilungsvermögen des Schellackapparats zu dem des Lustapparats 1,5 zu 1. Da die Schellackslasche nur zur Hälste mit Schellack ausgefüllt war, in der andern Hälste Lust enthielt, so muss von jedem Werths des Vertheilungsvermögens 0,5 abgezogen werden. Hiernach wird ist das specifische Vertheilungsvermögen des Schellacks zu dem der Lust im Verhältnisse 2 zu 1 stehen.

Specifisches Vertheilungsvermögen des Glases und ch wefels. Eine 0,4 Zoll dicke halbkugelförmige Schale aus lintglas wurde in den Raum oo der einen Flasche gelegt, der ver, da er 0,62 Zoll hoch war, nur zu 3 dadurch ausgefüllt wurde. s fand sich das specifische Vertheilungsvermögen des Glasappaits zu dem des Luftapparats im Mittel 1,38, so dass das specische Vertheilungsvermögen des Glases gegen Lust von 1 mal reserver Dicke durch 1,76 ausgedrückt wird (1274). Mit einer albkugelförmigen Schale von Schwesel, die den Zwischenraum o genau ausfüllte, fand Faraday das Vertheilungsvermögen des pperats gegen das des mit Lust erfüllten 1,62, somit das Verseilungsvermögen des Schwesels gegen Lust 2,24. Diese Versuche it Schwesel hält der Versasser für die untadelhastesten. (1277.) ie Versuche mit Wallrath, die für den mit demselben gefüllten pparat ein specifisches Vertheilungsvermögen 1,3 bis 1,6 gaben, mnten wegen der guten Leitung des Wallraths nicht genau in (1279). Eben so konnten mit reclisicirtem Terpenthinöl und teinöl keine scharsen Resultate erhalten werden, doch ergab sich, ses beide Flüssigkeiten, die gute Isolatoren sind, ein grösseres ertheilungsvermögen als Lust besitzen (1281).

Specifisches Vertheilungsvermögen der Lust und er Gase. Eine Vertheilungsslasche wurde mit dem untern Theile f die Lustpumpe geschraubt, geladen und exantlirt, ihr elektriber Zustand aber vor und nach der Exantlirung geprüst. Es ad sich:

bei	Druck	von	30	Zoll	elektrische	Ladung	88
*	3	•		#	•	#	87
*	£	#	14	#	2	#	87
*	*	#	30	#	•	•	86
2	=	•	3,4	1 =	•	3	81
_	_	_	20	_	•	•	81

deng angewendet, um dieselbe aber genauer messen zu können, r Normalabstand der Kugeln der Torsionswage nur 15° angemen. Es fand sich bei einem Druck von 1,9 Zoll die Ladung und ebenso, als durch Zulassen von Lust der Druck von 30 miederhergestellt war. Die Vertheilung ist also dieselbe in unt von grösserer oder geringerer Dichtigkeit, nur findet in der tanen Lust die Entladung eines Theils der angesammelten Elek-

tricität statt. Ebenso ist die Vertheilung in kalter und heisser in trockner und feuchter Luft gleich. (1289)

In 25 Versuchen wurden die beiden Plaschen mit je zwei der folgenden Gase gefüllt: Sauerstoff, Stickstoff, Wasserstoff, Kohlensäure, ölbildendes Gas, Salpetergas, schweflige Säure, Ammoniak, Fluorkieselgas, Arsenwasserstoff, Schwefelwasserstoff, Stickstoffoxydul, Kohlenoxyd, Chlorwasserstoff, (1290.) Ueberall wurde das specifische Vertheilungsvermögen der beiden Flaschen merklich gleich gefunden. Bemerkenswerth ist, dass alle Gase, wend sie gut ausgetrocknet waren, vollkommene Isolatoren der Elektricität sind; bei Chlor und Ammoniak wurde Leitung bemerkt, sie rührte aber von einer Einwirkung des Gases auf den Schellack am obern Theile des Apparates her, dessen Oberstäche dadurch leitend wurde und die Elektricität von der äussern zur innern Kugel übersührte.

Specifisches Vertheilungsvermögen der Krystalle nach verschiedener Richtung. Um einen Unterschied is dem Vertheilungsvermögen der Krystalle nach verschiedener Richtung zu finden, wandte Faraday folgendes Verfahren an: Eine Messingkugel 0,73 Zoll im Durchmesser wurde durch metallische Verbindung mit einer grossen elektrischen Batterie längere Zeit in gleichem elektrischen Zustande erhalten. Aus dem zu untersuchenden Krystalle wurde ein Würfel geschnitten, so dass die optische Aze winkelrecht auf 2 Flächen desselben stand. laden eine Würselfläche an die elektrisirte Kugel angelegt war, wurde auf die gegenüberstehende Fläche die Probekugel der Torsiouswage gesetzt, ableitend berührt und sodann in die Wage gebracht. Die unmittelbare Berührung der Krystallsächen, die ausserdem mit Schellackfirniss überzogen waren, wurde durch Schellackstücke, die auf den beiden angewandten Metallkugeln befestigt waren, verhindert (Exp. res. 1690). Die elektrische Vertheilung auf die Probekugel wurde in verschiedenen Stellungen des Krystalls versucht, bei welchen die Verbindungslinie der beiden Metallkugeln entweder parallel der optischen Axe oder winkelrecht auf ihr war. Ein Bergkrystall, aus dem ein Würfel von 0,7 Zoll Seite geschnitten war, gab im Mittel aus 197 Versuchen die Vertheilung in der optischen Axe 100, in den beiden winkelrechten Richtungen 93,59 und 93,31. (1692.) Andere Exemplare des Krystalls gaben indess diese Unterschiede nicht. Es wurden hierauf Würsel am Doppelspath angewendet, der eine von 0,5 Zoll Seite gab 100 für die Vertheilung in der Axe, 98,6 und 95,7 in den beiden Querrichtungen. Der andere Würsel von 0,8 Zoll Seite seigte hingegen 100 für Vertheilung in der Axe, 101,7 und 101,8 in den Richtungen winkelrecht darans (1695). Hiernach sind die gesandenen Unterschiede in der Vertheilung nicht von der Krystallisation abhängig und müssen anderen, zusälligen Umständen (Riesen z. s. w.) zugeschrieben werden.

Bemerkung über Faraday's Untersuchung des specisischen Vertheilungsvermögens. Fassen wir das Resultat dieser mahevollen Untersuchung zusammen, so lässt es sich am klarsten so aussprechen: Eine elektrisirte leitende Fläche erregt in einer nahestebenden nicht isolirten Fläche eine gewisse Menge entgegengesetzter Elektricität, welche Menge nicht allein von der Eatsernung der beiden Flächen, sondern im Allgemeinen auch von dem isolirenden Stoffe abhängig ist, der den Raum swischen ihnen ansfüllt. Ist dieser Stoff trocken und luftförmig, so ist die erregte Elektricitätsmenge überall dieselbe, ist er hingegen starr, so ist sie grösser, und zwar verschieden nach den einzelnen Isoleteren. Da, um so grüsser die erregte Elektricitätsmenge ist, um so weniger Elektricität der ursprünglich elektrisirten Fläche von einem dritten Körper entzogen werden kann, so lässt sich dies anch so ausdrücken, dass je nach dem Stoffe der Zwischenplatte die isoliste Fläche eine kleinere oder grössere Ansammlung von Elektricität erlaubt. Dies Resultat ist nicht neu und schon zur Zeit bekannt gewesen, als man weniger mit einer wissenschaftlichen Bearbeitung der Elektricitätslehre, als mit der Ansertigung kriftiger Apparate beschäftigt war. Es wurde stets bei Ansertigung der leydener Flasche und der Franklinschen Tafel nicht nur auf die Dicke des Glases sondern auch auf die Beschaffenheit desselben geschen. Cuthbertson bemerkt ausdrücklich, dass die verschiedenen Arten des weissen Glases, und noch viel mehr die des grünen Glases bei gleicher Oberfläche und Dicke ganz verschiedene Mengen von Elektricität bedürfen, um gleich stark geladen m werden. Er eonstruirte zwei Flaschen aus gleich dickem Glase, de beide, nach der Zahl der zu ihrer Ladung nöthigen Umdrebugen der Maschine zu schliessen, ein gleiches Ladungsvermögen bemosen, obgleich die Belegung der einen ein Drittheil kleiner war

10

VI.

als die der andern. 1) Nicholson verfertigte eine Batterie aus Glimmerplatten, weil die Capacität des Glimmers für Elektrichtst grösser als die des Glases sei 1). Jäger seizte in einer eigenen Abhandlung die verschiedene Wirksamkeit des Condensators, je nach der Beschaffenheit der isolirenden Zwischenschicht, auseinander und erklärte dieselbe aus einer verschiedenen Durchdringlichkeit der Lolatoren für Elektricität 1). Es ist also mit Ladungsvermögen, Capacität für Elektricität, Durchdringlichkeit für Elektricität dieselbe Eigenschaft der Isolatoren früher bezeichnet gewesen, die Paraday specifisches elektrisches Vertheilungsvermögen genannt hat. Diese Eigenschaft ist offenbar nichts Anderes als das Leitungsvermögen der Isolatoren in dem speziellen Falle der Ladung, weiche entgegengesetzte Elektricitätsarten auf nahestehenden Flächen derselben Körpers anhäuft Merkwürdigerweise hat Faraday selbst dies Leitungsvermögen der Isolatoren bei der Ladung gefunden, wie oben bei der rückhaltigen Ladung bemerkt worden ist.

Was die numerischen Werthe des specifischen Vertheilungs vermögens betrifft, so ergiebt folgende Rechnung, dass ihnen der Ausdruck zu Grunde liegt, den man zur Berechnung der condensirenden Kraft eines durch Vertheilung wirkenden Apparats gebraucht. Es sey Faraday's Vertheilungsflasche I. ursprünglich geladen, und gebe der Probekugel die Elektricitätsmenge a abs nachdem die Theilung der Ladung zwischen beiden Flaschen goschehen ist, erhalte die Probekugel von I. die Elektricitätsmenge a', von it. die Menge b. Nach Paraday ist dann a-a' Verlust der Flasche I., b Gewinn der Flasche II. und ist das Verhältniss des specifischen Vertheilungsvermögens der zweiten Flasche au dem der ersten. Wenn der innern isolirten Fläche jeder Plasche Elektricität mitgetheilt wird, so erregt diese in der aussern nicht isolisten Fläche eine geringere Monge entgegengesetzter Elektricitat; das Verbaltniss dieser erregten Menge zur gegebenen sei in der Plasche I. = m, in der Plasche II. = m,. Erhölt Plasche I. die Elektricitätsmenge E so giebt sie nach bekannten Geeetzen der Probekugel eine Elektricitätemenge ab, die proportional (1-m1)

^{&#}x27;) Gilbert, Annalen der Physik, Bd 3, 8, 27.

³⁾ Ebendus, * Bd. 23. S. 274.

^{*)} Ebendse, * Bd. 52. S. 90. fig.

Bemerkung über d. specifische Vertheilungsvermögen. 147

oder $(1-m^2)$ E = a. Die Flasche II. erhalte von der ern Flasche die Elektricitätsmenge E_1 , so hat man auf gleiche sies $(1-m_1^2)$ E_1 = b und ferner noch

$$(1-m^2)(E-E_1)=a'$$

minist man aus diesen drei Gleichungen die unbekannten Elekitätsmengen E und E,, so erhält man

$$\frac{a-a'}{b} = \frac{1-m^2}{1-m^2} = \frac{\frac{1}{1-m^2}}{\frac{1}{1-m^2}}$$

der und Nenner des suletzt geschriebenen Bruches drücken die densirende Krast der zugebörigen Flasche aus, denn eine Fläche alleinstehend die Elektricitätsmenge 1 aufzunehmen vermag, d, wenn sie in einer nahestehenden Fläche die Elektricität m gt, die Menge 1 ausnehmen können. Hiernach wird man die Angaben Faraday's über das Vertheilungsvermögen zu ten haben; die Angabe z. B., das specifische Vertheilungsvergen des Schellacks verhalte sich zu dem der Luft wie 2 zu 1, t ans, dass eine leydener Flasche, ein Condensator, mit Schelt als Zwischenlage noch einmal so viel Elektricität aufnehmen me, als wenn der Schellack durch Luft ersetzt wäre. Es muss idlen, dass mit so grosser Mühe ungesähre Werthe der Function ansgesucht worden sind, da viel leichter und genauer mit · Probekugei Verhältnisse der Grösse m gefunden werden kön-1 mmd diese selbst in viel näherer Beziehung zu der angenommen Eigenschaft der Isolatoren steht. Einen genauen Ausdrück Fverschiedenen Ladungsvermögens wird zwar auch m nicht in können, da diese Grösse mit von der Beschaffenheit der haffiche des Isolators abhängt, die bei allen Isolatoren wicht sieber Beschassenheit hergestellt werden kann. Der bebrusiche Umweg, den Faraday bei der Hauptuntersuchung hunnen hat, ist bei dem späteren oben angeführten Zusatz über FVertheilungsvermögen der Krystalle vermieden worden, in them die einfache gebräuchliche Methode zur Bestimmung von regevendt worden ist.

Ladungserscheinungen.

Elektrische Ladung von Halbleitern. Mung senschöld ') hat auf die Ladung aufmerksam gemach Halbleiter der Elektricität zeigen, wie Kohle, Mangant Eisenoxyd, gelbes Quecksilberoxyd, rother Zinnober, ganische Stoffe, Alkohol u. s. w., wenn sie einige Zeit au ductor einer Elektrisirmaschine gebracht werden. Die ser Stoffe müssen dazu gepulvert und in Röhren eine werden; das Schwefelantimon hingegen zeigt in ganne die Ledung sehr gut. Der Verfasser nahm ein Stäbeht felantimon von 3 Zoll Länge und hielt ein Eude desee Zeit lang an den positiv elektrischen Conductor einer fie thätigen Elektrisirmaschine. Prüfte er das Stäbchen sod nem Elektrometer, so zeigte das an den Conductor gehal positive, das andere Ende negative Elektricität. Es ist mer nöthig, bei Prüfung der einen Endes das andere berühren. Diese Elektricitäten zeigen sich in abnehmen nach mehreren Stunden und selbst nach einem Taze. verhütet werden, dass nicht die Enden des Stäbchens enten Leiter verbunden sind, wodurch die Ladung in beverschwindet. Zerbricht man die elektrisirte Antimonstern rere Stücke, so zeigt jedes Stück, wenn es nur nicht Eigenschaften wie die ganze Stange. Dieselben Erschein sen sich an aufgeschichteten Papierscheiben hervorbring pierstreifen und am besten an Säulen aus Metallpapieren an Metallplatten die durch eine dunne Harzschicht ge-Man kann daher trocknen elektrischen Säulen, die unw worden sind, auf kurze Zeit den Schein der Wirksan indem man Elektricität von einer kräftigen Elektrisirma sie hindurch strömen lässt. Der Verfasser glaubt, das scheinungen nicht durch eine gewöhnliche elektrische erklären sind und stellt den Satz auf: Ein elektrischer durch einen Leiter geht, erweckt in demselben das Ben Differenzen der elektrischen Kräfte, die durch den Stragerufen werden, su behalten.

Elektrische Ladung einer einfachen galate

¹⁾ Poggendorff Annalen * Bd. 43. S. 217.

Kette. Munck af Rosenschöld') legte auf eine 5zöllige Kuplerscheibe ein in Chlorzink getränktes Papier und erhitzte die Platte über einer Lampe bis zur Trockenheit des Papiers; es wurde sedeme eine Zinkscheibe auf das Papier gelegt und mittels einer Minernen Schraube angedrückt. Diese einfache Kette gab eine nicht mbedeutende Ablenkung der Magnetnadei am Multiplicator; sie wurde lange Zeit geschlossen gehalten, dann geöffnet und jede Platte derselben in ihrer Lage an einem kupfernen Condensator Elektricität gepräft. Hierbei legte der Verfasser die den Condensater micht berührende Platte auf eine feuchte Pappscheibe, die e in der Hand hielt; es wurden in einer Reihe kurs hinter einangestellter Prüsungen solgende Divergenzen am Strohhalmlibemeter erhalten:

Mit dem Condensator in Berührung

Zinkplatte	Kupferplatte		
3 •	20		
8	16 ‡		
15‡	81		
181	61		
21+	2‡		
221	11		

Bie Divergenzen geschahen alle mit negativer Elektricität, so dass in der beschriebenen Kette das Kupfer negativ, das Zink podie elektrisch gewesen sein muss. Da diese Elektricitäten, wie micht, nach dem Oeffnen der Kette sehr schnell abnehmen, p kienen sie nur durch Ladung während des Geschlossenseins Lette entstanden sein. In einem folgenden Versuche wurde Se Kette mach jeder einzelnen Prüfung am Condensator geschlos-. und ihre Wirkung auf die Magnetnadel des Multiplicators pebachtet; diese Wirkung, welche durch die vorhergehende lange Misseung sehr geschwächt war, zeigte sich fortwährend im Zuhaen. Die Kette konnte auch, statt durch Schliessen, auf die ine geladen werden, dass man den galvanischen Strom einer **3 (mit Salm**iaklösung erregten) Plattenpaaren bestehenden Säule pch dieselbe leitete, wonach die Elektricität der Kupserplatte belers stark erschien. An dem Conductor einer Elektrisirmaschine ste die einsache Kette nicht geladen werden, so lange sie in

¹⁾ Poggendorss Annalen * Bd. 43. S. 446.

dem Zustande war, dass sie auf den Multiplicator wirkte, wol den nahm sie eine Ladung an, wenn sie sehr stark ausgetrocknet was In Betreff der Schlüsse die der Verfasser aus diesen Versuch über die Wirkungsahnahme der voltaischen Kette zieht, muse auf seine Abhandlung verweisen.

Galvanische Ladung von Drähten durch den ele trischen Sehlag. Mit der elektrischen Ladung von Halbleite scheint die galvanische Ladung im Zusammenhange zu stehen, Henrici 1) an Metalldrähten bemerkt hat, welche in eine F sigkeit tauchend dem Schlage einer leydener Flasche ausgeseizt w den sind. Zur Anstellung der Versuche wird eine 12 Millime weite Glasröhre, in die an beiden Enden ein Platindraht bie ragt, in die Schliessung einer leydener Flasche und zugleich in eines empfindlichen Multiplicators mit Doppelasdel gebracht. Wi ein bewegliches Drahtstück, das mit einem Ende in eine Sch mit Quecksilber taucht, aus dem Quecksilber gezogen, so 🐽 beide Verbindungen unterbrochen, lässt man den Draht fallen, kommt sein Ende einem Fortsatze der innern Belegung der Flass nahe und entladet diese; indem dies Ende in das Quecksilber 1 stellt es die Schliessung des Multiplicators her. Nachdem also in der Glasröhre befindliche Flüssigkeit den elektrischen Strom Flasche geleitet hat, dient sie als Leiter eines galvanischen Strof der durch Ablenkung der Doppelnadel des Multiplicators angerei wird. Alle Ablenkungen die lienrici beobachtet hat, geschaft in der Richtung, dass der galvanische Strom, wie er in der Richt gedacht wird, dem elektrischen Strom in derselben entgegengese ist, das heisst, dass dasjenige Ende der Röhre, welches von Plasche zuerst positive Elektricität empfängt, dem Multiplicate positive Elektricität abgiebt. Es ist dies gerade derselbe Fall den oben beschriebenen Versuchen am Condensator von Music af Rosenschöld. - Henrici hat die Glasröhre mit vielen w schiedenen Flüssigkeiten gefüllt und nachdem er den Schlag 👑 stete su demselben Grade (mit Hülfe einer Maassflasche) geladie Flasche hindurchgehen gelassen, die Ablenkungen der Magneton boobachtet. Die stärksten Ablenkungen erhielt er bei Füllung Röhre mit einer Lösung von Jodkalium und von concentri Salssäure, die schwächste bei Anwendung von Schneewasser

¹⁾ Poggendorff Antelen Bd. 46. S. 666.

Alcohal. Aus der verschiedenen Polarisirung der Drähte in verschiedenen Plässigkeiten schliesst der Verlasser, dass diese Polarisirung von einer durch die strömende Elektricität veranlassten Wirkung der Plässigkeit auf die Obersläche der Drähte herrühre. Die Ablankung stieg mit der Ladung der Flasche wie die solgende Reihe neigt, die mit Jodkaliumlösung erhalten wurde.

Störke der Ladung 1 2 3 4 5 6 7 8
Ablenkung der Nadel 5 11,5 17 23 29 35 41 47.

Der Verfasser überzengle sich, dass nicht etwa Erwärmung der Platiadrahte die Ablenkung veranlasste, und dass wirklich die Drähte selbst geladen waren. Als er nämlich statt der Glasröhre sinen Gleekasten anwandte, in den die Drähte lose eingehängt musien, und dieselben, nachdem sie den elektrischen Schlag emnamen hatten, in einen andern mit Flüssigkeit gefällten Kasten hingle, erhielt er dieselbe Ablonkung wie früher, nicht aber wenn er in dem ersten Kasten die von der Elektricität getroffenen Drähte mit neuen vertauschte. Blieben die Drähte in der Flüssigkeit, so verschwand ihre Ladung in 14 Minute gänzlich, wurden sie hingegen gleich nach der Entladung herausgenommen und abgetrockset, so zeigten sie sich noch nach 1 Stunde polarisch. Auch Kuplererabte konnten in gleicher Weise wie die Platindrabte geladen werden, nur in geringerer Stärke. Mit Hülfe eines Elektroscops wurde in der Flüssigkeit, die den Schlag geleitet hatte, freie Elektricität gefunden. Es ist übrigens zur Ladung von Drähten nothwendig, dass sie durch einen schlechten Leiter (Plüssigkeit, Papier) estremet sind, da weder Henrici noch Rosenschöld in einem zanz metallischen Schliessungsbogen Polarität bemerkt hat. -

In einem folgenden Aufsatze') stellt Henrici die Ladung der Drähte wieder in Abrede und betrachtet die Erscheinung als eine secundäre, herrührend von der elektrischen Zersetzung der zwischen den Drähten besindlichen Flüssigkeit und dem zwischen den signschiedenen Stossen und der Flüssigkeit erregten galvanischen Strume. Folgende Versuche mit Maschinenelektrieität werden zur Stätze dieser Ansicht beigebracht. Auf Reaktionspapieren, die mit Jokaliumlösung beseuchtet waren, wurden zwei Platinspitzen in siege Entsernung von einander gestellt, von welchen die eine zum Genductor einer Elektrisirmaschine, die andere zu einer Ableitung

¹⁾ Poggendorff Annalen * Bd. 47. S. 431.

führte. Nachdem durch das Spiel der Maschine die Zersetzung de Jodkaliam auf dem Papier statt gefunden, wurden die Spitzen mit einem Multiplicator verbunden und zeigten hier einen galvanischen Strom an, der auf dem Papiere von der ableitenden Spilze zu der zuleitenden ging. Dieser Strom trat auch noch dann ein, went die zur Zersetzung gebrauchten Platinspitzen mit neuen vertauscht wurden, nicht aber wenn die ersten Spitzen auf ein anderes Papier gesetzt wurden, das mit Jodkaliumlösung befeuchtet war. In einem andern Versuche liess der Verfasser die Piatiuspitzen 1 Milhimeter über dem Papiere stehen, auch hier erfolgte Zersetzung durch die ausströmende Elektricität, und der gatvanische Strom warde sichtbar, als die Spitzen nachher auf das Papier geselzt und mit dem Multiplicator verbunden waren. Diese Versuche zeigen dass Papierstreifen wie Platindrähte polarisirt werden können, berechtigen aber nicht zu dem Schlusse, den der Verfasser aus ibnen sicht, um eine jede Polarisirung durch Elektricität zu leugness

B. Eigenschaften und Wirkungen der elektrischen Entladung.

I. Entladung am einfachen Conductor.

Schlagweite des einfachen Conductors in verschiedenen Gasen. Die Schlagweite des einfachen Conductors wis der Batterie bleibt für eine bestimmte elektrische Ladung nicht mehr dieselbe, wenn die Entladung statt durch Luft durch eine andere Gasart hindurch statt findet. Wenn daher der unveränderte Zwischenraum zwischen zwei Leitern, welche die Entladung vermittelu, mit verschiedenen Gasarten ausgefüllt wird, so ist im Allgemeinen eine verschiedene Elektricitätsmenge nöthig, um die Entladung möglich zu machen. Dies ist zwar bekannt, aber noch nicht mit genauen Messungen belegt.

Faraday hat solche Messungen augestellt (Experim. reseat 1381 folgd.), aber auf eine zu complicirte Weise, um ein scharfet Resultat zu erhalten. Ein solches würde überhaupt nur von Batterieversuchen zu erwarten sein, bei welchen die Ansammlung der lektricität langsamer und regelmässiger von Statten geht, als auf me einfachen Conductor der Maschine. Faraday verschloss ein lasgefäss a (Fig. 3.) mit einem Metall-Boden g, der in eine Röhre it dem Hahn f sortsetzte, und mit dem Deckel b, durch den ein rakt in einer Stopfbüchse hindurchging. An diesem Drahte bemd sich im Gestisse eine Metall-Kugel s von 0,93 Zoll Durchmaser, der eine Kugel I von 2,02 Zoll Durchmesser gegenüberand in der festen Entfernung von 0,62 Zoll. Neben diesem Aparate waren zwei Metallkugeln L und S (0,96 und 1,95 Zoll urchmesser) auf Glasständern isolirt und an den verschiebbaren träkten m und k besestigt. Die Kugeln s und S wurden durch wähte mit dem Conductor einer Elektrisirmaschine verbunden, die ngela I und L mit einer Ableitungskette. Wurde daher der Conneter n geladen, so hatte der Funke zwei Wege um zur Ableiangekette überzuspringen, entweder durch den unveränderten Zwimenraum v im Glasgefäss, oder durch den veräuderlichen u in er Luft. Nachdem das Glasgefäss exantlirt und mit einem Gase stallt war, wurden die freistehenden Kugeln L und S so weit ntsernt, dass die Funken bei Ladang des Conductors nur im Geisse äbersprangen. Die freistehenden Kugeln wurden sodann allsälig einander genäbert; die letzte Entsernung derselben, bei welber noch alle Funken im Gefässe übersprangen, ist unter "grösste 'atsernung" angegeben. Bei grösserer Näherung der Kugeln ginen die Funken theils im Gesässe, theils in der Lust über, bis eine intfernung erreicht wurde (als "kleinste Entfernung" angegeben), ei welcher sie nur in der Luft übersprangen. Da die Elektrici-Hemengen, welche in der Lust zwischen den Kugeln übersprinen, proportional den Entfernungen dieser Kugeln sind, so kann m diesen Entsernungen die Elektricitätsmenge beurtheilt werden, reiche nöthig ist, um den constanten Zwischenraum im Glasgeless, der mit einem Gase gefüllt ist, zu überspringen. Die "grösste 'affernung" giebt eine Elektricitätsmenge an die grösser, die kleinste Entfernung" eine die kleiner ist als die gesuchte, das littel beider wird diese daher im Allgemeinen beurtheilen lassen. ber bedeutende Unterschied beider Entsernungen in der solgenden 'aballe ist der Unvollkommenheit der Methode zuzuschreiben. Die ngewandten Gase sind gut ausgetrocknet gewesen, die Entfernung t in pariser Zollen angegeben.

ken von 65, als hingegen die Kugeln ihren Platz getauscht hatten, von nur 29 Millimetern Länge gezogen werden. - Die grosse Kugel wurde mit dem positiven Conductor einer andern kräftigeren Maschine verbunden, die kleine zur Erde abgeleitet, die Funken waren nur 45, in entgegengesetzter Stellung der Kugeln aber 125 Millimeter lang. Ein parabolischer Spiegel der Kugel des Comductors gegenübergestellt erhielt Funken von 300 Millimetern. -Diese Versuche berechtigen nicht zu dem allgemeinen Schlusse, den Begguerel aus ihnen sieht, dass nämlich wenn man olektrische Funken zwischen zwei ungleich grossen Kugelo überspringen lässt, die Funken viel länger erhalten werden, wenn die kleinere Kugel positiv, die grossere negativ ist, als im entgegengesetsten Falle. Es ist nämlich die Länge der Funken, ausser von der Form der Entladungsflächen, abhängig von der Menge der angesammelten Elektricität und daher von der ganzen Gestalt des Conductors der Maschine und der absoluten Grösse der mit demselben verbundenen Kugeln. Eine je grössere Ansammlung von Elektricität ein Conductor gestattet, desto länger sind die Funken die man aus ibm siehen kann, ohne dass dabei die Art der Elektricität, mit der er geladen ist, in Betracht käme. Pfaff und ich selbst haben die längsten Funken sowohl bei positiver als negativer Elektrisirung erhalten, wonn ein ausgedehnter Conductor mit einer Kugel endigte, der eine viel grössere Kugel oder eine Metallulatte entgegengestellt wurde. 1) Dass an den Elektrisirmaschinen die Funken bei negativer Elektrisirung kürzer sind als bei positiver. rährt davon her, dass in dem ersten Falle der Conductor eine der Ansammlung der Elektricität ungünstigere Gestaltung erhält; wo die Stellung der elektrisirten Flächen stets dieselbe ist, wie bei der elektrischen Balterie, findet man auch die Schlagweite gant unabhängig von der in die Batterie geführten Elektricitätsart.

Licht des elektrischen Funkens. Becquerel 2) verband zwei Metalikugeln von gleichem Durchmesser mit Einsauger und Reibzeug einer isolirten Nahrneschen Elektristmaschine. Als die Kogeln 2 oder 3 Linien von einauder entfernt waren, bemerkte er in den zwischen ihnen überspringenden Fanken drei auterescheidbare Stellen, eine sehr helle an der negativen Kugel, eine

^{&#}x27;) Repertorium Bd. II. S. 43.

²⁾ Traité de l'électricité 1. V. T. p. 143.

weniger helle an der positiven und zwischen ihnen eine dunkle violette Stelle. Als die Kugeln weiter entfernt wurden, theilte sich die helle negative Stelle in zwei Theile, so dass der Funke aus 2 hellen und 3 dunkeln Stücken zu bestehen schien. Wurden die Kugeln noch weiter entfernt, so näherte sich der innere helle Theil der negativen Seite dem der positiven und verband sich zuletzt mit demselben. Alsdann blieb an der negativen Seite nur eine sehwache Helle und eine sehr starke an der positiven Seite. — Eine ausführlichere Untersuchung der Lichtgestalten des Funkens folgt unten bei Faraday's Abhandlung über die elektrische Entledung.

Elektrische Funken in Gasarten. Als Faraday elektrische Funken zwischen zwei Messingkugeln durch verschiedene Gasarten schlagen liess, bemerkte er Folgendes (Experim. resear. 1422). In Lust leuchten die Funken mit intensivem bläulichen Lichte und zeigen dankle Stellen, wenn die übergebende Elektricitatemenge gering ist. In Stickstoffgas haben sie eine bestimmtere blene oder purpurne Farbe als in Lust und bringen einen stärkern Scholl herver. In Sauerstoffgas sind sie weisser aber weniger glaszend als in Luft. In Wasserstoffgas geben die Funken wenig Geränsch und sind hochroth; doch verschwindet diese Farbe, wenn die Gasmasse verdünnt wird. In Kohlensäure war die Farbe des Fankens grünlich, die Gestalt merkwürdig unregelmässig. In Salzstaregas war der Funke weiss, durchaus glänzend ohne jene dunkeln Stellen, die in andern Gasen bemerkt werden. In Kohlenstere war der Funke zuweilen roth statt grün, zuweilen zeigt er beide Farben zugleich, wie wenn er aus verschiedenen Stücken meanmengesetzt wäre. Faraday sieht in dieser verschiedenen Beschaffenheit des Funkens eine direkte Beziehung der Elektricität zu dem Mittel das sie durchbricht, und keine secundäre Verbreammgeerscheinung (1423).

Wärmestralung des Funkens. Zur Untersuchung ob der dektrische Funke Wärme ausstrale, liess der jüngere Becquerel') in 2 Centimeter Entsernung von der geschwärzten Oberstäche einer thermoëlektrischen Säule elektrische Funken von einer Batterie überschlagen, bemerkte aber keine Wirkung an der Multiplicatornadel. Da ein rothglühendes Eisen, schnell der Säule vorüberge-

¹⁾ Compt. rendue t. VIII. p. 334. Poggen d. Antielen * Bd. 40 S. 574.

Mart aur eine Ablenkung von 3° hervorbrachte und Platindraht, durch den elektrischen Schlag verflüchtigt, ebenfalls nur eine geringe Ablenkung verursachte, so vermuthet der Verfasser ganz richtig, dass der mangelnde Erfolg im ersten Versuche von der zu kwezen Dauer des elektrischen Funkens herrühre. Wie er sich zu dem Schlusse berechtigt glauben kann, dass die Erregung von Phosphorescenz durch den elektrischen Funken durch eine Stralung eigenthümlicher und auderer Art, als die die Wärmeempfindung erzeugende, hervorgebracht werde, ist nicht einzusehen,

Der elektrische Lichtbüschel. Faraday, der den elektrischen Entladungserscheinungen zur Unterstützung seiner Ansicht über die Vertheilung mit besonderer Aufmerksamkeit gefolgt ist, hat dem elektrischen Lichtbüschel einen längern Abschnitt gewidmet (Experim. resear. 1425. folgd.), dem ich Folgendes entnehme: - Der Lichtbüschel wird leicht hervorgebracht, wenn man det positiv elektrisirten Conductor einer Elektrisirmaschine durch eil nen dicken am Ende abgerundeten Draht verlängert, oder wenn man einen ähnlichen Drabt einem negativ elektrisirten Conductor make bringt. Der Büschel ist aus einzelnen leuchtenden Entladusgen zusammengesetzt, die durch Wheatstones rotirenden Spisget, ja schon durch eine schuelle Bewegung des Auges erkannt werden, und das ihn begleitende Geräusch, welches zuweilen einen musikalischen Ton bildet, entsteht aus den einzelgen in bestimmten Intervallen folgenden Entladungsschlägen. Geschehen diese kleinen Entladungen zwischen Conductor und Luft, so sind sie seltener und werden häufiger, wenn man dem Büschel die Hand entgegenhält, wobei deshalb der begleitende Ton an Höhe zunimmt (1431). Die elektrischen Büschel werden sehr leicht und schön in verdünnter Luft und in Gasarten erzeugt, Paraday hat sie indes anch in einem dichten Medium, in Terpenthinöl erhalten, obgleicht nur schwierig und in geringer Ausdehnung (1452). Als Büschel an sehr verschiedenen Stoffen hervorgebracht wurden (Hola, Karte, Kohle, Salpeter, Citronensäure, Kleesäure, Bleioxyd, Chlorblei, koh lensaures Kali, Aetzkali, Kalilösung, Sohwefelsäure, Schwefel, Schwefelantimon, Hämatit), konnte kein Unterschied in der Form der Eracheinung bemerkt werden (1454).

Lichtbüschel in verschiedenen Gasen. Faraday hat elektrische Lichtbüschel in Gasen bei verschiedener Dichte derselben hervorgebracht, und giebt Folgendes au (1466 folgd.). In Luft

t der Büschel leicht zu erhalten, er ist von Purpurfarbe und reitet sich bei Verdünnung der Lust mit starkem ims Rosenrothe nielendem Lichte aus. In Sanerstoff ist derselbe matt weisslich ad kurz, selbst bei Verdünnung des Gases von geringer Ausdehung. Stickstofigas giebt den Büschel leichter und schöner als irmed ein Gas, bei der Verdünnung wird er ausnehmend gross und Resend. Wasserstoffgas giebt ihn grünlich und ziemlich ausgereitet, in dem verdünnten Gase sind die Verzweigungen sehr :bon, aber der Glanz matt, sammetartig. In Steinkohlengas ist er Büschel schwer zu erzeugen, kurz und krästig, sankenartig. swähnlich von grüner Farbe. Er zeigt sich an der positiven und egativen Pläche mit einem dunkeln Zwischenraume; in verdünnm Gase ist die Form besser aber der Glanz schwack. In Kohmellure ist der Büschel sehr beschränkt, nach Verdünnung grünch oder purpurfarben mit schwachem Lichte. In Salzsäuregas ist er Müschel sehr schwer zu erhalten. Nachdem durch Entsernung er elektrisirten Leiter von einander die Funken aufgehört haben, ritt eine dunkle Entladung ein, die nur plötzlich durch wenige Mochel unterbrochen wird. Nach Verdünnung des Gases bildet ich der Büschel leichter, ist aber stets klein, schwachleuchtend nd an der positiven und negativen Fläche gleich. Bei starker erdannung sind die Verzweigungen von blassbläulicher Farbe. der Versoser bemerkt, dass die Eigenthümlichkeit des Stickstoffassa, sehr lange Verästelungen des Büschels zu gestatten, bei den solution der Atmosphäre, die zu f aus diesem Gase besteht, un grosser Wichtigkeit sei.

Positiv und negativ elektrische Lichterscheinunen. So sellen Lichterscheinungen unterschieden werden, die an inum mit positiver oder negativer Elektricität geladenen Leiter intifieden. Faraday (Exper. res. 1465 folgd.) hat hierüber eine resse Anzahl von Versuchen angestellt, aus welchen ich die miner bekannten heraushebe. Der Lichtbüschel, obgleich beiden Elekicitätsarten eigen, ist in der Luft viel leichter und ausgedehnter seitiv als negativ zu erhalten. Hält man daher einer grossen nestiv elektrisirten Kngel eine Spitze entgegen, so erscheint in eier gewissen Nähe der Büschel an der Spitze, nicht aber wenn ie Kngel positiv elektrisch war, in welchem Palle sich nur der itern an der Spitze zeigt. Bei einem vom Conductor einer Elekrisispaschine ausgehenden abgerundeten Brahte konnte je mech

der Ladung des Conductors der positive wie der negative Baschel erhalten werden. Faraday fand, dass der negative kürzer und ausammengedrängter war als der positive, und aus viel (7 bis Smal) schneller auf einander folgenden Entladungen bestand. Der paritive Büschel liess sich durch beschleunigtes Drehen der Maschine in ein Glimmen verwandeln, der negative nicht (1468). Wurde dem negativen Büschel das abgerundete Ende eines dunnen Drahl; entgegengehalten, so erschien an diesem der positive Büschel, und der negative zog sich sichtlich zusammen. Bei Auwendung eines sehr dünnen Drahts konnten beide Büschel von ganz gleichem Amsehen erhalten werden (1470). Die Form des positiven und negetiven Büschels an demselben Leiter ist verschieden in verschiedenen Gasarten. Faraday füllte eine Glaskugel von 7 Zoll Durchmesses, in der zwei Messingstäbe von ! Zoll Dicke einander gegenüben etanden, mit einem Gase und erzeugte die Büschel durch Verbite dung des einen Stabes mit dem Conductor der Maschine, der beil positiv bald negativ elektrisirt wurde. Der positive Büschel im Allgemeinen grösser und ansgedelinter als der negative; 💵 grössten erschien er in Stickstoffgas und Luft, geringer in Kohles säure-, Salzsäure-, Steinkohlengas, am kleinsten und dem negaliven gleich in Sauerstoff. Der negative Büschel ist weniger ven änderlich und überall fast von derselben Ausdehnung (1476).

Funken vom positiven und negativen Conductor. Faraday verband den Conductor einer Cylindermaschine durch einen 0,2 Zoll dicken Draht mit einer Metalt-Kugel von 2 Zoll Durch messer, der eine Kugel von 0,25 Zoll Durchmesser, die eine gute Ableitung hatte, messbar genähert werden konnte. Bei positiver Ladung des Conductors zeigten sich Funken bis zu einer Entfernung von 0,49 Zoll der Kugeln, von 0,62 an negative Büschel. Bei negativer Ladung des Conductors erschienen Funken bis 1.46 Zoll Entfernung, von 1,65 an positive Büschel. Hier war die dyrekt geladene Kugel die grössere; als nun die Kugeln vertansell wurden, so dass die kleinere die direkte Ladung empfing, zeigter sich bei positiver Ladung Funken bis 0,67 Entfernung, positive Büschel von 0,72 an, bei negativer Ladung Funken bis 0,40, augative Büschel von 0,44 an (1487). Aehnliche Versuche wurden auch in Gasen angestellt (1518).

Es ist hierbei nicht zu übersehen, dess der Conductor de Maschine ein genz anderer ist, wenn er zur Aufnahme von poeit.

Elektricität, als wenn er zu der von negativer dient, und ther in jedem Falle eine andere Ansammlung von Elektricität riambt. Der Versasser richtete nun mit zwei Gabelentladern einen oppelten Entladungsweg vor, wie aus der Fig. 4. deutlich ist. te grossen Kugeln A und D hatten 2, die kleineren B und C ,26 Zell Durchmesser. Der Metallstab L wurde mit dem Conmeter einer Elektrisirmaschine, der Stiel R mit einer guten Abillung verbunden. Als L positiv elektrisirt war und die Entsermg der Kugelpaare 0,9 Zoll betrug, geschah die Entladung nur nt m durch positive Büschel, bei negativer Ladang ebenfalls bei durch negative Büschel. Dies geschah noch, als die Zwischeninme n und o nur 0,6 Zoll betrugen. Als der Zwischenn = 0,79, der bei o = 0,58 Zoll gemacht war, trat bei potiver Ladung die Entladung gleichgültig an beiden Stellen ein, ni negativer Ladung hingegen hänfiger an der Stelle n (1497). Masse Versuche sind eine nothwendige Folge von der bekannten eschrung, dass an einem unsymmetrischen Körper sich die Elekicitit an dem kleineren Ende stärker anhäuft als an dem andern; 'avaday hält diese Erklärung aber für ungenügend (1503). Achnthe Versuche, wie hier in Luft, hat der Verfasser in Gasen ansetellt, zu welchem Ende die Gabelentlader in eine Glasglocke ingsschlessen wurden (1506).

Das elektrische Glimmen. Fortdauerndes Ausströmen un Elektricität aus einem Conductor erzeugt ein ruhig glimmenles Licht, das, weil es am leichtesten an Spitzen hervorzubringen t, Spitzenlicht genannt worden ist. Es lässt sich indess bei sehr rangen Maschinen auch an stumpfen Enden, und bei Verdünung der Luft auch an ausgedehnten Flächen hervorbringen. Fasday (Exp. research. 1529) sah auf einer positiv elektrisirten ensingkugel von 21 Zoll Durchmesser, einen Raum von 2 Zoll wehmesser mit dem glimmenden Lichte bedeckt, als die Luft n die Kugel nur einen Druck von 4,4 Zoll hatte. Eben so leicht hiek er unter der Glocke der Luftpumpe des Glimmen an einer ngativ elektrisirten Fläche, schwerer aber nuter gewöhnlichem nstdruck. Das Glimmen zeigt sich in allen Gasen, es ist überall At einem Luftstrom begleitet, der gewöhnlich von dem glimmenm Leiter ab, zaweilen aber auch auf ihn zu gerichtet ist (1535). la des Glimmen eine fortdauernde Entladung des Conductors, der ichtbüschel und Fanke eine intermittirende verlangt, so lassen

sich durch Abänderung der Umstände an derselben Fläche diese drei Erscheinungen beobachten. Das abgerundete Ende eines 0,3 Zoll dicken Drahtes an dem Conductor zeigte bei starkem Drehen der Maschine das Glimmen, das durch Gegenhalten der Hand is einen Büschel überging; als die Maschine schwächer gedreht wurde, erschienen Lichtbüschel, die durch Gegenhalten einer feinen Spitze wieder in Glimmen verwandelt wurden (1540). Wenn das Ende eines Drahtes, an dem das Glimmen statt findet, fettig gemacht wird, so entstehen sogleich Lichtbüschel An einer Kugel mit hervorragender Spitze, die mehr oder weniger in die erste hineingeschoben werden kann, lassen sich leicht Glimmen, Lichtbüschel und Funken nach Belieben erzeugen (1541).

Dunkle Entladung, Faraday hat von den leuchtenden EntlaSungen, die er die zerreissenden (disruptive) nennt, die dankle und fortführende Entladung unterschieden, die mit jenen verbunden sein können. Die dunkle Entladung schliesst er ses folgendem Versuche (1544). Zwei Messingstäbe, 0,3 Zoll dick wurden in einer exantlirten Glaskugel bis zur Berührung der Esden genähert, und, während Elektricität von einer Maschine durch sje hindurchströmte, von einander getrennt. Im Augenblicke der Trennung zeigte eich am Ende des negativen (zur Erde abgeleileten) Stabes das Glimmen, während das positive Ende dunkel blick Bei weiterer Entfernung der Stäbe erschien am positiven Ende ein purpurner Streisen, der auf den negativ glimmenden Stab etging, sich niemals aber bis zu demselben erstreckte. Der zwischen beiden Lichterscheinungen befindliche dunkle Fleck, ungefähr 🛧 Lall lang, behielt seine Lage gegen das negative Ende unverändert bei Der Effekt war derselbe, wenn der eine Stab durch direkte ladang negativ gemacht worden war. Mit zwei in einer Glocke einander gegenüberstehenden Kugeln wurde dasselbe bemerkt mit dem charakteristischen dunkeln Raume zwischen den beiden Lichterscheinungen. Die von Andern bemerkten dunkeln Stellen is langen Funken, die durch Lust überspringen, scheinen dem Vefasser dasselbe zu beweisen, eine elektrische Entladung nämlich durch einen dunkeln Raum hindurch. Diese dunkle Entladaut konnte auch in Gasarten erseugt werden. Zwei augerundete Meesingdrähte wurden in einer mit Salzsäuregas unter 6,5 Zott Druck gefüllten Glocke einen Zoll von einander befestigt. Als auf det einen Draht von der Maschine fortwährend Fanken schlugen, er kien an beiden Enden in der Glocke ein Glimmen und ein dunkr Raum in der Mitte zwischen ihnen (1554). In Steinkohlengas
ur die dunkle Stelle 4 Zoll lang, bei einem Abstande der Leiter
m einem Zoll. In diesem Gase zeigen auch Funken häufig dunkle
kellen (1657). In Stickstoffgas geschah die Entladung zwischen
ugeln verschiedener Grösse in der Weise, dass an der kleineren
ugstiven Kogel ein Büschel, an der grösseren positiven ein helr Schein und zwischen beiden ein dunkler Raum erschien (1569).
unkle Entladung durch Lust hindurch ist zwar leicht zu erhalu, wird aber vom Versasser zur solgenden Entladungsart gezogen.

Fortsührende Entladung. Diese Art der Entladung ist er in lussfürmigen oder slüssigen Medien möglich, sie besteht in eism Elektrisiren der nächsten Theilchen des Mediums und in einer erthewegung derselben (Exp. res. 1562). Ein bekanntes Beispiel inner Entladung ist die Lustströmung an einem elektrisirten Conneter, die mit dem Namen des elektrischen Windes bezeichnet ind. Die fortführende Entladung wird besonders leicht durch pitzen hervorgebracht, da an diesen die Krast, mit der die elektrisirm Lufttheilchen fortgestossen werden, am grössten ist (1573). Man mm sich mit gleichem Erfolge hierzu der Flüssigkeiten bedienen, udche die Elektricität leiten. Faraday brachte einen Quecksilutropien an das amalgamirte Ende eines von dem Conductor der luchine herabgehenden Messingdrahts; beim Elektrisiren desselm wurde sein unteres Ende spitz und zeigte Glimmen mit herabrists gehendem Luststrom (1581). Ein Chlorcaleiumtropsen auf siche Weise elektrisirt bildete einen von einem starken Winde ngleitsten Kegel, der an seiner nach unten gerichteten Spitze Emmen oder Büschel zeigte (1583); im ersten Falle war die berfläche der Flüssigkeit glatt, im zweiten gekräuselt. Am bessm erhielt man diese Erscheinungen an einer am Conductor der lektrisirmaschine befestigten Kugel, die mit Gummiwasser oder sup benetzt war. Bei langsamem Drehen der Maschine bildete ch ein grosser conischer Tropsen mit concaven Seiten, dessen pline Glimmen mit so starkem Winde zeigte, dass eine darunter maltene Wasserläche eingedrückt wurde. Bei stärkerer Elektrisung wurde ein Theil des Tropsens sortgetrieben, der zorücklessed Theil spitzte sich zu und zeigte mit wechselnder Verbrang und Verlängerung Lichtbüschel. Eine Wasserfläche untr den Tropfen gebracht, wurde nicht mehr eingedrückt, ja sogar schoben, wenn sie in solcher Entfernung stand, dass Fantsa überschlugen (1584). Bei Tropfen gutleitender Flüssigkeiten ist die Kegelform des Tropfens grösstentheils Folge des erzeugten Luftstromes, eine Spitze unter einen solchen Tropfen gehalten, hebt den Wind auf und drückt die Spitze des Kegels zurück. Merkwordig ist, dass die negative Elektricität einen grösseren Kegel bildet als die positive, derselbe lässt weniger Flüssigkeit von sich forttreiben, er giebt schwerer Funken und wird von einer entgegengehaltenen Spitze weniger verändert. Dies ist so auffallend, dess Paraday einen Gummitropfen zur Unterscheidung von positiven und negativen Entladungen anzuwenden räth (1593). Besteht der Tropfen aus einem schlechten Leiter, aus Terpenthinöl, geschmab senem Siegellack, so wird er durch die Elektrisirung in Fädet ausgezogen und fortgeführt. Hier bedingt nicht der Wind alleis den Essekt, sondern die fortsührende Entladung findet innerhalb des Tropfens selbst statt (1594) In Terpenthinöl lassen sich die durch Elektricität erzeugten Ströme sehr gut beobachten; man giesst hierzu das Oel in ein Gestiss mit Quecksilber, das durch einen Draht eine Ableitung nach der Erde hat. Taucht man in das Oel eine amalgamirte Messingkugel mit daranhaftendem Quecksilbertropfen, so wird dieser bei der Elektrisirung achr spitz und sogar zu Fäden ausgesponnen (1597). Hebt man die elektrisirte Kugel über das Niveau des Oels, so wird ein Theil des Oels mit in die Höhe gehoben, wobei bemerkt wurde, dass die gehobest Saule viel höber und breiter ist, wenn die Kugel positiv, als wenn sie negativ elektrisirt worden ist (1600).

Ein Draht durch elektrische Entladung leuchtend. Henry ') hat den bekannten Versuch Van Marums, einen langen dünnen Drath durch die elektrische Entladung leuchtend zu machen, mit einer Nairneschen Cylindermaschine von 7 Zoll Durchmesser wiederholt. Er setzte an den ersten Conductor der Maschine eine 1 lüssige Kugel und spannte einen langen dünnen Drath zwischen zwei anderen Kugeln aus (von welchen wahrscheinlich die eine isolirt, die andere mit der Erde in Verbindung gesetzt war). Indem er auf die isolirte Kugel einen Funken vom Conductor schlagen liess, wurde der Drath, wenn er auch noch molang war, leuchtend mit senkrecht von dem Drahte ausfahrenden

¹⁾ l'Institut 1838, p. 179, Poggondorff Annales " Bd, 43, S. 413.

strahlen. War der Draht umgebogen, so dass er in zwei paralelen Längen lief, so wurde nur die Aussenseite desselben leuchand, war er Zförmig gekrümmt, so leuchteten nur die parallelen Ame. Als der Draht endlich zu einer flachen Spirale aufgewunlen war, zeigte sich das Licht nur in der längsten Spire, dort aber ahr lebhaft.

Phosphorescenz durch elektrische Funken. Die solpuden Versuche, obgleich mit dem Entladungssunken einer Batwie angestellt, sind, als dem elektrischen Lichte im Allgemeinen ngehörig, am passendsten gleich hier mitzutheilen.

Becquerel') stellte eine Schale mit wohlausgeglühten Austerthalen den Kageln eines Heuleyschen Ausladers nahe, und liess im Entladungsfunken einer Batterie von 18 Flaschen, die stets n demselben Grade geladen war, zwischen den Kugeln übersprinen. Die Austerschalen wurden phosphorescirend, und zwar desto tärker, je näber sie den Funken lagen und von je mehr Funken is bestralt waren. Als er die Schalen mit weissem sehr durchichtigen Glase bedeckte, wurden sie durch die Funken deste weiger leuchtend, je dicker das Glas war. Ein violettes Glas verielt sich wie das sarblose, aber ein rothes oder gelbgrünes gleiher Dicke hinderte jede Spur von Phosphorescenz. Der Verfasser at den Gegenstand in Gemeinschaft mit Biot ') wieder aufgesummen, wobei neuere und interessantere Resultate gewonnen rurden. Die Ansterschalen wurden mit einer Platte bedeckt, die m einem 3,65 Millimeter dicken Glase und einer 5,9 Mm. dicken lengkrystallplatte zusammengesetzt war; die Phosphorescenz zeigte ich sehr stark uuter dem Bergkrystall, obgleich sie unter dem line, wegen zu grosser Entfernung der bestralenden Funken, nicht serklich war. Als der Versuch mit einer senkrecht gegen die me geschnittenen Bergkrystallplatte von 41,2 Mm. Dicke wiearholt wurde, zeigte sich noch ihre Ueberlegenheit über die Glaslatte, obgleich letztere bedeutend durchsichtiger war. Eine senkselt gegen die Axe geschnittene Platte aus Rauchtopas von 21,7 les. Dicke liess die Austerschalen, die sie bedeckte, durch den laktrischen Funken viel stärker phosphoresciren, als die Glasplatte 3,5 Mm. Dicke. Es folgt hieraus, dass durchsichtige Körper

¹⁾ Comptes rendus VIII. p. 216. Poggond, Annal. * Bd. 49. S. 543.

²⁾ Compt. rend. VIII. 223. Poggend. Annal. 2 Bd. 49. S. 549.

die Eigenschaft des elektrischen Funkens, durch Strahlung Phosphorescenz zu erregen, zwar schwächen, aber in einem andem Verhältnisse, als sie das Licht schwächen, wie dies bereits für die Wärmestralung bewiesen ist. Noch durchgänglicher für die elektrische Phosphorescirung als der Bergkrystall ist der krystallisirte Gyps. Unter einer klaren Gypsplatte von 7,6 Millimeter Dicke wurden die Austerschalen sehr schön leuchtend, obgleich sie gleichzeitig unter einer Glasplatte dunkel blieben. Eine andere interessante Erfahrung ist das Verbreiten der Phosphorescenz von einer Stelle zur andern. Als die Verfasser die Austerschalen mit einer durchlöcherten Pappe bedeckten, erschien nach dem Bestreien mit dem elektrischen Funken nur ein kleiner Kreis der Substanz leuchtend, nach und nach verbreitete sich der Lichtschein über andere Theile der Fläche, und bedeckte sie gänzlich, eht er verlosch.

Der junge Becquerel ') hat die bekannte Erfahrung, dass die künstlichen Phosphore (Schwefel-Calcium oder Baryum) durch elektrisches Licht leuchtend werden, unter der Campane einer Luftpumpe wiederholt, und gefunden, dass dies Leuchten deste stärker, je dichter die Luft unter der Campane ist. Es ist dies eine Folge der nach der Dichtigkeit der Luft verschiedenen Lichtstärke des Funkens, denn wenn nur der Phosphor unter der Campane lag, die Funken aber in freier Luft erzengt wurden, so war die Phosphorescenz unabhängig von der Luftverdünnung.

Verdampfung durch Elektricität befördert. Nollet *) und Beccaria *) haben durch Wägung von verdampfenden
Wasser gefunden, dass diese Verdampfung durch Elektrisirung des
Wassers vermehrt wird. Peltier *) hat dies durch neue Versuchs
bestätigt. Wasser in einem Platintiegel, dessen Rand mit einem
Glasringe bedeckt war, wurde zu 80 bis 90° C, erwärmt; die
Dampfwolke über demselben vergrößerte sich sichtlich, als eine
9 Linien im Durchmesser haltende Kupferkugel ungefähr 3 Linien
über dem Tiegel befestigt und durch Verbindung mit dem Cosductor einer Elektrisirmaschine fortdauernd elektrisch erhalten
wurde. Durch Anwendung eines Drahtbündels statt der Kuge

¹⁾ Annales de Chimie * t. 71, p. 36, Poggen d. Annal, Bd. 48, S. 540, 3) Recherches s. l. causes des phén. él. 1749, p. 315,

^{*)} Elettricismo artificiale * 1772. p. 274.

^{*)} Observations our les trembes. * 1841. p. 79.

vurde die Dampimenge angefähr verdreifscht. Hierbei wirkte aber ler von der Elektricität erzeugte Luststrom mit, dessen Einstes ler Verfasser solgendermassen zu bestimmen suchte. Er brachte ings um den Platintiegel Seidenfäden an, aus deren Bewegung der aftstrem beurtheilt wurde, den ein kleines rotirendes Flügelrad ber die Wasserstäche hintrieb. Wenn aber die auf diese Weise rnengte Luftbewegung bei Weitem stärker war als die durch das laktrisirte Drahtbändel hervorgebrachte, so war dennoch die Verlampfung des Wassers geringer. -- Um den Einfluss der Elektribung suf die Verdampfung bei niederen Temperaturgraden zu zeien, bediente sich Peltier eines Apparats, den er ausserdem als us empfindlichste Hygrometer empfiehlt. Drei thermoëlektrische bare (aus Wismuth - und Antimonstäbehen) wurden so mit einuder verbunden, dass sie einen Dreifuss bildeten, dessen untere öthungen auf einer constanten Temperatur gehalten wurden, wähenti die oberen einen mit Wasser gefüllten Platintiegel eng ummoten. Die freien Enden dieser dreipaarigen thermoëlektrischen itale gingen zu einem Multiplicator von 40 Windungen, der die Maltang der obern Löthstellen und somit, da diese von der Verlampfang abhängt, den hygrometrischen Zustand der Lust anzeigte. la elektrischen Versuchen wurde statt des Platintiegels eine Glaschale genommen, deren Boden durchbohrt war und hierdurch ine Verbindung des in ihr befindlichen Wassers mit einem ableienden Drahte gestattete. Die früher erwähnte mit dem Conduktor les Maschine verbundene Kugel wurde über der Schale besestigt; nan wartete eine seste Ablenkung der Magnetnadel des Multiplisters ab, die der freiwilligen Verdampfung des Wassers entsprach, nd elektrisirte sodann die Kugel, wodurch sogleich eine weitere iblenkung der Nadel durch verstärkte Verdampfung des Wassers swirkt wurde. Diese Einrichtung batte den Nachtheil, dass in en meisten Fällen die Nadel darch die freiwillige Verdampfung then so weit abgelenkt wurde, dass sie für die künstliche Vertapfang zu wenig empfindlich blieb. Der Verfasser bog daher io Stabe der thermoëlektrischen Paare in die Form eines sehr colineten U, so dass alle Löthstellen nach oben zu liegen kamen ad bildete zwei Dreizacke, von welchen ein jeder einen mit Vareer gefällten Platintiegel eng umschloss. Die freivvillige Verlampfung, welche bei beiden Wasserslächen gleich war, konute vier keine oder doch nur eine sehr geringe Ablenkung der Multiplicatornadel bervorbringen, Indem nun über den einen Tiegel das Flügelrad, über den andern die Kupferkugel gestellt war, konnte der Einstuss der Lustströmung auf die Verdampfung gegen den der Elektrisirung abgewägt werden, und es ergab sich, dass die künstliche Lustströmung durch das Flügelrad ungefähr 10mal so stark ein musate, als die durch die Elektrisirung hervorgebrachte Lustströmung, um die Verdampfung in beiden Tiegeln gleich zu machen. Dass die durch Elektrisirung vermehrte Verdampfung von gleicher Art sei wie die freiwillige, und nicht etwa ein Mitsortreisseu von Wassertheilchen bedinge, wurde so ausgemacht, dass mit Lackmungefärbte Papierstückehen um den Tiegel und auf die über ihm stehende Kugel gelegt wurden. Obgleich das Wasser im Tiegel durch Schweselsäure sauer gemacht war, brachte die durch Elektrisirung der Kugel vermehrte Verdampsung keine Röthung des Reaktionspapiers hervor.

Einfluse der Elektricität auf die Gährung. Black!) zeigt an, dass während eines gewitterhaften Wetters die Gährung des Bieres aufhöre und die Flüssigkeit leicht in saure Gährung übergehe. Dies geschehe besonders, wenn die Kufe mit dem gährenden Biere auf seuchtem Boden steht; man könne diese nechtheilige Einwirkung der Elektricität verhindern, indem man des Gefüss auf Füsse von gedörrtem Holze, und diese auf Steinblöcke stellt.

II. Entladung der elektrischen Batterie.

Schlagweite unabhängig von der Natur des Schliessungsbogens. Im zweiten Bande des Repertoriums Seite 41 ist gezeigt worden, dass die Schlagweite der elektrischen Batterie der Dichtigkeit der in ihr angehäusten Elektricität proportional ist. Bezeichnet man die Obersläche der Batterie mit s, die in ihr befindliche Elektricitätsmenge mit q, endlich mit d die Schlagweite, das heiest die kleinste Entfernung des freien Endes des Schliessungsbogens von dem metallischen Fortsatze der innern Belegung im Augenblicke der Entladung, so hat man d = b\frac{q}{2}. In diesem Ausdrucke giebt die Constante b die Schlagweite für die auf Eis-

^{&#}x27;) Plantitut " 1838. p. 227.

heit gewählte Ladung der Batterie an und ist selbst veränderlich mit der Cestalt und gegenseitigen Stellung der beiden Metallsächen, swischen welchen der Entladungsfunken austritt. Ueber die Acudanng der Schlagweite mit veränderter Beschaffenheit des Schliessungsbagens lagen bisher Versuche vor, welche zu beweisen schienan, dass die Schlagweite unter sonst gleichen Umständen desto gwinger sei, je schlechter leitend der Schliessungsbogen ist. Ich labe über diesen Gegenstand eine neue Untersuchung angestellt und disselbe über verwandte Fragen ausgedehnt 1). Auf die Zapfen des Funkenmikremeters (s. Apparate) wurden die Kugela aufgestankt; ich verband den einen Zapfen durch einen kurzen Drath mit der immern Belegung der Batterie, den andern mit dem ersten Arms eines Henleyschen Ausladers, von dessen zweitem Arms cis 8 Zoll langer. 1 Linie dicker Kupferdrath unmittelbar zur innern Belegung der Batterie führte. Die Arme wurden mit cinander verbunden, entweder durch einen 4 Linien langen, 4 Linie dickum Kupferdraht, oder durch einen 102 Zoll langen, 0,062 Linie dieken Platindraht, oder endlich durch eine mit Wasser ge-Mile Glassöhre von 8,3 Zoll Länge und 4,5 Linien Dicke. Je meh diesen Einschaltungen bot der Schliessungsbogen der Elekticität eine sehr vollkommene, eine metallisch unvollkommene, eder eine nasse sehr unvollkommene Leitung. Nach jeder Einschaltung wurden 9 verschiedene Versuche angestellt, indem bei bestimmter Zahl der Batterieflaschen und bei bestimmter Entfermag der Kugeln des Funkenmikrometers, die Batterie geladen md die Zahl der Funken beobachtet wurde, die bis zur Eutladung der Batterie durch den gemessenen Zwischenraum, an der Massefache übersprangen. Es war daher bei jedem Versuche d, q und s in der obigen Formel gegeben, wonach h berechnet werden konnte. Der mittlere Werth für b sand sich genau derselbe, welche von den angegebenen Einschaltungen auch in dem Schliessungsbegen gewesen sein mochte. Es folgt hieraus, dass die Schlagweite der elektrischen Batterie gänzlich unabhängig von der Beshaffenheit des Schliessungsbogens ist.

In der Schlagweite vernichtete Elektricitätsmenge. Bei der Entladung in der Schlagweite verschwindet nicht die ganze in der Batterie besindliche Elektricitätsmenge, es bleibt ein Theil

¹⁾ Poggondorff's Amalen * Bd. 53. S. 1.

170

darin zurück. Um die verschwundene Elektricitätsmenge bei verschiedener Beschaffenheit des Schliessungsbogens zu bestimmen, lad ich die Batterie, deren Schliessungsbogen die frühere Einrichtung besass, bis zur Entladung; lad sie aufs Nene und zählte die Funken der Maassflosche bis zu der folgenden Entladung. Hierdurch wurde die bei der ersten Entladung verschwundene Eisktricitätsmenge direkt bestimmt, and es ergab sich zuvörderst, dass dieselbe stets denselben Theil der Ladung ausmache, wie verschieden auch durch Aenderung der benutzten Flaschenzahl oder der Schlagweite die anfängliche Ladung gemacht worden war. Es wurden hierauf zwei Versuchereihen angestellt, bei welchen successiv ein 4 Linien langer, 4 Linie dicker Kupferdrath und ein 102 Zoll langer, 0.052 Linie dicker Platindrath im Schliessungsbogen befindlich war. Die Einschaltung des letzten Draths veranderte die Wirkung der Batterieentladung in eben der Weise, wie es eine Verlängerung des 4 Linien langen Kupferdrahtes bis 5017 Fuss gethan haben würde. Die in der Schlagweite verschwandene Elektricitätsmenge fand sich dessenungeachtet in beiden Versuchsreihen dieselbe, worans folgt: Die Elektricitätsmenge, welche bei der Entladung der Batterie in der Schlagweite verschwindet, ist merklich dieselbe, der Schliessungsbogen mag aus besser oder schlechter leitenden Metalldrähten zusammengesetzt sein.

Die verschwundene Elektricitätsmenge betrug in den aufgeführten Versuchen 11 der ganzen Ladung; es war su untersuchen, ob dies Verhältniss dasselbe bleiben werde, wenn die Schlagweite durch Aenderung der Entladungsflächen geändert würde. Es wurden deshalb statt der Kugeln Messingscheiben von 87 Linien Durchmesser auf die Zapfen des Funkenmikrometers gesetzt, wedorch die Schlagweite im Verhältniss 55 au 62 vergrössert war; das Verhältniss der in der Schlagweire verschwundenen Elektricitätsmenge sur ganzen Ladung fand sich sehr nabe dem früheren gleich. Ich brachte ferner im Schliessungsbogen eine Unterbrechung von 0,3 Linie an, wo der Entladungsfanke zwischen Kugeln überspringen musste, nachdem er durch die veränderliche Entfernung awischen den Kugela des Mikrometers gegangen war. Durch diese Einrichtung war die Schlagweite im Verhältnisse 65 nn 48 vermindert, aber das Verhältniss der verschwundenen Elektricitätetnenge set Ladung blieb merklich das frühere. Hiernach lässt sich schliessen, dass das Verhältniss der in der Schlagwelte verschwundenes iricitätsmenge zur ganzen Ladung der Batterie nicht gestört I, wenn auch die Kugeln, zwischen welchen der Entladungse entsteht, von verschiedener Grösse gewählt werden, und dies Verhältniss, bei der zu den beschriebeuen Versuchen gesten Batterie, wenn diese mit einem metallischen Schliessbegen durch Annäherung zweier Kugeln entladen wird, nahe tetrage. — Es ist wahrscheinlich, dass dieser Werth mit der haffenheit des Glases, aus dem die Batterieflaschen bestehen, naherlich sein wird.

Erfolg bei dem gewöhnlichen Entladungsverfahren. diesen Versuchen lässt sich der Vorgang leicht bestimmen dem gewöhnlichen Entladungsverfahren, wo eine Kugel am n Ende des Schliessungsbogens einer mit der innern Belegung Batterie verbundenen Kugel bis zur Berührung genähert wird. n die bewegliche Kugel in eine Entfernung von der festen mmen ist, die durch die Ladung der Batterie bestimmt wird, itt eine Entladung ein, bei welcher 14 der Ladung verschwinas sei diese Entsernung d. Die bewegliche Kugel wird sich m der festen nähern ohne Entladung, die erst in der Entmg 🐴 d statt finden kann, bei welcher 🚻 . 🏞 oder ungefähr der aufänglichen Ladung verschwinden. Die Kugel erhält in der Entfernung (3) die Entladung von 11 (3) oder The 125 der ansänglichen Ladung und so fort. Die beweg-Kugel ist während der einzelnen Entladungen als rubend nommen, da die Ausgleichung der Elektricität mit einer Geindigkeit geschieht, die in keinem Verhältnisse zu der der denden Kugel steht, mag diese durch die Hand oder einen anismus in Bewegung gesetzt sein. Man kann durch das Funikremeter diese aufeinander folgenden Entladungen einzeln den, aber bei den im Allgemeinen geringen Werthen der gweite d werden selten mehr als 3 Entladungen beobachtet on können. Beträgt z. B. eine Schlagweite 11 Linie, so trewenn die Kugeln des Funkenmikrometers fortwährend gert werden, die Entladungen ein in den Entfernungen

1,5 0,23 0,035 0,0055 einer pariser Linie, releben schon die dritte Entsernung nicht mehr von der Bemg der Kugeln zu unterscheiden ist. — Bei dem gewöhnlichen dungsverfahren mit einer beweglichen Kugel wird also der normgebogen ergriffen von mehren Entladungen, die in einer

geraumen messbaren Zeit hinter einander folgen, der Zeit nach welche die Kugel gebraucht, um von einer Entfernung in die nath folgende zu gelangen.

Erfolg bei der Entladung in der Schlagweite. liess die Batterie sich zwischen den Kugeln des Funkenmile ters entladen, und bestimmte die in der Schlagweite verschi dene Elektricitätsmenge, nachdem eine mit Wasser gefüllte röhre von 8.3 Zoll Länge, 4.5 Linje Dicke in den Schliem bogen eingeschaltet war. Obgleich, wie oben angeführt von iat, die Schlagweite ganz dieselbe war, wie bei ganz metallis Schliessungsbogen, so fand diese Gleichheit nicht statt in B auf die bei der Entladung verschwundene Elektricitäten Diese Menge betrug bei metallischem Schliessungsbogen 11 der dung, so dass 🤧 davon in der Batterie zurückblieben; bei schaltung der Wassersäule betrug sie nur 🛊 und es blieb 🤚 eine mehr als doppelt so grosse Elektricitätsmenge zurück. die Gleichheit der Schlagweite und ihre Veränderung mit dem ladungsflächen zeigt, wird die Entladung überall durch dem trischen Zustand der Kugeln bestimmt, zwischen welchen Funke übergeht; würde nun mit demselben die ganze der 📭 dung fähige Elektricitätsmenge verschwinden, so müsste der 🤚 atand an Elektricität überall derselbe sein. Da dies nicht der ist, so folgt: Bei der Entladung der Battorie in der Schlass wird die Elektricität derselben successiv vernichtet,

Diese successive Vernichtung des grössten Theils der sammelten Elektricitätsmenge ist dadurch erklärlich, dass die Schweite einer bestimmten elektrischen Ladung vergrössert wird. Verdünnung der Luft, die der Funke durchbricht. Ist nämlickleinste Theil der zu entladenden Elektricitätsmenge verschen, so würde, wenn die Dichtigkeit der Luft zwischen dem geln dieselbe geblieben wäre, eine kleinere Entfernung der Knöthig sein, um die folgende Entladung zu erlauben. Wird den ersten Funken werdünnt, so kann der zweite Funke üben und da dieser wiederum eine Verdünnung bewirkt, der und so fort bis die Ladung der Batterie so schwach geworde dass der Uebergang der Elektricität in der constanten Entfarder Kugeln nicht mehr stattfinden kann. Hat die Entladungehört, so dass zwischen den Kugeln wieder Luft von der ge-

lichen Dichtigkeit befindlich ist, so wird eine Entladung erst wieder bei einer bedeutend kleinern Entfernung der Kugeln eintreten können. Bei einer gewissen Ladung muss, z. B. wenn der Schliessungsbogen ganz metallisch ist, die Entfernung der Kugeln von 1,5 auf 0,23, und wenn eine Wassersäule die Schliessung unterbricht, von 1,5 auf 0,56 Linie vermindert werden, um die neue Entladung herbeizuführen. Die Ungleichheit der Elektricitätsrückstände in diesen beiden Fällen und die Wirkung der eingeschalteten Wassersäule führt auf den Mechanismus der Entladung selbst, von dem sich folgende Vorstellung als die wahrscheinlichste herausstellt.

Mechanismus der elektrischen Entladung. Der vollkommene Ladungszustand der Batterie besteht darin, dass ihre beiden Belegungen Elektricität verschiedener Art enthalten, deren Mengen ein bestimmtes (von Dicke und Beschaffenheit des zu den Flaschen gebrauchten Glases abhängiges) Verhältniss zu einander haben. Bei der Ladung oder der, durch successive Berührung der beiden Belegungen erfolgenden, Entladung ist dies Verhältniss stets desselbe, und die Batterie geht auf- oder absteigend durch verschieden starke aber gleich vollkommene Ladungen hindurch, wobei jeder Ladung eine Schlagweite zukommt, die der angesammelten Elektricitätsmenge proportional ist. Anders verhält es sich bei der Entladung durch den Schliessungsbogen. Indem Elektricität von der innern Belegung zur äussern übergeht, verschwindet auf jeder der beiden Belegungen genau dieselbe Elektricitätsmenge, das Verhältniss der beiden Mengeu kann nicht fortbestehen, und die Betterie geht in einen Zustand unvollkommener Ladung über, der sich dem Zustande der einzeln stehenden elektrisirten Fläche näbert. Hierbei nimmt die Schlagweite in geringerem Verhältnisse ab, als die Menge der in der Batterie besindlichen Elektricität. Man übersieht leicht, dass wenn anfänglich die Elektricitätsmenge der innern Belegung der Batterie 1, die der Sussern m war (so das das Verhältniss m die vollkommene Ladung bedingt), im Augenblicke wo die Quantität p von der innern Belegung verschwunden ist, die Schlagweite im Falle des vollkommenen Ladungszustandes im Verhältnisse (1 - p), für den unvollkommenen La-

dengesenstand nur im Verhältnisse $\left(1 - \frac{p}{1 + m}\right)$ abgenommen haben muss. Wäre es möglich die Batterie und den Schliessungsbogen vellkommen zu isoliren, so würde, unabhängig von der Be-

ŀ

schaffenheit des Schliessungsbogens, nur die letztere, geringere Abnahme stattfinden können. Da der Apparat aber nothwendig von fremden Körpern gestützt ist, so tritt während der Entladung eine Aenderung seines elektrischen Zustandes ein, indem die aussere Belegung von den fremden Körpern die Elektricität aufnimmt, die sie zur Herstellung des Verhältnisses m bedarf. Hierdurch nimmt die Schlagweite der auf der innern Belegung angesammelten Elektricität schneller ab, als es ohne diese Rückkehr der Batterie it den vollkommenen Ladungszustand der Fall sein würde. Die Zeit in der die aussere Belegung Elektricität von den umgebenden Karpern aufnimmt, muss sehr gross sein gegen die, in welcher die Entladung durch sehr lange und dunne Metalldrähte fortschreitet, da sich kein merklicher Unterschied in der verschwundenen Elektricitätsmenge fand, bei der oben erwähnten Anwendung des kursen Kupferdrahts und des langen Platindrahts. Wol aber kommt diese Zeit in Betracht, wenn das Fortschreiten der Entladung im Schliessungsbogen durch eine eingeschaltete Wassersäule verlangsamt ist, die Batterie kann sodann in den vollkommenen Ladungsustand zurücktreten, ehe die sonst durch die Schlagweite bedingte Elektricitätemenge von der innern Belegung gänzlich verschwenden ist. Hiermit erklärt sich der oben angeführte Fall, dass eine gewisse Elektricitätsmenge bei Einschaltung der Wassersäule nicht mehr den Luftraum zwischen den Kugeln durchbrechen konnte, obgleich durch denselben eine viel kleinere Menge hindurchging, wenn der Schliessungsbogen ganz metallisch war. Offenbar befood sich die grössere Elektricitätsmenge in dem Zustande einer vid vollkommenern Ladung, als die kleinere. - Da man sich bisber die Entledung der Batterie durch ein Uebergehen der anfänglichen Ladung zu schwächern aber vollkommenen Ladungen veranschaslicht hat, so ist es nöthig, den Satz herauszuheben: Von dem ersten Momente der Batterieentladung an ist die Bedingung der vollkommenen Ladung aufgehoben, das bestimmte Verhältniss nämlich der Elektricitätemengen beider Belegungen.

Begleitende Entladungserscheinungen. Dass Fanks und Knall bei der Entladung der Batterie der Stärke nach bedeutend variiren mit der Ladung und der Beschaffenheit des Schlieseungsbogens, ist seit lange bekannt, es wurde aber eine direkte Beziehung dieser Erscheinungen zu der Schlagweite angenommen, welche nicht stattfindet. Ich habe mich überzeugt, dass Ponks and Knall von der empfindlichsten Stärke bis zu einer kanm merklichen Grösse abnehmen kann, ohne dass die Schlagweite im geningsten verändert würde. Die begleitenden Entladungserscheinungen hangen aber mit einer anderen beobachteten Wirkung der Entladung zusammen, mit der Erwärmung nämlich eines constanten Drahtes im Schliessungsbogen. Fast überall wo diese Erwärnang gegen eine früher beobachtete geschwächt oder verstärkt exchaint, ist auch die Stärke von Funke und Knall in gleicher Weiss verändert und ein geübtes Ohr vermag schon eine geringe Academang des Schliessungsbogens an der Eutladung zu erkennen. Ansachmen hiervon, wo nämlich ein starker Entladungsknall einer schwachen Erwärmung entspricht, finden dann statt, wenu die Enthalung einen Theil des Schliessungsbogens (ein darin befindliches Karten-, Glas-, Glimmerblatt) verletzt. Ein merkwürdiges Beimid zu der angegebenen Analogie ist solgendes: Wird neben dem Schliessungsdrahte der Batterie ein ihm paralleler Draht ausgespannt, dessen Enden durch ein kurzes Stück Kupferdraht verbunden sind, so ist die durch die Entladung im Hauptdrahte hervergebrachte Erwärmung ebenso gross wie ohne Nebendraht, wird statt des Kupferdrahts ein langer und dünner Platindraht gesommen, so ist die Erwärmung bedeutend verringert (vergl. Nebenstrom Abtheil. s.). Auch in diesen Fällen entspricht die Stärke des Funkens und Knalles bei der Entladung der der Erwärmung in Schliessungsdraht. Es ist deshalb zur fernern Untersuchung m beschten: Bei der Entladung der Batterie durch Luft bindurch variert die Stärke des Funkens und Knalles gleichmässig mit der Erwärmung eines constanten Drahts im Schliessungsbogen. 1)

Schlagweite der Flasche durch eine vorhergehende Entladung verändert. Faraday hat diese Aenderung durch wiese complicirten Versuch aufgezeigt, aus dem er schloss, dass

=

6

^{&#}x27;) Dieser Satz kann bei Untersuchung der Natur des elektrischen lichtes überhaupt nützlich werden, welche de la Rive ganz neuerlich wieder zur Sprache gebracht hat (Erdmann und Marchand Journal f. mit. Chemie Bd. 24. S. 414.). Der Verfasser neigt sich zur Ansicht Priestley's, nach welcher der elektrische Funke aus loegerissenen glühnden Metalltheilchen besteht, und spricht die Vermuthung aus, dass, wähnel Lieht und Wärme im stralenden Zustande unabhängig von wägbaren hales sich manifestiren, die Elektricität niemals isolirt auftrete, sondern immer einen materiellen Träger verlange.

eine Luftschicht, durch die eine elektrische Entladung gegangen ist, eine gleich darauf folgende Entladung leichter zulässt, und das daher bei der leydener Flasche der Anfang der Entladung den Fortgang derselben begünstigt (Experimental researches 1418). Ich selbst habe später dieselbe Folgerung aus messenden Versuchen über die Schlagweite der Batterie gezogen (siehe oben Seite 172). Faraday's Versuch ist folgender (1417). Die Knöpfe zweier gleschen leydener Flaschen, die auf einer metallischen Unterlage stehen, setzen in horizontale an den Enden abgerundete Messingstäbe ne und ob fort (Fig. 5.), welchen gegenüber eine grosse Kugel a nebst Draht und Kugel d isoliet aufgestellt ist. Die beiden Plaschen wurden zu gleicher Stärke geladen, da während der Ladung na und ob durch einen Querstab verbunden waren. Die Flaschen wurden entladen, indem man eine Kogel e, die durch einen Draht mit ihren äussern Belegungen communicirte, der Kugel d nähertes Nach Maassgabe der Entfernung der Enden no von einander und von der Kugel e fand die Entladung in zwiesacher Weise statt: entweder ging von n und o gleichzeitig ein besonderer Funke sur Kugel c, oder es ging ein Funke zwischen beiden Stäben aber und von einem Stabe zur grossen Kugel. Bei Versuchen mit der letzten, einfachen Entladung ging der Funke von o nach n und von n nach c durch eine Luftschicht von 1 mal grösserer Dicke als die Luftschicht zwischen o und c batte. Hierbei konnte, selbe mit Hülfe von Wheatstones rotirendem Spiegel, der Funke swischen n und e nicht als ein doppelter erkannt werden. Der Verfasser nimmt daher an (was auch theoretisch das einzig Wahrscheigliche ist), dass zuerst eine Entladung der zu na gehörigen Plasche eintrot und nachfolgend die Flasche an ob entladen wurde. Diese Flasche, die sonst die Schlagweite oc gehabt hätte, hat die um i mal grössere Schlagweite one, nachdem in der Luftstrecke on eine elektrische Entladung vorangegangen war.

III. Wirkungen der Batterie-Entladung.

a. Mechanische Wirkung und Magnetisirung.

Verkürzung von Drähten durch die Entladung. Dit seit lange bekannte Erfahrung, dass Metalldrähte, durch die man eine stark geladene elektrische Batterie wiederholt entladet, dauerse

men worden. Derselbe giebt an, dass die mittlere Verkürindenner Platindrähte durch gleich starke Entladungsschläge
imgekehrten Verhältnisse der Durchmesser der Drähte stehe;
Resultat das keine allgemeine Gültigkeit haben kann, da der
auser weder die Spannung des Drahtes noch die Veränderung
Entladungsstromes durch den veränderten Schliessungsbogen
hiet hat. Nach ihm ist die Verkürzung dieselbe, wenn auch
last, die den Draht umgiebt, verschiedene Dichte hat. Zuletzt
sekt der Verfasser die wellenförmigen Einbiegungen dünner
hte, die lose liegend einen elektrischen Schlag geleitet haben
ime Erscheinung auf die ich bereits vor mehreren Jahren auftsam gemacht habe. 2)

Momentane Verkürzung von Metallröhren. Diese auche Verkörzung mag hier mit aufgeführt werden, obgleich dapalvanische Elektricität angewendet worden ist. Doppler ') hte eine 3 Fuss lange messingene zichre zwischen die Fühl-I des Comparators der Wiener polytechnischen Schule und durch sie den galvanischen Strom eines einsachen Plattenss gehen. Der Fühlhebel zeigte eine Verkörzung der Röhre, mit steigender elektrischer Spannung (?) wuebs, und beim nem der Kette aushörte, indem die Röhre wieder an Länge han. — Da eine solche Verkärzung nicht unwahrscheinlich, wirkliche Aufzeigen derselben von grossem Interesse ist, so ; ich den Versuch mit Sorgfalt wiederholt. Ich besestigte eine ingrohre von 23 Zoll Länge, 6 Linien Dicke am einen Ende, sie auf einer Friktionsrolle ruben und verlängerte sie am an-Ende durch ein Glasstäbchen, das gegen den Angriffspunkt Bepsoldschen Fühlniveaus (von Oertling gesertigt) drückte. Verrichtung war so empfindlich, dass die Wärme der Hand colleveite über der Röhre binreichte, die Lustblase des Niveaus h die Eintheilung zu treiben. Die Messingrühre hatte an den en Haken, in weite Quecksilbernäpfe tanchend, die mit einem nimeter verbunden waren. Ich habe indess niemals eine Versung der Röbre bemerken können; es trat jedesmal beim

¹⁾ Annales de Chimie * t. 71. p. 44. Poggend. Ann. Bd. 48. S. 548.

²⁾ Poggendorff Annelen Bd. 40. 8. 340.

^{*)} Baumgart ner Zeitschrift f. Phys. Bd. V. S. 342.

Schliessen der Kette eine Verlängerung derseiben ein, die so bedeutend war, dass die Mikrometerschraube des Niveaus bewegt werden musste. Die angegebene Verkürzung einer Röhre durch den galvanischen Strom muss deshalb in Frage gestellt bleiben; wahrscheinlich wird sie überall durch die Wärmeentwicklung, die eine Verlängerung erzeugt, versteckt und überwogen.

Regelmässiga Zerstreuung von Pulvern durch die Entladung. Abria () hat die Bemerkung gemacht, dass, wesse der elektrische Entladungsfunke in einiger Höhe über eine Tafel schlägt, die mit zart gepülverler Kreide bestreut ist, scine Linien in dem Pulver entstehen, die sich regelmässig gegen die Projektion des Weges gruppiren, den der Funke genommen. Es wurden zu dem Versuche die mit Spilzen versehenen Arme eines allgemeinen Ausladers 15 Millimeter von einander gerückt; darunter in 30 Millimeter Entfernung befand sich eine mit gesiebter Kreide bedeckte Metallplatte. Nachdem eine stark geladene leydener Flasche einigemal durch den Auslader entladen war, zeigten sich die Linien in dem Kreidepulver in einer Ausdehnung von 15 Centimeter zu beiden Seiten der Spitzen. Andere Entfernungen der Spitzen von der Platte geben die Linien in anderer Ausdehungs. Sie bildeten sich in gleicher Weise in verschiedenen Palvern und auf den verschiedensten Unterlagen, wie Holz, Glas, Metall; nur mussten, je dichter das angewandte Pulver war, desto mehr und desto stårkere Entladungen zur Erzeugung der Erscheinung gebraucht werden. Auch in Gasarten und bei verdünnter Luft bildeten sich die Linien, aber mit Kreidepolver nur, wenn der Luftdruck über 5 Millimeter war, mit kohlensaurer Magnesia hingegen noch bei einem Drucke von 2 Millimeter. Der Verfasser schloss hieraus, dass das Phänomen von einer Luftbewegung herrühre, welche durch die elektrische Explosion erzeugt wurde, und er brachte dasselbe daher auch mit andern plötzlichen Explosionen hervor. Die Limen zeigten sich nämlich in gleicher Art, ale Seifenblasen mit Knattluk gefüllt über einer mit Staub bedeckten Marmortafel entzundet wurden. Die übrigen beigebrachten Versuche betreffen die mechapische Erklärung der Erscheinung.

Zu derselben Klasse von Erscheinungen gehört eine Beobachtung Lichtenberg's, die er als ein elektrisches Phanomen, das

¹⁾ Annaice de Chimie 1 t. 74. p. 186. Poggend, Ann. Bd. 53. S. 580.

r sich mech nicht recht erklären könne, mitgetheilt hat. 1) An im Morgen, schreibt Lichtenberg an Georg Forster, da wir pule den Abend vorher sehr stark mit Seisenblasen und der Gedwiedpistele geschossen, aber nicht viel elektrisirt hatten, sand d, dass der Harzstanb und das Semen Lycopodii, wovon die grosse, it grünem Wachstuch überzegene, Tafel ziemlich voll lag, um Jin, was auf derselben herumstand, in die schönsten Figuren anphonen war, wenn ich so reden darf. Der Staub sormirte pobe Sounen um Recipienten, andere Gläser, Schachteln, metalha Körper und Röhren, und was sonst auf der Tafel stand und LAR einigen Stellen, wo nichts stand, hatte sich der Stanb in regelmässige Formen augelegt, die dem Chagrin nicht unähnin when. Allein dies ist die Sache noch nicht halb. Von unge-It bemerkte ich, dass Stückchen von Barometerröhren, die unter der Wand hängenden schwarzen Tafel lagen, auf welcher Min meinen Stunden zu schreiben pflege, den Stanb der beim Mwischen oder Schreiben herabgefallenen Kreide in eben solche Fren um sich herumgelegt hatten. Ja, als ich endlich einen bien, gleich bei der schwarzen Tasel stehenden Schrank, dessen he nur aus einer mit Oelfarbe angestrichenen Leinewand betil, idinete, fand ich, dass anch da um einige Gläser herum der betragene Stubenstand Sonnen formirt hatte. Was ist dieses? **die Gläser oder das** Wachstuch durch die hestige Erschütteder eingeschlessenen Luft beim Schliessen elektrisch geworden? Stanniel mehrfach durchbohrt. Osann 2) hat darauf findum gemacht, dass wenn ein Stanniolblatt von Elektricität sibehrt wird, dies gewöhnlich in 2 Löchern geschieht, die bei then Schlege bis 1 Linie von einander entfernt sind. Der Verer schlieset hieraus, dass der elektrische Funke aus zwei geduten entgegengesetzt elektrischen Funken bestehe, die sich we der Fortgang der Elektricität erschwert ist, wie bei Durchbing eines Kartenblatts, in ein Ganzes vereinigen.

Magnetisirung durch mechanische Wirkung der Entlag. Peltier³) hat die bekannten Versuche wiederholt über Magnetischwerden von Stahlnadeln durch elektrische Schläge

^{&#}x27;) Vermischte Schristen berausgeg. von Lichtenberg und Kries*
1 1991. B.J. S. 247.

^{1/} Brdmann Journal L. prakt, Chem. 8 Bd. 42. S. 242.

¹⁾ Mostitut 1838 * p. 34.

die durch sie der Länge nach hindurchgeben. Er hat bestätigt, das die Elektricität hier nur mechanisch wirke (wie die Torsion oder ein Hammerschlag), indem sie die Coërcitivkraft des Stahls erhöht, der hiernach den Magnetismus der Lage sestzuhalten im Stande ist.

Magnetinirung durch Elektricität in einer luftleeren Röhre. Nach Arago's') Bemerkung hat Savary schon ver langer Zeit folgenden Versuch gemacht. Eine luftleere Glasröhn und ein ebenso dicker Messingstab wurden in den Schliessungsbagen einer Batterie gebracht. Stahlnadeln über der Röhre und dem Stabe in gleicher Entfernung liegend, wurden durch die Entladung gleich stark magnetisch. Die hieraus gezogene Folgerung dass der elektische Strom ohne materiellen Träger Magnetisme erregen könne, ist nicht streng.

Savary's Versuche über die periodisch verschieden gerichtete Magnetisirung von Stahlnadeln in einer Drahtschraube, durch welche zunehmende Ladungen einer Batterie hindurchgehen, hat ich wiederholt und vollkommen bestätigt gefunden.

b. Chemische Wirkung der Entladung.

Veränderung der Oberfläche von Glas, Glimmel u.s. w. durch die Entladung. Elektrische Hauchfiguren Ich habe hierüber folgende Erfahrungen gemacht. 1) Eine Spiege 1 glasplatte sorgfältig gereinigt und erwärmt, so dass sie sich 😅 Elektrometer nach allen Richtungen als vollkommen isolirend wies, wurde zwischen zwei im Schliessungsbogen der Batterie be findliche Spitzen gebracht. Als bei der Entladung der Batterie in Fanke über beide Oberflächen des Glases bis zum Rande zezanze war, liese dieser daselbst die bekannten matten Spuren zurück, welchen eine Verletzung der Glasmasse deutlich ist. Am Elekto meter geprüft, zeigten sich diese Spuren leitend, aber ausserder waren noch andere Stellen der Glassläche leitend geworden, de vollkommen spiegelnd keine Veränderung im Ausehen erlitten 📟 ton. Alle diese leitenden Stellen konnten durch Anhaucken de Glasplatte sichtbar gemacht werden, indem der Hauch auf dem ben nicht condensirt wurde; es entstanden auf benetztem Grad

¹⁾ Compt. rend. t. VII. p. 1061. Poggend. Annales * Bd. 46. S.

¹⁾ Poggendorff's Annelen Bd. 47. S. 59.
1) Poggendorff's Annelen Bd. 43. S. 64.

licheungen anbenetzter mannigfach verschlungener Linien und lichtelungen, die ich mit dem Namen: elektrische Hauchfiguren, diet habe. Leichter und bei Weitem schöner werden die Hauchjuren auf dünnen Glimmerplatten erzeugt, bei welchen nicht einst eine vollständige Entladung der Batterie durch einen Funken blig ist; bläuliche Lichtbüschel, die von den Ansatzspitzen auf besimmerfächen übergehen, genügen. Man erhält hier sehr zierth gutellte, dem Hirschgeweih ähnliche Verzweigungen, die oft das zegelmässigste von der Peripherie eines Kreises ausgehen. In Chimmerfläche isolirt, auch nach der elektrischen Einwirkung, in Elektricität nach allen Richtungen.

Man könnte geneigt sein die elektrischen Hauchliguren einer she bleinen, durch die Entladung auf Glas und Glimmer geführn und daselbst hastenden Elektricitätsmenge zuzuschreiben, allein Itaggen spricht, dass die Figuren auf beiden entgegengesetzten Bichen der gebrauchten Platte von durchaus derselben Art sind, In sie serner wesentlich dieselben sind, die Batterie mag mit podiver oder negativer Elektricität geladen sein, und endlich dass th sich lange Zeit conserviren lassen. Ich habe Glimmerplatten Anden lang unter Druck zwischen Stanniolblättern liegen lassen, he dass ihre Hauchfiguren verändert worden. Freilich erscheih de Figuren kurze Zeit nach der elektrischen Einwirkung am Plastes, indem dann die Zeichnung spiegelhell auf dem benetsfrunde steht; schon nach einem Tsge wurden gewöhnlich die benetzt, aber viel weniger als der Grund, und in dieser telt lassem sie sich Jahre lang aufbewahren. Ich besitze Glimplatten. die heut, mehr als vier Jahre nachdem sie der Entlasusgesetzt worden, die Hauchfiguren in ganz bestimmten Umten zeigen. Es liesse sich annehmen, dass die Figuren durch bilitheilehen gebildet würden, die durch den Funken von den bingenen Ansatzspitzen losgerissen und auf den Glimmer verdet sind. wenn nicht das gänzlich unveränderte Anseben der und Glimmerstäche und die isolirende Eigenschast der letzdies nawahrscheinlich machte. Gegen beide Erklärungen spricht noch der merkwürdige Umstand, dass sich Hauchfiguren, obton anderer Form, auch auf bellpolirten Metallsächen billeh liess von einer Spitze Entladungsfunken auf gold- oder Perplattirte Kupserbleche schlagen, die daselbst einen schwachen bek zurückliessen. Angehaucht zeigle sich dieser Fleck in einem, mehrere Linien breiten völlig unbenetztem Kreise, der von mit und minder benetzten Kreisen umgeben war. Hiernach ist es jetzt wahrscheinlich, dass die Elektricität, indem sie über Oberstäche von Körpern hinweggeht, dieselbe so verändere, thre Netzbarkeit verloren geht; ich hoffe indess, diesen Gen stand bei Gelegenheit einer genauern Untersuchung unterweit su können. Zu beachten ist, dass nach Degen ') Glasrobs welche vom Wasser nicht genetzt werden, die Elektricität leiten, während sie dieselbe isoliren, nachdem man ihnen dei Erhitzen die Netzbarkeit wiedergegeben hat. Ferner folgen Versuch, dessen Urheber nicht angegeben ist 7): Man zeichne einem kalten Wintertage auf einer recht trockenen Fenstersche in einem warmen Zimmer eine Figur mit der Kugel einer gele pen levdener Flasche und losse von einer Schale kochenden Wil sers die Dämpfe gegen die Scheibe fahren. Sobald dieselbe froren ist, zeigt sich die Figur in den gefrornen Dampfen und verschieden, je nachdem man positive oder negative Elektrich dasu angewandt hat.

Veränderung einer isolirenden Masse durch die En ladung. Elektrische Farbenstreifen. ludem die elektrisch Entladung über eine isolirende Glassläche fortgeht, dringt sin einiger Tiefe in dieselbe ein und verändert die Glasmasse sicht in den bekannten matten Sparen, die einem meckanischen Angil des Glases durch Sand ähnlich sehen. Diese Aenderung rall von einer Ausscheidung des Kali her, wie Simon 1) schon w langer Zeit nachgewiesen hat und wie sich auch dadurch still dass die Spuren einige Zeit nach dem Versuche sichtbarer 🛋 als gleich nachher. Eine unzweideutigere und regelmässigere Af derung der Masse habe ich bei besondern Glassorten und bei Glimmer gefunden 4). Bringt man eine Glimmerplatte zwisch Spilzen in dem Schliessungsbogen an, so geht, wenn man missi Ludungen der Batterie anwendet, der Entladungsfunke über i Glimmerstäche von der Ansatzstelle bis au einer minder dich Stelle oder auch bis zum Rande derselben, und hinterlässt dass sehr regelmässige zierliche Spuren. Von der Ausatzstelle geht 🌬

¹⁾ Poggendorff Annalen * Bd. 38. S. 454.

³⁾ Santorph Elektriclehre * Bd. 1. 8. 488.

^{*)} Gilbert Annalen * Bd. 30. S. 57.

*) Poggenderff Annales Bd. 43. S. 65.

beiden Flächen des Glimmers continuirlich und in gleicher Breite ein geschlängelter Streifen bis zur Durchbohrungsstelle, der im durchfallenden Lichte hellgrau gefärbt ist. Im schief auffallenden Lichte erscheint jeder Streisen als ein sehr zierlich gesärbtes Band. Dasselbe ist stets von zwei scharf gezeichneten dankeln Linien singefasst, auf welche zu jeder Seite eine helle spiegelade Franse isigt. Der innere Theil des Bandes, der zwischen diesen hellen Frances liegt, ist nicht immer gleich vollkommen ausgebildet, and wigt verwischte Zonen von gelber, blauer, rother and grüner Färrung. In den deutlichsten Exemplaren solgt auf die helle Franse ine rethe, dann eine glänzend grüne; die Mitte des Bandes ist mmer dunkel. Es folgt hieraus, dass die Elektricität, indem sie m die Glimmermasse eindringt, dieselbe auf constante regelmässige Neise verändert, und zwar von der Mitte des Bandes nach den Lindern in abnehmender Tiefe. Diese farbigen Bänder, die ich: tektrische Farbenstreisen genannt hahe, sind wesentlich dieselben uf beiden Flächen des Glimmers, wie die Hauchfiguren, und unbhängig von der Elektricitätsart, mit der die Batterie geladen ist. limder schou, als auf Glimmer, lassen sich die Farbenstreisen auf Ans darstellen, das zufällig oder durch känstliche Behandlung an riner Oberfläche die Elektricität leitet. Das stark alkalische mazösische Glas leitet, selbst wenn es erwärmt worden, die Elekmeitat sehr gut, und auf diesem lassen sich elektrische Farbenbreisen darstellen, die von den matten Spuren auf isolirendem erten Glase gänzlich verschieden sind. Die Streifen sind durchme glatt und gefärbt, sie sind breiter als die auf dem Glimmet, mit die Folge der Farben ist eine andere, unter der Lupe zeigen ich die Fransen weniger bestimmt in Zeichnung und Färbung. ielhet durch heisse Salpetersäure werden diese Streisen nicht wändert. Es ist hiernach erwiesen, dass Elektricität, die durch lie Masse des Glases und Glimmers geht, dieselbe in sehr contanter Weise verändert.

Ettrick!) hat bemerkt, dass wenn eine leydener Flasche ich selbet so entladet, oder absichtlich so entladen wird, dass is Elektricität über die unbelegte Glassläche geht, daselbet zuweilen Zickzacklinien zurückbleiben, die bei näherer Betrachtung in der ganzen Länge doppelt erscheinen. Er hält dies für einen

¹⁾ Sturgeon Annals of electr. * v. IL. p. 39.

Beweis der Existenz von zwei Elektricitätsarten, von welchen eine jede eine Linie auf dem Glase zeichne. Unzweifelhaft bestanden die Flaschen aus weichem Glase, in das, wie so eben gesagt worden, die Elektricität eindringt und Farbenstreifen zurückelässt, die von zwei dunkeln Linien eingefasst sind.

Zersetzung des Wassers. Die Zerlegung des Wassers durch Elektricität ist neuerdings wieder von Goodman ') versucht worden, und zwar auf die bekannte Weise, dass durch feine in Glas eingelassene Platinspitzen im Wasserzersetzungsapparat wiederholte Entladungen einer leydener Flasche hindurchgeleitet werden. Die eine Spitze war mit der äusseren Belegung der Flasche oder einer bolegten Glimmertafel verbunden, die andere durch einen Drath der innern Belegung metallisch nahe gebracht worden. An jeder Spitze wurden die beiden Gasarten des Wassers erhalten, welches der Verfasser ganz analog der Zerlegung desselben an der Voltaischen Säule hält, da nach ihm jede Zersetzungsspitze bei der elektrischen Entladung positiv und negativ elektrisch wird. Als Curiosum ist anzusühren, dass in dem übermässig gedehnten Aufsatze zwar nicht die (unzweiselbast elektrische) Zerlegung des Wassers, dagegen aber die des holländischen Physikers A. Paets van Troostwyck dargethan ist, der daselbat in zwei Männer zerfällt. Der Fehler ist indess nicht neu. Er ist mir suerst in den ältern Annales de Chimie, t. 26. p. 310. vorgekommen, wo er im Titel einer Abhandlung vielleicht nur als Druckfehler steht. Weniger zu entschuldigen ist er in der Encyelopaedia metropolitana, London 1830. vol. 2. p. 110., wo die elektrische Wasserzersetzung wörtlich den drei Physikera Paets, Van Troostwyck und Deimann zugeschrieben wird.

In einem folgenden Aufsatze *) bedient sich Good man einer eigens umständlich construirten Tafelbatterie, deren Nutsen mit nicht klar geworden ist. Es wurden nämlich auf einer horizontalen Glasaxe sechs Glasscheiben in einiger Entfernung von einsoder befestigt und den beiden Flächen der Scheiben Metallplatten möglichst nahe gestellt. Die Metallplatten, welche gleichgelegenes Flächen der Glasscheiben entsprachen, wurden durch Verbindungmit dem Conductor einer Elektrisirmaschine positiv elektrisirt (ei-

^{&#}x27;) Sturgeon Annel, of El. * v. Vl. p. f.

²⁾ Sturg. Ann. of El. * v. Vi. p. 97.

entlich wurden nur zwei dieser Platten von dem Conductor unuittelbar, die ührigen Platten aber von diesen beiden par eascade pladen). Man sieht, dass der Theil jeder Glasscheibe, der sich wischen den Metallplatten befand, eine Franklinsche Tasel darlellte und auf entgegengesetzten Plächen entgegengesetzte Elekzieitätsarten erhielt. Indem man nun die Scheiben um die horientale Axe drehte, wurden ihre positiv geladenen Flächen dicht ei Metallkämmen vorbeigeführt, die sie wieder entluden, und da ie Metallplatten durch eine sortwährend wirksame Elektrisirmazhine elektrisirt blieben, so wurden die Metalikämme fortwährend it positiver Elektricität versehen, die zu einem einzigen Drahte eleitet wurden, dessen Spitze den positiven Pol des Zersetzungspperates bildete. Alle negative Elektricität führenden Metalipiatm wurden mit einem zweiten Drahte verbunden, der den negavan Pol bildete. Die Absicht war, durch diese Vorrichtung eien möglichst continuirlichen elektrischen Strom zu erlangen, der ben so gut durch die Metalikämme an der Scheibe der Elektriirmeschine oder durch fortdauernde Entladung einer fortwährend gladenen Flaschen-Batterie mittels solcher Kämme zu Stande geeacht werden kann. Als der Versasser die Taselbatterie durch wei sehr dünne bis auf die Spitzen mit Glas bedeckte Platinkähte auf Wasser wirken liess, erhielt er durch eine zwei Staulen lang fortgesetzte Wirkung (es wurde hierbei eine Dampsmachies zur Drehang gebraucht) an der negativen Polspitze in eiser Gastôbre eine Gasblase von & Zoll Länge (andere Dimensioun sind nicht angegeben), die durch wiederholt durchschlagende !maken nicht zersetzt und erst vermindert wurde, als man atnesphärische Lust hinzumischte. Als der Versasser seine Batterie ertliess und den Strom der Elektrisirmaschine selbst 2 Stunden ang durch das Wasser gehen liess, erhielt er gleichsalls in der Gasröhre des negativen Pols eine Gasblase von ¿ Zoll Länge. Da w das auf die letzte Weise erhaltene Gas nicht für reines Waserstelligne hält, so mag mir der Zweisel erlaubt sein, ob das auf lie erste Weise erhaltene ein solches gewesen, und ob durch liese müheeligen, kostspieligen Versuche die Frage über die Zeretsung des Wassers durch Elektricität wesentlich gefördert sei. Der Versasser hat auch mittels Platindrähte ohne Glashülle Elekricität durch Wasser geleitet nud den negativen Draht sich mit leppelt so vielem Gase bedecken gesehen, als den positiven.

Entsündung des Phosphors. Böttger!) fand, ab er Phosphor durch den Funken einer leydener Plasche entzünden wollte, folgende Eigenthumlichkeiten. Wird die Plasche so entladen, dass das eine Ende des Ausladestabes auf den Phosphot, der mit der äussern Belegung metallisch verbunden ist, gelegt und das andere dem Knopf der Flasche genähert wird, so wird der Phosphor zerstreut, aber nicht entzäudet. Um ihn zu entzünden, muss das eine Ende des isolirten Ausladestabes an den Knopf der Flasche angelegt und der Entladungfunke am andern Ende, wo sich der Phosphor befindet, erzeugt werden. Man kann den Phosphor am Ende des Ausladers, der einen Fortsatz der innern Belegung der Flasche bildet, oder auch au einem Fortsatze der äussen Belegung befestigen. Hier fand aber ein Unterschied je nach der Art der Elektricität der Flasche statt. War die Flasche mit positiver Elektricität geladen, so wurde der Phosphor nur dann entzündet, wenn er am Fortsatze der aussern Belegung befestigt war, batte man sie aber mit negativer Elektricität geladen, nur in dem Falle, wenn er an dem Auslader befostigt war. Dieser Unterschied fand jedoch nur bei voller Ladung der Flasche statt, nicht aber, wenn dieselbe sehr schwach geladen war, wo Phospher in gleicher Lage durch positive wie negative Elektricität entsündet wurde.

Es ist hierbei zu erinoern, dass Entzündungen, wie chemische Zersetzungen erst in einer längern Zeit zu Stande kommen, und dass man sich daher seit lange zur Entzündung des Schiesspulven Phosphors, Schwammes, sehr schwacher elektrischer Ladungen oder starker, die durch einen Halbleiter verzögert wurden, bediest hat. Was das verschiedene Verhalten der beiden Elektricitätsarten betrifft, die in der Flasche angehäuft wurden, eo ist zu bemarken, dass schon vor langer Zeit Bohnenberger das Eutzünden von Phosphor durch negative Elektricität bestritten, Saxtorphaber dasselbe leicht bewerkstelligt hat. 2)

Entstehung des elektrischen Geruches. Das Oson Der Ursprung des starken eigenthümlichen Geruches, der bei dem Ausströmen der Elektricität merkbar wird, ist sehr räthselhaft; Schönbein?) hat aus Versuchen geschlossen, dass derselbe durch

¹⁾ Sturgeon Annals of Electr. "vol. III, p. 315. Bötiger Beiträgs zur Physik und Chemie. 1. Heft.

³⁾ Saztorph Elektricitätzlehre Bd. 1. S. 387.

^{*)} Peggendorff Ann. Bd. 50. S. 616.

Zerlegung der Lust oder des Wassers entstehe, (wie dies schon Franklin 1) vermuthet hat) und einem eigenen Stoffe, den er Oun meant, sakomme. Schönbein machte nämlich die höchst merkwärdige Erfahrung, dass eich bei Zersetzung des Wassers durch den galvanischen Strom ein Geruch entwickelt, der dem längst bekannten elektrischen Geruche vollkommen ähnlich ist. Le ist diese Achnlichkeit, wie ich aus eigener Erfahrung bezongen kann, unwerkennbar. Dieser Geruch begleitet des entwickelte Saucestoffgas, entsteht aber nur an Platin oder Gold (an Licen nicht) und kann mit dem Sauerstoff oder den gemengten Gesen aufgefangen und aufbewahrt werden. Indess entsteht der Geruck unr dann, wenn das zu zersetzende Wasser versetzt ist mit einer ter folgenden Substanzen: ehemisch reine, gewöhnliche rauchende Salvafalsfare, Phosphorsaure, chemisch reine Salpeterslare, schwefilmures Natron, phosphorsaures Kali, salpetersaures Kali. Nimust man zur Zersetzning wäserige Lösungen von Chloriden, Jediden adweselsaurem Eisenoxydal, concentrirter oder gewöhnlicher Selpoternäure, so wird der Geruch nicht erhalten. Ebenso fehlt dersilbe, wenn man den Flüssigkeiten, deren Zersetzung ihn sonst giebt, eine geringe Menge zusetzt von salpetrichter Säure, rauchender Salpstersäure, schweselsaurem Eisenoxydul, Eisenchlorür, Zinndiertir, oder wenn man die Flüssigkeiten während der Zersetzung stark erwärmt. Hat man das riechende Prinzip mit dem Gese in ciner Flanche, so wird es zerstört durch hineingeworfenes Kohlangualver, durch Eisen-, Zinn-, Zink-, Bleifeilicht, gepulvertes Assenik, Wismuth, Antimon, oder Quecksilber, durch erhitztes Platin oder Gold, durch eine wässrige Lösung von Eisen- und Zimehlorur, schwefelsagrem Eisenoxydul, durch salpetrichte Säure and ranchende Salpetersäure. Das Ozon hat das Vermögen, ei-· mige Metalle, Platin, Gold, Kupfer n. s. w. negativ zu polarisiren. Als Schöubein nämlich von zwei Platinstreisen, die in gesäuertes Wasser gestellt, an einem Multiplicator von 2000 Windungen keine Ablenkung der Magnetaadel bervorbrachten, den einen Streifen, nachdem er trocken war, in eine Flasche mit riechendem Sanerdesigns hielt und den Versuch am Multiplicator wiederholte, so celialt er eine Ablenkung von 180°, und zwar verkielt sich der lun Oson assgesetzte Platinstreisen negativ gegen das andere Pla-

¹⁾ Experim. and observations "5th. edit. p. 84.

tio. Nicht riechendes Sauerstoffgas bringt diese Polarität nicht hervor. Die Polarität des Platins dauert einige Zeit fort, wird aber sogleich vernichtet durch Eintauchung des Metalls in Wasserstoffgas. Der Verfasser ging sodann zu Versuchen an der Elektrisirmaschine über. Ein Platinstreifen einer Spitze gegenüber gebalten, die sich auf dem positiv oder negativ elektrisirten Conductor der Maschine befand, wurde stark negativ polarisirt, seins Polarität konnte durch Erhitzung oder durch Wasserstoffgas sogleich zerstört werden Erhitztes oder mit Wasser befeuchtetes Platin nahm keine Polarität an. Wurde die, Elektricität ausstromende Spitze erhitzt oder mit nassem Papier bedeckt, so polarisirle sie eine eutgegengehaltene Platiuplatte nicht, aber sie entwickelte auch den elektrischen Geruch nicht. Eine Platipplatte unmittelbar auf den elektrischen Conductor gelegt, erhielt keine Polarisation. Auch den Geruch, der beim Einschlagen des Blitzes bemerkt und und häufig ale Schwefelgeruch angegeben wird, schreibt der Verfasser dem Ozon zu und ancht zuletzt mit ehemischen Grunden darzuthun, dass dies riechende Prinzip ein dem Brom und Chlor ähnlicher Körper, und mit Wasserstoff verbunden, im Wasser is sehr geringer Menge vorhanden sei.

Hiergegen hat sich de la Rive ') mit Gründen erklärt und den elektrischen Geruch von sehr zarten Theilchen eines Metalloxydes hergeleitet, das am positiven Pol gebildet und durch die elektrische Entladung losgerissen wird. Ist der elektrische Strom schwach, so geschehe das Losreissen nicht und der Geruch bleibe aus. Der Verlasser zersetzte Wasser durch eine schwache voltaische Kette und fand keinen Geruch, als der Platindrath des positiven Pols in grosser Ausdehnung in das zu zersetzende Wasser reichtes war derselbe aber bis auf wenige Punkte mit Siegellack bedeckt. so wurde ein sehr starker Geruch entwickelt. Bei dem Geruch am Conductor der Elektrisirmaschine beruft sich der Verfasser auf Priestley's Versuche, nach welchen der elektrische Funke mit Metalltheilen beladen sey; diese Theile würden vom Wasser aufgosangen, daher ein Bedecken des Conductors mit seuchtem Papier den Geruch hindert. Auch fand er den Geruch, wenn auch nur wenig, verschieden, je nachdem er ihn an Platin. Gold oder Silber entwickelte. Die negative Polarität einer Platinplatte durch Ein-

¹⁾ Poggandorff Annalen " Bd. 54. S. 402.

senkung derselben in das mit riechendem Prinzip beladene Sauerstoffgas erklärt sich leicht durch Ablagerung der Oxydtheilchen auf der Platte.

c. Thermische Wirkung der Entladung.

Die Erwärmung, welche durch die elektrische Entladung in einem continuirlichen Metalldrahte hervorgebracht wird, ist von mir einer lange sortgesetzten Untersuchung unterworfen worden, von welcher ein kleiner Theil bereits im zweiten Bande des Repertoriums Seite 55 mitgetheilt ist. Ich habe dabei den empirisehen Standpunkt streng sestgehalten, und ohne durch eine von den megnetischen Wirkungen der galvauischen Kette hergeholten Analogie mir den Weg zu verkürzen, bin ich den Aenderungen der Erscheinung Schritt für Schritt gesolgt, wodurch ich den maunigfachen Irrthümern meiner wenigen Vorgänger zu entgeben hoffen durste. Die einzelnen Resultate der verschiedenartigen Versuche habe ich durch algebraische Bezeichnung dargestellt, und dieselben zuletzt in einen einzigen Ausdruck vereinigt, wodurch die Untersuchung übersichtlich und dem Verständniss leicht zugänglich geworden ist. Empirische Formeln haben noch ausserdem den Vortbeil, dass sie von Nutzen bleiben, wenn auch die bypothetische Bedeutung, die einzelnen Theilen derselben gegeben werden musste, verlassen und von einer andern verdrängt worden ist. Dies auszusprechen, bin ich durch die laut gewordene Meinung veranlasst, dass der häufige Gebrauch algebraischer Zeichen dem Verständniss und der Verbreitung meiner Arbeit über die elektrische Wärmeerregung hinderlich sey. Es ist freilich Thatsache, dass von dieser Untersuchung, auf die ich einigen Werth lege, bisher kein vollständiger und genügender Auszug gegeben worden ist. 1)

¹⁾ Ich kann nicht umbin, als Beleg hierzu das Neue Gehlersche physik. Wörterbuch auzuführen, in dessen 10tem Bande S. 405 von Mancke nicht einmal meine für die Wärmeerregung aufgestellte Grundformel und leren Bedeutung richtig und verständlich angegeben ist. Dass algebraische Zeichen und deren Bedeutung sorgfältig und getreu nach der Quelle mitgetheilt werden, ist doch wol die geringste Forderung, die man an einem Astikel jenes voluminösen Werkes machen kann.

190 Elektr. Wärmestregung in einem continuirlichen Drahte.

Elektrische Wärmeerregung in einem contionirlichen Drahte.

Wenn eine bis zu einem bestimmten Grade geladene elektrische Batterie durch einen Schliessungsbogen eutladen wird, in dem sich mehrere dunne Metalldrahte verschiedener Art belinden. so bemerkt man in jedem dieser Drahte gleich nach der Entladung eine Erwärmung. Eine oberflächliche Beobachtung zeigt. dass die Erwärmung verschieden ist in jedem Drabte von verschie dener Natur oder andern Dimensionen, und dass ferner die Erwärmung aller Drähte eine Acnderung erleidet, wenn ein neues Drathstäck zu ihnen hinzugesetzt, der Schliessungsbogen also verandert wird. Eine genaue Untersuchung dieser Erscheinung wird daher in zwei wesentlich geschiedene Theile zerfallen; in dem eroten lässt man den ganzen Apparat, das beiest Batteric, Ladung und Schliessungsbogen unverändert, und untersucht die Erwärmang verschiedener Drähte, die sich gleichzeitig im Schliessungsbogen befinden; in dem andern Theile bleibt der untersuchte Drath constant, aber der Apparat selbst wird verändert. Folgende Grossen können bei dieser Untersuchung unabhängig von einander verandert werden, denen ich zugleich die Buchstaben beisetze, mit welchen sie in den zu bildenden Formela bezeichnet werden sollen.

Oberfläche der Batterie (Anzahl der gebrauchten Elascher) #
Elektricitätsmenge auf ihrer innern Belegung	q
Des untersuchten Drahtes im Schliessungsbogen	
Lange in pariser Linien	1
Halbmesser	
Verzögerungskraft seines Motalles	Z ⁱ
Des zum Schliessungsbogen hinzugesetzten Drabtes	
Länge	20
Halbmesser	6
Verzögerungskrast seines Metalles	×
A	_

Ausserdem soll die Temperaturerhöhung des untersuchten Drahtes in Centesimalgraden mit T, die beobachtete Verrückung des index im Lufthermometer mit S, und die im Drath freigewordene Wärmemenge mit W bezeichnet werden. Der Buchstabe a soll für eine durch Versuche zu bestimmende Constante gebraucht werden, deren Bedeutung zwar in jeder Formel verschieden aber sogleich ersichtlich ist.

Ich werde den Eiustuss, den die veränderlichen Grössen auf die Erwärmung eines Drahtes im Schliessungsbogen baben, in der Ordnung mittheilen, in welcher derselbe experimentell bestimmt worden ist und zuletzt erst die einzelnen Resultate zusammenstellen.

Elektrische Erwärmung nach Obersläche der Batterie und Elektricitätsmenge. 1) Ein dünner Platindrath, in der Kugel eines elektrischen Lustthermometers befindlich, wurde in den Schliessungsbogen einer Batterie gebracht, deren Flaschenzahl (jede Flasche batte 14 quadr. Fuss innere Belegung) von 2 bis 25 geändert werden konnte. Die in die Batterie geführte Elektricitätsmenge, an den Funken der Maassslasche gezählt, wurde dabei von 2 bis 20 geändert; die Erwärmung des Platindraths zeigte sich überall proportional dem Produkte der Quantität in die Dichtigkeit der angehäusten Elektricität. Also $T = a \frac{q^2}{2}$ oder, da hier die Verrückung des Index im Thermometer der Erwärmung proportional ist, $> = a \frac{q^3}{a}$. Da alle spätern Resultate über elektrische Erwärmung, die allgemein gelten sollen, unabhängig von Grässe und Ladung der Batterie gemacht, aber aus speziellen Versuchen abgeleitet werden müssen, so ist die letzte Formel von dem häusigsten Gebrauche. Die Constante a, welche, wie man sieht, die Erwärmung (Anzeige des Thermometers) für q == 1 und s = 1 angiebt, wird dann unter dem Namen: Erwärmung für Einheit der Ladung aufgeführt. Ihr Zahlenausdruck ist überall ein Mittel der für die einzelnen Versuche berechneten Werthe.

Einsluss der Länge des untersuchten Drathes auf seine Erwärmung²). In den Schliessungsbogen wurden zwei gleich dieke Platindrähte eingeschaltet, von welchen der eine sich im Thermometer besand. Die Länge dieses Drathes wurde in vier Versuchsreihen von 42 bis 124 Linien geäudert, zugleich aber die Länge des ausserhalb des Thermometers besindlichen Drathes so vermindert, dass die Summe der Längen beider Drähte constant blieb. Hierdurch konnte der Schliessungsbogen als unverändert gelten. Aus den für die Einheit der Ladung gesundenen Thermometer-Auseigen ergab sieh, dass die elektrische Erwärmung eines

^{&#}x27;) Pogganderff Annales * Bd. 40. S. 342.

²⁾ Poggend. Ann. Bd. 43. S. 47.

Drahtes unabhängig von seiner Länge ist. Es ist übrigens klar, dass die Auzeige des Thermometers selbst abhängig von den Dimensionen des in ihm befindlichen Drahtes ist, wordber das Nahere in dem Artikel: Apparate und deren Gebrauch, gesagt wird.

Einfluss der Dicke des untersuchten Drahtes. Zwei Platindrähte verschiedener Dicke wurden gleichzeitig in dem Schliesspagsbogen der Batterie angebracht und jeder von ihnen in einer besondern Versuchsreihe in die Kugel des Lufthermometers eingeschlossen. Nachdem die Anzeige des Thermometers für Einbeit der Ladung in Bezog auf jeden Drath gefunden war, wurden die Temperaturerhöhungen der Drähte berechnet und mit einander verglichen. Solcher Versuchsreihen wurden 6 mit je zwei verscheden dicken Dräthen, deren Halbmesser von 0,023 bis 0,0805 li nie variirte, angestellt. Es fanden sich die Temperaturerhohunge zweier Drähte durch dieselbe elektrische Entladung umgekehrt proportional den Biquadraten ibrer Halbmesser, oder T = - und diese Formel fand noch in vier früher angestellten Versuchereihen ihre Bestätigung. Die Temperaturerhöhung eines Drahtes ist onabhängig von seiner Länge, nicht aber die Wärmemenge, die in demselben frei geworden ist. Für diese Wärmemenge erhält mas den Ausdruck W = al oder in Worlen: die in einem Drabte durch eine bestimmte elektrische Entladung frei gemachte Wärmemengs ist proportional der Länge und umgekehrt proportional dem Querschnitte des Drahtes 1).

Erwärmung eines constanten Drahtes nach der Länge eines hinzugesetzten Drahtes. Ein Platindraht, in die Kugel des Thermometers eingeschlossen, blieb unverändert in dem Schliessungsbogen der Batterie, der zwei Drähte mit freien Enden enthielt, zwischen welchen eine veränderliche Länge eines

¹⁾ Ich habe bei Ausschrung dieses merkwürdigen Salses gesagt, dasser für einen Beweis gegen die Meterialität der Elektricität gelten bömst nämlicht gegen die verbreitete Vorstellung, dass die beiden Elektricitäte Flüssigkeiten seien, deren gegenseitigs Neutralisation die Wärme constituire Gegen die Stronge dieses Beweises lässt sich indessen Erheblicht einwenden, wozu freilich das nicht gehört, was Muncke (phys. Wärterhuch Bd 10. S 310.) aus Missverständniss meiner gelegentlichen Bemeitung, dagegen vorgebracht hat.

Kupferdrahts von 0,29 Linie Dicke besestigt werden konnte. Die Länge dieses eingeschalteten Kupserdrahts wurde von 3 Zoll bis 246 Fass verändert, und für jede Länge eine Versuchsreihe über die Erwärmung des Platindrahts im Thermometer angestellt. Um die Erwärmung für die Einheit der Ladung, die bei jeder zugesetzten Drahtlänge verschieden aussiel, von dieser Länge abhängig darzustellen, ist folgende Betrachtung nöthig. Die Erwärmung des Platindrahts im Thermometer nimmt mit Verlängerung des zum Schliessungsbogen hinzugefügten Drahtes bedeutend ab. Eine Erwärmung die bei Einschaltung von 3 Zoll Draht durch die Entladung einer kleinen Elektricitätsmenge bewirkt wurde, ersordert bei Anwendang von 246 Fuss Draht schon eine sehr bedeutende Elektricitätsmenge, und würde bei grössern Drahtlängen nur durch immer grössere elektrische Ansammlungen und Dichtigkeiten erlangt werden können. Man gelangt durch Verlängerung des Schliessungsdrahtes bald zu einer Grenze, bei welcher eine gewisse Erwärmung, z. B. die welche zur Senkung der Thermometerslüssigkeit von 12 Linien gehört, gar nicht mehr durch die Batterie geleistet wird. Kimmt man an der Stelle des langen Kupferdrahts ein kleines Stack senchten Holzes oder eine mit Wasser gefüllte Glasröhre als Zwischenleitung, so ist gleich Anfangs die Grenze für die kleinste geforderte Erwärmung erreicht. Die Entladung einer sehr grossen Elektricitätsmenge ist dann nicht hinreichend, eine Senkung von 0,1 Linie der Flüssigkeit im Thermometer zu bewirken. Hier aber ist die Entladung der Batterie nicht mehr instantan wie bei der Einschaltung auch des längsten Kupferdrahtes, sie findet während ciaer wahrnehmbaren Zeit statt. Diese Erfahrung auf die metallischen Schliessungen und die durch dieselben veränderte Erwärmang anwendend, nehmen wir an, dass ein Unterschied der Ent-Indungszeit stattfindet bei den Schliessungen verschiedener Länge and dass die Erwärmung im Thermometer im umgekehrten Verhaltniese zu dieser Entladungszeit stehe. Ist die Erwarmung a beobachtet worden, indem die Einheit der Ladung in der Zeit 1 durch den Schliessungsbogen ging, so wird hiernach, wenn die Entladung der nämlichen elektrischen Anhäufung um z Zeiteinheiten verzögert worden, die Erwärmung $\frac{1}{1+z}$ sein. Dies ist also hypothesich die Form. durch welche die oben erwähnten Beobachtungsreihen dargestellt werden müssen. Der constante Werth a wurde

aus der ersten Beobachtungsreibe genommen, aus jede der übriges 6 Reihen aber der mit der Länge des zum Schliessungsbogen hiszugesetzten Drahtes veränderliche Werth von z berechnet. Eise Vergleichung der Werthe von z zeigte, dass diese Grösse proportional der zugesetzten Drathlänge sei, so dass alle hieher gehörigen Beobachtungen durch die Formel darstellbar sind T

in welcher b eine empirisch zu bestimmende Constante bezeichnet.

Einfluss der Dicke des zugesetzten Drahtes auf die Erwärmung. Als zu dem Schliessungsbogen successiv Platindrähte verschiedener Länge und Dicke zugebracht wurden. fand sich die Erwärmung des constanten Drathes im Thermometer nicht allein in der so eben ermittelten Weise verändert mit der Länge des Drathes, sondern auch mit der Dicke desselben und zwar in reziproker Beziehung zu der letztern. Es war daher anzunehmen, dass in der zuletzt gegebenen Gleichung die Grösse b eine Funktion des umgekehrten Werthes vom Halbmesser des Drahtes enthielt und daher hypothetisch mit $\frac{b}{F(q)}$ vertauscht werden konnte.

Aus einer Versuchereihe wurde die Constante a der obigen Gleichung bestimmt und aus 6 Versuchsreihen, in welchen verschieden dicke Drähle zum Schliessungsbogen zugesetzt waren, erhielt man

durch Rechnung sechs verschiedene Werthe von $\frac{b}{F(q)}$. Diese

Werlhe zeigten sich genau im umgekehrten Verhältnisse zu dem Quadrate des Halbmessers des zugesetzten Drahtes. Hiernach wird die Formel für die Erwärmung eines Drahtes durch die Einkeit der Ladung je nach den Dimensionen eines sum Schliessungsbo-

gen hinzugesetzten Drahtes
$$T = \frac{a}{1 + \frac{b\lambda}{e^a}}$$
, in Worten, mit der obes

gegebenen bypothetischen Bedeutung des Nenners: die Erwärmung eines Drahtes durch die elektrische Entladung ist der Dauer deser Entladung umgekehrt proportional; durch Einschaltung von homogenen Drähten in den Schliessungsbogen wird die Entladung um eine Zeit verzögert, welche der Länge des Drahtes direkt. seinem Querschnitte umgekehrt proportional ist.

Elektrische Erwärmung in einem aus Drähten desselben Metalles zusammengesetzten Schliessungsbogen.

Für diese Erwärmung erhält man leicht den algebraischen Ausdruck, indem man die in dem Vorhergehenden einzeln aufgeführten Formeln in eine einzige vereinigt. Die Temperaturerhöhung T in einer continuirlichen Stelle des Schliessungsbogens, deren Halbmesser r ist, findet sich, wenn zu der anfänglichen Schliessung ein Drath von der Länge λ , dem Halbmesser q hinzugesetzt ist:

$$T = \frac{a}{r^4} \left(\frac{1}{1 + \frac{b \lambda}{\varrho^2}} \right) \frac{q^2}{a}$$

wo mit s die Obersläche der Batterie, mit q die Elektricitätsmenge bezeichnet ist, und a und b zwei durch vorläusige Versuche zu bestimmende Constanten bedeuten. Offenbar gilt die Formel auch für den speciellen Fall, in welchem der ganze Schliessungsbogen wur aus einem einzigen Drahte besteht, der mit einem von audern Dimensionen vertauscht wird. Man hat alsdann nur r = q zu setzen und erhält dadurch die Abhängigkeit der Temperaturerböhung eines Schliessungsdrahtes von seinen Dimensionen.

Drahtes von seinem Metalle. Elektrisches Erwärmungsvermögen der Metalle. Es ist schon früher bemerkt worden, dass die Erwärmung eines Drahtes durch elektrische Entladung shängig sei von dem Metalle des Drahtes, und dass die Eigenschaft eines Metalles sich durch Elektricität stärker zu erhitzen als ein anderes, stets mit einem geringeren elektrischen Leitungsvermögen desselben verbunden sei. Die Art der Abhängigkeit dieses daktrischen Erwärmungsvermögens der Metalle von ihrem Leitungsvermögen ist aber früher weder theoretisch noch experimentell, weder in Bezug auf Reibungselektricität noch auf eine andere Art von Elektricität, mit Bestimmtheit ausgemacht worden, so dass ich gmöthigt war, diese Frage einer eigenen weitläufigen Untersuchung zu unterwerfen. 1)

Um den Einstuss, den das Metall eines Drahtes auf seine eleklische Erwärmung hat, numerisch zu bestimmen, verglich ich in litter Hinsicht 8 Metalle einzeln mit dem Platin, und liess bei jelier solchen Vergleichung den Schliessungsbogen der Batterie unmitmet. In diesem Falle wird, nach der obigen Formel, die Erwirmung eines jeden im Schliessungsbogen besindlichen Drahtes

^{&#}x27;) Poggendorff's Annalen . Bd. 45. S. 1.

durch die Einheit der Ladung T = * sein, so dass a die Erwirmung ausdrückt, welche der untersuchte Draht erfahren würde, wenn er die Längeneinheit zum Halbmesser hätte. Es bestehe der erste untersuchte Draht aus Platin, so wird, wenn die Erwärmung des zweiten aus einem andern Metalle bestehenden Drahtes beobachtet und berechnet worden, der Werth a nicht mehr derselbe, sondern ein anderer ay gefunden werden. Dieser Faktor y, mit dem die Erwärmung des Platindrahts für Einheit des Halbmessers multiplicirt werden muss, um die Erwärmung eines Drahtes von anderem Metalle unter derselben Bedingung und durch dieselbe elektrische Entladung zu erhalten, wird das elektrische Erwärmungsvermögen dieses Metalles messen. Die numerische Bestimmung des Erwärmungsvermögens eines Metalles verlangt daher folgende Versuche. Ein Platindraht und ein Draht aus anderem Metalle werden gleichzeitig in dem Schliessungsbogen belestigt; jeder von beiden ist successiv in der Kagel des Luft Thermometers eingeschlossen, dessen Aenderungen man in einer langern Versuchsreihe bei verschiedenen Ladungen der Batterie beobachtet. Aus diesen beiden Versuchsreihen entnimmt man die Thermometeränderungen für die Einheit der Ladung, und berechnet darnach die wirklichen Erwärmungen der im Thermometer befindlich gewesenen Drähle. Ist sodann das Produkt für Platin Tr' und das analoge T, r, für des andere Metall gebildet, so giebt des Division des zweiten Produkts durch das erste den Weith v des elektrischen Erwärmungsvermögens des angewandten Metalles. Ich hatte, um den Einfluss des Metalles auf die Erwärnung möglichst rein hervortreten zu lassen, alle gebrauchten Drähte durch dasselbe Loch ziehen lassen, erhielt sie aber dessenungeachtet nicht gleich dick, welches mit Baudrimont's 1) Versuchen über die Ziehbarkeit der Metalle übereinstimmt.

Die einzelnen numerischen Werthe des Erwärmungsvermbgens der von mir untersuchten Metalle theile ich hier nicht mit,
weil sie, wie sich weiter unten zeigen wird, aus andern empirisch
schärfer bestimmbaren Werthen, leicht zu berechnen sind.

Erwärmung eines constanten Drahtes nach dem Metalle eines zugesctzten Drahtes. Bestimmung der elek-

¹⁾ Repertorium Bd. 1. S. 134,

trischen Verzögerungskraft. Untersucht man die Erwärmung eines continuirlichen Drahtes bei Einheit der Ladung, wenn zum Schliessungsbogen Drahtstücke beliebiger Dimensionen hinzugesetzt werden, so wird wie oben gezeigt worden, die Erwärmung durch den Ausdruck dargestellt: $T=\frac{a}{1+\frac{b\,\lambda}{\rho^2}}$. Das zweite Glied des

Nenners, nämlich $\frac{b\lambda}{\varrho^2}$ ist als die Verzögerung der Entladungszeit durch das zugesetzte Drahtstück aufgefasst worden; da sich nun findet, dass die bei demselben Metalle constante Grösse b mit dem Metalle veränderlich ist, so baben wir diese Aenderung einer eigenthümlichen Verzögerungskraft des Metalles zuzuschreiben, deren Maass ein zu b hinzukommender experimentell zu bestimmender Faktor x abgiebt. Um die wörtlichen Bezeichnungen zusammenzustellen:

bxh bezeichnet die wirklich stattsindende, von der Einrichtung der Batterie und des Schliessungsbogens abhängige Verzögerung der Entladung durch den zugesetzten Draht

 $\frac{x\lambda}{q^3}$ ist der Verzögerungswerth dieses Drahtes

x endlich die Verzögerungskraft seines Metalles.

Die numerischen Werthe der Verzögerungskraft sind durch leichte Versuche und einfache Rechnung zu finden. Man hat nämlich nur die Anzeigen des mit einem constanten Drahte versehenen Thermometers in zwei oder mehreren Versuchsreihen zu beobachten, bei welchen Platindrähte verschiedener Dimensionen zum Schliessungsbogen der Batterie hinzugesetzt waren, und hieraus

semittelbar die Werthe a und bx in der Formel
$$\Rightarrow \frac{a}{1 + \frac{bx\lambda}{o^2}}$$

Behliessungsbogen hinzugesetzt, so giebt eine neue Beobachtungssuihe einen neuen Werth von bx, der durch den ersten dividirt,
die Verzögerungskrast des Metalles ausdrückt, die des Platins als
Binheit augenommen. Da ich bei Bestimmung des Erwärmungssumögens der Metalle mich stets eines und desselben Platindrabts
bedient hatte, so sind die meisten der zur Bestimmung der Verzögerungskrast nöthigen Versuchsreihen bereits bei jener Gelegen-

heit angestellt worden, und ich habe nur neue Reihen für solche Metalle binzugefügt, deren Erwärmungsvermögen nicht hatte bestimmt werden können. Die folgende Zusammenstellung giebt die gefundenen Werthe nach steigender Grösse; sie sind bei der gewöhnlichen Temperatur des Zimmers (ungefähr 15° C.) bestimmt worden.

Werthe der elektrischen Verzögerungskraft der Metalle Platin zur Einheit genommen.

Silber	0,1043
Kupfer	0,1552
Gold	0,1746
Cadmium	0,4047
Messing	0,5602
Palladium	0,8535
Eisen	0,8789
Eisen Platin	0,8789
	, ,
Platin	1,
Platin Zinn	1, 1,053
Platin Zinn Nickel	1,053 1,180

Da die angewandten Metalle nicht durchweg chemisch rein waren, so können diese Zahlen nicht als streng gültig angesehen werden, bei dem Zinn hat bereits Vorsselman de Heer wahrscheinlich gemacht, dass der hier angegebene Werth zu gross sei.

Abhängigkeit des elektrischen Erwärmungsvernögens von der Verzögerungskraft. Indem ich die Werthe der elektrischen Verzögerungskraft mit denen des Erwärmungsvernögens verglich, fand ich, dass die letzten den erstern proportional werden, wenn man sie einzeln mit dem Produkte der Wärmecapacität in das specifische Gewicht des bezüglichen Metalles multiplicirt. Dividirt man die zuletzt gefundenen Produkte noch durch Wärmecapacität und specifisches Gewicht des Platins, um für des Metall den Werth 1 zu erhalten, so ergiebt sich eine Ueberenstimmung der resultirenden Zahlen mit den experimentell gefundenen Werthen der Verzögerungskraft, die, bei den vielen nur abnähernd richtigen Zahlen, aus denen die Resultate abgeleitet sind nicht größer zu erwarten war. Da die Verzögerungskraft leicht in einiger Schärfe experimentell zu erhalten ist, so ist es gerathen, das Erwärmungsvermögen wo man es gebraucht, durch Rochnage

zu bestimmen, welche nach solgendem Satze anzustellen ist: Des relative elektrische Erwärmungsvermögen eines Metalles wird gesanden, wenn man die elektrische Verzögerungskraft desselben durch seine Wärmecapaeität und sein specisisches Gewicht dividirt.

Allgemeine Formeln über die Erwärmung eines continuirlichen Drahtes durch die elektrische Entladung. Die bisher einzeln gewonnenen Resultate lassen sich in eine Formel vereinigen; welche alle Fälle der Erwärmung eines continuirlichen Drahtes durch die elektrische Entladung umfasst. Diese Formel ist

$$T = \frac{ax'}{r^4 C g} \left(\frac{1}{1 + \frac{bx\lambda}{\varrho^2}} \right) \frac{q^2}{a}$$

mit der, Seite 190, gegebenen Bedeutung der Zeichen, zu welchen soch C, die Wärmecapacität, und g das specifische Gewicht des Metalles, aus dem der (auf Erwärmung untersuchte) Draht besteht, hinzugekommen sind. Die Formel ist zur leichtern Uebersicht in drei Paktoren getheilt, von welchen der erste die Beschaffenheit des untersuchten Drahtes, der zweite in Klammern eingeschlossene die des Schliessungsbogens, der dritte die der elektrischen Ladang betrifft. Die Grössen a und b sind Constanten, deren Werthe empirisch bestimmt werden müssen. Um ihre Bedeutung klar zu haben, ist es gut, dem Produkte Cg den numerischen Werth, den duselbe für Platin erhält, als Einheit unterzulegen. Somit ist a die Temperaturerhöhung eines Platindrahts von 1 Linie Halbmesser durch die Einheit der Ladung, die in einer gewissen zur Einheit genommenen Zeit entladen worden; b ist die Versögerung, welche die Entladung dadurch erhält, dass ein Platindraht von 1 Linie Länge und Halbmesser zum Schliessungsbogen hinzugeselzt werden.

In dem Falle, dass der zum Schliessungsbogen hinzugesetzte Draht selbst auf Erwärmung untersucht wird, erhält man den Ausdrack

$$T = \frac{e^{3} C_{g} \left(\frac{q^{2}}{x} + b\lambda\right) \cdot \frac{q^{3}}{e}}{e^{3} C_{g} \left(\frac{q^{2}}{x} + b\lambda\right)}$$

Ans der allgemeinen Fermel über die Temperaturerhöhung durch die elektrische Entladung lässt sich eine andere über die erregte Wärmemenge ableiten, welche leicht im Gedächtniss zu 200 Wärmemenge in einem Drahte durch Entladung erregt.

behalten ist und eine in theoretischer Binsicht merkwürdige Beziehung darlegt.

Wärmemenge in einem Drahte durch die Entladung erregt. Wird die gegebene Grundformel auf beiden Seiten mit MCg multiplicirt, wo M die Masse des auf Erwärmung unterauchten Drahtes bezeichnet, so erhält man für die in dem Drahte erregte Wärmemenge W

$$W = \frac{a\,x^4\,l}{r^a}\,\left(\frac{1}{1+\frac{b\,x\,\lambda_i}{\varrho^4}}\right)\,\frac{\varrho^a}{s}$$

welche Forwel sich so aussprechen lässt:

In irgend welchen mit einander verbundenen Metalldrähten, die zugleich eine elektrische Batterie entladen, werden Wärmemengen frei, die genau proportional den Verzögerungen sind, welche diese Drähte einzeln irgend einer elektrischen Entladung verursachen.

In dem gewöhnlichen, aber complicirteren Falle, in welchen nur ein einziger Draht zur Schliessung der Batterie benutzt wird, findet man die Würmemenge die in diesem Drahte durch die Entladung frei wird, durch die vereinfachte Formel gegeben:

$$W = \frac{e}{\frac{q^3}{x\lambda} + b} \cdot \frac{q^3}{e}$$

Man sieht hieraus: je länger und dünner der Schliessungsdrath einer Batterie ist, desto grösser ist die in ihm erregte Wärmemenge; dieselbe nähert sich einem Grenzwerthe der für die Einheit der Ladung & beträgt.

Drahtlängen gleicher Wärme, Leitungsvermögen der Metalle. Aus den beiden Formeln für die Wärmemenge ergiebt sich eine interessante Bedeutung der Werthe von $\frac{1}{x}$, welche gewöhnlich (durch, magnetische Wirkung der galvanischen Kette bestimmt) Werthe des Leitungsvermögens der Metalle genannt werden. Entladet man nämlich eine elektrische Batterie entweder gleichzeitig oder nach einander durch Drähte gleicher Dicke, aber verschiedenen Metalles und von solchen Längen, die proportional den Werthen von $\frac{1}{x}$ sind, so wird nach den obigen Formeln die

Wärmemenge dieselbe sein. Die folgenden Werthe von $\frac{1}{x}$, oder des elektrischen Leitungsvermögens, für einige Metalle geben daher die Längen von Drähten gleicher Dicke dieser Metalle an, die, durch die elektrische Entladung erwärmt und bis zu ihrer anfäng-Temperatur (ungefähr 15° C.) abgekühlt, eine gleiche Quantität Eises schmelzen würden. In diesen, aus der Verzögerungskraft berechneten, Werthen ist für Kupfer die Länge 100 angenommen. —

Drahtlängen, in welchen die elektrische Entladung gleiche Wärmemengen erregt.

Silber	148,74
Kupfer	100,
Gold	88,87
Cadmium	38,35
Messing	27,70
Palladium	18,18
Eisen	17,66
Platin	15,52
Zion	14,70
Nickel	13,15
Blei	`10,32
Neusilber	8.86

Bemerkungen über die thermische Wirkung der Entladung.

Elektrische Wärmeerregung unabhängig vom Schliessungsbogen. Vorsselman de Heer!) hat sich die dankenswerthe Mühe genommen, die oben gegebene Grundformel über die durch die Entladung erregte Wärmemenge numerisch zu bestimmen und darnach alle von mir angestellten Versuche zu berechnen. Der Verfasser hat in jener Formel Zähler und Nenner der rechten Seite durch die Constante b dividirt, wodurch in den Nenner des zweiten Faktors an die Stelle der Verzögerungen $1 + \frac{b \times \lambda}{q^3}$ die Verzögerungswerthe $\frac{1}{b} + \frac{x \lambda}{q^3}$ getreten sind: eine Aenderung, die ich nicht für gerathen halte, da sie leicht zu Irrungen führen kann und jedenfalls die Formel weniger verständ-

²) Poggendorff Annalen * Bd. 48. 8, 292.

lich macht. — Indem der Verfasser serner die jedem Verzögerungswerthe zukommende Erwärmung berechnete und die Werthe summirte, sand er diese Summe unabhängig von der Beschassenkit des Schliessungsbogens, so dass er die Folgerung zog: Eine gegebene Elektricitätsmenge von bestimmter Dichtigkeit erzeugt eine bestimmte Wärmemenge, die von der Natur des, die Entladung vermittelnden, Bogens nicht abhängt.

Ich habe mich gegen diese, als Vermuthung beachtenswerthe, Folgerung aussprechen müssen, ') da sie als erwiesen durch meises Versuche dargestellt ist, zu welchem Zwecke eben die Grundformel verändert und berechnet wurde. Dass hierdurch meinen Versuchen eine Beweiskraft beigelegt worden, die sie nicht besitzen, zeigt sich am leichtesten, wenn wir aus der unveränderten Formel die behauptete Constanz der Wärmeerregung herleiten. — In dem veränderlichen Theile des Schliessungsbogens ist die durch die Einheit der Ladung erregte Wärmemenge

$$W = \frac{a x \lambda}{\varrho^a} \cdot \frac{1}{1 + \frac{b x \lambda}{\varrho^a}}$$

. Bezeichnet man mit W, die Wärmemenge in dem constanten Theile desselben Schliessungsbogens, und wendet den Satz an, dass in zwei Drählen desselben Bogens die Wärmemengen sich verhalten, wie die durch sie hervorgebrachten Verzögerungen, so hat man $W_1 = \frac{W q^2}{b \, x \, \lambda}$ und daher die Wärme im ganzen Schliessungsbogen

$$W + W_1 = \frac{a\left(\frac{1}{b} + \frac{x \lambda}{\varrho^y}\right)}{4 + \frac{b x \lambda}{\varrho^x}} = \frac{a}{b}$$

also unabhängig von der speciellen Beschaffenheit des Bogens. Die Anwendung aber jenes Satzes, der nur für einfache Drähte, vielleicht noch für continuirliche Metallstücke gilt, auf discontinuirliche Metallstücke ist nicht orlaubt; es ist erst experimentell sa zeigen, dass die Verzögerung der Entladung durch Stellen, an welchen Metalltheile an einander gedrückt, geschraubt, gelöthet sind, der daselbst durch Elektricität erregten Wärme proportional sez Bis dies geschehen, können wir der Constante fi (V. de Heer bet

¹⁾ Poggendorff Ausslen * Bd, 48. S. 320.

sie für meine Versuche auf 0,1495 berechnet) keine andere Bedeutung zugestehen, als dass sie, wie Seite 200 gesagt worden, die grösste Wärmemenge angebe, welche durch die Einheit der Ladung in einem continuirlichen Drahte erregt werden kann.

Entladungszeit bei einem nnendlich kleinen Schliessungsdrahte.¹) Die Formel für die Wärmemenge in einem Drahte, der einzeln die Batterie schliesst, kann so geschrieben werden:

$$W = \frac{a \frac{x\lambda}{q^2} q}{\left(1 + \frac{bx\lambda}{q^2}\right) \frac{a}{q}}$$

in welchem Ausdrucke der ganze Nenner die Zeit der Entladung der Betterie bedeutet. Diese Zeit behält einen endlichen Werth, wenn λ , die Länge des Schliessungsdrahts, verschwindet, so dass also die Elektricität eine bestimmte Zeit bedarf, um von der innern zur änssern Belegung der Batterie durch eine unendlich kurze Drahtstrecke zu geben. Diese Consequenz wird klar, wenn man bedenkt, dass die Schliessung der Batterie durch einen Draht wenigstens zwei discontinuirliche Stellen bedingt, an welchen Metall oder Querschnitt des Weges der Elektricität sich plötzlich ändert, und dass die Elektricität jedenfalls eine endliche Zeit bedarf, sich über ein solches Hinderniss fort weiter zu verbreiten.

Erwärmung eines Drahtes in einem durch einen Isolator unterbrochenen Schliessungsbogen. Ehe ich den Schliessungsbogen durch seste Isolatoren unterbrach, war die Erwärmung in einem durch eine Lustschicht unterbrochenen Bogen zu untersuchen 3). Es wurde neben dem Luststhermometer, in dem sich ein unveränderlicher Platindrath besand, in den Schliessungsbogen das Funkenmikrometer eingeschaltet, das zuerst mit den Scheiben verschien war. Nachdem die Scheiben in verschiedene Entsernung von einander gestellt worden, wurde die Erwärmung im Thermometer durch verschiedene Entladungen der Batterie beobachtet. Es ergab sich, dass diese Erwärmungen bei Entsernung der Scheiben bis zu einer Linie nicht kleiner, ja sogar in gewissen Fällen grösser aussielen, als wenn die Scheiben sich berührten. Die grösseren Erwärmungen ersolgten, wenn die

¹⁾ Poggendorff Amelen Bd. 43. 8. 76.

²⁾ Poggenderst Amelen Bd. 43. 8. 78.

Schlagweite der Ladung zwischen den Kugeln des Entladungsepparates geringer war, als die Entfernung der Scheiben, so dass der Entladungsfunke nur zwischen diesen überging. Da bei den von einander entfernten Scheiben in der Batterie nach der Entladung eine grössere Elektricitätsmenge zurückblieb, als früher, so folgte, dass die entladene Elektricitätsmenge durch Condensation an den Rändern der Scheiben eine grössere Geschwindigkeit erlangt hatte, mit der sie durch den übrigen Theil des Schliessungsbogen ging, wodurch der Einstass der verringerten Elektricitälsmenge überwogen werden konnte. Als statt der Scheiben Kugela genommen waren, die eine Linie von einander standen, war die Erwärmung gleich oder nur wenig geringer, als wenn die Kugeln sich berührten. Durch Anwendung von Spitzen fand sich die Erwärmung jedenfalls vermindert, jedoch nur sehr wenig, wenn die Spitsen 1 Linie von einander standen. Man sieht also, dass eine Luftschicht, welche von der Elektricität leuchtend durchbrochen wird, die elektrische Entladung bei Weitem weniger zu ändern vermag. als die Schicht eines, wenn auch viel bessern, Leiters, in welchem die Elektricität gleichmässig von Partikel zu Partikel fortgeht. Dies ist in gleicher Weise bei festen Isolatoren der Fall, die durch die Entladung zerstört werden. Es wurde, mittels Scheiben, Kugeln oder Spitzen, eine Unterbrechung des Schliessungshogens von 0,2 Linie hervorgebracht, und in diese ein sester Isolator gestellt der von dem Entladungsfunken durchbrochen werden musste. Die Erwärmung im Thermometer fiel hierbei desto kleiner aus, je inniger die Continuität des durchbrochenen Körpers war. Folgendes Beispiel macht dies anschaulich. Ich hatte den Schliessungbogen mittels Kugeln unterbrochen, zwischen welche verschiedene Substanzen gebracht wurden; bei einer und derselben Entladung der Batterie ergaben sich folgende Erwärmungen des Draths im Thermometer.

Zwischenlage	Erwärmung
Luft	15,4
ein Karlenblatt	12,0
zwei Blätter durch Stanniol g	etrenat 9,3
zwei Kartenblätter	8,8
ein Glimmerblatt	4,5

Bei Zwischensetzung desselben Glimmerblattes fiel die Erwärmung sehr verschieden aus Es rührt dies daber, dass das Glimmerblatt

selten an den Stellen durchbrochen wird, wo die Enden des Schliessungsdrathes es berühren, sondern dass die Elektricität eine grössere oder geringere Strecke auf seiner Fläche sortgeht und daselbst unverlöschliche Spuren zurücklässt. Ich habe mich überzeugt, dass eine desto geringere Erwärmung bemerkt wurde, je länger diese Spuren waren.

Es folgt aus diesen Versuchen, dass, wo die Elektricität einen Körper explosiv durchbricht, zwar eine Leitung der Elektricität statt sindet, diese aber mit der früher betrachteten Elektricitätsleitung nicht verglichen werden darf. Der bestleitende der hier angewandten Körper, das einfache Kartenblatt, leitet die Elektricität noch ausserordentlich weniger, als eine Wassersäule von 1 Zell Länge und 4 Linien Dicke, und doch findet man bei Einschaltung der letztern keine merkbare Erwärmung im Schliessungsbegen. Es muss bei den hier beigebrachten Versuchen die elektrische Entladung erst als ansangend betrachtet werden, nachdem das ihr entgegengestellte Hinderniss durchbrochen ist; man bemerkt, dass sie desto schwächer wird, je grösser dies Hindernies war. Eine Schwächung der Entladung sordert aber entweder eine Verringerung ihrer Elektricitätsmenge oder eine Verlängerung ihrer Dauer; es ist Grund vorhanden, hier nur die letztere Ursache der Schwächung anzunehmen. Man kann also sagen, dass die Dauer einer elektrischen Entladung desto mehr verzögert werde, eine je grössere mechanische Wirkung die angesammelte Elektricitätsmenge vor ihrer Entladung auszuüben hatte. Hiermit ist és erklärlich, dass die Durchbrechung einer Lustschicht die elektrische Entladung nicht unmittelbar zu äudern vermag.

C. Die Elektro-Induction. Eigenschaften und Wirkungen des Nebenstromes.

Historisches. Unter dem Namen Seitenentladung ist von Priestley eine Erscheinung an der leydener Flasche beschrieben worden, die sich am einfachsten so darstellen lässt, dass man die Plasche im Donkeln durch einen dicken Metalldraht entladet, während eine Metallkette an ihrer äussern Belegung anliegt; die Kette wird dann während der Entladung leuchtend 1). Dieser Versuch ist sehr viel besprochen und variirt 1), zuleizt aber von Biot 1) apf eine Weise angestellt worden, die ihn in Zusammenhang mit dem Gegenstande dieses Artikels setzt. Ein kurzer Metalleylinder wurde nämlich in den Schliessungsbogen einer elektrischen Batterie gebracht und einem Ende desselben ein ähnlicher isolieter Cylinder mit Elektrometerpendeln nahe gestellt. Während der Entladung der Batterie durch den ersten Cylinder wurde zwischen ihm und dem isolirten Cylinder ein Funke bemerkt, die Elektrometerpendel divergirten and fielen sogleich wieder zusammen. Biot erkannte in diesem Versuche eine Elektricitätserregung durch Vertheilung während der Entladung, schrieb diese aber allein dem Ueberschusse an Elektricität zu, den die innere Belegung der Batterie über die aussere besitzt. Als Foraday 1831 die Volta-elektrische und Magneto-elektrische Induction entderkte, versuchte er einen elektrischen Strom durch die Nähe des Schliessungsbogens der Batterie zu erzeugen; er fand diesen wirklich, schrieb ihn aber einer von dem Hauptdrahte übergesprungenen Elektricitätsmenge zu, und stand von weitern Versuchen ab, weit er von dem durch Elektricität inducirten Strome keine Wirkung erwartete (Experimental researches 24 und 25). Während des Jahres 1838 trat Marianini mit einem Aussatze hervor: Sulle cor-

¹⁾ Cavallo Elektricitätslehre, deutsch 1779 * S. 181.

^{*)} Cuthbertson Abhandlung von der Elektricität, deutsch 1786 *
S. 204. Adams on electricity p. 93 Bohnenberger Beschreibung
verschiedener Elektricitätsverdoppler 1798 * S. 167. Saxtorph Elektricitätslehre * Bd. 1. S. 345. Sturgeon Annals of Electricity * vol. IV.
p. 475. Harris: Sturgeon Annals of Electricity * vol. IV. p. 313.

^{*)} Traité de physique * tom. 2. p. 452.

renti per induzione leida-elettrica 1); Henry in New-Jersey las im November desselben Jahres eine Abhandlung über Induction in der Amerikanischen philosophischen Societät *); ich selbst endlich machte im März 1839 Versuche über einen durch den Schliessungs. drath der elektrischen Batterie erregten Strom bekannt³). In diesen drei, erweislich unabhängig von einander geschriebenen Abhandlungen wird die Elektro-Induction durch die Thatsache bewiesen, dass ein Draht, welcher der Batterie nahe steht, während der Entladung einen elektrischen Strom leitet, der fähig ist, eine Stahlnadel zu magnetisiren; es werden die Umstände bei der Erzeugung des Nebenstromes näher erörtert; es wird von Henry die physiologische, von mir die erwärmende Wirkung dieses Stromes aufgezeigt. Wenn Savary zu einer Uebersetzung meiner Abhandlung ') bemerkt, dass Masson schon 1834 durch den Nebenstrem eine Magnetisirung bewirkt habe, so fügt er hinzu, dass dies ausserhalb der französischen Akademie nicht bekannt geworden; die Constatirung dieser einzeln stehenden Thatsache ist übrigens ohne Bedeutung, da Masson, wie Faraday bereits 1831 dieselbe nicht weiter verfolgt hat. Ich hatte die Freude, im Februar 1840 eine eigenthümliche, ganz ausser Analogie stehende Räckwirkung des Nebenstromes auf den Hauptstrom zu entdecken'), und machte im März desselben Jahres eine Fortsetzung meiner Untersuchung über den Nebenstrom bekannt 1). Zwei solgende Abhandlungen über die Rückwirkungen des Nebenstromes und seine Richtung, bei welcher letzten Untersuchung ich die elektroscopische Wirkung des Nebenstromes aufzeigte, sind im October und November 1840 gedruckt worden?). Ich habe dies hier Iumständlicher aufgeführt, weil Matteucci am 10. August 1840 der Pariser Akademie eine Abhandlung über den elektrischen Neben-

L

•

¹⁾ Memorie di fisica sperimentale. Modena 1838.

²⁾ Transactions of the american phil. Society * vol. 6. p. 17. Sturgeon Annals of El. v. IV. p. 300. Pogg. Annal. Ergänzungsbd. S. 300.

²⁾ Poggendorff's Annalen Bd. 47. S. 55.

⁴⁾ Annales de Chimie * t. 74. p. 158.

^{&#}x27;) Voes'sche Zeitung 26. Februar 1840. Beilage. Bericht üb. die Sitz. v. 18. Febr. der Gesellschaft naturforschender Freunde in Berlin. Compte reads de l'Acad. des Sciences. 9. mars 1840.

⁶⁾ Poggend. Annal. Bd. 50. S. 1.

^{&#}x27;) Peggendorss's Annelen Bd. 51. 8. 177 und 351.

strom eingereicht hat, in welchem ich meine Apparate und die Anordnung der Versuche, die von Henry und mir längere Zeit zuvor angestellt waren, wiedererkannt habe, und weil Savary, dies bemerkend, hinzufügt 1), dass Matteucci von meinen Arbeiten keine Kenntniss gehabt haben konnte. Eine Widerlegung dieser Behauptung liegt in den so eben gegebenen Citaten.

a. Der elektrische Nebenstrom und seine Wirkungen.

Wenn dem Schliessungsdrahte einer leydener Flasche ein Leiter nahe steht, so findet in diesem während der Entladung der Flasche eine Elektricitätsbewegung statt, die in einer bestimmten Richtung fortschreitet und, wenn die Form des Leiters es zulässt, im Verfolge dieser Richtung wieder verschwindet. Diese Elektricitätsbewegung heisst der elektrische Nebenstrom oder der elektrische sekundare Strom (secondary current, conrant secondaire); man zeigt ihn gewöhnlich so auf, dass man neben dem Schliessungshogen der Flasche, der nach seiner Form Hauptdraht, Hauptspirale genannt wird, einen zweiten Bogen (Nebenleitung, Nebendraht, Nebenspirale genannt) parallel ausspannt, und die Enden des letztern einander nahe bringt; es geht sodann bei Entladung der Flasche in der Unterbrechung des Nebendrahts ein Funke über. Es ist wohl zu merken, dass der Nebenstrom bei gehöriger Länge des Hauptdrathes gleichgültig in irgend einer Entfernung von der elektrischen Batterie und der Elektrisirmaschine erzeugt werden kann, und dass ferner der Hauptdraht daber mit einer vollkommenen Ableitung versehen ist; hierdurch wird der Nebenstrom vollkommen geschieden von einigen früher beobachteten elektrischen Erscheinungen, die durch vorangehende Vertheilung mittels rubender Elektricität in nahestehenden Leitern, und von dem Residaum der Batterie hervorgerufen werden. Da bei dem Versuche der Nebendraht vom Hauptdrahte, statt durch Luft, auch durch feste Nichtleiter, wie Glas, Schellack, getrennt sein kann, so ist ein Ueberspringen von Elektricität vom Haupt- zum Nebendrahle nicht auzunehmen, und der Nebenstrom erscheint allein als Folge einer Induction, die zur Unterscheidung von anderen Inductionen Elektro-Induction genannt werden soll. Der Nebenstrom mach sich, ausser durch den Funken, bemerkbar durch physiologische

^{&#}x27;) Compte readu 10. août 1840.

magnetische, thermische und eigentlich elektrische Wirkungen, von denen zuerst im Allgemeinen die Rede sein soll, ehe die durch diese Wirkungen erkannten Gesetze des Nebenstromes aufgeführt werden. —

Physiologische Wirkung des Nebenstromes. Henry') legte eine Rolle von ungefähr 3800 Fuss übersponneneu Kupferdrahtes in eine Glasglocke, die er von aussen mit 60 Fuss eines mit Band umwickelten Kupferstreifens umwand. Die Enden des langen Drahtes waren mit Handhaben versehen; während dieselben mit beiden Händen angefasst wurden, entlud man mit den Enden des Kupferstreifens eine leydener Flasche. Henry erhielt so zuerst vom Nebenstrome einen Schlag, den er aber nicht immer der Ladung der Flasche angemessen fand. Wahrscheinlich waren die Windungen des überaus langen Nebendrahtes nicht gehörig von einsnder getrennt; als ich diesen Versuch mit meinen Inductionsspiralen (flache Spiralen aus 53 Fuss Drath bestehend. Siehe Apparate) wiederholte 2), erhielt ich beliebig starke Schläge je nach der Ladung der Batterie.

Magnetisirende Wirkung des Nebenstromes. Marianini 3) liess den Nebenstrom durch eine Kupferdrahtspirale gehen;
die um ein Stück weichen Eisendrahts gelegt war, über welchem
eine Magnetnadel schwebte. Die Bewegung der Magnetnadel zeigte
das Magnetischwerden des Eisens durch den Nebenstrom an. —
Henry 4) befestigte einen schmalen 30 Fuss langen Stanniolstreifen spiralförmig auf der Innenseite eines hohlen Glascylinders von
6 Zell Weite und versah die Aussenseite mit einem ähnlichem
dem ersten parallel laufenden Streifen. Die Enden des innerm
Streifens wurden mit einer kleinen Drahtspirale verbunden, in
welche eine unmagnetische Stahlnadel gelegt war. Als eine leydener Plasche von 4 Gallon Inhalt durch die äussere Spirale entliden wurde, fand sich die Nadel stark magnetisch. Auch mit
langen Drathspiralen, die isolirt in einander gesteckt waren, ge-

J. R. A. 10

^{&#}x27;) Sturgeon Annal, of El. 'v. IV. p. 303. (on electrodynamic Inintion 122. Henry's Abbendlungen sind, wie die Faradayschen, in bulliste Abelia, abgetheilt.)

²⁾ Poggendorff Annalen Bd. 51. S. 187.

³) Memor. di fis. sperim. Ich habe mir das Werk nicht versehalfen Menen und kenne die obige Angabe nur aus einer gelegentlichen Notiz.

^{*)} Sturg. Ann. of El. * v. IV. p. 300 (on el. ind. 98).

lang der Versuch. Ich selbst 1) hatte die magnetisirende Eigenschaft des Nebenstromes mittels sehr kurzer Spiralen gefunden. Ein 74 Fuss langer Kupferdraht war um eine Glasröhre von 65 Zoll Länge, 2½ Linie Dicke in 81 Windungen gelegt worden, auf diese Drahtschraube wurde eine Glasröhre, 4" 9" lang, 4½" weit, geschoben und mit einer Drahtschraube aus 10 Fuss Drath bestehend, bedeckt. Als die Enden der äussern Drahtschraube mit einer kleinen Spirale, in der eine Nähnadel lag, verbunden waren, und durch die innere Schraube die Entladung einer elektrischen Batterie vollführt wurde, zeigte sich die Nadel magnetisch.

Thermische Wirkung des Nebenstromes. Ich habe diese zuerst 1) mit Hülfe von zwei übereinander liegenden durch eine Glassöhre getrennten Spiralen, aus 8 und 16 Fuss Drath bestehest, aufgezeigt. Die Nebenspirale war durch einen 12 Zoll langen Platindraht (radius 0"',023) geschlossen, der sich in der Kugel meines kleinen Luftthermometers befand, und durch den schwächsten Nebenstrom hinlänglich erwärmt wurde, um die Flüssigkeit des Thermometers zu verrücken. Da ich die Gesetze, die der Nebenstrom befolgt, hauptsächlich durch seine thermische Wirkung bestimmt habe, so werden die spezielleren Versuche unten zur Sprache kommen. — Bedient man sich zur Bildung des Nebenstromes der bei den Apparaten beschriebenen Inductionsspiralen, so ist es leicht, denselben in solcher Stärke hervorzurufen, dass er zolllange, dünne Stahldrähte verflüchtigt.

Elektrische Wirkung des Nebenstromes. Lässt man den Nebenstrom vollkommen zu Stande kommen, so vereinigen sich die im Nebendrahte getrennten Elektricitäten zu schnell, am merkbare elektrische Wirkungen, wenn man nicht den Funken dazu rechnet, hervorzubringen. Wenn der Kuopf eines empfindlichen Elektroscops (mit trockener Säule) mit dem geschlossenen Nebendraht in Verbindung gesetzt wird, so erzeugt auch der stärkste Nebenstrom nur ein geringes Zucken des Goldblattes. Um elektrische Wirkungen zu zeigen, muss der Nebendraht offen sein, setzt man seine Enden auf die entgegengesetzten flächen einer histoglich dicken Harzplatte, so werden daselbet durch den Nebenstrom sehr charakteristische Lichtenbergsche Figuren erzeugt. Verbindet man ein Ende des Nebendrahtes mit der Condensatorplatte

ALA GIR

⁴⁾ Poggen d. Annalen * Bd. 47. S. 55.

^{*)} Poggend, Annal, * Bd. 47, S. 65.

eines Condensators mit Glaszwischenlage, und bringt das andere Ende der Collectorplatte nahe, so lässt sich, bei gehöriger Vorsicht, Eine Elektricitätsart des Nebenstromes in nicht geringer Menge auffangen. Diese elektrischen Erscheinungen des Nebenstromes haben mir ein erwünschtes Mittel geliefert, seine Richtung zu bestimmen.

Zersetzende und galvanometrische Wirkung des Nebenstromes habe ich vergebeus hervorzubringen gesucht, und ich werde weiter unten die Gründe anführen, weshalb mir, trots einer neuerdings vorgebrachten Angabe, die letztere Wirkung noch als sehr problematisch erscheint.

b. Magnetisirung durch den Nebenstrom.

Ich habe ') einige auffallende Magnetisirungen, die der elektrische Nebenstrom hervorbringt, beschrieben, ohne von diesen auf
die Eigenschaften des Nebenstromes selbst einen Schluss zu wagen.
Als ich die Unzulässigkeit eines solchen Schlusses darzuthun suchte,
konste ich nicht wissen, dass derselbe damals schon gemacht war,
und fernerhiu gemacht werden würde; es wird daher angemessen
sein, hier etwas näher darauf einzugehen.

Von der Elektricität, deren Bewegung die elektrischen und, wenn man will, die galvanischen und magnetischen Ströme bildet, wissen wir freilich wenig; aber es giebt einzelne Fälle ihrer Erscheinung, in welchen die grössere Menge verschiedenartiger Bechechtungen und deren Combination es erlaubt, ihre näheren Bestimmungen mit grösserer Wahrscheinlichkeit anzugeben, als im andern Pallen. Solche Falle, gleichgültig, ob sie wirklich die einfichsten sind, betrachten wir, weil wir sie klarer übersehen, in der wissenschaftlichen Darstellung als die einfachsten, und suchen site Chrigen auf sie zurückzusühren. Es ist keinem Zweisel unterwerfen, dass unter allen, bei den verschiedensten Bedingungen ansungtun, elektrischen Strömen keiner unserer Einsicht klarer dalegt, als der Entladungsstrom der leydener Plasche. an the eine auszumessende Fläche, deren elektrischer Zustand in daselnen zählberen Akten erregt wird, wir kennen die Elektridistant, die wir erregen, und haben es in unsrer Macht, jenen Sustand auf doppelte Weise zu steigern, indem wir entweder die wregte Fläche verkleinern, oder die Zahl der Erregungen vermeh-

^{&#}x27;) Poggenderff Angelon " Bd. 47. S. 55 figd.

ren. Indem die Flasche durch Anlegen eines abgamessenen Schliesungsdrahtes entladen wird, findet in demselben der elektrische Entladungsstrom statt, dessen Stärke eine ganz bestimmte Beziehung zu den angeführten Abmessungen erhält, und über dessen Richtung kein Zweifel obwalten kann. Wo von einem andern elektrischen Strome die Rede ist, werden wir daher nach Stärke und Richtung fragen in eben dem Sinne, wie wir sie am elektrischen Entladungsstrome kennen; wo zu ihrer Bestimmung ein eigenes Prüfungsmittel nothwendig wird, ist es unerlässlich am Rechtfertigung dieses Mittels, dasselbe an einen nach Richtung und Stärke bekannten Entladungsstrom anzulegen.

Als ich in der oben angezogenen Untersuchung den elektrischen Nebenstrom mittels einer durch ihn magnetisirten Nadel ansgefunden und die an sich wahrscheinliche Appahme einer gleichen Richtung des Haupt- und Nebenstromes vorläufig bingestell hatte, war ich bemüht, ehe ich an eine weitere Untersuchung des Nebenstromes ging, die Magnetisirung durch den Hauptstrom su studiren. Hierüber lag eine schöne an Thatsachen reiche Abhandlung von Savary vor '), deren Resultat ich bestätigt fand, dan nämlich der Magnetismus einer Nadel kein Maass der Stärke, in vielen Fällen sogar kein Zeichen der Richtung abgieht, welche der sur Magnetisirung benutzte Entladungsstrom besass. Aus dieser Abhandlung ist in die Lehrbücher übergegangen und daher bekannter der Versuch, in welchem über den Schliessungsdrath in verschiedene Entfernung gelegte Stahlnadeln durch eine Batterisentladung periodisch starken und verschieden gerichteten Magnetismus erlangen, während ein anderer einfacherer Versuch weniger beachtet worden ist. Savary hat nämlich Nadeln successiv in dieselbe Loge gegen den Schliessungsdraht gebracht, bei jedem Versuche aber die Batterie zu einem stärkeren Grade gelnden, und hier gleichfalls eine Reihe von periodisch starken und periodisch verschieden geriehteten Magnetisirungen erhalten. In der Savaryachen, unter günstigen Bedingungen angestellten Verauchereihe kommen 6 Abwechselungen der Richtung und ebensoviel Maxima der Stärke der Magnetisirung vor, allein auch bei jeder anders beiläulig angestellten Versuchsreihe wird sich eine Periodicität der Magnetisirung nicht verkonnen lassen. Ich habe eine solche Ver-

¹⁾ Anneles de Chimie ! E. 34. p. 30. . Raggond. Song fichtin a. 10.

suchereihe mitgetheilt, aus der zu ersehen ist, dass, wenn wir zwei Ladungen der Batterie herausgreisen, es einem Zusalle zu dauben wäre, wenn wir durch die Magnetisirung von der relativen Stärke und Richtung der zugebörigen Entledungen unterrichtet würden. Nieumt man hinzu, dass die Perioden der Magnetisirung von den angervandten Entladungsströmen und von Dimensionen und Natur der magnetisirten Nadeln abhängen, so wird die Bestimmung der Stärke und Richtung eines elektrischen Stromes durch eine einzeine Magnetieirung einer Nadel noch uneicherer erscheinen. Wellte man aber von der, der elektrischen Betterie entlehnten, Bedeutung der Richtung und Stärke eines Stromes abstrabiren, und beide Eigenschaften oben nur auf die magnetische Wirkung des Strames besiehen, so wärde dies nicht der richtige Weg sein, die nähern Bedingungen des Nebenstromes und den nech se dankeln Akt der Magnetisirung aufzuklären.

Ich habe aus einer gressen Zahl von Versuchen über Magnetisirung durch den Nebenstrom einige wenige als Corellare zu den Savaryechen Versucken am Hauptstrom gegeben, über die nun kärslich zu berichten ist.

Magnetisirung nach Beschaffenheit des Nebendrahtes. Es wurden zur Bildung des Nebenstromes kurze, durch eine Glassibre getreante Schraubenspiralen aus Kupferdrabt angewendet die Enden der Nebeuspirale aber bald durch eine Kupfer-, bald durch eine Platinspirale geschlessen. Es fand in der Platinspirale in den meisten Fällen (de die Stärke der Batterieledung hier Unteuchiede macht) eine viel stärkere Magnetisirung statt, als in der Emplempirale, und selbet die Richtung des erzeugten Magnetismus war in den meisten Fällen verschieden, in der ersten Spirale nämlich normal, in der letztgenannten anomal. (Normal oder positiv wied die Magnetisirung genannt, wenn dieselbe der Ablenkung eiage Magnetnadel durch einen voltaischen Strom entspricht, der mit dem Nebenstrome gleiche Richtung hat; zur Orientirung hierbei denkt man sich mit dem pesitiven Strome im Nebendrethe schwimmend und die Nadel anblickend, we denn der Nordpol deraelben zur linken Hand gelegen ist.) Die versebiedene Megne-Mirang hängt hierbei nicht von der Beschaffenheit der Magnetisirangaspirale, sondern von der durch sie hewirkten Aenderung der ganzen Nebenschliessung ab. Als die Kupfer- und die Platin-Spirale gleichzeitig in die Nebenschliesung eingeschellet weren.

erfuhr die Nadel in der einen oder andern Spirale merklich dieselbe Magnetisirung. Einen bedeutenden Unterschied in der Magnetisirung findet man, je nachdem die Enden der Nebeuspirale metallisch verbunden sind, oder nur einander nahe stehen, in welchem letztern Falle der Nebenstrom zwischen ihnen mit einem Funken übergehen muss. Mit diesem Funken erhält die Nadel in der Magnetisirungsspirale gewühnlich einen viel stärkern Magnetismus, als sonst, der aber in den meisten Fällen dieselbe Richtung hat, wie ohne die Unterbrechung des Nebendrahtes.

Magnetisirung durch den Nebenstrom nach Beschaffenheit der Batterieladung. Als successiv grössere Elektricitätsmengen aus fünf Flaschen der Batterie entladen wurden, seigten sich die Magnetisirungen durch den Nebenstrom verschieden, je nach der Leitung, die dem Hauptstrom und dem Nebesstrome geboten war. Bei unvollkommener, aber stets metallischer Leitung des Hauptstroms resultirten, bei gleichfalls unvollkommener Nebenschliessung normale Magnetisirungen von steigender Intensität; bei gutleitender Schliessung der Nebenspirale aber anomale Magnetisirungen von gleicher Stärke, Bestand die Hauptleitung aus Kupferdraht und war die Nebenleitung durch einen laugen Platindraht geschlossen, so bewirkte die Steigerung der Elektricitätsmenge im Hauptstrome Magnetisirungen von verschiedener Richtung. Diese Resultate sind indess spezieller Art; von bestimmterem Einfluss auf die Magnetisirung ist die Aenderung der Betterieladung durch Vergrösserung der geladenen Oberfläche. Als 5 und dann 25 Flaschen der Batterie mit derselben Elektricitätemenge geladen wurden, erhielt ich in vielen Versuchen, bei denen die Elektricitätsmenge geändert wurde, eine viel stäckere Magnetisirung durch den Nebenstrom, wenn die grössere Oberfliche gebraucht worden war. Eine Aenderung der Richtung des Magnethmus durch Vergrösserung der Oberstäche habe ich nicht bemerkt.

Magnetisirung durch den Nebenstrom nach Entfernung der Inductionsspiralen von einander. Die Versuchs über diese Aenderung habe ich erst später 1), durch Henry's Abhandlung veranlasst, angestellt; und werde dieselben unten niher angeben. Ich fand, dass, wenn die Nebenspirale von der Hauptspirale successiv mehr und mehr entfernt wird, die Magne-

¹⁾ Peggenderff Am. Bd. 51. B. 355.

Magnetisirung durch d. Nebenstr. n. Verläng. d. Hauptdraths. 216

tisirung durch den Nebenstrom bis zu einer gewissen Entsernung bedeutend an Stärke zunimmt, sodann abnimmt und zuweilen entgegengesetzt gerichtet wird.

Magnetisirung durch den Nebenstrom nach Verlängerung des Hauptdrahtes '). Die interessanteste und zugleich wirksamste Weise, die Richtung der Magnetisirung durch den Nebenstrom zu ändern, besteht darin, dass man die Leitung des Hauptstroms selbst verändert. Ich theile die Versuche, welche dies suerst seigten, tabellarisch mit. In die Hauptleitung waren die Arme eines Henleyschen Ausladers eingeschaltet worden, die durch verschiedene Lingen eines 1/2 Linie dicken Neusilberdrahtes verbunden wurden; die Nebenleitung enthielt eine Magnetisirungsspirale aus Platin- und cine Shaliche aus Kupfer-Drath, beide Ende an Ende hinter einander besestigt. Wenn die Nebenleitung nicht ganz geschlossen war, und daher der Nebenstrom mit einem Funken überging, ist die Elektricitätsmenge in der Tabelle mit einem * versehen. Die Batterie bustand aus 5 Flaschen und wurde mit Mengen positiver Elektricität geladen, die in der ersten Horizontalreihe angegeben sind. Der Magnetismus der in einer der Magnetisirungsspiralen befindlichen Nadel wird durch die Abstossung einer Bussolnadel angezeigt, suf welche jene von einer bestimmten Entsernung aus wirkte. Der mermal gerichtete Magnetismus ist mit +, der entgegengeseizie mit - bezeichnet. Die erste Vertikalreibe nennt das Verbindungsstück der Arme des Henleyschen Ausladers, zeigt also eine sunchmende Verlängerung des Hauptdrahtes.

Magnetisirung durch den Nebenstrom bei Verlängerung des Hauptdrahtes.

Elektricitätsmenge	10	20	30	20 *	
cie kurzes Kupferblech	+ 0°,3	+ 1°,5	+ 2°,5	+ 8°,3	
Neutlberdraht 26f Lin. lang	2,	4,5	6,5	8,	
361	2,	5,	6,	9,5	
78	2,5	5,7	7,7	12,6	
140 1	0	1,8	1,6	4,5	
212	- 0,8	0	1,3	7,8	
324	- 2,3	 3 ,	0	1,5	
460	— 10,	— 10,	- 9,5	— 7,	
696	- 4 ,	- 2,3	— 1,3	+ 8,	

¹⁾ Poggend. Annal. * Bd. 47. S. 63.

In dieser Tafel ist ersichtlich, dass die Perioden der Magnetisirung, wie sie durch Steigerung der entladenen Elektricitätsmenge, durch Entfernung der Inductionsspiralen, durch verschiedene Lage der zu magnetisirenden Nadel gegen den Leitungsdrath, erhalten werden, am Nebendrahte auch durch successive Verlängerung des Hauptdrahtes sicher hervorgebracht werden können. Die beiden letzten Versuchsreihen sind darum bemerkenswerth, weil sie des leichteste Mittel angeben, durch einen elektrischen Strom eine ansemale Magnetisirung zu bewirken. Ich habe mich dieses Mittels, der Verlängerung nämlich des Hauptdrahtes durch einen langen Nensilberdrath, auch dann noch mit Erfolg bedient, wenn ich dickere Nadeln magnetisirte, als die hier gebrauchten, die 13,9 Linien lang, in der Mitte 0,209" dick waren, und die als Nähndein unter der Bezeichnung: Bartleet....sharps No. 9. im Handel verkommen.

Es ist natürlich, dass meine Versuche über die Magneticirung durch den Nebenstrom eben so dunkel und unklar daliegen, wie die äholichen Versuche Savary's am Hauptstrom. Ich habe die selben bekannt gemacht, theils zur Warnung, die Gesetze des Nebenstromes durch eine Wirkung zu studiren, deren Gesetze selbst noch nicht bekannt sind, theils als interessante spezielle Palle, die einmal einem gefundenen Mognetisirungsgesetze als Bestätigung dienen könnten. Bei dieser Ansicht zog ich aus meinen Versuchen keine andere, als die auch sonst plausible, gewiss unschädliche Folgerung, dass eine jede Stahlnadel eine bestimmte Zeit bedarf. um von einer bestimmten Elektricitätsmenge im maximo magoetisirt zu werden, und dass daher, wenn die Zeit der elektrischen Einwirkung kleiner oder grösser sei, eine geringere Magnetisirung erfolge. Wenn ich ferner bemerkte, dass ich in Hinsicht der Aenderung der Magnetisirungsrichtung nur Vermuthungen angulubren wüsste, auf die ich mich nicht berufen wollte, so glaubte ich bier im Sinne Franklin's gehandelt zu haben, der in seinen Briefen sagt: I find, a frank aknowledgment of one's ignorance is not only the easiest way to get rid of a difficulty, but the likeliest way to obtain information; I think it a honest policy.

Diese "ehrliche Politik" meinerseits hat den Versuch einer Erklärung der Magnetisirungserscheinungen veranlasst, die ich hiernächst mit den Worten des Verfassers anführe.

Erklärung der elektrischen Megnetisirungserschei-

mangen. Baron von Wrede 1) betrachtet auerst die Magnetisirung durch den Nebenstrom. Dieser bestehe, (wie Faraday bereits angenommen, in Folge dieser Ansicht aber die Versuche mit demselben aufgegeben hatte), aus zwei entgegengesetzt gerichteten Strömen, die in der Zeit nach einander durch den Nebendraht gehen. Beim Beginn der Entladung führt der Nebendraht einen Strom, der dem Hauptstrom entgegen, beim Aufhören derselben einen, der ihm gleich gerichtet ist. Der Magnetismus der dem Nebendraht nabeliegenden Nadel resultirt von diesen beiden Strämen, die, in längerer oder kärzerer Zwischenzeit auf einander folgand, sie im entgegensetzten Sinne magnetisiren. Der erste dieser Ströme erregt in der Nadel einen magnetischen Zustand, wevon der grössere Theil nur vorübergehend ist, und von dem nur ein Theil von der Coërcitiv-Kraft der Nadel zurückgehalten wird. Der Uebergang von dem temporären zu dem permanenten Zustande kann wicht augenblicklich stattfinden, sondern erfordert eine gewisse Zeit. Der nachfolgende Strom muss also die Nadel in einem verschiedenen magnetischen Anfangszustande treffen, je nachdem die Zeit zwischen beiden Strömen länger oder kürzer war, und muss folglich ein Resultat herbeiführen, das von der Länge dieser Zeit abhängig ist. Verbinden wir hiermit, dass derselbe Uchergang von dem temporaren zu dem permanenten magnetischen Zustande einen Strom induciren muss, der nicht ohne Einfluss auf den endlichen Zustand sein kann, so finden wir genügenden Anless für die beobachteten scheinbar anomalen Resultate. —

Die scheinbare Einfachheit dieser Erklärung geht sogleich verleren, indem der Verfasser genöthigt ist, sich zu der Magnetisirung
durch den Hauptstrom zu wenden. Derselbe betrachtet hierbei
nur den einfachsten Fall, die periodische Magnetisirung nämlich
bei gesteigerter Ladung der Batterie, zu deren Erklärung er bei
der Entladung die drei Momente auffasst, des Beginnes, des Fortganges und des Schlusses derselben. Während des ersten und
dritten Momentes entstehe unmittelbar keine magnetisirende Wirkung, aber in beiden Fällen ein inducirter Strom in der Masse
der Nadel selbst, welcher seinerseits magnetisirend einwirken muss.
Während des zweiten und dritten Moments finden Einwirkungen

¹⁾ Berzefius Jahresbericht. Deutsch von Wöhler, 20. Jahrgang.
Physik B. 119.

statt, deren Richtung die entgegengesetzte von derjenigen im ersten Momente ist, und von diesem Gegensatze können die beobachteten Endresultate abgeleitet werden. So weit der Verfasser.

Ich habe auf die Verwicklung aufmerksam zu machen, welche diese letzte Erklärung in die Erklärung der Magnetisirung durchden Nebeustrom nothwendig bringt. v. Wrede nimmt an, dass beim Entstehen und Verschwinden des Entladungsstromes im Schliessungsdraht, elektrische Strome in der Masse der Nadel selbst isducirt werden, und es ist klar, dass diese Annahme auch für den Nebenstrom gelten muss. Der Nebenstrom besteht aber aus swel Stromen, die in kleiner Zeit hintereinander durch den Nebendraht gehen, und jeder dieser Ströme wird daher, ausserdem, dass er eine nabegelegene Nadel magnetisirt, in der Masse der Nadel zwei Ströme induciren, welche sie gleichfalls magnetisiren. Die Stalinadel am Nebendrshte ist daher nach v. Wrede's Erklärung folgenden magnetisirenden Wirkungen ausgesetzt, wobei wir der Richtung des Maguetismus, die dem Hauptstrom entspricht, des positive Zeichen geben. Der erste Theil des Nebenstromes giebt der Nadel die Polarität - P, bringt aber zugleich beim Entsteben und Verschwinden elektrische Ströme in ihrer Masse hervor, welche ihr + P und - P geben. Der resultirende Magnelismus verschwiedet grösslentheils wieder, wobei er einen Strom in der Masse indecirt, der sie in dem Sinne -- P magnetisirt. Der zweite Theil des Nebenstromes magnetisirt + P, inducirt zwei Ströme, die - P und + P magnetisiren, und zuletzt tritt noch ein elektrischer Strom ein durch das Uebergehen des resultirenden Magnetismus von dem temporaren in den permanenten Zustand. Dieser Wechsel verschiedener Magnetisirungen der Nadel findet sehr oft hinter einander statt, da die Entladung der Batterie aus sehr vielen Partial-Entladungen besteht, und jede derselben von einem gleichmässigen Strome im Nebendrahte begleitet sein muss,

Es ist möglich, dass dies der naturgemässe Hergang der Magnetisirung sei, und in der That waren meine Vermuthungen den hier vorgetragenen darin ähnlich, dass sie Ströme in der Masse der magnetisirten Nadel annahmen. Nur kenn ich nicht mit dem geehrten Verfasser den Werth solcher Vermuthungen so hach anschlagen, dass ich die Unterdrückung derselben für schädlich der Wissenschaft erklären möchte. Wenn ich gesagt habe, dass im Allgemeinen die Magnetisirung kein Masse der Stärke, aft anch

kein Zeichen der Richtung des sie hervorrusenden Stromes abgebe, so ist, ausser der dadurch bezweckten praktischen Weisung, damit gesagt, dass diese Magnetisirung keine einfache Wirkung des elektriechen Stromes sei. Wodurch die Complicirung der Wirkung entstehe, ist gewies interessant zu untersuchen, aber die Untersuchung scheint mir für die empirische Elektricitätslehre von geringer Wich-, tigkeit, so lange sie noch nicht auf den Punkt gediehen ist, jene su entwirren und wenigstens die Hanpterscheinungen mit Bestimmtheit abzuleiten. Wenn sich nach der obigen Vorstellungsweise einsehen lässt, dass die Dauer der Entladung, die Masse und Beschaffenheit der Nadel bei Magnetisirung durch den elektrischen Nebenstrom von Einfluss sein werde, so bleibt das Resultat dieses Einflusses in allen Fällen unbestimmt; die bekanntesten Magnetisirungen em Hauptstrom, bei welchen die Steigerung der Ladung eder die Entfernung der Nadel vom Schliessungsdrahte periodische Wechsel der Stärke und Richtung des Magnetismus herbeisühren, werden durch dieselbe unserem Verständnisse nicht näher gerückt. lch glaube nicht, dass sich für diese Erscheinungen eine genügende Erlänterung wird geben lassen, ebe die Gesetze der Magnetisirung, die Bedingungen, unter welchen der Stahl den eigenthümlich pobren Zustand anzunehmen und festzuhalten fähig ist, gehörig unterrocht sind.

v. Wrede macht gegen mich die Annahme Faraday's geltend, mach welcher der Nebenstrom aus zwei entgegengesetzten Strümen besteht, welche Annahme durch meine Versuche nicht aufgehoben werde. Es ist hiergegen zu bemerken, dass der grosse englische Physiker zwei elektrische Ströme annahm, die sich in der Art meutralisiren, dass, sie einzeln bemerkbar zu machen, nicht za hoffen sei (Experim. resear. 25); wogegen ich gezeigt habe, des der Nebenstrom, er sei nun, was er sei, wirke, und zwar in den meisten Fällen ganz so wirke, wie ein einsacher elektrischer Strom, der dem Hauptstrome parallel sliesst. Wir haben hher von dem empirischen Standpunkte aus, den Nebenstrom anmehen als einen solchen dem Hauptstrome parallel laufenden Strom und werden ihn auch dann noch so zu bezeichnen haben, wenn a anagemacht werden sollte, dass ihm ein entgegengesetzt fliesunder Strom vorangeht. Sprechen wir doch mit gleichem Rechte ve der elektrischen Entladung und dem elektrischen Strome als isem einzigen Akte, obgleich wir wissen, dass jede dieser Erschei-

E' 1

nungen aus einer grossen Menge einzelner Akte ausammengeseint ist. Was die Annahme der beiden entgegengesetzten Ströme im Nebendrahte betrifft, so glaubt v. Wrede eine Stütze derselben darin zu finden, dass ich vergebens versucht habe, Jodkalium durch den Nebenstrom zu zersetzen. Dies kann nicht augegeben werden. Es ist bekannt, und ich habe es bei dem Versuche selbst angereben und belegt, dass jede Zersetzung nur in einer längern Zeit an Stande kommt, und dass die stärkste Elektricitätsmenge, wenn aie zu schnell durch eine soust leicht zersetzbare Substanz hindurchgeht, dieselbe zu verstreuen, aber nicht zu zersetzen vermeg. Die Erfolglosigkeit des Versuchen, Jodkalium durch den Nebesstrom zu zersetzen, kann daher weder für, noch gegen die Existenz zweier Ströme aufgeführt werden; in wiefern spätere Versnobe anderer Art diesen Gegenstand näher zu erläutern fälig aind, wird in dem Artikel: Richtung des Nebenstromes, angegeban werden.

c. Eigenschaften des Nebenstromes durch seine magnetische Wirkung bestimmt.

Wenn ich bei den Erklärungen gesagt habe, dass es, um Verwirrung su vermeiden, nöthig sei, bei Betrachtung eines elektrischen Stromes stets der Wirkung eingedend zu sein, die zur Erkennung des Stromes gewählt worden, so habe ich dabei zunächst die Angaben im Auge gehabt, die in diesem Artikel vorgestabrt werden sollen. Der Leser hat festzuhalten, dass hier die behauptaten Eigenschaften des Nebenstromes an einer durch denselben magnetisirten Stahlnadel abgelesen werden, und dass ein starker oder schwacher, ein so oder anders gerichteter Strom als Stärke und Richtung des Magnetismus beobachtet worden, den eine gegen den Nebendrath in bestimmte Lage gebrachte Nadel durch den Nebenstrom angenommen hat. In wie weit meiner Meinung, dass alle hier aufgeführten Fälle nur Corollare zu den merkwürdigen und noch so dunkeln Magnetisirungen durch Elektricität bilden, die Savary vor vielen Jahren entdeckt hat, dass diese bekann ten Erscheinungen durch die neu aufgestellten Gesetze erklären wollen einen verderblichen Kreisschluss begehen heisst, dass endlich die Fälle, die hier zur Bestimmung der Gesetze des Nebenstromes gewählt worden sind, uns anvörderst Nichts über den No benetrom lehren, und bei gehöriger Untersuchung nur Beispiels sn einem noch zu findenden Gesetze der Magnetisirung abgeben werden — in wie weit dieser Meinung beizupflichten sei, muss dem Urtheile des Lesers überlassen bleiben, dem ich nicht durch anders gewählte Ueberschristen habe vorgreisen wollen.

Stärke und Richtung des Nebenstromes nach der Entferuung des Hauptdrathes vom Nebendraht. Henry') bemerkte, dass der Nebenstrom in den gewöhnlich vorkommenden Fällen, wo der Nebendraht dem Hauptdrahte möglichst nahe gebracht wird, gleiche Richtung mit dem Hauptstrome habe, das beiset, dass der Gang der positiven Elektricität, der von einer Belegung der Batterie aus durch den Hauptdrath verfolgt werden kann, in dem parallelen Theile des Nebendrahtes nach derselben Seite hin erfolge. Widersprechende Magnetisirung bei Anwendung verschiedener Apparate brachten ihn aber auf den Gedanken, dem die Richtung des Nebenstromes bei einer gewissen Entfernung des Houptdrahtes vom Nebendrahte die entgegengesetzte sei, welchen er durch folgenden Versuch zu bestätigen glaubte (on. el. Ind. 116). Zwei schmale, zwölf Fuss lange Stanniolstreifen wurden einender parallel gerade ausgespannt, und durch Glimmerblätteben ungefähr A Zell von einander entsernt gebalten. Die Entladung einer leydener Flasche von 4 Gallou Inhalt durch den einen Streifen brachte in dem andern einen Nebenstrom von derselben Richtung hervat, die der Hauptstrom besass. Als die Zinnstreisen bis 🛊 Zoll von cinander gerückt waren, wurde kein Strom in dem Nebenstreisen bemerkt, und als sie noch weiter von einander entfernt wurden, seigle die magnetisirte Nadel einen Nebenstrom von entgegengesetzter Richtung. Die Entfernung des Hamptleiters vom Nebenleiter, nach welcher der Nebenstrom seine Richtung ändert, war verschieden nach der Stärke der Ladung, der Länge und Dicke der Brähte. Mit einer Batterie von 8 Flaschen, jede von + Galhe Inhalt, und mit parallelen geraden Drähten von 10 Fuss Länge but diese entgegengesetzte Richtung erst bei einer Entfernung der Deshite von 10 bis 12 Zoll ein. Es wurden diese Versuche mit einer Betterie von 32 Flaschen, jede von 1 Gellon Inhalt, wiederbelt. Ein A Zell dicker Kupferdraht, 60 Pass lang, wurde im de Form cines Trapez gebogen, dessen längere Seite 36 Puss mes. Dieser Seite entlang wurde ein gewöhnlicher Glockendrath

^{&#}x27;) Sturgeon Annals ' IV. p. 200 (on. cl. Ind. 100).

ansgespannt und eine kleine Magnetisirungsspirale zwischen seine Enden gebracht; es konnte aber durch Entfernung der parallelen Drahtstücke von einander kein Wechsel in der Richtung des Nebenstroms erhalten werden. Es wurde sodann ein Nebendraht von 120 Fuss Länge genommen und so gelegt, dass er den trapezförmigen Hauptdraht einschloss (on. el. Ind. 122). Die Magnetisirung durch den Nebenstrom war jetzt stärker, als früher, aber stets in der Richtung des Hauptstroms, und dies war noch der Fall, ab die Drähte überalt 12 Fuss von einander standen.

Matteucci 1) hat später ähnliche Versuche und dieselben Behauptungen vorgebracht. Er bediente sich der von mir zuerst augewandten planen Induktionsspiralen, zu welchen er 23 Meter Kupferdraht nahm, und anderte ihre Eptfergung von 0.005 bis 0.20 Meter. Die Stärke des durch den Nebenstrom erzeugten Magnetismus wurde durch Schwingungsdauer der Nadel bestimmt, die der Ledung der Batterie durch ein Heuley sches Quadrantelektrometer. Der Verfasser zieht folgende Schlüsse aus seinen Versuchen, die an einer Batterie von 6 Flaschen angestellt sind: 1) der Nebenstrom der Batterie hat mit dem Hauptstrome dieselbe Richtung bis za einer gewissen Entfernung der Spiralen, dann aber ändert er ceine Richtung für immer. 2) Das Maximum der Intensität ist bei dem gleich und entgegengesetzt gerichteten Nebenstrom ungefähr dasselbe. 3) Die grösste Intensität des Nebenstromes findet bei ciner um so grössern Entfernung der Spiralen statt, als die Ladung der Batterie stärker ist. 4) Die Entfernung der Spiralen, bei welcher der Wechsel in der Stromesrichtung eintritt, nimmt ebeufalls mit der Stärke der Ladung zu.

Nebenströme höherer Ordnung und ihre Richtung Indem Henry 1) den Nebenstrom der Batterie auf eine Drahtspirale inducirend wirken liess, erhielt er einen neuen Strom, den er Strom der dritten Ordnung nennt (der Nebenstrom selbst wird mit secondary current bezeichnet), und als er diesen wieder unf eine neue Spirale wirken liess, kam ein Strom vierter Ordnung zu Stande. Es wurden zu diesem Versuche Spiralen aus Kupferstreifen gebraucht, von welchen je zwei mit Zwischenlegung einer Glasscheibe auf einander gelegt waren. Die Fig. 6. (in welcher die

²⁾ Bibliothèque anivers. de Genève Octob. 1840 * p. 122.

^{*)} Sturgeon Annals * IV. p. 303, (ou. el. lad. 114.)

zwischengelegten Glastafeln fortgelassen sind) zeigt diese Anordnung. Spirale a leitet den Entladungsstrom der leydener Flasche, die Spiralen b und c führen den Nebenstrom, d und e den Strom dritter Ordnung, f und g den vierter Ordnung. Henry fand mittels Magnetisirung einer Stahlnadel, dass die Nebenströme eine abwechselnde Richtung hatten, der Nebenstrom also in derselben Richtung wie der Hauptstrom, der Strom dritter Ordnung in entgegengesetzter, und der Strom vierter Ordnung wieder in gleicher Richtung lief. In einem Versuche, bei welchem die auf einander wirkenden Spiralen 1 + Zoll von einander entsernt wurden, statt dass sie hier nur durch die Glasesdicke getrennt waren, fanden diese auffallenden Abwechselungen in der Stromesrichtung nicht Statt, Der Vers. sucht diesen verschiedenen Erfolg aus der Umkehrung zu erklären, die der inducirte Strom bei einer gewissen Entlernung der auf einander wirkenden Spiralen erfährt. Wenn derselbe schliesslich bemerkt, dass durch diese Erfahrungen die Versuche Savary's, unter welche er aber nur die über verschieden gerichtete Magnetisirung in versehiedener Entsernung von dem Schlieseungsdrahte der Batterie zu begreifen scheint, auf ein allgemeines Gesetz surückgeführt werden, so habe ich mich über diese Meinung schon oben ausgesprochen.

Aenderung des Nebenstromes durch zwischen die Spiralen gesetzte Leiter. Henry') brachte zwischen Hauptund Nebenspirale eine Metallplatte an und fand, dass der Nebenstrom hierdurch aufgehoben war. Denselben Effekt, wie die Platte, brachte eine Drahtspirale hervor, wenn ihre Enden mit einander verbunden waren, blieb die Spirale hingegen offen, so bestand der Nebenstrom in früherer Stärke. Dies zeigt, dass die Ausbebang der Wirkung eines inducirten Stromes durch die Erzeugung eines zweiten inducirten Stromes bedingt sei. Der Verfasser erklärt dies Resultat aus der abwechselnden Richtung der Nebenströme. Indem nimich die Metallplatte zwischen Haupt- und Nebenspirale steht, inducire der Hauptstrom in der Platte und der Nebenspirale einen mit ihm gleichgerichteten Strom, zugleich aber inducire der Strom der Platte einen Strom dritter Ordnung in der Spirale, der, entpagengesetzt gerichtet, den vom Hauptdraht inducirten Strom neuvalisire. Auch die Ströme höherer Ordnung werden, wie Henry

¹⁾ Sturgeon Anade IV. * p. 302.

994

frad, durch Metallplatten aufgehoben die swischen die unf eines der wirkenden Spiralen gestellt sind.

Matteucci 1) stellte swischen zwei plane Indoktionespiralen Talela von Glas, Siegellack, Schwefel, Harz, ohne eine Aenderson des Nebenstromes zu bemerken. Stanniolblätter, die einfach, oder in swei und drei Dicken die Zwischenplatte bildeten, gaben dem Nebenstrom eine entgegengenetzte Richtung, so aber, dass die Starks des Stroms desto bedeutender war, je dûnner die Zwischenplatte gewählt war. So erschien swar der Strom bei Zwischensetzung einer Kupferplatte fast ganz geschwächt, bei Anwendung eines einfachen Stanniolblatts war derselbe aber stärker als ohne irgend eine Zwischenselzung. Wurde daher aus einem Stanniolblatte ein Stück in der Richtung des Radius der Induktionespirale heraus geschnitten, so erhielt man in der Nebenspirale einen stärkern Strom als wenu das Blatt gans war. An die Stelle der Metallplatte wurde eine ebene Spirale zwischen die Induktionsscheiben gesetzt, die wenn sie geschlossen war, wie die Platte wirkte. Aus einem zwischen die Spiralen gelegten Stanniolblatte wurde ein Sector susgeschnitten, die Verbindung zwischen den getreunten Lappen aber durch eine Magnetisirungsspirale hergestellt; es zeigte sich im Stanniolblatte ein dem Hauptstrome gleichgerichteter Nebenstrom. Wasen die Induktionsspiralen so weit von einander entfernt worden. dass der Nebenstrom rückläufig war, so verstärkte die Zwischensetzung eines Stanniolblatts die Intensität desselben. Bei verschie den starken Ladungen der Batterie brachte die Zwischenstellung einer Kupferscheibe zwischen die Spiralen nicht durchweg des räckläufigen Strom kervor; der Strom war bei schwachen Ledungen dem Hauptstrom entgegen, bei stärkern ihm gleich gerichtet. Le wurden auch Verauche angestellt über die Nebenströme in zwei-Spiralen, zwiechen weichen sich die Hauptspirale befand. Es ist dies der Fall einer Störung des Nebenstroms durch einen Strom der nicht wie früher, zwischen ihm und dem Hauptstrom, sonders an der andern Seite des letztern erzeugt worden. Als Resultat wird angegeben, dass wenn die Nebenspiralen in gleicher Entfer nung von der Hauptspirale stehen, der Nebenstrom in jeder Spirale dieselbe Intensität und Richtung hat, als wenn sie allein voor handen wäre; steht aber eine Spirale der Hauptspirale näher all

¹⁾ Biblioth. univers. de Goudre P Quiek, 1866 p. 229.

andere, so erhält sie einen Nebenstrom von grösserer Stärke, andere entserntere aber einen von entgegengesetzter Richtung.

Es ist zu dieser Abhandlung Mattencci's zu bemerken, dass a Anordnung der Apparate und Versuche dieselbe ist, wie sie mit Henry und mir in früher publicirten Abhandlungen beschriem worden. Was die dem Verfasser eigenthümlichen Folgerungen wer die Eigenschaften des Nebenstromes hetrifft, so müssen sie, het bei der hier beliebten Auffassung des Nebenstromes, als gänzin prekär erscheinen. Mit eben dem Rechte, mit dem oben der honstrom, wenn ein Stanniolblatt zwischen den Induktionsspilen steht, stärker genannt wurde, als wenn dasselbe fehlt, könnte an sagen, dass der Entladungsstrom der Batterie stärker wird, um man weniger Umdrehungen der Elektrisirmaschine zu ihrer alang anwendet, oder wenn man ihre Oberfläche vergrössert, ber ihren Schliessungsbogen verlängert; denn in vielen Fällen urden diese Aenderungen eine Verstärkung der Magnetisirung nech die Entladung bewirken.

Rückwirkung des Nebenstroms auf den Hauptstrom. latteucci ') führt über diese Rückwirkung meine thermometrihen Versuche an, ohne sie indess richtig aufgefasst zu haben. Venn er nämlich als Bestätigung dieser Versuche angiebt, dass atladungsschlag und Funke der Batterie sehr verschieden seien, : nachdem im Schliessungsbogen die Hauptspirale allein oder eier Nebenspirale gegenüber stehe, so ist gerade die wesentliche dingung für diese Verschiedenheit ausser Acht gelassen, dass Imlich die Nebenspirale durch einen verhältnissmässig langen Draht nehlessen sein muss. Wie ich Seite 175 bemerkt habe, findet kein sterschied in den Entladungserscheinungen Statt, die Hauptspirale ng allein stehen oder vor einer durch einen kurzen Kupferdraht nehlessenen Nebenspirale. Der Versasser untersuchte die Rücktillwag des Nebenstroms auf den Hauptstrom, indem er durch den Atlern eine Nadel magnetisirte, während der Hauptspirale eine Meilgiatte oder eine geschlossene Nebenspirale (deren Schliessungsit sicht angegeben wird) in verschiedener Entsernung gegenüber publik war. Er kommt zu dem Resultate, dass durch eine solche legenüberstellung die Magnetisirung durch den Entladungsstrom der Merie verstärkt, die Richtung derselben aber nicht geändert wird-

15

VI.

¹⁾ Biblioth, universelle de Genève * Octob. 1840.

Nebenstrom am Galvanometer bestimmt. Matteues hat neuerlich auf meine Bemerkung, dass aus der Magnetich einer Nadel nicht auf Richtung und Stärke des Nebenstromen schlossen werden kann, geantwortet, dass er diese Bestimmus sicher halte und es bald werde beweisen können. Inzwischen er seine Versuche über den Nebenstrom auch mit Hülfe eines. vanometers wiederholt. Er bediente sich eines sehr empfindlich Galvanometers von Gourion in Paris, dessen Drahtenden mil Enden einer flachen Nebenspirale verbunden waren, während Hauptspirale die Entladung einer Batterie von 12 Flaschen Bei der Entladung bemerkte er nun Ablenkungen der Maltitornadeln, die dorch starke Ladung der Batterie bis auf 90 6 gesteigert werden konnten. Die Richtung des Nebenstromes sich überall der des Hauptstroms gleich, wenn auch die Enung der beiden Spiralen geändert wurde. Der Verfasser eine grössere Anzahl von Spiralen hintereinander auf, und nach Henry's Vorgange den Strom zweiter und dritter Orden entstehen. Er fand die Richtung des zweiten Nebenstroms der ersten entgegengesetzt, die des dritten wieder in der Richtung ersten, und andere auffallende Resultate. Ein anderes Mittel-Richtung des Nebenstrome zu bestimmen, warde dem Verf Pacinotti angegeben; es besteht darin, dass zwei spitze Stant atreifen an den entgegengesetzten Flächen eines Papierstücke anfgeklebt werden, dass die Spilzen 2 Millimeter von einander hen. Wird nun das Papier von einem starken Nebenstrom de hohrt, so soll die Spitze, die der Durbohrungsstelle am nach liegt, negative Elektricität abgegeben haben. Ich brauche wol hinzuzufügen, wie unsicher diese, auf den Lutlinschen Von gegründete, Methode ist, zumal bei einer Entsernung der Spitvon einer Linie; ich kann versichern, dass eine solche Unsie heit bei der Methode nicht stattfindet, die ich längere Zeit a zur Bestimmung der Richtung des Nebenstroms angewandt (die Bildung von Harsfiguren). Was die Versuche von Matte betrifft, so habe ich seine Resultate nur obenhin anführen koda es mehr als wahrscheinlich ist, dass die erstern sammtlich einem Irrthume beruhen. Es ist wider jede Erfahrung, dass

¹⁾ Comptes rendus 1841 1er Sem. p. 342. Archives de l'électries de la Rive più 1844 p. 436,

ktiricität, direkt durch eine kurze metallische Leitung ent-• Magnetnadel ablenken sollte; die bedeutenden, bis 90 Grad n Ablenkungen, die Mattencci bemerkt hat, sind mir bei früheren Untersuchungen nur zu oft vorgekommen, und meinem grössten Bedauern, da sie unsehlber das astapotem meines Galvanometers verdarben. Ich bemerkte bei blenkungen häufig ein Knistern zwischen den Drahtwinlas Galvanometers und es war mir leicht, darzuthun, dass mbaren Ablenkungen der Magnetuadeln von gewöhnlicher ng einer Portion Elektricität herrührten, die sich in der Ueberspinnung des Drabtes angehäuft hatte. Da Matmasshrt, dass die Magnetnadeln seines Galvanometers ihren mus bald verloren, und dass er überall bei seinen Versuischen den Windungen desselben einen Funken bemerkt ist es sast unzweiselhaft, dass er überall Anziehung sta-Bektricität für magnetische Ablenkung genommen hat. darf nicht unerwähnt bleiben, dass der Verfasser, wie es ni einer früheren Gelegenheit der Fall war, auch hier seibuchen nicht ganz traut, dies an einigen Stellen bemerkt hältnissmässig wenig Zahlen mittheilt. Dies Misstrauen bei Untersuchungen ist der Anerkennung werth, würde es wiss noch mehr sein, wenn es den Verfasser dahin bringen so zweiselbaste Versuche, wie die obigen, zurückzuhalten, Veröffentlichung der Wissenschaft nur Nachtheil bringen ch bemerke schliesslich, dass es mir unerfreulich war, von sei meine Untersuchungen über den Nebenstrom swar an--aber gänzlich missverstanden zu sehen, welches daraus nht, dass er die Resultate derselben mit den seinigen (en i **façon)** vereinbar glaubt.

d. Richtung des Nebenstromes.

este in dem Schliessungsbogen einer leydener Flasche zwei autehende Spitzen angebracht und auf die Flächen einer eine gesetzt werden, so erscheinen, nach der Entladung der , auf dem Peche durch Bepuderung mit Harzstaub zwei wistisch unterschiedene Figuren (Lichtenbergsche Figureleden dieser Figuren hat eine bestimmte Beziehung zu der ugenden Spitze und deutet auf die Ladung der mit ihr in cher Verbindung stehenden Belegung der Flasche. Von der

Art der Ladung hängt aber unmittelbar die Richtung des im Schliessungsdrahte bei der Entladung ab. Obgleich da Zwischenbringung der Pechscheibe die Flasche nicht entlade so ist durch dieselbe ein unzweideutiges Mittel gegeben, die Richtung des Entladungsstroms zu bestimmen, und wenn die Richtung selbst in einem einzigen Falle bekannt auch für alle übrigen untersuchten Fälle anzugeben. Ich bat Art der Untersuchung bei dem elektrischen Nebenstrome gennd von leichter Anwendung und sicherem Erfolge gefund.

Relative Richtung des Nebenstromes. Nachd Induktionsscheiben (s. Apparate) neben einem Henteysche lader in dem Schliessungsbogen der Batterie angebracht wurden die Enden der Nebenspirale mit dem Funkenmit verbunden, das mit den Spitzen versehen war. Eine Kund von 11 Zoll Seite auf beiden Flächen mit achwarzem Per zogen, wurde an einem isolirten Statif vertical befestigt; zen wurden normal gegen die Pechflächen gedrückt, welch tels der Schlittenbewegung des Mikrometers leicht zu bewi ligen war. Nach der Entladung der Batterie durch die 🏗 rale wurde die Kupferscheibe abgenommen; und schon ein Anhauchen zeigte ihre entgegengesetzten Flächen auf de lichste unterschieden. Bestreute man diese Flächen mit ein menge von Mennige und Schwefelblumen (wie es Lichte gelehrt hat), so kommen die zierlichen Figuren zum Vorsch in Fig. 7. und 8. abgebildet sind. Auf der einen Fläche (Fig. 7.) eine rothe Scheibe mit rother Kreiseinfassung, auf ein dunkler (nicht bestäubter) Kreis folgt, von welchem gelen ausgehen; auf der andern (Fig. 8.) waren gelbe und Kreisbogen sichtbar, die von einem breiten rothen Ringe die sind. Diese Figuren sind leicht zu conserviren, wenn Kupferscheibe vorsichtig über einer Flamme erwärmt; will aber die Scheibe zu einem neuen Versuche gebrauchen, man sie abwischen und die Pechssächen durch Erhitzen spiegelnd herstellen. Da es darauf ankam, die Stellung die guren gegen die Enden des Nebendrahts unter verschieden dingungen zu bestimmen, bei welchen der Nebenstrom eine nadel in verschiedenem Sinne magnetisirte, so wurde in de

¹⁾ Poggenderff Annalen Bd. 51. S. 351.

le sine kleine rechtagewundene Drahtschraube angebracht. n bei dem Magnetieirungsversuch eine englische Nähnadel t shorps No. 9.) gelogt wurde. Fig. 9. zeigt die Anord--Apparats. AB deutet die Hauptspirale an, ab die Neben-(swischen beiden beland sich eine Glasscheibe) CD den unhen Auslader, in die Drabtschraube und mit a und \$ Spitzen des Funkenmikrometers bezeichnot. Nachdem die que der Pechsische durch einen Nebenstrom gebildet wabete ich die Spitzen des Mikrometers bis ser Berührung, maticirte durch einen neuen Nebenstrom die in die Schraube Madel. In den folgenden Tafela sind die Abstossungen an-, welche diese Nadel an einer Bessele bervorbrachte und masichnet, wenn bei positiver Ladung der Betterie des an In m'der Schraube liegende Nadelende ein Nordpel, bei rain Südpol war. Ferner ist die Spitze des Mikrometers auan welcher sich die Straloufigute Fig. 7. auf der Pech-Mate. Die Batterie bestand aus 5 Flaschen und wurde. icht anders angegeben ist, mit positiver Blektricht gelein ther Hospidraht als verlängert bezeichnet ist, war swian Armen des Henleyschen Annladers ein A. dicher råmht von 3' 2" Länge augsbracht worden.

Intrung u. Figurenbildung durch den Nebenstrom.

ring plem	Elektrici- tätsmenge	Hauptdraht	Polarität bei m	Magnetisi- rung	Fig. 7 ent- steht bei
	5		Nord	+ 0°,7	β
fo	10		Nord	+ 3,0	β
1	10	verlängert	Sad	- 9,0	β
*per	10 negat.	verlängert	Nord	10,0	a
	20		Nord	+ 5,0	β
	20	verlängert	Såd	- 7,7	B
	30		Nord	+ 3,3	β
	30	verlängert	Såd	- 4,6	β
	30		Nord	+ 5,7	B
	30		Nord	+ 7,5	β
,	30	verlängert	Sad	- 5,0	β
	30	•	Nord	+ 4,5	β
	30		Nord	+ 1,0	β
	30	verlängert	Sad	- 6,0	β
	30	1	50d	4.3	- p 17

Induktionsspiralen ans 53 Fuss Kupferdraht bestehend.

Entfernung der Spiralen	Elektrici- tätsmenge	Hauptdraht	Polarität bei m	Magnetisi- rung	Fig. 7 to
2 Linien	4		Sud	- 2°,3	B's.L
2	4 negat.		Nord	— 3,3	1.83.40
2 .	20		Nord	+ 0,3	g to
2	4	verlängert	Sää	9,0	: (3)
5	20		Nord	+ 5,0	
10	20		Nord	+ 3,7	ال 🕭 ١
10	20 negat.		Süd	+ 2,5	. 430
20	20		Nord	+ 2,5	A 37
20	20 negat.		Sad	+ 2,3	4
36	20		Nord	+ 0,5	

In diesen Versuchen ist, wie die Abstossungen der Busseland und die ihnen vorgesetzten Zeichen bemerklich machen, die Ma petisizung der in der Drabtschraube liegenden Nadel atärkende schwächer, in dem einen oder dem andern Sinne erfolgt; dennu aher haben die Figuren auf der Pechsläche stets ihre Lage geg die Belegungen der Batterie in ganz bestimmter unverändent Weise beibehalten. Ein Blick auf Fig. 9 lehrt, dass die Strah figur stets von dem Theile des Nebendrahts erzeugt wurde, A verlängert gedacht, auf das Ende der Hauptspirale führt, welch mit der positive Elektricität enthaltenden Belegung der Balle verhunden war. (Diese in Worten ziemlich umständlich kliegen Regel findet bei dem aufgestellten Apparate oder dessen Apparate eine augenblickliche Anwendung). Ich habe, nach den aufgefilt ten Versuchen, eine grosse Menge von Harzfiguren unter den ve schiedensten Bedingungen durch den Nebenstrom erzeugt, du eine einzige Ausnahme von dieser Regel zu sinden. Zum Uete slusse kann bemerkt werden, dass die Figuren gleichgültig ih oder 12 Fuss Entfernung von den Spiralen, und daher in ch noch grössern Entsernung von Elektrisirmaschine und Batterie Obgleich in diesen Versuchen der Nebenstrom, der tit nenden Pechschicht wegen, nicht zu Stande kam, so zeigt d dass die Enden des getrennten Nebendrahtes durch die Entladi der Batterie in einen verschiedenen elektrischen Zustand versel werden, dessen Folge eben die beiden durchaus unterschieden elektrischen Figuren sind. Der Nebenstrom wird nothward m diesem elektrischen Zustande der beiden Drahtenden abhanm müssen, und da wir den Zustand jedes Endes in ganz beimmeter unveränderter Beziehung zu dem Hauptstrome der Batten gafunden haben, so ist der Schluss unabweisbar, dass der Nemetreum in allen verhin aufgeführten Versuchen auf eine einzige
rveränderte Weise constituirt gewesen sei. Hiermit ist der Satz
rviesen, den ich von vorn herein angenommen habe, der aber
m Henry, Marianini, Mattenesi in Abrede gestellt worden
i, der Satz nämlich: Der Nebenstrom der elektrischen Batterie
t unter allen Umständen, welche eine verschieden gerichtete
ngmetisirung durch denselben bedingen, im Nebendrahte stetz
ne und dieselbe Richtung.

Ich habe diese unveränderliche Richtung als der des Hauptromes gleich augegeben, worüber hier das Nähere ausführlicher, r in der Abhandlung selbst, folgen soll.

Absolute Richtung des Nebenstromes. Die Mittel, elche zur Bestimmung der Richtung des Entladungsstromes der Merie gebraucht werden können, chemische Zerselzung und Abskung der Magnetnadel, finden bei dem Nebenstrome keine Anmdang. Der Unterschied, der in dieser Hinsicht zwischen Haupt-Mebenstrom besteht, erklärt sich leicht aus dem verschiedenen marate, in welchem jeder von ihnen zu Stande kommt. Die aktricitäten, deren Bewegung den Hauptstrom bildet, befinden h in den Belegungen der Batterie und haben nur Einen Weg, A dem sie sich ausgleichen können, es ist daher leicht ihre Benging zu verzögern und dem Strome die zur Zersetzung und ngustischen Ablenkung nöthige Dauer zu geben. Die Elektricitem des Nebenstromes kingegen werden in einem continuirlichen mlatetücke von einander getrennt und haben ersichtlich swei ego, in deren Verfolge sie wieder ins Gleichgewicht kommen war. Während sie bei hinreichender Schliessung des Nebenthese einen Kreislauf vollenden und so den Strom bilden. wern sie bei einem zur Verzögerung ihrer Bewegung angebrachten adarmise (einer Wassersäule z. B.) in derselben Richtung surückham, im der sie erregt worden sind, und daher die Bildung des hanstromes vereitele. Aus der Gestaltung der elektrischen Firum amf den Pochstächen lässt sich nichts Bestimmtes über die milate Richtung des Nebenstremes schliessen, da jede dieser Fima bails Formen enthalt, die als der positiven und negativen

Elektricität zugehörig bekannt sind. Dass solche zusammengeseld Figuren durch direkte Anwendung auch nur Einer Elektricität bildet werden können, haben Lichtenberg und de Luc gesti und zugleich auf die Aenderung aufmerksam gemacht, welche daze die geringsten Modificationen des Versuchs in denselben erzen werden. In unserm Falle sind die elektrischen Figuren unter Be dingungen hervorgebracht, die ausserdem nicht erfüllt werden benen und es würde daher wenig Belehrung gewähren, wenn # selben Figuren unter andern Bedingungen zum Vorschein kame (Wirklich lässt sich eine, der Stralenfigur (Fig. 7) ziemlich alle liche. Figur bilden, wenn man von dem Conductor der Maschin anhaltend positive Elektricität auf eine Harzstäche leitet und selbe durch Funkenzichen entladet). Ich versuchte, um über d Richtung des Nebenstromes Außehluss zu erhalten, direkt Elekti cität von den Enden des Nebendrahtes anfaufangen und habe 4 in folgender Weise leicht bewerkstelligt.

Die ungefähr dreizölligen Platten eines Condensators wert durch eine Glimmer- oder Glasscheibe getrennt, und die unter (Condensator-) Platte erhielt eine vollkommene Ableitung med den Gosröhren des Hauses; die obere (Collector-) Platte hatte nen Drahtfortsatz der eine Kugel trug. Dieser Kugel wurde de Ende der Nebenspirale nahe gebracht, von dem ich Elektricht anfausammeln wünschte, während das andere Ende derselben der Condensatorplatte in Verbindung gesetzt war. War die sende Entfernung des Drahtendes von der Kugel getroffen, so gin bei der Entladung der Batterie durch die Hauptspirale, in die Unterbrechung ein kleiner Funke über, und die Collectorplatte fon sich so stark geladen, dass sie abgehoben ein Elektrometer mit ungefähr zolllangen Goldblättern oft zur Divergenz von 90 wie mehr Graden brachte. Die Zeichen der erhaltenen Elektricität wie ren constant: bei positiver Ladung der Batterie wurde die Colle torplatte von dem Ende β mit negativer, vom Ende a mit pod ver Elektricität geladen (siehe Fig. 9); bei negativer Ladung Batterie waren die Zeichen der Elektricität die entgegengesetzig Hiermit ist der elektrische Zustand jedes Endes der Nebenspit in allen Fällen gegeben, und zwar wird man dem Ende, welch die Stralenfigur erzeugte, den negativ elektrischen Zustand schreiben mussen; woraus folgt, dass in allen mitgetheilten Vi suchen der Nebenstrom dieselbe Richtung im Nebendrahte hate

die der Entladungsstrom im Hauptdrahte besass. Es ist bei diesen Versuchen der Fall öster vorgekommen, dass der Condensator, obgleich ein starker Funke an der Kugel erschienen war, sich nicht geladen sand, welches durch eine Ladung und unmittelbar darauf solgende Entladung des Condensators erklärt werden kann.

Als ich vor Kurzem in Folge der, Seite 217 mitgetheilten, Bemerkung des Barons v. Wrede diese Versuche wieder ausahm und bequemer zu machen suchte, sand ich Abweichungen die hier erwähnt werden müssen. Es wurden die Induktionsspiralen von 53 Fuss Drahtlänge angewandt und mit Zwischenstellung einer Glasscheibe in eine Entfernung von 4 Linien von einander gestellt. Ich verlängerte die Enden der Nebenspirale durch 3 Fuss lange Drähte, verband den einen dieser Drähte, wie früher mit der Condensatorplatte, die ausserdem eine sehr gute Ableitung hatte, und besestigte des andere Ende an der einen Kugel des Funkenmikrometers, während an dem Fortsatze der andern Kugel (s. Apparate) die Kugel der Collectorplatte sedernd anlag. Die in der Nebenspirale erregte Elektricität ging daber einerseits direkt zu der Condensaterplatte, andererseits zu dem Funkenmikrometer, sprang hier ther und sammelte sich in der Collectorplatte des Condensators. Le war leicht, die Länge des überspringenden Funkens zu ändern, und durch Verwechselung der Drähte das eine oder das andere Ende der Nebenspirale mit der Collectorplatte in Verbindung zu setzen. So bequem diese Einrichtung war, so sauden sich die Rosultate der Versuche nicht mehr so constant wie früher. Ich hatte 3 Flaschen der Batterie gebraucht und mit der Elektricitätsmenge 8 (Kugela der Maassflasche 1 Linie) geladen. Es ging bei Entfersung von 0,5 Linien der Mikrometerkugeln, der Funke des Nebenstremes über und lud die Collectorplatte so stark, dass sie ein Elektrometer mit solllangen Goldblättehen zu einer Divergenz von 50 bis 70 Graden brachte. Die Zeichen der aufgesammelten Elekrieität entsprachen in den meisten Fällen der früher beobs Regal; das heisst, es wurde, da die Batterie immer mit positiver Elektricität geladen war, von dem Ende \beta der Nebenspirale (Fig. 9) negative, von dem Ende a positive Elektricität erhalten. Es kamen aber Ausnahmen von diesem Verhalten vor und zwar häufiger, wenn die Ledung der Batterie verstärkt, oder die Entsernung der Kugela des Funkenmikrometers (bis 0,1 Linie) vermindert wards; bei kurz hinter einender solgenden Versuchen sand sich

nămiich die Elektricität des Endes \$ negativ und positiv, und chenso an dem Ende o. Diese Abweichungen können indess noch aus einer Eigenthümlichkeit des Condensators erklärt werden. Es war nämlich eine Spiegelscheibe zur Trennung der Condensatorplatten gebraucht worden, und diese Scheibe fand sich nach jedem Versuche geladen, so dass die Collectorplatte, nachdem sie am Elektrometer entladen und wieder aufgesetzt worden, nach ableitender Berührung wiederum geladen erschien und zwar stete mit derselben Elektricitätsart, die sie bei dem Abheben gezeigt hatte. Ein Condensator kann aber durch eine und dieselbe Elektricitätsart ig zwiefacher Weise zu einer elektrophorischen Wiskung gebracht werden. Ist die angebrachte Elektricität von geriager Spannung (wie es bei dem Gebrauche des Condensators gewöhnlich der Fall ist), so kann die isolirende Zwischenschicht durch Vertheilung elektrisch werden, und die Collectorplatte erhält dann elektrophorisch dieselbe Elektricitätsart, die ihr zugebracht worden war. Hat hingegen die angebrachte Elektricität hinreichende Spannung, so wird die Zwischenschicht durch Mittheilung elektrisch, und die Collectorplatte erhält elektrophorisch Elektricität entgegengesetzter Art. Da nun bei dem Nebenstrome die abweichenden Resultate am Condensator mit auffallend starket Funken eintraten, so wäre es möglich, dass in diesen Fällen die Ladungen der Collectorplatte elektrophorischer Art wären. Mat hatte sich dann vorzustellen, dass die Elektricität des Nebenstremes, statt wie gewöhnlich in der Collectorplatte, in der an ihr anliegenden Glas- oder Glimmersläche angehäust würde, dass diese Elektricität die Collectorplatte lude, und durch die zurückweichende gleichnamige Elektricität einen zweiten Funken veranlante. Dass bei genau derselben Apordnung des Apparats die Elektrichtst des Nebenstromes zuweilen von entgegengesetztem Zeichen ausfäll, kann nicht auffallen, da eine sehr geringfügige Aenderung der Oberstäche des Glases oder Glimmers die eine oder andere Art der elektriechen Anhäufung in der Collectorplatte veranlassen kann.

Es war wünschenswerth die Versuche über die Elektricität des Nebenstromes an einem Condensator ohne Zwischenplatte anzustellen, weshalb ich auf der (untern) Condensatorplatte des lastrumentes drei Schellsckstückehen befestigte, auf welchen die Collectorplatte ruhte. Hier aber konnte ein Nebenstrom von der frühern Stärke nicht angewendet werden, da ein solcher zwischen

einander sehr nahen Platten des Condensators überging. Ich s daher nur geringe Divergenzen des Elektrometers hervorbrinkönnen, und unter diesen sind gleichfalls solche vorgekom-1, deren Zeichen den gewöhnlich gefundenen entgegengesetzt . Ich werde diese Versuche mit einem vollkommeneren Lustdensator bei Gelegenheit wieder ausnehmen, und bringe nur 1 Schluss einige Versuche bei, die in der Voraussetzung, dass Nebenstrom aus zwei entgegengesetzten Strömen bestehe, aber e Erfolg ausgeführt wurden. Es war der Condessator mit Zwimeetzung einer Glasscheibe angewendet, und ein Ende des Nedrahtes direkt der Kugel der Collectorplatte bis auf 4 Livie ihert worden, während des andere Ende mit der gut abgeleim Condensatorplatte verbunden war. Bei dieser Anordaung I sich unter 19 in einer Stunde angestellten Versuchen, bei chen durch Verwechselung der Drähte der Haupt- oder der Nospirale 9 negativ und 9 positiv elektrische Divergenzen von bis 90 Graden erhalten wurden, nur Eine Divergens von unfor 5 Graden, die, dem Zeichen nach, der Regel nicht entsch. Ich glaubte nun, die negativ elektrischen Divergenzen verdern zu können, indem ich den zur Collectorplatte führenden it durch eine Weingeistslamme unterbrach, die nach Erman's, erdings von Andrews wieder aufgenommenen Versuchen, der itiven Elektricität einen leichtern Durchgang gestatten soll, als megativen. Es wurde daher der genannte Draht entswei genitten, und jedes Ende mit einem dünnen Platindrahte verbunis die Platinspitzen wurden, ungefähr 1 Linie von einander entthe in eine Weingeistslamme gesteckt, die sie fortwährend gläil exhicit. Aber ich fund durch diese Vorriehtung weder die ptiv elektrischen Divergenzen geringer, noch die positiven gresals ich sie bei demselben Nebenstrome zu finden gevrohut war. Unabhängig von dem Resultate dieser und äbnlicher Versuche bt das, was empirisch über die Richtung des Nebeustromes zu ist. Der Nebenstrom irt unsweiselhaft eine Erscheinung von Bewegung gesetzter Elektricität, und Versuche haben gezeigt I diese Bewegung auf eine durchaus bestimmte Weise vollführt d. Unterscheidet man nämlich im Nebendrahte die Stelle, von die elektrische Bewegung ausgeht, und trennt man den Draht siner andern Stelle, so werden die Enden desselben durch den innenden Nebenstrom in einen verschiedenen elektrischen Zu-

stand verselzt, und es hat sich gezeigt, dass die Lage dieser beiden unterschiedenen elektrischen Zustände gegen die Erregungsstelle in ganz bestimmter Weise von der Richtung abhängt, in der die Erregung statt findet. Richtung des Nebenstromes bezieht sich also im Allgemeinen auf das Fortschreiten eines bestimmt erkannten elektrischen Zustandes durch den ganzen Nebendraht, ohne dass dabei die Natur und Beschaffenheit dieses Zustandes us. her bezeichnet zu werden braucht. In diesem Sinne ist in dem vorigen Artikel dem Nebenstrome eine unter verschiedenen Umständen unveränderliche Richtung beigelegt worden. Es ist aber ferner gezeigt worden, dass der Nebenstrom in allen Fällen eine Stahlandel in eben der Weise magnetisiet, in den meisten Fällen einen Condensator eben so ladet, wie eine einseitige in bestimmtem Sinne vollführte elektrische Bewegung, wie ein Strom, der dem Entladungsstrome gleich gerichtet ist, es thut. Wir werden daher einen beguemen Ausdruck für die verschiedenen Versuche gewinnen, wenn wir den Nebenstrom einem solchen Strome vergleichen. Hierdurch ist weder die eigentliche Natur des Nebenstromes bestimmt, noch ferneren Untersuchungen über dieselbe vorgegriffen. Ich selbst habe in fortgesetzten Untersuchungen mich zu zeigen bemüht, dass der elektrische Nebenstrom keine einfache elektrische Bewegung, sondern aus einer Reihe einzelner Bewegungen zusammengesetzt sei, und es ist möglich, dass diese Bewegungen als abwechselnd in verschiedener Richtung vollführt erkanst werden. Nichtsdestoweniger wird man den Ausdruck ohne Bedenken annehmen können, den ich früher gegeben, und den ich hier, um einem Missverständnisse vorzubeugen, folgendermaassen modificire: Der Nebenstrom der elektrischen Batterie ist unter allen Umständen gleichgerichtet; seine Richtung im Nebendrahte ist vorherrschend die eines Stromes, der mit dem Hauptstrome in gleichem Sinne läust.

c. Gesetze des Nebenstromes.

Ich habe die Bedingungen aufgesucht, nach welchen sich die Stärke des Nebenstromes richtet, wo diese durch die Erwärmung gemessen wird, die derselbe in einem unveränderlichen Drahte errregt ⁴).

¹⁾ Poggendorff Annales * Bd. 47. S. 65. Bd. 50. S. S. Annales de Chimin t. 74. p. 158.

Einfache Erregung des Nebenstromes.

Nebenstrom bei verschieden starkem Hauptstrome. Ich verband die Enden eines Nebendrahtes der Batterie mit dem Platindrahte eines Lustthermometers, und änderte die Stärke der Batterieentladung durch Aenderung der Flaschenzahl der Batterie, der Elektricitätsmenge, mit der sie geladen wurde, oder durch Einschaltung eines schlechtleitenden Metalldrahts in den Schliessungsbogen. Diese Bedingungen änderten die Erwärmung im Nebendrabte ganz auf die Weise, wie ich sie bei der Erwärmung im Hauptdrahte kennen gelernt hatte, und liessen sich auf gleiche Weise in Rechnung bringen. Hiernach ist zu schliessen, dass der Hauptstrom, durch den eine gewisse Elektricitätsmenge in bestimmter Zeit entladen wird, einen Nebenstrom erregt, der eine proportionale Elektricitätsmenge in proportionirter Zeit entladet. -War der Nebenstrom gezwungen, durch eine Unterbrechung im Nebendrahte mit einem Funken überzugehen, so wurde derselbe hierdurch nur unbedeutend geschwächt.

Nebenstrom nach der Länge des erregenden Drahtes. Von einem unveränderlichen Nebendrahte, dessen Enden mit dem Platindrahte des Lustihermometers verbunden waren, wurden successiv mehr und mehr Windungen um eine Drahtschraube glegt, die den Entladungsstrom der Batterie leitete. Durch gleich starke Entladungen im Hauptdrahte wurden im Nebendrahte Erwirmungen erhalten, die der Zahl der angewandten Windungen proportional waren. Hieraus solgt, dass, bei sonst unveränderten Bedingungen, die im Nebendraht erregte Elektricitätsmenge der Linge des wirkenden Hauptdrathes proportional ist.

Nebenstrom nach der Neigung des Nebendrahtes gegen den Hauptdrabt. Es wurden um eine Drahtschraube von 1 Fuss Länge, welche die Entladung der Batterie vermittelte, nach einander verschiedene Längen des Nebendrahtes gelegt, welche die Schraube stets in gleicher Ausdehnung bedeckten. Obgleich hier die ganze Hauptspirale in Wirksamkeit war, so fanden sieh die Erwärmungen im Nebendrahte der erregten Länge dieses Drahtes proportional. Je länger aber das um die Hauptspirale gelegte Stück des Nebendrahtes war, desto mehr näherten sieh die Windungen beider Spiralen dem Parallelismus, und es war Grund vorhanden, die Vergrösserung der Erwärmung diesem Umstande allein zusze-

schreiben. Als nämlich die Hauptspirale in zwei Versuchen mit einem 8 Fuss langen Stücke des Nebendrahles umwunden war, so sber, dass die Windungen der beiden Spiralen entweder is gleichem oder im entgegengesetzten Sinne liefen, fund sich die Eswärmung respektive 15.4 und 2,7. Hier konnte die Entfernung der erregten Drahttheile vom Hauptstrome nicht in beiden Fällen ganz dieselbe sein, es wurde deshalb ein anderer Versuch angestellt, in dem nur die Ableitung von dem erregten Theile des Né bendrathes gelindert wurde. Ich schaltete nämlich eine Kupferscheibe von 3; Zoll Durchmesser in den Hauptdraht ein, und stellte ihr eine ähnliche Scheibe gegenüber, von welcher swei Drabte nach dem Platindrabte des Luftthermometers führten. & nachdem nun die Ansätze der Drähte an einem Darchmesser der Nebenscheibe besindlich waren, der entweder der Richtung des Hauptstromes parallel war oder dieselbe beinahe normal kreuste, fand sich die Erwärmung im Thermometer unter sonst gleichen Bedingungen 2 oder 0,4. Es folgt hieraus, dass der Entladungsstrom der Batterie in einem Nebendralite desto weniger Elektrich tät in Bewegung bringt, je mehr dieser von der Richtung der Stromes abweicht.

Nebenstrom abhängig von der Dicke des Nebendrahtes. Ich liess einen gerade ausgespannten Theil des Hauptdrahtes auf verschieden dicke Stücke der Nebenschliessung wirken, die von dem ersten durch eine Luftschicht von constanter Dicke getrennt waren. Die Erwärmung in der Nebenschliessung fand sich desto grösser, je dünner das erregte Drahtstück war und zwar im umgekehrten Verhältnisse der Entfernung der Axen des Hauptund Nebendrahtes. Es folgt hieraus, dass die Erregung des Nebenstromes unabhängig ist von dem Leitungsvermögen des erregten Drahtstücks, wie dies auch direkt gezeigt wurde.

Nebenstrom unabhängig von dem Leitungsvermbgen des Nebendrahts. Die Nebenschliessung wurde aus gleich
dickem Eisen und Kupferdrahte zusammengesetzt und durch iks
Thermometer geschlossen Die Erwärmung war ganz dieselbe, ob
der Eisen- oder der Kupferdraht der Erregung durch den Hauptstrom ausgesetzt gewesen war.

Abnahme des Nebenstromes nach der Entfernung Zwei ungefähr 10 Fuss lange Drähte wurden parallel nebensite ander ausgespannt; ihre Entfernung von einander wurde von 2,7 is 23,8 Linien verändert. Der eine Draht diente zur Entladung iner zu verschiedenen Graden geladenen Batterie, der andere bilete nebet dem Platindrahte des Thermometers und den nötleigen erbindangsdrähten die Nebenschliessung. Die Erwärmungen des bermometers, sur eine gleiche Ladung der Batterie berechnet, raren umgekehrt proportional den Entfernungen der Axen der negespannten Drähte Dies einfache Gesets für die Abnahme des lebenstromes kann aber in besondern Fällen complicirter werden avärderst durch zu grosse Nähe der Drähte. In den augedenden Versuchen fand das einfache Gesetz erst bei Entfernung der brahte von 11 Linien statt, bei kleineren Entfernungen nahm der trom in geringerem Verhältnisse ab, als dem der einfachen Entmanngen. Dann aber durch eine andere als die geradlinige Form er auf einander wirkenden parallelen Drähte. Dies wurde beserkt, als die Drähte, wie es zum Gebrauche bequem ist, zu flahan Spiralen (Induktionespiralen) aufgewunden wurden; hier nahm ler Nebenstrom dei geringen Entfernungen in viel kleinerem Verallmisse zu, als dem angegebenen, erreichte aber bei Entfernung ler Spiralen von 30 Linien das Verhältniss der Cuben der Entersung. Solche durch mehrseitige Wirkung der einzelnen Drahtticke auf einander entstehende Verwicklung des einfachen Geetzes, hat aber, wofern die Form der Drähle keine geemetrisch restimente ist, kein weiteres Interesse.

Störung des Nebenstromes.

Im Vorhergehenden ist der Nebenstrem auf die einfachste Misse erregt worden, indem wir, so weit möglich, nur swei Leiser in Wirkungsnähe gebracht haben, von welchen der eine disakt dasch den Hauptstrom Elektricität erhielt und als der erresende betrachtet wurde, der andere, untersuchte, der von jenem megte war. Bringt man nun aber einen dritten Leiter ins Spiel, se angleich von dem Hauptstrom erregt werden und auf den ersehen Leiter wirken kann, so findet man den Nebenstrom in dem über untersachten Leiter im Allgemeinen veräudert. Da der Nesentrom unter Umständen hierbei gänzlich aufgehoben scheint, so at man, bei Induktionen anderer Art, jenen dritten Leiter auch und den Schirm, und die hier zu betrachtende störende Wirkung bussiben, nicht gerade passend, eine sehltmende genannt.

Einfluss eines naheliogenden Draktes auf den Nes

benstrom. Es wurden drei gerade Drabte in ungefähr 10 Fm Länge parallel neben einander ausgespannt. Einer derselben bewirkte die Fulladung der Batterie, ein anderer wurde durch der Platindraht des Thermometers und zwei Verbindungsdrähte in eine Nebenschliessung gebracht. Blieben die Enden des dritten Drabtes frei, so wurde die Erwärmung im Thermometer durch die Gegenwart dieses Drahtes nicht verändert, wenn sie aber mit einander verbunden worden, so erfolgte jedesfalls eine geringere Erwarmung als früher. Diese Abnahme der Erwärmung findet überall Statt, welche Stellung der störende Draht auch gegen die beiden andern Drähte haben mag, pur ist seine Wirkung am stärksten, wenn er diesen Drähten parallel ist und zwischen ihnen liegt, weil er alsdann von dem Hauptdraht am stärksten erregt wird, und auf den Nebendraht am stärksten wirken kann. Es folgt hierans, dass wenn der Hauptdraht der Batterie in zwei Nebendrähten Ströme erregt, die auf einander wirken können, jeder dieser Ströme schwächer ist, als wenn der andere nicht vorhanden ware. Bei gerade ausgespannten Drahten erhält man, wenn die Länge derselben nicht sehr bedeutend ist, nur schwache Nebenströme, und ich musste daher zu einer andern Vorrichtung achreiten, um die Beziehung jener beiden sich störenden Nebenströme bestimmter zu ermitteln.

Verhältniss des Nebenstromesmur Dicke einer nabestehenden Metallplatte. Zwei ebene Induktionsspiralen, jede aus 13 Fuss Kupferdraht bestehend, wurden 10 Linien aus einander gerückt und respektive mit der Batterie und dem Luftthermometer verbunden. Eine Entladung der Batterie durch die Hauptspirale, welche die Flüssigkeitssäule im Thermometer der Nebenspirale um 428 Linien binabdrückte, blieb völlig wirkungslos, als eine Kupferscheibe von 0,33 Linien Dicke zwischen die beiden Spiralen gestellt war. Es wurden nun Stanniolblätter verschiede ner Dicke und Blätter unächten Silberpupiers zwischen zwei qusdratische Glasplatten gepresst, und so an die Stelle der Kupferplatte zwischen die Spiralen gestellt, wobei sie 1 Linie von der Hauptspirale entfernt blieben. Hier war der Nebenstrom durch seine Wirkung auf das Thermometer wieder merkbar, und awar fand sich bei allen verschiedentlich abgeänderten Bedingungen, dass der Nebenstrom in der Spirale mit der Dicke des Metallblattes in bestimmter Weise variire. Unter soust gleichen Bedingungen war Der Nebenstrom durch isolirende Platten nicht verändert. 241

Dicke der angewandten Metallplatte umgekehrt proportional. Es it aber aus andern Versuchen klar, dass in der Metallplatte ein Vebenstrom erzeugt wurde, und dass die Stärke dieses Stromes, d. h. seine erwärmende Wirkung auf einen Draht von zu vernachläsigenden Dimensionen, proportional der Dicke der Platte sei. Es ingt daher aus den vorliegenden Versuchen: Wenn der Schliesungsdraht der Batterie in einem Nebendrahte und in einer Metallplatte elektrische Ströme erregt, die auf einander wirken können, wit das Produkt der erwärmenden Wirkung beider Ströme für sele Plattendicke dasselbe.

Matten verschiedenen Metalls, da die Dicke einer Platte zu dem Leitungsvermögen derselben in einem bestimmten Bezuge steht. In bemerken aber ist, dass der Satz die Continuität der Metallmese voraussetzt, und dass daher Stanuiolblätter, die mit Einschnitten versehen sind, weniger störend auf den Strom des Nebendrahts wirken, als wenn sie unverletzt sind. In Folge davon ist die Wirkung eines Blattes unächten Silberpapiers auf den Strom der Nebenspirale viel unbedeutender, als sich aus der Dicke der micht zusammenhängend ist, zeigt sich bei dem Versuche durch des Leuchtendwerden des Blattes an verschiedenen Stellen.

Der Nebenstrom durch isolirende Platten nicht verindert Nachdem Faraday in Bezug auf die Vertheilung, die durch eine Substanz hindurch stattsindet, einen specisischen Unterchied zwischen Isolatoren und Leitern, und einen quantitativen swischen Lust und sesten Isolatoren angenommen hatte, war es sötkig, die solgenden Versuche anzustellen. Ich stellte zwischen te Induktionsspiralen Scheiben aus Fensterglas, oder eine 314 Liie dicke Spiegelscheibe, oder eine 5 Linien dicke Schellackscheibe, md verglich die durch den Nebenstrom erzeugte Erwärmung bei iner solchen Zwischensetzung mit der, welche ohne dieselbe statt-Le wurde aber kein bemerkenswerther Unterschied gefanten. Mag man nun annehmen, dass in der isolirenden Zwischenwhethe kein Strom entstand, oder, was wahrscheinlicher ist, dass terelbe nur zu schwach war um auf den Strom der Nebenspirale tiend zu wirken, so lässt sich immer eine Metallplatte angeben, te darch ihre Dünne ein so geringes Leitungsvermögen erhielt, 242 Wirkungslosigkeit des Schliessungsdrahls auf sielt selbst

date sie ebenfalls wirkungslos bleiben würde. Hiernach ist zu behaupten, dass in der Wirkung der Zwischenplatte kein specifischer Unterschied stattfindet, dieselbe mag aus einem leitenden oder isolirenden Stoffe bestehen.

f. Rückwirkung des Nebenstromes auf den Hauptstrom.

Ehe ich diese Rückwirkung untersuchte, hatte ich die Frage zu beantworten, ob ein Theil des Schliessungsbogens auf einen andern Theil desselben vertheilend wirken könne.

Wirkungslosigkeit des Schliessungsdrahts auf sich selbst. 1) Es ist oben gezeigt worden, dass ein elektrischer Nebenstrom in einem Drahte nicht zu Stande kommt, welcher der Elektricität keinen Kreislauf gestattet. Der Schliessungsdraht der Batterie ist ein solcher Draht, aber mit dem besondern Umstande, dass seine Enden in ausgedehnte Metallslächen verlaufen, welcht die Ansammlung entgegengesetzter Elektricitätsarten gestatten. Ke musste deshalb versucht werden, ob durch besondere Stellung der Theile des Schliessungsdrahts gegen einander eine Aenderung des Entladungsstromes erreicht werden könne. Ich brachte den Platindraht des Thermometers und beide Induktionsspiralen in den Schliessungsbogen der Batterie an, dergestalt, dass die Entledung durch das Thermometer, durch die eine Spirale, durch einen 21 Fes langen Draht und zuletzt durch die andere Spirale gehen mussie Die Spiralen wurden in verschiedener Weise mit einander und mit den übrigen Theilen des Schliessungsdrahtes verbunden, st dass, wenn durch Induktion ein Strom erzeugt wurde, dieser estweder in gleichem oder entgegengesetztem Sinne mit dem Harptstrome gehen musste. Um eine Induktion möglich zu machen sed den Binfluss derselben, wenn sie vorhanden war, entschieden aufsuzoigen, wurden die Spiralen bald bis 1 Linie einander genübert, bald 2 Fuse weit von einander gerückt. Es konnte aber in keimen Falle eine Verschiedenbeit der Erwärmung, die der Hauptstrem im Thermometer bervorbrachte, bemerkt werden. Hierach ist zu schliessen, dass bei der Entladung der Batterie kein The des Schliessungsdrahts vertheilend auf den andern wirkt.

Verzögerung des Hauptstromes durch den Nebetstrom. *) Ich habe mich zuerst überzeugt, dass im Allgemeint

: 😉

. 🍗

¹⁾ Poggendorff Annalen Bd. 50. S. 19.

⁾ Poggondorff Annalen Bd, 49. S. 393.

Verangerung des Haupistromes durch den Nebenstrom. 243

der Nebenstrom, wo er am krästigsten austritt, keinen oder doch nur einen unbedeutenden Einfluss auf den Hauptstrom ausübt. Es wurde neben dem elektrischen Lustthermometer eine stache Spirale, um 13 Fum Kupserdraht bestehend, im Schliessungsbogen der Batterie angebracht, dieser Spirale aber entweder eine Kupferscheibe in 21 Linie Entfernung gegenübergestellt, oder eine ähnliche Spirale deren Enden durch Kupserdraht verbunden waren. Die Erwarmung der Betterie wurde bei gleichen Ladungen der Batterie mesklich gleich gefunden, die Hauptspirale mochte allein, oder der Kapfasscheibe oder der Nebenspirale gegenüber stehen. In den beiden letzten Fällen war ein sehr intensiver Nebenstrom erzeugt warden, der in einem Funken bemerklich gemacht werden kounte. Ich versuchte nun, ohne den Hauptstrom zu ändern, den Nebenstrem durch Schliessung der Nebenspirale mit einem längern Drahte m schmichen, und erhielt hierdurch eine sehr bedeutende Schwädung des Hauptstromes. Die folgende Tasel über die Erwärmungen darch den Hauptstrom je nach der Einrichtung der Nebenaffrale zeigt diese merkwürdige Einwirkung. In der ersten Vermehereihe sehlte die Nebenspirale gänzlich, in den beiden andern stand sie 24 Linie von der Hauptspirale entsernt.

Erwarmungen in dem Schliessungsbogen der Batterie.

Pinchenzahl	Elektricitäts- menge	llauptspirale allein Erwärmung	Nebenspirale durch Kupfer- draht Erwärmung	geschlossen durch Neusil- berdraht Erwärmung
4	8	6,7	7,1	
	10	10,8	10,4	4,8
	12	15,5	15,4	6,4
	14			8,0
5	10	8,8	8,6	
	12	12,7	12,0	4,6
	14	16,9	16,0	6,9
	16			8,7
Ewärm. L'Einheit d. Ladung		0,43	0,42	0,17

Der die Nebenspirale schliessende Kupserdraht war 3,7 Fuss lang. 0,55 Linie dick, der Neusilberdraht 3,2 Fuss lang, 0,083 Linie dick. Durch Vertauschung des ersten, gutleitenden Drahtes mit dem weiten viel schlechter leitenden Drahte ist also die Erwärmung

im Hauptdrahte von 0,42 auf 0,17 gebracht, demnach beinah im Verhältniss 100 zu 40 geschwächt worden. Diese Einwirkung des Nebenstromes auf den Hauptstrom ist nicht von der Art abhangig, in der die Batterie entladen wird. In den obigen Versuchen war die Entladung durch einen fallenden Wagehaiken (siehe Entladungsapparat Rep. II. 97) bewirkt worden; ich liess späler die Batterie durch einen gegebenen Zwischenraum sich selbst entladen und fand eine ganz gleiche Verminderung der Erwärmung. Eine undere leichtere Art, diese Versuche anzustellen, besteht darin, dass man sich pur der im Hauptdrabte befindlichen Spirale bedient, und dieser möglichst nahe Metallplatten von verschiedenem Leitungsvermögen anbringt. Es wurden so in verschiedenen Versuchsreihen eine Kupferplatte von 0,33 Linie Dicke, ein doppeltes Statnielblatt von 0,0268" Dicke, ein einfaches Blatt 0,01" dick und endlich ein Bogen unächten Silberpapiers, mit Zwischenstellung einer Glasscheibe an die Spirale gelegt. Die Erwärmung im Hauptdrahte für die Einheit der Ladung wurde respektive: 0,41, 0,39 0,22 und 0,18 gefunden. Ohne weitere Messung kann man die betrachtete Erscheinung sehr ausfallend zeigen, indem man in den Hauptdralite an der Stelle des Thermometers einen dunnen Stabldrabt anbringt von solcher Länge, dass er durch die Entladung der Batterie leicht geschmolzen und zerstänbt wird immer möglich, durch eine passende Nebenschliessung das Verbrennen des Stabildrahts zu verhindern, so dass die stärksten Ledungen, welche die Batterie verträgt, durch ihn hindurchgeben können, ohne ihn im Mindesten zu verändern. Dies wird erreicht. indem man einen möglichst langen Theil des Hauptdrahts zu einer flachen Spirale aufwindet und diese mit einer Glasscheibe bedeckt. auf deren abgewandter Seite ein Bogen unächten Silberpapiers befestigt ist - Es ist indess jeder Bogen eines solchen Papiers nicht gleich wirksam und man hat daher den Verauch sicherer mit An wendung einer Nebenspirale statt des Papiers. Ich setzte den Schliessungsbogen der Batterie aus einer flachen Spirale von 53 Fau Kupferdraht und aus mehreren dicken Messingstäben zusammen und brachte in ihm einen 7 Linien langen, 😘 Linie dicken Eisen draht an. Der Hauptspirale war eine abnliebe Nebenspirale bis auf 2 Linien genähert, die Endeu der letztern wurden durch einen 8 Fuss 6 Zoll langen Platindraht von 0,052 Linie Dicke verbunden, der zur bequemern Handhabung auf einer 6 Zoll langen

Glasröhre aufgewunden war. Die Elektricitätsmenge 40 in 4 Flaschen (von 4 quadr. Fuss Belegung jede) gesammelt, konnte wiederholt durch den Hauptdraht entladen werden, ohne den Eiseudraht zu verletzen, auch wenn er bis auf 2 Liuien verkürzt war. Blieb die Nebenspirale hingegen offen, oder bediente man sich zu ihrer Schliessung eines dicken 6 Zoll langen Kupferdrahts, so serstorte die genannte Ladong den Eisendraht unsehlbar. Wie gross die Elektricitätsmenge war, welche in der Nebenspirale in Bewegung gesetzt wurde, zeigte sich, als ich den Eisendraht ans dem Hauptdrahte der Batterie fortliess und in der Nebenspirale aubrachte; die Entladung der Batterie, die zu dem angegebenen Grade geladen war, verursachte seine Verbrennung. — Merkwürdig blieb schon hier, dass eine unbedingte Schwächung des Nebenstromes die beabsichtigte Schwächung des Hauptstromes nicht bewirkte. Als der Eisendraht sich wieder im Hauptdrahte befand, wurde, wie berichtet, die Verbrennung desselben verhindert, wenn man die Nebenspirale mit einem langen dünnen Platindrahte schloss; als aber diese Spirale durch eine 9 Zoll lange Wassersäule geschlossen war, erfolgte die Verbrennung des Drahtes, wie bei der Schliessung durch einen gut leitenden Kupserdraht. -

Aus den angegebenen Versuchen war zu folgern: Die Elektricitätsmenge im Hauptstrome der Batterie wird durch Rückwirkung des Nebenstromes nicht geändert; aber die Entladungszeit derselben wird um desto mehr verzögert, je mehr die Leitung des Nebenstromes bis zu einem gewissen Grade verschlechtert worden ist.

Maximum der Verzögerung des Hauptstromes durch den Nebenstrom. Nach dem Vorhergehenden lässt sich schliessen, dass, wenn die Rückwirkung des Nebenstromes auf den Hauptstrom nicht auf specielle Fälle beschränkt ist, sich wenigstens Ein Maximum der Erscheinung finden werde, wenn die metallische Leitung des Nebenstromes successiv verschlechtert wird. Ich habe hierüber viele Versuche angestellt 1), von welchen ich die einfachsten hier folgen lasse. Im Schliessungsbogen der Batterie befand sich neben dem Luftthermometer die flache Induktionsspirale aus 13 Fuss Kupferdraht, der gegenüber, in einer Linie Entfernung und durch eine Glasscheibe von ihr getrennt, die Nebenspirale stand, deren Enden in lange Kupferdrähte fortsetzten, die mittels

¹⁾ Poggendorff Annalen * Bd. 51. S. 177.

Schrauben an verschiedenen Stellen eines langen Drahtes befestigt werden konnten. Dieser Draht, von dem in der bezeichneten Weise ein veränderliches Stück zur Schliessung der Nebenspirale benutzt wurde, bestand aus 600 Fuss eines 0,1557 Linie dieken Neusilberdrahts, welcher in 59 Windungen auf ein Gestell isolirt aufgewunden war. Es wurde bei jeder Schliessung des Nebendrahts die Erwärmung im Hauptdrahte durch verschiedene Batterieladungen beobachtet, und aus 6 solcher Beobachtungen eine Mittelzahl abgeleitet. In der folgenden Tabelle sind die Längen des Neusilberdrahtes, durch welche die Nebenspirale geschlossen war und die Verhältnisse der Erwärmungen angegeben, welche dabei eine constante Batterieentladung im Hauptdrahte hervorbrachte.

Lange d. Drahts der Nebenschliessung	Erwarmung im Hauptdeht.	Länge d, Drabts der Nebenschliessung	Erwarmung im Hauptdrbt
Par. Fuse 0	100	Par. Fuss 88,7	61
2',4	81	138	66
4',8	70	187,3	71
9,8	55	236,6	73
19,7	52	285,9	76
29,6	48	384,5	81
39,4	52	483	84
59,2	54	581,7	87
		Nebenspirale offen	100

Man sieht, dass durch Einschaltung verschiedener Längen Neusikberdrahtes in die Nebenschliessung, die Erwärmung im Hauptdrahte fortwährend abnahm, bis dieser Draht 30 Fuss erreicht hatte. Hier war die Erwärmung, die bei der Schliessung des Nebendrahtes durch einen dicken Kupfordraht 100 betragen hatte, auf 48 gesunken. Durch eine grössere Länge des schliessenden Neusilberdrahles stieg aber die Erwärmung wiederum und erreichte bei 582 Fast den Werth 87; die Erwärmung 100 fand sich bei offener Nebenspirale, welcher Fall dem einer unendlich grossen Länge des schlieseenden Drahtes gleichgesetzt werden kann. Hieraus ist zu folgern: Ein neben dem Schliessungsdrahte der elektrischen Batterie befindlicher metallisch geschlossener Draht wirkt nach Maassgabe seiner Schliessung auf die Batterieentladung verzögernd ein: wird die Schliessung des Nebendrahles progressiv verlängert, so nimmt die Einwirkung desselben zu, erreicht ein Maximum und nimmt von dort fortwährend wieder ab.

reh eigens angestellte Versuche wurde der schon an sich seinliche Satz bestätigt, dass die Verlängerung der Schliess Nebendrahtes die Aenderung des Verzögerungswerthes a betrifft, und dass daher jedem Neusilberdraht ein anrahtstück von gleichem Verzögerungswerthe substituirt werm. Platin- oder Eisendrähte, die in grosser Dünne überall g sind, und die man der Bequemlichkeit wegen um Glasgewunden hat, eignen sich besonders zu diesem Gebrauche. Verzögerung des Hauptstromes durch eine gewisse Schliesr Nebenspirale ist unabhängig von der Stärke des Stromes, diese durch Elektricitätsmenge und Obersläche der Batstimmt ist; sie wird aber verändert, sowol in Betreff ihrer als der Art ihres Fortganges, wenn der Hauptstrom durch rung seines Schliessungsbogens modificirt worden ist. Zu bliessungsdrahte der Batterie, welcher bei der obigen Verbe gebraucht worden, war ein Platindraht von 7 Zoll 5 Linge, 0"',023 Radius zugesetzt und hierdurch die Stromesen 0,31 auf 0,153 gebracht worden. Bei Schliessung der irale durch 49 Fuss Neusilberdraht fand das Maximum der rkung des Nebenstromes auf den Hauptstrom Statt, bei welerselbe aber nur im Verhältnisse 100 zu 78 geschwächt durch Schliessung mit 572 Fuss Draht war die ansängliche stärke wieder hergestellt. Es war vorauszuschen, dass bei jegebenen Hauptschliessungsdrahte das Maximum der Verg des Hauptstromes desto grösser sein werde, eine je grösage dieses Drahtes zur Wirkung auf einen Nebendraht bear; die Versuche lehrten aber noch eine merkwürdige Aender Erscheinung in ihrem weitern Verfolge. Es waren in ptdraht zwei Induktionsspiralen eingeschaltet, die eine aus andere aus 53 Fuss Kupferdraht bestehend; jeder dieser stand ihre Nebenspirale in 2 Linien Entfernung gegen-Die Erwärmungen im Hauptdrahte wurden bei successiv wter Schliessung des Nebendrahts beobachtet, nachdem die er die andere Nebenspirale oder beide zugleich in Wirkgeselst waren. Die Erwärmung bei ungeschlossener Nele war überall dieselbe, nämlich 0,21 für Einheit der La-Als die kleine Nebenspirale durch verschiedene Längen Neuthis geschlossen war, fand sich das Maximum ihrer Ein-; auf den Hauptstrom bei der Schliessung mit 30 Fass Draht, Hier war die Erwärmung im Verhältniss 100 zu 76 vermindert worden, sie nahm bei grösserer Länge des schllessenden Drahtes zu und erreichte 100 schon bei 286 Fuss. Die grosse Nebenspirale gab ein grösseres Maximum der Verzögerung, es trat bei der Schliessung mit 79 Fuss Draht ein und ergab eine Erwärmung von 25; diese stieg alsdang sehr langsam und hatte bei der grössten anwendbaren Länge des Neusilberdrahts, bei 572 Fuss, erst wieder 44 erreicht. Als endlich beide Nebeuspiralen einseitig mit einander verbunden waren, trat das Maximum der Verzögerung der Hauptetromes erst mit 138 Fuss des schliessenden Drahtes ein, wobei die Erwärmung nur 20 betrog und dann so langsam slieg dass sie bei 572 Fuss Schliessung nur den Werth 38 hatte. Diese Versuche lassen sich folgendermassen zusammenfassen: Das Maximum der Wirkung eines Nebendrahtes auf die elektrische Entladung welches durch Verlängerung der Nebenschliessung erreicht wird, ist um so grösser, eine je grössere Länge des Hauptdrahtes auf der Nebendraht einwirkt; zugleich aber ist zur Erreichung dieses Maximums eine um so längere Schliessung des Nebendrahtes erforderlick.

Ueber den Fortgang der Einwirkung des Nebendrahtes ist noch zu bemerken, dass mit einem verhältnissmässig grossen Wertht des Maximums ein anfänglich schnelles Zunehmen der Einwirkung (durch Schliessung mit geringen Drahtlängen), später aber so langsames Sinken derselben bei fortschreitender Verlängerung du Schliessung verbunden ist. - Nach dem Vorhergehenden lässt sich übersehen, dass zu einer bedeutenden Verzögerung des Haupteltemes der Hauptdraht aus möglichst gutleitenden Stücken zussumengesetzt sein müsse. In den bisher mitgetheilten Versuchen war zur Untersuchung der Erwärmung ein Luftthermometer gebracht worden, dessen Platindraht nicht verkürzt werden konnte, ohns die Empfindlichkeit des Instruments zu beeinträchtigen. Um der grössern Spirale im Hauptschliessungsbogen daher eine grössert 🦥 Wirkung zu geben, ersetzte ich das Luftlhermometer durch eine -Breguetsche Thermometerspirale, in deren Axe ein 61.5 Linia langer Platindraht von 0,04 Linic Radius ausgespannt war, de 📷 direkt in den Schliessungsbogen der Batterie eingeschaltet wurds Dieser kurze Platindraht bildete neben der Hauptspirale von 3 Fuss Drahtlänge den auf die Entladung einflussreichsten Theil der ganzen Schliessungsbogens. Die Nebenspirale wurde durch immer grüssere Längen des Neusilberdrahts geschlossen, und dabei die Er

wärmung des Metallthermemeters beobachtet, von der die Mittelwerthe in Theilen der grössten Erwärmung hiernächst solgen. Länge d. Drabts in d. Nebenschliessung 0 4',8 9,9 19,7 29,6 49,3 ...

Erwärmung im Hauptdrahte 100 54 32 21 16 14 ...

Lange d. Dr. in d. Nebenschl. 285,9 384,4 571,9 Nebenspirale offen Erwärmung im Hauptdrahte **16** 21 28 Auch hier nimmt die Einwirkung des Nebenstromes auf den Hauptstrom sehr schnell zu und erreicht das, grösste beobachtete Maximam. Schon bei der Schliessung mit 49 Fuss Neusilberdraht war die Erwärmung von 100 bis 14 gesunken, ist aber noch weiter vermindert worden bis zu einer Schliessung, die wegen der Gesingsügigkeit der thermometrischen Anzeige nicht mehr mit Bestimmtheit angegeben werden konnte. Erst bei der Schliessung durch 286 Fuss Draht konnte wieder eine grössere Erwärmung bustimmt werden, und diese hatte bei 572 Fuss erst 28 erreicht. Um also die ursprüngliche Erwärmung 100 bei geschlossener Nebanspirale zu erhalten, würde hier eine ganz ausserordentliche Drahtlänge gesordert sein. Beiläufig ist zu bemerken, dass ein Blatt unächten Silberpapiers, vor die Hauptspirale gestellt, eine fast gleiche Verminderung der Erwärmung zeigte, wie die durch 572 Fues Draht geschlossene Nebenspirale. Dass selbst bei offener Mabanspirale der ansängliche Werth der Erwärmung nicht ganz erreicht worden, muss bis auf weitere Untersuchung einem unwesentlichen Umstande zugeschrieben werden.

Mechanismus der Verzögerung des Hauptstromes durch den Nebenstrom. Die Eigenthümlichkeit der Erscheimung, dass der Nebenstrom, um am kräftigsten auf den Hauptstrom zu wirken, bis auf einen gewissen Grad geschwächt werden muss, machte es nothwendig, den Mechanismus derselben zu betrachten, um die Versuche selbet auf irgend eine Weise unserm Verständnisse näher zu bringen. Die nachfolgende Betrachtung war zugleich die, welche mich zur Auffindung der Erscheinung Mikrte; nur ist die Nothwendigkeit, dass bei fortgesetzter Verlängerung des Nebendrahts irgendwo ein Maximum der Einwirkung desselben eintreten müsse, nicht gleich Anfangs von mir bemerkt werden. Ich habe oben (Seite 172) wahrscheinlich gemacht, dass die Entladung der elektrischen Batterie aus vielen einzelnen in Zwischenräumen erfolgenden Partialentladungen bestehe, wie dies auch schon früher von Volta, Whentstone und Faraday an-

genommen worden ist. Eine jede dieser durch den Hauptdraht gehenden Partialentladungen wird in dem Nebendrahte einen vollständigen Nebenstrom erregen, der. je nach der Leitung die er zu durchlaufen hat, in kürzerer oder längerer Zeit verschwindet. bt die Leitung des Nebenstromes verhältnissmässig gut, so wird is dem Augenblicke, wo die zweite Partialentladung im Hauptdrahle stattfindet, im Nebendrahte der Strom sehon verschwunden sein der von der ersten Partialentladung erregt war; die zweite Partialcotladung findet den Nebendraht in eben dem neutralon Zustando, wie die erste, und wird keine Einwirkung von ihm erfakren. Verläugert man aber die Leitung des Nebendrahtes, so wird in ihm der Nebenstrom eine längere Zeit bestehen; er wird noch nicht erloschen sein, während die zweite Partialentladung in den Happtdraht eintritt, welche nun durch diese neben ihr in Bewegung befindliche Elektricitätsmenge eine Verzögerung erfährt. Je weiter der erste Nebenstrom in die zweite Partialentladung eingreift, desto stärker wird seine Einwirkung auf dieselbe sein; wir sehen diese daher zuvörderst zunehmen mit steigender Verlängerung der Nebenschliessung. Die Verlängerung der Nebenschliessung: die der Stürke der betrachteten Erscheinung günstig ist, hat aber zugleich den entgegengesetzten Erfolg, indem sie den Nebenstrom selbst schwächt. Man weiss, dass die Kraft eines elektrischen Stromes (zu erwärmen, magnetisch, mechanisch zu wirken) vermindert wird durch Verlängerung der Leitung, die er zu durchlaufen hat, und ein so geschwächter Strom vermag auch auf den Hauptstrom woniger einzuwirken, als zuvor. Indem wir also den Nebendraht mit immer grösseren Drahtlängen schliessen, üben wir zwei entgegengesetzte Effekte auf die Partialentladung der Batterio aus, wir setzen ihr ein Hindernies während einer immer langera Zeit ihres Bestehens entgegen, aber wir machen auch dies Hinderniss immer schwächer. Zu Anfange der Versuchsreihe, bei welchem das Eingreifen des Nebenstromes in den Hauptstrom gar nickt oder nur während einer sehr kurzen Zeit stallfindet, spricht sich aur der erste Effekt in der Beobachtung aus; es wird aber eine gewisse Dauer des Nebenstromes erreicht, nach welcher eine Verlängerung derselben weniger wirksam ist, als die zugleich erfolgende Schwächung des Stromes. Dies ist der Punkt, an dem wir die grösste Verzögerung des Nebenstromes bemerken. Die beiden Minima der Erscheinung treton ein, wenn die Partialentladung keinen Strom im Nebendrahte findet, bei vollkommener Schliessung und wenn der vorgesundene Strom so schwach geworden ist, dass er keine Wirkung mehr zeigt, bei unendlich langer Schliessung des Nebendrahtes.

Es sind hier der Einsachheit wegen, nur die beiden ersten Partialentladungen der Batterie betrachtet worden, das Gesagte sit aber für alle folgenden in erhöhtem Maasse. Da nämlich die zweite Partialentladung gegen die erste verzögert worden durch Einstes des ersten Nebenstromes, so wird der zweite Nebenstrom länger dauern als der erste, in die dritte Partialentladung weiter eingreifen und dieselbe noch bedeutender verzögern können. Dies findet auch weiterhin Statt, jede Partialentladung wird durch Einfes des Nebenstromes gegen die unmittelbar vorhergehende verzigert sein. Hieraus folgt aber, dass die Erwärmung, welche die Batterieentladung im Schliessungsdrahte erregt, durch Einwirkung des Nebenstromes nur bis zu einer gewissen Gränze wird geschwächt werden können. Denn ausserdem, dass die Partialentladangen mit Ausnahme der ersten immer nur bis zu einer gewisen Damer können verzögert werden, wird stets die erste Partialentladung ohne Aenderung stattsinden, so dass die Erwärmung des Schliessungsdrahts stets einen gewissen, wenn auch noch so kleinen, Werth behält. Es ist daher erklärlich, dass, auch bei der ginstigsten Anordnung des Apparats, mit seinen Instrumenten im Schliessungsdrahte einige Erwärmung bemerklich gemacht werden kann.

2. Aenderung der Wirkungen des Nebenstromes durch nahestehende Metallmassen verschiedener Art und Form.

Es ist oben bei den einzelnen Wirkungen des Nebenstromes der bedeutende Einfluss erwähnt worden, den darauf eine dem Nebendrahte naheliegende continuirliche Metallmasse ausübt. Dieser Einfluss war bei der thermischen und physiologischen Wirkung als ein schwächender erkannt worden (Seite 240. — Henry on el. ind. 110. 57.) und wo die magnetisirende Wirkung verstärkt erschien, bunte hieraus allein nicht auf einen verstärkten Nebenstrom gewihlessen werden (Seite 225). Es ist zu bemerken, dass bei diesen Versuchen plane Induktionsspiralen und daher die Metallmassen als Patten angewendet wurden; man hat die Dimensionen dieser Platten aber wenig die Metallart derselben geändert. Vor Kurzem hat

-

Dove 1) über diesen Einfluss der Melalle eine grosse Reihe von Versuchen bekannt gemacht, die sich über alle Wirkungen des Nebenstromes verbreiten, und bei welchen Form und Art des Metalles vielfach geändert wurde. Dove hat zu dieser Untersuchung ein eigenes Instrument construirt, den Differential-Inductor (siehe Apparate), an welchem der Einfluss eines Metalles auf den Nebenstrom entweder so bestimmt wurde, dass man den veräuderlen Strom mit einem unveränderten aber entgegengesetzt gerichteten durch denselben Draht fliessen liess und die Richtung des überwiegenden Stromes bestimmte, oder dass man beide Strome anderte, und durch Aenderung der Masse des auf einen der Strome wirkenden Metalles das anfängliche Stromgleichgewicht wieder herstellte. Die Aenderung des primären Stromes durch die in eine der Spiralen gebrachte Metallmasse vermag das Gleichgewicht der beiden Nebenströme nicht zu stören, so dass jeder bemerkte Auschlag im Differential-Induktor auf Rechnung eines veränderics Nebenstromes kommt. - Die Metallmassen, die der Verfasser in die Höhlungen der Schliessungsspiralen einstührte und so auf der Nebenstrom wirken liess, waren folgende: Cylinder, 11" 7" lang. 114" dick, aus Messing, Zinn, Zink. Blei, gehärtetem Stahl, grauem Robeisen aus dem Tiegelofen, grauem Robeisen aus dem Cupolo-Ofen mit warmen und kaltem Wind, weissem Robeisen Tiegdgass, weichem Schmiedeeisen - Flintenläufe ganz und aufgeschülten - Messingröhren ganz und aufgeschnitten - Röhren von Blei Zinn, Neusilber, Nickel, von vernictetem oder aufgeschnittenem Eseublech - sammtlich von denselben Dimensionen wie die Cyloder. Ferner wurden cylindrische Bündel angewendet von weichem Eisendraht (4 Sorten 0,70 bis 2,67 Linic dick), weichem und har ten Stahldraht, übersirnisstem Messingdraht -- Glasröhren mit eisernen Bohrspänen gefüllt - Cylinder aus kleinen Scheiben von Stahlblech oder verzinntem Eisenblech oder aus Eisenplatten, mit zwischengelegtem Popier zusammengesetzt - Cylinder von ver 1 zinnten Eisenblechscheiben mit zwischengelegten Silbermunze Nickel, Antimon, Wismuth, Zink, Blei, Kupfer, Eisen, Messing wurden auch in primatischen Stäben von 18 Zoll Länge 5 Limea w Seite, endlich Gold, Silber, Platin, Iridium in zusammengelester

^{&#}x27;) Bericht der Berl. Akademie 28. Octb. 1841. Poggendorff Arnalen Bd. 54. S. 305.

Acaderung d. physiol. n. elektroscop. Wirkung d. Nebenstr. 253

reisen angewendet. Der Einfluss dieser Metallmassen auf die verhiedenen Wirkungen des Nebenstromes ist ein verschiedener.

Aenderung der physiologischen und elektroseopihen Wirkung des Nebenstromes. An dem Disserential Inktor, der bei der Entladung der Batterie keinen Schlag gab, arde ein solcher bemerkt, wenn in eine seiner Spiralen ein Cyder aus unmagnetischem Metalle gelegt war. Der Condensator d die Harzsiguren zeigten, dass die Wirkung von dem Strome r leeren Spirale ausging. Die physiologische Wirkung des Nenetromes wird geschwächt durch alle unmagnetischen Metalle d zwar desto mehr, je besser leitend das Metall ist. Eine um se Pappröhre gewickelte Spirale aus Kupferdraht schwächt den benstrom, wenn ihre Enden mit einander verbunden sind, lässt a aber ungeändert, wenn die Spirale aus einem zusammengelega (abersponnenen) Drahte gewunden war. Die Schwächung des menstromes durch eine Metallröhre wird vermindert, wenn sie fizischnitten ist, und ein Bündel aus Metalldrähten schwächt nichfalls weniger als ein massives Metallstück, oder eine Metallhre desselben Umfangs. Ein Mittel zu prüfen, ob ein in eine der piralen des Differential-Induktors gelegtes Metallstück den Strom hwächt, ist das Hineinlegen von Messingdrähten in die andere pirale, wodurch, wenn jener Fall statifindet, das gestörte Gleichswicht wieder hergestellt werden muss. Alle Eisensorten als mas-Cylinder oder geschlossene Röhren angewandt, schwächen m Nebenstrom, wie auch die Cylinder aus Eisen oder Stahlscheim mit isolirender oder leitender Zwischenlage. -

Verstärkt aber wird die physiologische Wirkung des Nebenremes durch der Länge nach aufgeschnittene Eisenröhren, durch
ylinder von Eisenbohrspänen und besonders durch gut isolirte
ändel von Eisendraht. Eine massive Nickelstange von den oben
gegebenen Dimensionen verstärkt den Strom, wenn auch nur
snig, und unterscheidet sich so von einer Eisenstange derselben
imensionen, welche ihn schwächt. Wird ein Eisendrahtbündel in
ne der Spiralen des Induktors gelegt, so erhält man durch den
sbenstrom den Schlag und ermittelt, dass derselbe von dem Strome
r vollen Spirale ausgeht. Die Wirkung des Eisenbündels ist so
deutend, dass sie sich an einem einfachen Nebenstrome fühlbar
schen lässt. Hat man aber das Drahtbündel in eine Messingröhrsteckt, oder mit einer geschlossenen Kupferspirale umgeben,

wirkt die ganze Metallmasse schwächend, aber um desto weniger schwächend, je schlechter leitend die aussere Hülle ist (z. B. eine Röhre von Neusilber). Mittels sehr dünner Eisendrähte kann mon prüsen, ob eine in die eine Spirale des Induktors gelegte Stange den Nebenstrom verstärke; es ist dies der Fall, wenn das gestörte Stromgleichgewicht durch Uinciulegen von diesen Drähten in die andere Spirale herzustellen ist.

Acuderung der Magnetisirung durch den Nebesotrome. Dove wählte zur Prüfung der Magnetisirung dicke Stahlnadeln und liess den Schliessungsbogen wie die Ladung der Batterie unverändert; es ergaben sich folgende Resultate. Eine Nadel wird durch den Strom des Differential-Induktors nicht magnetisch, wenn beide Spiralen leer sind, die Magnetisirung tritt aber eid, wenn in die eine Spirale ein Metall gelegt worden. Diese Magne tisirung geschalt in dem Sinne, den der Strom der leeren Spirale angiebt, wenn in die andere Spirale einer der folgenden Körper gelegt war: ein Blech von Iridium, Platin, Gold, Silber, eine Legirung von Kupfer, Wismuth, Antimon, eine von Kupfer, Zing, Blei, Zink, Antimon, von Blei und Eisen, von Messing und Eisen, Glockenmetall. Auch der Quere nach zusammengeschmolzene Strelfen von Kupfer und Antimon, von Glockengut und Antimon, von Antimon und Wismuth hatten dieselbe Wirkung. Es erfolgte keine Magnetisirung, wenn in die eine Spirale eine Stange von Antimor oder Wismuth, eine Legirung von 1 Wismuth und 1 Antimos oder von 3 Wismuth und 1 Antimon, gelegt war.

Die Magnetisirung zeigte sich im Sinne der vollen Spirale, evenn die in dieselbe eingelegte Substanz ein freiliegendes Eisendrathbundel war, oder eine Säule aus Scheiben von Stahl, Eine oder Weissblech, ein massiver Cylinder von Schmiedeeisen, weithem oder hartem Stahl, weissem und grauem Roheisen, endlich eine Stange oder Röhre von Nickel. Drahtbündel steigerten des magnetisirenden Effekt ausserordentlich wenn sie freilagen, und hatten selbst in geschlossenen Röhren Einfluss, wenn starke Battericentladungen angewandt worden.

Aenderung des thermischen Effekts des Nebensiromes. Da hier die Anzeige des Luftthermometers oder des Breguetschen Melalithermometers unmittelbar auf die Stärke der Etwärmung schliessen lüsst, so genügt es den einfachen Induktor (uut male Haupt- und Nebenspirale) anzuwenden. Es fand sich, dus

alle Metalle, magnetische wie unmagnetische, als massive Stangen aler als Drahtbündel die thermische Wirkung des Nebenstromes schwächen. (Dove bemerkt aus einer frühern Abhandlung, dass magnetische Metalle den erwärmenden Effekt des volta-elektrischen Nebenstromes verstärken. Siehe hierüber den Abschnitt Galvanismus).

Erklärung der Wirkung magnetischer Metalle auf dem Nebenstrom. Ueber die verschiedene Weise, in welcher bei dem angesührten Versuchen die magnetischen Metalle als massive und Drahtbündel-Cylinder auf den Nebenstrom wirken, hat Dove leigende Erklärung gegeben, in welcher auch die Versuche mit volta-elektrischer Induktion beachtet sind:

Der in einem das Eisen spiralförmig umgebenden Drahte wirksame elektrische primäre Strom erzeugt in dem Momente, wo er andsteht, in dem Eisen einen elektrischen Strom, während seiner Dance magnetische Polarität, die sich langsamer steigert als der Strom, im Momente seines Aushörens wieder einen elektristhen Strom. Der bei dem Aushören des primären Stromes ersweite elektrische, mit dem primären gleichgerichtete, Strom wirkt dem durch den verschwindenden Magnetismus erzengten entgegen. Hatte, wie es bei galvanischem Magnetisiren der Fall ist, der Magnetismus, während der längern Dauer das Stromes, Zeit ich zu entwickeln, so überwiegt die Wirkung desselben die entgagnagesetzte des bei dem Aushören des primären Stromes erzeugten elektrischen. Alle gegen die Bildung elektrischer Ströme angewendeten Mittel steigern daher nur eine von massivem Eisen bereits auch ausgeübte Wirkung. Ist hingegen der primäre Strom sp echnell vorübergebend, wie der einer sich entladenden elektrischen Balterie, hatle also der Magnetismus nicht Zeit sich vollständig zu entwickeln, so überwiegt der bei dem Aushören des primaren Stromes eszeugte elektrische die Wirkung des verschwindenden Magnetismus. Das Zerstören dieser elektrischen Ströme durch Auslösen der Masse in Drähte, oder die Hemmung ihrer Bildung in einer schlecht leitenden Masse, wie bei dem Nickel, kehr daber hier die Wirkung vollständig um, indem es den Ausschla auf Seiten des verschwindenden Magnetismus bringt. Die Gleichfewichtsgränze beider ist aber für die thermischen, physiologischen und magnetisirenden Wirkungen nicht dieselbe, weil nämlich die Abhängigkeit derselben von der Intensität des verschwinden?

256 Induktion d. Schliessungsdrahtes auf einen Theil Sessition.

Magnetismus eine andere sein wird, als ihre Veränderung durch den entgegenwirkenden elektrischen Strom; für die magnetieirenden Wirkungen waltet daher noch die Wirkung des verschwisdenden Magnetismus vor, wenn für die thermischen der erzeugte elektrische Strom hingegen überwiegt, und die physiologischen Erscheinungen auf beide Seiten dieser Gränze sallen.

Wie hiernach der Versasser seine Versuche gegen die Ampèresche Ansicht der Constitution des Magnets sprechen lässt, wie er mit Hülfe der magnetisirenden Eigenschaft des elektrischen Nebenstromes den Magnetismus der sogenannten unmagnetischen Metalle nachzuweisen sucht, wird in dem Abschnitte Magnetismus angeführt werden.

Induktion des Schliessungsdrahtes auf einen Theil desselben, der eine besondere Schliessung erhalten hat. In derselben Abhandlung hat Dove ') einen merkwürdigen Fall aufgeführt, in welchem der Schliessungsbogen der elektrischen Batterie eine Induktion in seiner eigenen Masse vollsührt. In Pie 🐠 bezeichnet mn den Schliessungsbogen der Batterie, ab eine in den selben eingeschaltete Drahtschraube von 80 Windungen und 39 Fuss Drahtlänge. Vollzieht man die Nebenschliessung ehhd durch den Körper, so erhält man beim Entladen der Batterie einen Schlag: nicht aber, wenn die Nebenschliessung wie in Fig. 11 angebracht ist, wenn auch die gesammte Drahtlänge der Schliessung dieselbe ist wie früher (durch Einschaltung einer Drahtspirale zwisches dh, welche der Spirale ad gleich ist). Es folgt hieraus, dass dus von der Nebenschliessung eingefasste Stück des Schliessungsbegast sowol zur Leitung des Hauptstromes, als zu der des Nebesstrosses dient. — Der Schlag im ersten Versuche wurde verstärkt durch Einführung eines Eisendrahtbündels in die Spirale, hingegen geschwächt durch einen massiven Eisencylinder, oder einen Cylluder von unmagnetischem Metalle.

4

۲

¹⁾ Poggenderff Annalen * Bd.-54. S. 323.

D. Erregung der Elektricität.

a. Durch Contact oder chemischen Prozess.

Volta's Fundamentalversuch. Der Versuch, in welchem Elektricität bei der Berührung isolirter heterogener Metalle merkber wird, ist für sich interessant, ohne dass wir ihn mit der Theorie der voltaischen Säule in Verbindung zu setzen brauchen. Es ist aber wol dieser Verknüpfung zuzuschreiben, dass der Versuch zweilen geläugnet worden, wobei man vielleicht nicht genng beräcksichtigt hat, dass die Richtigkeit der Contactelektricität nicht muittelber die der Contacttheorie involvire. Obgleich der Versuch mit Hülfe eines guten Condensators nicht gerade schwer anmstellen ist, so ist es doch bei den mannigfachen Irrthümern, zu welchen der Condensator Anlass geben kann, erwünscht, dass Fechner denselben hier zu entbehren gelehrt hat.') - Fechner belieut sich zu dem Versuche des Behrens-Bohnenbergerschem Elektroskops, dem er eine bequeme Einrichtung gegeben hat (siche Apparate). Bei einiger Empfindlichkeit des Instruments, die sich dereh Näherung der Polplatten an das Goldblatt reguliren lässt, gint es die Elektricität an, die bei Berührung von isolirten Kupier- und Zinkscheiben erregt wird. Die stärkste Wirkung erhielt Feehmer, indem er eine der Platten, z. B. die Zinkplatte (21 Zoll Durchmesser), vertikal auf das Elektroskop schraubt, dieselbe gleichmitig auf beiden Plächen mit zwei an Schellackstielen isolirten Kapferplatten berührt und diese Platten gleichzeitig abhebt. Der Verfasser giebt noch folgende Versuche an, bei welchen eine Kuplerplette horizontal auf das Elektroskop geschraubt war. Setzt nam eine am Gummilackstiel gehaltene Zinkplatte auf die Kupferplatte und hebt sie ab, so giebt das Goldblatt den negativen Aus-. Nimmt man nun der Kupferplatte ihre Elektricität, so kann ma die positive Elektricität des Zinks sichtbar machen, indem me mit einer Kante der abgehobenen Zinkplatte die Kupferplatte berährt. Wird die Kupferplatte gleich Anfangs mit der Kante der linkplatte berührt, so zeigt sich keine Elektricität, ebenso wenig venn man die beiden Platten, die sich in ihrer ganzen Fläche be-

¹⁾ Poggondorff Annalen Bd. 41. S. 225.

rührten, nicht ganz parallel von einander trennt. Hat man auf die Kupferplatte des Elektroskops eine abgeschliffene Zinkplatte gelegt, und beröhrt man diese mit der am Stiel isoliet gehaltenen Zinkplatte, so zeigt sich nach Abheben der letztern keine Elektricität. hingegen starke positive, wenn man die Zinkplatte mit einer isolirten Kupferplatte berührt hat. Der Verfasser schliesst aus diesen Versuchen, dass diejenige Elektricität, welche während der Berahrang zweier heterogenen Platten an der Berührungsfläche augehäust wird, sich in einem condensirten oder gebundenen Zustande befindet und ohne Vergleich stärker ist als die über den übrigen Theil der Platten im freien Zustande verbreitete; die Gesammtmenge der erregten Elektricität stehe aber im Verhältnisse der berührenden Flächen und werde merkbar wenn die Platten von einander getrennt werden. Dass die Elektricitätsmenge, welche a den in Berührung befindlichen Platten frei ist, einen sehr kleines Theil der Gesammtmenge der erregten Elektricität ausmache, bil Fechner durch folgenden Versuch gezeigt. Es wurde eine ste hende Saule aus 50 Plattenpaaren Zinkkupfer von 2 Zoll Seit mit Pappscheiben aufgebaut, die mit gesäuertem Wasser genetzt waren, der untere (negative) Pol wurde abgeleitet, der obere (positive) durch eine gut abgeschliffene Zinkplatte von 24 Zoll Durch messer gebildet. Als diese Zinkplatte mit einer an einem isoliresden Stiele gehaltenen Kupferplatte in der ganzen Fläche berährt wurde, gab die abgehobene Kupferplatte am Elektroskope einen negativen Ausschlag, welches nur dadurch geschehen konnie, dass die durch Berührung erregte negative Elektricität die positive du Säulenpols überwog. Der Verfasser berührte nun die Zinkpolpiste mit einem immer kleinern Theile der isolirt gehaltenen Kupferfläche und fand noch einen unzweidentig negativen Ausschlag am Elektroskop, als die Berührungsfläche beider Platten nur 0,81 quadr. Zoll betragen hatte. Fechner findet durch Rechnung, dass die Säule aus nahe 700 Plattenpaaren hätte bestehen müssen, um be Berührung der Zinkplatte mit der Kopferplatte auf ganzer Fläcke die gesammte zwischen ihnen erregte Elektricität zu compensire-Da nun die gebrauchte Säule an einem Pole abgeleitet war, eine isolirte Saule also zu gleicher Compensation 1400 Peare enthalts mussie, so nimmt der Verlasser an, dass die Gesammtmenge der durch Berührung an einem einzelnen Plattenpaare erregten Elektricität ungefähr 1400 mal so gross sei als die, welche an jeder

prend der Anwesenheit der andern Platte merkbar ist. homerken, dass nur diese letste gerings Elektricitätsh den in Berührung stehenden Platten abgeleitet werden daher sie es ist, welche nach der Contactheorie den a der voltaischen Säule macht. amini 1) hat eine leydener Flasche angegeben, die darch shrung geladen wird. Bei dem (versunzpschenden) ge-Resultate des Versuchs, kann ich in demselben nur hommene sehr complicirte Art erkennen, den Veltaisehen lalversuch anzustellen. Ein weites Glasgeflas ywurde inin Silber-, auswendig mit Zinkblättern bekleidet; und mag mit einem Drahte und einer Platte, aus gleichem plunden. Brachte man diese Plattenfortsätze der Bele-Berührung und prüste sie an einem aus Zink und Silmangesetzten Condensator, so zeigten sie sich gleichrisch. war durch diese Prüfung noch nicht entladen, und ie am Condensator noch zu mehreren Malen Elektricität pudem Grade entdecken. Die Flasche kennte auch in gies geladen werden. Die beiden Platten, die mit den # seeammenhingen, wurden mit Metallsungen venschen; in die Silberzunge in Salswassen, ung eie isoliet, aus dan jund tauchte alsdam die Zinkspage hineis, ee kennman diese successiven Pintauchungen 19mal wiederholb einem Froschpräparate, das mit dem beiden Zangen bewiederholentlick Zugkungen erzogt werden in Wasclaregenen Zungen gleichneitig in dasselbe Gestes mit seer getaucht, so erfolgte keine Ladung. Eine Zink-Morplette wurden molist in Wesens einenden gegenüberpolihrte man wiederbehatlich; die Zinkplatte mit; der g der Flesche, die Silberplatte mit der Zinlannen zuse die Flasche geladen. Bin Gleiches erfolgtenterennt die nder Fleeche abvvecheded einige hundertmal mit wie inkplatte berührt wurden. Eine stäckere Ladung sie - kennte dem Condensator mitgetheilt mendene wann splatte mit der Zinkbelegung der Flassbeg seine Zinkder Silberbelegung verbunden wurdes nugleich was

e Verbindung die Flasche, obgleich in sehr geringem

Resident Annal of M. A. M. So shout Annal

Grade, geladen worden, welches bei der Entladung des Condessators und öfterer Wiederholung des Experiments bemerklich gemacht werden konnte. Der Verfasser betrachtet diesen Versucht als besonders beweisend gegen die chemische Theorie. Zuletzt wurde eine Vorrichtung angebracht, um die Flasche hundertmit in der Sekunde zu laden und zu entladen; ein Froschpräparst kam durch diese wiederholte Elektricitätsbewegung in starke Zucknegen, auch zeigten sich Spuren von chemischer Wirkung, aber eine Magnetnadel konnte nicht abgelenkt werden. Der Verfasser hilt es der Mühe und der Kosten werth, eine ganze Batterie aus seinen Flaschen zu bilden, darin Elektricität mehrere 100mal in der Sekunde zu erzeugen und durch einen Draht abzuleiten, wo er dann nicht zweifelt, dass an diesem Drahte alle Effekte der voltaischen Säule werden dargestellt werden können.

Elektricitätserregung bei Berührung von Metall und Flüssigkeit. Pfaff 1) hat aufs Nene sehr viele Versuche über die Elektricität, welche bei Benetzung eines Metalls mit & ner Flüssigkeit frei wird, angestellt; cs wurden dabei zwei Condensatoren angewendet, dergestalt, dass die in dem einen Condeasator angesammelte Elektricität wiederholentlich auf den anders übertragen und erst hier untersucht wurde. Es ergaben sich folgende Resultate, wodurch einige der von Pfaff ') früher mitgetheilten berichtigt worden: 1) Die alkalischen Flüssigkeiten, Aelskali, Aetznatrum, Ammoniak versetzen die Metalle in den elektronegativen Zustand und zwar die folgenden in abnehmendet Stärke: Zinn, Antimon, Zink, Kupfer, Gold, Platin, Wismuth, Silber. 2) Concentrirle Sauren erregen die Metalle nicht gleichmässig. Die concentrirte Salpetersaure erregt zwar alle Metalle positiv, aber die concentrirte Schwefel- und Salzsäure geben nur dem Golde, Platin und Kupfer positive Elektricität, den übrigen Metallen aber negative. 3) Auflösungen von Metallaalzen erregen die Metalle in gleicher Weise wie die in ihnen enthaltenen Metalle than wurden. Die Versuche selbst sind am angegebenen Orte Seite 197 ausführlich mitgetheilt. Die Reihe, nach welcher die Metalle bei Berührung unter sich elektrisch werden, ist folgendermanssen aufgeführt, in der jedoch (wenn nicht ein Druckfehler

1) Poggendorff Annales * Bd. 51, S. 110.

²⁾ Revision der Lehre vom Galvano-Voltaismus. Altona 1837.

stattfindet) die Stellung des Urans unsicher ist: (+) Zink, Codmium, Zinn, Blei, Wolfram, Eisen, Wismuth, Antimon, Kupfer, Silber, Gold, Uran, Silber, Gold, Tellur, Platin, Palladium (—).

Péclet!) bedient sich einsacher und doppelter Condensatoren ans Glasscheiben, die mit Goldblatt ohne Bindemittel (durch Anhanchen) bekleidet und dann stark gesirnisst sind; die Firnissschichten wurden mit Schmirgelpapier eben geschlissen und durch Auftragung von Firniss wieder glänzend gemacht. In dem Elektrescop des Condensators wurde die Lust durch Chlorcaleium trocken erhalten. Der Verfasser hat viele Versuche angestellt über de Elektricität, welche beim Contact von Metall und Flüssigkeit frei wird und hat die Menge dieser Elektricität bei Weitem grösser gesenden, als die bei dem Contacte der Metalle unter sich erngle. Hiernach sei die Ansicht Volta's irrig, nach welcher das Element der Säule in den beiden heterogenen Metallplatten bestehe. Die Versuche de la Rive's, in welchen bei Berührung betemganer Metalle unter Abschluss der atmosphärischen Lust keine Elektricität gefunden wurde, werden durch Gegenversuche bestrit-Die Behauptung Peltier's (siehe unten), dass die Metalle de beiden Elektricitäten in ungleichem Maasse ansammeln, wird mrückgewiesen, seine Versuche werden durch die Annahme er-Mirt, dass die elektrische Spannungsreihe auch für slüssige Leiter gite. Der Verfasser zieht folgende Resultate aus seiner Untermehang: 1) Bei der Berührung von Metallen wird Elektricität ini, chae dass Reibung oder chemische Wirkung des umgebenden Mittels im Spiele ist. 2) In einer Reihe von mehreren aufgeschickteten Metallen wird dieselbe Elektricitätsmenge frei, als wenn die Endelieder sich unmittelbar berühren, ein Gesetz, welches Volta refunden aber nicht hinlänglich bewiesen habe, 3) Die Voltaische Theorie der Säule ist ungenau, da der Hauptessekt der Säule von der Berührung der Flüssigkeit und der Metalle ausgeht, und die Berührung der Metalle unter sich diesen Effekt vermindert. 4) Wenn wei Metalle durch eine Folge von Flüssigkeiten getrennt sind, it der Essekt derselbe, als wenn die beiden Flüssigkeiten, welche Metalle berühren, in unmittelbaren Contacte stehen. ter Berührung von verschiedenen Metallen mit Flüssigkeiten wird

¹⁾ Annales de Chimie * troisième série t. 2. p. 233.

Elektricität erzeugt, ohne dass eine merkbare chemieche Wirkung dabei im Spiele ist.

Elektrische Capacität der Metalle. Volta hat bekanntlich eine elektromotorische Krast angenommen, durch die zwei heterogene Metalle, die sich berühren, entgegengesetzt elektrisch erscheinen: Peltier 1) scheint diese durch die Berührung hervergerufene Kraft zu leugnen und dafür eine verschiedene elektrische Capacităt der Metalle anzunehmen, das heisst ein verschiedenes Vermögen, die eine oder andre Elektricitätsart aufzusammele (coërcer). Der Verlasser giebt folgende Resultate aus seinen Versuchen: 1) Scheiben aus verschiedenem Metall nehmen nicht eine gleiche Menge derselben Elektricitätsart von einer constanten Quelle auf. 2) Die Nähe eines Metalles bestimmt eine Condensatorplate von einer Elektricitätsert mehr als von der andern aufzusammeln. 3) In Folge hiervon wirken zwei heterogene Condensatorplatten (Platin und Gold z. B.) dergestalt auf einander ein, dass die sint positiver, die andre negativer wird; setat man sie in Berührung, so nimmt das Gold die positive Elektricität vom Platin, das Platin die negative vom Golde. Wenn man die Platten trennt, @ hört der gegenseitige Einstuss auf, und der elektrische Ueberschust wird auf jeder Platte frei.

Der folgende zum Schluss beigebrachte Versuch spricht deutlicher gegen die Contacttheorie der Säule. Eine Tassensäule von 100 durch Wasser getrennten Pasten wurde gut isolitt; als du Kupfer oder das Zink irgend eines Pastes mit einem Elektroscops in Verbindung gesetzt wurde, zeigte sich negative Elektricht, während das Wasser in jeder Zelle positiv war.

Elektrische Contactversuche mit trocknen Säuren. Davy?) hatte augegeben, dass trockene Alkalien und Säuren mit Metallen in Berührung, Elektricität entwickeln, dass Kupfer z. B. mit vollkommen trockener Oxal-, Bernstein-, Borax- oder Berzoë-Säure berührt positiv, mit Kalk, Strontian und Magnesia negativ elektrisch werde. Becquerel?) bemerkt, dass alle diese Substanzen als Nichtleiter, nach Volta's Ansicht, mit Metalles in Berührung nicht elektrisch werden können, und er fand diese

¹⁾ Comptes rendus * 1838, 2me Sem, p. 965.

²⁾ Annales de Chimie t. 63, p. 230.

^{*)} Comptes rendus * 1839. 1er. Sem. p. 426,

lacisht bestätigt durch Versuche, mach welchen die Resultate havy's einer vollfährten und übersehenen Reibung der heterogesen Substansen zususchreiben sind. Der Verlauer wendet sich adam en dem Versache, aus welchem Peltier eine verschiedene Inhtrische Capacität. der Metalle ableitet. Er findet den Versuch setätigt, nämlich Elektricitätsentveicklung venn eine Goldcondensterplatte auf eine ähnliche Platte aus Platin gelegt wird and mide Platten durch einen isalirten Platinbegen verbunden werden; Marie wird negativ, des Gold positiv. Nach de la Rive's insicht rührt dies von einer unmerklichen Oxydation des Platins m. Um diese Angabe zu prüsen, Merührte Becquerel die Goldlatte des Condensators mit dem mit Wasser beseuchteten Finger, in Platinplatte mit einem andern Finger, der mit Königswasser statut war; obgleich hier das Platin angegriffen wurde, zeigte sich ulne Elektricität, als aber das Königswasser mit einer Lösung von id vertauscht wurde, erschien das Platin negativ elektrisch. Der lesseur erklärt dies Resultat aus der Wirkung des Kali oder der illure auf die Feuchtigkeit des Fingers und scheint der Annahme Politier's beizustimmen, dass die Metalle einen eigenthümlichen lektrischen Zustand besitzen, dem Platin z. B. eine besondere llenge negativer Elektricität inbärire.

· Versuche gegen die Contactelektricität. Fechner!) mt die Versuche wiederholt und geprüst, die de la Rive in den Mocherches sur les causes de l'électricité voltaique : sur Unterstatmag der Ansicht beigebracht hat, dass Contact ohne chemische Einsiskung keine Elektricitätserregung zur Folge habe. Gegen den Farench, dass Kaliam mit Platin in Berührung unter Steinöl keine Makteleität am Condensator gebe, wol aber in freier Luft, beneskt Fachner, dass eine elektrische Ansammlung am Condenster eine Ableitung von dem Kalium verlange, und dass Holz loss micht liefere, wenn es nicht seucht ist. Der Vereuch wurde wa Fochmer folgendermaassen angestellt. In eine gutgereinigte Mankagel warde einerseits ein Platindraht, andererseits ein meknes Helsstäbchen gesteckt. Als das Hels in der Hand gehalme die Collectorplatte mit dem Platin berährt wurde, sand sich sine Elektricität im Condensator, selbst dann nicht, als der an sm Kalium liegende Theil des Holzes mit reinem oder gesäuerten

¹⁾ Poggendorff Amalen * Bd. 42, S. 481.

Wasser befenchtet war. Da hiernach der Condensator die in Frage gestellte Wirkung nicht augab, so wandte Feehner ein empfindliches Elektroscop mit trockener Säule (siehe Apparate) dazu an. Eine Kaliumscheibe mit Platia isolirt in Berührung geselzt, wurde elektrisch und zwar gab das Platin am Elektroscop einen unzweidentigen negativen Ausschlag, das Kalium mochte in Luft oder unter Steinöl getaucht sein.

Die Angabe, dass eine überall mit Firniss überzogene Zinkplatte, an welche ein Messingstift gelöthet ist, keine Elektricität entwickele, fand Fechner nicht bestätigt, in Uebereinstimmung mit Pfaff, der sie schon früher in Abrede gestellt hatte. Fechner hängte das Goldblatt seines Elektrometers an einen Golddraht. der durch die Glasglocke hindurchging, und berührte jenen mit einem Platinstifte, der an einer sorgfältig überfirnissten Zinkplate befestigt war. Es erfolgte ein merklicher negativer Ausschlag de Goldblattes. Die Versuche, bei welchen aus den Wirkungen der galvanischen Kette auf Contactelektricität geschlossen wird, gehören in den Galvanismus. Zuletzt wird ein Versuch de la Rive's angeführt, den Fechner mit Erfolg wiederholt hat, ohne indes einen Beweis darin für die chemische Theorie zu finden. An jedem Ende eines Holzcylinders wird eine Zinkplatte befestigt, die sich in einem angelötheten Messingknopfe endigt; indem man det einen Knopf mit der Hand fasst, wird der andere an den Condessator angelegt. Ist das Holz an einem Ende feuchter als am anders, eo giebt der dem feuchteren Theile zunächstliegende Measingknoof dem Coudensator negative Elektricität ab. Fechner hat den Versuch so abgeändert, dass er zwischen die Zinkslächen zweier Zinkkupferpaare (wo jedes Paar aus einer zusammengelöthetes Zinkkupferplatte bestand) trocknes Schreibpapier legte. In diesem Zustande zeigte das System keine Elektricität am Condensator. Wurde aber an einer Zinkstäche ein feuchtes Papier eingeschaltet, so fand sich die zunächst liegende Kupferplatte am Condensator negativ elektrisch. Am einfachsten wurde der Versuch mit einem Zinkstäbehen angestellt, das am einen Ende mit lufttrocknem, an dem andern mit feuchtem Papier umwickelt war; legte man es Ende an den Condensator, während das andere in der Hand gebalten wurde, so zeigte sich Elektricität und zwar positive, wenn das seuchte Ende geprüft wurde. Nach dem Principe der Contactelektricität dürste hier keine Elektricität zum Vorschein kommen.

Elektricität in einer isolirten Voltaischen Sänla. schner.") hat die Fermela für die an verschiedenen Stellen ein isolirten Voltaischen Säule merkharen Elektricitätemengen aufe me abgeleitet und dabei eine beliebig verschiedene Capacität der atten in Rechnung gebracht. Die Capacität eines Körpers für aktricität wird durch die Elektricitätsmenge gemessen, die derbe von einer unerschöpflichen Elektricitätequelle aufnimmt, und mert sich daher für jede Platte die mit einem Leiter in Verbining gesetzt wird. Es wäre sehr zu wünschen, dass diene Fernin mit genanen Messungen belegt würden, um die verschiedenen ngeben der Physiker über die Elektricität der Säule zu heseitim. Die Sätze, welche Fechner den Fermeln zu Grunde legt, på folgende: 1) die Gesammiquanlitäten positiver und negativer uktricität, die sich auf den Platten eines Voltaischen Paers vorultin, sind einander gleich. 2) Die Summe der Intensitäten auf iden Platten bleibt bei allem Wechsel ihrer Capacität eine coninte Grüsse. (Unter Intensität ist die Elektricitätsmenge zu-vermen, welche sie einem dritten sie berührenden Körper abgeben). MB60 anf jeder Platte entwickelte Elektricität vermag sich stit sieldstrmiger Intensität über alle mit ihr in Verbindung gesetzte lande Oberflächen zu verbreiten.

: Eum Beweise, dass die Intensität nicht mit der Entsernung mider Berührungsfläche abnehme, stellte Fechner folgenden munch aux das Ende eines Knäuele, das aus mehr als 16000 Fues she sehr dinnen mit Seide besponnenen Kupferdraktes bestand, unde am eine Zinkplatte angelegt, und der Draht angleich mit num Condensator in Verbindung gesetzt. Die im Condensator metammelte Elektricität erschien merklich von gleicher Stärke, p:Drahe mochte dicht neben der Zinkplatte, oder am andern nde: des Knäuels, also mit Zwischenbringung von 16000 Fass mht. an den Condensator angelegt worden sein. Diese Eigenhaft der Elektricität des Voltaischen Plattenpaars machte es islich, ihre vertheilende Wirkung merkber zu machen. Fechm:hrachte das eine Ende eines 3000 Puss langen Multiplicatorshine, der um ein kupfernes Gestell gewunden, aber von demben sorgsam isolirt war, an eine Zinkplatte an, und fand am mlengirenden Electroscop, dass das Gestell negative Elektricität

abgab. Diese Elektrisirung war Folge der Vertheilung durch den nagativ elektrischen Kupferdraht, der in dem isolitien Gestelle die positive Elektricität anzog, die negative forttrieb; es zeigte sich dies durch Ausbleiben des Ausschlages am Elektroscop, wenn des Gestell eine Ableitung erhielt. Mit demselben Erfolge konnte der Versuch an Eisenröhren oder Cylindern angestellt werden, die mit einem sehr langen Drahte umwunden waren.

Elektricität der Säule im Vacuum. Masson 1) leitete den Pol einer vielplattigen voltaischen Säule in das barometrische Vacuum, konnte aber keinen Lichtschein daselbet bemerken, worze er den nicht böndigen Schluss zicht, dass die Spannungselektricität an dem Pole der Säule ungemein schwach sei und nicht auf derselben Ursache entspringe, die den Strom erzeugt.

Einfluss chemischer Wirkung bei der Elektricitäte erregung durch Reibung. Péclet 3) hat die Versuche Wollastons über Elektricitälserregung durch Reibung in Kohlenstans wiederholt und gefunden, dass dieselbe unabhängig von einer chtmischen Wirkung des Gases auf das Reibzeug sei. Um das elektrische Leitungevermögen der Kohlensaure zu prüfen, construirte Péclet zwei Torsionswagen, und füllte die eine mit trockner atmosphärischer Luft, die andere mit trockner Kohlensäure. Beide Instrumente nahmen fast dieselbe elektrische Ladung an und behielten dieselbe eine gleiche Zeit. Hierauf wurde eine kleine elektrische Cylindermaschine, deren Reibzeug mit Mussivgold bedeckt war, mit einem daran besestigten Elektroscope unter eine Glesglocke gebracht, die luftleer gemacht und mit einem Gase gefüllt werden konnte. Es wurden dieselben Divergenzen des Elektroskops durch Drehen der Maschine bervorgebracht, die Glacke mochte mit atmosphärischer Lust, mit Wasserstoff oder Kohlessaure angefüllt sein, und der Verfasser hält daher den Irrthum Wollastons, der sich wahrscheinlich nicht gehörig getrocksets Kohlensäure bedient habe, für bewiesen,

Elektricitätserregung bei chemischer Einwirkung Böttger b setzte auf den (messingenen) Teller eines Bohnesbergerschen Elektroscops, oder in einen ringförmigen Fortste

¹⁾ Compt. rend. VII. p. 671. Poggend, Annelen Bd. 46. S. 487.

^{*)} Annales de Chimie * t. 71. p. 83.

¹⁾ Neue Beiträge zur Physik u. Chemie 1941. 8, 115,

steken, mit Cadmium oder Eisenseilicht. Wurde Salzsäure in die shale gegossen, welche die Metalle auslöste, so seigte das Geldlatt des Elektroskops starke negative Elektricität. Brachte man spetersaures Ammoniak in der Platinschale in glühenden Flass, bewirkten hineingeworfenes Zink, Kadmium, Eisen, Blei einen seitiven, Antimon- und Wismuth-Palver einen negativen Auslag des Geldblatts.

Elektricität bei Zersetzung von Salzen. Böttger 1) hattete in den mit dem Elektrockope verbundenen Platintiegel 6 is 8 Gran citronsaures Silberoxyd und erhitzte dasselbe durch me Lampe; bei der Zersetzung des Salzes gab das Elektroskop neke negative Elektricität an. Derselbe Erfolg tritt nach Döbestner ein bei Anwendung des oxalsauren Silberoxyds. Auch bei ametsang des salpetersauren Kupferexyd-Ammoniaks bemerkte lettger Elektricitätserregung, nicht aber bei der des Knallgoldes, es pikvissalpetersauren Baryts, Kalis und Natrums, des knallsaum dilberoxyds, oder des oxalsauren Quecksilbers. Krystallisirtes shutersource Kupferoxyd wurde in durchlöchertes Stanziel gestikelt in den Tiegel gelegt und mit Wasser beseuchtet; bei der arestung zeigte sich negative Elektricität im Elektroskope. Der etfasser glaubt, dass bei Bildung von Krystallen (es wurde essigures Kali und Natrum beim plötzlichen Krystallisiren untersucht) the Elektricität frei werde, wol aber, wenn eine schon gebildete systallmasse sich zusammenzicht und springt. Dies zeigte sich bei ihwesebaarem Kupferoxyd-Kali, das mit einer Lampe in glüben-## Flass gebracht und dann abgekühlt worden war. Das Sals situs in einigen Sekunden krystallinisches Gestige an ohne Elekfastat zu zeigen; als sich die Masse aber unter hörberem Kuistern mannenteg, wurde im Elektroscope positive Elektricität frei. ---Stiger 2) hat auch durch Zersetzung des seipetersauren Kupfernydes eine starke Ablenkung der Magnetnadel in folgender Weise gevorgebracht. Ungefähr 8 erbsongrosse Stücke des krystallisirten ultes wurden in der Mitte eines 8 Zell langen, 8 Zell breiten tambioletreifens fest eingewickelt, dessen freie Enden wasammensdreht und mit dem Drahte eines empfindlichen Multiplicators

¹⁾ Poggendorff Annalen * Bd. 50. S. 41.

^{?)} None Beiträge ser Physik u. Chemie+ 1811: S. 24.

verbunden wurden. Der Stanniolstreisen wurde an der Stelle, wo das Salz lag, mehrsach durchstochen und mit wässrigem Alkohol benetzt; es ersolgte eine hestige Zersetzung des Salzes, das Stanniol wurde unter Funkensprühen zerstört und die Nadeln des Mattiplicators wurden im Kreise herumgeschleudert. Bei der hestiges Zersetzung des oxalsauren Silberoxyds durch einen heissen Drakt auf einem Platinstreisen, dessen Enden mit dem Multiplicator verbunden waren, blieben die Nadeln unbewegt, wonach der Versaser achliesst, dass die Elektricitätserregung im ersten Versuche ansbängig von der dabei stattsindenden Wärmeentwickelung sei

b. Elektricitätserregung durch Erwärmung.

Elektricität der Weinsteinsäure. Nach Böttger') wird die krystallisirte Weinsteinsäure durch Erwärmung elektrisch und afficirt das Bohnenbergersche Elektroskop sehr bedeutend Gam wirkungslos ist in dieser Beziehung die Traubensäure; der Milch-sucker ist bei Weitem weniger pyro-elektrisch als der Candiszucker.

Krystallelektricität nach Temperatur vorschieden Hankel hat in einer eigenen Dissertation?) die Elektricität, welche die pyro-elektrischen Krystalle durch Temperaturwechsel an verschiedenen Stellen annehmen, untersucht und die Resultate in Porgendorff's Annalen bekannt gemacht. Hiernach würde die Elektricitat, welche eine bestimmte Stelle eines Krystalls annimmt, von den Temperaturgränzen abhangen, zwischen welchen der Krystall erwärmt oder erkältet wird. So giebt Hankel z. B. an, dass eine gewisse Ecke des Boracils beim Erwärmen zwischen 18.6 und 93 Grad positiv elektrisch, zwischen 116,3 und 162,8 negativ, und zwischen 168 und 195,3 Grad wieder positiv sei. Die Versuche wurden in folgender Weise angestellt: An dem Stifte, der das Goldblatt eines empfindlichen Bohnenbergerschen Elektroskops tras. war ein langer dunner Draht befestigt, dessen Ende mittels einer gläsernen Handhabe an einer beliebigen Stelle des Krystalls angelegt werden konnte. Der Krystall lag auf einem kleinen Messing tische, der mit der Erde in Verbindung stand und durch eine Splritussamme erhitzt wurde; ein mit dem Krystalle in gleiche Lage gesetztes Thermometer zeigte die Temperatur an. In einer anders

¹⁾ Poggendorff Annalen * Bd. 43. S. 660.

²⁾ De thermoëlectricitate crystallorum. Hal. 1839 - pars altera. 1840.

rt des Versuches wurde der Tisch isolirt und mit dem Drahte is Elektroskops verbunden, während die zu untersuchende Stelle is Krystalles mit einem ableitenden Drahte berührt wurde, wo im des Elektroskop die der zu prüfenden entgegengesetzte Elekteilütsart angeben sollte. Diese Untersuchungsart ist nicht einfach ist, besonders in der zuletzt angegebenen Weise, vielen Irrthüstem ausgesetzt. Es wäre daher zu erwarten gewesen, dass der seinem Arbeit eine Kritik seines Verfahrens mit Versum aus einem vorläufig elektrisirten Körper vorangeschicht hätte. In kann hier auf das Detail der mühevollen Untersuchung nicht ageben, und will nur die untersuchten Krystalle nennen: Zucker, feinsäure, weinsaures Kali-Natrum, Kieselzinkerz, Axinit, Prehnit, sootyp (Poggen d. Annal. Bd. 49. S. 493); Turmalin, Topas, Timit (Bd. 50 S. 237); Boracit (Bd. 50 S. 471); Quarz (Bd. 50 S. 606).

L. Elektricitätserregung durch Verdampfung und atmosphärischen Prozess.

Volta') stellte im Winter 1788 einen Kessel siedenden Wasso auf den Boden eines geränmigen Zimmers, und untersuchte » Lust des Zimmers auf die von ihm entdeckte Weise mit einem Mirten Drahte, an dessen Spitze sich eine brennende Laterne be-Er erhielt mit Hülse einer leydener Flasche und des Conmasters deutliche Zeichen von positiver Elektricität. Das Gefäss, sein Wasser kocht, fand Volta hingegen negativ elektrisch und Me den Satz auf, dass bei der Verdampfung des Wassers der Meigende Dampf positiv, das zurückbleibende Wasser negativ Missisch sei. — Saussure brachte am Schlasse seiner Untersuung der Elektricitätserregung durch Verdampfung den Versuch Verschleg, das Wasser in einem Papinschen Topfe zu einem hen Temperaturgrade zu bringen und die Elektricität des Wasts beim Ausströmen des Dampfes zu untersuchen. 2) Diese Norden darch einen merkwärdigen Fall von Elektricität: gang in Erinnerung gebracht, der eine grosse Anzahl von Verthen veranlasste, die den Gegenstand indessen keinesweges erhopft haben.

Elektricität des unter Druck ausströmenden Was-

¹⁾ Motoorologische Briefe* deutsch von Schlifer 1793 * S. 144.

^{*)} Voyages dans les Alpes * t. II. p. 247.

serdampfes. Versuche an Dampfmaschinen. Im (1) 1840 hielt zu Seghill bei Newcastle ein Wärter an einer II maschine die eine Hand in den aus dem Sicherheitsventil menden Dampf, und empfand einen von einem Funken beden hestigen Stoss in den Armen, als er mit der andern U-Gewicht am Hebel verschieben wollte. Dieser augenscheinkei trischen Erscheinung bemüchtigten sich die Herren Arms und Pattinson; jeder von ihnen hat darüber mehrere 🎒 lungen publicirt, 1) die grösstentheils eins und dasselbe en and denen ich Folgendes entnehme. Das beste Mittel, die tricität des ausströmenden Wasserdampfes bemerklich zu 🛎 beatcht darin, dass der Beobachter auf einem Isolirstuhle at ein Ende eines mehrere Fuss langen Metallstabes mit der Hand in die aus dem Sicherheitsventile ausströmende Danghalt, während er die andere Hand dem Kessel oder einem stehenden Leiter nähert. Es springen dann an der Hand von 1 bis 4 Zoll über. Die längsten Fanken werden erbalten das in den Dampf gehaltene Ende des Stabes mit eines wärts gerichteten Drahtbürste versehen ist, und dieses I den Dampfstrahl möglichst hoch gehalten wird. Sie waren desto länger einen je höheren Druck der ausströmende Das eass. So erschienen in einem Versuche 4zöllige Funken Dampf mit 52 Pfund Belastung auf den guadr. Zoll auch 3zöllige als diese bis auf 40 Pfund vermindert war; bei 30 konnten nur 2zöllige, bei 10 Pfund + zöllige Funken erhalte den und bei 5 Pfund waren sie kaum merkbar (Pattinson) vom Dampfe aufgesammelte Elektricität war positiv, es. mit ihr Elektrometer und Flaschen geladen und Karten dur Die grösste Elektricitätsmenge wurde gerade über dem Sichventil aufgefangen, aber auch seitlich davon konnte sie zo Funken gesammelt werden und der Dampf im ganzen Sch unter dem die Maschine stand, gab deutlich positive Elek Verschiedene Maschinen, unter denselben Umständen gepet ferten Elektricität in verschiedener Stärke. An einem mit wasser gespeisten Dampfkessel konnte der Dampf nicht and

¹⁾ London and Edinb, phil, Mag. v. 17 and 18. Sturge on Acceleration v. V. p. 452, 456, v. VI. p. 37, 42, 305, Poggandorff Dd. 52, S. 328.

Sicherheitsventil ausgelassen werden, als Armstrong ihn aus dem Mireanhahn (gange cock) ausströmen liess, wurde keine Elektricitill markbar. Dass dieser ausbleibende Erfolg nicht von der Natur des Wessers herrührte, zeigte solgender Versuch. Armstrung sahannitée in den Dockel des Kessels einer Locomotive ein mit eisom Hahme verschenes durchbohrtes Metallstück und konnte in dem hieraus strömenden Dampse keine Elektricität bemerken. Es wurde nen in das Metallstück eine in den Kessel hineinragende Chesthre eingesetzt, die oben mit einem Metallhahne geschlossen wer. Als der Dampf aus diesem obern isolirten Hahne strömts, migte sich derselbe in so hobem Grade elektrisch, dass die Glas**tilbe von dan elektrischen Lichte schön erleuchtet wurde. Es** scheint also eine Isolation der Ausslussöffnung vom Kessel nöthig un sain, um die Erscheinung in einiger Stärke hervortreten zu lasse. Sevel Armstrong als Pattinson haben sich die Mühe genommen, die negative Elektricität des Dampskessels direkt aufsusuigen. Hierzu wurde eine Locomotive von den Schienen abgeheber und auf Klötze von gedörrtem mit Pech überzogenem Helze pubilit. So lange die Ventile geschlossen blieben, zeigte die Mashine keine Elektricität, wol aber erhielt man von ihr glänzende sike kraftige 1 Zoll lange Funken, wenn der Dampf aus dem Sidesheitsventile ausströmte. Die hier sichtbare Elektricität war mentiv, an der Maschine angebrachte Fäden wurden von einer geschungen Siegellackstange abgestossen und Spitzen an derselben migten den negativen Lichtstern. Armstrong bemühte sich, durch simuliait usuständliche Versuche zu zeigen, dass der Dumpf im Konnt selbst nicht elektrisch sei, und auch ausserhalb desselben est Elektricität entwickle, wenn er in die Bläschenform übergehend, sichther wird. Pattinson erklärt die Wirkungslosigkeit des rochiossenen Kessels dadurch, dass der positiv-elektrische Dampf van megativ-elektrischem Metalle umgeben sei. Derseibe hat auch le bekannten Versuche Volta's wiederholt, indem er von einer inlinen Kisenschüssel, die mit glühenden Kohlen gefällt und mit Wasser besprengt wurde, so starke Elektricität erhielt, dass sie in Panken aufgezeigt werden konnte. Bestätigung der Elektricität des unter hohem Druck ausströmenden Dampses hat Condie gepgeben, 1) Sturgeon hat mehrere Versuche ohne Erfolg ange-

¹⁾ Sturgeon Annals of El. * v. VI, p. 312.

stellt und nur einmal Funken erbalten, als der Dampf durch eine Glassöhre ausströmte. ') Im September 1841 zeigte Séguier der französischen Akademie an, 2) dass er auf Einladung des belgisches Ingenieurs Tassin Versuche an einer stehenden Dampfmaschische angestellt, und aus dem Dampfe Funken von einigen Centimeter Länge erhalten habe. Die, ein ganzes Jahr früher, von den Engländern viel vollständiger ausgeführten Versuche derselben Art werden dabei nicht erwähnt. Die Notiz von Tassin, 3) dass bei dem Springen eines Dampfkessels ein in der Nähe stehender Arbeiter einen Funken bemerkt habe, der wie ein Blitz aus dem Kessel fuhr, ist beachtenswerth, berechtigt aber nicht zu der hinzugefügten Ansicht, dass Elektricität eine Hauptursache des Springens der Dampfkessel sei.

Elektricität des ausströmenden Dampfes. Versuchs im Kleinen. Armstrong 1) hat sich hierzu den in Fig. 12 abgebildeten Apparat ansertigen lassen. Ein starker cylindrischer Dempskessel B aus Kanonenmetall, 30 Zoll hoch, 4 Zoll weit, in in einen auf Glasfüssen stehenden Ofen eingesetzt. In der Deckplatte des Cylinders mündet durch die Stopfbüchse E ein 10 Fass langes & Zoll weites Kupferrohr, das in den Ofen zurückgeführt, in mehreren Windungen um den Cylinder gelegt ist und dann ent in die Lust austritt. Hierdurch ist bezweckt, durch den Hahn ? nur gang trocknen Dampf ausströmen zu lassen. Statt dieses Kopferrohrs kann auch eine kurze Glasröhre EG mit einem Habn in die Stopfbüchse eingesteckt werden. Durch das Hebelventil C wird der Druck des Dampfes regulirt. Mit diesem Apparate konntes bedeutende elektrische Essekte erreicht werden. Eine leydener flische von 1 Pinte Inhalt konnte in wenigen Minuten so stark geladen werden, dass sie eine hestige Commotion gab; hierza wurde der Knopf der Flasche mit dem Keasel selbst in Verbindung gesetzt, der Dampf unter einem Drucke von 100 Pfund auf den guadr. Zoll aus dem Hahne gelassen. Die Elektricität des ausströmenden Dampfes war, wie in den Versuchen mit grossen Maschinen, gewöhrlich positiv, und die Elektricität des Kessels negativ; zuweilen abet trat der umgekehrte Fall ein, und zwar bemerkte der Verlager;

¹⁾ Sturgeon Annals of El. * v. VI p. 411.

¹⁾ Comptes rendus 1841 * 2me Sem, p. 628.

²⁾ Comptes rendus * t. XIII. p. 229.

^{*)} Lond. Edinb. phil, Mag. * v. 18. p. 331.

dass dies durch Ueberheitzung des obern Theiles des Kessels, und derch Verminderung des Wassers im Kessel bewirkt wurde. Um die Elektricität bei gleichem ausströmeudem Dampsquantum (dem Gewichte nach) unter verschiedenem Drucke zu untersuchen, liess der Versasser den Damps ans dem belasteten Ventile C ausströmen. Bei einem Drucke von 1 Pfund auf den quadr. Zoll gab ein mit dem Kessel verbundenes Goldblattelektrometer zuerst Elektricitätsmzeige, aber bei 3 Pfund Druck konnten schon 5 bis 6 kleine Funken in der Minute aus dem Kessel gezogen werden. Als der Druck 250 Pfund auf den quadr. Zoll gesteigert war, erschien die Elektricität nur ungefähr 5 mal so slark als bei 3 Pfund. Bei diesen Versuchen war die Elektricität des Kessels negativ. War hingreen die Elektricität des Kessels positiv, was durch Verschliesmeg der Osenthür bewirkt werden konnte, so nahm die elektrische Spannung nur bis zu einem Drucke von 30 Pfund auf den Zell zu. Bei höberem Drucke ging die Elektricität des Kessels leicht vom Positiven ins Negative über; alsdann wurde der Damps, der aus dem Schlangenrohr ausströmte, oft negativ elektrisch, während der aus dem Sicherheitsventil tretende positiv war. Hier waren also gleichzeitig zwei entgegengesetzt elektrische Dampsstrahlen vorhanden. - Die stärksten elektrischen Essekte des Apparats warden erhalten, wenn statt des Schlangenrohrs ein kurzes Glasrehr bei E in den Kessel eingesetzt war, aus dem der Dampf unte hohem Drucke ausströmte. Es wird solgender Versuch ange-That zam Beweise, dass der Dampf nicht vor seiner Condensirung elektrisch sei. An den Hahn F wurde ein hohler Metallcylinder mit einer Brause an einem Ende angesetzt und heiss erhalten, aber der darch die Löcher der Brause ausströmende Dampf war nicht weniger elektrisch, als wenn er unmittelbar durch den Hahn F in die Lust austrat. - Später bemerkte Armstrong, ') dass nach hinnigem Gebrauche seines Dampskessels die Fälle einer positiven Dektrisirung desselben häufiger wurde. Die innere Fläche des Keswar nicht angegriffen, als sie aber mit Kalilauge abgewaschen war, konnte wieder sicherer positive Elektricität in dem Dampftable erhalten werden. Es wurde nun versucht, dem verdampienden Wassere in wenig Pottasche beizumischen, und hiernach erzhien die Elektricität des Dampses so bedeutend, dass mehr als

¹⁾ Lond. Edinb. phil. Mag. * v. 19. p. 25.

30 Funken in der Minute aus dem Kessel gezogen wurden. Eine Beimischung von Natrum hatte denselben Effekt, eine von Kalk einen geringeren; Salpetersäure und salpetersaures Kupferoxyd den Wasser zugesetzt bewirkten, dass der Dampf negativ elektrisch wurde. Salzsäure und Schweselsäure hatten keine Wirkung, selbst wenn sich Eisenseilicht neben ihnen in dem Wasser befand. Wurde ein Alkali oder Kalk in grosser Menge in den Kessel gethan, so erfolgte eine Entwickelung von seuchtem Damps, der ausströmend keine Elektricität zeigte. Zuletzt wird die Vermuthung ausgesprochen, dass ein gehörig abgerundeter Dampfapparat, der 10 Gallom Wasser fassen könne, eine sehr kräftige continuirlich thätige Elektrisirmaschine abgeben würde, die Vorzüge vor den gebräuchlichen Maschinen habe. In einer folgenden Mittheilung 1) spricht sich Armstrong endlich entschieden dafür aus, dass die Elektricität des ausströmenden Wasserdampfes gar nicht von der Verdampfung sondern von der Reibung des Dampfes gegen den Rand der Ausflusöffnung herrühre. Er halt folgenden Versuch für entscheidend. Die Glasröhre, welche den Dampf aus dem Kessel zu dem Metalihabne führte, wurde stark erwärmt, um die Condensirung des Dampist an der innern Glassläche zu verhindern. Hier fand sich nicht der Kessel, sondern der Hahn negativ elektrisch, während der Dampf wie früher positive Elektricität zeigle. Der Verfasser glaubt, dass in allen früheren Versuchen die an der Mündung der Ausflussröhre erzengte Elektricität zum Kossel geführt worden ist. Leber die Aenderung der Elektricitätsart des Dampfes bringt der Verfasser die Erfahrung bei, dass wenn der Kessel auf der Innenfläche rank war, der ausströmende Dampf positiv, nach Glättung der Fläche negativ elektrisch wurde, und eine Bekleidung der Fläche mit Zunfolie ohne Wirkung blieb.

Mit diesen Versuchen stehen die folgenden zum Theil in Widerspruch. Pfaff*) liess aus einem Papinschen Topfe, der 22 Lasen Wasser enthielt, Dampf gegen eine Messingplatte strömen, die durch einen langen Stab mit einem Goldblattelektrometer verbuden war. Hatte der Dampf 2 Atmosphären Druck, so war die an der Messingplatte gesammelte Elektricität sehr schwach, bei einkehem Atmosphärendruck selbst am Condensator nicht merkha.

¹⁾ Lond. Ediab. phil, Mag. v 20. p 5.
2) Poggendorff Annalen Bd. 53. S. 313.

r bei höherem bis 5 Atmosphären gesteigertem Drucke gab Blektrometer sehr starke Elektricität an. Die Elektricität war all positiv, das angewandte Wasser mochte rein, oder mit Aetzkohlensaurem Kali, Kochsalz oder Schweselsäure versetstisein. . Versasser glaubt, dass diese Elektricität eine Folge des Drukeni, welchen der Dampf auf das Wasser ausübt. - Schaf-11 2) konnte keine Elektricität entdecken, als er Wasserdampf kem Marcetschen Dampfapparate bei hohem Drucke gegen ein trumeter ausströmen liess, das mit einer Drahtbürste armirt ¿ Als er hiugegen den Dampfstral in einer flachen Glasgiocke ng, zeigte diese an der Innenseite, wo sich der Dampf conist hatte, starke Elektricität. Es ist indessen hierbei nöthig der Dampf seucht, d. h. mit fein zertheiltem Wasser gemengt Des die bemerkte Elektricität nicht von einer Reibung des ests gegen die Glassläche herrühre, zeigte der Versuch, den wistrahl gegen Wasser zu richten, das gleichfalls elektrisch er-Der Verfasser glaubt, dass die Elektricitätserregung an der Mangehine einen ähnlichen Ursprung habe, indem die dem de l'andre entgegenstehende kalte Luftschicht die Rolle der Giasin dem obigen Versuche spiele. Der Versuch war mit devien Wasser angestellt worden, die Elektricität des Dampfes de micht stärker, ja sogar schwächer gefunden, als dieses Wasmit Schweseisäure oder Kochsalz versetzt worden war. Der neser schliesst, dass das Phänomen bei der plötzlichen Vereinge der Wasserkügelchen, die dem Dampse beigemengt sind, eté und in der Trennung dieser Kügelchen von dem Wasser-, des dabei in Bläschensorm übergeht, seinen Grund habe.

Pettier ?) glaubt, dass die Elektricität des ausströmenden serdamples nicht der Verdampfung, sondern dem Locreissen Damples von den in dem Wasser gelösten festen Theilen zuheusben sei. Er bringt Versuche bei, in welchen destillirtes ie, auf glühendes Platin gesprützt, keine Elektrichtst erweigt, iher zum Vorschein kam, wenn dem Wasser ein Salz zuget werden. -

Tell habe diese grosse Anzahl von Versuchen nicht kärzer und wichtlicher mittheilen können, da dieselben die betrachtete Er-

scheinung nicht zum Verständniss gebracht und in der That die Elektricitätserregung bei Verdampfung nichts gelehrt h was nicht durch Saussure und Pouillet seit vielen Jahren kannt ist. Wie interessant auch die so lange unbeachtete Elecitätsäusserung der Dampsmaschine sein mag, so giebt sie ein zu beachtendes Beispiel, dass eine Erscheinung dadurch alleis sie zu einer grossen Energie gesteigert wird, unserer Einsicht zugänglicher werden kann.

Elektricitätserregung an Wasserfällen. Tralle merkte zuerst, dass der Wasserstaub in der Nähe grosser Wi fălle negativ elektrisirt sei; Volta bestătigte die Erscheinung erklärte sie aus der auf den zerstäubten Wassertheilchen erk den Verdampfung, nach welcher der positiv-elektrische Dam Wasser negativ zurücklässt. Becquerel 1) modificirte dies klärung nicht eben glücklich, indem er durch Verdampfung Erdboden um den Wassersall negativ elektrisch annimmt, von die Wasserbläschen Elektricität durch Mittheilung erhalten. 6 diese letzte Ansicht hat Belli 2) Versuche angestellt, um sa gen, dass die Elektricität der Wasserfälle von der atmosphäris Elektricität durch Vertheilung erregt werde. Derselbe lies Freien Wasser aus einem Trichter in einen Recipienten tro und fand diesen stark positiv elektrisch. Ein Wasserstrahl d eine Druckpumpe in die Höhe geworsen, elektrisirte bei dem absallen einen isolirten Recipienten negativ. Als die Pumpe : isolirt war, zeigte sie sich im Augenblicke, wo der Strahl ass positiv elektrisch. Aber diese Versuche gelangen nur auf ei ganz freien Platze; in einem mit Gebäuden nahe umgebenen ! angestellt, wurde keine elektrische Spur bemerkt. Der Verst schliesst hieraus, dass jede senkrechte Wassersäule von der al sphärischen (bekanntlich meist positiven) Elektricität durch theilung elektrisirt werde, so dass ihr oberes Ende negativ, unteres positiv erscheine, wonach denn die negative Elektri der Wasserfälle erklärt sein soll. Dabei ist nun gänzlich ver sen, dass Volta nicht nur unter Wasserfällen, sondern über Strudeln in Bergbächen, constant negative Elektricität funden hat.

¹⁾ Traité de l'électr. * t. 4. p. 121.

²⁾ Biblioth. universelle de Genève * t. VI. p. 149.

Atmosphärische Elektricität.

Elektricität an langen Drähten gesammelt. Die glänsenden elektrischen Erscheinungen, welche an sehr langen in eini-Bibe über dem Boden horizontal ausgespannten Drähten bemakt werden, locken nach Beccaria von Zeit zu Zeit zur Anwealung dieses umständlichen und kostbaren Mittels, die atmosphäsiche Elektricität auszusammeln. Ganz neuerlich hat Weekes!) wischen zwei Kirchthürmen von Sandwich, einer kleinen Stadt in Kentshire, einen 1027 Fuss langen Draht in 130 Fuss Höhe vom Bien iselirt ausgespannt und durch einen hinabsteigenden Draht at einer Metallkugel in einem Zimmer in Verbindung gesetzt, an wilcher die gesammelte Elektricität beobachtet wurde. September 1840 eine dunkele Wolke über dem Drahte regnete, wurde ein sortwährender Strom sehr starker Funken mit dem Ge-Suche eines Kleingewehr-Feuers zwischen der Auffange- und Ab-Mangskugel erhalten. In den Augenblicken, wo die Wolke blitzte, fing des Geräusch in ein zischendes über, wie wenn heisses Eisen Wasser geworsen wird. Die Wolke stand sehr hoch über dem Mante, da 5 bis 6 Sekunden zwischen Blitz und Donner gezählt wuden. Die Elektricität ging während dieser bedeutenden Anmenlang von der positiven zu der negativen Art über. Der Fun-Introm währte 3 Stunden, so dass damit verschiedene mechathe Effekte, Durchbohrung von Karten und Glas, erreicht wur-In; nach dieser Zeit hörten alle elektrischen Zeichen, selbst an tipliedlichen Elektrometern, auf. In Folge von Schönbein's Mandlung über das Ozon (s. Seite 186) liess Weekes am 28. Oktober 1840, an welchem Tage die almosphärische Elektricität m stark wurde, dass der Apparat Funken von 2 bis 3 Zoll Länge md der Dicke des kleinen Fingers gab, die Funken in einem verithlessenen Glascylinder überschlagen, in welchem sich eine Pla-Inplatte besand. Als der Cylinder geöffnet wurde, zeigte sich der ktrische Geruch in ausserordentlicher Stärke, die Platinplatte e, wie Schönbein es bei der künstlichen Elektricität gefunin, stark negativ polarisch; (verhielt sich, in eine saure Flüssighat getaucht und am Multiplicator geprüft, gegen eine andere Pla-Splatte wie Kupfer gegen Zink.) Das riechende Prinzip auf verwziedene Salzlösungen wirken zu lassen, führte zu keinem Resul-

i) Sturgeon Annals v. VI. p. 89.

tate. An diesem Tage war die almosphärische Elektricität unveränderlich negativ. In einer folgenden Mittheilung ') gieht Weekes eine Zeichnung seines Apparats, in der Nichts bemerkenswerth sein möchte, als der funkensprühende Nagel, der sich in der Leitung befand, die von der Mitte des zwischen den Kirchthürmen ausgespannten Drahtes in das Beobachtungszimmer hinabgeführt war. Dieser Nagel verbrannte während eines Gewittersturmes am 9. Mai 1841 und fiel in geschmolzenen Kügelchen hinab.

Schlag vom Drahte des elektrischen Drachens. Henry 1) führt an, dass, als im Jahre 1836 ein Comité des Franklin-Instituts einen Drachen an einem 1 englische Meile langen Eisendrahte steigen liess, er Zeuge der erstaunlichen Wirkung war, welche die Elektricität dieses Drahtes hervorbrachte. Der Funke, obgleich er nur von der Länge eines Viertel-Zolles erhalten werden konnte, gab eine Commolion, die von einer Kette von 15 Personen zugleich empfunden wurde. Da nun ein geladener Conductor, der eine Schlagweite von 4 Zoll habe, keine so bedeutende Wirkung äussere; so nimmt der Verfasser an, dass der schwache Elektricitälsstrom in dem Drahte des Drachens sich durch Induktion auf den Draht selbst verstärkt habe.

Elektrische Ladung der Wolken. Nach Peltier?) können die Wolken auf zweierlei Weise, molekular und peripherisch, elektrisch geladen sein. Die erste Art der Ladung wird durch die um jedes Wasserbläschen der Wolken befindliche Elektricität gebildet, wodurch die ganze Wolke als Convolut einzelner elektrisirter Theilehen wirkt. Diese Theilehen stehen in der Wolke suerst so weit auseinander, dass die Elektricität nur schwer von einem zum audern übergeht; würden jene aber durch irgend eine Ursache näher zusammengerückt, so findet ein Uebergang der Elektricität statt, die innern Bläschen der Wolke verlieren einen Theil ihrer Elektricität, und dieser häuft sich um die Oberfliche der Wolke an, wie bei einem gewöhnlichen Conductor. Diese Anhäufung bildet die peripherische Ladung, die ueben der molekularen bestehen kann, wenn die Wolke noch nicht so weit verdichtet ist, dass sie als eine zusammenhängende halbflüssige Masse

¹⁾ Sturgeon Annals v. VI. p. 446.

²⁾ Sturgeon Annals 2 v. IV. p. 306.

¹⁾ Observations sur les trombes * p. 89.

denen Wolke zweierlei Wirkungen; die eine, die der Verfasser die statische Wirkung nennt, besteht in Erregung der entgegengesetzten Elektricität im Erdboden, in Anziehen und Abstossen, die andere dynamische Wirkung in Ausstralen und Entladungen, welche letztere nur von der peripherisch angehäuften Elektricität berrährt. Ist diese peripherische Ladung durch eine Explosion verstört, so bildet sie sich wieder durch neue von den Partikeln übergebende Elektricität, wonach die wiederholten Blitze aus derselben Wolke erklärt werden.

Elektrische unsichtbare Wolken. Peltier nimmt an1), ins das durchsichtige Wassergas in der Atmosphäre sich gerade chesso verhält, wie dasselbe, wenn es durch irgend eine Ursache is den undarchsichtigen Bläschenzustand gebracht worden ist; es weinigt sich nach ihm zu einzelnen Massen, welche durchsichtige Welken bilden, die die Reinheit der Lust nicht trüben, und ohne in den undurchsichtigen Zustand überzugehen, zu Wasser condenint werden. Diese durchsichtigen Wolken können wie die underchsichtigen mit Elektricität geladen sein, sie bringen dieselben Encheinungen hervor, wie diese, mit den Modifikationen, welche ihr guingeres elektrisches Leitungsvermögen bedingt. Der elektrische Zutand der Wolken hängt von den Luftschichten ab, die auf der Lie ruben; durch die Verdampfung des Wassers auf dem Boden wird stets Wassergas mit freier positiver Elektricität erzeugt, das dese Elektricität entweder behält oder an den negativ elektrisirten Boden abgiebt. Wenn das durchsichtige Wassergas Elektricitat mit in die Höhe nimmt, so bleibt diese unverändert, wenn das Gas in die Bläschenform übergeht. — Die elektrische Ladung turchsichtiger Wolken hat Peltier aus verschiedenen Meleoren bei heiterem Himmel und aus eigenen Versuchen mit dem elektrischen Drachen geschlossen. Am 21. April 1840 liess er bei per beiterm Himmel einen Drachen an einem dünnen Kupfertable steigen, dessen Ende auf einer wohlisolirten Rolle befestigt mit einem Multiplicator von 3000 Windungen verbunden war. Bei einer Höhe des Drachens von 30 bis 50 Meter zeigte der Inliplikator einen positiven (von oben eintretenden) Strom durch Lie Abweichung von 2 bis 3 Graden an. Beim Höhergehen des

¹⁾ Observat. s. l. trombes * p. XIV. et 20.

Drachens hörte die Anzeige auf, gab aber bald darauf einen negativen Strom an, der in einer Lust-Schicht von 20 Meter Dicke seinen Ursprung hatte. Die Nadeln gingen hierauf wieder surück und es trat wieder ein positiver Strom ein, der bis zur Höhe des Drachens von 180 Meter fortwährend stieg, so dass die Nadeln auletzt bis zu 80 Graden abgelenkt wurden. Der Verfasser nimmt an, dass die durchsichtigen elektrischen Wolken wie die dunkeln, auf doppelte Art wirken, vertheilend mit ihrer Molecularelektricität, Entladungen hervorbringend mit ihrer peripherischen Elektricität, wodurch die Entstehung seuriger Meteore und der Tromben bei heiterm Himmel erklärt wird.

St. Elmsfeuer. Einen ähnlichen Fall des St. Elmsfeuers, wie der im vorigen Bericht ') angeführte, hat Dr. Riegel in Klisgenberg hei Aschaffenburg beobachtet '). Als derselbe am 31. October 1835 bei Regen sich mit seinem Pferde auf einer Fähre über einen Fluss setzen liess, bemerkte er ein Leuchten der Mähne und der Ohrenspitzen seines Pferdes und der Spitze seiner Reitpeitsohe. Die Erscheinung war am stärksten in der Mitte des Flusses und verschwund, als die Fähre das User erreicht hatte.

Traill³) berichtet von einem sehr schönen Elmsseuer, das am 19. Februar 1837 auf einer der Orkney-Inseln während eines herausziehenden Gewitters Statt fand. An einem Boote nämlich, das mit einer Kette an dem User besestigt war, wurde der gause Mast leuchtend und von der Kette zog sich eine blutrothe Flamme gegen das User in einer Ausdehnung von 30 Faden Breite and 100 Faden Länge. Auf der Spitze des Mastes erschien eine Flamme von 1 Fuss Höhe, die sich bei dem Herannahen der Gewitterwolke bis 3 Fuss verlängerte, und sich nach der Wolke richtete. Die Erscheinung dauerte etwa 4 Minuten.

Als der Lieutenant Lédinghen am 7. August 1840 von Blida nach Douéra ritt, bemerkte er während eines Gewitterstames reichliche Funken, die aus den Metallfransen seiner Epanlette sprühten 1). Weder die Mannschaft noch der Offizier, die ihn su Fusse begleiteten, nahmen an ihrer Uniform etwas Aehnliches wahr.

¹⁾ Repertorium Bd. 2. S. 89.

²⁾ Poggendorff Annalen * Bd. 46, S. 655.

³) Poggendorff Annalen * Bd. 46. S. 659. Edinburgh new phil. Journ. t. 23. p. 220.

⁴⁾ Comptes rendus 1840. * 2me Sem. 822.

Form des Blitzes. Täuschung bei der Beobachtung derselben. Raillard') leitet die gezackte Form des Blitzes von der Gestaltung des Bodens ab, über welchem die Gewitterwelke entladen wird. Arago hält diese Ansicht der Prüfung der Beobachter werth.

Paraday 2) macht auf die Täuschung aufmerksam, welche bei Beurtbeilung der Form des Blitzes leicht Statt finden kann. ladem nämlich der Blitz ungesehen hinter einer dunkeln Wolke ausbricht, kann der plötzlich scharf beleuchtete zackige Rand derselben leicht für die Bahn des Blitzes genommen werden. Oft besteht das Gewittergewölk aus übereinander geballten einsermigen einzelnen Wolkenmassen und der scharse Contour einer Wolke bleibt versteckt bis zum Ausbruche des Blitzes. Viele Angaben sind dieser Täuschung zuzuschreiben, wie das Ueberschlagen des Mitzes von einer Wolke zur andern, das Auf- und Niedergeben des Blifzes und so fort. Der Verfasser selbst hat einen Fall geschen, wo der Blitz sich in zwei Theile zu spalten schien, und der sich als Täuschung herausstellte. Ebenso sind die Blitze von scheinbar merklicher Dauer solche beleuchtete Kanton einer Wolke, hinter welcher elektrische Entladungen schnell hinter einander Statt finden. Eben diese scheinbare Dauer, serner die gleiche Ferm auseinandersolgender Blitze, ihre scheinbare Dicke und der Grad ihrer Beleuchtung reichen hin, die Täuschung zu entdecken und den Beobachter davor zu bewahren.

Entstehung des Donners. In der gebräuchlichen Erklärung des Donners spielt der Blitz die Hauptrolle, indem man das
Geräuseh auf dem Wege entstehen lässt, den derselbe nimmt;
Tessan i) hat dagegen den Ursprung des Donners in die Wolke
selbst versetzt. Nach seiner Ansicht nimmt die geladene Wolke
durch die auf ihrer Oberstäche Statt sindende elektrische Repulsion einen um Vieles grösseren Raum ein, als die Spannung ihres
Wasserdampses ersordert. Indem nun bei dem Ausbruche des
Blitzes der elektrische Druck plötzlich ausgehöben wird, dringt
die Luft in den Raum der Wolke ein und erzeugt den Knall, der
durch vielsältiges Zurückwersen in das Rollen des Donners ver-

¹⁾ l'Institut * 1838. p. 254.

²⁾ Lond. Edinburgh magaz. * Ser. III. v. 19. p. 104. Poggandorff Amelen Bd. 54. S. 98.

^{*)} Compt. rend. 5. mai 1841. De la Rive Archiv. de l'él. * t. 1. p. 253.

wandelt wird. Das plötzliche Eindringen der Lust bewirkt zugleich einen reichlichen Niederschlag des Wasserdampses, wodurch
der stärkere Regen, der dem Blitze zu solgen pslegt, seine Erklärung sindet. Der Verfasser wurde zu dieser Ausicht von der Entstehung des Donners durch einen Blitzschlag veranlasst, der in
seiner Nähe Statt sand. Er und seine Reisegesellschaft bemerkten
hierbei ausser dem sehmetternden Schlage ein sehr starkes Zischen
(sissement) das er dem Blitze selbst zuschreibt.

Blitz ohne Donner. Reichenbach 1) hat aufs Neue einen Fall beschrieben, in welchem er einen starken Blitz im Zenith ohne Donner wahrnahm. Dr. Ayrer 1) führt au, dass er im Jahre 1838 drei Viertelstunden lang Blitze in einer hochstehenden Wolke beobachtet hatte, ohne Donner zu hören.

Die Wettersäule, Trombe. Das bekannte, auf dem Mecre unter dem Namen Wasserhose, Wassertrompete gefürchiele Meteor ist schon von Beccaria der almosphärischen Elektricität zugeschrieben worden 3); Cavallo und Becket haben zur Unterstützung dieser Ausieht Versuche mit künstlicher Elektricität angegeben, um das Phänomen im Kleinen nachzubilden 1), h neuestes Zeit hat man sich mit einer genauern Ableitung der Erscheinung beschäftigt, die nur so weit hier zur Sprache gebracht werden kann, als wirklich elektrische Wirkungen das Prinzip der Erklärung abgeben. Hare') leitet die Trombe von einer elektrisirten Lustsäule ab, die nebst den von dem Erdboden angezogenen leichten Körpern, eine Gewitterwolke mit der Erde continuirlich verbindet. Wenn bei dem Gewitter nur einzelne explosive Enlladungen der Gewitterwolken Statt finden, so tritt hier eine fortwährende Entladung derselben ein, wobei die aufsteigende Luft einen verdünnten Raum erzeugt, nach dem die Luft von alles Seiten zuströmt und so einen Wirbelwind erzeugt. Peltier bil den Tromben ein eigenes ziemlich voluminöses Weik gewidmet h in welchem ihre Effekte gänzlich den bekannten statischen und

¹⁾ Poggendorff Annalen " Bd. 43, S. 531.

²⁾ Poggandorff Annalen Bd. 48. S. 375.

³⁾ Dell elettric, artif. o patur. Torin 1733, cap. 7.

⁴⁾ Cavallo Abhandlung v. d. Elektric. * Deulsch 1779. 8. 185.

²⁾ Silliman Journ. vol. 32 (for. 1837). Sturg, Ann. of El. v Il p. 195.

[&]quot;) Observations et recherches expérimentales sur les causes etc. des trembes " Bruxelles 1641, 460 p. en 8vo.

dynamischen Wirkungen der Elektricität zugeschrieben werden. Nach ihm ist eine Trombe eine Gewitterwolke, mit einem unvollkommenen Leiter zur Erde versehen, einer starken Voltaischen Säule vergleichbar, die durch einen unvollkommenen Leiter geschlossen ist. Die Bildung der Trombe wird folgendermassen dargestellt. Eine Wolke, die molekular und peripherisch stark elektrisch geladen ist, senkt sich, indem sie von dem Erdboden angezogen oder von einer darüber stehenden gleichnamig elektrisirten Wolke abgestossen wird. Der Theil der Wolke, welcher dem Boden am nächsten gekommen ist, wird von der peripherischen Elektricität zusammengedrückt zur Kegelform und an dem unteren Ende oft zu einer halbslüssigen Masse condensirt. Diese Zusammendrückung von Wassertheilchen durch umgebende Elektricität hat der Verfasser durch eigene Versuche anschaulich zu machen gesucht. Ein Glastrichter mit sehr seiner Oessnung, die das hineingegossene Wasser nur in Tropfen aussliessen liess, wurde durch einen Kupferstreisen mit dem Conductor einer Elektrisirmaschine verbunden. Als das Wasser im Trichter auf diese Weise elektrisirt wurde, sprühte es in einem seinen Regen heraus. Warde nan aber ein hohler Kupfercylinder von beinahe 4 Zoll Weite dicht unter die Oeffnung gesetzt und dieser Cylinder gleichfalls elektrisirt, so floss das Wasser in einem einzigen unzertheilten Strale aus. In einem andern Versuche floss das Wasser aus dem Trichter in eine grosse Glaskugel, die äusserlich, mit Ausnahme zweier Stellen zur Durchsicht, mit Stanniol bekleidet war. So lange diese Belegung nicht elektrisirt war, bildete das aussliessende Wasser einen feinen Regen, einen zusammenhängenden Stral aber, als die Belegung mit dem Wasser gleichnamig elektrisirt worden war. — Der untere Theil der Trombenwolke ist durch die Condensirung ein viel besserer elektrischer Leiter, als die übrige Wolke, und zieht lose Theile des Bodens und, wenn er über Wasser steht, durch elektrische Einwirkung ausserordentlich vermehrte, Wasserdämpse an. Hiermit ist die Trombe constituirt und es geht die Elektricität der Wolken durch den herabhängenden Zipfel derselben über, wodurch das eigenthümliche Rasseln bei der Trombe entsteht. Das Fortschreiten der Trombe wird durch Wirkung des elektrisirten Bodens erklärt; die drehende Bewegung des Meteors, das schraubenförmige Emporziehen von Dampsen, Staub und Wasser nimmt der Verfasser für eine accessorische Er-

scheinung, resultirend aus dem ungleichen Widerstande der ruhenden Luftzone gegen den durch elektrische Anziehung erzeugten Luftstrom. Auch wird die Erfahrung hinzugezogen, dass leichte mit Spitzen versehene Körper bei elektrischer Anziehung von einer grossen Kugel, die drehende Bewegung annehmen Die Wirkungen der Trombe werden theils der angesammelten ruhenden, theils der niederströmenden Elektricität zugeschrieben. Zu der ersten Wirkung gehört Anziehung und Abstossung von Gegenständen auf der Erde. lokale Verheerung je nach der Leitung. die der Boden bietet, ein Luststrom gegen die Trombe hin, ein Wirbelwind von begränzter Ausdehnung bei umher stattsindender Rube, Erzeugung von Dämpfen auf dem Wasser, Eindrücken der Wassersläche. Die merkwürdigste Wirkung der Trombe ist das Welkmachen der Pflanzen und das Zerspalten von Bäumen in dunne Latten und bürstenähnliche Fasern, und entsteht durch die in Bewegung befindliche Elektricität. Indem nämlich die Bäume gute Leiter der Elektricität sind, führen sie reichlich Elektricität vom Boden zur Trombe und erfahren durch diese Elektricitätsbewegung eine Erhitzung, bei welcher der Pflanzensuft in ibned plötzlich verdampst und das Holz nach der Faser spaltet. Auch der Blitz bringt bei vollsastigen Bäumen eine gleiche Wirkung hervor. Die Trombe hört auf, wenn die angehäufte Elektricität theils zum Boden abgeführt, theils von den einzelnen Wassertheilchen der Wolke zu ihrer Oberflüche übergegangen ist, und sich daher gewitterhafte Erscheinungen zeigen. - Dies ist im Wesentlichen die Erklärung der Tromben, die Peltier gegeben und mit einigen Versuchen im Kleinen zu unterstützen gesucht hat, von welchen ich die über die durch Elektricität vermelnte Verdampfung an ihrer Stelle aufgeführt habe. Die übrigen Versuche betreffen die Wirkung eines elektrisirten Korpers auf Rauch. Wasser, leichtbewegliche spitze Leiter und bieten nichts Neues dar. Den grössten Theil des hier vorliegenden Werkes nehmen Beschreibungen von Tromben ein, die der Verfasser mit grossem Fleisse gesammelt hat; er bemerkt dabei mit Recht, dass sehr hänfig den Stürmen Effekte zugeschrieben werden, die elektrischen Ursprangs sind und den Tromben zugehören, wie das Umwenden von Kanouen, Ausreissen von Pflasterstücken u. s. w. Da in den gangbaren Werken die Literatur über die Tromben sehr durftig ist,

so lasse ich hier die Uebersicht folgen, die Peltier seiner Sammlung von Beschreibungen der Tromben vorangeschickt hat.

I. Wasser-Tromben.

4. Bei d. Ins. Quesono 2 Celebes 30. Nov. 4687 30. Nov. 4687 30. Nov. 4687 30. Nov. 4687 31. Dampier voy. nuck. do. d. noade ch. 46. 30. Apr. 4704 31. Bei Neu-Guinea 32. Apr. 4704 33. Mittell. Meer 37. Aug. 4704 39. Apr. 4714 39. Apr. 4714 312. Apr. 4704 313. Deophag-Fen 414. Gender See 415. Antigoa 416. Meermage v. Gibraliar 417. Westind. Meer 418. Bei Sara 418. Limary 418 Bei Java 418. Limary 418 Beerenge v. Malacca 418. Westind. Meer 429. Det. 4776 430. Meerenge v. Malacca 418. Westind. Meer 4218. Limary 422 Bei Java 433. Do. Charlotte 434. Cap Pallifer 435. Antigoa 445. Charlotte 446. Charlotte 457. Exp. 4786 458. Limary 48 Meerenge der Kön 459. Charlotte 450. Charlotte 450. Charlotte 451. Charlotte 452. Charlotte 453. Aug. 4786 454. Alamar. Meer 454. Alamar. Meer 455. Antigoa 456. Jan. 4786 457. Boelser See 457. Aug. 4786 4787. Aug. 4786 4788 4788 4789 4788 489. Juli 4786 499. Micra 4789 490. Micra 4789 400. Alamar. Arrive 418. Bei Java 418. Apr. 4780 419. Micra 4789 410. Alamar. Arrive 410. Alama		1.	wasser-	Tromben.
2. — Celebes 3. — Kostwy 3. Bei Neu-Guinea 5. — Kostwy 42. Apr. 4700 21. Mistell. Meer 7. — Aug. 4704 27. Aug. 470	4.	Bai d. Ins. Onesomo	4664	Theyenot vov.d.Lev. 4674.t. 2.p. 359.
1. Bei Nou-Guinea 1. Bei Nou-Guinea 2. Agr. 4700 2. Mittell. Meer 2. Aug. 4704 2. Bei Serrelione 2. Aug. 4704 2. Bei Serrelione 3. Rei Serrelione 4. Mittell. Meer 4. Month Moor 4. Mai 4732 4. Mai 4732 4. Mai 4732 4. Dooping-Fen 4. Mittell. Meer 4. Mestenda. 4. Westind. Meer 4. Meerenge v. Milacca 4. Westind. Meer 4. Mittell. Meer 4. Mittel		•		_
1. Bei Nou-Guinea 1. Apr. 1706 2. Apr. 1708	· -			
5. Mittell. Meer 7. 7. 29. Apr. 4746 8. Bei Serrelione 9. 43. Nov. 4725 9. 4736 40. Effetil. Meer 4736 41. Gensfer See 42. Ebendas. 43. Nov. 4725 44. Ebendas. 45. Autigoa 46. Mistell. Meer 4736 Oct. 4734 Cot. 4734 Cot. 4734 Cot. 4736 Oct. 4734 Cot. 4736 Oct. 4734 Cot. 4736 Oct. 4736 Oct. 4734 Cot. 4736 Oct. 4734 Cot. 4736 Oct. 4736 Oct. 4734 Cot. 4736 Oct. 4734 Cot. 4736 Oct. 4736 Oct. 4734 Cot. 4736 Oct. 4734 Cot. 4736 Oct. 4736 Oct. 4736 Oct. 4734 Cot. 4736 Oct. 4736 Oct. 4736 Oct. 4736 Oct. 4736 Oct. 4736 Cot. 4736 Oct. 4737 Oct. 4736 Oc		•		1
6. Mittell. Meer 27. Aug. 4704 A. Stuart phil. transact. v. 23. 4077, 29. Apr. 4746 10 Gentil voy. cut. d. monde 4. 433. 43. Nov. 4785 43. Nov. 4785 24. Mai 4732 J. Harris phil. transact. v. 23. 4077, 20. 4736 24. Mai 4732 J. Harris phil. transact. 38. 78. 5haw voy. en Barb. 2. 55. 5haw voy. en Barb. 2. 5b. 5haw voy. en Barb.		ses wed-dunied	•	
7. 8. Bei Serrelione 9. 42. Nov. 1725 14. Mittell. Meer 14. Genfer See 14. Ebendas. 15. Antigoa 16. Meerenge Fen 16. Meerenge v. Gibralter 17. Westhad. Meer 18. Bei Java 18. Meerenge v. Malacca 24. Westhad. Meer 18. Bei Java 25. Limsy 16. Charlotte 17. Kizza 18. Limsy 18. Limsy 19. Apr. 4746 19. Mittell. Meer 26. Limsy 27. Kizste von Malabar 28. Penzance 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 21. Limsy 21. Limsy 22. Limsy 23. Limsy 24. Adams. Meer 25. Limsy 26. Cap Pallifer 27. Kizza 28. Cuba 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 21. Adams. Meer 29. Oct. 4773 21. Limsy 21. Limsy 22. Nizza 23. Limsy 24. Adrist. Meer 25. Limsy 26. Limsy 27. Kizza 28. Limsy 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 21. Limsy 21. Limsy 22. Nizza 23. Limsy 24. Adrist. Meer 25. Limsy 26. Mississippi 27. Kizza 28. Limsy 28. Limsy 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 21. Limsy 29. Oct. 4773 29. Oct. 4778 21. Limsy 21. Limsy 22. Nizza 23. Aug. 4785 24. Misi 4788 25. Misi 4788 26. Jan. 4789 27. Kizza 28. Limsy 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 21. Limsy 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 29. Oct. 4776 20. Limsy 21. Limsy 21. Limsy 22. Nizza 23. Aug. 4785 24. Misi 4788 25. Misi 4788 26. Jan. 4789 27. Kizza 28. Limsy 29. Oct. 4773 29. Oct. 4776 29. Oct. 4773 29. Oct. 4776 20. Ebendas. 21. Westhad. Meer 21. Westhad. Meer 22. Limsy 23. Juni 4766 24. Westhad. Meer 25. Limsy 26. Limsy 27. Kizste von Malabar 28. Juni 4766 29. Oct. 4773 29. Oct. 4776 20. Limsy 29. Oct. 4773 29. Oct. 4776 20. Limsy 20. Oct. 4773 21. Limsy 21. Limsy 22. Nor. 4786 23. Juni 4766 24. Westhad. Meer 25. Limsy 26. Limsy 27. Kizste von Misibid. 28. Juni 4766 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Limsy 21. Limsy 22. Nor. 4786 23. Juni 4766 24. Westhad. Meer 25. Limsy 26. Limsy 27. Kizste von Misibid. 28. Juni 4766 29. Oct. 4773 29. Oct. 4776 20. Limsy 21. Limsy 22. Nor. 4786 23. Juni 4766 24. Westhad. Meer 25. Limsy 26. Limsy 27. Kizste von Misibid. 28. Juni 4788 29. Oct. 4778 20. Comparation for the min. Ac. de Per. 4764. 20. Ebendas. 28. Limsy phil. trans. 52. 55. 29. Oct. 4773 20. Comparation for the min. Ac. de Pe		Missell Mann		•
43. Nov. 4725 40. Mittell. Meer 41. Genfer See 41. Genfer See 42. Ehendaa. 43. Nov. 4744 42. Ehendaa. 43. Dooping - Fen 44. Dooping - Fen 45. Antigoa 46. Mittell. Meer 47. Westind. Meer 48. Meerenge v. Gibraliar 49. Meerenge v. Malacca 40. Westind. Meer 41. Penzance 41. Limry 42. Limry 43. Nov. 4725 44. Apr. 4780 45. Limry 47. Westind. Meer 47. Meerenge der Kön. 48. Meerenge der Kön. 49. Juli 4766 40. Gap Pallifer 41. Apr. 4780 41. Apr. 4780 42. Juli 4782 43. Apr. 4780 44. Apr. 4780 45. Mai 4788 46. Jan. 4789 47. Sept. 4789 47. Sept. 4789 48. Mistaliant. Meer 49. Juli 4764 40. Admitisches Meer 41. Admitisches Meer 42. Juli 4788 43. Nov. 4793 44. Admitisches Meer 45. Mistaliappi 46. Admitisches Meer 47. Admitisches Meer 48. Mistaliappi 48. Admitisches Meer 48. Aliant. Meer 49. Juli 4782 40. Bertalia voy. Guinée p. 9. 41. Sept. 4780 42. Juli 4784 43. Nov. 4785 44. Aliant. Meer 45. Limry 46. Cap Blanc-Nez 47. Sept. 4889 48. Ogden amer. Journ. 5. 275. 48. Ogden amer. Journ. 5. 39. 48. Cap Blanc-Nez 49. Misz 1833 40. Juni 4764 40. Juli 4764 41. Penzance 41. Vestind. Meer 42. Juli 4764 43. Juni 4764 44. Apr. 4780 45. Aliant. Meer 46. Aliant. Meer 47. Admitisches Meer 48. Aliant. Meer 49. Juli 4766 40. Belling trans. 28. 76. 41. Apr. 4780 42. Apr. 4780 43. Juli 4764 44. Apr. 4780 45. Aliant. Meer 46. Aliant. Meer 47. Aliant. Meer 48. Meerenge v. Melacca 49. Juli 4764 40. Aliant. Meer 49. Juli 4764 41. Aliant. Meer 41. Aliant. Meer 41. Aliant. Meer 42. Juli 4782 43. Apr. 4789 44. Aliant. Meer 45. Limry 46. Meerenge v. Melacca 47. Vestind. Meer 48. Dorlar in mm. Ac. de Par. 4764. 20. 49. Dorlar in mm. Ac. de Par. 4764. 20. 41. Apr. 4780 41. Apr. 4780 42. Apr. 4780 43. Juni 4764 44. Apr. 4780 45. Juni 4764 46. Juni 4764 4780 48. Dorlar in mm. Ac. de Par. 4764. 29. 49. Misz 4789 40. Juni 4764 41. Aliant. Meer 41. Aliant. Meer 42. Juli 476		mateu. Meer	_	•
9. Mittell. Meer 46. Genfor See 42. Ebendas. 43. Deoping - Fen 43. Antigoa 44. Westind. Meer 45. Meerenge v. Gibraliar 49. Meerenge v. Malacca 24. Westind. Meer 49. Bei Java 23. Küste von Malabar 24. Penzance 25. Limsy 46. Charlotte 47. Cap Pallifer 27. Nizza 28. Cha 29. Oct. 4774 29. Oct. 4774 29. Oct. 4776 20. Michael bid. 20. Meerenge der Kön. 40. Meerenge der Kön. 41. Cap State Meer 42. Admitsches Meer 43. Admitsches Meer 44. Admitsches Meer 45. Limsy 46. Cap Blanc-Nez 47. Mix 1920 47. Admitsches Meer 48. Mostendas. 4767. 412. 4786 4786 4786 4786 4786 4786 4786 4786		5	_	
47.36		Bei Serreiione		•
41. Gender See 42. Ebendas. 43. Deoping - Fen 44. 15. Antigoa 45. Antigoa 46. Westind. Meer 49. Juli 4752 40. Meerenge v. Gibraltar 49. Meerenge v. Malacca 40. Westind. Meer 41. Westind. Meer 42. Rei Java 43. Limay 44. Westind. Meer 45. Penzance 46. Cap. Pallifer 47. Kizza 48. Cuba 49. Juli 4756 49. Gap Vert 47. Kizza 49. Adriat. Meer 40. Adriat. Meer 41. Juli 4756 42. Limay 43. Juli 4764 44. Adriat. Meer 45. Antigoa 46. Cap Vert 47. Wizza 48. Adriat. Meer 49. Juli 4756 49. Juli 4756 49. Juli 4756 49. Juli 4756 49. Juli 4764 49. Juli 4756 49. Juli 4756 49. Juli 4764 40. Borlaze phil. trans. 52. 507. 41. Borlaze phil. trans. 52. 507. 42. Juli 4764 43. Juli 4764 44. Apr. 4780 45. Juli 4782 46. Juli 4782 4785 48. Juli 4788 49. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 49. Michaud mém. ac. ec. Taur. 1.9. 3. 40. Missisippi 41. Admitisches Meer 42. Aliant. Meer 43. Indisch. Meer 44. Aliant. Meer 45. Aliant. Meer 46. Cap Blanc-Nez 47. Roseneath 48. Küste von Florida 49. Juli 4756 49. Kiiste von Florida 40. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 49. Kiiste von Florida 40. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 40. Missisippi 41. Admitisches Meer 42. Juli 4764 43. Indisch. Meer 44. Aliant. Meer 45. Aulent. Meer 46. Cap Blanc-Nez 47. Roseneath 49. Juli 4756 49. Kiiste von Florida 40. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 48. Wild journ. phys. t. 45, 39, 28, 21, 21, 21, 21, 21, 21, 21, 21, 21, 21				,
1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1.				1
13. Deeping - Fen 14. 15. Antigon 16. 16. Meeringe v. Gibraltar 17. Westind. Meer 18. Meerenge v. Malacca 18. Meerenge v. Malacca 18. Meerenge v. Malacca 18. Meerenge v. Malacca 18. Westind. Meer 18. Penzance 18. Juli 4756 gegen 4760 gen and ibid. gegen 4760 ge				
15. Antigon 16. 17. Westind. Meer 18. Meerenge v. Gibraliar 19. 18. Meerenge v. Malacca 24. Westind. Meer 25. Rei Java 27. Rei Java 28. Juli 4756 28. Limay 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 21. Kizza 29. Cap Pailifer 29. Cap Vert 29. Cap Vert 29. Cap Vert 29. Ariest. Meer 29. Cap Vert 29. Mai 4788 20. Kizza 21. Kizza 22. Kizza 23. Limay 24. Apr. 4780 25. Limay 25. Limay 26. Juli 4782 27. Sept. 4783 28. Juli 4784 29. Oct. 4773 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 286. 20. Juli 4782 21. Sept. 4783 22. Nizza 23. Lind. 24. Mai 4788 25. Juli 4788 26. Jan. 4789 27. Reiserish 28. Juli 4788 29. Oct. 4773 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 286. 20. Jan. 4789 21. Limay 22. Nizza 23. Lind. 24. Ariest. Meer 25. Limay 26. Juli 4764 27. Sept. 4783 28. Juli 4764 29. Oct. 4773 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 286. 20. Juli 4782 21. Sept. 4785 22. Nov. 4785 23. Lincaul mem. del 8. d'il. t.	12.	Ebendas.		
13. Antigon 14. 15. Westind. Meer 16. Meerenge v. Gibraliar 19. 16. Mestenge v. Malacca 14. Westind. Meer 15. Bei Java 15. Penzance 15. Limay 16. Charlotte 17. Charlotte 18. Juli 1756 19. Juli 1756	13.	Dooping - Fen	5. Mai 1752	B. Ray phil. transact. 47. 477.
16. 17. Westind. Meer 18. Meerenge v. Gibraltar 19. 18. Meerenge v. Malacca 24. Westind. Meer 25. Bei Java 26. Röste von Malabar 26. Penzance 27. Küzze 28. Charlotte Cap. Pallifer 29. Oct. 4773 29. Cap Vert 29. Oct. 4773 21. Küzze 29. Cap Vert 20. Adriet. Meer 21. Nizza 21. Nizza 22. Nizza 23. Line 24. Apr. 4780 25. Mai 4782 26. Mai 4782 27. Nizza 28. Adriet. Meer 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Adriet. Meer 21. Apr. 4780 22. Nizza 23. Ebd. 24. Apr. 4780 25. Mai 4782 26. Jan. 4789 27. Nizza 28. Adriet. Meer 29. Oct. 4773 20. Nizza 21. Nizza 22. Nizza 23. Ebd. 24. Apr. 4780 25. Mai 4788 26. Jan. 4789 27. Nizza 28. Juli 4784 29. Oct. 4773 20. Nizza 21. Nizza 21. Nizza 22. Nizza 23. Ebd. 24. Adriet. Meer 25. Jan. 4789 26. Jan. 4789 27. Nizza 28. Juli 4784 29. Nizza 29. Oct. 4773 20. Nizza 21. Nizza 21. Nizza 22. Nizza 23. Ebd. 24. Mai 4788 25. Jan. 4789 26. Jan. 4789 27. Nizza 28. Juli 4784 29. Oct. 4773 20. Nizza 21. Derection des Control observ. sur diff. suj. 4778. 409 29. Oct. 4773 20. Nizza 21. Wicherule v. d. Par. 4766. 22. 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Nizza 21. Wicherule v. d. Par. 4766. 22. 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Nizza 21. Wicherule v. d. Par. 4766. 22. 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Nizza 21. Wicherule v. d. Par. 4766. 22. 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Nizza 21. Wicherule v. d. Par. 4766. 22. 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Nizza 20. Apr. 4789 20. Michaud journ. d. phys. 4787. 284. 21. Buchanan Edinb. phil. journ. 5. 275. 22. Nov. 4796 23. Ebd. 24. Apr. 4789 25. Nizza 26. Jan. 4789 26. Jan. 4789 27. Nizza 28. Juli 4784 29. Nizza 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Hide apr. 4787. 284. 21. Derection des Control observ. sur diff. suj. 4778. 409 29. Oct. 4773 20. Nizza 21. Viii 4784 21. Apr. 4780 22. Nizza 23. Lie Gentil voy. mer d. Indes 2. 24. Apr. 4780 25. Juli 4784 26. Juli 4782 27. Nizza 28. Derection des Control observ. sur diff. suj. 4778. 409 29. Oct. 4773 20. Nizza 20. Nizza 21. Oct. 4773 21. Hide apr. 4780 22. Nizza 23. Lie Gentil voy. mer d. Indes 2. 24. Apr. 4780 25. Juli	14.		,	Adanson voy. Senegai p. 123.
17. Westind. Meer 18. Meerenge v. Gibraltar 19. Mestenge v. Malacca 24. Westind. Meer 25. Bei Java 26. Penzance 27. Küste von Malabar 28. Juli 4766 gegen 4760 29. Oct. 4773 20. Charlotte Cap. Pallifer 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Cap Vert 29. Oct. 4773 20. Adriel. Meer 20. Juli 4782 21. Juli 4782 22. Nizza 23. Kbd. 24. Mai 4788 25. Jan. 4789 26. Jan. 4789 27. Nizza 28. Juli 4782 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 21. Spallgarzani mem. del 8.d'kt. 4.4.72. 22. Nizza 23. Kbd. 24. Adriel. Meer 25. Juli 4782 26. Jan. 4789 27. Nizza 28. Juli 4782 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 21. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 22. Nizza 23. Kbd. 24. Mai 4782 25. Juli 4782 26. Juli 4782 27. Nizza 28. Juli 4764 29. Oct. 4773 29. Didd. 29. Oct. 4773 20. Baussard ibid. 4798, 366. 21. Juli 4782 22. Nizza 23. Kbd. 24. Adriel. Meer 25. Juli 4784 26. Juli 4782 27. Nizza 28. Juli 4784 28. Juli 4784 29. Oct. 4773 20. Borlacce 20. Oct. 4773 21. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 21. Juli 4782 22. Nov. 4785 23. Luci d. Par. 4786 24. Adriel. Meer 25. Juli 4784 26. Juli 4782 27. Nizza 28. Juli 4784 28. Juli 4784 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Borlacce 20. Adriel. Meer 21. Juli 4782 21. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 22. Nov. 4785 23. Luci d. Par. 4780 24. Adriel. Meer 25. Juli 4782 26. Mai 4788 27. Nov. 4789 28. Juli 4782 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Michaud journ	15.	Antigoe		Franklin exp. and observ. 5th. ed. 241.
18. Meerenge v. Gibraltar 19. 19. Meerenge v. Malacca 21. Westind. Meer 22. Bei Java 23. Küste von Malabar 24. Penzance 25. Limay 26. Charlotte Cap. Pallifer 27. Küzza 28. Cuba 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 21. Limay 21. Africt. Meer 21. Meerenge der Kön. 22. Africt. Meer 23. Juni 4764 24. Apr. 4780 25. Limay 26. Cuba 27. Küzza 28. Juli 4764 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 21. Juli 4768 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Adrict. Meer 21. Juli 4768 21. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 21. Mai 4788 22. Nazza 23. Rbd. 24. Mai 4788 25. Juli 4768 26. Jan. 4789 27. Küzza 28. Juli 4764 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Adrict. Meer 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Adrict. Meer 21. Juli 4764 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Adrict. Meer 21. Juli 4764 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 20. Juni 4788 21. Juli 4788 22. Nazza 23. Rbd. 24. Mai 4788 25. Juli 4788 26. Jan. 4789 27. Nazza 28. Juli 4764 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 21. Juli 4788 22. Nazza 23. Lbd. 24. Mai 4788 25. Juli 4788 26. Jan. 4789 27. Nazza 28. Juli 4764 29. Oct. 4773 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 20. Jan. 4789 21. Juli 4788 22. Nazza 23. Lbd. 24. Mai 4788 25. Juli 4788 26. Jan. 4789 27. Nazza 28. Juli 4764 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 20. Jan. 4789 21. Juli 4784 22. Nazza 23. Lbd. 24. Mai 4788 25. Juli 4788 26. Juli 4788 26. Juli 4788 27. Sept. 4789 28. Juli 4788 29. Oct. 4773 29. Oct. 4778 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 20. Juli 4788 21. Limay 21. Juli 4764 22. Juli 4788 23. Luli 4788 24. Adrict. Meer 24. Juli 4788 25. Juli 4788 26. Juli 4788 27. Nazza 28. Juli 4788 29. Juli 4788 20. Juli 4788 20. Juli 4788 21. Lanton obs. 263. 28. Juli 4788 29. Juli	16.			ibid. p. 227.
18. Meerenge v. Gibraltar 19. 19. Meerenge v. Malacca 21. Westind. Meer 22. Bei Java 23. Küste von Malabar 24. Penzance 25. Limay 26. Charlotte Cap. Pallifer 27. Küzza 28. Cuba 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 21. Limay 21. Africt. Meer 21. Meerenge der Kön. 22. Africt. Meer 23. Juni 4764 24. Apr. 4780 25. Limay 26. Cuba 27. Küzza 28. Juli 4764 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 21. Juli 4768 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Adrict. Meer 21. Juli 4768 21. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 21. Mai 4788 22. Nazza 23. Rbd. 24. Mai 4788 25. Juli 4768 26. Jan. 4789 27. Küzza 28. Juli 4764 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Adrict. Meer 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Adrict. Meer 21. Juli 4764 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Adrict. Meer 21. Juli 4764 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 20. Juni 4788 21. Juli 4788 22. Nazza 23. Rbd. 24. Mai 4788 25. Juli 4788 26. Jan. 4789 27. Nazza 28. Juli 4764 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 21. Juli 4788 22. Nazza 23. Lbd. 24. Mai 4788 25. Juli 4788 26. Jan. 4789 27. Nazza 28. Juli 4764 29. Oct. 4773 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 20. Jan. 4789 21. Juli 4788 22. Nazza 23. Lbd. 24. Mai 4788 25. Juli 4788 26. Jan. 4789 27. Nazza 28. Juli 4764 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 20. Jan. 4789 21. Juli 4784 22. Nazza 23. Lbd. 24. Mai 4788 25. Juli 4788 26. Juli 4788 26. Juli 4788 27. Sept. 4789 28. Juli 4788 29. Oct. 4773 29. Oct. 4778 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 20. Juli 4788 21. Limay 21. Juli 4764 22. Juli 4788 23. Luli 4788 24. Adrict. Meer 24. Juli 4788 25. Juli 4788 26. Juli 4788 27. Nazza 28. Juli 4788 29. Juli 4788 20. Juli 4788 20. Juli 4788 21. Lanton obs. 263. 28. Juli 4788 29. Juli	17.	Westind. Meer	Aug., vor 4756	Melling transact. am. phil. v. 2. 335.
14. Mestenge v. Malacca 24. Westind. Meer 25. Rei Java 25. Penzance 26. Limay 26. Charlotte Cap. Pallifer 27. Nizza 28. Loha 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 21. Apr. 4780 42. Apr. 4780 42. Apr. 4780 42. Apr. 4781 34. Advisit. Meer 35. Mizza 36. Jan. 4789 37. Red. 38. Ebd. 39. Mizza 31. Ebd. 31. Ebd. 32. Nizza 33. Ebd. 34. Advisit. Meer 35. Bind. 35. Bind. 36. Jan. 4789 49. Mizz 4789 49. Mizz 4789 49. Mizz 4789 40. Missisippi 41. Advisit. Meer 42. Apr. 4780 43. Advisit. Meer 44. Advisit. Meer 45. Missisippi 46. Missisippi 46. Missisippi 46. Missisippi 46. Advisit. Meer 47. Nizza 48. Advisit. Meer 48. Advisit. Meer 49. Mizz 4789 41. Nov. 4793 42. Nov. 4793 43. Primind. Meer 45. Advisit. Meer 46. Sept. 4847 48. Advisit. Meer 47. Nov. 4793 48. Advisit. Meer 48. Advisit. Meer 48. Advisit. Meer 48. Advisit. Meer 49. Mizz 4789 4800 49. Mizz 4789 4800 40. Missisippi 4800 4800 480	18.	Meerenge v. Gibraltar	,	
36. Mesrenge v. Malacca 34. Westind. Meer 34. Westind. Meer 34. Westind. Meer 35. Juli 4756 gegen 4760 gege				Rowland ibid.
24. Westind. Meer 22. Bei Java 23. Küste von Malabar 24. Penzance 25. Limsy	34.	Megrenge v. Malacca		
22. Bei Java 23. Küste von Malabar 24. Penzance 25. Limsy		_	Juli 4756	
23. Küste von Malabar 24. Penzance 25. Limsy 26. Charlotte 27. Nüzza 28. Cuba 29. Oct. 4773 29. Oct. 4773 29. Cap. Pallifer 27. Nüzza 29. Cap. Vert 29. Adriet. Meer 29. Cap. 4780 20. Adriet. Meer 20. Mair 4780 20. Mair 4780 21. Adriet. Meer 22. Adriet. Meer 23. Ebd. 24. Adriet. Meer 25. Adriet. Meer 26. Febr. 4880 27. Roseneath 28. Juli 4764 29. Cap. 4780 29. Cat. 4773 29. Michaud journ. d. phys. 4787, 294. 29. Cap. 4780 20. Adriet. 46. Adriet. 4. 479. 21. Adriet. 46. Adriet. 4780 21. Adriet. 46. Adriet. 4780 22. Nav. 4789 23. Ebd. 3180 24. Adriet. 4780 24. Adriet. 4780 25. Adriet. 4780 26. Jan. 4789 27. Nov. 4790 28. Adriet. 4780 29. Cap. 4780 20. Mirchaud journ. d. phys. 458. 29. Cap. 4780 2				
26. Penzance 25. Limsy Meerenge der Kön. 26. Charlotte Cap. Pallifer 27. Nizza 28. Cuba 29. Oct. 4773 29. Oct. 4783 29. Cap Vert 29. Agr. 4780 29. Cap Vert 29. Agr. 4781 29. Cap Vert 29. Cat Vert 29. Cap Vert 29. Cat Vert 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 20. Saussard 20. Ibid. 20. Ibid. 21. Saussard 22. Nov. 4796 23. Land 1820 24. Apr. 4789 25. Mai 4789 26. Jan. 4789 27. Misca Vert 29. Cat Vert 20. Michaud journ. d. phys. 4787, 284. 20. Cap Vert 21. Saussard 22. Nov. 4796 23. Aug. 4785 24. Mai 4788 24. Apr. 4789 25. Mai 4789 26. Jan. 4789 27. Nov. 4796 28. Cap Vert 29. Cap Ve		-		-
23. Juni 4766 Meerenge der Kön. Charlotte Cap. Pallifer 29. Oct. 4773 42. Apr. 4780 42. Apr. 4780 43. Juli 4782 44. Adriat. Meer 34. Sept. 4783 35. Ebd. 36. Jan. 4789 37. Genfer See 38. Pallign Ann. 40. Buchanan Edinb. phil. journ. 5. 275. 16. Missisippi 48. Admitisches Meer 48. Admitisches Meer 49. Mirz 4789 48. Indisch. Meer 4800 29. Oct. 4773 42. Apr. 4780 42. Apr. 4780 42. Apr. 4780 43. Indisch. Meer 44. Admitisches Meer 45. Indisch. Meer 46. Espt. 4844 47. Mai 4820 48. Sept. 4844 48. Cap Blanc-Nez 48. Sept. 4822 48. Sept. 4822 48. Sept. 4822 48. Süste von Florida 48. Küste von Florida 49. Oct. 4773 41. Arisat observ. surdiff. suj. 4778. 409 42. Apr. 4780 42. Apr. 4780 42. Apr. 4780 43. Isert voy. Guinée p. 9. 48 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 48 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 48 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 48 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 48 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 48 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 48 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 48 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 48 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 48 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 48 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 48 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 48 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 48 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 48 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 48 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 48 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 49 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 49 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 49 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 49 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 49 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 49 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 49 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 49 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 49 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 41 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 41 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 41 pallign zani mem. del 8. d'li. t. 4. 478. 41 pallign zani			28. Juli 4764	
Meerenge der Kön. Charlotte Cap. Pallifer 29. Oct. 4773 Forster observ.surdiff.suj. 4778. 409 27. Kizza 42. Apr. 4780 Michaud journ. d. phys. 4787. 284. 28. Cuba 42. Juli 4782 Baussard ibid. 4798. 346. 29. Cap Vert 7. Sept. 4785 34. Adriat. Meer 24. Mai 4788 32. Aug. 4785 24. Mai 4788 32. Aug. 4789 33. Ebd. 29. Mirz 4789 34. Ebd. 49. Mirz 4789 35. Isolate 36. Jan. 4789 36. Ebd. 49. Mirz 4789 37. Genfer See 4. Nov. 4793 4. Nov. 4793 22. Nov. 4796 39. Pinlind. Meer 4800 49. Missisippi 4800 2. Sept. 4804 5. Aug. 4799 4800 2. Sept. 4804 6. Sept. 4844 26. Febr. 4847 Mai 4920 4. Admitisches Meer 48. Sept. 4822 48. Sept. 4822 49. Mirz 4823 49. Mirz 4823 474. 4824 47				<u> </u>
26. Charlotte Cap. Pallifer 27. Nizza 28. Cuba 29. Cep Vert 34. Adriat. Meer 34. Adriat. Meer 32. Nizza 33. Ebd. 34. Michaud journ. d. phys. 4787. 284. 35. Sept. 4783 36. Jan. 4789 36. Jan. 4789 36. Jan. 4789 36. Jan. 4789 37. Genfer See 38. Teneriffa 39. Pinlind. Meer 40. Missisippi 41. Adhantisches Meer 42. Sopt. 4804 43. Indisch. Meer 44. Atlant. Meer 45. Atlant. Meer 46. Atlant. Meer 46. Cap Blanc-Nez 47. Roseneath 48. Cap Blanc-Nez 48. Cap Blanc-Nez 48. Küste von Florida 49. März 4892 40. Missisippi 41. Atlant. Meer 42. Sopt. 4804 43. Indisch. Meer 44. Atlant. Meer 45. Atlant. Meer 46. Cap Blanc-Nez 46. Cap Blanc-Nez 47. Roseneath 48. Sept. 4822 49. März 4823 49. Küste von Florida 49. Küste von Florida 40. Atlant. Meer 41. Sept. 4822 49. März 4823 49. Küste von Florida 41. Apr. 4780 41. Apr. 4780 42. Apr. 4780 42. Apr. 4780 43. Baussard ibid. 4798. 346. 46. Jan. 4789 47. Baussard ibid. 4798. 346. 4780 48. Buchanan Edinb. phil, journ. 5. 275. 48. Wild journ. phys. t. 44. 39. 48. Wolke Gilb. Ann. 40. 482, 48. Dunbar remarq. 5. les vents, 49. Mirz 4829 40. Missispipi 40. Wild journ. d. phys. 4787 48. Buchanan Edinb. phil, journ. 5. 275. 48. Dunbar remarq. 5. les vents, 48. Ogden amer. journ. 6. 95. 49. Mirz 4829 40. Missispipi 40. Wild journ. della distribution. 5. 275. 48. Dunbar remarq. 5. les vents, 49. Mirz 4820 40. Missispipi 41. Nov. 4793 42. Nov. 4793 43. Dunbar remarq. 5. les vents, 44. Atlant. Meer 45. Atlant. Meer 46. Sapt. 4822 47. Nov. 4793 48. Dunbar remarq. 5. les vents, 49. Mirz 4820 40. Missispipi 40. Missispipi 41. Atlant. Meer 42. Apr. 4789 43. Dunbar remarq. 5. les vents, 40. Missispipi 42. Apr. 4789 43. Dunbar remarq. 5. les vents, 44. Atlant. Meer 45. Atlant. Meer 46. Atlant. Meer 47. Atlant. Meer 48. Atlant		<u> </u>		
(Cap. Pallifer 29. Oct. 1773 Forster observ.surdiff.suj. 1778.109 27. Nizza 42. Apr. 4780 Michaud journ. d. phys. 4787. 284. 28. Cuba 42. Juli 4782 Baussard ibid. 4798. 346. 29. Cap Vert 7. Sept. 4783 Baussard ibid. 4798. 346. 34. Adriet. Meer 23. Aug. 4785 Buchanan Edinb. phil. journ. 5. 275. 34. Mai 4789 Buchanan Edinb. phil. journ. 5. 275. 35. Jan. 4789 Jan. 4789 36. Jan. 4789 Buchanan Edinb. phil. journ. 5. 275. 37. Genfer See Jan. 4789 38. Tenerifh 22. Nov. 4796 39. Finlind. Meer 5. Aug. 4799 40. Missisippi 4800 41. Adlantisches Meer 25. Sept. 4804 42. Febr. 4847 Dunbar remarq. s. ies vents. 43. Indisch. Meer 26. Febr. 4847 45. Atlant. Meer 26. Febr. 4847 46. Cap Blanc - Nez 4. Sept. 4822 47. Roseneath 48. Sept. 4822 48. Sept. 4822 49. März 4823 49. März 4820 48. Kuste von Florida	36			
27. Nizza 42. Apr. 4780 Michaud journ. d. phys. 4787. 284. 28. Cuba 42. Juli 4782 Baussard ibid. 4798. 346. 29. Cep Vert 7. Sept. 4783 Isert voy. Guinée p. 9. 34. Adriet. Meer 23. Aug. 4785 Buchanan Edinb. phil. journ. 5. 275. 31. Ebd. 49. März 4789 Buchanan Edinb. phil. journ. 5. 275. 35. Ebd. 49. März 4789 Buchanan Edinb. phil. journ. 5. 275. 36. Jan. 4789 Buchanan Edinb. phil. journ. 5. 275. 42. Apr. 4789 Buchanan Edinb. phil. journ. 5. 275. 42. Apr. 4789 Buchanan Edinb. phil. journ. 5. 275. 42. Apr. 4789 Buchanan Edinb. phil. journ. 5. 275. 42. Apr. 4789 Buchanan Edinb. phil. journ. 5. 275. 42. Apr. 4789 Wild journ. phys. t. 44. 39. 43. Teserifh 23. Nov. 4796 44. Adantisches Meer 4800 45. Atlant. Meer 4800 45. Ebd. Missisppi 4800 44. Atlant. Meer 4800 45. Febr. 4847 Dunbar remarq. s. ies vents. 45. Atlant. Meer 4820 45. Atlant. Meer 4820 46. Cap Blanc - Nez 4822 47. Roseneath <th></th> <th></th> <th>29. Oct. 1773</th> <th>Forster observ. surdiff. suj. 4778. 409</th>			29. Oct. 1773	Forster observ. surdiff. suj. 4778. 409
28 Cuba 29. Cap Vert 30. Adriat. Meer 31. 32. Nizza 33. Ebd. 34. Bau. 4789 35. Ebd. 36. Jan. 4789 37. Genfor See 38. Teneriffa 39. Pinliand. Meer 40. Minsisippi 41. Admitisches Meer 42. Atlant. Meer 43. Endisch. Meer 44. Atlant. Meer 45. Atlant. Meer 46. Cap Blanc-Nez 47. Roseneath 48. Every florida 49. Mirz 489 49. Mirz 4789 49. Mirz 4789 49. Mirz 4789 41. Nov. 4793 42. Nov. 4796 43. Endisch. Meer 44. Atlant. Meer 45. Atlant. Meer 46. Cap Blanc-Nez 47. Roseneath 48. Every florida 48. Every florida 49. Mirz 488 40. Mirchanan Edinb. phil, journ. 5. 275 41. Mirchanan Edinb. phil, journ. 5. 275 42. Mirchanan Edinb. phil, journ. 5. 275 44. Atlant. Meer 45. Atlant. Meer 46. Sept. 4804 47. Mirchanan Edinb. phil, journ. 5. 275 48. Wolke Gilb. Ann. 40. 482 49. Mirchanan Edinb. phil, journ. 5. 275 40. Mirchanan Edinb. phil, journ. 5. 275 41. Nov. 4799 42. Nov. 4799 43. Wolke Gilb. Ann. 40. 482 44. Nov. 4799 45. Atlant. Meer 46. Sept. 4804 47. Mirchanan Edinb. phil, journ. 5. 275 48. Mirchanan Edinb. phi	17.	→	49. Apr. 4780	Michand journ d phys 4787 984
7. Sept. 4783 32. Adriet. Meer 32. Aug. 4785 34. Mai 4788 35. Nizza 36. Jan. 4789 36. Jan. 4789 37. Genfer See 38. Teneriffa 39. Pinkind. Meer 40. Missisippi 40. Missisippi 41. Admitisches Meer 42. Admitisches Meer 43. Indisch. Meer 44. Admitisches Meer 45. Atlant. Meer 46. Cap Blanc-Nez 47. Roseneath 48. Küste von Florida 47. Sept. 4885 48. Saul. 4789 48. Saul. 4789 48. Sept. 4822 49. März 4823 40. Küste von Florida 47. Sept. 4783 48. Spallanzani mem. del 8. d'it. t. é. 473. 48. Bauchanan Edinb. phil, journ. 5. 275. 48. Bauchanan Edinb. phil, journ. 5. 275. 49. Mirc 4789 49. Mirc 4789 49. Mirc 4789 40. Hichaud mém. sc. sc. Taur. t. 9. 3. 41. Ley merie. 42. Baussard fibid. 43. Baussard fibid. 44. Atlant. Meer 45. Febr. 4844 46. Sept. 4844 47. Sept. 4822 48. Sept. 4822 49. März 4823 49. März 4823 40. Lincola am. journ. 7. 334. 41. Lincola am. journ. 4828, 474.			_	
23. Aug. 4785 24. Mai 4788 25. Mai 4789 36. Jan. 4789 37. Genfer See 38. Teneriff 39. Pinländ. Meer 40. Missisippi 41. Atlantisches Meer 42. Apr. 4789 43. Indisch. Meer 43. Indisch. Meer 44. Atlant. Meer 45. Atlant. Meer 46. Cap Blanc-Nez 47. Roseneath 48. Cap Blanc-Nez 48. Küste von Florida 49. Mai 4789 21. Aug. 4789 40. Mai 4789 41. Nov. 4793 42. Nov. 4796 43. Indisch. Meer 44. Atlant. Meer 45. Atlant. Meer 46. Cap Blanc-Nez 47. Roseneath 48. Bansard ibid. Allows Journ. 6. 95. Johnson voy. d. Indes 42. Ogden amer. journ. 5. 39. Ann. d. chim. 24, 409. J. Smith Edinb. journ. 7. 334. Bibl. univers. 24, 436. 474.				I "
24. Mai 4788 6. Jan. 4789 6. Jan. 4789 6. Jan. 4789 6. Jan. 4789 8. Jan. 4789 42. Apr. 4789 42. Nov. 4793 42. Nov. 4793 43. Finliand. Meer 42. Atlantisches Meer 42. Atlant. Meer 43. Atlant. Meer 44. Atlant. Meer 45. Atlant. Meer 45. Atlant. Meer 46. Cap Blanc-Nez 47. Rosenesth 48. Cap Blanc-Nez 48. Sept. 4822 49. März 4823 49. Küste von Florida 47. Apr. 4825 Lincoln am. journ. 4828, 474.		_		
32. Nizza 6. Jan. 4789 Michaud mém. ac. sc. Taur. t. 9. 3. 33. Ebd. 6. Jan. 4789 ibid. 34. Ebd. 49. März 4789 ibid. 35. 8. Jan. 4789 Buchanan Edinb. phil. journ. 5. 275. 36. 12. Apr. 4789 Wild journ. phys. t. 44. 39. 38. Teneriffa 22. Nov. 4796 Baussard ibid. 46. 348. 39. Pinlünd. Meer 5. Aug. 4799 Wolke Gilb. Ann. 40. 482. 40. Missisippi 4800 Dunbar remarq. s. ies vents. 41. Atlantisches Meer 26. Febr. 4844 Napier Edinb. journ. 6. 95. 42. Atlant. Meer 26. Febr. 4847 Johnson voy. d. Indes 42. 43. Mairz 4822 Ogden amer. journ. sc. f. 4836. 45. Boseneath 48. Sept. 4822 48. Küste von Florida 5. Apr. 4825 49. Küste von Florida 5. Apr. 4825	_		24. Mai 4788	Ruchanan Edinh phil journ & 978
33. Ebd. 34. Ebd. 35. Sp. 14789 8. Jan. 4789 8. Jan. 4800 8. Jan. 4789 8. Jan. 4789 8. Jan. 4800 8. Jan. 4789	_			
19. März 4789 8. Jan. 4789 12. Apr. 4789 12. Apr. 4789 13. Teneriffe 14. Nov. 4793 15. Aug. 4799 15. Aug. 4799 16. Missisippi 16. Atlantisches Meer 17. Atlant. Meer 18. Atlant. Meer 18. Cap Blanc-Nez 18. Cap Blanc-Nez 18. Sept. 4822 19. März 4789 8. Jan. 4789 18. Le uch an an Edinb. phil. journ. 6. 275. 18. Sept. 4793 18. Bu ch an an Edinb. phil. journ. 6. 275. 18. Sept. 4793 18. Bu ch an an Edinb. phil. journ. 6. 275. 18. Sept. 4793 18. Sept. 4793 18. Sept. 4793 18. Sept. 4826 19. März 4789 19. Mild journ. phys. t. 46. 39. 19. Massard ibid. 46. 348. 19. Wolke Gilb. Ann. 40. 482, 19. Mapier Edinb. journ. 6. 95. 19. Valle journ. phys. t. 46. 39. 19. Massard ibid. 46. 348. 19. Wolke Gilb. Ann. 40. 482, 19. Napier Edinb. journ. 6. 95. 19. Valle journ. phys. t. 46. 39. 19. Valle journ. phys. t. 46. 348. 19. Valle journ. phys. t. 46. 39. 19. Valle journ. phys. t. 46. 348. 19. Valle journ. phys. t. 46. 39. 19. Valle journ. phys. t. 46. 39. 19. Valle journ. phys. t. 46. 348. 19. Valle journ. phys. t. 46. 39. 19. Val				
35. 36. 4789 Buchanan Edinb. phil. journ. 5. 275. ibid. 37. Genfer See 4. Nov. 4793 Baussard ibid. 46. 348. 39. Finlind. Meer 5. Aug. 4799 4800 2. Sept. 4804 6. Sept. 4844 6. Sept. 4844 6. Sept. 4845 5. Aug. 4799 4800 2. Sept. 4804 6. Sept. 4844 6. Sept. 4844 6. Sept. 4845 5. Aug. 4799 4800 2. Sept. 4804 6. Sept. 4844 6. Sept. 4845 5. Aug. 4799 4800			1	
12. Apr. 1789 137. Genfer See 14. Nov. 1793 25. Teneriffa 26. Nov. 1796 27. Nov. 1796 28. Teneriffa 29. Nov. 1796 20. Nov. 1796 20. Atlantisches Meer 20. Atlantisches Meer 21. Atlant. Meer 22. Sept. 1846 23. Indisch. Meer 24. Atlant. Meer 25. Mai 1820 26. Febr. 1847 27. Mai 1820 28. Nov. 1796 29. Nov. 1796 29. Nov. 1796 20. Baussard ibid. 46. 348. 20. Wolke Gilb. Ann. 40. 482. 21. Leymerie. 22. Napier Edinb. journ. 6. 95. 23. Indisch. Meer 24. Atlant. Meer 25. Mai 1820 26. Cap Blanc-Nez 26. Cap Blanc-Nez 27. Roseneath 28. Sept. 1822 29. Nov. 1796 29. Wolke Gilb. Ann. 40. 482. 29. Napier Edinb. journ. 6. 95. 29. Maxwell Edinb. ph. journ. 5. 39. 29. März 1823 29. Nov. 1796 20. Nov. 1796 20. Baussard ibid. 46. 348. 20. Volke Gilb. Ann. 40. 482. 21. Apr. 1820 22. Nov. 1796 23. Baussard ibid. 46. 348. 24. Atlant. 40. 482. 25. Atlant. Meer 26. Febr. 1847 27. Mai 1820 28. Teneriffa 29. Nov. 1796 29. Baussard ibid. 46. 348. 29. Wolke Gilb. Ann. 40. 482. 29. Napier Edinb. journ. 6. 95. 29. Maxwell Edinb. ph. journ. 5. 39. 29. Ann. d. chim. 24. 409. 29. März 1823 29. Nov. 1796 29. Mai 1820 29. Nov. 1796 29. Mai 1820 29. Nov. 1796 29. Mai 1820 20. Nov. 1796 20. Mai 1820 20. Mai 18		- ·		
37. Genfer See 4. Nov. 4793 Wild journ. phys. t. 44. 39. 38. Teneriffa 22. Nov. 4796 Baussard ibid. 46. 348. 39. Pinländ. Meer 5. Aug. 4799 Wolke Gilb. Ann. 40. 482. 40. Missisippi 4800 Dunbar remarq. s. ies vents. 42. Sept. 4804 Leymerie. 6. Sept. 4846 Napier Edinb. journ. 6. 95. 30. Halant. Meer Mai 1820 46. Cap Blanc-Nez Mai 1820 47. Roseneath Mai 1822 48. Sept. 4822 Mai 1823 49. Küste von Florida Marz 1823 40. Küste von Florida Lincoln am. journ. 4828. 474.				- - -
22. Nov. 4796 39. Finlind. Meer 40. Missisippi 41. Attentisches Meer 42. Sept. 4804 6. Sept. 4844 43. Indisch. Meer 44. Attent. Meer 45. Attent. Meer 46. Cap Blanc-Nez 47. Roseneath 48. Sept. 4822 49. Küste von Florida 48. Sp. 474.			_	_
5. Aug. 4799 4800 44. Atlantisches Meer 42. 43. Indisch. Meer 44. Atlant. Meer 45. Atlant. Meer 46. Cap Blanc-Nez 47. Roseneath 48. Sept. 4822 48. Sept. 4822 48. Sept. 4822 48. Sept. 4823 49. Küste von Plorida 4800 2. Sept. 4804 6. Sept. 4804 6. Sept. 4844 6. Sept. 4847 Johnson voy. d. Indes 42. Ogden amer. journ. sc. f. 4836. Maxwell Edinb. ph. journ. 5. 39. Ann. d. chim. 24, 409. J. Smith Edinb. journ. 7. 334. Bibl. univers. 24, 436. Lincoln am. journ. 4828, 474.				
1800 19. Missisippi 19. Admitisches Meer 19. Sept. 4804 19. Sept. 4804 19. Mapier Edinb. journ. 6. 95. 19. Mai 1820 19. Mai 1820 19. Missisippi 19. Dunbar remarq. s. ies vents. 19. Leymerie. 19. Napier Edinb. journ. 6. 95. 19. Mai 1820 19. Mai 1820 19. Mai 1822 19. Marz 1823 19. Marz 1825 19. Lincoln am. journ. 4828, 474.				1
14. Atlantisches Meer 15. Sept. 4804 16. Sept. 4844 16. Pebr. 4847 16. Atlant. Meer 16. Cap Blanc-Nez 17. Roseneath 18. Sept. 4822 18. Sept. 4822 19. März 4823 19. März 4823 19. Küste von Florida 18. Sept. 4825 19. Küste von Florida 18. Sept. 4825 19. Lincoln am. journ. 4828, 474.				· ·
6. Sept. 1844 Napier Edinb. journ. 6. 95. 13. Indisch. Meer 14. Atlant. Meer 15. Mai 1820 Ogden amer. journ. sc. f. 4836. 16. Cap Blanc-Nez 17. Roseneath 18. Sept. 1822 Ann. d. chim. 24. 409. 18. Sept. 1822 J. Smith Edinb. journ. 7. 334. 19. März 1823 Bibl. univers. 24. 436. 19. März 1825 Lincoln am. journ. 4828, 474.		• •		-
 13. Indisch. Meer 14. Atlant. Meer 15. Mai 1820 16. Cap Blanc - Nez 17. Roseneath 18. Sept. 1822 18. Sept. 1823 19. März 1824 19. März 1825 19. März 1824 19. März 1825 19. März 1826 <li< th=""><th></th><th>Augusticies Acci</th><th>_</th><th>1</th></li<>		Augusticies Acci	_	1
48. Atlant. Meer Mai 1820 Ogden amer. journ. sc. f. 4836. 43. Max well Edinb. ph. journ. 5. 39. 46. Cap Blanc-Nez 1. Sept. 1822 Ann. d. chim. 24. 409. 47. Roseneath 18. Sept. 4822 J. Smith Edinb. journ. 7. 334. 48. Küste von Plorida 5. Apr. 4825 Lincoln am. journ. 4828, 474.		Indianh Mass		
13. 14. Cap Blanc - Nez 15. Roseneath 18. Sept. 1822 Ann. d. chim. 24, 409. 18. Sept. 1822 J. Smith Edinb. journ. 7, 334. 19. März 1823 Bibl. univers. 24, 436. 19. Küste von Plorida 15. Apr. 1825 Lincoln am. journ. 4828, 474.	-			<u>-</u>
46. Cap Blanc - Nez 4. Sept. 1822 Ann. d. chim. 24. 409. 47. Roseneath 48. Sept. 1822 J. Smith Edinb. journ. 7. 334. 49. März 1823 Bibl. univers. 24. 436. 5. Apr. 1825 Lincoln am. journ. 1828, 474.		AUSEL ACCT	Adi 1970	
18. Sept. 1822 J. Smith Edinb. journ. 7. 331. 19. März 1823 Bibl. univers. 24. 136. 5. Apr. 1825 Lincoln am. journ. 1828, 474.		Con Diana Was	1 0 1000	
48. März 1823 Bibl. univers. 24. 436. 5. Apr. 1825 Lincoln am. journ. 1828. 474.		_		
5. Küste von Plorida 5. Apr. 1825 Lincoln am. journ. 1828, 474.			15. Sept. 1823	J. Smith Kaind, journ. 7. 334.
50. I. Clermont-Tonnerre Jan. 4826 Becchey voy. detr. Beering. 4. 448. 11. Genfer See 11. Aug. 4826 Mercanton bibl. univ. 36. 442.			1	i
31. Genfer See 41. Aug. 4826 Mercanton bibl. univ. 36, 442.	♦ 7.	nuste von Florida	o. Apr. 1825	Lincols am. journ. 4828, 474.
11. Aug. 1825 Mercanton bibl. univ. 36, 442.	34.	L. Germont-Tonnerre	Jen. 1876	Becchey voy. detr. Beering. 4. 448.
	٦١.	venier 566	111. Aug. 1876	mercanton min. waiv, 36, 442,

Wasser-Tromben.

52. Neuchatel See	9. Juni 4830	bibl. univ. 44. 248.
53. Kanal v. Bahama	30. Juli 4832	Page Echo mond. sav. 4. 476.
54. Ionisches Meer	29. Oct. 4. Nov. 1832	Piancini Instit. physiques. 3. 554.
55. Genfer See	3. Dec. 4832	Wartmann bibl. univ. 54, 324.
56. Mittell. Meer	4832 od. 33	d e Tessan descript. naut. d'Alger 224.
57. Küste von Spanien]	Page Echo monde sav. 4. 476.
58. Bei Dover	23. Oct. 4836	ibid. 4836. n. 45.
59. Fioul	45. Juni 4839	Bravais.
60. Bai von Killinay	Juli 4839	Dickinson Athenaeum 44. mars 4840.

Notizen.

- 1. Gleichzeitig mehrere Tromben, zwei derselben kreuzen sich, ein Theil der herabsteigenden Säule ist durchsichtig und zeigt Dämpse in hestiger Bewegung.
- 2. Mehrere Tromben, die See in kreisförmiger Bewegung; hoftiger schaf begränzter Wind, die Wolke ist anfangs unbeweglich, schreitet später fort.
- 3. Blitz und Donner. Eine Wolke wird von der Trombe aufgehalten.
- 4. Trombe ohne Gewölk.
- 5. Regelmässiger Wind, das Meer unterhalb in Bewegung, Wasserstral.
- 6. Sechs oder sieben Tromben zu gleicher Zeit; die Dämpse steigen gerade wie Rauch auf, Geräusch und Bewegung hören nach einiger Zeit aus.
- 7. Dumpfes pfeifendes Geräusch. Leichter Wind. Absteigendes Wasser.
- 8. Vier Tromben entstehen aus demselben Gewölk, zwei davon aus demselben Wolkenzipfel. Drei andere Tromben, von welchen die erste zwischen einer hohen Wolke und dem Meere, die zweite zwischen dieser Wolke und einer niedriger stehenden, die dritte zwischen der letzien Wolke und dem Meere.
- 9. Windstille, unter dem Kegel Wasserstral.
- 42. Das Wasser steigt in Absätzen säulenförmig ohne Drehung in die Höbe.
- 43. Feuerstral im Augenblick des Bruches der Trombe.
- 44. Eigenthümlicher Geruch, die Basis des Kegels auf dem Wasser.
- 46. Windstille vorher, der Wind dann gegen die Trombe.
- 47. Trombe geht über das Schiff und überschwemmt das Verdeck; der Kepitain mit dem Wasser überschüttet, schmeckt dass es süss sei.
- 24. Das Meer unter der Trombe vertieft, keine Wasserbewegung in der Trombe.
- 22. Doppeltrombe, die erste zwischen zwei Wolken; die zwelte zwischen der ersten und dem Meere.
- 25. Vorher Donner; Vertiefung im Flusse, aufsteigendes Wasser, nach dem Bruch der Trombe Hagel.
- 26. Sechs Tromben, Windstille umher, starke Luftbewegung unter jeder Trombe. Wasser steigt spiralförmig auf. Im Augenblicke des Bruches ein Bitts in der Trombe.
- 27. Die Trombe von Süd gegen Nord geneigt, obgleich sie mit dem Winde von Ost nach West geht. Wasser steigt stossweise auf. Durch eines Windstoss wird die Trombe büschelförmig getrennt, geht aber wieder zusammen.
- 28. Wolken bilden sich erst nach dem Erscheinen der Trombe; nachdem sie durch Kanonenschüsse gebrochen ist, Donner.
- 29. Kreisende Bewegung der Trombe.
- 30. Wirbelnde Wolke, Gewitter, Vertiefung des Meeres unter der Trombe.
- 34. Keine Kreisbewegung. Aufsteigender Dampf.
- 33. Schneefall. Trombe scharf begränzt.
- 34. Donner, Schnee, freier Raum im Mittelpunkt der Bewegung unter der Trombe.
- 35. Eine Trombe aus drei Wolkenzipfeln,
- 27. Schneefall, der See unter der Trombe vertieft.
- 38. Keine Kreisbewegung, regelmässiges Aufsteigen des Wassers.

- 39. Schweselgeruch. Wasser und Pische in die Höhe gehoben.
- .4. Dio Trombe gegen den Horizont stark geneigt.
- il. Trombe withread 14 Stunden, in three Mitte Lichterscheinung.
- 32. Spiralbewegung der Trombe, aufsteigendes Wasser, geht gegen den Wind, als sie durch eine Kanonenkugel getrennt worden, schwanken die Enden einige Zeit und vereinigen sich wieder. Das auf das Schiff fallende Wasser war süss.
- is. Dampf im Innern aufsteigend.

- •... Windstille rings umher, hestiges Kreisen unter der Trombe und in den Wolken,
- 30. Trombe mit Blitz und Donner; Spiralbewegung; dreisache Trombe, die sich zu Einer vereinigt und wieder trennt.
- 34. Trombe geht über das Schiff und schüttelt es, heftiger Stoss beim Fortgehen.
- 54. Mehrere Tromben in oscillirender Bewegung, Blitze zwischen den Wolken.
- 66. Deppeltrombe. Ein Theil davon löst sich in drei Wasserstralen auf.

II Land-Tromben.

n. Land-Tromben.				
1. Italien	Aug. 4436	Macchiavel hist. Flor. l. 6. Ammi- rati hist. Flor. l. 23.		
2. Reims	40. Aug. 4680	Richard hist. nat. air 6. 505.		
1. Verona	29. Juli 4686	Boscowich diss. sur la trombe.		
i. Brie	45. Aug. 4687	Richard hist. nat. air 6. 528.		
5. Batheid	45. Aug. 4687	de la Pryme phil. trans. 4702 p. 4248.		
6. Topoham	7. Aug. 4694	Mayne phil. transact. v. 49. 28.		
7. BotSeld	24. Juni 4702	de la Pryme phil.trans.4702 p.4334.		
4. Emot More	3. Juni 4748	Richardson phil. trans. 30. 4097.		
9. Bocanbrey	30. Mai 4725	de Bocanbrey mém. Ac. Par. 4725.5.		
14. Moklinta	27. Sept. 4725	Kalsenius Act. lit. Suec. 4725 t. 2. 466.		
II. Capesian	24. Aug. 4727	Mém. ac. d. Par. 4727. 4.		
12. Montpellier	2. Nov. 4729	Serres mém. Ac. Montp. t. 2. 24.		
13. Ancona	Herbst 4733	Boşcowich Diss. 2 p. §. 50.		
ii. Bolkam	Aug. 4744	Lovell phil. transact. 42. 483.		
13. Eun tingtonshire	8. Sept. 4744	Fuller ibid. 44.854.		
4 Bei Aix en Prov.	47. Juni 4745	Boscowich diss. 2. part.		
fi. Arezzo	90. Mai 4748	eb endasel bst		
il. Rom	42. Juni 4749	Boscowich diss.		
19. Rutland	15. Sept, 1749	Barker phil, transact. 46. 248.		
20. Bei Aix		Richard hist. nat. air 6. 525.		
21. Maka	30 Oct 4757	Chabert mém. ac. Par. 4758. 19.		
ii. Mana	29. Oct. 4757			
22. Rostock	20. Jali 4758	Wilcke rem. s. l. lettres de Franklin.		
23. Leicester	₹	Winthrop phil. transact. 52. 9.		
25. Oxford	-	Swinton phil. transact. 52. 99.		
25. Arcachon	44. März 4774	Butet journ. phys. Roz. 7. 334.		
i6. Eu	1	Rozier journ. phys. 7, 70.		
tī. Dijon	20. Jali 4779	Maret mém. ac. Dijon 4783. 452.		
 Carcassonne 	3. Nov. 4780	Les pinasse journ. phys. Roz. 46. 355.		
19. Escale		Mém. ac. Toul. 3. 446.		
30. Mariac.	43. Juni 4787	Arbas mém. ac. Toul. 4. 77.		
14. Beriera ult	Juni 4794	Egasse		
12. Peru	1802	Humboidt tabl. de la nat. 4. 43 u. 477.		
14. Viguzzolo		Leardi mém. ac. Turin 20.		
24. Paris	16. Mai 4806	Debrun relation etc. Lamarck ann.		
	1	méteor. 4807.		
34a. Zwischen Wolken	31. Juli 4808	Lamark ann. météor. 4809.		
14. Moritzinsel		Maliac arch. ile de France n. 44.		
36. Kentishtown	127. Juni 4847	Tilloch phil. meg. 4847. v. 50. 446.		

Land-Tromben.

37. St. Angelo	44. Aug. 4847	journ. Comm. 48. sept. 484%i.
38. Regneville	16. Juni 1822	Ann. de chim. 4822. 407.
39. Assonval	6. Juli 4822	Demarquoy Ann. de chim. 24. 433.
40. Rouvier	26. Aug. 4823	Defrance bull. For. 4. 4823.
44. Valeggia	46. Sept. 1823	Pagliaris Ann. d. chim. 24. 439,
42. Messeling	4. Aug. 4824	Nöggerath Kasta. Arch. 3. 52.
43. Carcassonne	26. Aug. 4826	Courr. franç. 49. sept. 4826.
44. Ruwer	25. Juni 4829	Grossmann Ann. de chim. 42. 420.
45. le Gange	1834 — 1834	bibl. univ. 6. 453.
46. Bronte	4. Oct. 4834	Elic de Beaumont.
47. la Française	27. Juli 4835	Ech. d. monde sav. 4835. n. 73.
48. Mornay	Sept. 4835	Manduyt ibid. n. 83.
49. Caux	43, Sept. 4835	lbid.
50. New - Brunswick	Juni 4836	Hare journ. am. sc. v. 32. 468.
54. Providence	Aug. 4838	Hare Transact. am. soc. y. 6. nouv.
	•	sér. pt. 2. 297.
52. Chatenay	48. Juni 4839	Peltier sur 1. trombes 434.
53. Petit Montrouge	1. Sept. 1839	Poltier ibid. 367.
54. Départ. de Vaucluse	30. Mai 4844	Renaux, Gasparin Compt. rendus t. XIII. 223.

Notizen.

- 4. Nachts. Kleine Wolken steigen auf und ab, theils mit gerader, theils mit kreisender Bewegung; elektrische Entladungen zwischen den Weiken; starke Windstösse, welche Gegenstände fortführen ohne sie unzuwerfen.
- 2. Die Trombe erscheint als seurige Pyramide.
- 3. Blitze. Wolkenwirbel mit Lichterscheinung. Dumpfes Geräusch. Schwefelgeruch.
- 4. Gewitter, unmittelbar nach dem Kinschlagen des Blitzes die Trombe kreisend.
- 5. Sehr schnelles Kreisen, aussteigendes Wasser.
- 6. Ein Apfelbaum gegen den Wind fortgeführt, außprützendes Wasser, Ereisen.
- 7. Windstille. Kreisbewegung.
- 8. Eine ungeheure Wassermenge fällt aus der Trombe und höhlt einen Kassi.
- 9. Die Trombe endigt unten in einem Feuerwirbel; Dämpse angenogen und abgestossen.
- 40. Zusammengeballte Dämpfe in Drehung; ein Gerüst gegen den Wind forgeführt, das Wasser eines Sees wie eine Mauer aufgezogen; unangenetmer Geruch.
- 44. Windstille umber; eine zweite Trombe vereinigt sich mit der entes; vorher Donner, nachher Hagel.
- 12. Feuerskule in der Mitte; Schweselgeruch.
- 48. Nachts. Ein Schiff zertrümmert, Bleiplatten fortgeführt.
- 46. Windstille, klarer Himmel; elektrische Entladungen.
- 45. Drehung; Windstille vor- und nachher.
- 46. Fenererscheinung; hin und hergehende Bewegung; lässt ein Kind tanzen, wie im elektrischen Puppenspiel.
- 47. Feuer im Kegel und in der Wolke, zwei Menschen aufgehoben und fortgesichet.
- 48. Blitze, Donner; Schweselgeruch; die Blätter der Bäume geröthet; Pfister und Fussboden ausgehoben, eine Lampe brennend sortgestihrt.
- 49. Windstille vorher; Blitze und Feuerbüschel, Wirbel unter dem Kegel, die Trombe schreitet schneller vorwärts als der Wind.
- 20. Donner; Hagel; das Wasser eines Flusses 300 Schritte fortgeschiender.

 Menschen ohne Beschädigung fortgeführt.
- 24. Nachts. Wirkungskreis sehr begränzt. Steinplatten aufgehoben, Kane- in nen umgedreht. Donner; Schwefelgeruch.
- 22. Vollkommene Windstille; Staubtrombe, elektrische Entladung zwischen den Wollten und dem Staubkegel.

- 1. Gewitter geht in eine Trombe über. Wolken ziehen sich an und kreisen. Eingesetzte Steine aufgehoben.
- i. Halbkreisförmige Trombe ohne anhängendes Gewölk.
- 3. Blitz, Schwefelgeruch; Hagel. Kräuter geröthet. Die Nebenwolken in gerader Linie aufsteigend.
- 7. Explosion bei der Bildung der Trombe, die Säule aus Dämpsen gebildet, die von naheliegenden Wiesen aussteigen, Wasser eines Teiches in Tropfen ausgezogen; die Trombe rotirt erst nach einem Stosse gegen einen Felsen; sie geht beinah gegen den Wind.
- il. Das untere Ende der Trombe in wellenförmiger Bewegung; Sandstralen; Pflaster aufgehoben; das Estrich in der Mitte eines Zimmers aufgehoben, ohne dass herumstehendes Porzellan berührt ist; kein Regen bei der Trombe; Platzregen am anderen Wolkenende.
- 19. Hagel, Donner; elektrische Anzehung und Abstossung.
- 4. Windstille, Funken; ein Feuerkreis mit Zickzack-Stralen; Donnerschlag beim Bruch der Trombe; Pflanzen ausgetrocknet und verbrannt.
- II. Begränzte Trombe, in der Mitte durchsichtig; in Spiralen aufsteigende Dämpfe; Wirbelwind unter der Trombe; Donner beim Verschwinden.
- R. Kreisende Bewegung; das Wasser eines Regenstromes gänzlich aufgehoben.
- 4. Drei Tromben; Gewitter; Tromben mit durchsichtiger und leuchtender Säule, undulirend aufsteigender Dampf; entzündete Dämpfe. Eine benachberte Gewitterwolke geht mit der Trombe in entgegengesetzter Richtung.
- 16. Brehung, Furchen in der Trombe; ihr Durchmesser variirt nach der Leitungsfühigkeit des Erdbodens.
- M. Werzenförmige Trombe, Bewegung nach ellen Seiten und Verstrickung aller warzenförmigen Erhöhungen.
- 17. Det beiterem Himmel. Leinen durchlöchert und verbrannt.
- M. Helterer Himmel, der sich später bewölkt; das Geräusch vermindert sich, indem die Trombe über Wasser fortgeht.
- M. Windstille, Gewitter; Blätter ausgedörrt und geröthet. Gegenstände gegen den Wind fortgeführt.
- 12. Drehung; der Rhein vertiest, Wasser gehoben, Gewitter und Hagel nachber.
- 4. Eine leuchtende Masse sich gegen die Wolke bewegend; ein Mann angezogen, dann abgestossen, Schwefelgeruch; nachher Gewitter.
- L. Sewitter in eine Trombe übergehend.
- 4. Wasser eines Teiches mit Pischen in die Höhe gezogen.
- M. Mswern eines Hauses nach aussen umgeworfen, Blätter ausgedörrt.
- M. Gegenstande bis zur Höhe der Wolken geführt.
- R Gewitter vorher; Peuerkelch am Ende des Kegels; Bäume in dünne Latten bürstenförmig zersplittert; die äusseren Bäume eines Parks gegen die Mitte umgeworfen; Blätter nach der Seite der Trombe geröthet.
- 13. Nachts; Gewitter vorher, Grundmauern aufgewühlt.
- W. Ein Staubwirbel geht durch das Städtchen Courthezon, richtet daselbet Verwüstungen an und zerschmettert einen Mann an einer Mener. Erst zwei Minuten später senkt sich ein Wolkenzipfel zu diesem Wirbel hinab. Zwei Mellen davon bildet sich eine andere Trombe, die ausserordentlich langsam vorschreitet, während Baumzweige, Stroh u. s. w. reissend schnell in ihr Inneres schraubenförmig aufgezogen werden.

Schutzmittel gegen elektrische Meteore.

Pener gegen Hagel. Volta hat bereits in seinen meteorojichen Briesen das Anzünden grosser Feuer als Schutzmittel
pa die Bildung des Hagels in Vorschlag gebracht. Matteucci
seuerlich darauf ausmerksam gemacht, dass die Orte in den
VI.

Apenninen, wo Kohlenmeiler brennen, von Gewitter und Hagelschlag verschont bleiben. So sei Perticaja bei Rimino in 5 Jahren nur einmal von Gewitter heimgesucht worden ').

Blitzableiter an Schiffen. Zur Abwendung der Gefahr, der die Schiffe durch Blitzschläge so häufig ausgesetzt sind, bedient man sich seit Franklin der portativen Ableiter, die zur Zeit des Gewitters an der Spitze des Bauptmastes befestigt und in die See hinabgeführt werden. Diese Ableiter sind in der britischen Marine Metallketten, die aus 2füssigen Kupferstäben und verbindenden Ringen bestehen, in der französischen Marine hiegegen Metallseile ans wohlgeglühten Kupferdrähten gestochten. Die letziere Art von Ableitern, die dem Blitze eine bessere Leitung gewährt, als die erstere, ist im Jahre 1823 von einer Commission der Pariser Akademie angegeben worden, deren Mitglieder Poisson, Lefèvre-Gineau. Girard, Dulong, Fresnel and Gay-Lutsac waren. Die portativen Ableiter haben aber den Nachtbell dass sie das Schiffsmanöver hindern, dass ihre Ausbringung so lange verzögert wird, als möglich, und deshalb oft mit Gefahr verknüpft ist. Snow Harris schlug daber im Jahre 1822 feste Ableiter auf Schiffen vor, auchte ihre Wirksamkeit der englischen Admiralität durch elektrische Versuche auf dem Schiffe Caledonia darzuthun und erhielt 1823 für sie die Beistimmung eines Ausschusses der Royal Society, zu der sich die gewichtigen Stimmen von Wollaston und Humphry Davy fügten. Diese Ableiter bestehen aus zusammengenieteten einige Zoll breiten 4 Zoll dicken Kupferstreifen, die, in die Masten und Spieren eingelassen, and metallische Leitung von den aussersten Spitzen der Masten bit zum Kiele des Schisses bilden; sie sind ausserdem mit den Metallbefestigungen der Verdecke und zuletzt mit dem Kupferbeschlage des Schisses in innige Verbindung gebracht. Au den Stellen, wo eine Verschiebung des Holzwerkes nothwendig ist, wird die Verbindung der Kupserplatten durch einen kurzen Kupserbolzen, der sich in einem Charniere bewegt, bewerkstelligt Die festen Ableiter wurden indess nur auf 13 Schiffen angebracht, sei es, dam der Glaube der Seeleute, sie zögen das Gewitter auf das Schiff, oder dass die bedeutenden Kosten*) ihrer allgemeinen Anwendung

⁴⁾ Compt. rendus * 1X. p. 605.

^{*)} Auf einem Schiffe von 120 Kanonen kostet ein leuter Ableitif

njenstanden. Die mit sesten Ableitern versebenen Schisse dienrage Zeit ohne beschädigt zu werden, obgleich der Blitz muthlich auf einige unter ihnen, unbestreitbar auf den Beagle, gewar. Häufige Ungläcksfälle durch den Blitz auf Ken bewogen die britische Admiralität, im Jahre 1839 ein ité miederzusetzen, um über die Anwendbaskeit der sesten Aby hauptsächlich der von Snow Harris angegebenen zu entschei-Dies Comité bestand aus den Contre-Admirales Griffiths und don, dem Kapitain Clarke Ross, dem Prefessor Daniell und Schissbaumeister Fincham, welchen Faraday und Wheate als wissenschaftliche Berather beigegeben waren. Ausser dem chinge von Harris lag noch der von Martyn Roberts vor). be besteht darin, ein Metallseil, (wie das französische,) an Spitze des Hauptmastes zu besestigen, an demselben hinab bis Medrigsten Maste, von dort durch die Luft zur Anssenseite Sahiffes zu führen und daselbet mit dem Kupferbeschlage fest mbinden. Roberts, tadelt an dem Ableiter von Harris, dass Verbindungen der Kupferstreifen an den Artikulationen der s micht innig seien, und dass durch Himabschrem der elektri-1 Entladang in den Körper des Schiffes eine groces Gefahr is die Seitenentladung entstehe. Unter Seitenentladung wird die Erscheinung von Funken verstanden, die von dem Ableisch nahe liegenden Leitern überspringen sollen. --- Des Coemtschied indess unbedingt zu Gunsten der Harria'schen ter, indem es in einer klaren wissenschaftliehen Datwiellung ligegen vorgebrachten Einwürse entkrästete 2). Paraday be-: die Seitenentladung überhaupt, wenn sie etwas anders sein pals eine Theilung des Entladungsstromes, die nur bei unvollinner Beschaffenheit des dargebotenen Ableiters Statt finden we and Wheatstone leitet eine so bezeichnete Erscheinung let Entladung der elektrischen Batterie von dur Veberschuss lektricität der innern Belegung ab. Beide Michmin aber daiberein, dass bei einem Harris'schen Ableibe Metallmasse keine Gefahr von einer selchen Entelteinung zu Ben sei. Roberts Vorschlag, wie ein ähnlicher von Edye,

Mund Sterling, während der gebräuchliche portative Ableiter nur nd kostet.

⁾ Sturgeon Annals * v. I. p. 469.

⁾ Sturg. Ann. . v. V. p. 1.

wurde verworsen, weil den Masten darch die Metallaeile eine zu grosse Last ausgelegt würde, und diese Seile wie das Tanwerk leicht der Beschädigung ausgesetzt wären. Der anonym gemachte Vorschlag, die Spitzen der Masten, statt mit Ableitern, mit Glakugeln zu versehen, wird, wie billig, für absurd erklärt. Nachdem schliesslich die Commission die Ausdehnung der Harris schen Ableiter zu beschränken und dadurch die Kosten derselben zu verringern vorgeschlagen, empfiehlt sie diese Ableiter auss angelegentlichste zur allgemeinen Anwendung in der Marine.

Ich habe diese interessante Verhandlung ausführlicher mitgetheilt, um desto schneller über den durch dieselbe hervorgeralenen Streit hinweggehen zu können. Ehe der Bericht der Commission genauer bekannt war, publicirte Sturgeon eine Abhand-Jung über die Ableiter auf Schissen, die er der Beachtung von nicht weniger als 24 namentlich aufgeführten gelehrten Gesellachaften empfiehlt 1). In dieser Abhandlung wird Harris and der von ihm angegebene Ableiter auf das hestigste angegriffen, und zuletzt der Vorschlag gemacht, das Schiff mit einer Takelage von Kupferdraht zu umgeben, das heisst die Conductoren von der Spitze des Mastes, so viel wie möglich, durch die Lust zur Aussenseite des Schiffes zu führen. Da dieser Vorschlag von der englischen Admiralität durchaus nicht berücksichtigt worden, so mag er wol ganzlich unpraktisch sein. Die Angriffe gegen Snow Harris betreffen zumeist die von ihm im Jahre 1822 angestelltes elektrischen Versuche zum Beweise der Nülzlichkeit seiner Ableiter, Versuche, die freilich wenig wissenschaftlichen Werth haben. Dann aber wird sein Ableiter als höchst gefährlich dargestellt, da er bei dem Kriegsschiffe mit dem Hauptmaste durch das Pulvermagazin gehe und daselbst leicht eine Seitenenladung vermlassen konne. Sturgeon begreift unter Seitenentladung drei verschiedene Phanomene, die bei der Battericentladung bekannt sind, namich die Luftbewegung, die durch Ueberspringen eines Funkens erzeugt wird, das Funkengeben des Schliessungsdrahles in gewissen Fällen und endlich die Bewegung von Elektricität in Letern, die dem Schliessungsdrahte nahe stehen (Mahon's Ruck schlag). Es ist nicht zu leugnen, dass diese, ausserhalb des des Blitze dargebotenen Leiters, Statt findende Elektricitätsbewegung

^{&#}x27;) Sturg. Ann. of El. * v. IV. p 161,

Henen Fällen gesährlich werden kann, aber nicht abzusehen, diese zu beseitigen sei. Dass der Blitzableiter Gesässen, die entzündlichen Stoffen gefüllt sind, nicht su nabe gebracht en dürfe, leuchtet ein, aber man wird dies leicht vermeiden en, ohne darum den anderweitig bequemen Harris'schen iter zu verwerfen. Wenn auch der Angrist Sturgeon's nicht seilos sein mag, so erscheint doch die mit grosser Erbitterung Snow Harris geschriebene Entgegnung als unangemessen daher als An'ass des unerfreulichen Streites, der von beiden n in wenig wissenschaftlichem Geiste geführt worden ist. dem in einer langen Reihe von Aufsätzen der fragliche Geand hin und wieder behandelt worden, ist derselbe zu m Resultate gedieben, das hier angeführt werden könnte. beseichneten Aufsätze finden sich im Nautical almanac 1840 41, in dem London Edinburgh philosophical Magazine, und he vollsländig in den ersten 6 Bänden (hauptsächlich im 4ten Sten Bande) von Sturge on Annals of Electricity. Eine Ueberder Controverse ist von Sturge on unter der Bezeichnung mee sheet" im 4ten Bande seiner Annalen Seite 501 gegeben.

d. Mechanische, physiologische und anderweitige Elektricitätserregung.

Blektricitätserregung in Fabriken. Drury 1) berichen einer starken Elektricitätserregung, die in einer Wollensrei an einem langen Lederstreisen Statt findet, der über schnell umgedrehte Holztrommeln weggeht. Solcher sufälmstruirten Elektrisirmaschinen mögen sich in Fabriken viele a lassen. In der Patentpapierfabrik in Berlin ist die Elektrides über erwärmte Metallcylinder gleitenden Papiers so stark, ein beständiges Knistern die überspringenden Funken verräth die susammengeschichteten Papierbogen an einander hasten. Elektricität beim Ausströmen comprimirter Luft. strong 2) comprimirte in einem starken Metallgesisse die sa einem Drucke von 8 Atmosphären, und liese sie, nachdas Gesäss isolirt war, durch ein Glasrohr ausströmen. In

⁾ London Edinb. phil. Mag. v. 14. p. 126.

⁾ Lond. Edinb. phil. Mag. * 3d. ser. v. 18. p. 133.

es Funken von 4 Zoll Länge gab. Die Elektricität war gewöhslich negativ, zuweilen positiv, während eine Drahtbürste, gegen die der ansströmende Luftstrom gerichtet war, sich stels positiv elektrisch zeigte. In einer späteren Mittheilung 1) wird angegebes, dass die Temperatur des Gefässes, in dem die Lust comprimit wird, und die Feuchtigkeit in demselben von grossem Einstuss auf die Elektrisirung ist. Je kälter das Gefäss, desto stärker ist die erzeugte Elektricität; wird es erhitzt, so verschwindet jede elektrische Spur, doch erst bei hoher Temperatur, wenn das Inpere des Gefässes feucht ist. In den frühern Versuchen, welche bei kaltem trocknen Wetter angestellt waren, zeigte sich die Elektricität des Gefässes bald negativ, bald positiv; in den späteren bei mildem feuckten Wetter angestellten blieb diese Elektricität stett negativ. War des Gefäss während des Versuches nicht isoliet, so war die ausströmende Luft stels positiv elektrisch; war es bingegen isolirt, so ereignete es sich oft, dass die Goldblättehen der Elektroscopes, welches durch eine Drahtbürste die Elektricität der Luft auffing, zuerst mit positiver Elektricität divergirten, sasammenfielen und mit negativer Elektricität aufs Neue divergirten. — Man sieht, dass der Verfasser nicht des Versuches Herr geworden ist.

Elektricität des gepulverten Zuckers Van Mons') bemerkte einmal an frisch geriebenem Zuckerpulver eine zittende Bewegung und ein grösseres Volumen als gewöhnlich. Dieses Pulver erschien am andern Tage leuchtend, aber sein Volumen hatte abgenommen und es bildete in kurzem eine feste Masse. Feuchtigkeit soll dabei nicht im Spiele gewesen sein und der Verfasser steht nicht an, die Erscheinung für eine elektrische zu halten. Derselbe will öfters bemerkt haben, dass Zucker in eine Zinnschüssel gerieben, daselbst eine feste Kruste bildet und sich achwer abnehmen lässt.

Licht beim Aneinanderschlagen von Feuerateinen.

Böttger*) hat mit dem Lichte, das beim Zusammenschlagen von
Feuersteinen entsteht, eine in farbige Sektoren getheilte Scheibe
belenchtet, die auf einem Busoltschen Kreisel in schnelle Rotation
gesetzt war. Derselbe erblickte die einzelnen Farben ziemlicht

¹⁾ London Edinb. phil. Mag. 2 v. 18. p. 328.

^a) l'Institut * 1839. p. 252.

^{&#}x27;) Poggendorff Annalen * Bd. 43. S. 658.

ich und schloss hieraus auf momentane Dauer des Lichts und elektrischen Ursprung desselben. In einem Gegenversuche le eine Scheibe mit Funken, die an einem Stahle geschlagen n, beleuchtet, wo sie die Mischungsfarbe zeigte. Doppler!) skt hiergegen ganz richtig, dass der beigebrachte Versuch mus ine kurze Dauer, etwa 110 Sekunde, deute, die jedoch die r eines elektrischen Lichts bei weitem übertreffe. So könnchen die Sektoren einer fortwährend beleuchteten gedrehten be erkannt werden, wenn man das Auge schoell hinter ein-. Mit Beleuchtung durch Stahlfunken m sich ebensalls die Sektoren erkennen, wenn man nur vorg schlüge, um bei jedem Schlage nur Einen Funken zu ern. Es ist hier an die Versuche Lichtenbergs *) zu erin-, der ein Paar Cacholonge (weisse Calzedone) unter Wasser oder ein Pistolenfeuerzeug unter Wasser abdrückte. Er bete in beiden Fällen einen lebhasten Lichtschein, woraus er s, dass die Lichterscheinungen beim Reiben von Kieseln, Man, Glas nicht elektrischer Natur seien.

Elektricität des Gymnotus electricus. Schönbein 4) mf Kopf und Schwanz eines 40zölligen Gymnotus, der in der ide-Gallerie in London gehalten wurde, Kupfersättel gesetzt, nit langen Kupferdrähten versehen waren. Diese Kupfersättel n bis auf ihre untere Fläche, mit der sie den Fisch berühreine isolirende Decke von Kautschuck; sie sind früher von day gebraucht worden, der an demselben Fische seine Ver-Der die Wirkungen des Gymnotus *) anstellte, unter welcher die elektroscopische Wirkung nicht vorkommt. In einer Socke waren zwei Goldblättchen an Metallstiften besestigt, die chander isblirt durch die Glocke hindurchgingen. Als Schöndie Drähte der auf den Fisch gesetzten Kupfersättel mit den werband, divergirten die Goldblättchen, ein Funke sprang hen ihnen über und verbrannte das Gold. Wurden die Drähte in Papier, das mit lodkaliumlösung getränkt war, gesetzt, so ien lod unter dem Drabte der su dem Kopfe des Fisches

⁾ Poggendorff Annalen * Bd. 49. S. 505.

Erzleben Physik 6. Aufl. * S. 485. Lichtenberg vermischte ben * Bd. 8. 8. 187.

^{&#}x27;) Beobacht. üb. d. elektr. Wirkungen d. Zitteraale Basel 1841 S. 11.

⁾ Peggendorss Annalen Erginzungebe. * 8. 385.

führte. Durch die Windungen eines Galvanometers geleitet, brachen der elektrische Strom des Fisches eine Ablenkung der Magnetodeln von 42 Graden hervor, in der Richtung die die Zerselzung gezeigt hatte, nämlich so, dass der Galvanometerdraht von dem Kopfe des Fisches positive Elektricität erhalten haben musste.

Elektricität einer Dame. Ich theile die solgende sohr auffallende Erzählung mit, wie ich sie gesunden. Da der bekaunte Herausgeber des american philosophical journal, Professor Silliman, die Achtbarkeit des Berichterstatters verbürgt, so ist sie jedenfalls pathologisch merkwürdig, sei es, dass sie eine neue krankhafte Disposition des menschlichen Organismus, oder das Gelüste sonst achtbarer Männer bekundet, durch Erdichtung und Lebere treibung eine augenblickliche Sensation zu errogen.

Rine Dome in den Dreissigern machte am 25. Januar 1837 während eines Nordlichts in Oxford (New-Hampshire in Nordamerika) die Entdeckung, dass von ihrer Hand gegen Jedeu, der ihr nahe kam, kleine Funken ausströmten. Ihr Arzt, der Dokter Hosford, der dies erzählt, trat bald darauf ins Zimmer und erhielt vog dem Knöchel der Dame eigen empfindlichen Funken auf die Nase. Trotz der geringen Isolation, wie sie die seidenen Strumpis und der türkische Teppich gewährten, auf dem die Dame satt, konnten in der Minute 4 anderthalbzöllige Funken, die nach jeden gebotenen Leiter hin schlugen, erhalten werden. Trat eine Penes auf den Teppich, so konnte die Dame diese durch Berühren ... atark laden, dass sie einer Dritten Funken gab und so fort. Beweg gung war keinesweges zu dieser Elektricitätserregung nöthig; diese erachien sogar am stärksten, wenn die Dame ruhig mit Lesen beschäftigt auf einem Stuhle sass. Weder Ablegen oder Wechsels der Kleider, noch verschiedene Medikamente, konnten diese eicktrische Krankheit heilen, die der Patientin, obgleich sie nur durch die Funken schmerzhaft berührt wurde, sehr lästig war. Die Kraule heit dauerle über 2 Monate bis zum 1. April in gleicher Stärke fort, nahm dann ab und hörte in der Mitte des Mai's ganzlich and

Das Erröthen eine elektrische Wirkung. Martye Roberts) bringt die bekannte Erfahrung vor, dass Flüssigkeite

^{&#}x27;) Silliman american phil. journal. Sturgeon Annals v. II. p. 35% l'Institut v 1838 p. 204.

³⁾ Lond. Edinb. phil. Meg. * v. 19. p. 31.

die ans Capillarröhren tropfenweise aussliessen, ausströmen wenn sie elektrisirt werden, und sieht daher die Fälle von gesteigertem oder gehemmten Blutlauf im menschlichen Körper für elektrische Erscheinungen an. Das Erröthen erklärt er leicht (easily) dadurch, dass eine Gemüthsbewegung die neuro-elektrische Aktion in Gesicht und Nacken steigere, welche dann den Widerstand aushebt, den die Capillargesässe dem Eindringen des Bluts entgegensetzen. Die Hauptsache, dass nämlich in den Gesässen Elektricität durch eine Gemüthsbewegung frei werde, wird stillschweigend vorausgesetzt.

Elektricitätserregung beim Tönen des Glases. Sellier') glanbt, dass Glasscheiben dadnrch, dass man sie tönen lässt, elektrisch werden, und zwar dass die Knotenlinien negative, die Bänebe positive Elektricität annehmen. Es wird dies aus den (genigend erklärten) verschiedenen Figuren geschlossen, die Kieselpulver und Harspulver zeigen, mit welchen die tönende Scheibe batseut ist. Ich gebe diese Notis, da sie an die aussallende Angebe erinnert, die Young') nach Robison macht, dass eine geledene leydener Flasche entladen werde, wenn man sie durch Reiben mit dem Finger zum Tönen bringt.

hat der Pariser Akademie solgendes Faktum mitgetheilt, das ihm wat einem Herrn Jobard geschrieben wurde, der es wiederum der brieflichen Mittheilung eines Bahnwächters bei Mecheln verdenkt. Am 21. Juni 1841 während eines Gewitters bemerkte der Wächter bei Mecheln, in der Richtung der Bahulinie von Gent nach Lättich, an jeder Verbindungsstelle der Eisenschienen ein glänzendes Licht das mit Knattern begleitet war. Ein ankommender Zug erschien ganz in Feuer durch glänzende Lichtgarben die am allen Eeken der Wagen sprühten. Als der Wächter mit einem lingheiter sich den Wagen näherte, erhielten sie einen Stoss der den letztern beinah umgeworfen hätte. Das Phänomen, welches schlinzten dauerte, wird von Séguier der atmosphärischen Elekticität sugeschrieben. Diese Manisestation der Elektricität ist in-

¹⁾ Plastitut * 1838 p. 32.

²⁾ Lectures on natural philosophy vol. L. p. 656.

^{*)} Compt. rendus * 1841 2me Sem. p. 283.

Becker darkerell.

dech bei einer befahrenen Eisenbahn nicht schwer zu einer hünten.

Mark the property of the second secon

Elektrische Apparate und deren Gebra

Elektrometer.

Art construit er innerhalb elues, in den magnetischen Meridian gestellte tailbügels eine Metailnadel am Coconfaden aufhängt, die de nen en ihr befestigten schwachen Magnet gegen den Bügel ge wird. Der Bögel steht in einem Glascylinder und endigt i Mussingvöhre; die durch den Deckel des Cylinders hindui Their man der Röhre Elektricität mit, so wird augleich wegliche Nadel elektrisirt, und von dem Bügel um eines abgestossen, den ein auf einer Theilung verschiebbares Mil misst. Dies Elektrometer hat keinen Verzug vor dem Pa sellen, *) won dem es sich nur dadurch unterscheidet, duis del am Coconfaden und nicht auf einer Spitze beweglicht in Spitze hindert eine grosse Empfindlichkeit des Instrumnis wie ich denn selbst bei Peltier die Nadel durch die Elbi cines kieinen Binkkupferpaars um mehr als 15 Grad ubge geschen babe. At the

Elektroskop mit trockner Säule.

Fechner hat dem Behrens-Bohnenbergerschend skepe folgende bequeme Einrichtung gegeben. Deine trockmen bespäpier, ist in einer mit Messingkappen geschlossenen Glebendlich, und liegt auf Stützen horizontal in einem Hehr dessen Decket mit einer Längsepalte versehen ist. An den

¹⁾ Poggendorff Annalen * Bd. 53. S. 612.

²⁾ Repertorium Bd. 2. S. 96.

^{*)} Peggendorff Admident Bd. 41. S. 230.

Messingkappen sind doppelt gebogene Drähte in Charnieren besestigt und tragen an den freien Enden mittels Charniere eingestigte evale zolllange Messingscheibehen. Die Drähte sind so lang, dass die beiden Messingscheiben ausserhalb des Kastens über der Mitte der Säule zur Berührung gebracht, ausserdem aber in einer kleinen Entsernung von einander parallel gestellt werden können. Auf den Deckel des Kastens ist eine kleine Glasglocke gestellt, durch deren Wölbung ein Messingstist hindurchgeht, an welchem ein mehrere Zolle langes möglichst schmales Goldblatt besestigt ist, das in der Mitte zwischen den beiden ovalen Messingscheiben zu hängen kommt. Der ausserhalb der Glocke besindliche Theil des Stistes ist zu einer Schraube geschnitten, auf die eine Kugel oder eine horizontale oder vertikale Metallscheibe geschraubt wird. Der Gebrauch des Apparats ist bekannt.

Atmosphärisches Elektroskop.

Im zweiten Bande des Repertoriums Seite 87 ist angeführt werden, dass Becquerel die atmosphärische Elektricität mittels eines abgeschossenen Pfeiles untersucht hat, der durch einen Goldlahnsaden mit einem Elektrometer verbunden war. Ich habe diese Methode versucht, aber sehr unpraktisch gefunden. Es gelang mir selten, den Lahnsaden, auch wenn er nur 80 Fuss lang war, enf Wachstaft so auszubreiten, dass er von dem abgeschnellten Pfeile unverwirrt abgenommen wurde; oft verfing sieh ein Stück devon in einem Grashalme und vernrsachte dadurch bei der grossen Geschwindigkeit des Pfeils, der von einem vortrefflichen Pistorschen Bogen abgeschossen wurde, ein Zerreissen des Fadens. Ich habe so und zwar bei schönem ziemlich windstillem Wetter zu viele Pfeile und Mühe verloren, um die Versuche während der Wirbelstürme eines herannahenden Gewitters zu wiederholen. Später fand ich, dass schon Gersdorf 1) sich 1802 der Methode mit a abgeschossenen Pfeile hedient, dieselbe aber, obgleich er muz cinen Faden von 50 Fuss Länge gebrauchte, wieder aufgegeben bet. Um die Lustelektricität im Freien zu beobachten, wird man liher, wie früher, das Saussuresche oder das Voltasche Elektrometer anvvenden müssen. Das letztere habe ich mir mit einigen ienderungen folgendermassen ausführen lassen. Die Fig. 13 zeigt

¹⁾ Gers de rff Beobachtung, d. atmosphär, Elektr. Görlitz 1802 S. 84.

das Instrument zum Gebrauche geöffnet und auf einem Spasierstocke aufgeschraubt. Es besteht wesentlich aus dem Elektrometer A und dem Glasstabe B, welcher sum Tragen des Auffangedrahtes bestimmt ist. A ist eine luftdicht verschlossene Glaskugel von 1 Zog 44 Linie Durchmesser, in welche ein durch den Hals hindurcheshender Stift mit 5 Linien langen äusserst schmalen Goldblattchen hineinragt; den Flächen der Goldblätter gegenüber ist die untere Hälste der Kugel ausserlich mit Stanniol bekleidet. Der Glasstab B ist 31 Linie dick und trägt ein Metallstück, um welches die Hülse a drehbar ist. Von dieser Hülse geht auf der einen Seite der Winkelarm b aus, dessen berabgehender Theil aus einem Glasstäbchen besteht, auf der audern Seite ein gebogener Messiogarm, der mit der Kugel c die Kugel des Elektrometers berührt. Die Kugel c ist deshalb an der Berührungsstelle sphärisch ausgeschliffen. In die Schraubenmutter d wird der Auffangdraht geschraubt, der aus zwei aufgeschraubten Stücken, jedes von 14 Fou Länge, besteht, die in dem ausgehöhlten Spazierstocke, der das lostrument trägt, aufbewahrt werden. Die berabgeklappten Plügel des Instruments enthalten ausser einem Bernsteinstäbehen zur Prüfung der Elektricität, und zwei Verbindungsschrauben die Stücke, welche an der Spitze des Auffangdrahtes angebracht werden: eine feine Stahlspitze und die in Fig. 14 abgebildete Büchse. Diese Messingbüchse, 1 Zoll hoch, 9 Linien weit, ist der Länge nich aufgeschnitten, um einen in derselben befindlichen Teller auf und abbewegen und mit der Schraube a feststellen zu können. Auf den Teller passt die kleine Spirituslampe b, an deren Stelle auch Räucherkerzen gebraucht werden. Ist dieser Apparat aufgestellt, welches in einigen Minuten geschieht, so drückt man, um die atmosphärische Elektricität aufzufangen, mittels des Armes b (Pig. 13) die Kugel e an das Elektrometer, und rückt die Kugel in gleicher Weise ab, wenn man die Elektricität untersuchen will. Ist der Auffangdraht abgenommen, so bilden die über das Instrument binaufgeschlagenen Seitentheile einen Kasten von den Dimensionen 4", 2" 11", 2" 1", welcher leicht und sicher zu transportiren ut.

Ich habe mit diesem Elektroscope einige Versuche bei heiterm Himmel angestellt und immer einen glühenden Körper an der Spitze anbringen müssen, dann aber stets deutliche, zuweilen ziemlich starke Zeichen von positiver Elektricität erhalten. Eine gewöhnliche Räucherkerze in der Büchse ist hierbei sehr bequem, doch

Lampe 16 Minuten lang brennt, vergleichbarere Resultate. Es ist indess immer nöthig, dass die glühende Spitze der Flamme. wie der Kerze über die Büchse, wenn auch noch so wenig hinausrage, da sonst ihre Wirkung ausbleibt. Dass der von der Büchse aufsteigende heisse Luststrom nicht in der Weise der Flamme wirke, zeigte sich dadurch, dass, als nach mehrfachem Gebrauche der Räucherkerzen die Büchse so heiss geworden war, dass man sie nicht gut anfassen konnte, dennoch keine Elektricität im Elektroscope zu finden war, die sogleich bei Anwendung einer freistehenden glühenden Spitze eintrat. Als ich die kleine Lampe zu einer Glühlampe eingerichtet hatte, erhielt ich keine Wirkung. Ob dies allein daher rührte, dass der über die Büchse hervorragende Theil der Platinspirale zu glühen aufhörte, ist nicht mit Bestimmtheit ausgemacht worden.

Doppel-Condensator.

Péclet 1) hat aus drei vergoldeten Glasplatten einen Condensator construirt. (Die Glasplatten wurden hierzu mattgeschliffen, angehaucht mit Goldblatt belegt und mit einer dicken Firnissschicht bedeckt, die eben geschlissen und durch Firniss glänzend gemacht wurde.) Eine dieser Platten, A ist auf einem Goldblattelektroscope besestigt und auf der obern Seite gesirnisst. Auf ihr rakt die auf beiden Flächen, aber nicht am Rande gefirnisste Platte B, welche auf der oberen Fläche mit einem Glasstiel zum Abheben versehen ist. Eine dritte Platte C endlich ist nur auf der untern Fläche gesirnisst, sie ist in der Mitte durchbohrt und sam Abheben mit einer Glassöhre versehen, die den Glasstiel der Platte B umsasst. Diese Einrichtung dient in solgender Art zu wiederholter Condensation. Man bringt die zu untersuchende Elektricität an die Platte C und berührt dabei die Platte B ableitend (die hierzu mit einem vorspringenden vergoldeten Kupferstifte versehen ist), hebt alsdann C ab und berührt die Platte A ableitend. Die Platte C wird alsdann wieder aufgesetzt, mit Elekticitat versehen und das frühere Versahren wiederholt, bis zu-

^{&#}x27;) Compt. rendus t. VII. p. 486. In den Annales de Chimie dreimal r. 68 t. 71 und 3me Sér. t. 2 p. 100.* An der letzten Stelle ist eine Abläheng gegeben. Poggendorff Annalen Bd. 46. S. 348.

letzt auch die Platte B abgehoben wird, wodurch die gauze in der Platte A angesammelte Elektricität (sie ist derselben Art, wie die an C angebrachte) die Divergenz der Goldblättehen im Elektroscope bewirkt. Um diese genau ablesen zu können, sind anserhalb des Glaskastens des Elektroscops zwei vertikale Metallplatten diametral einander gegenübergestellt, von welchen die eine mit einem kleinen Loche zum Absehen, die andere mit einer Gradeintheilung versehen ist.

Der Verfasser fügt einige Versuche bei, in welchen die vergoldete Platte mit verschiedenen Metallen berührt, und im Elektroscope negative Elektricität in verschiedener Stärke erhalten wurde. Hiernach stellt sich die Reihe der Metalle, die das Gold in absehmender Stärke negativ elektrisiren: Zink, Blei, Zinn, Wismuth, Antimon, Eisen, Kupfer, Silber, Platin. Der Versuch mit dem Platin wurde mit besonderer Vorsicht angestellt, das Platin wurde geglüht, und die Hand, die es hielt, mit destillirtem Wasser gewaschen.

Lustcondensator.

Eine einfache und bequeme Einrichtung dieses Instruments, die ich vorgefunden zu haben mich nicht entsinne, ist folgende: Zwei Messingscheiben ven 4 Zoll einige Linien Durchmesser sied an Glasstäben besestigt, vertikal einander gegenübergestellt. Die eine Scheibe steht unverrückbar auf einem Brette, und ist durch einen in einer Druckschraube besestigten Draht mit einer vollkemmenen Ableitung versehen. Der Fuss der andern Scheibe wird von einem Metallstücke gebildet, das zwischen zwei auf dem Brette befestigten Metallleisten leicht verschiebbar ist. Auf einer dieser Leisten ist ein vorspringendes Metallstück festgekleinmt, welches die (veränderliche) Entsernang bestimmt, bis zu welcher die Scheiben einander genähert werden können. Die bewegliche Scheibe trägt an der Rückseite einen Draht mit einer Kugel, die mit einem Elek! trometer in Verbindung gesetzt werden kann. Bei starken Elektricitätsansammlungen muss das Ueberspringen der Elektricität durch 🚅 swischen die Scheiben gebrachtes Glimmerblatt verhindert werden a

Vertheilungsapparat.

Ich habe mir zur Anstellung der im Repertorium Band. 2. S. 34. beschriebenen Versuche den in Fig. 15. abgebildeten Appa-

rat ansertigen lassen, der sich auch zu andern Vertheilungsversuchen eignet. Die Messingkugel e hält 2 Zoll 4½" pariser Maass im Durchmesser, die Glasscheibe d 3 Zoll 74", und der Messingstab ab ist 6" 5" lang, 31" dick. Die Mittelpunkte dieser drei Stücke stehen von dem Glasstabe f 5 Zoll 9" entfernt. Die Stücke sind mittels Glasarme, die mit schmelzendem Schellack überzogen werden, an Klammern besestigt und können an dem Glasstabe auf und ab bewegt und festgestellt werden. An dem Messingstabe sind die Hollundermarkkugeln a und b an Leinfäden unverräckber ausgehängt, die dritte Kugel c hat aber ihren Besestigungspankt auf einem Ringsegmente, das an dem Metallstabe verschiebbar ist. Hierdurch lässt sich der elektrische Indisserenzpunkt des Metallstabes bei verschiedener Stellung der geladenen Messingkagel sichtbar machen. Bringt man den Messingstab ab in Berührung mit der elektrisirten Kugel, so zeigt sich die Anordnung der Elektricität auf diesem zusammengesetzten Leiter durch die Divergenz der Markkugeln. Die Spiegelscheibe d dient theils den Uebergang der Elektricität von der Kugel zum Stabe zu verhindern, theils zur Placirung von Metallscheiben, um den Einstuss der Schirme auf die Vertheilung zu zeigen. Zur Ladung der Kugel wird eine leydener Flasche benutzt, die mit Anwendung des Ladestatifs (siebe unten) zu einem bestimmten Grade geladen worden ist.

Elektrische Spritze.

Böttger 1) hat mit Hülse eines Bohnenbergerschen Elektrostops gezeigt, dass an dem Knopse der elektrischen Spritze von
Page 2), welcher positive Elektricität giebt, wenn man den Stempel auszieht, negative Elektricität zum Vorschein kommt, wenn
men denselben zurückstösst. Diese negative Elektricität ist so
stark, dass ich sie mit Leichtigkeit an einem Bennetschen Goldblattelektrometer auszeigen konnte; sie rührt ohne Zweisel von eiser Vertheilung her, welche die positiv elektrisirte innere Oberstiche der Glasröhre auf den Metallknops ausübt. Die Elektricität
der innern Glassläche ist am stärksten, wenn man den Stempel
meskstösst, weil sie alsdann nicht von den Spitzen des Einsaupers entladen wird, sie sehlt aber nicht gänzlich bei dem Heraus-

¹⁾ Neue Beiträge zur Physik * S. 54.

²⁾ Repertorium Bd. 2.. S. 91. siche Fig. 2, desselben Bandes.

siehen des Stempels, weil der Einsauger die Fläche nicht vollständig entladet. Man kann daher die negative Elektricität des Knopses aufzeigen, ohne den Stempel zurückzustossen. Ich zeg den Stempel auf und nahm einen Funken von dem Metallknople der alsdann an das Elektroscop angelegt noch ein- oder zweima eine Divergenz mit positiver Elektricität verursachte. Bei ernenter Anlegung an das Elektrometer kamén aber Divergenzen mit negativer Elektricität zum Vorschein, und zwar sielen diese immer stärker aus, erreichten 5 Linien (bei einer Länge der Goldblättchen von 1 Zoll) und nahmen dann ab. Ich konnie 7 bis 10 negative Divergenzen beobachten, ehe der Knopf der Spritze alle Elektricität verloren hatte. Die stärkste negative Elektricität (mit einer Divergenz der Goldblättchen von ungefähr 9 Linien) erhält man, als Summe der Wirkung der zwiesachen Elektrisirung der Glassiäche, wenn man den Stempel aufzieht und ihn, nach Estladung des Knopfes, sogleich wieder zurückstösst.

Reibkissen.

Da für eine Elektrisirmaschine mit sehr unregelmässigem Glacylinder ein passendes Reibkissen nicht zu finden war, liess Walker!) ein hohles Kissen aus Kautschuck versertigen und mit Leder überziehen. Mit Wasser gefüllt that dies eigenthümliche Reibzeug sehr gute Dienste.

Leydener Flasche.

Sturgeon bemerkte, dass die Flaschen, welche beim Estladen der elektrischen Batterie zerbrachen, zumeist am obern Rande
der Belegung durchbohrt waren. Er bekleidete die untere Fläche
des Holzdeckels der Flasche mit Stanniol und verband diesen derch
Stanniolstreisen mit dem obern Rande der innern Belegung. So
vorgerichtete Flaschen sollen die stärksten elektrischen Entledengen ertragen, ohne durchbohrt zu werden.

Ladestativ.

Um eine leydener Flasche zu einem bestimmten Grade mit leden, wird sie auf den mit einem Rande versehenen, darch einem

¹⁾ Sturgeon Annels of El. * v. III. p. 62.

²⁾ Sturgeon Angels of El. * v. II. p. 86.

Š

nnd ihre Kugel mit dem Conductor der Elektrisirmaschine erbindung gesetzt. Die Kugel b, die auf einem Metallstabe, wird von der sesten Kugel in eine bestimmte Entsernung it, wozu die Schlittenbewegung auf dem Fusebrette dient. Pruckschraube c ist ein su einer vollkommenen Ableitung ihren) sührender Draht besestigt. Die Anzahl der zwischen ib überspringenden Funken giebt ein relatives Maass der ag der Flasche.

Verbindungsklemmen.

Lar Verbindung von Drähten unter sich oder mit Platten hat ; en dorff') sehr bequeme Klemmen angegeben, die in Fig. 17. tärlicher Grösse abgebildet sind. Die erste Klemme besteht sem durchbohrten Kupfercylinder, in welchem die zu verbinen Drähte mittels zweier Druckschrauben befestigt werden, weite ist aus zwei Kupferplatten gebildet, welche durch eine nie zusammengepresst, dabei aber von einem Stifte in ihrer gehalten werden. Die Platten haben auf einer Seite der nie keilförmige Furche, um einen Draht fassen zu kön-Die Kegelklemmen, mit welchen ein Draht von genau bester Länge in den Schliessungsbogen oder das Luftthermometer schaltet wird, sind bereits im 2ten Bande des Repertoriums. beschrieben worden.

Maassflasche.

Von dieser Flasche, die zur Messung der in die elektrische die gesührten Elektricitätsmenge dient, ist bereits, Repertor.

S. 38, die Rede gewesen. Es ist eine sorgsam gearbeitete ische Funkenslasche von † quadr. Fuss innerer Belegung, an ie bewegliche Kugel mittels einer Führschraube in eine gesessbare Entsernung von der sesten Kugel zu stellen ist. Da Kugeln an der Stelle, wo die Funken überspringen, angen werden, so habe ich sie jetzt, statt sie unveränderlich zu igen, auf wohl abgedrehte Zapsen stellen lassen, wodurch einen ganzen grössten Kreis der Kugeln zum Aussangen der m benntzen kann. Man hat die Kugeln daher erst nach län-

⁾ Peggenderss Annalen * Bd. 49. 8. 39.

gerem Gebräuche abzunehmen und zu poliren. Die äussere Belegung der Maassslasche muss eine vollkommene Ableitung haben, die ich jetzt durch Verbindung der kupsernen Fussplatte der Flasche mit den Gasröhren des Hauses herstelle. Der Kupserstreisen, der von dem Schliessungsbogen der Batterie zu dem Drahte hinabgebt, der von dem Innern der Maassslasche zur äussern Belegung der Batterie führt (siehe a. a. O.), ist an der Fussplatte der Flasche befestigt und wird durch eine daselbst angebrachte Messingseder gegen jenen Draht gedrückt. Hierzu ist an dem Streisen ein mit einer Rinne versehenes Messingstück besestigt, die jenen Draht ausnimmt. Vor dem Laden der Batterie wird der Kupserstreisen durch einen Schnurlauf von dem Drahte entsernt; indem die Schnur vor dem Entladen gelöst wird, kommt der Schliessungsbogen sowohl mit der öussern Belegung der Batterie, als auch mit der allgemeinen Ableitung in Verbindung.

Funkenmikrometer.

Zwei Messingzapfen ab (siehe Fig. 18.) an horizontal durch bohrten mit Druckschrauben versehenen Metallstücken sind auf dannen ungefähr drei Zoll langen Glasstäben isolirt. Der eine Stab ist auf einer Metallplatte durch die Schraube e unverrückbar befestigt, der andere steht auf einem Schlitten, der mittels der Fohrechraube f längs einer feinen Theilung bewegt wird. Diese Führschraube wirkt durch eine Schraubenmutter, die durch die Schraube d au die Metallplatte geklemmt ist; nach Lösung der Schraube kann der Schlitten mit der Hand fortbewegt werden. Die Metallplatte ist auf einen Glasstab von 24 Zoll Länge gestellt. - Auf die Zapfen des Funkenmikrometers sind verschiedene Metallkörper (siehe Fig. 19.) unverrückbar aufzustecken: Kugeln von 6 1 Linieu, Scheiben von 81 Linien Durchmesser, abgestumpste Kegel und Spitzen. Um die feinsten Spitzen anzubringen, sind die Zaplen mit horizontalen Durchbohrungen versehen, in welche englische Nähnadelu gesteckt werden können.

Zersetzungsapparat.

Zu elektrischen Zersetzungen auf Papieren habe ich folgenden Apparat anfertigen lassen, den ich auch bei galvanischen Zersetzungen bequem gefunden habe. (So diente er z. B. nebst einem Zink- und Kupferstückchen, die durch feuchtes Papier getrent

waren, zur Untersuchung der Continuität einer langen Drahtleitang, und erwies sich dabei eben so empfindlich, aber viel bequemer als das Galvanometer.) Auf einem kleinen Brette (4 Zoll und 14 Zoll) sind zwei parallele Metallleisten befestigt, zwischen welchen die beiden mit Knöpfen versehenen Metallstücke a (Fig. 20) verschiebbar sind. In diese Stücke sind dünne 2 Zoll lange Glasstäbe unter starker Neigung gegen das Brett eingekittet, welche die kupsernen Winkelstücke b c tragen. Jedes dieser letzteren ist doppelt durchbohrt, bei b horizontal um die Leitungsdrähte, bei c winkelrecht um die Zersetzungsdrähte aufzunehmen. Die Drähte werden in den Bohrlöchern durch Schrauben sestgehalten. Die Zersetzungsdrähte bestehen, wie die Figur zeigt, aus dicken (Platin) Nadeln mit stumpfer Spitze; man lässt dieselben durch ihr eigenes Gewicht so weit hinabsallen, dass sie auf einer untergelegten Glasplatte zu stehen kommen, und besestigt sie in dieser Lage durch die Schrauben. Die Platinspitzen drücken alsdaun gegen ein zweimal zusammengelegtes Papier, das mit der zu zersetzenden Lösung benetzt ist, hinlänglich, um die Zersetzung herverzubringen. Auf einer der Metallleisten ist eine Theilung angebracht, um die Entsernung der Platinspitzen reguliren zu können. Will man den Apparat zur Wasserzersetzung anwenden, so werden statt der Nadeln Uförmige Platindrähte genommen, deren unterer Theil mit geschmolzenem Siegellack überzogen ist, und die mit dem einen Schenkel und einer daran gelötheten Platinplatte in eine Gasröhre hinaufreichen.

Luftthermometer.

Die Einrichtung des Luftthermometers, dessen ich mich zur Bestimmung der Erwärmung eines Drahtes im Schliessungsbogen bedieute, habe ich im zweiten Bande des Repertoriums Seite 98. angegeben; in einer historischen Notiz in Poggendorss's Annalm Band 52. Seite 315. habe ich gezeigt, wie dies Instrument durch allmählige Veränderung aus dem von Kinnersley 1761 erfundenen Thermometer hervorgegangen ist. Die Theorie des Instruments, die zu dessen Gebrauche nothwendig ist, findet sich an verschiedenen Stellen meiner Abhandlungen über die elektrische Erwärmung, aus welchen ich die nöthigsten Resultate hier zusammstelle. Es ist zu bemerken, dass bei Berechnung der Erwärmung eines Drahtes angenommen worden, dass derselbe seine

308 Berechn, der Erwärmung eines Drahts im Thermometer.

Wärme mit der ganzen Luftmasse der Thermometerkugel theile, und dass die Elasticität dieser Luftmasse, welche das Sinken der Flüesigkeit in der Röhre veranlasst, nur unmerklich durch Abküllung, die von der Glashülle ausgeht, verändert werde Die letzte Annahme gilt nur für instantane Wärmeerregung, und fällt bei anderweitiger Anwendung des Instruments fort. Es ist dabei näthig, dass die Thermometerkugel nicht zu klein genommen werde.

Berechnung der Erwärmung eines im Thermometer ausgespannten Drahtes. Es mögen folgende Bezeichnungen gelten:

Temperaturerhöhung des Drahtes in Centesimalgraden Senkung der Flüssigkeit in der Röhre, in pariser Linien Der Luft in der Kugel: Volumen in pariser cub. Linien

> apecif. |Gewicht bei 0 Gr. und 1" Drock 7 Wärmecapacität bei ungeändert. Volum. e

Ausdehnung für 1 Gr. Centes.

Des Drahtes in der Kugel: Länge in pariser Linien

Halbmesser

specif. Gewicht des Metalles Wärmecapacität

el. Verzögerungskraft d. Metalles

Der Thermometerröhre: Querschnitt

Neigung gegen die Vertikale

Gewicht des Quecksilbers gegen das der Flüssigkeit der Röhre

Druck in paris. Lin. b

Ŧ

2

¥

C

(Die letzten beiden Grössen werden constant angenommen wihrend des Abschlusses der Kugel, daher Versuche mit dem Thermometer bei stürmischem Wetter und in einem Zimmer, dessen Temperatur schneil veränderlich ist, nicht anzustellen sind) Man hat folgenden Ausdruck für die gesuchte Beziehung zwischen der Anzeige 3 des Thermometers und der Temperaturerhöhung T des in ihm ausgespannten Drahtes:

$$T = \left(\frac{1}{a} + t\right) \left(\frac{\cos \varphi}{ab} + \frac{a}{V}\right) \left(\frac{Ve\gamma b}{\pi g \operatorname{Clr}^2 (1 + \alpha t)} + 1\right)$$

Für den gewöhnlichen Gebrauch kann diese Formel durch Eisführung von Zahlenwerthen vereinsacht werdn Es ist nämlich auch eine bedeutende Aenderung des Barometer- und Thermometerke terstandes in der äussern Luft vor Abschluss der Thermometerke gel von sehr geringem Einslusse aus >, so dass man t = 15, b = 336 setzen kann. Die Flüssigkeit in der Röhre ist aus Alkohol, Schweselsäure und Cochenille am bessten so zusammenzusetzen, dass ihr specifisches Gewicht 0,919 ist, dann wird n = 15. Man erhält somit

$$T = 287.9 \left(\frac{\cos \varphi}{5040} + \frac{s}{V} \right) \left(\frac{0.00007341 \text{ V}}{\text{gClr}^2} + 1 \right)$$

sur Berechnung der durch die elektrische Entladung erzeugten Temperaturerhöhung des Drahtes; und

$$W = 904.3 \left(\frac{\cos \varphi}{5040} + \frac{s}{V} \right) \left(0.00007341 V + g Clr^2 \right)$$

zur Berechnung der in ihm frei gewordenen Wärmemenge. Für die Zahlen sind folgende Logarithmen zu gebrauchen:

Beide Formeln sind zur logarithmischen Rechnung sehr bequem, da sie für jedes bestimmte Thermometer die Form annehmen $A\left(\frac{B}{X}+1\right)$ mit > oder >X multiplicirt, worin A und B constante Werthe ind, und $\log \left(\frac{B}{X}+1\right)$ mit Hülfe der Gauss'schen Logarithmen kicht zu berechnen ist.

Empfindlichkeit des Thermometers. Man hat bei elektrischen Versuchen Thermometer von sehr verschiedener Empfindlichkeit nöthig, die man aber leicht durch eine Aenderung desselben Instrumentes herstellen kann. Da die durch Elektricität in einem veränderlichen Drahte erregte Wärmemenge durch den Aus-

druck gegeben ist:
$$W = \frac{a}{\frac{r^2}{x \cdot l} + b}$$
, so hat man diesen nur in die

letzte Formel einzusühren und > zu entwickeln, um die Empsindlichkeit des Thermometers bei bestimmter Entladung nach allen zeinen Theilen zu übersehen. Man erhält nämlich:

$$= \frac{\frac{1}{\cos \varphi + \frac{1}{V}(0,00007341 \text{ V} + \text{Cglr}^2)(\frac{r^2}{x \text{ l}} + b)}$$

weraus sich solgende Bestimmungen ergeben:

Thermometerröhre. Mit Abnahme ihres Querschnitts wächst die Empfindlichkeit des Thermometers, doch darf derselbe der Capillarität wegen nicht zu klein genommen werden; ich habe ihn 0,12 und 0,13 quadr. Linie angewaudt. Eine grössere Neigung der Röhre gegen die Vertikale steigert die Empfindlichkeit, die horizontale Lage wäre die günstigste, wenn sie nicht bei den Entladungs-Strömen Unbequemlichkeiten mit sich brächte. Ich habe die Neigung 834 Grad genommen.

Thermometerkugel. Das Volumen der Kugel V hat eine Gränze, bis zu der es mit Vortheil vergrössert werden kann. Diese Grenze wird gefunden

$$V = 8285.4 \cdot r \sqrt{\frac{gCls}{cos. g}}$$

und ist also von dem angewandten Drahte abhängig. Es ist indess, nach der obigen Bemerkung, nicht rathsam, die Kugel saklein zu nehmen (ich habe sie nicht unter 2½ Zolf Durchmesser gebraucht). Wo man einer gesteigerten Empfindlichkeit des lastrumentes bedarf, ist diese durch Horizontalstellen der Röhre zu erhalten, bei welcher Lage die Grösse der Kugel unbedingt vortheilhaft ist.

Draht in der Kugel Nach der Formel würde das vortheilhafteste Metall des Drahtes in der Thermometerkugel das Bleisein, man wird indess besser Neusilher oder Platin, die keiner Veränderung ausgesetzt sind, anwenden. Durch Verlangerung des Drahtes lässt sich die Empfindlichkeit des Instruments steigern, aber nur bis zur Gränze

$$l = \sqrt{\frac{0,00007341 \,\mathrm{V}}{\mathrm{Cg}\,\mathrm{mh}}}$$

welche von dem Volumen der Kugel, dem Metalle des Drahtes und der Constante b abhängt. Diese letzte Grösse, welche sch mit dem Schliessungsbogen ändert, muss aus zwei vorläufigen Versuchen bestimmt werden. —

Am einflussreichsten auf den Gaug des Thermometers ist der Halbmesser des Drahtes, der. je kleiner ei gewählt wird. eine desto grössere Empfindlichkeit des Thermometers bedingt. Durch verschieden lange und dünne Drähte lässt sich daher das Luftthermometer leicht zu jeder gewünschten Empfindlichkeit vorrichten

Cylindrisches Lustthermometer.

Poggendorff') hat sich zu Versuchen mit magneto-elektrischen Strömen eines leicht zu construirenden Luftthermometers mit cylindrischem Behälter bedient. Auf dem Brette AB (Fig. 21) 33 Zoll und 3 Zoll haltend, ist das Glasrohr df, von 9 Zoll Lange 8 Linien innerem Durchmesser befestigt. Es ist an beiden Enden mit Korkstöpseln und geschmolzenem Siegellack luft-Eicht verschlossen. Durch den einen Stöpsel geht die kurze offene Glasröhre k, welche bei dem Gebrauche mit einem Korke verstopst wird, durch den andern die lange Röhre abe. Diese letztere ist bei b und c zu Kugeln von 0,5 Zoll Durchmesser ausgeblasen und bei a zu einem ausgerichteten Cylinder erweitert. In dem übrigen 18 Zoll langen Theile ist diese Röhre 0,5 Linie weit und wird mit einigen Tropfen gefärbten Weingeistes versehen, die einen Index von 1 Zoll Länge bilden, dessen Bewegung auf einer in Linien getheilten Scale abgelesen wird. In dem Bebilter df ist ein 24 Zoll langer Platindraht, 0,133 Linien dick, schraubenförmig ausgespannt, seine Enden gehen luftdicht durch die Korkstöpsel zu zwei im Holze besestigten Kupserstisten, welche mittels Klemmen mit den Leitdrähten der magneto-elektrischen Maschine verbunden sind. — Die Empfindlichkeit des Instruments wird durch die horizontale Lage der Röhre bedingt, in der sich Ge Flüssigkeit bewegt; die Abkühlung der abgesperrten Luftmasse durch das Glas des Cylinders ist so gross, dass der Index bei dem Aufhören des elektrischen Stromes sogleich zurückgeht.

Metallthermometer.

Es ist zuweilen bequem, sich bei Untersuchung der elektrischen Wärmeentwicklung statt des Lustthermometers eines Metallthermometers zu bedienen. Ich habe hierzu eine ziemlich complicite Vorrichtung bei Breguet in Paris gesehen, in welcher der dektrische Strom durch eine Platinspirale geführt wurde, die eine bermometrische Spirale nahe umschloss. Eine einfachere Einrichtung des Instruments ist die folgende: Auf einer mit Stellschrauten versehenen Fussplatte von 6 Zoll Durchmesser steht eine hölterne Säule von 6 Zoll 3" Höhe, welche an einem 2 Zoll 2"

¹⁾ Peggenderff Amalen Bd. 52. S. 894.

langen horizontalen Arme das obere Ende der 3 Zoll 7" langen Thermometer-Spirale trägt. Der am unteren Ende befestigte Zeiger spielt auf einer Eintheilung von 28 Linien Durchmesanr, die an der Holzsäule hinaufgeschoben werden kann und nach dem Gebrauche die Spirale stützt. Ein starker Messingdraht geht am Raude durch das Fussbrett, und endigt ausserhalb der Glasglocke, unter welcher die Spirale und Holzsäule stehn, in einer Druckschraube; innerhalb geht derselbe an der Säule hinauf und krümmt sich dergestalt, dass sein oberes mit einer Klemme versehenes Ende über der Mitte der Spirale steht. Gleichsalls in der Axe der Spirale, aber 1 Zoll von ihrem untern Ende entfernt, steht eine Klemme, von der ein Draht durch die Mitte des Pussbrettes zu einer ausserhalb der Glocke stehenden Druckschraube führt. In diesen beiden Klemmen ist ein Platindraht von 61,5 Linien Länge. 0.08 Linien Dicke straff ausgespannt, und bildet bei gehörigen Stande des Fussbretts, zu dessen Regulirung die Stellschrauben dienen, die Axe der Thermometer-Spirale. Mittele der beiden änsserlich am Brette besindlichen Druckschrauben wird der Ptatindraht in eine elektrische Schliessung eingeschaltet. - Meioc. schr empfindliche, von Breguet gesertigte Spirale geht darch 22 Bogengrade, wenn sich die ganze Luftmasse unter der Glasglocke am 1 Grad R. erwärmt.

Induktionsscheiben.

Flache Spiralen zur Elektro-Induction habe ich mir in folgender Art ansertigen lassen.). In eine aus drei ausgeleimten Dicken
bestehenden Holzscheibe ist eine Anzahl concentrischer Kreise mil
Zwischenräumen von ungefähr 2 Linien zur Tiese des annuvcadenden Drahtes eingeschnitten und durch gekrümmte Einschnitte
zu einer spiralförmigen Figur vereinigt. Ein Draht von passender zu
Länge wird in die eingeschnittene Figur gelegt, daselbst an vieles
Stellen durch Pech oder Schellack besestigt und durch ausgelegte
Gewichte niedergehalten. Ist die Figur vollendet, so werden alle
Zwischenräume zwischen den Spiren gleichsörmig mit Pech ausgestüllt und die Obersläche mit einer heissen Metallplatte geglätzt
Die Enden des Drahtes gehen am Rande und in der Mitte durch
die Holzscheibe hindurch und sind an daselbst besestigten Drock

¹⁾ Poggendorff Annalen * Bd. 50, S. 10.

Holsscheibe sorgfältig copirt. Beide Spiralscheiben werden mit Glassüssen versehen einander gegenübergestellt; der eine Glassus wird auf einem Brette, der andere auf einem darans angebrachten Behlüten besestigt. Ich besitze zwei Paare solcher Induktionsscheiben, an dem einen hat jede Holzscheibe, von 6 Zoll Durchmesser, 14 Spiren und 13 Fuss Draht, an dem andern enthält die Scheibe von 1 Fuss Durchmesser 31 Spiren von 63 Fuss Draht gebildet.

Disserential-Induktor.

Unter diesem Namen hat Dove ') einem Apparat angegeben, um die Differenz zweier Nebenströme bemerklich zu machen. Auf swei starke cylindrische Glasröhren von 1 Fuss Länge und 1 Zoll Weite sind zwei Spiralen von Knpserdraht in gleichem Sinne gewickelt und ganz in Schellack eingelassen, welches auswendig mit Papier überzogen ist. Jede der Spiralen erhält bei 32 Pass Draht-Mings 80 Windungen. Von den I)rahtklemmen, in welchen diese Spiralen endigen, wird a mit der innern, d mit der aussern Belagung der Batterie verbunden (s. Pig. 22.). Da die Klemmen b und e durch einen Querdrath verbunden sind, so bilden die beiden Spiralen ab nad ed zusammen den Schliessungsdraht der letterie. Die darauf zu schiebenden mit den innern in gleichem Sinne gewundenen Induktionsspiralen sind auf Röhren von Pappe in Schellack eingelassen, und haben bei 80 Windungen eine Drahtlage von 45 Puss. (Der hier angewandte Draht ist überall 🛊 Linie Tek.) Die beiden Enden jeder Nebenspirale besinden sich auf derselben Seite (Vorderseite der Figur); es läust deshalb das unsgebogene längere Ende jeder Spirale (\$ und \$\gamma\$) in einer Glasröhre Beben der Sussern Papierbekleidung hin und ist daran mittels seidemer Bänder befestigt. Von den vier Enden der Nebenspirale thad swei (a und y) durch einen Querdraht verbunden, während **de andern beiden,** je nach der Wirkung, die man am Nebenstrom passen will, durch verschiedene Metallstücke geschlossen werden. 🕨 der Pigur sind diese Enden mit Drähten und Handhaben verben, welche zur Prüsung des physiologischen Effekts mit den Raden gesasst werden. Jede Schliessungsspirale (ab und cd) bet mit ihrer sie einhüllenden Nebenspirale (aß und yö), auf

²⁾ Poggenderff Amelen * Bd. 54. 8. 310.

swei Glasfüssen von ? Zoll Durchmeeser, welche in einer Höhe von 84 Zoll sich gabelförmig öffnen in zwei Glasstangen, die bei einer Länge von 3 Zoll oben 14 Zoll von einander stehen und an den lothrechten Stangen mittels Messinghülsen befestigt sind. -Indem die Batterie durch die beiden Schliesaungsspiralen entladen wird, entsteht in jeder der beiden Nebenspiraten ein inducirter Strom von nabe gleicher Stärke. Da diese beiden Ströme durch dieselbe Leitung gehen müssen, diese aber durch den Verbindungsdrabt ay so eingerichtet ist, dass die Ströme in ihr entgegengesetzt gerichtet sind, so wird im Allgemeinen keine Wirkung von ihnen resultiren. Die Wirkung wird aber eintreten, wenn einer der beiden Ströme verändert wird, oder wenn beide Ströme in verschiedenem Masse verändert werden. Diese Aenderung p sobieht durch Einführung verschieden geformter Metallmassen in die cylindrische Hölung der Schliessungsspiralen; in der Figur ist der Fall augedeutet, in welchem die Spirale od einen massiven Metalleylinder, die Spirale ab ein in eine Metallhülle eingeschlossenes Drahtbundel enthält. Um die Richtung des resultiresden Stromes und daher die Nebenspirale zu finden, von welcher der überwiegende Strom ausgeht, bedient man nich des oben (Seite 228.) angegebenen Mittele, durch den Strom elektrische Figuren auf einer Harsfläche zu bilden 1).

Geschlossen am 13. Februar 1842.

the se pier.

Dier.

Ae rade

Shear

Elanel,

F.

Dog .

Adag

¹⁾ Fast alle hier beschriebenen Apparete eind bereits von Hem 16 chanikus Kleiner in Berlin in grosser Vollkommenheit ausgeschtt wurden.

Namenregister.

	Seite
Abria, Zorstreueng von Pulvern durch die elektr. Entladung	178
chard, Elektricität au der Oberstäche der Körper	117
rmatrong, Elektr. des ausströmenden Wasserdampses an Damps-	
meschinen 270, - Versuche im Kleinen 272, - Elektr. beim	
Ausströmen der comprimirten Lust	
yrer, Blitz ohne Donner	
Decearia, der elektrische Brunnen	116
looquerel, Funkenlänge noch Entladungsflächen 155, - Licht des	
Funkens 156, - Contactelektric. der trocknen Säuren 262 El:	
wasserfällen 276, - B. u. Biot, Phosphorescenz des elektr.	
K Fankens	
Bequerel j., Wärme des Funkens 157, - Verkürzung von Dräh-	
ten durch den elektrischen Schlag	
Mi. Elektric. an Wasserfällen	
tot, Phosphorescenz des Funkens	
lack, Einfluss der Elektric. auf die Gährung ,	
Miger, Entzündung des Phosphors 186, - Elektricitätserregung	
bei chemischer Einwirkung 266, — bei Zersetzung von Salzen	
267, - Elektric. der Weinsteinsäure 268, - Licht beim Zusam-	
menschlagen der Feuersteine 294, - Gebrauch der el. Spritze	303
-	
Jaguiard-Latour, Musikalischer Hammer 11 Stehende	
Pagniard-Latour, Musikalischer Hammer 11, — Stehende Schwingungen tropfbar flüssiger Körper	68
Colladen, Fortpflanzung des Schalls im Wasser	-
Commission, französische, über Blitzableiter an Schiffen 290, — C.	
englische, über denselben Gegenstand	
Pelezenne, Erregung von Tonen durch Magnetismus	58
oppler, Momentane Verkürzung von Metallröhren 177, - Licht	
an Eenersteinen	
ve, Aenderung der Wirkungen des Nebenstromes durch nabeste-	
beade Metallmassen verschiedener Art und Form 151, - Indu-	
ction des Schliessungsdrahts auf einen geschlossenen Theil des-	
ælben 256, — Differential-Induktor	
ary, Elektric. in Fabriken	
amel, Beitone 16, - Wirkung des Bogens auf Saiten	
1	-
Utrick, Geschwindigkeit der Blektrie.	

Paraday. Ueber das Trevelyan Instrument 34 39, - Absolute
Ladung der Materie 117 Vertheilung, Wirkung nächstliegender
Theilchen 127, - Vertheilung in krummen Linien 130, - Ueber
gebundene Elektric, 137, - Verhalten der Isolatoren bei der
Vertheilung 137, - Vertheilungsflasche 139, - spezifisches
Vertherlungsvermögen 140, - des Schellacks 141, - des Glases,
Schwesels, der Luft und der Gase 143, - der Krystalle nach
verschiedener Richtung 144. Schlagweite des Conductors in
Gosen 152, - Funken in Gasen 157, - der el. Lichtbüschei
158, - in Gasen 158, - positiv und negativ el. Licht 159,
- Funken von positiven und negativen Conductoren 160, -
elekte Glimmen 161, - dunkle Entladung 162, - fortführende
Entladung 163, - Schlagweite durch vorlærgebende Entladung
verändert 175 Täuschung bei Beobachtung des Blitzes
Fechner, Ueber gebundene Elektric. 135, - Vertheilungaversuche
135, - Volta's Fundamentalversuch 257, - Kritik von Ver-
auchen gegen die Contactelektrie. 263 Elektrie an der vol-
taschen Säule 265, - Elektroscop mit trockner Säule
Forhes, Ueber des Trevelyan-Instrument
Franklin, Elektric, an der Oberfläche der Körper
6
Goodman, Zersetsung des Wassers
Griffin, Ansiehung gleichnsmiger Elektrie
Activity transferring Burnary and Control of the Co
Hartal Kantallalata
Hankel, Kryatullelektric.
Hare, Die Wetterenule
Harris, Bhizableiter an Schiffen 290, - H u. Sturgeon, Streit
über Blitzableiter
Hausmann und Henrici, Leitungevermögen von Mineralien
Renrici, Galvanische Ledung von Drahten durch Elektric
Henry, Draht durch Entladung leuchtend 164, - Physiologische
und magnetisirende Wirkung des Nebenstromes 209, - Starks
and Richtung des Nebenstromes 221, - Nebenströme hoheret
und trichtong des Nebenkromes 221, - Nebenstrome honerer
Ordnung 222, - Aenderung des Nebenstromes durch nebenste-
hende Leiter 223, - Schlag vom elektr. Drachen
Hosford, Elektric. einer Dame
T/
Kane, Ueber Resonanz
Kennedy, Wesen der Elektric
Knochenhauer, Leber gebundene Elektric. 133 Ladang isoli-
render Flächen durch Vertheilung
- 134 Timenett auton tettmenting
Tamina Wenner des Pillande
Laming, Wägung der Elektric
Ledinghen, St. Elmsleder
Lehfeldt, Brust- und Falsettone
Loslie, Ueber das Trevolyan-Instrument

Namenregister.	317
	Scite
Lichtenberg, Zerstreuneg von Pulvern durch Elektric. 178,	
Licht an Fenerateinen	. 295
Marianini, Magnetisirende Wirkung des Nebenstromes 209,	
die sich selbet ladende Flasche	. 259
Marx, Ueber des Tenen beisser Kugelröhren	
Masson; Elektrie. der Säule im Vacuum	
Hattencei; Stärke und Richtung des Nebenstromes 222, — Acad	
rung des Nebenstromes durch nebenstehende Leiter 224, — Rü-	
wirkung des Nebenstromes auf den Hauptstrom 225, — Galvas	
metrische Wiskung des Nebenstromes 226, - Feuer gegen Ha	9
v. Mons, Elektric, des Zackers.	
Hiller, Zungenpseisen mit membrandeen Zungen 70, - Stimmorg	
das Menschen 77, — Gehörorgan	. 102
Versted, Elektrometer	. 298
Ohm, Vober Combinationstone und Stosse	. 20
Osana, Stanniel durch die Entladung durchbehrt	
	.*
age, Erregung von Tönen durch elektrische Ströme	<u> Lo</u>
Pattinson, Elektric. des ausströmenden Wasserdampfes	
Péclet, Elektricitätserregung durch Contact 261, - Einfluss ches	
schor Wirkung bei Reibungselektric. 266, - Doppelcondensa	
Peltier, Verdampfung durch Elektric. 166, - Magnetisirung dur	
mechanische Wirkung der Entladung 179, - El. Capacität	
Metalle 262, - Elektric. bei Verdampfung 275 El. Ladu	ing
der Wolken 278, - Unsichtbare Wolken 279, - Wetterst	_
282, - Literatur der Tromben	
Tall, Wirkung der gebundenen Elektric. 132, - ElErregung	
Contact 260, — El. d. Wasserdampfes	
Peisson, Wirkungsart der Elektric.	
Poggenderss, Ueber Combinationstone 90, — Verbindungsklemm	
305. — Cylindrisches Lustthermometer	
Priestley, Elektric. an der Oberstäche der Körper	. 116
Paillard, Form des Blitzes	i i
Michenbach, Blitz ohne Donner	
Biegel, St. Elmsseuer	
iess, El. Leitung des Glimmers nach verschiedener Richtung 19	26,
- Ueber gebundene El. 132, - Ueber Faraday's Unter	FG-
chang des spezis. Vertheilangsvermögens 145, - Schlagweite	Ber
Batterie 168, - Mechanismus der Entladung 171 fig., - B	
mentane Verkürzung von Metallröhren 177, - Oberflächenand	
rung durch die Entladung. Hauchfiguren 180, - Massenäne	
rung durch die Entladung. Farbenstreisen 18?, - Thermise	
Wirkung der elektrischen Entladung 189, - Historisches El	
den Nebenstrom 206, — Thermische und elektroscopische W	4.

1 desalt on 040 Manustations Joseph den Nationation 041	Semi
kung desselben 210, - Magnetisirung durch den Nebenstrom 211,	
- Richtung des Nebenstromes 227, - Gesetze des Nebenstromes	
237 Rückwirkung des Nebenstromes auf den Hauptstrom 242,	
- Atmosphärisches Elektroscop 299, - Lustcondensator 302,	
- Vertheilungsapparat 302, - Ladestativ 304, - Maassflasche	
305, - Funkenmikrometer 306, - Lufthermometer 207, -	
Inductionsscheiben	312
de la Rive, Natur des el. Lichte 175, - Ueber des Ozon 188 .	188
Roberts, Blitzableiter an Schiffen 291, - Erröthen el. Wirkung.	
Rosenschöld, ElLeitung dunner Harzschichten 123, - Ladung	
von Halbleitern 148, - Ladung einer galvanischen Kette	116
Rousseau, Leitung der Elektr. durch Kaffee und Chocolade	
~	
Savact. F., Alternirende Ausgangepunkte der Impulse 10, - Ban	
der Violine 30, - Verhalten longitudinal schwingender Körper	
59, — Ursprung der Stösse	95
Savart. N., Zurückwerfung von Schallweilen 18, - Tonverstärkende	-
	26
Savary, Magnetisirung durch El. in loftleerer Röhre	180
Schafhäuti, Trockner Wasserdampf Nichtleiter 122, - El. des aus-	York
strömenden Wasserdampfes	075
Schönbein, der el. Gerneb. Ozon 186 El. des gymnolus.	
Seeheck, Ueber das Zusammenklingen von Tönen t Interferens	293
- de Cierro C Time hai continte legulacione de la	
an der Sirene 6 Töne bei gestörtem Isochronismus der Im-	
pulse 7, - Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11, -	
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung sie-	
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung sie- hender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber	
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung ste- hender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber Stösse eines einzelnen Körpers 99. — Tabelle der Schalige-	and a
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung stehender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber Stösse eines einzelnen Körpers 99. — Tabelle der Schaligesehwindigkeiten	
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung siehender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber Stüsse eines einzelnen Körpers 99. — Tabelle der Scholigeschwindigkeiten	297 1
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung siehender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber Stüsse eines einzelnen Körpers 99. — Tabelle der Schallgeschwindigkeiten	297 1 297
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung sie- hender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber Stüsse eines einzelnen Körpers 99. — Tabelle der Schallge- achwindigkeiten	297 1 297 56
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung sie- hender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber Stüsse eines einzelnen Körpers 99. — Tabelle der Schallge- achwindigkeiten	297 1 297
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung ste- hender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber Stösse eines einzelnen Körpers 99. — Tabelle der Scholige- achwindigkeiten	297 1 297 56 304
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung ste- hender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber Stösse eines einzelnen Körpers 99. — Tabelle der Schallge- achwindigkeiten	297 1 297 56 304
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung ste- hender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber Stösse eines einzelnen Körpers 99. — Tabelle der Schallge- achwindigkeiten	297 1 297 56 304 272 281
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung sie- hender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber Stösse eines einzelnen Körpers 99. — Tabelle der Scholige- achwindigkeiten	297 1 297 56 304 272 281 280
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung sie- hender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber Stösse eines einzelnen Körpers 99. — Tabelle der Schallge- achwindigkeiten . Séguier, El. an Dampfmaschinen 272. — El. auf einer Eisenbaha Sellier, El beim Tönen des Glases . Strehlke, Ueber Tönen des heissen Zinks . Sturgeon, Blitzableiter an Schiffeu 292. — leydener Flasche . Tasein, Funken beim Springen des Dampfkessels . Tessan, Entstehung des Donners . Traili, St Elmsfeuer .	297 1 297 56 304 272 281
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung sie- hender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber Stösse eines einzelnen Körpers 99. — Tabelle der Scholige- schwindigkeiten	297 1 297 56 304 272 281 280
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung sie- hender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber Stösse eines einzelnen Körpers 99. — Tabelle der Schallge- achwindigkeiten . Séguier, El. an Dampfmaschinen 272. — El. auf einer Eisenbaha Sellier, El beim Tönen des Glases . Strehlke, Ueber Tönen des heissen Zinks . Sturgeon, Blitzableiter an Schiffeu 292. — leydener Flasche . Tessan, Entstehung des Donners . Traili, St Elmsfeuer . Trevelyan, Leber das Tönen heisser Körper auf kalten . Vorsselman de Heer, Bemerkung über die thermische Wie-	297 1 297 56 304 272 281 280 33
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung sie- hender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber Stösse eines einzelnen Körpers 99. — Tabelle der Scholige- schwindigkeiten	297 1 297 56 304 272 281 280 33
pulse 7, — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11, — Ueber das Trevelyan-Instrument 39, — Ueber die Erregung sie- hender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56, — Ueber Stösse eines einzelnen Körpers 09, — Tabelle der Scholige- achwindigkeiten	297 1 297 56 304 272 281 280 33
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung sie- hender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber Stösse eines einzelnen Körpers 99. — Tabelle der Schallge- achwindigkeiten . Séguier, El. an Dampfmaschinen 272. — El. auf einer Eisenbahn Sellier, El beim Tönen des Glases . Strehlke, Ueber Tönen des heissen Zinks . Sturgeon, Blitzableiter an Schiffeu 292. — leydener Flasche . Tassin, Fanken beim Springen des Dampfkessels . Trasili, St Elmsfeuer . Travelyan, Leber das Tönen helsser Körper auf kalten . Vorsselman de Heer, Bemerkung über die thermische Wickung der Entladung .	297 7 297 56 304 222 281 280 33 201 304
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung sie- hender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber Stösse eines einzelnen Körpers 99. — Tabelle der Schallge- achwindigkeiten . Séguier, El. an Dampfinaschinen 272. — El. auf einer Eisenbahn Sellier, El beim Tönen des Glases . Strehtke, Ueber Tönen des heissen Zinks . Sturgeon, Blitzableiter an Schiffen 292. — leydener Flasche . Tessan, Entstehung des Donners . Traill, St Elmsfeuer . Trevelyan, Leber das Tönen helaser Körper auf kalten . Vorsselman de Heer, Bemerkung über die thermische Wirkung der Entladung . Walker, Reibkissen . Weber, Unreintönen von Saiten .	297 1297 56 56 304 2212 281 220 33 201 201 201
pulse 7. — Alternirende Ausgangspunkte der Impulse 11. — Ueber das Trevelyan-Instrument 39. — Ueber die Erregung sie- hender Schwingungen durch Temperaturwechsel 56. — Ueber Stösse eines einzelnen Körpers 99. — Tabelle der Schallge- achwindigkeiten . Séguier, El. an Dampfmaschinen 272. — El. auf einer Eisenbahn Sellier, El beim Tönen des Glases . Strehlke, Ueber Tönen des heissen Zinks . Sturgeon, Blitzableiter an Schiffeu 292. — leydener Flasche . Tassin, Fanken beim Springen des Dampfkessels . Trasili, St Elmsfeuer . Travelyan, Leber das Tönen helsser Körper auf kalten . Vorsselman de Heer, Bemerkung über die thermische Wickung der Entladung .	297 1997 56 304 212 281 220 33 304 201 201

Nachweisung der Figuren.

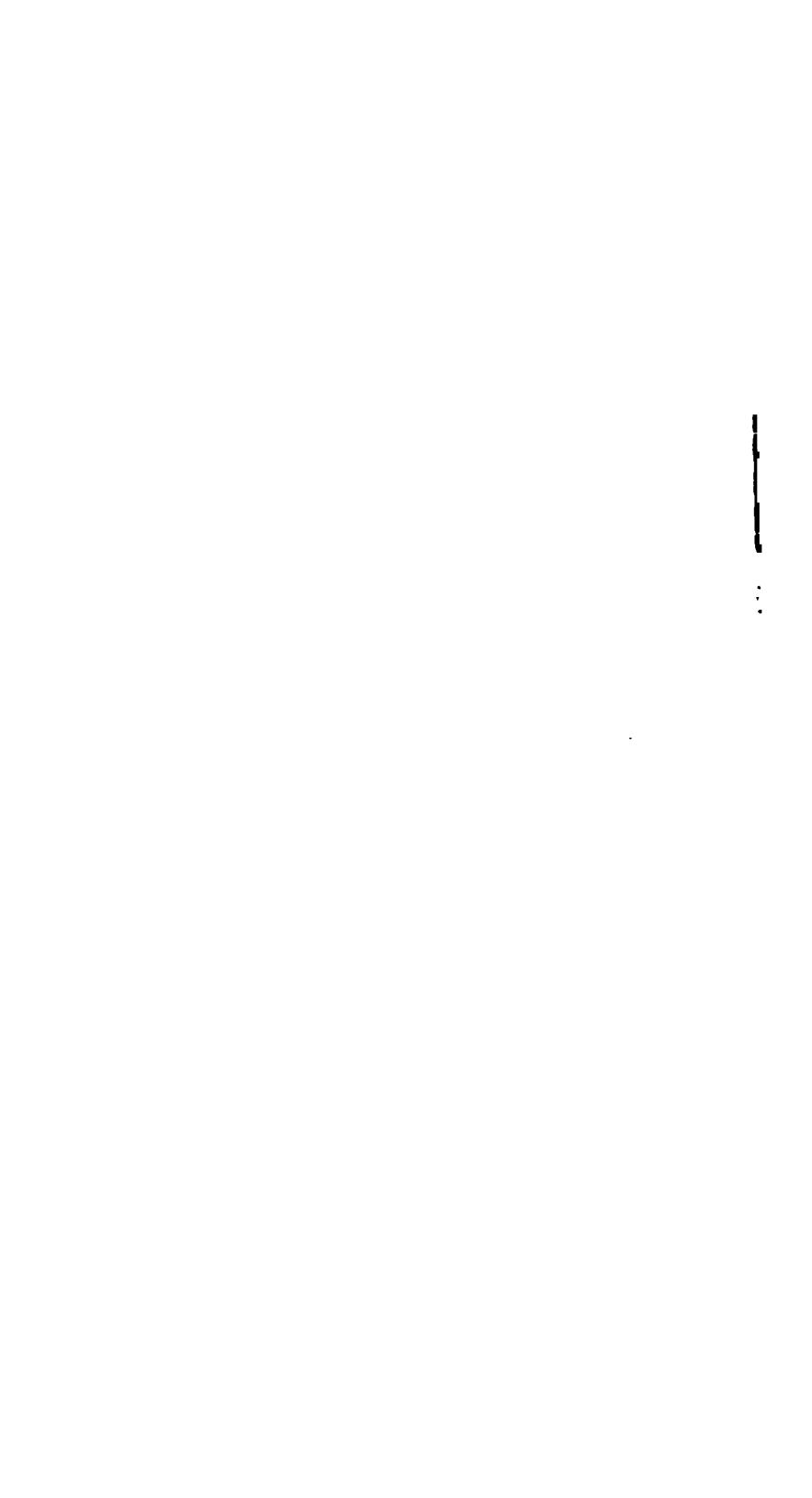
Akustik.

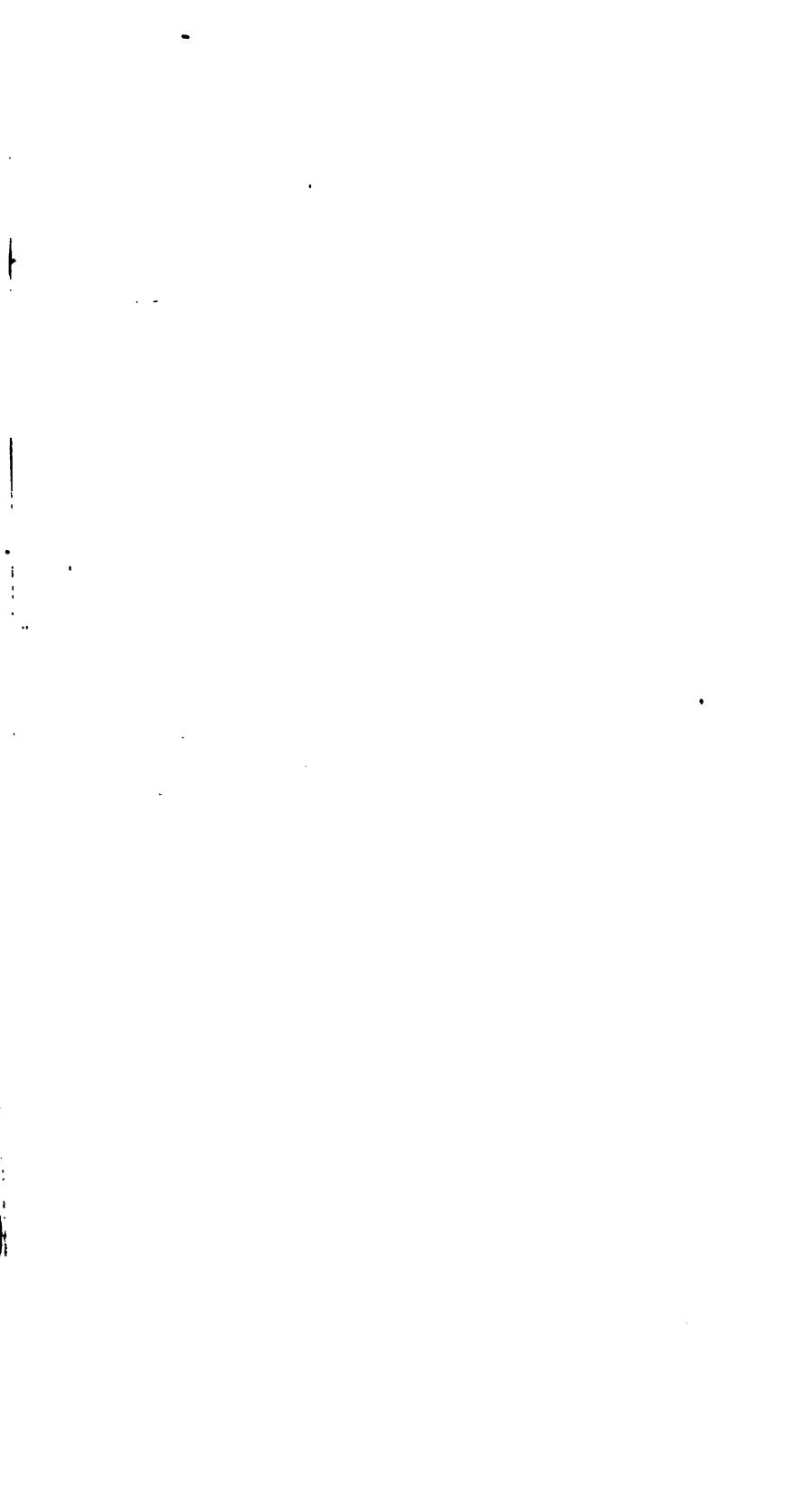
- g. 1. m. 2. Anordnung der Löcher einer Sirene zu Seebeck's Bemerkungen über die Natur der Töne. S. 4. 8.
 - 3-6. Stimmgabel mit Resonanzröhren zu Kane's Erklärung der Resonanz. S. 27. 28.
 - 7-14. Zum Trevelyan-Instrument:
 - Fig. 7. Trevelyan-Instrument. S. 32.
 - Fig. 8—11. 13. 14. Querschnitt des l'astruments nebst Unterlage in verschiedenen Formen. S. 32. 34. 39. 41.
 - Fig. 12. Seebeck's Vorrichtung zur Messung d. Wärmewirkung. S. 40. 43.
 - 15-24. Zu Savart's Untersuchung der Longitudinalschwingungen.
 - Fig. 15. Longitudinalschwingender Stab in einem Quecksilbertrog. S. 61.
 - Fig. 16. Knotenlinien eines longitudinalschwingenden Streisens. S. 61.
 - Fig. 17. Biegungen eines longitudinalschwingenden Stabes. S. 64.
 - Fig. 18 24. Knotenlinien longitudinalschwingender Stäbe. S. 64. 65.
 - 28. Zu Müller's Untersuchung der Zungenpseisen mit membranösen Zungen:
 - **Lig. 25**—27. Membranüse Zungen. S. 70. 71.
 - Fig. 28. Pseise mit zweilippiger Zunge und verschiebbarem Corpus u. Windrohr S. 71.
 - 99-32. Za Müller's Untersuchung des Stimmorgans.
 - Fig. 29. 30. Präparirter Kehlkopf zur Messung der Spannung der Stimmbänder. S. 81.
 - Fg. 31. 32. Künstliche Nachahmung des Kehlkopfs. S. 89.
 - 36. Zu Müller's Untersuchung des Gehörorgans.
 - ; 33. 34. Pseisen mit Membranen bespannt, die mittelst eines Stabes den Schall in das Wasser führen. S. 103.
 - . 35. Nachahmung der Trommelhöhle in Berziehung auf die Wirkung der beiden Fenster. S. 103.
 - 16. Apparat, um den Einsluss der Spannung des Trommelsells zu zeigen. S. 104.

Nachweisung der Figuren.

Elektricität.

- Fig. 1. Faraday, Vertheilung in krummen Linien. S. 131.
- Fig. 2. Faraday, Vertheilungsflasche. S. 139.
- Fig. 3. Faraday, Schlagweite des einsachen Conductors. S. 153.
- Fig. 4. Paraday, Funken vom positiven und negativen Conductor. S
- Fig. 5. Faraday, Veränderung der Schlagweite durch vorhergehende ladung. S. 176.
- Fig. 6. Henry, Nebenströme höherer Ordnung. S. 222.
- Fig. 7. 8. 9. Riess, Richtung des Nebenstromes durch el. Figures stimmt. S. 228.
- Fig. 10 u. 11. Dove, Induction des Schliessungsdrahts auf sich selbet. 8
- Fig. 12. Armstrong, Dampskessel zur Elektricitätserregung. S. 272
- Fig. 13. 14. Riess, Einrichtung des Volta'schen atmosphärischen troscops. S. 299.
- Fig. 15. Riess, Vertheilungsapparat. S. 302.
- Fig. 16. Riess, Ladestativ zur leydener Flasche. S. 305.
- Fig. 17. Poggendorff, Verbindungsklemmen. S. 305.
- Fig. 18 u. 19. Riess, Funkenmikrometer. S. 306.
- Fig. 20. Riess, Zerseizungsapparat. S. 306.
- Fig. 21. Poggendorff, Cylindrisches Lufthermometer. S. 311.
- Fig. 22. 1) ove, Differential Inductor. S. 313.



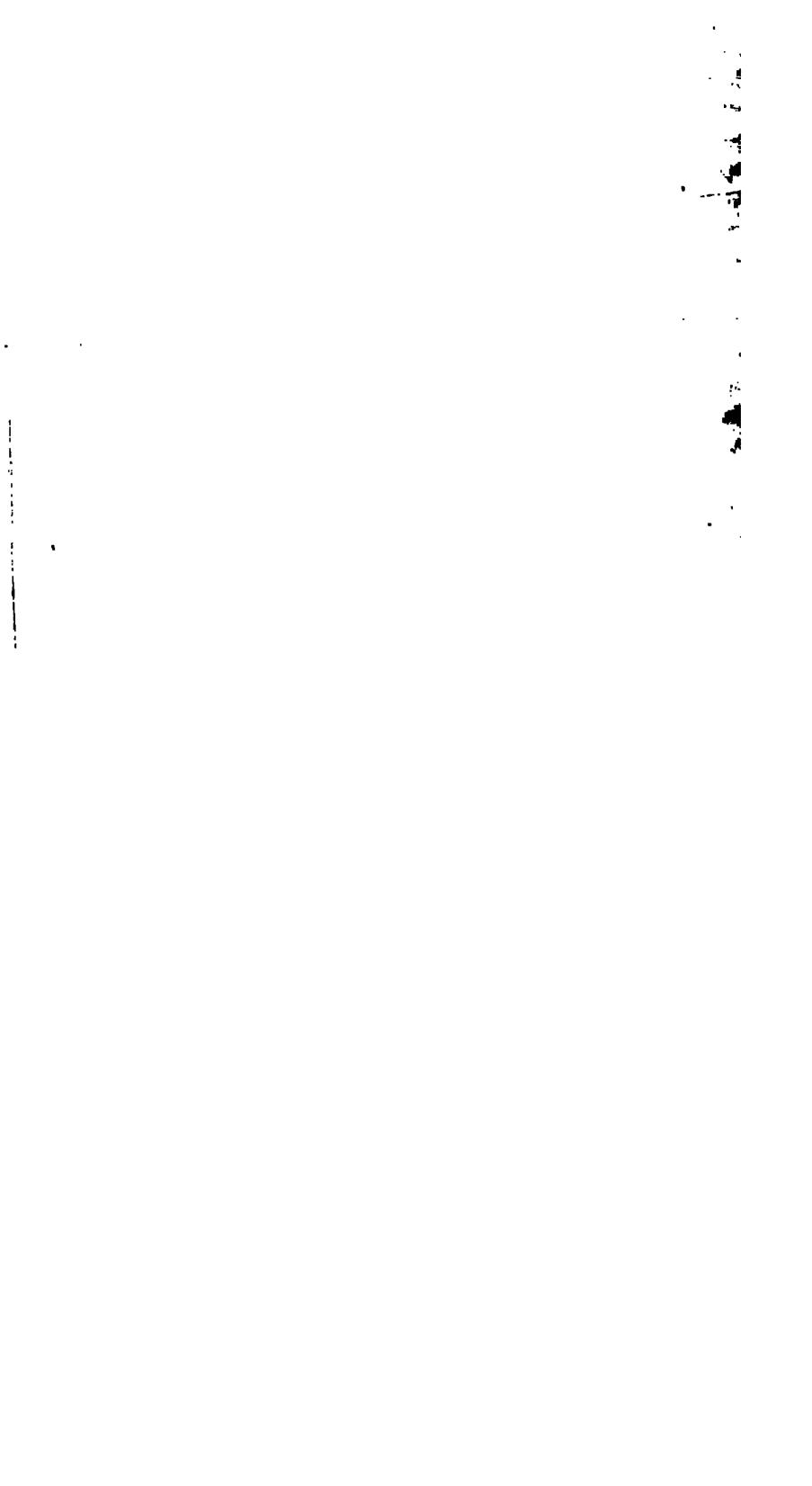




.

i

• • •











Repertorium der Physik.

Eine Zusammenstellung

der neueren Fortschritte dieser Wissenschaft.

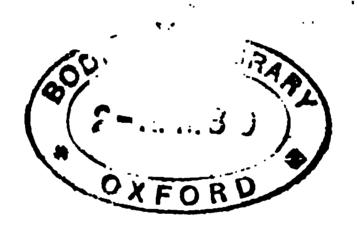
Rand VII.

Enthält:

Besondere Gesetze der Wellenbewegung, von Broch. Allgemeine Physik, von Knochenhaure. Magnetismus der Erde, von Lamont.

Mit zwei Figurentafeln.

Berlin.
Verlag von Veit & Comp.
1846.



•

. .,

Der überaus schwierige Satz so wie die zeitraubende Correctur der vorliegenden Abhandlungen mögen die verzögerte Erscheinung des siebenten Bandes entschuldigen, an dem ununterbrochen gearbeitet worden ist. Da besonders der Satz der Brochschen Abhandlung sehr lange Zeit erforderte und sich die Arbeit nicht unter mehrere Setzer vertheilen liess, so ist der Lamontsche Bericht zu gleicher Zeit gesetzt worden und musste daher besonders paginirt werden.

Ueber den Inhalt des achten Bandes werden wir bald Mittheilung zu machen im Stande sein.

Berlin, im September 1846.

Veit & Comp.

in the middle of the control of the

dind now reduced execute as the zole thall and and and it.

A second the new policies as gones.

All the letter of additions.

 γ_i . I

1980 C. 1884 (A.

verzeichniss

Besondere	Gesetse	der	Wellenbewegung, "v	on Brock.
			—	A -

L	Gesetze	der	Fortpflat	gavza	des	Lichts	in
	isopham	en K	örpern.	4. : '	٠. ٠	1415.1	•

leichungen der unendlich kleinen Bewegungen in	
nem isophanen System von Molekülen	4-4
ligemeine Integrale der Differentialgleichungen der un-	3 4 C 3
odlich kleinen Bewegungen eines isophenen Systems	11.
n Molekülen	47
articulare Integrale, die einfache Bewegung eines iso-	1
banen Systems von Molekülen darstellend	7-9
vercunngen der anendrich kleinen bewegangen zweier	
ophanen Systeme von Molekülen	9—13
gemeine Integrale der Differentialgleichungen der un-	
witch kleinen Bewegungen zweier isophenen Systeme	l'> ,
n Molekülen	23-10
ticulare Integrale, die einfache Bewegung zweier ise-	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
vaen Systeme von Molekiilen derstellend	· 16 18
wickelung der Funktionen C, C,, C, C,, 8, 8,	40 04
"§ in endlicher Form	18—24
tpflanzungsgeschwindigkeit der Vibrationen in einem	01 05
lem von Molekülen	24—2 5
puanzungsgeschwindigkait der vibrauonen in zwei	2527
tmen von Molekülen	27—31
rie der Dispersion des Lichts	r1-31
Gesetze der Fortpflanzung des Lichts bei	
Körpern, die durch äusseten Druck oder	•
durch Brwarmung zu einaxigen Krystal-	
en gemacht worden sind.	• •
ungen der unendlich kleinen Bewegungen zweier	_
e von Molekülen	31-33
sine Integrale der Differentialgleichungen der un-).
kleinen Bewegungen zweier Systems von Mo-	1 . !
monton bewegungen zweier bysoms von mo-	33 -36
ire Integrale, die einfache Bewegung zweier	!
von Molekülen darstellend	38-40

4. Entwickelung der Functionen E., E., E., E., S., S., S., J., J., J., L. L., L. L., E., S., S., Fortpflanzungsgeschwindigkeiten und Polarisation des gewöhnlichen und ungewöhnlichen Strahls bei künstlichen einaxigen Krystallen	4
6. Bestimmung des Verhältnisses $\frac{s}{s'}$	ă
Cap. III. Gesetze der Portpflanzung des Lichts bei natürlich einaxig krystallisirten Körpern.	
Gleichungen der unendlich kleinen Bewegungen zweier Systeme von Molekulen	6
 Allgemeine und particuläre Integrale der Differential- gleichungen der unendlich kleinen Bewegungen zweier 	
sinaxig Erystallisirten Systeme von Molekülen	
4. Fortpflanzungsgeschwindigkeiten des gewöhnlichen und ungewöhnlichen Strahls bei natürlichen einaxigen Kry-	-
stallen	
Cap. IV. Gesetze der Fortpflanzung des Lichts bei circularpolarisirenden isophanen Kör- pern.	
 Theorie der circularpolarisirenden isophanen Körper Die Grösse der rotirenden Molektilarkraft und deren Anwendung auf Bestimmung der in einer Auflösung enthaltenen Quantitat eines circularpolarisirenden Stoffes 	4 × 1:5
Cap. V. Gesetze der Fortpflanzung des Lichts bei einzularpolarisirenden einaxig krystalli-	4.4
f. Theorie der Fortpflanzung des Lichts in circularpola- risirenden einaugen Krystallen	101
	2
	10
Achtzehnter Absohnitt.	
Allgemeine Physik, von Knochenhauer.	4
Elasticitát	12
Werthheim's Versuche über die Elasticität der Metalle und ihrer Legirungen: I. Taf.: Elasticitätsgränze und Verfängerung im Maximum bei Netallen 122. — II. Taf.: Gewicht zum Zerreissen bei 15—20°C. 122—123. — III. Taf.: Elasticitatscoefficienten und Geschwindigkeit des Schalls bei Metallen 123—124. — Folgerungen aus den Tafeln 124. — IV. Taf.: Legirungen 125—125. — Elasticität des Holzes nach Hagen 126—129. —	44.0
W. Weber's Beobachtungen uber die Abhängigkeit	3

Scite

	der bleibenden Ausdehnung vegetabilischer Stolle von der Zeit 129—130.	
e 1	wegung tropfbarer Flüssigkeiten	130-150
1. 3. C.	Aussluss des Wassers durch enge Röhren. — Versuche von G. Hagen und Poiseuille; Poiseuille's Formel für die durch Capillarröhren in einer Secunde ausgeslossene Wassermenge 131. — Versuche zur Prüfung der Formel 131—134. — Versuche von Hagen und daraus abgeleitete Formel 134—135. — Theoretische Betrachtungen nach Hagen 135—137.	
.u	sfluss der Luft aus Oeffnungen in dünner Wand	150 — 153
	Unzulänglichkeit der Formel von Navier, dergethen durch die Versuche von Saint Venant u. Wantzel 150—152. — Empirische Formel zur Berechnung des Quantums der aus der Flächeneinheit ausgeslossenen Lust unter einem bestimmten Drucke 152.	
Caj	pillarität	153—162
•	Bouvard's Methode, die Depression des Quecksilbers in verschieden weiten Barometerröhren nach Laplace's Formel zu berechnen 153. — Bravais' Einwürse dagegen 154. — Dessen Tasel sür die Capillardepression 155. und Methode, den Neigungswinkel der Quecksilberkuppe gegen die Barometerwand aus unmittelbarer Beschtung zu sinden 156. — Delcros' Tasel der Capillardepression für die Höhe des Meniscus als Argument 157. — Ueber das capillare Aussteigen mehrer Flüssigkeiten nach Artur 158—162.	
6 1	Leidenfrostsche Versuch	162—163
iſ	fusion der Flüssigkeiten	163—165
	Beobachtungen u. Erklärung nach Brücke 163-165.	
31	ometer	166—167
	Zwei Arten von Gefässbarometern nach der Construktion von Delcros 166. — Kopp's abgekürztes Barometer zum Höbenmessen 166—167.	
Pe	cisisches Gewicht	167—197
ſ	Bestimmung des specifischen Gewichts von Dämpfen nach den Angaben der-Beobachtung. — Poggendorf's Bechnungsmethode 167—170	-

B. Bestimmung des specifischen Gewichts poröser und fastiger Substanzen. Kopp's Volummesser und Versuche damit 170-171.

C. Berechnung des specifischen Gewichts der Gasarten. Tafel desselben 171-179. - Daraus folgende Regelo

150-151,

D. Berechnung des specifischen Gewichts fester Körper. - Bestimmung des specifischen Gewichts fester Korper aus ihren Bestandtheilen nach Kopp und Schröder 181-183. - Tafeln nach Kopp: 1. Ursprungliche Atomvolume der einfachen Körper 184; 2. Angenom-mene Atomvolume der leichten Metalle in ihren Verhindungen 185; 3. Kohlensaure Salze 186; 4. Salpeter-saure Salze 186; 5. Schwefelsaure; 6. Chromsaure; 7. Wolframsaure Salze 187; 8. Chlormetalle, 9. Jodmetalle 185; 10. Brommetalle 189, 11. Oxyde der schweren Metalle 190; 12. Oxyde der leichten Metalle 191; 13. Schwefelmetalle 192, 14. Arsenverbindungen 193; 15. Hydrate von Salzen 194.

E. Berechnung des specifischen Gewichts der Flüssigkeiten. Abhängigkeit desselben von ihren Bestandtheilen nach Kopp, Schroder und Lowig 195-196.

Graduirung nach Rudberg 197. - Ort des Nullpunkts nach Legrand und Despretz, 197. — Uebereinstimmung der Thermometerangaben nach Regnault und Pierre 198, - Vergleichung des Quecksilber- u. des Luftthermometers nuch Magnus und Regnault 199, — Metastatische Thermometer. Walferdin's Anfertigung derselben 200. - Die Angaben des Magnetpyrometers u Weingeistthermometers bei niedrigen Temperaturen verglichen mit denen des Lufthermometers nach Pouillet 201-203,

Ausdehnung der Körper durch die Wärme.

A. Ausdehnung der trocknen atmosphärischen Luft. — Rudberg's Methoden, den Ausdehnungscoöflicienten zu bestimmen 203. — Magnus' Methode 206. — Reg-nault's Versuche 207. — Verdichtete und verdunnte Luft haben ungleiche Ausdehnung nach Regnault 203.

Prufung des Mariotteschen Gesetzes von demsel-

B. Ausdehnung verschiedener Gase nach Magnus und

Regnault 210.

C. Ausdehnung des Glases. Dieselbe schwankt innerhalb gewisser Grenzen und hängt selbst von der Porm des Gefässes ab nach Regnault 211.

D. Ausdehmung des flüssigen Schwefels. Der Ausdehnungscoöfficient nimmt bei höheren Temperaturen ab

nach Despretz 211.

E. Grösste Dichtigkeit des Wassers und einiger anderen Flüssigkeiten. - Das Maximum der Wasserdichtigkeit bei 40°C, durch Versuche von Despretz bestatigt 213. — Meerwasser und alle wässrigen Lösungen ha-ben ein Maximum der Dichtigkeit 215.

F. Ausdehnung des Wassers. Tabelle darüber nach Des-

pretz 215.

Gebundene Wärme	Seile 217—221
A. Gebundene Wärme des Wassers. — Bestimmung der- selben nach der Mischungsmethode durch de la Pro- vostage und Desains, und damit übereinstimmend durch Regnault 217.	
B. Gebundene Warme des Dampls verschiedener Flüssig- keiten nach Brix 218.	
Spannkräste des Wasserdampss	221—235
Beobachtungsapparat und Taseln der Spannkräste des Damps für verschiedene Temperaturen nach Magnus 221. — Formel v. Roche u. Bestimmung der darin vorkommenden Constanten nach Magnus 225. — Tasel der danach berechneten Spannkräste für alle Grade v. — 20° bis + 118° C. 226. — Regnault's Methode 227. — Biot's Formel durch zwei andere ersetzt nach Regnault 228. — Tasel für die Spannkräste des Dampss von — 32° bis + 100° C. 228. — Uebereinstimmung derselben mit der v. Magnus zwischen 0° u. 100° C. 229. — Tasel sür die Spannkräste bei Temperaturen über 100° C. 229. — Die Formel von Magnus hat nur den Werth einer empirischen 231. — Theoretische Ableitung derselben nach Wrede 231. — Kritik derselben 234.	
Siedetemperatur der Flüssigkeiten	235—239
Abhängigkeit der Siedetemperatur vom Gefässe nach Marcet 235. — Ursachen der Erscheinung nach Magnus 235.	•
Neunzehnter Abschnitt.	
Magnetismus der Erde, von Lamont.	
inleitung	п
Abschnitt. Magnetische Instrumente und deren Gebrauch	-XXXIV
Pariationsinstrumente für Declination. — Magnetometer von Gauss VII. — Declinationsinstrument von Lloyd VIII. — Declinationsinstrument des Münchener Observatoriums VIII. — Kleiner Declinationsapparat der britischen Observatorien IX.	• .
Vatoriums VIII. — Kleiner Declinationsapparat der bri- Lischen Observatorien IX. Variationsinstrumente für Horizontalintensität. — Bifilar- Magnetometer von Gauss IX. — Variationsinstrument Les Münchener Observatoriums XI.	
Piationsinstrumente für Inclination. — Instrumente von	
upffer und Kreil XIII.; von Lloyd XIV.	
Che Waage von Lloyd XVI. Che Waage von Lloyd XVI. Che Waage von Lloyd XVI.	

Bestimmung der absoluten Horizontalintensität. durch Beobachtung zu bestimmenden Data nach Poisson. - Bestimmung des Produkts MX durch die Schwingungsdauer eines horizontalen Magnets XVIII.

— Berücksichtigung der Torsion des Fadens und der Induktion des Erdmagnetismus. - Formel für die Schwingungsdauer XIX. - Methoden, das Drehungsmoment des Magnets zu bestimmen, von Gauss, Weber, Lamont XX. - Bestimming des Quotien-

. Methode von Gauss XX,; von Lamont XXL;

von Lloyd XXIII. - Hülfsmittel zur Bestimmung der absoluten Intensitat: Magnetometer von Gauss; magneuscher Theodolit v. Lamont XXIV.; magnetischer Theodolit von Lloyd XXV — Ueber die Einheiten bei der Messung der absoluten Intensität XXV.

Bestimmung der absoluten Inclination, - Oscillatorium von Sartorius v. Waltershausen XXVII. - Methode von Gauss XXVIII.

Reiseapparate und sonst angewendete besondere Hülfsmittel magnetischer Messungen. - Lloyd's statische Methode XXX. — Transportable Magnetometer von Weber XXXI — Inductionsinclinatorium v. Weber XXXI. — Verbesserter Schwingungsapparat von Lamont XXXI. - Magnetischer Reisetheodolit XXXIII.

II. Abschnitt. Theorie der Instrumente und darauf bezügliche Untersuchungen . XXXIV-

Einfluss der Luft XXXIV.

Einfluss der Temparatur auf Magnete, Temperaturcompensation. — Weber's Ansichten: Gegenbemerkungen von Lamont n. Hansteen XXXVIII — Ueber den Temperaturcoefficienten von Lamout XXXIX. - Bestimmung der Temperatur des Bifilars von Lloyd u. Lamont XXXIX — Temperaturcompensation von Lamont XL. — Bestimmung des Temperaturcoefficienten durch den magnetischen Theodoliten XLI. -Unmerklicher Einfluss der Temperatur auf Magnetstäbe aus Bulatstahl nach Kupffer XLII.

Entwickelung des Verhältnisses zwischen Distanz und Ablenkung bei Ablenkungsversuchen XUII.

Correktion der Ablenkungen wegen Ungleichheit der

Winkel XLIX.

Torsion L.

Kraft der Magnete und deren allmäblige Verminderung mit der Zeit. LII.

Induction in Magnetstähen und deren Einfluss auf absolute Intensitätsbestimmungen LIV.

Absolute Inclinationsbestimmung nach Gauss LVIII. Bestimmung der Schwingungsdauer des Magnets LX,

Correction der Beobachtungen wegen der in der Nahe befindlichen Emflusse. - Einwirkung eines fixen Magnets auf einen freien, in derselhen Horizontalebene befindlichen Magneten LXIV. — Einwirkung des Eisen-werks in Gebäuden LXV. — Einwirkung des auf Schillen befindlichen Eisenwerks nach Airy LXVI.

Seize

Bestimmung des Widerstandes, den die Induction im weichen Eisen findet LXVII.

Bestimmung des absoluten Werthes der Theilstriche bei Variationsinstrumenten für Inclination LXIX.

Bestimmung der absoluten Inclination mittelst eines weichen Eisenstabes LXXII.

Abschnitt. Magnetische Observatorien und Beobachtungen LXXIII—XC

Göttingen LXXIV. — Madand LXXVI. — Prag LXXVII. — Brussel LXXVIII. — Kremsmunster LXXIX. — Greenwich LXXX — Dublin LXXXI. — Britische Colonial-Observatorien und Sudsee-Expedition in den Jahren 1840 — 1842 LXXXI. — Makerstoun bei Edinburgh LXXXIV — Russische Observatorien: 1. Petersburg LXXXIV; Catherinenburg; 3. Barnaul; 4. Nertschmsk; 5. Sitka LXXXVI; 6. Kasan; 7. Helsingfors LXXXVII. — München LXXXVII. — Berlin LXXXVIII. — Christiania LXXXIX. — Genf LXXXIX. — Cracau; Algier, Nordamerikanische Freistaaten XC.

Reibenausdrucke für die Componenten der magnetischen Kraft der Erde, XCII — Bei einer gewissen Vertheilung der magnetischen Molekule erhalt man aus dem Ausdrucke für eine Componente die Ausdrucke für die andern XCV. — Entwickelung des Potenzuls F XCV. — Kriterien hinsichts der Frage über den Sitz der magnetischen Kräfte XCVII. — Ausdrücke für F und die Componenten der magnetischen Erdkraft nach Gauss XCVII. — Danach der Sitz der Kräft in der Erde XCVIII. — Verhältnisse, welche stattfinden, wenn eine in oder nahe an der Erdoberstäche besindliche Kräft auf die Magnetiadel wirkt XCIX. — Bemerkungen über die tagliche Bewegung der magnetischen Elemente Ct. — Jahrliche Periode CIII. — Säcularveränderungen CV. — Magnetische Stürme oder Störungen CVIII. — Dieselben aussern sich an verschiedenen Orten nach einem constanten Verhältnisse CVIII.

Tabellarische Zusammenstellung der vorzüglichsten neueren Beobachtungsresultate. — Tab. I. Tägliche Bewegung der Declination, in Minuten ausgedrückt CXII. — Tab. II. Tägliche Bewegung der Horizontalintensität, in Zehntausendsteln der Horizontalintensität CXXVII. — Tab. III. Tägliche Bewegung der Inclination, in Minuten ausgedrückt CXXXVIII. — Tab. IV. Monatliche Mittel der Declination CXL. — Tab. V. Monatliche Mittel der Horizontalintensität in München CXLII. — Tab. VI. Bestimmungen der Inclination und Intensität in England, Irland und Schottland CXI.II. — Tab. VII. Beobachtungen der Inclination in den Nordamericanischen Freistaaten CXLVI. — Tab. VIII. Beobachtungen der Intensität in den Nordamerikanischen Freistaaten CXLVIII. — Tab. IX. Beobachtungen der Declination in den Nordamerikanischen Freistaaten CXLIII. —

Tab. X. Magnetische Bestimmungen an der Westküste von America und den benachbarten Inseln CLIII. ---Tab. XI. Bestimmung der Horizontalintensität v. fiansteen CLIV. — Tab. XII. Bestimmung der Inclination von Hanste en CLV. - Tab. XIII. Bestimmung der sbsoluten Horizontalintensitat von Sartorius'v. Waltershausen und Listing CLV. - Tab. XIV. Relative Messungen der Horizontalintensität nach, den Beobachtungen von Quetelet CLVI. — Tab. XV. Bestimmung der Inclination von Quetelet CLVIL -Tab. XVI. Megnetische Bestimmungen, in Böhmen v.: Kreil ausgeführt CLVIII. - Tab. XVII. Beobachtung der Declination und Horizontalintensität v. Lamont CLVIII. - Tab. XVIII. Beobachtung der Totalintensiatät von Fox CLVIII. -- Tab. XIX. Beobachtung der Horizontalintensität von Bravais CLIX. — Tab. XX. Bestimmung der Declination von Billingshausen! CLIX. - Tab: XXI. Beobachtong der Inclination und Totalintensität von Sulivan CLX. — Tab. XXII. Beobachtungen der Inclination und Intensität von Dunlop CLXI. — Tab. XXIII. Bestimmung der Total-Intensität zwischen dem Cap der guten Hoffnung und Kerguelen-Insel v. Ross u. Crozier CLXL - Tab. XXIV. Bestimmung der Total-Intensität im Bereiche der isodynamischen Linie 0,9 im atlantischen Ocean v. Boss CLXII. -- Tab. XXV. Resultate der britischen Sildnes-Expedition unter Hoss, von Juli 1840 bis April 1841 CLXII — Tab. XXVI Resultate der britischen Südsee-Expedition unter Ross, von Mai 1841 bis Aug. 1842: CLXIV.

HATE

X

Siebzehnter Abschnitt.

Besondere Gesetze der Wellenbewegung.

Von

O. J. Broch.

zu Christiania.

Nachdem ich im sunsten Bande dieser Zeitschrift die allgemeinen Geetze der Wellenbewegung entwickelt habe, werde ich jetzt de Gesetze derselben bei besonderen Voraussetzungen über die Vertheilung der Molekülen entwickeln, und nach und nach die **ko**phanen, einaxig und zweiaxig krystallisirten, erwärmten un**d** comprimirten Körper betrachten. Die Gesetze der Aetherbewegungen unter diesen besonderen Umständen sind besonders von Cauchy und Neumann behandelt worden. Die Arbeiten des Ersteren sind in den Compt. rend. und Ex. d'An. et de Ph. Math., die des Letzteren in den Abh. der k. Akademie der Wissenschaften zu Berlin zu sinden. Auch haben Hamilton, Mac-Cullagh und Lloyd in den Trans. of the Ir. Acad. und in den Lond. and Ed. Ph. Mag. und der Verfasser dieser Abhandlung in: "Forhandlinger ved de skandinaviske Naturforskeres tredie Möde" Beiträge hierzu geliesert. Die benutzten Schristen werden in den Noten citirt werden.

Cap. I.

Gesetze der Fortpflanzung des Lichts in isophanen Körpern.

§ 1. Gleichungen der unendlich kleinen Bewegungen in einem isophanen System von Molekülen").

Die Gleichungen der unendlich kleinen Bewegungen eines Systems von Molekülen sind, wie ich in der vorigen Abhandlung gezeigt habe, die folgenden "):

7

[&]quot;J Cauchy, Ex. d'An. et de Ph. Math. Tome 1. pag. 115-120.

Die Nummern der Gleichungen, welche zwischen [()] eingekliossen sind, beziehen sich auf meine Abhandlung im fünften Bande. VII.

$$(L - d_t^2) \xi + Pv + Q\zeta = 0,$$

$$[(14)] \quad R\xi + (M - d_t^2) v + P\zeta = 0,$$

$$Q\xi + Pv + (N - d_t^2) \zeta = 0,$$

wo ξ , v, ζ die Verschiebungen eines Punktes (x, y, z) längs de drei Coordinatenaxen sind, und L, M, N, P, Q, R charakterstische Funktionen der Disserntialzeichen d_x, d_y, d_z. Setzt mein diesen charakteristischen Funktionen, statt der Zeichen in diesen charakteristischen Funktionen, statt der Zeichen in diese die Grössen u, v, vv und bezeichnet durch ξ , \mathfrak{M} , \mathfrak{R} , \mathfrak{M} , \mathfrak{M} , die dadurch erhaltenen Funktionen, so können diese dam Hülse zweier neuen Funktionen ausgedrückt werden. Es sei:

$$\emptyset = S \left[mf(r) \left(e^{ux + vy + wz} - 1 \right) \right]$$

$$\emptyset = S \left[\frac{m}{r} d_r f(r) \left(e^{ux + vy + wz} - 1 - \left(ux + vy + wz \right)^2 \right) \right]$$

$$- \frac{\left(ux + vy + wz \right)^2}{2} \right]$$

wo m die Masse einer Moleküle, r deren Abstand vom Punk $(x, y, z) = \sqrt{(x^2 + y^2 + z^2)}$, $f(r) = \frac{f(r)}{r}$ und f(r) die Knebezeichnet, welche zwei Molekülen in dem Abstand r auf eine der gegenseitig ausüben. Es ist dann:

Da das System von Molekülen, welches wir betrachts isophan ist, das heisst, so gestaltet, dass das Licht in allen Richtungen nach denselben Gesetzen fortgepflanzt wird, was bei blossen Aether im Himmelsraume gerade der Fall ist, so müsse die Gleichungen [(14)] unverändert bleiben, wenn das Axensyste auf irgend eine Weise um den Anfangspunkt der Coordinate gedreht wird. Die charakteristischen Funktionen L, M, N, P, Q, R dürsen dann nicht ihre Form verändern, und folglich der Funktionen L, M, N, P, Q, R dürsen dann nicht ihre Form verändern, und folglich der Funktionen L, M, N, P, Q, R dürsen der Gleichungen [(135)]:

$$d_{\bullet} \mathcal{G} = d_{\bullet} \mathcal{D} - d_{\bullet} \mathcal{D} = d_{\bullet} \mathcal{D} - d_{\bullet} \mathcal{D},
 d_{\bullet} \mathcal{G} = d_{\bullet} \mathcal{E} - d_{\bullet} \mathcal{R} = d_{\bullet} \mathcal{D} - d_{\bullet} \mathcal{P},
 d_{\bullet} \mathcal{G} = d_{\bullet} \mathcal{E} - d_{\bullet} \mathcal{D} = d_{\bullet} \mathcal{D} - d_{\bullet} \mathcal{P}.$$

Weil jetzt 2, D, N, N, D, H nicht ihre Form veränden wenn das Axensystem in irgend einer Richtung um den Ansag punkt des Coordinatensystems gedreht wird, so werden: d, C, d, C und folglich auch das totale Disserential von C =

verändert bleiben; hieraus folgt, weil 3, wenn man u, v, w gleich Null setzt, unabhängig von x, y, z ist, dass auch & eine unveränderliche Form haben wird. Dann werden aber wegen und folglich das totale zweite Differential von & unverändert Meiben, und weil & und d& von x, y, z unabhängig werden, wenn man u, v, w gleich Null setzt, wird folglich auch & eine beveranderliche Form haben. Damit folglich &, M, N, N, D, R mveränderlicher Form seien, ist es nothwendig und zureichend, less & und & eine unveränderliche Form besitzen. Die charakteristischen Funktionen, worin & und & verwandelt werden, wenn man statt u, v, w die Zeichen d, d, d, setzt, müssen felglich unveränderlicher Form sein, wenn das Axensystem in irgend einer Richtung um den Aufangspunkt der Coordinaten gelreht wird. Dann ist es aber nothwendig und zureichend, des diese charakteristischen Funktionen ganze Funktionen von T+d, +d, sind"), oder & und & müssen Funktionen von x"+ v" + w" sein. Setzt man jetzt:

(179)
$$u^{2} + v^{2} + w^{2} = k^{2}$$

$$\mathfrak{G} = \mathfrak{G} + \frac{1}{k} d_{k} \mathfrak{G}, \ \mathfrak{F} = \frac{1}{k} d_{k} \left(\frac{1}{k} d_{k} \mathfrak{G} \right)$$

when Funktionen von $d_x^2 + d_y^2 + d_z^2$, welche man erhält, wenn in den Funktionen E und & statt der Grössen u, v, w die leichen d_x , d_y , d_z setzt, so werden die Gleichungen [(14)] auf ligende Weise geschrieben werden können:

(150)
$$(E - d_t^3)\xi + Fd_x(d_x\xi + d_yv + d_z\zeta) = 0,$$

$$(E - d_t^3)v + Fd_y(d_x\xi + d_yv + d_z\zeta) = 0,$$

$$(E - d_t^3)\zeta + Fd_x(d_x\xi + d_yv + d_z\zeta) = 0.$$

Die Grösse $d_x\xi + d_yv + d_z\zeta$ stellt die Ausdehnung oder Condensation des Molekülensystems vor. Bezeichnen wir sie nit D, so dass

(151)
$$D = d_x \xi + d_y v + d_z \zeta.$$

Differentiirt man die erste der Gleichungen (180) in Bezug z, die zweite in Bezug auf y, die dritte in Bezug auf z, ddirt, so erhält man die Differentialgleichung:

Cauchy, Ex. d'An. et de Ph. Math. Tome 1. pag. 114,

(182)
$$[E - d_t^2 + F(d_x^2 + d_y^2 + d_z^2)] D = 0.$$
From a field way and dis Differential claims are

Ferner sindet man auch die Differentialgleichungen:

(E -
$$d_t^3$$
) ($d_z v - d_y \zeta$) = 0,
(E - d_t^3) ($d_z \zeta - d_z \xi$) = 0,
(E - d_t^3) ($d_y \xi - d_z v$) = 0.

§. 2. Allgemeine Integrale der Differentialgleit gen der unendlich kleinen Bewegungen eines ist nen Systems von Molekülen*).

Eliminirt man jetzt ξ , v, ζ aus den Gleichungen (1: findet man die charakteristische Determinante dieser Gleich

(184)
$$\nabla = \nabla' \nabla'' = 0$$
wo:
$$\nabla' = d_1^2 - E$$

$$\nabla' = d_1^2 - E - F(d_2^2 + d_2^2 + d_2^2).$$

Es seien jetzt wie in der vorigen Abhandlung $\varphi(x, \chi(x, y, z), \psi(x, y, z)$ die Anfangswerthe der Verschieh und $\Phi(x, y, z), X(x, y, z), \Psi(x, y, z)$ die der Geschykeiten, so dass folglich für t = 0,

[(27)] $\xi = \varphi(x, y, z), \quad v = \chi(x, y, z), \quad \zeta = \psi(x)$ $d_t \xi = \varphi(x, y, z), \quad d_t v = X(x, y, z), \quad d_t \zeta = \Psi(x)$ und man bezeichne durch $g, \chi, \psi, \varphi, \chi, \psi$ die Wertl der charakteristischen Gleichung (184) $\nabla = 0$ entsprech principalen Funktion w, welche herauskommen, wenn ma w(x, y, z) successive die Funktionen [(27)] setzt. Wegen fünften Bande dieser Zeitschrift pag. 99 angeführten Satz Lehre der Differentialgleichungen muss man jetzt, um die chungen (180) zu integriren, statt der zweiten Theile der die Ausdrücke setzen: $-\nabla(\varphi + d_t \varphi), -\nabla(\chi + d_t \chi), -\nabla(\psi - \psi)$ und dann die Gleichungen in Bezug auf ξ, v, ζ auflöse wären die Charakteristiken d_x, d_y, d_z wirkliche Grössen. erhält auf diese Weise, wenn man der Kürze wegen setzig (480)

(186) $II = d_x(\Phi + d_y) + d_y(X + d_x) + d_s(W + d_y)$ die Gleichungen:

(187)
$$\xi = \nabla''(\mathcal{D} + \mathbf{d}_{t}\varphi) + \operatorname{Fd}_{x}\Pi,$$

$$v = \nabla''(X + \mathbf{d}_{t}\chi) + \operatorname{Fd}_{y}\Pi,$$

$$\zeta = \nabla''(\Psi + \mathbf{d}_{t}\psi) + \operatorname{Fd}_{x}\Pi.$$

^{*)} Cauchy, Ex. d'An. et de Ph. Math. Tome I. pag. 208-

Beseichnet man jetzt durch w, und w, die principalen Funktionen, welche respective den charakteristischen Differentialgleichungen:

$$\nabla' = 0$$
 und $\nabla'' = 0$

entsprechen, so erhält man:

$$\nabla' w = w_1, \quad \nabla' w = w_1.$$

Beseichnet man durch q_1, q_2, Φ_1, Φ_2 , die Werthe von w_1, w_2 , welche man erhält, wenn man statt w(x, y, z) successive die Funktionen [(27)] setzt, so können folglich die Gleidungen (187) auch so geschrieben werden:

(159)
$$\xi = \Phi_1 + d_1 \varphi_1 + F d_x \Pi,$$

$$v = X_1 + d_1 \chi_1 + F d_y \Pi,$$

$$\zeta = \Psi_1 + d_1 \psi_1 + F d_x \Pi.$$

Um die Dilatation D im Punkte (x, y, z) zu sinden, braucht im im die Disserntialgleichung (182) zu integriren. Bezeichtet man durch d(x, y, z) den Initialwerth von d_tD und setzt im von D gleich Null, so wird D die principale Funktion sein, welche der charakteristischen Gleichung $\nabla'' = 0$ und dem Initialwerth von D in den Gleichungen (180), so erhält man:

(190)
$$\nabla \xi = \operatorname{Fd}_{x} D,$$

$$\nabla' v = \operatorname{Fd}_{y} D,$$

$$\nabla' \zeta = \operatorname{Fd}_{z} D.$$

Um diese partiellen Differentialgleichungen zu integriren, bezeize man folgenden Satz der Lehre der Differentialgleichungen*):

Es seien gegeben zwischen mehreren Hauptvariabeln ξ , v, ζ ... und den unabhängig Variabeln x, y, z, t mehrere lineäre Differentialgleichungen mit partiellen Differentialen und konstanten Coefficienten, deren Anzahl gleich sei der der Hauptvariabeln, und so geordnet, dass die Glieder, welche die Hauptvariabeln oder ihre Differentiale nicht enthalten, auf die zweite Seite des Gleichheitszeichens gebracht sind. Es sei ferner die höchste Ordnung der in Bezug auf t derivirten Funktionen der Hauptvariabeln gleich n' für ξ , gleich n'' für v, gleich n'' für ξ , u.s.w., and die Coefficienten von d_{t}^{u} , ξ , d_{t}^{u} , v, d_{t}^{u} , ζ constante Grössen. Kehmen wir ferner an, die Initialwerthe von

⁷ Cauchy, Ex. d'An. et de Ph. Math. Tom. I. pag. 69-90.

$$\xi, d_{t}\xi \dots d_{t}^{n'-1}\xi,$$

$$v, d_{t}v \dots d_{t}^{n''-1}v,$$

$$\zeta, d_{t}\zeta \dots d_{t}^{n'''-1}\zeta,$$

seien gegebene Funktionen von x, y, z. Um unter diesen Bedingungen die gegebenen Differentialgleichungen zu integriren, bestimmt man erst die allgemeinen Werthe von ξ, v, ζ ... unter der Voraussetzung, die zweiten Theile der gegebenen Differentialgleichungen seien gleich Null, und addirt dann zu dieses Werthen respective Größen der Form:

wo Z, H, Z u. s. w. Funktionen einer neuen Variabeln z sind, auf folgende Weise bestimmt.

Man suche die Werthe von d_t z, d_t v, d_t z, welche die zegebenen Differentialgleichungen verificiren, wenn man statt z, d_t z, ... d_t z, v, d_t v, ... d_t z, z, d_t z, ... d_t z, z, d_t z, ... d_t z, z, d_t z, ... d_t z, z, d_t z, z,

Wendet man diesen Satz auf die Differentialgleichungen (190) an, so wird man X, D, B erhalten, wenn man in Fd_xD, Fd_yD, Fd_xD τ statt t setzt. Die Grössen Ξ , H, Z werden die principalen Funktionen sein, welche der charakteristischen Gleichung

$$\nabla' = \mathbf{0}$$

und respective den Initialwerthen:

entsprechen, wenn man in diesen principalen Funktionen t mit t-r vertauscht. Sind Z, H, Z auf diese Weise bestimmt, so sind:

(191)
$$\xi = \mathbf{\Phi}_1 + \mathbf{d}_1 \mathbf{g}_1 + \mathbf{d}_2 \mathbf{g}_1$$

$$\mathbf{v} = \mathbf{X}_1 + \mathbf{d}_1 \mathbf{\chi}_1 + \mathbf{d}_2 \mathbf{g}_1$$

$$\zeta = \mathbf{\Psi}_1 + \mathbf{d}_1 \mathbf{v}_1 + \mathbf{d}_2 \mathbf{d}_1$$

Nimmt man an. die Dilatation des Systemes D sei gleich Mall, was, wie wir später sehen werden, gerade der Fall bei den Vibrationen ist, welche wir als Licht empfinden, so werden:

(192)
$$\xi = \Psi_1 + d_1 \Psi_1;$$

$$v = X_1 + d_2 \chi_1;$$

$$\zeta = \Psi_1 + d_2 \Psi_1.$$

- \$ 3. Particuläre Integrale, die einfache Bewegung eines isophanen Systems von Molekülen darstellend.
 - Die particulären Integrale der Differentialgleichungen (180), velche die einfache Bewegung eines isophanen Systems von Lelekülen darstellen, sind:

$$\xi = Ae^{ux + vy + wx - st};$$

$$v = Be^{ux + vy + wx - st};$$

$$\zeta = Ce^{ux + vy + ws - st};$$

we s durch eine der Gleichungen:

(193)
$$S' = s^2 - G = 0,$$

Ber:

(194)
$$S'' = s^2 - \mathfrak{C} - \mathfrak{F}(u^2 + v^2 + v^2) = 0,$$

Stimmt wird, und \frac{B}{A}, \frac{C}{A} den Gleichungen:

(195)
$$(s^2 - \mathfrak{C})A = \mathfrak{F}u (uA + vB + wC),$$

$$(s^2 - \mathfrak{C})B = \mathfrak{F}v (uA + vB + wC),$$

$$(s^2 - \mathfrak{C})C = \mathfrak{F}w(uA + vB + wC)$$

Cenage leisten.

Nimmt man an, s wäre durch die Gleichung (193) bestimmt, seben die Gleichungen (195):

(196)
$$uA + vB + wC = 0.$$

Wäre dagegen s durch die Gleichung (194) bestimmt, so geben die Gleichungen (195):

$$\frac{A}{u} = \frac{B}{v} = \frac{C}{w}.$$

Die Werthe von u, v, w, A, B, C können reell oder ima-

 $u = U + u \sqrt{-1}$, $v = V + v \sqrt{-1}$, $w = W + v \sqrt{-1}$, s = S + v $A = ae^{\lambda \sqrt{-1}}$, $B = be^{\mu \sqrt{-1}}$, $C = ce^{\nu \sqrt{-1}}$, and ferner der Kürze halber

[(169)]
$$u^{2} + v^{3} + w^{2} = k^{2}$$

[(154)] $\varrho = ux + ry + wz$, $P = Ux + Vy + Wz$,
(198) $r = \frac{\varrho}{k}$

Die reellen Theile der durch die Gleichungen [(133 stimmten Hauptvariabeln, welche noch den Disserentialgle gen (180) genüge thun werden, werden dann:

$$\xi = ae^{\mathbf{P} - \mathbf{S}t} \cos(k\mathbf{r} - \mathbf{s}t + \lambda),$$

$$[(155)] \quad \mathbf{v} = be^{\mathbf{P} - \mathbf{S}t} \cos(k\mathbf{r} - \mathbf{s}t + \mu),$$

$$\zeta = ce^{\mathbf{P} - \mathbf{S}t} \cos(k\mathbf{r} - \mathbf{s}t + \nu).$$

Wenn das System von Molekülen ganz diaphan ist, so keine Absorption stattfindet, was beim blossen Aether de ist, so wird man:

$$P - St = 0$$

folglich auch:

$$U = o$$
, $V = o$, $W = o$, $S = o$

oder:

(199) $u = u\sqrt{-1}$, $v = v\sqrt{-1}$, $w = v\sqrt{-1}$, $s = s\sqrt{-1}$ annehmen müssen. Es werden dann:

(200)
$$\xi = a \cos(kr - st + \lambda),$$

$$v = b \cos(kr - st + \mu),$$

$$\zeta = c \cos(kr - st + \nu).$$

Die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Wellen wird:

$$[(171)] \Omega = \frac{s}{h}$$

sein. Die Grösse s wird jetzt entweder durch die Gleichung (

$$(201) s^2 + \mathfrak{C} = 0$$

bestimmt, und es ist folglich:

$$(202) u\xi + \varepsilon v + u\zeta = 0,$$

das heisst, die Verschiebungen werden dem Plane der W welcher durch die Gleichung [(167)] gegeben ist, parallel den, oder s wird durch die Gleichung (194):

$$(203) s2 + \mathfrak{E} - \mathfrak{F}k2 = 0$$

bestimmt, und es ist folglich:

$$\frac{1}{u} = \frac{v}{v} = \frac{2}{10},$$

das heisst: die Verschiebungen werden dann auf dem Plane der Wellen senkrecht sein. Die Gleichung (201) bestimmt folglich die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der transversalen Vibrationen, die Gleichung (203) die der longitudinalen.

Die Phaenomene der Polarisation des Lichts nöthigen uns anzunehmen, dass nur die transversalen Vibrationen die Empfindung des Lichts erzeugen; die Geschwindigkeit Q des Lichts im Himmelsraume wird folglich durch die Gleichung:

$$\Omega^{1} = \frac{-\mathfrak{C}}{k^{2}}$$

meeben werden.

4. Gleichungen der unendlich kleinen Bewegungen zweier isophanen Systeme von Molekülen.*)

Wenn man zwei Systeme von Molekülen, die einander irchdringen, betrachtet, so hat man, wie in der vorigen Abendlung gezeigt worden ist, die folgenden 6 Gleichungen:

$$(L - d_t^2)\xi + Rv + Q\zeta + L,\xi' + R,v' + Q,\zeta' = 0,$$

$$R\xi + (M - d_t^2)v + P\zeta + R,\xi' + M,v' + P,\zeta' = 0,$$

$$Q\xi + Pv + (N - d_t^2)\zeta + Q,\xi' + P,v' + N,\zeta' = 0,$$

$$L\xi + Rv + Q\zeta + (L, -d_t^2)\xi' + R,v' + Q,\zeta' = 0,$$

$$R\xi + Mv + P\zeta + R,\xi' + (M, -d_t^2)v' + P,\zeta' = 0,$$

$$Q\xi + Pv + N\zeta + Q,\xi' + P,v' + (N, -d_t^2)\zeta' = 0,$$

Qξ + ,Pv + ,Nζ + Q,ξ'+ r,,v + r,,ν ξ, v, ζ die Verrückungen längs den drei Coordinataxen eines kinkts (x, y, z) des ersten Systems von Molekülen, welches vir als dasjenige des Aethers annehmen wollen, und ξ', v', ζ' lejenigen eines Punkts (x, y, z) des zweiten Systems, nämlich er Molekülen des Körpers. L, M, . . . L,, M, . . . sind chakteristische Funktionen der Differentialzeichen d_x, d_y, d_z. Setzt ein in diesen charakteristischen Funktionen statt der Zeichen d_y, d_z die Grössen u, v, w, und bezeichnet durch ε, m, die dadurch hervorgebrachten Funktionen von u, v, so können diese durch Hülfe 6 neuer Funktionen ausgedrückt erden. Es sei nämlich:

Cauchy, Ex. d'An. et de Ph. Math. Tome I. pag. 123-132.

$$\Theta = S \left\{ mf(r) \left[e^{ux + vy + wz} - 1 \right] \right\} - S \left\{ m, f, (r) \right\},
\Phi = S \left\{ \frac{m}{r} d_r f(r) \left(e^{ux + vy + wz} - 1 - (ux + vy + wz) \right) \right\},
- \frac{(ux + vy + wz)^2}{2} \right\} - S \left\{ \frac{m'}{r} d_r f, (r) \frac{(ux + vy + wz)^3}{2} \right\},
\Theta, = S \left\{ m' f, (r) e^{ux + vy + wz} \right\},
\Phi, = S \left\{ \frac{m'}{r} d_r f, (r) \left[e^{ux + vy + wz} - 1 - (ux + vy + wz) \right] \right\},
\Theta = S \left\{ m f, (r) e^{ux + vy + wz} - 1 - (ux + vy + wz) \right\},
\Theta, = S \left\{ m' f, (r) \left[e^{ux + vy + wz} - 1 - (ux + vy + wz) \right] \right\},
\Phi, = S \left\{ \frac{m'}{r} d_r f, (r) \left[e^{ux + vy + wz} - 1 \right] \right\} - S \left\{ m f, (r) \right\},
\Phi, = S \left\{ \frac{m'}{r} d_r f, (r) \left(e^{ux + vy + wz} - 1 - (ux + vy + wz) \right\},
- \frac{(ux + vy + wz)^2}{2} \right\} - S \left\{ \frac{m}{r} d_r f, (r) \frac{(ux + vy + wz)^2}{2} \right\},$$

wo m die Masse einer Moleküle des ersten Systemes, m' die nige des zweiten Systemes ist, $\mathbf{r} = \sqrt{(\mathbf{x}^2 + \mathbf{y}^2 + \mathbf{z}^2)}$ der Alstand dieser Moleküle vom Punkt (x, y, z), $f(\mathbf{r}) = \frac{f(\mathbf{r})}{\mathbf{r}}$, $f_{\mathbf{r}}(\mathbf{r}) = \frac{f(\mathbf{r})}{\mathbf{r}}$, $f_{\mathbf{r}}(\mathbf{r}) = \frac{f(\mathbf{r})}{\mathbf{r}}$, $f_{\mathbf{r}}(\mathbf{r})$ die Kraft ist, womit eine Moleküle des Aether auf eine andere Moleküle des Aethers in dem Abstand \mathbf{r} wirkt $f_{\mathbf{r}}(\mathbf{r})$ die Kraft, womit eine Moleküle des Aethers auf eine Moleküle des Körpers in dem Abstand \mathbf{r} wirkt, und $f_{\mathbf{r}}(\mathbf{r})$ die Kraft welcher eine Moleküle des Körpers auf eine andere Moleküle des Körpers in dem Abstand \mathbf{r} wirkt. Es ist dann:

$$\mathcal{L} = \mathcal{G} + d_{u}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{M} = \mathcal{G} + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{N} = \mathcal{G} + d_{u}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \\
\mathfrak{P} = d_{v} d_{w} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{D} = d_{u} d_{w} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{N} = d_{u} d_{v} \hat{\mathcal{L}}, \\
\mathfrak{L}, = \mathcal{G}, + d_{u}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{M}, = \mathcal{G}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{N}, = \mathcal{G}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \\
\mathfrak{P}, = d_{v} d_{w} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{D}, = d_{u} d_{w} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{N}, = d_{u} d_{v} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{N}, \\
\mathfrak{L} = \mathcal{G} + d_{u}^{2} \mathcal{L}, \quad \mathfrak{D} = \mathcal{G} + d_{v}^{2} \mathcal{L}, \quad \mathfrak{M} = \mathcal{G} + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \\
\mathfrak{L}, = \mathcal{G}, + d_{u}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{M}, = \mathcal{G}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{M}, = \mathcal{G}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \\
\mathfrak{L}, = \mathcal{G}, + d_{u}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{M}, = \mathcal{G}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{M}, = \mathcal{G}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \\
\mathfrak{L}, = \mathcal{G}, + d_{u}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{M}, = \mathcal{G}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{M}, = \mathcal{G}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \\
\mathfrak{L}, = \mathcal{G}, + d_{u}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{M}, = \mathcal{G}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{M}, = \mathcal{G}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \\
\mathfrak{L}, = \mathcal{G}, + d_{u}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{M}, = \mathcal{G}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{M}, = \mathcal{G}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \\
\mathfrak{L}, = \mathcal{G}, + d_{u}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{M}, = \mathcal{G}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{M}, = \mathcal{G}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \\
\mathfrak{L}, = \mathcal{G}, + d_{u}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{M}, = \mathcal{G}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{M}, = \mathcal{G}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \\
\mathfrak{L}, = \mathcal{G}, + d_{u}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{L}, \quad \mathfrak{L}, = \mathcal{L}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{L}, \quad \mathfrak{L}, = \mathcal{L}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{L}, \quad \mathfrak{L}, = \mathcal{L}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{L}, \quad \mathfrak{L}, = \mathcal{L}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{L}, \quad \mathfrak{L}, = \mathcal{L}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{L}, \quad \mathfrak{L}, = \mathcal{L}, + d_{v}^{2} \hat{\mathcal{L}}, \quad \mathfrak{L}, \quad \mathfrak{L}, \quad \mathfrak{L}, = \mathcal{L}, + \mathcal{L}, \quad \mathfrak{L}, \quad \mathfrak{L},$$

Bei isophanen Körpern dürsen die Gleichungen [(21)] nicht ihre Form verändern, wenn das Axensystem aus irgend eine Weise um den Ansangspunkt des Coordinatensystems gedreht wird. Die charakteristischen Funktionen L, M, . . . L., M,

olglich auch die Funktionen 2, M, ... 2, M, ... dürsen in ihre Form nicht verändern. Nun ist aber wegen der nungen [(143)]:

(206)

Veil jetzt 2, M, N, ... 2,, M, ... nicht ihre Form veränwenn das Axensystem in irgend einer Weise um den Anunkt des Coordinatensystems gedreht wird, so werden d,G, d,G,, d,G,.... und folglich auch die to-Disferentiale von &, &,, ,&, (9,, unverändert bleiben, und liese Grössen unabhängig von x, y, z werden, wenn man en u, v, w gleich Null setzt, so kann man daraus schlieslass auch G, G,, ,G, G,, eine unveränderliche Form haben n. Dann werden aber wegen der Gleichungen [(144)] **d ፟**፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟፟, d d ្፟ស, d d ្្ស, d d ្្ស, d ្፟ស, und h die totalen zweiten Disserentiale von \$, \$,, \$,, \$,, indert bleiben, und weil &, &,, ,&, &,,, d&, d&,, d&,, d&,, , y, z unabhängig werden, wenn man u, v, w gleich Null werden folglich auch &, &,, ,&, &,, eine unveränderliche haben. Damit folglich &, M, . . . &, M,, unveränner Form seien, ist es nothwendig und zureichend, dass ., , Ø, Ø,,, Ø, Ø,, ø,, eine unveränderliche Form be-Die charakteristischen Funktionen, worin diese Grössen ndelt werden, wenn man statt u, v, w die Zeichen d, setzt, müssen folglich unveränderlicher Form sein, damit leichungen [(21)] unverändert bleiben, wenn das Axensyder Coordinaten in irgend einer Weise um den Anfangsder Coordinaten gedreht wird. Dann ist es aber nothg und zureichend, dass diese charakteristischen Funktiopanze Funktionen von d. + d. + d. sind, oder &, &,,, ... 1, P., S, P., mussen ganze Funktionen von u' + v' + w' Setzt man jetzt wie vorher

$$u^2 + v^2 + w^2 = k^2,$$

mer:

$$\mathfrak{E} = \mathfrak{G} + \frac{1}{k} d_{k} \mathfrak{G}, \quad \mathfrak{F} = \frac{1}{k} d_{k} \left(\frac{1}{k} d_{k} \mathfrak{G} \right),$$

$$\mathfrak{G}, = \mathfrak{G}, + \frac{1}{k} d_{k} \mathfrak{G}, \quad \mathfrak{F}, = \frac{1}{k} d_{k} \left(\frac{1}{k} d_{k} \mathfrak{G}, \right),$$

$$\mathfrak{G} = \mathfrak{G} + \frac{1}{k} d_{k} \mathfrak{G}, \quad \mathfrak{F} = \frac{1}{k} d_{k} \left(\frac{1}{k} d_{k} \mathfrak{G}, \right),$$

$$\mathfrak{G} = \mathfrak{G} + \frac{1}{k} d_{k} \mathfrak{G}, \quad \mathfrak{F} = \frac{1}{k} d_{k} \left(\frac{1}{k} d_{k} \mathfrak{G}, \right),$$

$$\mathfrak{G} = \mathfrak{G} + \frac{1}{k} d_{k} \mathfrak{G}, \quad \mathfrak{F} = \frac{1}{k} d_{k} \left(\frac{1}{k} d_{k} \mathfrak{G}, \right),$$

$$\mathfrak{G} = \mathfrak{G} + \frac{1}{k} d_{k} \mathfrak{G}, \quad \mathfrak{F} = \frac{1}{k} d_{k} \left(\frac{1}{k} d_{k} \mathfrak{G}, \right),$$

und bezeichnet durch E. E., E., E., E., F., F., F., die entsprechenden charakteristischen Funktionen von $d_x^2 + d_y^2 + d_z^2$, weld man erhält, wenn man in jenen Funktionen statt der Grössen, v. w die Zeichen d_x , d_y , d_z setzt, so werden die Gleichen gen [(21)] auf folgende Weise geschrieben werden können;

$$(E - d_1^2) \xi + F d_x (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + E_i \xi' + F_i d_x (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E - d_1^2) \psi + F d_y (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + E_i \psi' + F_i d_y (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E - d_1^2) \psi + F d_z (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + E_i \psi' + F_i d_z (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E - d_1^2) \psi + F d_z (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + (E_i - d_1^2) \psi' + F_i d_z (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E \psi + F d_x (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + (E_i - d_1^2) \psi' + F_i d_z (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E \psi + F d_y (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + (E_i - d_1^2) \psi' + F_i d_z (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E \psi + F d_z (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + (E_i - d_1^2) \psi' + F_i d_z (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E \psi + F d_z (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + (E_i - d_1^2) \psi' + F_i d_z (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E \psi + F d_z (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + (E_i - d_1^2) \psi' + F_i d_z (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E \psi + F d_z (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + (E_i - d_1^2) \psi' + F_i d_z (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E \psi + F d_z (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + (E_i - d_1^2) \psi' + F_i d_z (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E \psi + F d_z (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + (E_i - d_1^2) \psi' + F_i d_z (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E \psi + F d_z (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + (E_i - d_1^2) \psi' + F_i d_z (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E \psi + F d_z (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + (E_i - d_1^2) \psi' + F_i d_z (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E \psi + F d_z (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + (E_i - d_1^2) \psi' + F_i d_z (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E \psi + F d_z (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + (E_i - d_1^2) \psi' + F_i d_z (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E \psi + F d_z (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + (E_i - d_1^2) \psi' + F_i d_z (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E \psi + F d_z (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + (E_i - d_1^2) \psi' + F_i d_z (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E \psi + F d_z (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + (E_i - d_1^2) \psi' + F_i d_z (d_x \xi' + d_y v' + d_z \xi') =$$

$$(E \psi + F d_z (d_x \xi + d_y v + d_z \xi) + (E_i - d_1^2) \psi' + (E_i - d_1^2) \psi' + (E_i - d_2^2) \psi' + (E_i$$

Die Grössen $d_x\xi + d_yv + d_z\zeta$ und $d_x\xi' + d_yv' + d_z\zeta'$ sie len die Dilatationen oder Condensationen des Volumens des assten oder zweiten Systems von Molekülen dar. Bezeichnen wis eie durch D und D', so dass:

(209)
$$D' = d_x \xi + d_y v + d_z \zeta,$$
$$D' = d_x \xi' + d_y v' + d_z \zeta'.$$

Differentiirt man die erste und vierte der Gleichungen (201) in Bezug auf x, die zweite und fünfte in Bezug auf y, die drin und sechste in Bezug auf z, so findet man:

$$(210)$$

$$[E - d_{x}^{2} + F(d_{x}^{2} + d_{y}^{2} + d_{z}^{2})]D + [E, + F, (d_{x}^{2} + d_{y}^{2} + d_{z}^{2})]D' = 0$$

$$[E + F(d_{x}^{2} + d_{y}^{2} + d_{z}^{2})]D + [E, + d_{z}^{2} + F, (d_{x}^{2} + d_{y}^{2} + d_{z}^{2})]D' = 0$$

$$Ebenso findet man auch:$$

$$(E - d_{z}^{2})(d_{z}^{2} + d_{y}^{2}) + E(d_{z}^{2} - d_{z}^{2}) = 0$$

$$(E - d_{t}^{2})(d_{y}\xi - d_{x}v) + E_{t}(d_{y}\xi' - d_{x}v') = 0,$$

$$E(d_{y}\xi - d_{x}v) + (E_{t} - d_{t}^{2})(d_{y}\xi' - d_{x}v') = 0,$$

$$(E - d_{t}^{2})(d_{z}\xi - d_{x}\zeta) + E_{t}(d_{z}\xi - d_{x}\zeta') = 0,$$

$$E(d_{z}\xi - d_{x}\zeta) + (E_{t} - d_{t}^{2})(d_{z}\xi' - d_{x}\zeta') = 0,$$

$$(E - d_{t}^{2})(d_{x}v - d_{y}\zeta) + E_{t}(d_{x}v' - d_{y}\zeta') = 0,$$

$$E(d_{x}v - d_{y}\zeta) + (E_{t} - d_{t}^{2})(d_{x}v' - d_{y}\zeta') = 0,$$

$$E(d_{x}v - d_{y}\zeta) + (E_{t} - d_{t}^{2})(d_{x}v' - d_{y}\zeta') = 0.$$

5. Allgemeine Integrale der Differentialgleichunn der unendlich kleinen Bewegungen zweier isophanen Systeme von Molekülen.

Eliminirt man ξ , v. ζ , ξ' . v'. ζ' zwischen den Gleichungen 08), so erhält man die charakteristische Gleichung:

$$\nabla = \nabla'\nabla'' = 0,$$

o die Werthe von ∨ und ∨ sind:

$$= (d_{i}^{2} - E)(d_{i}^{2} - E_{i,i}) - E_{i,i}E_{i,j}$$

$$= [d_{t}^{2} - E - F(d_{x}^{2} + d_{y}^{2} + d_{z}^{2})][d_{t}^{2} - E_{y} - F_{y}(d_{x}^{2} + d_{y}^{2} + d_{z}^{2})] \\ - [E_{y} + F_{y}(d_{x}^{2} + d_{y}^{2} + d_{z}^{2})][E_{y} + F(d_{x}^{2} + d_{y}^{2} + d_{z}^{2})].$$

Um jetzt die vollständigen Integrale der Gleichungen (208) ist finden, muss man in diesen Gleichungen statt der zweiten Theile reselben die Ausdrücke setzen: $-\Delta(\Phi + \mathbf{d}_{i}\varphi)$, $-\nabla(X + \mathbf{d}_{i}\chi)$, $-\nabla(Y + \mathbf{d}_{i}\psi)$, $-\nabla(Y + \mathbf{d}_{i}\psi)$, $-\nabla(Y + \mathbf{d}_{i}\psi)$, $-\nabla(Y + \mathbf{d}_{i}\psi)$, id dann die Gleichungen in Bezug auf ξ , v, ζ , ξ' , v'. ζ' auslön, als wären \mathbf{d}_{i} , \mathbf{d}_{i} , \mathbf{d}_{i} wirkliche Grössen. φ , χ , ψ , φ' , χ' , ψ , φ , χ' , ψ , ψ' , χ' , ψ' bezeichnen hier die Werthe der, der irrakteristischen Gleichung (212) entsprechenden principalen inktion w, welche entstehen, wenn man statt w(x, y, z) suchsive die Funktionen [(32)] setzt. Setzt man der Kürze halber:

$$(214)$$

$$[d_{x}(\mathbf{\Phi}'+d_{t}g')+d_{y}(X'+d_{t}\chi')+d_{z}(\mathcal{U}'+d_{t}\psi')][E_{x}+F_{x}(d_{x}^{2}+d_{y}^{2}+d_{z}^{2})]$$

$$+[d_{x}(\mathbf{\Phi}+d_{t}g)+d_{y}(X+d_{t}\chi)+d_{z}(\mathcal{U}'+d_{t}\psi)][d_{t}^{2}-E_{x}-F_{x}(d_{x}^{2}+d_{y}^{2}+d_{z}^{2})],$$

$$=[d_{x}(\mathbf{\Phi}+d_{t}g)+d_{y}(X+d_{t}\chi)+d_{z}(\mathcal{U}'+d_{t}\psi)][E-d_{t}^{2}-E(d_{x}^{2}+d_{y}^{2}+d_{z}^{2})]$$

$$+[d_{x}(\mathbf{\Phi}'+d_{t}g')+d_{y}(X'+d_{t}\chi')+d_{z}(\mathcal{U}'+d_{t}\psi')][E+F(d_{x}^{2}+d_{y}^{2}+d_{z}^{2})].$$

(215)
$$K = F(d_t^2 - E_{..}) + F_{.}E_{.}, K_{.} = F_{.}(d_t^2 -$$

• findet man auf diese Weise:

$$(216)$$

$$= \nabla'' \mathbf{E}_{i}(\boldsymbol{\mathcal{O}}' + \mathbf{d}_{i}\boldsymbol{\mathcal{G}}') + \nabla'' (\mathbf{d}_{i}^{2} - \mathbf{E}_{i})(\boldsymbol{\mathcal{O}} + \mathbf{d}_{i}\boldsymbol{\mathcal{G}}) + \mathbf{K}\mathbf{d}_{z}H + \mathbf{K}_{i}\mathbf{d}_{z}H',$$

$$= \nabla'' \mathbf{E}_{i}(\boldsymbol{\mathcal{X}}' + \mathbf{d}_{i}\boldsymbol{\mathcal{X}}') + \nabla'' (\mathbf{d}_{i}^{2} - \mathbf{E}_{i})(\boldsymbol{\mathcal{X}} + \mathbf{d}_{i}\boldsymbol{\mathcal{X}}) + \mathbf{K}\mathbf{d}_{y}H + \mathbf{K}_{i}\mathbf{d}_{y}H',$$

$$= \nabla'' \mathbf{E}_{i}(\boldsymbol{\mathcal{V}}' + \mathbf{d}_{i}\boldsymbol{\mathcal{V}}') + \nabla'' (\mathbf{d}_{i}^{2} - \mathbf{E}_{i})(\boldsymbol{\mathcal{V}}' + \mathbf{d}_{i}\boldsymbol{\mathcal{V}}') + \mathbf{K}\mathbf{d}_{z}H + \mathbf{K}_{i}\mathbf{d}_{z}H,$$

$$= \nabla'' (\mathbf{d}_{i}^{2} - \mathbf{E})(\boldsymbol{\mathcal{V}}' + \mathbf{d}_{i}\boldsymbol{\mathcal{Y}}) + \nabla'', \mathbf{E}(\boldsymbol{\mathcal{V}} + \mathbf{d}_{i}\boldsymbol{\mathcal{Y}}) + \mathbf{K}\mathbf{d}_{z}H + \mathbf{K}_{i}\mathbf{d}_{z}H',$$

$$= \nabla'' (\mathbf{d}_{i}^{2} - \mathbf{E})(\boldsymbol{\mathcal{X}}' + \mathbf{d}_{i}\boldsymbol{\mathcal{X}}') + \nabla'', \mathbf{E}(\boldsymbol{\mathcal{X}} + \mathbf{d}_{i}\boldsymbol{\mathcal{X}}) + \mathbf{K}\mathbf{d}_{z}H + \mathbf{K}_{i}\mathbf{d}_{z}H',$$

$$= \nabla'' (\mathbf{d}_{i}^{2} - \mathbf{E})(\boldsymbol{\mathcal{Y}}' + \mathbf{d}_{i}\boldsymbol{\mathcal{Y}}') + \nabla'', \mathbf{E}(\boldsymbol{\mathcal{X}} + \mathbf{d}_{i}\boldsymbol{\mathcal{X}}) + \mathbf{K}\mathbf{d}_{z}H + \mathbf{K}_{i}\mathbf{d}_{z}H',$$

$$= \nabla'' (\mathbf{d}_{i}^{2} - \mathbf{E})(\boldsymbol{\mathcal{Y}}' + \mathbf{d}_{i}\boldsymbol{\mathcal{Y}}') + \nabla'', \mathbf{E}(\boldsymbol{\mathcal{Y}} + \mathbf{d}_{i}\boldsymbol{\mathcal{Y}}) + \mathbf{K}\mathbf{d}_{z}H + \mathbf{K}_{i}\mathbf{d}_{z}H'.$$

Bezeichnet man jetzt durch w, und w, die principalen Fanktionen, welche respective den charakteristischen Disserentialgleichungen:

$$\nabla' = 0 \text{ und } \nabla'' = 0$$

entsprechen, so hat man:

$$\nabla' w = w, \quad \nabla'' w = w.$$

Bezeichnet man durch \mathcal{O}_1 , φ_1 , X_1 , χ_1 , \mathcal{O}_2 , φ_2 , X_3 , χ_2 , die Werthe von w_1 und w_2 , welche man erhält, wenn man statt w(x, y, z) successive die Funktionen [(32)] setzt, so können folglich die Gleichungen (216) auch so geschrieben werden:

$$\xi = E_{i}(\mathcal{D}'_{1} + d_{i}\varphi'_{1}) + (d_{i}^{2} - E_{i})(\mathcal{D}_{1} + d_{i}\varphi_{1}) + Kd_{x}H + K_{i}d_{x}H,$$

$$v = E_{i}(X'_{1} + d_{i}\chi'_{1}) + (d_{i}^{2} - E_{i})(X_{1} + d_{i}\chi_{1}) + Kd_{y}H + Kd_{y}H,$$

$$\zeta = E_{i}(\mathcal{U}'_{1} + d_{i}\psi'_{1}) + (d_{i}^{2} - E_{i})(\mathcal{U}_{1} + d_{i}\psi_{1}) + Kd_{x}H + K_{i}d_{x}H,$$

$$\xi' = (d_{i}^{2} - E)(\mathcal{D}'_{1} + d_{i}\varphi'_{1}) + E(\mathcal{D}_{1} + d_{i}\varphi_{1}) + Kd_{x}H + K_{i}d_{x}H,$$

$$v' = (d_{i}^{2} - E)(X'_{1} + d_{i}\chi'_{1}) + E(X_{1} + d_{i}\chi_{1}) + Kd_{y}H + K_{i}d_{y}H,$$

$$\zeta' = (d_{i}^{2} - E)(\mathcal{U}'_{1} + d_{i}\psi'_{1}) + E(\mathcal{U}_{1} + d_{i}\psi_{1}) + Kd_{x}H + K_{i}d_{x}H.$$

Um die Dilatationen D und D' beider Systeme im Punkte (x, y, z) zu finden, muss man die partiellen Differentialgeichungen (210) integriren. Bezeichnet man durch d(x, y, z) mit d'(x, y, z) die Initialwerthe von d_iD und d_iD' , diejenigen d'(x, y, z) und D' gleich Null setzend, und bezeichnet durch d'(x, y, z) principalen Funktionen, welche diesen Initialwerthen und der charakteristischen Gleichung $\nabla'' = 0$ entsprechen, so sindet mass

$$D = [d_{t}^{2} - E_{y} - F_{y}(d_{x}^{2} + d_{y}^{2} + d_{z}^{2})]d_{x} + [E_{y} + F_{y}(d_{x}^{2} + d_{y}^{2} + d_{z}^{2})]d_{y}$$

$$D' = [E_{y} + F_{y}(d_{x}^{2} + d_{y}^{2} + d_{z}^{2})]d_{y} + [d_{y}^{2} - E_{y} - F_{y}(d_{x}^{2} + d_{y}^{2} + d_{z}^{2})]d_{y}$$

(219)

Substituirt man diese Werthe von D und D' in den Gleichungen (208), so erhält man zwischen & und & die Gleichungen

(220)
$$(E - d_t^2)\xi + E_t\xi' = -Fd_xD - F_td_xD',$$

$$(E + (E_t, -d_t^2)\xi' = -Fd_xD - F_td_xD',$$

zwischen v und v' die Gleichungen:

(221)
$$(E - d_t^2)v + E_{,v'} = -Fd_yD - F_{,d_y}D',$$

$$(Ev + (E_{,,} - d_t^2)v' = -Fd_yD - F_{,,d_y}D',$$

swischen & und & die Gleichungen:

(222)
$$(E - d_t^2)\zeta + E \zeta' = -F d_s D - F d_s D',$$

$$(E\zeta + (E_{tt} - d_t^2)\zeta' = -F d_s D - F_{tt} d_s D'.$$

Wenden wir jetzt auf diese Gleichungen die im §. 2 gegemen Regeln an. Bezeichnen wir durch D und D' die Werthem D und D', wenn man t mit τ vertauscht und setzen wir:

Bezeichnen wir ferner durch X, X' die principalen Funknen, welche der charakteristischen Gleichung $\nabla' = 0$, und resective den Initialwerthen \mathcal{X} und \mathcal{X} , entsprechen, setzen:

(224)
$$x = (d_t^2 - E_{,,})X + E_{,}X',$$
$$x' = E_{,}X + (d_t^2 - E_{,,})X',$$

ad bezeichnen durch Ξ , Ξ' die Werthe von x, x', wenn man mit $t-\tau$ vertauscht, so werden:

(225)
$$\xi = (d_{i}^{2} - E_{i,i})(\mathcal{D}_{i} + d_{i}g_{i}) + E_{i}(\mathcal{D}'_{i} + d_{i}g'_{i}) + \int_{0}^{t} \Xi dr,$$

$$\xi' = E(\mathcal{D}_{i} + d_{i}g_{i}) + (d_{i}^{2} - E)(\mathcal{D}'_{i} + d_{i}g'_{i}) + \int_{0}^{t} \Xi' dr.$$

Beseichnet man durch H, H', Z, Z', die Werthe von Ξ , Ξ' enn man x nach und nach mit y und s vertauscht, so findet an ebenso:

(226)
$$v = (d_t^2 - E_{,i})(X_i + d_i \chi_i) + E_i(X_1' + d_i \chi_i') + \int_0^t H dr,$$

$$v' = E(X_i + d_i \chi_i) + (d_i^2 - E)(X_1' + d_i \chi_i') + \int_0^t H' dr,$$

$$\zeta = (d_i^2 - E_{,i})(\Psi_i + d_i \psi_i) + E(\Psi_i' + d_i \psi_i') + \int_0^t Z dr,$$

$$\zeta' = E(\Psi_i + d_i \psi_i) + (d_i^2 - E)(\Psi_i' + d_i \psi_i') + \int_0^t Z' dr.$$

Die Dilatation des zweiten Systems von Molekülen ist bei Schwingungen, welche das Licht erregen, immer Null; wie ir gleich sehen werden, muss man auch in vollkommen diamen Medien annehmen, dass im ersten Systeme von Molekülen die Dilatation Null ist. Es werden dann: $\mathcal{X} = 0$, $\mathcal{X}' = 0$, Iglich auch: X = 0, X' = 0 und $\Xi = 0$, $\Xi' = 0$; ebenso auch X = 0, X' = 0, X' = 0.

Man hat dann:

$$\xi = (d_t^2 - E_{,,})(\mathcal{D}_1 + d_t \varphi_1) + E_{,}(\mathcal{D}_1' + d_t \varphi_1'),$$

$$v = (d_t^2 - E_{,,})(X_1 + d_t \chi_1) + E_{,}(X_1' + d_t \chi_1'),$$

$$\zeta = (d_t^2 - E_{,,})(\mathcal{V}_1 + d_t \psi_1) + E_{,}(\mathcal{V}_1' + d_t \psi_1'),$$

$$\xi' = E(\mathcal{D}_1 + d_t \varphi_1) + (d_t^2 - E)(\mathcal{D}_1' + d_t \varphi_1'),$$

$$v' = E(X_1 + d_t \chi_1) + (d_t^2 - E)(X_1' + d_t \chi_1'),$$

$$\zeta' = E(\mathcal{V}_1 + d_t \psi_1) + (d_t^2 - E)(\mathcal{V}_1' + d_t \psi_1').$$

§. 6. Particuläre Integrale, die einfache Bewegu zweier isophanen Systeme von Molekülen darstellend.

Die particulären Integrale der Disserentialgleichungen (2006 welche die einfache Bewegung zweier isophanen Systeme W. Molekülen darstellen, sind:

 $\xi = \Lambda e^{ux + vy + wz - st}$, $v = Be^{ux + vy + wz - st}$, $\zeta = Ce^{ux + vy + wz - st}$, $\xi' = \Lambda' e^{ux + vy + wz - st}$, $v' = B' e^{ux + vy + wz - st}$, $\zeta' = C' e^{ux + vy + wz - st}$ vo a durch eine der Gleichungen:

(229)
$$S' = (s^2 - \mathfrak{C})(s^2 - \mathfrak{C}_{,,}) - \mathfrak{C}_{,,,}\mathfrak{C} = 0$$
 oder:

$$S'' = [s^{2} - \mathcal{E} - \mathcal{E}(u^{2} + v^{2} + w^{2})][s^{2} - \mathcal{E}_{"} - \mathcal{E}_{"}(u^{2} + v^{2} + w^{2})] - [\mathcal{E}_{"} + \mathcal{E}_{"}(u^{2} + v^{2} + w^{2})][\mathcal{E}_{"} + \mathcal{E}_{"}(u^{2} + v^{2} + w^{2})] =$$

und $\frac{B}{A}$, $\frac{C}{A}$, $\frac{A'}{A}$, $\frac{B'}{A}$, $\frac{C'}{A}$ durch die Gleichungen:

1

 $(\mathfrak{C} - s^2)A + \mathfrak{F}u(uA + vB + wC) + \mathfrak{C}'A' + \mathfrak{F},u(uA' + vB' + wC') = 1$ $(\mathfrak{C} - s^2)B + \mathfrak{F}v(uA + vB + wC) + \mathfrak{C}'B' + \mathfrak{F},v(uA' + vB' + wC') = 1$ $(\mathfrak{C} - s^2)C + \mathfrak{F}w(uA + vB + wC) + (\mathfrak{C}, - s^2)A' + \mathfrak{F},w(uA' + vB' + wC') = 1$ $(\mathfrak{C}A + \mathfrak{F}u(uA + vB + wC) + (\mathfrak{C}, - s^2)A' + \mathfrak{F},w(uA' + vB' + wC') = 1$ $(\mathfrak{C}B + \mathfrak{F}v(uA + vB + wC) + (\mathfrak{C}, - s^2)B' + \mathfrak{F},v(uA' + vB' + wC') = 1$ $(\mathfrak{C}C + \mathfrak{F}w(uA + vB + wC) + (\mathfrak{C}, - s^2)C' + \mathfrak{F},w(uA' + vB' + wC') = 1$ bestimmt sind.

Weil bei den Schwingungen, welche die Empfindung & Lichts hervorbringen, immer die Dilatation des zweiten System von Molekülen gleich Null ist, so hat man:

$$uA' + vB' + wC' = 0$$
.

Man findet dann aus den Gleichungen (231) durch Eliminatie von Λ' , B', C':

$$S'A = u(uA + vB + wC)[(s^2 - \mathfrak{C}_{,,})\mathfrak{F} + \mathfrak{C}_{,,,,}\mathfrak{F}],$$

$$(232) S'B = v(uA + vB + wC)[(s^2 - \mathfrak{C}_{,,})\mathfrak{F} + \mathfrak{C}_{,,,,}\mathfrak{F}],$$

$$S'C = w(uA + vB + wC)[(s^2 - \mathfrak{C}_{,,,})\mathfrak{F} + \mathfrak{C}_{,,,,}\mathfrak{F}].$$

Nimmt man an s wäre durch die Gleichung (229) S' = o estimmt, so geben die Gleichungen (232):

$$(233) uA + vB + wC = 0.$$

Fire dagegen s durch die Gleichung (230) S'' = o bestimmt, so ben die Gleichungen (232):

$$\frac{A}{v} = \frac{B}{v} = \frac{C}{w}.$$

Die Werthe von u, v, w, A, B, C, A', B', C', und folglieh ich die von ξ , v, ζ , ξ' , v' ζ' können entweder reell oder imagiir sein. Setzt man im Allgemeinen

[(153)]
= U +
$$\nu \sqrt{-1}$$
, $v = V + \nu \sqrt{-1}$, $w = W + \nu \sqrt{-1}$, $s = S + \nu \sqrt{-1}$.
= $ae^{\lambda \sqrt{-1}}$, $B = be^{\mu \sqrt{-1}}$, $C = ce^{\nu \sqrt{-1}}$, $A' = a'e^{\lambda' \sqrt{-1}}$.
 $B' = b'e^{\mu' \sqrt{-1}}$, $C' = c'e^{\nu' \sqrt{-1}}$,

ıd um der Kürze willen

[(169)]
$$k^2 = u^2 + v^2 + w^2$$

[(154)] $\varrho = ux + vy + wz$, $P = Ux + Vy + Wz$,
(198) $\tau = \frac{\varrho}{L}$

werden die reellen Theile von ξ , v, ζ , ξ' , v', ζ' , welche noch in Dissertialgleichungen (205) Genüge thau:

$$\xi = ae^{\mathbf{P} - \mathbf{S}t}\cos(k\mathbf{r} - s\mathbf{t} + \lambda),$$

$$v = be^{\mathbf{P} - \mathbf{S}t}\cos(k\mathbf{r} - s\mathbf{t} + \mu),$$

$$\zeta = ce^{\mathbf{P} - \mathbf{S}t}\cos(k\mathbf{r} - s\mathbf{t} + \nu).$$

$$\xi' = a'e^{\mathbf{P} - \mathbf{S}t}\cos(k\mathbf{r} - s\mathbf{t} + \lambda'),$$

$$v' = b'e^{\mathbf{P} - \mathbf{S}t}\cos(k\mathbf{r} - s\mathbf{t} + \mu'),$$

$$\zeta' = c'e^{\mathbf{P} - \mathbf{S}t}\cos(k\mathbf{r} - s\mathbf{t} + \mu').$$

Wenn die Systeme von Molekülen vollkommen diaphan wäso wird man:

$$P - St = 0$$

Aglich auch:

;:

$$U = 0$$
, $V = 0$, $W = 0$, $S = 0$

anehmen müssen. Es werden dann:-

VII.

$$\xi = a \cos(kr - st + \lambda),$$

$$v = b \cos(kr - st + \mu),$$

$$\zeta = c \cos(kr - st + \nu).$$

$$\xi' = a' \cos(kr - st + \lambda').$$

$$v' = b' \cos(kr - st + \mu'),$$

$$\zeta' = c' \cos(kr - st + \nu').$$

Die Fortpslanzungsgeschwindigkeit der Wellen wird dem Falle:

$$[(171)] \qquad \qquad \Omega = \frac{s}{k}$$

sein. Die Grösse s wird jetzt entweder durch die Gleichung oder (230) bestimmt werden. Wenn die Systeme diaphan so werden diese Gleichungen:

(236)
$$(s^{2} + \mathfrak{E})(s^{2} + \mathfrak{E}_{,,}) - \mathfrak{E}_{,,,}\mathfrak{E} = 0,$$
(237)

 $(s^2 + \mathfrak{C} - \mathfrak{F}k^2)(s^2 + \mathfrak{C}, -\mathfrak{F}, k^2) - (\mathfrak{C}, -\mathfrak{F}, k^2)(\mathfrak{C} - \mathfrak{F}k^2)$ Ist s durch die Gleichungen (236) bestimmt, so wird: $u\xi + vv + w\zeta = 0,$

das heisst, die Verschiebungen werden dem Plane der Wwelcher durch die Gleichung [(167)] gegeben ist, parallel we Wenn s durch die Gleichung (237) bestimmt ist, so wird:

$$\frac{\xi}{n} = \frac{v}{n} = \frac{\zeta}{n},$$

das heisst, die Verschiebungen werden auf dem Plane der len senkrecht sein. Die Gleichung (236) bestimmt folglich Fortpflanzungsgeschwindigkeit der transversalen Vibrationen Gleichung (237) die der longitudinalen. Die ersten sind die, w wir als die Empfindung des Lichts bei uns anregend anneh

Setzen wir:

$$(240) u^2 + v^2 + w^3 = k^2,$$

so kann man immer setzen:

(241)
$$u = k \cos \alpha, \quad v = k \cos \beta, \quad w = k \cos \gamma,$$

$$x = r \cos \alpha', \quad y = r \cos \beta', \quad z = r \cos \gamma',$$

$$\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta + \cos^2 \gamma = 1,$$

$$\cos^2 \alpha' + \cos^2 \beta' + \cos^2 \gamma' = 1.$$

^{*)} Cauchy, Ex. d'An. et de Ph. Math. Tom. I. pag. 292—312 indessen nur ein System von Molekülen betrachtet wird.

Setst man ferner:

(242) $\cos \alpha \cos \alpha' + \cos \beta \cos \beta' + \cos \gamma \cos \gamma' = \cos \delta$, so wird δ die Winkel bezeichnen, welche eine Linie k, deren rojektionen auf die drei Coordinataxen u, v, w sind, mit einer inie r bildet, deren Projektionen x, y, z sind. Es ist dann:

$$\begin{aligned}
\mathbf{w} + \mathbf{v}\mathbf{y} + \mathbf{w}\mathbf{z} &= \ker \cos \delta, \\
\mathbf{\Theta} &= \mathbf{S} \left\{ \mathbf{m} f(\mathbf{r}) \left[\mathbf{e}^{\ker \cos \delta} - 1 \right] \right\} - \mathbf{S} \left\{ \mathbf{m}' f_{r}(\mathbf{r}) \right\}, \\
\mathbf{\Theta}_{r} &= \mathbf{S} \left\{ \mathbf{m}' f_{r}(\mathbf{r}) \mathbf{e}^{\ker \cos \delta} \right\}, \\
\mathbf{\Theta}_{m} &= \mathbf{S} \left\{ \mathbf{m}' f_{m}(\mathbf{r}) \left[\mathbf{e}^{\ker \cos \delta} - 1 \right] \right\} - \mathbf{S} \left\{ \mathbf{m}' f_{r}(\mathbf{r}) \right\}, \\
\mathbf{\Phi} &= \mathbf{S} \left\{ \mathbf{m}' f_{m}(\mathbf{r}) \left[\mathbf{e}^{\ker \cos \delta} - 1 \right] \right\} - \mathbf{S} \left\{ \mathbf{m}' f_{r}(\mathbf{r}) \right\}, \\
\mathbf{\Phi}_{r} &= \mathbf{S} \left\{ \mathbf{m}' \mathbf{d}_{r} f(\mathbf{r}) \left(\mathbf{e}^{\ker \cos \delta} - 1 - \ker \cos \delta - \frac{\mathbf{k}^{2} \mathbf{r}^{2} \cos^{2} \delta}{2} \right) \right\}, \\
\mathbf{\Phi}_{r} &= \mathbf{S} \left\{ \mathbf{m}' \mathbf{d}_{r} f_{r}(\mathbf{r}) \left[\mathbf{e}^{\ker \cos \delta} - 1 - \ker \cos \delta \right] \right\}, \\
\mathbf{\Phi}_{m} &= \mathbf{S} \left\{ \mathbf{m}' \mathbf{d}_{r} f_{r}(\mathbf{r}) \left[\mathbf{e}^{\ker \cos \delta} - 1 - \ker \cos \delta \right] \right\}, \\
\mathbf{\Phi}_{m} &= \mathbf{S} \left\{ \mathbf{m}' \mathbf{d}_{r} f_{r}(\mathbf{r}) \left(\mathbf{e}^{\ker \cos \delta} - 1 - \ker \cos \delta \right) \right\}, \\
\mathbf{\Phi}_{m} &= \mathbf{S} \left\{ \mathbf{m}' \mathbf{d}_{r} f_{m}(\mathbf{r}) \left(\mathbf{e}^{\ker \cos \delta} - 1 - \ker \cos \delta - \frac{\mathbf{k}^{2} \mathbf{r}^{2} \cos^{2} \delta}{2} \right) \right\}, \\
\mathbf{\Phi}_{m} &= \mathbf{S} \left\{ \mathbf{m}' \mathbf{d}_{r} f_{m}(\mathbf{r}) \left(\mathbf{e}^{\ker \cos \delta} - 1 - \ker \cos \delta - \frac{\mathbf{k}^{2} \mathbf{r}^{2} \cos^{2} \delta}{2} \right) \right\}.
\end{aligned}$$

m sollen aber die Funktionen G, G, bei isophanen Kör-Funktionen von $u^2 + v^2 + w^2 = k^2$ sein, folglich von δ Thängig.

Wenn man aber von einem gemeinschastlichen Punkte aus Linie k und mehrere audere = r, r', r" ... zieht, und man zichnet durch & die Winkel, welche k mit einer der verschiem Linien r bildet, durch F(kr cos &) eine continuirliche Funktes Produkts kr cos &, und durch S[F(kr cos &)] eine Summe Echer Funktionen, die sich auf die verschiedenen Linien r und ziehe deziehen, so wird, wenn diese Summe unverändert zen zoll, welches auch die Richtung der Linien ist:

244) $S[F(kr \cos \delta)] = \frac{1}{2} S \int_{0}^{\pi} [F(kr \cos \delta) \sin \delta d\delta].^{*}$ Bemerkt man jetzt, dass:

Cauchy, Ex. d'An. et de Ph. Math. Tome I. pag. 25.

$$\frac{1}{2} \int_{0}^{\pi} (e^{kr \cos \delta} - 1) \sin \delta d\delta = \frac{e^{kr} - e^{-kr}}{2kr} - 1,$$

$$\frac{1}{2} \int_{0}^{\pi} (e^{kr \cos \delta} - 1 - kr \cos \delta - \frac{k^{2}r^{2}\cos^{2}\delta}{2}) \sin \delta d\delta = \frac{e^{kr} - e^{-kr}}{2kr} - 1 - \frac{1}{4} \int_{0}^{\pi} e^{kr \cos \delta} \sin \delta d\delta = \frac{e^{kr} - e^{-kr}}{2kr},$$

so findet man:

Betrachtet man nur diaphane Körper, so ist:

$$u = u\sqrt{-1}, v = v\sqrt{-1}, w = u\sqrt{-1}.$$

Setzt man dann:

(246)
$$k^2 = u^2 + v^2 + w^2 = -(u^2 + v^2 + w^2) = -k$$
 so werden die Gleichungen (245) unter der folgenden Fornschrieben werden können:

$$= S_{l}^{l} \operatorname{mf}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} - 1 \right)_{l}^{l} - S[\operatorname{m}^{l} f_{l}(\mathbf{r})],$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{mf}_{l}(\mathbf{r}) \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \right)_{l}^{l} - S[\operatorname{m}^{l} f_{l}(\mathbf{r})],$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} f_{l}(\mathbf{r}) \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \right)_{l}^{l} - S[\operatorname{m}^{l} f_{l}(\mathbf{r})].$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} f_{l}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} - 1 \right)_{l}^{l} - S[\operatorname{m}^{l} f_{l}(\mathbf{r})].$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} d_{r} f_{l}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} - 1 \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} d_{r} f_{l}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} - 1 \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} d_{r} f_{l}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} - 1 \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} d_{r} f_{l}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} - 1 \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} d_{r} f_{l}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} - 1 \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} d_{r} f_{l}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} - 1 \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} d_{r} f_{l}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} - 1 \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} d_{r} \left(\cos k\mathbf{r} - \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} + \frac{1}{3}k^{2}\mathbf{r}^{2} \right) \mathbf{r} f_{l}(\mathbf{r}) \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} d_{r} \left(\cos k\mathbf{r} - \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \right) \mathbf{r} f_{l}(\mathbf{r}) \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} d_{r} \left(\cos k\mathbf{r} - \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \right) \mathbf{r} f_{l}(\mathbf{r}) \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} d_{r} \left(\cos k\mathbf{r} - \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \right) \mathbf{r} f_{l}(\mathbf{r}) \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} d_{r} \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k^{2}} + 3 \frac{\cos k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} + \frac{1}{3}k^{2}\mathbf{r}^{2} \right) \mathbf{r} f_{l}(\mathbf{r}) \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} d_{r} f_{l}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} + 3 \frac{\cos k\mathbf{r}}{k^{2}\mathbf{r}^{2}} - 3 \frac{\sin k\mathbf{r}}{k^{2}\mathbf{r}^{2}} \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} d_{r} f_{l}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} + 3 \frac{\cos k\mathbf{r}}{k^{2}\mathbf{r}^{2}} - 3 \frac{\sin k\mathbf{r}}{k^{2}\mathbf{r}^{2}} \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} d_{r} f_{l}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} + 3 \frac{\cos k\mathbf{r}}{k^{2}\mathbf{r}^{2}} - 3 \frac{\sin k\mathbf{r}}{k^{2}\mathbf{r}^{2}} \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} d_{r} f_{l}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} + 3 \frac{\cos k\mathbf{r}}{k^{2}\mathbf{r}^{2}} - 3 \frac{\sin k\mathbf{r}}{k^{2}\mathbf{r}^{2}} \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}^{l} d_{r} f_{l}(\mathbf{r})$$

Denken wir uns jetzt jedes Molekülensystem in unendlich ie Kugelschichten decomponirt, deren Centrum der Punkt 1, z) sei. Bezeichnen wir durch D die Dichtigkeit des ersten külensystems und durch D die des zweiten, durch /r einen idlich kleinen Zuwachs am Radius vector r, welcher vom

Punkte (x, y, z) zu den verschiedenen umliegenden Molekülen ausgeht. Die Kugelschicht, deren Radien r und $r + \Delta r$ sind, wird eine gewisse Menge Molekülen des ersten Systems enthalten, deren Masse $4\pi \mathfrak{D} r^2 \Delta r$ ist, und eine gewisse Menge Molekülen des zweiten Systems, deren Masse $4\pi \mathfrak{D}' r^2 \Delta r$ ist. Die entsprechenden Glieder der Summen S[mF(r)] und S[m'F(r)] werden dann zwei partielle Summen bilden, welche respective gleich sein werden den Ausdrücken: $4\pi \mathfrak{D} r^2 F(r) \Delta r$ und $4\pi \mathfrak{D}' r^2 F(r) \Delta r$. Man wird folglich für ein isophanes System von Molekülen die Gleichungen haben: (249)

 $S[mF(r)] = 4\pi \mathfrak{D}S[r^2F(r)Ar];$ $S[m,F(r)] = 4\pi \mathfrak{D}'S[r^2F(r)Ar],$ wo die Summationen rechts vom Gleichheitszeichen sich auf alle positiven Werthe von r, von dem kleinsten r_o bis zum grössten r_o beziehen.

Nun ist aber wegen des Taylor'schen Theorems:

$$\mathfrak{F}(\mathbf{r} + \Delta \mathbf{r}) - \mathfrak{F}(\mathbf{r}) = \mathfrak{F}'(\mathbf{r}) \Delta \mathbf{r} + \mathfrak{F}''(\mathbf{r})(\Delta \mathbf{r})^2 + \dots$$

wo &'(r), &''(r), ... die erste, zweite, u. s. w. derivirte Funktion von &(r) bezeichnen. Vernachlässigt man die höheren Potensen von \(\alpha r\) und sucht die Summe in Bezug auf die verschiedenen Werthe von r, so wird:

 $S\mathfrak{F}'(r)\Delta r = S[\mathfrak{F}(r+\Delta r) - \mathfrak{F}(r)] = \mathfrak{F}(r_x) - \mathfrak{F}(r_o),$ und wenn man integrirt:

(250)
$$S\mathfrak{F}(r) \Delta r = \int_{r}^{r_{\infty}} \mathfrak{F}(r) dr.$$

Wendet man diese Formel auf die Gleichungen (249) an, so erhält man:

(251)
$$S[mF(r)] = 4\pi \mathfrak{D}_{r_0}^{r_0} F(r) dr$$
; $S[m'F(r)] = 4\pi \mathfrak{D}_{r_0}^{r_0} F(r) dr$. Die Gleichungen (248) werden dann:

$$\mathcal{E} = -\frac{4\pi\mathfrak{D}}{k^{2}} \int_{r_{o}}^{r_{\infty}} \left[\left(\cos k\mathbf{r} - \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} + \frac{1}{3}k^{2}\mathbf{r}^{2} \right) \mathbf{r} \mathbf{f}(\mathbf{r}) \right] d\mathbf{r}$$

$$-\frac{4\pi\mathfrak{D}}{3} \int_{r_{o}}^{r_{\infty}} d_{\mathbf{r}} \left[\mathbf{r}^{3} \mathbf{f}_{,}(\mathbf{r}) \right] d\mathbf{r};$$

$$(252)$$

$$\mathcal{E}_{,} = -\frac{4\pi\mathfrak{D}}{k^{2}} \int_{r_{o}}^{r_{\infty}} d_{\mathbf{r}} \left[\left(\cos k\mathbf{r} - \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \right) \mathbf{r} \mathbf{f}_{,}(\mathbf{r}) \right] d\mathbf{r};$$

$$\mathcal{E} = -\frac{4\pi\mathfrak{D}}{k^{2}} \int_{r_{o}}^{r_{\infty}} d_{\mathbf{r}} \left[\left(\cos k\mathbf{r} - \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \right) \mathbf{r} \mathbf{f}_{,}(\mathbf{r}) \right] d\mathbf{r};$$

$$\mathfrak{F}_{"} = -\frac{4\pi\mathfrak{D}}{k^{2}} \int_{r_{o}}^{r_{o}^{*}} d_{r} \left[\left(\cos k\mathbf{r} - \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} + \frac{1}{3}k^{2}\mathbf{r}^{2} \right) \mathbf{r} f_{"}(\mathbf{r}) \right] d\mathbf{r} - \frac{4\pi\mathfrak{D}}{3} \int_{r_{o}}^{r_{o}^{*}} d_{r} \left[\mathbf{r}^{3} f_{r}(\mathbf{r}) \right] d\mathbf{r} ;$$

$$\mathfrak{F} = -\frac{4\pi\mathfrak{D}}{k^{2}} \int_{r_{o}}^{r_{o}^{*}} d_{r} f(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} + 3\frac{\cos k\mathbf{r}}{k^{2}r^{2}} - 3\frac{\sin k\mathbf{r}}{k^{3}r^{3}} \right) d\mathbf{r} ;$$

$$\mathfrak{F}_{"} = -\frac{4\pi\mathfrak{D}}{k^{2}} \int_{r_{o}}^{r_{o}^{*}} d_{r} f_{r}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} + 3\frac{\cos k\mathbf{r}}{k^{2}r^{2}} - 3\frac{\sin k\mathbf{r}}{k^{3}r^{3}} \right) d\mathbf{r} ;$$

$$\mathfrak{F}_{"} = -\frac{4\pi\mathfrak{D}}{k^{2}} \int_{r_{o}}^{r_{o}^{*}} d_{r} f_{r}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} + 3\frac{\cos k\mathbf{r}}{k^{2}r^{2}} - 3\frac{\sin k\mathbf{r}}{k^{3}r^{3}} \right) d\mathbf{r} ;$$

$$\mathfrak{F}_{"} = -\frac{4\pi\mathfrak{D}}{k^{2}} \int_{r_{o}}^{r_{o}^{*}} d_{r} f_{r}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} + 3\frac{\cos k\mathbf{r}}{k^{2}r^{2}} - 3\frac{\sin k\mathbf{r}}{k^{3}r^{3}} \right) d\mathbf{r} ;$$

Snbstituirt man jetzt statt f(r), $f_r(r)$, $f_{rr}(r)$ ihre Werthe $\frac{1}{r}$, $\frac{f_{rr}(r)}{r}$, $\frac{f_{rr}(r)}{r}$, wo f(r) die Kraft bezeichnet, mit welcher eine ziehe des ersten Systems auf eine andere Moleküle desselhen ziehes in dem Abstand r wirkt, $f_r(r)$ die Kraft, womit eine zweiten Gystems in dem Abstand r wirkt, $f_{rr}(r)$ die Kraft, womit eine Moleküle des zweisystems auf eine andere desselben Systems wirkt, und berkt, dass:

$$\cos k\mathbf{r} - \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} + \frac{1}{3}k^2\mathbf{r}^2 = \frac{1}{5}\frac{k^4\mathbf{r}^4}{1.2.3} - \frac{1}{7}\frac{k^6\mathbf{r}^4}{1.2.3.4.5} + \dots$$

sehr grosse Werthe von r auf 1/3 k2 r2, für sehr kleine Werthe r auf 1/3 k4 r4 reducirt wird; ebenso dass:

$$\cos k\mathbf{r} - \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} = -\frac{1}{3}k^2\mathbf{r}^2 + \frac{1}{5}\frac{k^4\mathbf{r}^4}{1.2.3.4} - \dots$$

sehr grosse Werthe von r auf cos kr, für sehr kleine Werthe r auf — $\frac{1}{2}k^2r^2$ reducirt wird, so erhält man:

$$(253)$$

$$= -\frac{4\pi\mathfrak{D}}{3} \left(\mathbf{r}_{x}^{2} \mathbf{f}(\mathbf{r}_{x}) - \frac{1}{10} k^{2} \mathbf{r}_{0}^{4} \mathbf{f}(\mathbf{r}_{0}) \right) - \frac{4\pi\mathfrak{D}'}{3} \left(\mathbf{r}_{x}'^{2} \mathbf{f}_{i}(\mathbf{r}_{x}') - \mathbf{r}_{o}'^{2} \mathbf{f}_{i}(\mathbf{r}_{o}') \right);$$

$$= -4\pi\mathfrak{D}' \left(\frac{\cos(k\mathbf{r}_{x}')}{k^{2}} \mathbf{f}_{i}(\mathbf{r}_{x}') + \frac{1}{3} \mathbf{r}_{o}'^{2} \mathbf{f}_{i}(\mathbf{r}_{o}') \right);$$

$$= -4\pi\mathfrak{D} \left(\frac{\cos(k\mathbf{r}_{x})}{k^{2}} \mathbf{f}_{i}(\mathbf{r}_{x}) + \frac{1}{3} \mathbf{r}_{o}^{*} \mathbf{f}_{i}(\mathbf{r}_{o}) \right);$$

$$\mathfrak{F}_{n} = -\frac{4\pi\mathfrak{D}^{2}}{3} \left(\mathbf{r}_{x}^{2} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{x}^{2}) - \frac{1}{10} \mathbf{k}^{2} \mathbf{r}_{0}^{2} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{0}^{2}) \right) - \frac{4\pi\mathfrak{D}}{3} \left(\mathbf{r}_{x}^{2} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{x}^{2}) - \mathbf{r}_{0}^{2} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{0}^{2}) \right);$$

$$\mathfrak{F}_{n} = -\frac{4\pi\mathfrak{D}}{15} \mathbf{r}_{0}^{4} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{0}^{2}) + 4\pi\mathfrak{D} \int_{\mathbf{r}_{0}^{2}}^{\mathbf{r}_{x}^{2}} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{0}^{2}) d\mathbf{r} - \frac{4\pi\mathfrak{D}^{2} \mathbf{r}_{x}^{2} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{0}^{2}) + 4\pi\mathfrak{D} \int_{\mathbf{r}_{0}^{2}}^{\mathbf{r}_{x}^{2}} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{0}^{2}) d\mathbf{r} - \frac{4\pi\mathfrak{D}^{2} \mathbf{r}_{x}^{2} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{0}^{2}) \sin(k\mathbf{r}_{x}^{2})}{k^{3}};$$

$$\mathfrak{F}_{n} = -\frac{4\pi\mathfrak{D}^{2}}{15} \mathbf{r}_{0}^{4} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{0}^{2}) + 4\pi\mathfrak{D}^{2} \int_{\mathbf{r}_{0}^{2}}^{\mathbf{r}_{x}^{2}} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{0}^{2}) d\mathbf{r} - \frac{4\pi\mathfrak{D}^{2} \mathbf{r}_{x}^{2} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{x}^{2}) \sin(k\mathbf{r}_{x}^{2})}{k^{3}};$$

$$\mathfrak{F}_{n} = -\frac{4\pi\mathfrak{D}^{2}}{15} \mathbf{r}_{0}^{4} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{0}^{2}) + 4\pi\mathfrak{D}^{2} \int_{\mathbf{r}_{0}^{2}}^{\mathbf{r}_{x}^{2}} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{0}^{2}) d\mathbf{r} - \frac{4\pi\mathfrak{D}^{2} \mathbf{r}_{x}^{2} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{x}^{2}) \sin(k\mathbf{r}_{x}^{2})}{k^{3}};$$

$$\mathfrak{F}_{n} = -\frac{4\pi\mathfrak{D}^{2}}{15} \mathbf{r}_{0}^{2} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{0}^{2}) + 4\pi\mathfrak{D}^{2} \int_{\mathbf{r}_{0}^{2}}^{\mathbf{r}_{x}^{2}} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{0}^{2}) d\mathbf{r} - \frac{4\pi\mathfrak{D}^{2} \mathbf{r}_{x}^{2} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{x}^{2}) + 4\pi\mathfrak{D}^{2} \int_{\mathbf{r}_{x}^{2}}^{\mathbf{r}_{x}^{2}} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{0}^{2}) d\mathbf{r} - \frac{4\pi\mathfrak{D}^{2} \mathbf{r}_{x}^{2} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{x}^{2}) + 4\pi\mathfrak{D}^{2} \int_{\mathbf{r}_{x}^{2}}^{\mathbf{r}_{x}^{2}} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{x}^{2}) d\mathbf{r} - \frac{4\pi\mathfrak{D}^{2} \mathbf{r}_{x}^{2}}{k^{3}} \mathbf{r}_{x}^{2} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{x}^{2}) d\mathbf{r} - \frac{4\pi\mathfrak{D}^{2} \mathbf{r}_{x}^{2} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{x}^{2}) + 4\pi\mathfrak{D}^{2} \int_{\mathbf{r}_{x}^{2}}^{\mathbf{r}_{x}^{2}} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{x}^{2}) d\mathbf{r} - \frac{4\pi\mathfrak{D}^{2} \mathbf{r}_{x}^{2} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{x}^{2}) d\mathbf{r} - \frac{4\pi\mathfrak{D}^{2} \mathbf{r}_{x}^{2}}{k^{3}} \hat{\mathbf{i}}_{n} (\mathbf{r}_{x}^{2}) d\mathbf{r} - \frac{4\pi\mathfrak{D}^{2} \mathbf{r}_{x}$$

Betrachtet man nur ein System von Molekülen, so erhält mas:

 $= \frac{4\pi \mathfrak{D}' r_{\infty}' \tilde{\mathbf{1}}_{n} (r_{\infty}') \sin(k r_{\omega}')}{\sqrt{2}}$

$$\mathfrak{G} = -\frac{4\pi\mathfrak{D}}{3} \left(\mathbf{r}_{x}^{2} \mathfrak{f}(\mathbf{r}_{x}) - \frac{1}{10} k^{2} \mathbf{r}_{0}^{4} \mathfrak{f}(\mathbf{r}_{0}) \right);$$

$$\mathfrak{F} = -\frac{4\pi\mathfrak{D}}{15} k^{2} \mathbf{r}_{0}^{4} \mathfrak{f}(\mathbf{r}_{0}) - 4\pi\mathfrak{D} \int_{\mathbf{r}_{0}}^{\mathbf{r}_{x}} \mathbf{r}^{2} \mathfrak{f}(\mathbf{r}) d_{\mathbf{r}} \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \right) d\mathbf{r}$$

$$-\frac{4\pi\mathfrak{D} \mathbf{r}_{x} \mathfrak{f}(\mathbf{r}_{x}) \sin(k\mathbf{r}_{x})}{ks}$$

§. 8. Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Vibrationen in einem System von Molekülen.*)

Die Geschwindigkeit \(\Omega\) des Lichts im Himmelsraume, wid jetzt, wie vorher gezeigt, durch die Gleichung:

$$(205) \Omega^2 = -\frac{6}{h^2}$$

bestimmt. Substituiren wir den Werth von G, so wird:

(255)
$$\Omega^{2} = \frac{4\pi \mathfrak{T}}{3} \left(\frac{r_{\infty}^{2} \tilde{f}(r_{\infty})}{k^{2}} - \frac{1}{10} r_{\omega}^{4} \tilde{f}(r_{\omega}) \right),$$

oder, wenn man statt k seinen Werth aus der Gleichung [(168)]

$$k = \frac{2\pi}{1}$$

setzt, wo l die Wellenlänge bezeichnet:

^{&#}x27;) Cauchy, Ex. d'An. et de Ph. Math. Tome 1. pag. 303-312

(256)
$$\Omega^{2} = \frac{4\pi\mathfrak{D}}{3} \left(\frac{|^{2}\Gamma_{x}^{2}\tilde{\mathfrak{l}}(\Gamma_{x})}{4\pi^{2}} - \frac{1}{10}\Gamma_{0}^{4}\tilde{\mathfrak{l}}(\Gamma_{0}) \right).$$

Es ist jetzt aus den Observationen der sogenannten veränderlichen Sterne, deren Lichtstärke sich periodisch ändert, bekannt,
das diese. während ihre Lichtstärke sich bedeutend ändert, keine
Aenderung der Farbe zeigen. Hieraus lässt sich schliessen, dass
die Geschwindigkeiten der verschiedenen Farben des Lichts, welche,
wie die Interferenz-Phaenomene zeigen, den verschiedenen Werthen der Schwingungsdauer T und folglich auch der Wellenlänge 1 entsprechen, gleich sind, oder dass im Himmelsraume \(\Omega\)
von 1 unabhängig ist. Man muss folglich haben:

(257)
$$r_x^2 i(r_x) = 0.$$

Ferner muss $r_0^*f(r_0)$ negativ sein, damit Ω^2 positiv werden kann. Setst man folglich:

(255)
$$r_o^4 f(r_o) = -h(r_o),$$

wird für die transversalen Vibrationen:

(259)
$$\Omega^2 = \frac{2\pi \mathfrak{T}}{15} h(r_o).$$

Die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der longitudinalen Vibrafinen findet man aus der Gleichung (203):

$$\Omega^2 = \frac{-\mathfrak{G}}{k^2} + \mathfrak{F}.$$

elglich:

(261)
$$\Omega^{2} = \frac{2}{3}\pi\mathfrak{D}h(r_{o}) + 4\pi\mathfrak{D}\int_{r_{o}}^{r_{z}} \mathbf{r}^{2}i(\mathbf{r})d_{r}\left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}}\right)d\mathbf{r}.$$

9. Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Vibrationen in zwei Systemen von Molekülen.*)

Da kein Grund ist anzunehmen, die Molekülarkräfte des kethers seien anders in den Körpern als im leeren Raume, so verden fortwährend die Gleichungen (257) und (258) stattfinden. Die Kraft f.,(r), welche zwischen zwei Partikeln des Körpers virkt, muss, wie aus den Adhäsionsphänomenen hervorgeht, chneller als umgekehrt nach dem Quadrate des Abstandes abshamen, das heisst, man muss annehmen:

(262)
$$r_x^2 f_{,,}(r_x) = 0.$$

Setzt man ferner der Kürze willen:

O. J. Broch Forhandlinger ved de Skandinaviske Naturforskeres
 Möde. pag.

(263) $r_o^2 i_s(r_o) = c$; $r_o^2 i_s(r_o) = -d(r_o)$; $r_o^{'4} i_{so}(r_o') = -g(r_o')$ so geben die Gleichungen (253):

$$\mathfrak{E} = -\frac{4\pi\mathfrak{D}}{30}k^{2}h(\mathbf{r}_{o}) - \frac{4\pi\mathfrak{D}'}{3}\left(\mathbf{c} + \mathbf{d}(\mathbf{r}_{o}')\right),$$

$$\mathfrak{E}_{,} = \frac{4\pi\mathfrak{D}'}{3}\mathbf{d}(\mathbf{r}_{o}') - 4\pi\mathfrak{D}'\frac{\cos(k\mathbf{r}_{x}') \cdot \mathbf{c}}{k^{2}\mathbf{r}_{o}^{3}},$$

$$\mathfrak{E} = \frac{4\pi\mathfrak{D}}{3}\mathbf{d}(\mathbf{r}_{o}) - 4\pi\mathfrak{D}\frac{\cos(k\mathbf{r}_{x}) \cdot \mathbf{c}}{k^{2}\mathbf{r}_{o}^{2}},$$

$$\mathfrak{E}_{,,,} = -\frac{4\pi\mathfrak{D}'}{30}k^{2}\mathbf{g}(\mathbf{r}_{o}') - \frac{4\pi\mathfrak{D}}{3}\left(\mathbf{c} + \mathbf{d}(\mathbf{r}_{o})\right).$$

Die Gleichung (236), welche die Fortpslanzungsgeschwit keit der transversalen Vibrationen bestimmt, giebt dann:

$$\left[s^{2} - \frac{4\pi\mathfrak{D}}{30}k^{2}h(\mathbf{r}_{o}) - \frac{4\pi\mathfrak{D}'}{3}\left(\mathbf{c} + \mathbf{d}(\mathbf{r}_{o}')\right)\right] \cdot \left[s^{2} - \frac{4\pi\mathfrak{D}'}{30}k^{2}g(\mathbf{r}_{o}') - \frac{4\pi\mathfrak{D}}{3}\left(\mathbf{c} + \mathbf{d}(\mathbf{r}_{o}')\right)\right] \cdot \left[s^{2} - \frac{4\pi\mathfrak{D}'}{30}k^{2}g(\mathbf{r}_{o}') - \frac{4\pi\mathfrak{D}}{3}\left(\mathbf{c} + \mathbf{d}(\mathbf{r}_{o}')\right)\right] \cdot \left[-\mathbf{d}(\mathbf{r}_{o}') + 3\mathbf{c} \cdot \frac{\cos(k\mathbf{r}_{o}')}{k^{2}\mathbf{r}_{o}^{2}}\right] \cdot \left[-\mathbf{d}(\mathbf{r}_{o}') + 3\mathbf{c} \cdot \frac{\cos(k\mathbf{r}_{o}')}{k^{2}\mathbf{r}_{o}^{2}}\right]^{2}$$

Damit hier $\Omega^2 = \frac{s^2}{k^2}$ einen endlichen positiven Werth et ten kann, ist es nothwendig, dass c eine endliche Grösse folglich $\frac{c.\cos(kr_{\infty})}{k^2r_{\infty}^2} = o$. Damit man ferner nur einen Werth $\frac{s^2}{k^2}$ erhalte, das heisst, damit in isophanen Körpern die transsalen Vibrationen, welche demselben Werth von s, folglich selben Farbe entsprechen, nur eine Fortpflanzungsgeschwickeit haben, oder dass diese Körper emfachbrechend seien, is nothwendig, dass der Coëfficient von k^4 Null, oder doch klein sein muss. Ob er von demselben Grade wie die vorher nachlässigten Grössen, das heisst, wie die höheren Potensen r_o ist, müssen die Beobachtungen über die Geschwindigkeiten verschiedenen Farben entscheiden. Man muss folglich anneh

(266) $g(r'_o) = -r'_o f''_o(r'_o) = \text{einer sehr kleinen Grösse.}$ Setzt man jetzt: (267)

$$\alpha = \frac{4\pi\mathfrak{D}}{30} h(\mathbf{r}_{o}) + \frac{4\pi\mathfrak{D}'}{30} g(\mathbf{r}_{o}') = -\frac{4\pi\mathfrak{D}}{30} \mathbf{r}_{o}^{4} \hat{\mathbf{f}}(\mathbf{r}_{o}) - \frac{4\pi\mathfrak{D}'}{30} \mathbf{r}_{o}^{'4} \hat{\mathbf{f}}_{,,,}(\mathbf{r}_{o}');$$

$$\beta = -\frac{4\pi\mathfrak{D}'}{3} [\mathbf{c} + \mathbf{d}(\mathbf{r}_{o}')] - \frac{4\pi\mathfrak{D}}{3} [\mathbf{c} + \mathbf{d}(\mathbf{r}_{o})]$$

$$= -\frac{4\pi\mathfrak{D}'}{3} [\mathbf{r}_{\infty}^{2} \hat{\mathbf{f}}_{,,}(\mathbf{r}_{\infty}) - \mathbf{r}_{o}^{'2} \hat{\mathbf{f}}_{,}(\mathbf{r}_{o}')] - \frac{4\pi\mathfrak{D}}{3} [\mathbf{r}_{\infty}^{2} \hat{\mathbf{f}}_{,}(\mathbf{r}_{\infty}) - \mathbf{r}_{o}^{'3} \hat{\mathbf{f}}_{,}(\mathbf{r}_{o})];$$

$$\gamma = \frac{16\pi^{2}\mathfrak{D}\mathfrak{D}'}{9} \mathbf{c} [\mathbf{c} + \mathbf{d}(\mathbf{r}_{o}) + \mathbf{d}(\mathbf{r}_{o}')]$$

$$= \frac{16\pi^{2}\mathfrak{D}\mathfrak{D}'}{9} \mathbf{r}_{\infty}^{2} \hat{\mathbf{f}}_{,}(\mathbf{r}_{\infty}) [\mathbf{r}_{\infty}^{2} \hat{\mathbf{f}}_{,}(\mathbf{r}_{\infty}) - \mathbf{r}_{o}^{'2} \hat{\mathbf{f}}_{,}(\mathbf{r}_{o}') - \mathbf{r}_{o}^{'2} \hat{\mathbf{f}}_{,}(\mathbf{r}_{o})];$$

$$= -\frac{16\pi^{2}\mathfrak{D}^{2}}{90}h(\mathbf{r}_{o})[\mathbf{c} + \mathbf{d}(\mathbf{r}_{o})] - \frac{16\pi^{2}\mathfrak{D}'}{90}g(\mathbf{r}_{o}')[\mathbf{c} + \mathbf{d}(\mathbf{r}_{o}')]$$

$$= \frac{16\pi^{2}\mathfrak{D}^{2}}{90}\mathbf{r}_{o}^{4}f(\mathbf{r}_{o})[\mathbf{r}_{x}^{2}f_{i}(\mathbf{r}_{x}) - \mathbf{r}_{o}^{2}f_{i}(\mathbf{r}_{o})]$$

$$+ \frac{16\pi^{2}\mathfrak{D}'^{2}}{90}\mathbf{r}_{o}'^{4}f_{i,i}(\mathbf{r}_{o}')[\mathbf{r}_{x}^{2}f_{i}(\mathbf{r}_{x}) - \mathbf{r}_{o}'^{2}f_{i}(\mathbf{r}_{o}')];$$

$$= \frac{16\pi^{2}\mathfrak{D}\mathfrak{D}'}{900}h(\mathbf{r}_{o})g(\mathbf{r}_{o}') = \frac{16\pi^{2}\mathfrak{D}\mathfrak{D}'}{900}\mathbf{r}_{o}^{4}f(\mathbf{r}_{o})\mathbf{r}_{o}'^{4}f_{i,i}(\mathbf{r}_{o}');$$
wind die Cleichung (265).

wird die Gleichung (265):

268)
$$s^4 - \alpha s^2 k^2 + \beta s^2 + \gamma - \delta k^2 + \lambda k^4 = 0$$
,

2 eine sehr kleine Grösse ist. Die Geschwindigkeit des Lichts in isophanen durchsichtigen Körpern wird folglich bestimmt ch die Gleichung:

$$Q^2 = \frac{-2s^2\lambda}{-(\alpha s^2 + \delta) + \sqrt{(\alpha s^2 + \delta)^2 - 4(s^4 + \beta s^2 + \gamma)\lambda}},$$

r, wenn man die höheren Potenzen von λ vernachlässigt:

269)
$$\Omega^2 = \alpha + \frac{(\delta - \alpha \beta)s^2 - \alpha \gamma}{s^4 + \beta s^2 + \gamma} - \frac{\lambda s^2}{\alpha s^2 + \delta}.$$

§. 10. Theorie der Dispersion des Lichts.

Substituirt man in den Gleichungen (269) oder (268) die den Beobachtungen erhaltenen Werthe von $s = \frac{2\pi}{T}$ und von welche den verschiedenen Farben entsprechen, so kann mittelst der Wahrscheinlichkeitsrechnung die wahrschein**sten** Werthe von α , β , γ , δ , λ finden. Ich habe dies für et-E Körper mittelst der Theorie der kleinsten Quadrate gethan, **gefunden**, dass β , δ und λ stets sehr unsicher gefunden wer-; a und y dagegen mit grosser Genauigkeit als Funktionen diesen. Einer der Coëfficienten & und & kann auch mit ziemer Genauigkeit als Funktion des zweiten und A gefunden wer-. Ich werde in einer anderen Abhandlung die auf diese Weise ndenen Zahlenwerthe von α , β , γ , δ und λ mittheilen und en, dass die hieraus berechneten Werthe von Ω mit denen die Beobachtungen gegebenen mit hinreichender Genauigübereinstimmen. Hieraus kann indessen kein Beweis der Richzit der Formel (268) gefolgert werden. Da man nämlich bei genauesten Untersuchungen über die Werthe von s und k, den nenhofer'schen, nur sieben Gleichungen bekommt, so wird she jede Gleichung, welche 3 oder 4 willkürliche Grössen enthält, welche Form sie auch haben möchte, diesen Observationen entsprechen. Die verschiedenen Formeln, welche man bisher für die Dispersion des Lichts gegeben hat, und deren Richtigkeit nur durch die Uebereinstimmung mit den Observationen bewiesen ist können daher nur als Interpolationsformeln betrachtet werden.

Insbesondere sind die hier von Cauchy und Powell gegebenen zu bemerken. Der Erstere, dem die mathematische Optik beinahe Alles verdankt, hat, wie mir unläugbar scheint, bei der Erklärung der Dispersion des Lichts eine unhaltbare Theorie aufgestellt. In seinem "Mémoire sur la dispersion de la lumière" hat er nämlich nur ein System Molekülen betrachtet. Um die gleiche Geschwindigkeit der verschiedenen Farben im leeren Raun zu erhalten, nimmt er die im vorigen Paragraphen entwickelten Bedingungsgleichungen (257) und (258) der Molekülarkräfte au. Um aber durch dieselben Gleichungen der unendlich kleinen Bewegungen eines Systems von Molekülen auch die Dispersion is den Körpern zu erklären, muss er entweder annehmen: die Me lekülarkräfte der Aethermolekülen, wenn diese sich in einen Körper befinden, wirken anders, als wenn sie im leeren Raus sich besinden, was dasselbe ist, als eine Art von Aether im lee ren Raum und eine andere in den Körpern anzunehmen; oder auch, dass die Distanz der Molekülen, wenn diese sich in einen dispersirenden Medium befinden, viel grösser ist als im leere Raum, und nicht länger in Bezug auf die Wellenlänge vernach lässigt werden kann. Nun ist aber annäherungsweise, wenn met die Dispersion vernachlässigt:

im leeren Himmelsraume
$$\Omega^2=\frac{2\pi\mathfrak{D}}{15}\mathrm{h}(\mathbf{r_o}),$$
 und im Körper $\Omega''^2=\frac{2\pi\mathfrak{D}''}{15}\mathrm{h}(\mathbf{r_o}'),$

wo Q und Q" die Geschwindigkeiten des Lichts, D und D" die Dichtigkeiten des Aethers, ro und rö den kleinsten Abstand de Aethermolekülen, respective im Himmelsraume und im Körper bezeichnen. Bezeichnet man durch n den Refractionscoefficiente des Körpers, so ist:

$$\Omega^2 = n^2 \Omega''^2.$$
oder: $\mathfrak{D}h(r_0) = n^2 \mathfrak{D}'' h(r_0'').$

Substituirt man die Werthe h(r, und h(r,") und bemerkt, dass!

$$\mathfrak{D}:\mathfrak{D}''=r_o''^3;r_o^3=\frac{1}{r_o^3};\frac{1}{r_o''^3},$$

erhält man:

$$- \mathbf{r}_{o} \mathbf{i}(\mathbf{r}_{o}) = - \mathbf{n}^{2} \mathbf{r}_{o}^{"} \mathbf{i}(\mathbf{r}_{o}^{"}).$$

wegen (257) $\mathbf{r}_{o}^{2}(\mathbf{r}_{o})$ gleich Null ist, muss man annehmen, die stossende Kraft $f(\mathbf{r}_{o})$ nimmt geschwinder ab wie das Quadrat Abstandes sunimmt, also ist, weil $\mathbf{r}_{o}^{"} > \mathbf{r}_{o}$:

$$-r_o^2 i(r_o) > -r_o^{"^2} i(r_o"),$$

ed folglich durch Division:

$$\frac{1}{r_o} < \frac{n^2}{r_o''}$$
, oder $r_o'' < n^2 r_o$.

s ist aber $l = \Omega T$, folglich $l''_o = \frac{l_o}{n}$, und hieraus:

$$\frac{r_o''}{l_o''} < n^2 \frac{r_o}{l_o}.$$

Setzt man den Brechungscoëssicienten n = 1,5, wie er unzähr bei Glas ist, so erhält man:

$$\frac{r_o''}{l_o''} < 3.4 \frac{r_o}{l_o}.$$

ann man jetzt im Himmelsraume die Grösse $\frac{r_o}{l_o}$ als eine sehr ieine Grösse vernachlässigen, so kann man auch in den Körpern e höchstens 3- bis 4mal so grosse Grösse $\frac{r_o''}{l_o'''}$ vernachlässigen.

Die Wirkung der Molekülarkräfte der Körpermolekülen auf e Aethermolekülen können aber in jedem Falle nicht vernachseigt werden. Sie sind es nämlich, welche die veränderte ichtigkeit des Aethers in den verschiedenen Körpern hervoringen; und wenn man diese Wirkung von ihnen in Betracht ichen muss, so müssen ihre Wirkungen auf die Vibrationen der ethermolekülen auch in Betracht gezogen werden. Cauchy it der erste der dies gethan hat, indem er in den "Exercices Analyse et de Physique mathématique" zuerst die in meiner in den, so wie in dieser Abhandlung entwickelten Gleichungen in Bewegung zweier Systeme von Molekülen gegeben hat.

Cauchy's Formeln für die Dispersion des Lichts sind inmen als Interpolationsformeln sehr anwendbar. Er hat zwei
keher Formeln gegeben; die eine nach den Potenzen von s²,
andere nach den Potenzen von k² entwickelt. Beide beziemeich auf Frauenhofer's Beobachtungen.*) Bezeichnet man
meh G den Brechungscoöfficienten eines Körpers, das heisst das

^{*)} Siehe diese Zeitschrift Bd. III. S. 166.

Verhältniss zwischen der Geschwindigkeit des Lichts im Raume und im Körper, und nimmt als Einheit der Ze 1 Theil einer Secunde an, so ist nach der ersten Forme für Wasser, erste Reihe ... $\Theta^2 = 1,751609 + 0,0025994s^2 - 0,00001$ zweite Reihe . $\Theta^2 = 1,751950 + 0,0025581s^2 - 0,00001$ - Kalilösung $\Theta^2 = 1,934311 + 0,0031664s^2 - 0,00001$ - Kronglas No. 13 $\Theta^2 = 2,292959 + 0,0038288s^2 - 0,000000$ No. 9 $\Theta^2 = 2,297191 + 0,0038803s^2 - 0,00000$ Litt. M $\Theta^2 = 2.381361 + 0.0014226s^2 + 0.00000$ - Flintglas No. $3 \dots \Theta^2 = 2,514461 + 0,0061934s^2 + 0,00003$ No. 30 $\Theta^2 = 2,575051 + 0,0065299s^2 + 0,00004$ No.23, 1. Reihe $\Theta^2 = 2.586562 + 0.0069734s^2 + 0.00004$ No.23,2.Reihe $\Theta^2 = 2.557096 + 0.0068962 \cdot 2 + 0.00005$ No.13..... $\Theta^2 = 2.558160 + 0.0073467s^2 + 0.00003$ Nach der zweiten Formel**) ist, wenn fortwährend a heit der Zeit der 1015 Theil einer Secunde angenommen wir als Einheit des Längenmaasses der 1 Theil eines Millimete für Wasser $\Omega^2 = 5{,}4890(1-0{,}00508k^2+0{,}0003$ Kalilösung.... $\Omega^2 = 4,9712(1-0,00915k^2+0,0002$ Kronglas No. 13. $\Omega^2 = 4{,}1935(1-0{,}00700k^2+0{,}0001$ No. 9. $\Omega^2 = 4{,}1858(1-0{,}00707k^2+0{,}0001$ Litt. M. $\Omega^2 = 4,0378(1-0,00749k^2+0,00006)$ Flintglas No. 3. $\Omega^2 = 3.5241(1-0.00941k^2-0.00006)$ No. 30. $\Omega^2 = 3,7298(1-0,00988k^2-0,00000)$ No. 23. $\Omega^2 = 3,7172(1-0,00996k^2-0,0000)$ No. 13. $\Omega^2 = 3,7152(1-0,01055k^2+0,0000)$

In mehreren Artikeln der "Philosophical Transactions" des "Philosophical Magazine" und später in einem beson Werke: "A general and elementary view of the undulatory that as applied to the dispersion of light and some others subjust Baden Powell die folgende Formel entwickelt und Uebereinstimmung mit der Observation zu zeigen sich bemi

$$\Omega^{2} = \Sigma \left\{ \frac{\sin^{2}\left(\frac{kr_{o}}{2}\right)}{\left(\frac{kr_{o}}{2}\right)^{2}} \right\}
= \Sigma H^{2} - \frac{1}{12}k^{2}\Sigma(H^{2}r_{o}^{2}) + \frac{1}{360}k^{4}\Sigma[H^{2}r_{o}^{4}] - \dots
= a + bk^{2} + ck^{4} + \dots$$

^{*)} Cauchy, Mémoire sur la dispersion de la lumière pag.
**) Compt. rend. Tome 15. pag. 1094.

Diese Formel stimmt mit der vorherstehenden zweiten Forel von Cauchy überein, weil die Coëfficienten ΣH^2 , $\Sigma H^2 r_o^2$, $H^2 r_o^4$, ganz unabhängig von einander sind. Diese Formel ist voraus, wie auch Cauchy's Formel, dass r_o nicht sehr ein Bezug auf die Wellenlänge $l = \frac{2\pi}{k}$ ist, in welchem Falle

e Grösse
$$\frac{\sin\left(\frac{kr_o}{2}\right)}{\left(\frac{kr_o}{2}\right)}$$
 sich der Einheit nähern würde. Man erhält

e Formel Powell's, wenn man im vorhergehenden Paragraen bei Entwickelung der Werthe von & aus den Gleichungen 52) nicht annimmt, dass der Ausdruck:

$$\cos k\mathbf{r} - \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} + \frac{1}{2}k^2\mathbf{r}^2 = \frac{1}{5}\frac{k^4\mathbf{r}^4}{1.2.3} - \frac{1}{7}\frac{k^6\mathbf{r}^6}{1.2.3.4.5} \dots$$

The rowsich auf sein erstes Glied 1/30k4ro reducirt, sondern was die übrigen Glieder auch einen merklichen Werth haben. In habe indessen zu beweisen gesucht, dass rosowohl in den Impern wie im leeren Himmelsraume als eine sehr kleine Grösse Bezug auf die Wellenlänge angesehen werden muss, und dass Iglich auch die Formel Powell's, als eine theoretische Formel betrachtet, zu verwerfen sei.

Cap. II.

Druck oder durch Erwärmung zu einaxigen Krystallen gemacht worden sind.

Gleichungen der unendlich kleinen Bewegungen zweier Systeme von Molekülen.

Man nennt in optischer Beziehung einen Körper oder ein Sywon Molekülen einaxig krystallisirt, wenn die Fortpflanzung
Lichts in ihm in allen Richtungen, welche denselben Winkel
einer Axe, deren Richtung fest ist, machen, nach denselben
setzen stattfindet, aber nach verschiedenen Gesetzen, wenn
er Winkel sich ändert. Nehmen wir an, die xAxe sei dieser
des Körpers parallel. Man wird dann leicht auf dieselbe
eise, wie im vorigen Capitel geschehen ist, einsehen dass,
ten die Coëfficienten der Gleichungen [(21)] nicht ihre Form
lern sollen, wenn man das System der Coordinataxen um

die xAxe herundreht, es nothwendig und hinreichend sein dass die charakteristischen Funktionen, welche man erhält, man in den Funktionen \mathfrak{G} , $\mathfrak{G$

$$v^{2} + w^{2} = k^{2},$$

$$(270)$$

$$\mathfrak{E} = \mathfrak{G} + \frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}, \quad \mathfrak{F} = \frac{1}{k} d_{k}, \left(\frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}\right), \quad \mathfrak{I} = \frac{1}{u} d_{u} \left(\frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}\right),$$

$$\mathfrak{E} = \mathfrak{G}, + \frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}, \quad \mathfrak{F}, = \frac{1}{k} d_{k}, \left(\frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}\right), \quad \mathfrak{I}, = \frac{1}{u} d_{u} \left(\frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}\right),$$

$$\mathfrak{E} = \mathfrak{G} + \frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}, \quad \mathfrak{F} = \frac{1}{k} d_{k}, \left(\frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}\right), \quad \mathfrak{I} = \frac{1}{u} d_{u} \left(\frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}\right),$$

$$\mathfrak{E}_{"} = \mathfrak{G}_{"} + \frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}_{"}, \quad \mathfrak{F}_{"} = \frac{1}{k} d_{k}, \left(\frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}\right), \quad \mathfrak{I}_{"} = \frac{1}{u} d_{u} \left(\frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}\right),$$

$$\mathfrak{G}_{"} = \frac{1}{k} d_{k}, \left(\frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}\right), \quad \mathfrak{I}_{"} = \frac{1}{u} d_{u} \left(\frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}\right),$$

$$\mathfrak{I}_{"} = \frac{1}{u} d_{u} \left(\frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}\right), \quad \mathfrak{I}_{"} = \frac{1}{u} d_{u} \left(\frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}\right),$$

$$\mathfrak{G}_{"} = \mathfrak{G}_{"} + \frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}_{"}, \quad \mathfrak{G}_{"} = \frac{1}{k} d_{k}, \left(\frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}\right), \quad \mathfrak{I}_{"} = \frac{1}{u} d_{u} \left(\frac{1}{k} d_{k}, \mathfrak{G}\right),$$

$$\mathfrak{G}_{"} = \mathfrak{G}_{"} + \frac{1}{k} d_{u}, \mathfrak{G}_{"}, \quad \mathfrak{G}_{"} = \frac{1}{k} d_{u}, \left(\frac{1}{k} d_{u}, \mathfrak{G}\right), \quad \mathfrak{I}_{"} = \frac{1}{u} d_{u} \left(\frac{1}{k} d_{u}, \mathfrak{G}\right),$$

$$\mathfrak{G}_{"} = \mathfrak{G}_{"} + \frac{1}{k} d_{u}, \mathfrak{G}_{"}, \quad \mathfrak{G}_{"} = \frac{1}{k} d_{u}, \left(\frac{1}{k} d_{u}, \mathfrak{G}\right), \quad \mathfrak{G}_{"} = \frac{1}{u} d_{u} \left(\frac{1}{k} d_{u}, \mathfrak{G}\right),$$

$$\mathfrak{G}_{"} = \mathfrak{G}_{"} + \frac{1}{k} d_{u}, \mathfrak{G}_{"}, \quad \mathfrak{G}_{"} = \frac{1}{k} d_{u}, \left(\frac{1}{k} d_{u}, \mathfrak{G}\right), \quad \mathfrak{G}_{"} = \frac{1}{u} d_{u} \left(\frac{1}{k} d_{u}, \mathfrak{G}\right),$$

$$\mathfrak{G}_{"} = \mathfrak{G}_{"} + \frac{1}{k} d_{u}, \mathfrak{G}_{"}, \quad \mathfrak{G}_{"} = \frac{1}{k} d_{u}, \quad \mathfrak{G}_{"} = \frac{1}{k}$$

 $\begin{aligned} &(L-d_t^2)\xi + d_x I(d_y v + d_x \zeta) + L,\xi' + d_x I,(d_y v' + d_z \zeta') = o, \\ &(L+d_x,I(d_y v + d_z \zeta) + (L,-d_t^2)\xi' + d_x I,(d_y v' + d_z \zeta') = o, \\ &(E-d_t^2)v + d_y [Id_x \xi + F(d_y v + d_z \zeta)] + E,v' + d_y [I,d_x \xi' + F,(d_y v' + d_z \zeta')], \\ &(E-d_t^2)\zeta + d_y [Id_x \xi + F(d_y v + d_z \zeta)] + (E,-d_t^2)v' + d_y [I,d_x \xi' + F,(d_y v' + d_z \zeta')], \\ &(E-d_t^2)\zeta + d_y [Id_x \xi + F(d_y v + d_z \zeta)] + E,v' + d_z [I,d_x \xi' + F,(d_y v' + d_z \zeta')], \\ &(E-d_z^2)\zeta + d_y [Id_x \xi + F(d_y v + d_z \zeta)] + (E,-d_t^2)v' + d_z [I,d_x \xi' + F,(d_y v' + d_z \zeta')], \end{aligned}$

Die Grössen $d_yv + d_z\zeta$ und $d_yv' + d_z\zeta'$ stellen die Fläckerweiterung in jedem der zwei Systeme von Molekülen perpendicular auf die Krystallaxe dar. Setzen wir der Kürze wilk $d_yv + d_z\zeta = f$, $d_yv' + d_z\zeta' = f'$,

so erhält man aus den Gleichungen (271) die vier Gleichunge

$$(L - d_t^2)\xi + d_x If + I_t, \xi' + d_x I, f' = 0,$$

$$L\xi + d_x If + (L_t, -d_t^2)\xi' + d_x I, f' = 0,$$

$$d_x I(d_y^2 + d_z^2)\xi + [E - d_t^2 + F(d_y^2 + d_z^2)]f + d_x I, (d_y^2 + d_z^2)\xi'$$

$$+ [E_t + F, (d_y^2 + d_z^2)]f' = 0,$$

$$d_x I(d_y^2 + d_z^2)\xi + [E + F(d_y^2 + d_z^2)]f + d_x I, (d_y^2 + d_z^2)\xi'$$

$$+ [E_t, -d_t^2 + F, (d_y^2 + d_z^2)]f' = 0.$$

zwischen den vier Grössen ξ , ξ' , f, f'; und ferner die zwei Gleidungen:

(274) $(\mathbf{E} - \mathbf{d}_{t}^{2})(\mathbf{d}_{z}v - \mathbf{d}_{y}\zeta) + \mathbf{E}_{t}(\mathbf{d}_{z}v' - \mathbf{d}_{y}\zeta') = o.$ $(\mathbf{E} - \mathbf{d}_{t}^{2})(\mathbf{d}_{z}v - \mathbf{d}_{y}\zeta') + (\mathbf{E}_{t} - \mathbf{d}_{t}^{2})(\mathbf{d}_{z}v' - \mathbf{d}_{y}\zeta') = o.$ swischen den zwei Grössen $(\mathbf{d}_{z}v - \mathbf{d}_{y}\zeta)$ und $(\mathbf{d}_{z}v' - \mathbf{d}_{y}\zeta')$.

§ 2. Allgemeine Integrale der Differentialgleichungen der unendlich kleinen Bewegungen zweier Systeme von Molekülen.

Eliminirt man die Grössen ξ , v, ζ , ξ' , v', ζ' aus den Gleichung:

(271), so erhält man die folgende charakteristische Gleichung: $\nabla = \nabla'\nabla'' = 0,$

$$\nabla' = 0$$

The charakteristische Gleichung ist, welche aus den Gleichungen 274) durch Elimination der Grössen $(d_z v' - d_y \zeta)$ und $(d_z v' - d_y \zeta')$ funden wird, und

$$\nabla'' = 0$$

le charakteristische Gleichung, welche aus den Gleichungen (273) rch Elimination der Grössen &, &'. f. f' gefunden wird. Es ist blelich:

(276)
$$\nabla' = (d_t^2 - \mathbb{E})(d_t^2 - \mathbb{E}_{,\cdot}) - \mathbb{E}_{,\cdot}, \mathbb{E};$$

$$(277)$$

$$= [d_t^2 - \mathbb{E} - \mathbb{F}(d_y^2 + d_z^2)][d_t^2 - \mathbb{E}_{,\cdot} - \mathbb{F}_{,\cdot}(d_y^2 + d_z^2)](d_t^2 - \mathbb{L}_{,\cdot})$$

$$- [d_t^2 - \mathbb{E} - \mathbb{F}(d_y^2 + d_z^2)][d_t^2 - \mathbb{E}_{,\cdot} - \mathbb{F}_{,\cdot}(d_y^2 + d_z^2)]\mathbb{L}_{,\cdot}, \mathbb{L}$$

$$- [d_t^2 - \mathbb{E} - \mathbb{F}(d_y^2 + d_z^2)](d_t^2 - \mathbb{L})d_x^2 I_{,\cdot}^2(d_y^2 + d_z^2)$$

$$- [d_t^2 - \mathbb{E} - \mathbb{F}(d_y^2 + d_z^2)](d_t^2 - \mathbb{L}_{,\cdot})d_x I_{,\cdot}d_x I_{,\cdot}(d_y^2 + d_z^2)$$

$$- [d_t^2 - \mathbb{E}_{,\cdot} - \mathbb{F}_{,\cdot}(d_y^2 + d_z^2)](d_t^2 - \mathbb{L})d_x I_{,\cdot}d_x I_{,\cdot}(d_y^2 + d_z^2)$$

$$- [d_t^2 - \mathbb{E}_{,\cdot} - \mathbb{F}_{,\cdot}(d_y^2 + d_z^2)](d_t^2 - \mathbb{L}_{,\cdot})d_x^2 I_{,\cdot}^2(d_y^2 + d_z^2)$$

$$- [d_t^2 - \mathbb{E}_{,\cdot} - \mathbb{F}_{,\cdot}(d_y^2 + d_z^2)](\mathbb{E}_{,\cdot} + \mathbb{F}_{,\cdot}(d_y^2 + d_z^2))[\mathbb{E}_{,\cdot} + \mathbb{F}_{,\cdot}(d_y^2 + d_z^2)][\mathbb{E}_{,\cdot} + \mathbb{F}_{,\cdot}(d_y^2 + d_z^2)] + [\mathbb{E}_{,\cdot} + \mathbb{F}(d_y^2 + d_z^2)]$$

$$- [d_t^2 - \mathbb{E}_{,\cdot} - \mathbb{F}_{,\cdot}(d_y^2 + d_z^2)][\mathbb{L}_{,\cdot} d_x I_{,\cdot} I_{,\cdot}(d_y^2 + d_z^2) + [\mathbb{E}_{,\cdot} + \mathbb{F}_{,\cdot}(d_y^2 + d_z^2)]$$

$$- [d_t^2 - \mathbb{E}_{,\cdot} - \mathbb{F}_{,\cdot}(d_y^2 + d_z^2)][\mathbb{L}_{,\cdot} d_x I_{,\cdot} I_{,\cdot}(d_y^2 + d_z^2) + [\mathbb{E}_{,\cdot} + \mathbb{F}_{,\cdot}(d_y^2 + d_z^2)]$$

 $- d_x I_t d_x I_t d_x I_t (d_y^2 + d_z^2) d_x I_t (d_y^2 + d_z^2) + d_x^2 I_t^2 (d_y^2 + d_x^2) d_x^2 I_t^2 I_$

$$\nabla'' = \alpha(L - d_{t}^{2}) + \beta L + \gamma d_{x} I(d_{y}^{2} + d_{z}^{2}) + \delta d_{x} I(d_{y}^{2} + d_{z}^{2}),$$

$$= \alpha_{t} d_{x} I + \beta_{t} d_{x} I + \gamma_{t} [E - d_{t}^{2} + F(d_{y}^{2} + d_{z}^{2})] + \delta_{t} [E + F(d_{y}^{2} + d_{z}^{2})]$$

$$= \alpha_{t} d_{x} I + \beta (L_{t} - d_{t}^{2}) + \gamma d_{x} I_{t} (d_{y}^{2} + d_{z}^{2}) + \delta d_{x} I_{t} (d_{x}^{2} + d_{y}^{2}),$$

$$= \alpha_{t} d_{x} I_{t} + \beta_{t} d_{x} I_{t} + \gamma_{t} [E + F_{t} (d_{y}^{2} + d_{z}^{2})] + \delta_{t} [E_{t} - d_{t}^{2} + F_{t} (d_{y}^{2} + d_{z}^{2})].$$

findet man auf diese Weise:

$$(279)$$

$$= -\alpha \nabla'(\mathbf{\Phi} + \mathbf{d}_{t}\varphi) - \beta \nabla'(\mathbf{\Phi}' + \mathbf{d}_{t}\varphi') - \gamma \nabla'[\mathbf{d}_{y}(X + \mathbf{d}_{t}\chi) + \mathbf{d}_{z}(\mathcal{U}' + \mathbf{d}_{t}\psi)] - \delta \nabla'[\mathbf{d}_{y}(X' + \mathbf{d}_{t}\chi') + \mathbf{d}_{z}(\mathcal{U}' + \mathbf{d}_{t}\psi)]$$

$$= -\alpha \nabla'(\mathbf{\Phi} + \mathbf{d}_{t}\varphi) - \beta \nabla'(\mathbf{\Phi}' + \mathbf{d}_{t}\varphi') - \gamma'\nabla'[\mathbf{d}_{y}(X + \mathbf{d}_{t}\chi) + \mathbf{d}_{z}(\mathcal{U}' + \mathbf{d}_{t}\psi)]$$

$$-\delta'\nabla'[\mathbf{d}_{y}(X' + \mathbf{d}_{t}\chi') + \mathbf{d}_{z}(\mathcal{U}' + \mathbf{d}_{t}\psi)]$$

$$= -\alpha \nabla'(\mathbf{\Phi} + \mathbf{d}_{t}\varphi) - \beta \nabla'(\mathbf{\Phi}' + \mathbf{d}_{t}\varphi') - \gamma \nabla'[\mathbf{d}_{y}(X + \mathbf{d}_{t}\chi) + \mathbf{d}_{z}(\mathcal{U}' + \mathbf{d}_{t}\psi)]$$

$$-\beta \nabla'[\mathbf{d}_{y}(X' + \mathbf{d}_{t}\chi') + \mathbf{d}_{z}(\mathcal{U}' + \mathbf{d}_{t}\psi)]$$

$$= -\alpha \nabla'(\mathbf{\Phi} + \mathbf{d}_{t}\varphi) - \beta \nabla'(\mathbf{\Phi}' + \mathbf{d}_{t}\varphi') - \gamma \nabla'[\mathbf{d}_{y}(X + \mathbf{d}_{t}\chi) + \mathbf{d}_{z}(\mathcal{U}' + \mathbf{d}_{t}\psi)]$$

$$-\delta \nabla'[\mathbf{d}_{y}(X' + \mathbf{d}_{t}\chi') + \mathbf{d}_{z}(\mathcal{U}' + \mathbf{d}_{t}\psi)]$$

$$+ \mathbf{d}_{z}v - \mathbf{d}_{y}\zeta = (\mathbf{d}_{z}^{2} - \mathbf{E}_{n})\nabla''[\mathbf{d}_{z}(X + \mathbf{d}_{t}\chi) - \mathbf{d}_{y}(\mathcal{U}' + \mathbf{d}_{t}\psi)]$$

$$+ \mathbf{E}_{r}\nabla''[\mathbf{d}_{z}(X' + \mathbf{d}_{t}\chi') - \mathbf{d}_{y}(\mathcal{U}' + \mathbf{d}_{t}\psi)]$$

$$+ (\mathbf{d}_{z}^{2} - \mathbf{E})\nabla''[\mathbf{d}_{z}(X + \mathbf{d}_{t}\chi) - \mathbf{d}_{y}(\mathcal{U}' + \mathbf{d}_{t}\psi)]$$

$$+ (\mathbf{d}_{z}^{2} - \mathbf{E})\nabla''[\mathbf{d}_{z}(X + \mathbf{d}_{t}\chi) - \mathbf{d}_{y}(\mathcal{U}' + \mathbf{d}_{t}\psi)]$$

Hieraus findet man ferner:

$$= -\frac{d_{y}\alpha_{c}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} \nabla'(\mathcal{O} + d_{t}\varphi) - \frac{d_{y}\beta_{c}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} \nabla'(\mathcal{O}' + d_{t}\varphi') + \frac{(d_{t}^{2} - \mathbf{E}_{c})\nabla''d_{x}^{2} - \gamma_{c}\nabla'd_{y}^{2}}{(X + d_{t}\chi)} + \frac{(d_{t}^{2} - \mathbf{E}_{c})\nabla''d_{x}^{2} - \gamma_{c}\nabla'd_{y}^{2}}{(X' + d_{t}\chi')} - \frac{(d_{t}^{2} - \mathbf{E}_{c})\nabla'' + \gamma_{c}\nabla'}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} d_{y}d_{z}(\mathcal{U}' + d_{t}\psi) + \frac{\mathbf{E}_{c}\nabla''d_{x}^{2} - \delta_{c}\nabla'd_{y}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} \nabla'(\mathcal{O} + d_{t}\varphi) - \frac{d_{z}\beta_{c}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} \nabla'(\mathcal{O}' + d_{t}\varphi') + \frac{(d_{t}^{2} - \mathbf{E}_{c})\nabla''d_{y}^{2} - \gamma_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} (\mathcal{U}' + d_{t}\psi) + \frac{(d_{t}^{2} - \mathbf{E}_{c})\nabla''d_{y}^{2} - \gamma_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} (\mathcal{U}' + d_{t}\psi) + \frac{\mathbf{E}_{c}\nabla''d_{y}^{2} - \delta_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} (\mathcal{U}' + d_{t}\psi') + \frac{\mathbf{E}_{c}\nabla''d_{y}^{2} - \delta_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} (\mathcal{U}' + d_{t}\psi') + \frac{\mathbf{E}_{c}\nabla''d_{y}^{2} - \delta_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} (\mathcal{U}' + d_{t}\psi') + \frac{\mathbf{E}_{c}\nabla''d_{y}^{2} - \delta_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} (\mathcal{U}' + d_{t}\psi') + \frac{\mathbf{E}_{c}\nabla''d_{y}^{2} - \delta_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} (\mathcal{U}' + d_{t}\psi') + \frac{\mathbf{E}_{c}\nabla''d_{y}^{2} - \delta_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} (\mathcal{U}' + d_{t}\psi') + \frac{\mathbf{E}_{c}\nabla''d_{y}^{2} - \delta_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} (\mathcal{U}' + d_{t}\psi') + \frac{\mathbf{E}_{c}\nabla''d_{y}^{2} - \delta_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} (\mathcal{U}' + d_{t}\psi') + \frac{\mathbf{E}_{c}\nabla''d_{z}^{2} - \delta_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} (\mathcal{U}' + d_{t}\psi') + \frac{\mathbf{E}_{c}\nabla''d_{z}^{2} - \delta_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} (\mathcal{U}' + d_{t}\psi') + \frac{\mathbf{E}_{c}\nabla''d_{z}^{2} - \delta_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} (\mathcal{U}' + d_{t}\psi') + \frac{\mathbf{E}_{c}\nabla''d_{z}^{2} - \delta_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} (\mathcal{U}' + d_{t}\psi') + \frac{\mathbf{E}_{c}\nabla''d_{z}^{2} - \delta_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} (\mathcal{U}' + d_{t}\psi') + \frac{\mathbf{E}_{c}\nabla''d_{z}^{2} - \delta_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{z}^{2} + d_{z}^{2}} (\mathcal{U}' + d_{t}\psi') + \frac{\mathbf{E}_{c}\nabla''d_{z}^{2} - \delta_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{z}^{2} + d_{z}^{2}} (\mathcal{U}' + d_{z}\psi') + \frac{\mathbf{E}_{c}\nabla''d_{z}^{2} - \delta_{c}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{z}^{2}$$

$$+ \frac{(d_{t}^{2} - E)\nabla''d_{z}^{2} - \delta_{n}\nabla'd_{y}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} (X' + d_{t}\chi')$$

$$- \frac{(d_{t}^{2} - E)\nabla'' + \delta_{n}\nabla'}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} d_{y}d_{z}(Y'' + d_{t}y)$$

$$- \frac{d_{z}\alpha_{n}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} \nabla'(\mathcal{O} + d_{t}\varphi) - \frac{d_{z}\beta_{n}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} \nabla'(\mathcal{O}' + d_{t}\varphi')$$

$$- \frac{E\nabla'' + \gamma_{n}\nabla'}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} d_{y}d_{z}(X + d_{t}\chi) + \frac{E\nabla''d_{y}^{2} - \gamma_{n}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} (Y'' + d_{t}\psi)$$

$$- \frac{(d_{t}^{2} - E)\nabla'' + \delta_{n}\nabla'}{d_{y}^{2} + d_{z}^{2}} d_{y}d_{z}(X' + d_{t}\chi')$$

$$+ \frac{(d_{t}^{2} - E)\nabla''d_{y}^{2} - \delta_{n}\nabla'd_{z}^{2}}{d_{z}^{2} + d_{z}^{2}} (Y'' + d_{t}\psi')$$

Beseichnet man jetst durch w, und w, die principalen Funktione welche respective den charakteristischen Disserentialgleichungen

$$\nabla' = 0$$
 und $\nabla'' = 0$

entsprechen, so hat man:

$$\nabla' w = w_2, \ \nabla'' w = w_1.$$

Bezeichnet man durch $\mathcal{O}_1, \varphi_1, \ldots \mathcal{O}'_1, \varphi'_1, \ldots \mathcal{O}_2, \varphi_2, \ldots \mathcal{O}'_2, \ldots \mathcal{O}'_3, \ldots \mathcal{O}'_4, \ldots \mathcal{O}'_4, \ldots \mathcal{O}'_4, \ldots \mathcal{O}'_5, \ldots \mathcal{O}'_5$

Wären f = 0, f' = 0, $\xi = 0$, so würden die \mathbf{v} letzten der Gleichungen (271) geben:

$$\eta = (d_t^2 - \mathbf{E}_{,'})(X_1 + d_t \chi_1) + \mathbf{E}_{,'}(X_1' + d_t \chi_1'),$$

$$\eta' = \mathbf{E}(X_1 + d_t \chi_1) + (d_t^2 - \mathbf{E})(X_1' + d_t \chi_1'),$$

$$\zeta = (d_t^2 - \mathbf{E}_{,'})(\Psi_1 + d_t \psi_1) + \mathbf{E}_{,'}(\Psi_1' + d_t \psi_1'),$$

$$\zeta' = \mathbf{E}(\Psi_1 + d_t \psi_1) + (d_t^2 - \mathbf{E})(\Psi_1' + d_t \psi_1').$$

§. 3. Particuläre Integrale, die einfache Bewegust zweier Systeme von Molekülen darstellend.

₽;

Betrachtet man nur die einfache Bewegung, so wird seden Gleichungen (271) durch die folgenden Werthe entsprecht

 $\xi = Ae^{ax+vy+wz-st}$, $v = Be^{ax+vy+wz-st}$, $\zeta = Ce^{ax+vy+wz-st}$. $\xi = A'e^{ax+vy+wz-st}$. $v' = B'e^{ax+vy+wz-st}$, $\zeta' = C'e^{ax+vy+wz-st}$.

We see durch eine der Gleichungen:

(254)
$$S' = (s^2 - \mathcal{E})(s^2 - \mathcal{E}_{,,}) - \mathcal{E}_{,,,}\mathcal{E} = 0$$

oder:

$$(255) S'' = 0,$$

welche hervorgehen, wenn man durch S'. S" die Größen bezeichnet. welche hervorgehen, wenn man in den charakteristischen Funktionen V. V" die Größen u. v. w. s statt der Zeichen d. d., d., d. setzt.
Die Coëfficienten A, B, C, A', B', C' sind durch die Gleichungen:

(256)

$$\begin{aligned} &(2-s^2)A + uJ(vB + wC) + 2A' + uJ(vB' + wC') = 0, \\ &A' + uJ(vB + wC) + (2A - s^2)A' + uJ(vB' + wC') = 0, \\ &A' + uJ(vB + wC) + (2A - s^2)A' + uJ(vB' + wC') = 0, \\ &A' + [2A - s^2 + 2A' + [2A - s^2 + 2A' + 2A' + 2A' + [2A - s^2 + 2A' + 2A'$$

$$2 - \frac{u^{2}\mathfrak{I}^{2}}{\mathfrak{I}} + 2_{"} - \frac{u^{2}\mathfrak{I}\mathfrak{I}_{"}}{\mathfrak{I}_{"}} = \mathcal{L} + \mathcal{L}_{"}.$$

$$(257) \left(2_{"} - \frac{u^{2}\mathfrak{I}^{2}}{\mathfrak{I}_{"}}\right) \left(2_{"} - \frac{u^{2}\mathfrak{I}\mathfrak{I}_{"}}{\mathfrak{I}_{"}}\right)$$

$$- \left(2_{"} - \frac{u^{2}\mathfrak{I}_{"}^{2}}{\mathfrak{I}_{"}}\right) \left(2_{"} - \frac{u^{2}\mathfrak{I}_{"}\mathfrak{I}_{"}}{\mathfrak{I}_{"}}\right) = \mathcal{L}\mathcal{L}_{"} - \mathcal{L}\mathcal{L}_{"}.$$

and dann werden die Coëssicienten A, B, C, A', B', C' durch die Elgenden Gleichungen bestimmt:

$$u \Im A + \Im(vB + wC) = 0.$$
 (259)
 $u \Im_{i}A' + \Im_{i}(vB' + wC') = 0.$
 $u_{i}\Im A + u\Im_{i}A' + \Im_{i}(vB + wC) + \Im_{i}(vB' + wC') = 0.$

The auch es sind A, B, C, A', B', C' durch die Gleichungen:

 (259)
 $A = 0.$
 $vB + wC = 0.$
 $A' = 0.$
 $vB' + wC' = 0.$

Settimmt.

Wir werden später sehen, dass die Bedingungen (257) nicht

erfüllt sind, und dass man folglich die Gleichungen (259) nehmen muss.

Wenn s der Gleichung (285) entspräche, so würde ma Gleichungen:

(290)
$$\frac{B}{v} = \frac{C}{w}, \quad \frac{B'}{v} = \frac{C'}{w}$$

bekommen, und die vier ersten der Gleichungen (286) wi unter der Form:

(291)
$$(\xi - s^2)A + \frac{u}{v}(v^2 + w^2)\Im B + \xi A' + \frac{u}{v}(v^2 + w^2)\Im B' = 0,$$

$$\xi A + \frac{u}{v}(v^2 + w^2)\Im B + (\xi, -s^2)A' + \frac{u}{v}(v^2 + w^2)\Im B' = 0,$$

$$u v \Im A + [\pounds - s^2 + \Im (v^2 + w^2)]B + uv \Im A' + [\pounds, + \Im, (v^2 + w^2)]B'$$

$$uv \Im A + [\pounds + \Im (v^2 + w^2)]B + uv \Im A' + [\pounds, -s^2 + \Im, (v^2 + w^2)]B'$$
gesetzt werden können.

Setzt man wie im vorigen Capitel:

$$[(153)]$$

u = U + $u\sqrt{-1}$, v = V + $v\sqrt{-1}$, w = W + $w\sqrt{-1}$, s = S + $v\sqrt{-1}$, s = S + $v\sqrt{-1}$, s = S + $v\sqrt{-1}$, v = V + $v\sqrt{-1}$, s = S + $v\sqrt$

(293) $\xi = 0$, $\xi' = 0$, $vv + w\zeta = 0$, $vv' + w\zeta' = 0$ entsprechen. Die Vibrationen werden folglich in diesem ξ senkrecht auf der Axe des Krystalls und im Wellenplan statt

Die Gleichungen (291) werden die Fortpflanzungsge eines zweiten Strahls bestimmen, in welchem die Verschiebt den Gleichungen:

$$\frac{v}{v} = \frac{\zeta}{v}, \ \frac{v'}{v} = \frac{\zeta'}{v}$$

entsprechen, und ferner, damit die Dilatation des Körpersei, der Gleichung:

(295)
$$u\xi' + vv' + w\zeta' = 0$$
 oder $\frac{v'}{v} = \frac{\zeta'}{w} = -\frac{v\xi'}{v^2 + w^2}$

und damit die Schwingungen des ersten Systems von Mole transversal oder doch beinahe transversal seien, der Gleich

(296)
$$\frac{v}{v} = \frac{\zeta}{w} = -\frac{(1-\mu)u\xi}{v^2 + w^2},$$

wo μ eine sehr kleine Grösse vorstellt.

Substituirt man diese Werthe von v, ζ, v', ζ' in den Gleiungen (291), so erhält man:

(297)
$$[\xi + s^2 + (1 - \mu)u^2 \Im]\xi + (\xi, +u^2 \Im,)\xi' = 0.$$

$$[\xi + (1 - \mu)u^2, \Im]\xi + (\xi, +s^2 + u^2 \Im,)\xi' = 0,$$

ıd:

$$(\mathfrak{E} + s^{2} - \S(v^{2} + w^{2}) + \frac{v^{2} + w^{2}}{1 - \mu}\mathfrak{I})\xi + (\mathfrak{E}, -\S, (v^{2} + w^{2}) + (r^{2} + w^{2})\mathfrak{I},)\xi' = 0.$$

$$(1 - \mu)\left(\mathfrak{E} - \mathfrak{I}(v^{2} + w^{2}) + \frac{v^{2} + w^{2}}{1 - \mu}\mathfrak{I}\right)\xi + [\mathfrak{E}, + s^{2} - \S, (r^{2} + w^{2}) + (v^{2} + w^{2})\mathfrak{I},]\xi' = 0.$$

bere zwei Paare von Gleichungen müssen nothwendiger Weise tentisch sein, und man hat in Folge dessen die Bedingungsgleitungen:

$$(299)$$

$$+ (1 - \mu)u^{2}\Im + \mathcal{L}_{,,} + u^{2}\Im_{,,} = \mathcal{L} - \mathcal{L}(v^{2} + w^{2})$$

$$+ \frac{v^{2} + w^{2}}{1 - \mu}\Im + \mathcal{L}_{,,} - \mathcal{L}_{,,}(v^{2} + w^{2}) + \mathcal{L}_{,,}(r^{2} + w^{2}),$$

$$+ (1 - \mu)u^{2}\Im_{,}(\mathcal{L}_{,,} + u^{2}\Im_{,,}) - (\mathcal{L}_{,} + u^{2}\Im_{,})[\mathcal{L}_{,} + (1 - \mu)u^{2},\mathcal{L}_{,}]$$

$$= \left(\mathcal{L} - \mathcal{L}(r^{2} + w^{2}) + \frac{r^{2} + w^{2}}{1 - \mu}\Im_{,}(v^{2} + w^{2}) + \mathcal{L}_{,,}(v^{2} + w^{2})\right)$$

$$- \left[\mathcal{L} - \mathcal{L}(r^{2} + w^{2}) + \mathcal{L}_{,}(r^{2} + w^{2})\right] \left(\mathcal{L}_{,,} - \mathcal{L}(r^{2} + w^{2}) + \mathcal{L}_{,}(r^{2} + w^{2})\right)$$

Wegen der Gleichungen (295) und (296) werden die Schwingen in diesem Strahle im Plane stattfinden, welcher durch Richtung des Strahls und die Axe des Krystalls geht, das tim Hauptschnitte. Die Vibrationen des ersten Systems von küllen werden mit dem Wellenplane einen Winkel φ bildessen Sinus $\frac{\mu u \sqrt{v^2 + v^2}}{u^2 + v^2 + w^2}$ ist. Bezeichnet man durch φ die Winkel, und durch α den Winkel, welchen der Strahl mit Axe des Krystalls macht. so wird:

$$\cos \alpha = \frac{u}{\sqrt{u^2 + v^2 + w^2}};$$

$$\sin \varphi = \frac{\mu}{2} \cdot \sin 2\alpha.$$

Wir werden später den Werth von µ bestimmen und schen. **dieser vo**n dem Verhältniss des Abstandes der Molekülen der Axe und senkrecht auf derselben abhä**ngt.**

Wenn ein sester isophaner Körper senkrecht auf der Rie zweier parallelen Pläne comprimirt oder dilatirt wird, so er alle Eigenschasten eines einaxigen Krystalls annehmen, Axen senkrecht auf diesen Plänen sind. Nehmen wir an. Axe wäre die xAxe des Coordinatensystems und der I wäre im Verhältniss 1:1 - e' längs dieser Axe zusammenger Der Körper wird dann parallel mit den zwei andern Cod tenaxen im Verhältniss $1:1+\frac{1}{4}e'$ erweitert werden. Aehi wird mit den Aethermolekülen stattsinden. Diese werden der Axe im Verhältniss 1:1 - e zusammengedrückt, oder e negativ sein sollte, ausgedehnt werden, und längs den l andern Axen im Verhältniss 1:1 + me ausgedehnt werden, eine constante Grösse ist. Bezeichnet man durch x', y', : Coordinaten einer Aethermoleküle und durch X", J", Z" die Körpermoleküle vor dem Drucke. durch x, y, z die beide lekülen nach demselben, so wird folglich:

$$x = (1 - e)x' = (1 - e')x'',$$

 $y = (1 + me)y' = (1 + \frac{1}{4}e')y'',$
 $z = (1 + me)z' = (1 + \frac{1}{4}e')z''.$

Setst man jetzt:

(300')
$$x' = (1 + me)x', x'' = (1 + \frac{1}{4}e')x'', (m+1)e = \epsilon, \frac{1}{4}e' = \epsilon',$$

so wird:

$$(301) x = (1-\epsilon)x' = (1-\epsilon')x'',$$

wo die Aethermoleküle, deren Coordinaten x', y, z, und die permoleküle, deren Coordinaten x'', y, z wären, einen isopt Körper K bilden werden; die Dichtigkeit der Aethermol dieses Körpers K wird zur Dichtigkeit des Aethers des sprünglichen uncomprimirten Körpers im Verhältniss $1:1+\frac{3m}{m+1}\varepsilon$ stehen, und die Dichtigkeit der Körpermoldes Körpers K zu derjenigen des ursprünglichen Körpers im hältniss $1:1+\frac{3}{2}\varepsilon'$. Es seien ferner x'+x Coordinaten einer zweiten Aethermoleküle und x''+x'' diej einer zweiten Körpermoleküle des Körpers K, und x+x jenige beider Molekülen des Körpers nach dem Drucke, so weiten Körpermolekülen des Körpermolekülen dem Drucke, so weiten Körpermolekülen des Körpermolekülen dem Drucke, so weiten Brucken dem Drucke, so weiten Drucken dem Drucken dem Drucken dem Drucken dem Druck

$$(302) x = (1 - \varepsilon)x' = (1 - \varepsilon')x''.$$

Setzt man ferner:

(03)
$$\mathbf{r}'^{2} = \mathbf{x}'^{2} + \mathbf{y}^{2} + \mathbf{z}^{2} = \left(\frac{\mathbf{x}}{1-\epsilon}\right)^{2} + \mathbf{y}^{2} + \mathbf{z}^{2},$$
$$\mathbf{r}''^{2} = \mathbf{x}''^{2} + \mathbf{y}^{2} + \mathbf{z}^{2} = \left(\frac{\mathbf{x}}{1-\epsilon'}\right)^{2} + \mathbf{y}^{2} + \mathbf{z}^{2},$$

wird, wenn man die höheren Potenzen von ϵ und ϵ' verdässigt:

(304)
$$= {r'}^2 - 2\varepsilon {x'}^2 = {r''}^2 - 2\varepsilon {x''}^2, \quad r = r' - \frac{\varepsilon {x'}^2}{r'} = r'' - \frac{\varepsilon {x''}^2}{r''}.$$
t man:

$${\bf r'}^2 = {\bf x'}^2 + {\bf y'}^2 + {\bf z'}^2,$$

 ${\bf r''}^2 = {\bf x''}^2 + {\bf y''}^2 + {\bf z''}^2,$

vird:

04')
$$\mathbf{r}' = (1 + me)\mathbf{r}', \ \mathbf{r}'' = (1 + \frac{1}{4}e')\mathbf{r}''.$$

sei jetzt die schwingende Bewegung eine derjenigen, die sich z. Verminderung der Intensität fortpflanzen, folglich:

$$u = u\sqrt{-1}$$
, $v = v\sqrt{-1}$, $w = w\sqrt{-1}$.

ei ferner der Kürze willen:

46)
$$u^2 + v^2 + w^2 = k^2 = -(u^2 + v^2 + w^2) = -k^2$$

05)
$$v^2 + w^2 = k_r^2 = -(r^2 + w^2) = -k_r^2$$

06)
$$u' = u(1-\epsilon) = u' \sqrt{-1}, \quad k'^2 = u'^2 + v^2 + w^2,$$

$$u'' = u(1-\epsilon') = u'' \sqrt{-1}, \quad k''^2 = u''^2 + v^2 + w^2,$$

verden, wenn die höheren Potenzen von ϵ und ϵ' vernachgt werden:

07)
$$ux = u'x' = u''x'',$$

$$k'^{2} = k^{2} - 2\epsilon u^{2}, \quad k''^{2} = k^{2} - 2\epsilon' u^{2}.$$

Gleichungen [(143)] geben dann:

$$\Theta = S \left\{ m f(r) \left[e^{u'x' + vy + wz} - 1 \right] \right\} - S \left\{ m'f_{r}(r) \right\},
\Phi = S \left\{ \frac{m}{r} d_{r} f(r) \left(e^{u'x' + vy + wz} - 1 - (u'x' + vy + wz) \right) - \frac{(u'x' + vy + wz)^{2}}{2} \right\} \right\} - S \left\{ \frac{m}{r} d_{r} f_{r}(r) \frac{(u''x'' + vy + wz)^{2}}{2} \right\}.$$

08)
$$\Theta_r = S \left\{ m'f_r(r) e^{u' x'' + vy + wz} \right\},$$

$$\mathfrak{G}_{r} = S / \frac{m'}{r} d_{r} f_{r}(r) \left[e^{u''x'' + vy + wz} - 1 - (u''x'' + vy + wz) \right] / .$$

$$, \mathfrak{G} = S \left\{ m f_{r}(r) e^{u'x' + vy + wz} \right\},\,$$

$$\Phi = S \frac{1}{r} \frac{m}{r} d_r f_r(r) [e^{u''x''+vy+wz} - 1 - (u'x'+vy+wz)]_r^{r}$$

$$0''' = S \left\{ m'f_{,,}(r) \left[e^{u''x'' + vy + wz} - 1 \right] \right\}, - S \left\{ mf_{,}(r) \right\},$$

$$(30S) \quad \phi_{,,} = S \left\{ \frac{m'}{r} d_{r}f_{,,}(r) \left(e^{u''x'' + vy + wz} - 1 - (u''x'' + vy + vy + vz) \right) \right\},$$

$$- \frac{(u''x'' + vy + wz)^{2}}{2} \right\} \left\{ - S \left\{ \frac{m}{r} d_{r}f_{,}(r) \frac{(u''x'' + vy + wz)^{2}}{2} \right\} \right\}$$

Bemerkt man jetzt, dass:

(309)
$$f(\mathbf{r}) = f\left(\mathbf{r}' - \frac{\epsilon {x'}^2}{\mathbf{r}'}\right) = f(\mathbf{r}') - \frac{\epsilon {x'}^2}{\mathbf{r}'} d_{\mathbf{r}'} f(\mathbf{r}'),$$

$$= f\left(\mathbf{r}'' - \frac{\epsilon' {x''}^2}{\mathbf{r}''}\right) = f(\mathbf{r}'') - \frac{\epsilon' {x''}^2}{\mathbf{r}''} d_{\mathbf{r}''} f(\mathbf{r}''), \text{ und}$$

zeichnet der Kürze willen die Theile der Gleichungen (308) red Seits des Gleichheitszeichens, als Funktionen von r betrachtet, du

$$\mathfrak{G}[f(\mathbf{r}) - \mathfrak{G}[f,(\mathbf{r})], \, \mathfrak{F}\left(\frac{d_{\mathbf{r}}f(\mathbf{r})}{\mathbf{r}}\right) - \mathfrak{F}\left(\frac{d_{\mathbf{r}}f,(\mathbf{r})}{\mathbf{r}}\right), \, \mathfrak{G},[f,(\mathbf{r})], \, \mathfrak{F},\left(\frac{d_{\mathbf{r}}f,(\mathbf{r})}{\mathbf{r}}\right), \\ \mathfrak{G}[f,(\mathbf{r})], \, \mathfrak{F}\left(\frac{d_{\mathbf{r}}f,(\mathbf{r})}{\mathbf{r}}\right), \, \mathfrak{G},[f,(\mathbf{r})] - \mathfrak{G},[f,(\mathbf{r})], \\ \mathfrak{F},\left(\frac{d_{\mathbf{r}}f,(\mathbf{r})}{\mathbf{r}}\right) - \mathfrak{F},\left(\frac{d_{\mathbf$$

so erhält man:

$$\Theta = \Theta[f(\mathbf{r}')] - \Theta[f_{\prime}(\mathbf{r}')]$$

$$= \Theta[f(\mathbf{r}')] - \epsilon\Theta\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}'}d_{\mathbf{r}'}f(\mathbf{r}')\right) - \Theta[f_{\prime}(\mathbf{r}'')] + \epsilon'\Theta\left(\frac{\mathbf{r}''^{2}}{\mathbf{r}''}d_{\mathbf{r}'}f(\mathbf{r}')\right)$$

$$= \Phi[f(\mathbf{r}')] - \epsilon\Theta\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}'}d_{\mathbf{r}'}f(\mathbf{r}')\right) - \Phi[f_{\prime}(\mathbf{r}'')] + \epsilon'\Phi\left(\frac{\mathbf{r}''^{2}}{\mathbf{r}''}d_{\mathbf{r}'}f(\mathbf{r}')\right)$$

$$- \epsilon\Phi\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}'}d_{\mathbf{r}'}\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}'}\right)\right) - \Phi\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}''}d_{\mathbf{r}'}f(\mathbf{r}'')\right) + \epsilon'\Phi\left(\frac{\mathbf{r}''^{2}}{\mathbf{r}''}d_{\mathbf{r}'}\left(\frac{\mathbf{r}''^{2}}{\mathbf{r}''}\right)\right)$$

$$\Theta_{\prime} = \Theta_{\prime}[f_{\prime}(\mathbf{r})] = \Theta_{\prime}[f_{\prime}(\mathbf{r}'')] - \epsilon'\Phi\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}''}d_{\mathbf{r}'}f_{\prime}(\mathbf{r}'')\right)$$

$$\Theta_{\prime} = \Phi_{\prime}\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}'}d_{\mathbf{r}'}\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}''}\right)\right) - \epsilon'\Phi\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}''}d_{\mathbf{r}'}f_{\prime}(\mathbf{r}'')\right)$$

$$\Phi_{\prime} = \Phi_{\prime}\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}'}d_{\mathbf{r}'}f_{\prime}(\mathbf{r}'')\right) - \epsilon_{\prime}\Phi\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}'}d_{\mathbf{r}'}f_{\prime}(\mathbf{r}'')\right)$$

$$\Theta_{\prime} = \Phi_{\prime}\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}'}d_{\mathbf{r}'}f_{\prime}(\mathbf{r}'')\right) - \Phi_{\prime}\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}'}d_{\mathbf{r}'}f_{\prime}(\mathbf{r}'')\right)$$

$$\Phi_{\prime\prime} = \Phi_{\prime\prime}\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}'}d_{\mathbf{r}'}f_{\prime}(\mathbf{r}'')\right) - \Phi_{\prime\prime}\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}'}d_{\mathbf{r}'}f_{\prime}(\mathbf{r}'')\right)$$

$$\Phi_{\prime\prime\prime} = \Phi_{\prime\prime\prime}\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}'}d_{\mathbf{r}'}f_{\prime}(\mathbf{r}'')\right) - \Phi_{\prime\prime\prime}\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}'}d_{\mathbf{r}'}f_{\prime}(\mathbf{r}'')\right)$$

$$\Phi_{\prime\prime\prime} = \Phi_{\prime\prime\prime}\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}'}d_{\mathbf{r}'}f_{\prime}(\mathbf{r}'')\right) - \Phi_{\prime\prime\prime}\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}'}d_{\mathbf{r}'}f_{\prime}(\mathbf{r}'')\right)$$

$$\Phi_{\prime\prime\prime} = \Phi_{\prime\prime\prime}\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}'}d_{\mathbf{r}'}f_{\prime}(\mathbf{r}'')\right) + \Phi_{\prime\prime\prime}\left(\frac{\mathbf{r}'^{2}}{\mathbf{r}'}d_{\mathbf{r}'}f_{\prime}(\mathbf{r}'')\right)$$

$$\Phi_{\prime\prime\prime} =$$

Nun ist aber:

bstituirt man diese Werthe und bemerkt, dass die Summation in Bezug auf die Variabeln x', y, z, r', x", y, z, r", folglich Bezug auf die Coordinaten der Molekülen eines isophanen stems K stattfinden, so können hier die im vorigen Capitel wickelten Regeln der Summation angewendet werden, und a erhält dann:

$$(312)$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{mf}(\mathbf{r}') \left(\frac{\sin k' \mathbf{r}'}{k' \mathbf{r}'} - 1 \right)_{l}^{l} - S[\mathbf{m}' f_{l}(\mathbf{r}'')]$$

$$- \varepsilon d_{u}^{2}, S_{l}^{l} \frac{\operatorname{m}}{\mathbf{r}'} d_{\mathbf{r}'} f(\mathbf{r}') \left(\frac{\sin k' \mathbf{r}'}{k' \mathbf{r}'} - 1 + \frac{k'^{2} \mathbf{r}'^{2}}{6} \right)_{l}^{l}$$

$$+ \varepsilon' d_{u}^{2}, S_{l}^{l} \frac{\mathbf{m}'}{\mathbf{r}''} d_{\mathbf{r}''} f_{l}^{l}(\mathbf{r}'') \frac{k''^{2} \mathbf{r}''^{2}}{6} \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}' f_{l}(\mathbf{r}'') \frac{\sin k'' \mathbf{r}''}{k'' \mathbf{r}''} \left(- \varepsilon' d_{u}^{2}, S_{l}^{l} \frac{\mathbf{m}}{\mathbf{r}''} d_{\mathbf{r}''} f_{l}^{l}(\mathbf{r}'') \left(\frac{\sin k'' \mathbf{r}''}{k'' \mathbf{r}''} - 1 \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m} f_{l}(\mathbf{r}') \frac{\sin k'' \mathbf{r}''}{k' \mathbf{r}''} \left(- \varepsilon d_{u}^{2}, S_{l}^{l} \frac{\mathbf{m}}{\mathbf{r}'} d_{\mathbf{r}'} f_{l}^{l}(\mathbf{r}') \left(\frac{\sin k'' \mathbf{r}''}{k' \mathbf{r}''} - 1 \right)_{l}^{l},$$

$$= S_{l}^{l} \operatorname{m}_{l} f_{l}^{l}(\mathbf{r}'') \left(\frac{\sin k'' \mathbf{r}''}{k'' \mathbf{r}''} - 1 \right)_{l}^{l} - S[\operatorname{m} f_{l}^{l}(\mathbf{r}')]$$

$$- \varepsilon' d_{u}^{2}, S_{l}^{l} \frac{\mathbf{m}}{\mathbf{r}''} d_{\mathbf{r}''} f_{l}^{l}(\mathbf{r}'') \left(\frac{\sin k'' \mathbf{r}''}{k'' \mathbf{r}''} - 1 + \frac{k''^{2} \mathbf{r}'^{2}}{6} \right)_{l}^{l}$$

$$+ \varepsilon d_{u}^{2}, S_{l}^{l} \frac{\mathbf{m}}{\mathbf{r}'} d_{\mathbf{r}'} f_{l}^{l}(\mathbf{r}') \left(\frac{\sin k' \mathbf{r}'}{k' \mathbf{r}''} - 1 + \frac{k''^{2} \mathbf{r}'^{2}}{6} \right)_{l}^{l}$$

$$+ \varepsilon d_{u}^{2}, S_{l}^{l} \frac{\mathbf{m}}{\mathbf{r}'} d_{\mathbf{r}'} f_{l}^{l}(\mathbf{r}') \left(\frac{\sin k' \mathbf{r}'}{k' \mathbf{r}'} - 1 + \frac{k''^{2} \mathbf{r}'^{2}}{6} \right)_{l}^{l}$$

$$+ \varepsilon d_{u}^{2}, S_{l}^{l} \frac{\mathbf{m}}{\mathbf{r}'} d_{\mathbf{r}'} f_{l}^{l}(\mathbf{r}') \left(\frac{k''^{2} \mathbf{r}'^{2}}{6} \right)_{l}^{l}$$

$$+ \varepsilon d_{u}^{2}, S_{l}^{l} \frac{\mathbf{m}}{\mathbf{r}'} d_{\mathbf{r}'} f_{l}^{l}(\mathbf{r}') \left(\frac{k''^{2} \mathbf{r}'^{2}}{6} \right)_{l}^{l} \right)_{l}^{l}$$

$$= S_{l}^{l} \frac{\mathbf{m}}{\mathbf{r}'} d_{\mathbf{r}'} f_{l}^{l}(\mathbf{r}') \left(\frac{\sin k'' \mathbf{r}'}{k'' \mathbf{r}'} - 1 + \frac{k''^{2} \mathbf{r}'^{2}}{6} \right)_{l}^{l} + S_{l}^{l} \frac{\mathbf{m}'}{\mathbf{r}'} d_{\mathbf{r}'} f_{l}^{l}(\mathbf{r}') \left(\frac{k''^{2} \mathbf{r}'^{2}}{6} \right)_{l}^{l} \right)_{l}^{l}$$

$$= S_{l}^{l} \frac{\mathbf{m}}{\mathbf{r}'} d_{\mathbf{r}'} f_{l}^{l}(\mathbf{r}') \left(\frac{\sin k'' \mathbf{r}'}{k'' \mathbf{r}'} - 1 + \frac{k''^{2} \mathbf{r}'^{2}}{6} \right)_{l}^{l} + S_{l}^{l} \frac{\mathbf{m}'}{\mathbf{r}'} d_{\mathbf{r}'} f_{l}^{l}(\mathbf{r}') \left(\frac{k''^{2} \mathbf{r}'}{6} \right)_{l}^{l}$$

$$\begin{split} &-\varepsilon d_{u'}^{2}S\left\{\frac{m}{r'}d_{r'}\left(\frac{d_{r'}f(r')}{r'}\right)\left(\frac{\sin k'r'}{k'r'}-1+\frac{k'^{2}r'^{2}}{6}-\frac{k'^{4}r'^{3}}{120}\right)\right\}\\ &+\varepsilon'd_{u''}^{2}S\left\{\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}}{r''}\right)\frac{k''^{4}r''}{120}+\varepsilon''^{2}d_{r''}f_{r''}\right\}\\ &-\varepsilon'd_{u''}^{2}S\left\{\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}}{r''}\right)\left(\frac{\sin k''r''}{r''}-1+\frac{k''^{2}r''^{2}}{6}\right)\right\}\\ &-\varepsilon'd_{u''}^{2}S\left\{\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}}{r''}\right)\left(\frac{\sin k''r''}{k''r''}-1+\frac{k''^{2}r''^{2}}{6}\right)\right\}\\ &-\varepsilon'd_{u''}^{2}S\left\{\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{\sin k''r''}{k''r''}-1+\frac{k''^{2}r''^{2}}{6}\right)\right\}\\ &-\varepsilon'd_{u''}^{2}S\left\{\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r'')}{k''r''}\right)\left(\frac{\sin k''r''}{6}-1+\frac{k''^{2}r''^{2}}{6}\right)\right\}\\ &+\varepsilon'd_{u''}^{2}S\left\{\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r'')}{r'''}\right)\left(\frac{\sin k''r''}{k''r''}-1+\frac{k''^{2}r''^{2}}{6}-\frac{k''^{4}r''}{6}\right)\right\}\\ &+\varepsilon'd_{u''}^{2}S\left\{\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r''')}{r'''}\right)\left(\frac{\sin k''r''}{k''r''}-1+\frac{k''^{2}r''^{2}}{6}-\frac{k''^{4}r''}{6}\right)\right\}\\ &+\varepsilon'd_{u''}^{2}S\left\{\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r'')}{r'''}\right)\left(\frac{\sin k''r''}{k''r''}-1+\frac{k''^{2}r''^{2}}{6}-\frac{k''^{4}r''}{6}\right)\right\}\\ &+\varepsilon'd_{u''}^{2}S\left\{\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r'')}{r'''}\right)\left(\frac{\sin k''r''}{r'''}-1+\frac{k''^{2}r''^{2}}{6}-\frac{k''^{4}r''}{6}\right)\right\}\\ &+\varepsilon'd_{u''}^{2}S\left\{\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r'')}{r'''}\right)\left(\frac{\sin k''r''}{r'''}-1+\frac{k''^{2}r''^{2}}{6}\right)\right\}\\ &+\varepsilon'd_{u''}^{2}S\left\{\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r'')}{r'''}\right)\left(\frac{\sin k''r''}{r'''}-1+\frac{k''^{2}r''^{2}}{6}\right)\right\}\\ &+\varepsilon'd_{u''}^{2}S\left\{\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r'')}{r'''}\right)\left(\frac{\sin k''r''}{r'''}-1+\frac{k''^{2}r''^{2}}{6}\right)\right\}\\ &+\varepsilon'd_{u''}^{2}S\left\{\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r''')}{r'''}\right)\left(\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r'')}{r'''}\right)\left(\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r'')}{r'''}\right)\left(\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r''')}{r'''}\right)\left(\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r'')}{r'''}\right)\left(\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r'')}{r'''}\right)\left(\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r''')}{r'''}\right)\left(\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r''')}{r'''}\right)\left(\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r''')}{r'''}\right)\left(\frac{m'}{r''}d_{r''}\left(\frac{d_{r''}f_{r''}(r''$$

Aus diesen Gleichungen findet man jetzt, indem man bemerkt, das

$$\mathfrak{L}_{n} = \mathfrak{L}_{n} - (1 - 2\epsilon') \mathbf{u}^{n^{2}} \mathcal{J}_{n} + 2\epsilon' \mathbf{S} \frac{\mathbf{m}'}{k^{n^{2}}} \frac{\mathbf{d}_{\mathbf{r}''} \mathbf{f}_{n}(\mathbf{r}'')}{\mathbf{r}''} \left(\cos k'' \mathbf{r}'' - \frac{\sin k'' \mathbf{r}''}{k'' \mathbf{r}''} + \frac{k''^{2} \mathbf{r}}{3} + 2\epsilon \mathbf{S} \frac{\mathbf{m}}{k'^{2}} \frac{\mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \mathbf{f}_{n}(\mathbf{r}')}{\mathbf{r}'} \cdot \frac{k'^{2}}{2} \right)$$

Bezeichnet man jetzt durch D die Dichtigkeit des Aethers durch D' diejenige des Körpers, und bemerkt, dass folg wenn der Abstand der Molekülen überall derselbe wäre, wies jetzt ist in einem auf der Axe senkrechten Plan, die Dic keit des Aethers D(1—e) und diejenige des Körpers D'(1-wäre, so wird man auf dieselbe Weise, wie im vorigen Capfinden, dass die vorhergehenden Ausdrücke, vorausgesetzt, Abstände der Molekülen wären immer sehr klein in Bezug die Wellenlänge, unter den folgenden Formen gesetzt werkönnen, wo r' den kleinsten, r' den grössten Abstand zw Aethermolekülen, r' den kleinsten, r' den grössten Abstand zweier Körpermolekülen des Systems K bezeichnet:

$$= -4\pi \mathfrak{D} (1-\epsilon) \left(\frac{r_{x} \, \tilde{\mathfrak{f}}(r_{x}') \sin(k' r_{o}')}{k'^{J}} + \frac{1}{15} \, r_{o}^{J} \, \tilde{\mathfrak{f}}(r_{o}') \right)$$

$$+ \frac{4\pi \mathfrak{D} (1-\epsilon)}{k'^{2}} \int_{\tilde{\mathfrak{f}}_{o}'}^{r_{x}'} \tilde{\mathfrak{f}}(r') \, d_{r'} \left(\frac{\sin k' r'}{k' r'} \right) dr'$$

$$+ \epsilon \cdot \frac{4\pi \mathfrak{D}}{15} \, d_{u'}^{2} \left[r_{x}'^{J} \, d_{r'} f(r_{x}') - \frac{1}{14} k'^{2} r_{o}'^{6} \, d_{r'} f(r_{o}') \right]$$

$$= -\frac{4\pi \mathfrak{D}}{k'^{2}} \, d_{u'}^{2} \left[r_{x}'^{J} \, d_{r'} f(r_{x}') - \frac{1}{14} k'^{2} r_{o}'^{6} \, d_{r'} f(r_{o}') \right]$$

$$-\epsilon \cdot 4\pi \mathfrak{D} d_{\mathbf{u}'}^{2} \int_{\mathbf{r}_{o}'}^{\mathbf{r}_{x}'^{2}} d_{\mathbf{r}'} f(\mathbf{r}') \left(\frac{\sin k' \mathbf{r}'}{k' \mathbf{r}'} - 1 + \frac{1}{6} k'^{2} \mathbf{r}'^{2} \right) d\mathbf{r}' + \epsilon' \cdot \frac{4\pi \mathfrak{D}'}{15} d_{\mathbf{u}''}^{2} \left[\mathbf{r}_{x}''^{1} d_{\mathbf{r}''} f_{\prime}(\mathbf{r}_{x}'') - \mathbf{r}_{o}''^{1} d_{\mathbf{r}''} f_{\prime}(\mathbf{r}_{o}'') \right]$$

$$- \varepsilon' \cdot 4\pi \mathfrak{D}' d_{u''}^2 \int_{r''}^{r'''^2} \frac{r'''^2}{k'''^2} d_{r''} f_{\prime}(r'') \cdot \frac{k''^2 r''^2}{6} dr'',$$

$$= -4\pi \mathfrak{D}' (1-\epsilon') \left(\frac{\Gamma_{x}'' f_{s}(\Gamma_{x}'') \sin(k'' \Gamma_{x}'')}{k''^{3}} + \frac{1}{15} \Gamma_{0}''' f_{s}(\Gamma_{0}'') \right) + \frac{4\pi \mathfrak{D}' (1-\epsilon')}{k''^{2}} \int_{\Gamma_{0}''}^{\Gamma_{x}''} \Gamma_{x}''' f_{s}(\Gamma'') d_{\Gamma''} \left(\frac{\sin k'' \Gamma''}{k'' \Gamma''} \right) d\Gamma''$$

$$+ \epsilon' \cdot 4\pi \mathfrak{D}' d_{n''}^{2} \left(\frac{r_{x}'' d_{r''} f_{r}(r_{x}'') \sin(k'' r_{x}'')}{k''^{2}} + \frac{1}{15} r_{o}''^{4} d_{r''} f_{r}(r_{o}'') \right)$$

$$-\epsilon' \cdot 4\pi \mathfrak{D}' \mathbf{d}_{\mathbf{q}''}^2 \int_{\mathbf{r}''}^{\mathbf{r}''_{\mathbf{x}''}} \mathbf{d}_{\mathbf{r}''} \mathbf{f}_{\prime}(\mathbf{r}'') \mathbf{d}_{\mathbf{r}''} \left(\frac{\sin k'' \mathbf{r}''}{k'' \mathbf{r}''} \right) \mathbf{d}\mathbf{r}'',$$

$$= -4\pi \mathfrak{T}(1-\epsilon) \left(\frac{\Gamma_{x}' f_{x}(\Gamma_{x}') \sin(k' \Gamma_{x}')}{k'^{3}} + \frac{1}{13} \Gamma_{o}'^{4} f_{y}(\Gamma_{o}') \right)$$

$$+\frac{4\pi\mathfrak{D}(1-\epsilon)}{k'^2}\int_{\Gamma'}^{\Gamma'_x}\mathbf{f}_{,}(\mathbf{r}')\,\mathrm{d}_{\mathbf{r}'}\!\left(\frac{\sin\frac{k'\mathbf{r}'}{k'\mathbf{r}'}\right)\!\mathrm{d}\mathbf{r}'$$

$$+ \epsilon \cdot 4\pi \mathfrak{D} d_{\mathbf{r}'}^2 \left(\frac{\mathbf{r}'_{\mathbf{x}} d_{\mathbf{r}'} \mathbf{f}_{\prime} (\mathbf{r}'_{\mathbf{x}}) \sin(k' \mathbf{r}'_{\mathbf{x}})}{k'^3} + \frac{1}{13} \mathbf{r}'_{5}^4 d_{\mathbf{r}'} \mathbf{f}_{\prime} (\mathbf{r}'_{6}) \right)$$

$$- \varepsilon \cdot 4\pi \mathfrak{D} d_{\mathbf{u}'}^{2} \int_{\mathbf{r}'}^{\mathbf{r}_{\mathbf{w}}'^{2}} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} f_{\prime}(\mathbf{r}') d_{\mathbf{r}'} \left(\frac{\sin k' \mathbf{r}'}{k' \mathbf{r}'} \right) d\mathbf{r}',$$

$$= -4\pi \mathfrak{D}'(1-\varepsilon') \left(\frac{\mathbf{r}_{\infty}'' \hat{\mathbf{f}}_{n}(\mathbf{r}_{\infty}'') \sin(k'' \mathbf{r}_{\infty}'')}{k''^{2}} + \frac{1}{15} \mathbf{r}_{0}''^{1} \hat{\mathbf{f}}_{n}(\mathbf{r}_{0}'') \right)$$

$$\begin{split} &+\frac{4\pi\mathfrak{D}'(1-\epsilon')}{k''^2}\int_{r_0''}^{r_0''}\tilde{f}_{n'}(r'')\,\mathrm{d}_{r''}\left(\frac{\sin k''r''}{k''r''}\right)\mathrm{d}r''\\ &+\epsilon'\cdot\frac{4\pi\mathfrak{D}'}{15}\,\mathrm{d}_{u''}^2\big[\tilde{f}_{n'}^{u''}\,\mathrm{d}_{r''}f_{n'}(r_0'')-\frac{1}{14}k''^2\tilde{f}_0^{u''}\,\mathrm{d}_{r''}f_{n'}(r_0'')\big]\\ &-\epsilon'\cdot4\pi\mathfrak{D}'\mathrm{d}_{u''}^2\int_{\tilde{b}''}^{r_0''}\mathrm{d}_{r''}f_{n'}(r'')\left(\frac{\sin k''r''}{k''r''}-1+\frac{k''^2r''^2}{6}\right)\mathrm{d}\\ &+\epsilon\cdot\frac{4\pi\mathfrak{D}}{15}\,\mathrm{d}_{u'}^2\big[\tilde{f}_{n'}^{u'}\,\mathrm{d}_{r'}f_{n'}(r_0'')-\frac{k'^2r'^2}{6}\mathrm{d}r',\\ &+\epsilon\cdot4\pi\mathfrak{D}\,\mathrm{d}_{u'}^2\int_{\tilde{b}'}^{r_0''}\mathrm{d}_{r'}f_{n'}(r_0')-\frac{k'^2r'^2}{6}\mathrm{d}r',\\ &(319)\\ &\mathfrak{L}=\mathfrak{E}-(1-2\epsilon)u'^2\mathfrak{F}+\frac{5\pi\mathfrak{D}}{3}\epsilon\big[\tilde{r}_{r'}^2\hat{\mathfrak{f}}(r_x')-\frac{1}{16}k'^2\tilde{r}_0'^4f(r_0'')\big]\\ &+\frac{8\pi\mathfrak{D}\epsilon}{10}\int_{\tilde{b}'}^{r_0''}\hat{\mathfrak{f}}_{n'}(r_0'')\left(\frac{\sin (k'r')}{k'r'}-1\right)\mathrm{d}r'\\ &+\frac{8\pi\mathfrak{D}'\epsilon'}{3}\epsilon'\big[\tilde{r}_{u'}^{u'2}\hat{\mathfrak{f}}_{n'}(r_u'')-\tilde{r}_0''^2\hat{\mathfrak{f}}_{n'}(r_0'')\big]-8\pi\mathfrak{D}'\epsilon'\int_{\tilde{b}''}^{r_0''}\hat{\mathfrak{f}}_{n'}(r''')\mathrm{d}r'',\\ &\mathfrak{L}=\mathfrak{L},-(1-2\epsilon')u''^2\mathfrak{F}_{n'}+8\pi\mathfrak{D}'\epsilon'\Big(\frac{\cos (k''r_x')}{k''^2}\hat{\mathfrak{f}}_{n'}(r_x'')+\frac{1}{2}r_0''^2\hat{\mathfrak{f}}_{n'}(r_0'')\\ &+\frac{8\pi\mathfrak{D}'\epsilon'}{r_0''}\int_{\tilde{b}''}^{r_0''}\hat{\mathfrak{f}}_{n'}(r''')\frac{\sin (k''r'')}{k''r''}\mathrm{d}r'',\\ &\mathfrak{L}=\mathfrak{L},-(1-2\epsilon')u''^2\mathfrak{F}_{n'}+\frac{8\pi\mathfrak{D}'\epsilon'}{k'r''}\mathrm{d}r',\\ &\mathfrak{L}_{n'}=\mathfrak{L},-(1-2\epsilon')u''^2\mathfrak{F}_{n'}+\frac{8\pi\mathfrak{D}'\epsilon'}{k'r''}\mathrm{d}r',\\ &\mathfrak{L}_{n'}=\mathfrak{L},-(1-2\epsilon')u''^2\mathfrak{F}_{n'}+\frac{8\pi\mathfrak{D}'\epsilon'}{k'r''}\mathrm{d}r',\\ &+\frac{8\pi\mathfrak{D}}{2}\epsilon\int_{\tilde{b}'}^{r_0''}\hat{\mathfrak{f}}_{n'}(r'')\left(\frac{\sin (k''r'')}{k''r''}-1\right)\mathrm{d}r''\\ &+\frac{8\pi\mathfrak{D}'\epsilon'}{3}\epsilon[r_0''\hat{\mathfrak{f}}_{n'}(r'')\left(\frac{\sin (k''r'')}{k''r''}-1\right)\mathrm{d}r'''\\ &+\frac{8\pi\mathfrak{D}'\epsilon'}{3}\epsilon[r_0''\hat{\mathfrak{f}}_{n'}(r'')\left(\frac{\sin (k''r'')}{k''r''}-1\right)\mathrm{d}r'''\\ &+\frac{8\pi\mathfrak{D}}{3}\epsilon[r_0'^2\hat{\mathfrak{f}}_{n'}(r_0'')-r_0''\hat{\mathfrak{f}}_{n'}(r_0'')]-8\pi\mathfrak{D}\epsilon\int_{\tilde{\mathfrak{f}}_{n'}}^{r_0'}(r')\mathrm{d}r'. \end{split}$$

. Fortpflanzungsgeschwindigkeiten und Polarisan des gewöhnlichen und ungewöhnlichen Strahls
bei künstlichen einaxigen Krystallen.

Da die Gesetze der Wirkungen der Molekülarkräste durch Zusammendrücken des Körpers nicht verändert werden könso muss man dieselben Voraussetzungen von den Molekülarten f(r), f,(r), f,,(r) wie im vorigen Capitel machen, nämlich:

57) (255)
$$r_o^2 i(r_o) = 0, r_o^4 i(r_o) = -h(r_o)$$

62) (263) (266)
$$r_x^2 f_r(r_x) = c$$
, $r_0^2 f_r(r_0) = -d(r_0)$, $r_x^2 f_{r_0}(r_x) = 0$, $r_0^4 f_{r_0}(r_0) = \div g(r_0) = \text{einer sehr kleinen Grösse.}$

Damit ferner die durch die Gleichungen (292) und (291) bemten Fortpflanzungsgeschwindigkeiten der beiden Strahlen einen endlichen reellen Werth bekomme, ist es ferner nothdig anzunehmen:

$$r_{x}^{4} d_{r} f(r_{x}) = e, \quad r_{o}^{6} d_{r} f(r_{o}) = m(r_{o}),$$

$$r_{x}^{4} d_{r} f(r_{x}) = g, \quad r_{o}^{4} d_{r} f(r_{o}) = l(r_{o}),$$

$$r_{x}^{4} d_{r} f(r_{x}) = i, \quad r_{o}^{4} d_{r} f(r_{o}) = o, \quad \text{oder gleich einer}$$

kleinen Grösse n(r_o), und die Gleichungen (317) geben dann, man bemerkt, dass:

$$u' = u' \sqrt{-1}, \quad u'' = u'' \sqrt{-1},$$

$$d_{u'}^{2} = -d_{s'}^{2}, \quad d_{u''}^{2} = -d_{s''}^{2}.$$

$$(321)$$

$$= -\frac{4\pi \mathfrak{L}}{30} k^{2} h(\mathbf{r}'_{c}) - \frac{4\pi \mathfrak{L}'}{3} [\mathbf{c} + \mathbf{d}(\mathbf{r}''_{c})]$$

$$+ \frac{4\pi \mathfrak{L}}{30} \epsilon ([k^{2} + 2u^{2}][h(\mathbf{r}'_{o}) - \frac{1}{2} m(\mathbf{r}'_{o})] + 2\mathbf{e})$$

$$+ \frac{4\pi \mathfrak{L}'}{3} \epsilon' (\mathbf{c} + \mathbf{d}(\mathbf{r}''_{o}) + \frac{\mathbf{g} - \mathbf{f}(\mathbf{r}''_{o})}{5}),$$

$$= \frac{4\pi \mathfrak{L}'}{3} d(\mathbf{r}'_{c}) + \frac{4\pi \mathfrak{L}}{3} \epsilon' (\frac{\mathbf{f}(\mathbf{r}''_{o})}{5} - \mathbf{d}(\mathbf{r}''_{o})),$$

$$= \frac{4\pi \mathfrak{L}}{3} d(\mathbf{r}'_{c}) + \frac{4\pi \mathfrak{L}}{3} \epsilon (\frac{\mathbf{f}(\mathbf{r}'_{o})}{5} - \mathbf{d}(\mathbf{r}'_{o})),$$

$$= -\frac{4\pi \mathfrak{L}'}{30} k^{2} \mathbf{g}(\mathbf{r}''_{o}) - \frac{4\pi \mathfrak{L}}{3} [\mathbf{c} + \mathbf{d}(\mathbf{r}'_{o})]$$

$$+ \frac{4\pi \mathfrak{L}''_{o}}{30} \epsilon' ([k^{2} + 2u^{2}][\mathbf{g}(\mathbf{r}''_{o}) - \frac{1}{7} n(\mathbf{r}''_{o})] - \frac{1}{7} n(\mathbf{r}''_{o}) + 2\mathbf{i})$$

$$+ \frac{4\pi \mathfrak{L}}{3} \epsilon (\mathbf{c} + \mathbf{d}(\mathbf{r}'_{o}) + \frac{\mathbf{g} - \mathbf{f}(\mathbf{r}'_{o})}{5}).$$

Die Gleichung (292) wird dann, wenn diese Werthe suburt werden, geben:

$$s^{4} - \alpha, k^{2}s^{2} + \beta, s^{2} + \gamma, -\delta, k^{2} + \lambda, k^{4} + (\alpha, \epsilon + \alpha_{m} \epsilon') s^{2}s^{3} + (\delta_{m} \epsilon + \delta_{m} \epsilon') u^{2} - (\lambda_{m} \epsilon + \lambda_{m} \epsilon') k^{2}u^{2} = wo$$

$$\alpha_{i} = \frac{4\pi \mathfrak{D}}{30!} h(r_{i}^{c}) - \frac{4\pi \mathfrak{D}}{30!} \epsilon [h(r_{o}^{c}) - \frac{1}{7} m(r_{o}^{c})] + \frac{4\pi \mathfrak{D}}{30!} \epsilon' [g(r_{o}^{m}) - \frac{1}{7} m(r_{o}^{c})] + \frac{4\pi \mathfrak{D}}{30!} \epsilon' [g(r_{o}^{m}) - \frac{1}{7} m(r_{o}^{c})] + \frac{4\pi \mathfrak{D}}{30!} \epsilon' [c + d(r_{o}^{c})] - \frac{4\pi \mathfrak{D}}{3} [c + d(r_{o}^{c})] + \frac{4\pi \mathfrak{D}}{3} \epsilon' (c + d(r_{o}^{c}) + \frac{g - l(r_{o}^{c}) + c}{5}) + \frac{4\pi \mathfrak{D}}{3} \epsilon' (c + d(r_{o}^{c}) + \frac{g - l(r_{o}^{c}) + c}{5}) + \frac{16\pi^{2} \mathfrak{D} \mathfrak{D}'}{9} [c + d(r_{o}^{c})] (c + d(r_{o}^{c}) + \frac{g - l(r_{o}^{c})}{5}) + \frac{16\pi^{2} \mathfrak{D} \mathfrak{D}'}{45} [c + d(r_{o}^{c})] (c + d(r_{o}^{c}) + \frac{g - l(r_{o}^{c})}{5}) + \frac{16\pi^{2} \mathfrak{D} \mathfrak{D}'}{45} [c + d(r_{o}^{c})] (c + d(r_{o}^{c}) + \frac{g - l(r_{o}^{c})}{5}) + \frac{16\pi^{2} \mathfrak{D} \mathfrak{D}'}{45} [c + d(r_{o}^{c})] (c + d(r_{o}^{c}) + \frac{g - l(r_{o}^{c})}{5}) + \frac{16\pi^{2} \mathfrak{D} \mathfrak{D}'}{45} [c + d(r_{o}^{c})] + \frac{16\pi^{2} \mathfrak{D} \mathfrak{D}'}{15} [c + d(r_{o}^{c})] + \frac{16\pi^{2} \mathfrak{D} \mathfrak$$

Man sieht jetzt leicht ein, dass wenn der den Größen a,,, and λ_n , gemeinschaftliche Factor $[h(r_0) - \frac{1}{2}m(r_0)]$ für jeden Werth n r's gleich Null sein sollte, so würden die Voraussetzungen (320) the stattsinden können; α_{ij} , δ_{ij} , und, wenn nicht $g(\mathbf{r}_{o}^{\prime\prime}) = 0$, ch A., werden folglich nicht Null sein können. Das Quadrat r Fortpslanzungsgeschwindigkeit des durch die Gleichung (322) ptimmten Strahls wird sich folglich mit dem Quadrate von u, er für dieselbe Farbe mit dem Quadrate der Cosinus des Winls, welchen der Strahl mit der Krystallaxe macht, ändern. eser Strahl ist folglich der ungewöhnliche Strahl, und weil, ie wir gleich sehen werden, die Gleichungen (287) nicht stattden, so werden die Schwingungen in diesem Strahle nkrecht auf der Axe stattfinden, oder im sogenannn Polarisationsplan des Strahls. Die Fortpslanzungsschwindigkeit des zweiten Strahls ist durch die Gleichungen 97) und (298) bestimmt. Die Größe μ kann als eine sehr sine Grösse derselben Ordnung wie e und e' angesehen wern. Man kann folglich setzen:

$$\mu = p\varepsilon + q\varepsilon'$$

d die Gleichungen (297) und (295) werden dann:

(324)
$$[s^{2} + \ell + u^{2} \Im (1 - \epsilon p - \epsilon' q)] \xi + (\ell, + u^{2} \Im,) \xi' = 0,$$

$$[\ell, + u^{2}, \Im (1 - \epsilon p - \epsilon' q)] \xi + (s^{2} + \ell, + u^{2} \Im,) \xi' = 0.$$

$$(325)$$

$$\frac{1}{2} + \mathcal{E} - \mathcal{S}(u^{2} + w^{2}) + \mathcal{J}(1 + \epsilon p + \epsilon' q)(v^{2} + w^{2})]\xi
+ [\mathcal{E}, -\mathcal{S}, (v^{2} + w^{2}) + \mathcal{J}, (v^{2} + w^{2})(1 + \epsilon p + \epsilon' q)]\xi' = 0,
[\mathcal{E} - \mathcal{S}(v^{2} + w^{2})](1 - \epsilon p - \epsilon' q) + \mathcal{J}(v^{2} + w^{2})\xi
+ [s^{2} + \mathcal{E}, -\mathcal{S}, (v^{2} + w^{2}) + \mathcal{J}, (v^{2} + w^{2})]\xi' = 0.$$

Substituirt man die in den Gleichungen (315) und (319) gethenen Werthe von I, I,, I, I,, E, E,, E, E,, so sindet man:

$$(326)$$

$$+ u^{2} \Im(1 - \epsilon p - \epsilon' q) = \pounds + u^{2} \epsilon (2 - p) \Im - q \epsilon' u^{2} \Im + \frac{4\pi \mathfrak{D}}{15} \epsilon k^{2} h(\mathbf{r}'_{c}) + \frac{5\pi \mathfrak{D}'}{3} \epsilon' [\mathbf{c} + \mathbf{d}(\mathbf{r}''_{c})]$$

$$+ \frac{8\pi \mathfrak{D}\varepsilon}{r_0^{\prime}} \int_{r_0^{\prime}}^{r_0^{\prime}} \mathbf{r} \hat{\mathbf{f}}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin(k\mathbf{r})}{k\mathbf{r}} - 1 \right) d\mathbf{r} - \frac{8\pi \mathfrak{D}'\varepsilon'}{r_0^{\prime\prime}} \int_{r_0^{\prime\prime}}^{r_0^{\prime\prime}} \mathbf{r} \hat{\mathbf{f}}_{,(\mathbf{r})} d\mathbf{r},$$

$$1 + \mathbf{z}^{2} \mathbf{J}_{i} = \mathbf{E}_{i} + 2\mathbf{z}^{2} \mathbf{S}_{i} - \frac{^{5}\pi \mathfrak{D}_{i}}{3} \epsilon' \mathbf{d}(\mathbf{r}_{0}^{"}) + 5\pi \mathfrak{D}' \epsilon' \int_{\mathbf{r}_{0}^{"}}^{\mathbf{r}_{0}^{"}} \mathbf{r}_{i}(\mathbf{r}) \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} d\mathbf{r}_{0}^{"}$$

$$\mathcal{L} + u^{2}, \mathcal{J}(1 - \varepsilon p - \varepsilon' q) = \mathcal{L} + u^{2}\varepsilon'(2 - p), \mathcal{J} - q\varepsilon' u^{2}, \mathcal{J}$$

$$-\frac{8\pi \mathfrak{D}}{3}\varepsilon d(\mathbf{r}'_{3}) + \frac{9\pi \mathfrak{D}\varepsilon}{3}\int_{\mathbf{r}'_{0}}^{\mathbf{r}'_{\infty}} \mathbf{r}'_{1}(\mathbf{r}) \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} d\mathbf{r},$$

$$\mathcal{L}_{,,+} + u^{2}\mathcal{J}_{,,-} = \mathcal{L}_{,+} + 2\varepsilon' u^{2}\mathcal{J}_{,-} + \frac{4\pi \mathfrak{D}'}{15}\varepsilon' k^{2}g(\mathbf{r}''_{0}) + \frac{8\pi \mathfrak{D}}{3}\varepsilon[\mathbf{c} + d(\mathbf{r}'_{0}) + \frac{8\pi \mathfrak{D}}{3}\varepsilon[\mathbf{r}'_{\infty} + \frac{8\pi \mathfrak{D}'\varepsilon'}{3}\varepsilon' \mathbf{r}'_{\infty}] + \frac{8\pi \mathfrak{D}'\varepsilon'}{3}\varepsilon' \mathbf{r}'_{\infty} + \frac{8$$

Da nun die Phänomene der doppelten Brechung bei axigen Krystallen beweisen, dass der eine der beiden Stra eine von der Richtung des Strahls unabhängige Geschwindig hat, und dieser Strahl, wie wir eben gesehen haben, nicht vorher durch die Gleichung (322) bestimmte sein kann, so z es nothwendig der durch die Gleichungen (324) bestimmte und die Grössen (326) müssen folglich von u unabhängig und wird folglich die Bedingungen annehmen müssen:

$$q = 0, \quad p = 2 + \frac{h(r_o') - \frac{1}{7}m(r_o')}{h(r_o') + \frac{15}{k^2} \int_{r_o'}^{r_{\infty}} r^2 f(r) d_r \left(\frac{\sin kr}{kr}\right) dr}$$

$$(327) \quad \int_{r_o}^{r_{\infty}} r^2 f_{\nu}(r) d_r \left(\frac{\sin kr}{kr}\right) dr = 0.$$

$$\int_{r_o'}^{r_{\infty}'} r^2 f_{\nu}(r) d_r \left(\frac{\sin kr}{kr}\right) dr = \div \frac{k^2}{30} [3g(r_o'') - \frac{1}{7}n(r_o'')].$$

Substituirt man diese Werthe, so sindet man:

$$\mathcal{L} - S(v^{2} + w^{2}) + \Im(1 + \epsilon p + \epsilon' q)(v^{2} + w^{2})$$

$$= \pounds + \epsilon S(k^{2} - u^{2})(p - \xi, -S, (v^{2} + w^{2}) + \Im, (v^{2} + w^{2})](1 + \epsilon p + \epsilon' q) = \pounds, +\epsilon p!$$
[上、 - S(v^{2} + w^{2})](1 - \epsilon p - \epsilon' q) + \Implies(v^{2} + w^{2}) = \Lambda - \epsilon p.
$$\pounds_{"} - S_{"}(v^{2} + w^{2}) + \Im_{"}(v^{2} + w^{2})$$

$$= \pounds_{"} + \epsilon' \cdot \frac{4\pi \mathfrak{T}'}{15} [g(\mathbf{r}_{o}^{"}) - \frac{1}{7}\mathbf{n}(\mathbf{r}_{o}^{"})](k^{2} - k^{2})$$

Damit jetzt die Gleichungen (299) stattfinden können, das heis damit die Gleichungen (324) und (325) identisch seien, mus zu nothwendig annehmen:

$$-\frac{1}{2}\left[\frac{1}{r}\right] - 3\int_{\Gamma_{0}^{\prime}}^{\Gamma_{0}^{\prime}} r f_{\prime}(r) dr = 0,$$

$$-\frac{1}{4\pi} \left[-\frac{1}{4\pi} \right] - 3 \int_{r_0}^{r_0} r_0^{r_0}(r) dr = 0,$$

$$\frac{r_0^{\prime \prime}}{r_0^{\prime \prime}} (3-p) + \int_{r_0^{\prime \prime}}^{r_0^{\prime \prime}} r_0^{\prime \prime}(r) \left(\frac{\sin kr}{kr} - 1 \right) dr + \frac{2-p}{2} \int_{r_0^{\prime \prime}}^{r_0^{\prime \prime}} r^2 f(r) dr \left(\frac{\sin kr}{kr} \right) dr = 0,$$

$$(\mathbf{r})\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}}d\mathbf{r}-\frac{d(\mathbf{r}_{o}')}{3}=0,$$

$$\int_{\mathbf{r}''_{n}}^{\mathbf{r}''_{n}} \mathbf{r} \mathfrak{f}_{n}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} - 1 \right) d\mathbf{r} + \int_{\mathbf{r}''_{n}}^{\mathbf{r}''_{n}} \mathbf{r} \mathfrak{f}_{n}(\mathbf{r}) d_{\mathbf{r}} \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \right) d\mathbf{r} = 0.$$

Um die zweite dieser Bedingungsgleichungen zu entwickeln, man:

r)
$$\left(\frac{\sin kr}{kr} - 1\right)$$
dr = $A_1(r_0)k^2 + A_2(r_0)k^4 + A_3(r_0)k^6 + ...$

rird, weil
$$rd_r\left(\frac{\sin kr}{kr}\right) = kd_k\left(\frac{\sin kr}{kr}\right)$$
:

$$\begin{split} \mathbf{f}(\mathbf{r})\mathbf{d}_{\mathbf{r}}\left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}}\right)\mathbf{d}\mathbf{r} &= k\mathbf{d}_{\mathbf{k}}\int_{\mathbf{r}_{0}}^{\mathbf{r}_{\infty}}\mathbf{r}\mathbf{f}(\mathbf{r})\left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} - 1\right)\mathbf{d}\mathbf{r} \\ &= 2A_{1}(\mathbf{r}_{0})k^{2} + 4A_{2}(\mathbf{r}_{0})k^{4} + 6A_{3}(\mathbf{r}_{0})k^{6} + \dots \end{split}$$

sweite der Gleichungen (329) wird folglich:

$$(3 - p)\left(A_{1}(r'_{o}) + \frac{h(r'_{o})}{30}\right) + (5 - 2p)A_{2}(r'_{o})k^{2} + (7 - 3p)A_{4}(r'_{o})k^{4} + \dots = 0,$$

hervorgeht:

$$(3 - p)\left(A_1(r_o') + \frac{h(r_o')}{30}\right) = o,$$

$$(5-2p)A_2(r_0) = 0$$
, $(7-3p)A_2(r_0) = 0$,

der letzten dieser Gleichungen geht hervor, dass:

$$\int_{r}^{r_{\infty}} \mathbf{r}^{2} \, \mathbf{j}(\mathbf{r}) \mathbf{d}_{\mathbf{r}} \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \right) \mathbf{d}\mathbf{r} = 2A_{1}(\mathbf{r}_{0})k^{2}.$$

erste Gleichung giebt ferner entweder:

$$A_{1}(\mathbf{r}_{o}') = \frac{1}{2k^{2}} \int_{\mathbf{r}'}^{\mathbf{r}_{x}'} \mathbf{r}^{2} f(\mathbf{r}) d_{\mathbf{r}} \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \right) d\mathbf{r} = -\frac{h(\mathbf{r}_{o}')}{30},$$

folglich wegen der Gleichungen (327) und weil, wie vorhenzeigt, nicht $h(r'_c) = \frac{1}{7}m(r'_c)$ gleich Null sein kann: $p = \infty$, unmöglich ist, oder:

Nun ist aber:

(327)
$$p = 2 + \frac{h(r'_{o}) - \frac{1}{7}m(r'_{o})}{h(r'_{o}) + \frac{15}{k^{2}} \int_{r'_{o}}^{r'_{o}} r^{2} f(r) d_{r} \left(\frac{\sin kr}{kr}\right) dr,}$$

woraus folgt, dass:

(331)
$$\int_{\mathbf{r}_o}^{\mathbf{r}_\infty} \mathbf{r}^2 f(\mathbf{r}) d_{\mathbf{r}} \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \right) = -\frac{k^2}{105} \mathbf{m}(\mathbf{r}_o),$$

und folglich:

(331')
$$\int_{r_0}^{r_0} r f(r) \left(\frac{\sin kr}{kr} - 1 \right) dr = -\frac{k^2}{210} m(r_0).$$

Die letzte der Gleichungen (329) mit der letzten der Gleichun (327) verglichen, giebt ferner auf dieselbe Weise:

$$\int_{r_{o}}^{r_{o}} r f_{,,,}(\mathbf{r}) d_{\mathbf{r}} \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \right) d\mathbf{r} = -\frac{k^{2}g(\mathbf{r}_{o})}{15} = -\frac{k^{2}}{105} \mathbf{n}(\mathbf{r}_{o}),$$

$$(332) \qquad g(\mathbf{r}_{o}) - \frac{1}{7}\mathbf{n}(\mathbf{r}_{o}) = 0,$$

$$\int_{r_{o}}^{r_{o}} \mathbf{r} f_{,,,}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} - 1 \right) d\mathbf{r} = -\frac{k^{2}g(\mathbf{r}_{o})}{30} = -\frac{k^{2}}{210} \mathbf{n}(\mathbf{r}_{o}).$$

Die übrigen der Gleichungen (329) geben:

(332')
$$\int_{r_0}^{r_{s}} rf_{s}(r) dr = \frac{1}{3} [c + d(r_0)], \quad \int_{r_0}^{r_{so}} rf_{s}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr = \frac{1}{3} d(r_0)$$

Wegen der Gleichungen (332) werden:

$$\alpha_{.,.}=\delta_{.,.}=\lambda_{.,.}=0.$$

und die Gleichung (322) der Fortpflanzungsgeschwindigkeit ausserordentlichen Strahls wird folglich:

 $s^4 - u, k^2 s^2 + \beta, s^2 + \gamma, -\delta, k^2 + \lambda, k^4 + \alpha, \epsilon s^2 u^2 + \delta, \epsilon u^2 - \lambda, \epsilon k^2 u^2$ woraus:

$$(333')$$

$$= \alpha - \epsilon \alpha_{1}, \cos^{2}\alpha + \frac{[\delta, -\alpha, \beta, -\epsilon(\delta_{1}, -\alpha, \beta_{1})\cos^{2}\alpha]s^{2} - \gamma_{1}[\alpha, -\epsilon\alpha_{1}, \cos^{2}\alpha]}{s^{4} + \beta_{1}s^{2} + \gamma_{1}}$$

$$= \frac{(\lambda, -\epsilon\lambda_{1}, \cos^{2}\alpha)s^{2}}{(\alpha, -\epsilon\alpha_{1}, \cos^{2}\alpha)s^{2} + (\delta_{1} - \epsilon\delta_{1}, \cos^{2}\alpha)^{2}}$$

D α den Winkel bezeichnet, welchen der Strahl mit der Axe bildet.

Die Gleichungen (324) und (325) geben die Fortpflanzungsschwindigkeit des ordentlichen Strahls durch die Gleichung:

$$(334)$$

$$-(\alpha, -\alpha, \varepsilon)s^{2}k^{2} + \beta, s^{2} + \gamma, -(\delta, -\varepsilon\delta,)k^{2} + (\lambda, -\varepsilon\lambda,)k^{4} = 0$$
stimmt, woraus:
$$(334')$$

$$\mathbf{Q}_{o}^{2} = \alpha - \varepsilon\alpha, + \frac{[\delta, -\alpha, \beta, -\varepsilon(\delta, -\alpha, \beta,)]s^{2} - \gamma, (\alpha, -\varepsilon\alpha,)}{s^{1} + \beta, s^{2} + \gamma,}$$

$$-\frac{(\lambda, -\varepsilon\lambda,)s^{2}}{(\alpha, -\varepsilon\alpha,)s^{2} + \delta, -\varepsilon\delta, }$$

Untersuchen wir jetzt, ob die Gleichungen (257) stattsinden er nicht. Die erste dieser Gleichungen wird:

$$2 + u^2(1 - 4\epsilon) + 2 + u^2(1 - 4\epsilon') = £ + £$$
, er:

$$\mathcal{L} + \frac{4\pi\mathfrak{D}}{15} \epsilon h(\mathbf{r}_{o}') k^{2} + 8\pi\mathfrak{D} \epsilon \int_{\mathbf{r}_{o}'}^{\mathbf{r}_{x}'} \mathbf{r}_{i}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} - 1 \right) d\mathbf{r}
+ \frac{8\pi\mathfrak{D}'}{3} \epsilon' \left[\mathbf{c} + \mathbf{d}(\mathbf{r}_{o}'') \right] - 8\pi\mathfrak{D}' \epsilon' \int_{\mathbf{r}_{o}''}^{\mathbf{r}_{x}''} \mathbf{r}_{i,(\mathbf{r})} d\mathbf{r}
+ \mathcal{L}_{...} + 8\pi\mathfrak{D}' \epsilon' \int_{\mathbf{r}_{o}''}^{\mathbf{r}_{x}''} \mathbf{r}_{i,(\mathbf{r})} \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} - 1 \right) d\mathbf{r}
+ \frac{8\pi\mathfrak{D}}{3} \epsilon \left[\mathbf{c} + \mathbf{d}(\mathbf{r}_{o}') \right] - 8\pi\mathfrak{D} \epsilon \int_{\mathbf{r}_{o}'}^{\mathbf{r}_{x}'} \mathbf{r}_{i,(\mathbf{r})} d\mathbf{r} = \mathcal{L} + \mathcal{L}_{...},$$

vraus hervorgeht:

(335)
$$h(r_o') - \frac{1}{7} m(r_o') = 0,$$

which Gleichung, wie vorher bewiesen, unmöglich ist. Die veite der Gleichungen (287) würde dieselbe Bedingungsgleichung $-\pm m(r_0) = 0$ geben. Die Supposition der Gleichungen (287) erst von Cauchy*) aufgestellt worden, um die Bedingungs-

DEine im August 1836 lithographirte Abhaudlung, welche 1841 Xaver Moth in Linz herausgegeben worden ist, auch früher in Briefe an Libri, Pogg. Ann. 39.

gleichungen (259) nicht annehmen zu brauchen, und folg Fresnel'schen Satz, dass die Schwingungen im ungewö Strahl (284) oder (322) im Hauptschnitte stattsinden, 1 ten. Diese Annahme der Gleichungen (287) ist aber ni wie ich eben gezeigt habe, unmöglich, sondern sie wür einmal ihren Zweck, den Beweis des Fresnel'schen Sa reichen. Nimmt man nämlich an, dass die Gleichung (23 finde, so würden in den Gleichungen (323) $\alpha'' = 0$, folglich der Strahl (322) der gewöhnliche Strahl werde würde also erhalten, dass die Schwingungen beim ger chen Strahle im Hauptschnitte stattfinden, nicht ab bezweckt war, beim ungewöhnlichen. Man muss nothwendiger Weise annehmen, dass die Vibra eines polarisirten Strahls im Polarisationsplan finden. Diese Meinung ist auch von Cauchy in sein heren Werken angenommen worden, und überhaupt i meisten Mathematico-Physikern, während die meisten 1 die Fresnel'sche Definition angenommen haben. Die di Erfahrung bestätigten Formeln der Intensität des reslectir gebrochenen Strahls, welche Fresnel erst aus seiner Di des Polarisationsplans entwickelte, können in dieser Sach entscheiden, weil sie ebenso gut aus der anderen De deren Richtigkeit ich hier in aller Strenge bewiesen zu glaube, hergeleitet werden können, wie Neumann es is Abhandlung: "Ueber den Einfluss der Krystallflächen Reflexion des Lichts, und über die Intensität des gewöh und ungewöhnlichen Strahls", gezeigt hat.

Die Schwingungen im gewöhnlichen Strahl (333) find lich im Hauptschnitte statt, und bilden mit dem Welk einen kleinen Winkel φ , der durch die Gleichung (300) weil $\mu=3\varepsilon$, durch die Gleichung:

(336)
$$\sin \varphi = \frac{3\varepsilon}{2} \sin 2\alpha$$

bestimmt wird. wo a den Winkel bezeichnet, welchen der mit der Krystallaxe macht. Construirt man folglich in den den Strahl gehenden Hauptschnitt eine Ellipse, deren Cim Strahl ist, deren eine Axe der Krystallaxe parallel i die andere folglich senkrecht auf dieselbe, und bestimmt de geu dieser Axen so, dass das Verhältniss der Quadrate de

stich ist dem Verhältniss der Kuben des lineären Abstands der lethermolekülen in den Richtungen der Axen, so werden die lehwingungen im Strahl der Tangente des Punkts, wo der Strahl is Ellipse schneidet, parallel sein.

Die Bedingungsgleichungen, welche für die Molekülarkräfte (r), f,(r), f,(r) gefunden sind, werde ich jetzt hier zusammentellen:

$$r_{\infty}^{4} d_{r_{\infty}} \left(\frac{f(r_{\infty})}{r_{\infty}} \right) = \text{einer endlichen Grösse e}$$

$$oder = 0.$$

$$|f(r_o)| = -h(r_o), r_o^{\bullet} d_{r_o} \left(\frac{f(r_o)}{r_o}\right) = \text{einer endlichen Grösse m}(r_o)$$

$$\mathbf{rf(r)}\left(\frac{\sin kr}{kr}-1\right)\mathrm{dr}=-\tfrac{1}{2}\frac{1}{10}k^2r_0^6\,\mathrm{d}_{r_0}\left(\frac{f(r_0)}{r_0}\right).$$

(338)

$$f(\mathbf{r}_{x}) = c$$
, von Null verschieden, $\mathbf{r}_{x}^{4} \mathbf{d}_{\mathbf{r}_{x}} \left(\frac{f_{r}(\mathbf{r}_{x})}{f_{\infty}} \right) = \text{einer}$ endlichen Grösse q oder = 0,

'i(r_o) = -d(r_o), von Null verschieden,
$$r_o^* d_{r_o} \left(\frac{f_r(r_o)}{r_o}\right) = \text{einer}$$
 endlichen Grösse $l(r_o)$ oder = 0,

$$\mathbf{rf}_{o}(\mathbf{r})\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}}d\mathbf{r} = -\frac{1}{3}\mathbf{r}_{o}^{2}f_{i}(\mathbf{r}_{o}), \int_{\mathbf{r}_{o}}^{\mathbf{r}_{go}}\mathbf{r}f_{i}(\mathbf{r})d\mathbf{r} = \frac{1}{3}\mathbf{r}_{x}^{2}f_{i}(\mathbf{r}_{x}) - \frac{1}{3}\mathbf{r}_{o}^{2}f_{i}(\mathbf{r}_{c}).$$

(339)

 $(\mathbf{r}_{\mathbf{s}}) = 0$, $\mathbf{r}_{\mathbf{s}}^{i} \mathbf{d}_{\mathbf{r}_{\mathbf{s}}} \left(\frac{\hat{\mathbf{r}}_{\mathbf{r}_{\mathbf{s}}}(\mathbf{r}_{\mathbf{s}})}{\mathbf{r}_{\mathbf{s}}} \right) = \text{einer endlichen Größe i oder} = 0$,

$$\mathbf{d}_{\mathbf{r}_{o}}\left(\frac{f_{o}(\mathbf{r}_{o})}{f_{o}}\right) = \mathbf{o}, \quad \int_{r_{o}}^{r_{\infty}} \mathbf{r} f_{o}(\mathbf{r}) \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} - 1\right) d\mathbf{r} = -\frac{1}{2} \frac{1}{10} k^{2} \mathbf{r}_{o}^{6} d_{\mathbf{r}_{o}} \left(\frac{f_{o}(\mathbf{r}_{o})}{f_{o}}\right),$$

 $f_{\bullet}(r_{\circ}) = -g(r_{\circ}) = \text{einer sehr kleinen Grösse oder gleich Null.}$ $\frac{f_{\bullet}(r_{\circ})}{r_{\circ}} = n(r_{\circ}) = \text{einer sehr kleinen Grösse oder gleich Null.}$

§. 6. Bestimmung des Verhältnisses $\frac{\epsilon}{\epsilon'}$.

Subtrahirt man die Gleichungen (333') und (334') von einder, so erhält man:

V11.

$$\Omega_{\bullet}^{2} - \Omega_{\circ}^{2} = \varepsilon \left(\alpha_{ii} + \frac{(\delta_{ii} - \alpha_{ii}\beta_{i})s^{2} - \alpha_{ii}\gamma_{i}}{s^{1} + \beta_{i}s^{2} + \gamma_{i}} - \frac{\lambda_{ii}(\alpha_{i}s^{2} + \delta_{i}) - \lambda_{i}(\alpha_{ii}s^{2} + \delta_{ii})}{(\alpha_{i}s^{2} + \delta_{i})^{2}} \right) \sin^{2}\alpha_{i}$$

Senkrecht auf der Axe ist $\alpha = 90^{\circ}$, folglich:

$$\Omega_{e}^{2} - \Omega_{o}^{2} = \varepsilon \left\{ \alpha_{ii} + \frac{(\delta_{ii} - \alpha_{ii}\beta_{i})s^{2} - \alpha_{ii}\gamma_{i}}{s^{4} + \beta_{i}s^{2} + \gamma_{i}} - \frac{\lambda_{ii}(\alpha_{i}s^{2} + \delta_{i}) - \lambda_{i}(\alpha_{ii}s^{2} + \delta_{ii})}{(\alpha_{i}s^{2} + \delta_{i})^{2}} \right\} = \varepsilon C_{1}.$$

und hieraus ferner:

$$\begin{split} &\Omega_{\rm e}^2 = \Omega_{\rm o}^2 + \epsilon C, \\ &\Omega_{\rm e} = \Omega_{\rm o} + \frac{\epsilon C}{2\Omega_{\rm o}}, \ \frac{1}{\Omega_{\rm o}} - \frac{1}{\Omega_{\rm e}} = \frac{\epsilon C}{2\Omega_{\rm o}^2}, \end{split}$$

wenn man die höheren Potenzen von & vernachlässigt.

Die Grösse $\frac{\epsilon C}{2Q_s^2}$ kann durch Beobachtungen als eine Funktion von der Compression des Körpers bestimmt werden, und wird dann dem Compressionscoëssicienten e' proportional gesunden. Der Zahlenwerth dieses Verhältnisses ist von Neumann') für Spiegelglas solgender Weise bestimmt worden.

Nimmt man an, der Körper wäre ein rechtwinkliges Parallelepipedon, dessen Dimensionen wir durch H, B, D bezeichen werden, und wird dieser Körper in der Richtung von H um der Grösse e'H zusammengedrückt, so werden die Dimensionen der Körpers nach dem Drucke (1-e')H, $(1+\frac{1}{4}e')B$, $(1+\frac{1}{4}e')B$. Lässt man senkrecht durch dieses Parallelepipedon in der Richtung von D einen homogenen Lichtstrahl von der Undulationsdame T hindurchgehen, dessen Polarisationsebene mit H den Winkel + 45° bildet und analysirt man denselben nach seinem Durchgange mittelst eines Turmalins, dessen Polarisationsebene mit H den Winkel - 45° bildet, so ist die Intensität des durch der Turmalin durchgehenden Lichtes proportional mit:

$$\sin^2 \left\langle \frac{D(1+\frac{1}{4}e')}{T} \left(\frac{1}{\Omega_e} - \frac{1}{\Omega_a} \right) \pi'_1 \right\rangle$$

In der That, bezeichnen wir durch α die halbe Amplitude der Schwingungen im ursprünglichen Polarisationsplane des Straht, so wird die Verrückung in diesem Plane:

^{*)} Neumann, die Gesetze der Doppelbrechung des Lichts in comprimirten oder ungleichförmig erwärmten unkrystallinischen Körpern pag. 40 – 50.

[(175)]
$$\vartheta = \alpha \cos \left| 2\pi \left(\frac{\varphi}{1} - \frac{t}{T} \right) \right|.$$

erlegen wir diese nach der Richtung der x- und yAxe, welche wir sen Dimensionen H und B parallel annehmen, so werden:

$$\xi = \frac{\alpha}{\sqrt{2}} \cos \left| 2\pi \left(\frac{\varphi}{1} - \frac{t}{T} \right) \right|, \quad v = \frac{\alpha}{\sqrt{2}} \cos \left| 2\pi \left(\frac{\varphi}{1} - \frac{t}{T} \right) \right|.$$

ise erste dieser Schwingungen pflanzt sich mit der Geschwingkeit Ω_c fort, und dieser Strahl durchläuft folglich den Körper, ssen Dimension in der Richtung des Strahls $D(1+\frac{1}{4}e')$ ist, in \mathbf{r} Zeit $\frac{D(1+\frac{1}{4}e')}{\Omega_c}$. Die sweite Vibration pflanzt sich mit der sschwindigkeit Ω_e fort, und dieser Strahl durchläuft folglich den breer in der Zeit $\frac{D(1+\frac{1}{4}e')}{\Omega_e}$. Der letzte Strahl wird folglich die Zeit $D(1+\frac{1}{4}e')\left(\frac{1}{\Omega_o}-\frac{1}{\Omega_e}\right)$ früher aus dem Körper herstreten, als der erste Strahl, und wird während dieses Zeitmus das Stück $\delta = D(1+\frac{1}{4}e')\left(\frac{1}{\Omega_o}-\frac{1}{\Omega_e}\right)O$ durchlaufen, wo die Geschwindigkeit des Lichts in der Luft ist. Nach dem straum $\frac{D(1+\frac{1}{4}e')}{\Omega_o}$ werden folglich die Verrückungen in beiden rahlen:

$$\xi = \frac{\alpha}{\sqrt{2}} \cos \left\{ 2\pi \left(\frac{\varphi - D(1 + \frac{1}{4}e')}{1} - \frac{t}{T} \right) \right\},$$

$$v = \frac{\alpha}{\sqrt{2}} \cos \left\{ 2\pi \left(\frac{\varphi - D(1 + \frac{1}{4}e') - \delta}{1} - \frac{t}{T} \right) \right\}.$$

lenn diese beiden Verrückungen nach dem zweiten analysirenm Polarisationsplane zerlegt werden, so findet man die Verickungen in diesem Plane:

$$' = \frac{\alpha}{\sqrt{2}} \left[\cos \left| 2\pi \left(\frac{\varphi - D(1 + \frac{1}{4}e')}{1} - \frac{1}{T} \right) \right| - \cos \left| 2\pi \left(\frac{\varphi - D(1 + \frac{1}{4}e') - \delta}{1} - \frac{1}{T} \right) \right| \right]$$

$$= \alpha \sin \left| \frac{\pi D \left(\frac{1}{\Omega_o} - \frac{1}{\Omega_e} \right) (1 + \frac{1}{4}e')}{T} \cos \left| 2\pi \left(\frac{\varphi - D(1 + \frac{1}{4}e') - p}{1} - \frac{1}{T} \right) \right| \right|,$$
'0:

$$\cos\left\langle\frac{\pi D\left(\frac{1}{\Omega_{o}}-\frac{1}{\Omega_{e}}\right)(1+|e')}{T}\right\rangle = \sin\left\langle\frac{2\pi p}{l}\right\rangle.$$

Die halbe Amplitude der Schwingungen nach dem Durck durch den analysirenden Turmalin wird folglich:

$$\alpha \cdot \sin \left\langle \frac{\pi D(1 + \frac{1}{4}e') \left(\frac{1}{\Omega_o} - \frac{1}{\Omega_e}\right)}{T} \right\rangle.$$

Die Intensität des Lichts ist dem Quadrate der Amplitus Schwingungen proportional; setzt man daher die Intensit einfallenden Lichtes gleich 1, so wird die Intensität des gegangenen Lichtes:

$$\sin^2 \left\langle \frac{\pi D(1+\frac{1}{4}e')\left(\frac{1}{\Omega_o}-\frac{1}{\Omega_o}\right)}{T'}\right\rangle.$$

Wenn das durch das Parallelepipedon gehende Licht nicht l gen, sondern weisses Licht ist, so wird die Intensität und des durch den Turmalin gegangenen Lichtes proportional sei

$$\sum \sin^2 \left\langle \frac{\pi D(1+1e')\left(\frac{1}{\Omega_o}-\frac{1}{\Omega_e}\right)}{T}\right\rangle,$$

worin das Σ sich auf alle T besieht, die den im weissen enthaltenen homogenen Strahlen angehören, und worin da chen Σ die Operation bedeutet, durch welche man nac Newton'schen Regel die Farbe erhält, welche aus mel einfachen Farben resultirt.

Die Farbe, welche eine dünne Lustlamelle der Dicke 🕢 wöhnlichen weissen Licht senkrecht reslectirt, ist proportion

$$\Sigma \sin^2\left(\frac{2\pi\Theta}{TO}\right)$$
.

Wenn also die dünne Luftlamelle Licht von derselben i welche das durch das comprimirte Glasparallelepipedon { gene Licht besitzt, senkrecht reslectirt, so wird:

$$\frac{2\Theta}{O} = D(1 + \frac{1}{4}e') \left(\frac{1}{\Omega_e} - \frac{1}{\Omega_e}\right).$$

Nun ist aber:

$$\frac{1}{\Omega_{\rm o}} - \frac{1}{\Omega_{\rm e}} = \frac{\epsilon C}{2\Omega_{\rm o}^3}.$$

folglich, wenn man das Produkt &e' vernachlässigt:

(339")
$$\frac{2\Theta}{O} = \frac{\epsilon DC}{2\Omega_o^3}, \quad \epsilon C = \frac{4\Theta\Omega^3}{OD}.$$

Um die directe Messung einer so kleinen Grösse, als e' ist, cht ausführen zu brauchen, hat Neumann folgendes Mittel gewandt. Ein gerader Glasstreifen, dessen Querschnitt ein Rechtk ist, wurde an seinen beiden Enden auf feste Unterlagen gest und der mittlere Querschnitt dieses Streisens von beiden Un-·lagen gleichweit entsernt um eine Grösse f, die direct gemesa wurde, heruntergedrückt. Denkt man sich die Unterlagen, i die Vorstellung zu fixiren, in einer horizontalen Ebene geen, so wird der untere Theil des Glasstreisens ausgedehnt, der ere Theil comprimirt werden. Die Theile, welche die Grenzen ser beiden Hälften bilden, werden ihre ursprüngliche Entfernung n einander nicht ändern; sie werden eine cylindrische Fläche den, deren Gleichung, wenn der Anfangspunkt der Coordinaten der Mitte des mittleren Querschnittes des Glasstreisens genomwird, die xAxe horizontal, und den verticalen Seitenslächen s Glasstreifens parallel die yAxe vertical angenommen wird:

$$y = \frac{3}{2} \int_{a}^{b} \left(\frac{x}{a} \right)^{2} - \frac{1}{3} \left(\frac{x}{a} \right)^{3} \right|,$$

o a den halben Abstand der Unterlagen bezeichnet. In einem mkt des Glasstreisens, dessen Abscisse x und dessen Ordinate ist, wird solglich die Ausdehnung in der Richtung der Länge Streisens:

$$e'=-\frac{y'}{R},$$

R den Krümmungsradius des Punktes in der cylindrischen Eche, dessen Abscisse x ist, bezeichnet. Man hat jetzt:

$$R = \frac{1}{10^{2}} \frac{1}{4a^{2}} + 9f^{2} \left[2\frac{x}{a} - \left(\frac{x}{a} \right)^{2} \right]^{\frac{1}{2}} \frac{1}{2}}{24f(a-x)},$$

iddich wenn man die höheren Potenzen von $\frac{x}{a}$ vernachlässigt:

$$e' = -\frac{3fy'}{a^2}\left(1 - \frac{x}{a}\right).$$

Venn x = 0, erhält man im mittleren Querschnitte:

$$e'=-\frac{3fy'}{a^2},$$

folglich:

$$\frac{\epsilon C}{e'} = -\frac{4\Omega^3}{30D} \cdot \frac{\Theta a^2}{f y'}$$

dem von Neumann angewandten Glasstreifen war:

$$\Omega = 0.654 O, D = 8^{\prime\prime\prime},53,$$

nach 12 besonderen Beobachtungen:

	يخد المساخف				
Nummer der Beobachtung.	a	f	0	_ y'	Woraus gefunden wird $\frac{\epsilon C}{\epsilon O^2}$
1.	33	0,157	0,000126	0,419	0,0912
2.	33	0,157	0,000183	0,656	0,0842
3.	33	0,136	0,000126	0,463	0,0953
4.	28,12	0,136	0,000183	0,757	0,0846
5.	28,12	0,0675	0,000158	0,9795	0,0826
6.	28,12	0,0557	0,000183	0,9795	0,0754
7.	28,12	0,1146	0,000263	0,9795	0,0810
8.	28,12	0,1403	0,000305	0,9795	0,0767
9.	28,12	0,0516	0,000158	1,027	0,1031
10.	28,12	0,0623	0,000183	1,027	0,0989
11.	28,12	0,0873	0,000263	1,027	0,1014
12.	28,12	0,1069	0,000305	1,027	0,0961

wo alle Maassangaben in Pariser Linien angegeben sind. Ab Mittel dieser 12 Beobachtungen erhält man:

$$\frac{\epsilon C}{e'} = 0.0892 \cdot O^2,$$

wo O die Geschwindigkeit des Lichts in der Lust bezeichnet.

Cap. III.

Gesetze der Fortpflanzung des Lichts bei natürlich einaxig krystal-

§. 1. Gleichungen der unendlich kleinen Bewegungen zweier Systeme von Molekülen.

Wir haben bisher vorausgesetzt, die Molekülarkräste sch, s,(r), s,,(r) wären nur Funktionen des Abstandes r und unabhängig von der Richtung dieses Radius vector r. Dies kann ma auch bei isophanen Körpern voraussetzen und folglich auch bei Körpern, die ursprünglich isophan durch Druck oder Erwärmung die Eigenschaften eines Krystalls erhalten haben. Bei den netürlichen Krystallen kann man dagegen nicht voraussetzen, dass die Kräste f,,(r) und f,(r) blosse Funktionen von r seien, und der Allgemeinheit willen werden wir es auch nicht von der Nelekülarkrast f(r) annehmen. Bei einaxigen Krystallen muss mas dann annehmen, die Kräste f(r), s,(r), s,(r) seien Funktionen

er Radius vector r mit der Axe des Krystalls bildet. Nehwir, wie vorher, die xAxe als der Krystallaxe parallel ankönnen diese drei Funktionen unter den folgenden Formen tzt werden:

$$f(\mathbf{r},\mathbf{x}) = \sum \mathbf{x}^{\mathbf{n}} \boldsymbol{\Phi}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}), \ f(\mathbf{r}) = f(\mathbf{r},\mathbf{x}) = \sum \frac{\mathbf{x}^{\mathbf{n}}}{\mathbf{r}} \boldsymbol{\Phi}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}) = \sum \mathbf{x}^{\mathbf{n}} \boldsymbol{\varphi}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}),$$

=
$$f_r(r,x) = \Sigma x^n \Phi'_n(r)$$
, $f_r(r) = f_r(r,x) = \Sigma \frac{x^n}{r} \Phi'_n(r) = \Sigma x^n \varphi'_n(r)$,

$$f_{n}(\mathbf{r},\mathbf{x}) = \sum_{n} \mathbf{p}_{n}^{n}(\mathbf{r}), \ f_{n}(\mathbf{r}) = f_{n}(\mathbf{r},\mathbf{x}) = \sum_{n} \mathbf{p}_{n}^{n}(\mathbf{r}) = \sum_{n} \mathbf{p}_{n}^{n}(\mathbf{r}).$$

t der Gleichungen [(17)] wird man dann die folgenden erhalten:

$$+ \varrho_{1}x + \varDelta\xi) = \Sigma x^{n} \varphi_{n}(r) + \varrho_{2} \Sigma x^{n} d_{r} \varphi_{n}(r) + \varDelta\xi \Sigma n x^{n-1} \varphi_{n}(r),$$

$$+ \varrho_{1}x + \xi' - \xi + \varDelta\xi') = \Sigma x^{n} \varphi_{n}'(r) + \varrho_{2} \Sigma x^{n} d_{r} \varphi_{n}'(r) + (\xi' - \xi + \varDelta\xi) \Sigma n x^{n-1} \varphi_{n}'(r), \text{ etc.}$$

$$+ \varDelta\xi) \Sigma n x^{n-1} \varphi_{n}'(r), \text{ etc.}$$

stituirt man diese Werthe in den Gleichungen [(5)], so er man statt der Gleichungen [(15)] die folgenden:

$$= S[m\Sigma[x^{n}g_{n}(r)]J_{5}^{s}] + S[m\Sigma[x^{n}d_{r}g_{n}(r)]x\varrho]$$

$$+ S[m\Sigma[nx^{n-1}g_{n}(r)]xJ_{5}^{s}] + S[m\Sigma[x^{n}g_{n}'(r)](\xi'-\xi+J\xi')]$$

$$+ S[m\Sigma[x^{n}d_{r}g_{n}'(r)]x\varrho_{r}] + S[m'\Sigma[nx^{n-1}g_{n}'(r)]x(\xi'-\xi+J\xi')]$$

$$+ S[m'\Sigma[x^{n}g_{n}(r)]J_{2}^{s}] + S[m'\Sigma[nx^{n-1}g_{n}'(r)]y\varrho]$$

$$+ S[m\Sigma[nx^{n-1}g_{n}(r)]yJ_{5}^{s}] + S[m'\Sigma[x^{n}g_{n}'(r)](v'-v+Jv')]$$

$$+ S[m'\Sigma[x^{n}d_{r}g_{n}'(r)]y\varrho_{r}] + S[m'\Sigma[nx^{n-1}g_{n}'(r)]y(\xi'-\xi+J\xi')] ,$$

$$= S[m\Sigma[x^{n}g_{n}(r)]J_{5}^{s}] + S[m'\Sigma[x^{n}g_{n}'(r)]x(\xi'-\xi+J\xi')] ,$$

$$+ S[m'\Sigma[nx^{n-1}g_{n}(r)]xJ_{5}^{s}] + S[m'\Sigma[x^{n}g_{n}'(r)]x(\xi'-\xi+J\xi')] ,$$

$$+ S[m'\Sigma[x^{n}d_{r}g_{n}'(r)]x\varrho_{r}] + S[m'\Sigma[nx^{n-1}g_{n}'(r)]x(\xi'-\xi+J\xi')] ,$$

$$+ S[m\Sigma[x^{n}g_{n}'(r)]x(\xi-\xi'+J\xi)] + S[m'\Sigma[x^{n}g_{n}'(r)]x_{r}\varrho] ,$$

$$+ S[m\Sigma[x^{n}g_{n}'(r)]x\varrho_{rr}] + S[m'\Sigma[nx^{n-1}g_{n}'(r)]xJ_{5}^{s'}] ,$$

$$' = S[m\Sigma[x^{n}g_{n}'(r)]x\varrho_{rr}] + S[m'\Sigma[nx^{n-1}g_{n}'(r)]xJ_{5}^{s'}] ,$$

$$' = S[m\Sigma[x^{n}g_{n}'(r)]y(\xi-\xi'+J\xi)] + S[m'\Sigma[x^{n}g_{n}'(r)]y_{r}\varrho] ,$$

$$+ S[m\Sigma[nx^{n-1}g_{n}'(r)]y(\xi-\xi'+J\xi)] + S[m'\Sigma[x^{n}g_{n}'(r)]y_{r}\varrho] ,$$

$$+ S[m'\Sigma[nx^{n-1}g_{n}'(r)]y\varrho_{rr}] + S[m'\Sigma[nx^{n-1}g_{n}'(r)]y_{r}\varrho] ,$$

$$+ S[m'\Sigma[nx^{n-1}g_{n}'(r)]y\varrho_{rr}] + S[m'\Sigma[nx^{n-1}g_{n}'(r)]y_{r}\varrho] ,$$

$$\begin{aligned} \mathbf{d}_{i}^{2}\zeta' &= \mathbf{S}\left[\mathbf{m}\boldsymbol{\Sigma}\left[\mathbf{x}^{n}\boldsymbol{\varphi}_{n}'(\mathbf{r})\right](\boldsymbol{\zeta} - \boldsymbol{\zeta}' + \boldsymbol{\Delta}\boldsymbol{\zeta})\right] + \mathbf{S}\left[\mathbf{m}\boldsymbol{\Sigma}\left[\mathbf{x}^{n}\boldsymbol{d}_{i}\boldsymbol{\varphi}_{n}'(\mathbf{r})\right]\mathbf{z}_{i}\boldsymbol{\varrho}\right] \\ &+ \mathbf{S}\left[\mathbf{m}\boldsymbol{\Sigma}\left[\mathbf{n}\mathbf{x}^{n-1}\boldsymbol{\varphi}_{n}'(\mathbf{r})\right](\boldsymbol{\xi} - \boldsymbol{\xi}' + \boldsymbol{\Delta}\boldsymbol{\xi})\right] + \mathbf{S}\left[\mathbf{m}'\boldsymbol{\Sigma}\left[\mathbf{x}^{n}\boldsymbol{\varphi}_{n}''(\mathbf{r})\right]\boldsymbol{\Delta}\boldsymbol{\zeta}' + \mathbf{S}\left[\mathbf{m}'\boldsymbol{\Sigma}\left[\mathbf{x}^{n}\boldsymbol{d}_{i}\boldsymbol{\varphi}_{n}''(\mathbf{r})\right]\mathbf{z}\boldsymbol{\varrho}_{i}'\right] + \mathbf{S}\left[\mathbf{m}'\boldsymbol{\Sigma}\left[\mathbf{n}\mathbf{x}^{n-1}\boldsymbol{\varphi}_{n}''(\mathbf{r})\right]\mathbf{z}\boldsymbol{\Delta}\boldsymbol{\xi}'\right]. \end{aligned}$$

Betrachtet man in den Funktionen (340) der Kürze des Audruckes willen, r und x als unabhängige Variabeln, und setzt

$$\begin{split} & 1 = d_u^2 b, & I_v = d_u^2 b, & , I_v = d_u^2 b, & I_{vv} = d_u^2 b_{vv}, \\ & r = d_u d_v b, & r_v = d_u d_v b, & , & , r = d_u d_v b, & r_{vv} = d_u d_v b_{vv}, & \end{split}$$

 $q = d_u d_w b$, $q_r = d_u d_w b_r$, $q = d_u d_v b_r$, $q_{rr} = d_u d_v b_{rr}$, und bezeichnet ferner durch l, l,, l, l,,, r, r,, r, r,, q, q, q, die charakteristischen Funktionen, welche hervorgehen, wer

man in den Grössen I, I,, ,I, I,,, r, r, etc. d, d, d, statt u, v, setzt, so werden die Gleichungen (342) statt unter den Forma

[(21)], unter den folgenden gesetzt werden können:

$$(L + 1 - d_t^2)\xi + Rv + Q\zeta + (L, + 1,)\xi' + R,v' + Q,\zeta' = 0$$

$$(R + r)\xi + (M - d_t^2)v + P\zeta + (R, + r,)\xi' + M,v' + P,\zeta' = 0$$

$$(Q + q)\xi + Pv + (N - d_t^2)\zeta + (Q + q)\xi' + P,v' + N,\zeta' = q$$

$$(L + L)\xi + Rv + Q\zeta + (L_{"} + L_{"} - d_{t}^{2})\xi' + R_{"}v' + Q_{"}\zeta' = q$$

$$(R + r)\xi + Mv + P\xi + (R_{"} + r_{"})\xi' + (M_{"} - d_{r}^{2})v' + P_{"}\xi' = 0$$

 $(Q + q)\xi + Pv + N\zeta + (Q_{1} + q_{1})\xi' + P_{1}v + (N_{1} - d_{1}^{2})\xi' = 0$ wo L, L, etc. durch die Gleichungen [(19)], und f(r), f,(r), f,(r)

durch die Gleichungen (340) bestimmt sind.

Bei einaxigen Krystallen müssen die Grössen l, r, q, l, r, q, etc. charakteristische Funktionen von d, und d, + d, ein

nd folglich h, h,, ,h, h,, Funktionen von u und k,. Setzt an jetzt:

(346)
$$i = \frac{1}{u} d_{\mathbf{a}} \left(\frac{1}{k_{*}} d_{k_{*}} \mathfrak{h} \right), \quad i_{*} = \frac{1}{u} d_{\mathbf{u}} \left(\frac{1}{k_{*}} d_{k_{*}} \mathfrak{h} \right),$$

$$i_{*} = \frac{1}{u} d_{\mathbf{u}} \left(\frac{1}{k_{*}} d_{k_{*}} \mathfrak{h} \right), \quad i_{*} = \frac{1}{u} d_{\mathbf{u}} \left(\frac{1}{k_{*}} d_{k_{*}} \mathfrak{h} \right),$$

is the bezeichnet durch i, i,, ii, i,, die entsprechenden charakteriischen Funktionen, wenn man d_x , d_y , d_z statt u, v, w setzt, wird:

$$\mathbf{r} = \mathbf{d}_{z}\mathbf{d}_{y}\mathbf{i}, \quad \mathbf{r}_{i} = \mathbf{d}_{x}\mathbf{d}_{y}\mathbf{i}, \quad \mathbf{r}_{i} = \mathbf{d}_{x}\mathbf{d}_{z}\mathbf{i}, \quad \mathbf{r}_{i} = \mathbf{d}_{x$$

ie Gleichungen (345) können folglich statt unter den Formen (71) unter den folgenden gesetzt werden:

$$(345)$$

$$\mathbf{L} + \mathbf{l} - \mathbf{d}_{t}^{2})\xi + \mathbf{d}_{x}\mathbf{I}(\mathbf{d}_{y}v + \mathbf{d}_{z}\zeta) + (\mathbf{L}_{x} + \mathbf{l}_{x})\xi' + \mathbf{d}_{x}\mathbf{I}_{x}(\mathbf{d}_{y}v' + \mathbf{d}_{z}\zeta') = 0,$$

$$\mathbf{L} + \mathbf{d}_{x}\mathbf{I}(\mathbf{d}_{y}v + \mathbf{d}_{z}\zeta) + (\mathbf{L}_{x} + \mathbf{l}_{x} - \mathbf{d}_{t}^{2})\xi' + \mathbf{d}_{x}\mathbf{I}_{x}(\mathbf{d}_{y}v' + \mathbf{d}_{z}\zeta') = 0,$$

$$\mathbf{L} - \mathbf{d}_{t}^{2})v + \mathbf{d}_{y}[(\mathbf{I} + i)\mathbf{d}_{x}\xi + \mathbf{F}(\mathbf{d}_{y}v + \mathbf{d}_{z}\zeta)] + \mathbf{E}.v'$$

$$+ \mathbf{d}_{y}[(\mathbf{I}_{x} + i, i)\mathbf{d}_{x}\xi' + \mathbf{F}_{x}(\mathbf{d}_{y}v' + \mathbf{d}_{z}\zeta')] = 0.$$

$$\mathbf{b} + \mathbf{d}_{y}[(\mathbf{I}_{x} + i, i)\mathbf{d}_{x}\xi + \mathbf{F}(\mathbf{d}_{y}v + \mathbf{d}_{z}\zeta)] + (\mathbf{E}_{x} - \mathbf{d}_{t}^{2})v'$$

$$+ \mathbf{d}_{y}[(\mathbf{I}_{x} + i, i)\mathbf{d}_{x}\xi' + \mathbf{F}_{x}(\mathbf{d}_{y}v' + \mathbf{d}_{z}\zeta')] = 0.$$

$$\mathbf{l} - \mathbf{d}_{t}^{2})\zeta + \mathbf{d}_{z}[(\mathbf{I} + i)\mathbf{d}_{x}\xi + \mathbf{F}(\mathbf{d}_{y}v + \mathbf{d}_{z}\zeta)] + \mathbf{E}.v'$$

$$+ d_{z}[(I_{1} + i_{1})d_{x}\xi' + F_{1}(d_{y}v' + d_{z}\zeta')] = 0,$$

$$+ d_{z}[(I_{1} + i_{1})d_{x}\xi' + F_{1}(d_{y}v' + d_{z}\zeta')] = 0,$$

$$+ d_{z}[(I_{1} + i_{1})d_{x}\xi' + F_{1}(d_{y}v' + d_{z}\zeta')] = 0.$$

$$+ d_{z}[(I_{1} + i_{1})d_{x}\xi' + F_{1}(d_{y}v' + d_{z}\zeta')] = 0.$$

tst man wie vorher:

(272)
$$d_{\nu}v + d_{z}\zeta = f, \quad d_{\nu}v' + d_{z}\zeta' = f',$$

erhält man zwischen den Grössen & &, f, f die vier Gleichungen (349)

$$a + 1 - d_t^2)\xi + d_x If + (L_x + l_y)\xi' + d_x I_x f' = 0.$$

$$L + l_y \xi + d_x lf + (L_y + l_y - d_t^2)\xi' + d_x I_y f' = 0.$$

$$(\mathbf{I} + \mathbf{i})(\mathbf{d}_{y}^{2} + \mathbf{d}_{z}^{2})\xi + [\mathbf{E} - \mathbf{d}_{i}^{2} + \mathbf{F}(\mathbf{d}_{y}^{2} + \mathbf{d}_{z}^{2})]f$$

$$+ \mathbf{d}_{x}(\mathbf{I}, + \mathbf{i}_{z})(\mathbf{d}_{y}^{2} + \mathbf{d}_{z}^{2})\xi + [\mathbf{E}, + \mathbf{F}, (\mathbf{d}_{y}^{2} + \mathbf{d}_{z}^{2})]f = 0.$$

$$(J + i)(d_y^2 + d_z^2)\xi + [J + J + J + J + d_z^2)f$$

$$+ d_z(J_y + d_z^2)\xi' + [J - d_z^2 + J_y^2]f$$

$$+ d_z(J_y + d_z^2)\xi' + [J - d_z^2 + J_y^2]f$$

$$= 0.$$

VII.

und zwischen den Grössen $(d_z v - d_y \zeta)$ und $(d_z v' - d_y \zeta')$ die zwe Gleichungen:

(274)
$$(\mathbf{E} - \mathbf{d}_{t}^{2})(\mathbf{d}_{z}v - \mathbf{d}_{y}\zeta) + \mathbf{E}_{t}(\mathbf{d}_{z}v' - \mathbf{d}_{y}\zeta') = \mathbf{o},$$

$$(\mathbf{E} - \mathbf{d}_{t}^{2})(\mathbf{d}_{z}v - \mathbf{d}_{y}\zeta) + (\mathbf{E}_{t'} - \mathbf{d}_{t}^{2})(\mathbf{d}_{z}v' - \mathbf{d}_{y}\zeta') = \mathbf{o}.$$

§. 2. Allgemeine und particuläre Integrale der Disserentialgleichungen der unendlich kleinen Bewegungen zweier einaxig krystallisirten Systeme von Molekülen.

Die allgemeinen Integrale der Differentialgleichungen (349) werden dieselbe Form haben, wie die im vorigen Capitel entwickelten allgemeinen Integrale (279), wenn man statt ∇'' den Ausdruck ∇'' setzt, wo $\nabla'' = 0$ die charakteristische Gleichung ist. welche aus den Gleichungen (349) durch die Elimination de Grössen ξ , ξ' . f. f' hervorgeht, und statt α , β , γ , δ , α , β , et die Coöfficienten α' , β' , γ' , δ' , α' , β' etc., wenn diese so bestimmt sind, dass der Ausdruck ∇'' unter den folgenden Formen gesetzt werden kann:

$$\begin{aligned}
& (350) \\
\nabla'' &= \alpha'(\mathbf{I} + \mathbf{I} - \mathbf{d}_{1}^{2}) \xi + \beta'(\mathbf{I} + \mathbf{J}) + \gamma' \mathbf{d}_{x}(\mathbf{I} + \mathbf{i})(\mathbf{d}_{y}^{2} + \mathbf{d}_{z}^{2}) + \delta' \mathbf{d}_{x}(\mathbf{I} + \mathbf{J})(\mathbf{d}_{y}^{2} + \mathbf{d}_{z}^{2}) \\
&= \alpha' \mathbf{d}_{x} \mathbf{I} + \beta' \mathbf{d}_{x} \mathbf{I} + \gamma \cdot (\mathbf{E} - \mathbf{d}_{1}^{2} + \mathbf{F}(\mathbf{d}_{y}^{2} + \mathbf{d}_{z}^{2})) + \delta'(\mathbf{E} + \mathbf{F}(\mathbf{d}_{y}^{2} + \mathbf{d}_{z}^{2})) \\
&= \alpha' (\mathbf{I} + \mathbf{I} + \beta' \mathbf{d}_{x} \mathbf{I} + \mathbf{J} \cdot (\mathbf{I} + \mathbf{I} - \mathbf{d}_{1}^{2}) + \gamma' \mathbf{d}_{x}(\mathbf{I} + \mathbf{I} \cdot)(\mathbf{d}_{y}^{2} + \mathbf{d}_{z}^{2}) \\
&+ \beta' \mathbf{d}_{x}(\mathbf{I} \cdot + \mathbf{I} \cdot)(\mathbf{d}_{y}^{2} + \mathbf{d}_{z}^{2})
\end{aligned}$$

=a, d, 1 + 3 d, $1 + \gamma$, $E_x + F_y(d_y^2 + d_z^2) + d_y(E_x - d_x^2 + F_y(d_y^2 + d_z^2))$. Die particulären Integrale der Gleichungen (34%) sind von der Form [(141)], wo s durch eine der Gleichungen:

$$(32!) S = 0$$

best mint ist, wo S₁ die Grosse bezeichnet, welche man aus der charakter seischen Funktion V erhält, wenn man statt der Zeichen d₂, d₃, d₄, d₅ die Grossen u. v. w. s setzt. Die Coëfficienten A. B. C. A. B. C. sind durch die folgenden Gleichungen bestimmt:

$$f(\mathbf{r}, \mathbf{x}) = \mathbf{\Sigma}[\mathbf{x}^{\mathbf{n}} \boldsymbol{q}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r})] = \mathbf{\Sigma}(1 - \mathbf{n}\varepsilon)\mathbf{x}'^{\mathbf{n}} \boldsymbol{q}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}' - \frac{\varepsilon \mathbf{x}'^{2}}{\mathbf{r}'})$$

$$= \mathbf{\Sigma}[\mathbf{x}'^{\mathbf{n}} \boldsymbol{q}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}')] - \varepsilon \mathbf{\Sigma}[\mathbf{n}\mathbf{x}'^{\mathbf{n}} \boldsymbol{q}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}')] - \varepsilon \mathbf{\Sigma}(\frac{\mathbf{x}'^{\mathbf{n}+2}}{\mathbf{r}'} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \boldsymbol{q}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}'))$$

$$= \mathbf{\Sigma}[\mathbf{x}''^{\mathbf{n}} \boldsymbol{q}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}'')] - \varepsilon \mathbf{\Sigma}[\mathbf{n}\mathbf{x}''^{\mathbf{n}} \boldsymbol{q}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}'')] - \varepsilon \mathbf{\Sigma}(\frac{\mathbf{x}''^{\mathbf{n}+2}}{\mathbf{r}''} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \boldsymbol{q}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}'')).$$

Man erhält folglich:

$$\mathbf{0} = \mathbf{\Sigma} \Theta[\mathbf{x}'^{\mathbf{n}} \boldsymbol{q}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}')] - \epsilon \mathbf{\Sigma} \mathbf{n} \Theta[\mathbf{x}'^{\mathbf{n}} \boldsymbol{q}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}')] - \epsilon \mathbf{\Sigma} \Theta\left(\frac{\mathbf{x}'^{\mathbf{n}+2}}{\mathbf{r}'} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \boldsymbol{q}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}')\right) - \epsilon \mathbf{\Sigma} \Theta\left(\frac{\mathbf{x}'^{\mathbf{n}+2}}{\mathbf{r}'} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \boldsymbol{q}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}')\right) - \epsilon' \mathbf{\Sigma} \Theta\left(\frac{\mathbf{x}'^{\mathbf{n}+2}}{\mathbf{r}''} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \boldsymbol{q}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}'')\right),$$

$$\mathbf{0} = \mathbf{\Sigma} \Theta[\mathbf{x}'^{\mathbf{n}} \boldsymbol{q}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}'')] - \epsilon' \mathbf{\Sigma} \mathbf{n} \Theta[\mathbf{x}''^{\mathbf{n}} \boldsymbol{q}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}'')] - \epsilon' \mathbf{\Sigma} \Theta\left(\frac{\mathbf{x}''^{\mathbf{n}+2}}{\mathbf{r}''} \mathbf{d}_{\mathbf{r}''} \boldsymbol{q}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}'')\right),$$

$$= \varepsilon' \Sigma n \tilde{\mathfrak{p}} \Big(\frac{x''^{\bullet}}{r''} d_{r''} g_{n}(r'') \Big) + \varepsilon' \Sigma \tilde{\mathfrak{p}} \Big[\frac{x''^{\bullet - 2}}{r''} d_{r''} \Big(\frac{d_{r''} g_{n}(r'')}{r''} \Big) \Big].$$

$$\begin{split} \Phi_{r} &= \Sigma \Phi_{r} \left(\frac{\mathbf{x}^{n}}{\mathbf{r}^{n}} \mathbf{d}_{\mathbf{r}^{n}} \mathbf{g}_{\mathbf{n}}^{r}(\mathbf{r}^{n}) \right) - \varepsilon^{r} \Sigma \mathbf{n} \Phi_{r} \left(\frac{\mathbf{x}^{n}}{\mathbf{r}^{n}} \mathbf{d}_{\mathbf{r}^{n}} \mathbf{g}_{\mathbf{n}}^{r}(\mathbf{r}^{n}) \right) \\ &- \varepsilon^{r} \Sigma \Phi_{r} \left[\frac{\mathbf{x}^{n} + 2}{\mathbf{r}^{n}} \mathbf{d}_{\mathbf{r}^{n}} \left(\frac{\mathbf{d}_{\mathbf{r}} \mathbf{g}_{\mathbf{n}}^{r}(\mathbf{r}^{n})}{\mathbf{r}^{n}} \right) \right]; \end{split}$$

$$\mathbf{\Sigma} = \mathbf{\Sigma} \mathbf{n} \, \mathbf{t} \left[\mathbf{x'}^{\mathbf{n}-2} \mathbf{g}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r'}) \right] - \varepsilon \mathbf{\Sigma} \mathbf{n} (\mathbf{n}-2) \, \mathbf{t} \left[\mathbf{x'}^{\mathbf{n}-2} \mathbf{g}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r'}) \right]$$

$$-\varepsilon \operatorname{Sub}\left(\frac{\mathbf{x'}^{\mathbf{n}}}{\mathbf{r'}}\mathbf{d}_{\mathbf{r'}}\mathbf{g}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r'})\right) - \operatorname{Sub}\left[\mathbf{x''}^{\mathbf{n}-2}\mathbf{g}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r''})\right]$$

$$= \varepsilon \sum \mathbf{n}(\mathbf{n}-2) \mathfrak{h}[\mathbf{x}^{n-2} \mathbf{g}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}'')] - \varepsilon \sum \mathbf{n} \mathfrak{h}\left(\frac{\mathbf{x}^{n''}}{\mathbf{r}''} \mathbf{d}_{\mathbf{r}''} \mathbf{g}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}'')\right),$$

$$\mathbf{b}_{n} = \sum_{\mathbf{n}} \mathbf{b}_{n} \left[\mathbf{x}^{n-2} \mathbf{g}_{n}^{\prime}(\mathbf{r}^{n}) \right] - \epsilon \sum_{\mathbf{n}} \mathbf{n} - 2 \mathbf{b}_{n} \left[\mathbf{x}^{n-2} \mathbf{g}_{n}^{\prime}(\mathbf{r}^{\prime}) \right]$$

$$- \varepsilon \sum n f_{\prime} \left(\frac{{\bf x''}^{n}}{{\bf r''}} {\bf d}_{\bf r''} q_{\bf n}({\bf r''}) \right),$$

Führt man hier die Summationen auf dieselbe Weise aus, wie im vorigen Capitel, so erhält man:

so wird, wie im vorigen Capitel, die Gleichung (284) das I pflanzungsgesetz eines Strahls bestimmen, und, wenn die chungen (353) nicht stattfinden, werden die Schwingunge diesem Strahle senkrecht auf der Axe des Krystalls und im lenplane stattfinden. Die Gleichungen (355) werden das I pflanzungsgesetz eines zweiten Strahls bestimmen, in weld die Verschiebungen im Hauptschnitte stattfinden werden, was die Molekülen des Aethers betrifft, einen kleinen Winl mit der Axe machen, wo: $\sin \varphi = \frac{\mu}{2} \sin 2\alpha$, wenn α den kel, welchen der Strahl mit der Axe des Krystalls bildet, μ eine sehr kleine Grösse bezeichnet, die so bestimmt we muss, dass die Gleichungen:

$$(356)$$

$$\begin{array}{l}
\mathbb{Y} + 1 + (1 - \mu)u^{2}\Im + \mathbb{Y}_{,,} + \mathbb{I}_{,,} + u^{2}\Im_{,,} = \pounds - \Im(v^{2} + w^{2}) \\
+ \frac{v^{2} + w^{2}}{1 - \mu}(\Im + i) + \pounds_{,,} - \Im_{,,}(v^{2} + w^{2}) + (v^{2} + w^{2})(\Im_{,,} + i) \\
\mathbb{Y} + 1 + (1 - \mu)u^{2}\Im_{,}(\mathbb{Y}_{,,} + \mathbb{I}_{,,} + u^{2}\Im_{,,}) \\
- (\mathfrak{Y}_{,} + 1, + u^{2}\Im_{,})[\mathfrak{X}_{,} + \mathfrak{I}_{,} + (1 - \mu)u^{2}] \\
= \left(\mathfrak{E} - \Im(v^{2} + w^{2}) + \frac{v^{2} + w^{2}}{1 - \mu}(\Im + i) \right)[\mathfrak{E}_{,,} - \Im_{,,}(v^{2} + w^{2}) \\
+ (v^{2} + w^{2})(\Im_{,,} + i_{,,})] - [\mathfrak{E}_{,} - \Im_{,}(v^{2} + w^{2}) \\
+ (\Im_{,} + i_{,})(v^{2} + w^{2})] \left(\mathfrak{E} - \Im_{,}(v^{2} + w^{2}) + \frac{v^{2} + w^{2}}{1 - \mu}(\Im + i) \right) \\
\text{stattfinden.}
\end{array}$$

Denken wir uns, wie im vorigen Capitel, die Moleki der beiden Systeme erst in gleichem Abstande von einander acquidistante Kugelslächen vertheilt, bezeichnen wir durch zu zu ihre mit der Krystallaxe parallelen Coordinaten und denk wir uns, dass diese Coordinaten im Zustande der Krystallisti in einem gewissen Verhältniss vermindert sind, so dass:

(301)
$$x = (1 - \epsilon)x' = (1 - \epsilon')x'', x = (1 - \epsilon)x' = (1 - \epsilon')x'';$$

setzen wir ferner, wie vorher, für durchsichtige Körper:

(306)
$$u' = u(1 - \epsilon) = u'\sqrt{-1}$$
, $u'' = u(1 - \epsilon') = u''\sqrt{-1}$

1

(307)
$$\mathbf{r} = \mathbf{r}' - \frac{\epsilon {\mathbf{x}'}^2}{\mathbf{r}'} = \mathbf{r}'' - \frac{\epsilon' {\mathbf{x}''}^2}{\mathbf{r}''}, \text{ so wird};$$

$$\Gamma(\mathbf{r}, \mathbf{x}) = \Sigma[\mathbf{x}^{n} \boldsymbol{\varphi}_{n}(\mathbf{r})] = \Sigma(1 - n\varepsilon)\mathbf{x}^{\prime n} \boldsymbol{\varphi}_{n}\left(\mathbf{r}' - \frac{\varepsilon \mathbf{x}^{\prime 2}}{\Gamma'}\right) \\
= \Sigma[\mathbf{x}^{\prime n} \boldsymbol{\varphi}_{n}(\mathbf{r}')] - \varepsilon \Sigma[\mathbf{n}\mathbf{x}^{\prime n} \boldsymbol{\varphi}_{n}(\mathbf{r}')] - \varepsilon \Sigma\left(\frac{\mathbf{x}^{\prime n+2}}{\Gamma'}\mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \boldsymbol{\varphi}_{n}(\mathbf{r}')\right) \\
= \Sigma[\mathbf{x}^{\prime n} \boldsymbol{\varphi}_{n}(\mathbf{r}'')] - \varepsilon \Sigma[\mathbf{n}\mathbf{x}^{\prime n} \boldsymbol{\varphi}_{n}(\mathbf{r}'')] - \varepsilon \Sigma\left(\frac{\mathbf{x}^{\prime n+2}}{\Gamma'}\mathbf{d}_{\mathbf{r}''} \boldsymbol{\varphi}_{n}(\mathbf{r}'')\right).$$

Men erhält folglich:

$$\mathbf{S} = \mathbf{\Sigma} \mathbf{G}[\mathbf{x}'^{\mathbf{n}} \boldsymbol{\varphi}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}')] - \epsilon \mathbf{\Sigma} \mathbf{n} \mathbf{G}[\mathbf{x}'^{\mathbf{n}} \boldsymbol{\varphi}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}')] - \epsilon \mathbf{\Sigma} \mathbf{G}(\frac{\mathbf{x}'^{\mathbf{n}+2}}{\mathbf{r}'} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \boldsymbol{\varphi}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}'))$$

$$-\mathbf{\Sigma} \mathbf{G}[\mathbf{x}'^{\mathbf{n}} \boldsymbol{\varphi}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}'')] - \epsilon' \mathbf{\Sigma} \mathbf{n} \mathbf{G}[\mathbf{x}''^{\mathbf{n}} \boldsymbol{\varphi}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}'')] - \epsilon' \mathbf{\Sigma} \mathbf{G}(\frac{\mathbf{x}''^{\mathbf{n}+2}}{\mathbf{r}''} \mathbf{d}_{\mathbf{r}''} \boldsymbol{\varphi}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}'')),$$

$$\mathbf{G}_{\mathbf{r}} = \mathbf{\Sigma} \mathbf{G}_{\mathbf{r}}[\mathbf{x}''^{\mathbf{n}} \boldsymbol{\varphi}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}'')] - \epsilon' \mathbf{\Sigma} \mathbf{G}_{\mathbf{r}}[\mathbf{x}''^{\mathbf{n}} \boldsymbol{\varphi}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}'')] - \epsilon' \mathbf{\Sigma} \mathbf{G}_{\mathbf{r}}(\frac{\mathbf{x}''^{\mathbf{n}+2}}{\mathbf{r}''} \mathbf{d}_{\mathbf{r}''} \boldsymbol{\varphi}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}'')),$$

 $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \left(\frac{1}{r} \right) = \frac{1}{r} \left(\frac{1}{r}$

$$\begin{split} & \Phi = \Sigma \Phi \left(\frac{x'^n}{r'} d_{r'} \varphi_n(r') \right) \rightarrow \varepsilon \Sigma n \Phi \left(\frac{x'^n}{r'} d_{r'} \varphi_n(r') \right) \\ & - \varepsilon \Sigma \Phi \left[\frac{x'^{n+2}}{r'} d_{r'} \left(\frac{d_{r'} \varphi_n(r')}{r'} \right) \right] - \Sigma \Phi \left(\frac{x''^n}{r''} d_{r''} \varphi_n'(r'') \right) \\ & - \varepsilon' \Sigma n \Phi \left(\frac{x''^n}{r''} d_{r''} \varphi_n(r'') \right) - \varepsilon' \Sigma \Phi \left[\frac{x''^{n+2}}{r''} d_{r''} \left(\frac{d_{r''} \varphi_n(r'')}{r''} \right) \right]. \\ & \Phi_i = \Sigma \Phi_i \left(\frac{x''^n}{r''} d_{r''} \varphi_n'(r'') \right) - \varepsilon' \Sigma n \Phi_i \left(\frac{x''^n}{r''} d_{r''} \varphi_n'(r'') \right) \\ & - \varepsilon' \Sigma \Phi_i \left[\frac{x''^{n+2}}{r''} d_{r''} \left(\frac{d_{r''} \varphi_n'(r'')}{r''} \right) \right], \end{split}$$

$$\begin{split} & = \sum n \mathfrak{h}[\mathbf{x'}^{n-2} q_{n}(\mathbf{r'})] - \epsilon \sum n(n-2) \mathfrak{h}[\mathbf{x'}^{n-2} q_{n}(\mathbf{r'})] \\ & - \epsilon \sum n \mathfrak{h}(\frac{\mathbf{x'}^{n}}{\mathbf{r'}} \mathbf{d}_{\mathbf{r'}} q_{n}(\mathbf{r'})) - \sum n \mathfrak{h}[\mathbf{x''}^{n-2} q_{n}'(\mathbf{r''})] \\ & - \epsilon \sum n(n-2) \mathfrak{h}[\mathbf{x''}^{n-2} q_{n}'(\mathbf{r''})] - \epsilon \sum n \mathfrak{h}(\frac{\mathbf{x''}^{n}}{\mathbf{r''}} \mathbf{d}_{\mathbf{r''}} q_{n}'(\mathbf{r''})), \\ & = \sum n \mathfrak{h}_{r}[\mathbf{x''}^{n-2} q_{n}'(\mathbf{r''})] - \epsilon \sum n(n-2) \mathfrak{h}_{r}[\mathbf{x''}^{n-2} q_{n}'(\mathbf{r''})] \\ & - \epsilon \sum n \mathfrak{h}_{r}(\frac{\mathbf{x''}^{n}}{\mathbf{r''}} \mathbf{d}_{\mathbf{r''}} q_{n}'(\mathbf{r''})), \end{split}$$

Führt man hier die Summationen auf dieselbe Weise aus, im vorigen Capitel, so erhält man:

$$\begin{split} : & \sum \left\{ \mathbf{d}_{\mathbf{u}''}^{\mathbf{n}} \mathbf{S} \left[\frac{\mathbf{m}'}{\mathbf{r}''} \mathbf{d}_{\mathbf{r}''} \mathbf{g}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}'') \left(\frac{\sin k' \mathbf{r}''}{k'' \mathbf{r}''} - 1 + \frac{1}{4} k''^{2} \mathbf{r}''^{2} - \dots \right. \right. \\ & + \frac{1 + (-1)^{n-1}}{2} \sqrt{-1}^{n-1} \frac{1}{1 \cdot 2 \cdot 3 \dots (n+2)} \right) \right\} \\ \cdot & \cdot s' \sum \left\{ \mathbf{d}_{\mathbf{u}''}^{n+2} \left[\frac{\mathbf{m}'}{\mathbf{r}''} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \left(\frac{\mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \mathbf{g}_{\mathbf{u}}(\mathbf{r}'')}{\mathbf{r}''} \right) \left(\frac{\sin k' \mathbf{r}''}{k'' \mathbf{r}''} - 1 + \frac{1}{4} k''^{2} \mathbf{r}''^{2} - \dots \right. \right. \\ & - \frac{1 + (-1)^{n-1}}{2} \sqrt{-1}^{n-1} \frac{1}{1 \cdot 2 \cdot 3 \dots (n+4)} \right) \right] \right\} \\ \cdot & \cdot s' \sum \left\{ \mathbf{n} \mathbf{d}_{\mathbf{u}''}^{n} \mathbf{S} \left[\frac{\mathbf{m}'}{\mathbf{r}''} \mathbf{d}_{\mathbf{r}''} \mathbf{g}_{\mathbf{u}}'(\mathbf{r}'') \left(\frac{\sin k' \mathbf{r}'}{k' \mathbf{r}''} - 1 + \frac{1}{4} k'' \mathbf{r}'' + \dots \right. \right. \\ & + \frac{1 + (-1)^{n-1}}{2} \sqrt{-1}^{n-1} \frac{1}{1 \cdot 2 \cdot 3 \dots (n+2)} \right) \right] \right\} \\ \cdot & \cdot s' \sum \left\{ \mathbf{n} \mathbf{d}_{\mathbf{u}''}^{n-2} \mathbf{S} \left[\mathbf{m} \mathbf{g}_{\mathbf{u}}(\mathbf{r}') \left(\frac{\sin k' \mathbf{r}'}{k' \mathbf{r}'} - 1 + \frac{k'^{2} \mathbf{r}'^{2}}{6} - \dots \right. \right. \\ & - \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \sqrt{-1}^{n} \frac{k'^{n} \mathbf{r}'^{n}}{1 \cdot 2 \cdot 3 \dots (n+1)} \right) \right\} \right\} \\ \cdot & \cdot s \sum \left\{ \mathbf{n} \mathbf{d}_{\mathbf{u}'}^{n} \mathbf{S} \left[\frac{\mathbf{m} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \mathbf{g}_{\mathbf{u}}(\mathbf{r}')}{\mathbf{r}'} \left(\frac{\sin k' \mathbf{r}'}{k' \mathbf{r}'} - 1 + \frac{k'^{2} \mathbf{r}'^{2}}{1 \cdot 2 \cdot 3 \dots (n+1)} \right) \right] \right\} \\ \cdot & \cdot s \sum \left\{ \mathbf{n} \mathbf{d}_{\mathbf{u}'}^{n} \mathbf{S} \left[\frac{\mathbf{m} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \mathbf{g}_{\mathbf{u}}(\mathbf{r}')}{\mathbf{r}'} \left(\frac{\sin k' \mathbf{r}'}{k' \mathbf{r}'} - 1 + \frac{k'^{2} \mathbf{r}'^{2}}{1 \cdot 2 \cdot 3 \dots (n+1)} \right) \right] \right\} \\ \cdot & \cdot s \sum \left\{ \mathbf{n} \mathbf{d}_{\mathbf{u}''}^{n} \mathbf{S} \left[\frac{\mathbf{m} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \mathbf{g}_{\mathbf{u}}(\mathbf{r}'')}{\mathbf{r}'} \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \sqrt{-1}^{n} \frac{k'^{n} \mathbf{r}'^{n} + 2}{1 \cdot 2 \cdot 3 \dots (n+1)} \right] \right\} \\ \cdot & \cdot s' \sum \left\{ \mathbf{n} \mathbf{d}_{\mathbf{u}''}^{n} \mathbf{S} \left[\frac{\mathbf{m}' \mathbf{g}_{\mathbf{u}'}(\mathbf{r}'')}{\mathbf{r}'} \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \sqrt{-1}^{n} \frac{k'^{n} \mathbf{r}'^{n} + 2}{1 \cdot 2 \cdot 3 \dots (n+1)} \right\} \right\} \\ \cdot & \cdot s' \right\} \mathbf{n} \mathbf{d}_{\mathbf{u}''} \mathbf{S} \left[\frac{\mathbf{m}' \mathbf{d}_{\mathbf{u}''} \mathbf{g}_{\mathbf{u}'}(\mathbf{r}'')}{\mathbf{r}'} \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \sqrt{-1}^{n} \frac{k'^{n} \mathbf{r}^{n} + 2}{1 \cdot 2 \cdot 3 \dots (n+1)} \right\} \right\} \\ \cdot & \cdot s' \right\} \mathbf{n} \mathbf{d}_{\mathbf{u}''} \mathbf{S} \left[\frac{\mathbf{m}' \mathbf{d}_{\mathbf{u}''} \mathbf{g}_{\mathbf{u}'}(\mathbf{r}'')}{\mathbf{n}'} \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \sqrt{-1}^{n} \frac{k'^{n} \mathbf{r}^{n} + 2}{1 \cdot 2 \cdot 3 \dots (n+1)} \right\} \right\} \\ \cdot & \cdot s' \right\} \mathbf{n} \mathbf{d}_{\mathbf{u}''} \mathbf{d}_{\mathbf{u}''} \mathbf{d}_{\mathbf{u}''} \mathbf{d}_{\mathbf{u}'$$

$$-\varepsilon' \sum_{n=1}^{\infty} \int_{a''} \frac{m' d_{r''} g'_{n}(r'')}{r''} \left(\frac{\sin k'' r''}{k'' r''} - 1 + \frac{k''^{2} r''^{2}}{6} - \dots \right) + \frac{1 + (-1)^{n-1}}{2} \sqrt{-1}^{n-1} \frac{k''^{n+1} r''^{n+1}}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots n + 1}$$

Bemerkt man jetzt, dass, wenn n eine gerade Zahl i

 $\mathbf{d}_{\mathbf{n}}^{\mathbf{n}}, k'^{\mathbf{n}} = \frac{1}{\sqrt{-1}^{\mathbf{n}}} \mathbf{d}_{\mathbf{n}}^{\mathbf{n}}, k'^{\mathbf{n}} = \frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot ... \cdot 1}{\sqrt{-1}^{\mathbf{n}}}, \quad \mathbf{d}_{\mathbf{n}}^{\mathbf{n}}, k'^{\mathbf{n}-2} = \mathbf{d}_{\mathbf{n}}^{\mathbf{n}}, k'^{\mathbf{n}-4} = \mathbf{d}_{\mathbf{n}}^{\mathbf{n}$

und wenn n eine ungerade Zahl ist:

$$d_{n}^{n} k^{n+1} = \frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \dots n+1}{\sqrt{-1}^{n}} k' \sqrt{-1}, \quad d_{n}^{n} k'^{n-1} = d_{n}^{n} k'^{n-3} = \dots$$

so findet man:
$$(360)$$

$$\mathfrak{E} = -\sum_{l}^{l} \mathbf{d}_{\mathbf{u}'}^{n} \mathbf{S} \left[\frac{\mathbf{m}}{k'^{2} \mathbf{r}'^{2}} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \left(\left(\cos k' \mathbf{r}' - \frac{\sin k' \mathbf{r}'}{k' \mathbf{r}'} + \frac{1 + (-1)^{n}}{2} V^{-1} \right)^{n} \frac{k^{n+2} \mathbf{r}'^{n+2}}{k' \mathbf{r}'} + \frac{1 + (-1)^{n}}{2} V^{-1} \frac{k^{n+2} \mathbf{r}'^{n+2}}{1.2.3...(n+1)(n+3)} \right)^{\mathbf{r}'} \mathcal{G}_{\mathbf{u}} (1)$$

$$+ \varepsilon \sum_{l}^{l} \mathbf{d}_{\mathbf{u}'}^{n+2} \mathbf{S} \left[\frac{\mathbf{m}}{k'^{2} \mathbf{r}'^{2}} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \left(\left(\cos k' \mathbf{r}' - \frac{\sin k' \mathbf{r}'}{k' \mathbf{r}'} + \frac{1 + (-1)^{n}}{2} V^{-1} \frac{k^{n+4} \mathbf{r}'^{n+4}}{1.2.3...(n+3)(n+5)} \right) \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \mathcal{G}_{\mathbf{u}'} (1)$$

$$+ \varepsilon \sum_{l}^{l} \mathbf{n} \mathbf{d}_{\mathbf{u}'}^{n} \mathbf{S} \left[\frac{\mathbf{m}'}{k'^{2} \mathbf{r}'^{2}} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \left(\left(\cos k' \mathbf{r}' - \frac{\sin k' \mathbf{r}'}{k' \mathbf{r}'} + \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \mathbf{S} \left[\frac{\mathbf{m}'}{\mathbf{r}'^{2}} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \left(\frac{\mathbf{r}'^{n+4} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \mathcal{G}_{\mathbf{u}'} (\mathbf{r}'')}{(n+1)(n+3)} \right) \right] \right)^{l}$$

$$+ \varepsilon \sum_{l}^{l} \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \mathbf{S} \left[\frac{\mathbf{m}'}{\mathbf{r}'^{2}} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \left(\frac{\mathbf{r}'^{n+4} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \mathcal{G}_{\mathbf{u}'} (\mathbf{r}'')}{(n+1)(n+3)} \right) \right] \right)^{l}$$

$$+ \varepsilon \sum_{l}^{l} \mathbf{n} \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \mathbf{S} \left[\frac{\mathbf{m}'}{\mathbf{r}'^{2}} \mathbf{d}_{\mathbf{r}'} \left(\left(\cos k'' \mathbf{r}'' - \frac{\sin k'' \mathbf{r}''}{k'' \mathbf{r}''} \right) \mathbf{r}'' \mathcal{G}_{\mathbf{u}'} (\mathbf{r}'') \right) \right] \right)^{l}$$

$$+ \varepsilon \sum_{l}^{l} \mathbf{d}_{\mathbf{u}''}^{n} \mathbf{S} \left[\frac{\mathbf{m}'}{k''^{2} \mathbf{r}''^{2}} \mathbf{d}_{\mathbf{r}''} \left(\left(\cos k'' \mathbf{r}'' - \frac{\sin k'' \mathbf{r}''}{k'' \mathbf{r}''} \right) \mathbf{d}_{\mathbf{r}''} \mathcal{G}_{\mathbf{u}'} (\mathbf{r}'') \right) \right] \right)^{l}$$

$$+ \varepsilon \sum_{l}^{l} \mathbf{d}_{\mathbf{u}''}^{n} \mathbf{S} \left[\frac{\mathbf{m}'}{k''^{2} \mathbf{r}''^{2}} \mathbf{d}_{\mathbf{r}''} \left(\left(\cos k'' \mathbf{r}'' - \frac{\sin k'' \mathbf{r}''}{k'' \mathbf{r}''} \right) \mathbf{d}_{\mathbf{r}''} \mathcal{G}_{\mathbf{u}'} (\mathbf{r}'') \right) \right] \right)^{l}$$

$$+ \varepsilon \sum_{l}^{l} \mathbf{d}_{\mathbf{u}''}^{n} \mathbf{S} \left[\frac{\mathbf{m}'}{k''^{2} \mathbf{r}''^{2}} \mathbf{d}_{\mathbf{r}''} \left(\left(\cos k'' \mathbf{r}'' - \frac{\sin k'' \mathbf{r}''}{k'' \mathbf{r}''} \right) \mathbf{d}_{\mathbf{r}''} \mathcal{G}_{\mathbf{u}'} (\mathbf{r}'') \right) \right] \right]^{l}$$

$$= - \sum_{i}^{3} d_{u}^{n} S \left[\frac{mr' d_{i'} \varphi_{u}(r')}{k'^{2}} \left(\frac{\sin k'r'}{k'r'} + 3 \frac{\cos k'r'}{k'^{2}r'^{2}} - 3 \frac{\sin k'r'}{k'^{2}r'^{3}} \right) \right]_{i}^{3}$$

$$+ \varepsilon \sum_{i}^{3} d_{u}^{n} S \left[\frac{mr' d_{v'}}{k'^{2}} \left(\frac{\sin k'r'}{k'r'} + 3 \frac{\cos k'r'}{k'^{2}r'^{2}} - 3 \frac{\sin k'r'}{k'^{2}r'^{3}} \right) \right]_{i}^{3}$$

$$+ \varepsilon \sum_{i}^{3} i d_{u}^{n} S \left[\frac{mr' d_{v'}}{k'^{2}} \left(\frac{\sin k'r'}{k'r'} + 3 \frac{\cos k'r'}{k'^{2}r'^{2}} - 3 \frac{\sin k'r'}{k'^{2}r'^{3}} \right) \right]_{i}^{3},$$

$$362) \qquad \Im = (1 - 2\varepsilon) \Im_{i}^{3}, \qquad \Im_{i}^{3} = (1 - 2\varepsilon) \Im_{i}^{3}, \dots$$

$$(363)$$

$$= \pounds - (1 - 2\varepsilon) u'^{2} \Im_{i}^{3} + 2 \varepsilon \sum_{i}^{3} d_{u}^{3} S \left[\frac{m}{k'^{2}} \frac{d_{v'} \varphi_{u}(r')}{r'} \left(\cos k'r' - \frac{\sin k'r'}{k'r'} + \frac{1 + (-1)^{n}}{2} V - 1^{n} \frac{k'^{n+2} r^{n+2}}{(n+1)(n+3)} \right) \right]_{i}^{3},$$

$$+ 2\varepsilon \sum_{i}^{3} \frac{1 + (-1)^{n}}{2} S \left[m' d_{v'} \varphi_{u}(r'') \left(\cos k''r'' - \frac{\sin k''r''}{(n+1)(n+3)} \right) \right]_{i}^{3},$$

$$= \pounds_{i}^{3} - (1 - 2\varepsilon') u''^{2} \Im_{i}^{3},$$

$$+ 2\varepsilon \sum_{i}^{3} d_{u}^{n} S \left[\frac{m'}{k''} \frac{d_{v'} \varphi_{u}(r'')}{r''} \left(\cos k''r'' - \frac{\sin k''r''}{(n+1)(n+3)} \right) \right]_{i}^{3},$$

$$= \pounds_{i}^{3} - (1 - 2\varepsilon') u''^{2} \Im_{i}^{3},$$

$$+ 2\varepsilon \sum_{i}^{3} d_{u}^{n} \Im_{i}^{3} \left[\frac{m'}{k''} \frac{d_{v'} \varphi_{u}(r'')}{r''} \left(\cos k''r'' - \frac{\sin k''r''}{(n+1)(n+3)} \right) \right]_{i}^{3},$$

$$= \pounds_{i}^{3} - (1 - 2\varepsilon') u''^{2} \Im_{i}^{3},$$

$$= \pounds_{i}^{3} - (1 - 2\varepsilon') u''^{2} \Im_{i}^{3} - (1 - 2\varepsilon') u''^{2} - (1 -$$

 $i = -\sum_{i}^{n} n d_{u_{i}}^{n-2} S \left[\frac{m g_{n}(r') r'^{2}}{k'^{2}} \left(\frac{\sin k' r'}{k' r'} + 3 \frac{\cos k' r'}{k'^{2} r'^{2}} - 3 \frac{\sin k' r'}{k'^{3} r'^{3}} \right) \right]$ $+ \epsilon \sum_{i}^{n} n(n-2) d_{u_{i}}^{n-2} S \left[\frac{m g_{n}(r') r'^{2}}{k'^{2}} \left(\frac{\sin k' r'}{k' r'} + 3 \frac{\cos k' r'}{k'^{2} r'^{2}} - 3 \frac{\sin k' r'}{k'^{5} r'^{3}} \right) \right]$ $+ \epsilon \sum_{i}^{n} n d_{u_{i}}^{n} S \left[\frac{m d_{r_{i}} g_{n}(r') r'}{k'} \left(\frac{\sin k' r'}{k' r'} + 3 \frac{\cos k' r'}{k'^{2} r'^{2}} - 3 \frac{\sin k' r'}{k'^{3} r'^{3}} \right) \right]$

Bezeichnen wir jetzt, wie vorher, durch D die Dichtig des ersten Systems von Molekülen, durch D' diejenige des zu ten, durch r' und r' die kleinste, durch r' und r' die grö Distanz der Molekülen der respectiven Systeme in einem der Axe senkrechten Plane, so findet man, weil. wie in Cap gezeigt worden ist:

$$S[\mathbf{m}\mathbf{F}(\mathbf{r}')] = 4\pi\mathfrak{D}(1-\varepsilon)\int_{\mathbf{r}'}^{\mathbf{r}'x}\mathbf{F}(\mathbf{r})d\mathbf{r}.$$

$$S[\mathbf{m}'\mathbf{F}(\mathbf{r}')] = 4\pi\mathfrak{D}'(1-\varepsilon')\int_{\mathbf{r}'}^{\mathbf{r}'x}\mathbf{F}(\mathbf{r})d\mathbf{r}.$$

$$(366)$$

$$\mathfrak{E} = -4\pi\mathfrak{D}\sum_{j}^{j}\frac{1+(-1)^{n}}{2}\left[\frac{\mathbf{r}_{\infty}^{n+2}\boldsymbol{\Phi}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}_{\infty}')}{(\mathbf{n}+1)(\mathbf{n}+3)} - \frac{(k'^{j}+\mathbf{n}\mathbf{u}'^{j})\mathbf{r}_{\infty}^{n+4}\boldsymbol{\Phi}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}_{\infty}')}{2(\mathbf{n}+1)(\mathbf{n}+3)(\mathbf{n}+3)} + \frac{1+(-1)^{n+1}}{2}\sqrt{-1}\frac{\mathbf{u}'\mathbf{r}_{\infty}^{n+2}\boldsymbol{\Phi}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}_{\infty}')}{(\mathbf{n}+2)(\mathbf{u}+3)} + 4\pi\mathfrak{D}\varepsilon\mathfrak{S}(\mathbf{n}+1)\frac{1+(-1)^{n}}{2}\left[\frac{\mathbf{r}_{\infty}^{n+2}\boldsymbol{\Phi}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}_{\infty}')}{(\mathbf{n}+1)(\mathbf{n}+3)} - \frac{(k'^{j}+\mathbf{n}\mathbf{u}'^{j})\mathbf{r}_{\infty}^{n+4}\boldsymbol{\Phi}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}_{\infty}')}{2(\mathbf{n}+1)(\mathbf{n}+3)(\mathbf{n}+5)}\right] + \frac{1+(-1)^{n+1}}{2}\sqrt{-1}\frac{\mathbf{u}'\mathbf{r}_{\infty}^{n+3}\boldsymbol{\Phi}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}_{\infty}')}{(\mathbf{n}+2)(\mathbf{n}+4)} + 4\pi\mathfrak{D}\varepsilon\mathfrak{S}\left[\frac{1+(-1)^{n}}{2}\left[\frac{\mathbf{r}_{\infty}^{n+4}\mathbf{d}_{\mathbf{r}_{\infty}'}\mathbf{g}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}_{\infty}')}{(\mathbf{n}+3)(\mathbf{n}+5)}\right]\right] - \frac{(k'^{j}+(\mathbf{n}+2)\mathbf{u}'^{j})\mathbf{r}_{\infty}^{n+5}\mathbf{d}_{\mathbf{r}_{\infty}'}\mathbf{g}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}_{\infty}')}{(\mathbf{n}+3)(\mathbf{n}+5)} + \frac{1+(-1)^{n+1}}{2}\sqrt{-1}\frac{\mathbf{u}'\mathbf{r}_{\infty}^{n+3}\mathbf{d}_{\mathbf{s}}\mathbf{g}_{\mathbf{n}}'\mathbf{r}_{\infty}'}{(\mathbf{n}+4)(\mathbf{n}+6)} + 4\pi\mathfrak{D}'\varepsilon'\mathfrak{S}(\mathbf{n}+1)\left[\frac{1+(-1)^{n}}{2}\left[\frac{\mathbf{r}_{\infty}^{n+2}\mathbf{d}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}_{\infty}') - \mathbf{r}_{\infty}^{n+2}\mathbf{d}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}_{\infty}')}{(\mathbf{n}+1)(\mathbf{n}+3)}\right]\right] + 4\pi\mathfrak{D}'\varepsilon'\mathfrak{S}\left[\frac{1+(-1)^{n}}{2}\left[\frac{\mathbf{r}_{\infty}^{n+4}\mathbf{d}_{\mathbf{r}_{\infty}'}\mathbf{g}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}_{\infty}') - \mathbf{r}_{\infty}^{n+4}\mathbf{d}_{\mathbf{g}}'\mathbf{g}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}_{\infty}')}\right]\right] + 4\pi\mathfrak{D}'\varepsilon'\mathfrak{S}\left[\frac{1+(-1)^{n}}{2}\left[\frac{\mathbf{r}_{\infty}^{n+4}\mathbf{d}_{\mathbf{r}_{\infty}'}\mathbf{g}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}_{\infty}') - \mathbf{r}_{\infty}^{n+4}\mathbf{d}_{\mathbf{g}}'\mathbf{g}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}_{\infty}')\right]\right]$$

$$= -4\pi \mathfrak{D}' \mathfrak{D}' d_{\mathbf{u}}^{n} \left(\frac{\cos k'' r_{\mathbf{x}}}{k''^{2}} \mathcal{Q}_{\mathbf{b}}'(\mathbf{r}_{\mathbf{x}}'')\right) + \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \frac{r_{\mathbf{c}} \mathcal{Q}_{\mathbf{b}}'(\mathbf{r}_{\mathbf{c}}'')}{(\mathbf{n} + 1)(\mathbf{n} + 3)}$$

$$+ \frac{1 + (-1)^{n+1}}{2} \sqrt{-1} \frac{\mathbf{u}' \mathbf{r}_{\mathbf{c}}''^{n+3} \mathcal{Q}_{\mathbf{b}}'(\mathbf{r}_{\mathbf{c}}'')}{(\mathbf{n} + 2)(\mathbf{n} + 4)}$$

$$+ 4\pi \mathfrak{T}' \varepsilon' \mathfrak{D}' (\mathbf{n} + 1) d_{\mathbf{n}}^{n} \left(\frac{\cos k'' r_{\mathbf{x}}}{k''^{2}} \mathcal{Q}_{\mathbf{b}}'(\mathbf{r}_{\mathbf{x}}'')\right) + \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \frac{\mathbf{r}_{\mathbf{c}}'' \mathcal{Q}_{\mathbf{b}}'(\mathbf{r}_{\mathbf{c}}'')}{(\mathbf{n} + 1)(\mathbf{n} + 3)}$$

$$+ \frac{1 + (-1)^{n+1}}{2} \sqrt{-1} \frac{\mathbf{u}' r_{\mathbf{c}}''^{n+3} \mathcal{Q}_{\mathbf{b}}'(\mathbf{r}_{\mathbf{c}}'')}{(\mathbf{n} + 2)(\mathbf{n} + 4)}$$

$$+ 4\pi \mathfrak{T}' \varepsilon' \mathfrak{D}' d_{\mathbf{u}}^{n+2} \left(\frac{\cos k'' r_{\mathbf{x}}}{k''^{2}} d_{\mathbf{r}} \mathcal{Q}_{\mathbf{b}}'(\mathbf{r}_{\mathbf{x}}'')\right)$$

$$+ \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \frac{r_{\mathbf{c}}}{(\mathbf{n} + 3)(\mathbf{n} + 5)} + \frac{1 + (-1)^{n+1}}{2} \sqrt{-1} \frac{\mathbf{u}' r_{\mathbf{c}}''^{n+3} d_{\mathbf{r}} \mathcal{Q}_{\mathbf{b}}'(\mathbf{r}_{\mathbf{c}}')}{(\mathbf{n} + 4)(\mathbf{n} + 6)} d_{\mathbf{r}}'' \mathcal{Q}_{\mathbf{b}}''(\mathbf{r}_{\mathbf{c}}'')}$$

(367)

$$\begin{split} &: -4\pi \mathfrak{T} \sum_{i}^{1} d_{u}^{n} \left(\frac{r_{x}^{i} \sin k^{i} r_{x}}{k^{i}} \partial_{u}(r_{x}^{i}) \right) + \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \frac{r_{o}^{i} n^{-1}}{(n+1)(n+3)(n+5)} \\ &+ \frac{1 + (-1)^{n-1}}{2} \sqrt{-1} \frac{u^{i} r_{o}^{i} n^{+5}}{(n+2)(n+4)^{n}} \partial_{u}(r_{o}^{i})_{i} \\ &\cdot 4\pi \mathfrak{T} \epsilon \sum_{i}^{1} (n+1)^{i} d_{u}^{n} \left(\frac{r_{x}^{i} \sin k^{i} r_{x}}{k^{i}} \partial_{u}(r_{w}^{i}) \right) + \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \frac{r_{o}^{i} n^{+4}}{(n+1)(n+3)(n+5)} \\ &+ \frac{1 + (-1)^{n+1}}{2} \sqrt{-1} \frac{u^{i} r_{o}^{i} n^{+5}}{(n+2)(n+1)(n+6)^{n}} \\ &\cdot 4\pi \mathfrak{T} \epsilon \sum_{i}^{1} d_{u}^{n+2} \left(\frac{r_{x} \sin k^{i} r_{w}^{i} d_{r_{x}^{i}} \varphi_{u}(r_{x}^{i})}{k^{i}} \right) + \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \frac{r_{o}^{i} n^{+6} d_{r_{o}^{i}} \varphi_{u}(r_{o}^{i})}{(n+3)(n+5)(n+7)} \\ &+ \frac{1 + (-1)^{n+1}}{2} \sqrt{-1} \frac{u^{i} r_{o}^{i} n^{+7} d_{r_{o}^{i}} \varphi_{u}(r_{o}^{i})}{(n+3)(n+6)(n+8)} \right) \end{split}$$

$$-4\pi \mathcal{Z} \sum_{n=1}^{\infty} d_{n}^{n} \int_{\Gamma_{n}}^{\Gamma_{\infty}} \frac{\Gamma^{2}}{k^{2}} \mathcal{D}_{n}(\mathbf{r}) d_{r} \left(\frac{\sin k' \mathbf{r}}{k' \mathbf{r}}\right) d\mathbf{r}'_{n}$$

$$-4\pi\mathfrak{D}\epsilon\Sigma/(n+1)d_{a}^{n}\int_{r_{a}^{\prime}}^{r_{x}^{\prime}}\frac{r^{2}}{k^{\prime 2}}\mathcal{D}_{n}(r)d_{r}\left(\frac{\sin k^{\prime}r}{k^{\prime}r}\right)dr^{\prime}$$

$$-4\pi \mathfrak{D} \epsilon \sum_{r} d_{n}^{n+2} \int_{r_{s}}^{r_{s}} \frac{r^{2}}{k'^{2}} d_{r} f_{n}(r) d_{r} \left(\frac{\sin k' r}{k' r} \right) dr'_{s},$$

$$\mathfrak{L} = \mathfrak{L} - (1 - 2\varepsilon) \mathbf{u}^{\prime 2} \mathbf{S} + 8\pi \mathfrak{D}_{\varepsilon} \mathbf{\Sigma} \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \left[\frac{\mathbf{r}_{\omega}^{n+2} \boldsymbol{\mathcal{Q}}_{\varepsilon}(\mathbf{r}_{\omega}^{\prime})}{(n+1)(n+3)} - \frac{(k^{\prime 2} + n\mathbf{u}^{\prime 2}) \mathbf{r}_{\omega}^{n+4} \boldsymbol{\mathcal{Q}}_{n}(\mathbf{r}_{\omega}^{\prime})}{2(n+1)(n+3)(n+5)} \right] + \frac{1 + (-1)^{n+1}}{2} \mathbf{v}^{-1} \frac{\mathbf{u}^{\prime} \mathbf{r}_{\omega}^{n+3} \boldsymbol{\mathcal{Q}}_{\varepsilon}(\mathbf{r}_{\omega}^{\prime})}{(n+2)(n+1)(n+3)(n+5)} + 8\pi \mathfrak{D}_{\varepsilon} \mathbf{\Sigma} \left\{ \mathbf{d}_{n}^{n} \cdot \mathbf{r}_{\omega}^{r} \mathbf{n}_{n}(\mathbf{r}) \frac{\sin k^{\prime} \mathbf{r}}{k^{\prime} \mathbf{r}} d\mathbf{r} \right\}$$

$$- 8\pi \mathfrak{D}_{\varepsilon} \mathbf{\Sigma} \mathbf{D}_{\varepsilon}^{\prime} \mathbf{L} + \frac{(-1)^{n}}{2(n+1)} \mathbf{r}_{\omega}^{r+1} \boldsymbol{\mathcal{Q}}_{n}(\mathbf{r}) d\mathbf{r} \right\} + 8\pi \mathfrak{D}_{\varepsilon}^{\prime} \mathbf{E}_{\varepsilon}^{\prime} \mathbf{L} + \frac{(-1)^{n}}{2} \mathbf{r}_{\omega}^{r+1} \boldsymbol{\mathcal{Q}}_{n}^{\prime}(\mathbf{r}_{\omega}^{\prime}) - \mathbf{r}_{\omega}^{r+1} \boldsymbol{\mathcal{Q}}_{n}^{\prime}(\mathbf{r}_{\omega}^{\prime}) + \frac{(-1)^{n+1}}{2} \mathbf{\mathcal{Q}}_{n}^{\prime}(\mathbf{r}_{\omega}^{\prime}) + \frac{(-1)^{n}}{2} \mathbf{\mathcal{Q}}_{n}^{\prime}(\mathbf{r}_{\omega}^{\prime}) + \frac{(-1)^{n}}{2} \mathbf{\mathcal{Q}}_{n}^{\prime}(\mathbf{r}_{\omega}^{\prime}) + \frac{(-1)^{n}}{2} \mathbf{\mathcal{Q}}_{n}^{\prime}(\mathbf{r}_{\omega}^{\prime}) + \frac{(-1)^{n}}{2} \mathbf{\mathcal{Q}}_{n}^{\prime}(\mathbf{r}_{\omega}^{\prime}) + \frac{(-1)^{n+1}}{2} \mathbf{\mathcal{Q}}_{n}^{\prime}(\mathbf{r}_{\omega}^{\prime}) + \frac{(-1)^{n}}{2} \mathbf{\mathcal{Q}}_{n}^{\prime}(\mathbf{r$$

$$1 = 4\pi \mathfrak{D} \sum_{\mathbf{r}'} \ln \mathbf{d}_{\mathbf{u}'}^{\mathbf{n}} \int_{\mathbf{r}'}^{\mathbf{r}'} \left(\mathbf{r} \mathcal{D}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}) \frac{\sin k' \mathbf{r}}{k' \mathbf{r}} d\mathbf{r} \right) \\
- \frac{1 + (-1)^n}{2} \frac{\mathbf{n}}{\mathbf{n} + 1} \int_{\mathbf{r}'}^{\mathbf{r}'} \left(\mathbf{r}^{\mathbf{n} + 1} \mathcal{D}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}) d\mathbf{r} \right) \\
- 4\pi \mathfrak{D} \varepsilon \sum_{i} \ln(\mathbf{n} - 1) d_{\mathbf{n}'}^{\mathbf{n}} \int_{\mathbf{r}'}^{\mathbf{r}'} \left(\mathbf{r} \mathcal{D}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}) \frac{\sin k' \mathbf{r}}{k' \mathbf{r}} d\mathbf{r} \right) \\
- \frac{1 + (-1)^n}{2} \frac{\mathbf{n}(\mathbf{n} - 1)}{\mathbf{n} + 1} \int_{\mathbf{r}'}^{\mathbf{r}'} \left(\mathbf{r}^{\mathbf{n} + 1} \mathcal{D}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}) d\mathbf{r} \right) d\mathbf{r} d\mathbf{r}$$

$$-4\pi \mathfrak{D} \varepsilon \Sigma \left| n d_{\mathbf{n}'}^{\mathbf{n}+2} \int_{\mathbf{r}_{o}'}^{\mathbf{r}_{o}'} \left(\mathbf{r} d_{\mathbf{r}} \varphi_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}) \frac{\sin k' \mathbf{r}}{k' \mathbf{r}} d\mathbf{r} \right) \right. \\ + \frac{1 + (-1)^{n}}{2} n \int_{\mathbf{r}_{o}'}^{\mathbf{r}_{o}'} \left(\mathbf{r}^{n+1} \boldsymbol{Q}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}) d\mathbf{r} \right) \\ - \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \frac{n}{n+3} \left(\mathbf{r}_{o}'^{n+2} \boldsymbol{Q}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}_{o}') - \mathbf{r}_{o}'^{n+2} \boldsymbol{Q}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}_{o}') \right) \right|_{\mathbf{r}_{o}''}^{\mathbf{r}_{o}''} \\ - 4\pi \mathfrak{D}' \mathcal{E}' \Sigma \left| \frac{n}{n+1} \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \int_{\mathbf{r}_{o}''}^{\mathbf{r}_{o}''} \left(\mathbf{r}^{n+1} \boldsymbol{Q}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}) d\mathbf{r} \right) \right|_{\mathbf{r}_{o}''}^{\mathbf{r}_{o}''} \\ + 4\pi \mathfrak{D}' \mathcal{E}' \Sigma \left| \frac{n}{n+3} \frac{1 + (-1)^{n}}{2} \left(\mathbf{r}_{o}''^{n+2} \boldsymbol{Q}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}) d\mathbf{r} \right) \right|_{\mathbf{r}_{o}''}^{\mathbf{r}_{o}''} \\ + 4\pi \mathfrak{D}' \mathcal{E}' \Sigma \left| n d_{\mathbf{n}''} \int_{\mathbf{r}_{o}''}^{\mathbf{r}_{o}''} \left(\mathbf{r} \boldsymbol{Q}_{\mathbf{n}}'(\mathbf{r}) \frac{\sin k'' \mathbf{r}}{k'' \mathbf{r}} d\mathbf{r} \right) \right|_{\mathbf{r}_{o}''}^{\mathbf{r}_{o}''} \\ - 4\pi \mathfrak{D}' \mathcal{E}' \Sigma \left| n d_{\mathbf{n}''} \int_{\mathbf{r}_{o}''}^{\mathbf{r}_{o}''} \left(\mathbf{r} d_{\mathbf{n}'}' (\mathbf{r}) \frac{\sin k'' \mathbf{r}}{k'' \mathbf{r}} d\mathbf{r} \right) \right|_{\mathbf{r}_{o}''}^{\mathbf{r}_{o}''} \\ - 4\pi \mathfrak{D}' \mathcal{E}' \Sigma \left| n d_{\mathbf{n}''}^{n+2} \int_{\mathbf{r}_{o}''}^{\mathbf{r}_{o}''} \left(\mathbf{r} d_{\mathbf{n}'}' (\mathbf{r}) \frac{\sin k'' \mathbf{r}}{k'' \mathbf{r}} d\mathbf{r} \right) \right|_{\mathbf{r}_{o}''}^{\mathbf{r}_{o}''} \\ - 4\pi \mathfrak{D}' \mathcal{E}' \Sigma \left| n d_{\mathbf{n}''}^{n+2} \int_{\mathbf{r}_{o}''}^{\mathbf{r}_{o}''} \left(\mathbf{r} d_{\mathbf{n}'}' (\mathbf{r}) \frac{\sin k'' \mathbf{r}}{k'' \mathbf{r}} d\mathbf{r} \right) \right|_{\mathbf{r}_{o}''}^{\mathbf{r}_{o}''} \right|_{\mathbf{r}_{o}''}^{\mathbf{r}_{o}''}$$

$$= 4\pi \mathfrak{D} \sum_{i}^{n} n d_{u'}^{n-2} \left[\frac{1}{u'^{2}} d_{u'}^{2} \int_{b'}^{r_{\omega}'} \left(r \mathcal{D}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}) \frac{\sin k' \mathbf{r}}{k' \mathbf{r}} d\mathbf{r} \right) + \frac{1}{u'^{2} k'^{2}} \int_{b'}^{r_{\omega}'} \left(r^{2} \mathcal{D}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}) d_{\mathbf{r}} \left(\frac{\sin k' \mathbf{r}}{k' \mathbf{r}} \right) d\mathbf{r} \right) \right]_{i}^{n}$$

$$- 4\pi \mathfrak{D} \epsilon \sum_{i}^{n} n(n+1) d_{u'}^{n-2} \left[\frac{1}{u'^{2}} d_{u'}^{2} \int_{b'}^{r_{\omega}'} \left(r \mathcal{D}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}) \frac{\sin k' \mathbf{r}}{k' \mathbf{r}} d\mathbf{r} \right) + \frac{1}{u'^{2} k'^{2}} \int_{b'}^{r_{\omega}'} \left(r^{2} \mathcal{D}_{\mathbf{n}}(\mathbf{r}) d_{\mathbf{r}} \left(\frac{\sin k' \mathbf{r}}{k' \mathbf{r}} \right) d\mathbf{r} \right) \right]_{i}^{n}$$

$$\begin{split} \vec{\beta} &= -4\pi \mathfrak{D} \sum \left| \frac{a_{2t}}{(2t+1)(2t+3)} + \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{(2t+1)(2t+3)} \right| \\ &- 4\pi \mathfrak{D} \cdot \sum \left| \frac{b_{2t}}{(2t+1)(2t+3)} + \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{(2t+1)(2t+3)} \right| \\ &+ 4\pi \mathfrak{D} \cdot \epsilon \sum \left| \frac{a_{2t}}{(2t+3)} + \frac{c_{2t}}{(2t+3)(2t+5)} + \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{2t+3} + \frac{q_{2t}-1}{(2t+3)(t+3)} \right| \\ &+ 4\pi \mathfrak{D} \cdot \epsilon \sum \left| \frac{b_{2t}}{(2t+3)} + \frac{i_{2t}}{(2t+3)(2t+5)} + \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{2t+3} + \frac{q_{2t}-1}{(2t+3)(t+3)(t+5)} \right| \\ &+ 4\pi \mathfrak{D} \cdot \epsilon \sum \left| \frac{b_{2t}}{(2t+3)} + \frac{i_{2t}}{(2t+3)(2t+5)} + \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{2t+3} + \frac{q_{2t}-1}{(2t+3)(t+3)(t+5)} \right| \\ &+ 16\pi^2 \mathfrak{D}^2 \cdot 2 \right| \frac{a_{2t}}{(2t+1)(2t+3)} \left| \sum \left| \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{(2t+1)(2t+3)} \right| \\ &+ 16\pi^2 \mathfrak{D}^2 \cdot 2 \left| \frac{c_{2t}}{(2t+1)(2t+3)} \right| \sum \left| \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{(2t+1)(2t+3)} \right| \\ &+ 16\pi^2 \mathfrak{D}^2 \cdot 2 \left| \sum \frac{a_{2t}}{(2t+1)(2t+3)} \right| \sum \left| \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{(2t+1)(2t+3)} \right| \\ &+ 16\pi^2 \mathfrak{D}^2 \cdot 2 \left| \sum \frac{a_{2t}}{(2t+1)(2t+3)} \right| \sum \left| \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{(2t+1)(2t+3)} \right| \\ &+ 16\pi^2 \mathfrak{D}^2 \cdot 2 \left| \sum \frac{a_{2t}}{(2t+1)(2t+3)} \right| \sum \left| \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{2t+3} \right| + \frac{q_{2t}-l_{2t}}{(2t+1)(2t+3)} \\ &+ 2 \left| \frac{a_{2t}}{(2t+3)(2t+3)} \right| \sum \left| \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{(2t+1)(2t+3)} \right| + \frac{q_{2t}-l_{2t}}{(2t+1)(2t+3)} \\ &+ 2 \left| \frac{b_{2t}}{(2t+1)(2t+3)} \right| \sum \left| \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{(2t+1)(2t+3)} \right| + \frac{c_{2t}}{(2t+3)(2t+3)(2t+3)} \\ &+ 2 \left| \frac{d_{2t}(r_0^*)}{(2t+1)(2t+3)} \right| \sum \left| \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{2t+3} \right| + \frac{c_{2t}-l_{2t}}{(2t+3)(2t+3)(2t+3)} \\ &+ 2 \left| \frac{d_{2t}(r_0^*)}{(2t+1)(2t+3)} \right| \sum \left| \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{2t+3} \right| + \frac{c_{2t}-l_{2t}}{(2t+3)(2t+3)(2t+3)} \\ &+ 2 \left| \frac{d_{2t}(r_0^*)}{(2t+1)(2t+3)} \right| \sum \left| \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{2t+3} \right| + \frac{c_{2t}-l_{2t}}{(2t+3)(2t+3)(2t+3)} \\ &+ 2 \left| \frac{d_{2t}(r_0^*)}{(2t+1)(2t+3)} \right| \sum \left| \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{2t+3} \right| + \frac{c_{2t}-l_{2t}}{(2t+3)(2t+3)} \\ &+ 2 \left| \frac{d_{2t}(r_0^*)}{(2t+1)(2t+3)} \right| \sum \left| \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{2t+3} \right| + \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{(2t+1)(2t+3)} \\ &+ 2 \left| \frac{d_{2t}(r_0^*)}{(2t+1)(2t+3)} \right| \sum \left| \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{2t+3} \right| + \frac{c_{2t}+d_{2t}(r_0^*)}{(2t+1)(2t+3)$$

$$+ \sum_{i=1}^{l} \frac{c_{2t} + d_{2t}(r'_{0})}{(2t+1)(2t+3)} \left\{ \sum_{i=1}^{l} \frac{h_{2t}(r'_{0}) - \frac{1}{2t+7} m_{2t}(r'_{0})}{(2t+3)(2t+5)} \right\}$$

$$+ 8\pi^{2} \mathfrak{D}'^{2} \varepsilon' \sum_{i=1}^{l} \frac{g_{2t}(r''_{0})}{(2t+1)(2t+3)(2t+5)} \sum_{i=1}^{l} \frac{c_{2t} + d_{2t}(r''_{0})}{2t+3} + \frac{q_{2t} - l_{2t}(r''_{0})}{(2t+3)(2t+5)} \right\}$$

$$- 8\pi^{2} \mathfrak{D}' \varepsilon' \sum_{i=1}^{l} \frac{h_{2t}(r''_{0})}{(2t+1)(2t+3)(2t+5)} \sum_{i=1}^{l} \frac{h_{2t}}{2t+3} + \frac{i_{2t}}{(2t+3)(2t+5)} \left\{ \sum_{i=1}^{l} \frac{g_{2t}(r''_{0})}{(2t+3)(2t+5)} \right\}$$

$$- 8\pi^{2} \mathfrak{D}' \varepsilon \sum_{i=1}^{l} \frac{g_{2t}(r''_{0})}{(2t+1)(2t+3)(2t+5)} \sum_{i=1}^{l} \frac{g_{2t}}{2t+3} + \frac{e_{2t}}{(2t+3)(2t+5)} \left\{ \sum_{i=1}^{l} \frac{g_{2t}(r''_{0})}{(2t+3)(2t+5)} \right\}$$

$$- 4\pi^{2} \mathfrak{D} \mathfrak{D}' \varepsilon \sum_{i=1}^{l} \frac{g_{2t}(r''_{0})}{(2t+1)(2t+3)(2t+5)} \sum_{i=1}^{l} \frac{g_{2t}(r''_{0})}{(2t+3)(2t+5)} \left\{ \sum_{i=1}^{l} \frac{g_{2t}(r''_{0})}{(2t+3)(2t+5)} \right\}$$

$$- 4\pi^{2} \mathfrak{D} \mathfrak{D}' \varepsilon \sum_{i=1}^{l} \frac{g_{2t}(r''_{0})}{(2t+1)(2t+3)(2t+5)} \sum_{i=1}^{l} \frac{h_{2t}(r''_{0}) - \frac{1}{2t+7} m_{2t}(r'_{0})}{(2t+3)(2t+5)} \right\}$$

$$= 2\pi \mathfrak{D} \sum_{i=1}^{l} \frac{g_{2t}(r''_{0})}{(2t+3)(2t+5)} \sum_{i=1}^{l} \frac{h_{2t}(r''_{0}) - \frac{1}{2t+7} m_{2t}(r''_{0})}{(2t+3)(2t+5)} \right\}$$

$$= - 8\pi^{2} \mathfrak{D}^{2} \sum_{i=1}^{l} \frac{c_{2t} + d_{2t}(r''_{0})}{(2t+1)(2t+3)} \sum_{i=1}^{l} \frac{h_{2t}(r''_{0}) - \frac{1}{2t+7} m_{2t}(r''_{0})}{(2t+3)(2t+5)} \right\}$$

$$= - 8\pi^{2} \mathfrak{D}^{2} \sum_{i=1}^{l} \frac{c_{2t} + d_{2t}(r''_{0})}{(2t+1)(2t+3)} \sum_{i=1}^{l} \frac{h_{2t}(r''_{0}) - \frac{1}{2t+7} m_{2t}(r''_{0})}{(2t+3)(2t+5)} \right\}$$

 $I = 8\pi^{2} \mathfrak{D}' \Sigma / \frac{g_{2t}(r''_{0})}{(2t+1)(2t+3)(2t+5)} / \frac{(2t+3)(2t+5)}{(2t+1)(2t+3)(2t+5)} / \frac{(t+1)(h_{2t}(r'_{0}) - \frac{1}{2t+7}m_{2t}(r'_{0}))}{(2t+3)(2t+5)} / \frac{g_{2t}(r''_{0})}{(2t+3)(2t+5)} / \frac{g_{2t}(r''_{0})}{(2t+5)(2t+5)} / \frac{g_{2t}(r''_{0})}{(2t+5)(2t+5)} / \frac{g_{2t}(r''_{0})}{(2t+5)(2t+5)} / \frac{g_{2t}(r''_{0})}{(2$

Da hier die Grössen $\overline{\alpha}$, und $\overline{\delta}$, nicht Null sein können für alle Werthe von r_o , so muss dieser Strahl der ungewöhnliche sein. Die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des zweiten Strahls wird durch lie Gleichung (355) bestimmt, wo:

$$\frac{\mathbf{B}}{\mathbf{w}} = \frac{\mathbf{C}}{\mathbf{v}} = -\frac{\mathbf{u}\mathbf{A}(1 - \varepsilon \mathbf{p} - \varepsilon'\mathbf{q})}{\mathbf{v}^2 + \mathbf{w}^2}, \quad \frac{\mathbf{B}'}{\mathbf{w}} = \frac{\mathbf{C}'}{\mathbf{v}} = -\frac{\mathbf{u}\mathbf{A}'}{\mathbf{v}^2 + \mathbf{w}^2}$$

setzen ist, weil man $1 - \mu = 1 - \epsilon p - \epsilon'q$ annehmen kann. Die Geschwindigkeit dieses zweiten Strahls soll von u unablingig sein und diese Bedingung, so wie die Bedingungsgleichung (356) werden jetzt gewisse Bedingungen für die Molekülar
Tifte geben. Man hat nämlich:

$$+1+(1-\mu)u^{2}\mathfrak{I}=\mathfrak{E}-\varepsilon(p-2)u^{2}\mathfrak{F}-\varepsilon'qu^{2}\mathfrak{F}$$

$$+4\pi\mathfrak{D}\mathfrak{Z}\left|2td_{n'}^{2t}\int_{\Gamma_{0}^{\prime}}^{\Gamma_{\infty}^{\prime}}\left(r\mathfrak{D}_{2t}(r)\frac{\sin k'r}{k'r}dr\right)-\frac{2t}{2t+1}\int_{\Gamma_{0}^{\prime}}^{\Gamma_{\infty}^{\prime}}\left[r^{2t-1}\mathfrak{D}_{2t}(r)dr\right]\right|$$

$$VII.$$
11

$$+ 8\pi \mathfrak{D} \, \epsilon \, \sum_{i} \frac{a_{2i}}{(2i+1)(2i+3)} + \frac{(k^{2}+2tu^{3})a_{2i}(r_{0}^{c})}{2(2t+1)(2t+3)(2t+5)}$$

$$+ 8\pi \mathfrak{D} \, \epsilon \, \sum_{i} d_{i}^{2i} \int_{r_{i}}^{r_{i}^{c}} r \, \mathcal{Q}_{2i}(r) \frac{\sin kr}{kr} \, dr \Big) - \frac{1}{2t+1} \int_{r_{i}^{c}}^{r_{2i+1}} \mathcal{Q}_{2i}(r) dr \Big|$$

$$- 4\pi \mathfrak{D} \, \epsilon \, \sum_{i} |2t(2t-1)d_{i}^{2i} \int_{r_{i}^{c}}^{r_{i}^{c}} r \, \mathcal{Q}_{2i}(r) \frac{\sin kr}{kr} \, dr \Big)$$

$$- \frac{2t(2t-1)}{2t+1} \int_{r_{i}^{c}}^{r_{i}^{c}} r^{2t+1} \mathcal{Q}_{2i}(r) dr \Big|$$

$$- 4\pi \mathfrak{D} \, \epsilon \, \sum_{i} |2td_{i}^{2i+2} \int_{r_{i}^{c}}^{r_{i}^{c}} r \, d_{i}^{c} \, \mathcal{Q}_{2i}(r) \frac{\sin kr}{kr} \, dr \Big|$$

$$+ 2t \int_{r_{i}^{c}}^{r_{2i+1}} \mathcal{Q}_{2i}(r) dr \Big|$$

$$+ 8\pi \mathfrak{D}' \, \epsilon' \, \sum_{i} |\frac{2t}{(2t+1)}|\frac{1}{(2t+3)} - \int_{r_{i}^{c}}^{r_{2i+1}^{c}} r^{2t+1} \mathcal{Q}_{2i}(r) \, dr \Big|$$

$$+ 4\pi \mathfrak{D}' \, \epsilon' \, \sum_{i} |\frac{2t}{2t+3} [c_{2i} + d_{2i}(r_{i}^{c})] - \frac{6t}{r_{i}^{c}} \int_{r_{i}^{c}}^{r_{2i+1}^{c}} \mathcal{Q}_{2i}(r) dr \Big|$$

$$+ 4\pi \mathfrak{D}' \, \epsilon' \, \sum_{i} |\frac{2t}{2t+3} [c_{2i} + d_{2i}(r_{i}^{c})] - \frac{6t}{r_{i}^{c}} \int_{r_{i}^{c}}^{r_{2i}^{c}} r \, \mathcal{Q}_{2i}(r) dr \Big|$$

$$+ 8\pi \mathfrak{D}' \, \epsilon' \, \sum_{i} |\frac{2t}{2t+3} [c_{2i} + d_{2i}(r_{i}^{c})] - \frac{6t}{r_{i}^{c}} \int_{r_{i}^{c}}^{r_{2i}^{c}} r \, \mathcal{Q}_{2i}(r) dr \Big|$$

$$+ 2\pi \mathfrak{D}' \, \epsilon' \, \sum_{i} |\frac{d_{2i}(r_{i}^{c})}{(2t+1)(2t+3)} - d_{2i}^{2i} \int_{r_{i}^{c}}^{r_{i}^{c}} r \, \mathcal{Q}_{2i}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr \Big)$$

$$- 8\pi \mathfrak{D}' \, \epsilon' \, \sum_{i} |2t(2t-1)d_{i}^{2i} \int_{r_{i}^{c}}^{r_{i}^{c}} r \, \mathcal{Q}_{2i}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr \Big)$$

$$- 4\pi \mathfrak{D}' \, \epsilon' \, \sum_{i} |2t(2t-1)d_{i}^{2i} \int_{r_{i}^{c}}^{r_{i}^{c}} r \, \mathcal{Q}_{2i}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr \Big)$$

$$+ 2t d_{i}^{2i+2} \int_{r_{i}^{c}}^{r_{i}^{c}} r \, \mathcal{Q}_{2i}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr \Big)$$

$$+ 2t d_{i}^{2i+2} \int_{r_{i}^{c}}^{r_{i}^{c}} r \, \mathcal{Q}_{2i}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr \Big)$$

$$+ J + (1 - \mu)u^{2} J = J + \epsilon(p - 2)u^{2} J + \epsilon^{2} q J$$

$$+ 4\pi \mathfrak{D} \Sigma \Big| 2t d_{2}^{2d} \int_{r_{0}}^{r_{0}} \left(r \mathcal{O}_{2t}^{2}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr\right) \Big|$$

$$- 8\pi \mathfrak{D} \epsilon \Sigma \Big| \frac{d_{2t}(r_{0}^{2})}{(2t+1)(2t+3)} - d_{2}^{2d} \int_{r_{0}}^{r_{0}^{2}} \left(r \mathcal{O}_{2t}^{2}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr\right) \Big|$$

$$- 4\pi \mathfrak{D} \epsilon \Sigma \Big| 2t(2t-1) d_{2}^{2d} \int_{r_{0}}^{r_{0}^{2}} \left(r \mathcal{O}_{2t}^{2}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr\right) \Big|$$

$$+ 2t d_{2}^{2t+2} \int_{r_{0}}^{r_{0}^{2}} \left(r d_{r} \mathcal{G}_{2t}^{2}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr\right) \Big|$$

$$+ 2t d_{2}^{2t+2} \int_{r_{0}^{2}}^{r_{0}^{2}} \left(r d_{r} \mathcal{G}_{2t}^{2}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr\right) \Big|$$

$$+ 4\pi \mathfrak{D}^{2} \Sigma \Big| 2t d_{2}^{2d} \int_{r_{0}^{2}}^{r_{0}^{2}} \left(r \mathcal{O}_{2t}^{2}(r) \frac{\sin kr}{k^{2}r} dr\right) - \frac{2t}{2t+1} \int_{r_{0}^{2}}^{r_{0}^{2}} \left[r^{2t+1} \mathcal{O}_{2t}^{2}(r) dr\right] \Big|$$

$$+ 8\pi \mathfrak{D}^{2} \epsilon^{2} \Sigma \Big| \frac{d^{2t}}{d_{2}^{2}} \int_{r_{0}^{2}}^{r_{0}^{2}} \left(r \mathcal{O}_{2t}^{2}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr\right) - \frac{1}{2t+1} \int_{r_{0}^{2}}^{r_{0}^{2}} \left[r^{2t+1} \mathcal{O}_{2t}^{2}(r) dr\right] \Big|$$

$$- 4\pi \mathfrak{D}^{2} \epsilon^{2} \Sigma \Big| 2t(2t-1) d_{2}^{2t} \int_{r_{0}^{2}}^{r_{0}^{2}} \left(r \mathcal{O}_{2t}^{2}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr\right) - \frac{2t(2t-1)}{2t+1} \int_{r_{0}^{2}}^{r_{0}^{2}} \left[r^{2t+1} \mathcal{O}_{2t}^{2}(r) dr\right] \Big|$$

$$- 4\pi \mathfrak{D}^{2} \epsilon^{2} \Sigma \Big| 2t d_{2}^{2t+2} \int_{r_{0}^{2}}^{r_{0}^{2}} \left(r d_{r} \mathcal{G}_{2t}^{2}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr\right) + 2t \int_{r_{0}^{2}}^{r_{0}^{2}} \left[r^{2t+1} \mathcal{O}_{2t}^{2}(r) dr\right] \Big|$$

$$- 4\pi \mathfrak{D}^{2} \epsilon^{2} \Sigma \Big| 2t d_{2}^{2t+2} \int_{r_{0}^{2}}^{r_{0}^{2}} \left[r^{2t+1} \mathcal{O}_{2t}^{2}(r) dr\right] \Big|$$

$$+ 8\pi \mathfrak{D}^{2} \epsilon^{2} \Sigma \Big| 2t d_{2}^{2t+2} \int_{r_{0}^{2}}^{r_{0}^{2}} \left[r^{2t+1} \mathcal{O}_{2t}^{2}(r) dr\right] \Big|$$

$$- 4\pi \mathfrak{D}^{2} \epsilon^{2} \sum \Big| 2t d_{2}^{2t+2} \int_{r_{0}^{2}}^{r_{0}^{2}} \left[r^{2t+1} \mathcal{O}_{2t}^{2}(r) dr\right] \Big|$$

$$+ 4\pi \mathfrak{D}^{2} \epsilon^{2} \sum \Big| 2t d_{2}^{2t+2} \int_{r_{0}^{2}}^{r_{0}^{2}} \left[r^{2t+1} \mathcal{O}_{2t}^{2}(r) dr\right] \Big|$$

$$+ 4\pi \mathfrak{D}^{2} \epsilon^{2} \sum \Big| 2t d_{2}^{2t+2} \int_{r_{0}^{2}}^{r_{0}^{2}} \left[r^{2t+1} \mathcal{O}_{2t}^{2}(r) dr\right] \Big|$$

$$+ 4\pi \mathfrak{D}^{2} \epsilon^{2} \sum \Big| 2t d_{2}^{2t+2} \int_{r_{0}^{2}}^{r_{0}^{2}} \left[r^{2t+1} \mathcal{O}_{2t}^{2}(r) dr\right] \Big|$$

$$+ 4\pi \mathfrak{D}^{2} \epsilon^{2} \sum \Big| 2t d_{2}^{2t+2} \int_{r_{0}^{2}}^{r_{0}^{2}} \left[r^{2t+2} \mathcal{O$$

Wegen der Unabhängigkeit dieser Grössen von u erhält mat die folgenden Bedingungsgleichungen:

$$\Sigma \left| \frac{2 \operatorname{th}_{2t}(r_0)}{(2t+1)(2t+3)(2t+5)} \right| = 0,$$

$$\Sigma \left| 2 \operatorname{td}_a^{2t} \int_{r_0}^{r_\infty} \left(r \mathcal{O}_{2t}(r) \frac{\sin kr}{kr} \, dr \right) \right| = \text{einer von u und folglich auch von}$$

$$k \text{ unabhängigen Grösse} = p(r_0),$$

$$\Sigma \left| \mathbf{d}_{\mathbf{n}}^{2t} \int_{\mathbf{r}}^{\mathbf{r}_{\infty}} \left(\mathbf{r} \boldsymbol{\Phi}_{2t}(\mathbf{r}) \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \, d\mathbf{r} \right) \right| - \Sigma \left| \mathbf{t} (2\mathbf{t} - 1) \mathbf{d}_{\mathbf{n}}^{2t} \int_{\mathbf{r}_{\infty}}^{\mathbf{r}_{\infty}} \left(\mathbf{r} \boldsymbol{\Phi}_{2t}(\mathbf{r}) \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} d\mathbf{r} \right) \right|$$

$$-\sum_{r_0}^{r_0} t \, d_u^{2t+2} \int_{r_0}^{r_\infty} \left(r d_r \, g_{2t}(r) \, \frac{\sin kr}{kr} dr \right) = \text{einer von u und folglich auch,}$$
was die Glieder betrifft, wo nicht

$$t = 0$$
, von k unabhängigen Grösse $= t(r_0) + \int_{r_0}^{r_\infty} (r \mathcal{O}_0(r) \frac{\sin kr}{kr} dr)$

$$\Sigma \left\{ \frac{(t+1)\left(h_{2t}(r_{o}) - \frac{1}{2t+7}m(r_{o})\right)}{(2t+3)(2t+5)} \right\} \\
= 2 + \frac{h_{2t}(r_{o})}{(2t+1)(2t+3)(2t+5)} + \sum d_{n}^{2t} \int_{r}^{r_{\infty}} \frac{r^{2}}{k^{2}} \varphi_{2t}(r) d_{r} \left(\frac{\sin kr}{kr}\right) dr \right\}$$

$$\sum_{r_0} \left| 2t \, d_u^{2t} \int_{r_0}^{\infty} \left(r \mathcal{O}_{2t}^{\prime}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr \right) \right| = \text{einer von u und folglich auch von } k \text{ unabhängigen Grösse} = p'(r_0)$$

$$\sum_{i}^{l} d_{\mathbf{u}}^{2t} \int_{\mathbf{r}}^{\mathbf{r}_{\infty}} \left(\mathbf{r} \mathbf{\mathcal{Q}}_{2t}^{\prime}(\mathbf{r}) \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} d\mathbf{r} \right) \left\langle -\sum_{i}^{l} t (2t-1) d_{\mathbf{u}}^{2t} \int_{\mathbf{r}}^{\mathbf{r}_{\infty}} \left(\mathbf{r} \mathbf{\mathcal{Q}}_{2t}^{\prime}(\mathbf{r}) \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} d\mathbf{r} \right) \right\rangle$$

$$-\sum_{r_0} t \, d_{\mathbf{u}}^{2t+2} \int_{r_0}^{r_{\infty}} \left(r d_{\mathbf{r}} \, \varphi_{2t}'(\mathbf{r}) \frac{\sin k \mathbf{r}}{k \mathbf{r}} d\mathbf{r} \right) = \text{einer von u und folglich auch was die Glieder betrifft, wo nicht$$

$$t = 0$$
, von k unabhängigen Grösse $= t'(r_0) + \int_{r_0}^{r_\infty} (r Q_0(r) \frac{\sin kr}{kr} dr)$

$$\sum_{j}^{l} d_{\mathbf{u}}^{2t} \int_{\mathbf{r}}^{\mathbf{r}_{x}} \mathcal{D}''(\mathbf{r}) d_{\mathbf{r}} \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \right) d\mathbf{r} \right]_{\mathbf{r}}^{l} = 0.$$

$$\begin{split} & \sum_{i=0}^{k} \frac{1}{i} \int_{t_{0}}^{t_{0}} \left(r \mathcal{Q}_{2t}^{"}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr \right)_{i}^{t_{1}} - \sum_{i=0}^{k} t(2t-1) d_{i}^{2t} \int_{t_{0}}^{t_{0}} \left(r \mathcal{Q}_{2t}^{"}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr \right)_{i}^{t_{1}} \\ & = \text{einer von a und folglich auch, was die Glieder betrifft, wo nicht was die Glieder betriff$$

$$-4\pi \mathfrak{D}'(k^{2}-u^{2})s' \Sigma \left\{2t(2t+1)d_{u}^{2t-2} \left[\frac{1}{u^{2}}d_{u}^{2}\int_{r_{o}''}^{r_{o}''}\left(r \Phi_{2t}''(r) \frac{\sin kr}{kr} dr\right) + \frac{1}{u^{2}k^{2}}\int_{r_{o}''}^{r_{o}''}\left(r^{2}\Phi_{2t}''(r) d_{r}\left(\frac{\sin kr}{kr}\right) dr\right)\right]\right\}.$$

e Gleichungen (356) geben ferner die Bedingungsgleichungen:
$$(380)$$

$$\Sigma \left| \frac{2t}{2t+1} \int_{r_0}^{r_\infty} \left(r^{2t+1} \mathcal{O}_{2t}(r) dr \right) \right| = \Sigma \left| 2t d_n^{2t} \int_{r_0}^{r_\infty} \left(r \mathcal{O}_{2t}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr \right) \right| = p(r_0),$$

$$\Sigma \left| 2t d_n^{2t-2} \left[\frac{1}{u^3} d_n^2 \int_{r_0}^{r_\infty} \left(r \mathcal{O}_{2t}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr \right) + \frac{1}{u^2 k^2} \int_{r_0}^{r_\infty} \left(r \mathcal{O}_{2t}(r) d_r \left(\frac{\sin kr}{kr} \right) dr \right) \right] \right| = 0,$$

$$\Sigma \left| 2t (2t+1) d_n^{2t-2} \left[\frac{1}{u^3} d_n^2 \int_{r_0}^{r_\infty} \left(r \mathcal{O}_{2t}(r) \frac{\sin kr}{kr} dr \right) + \frac{1}{u^2 k^2} \int_{r_0}^{r_\infty} \left(r^2 \mathcal{O}_{2t}(r) d_r \left(\frac{\sin kr}{kr} \right) dr \right) \right] \right| = 0,$$

$$\Sigma \left| 2t \left(r^2 d_{t-1} \mathcal{O}_{t-1}^{r_\infty} (r) dr \right) \right| = 0,$$

$$\Sigma \left| \frac{2t}{2t+1} \int_{\Gamma_o}^{\Gamma_o} \left(\mathbf{r}^{2t+1} \boldsymbol{\Phi}_{2t}^{"}(\mathbf{r}) d\mathbf{r} \right) \right| = \Sigma \left| 2t d_u^{2t} \int_{\Gamma_o}^{\Gamma_o} \left(\mathbf{r} \boldsymbol{\Phi}_{2t}^{"}(\mathbf{r}) \frac{\sin k \mathbf{r}}{k \mathbf{r}} d\mathbf{r} \right) \right| = \mathbf{p}^{"}(\mathbf{r}_o),$$

$$\sum_{i=1}^{k} 2t \, \mathrm{d}_{\mathbf{u}}^{2t-2} \left[\frac{1}{\mathrm{u}^{2}} \, \mathrm{d}_{\mathbf{u}}^{2} \int_{r_{0}}^{r_{\infty}} \left(\mathbf{r} \, \boldsymbol{\Phi}_{2t}^{\prime\prime}(\mathbf{r}) \, \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \, \mathrm{d}\mathbf{r} \right) \right]$$

$$+\frac{1}{\mathbf{u}^{2}k^{2}}\int_{r_{0}}^{r_{\infty}}\left(\mathbf{r}\,\boldsymbol{\varphi}_{2t}(\mathbf{r})\mathbf{d}_{\mathbf{r}}\left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}}\right)\mathbf{d}\mathbf{r}\right)\right]\Big|=0,$$

$$\mathbf{Z} \left\{ 2t(2t+1) \mathbf{d}_{u}^{2t-2} \left[\frac{1}{u^{2}} \mathbf{d}_{u}^{2} \int_{r_{o}}^{r_{o}} \left(\mathbf{r} \, \mathcal{Q}_{2t}^{"}(\mathbf{r}) \frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \, d\mathbf{r} \right) + \frac{1}{u^{2}k^{2}} \int_{r_{o}}^{r_{o}} \left(\mathbf{r}^{2} \, \mathcal{Q}_{2t}^{"}(\mathbf{r}) \, \mathbf{d}_{r} \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \right) d\mathbf{r} \right) \right] \right\} = 0,$$

$$(3-p)\sum_{j_{2}}\frac{k^{2}h_{2i}(r_{0})}{j_{2}(2t+1)(2t+3)(2t+5)j}+t(r_{0})+\int_{r_{0}}^{r_{\infty}}\left(r\frac{g_{i}(r)\frac{\sin kr}{kr}dr}{kr}dr\right)\\ +\sum_{j_{1}}^{j_{2}}\frac{(t^{2}t+1)+1|a_{2i}(r_{0})|}{(2t+1)(2t+3)}-\sum_{j_{1}}^{j_{1}}\left(r^{2}t^{2}t^{2}\frac{1}{2}\theta_{2i}(r)dr\right)_{j_{1}}^{j_{1}}\\ +\frac{2-p}{2}\sum_{j_{1}}^{j_{1}}d_{a_{1}}^{2i}\int_{r_{0}}^{r_{\infty}}\left(r^{2}\theta_{2i}(r)d_{r}\left(\frac{\sin kr}{kr}\right)dr\right)_{j_{1}}^{j_{1}}\\ +\sum_{j_{1}}^{j_{2}}\frac{k^{a}\theta_{2i}(r_{0})}{(2(t+1)(2t+3)(2t+5))}+t''(r_{0})+\int_{r_{0}}^{r_{\infty}}\left(r\theta_{0}''(r)\frac{\sin kr}{kr}dr\right)\\ +\sum_{j_{1}}^{j_{1}}\frac{(2t+1)+1}{(2t+1)(2t+3)}b_{2i}(r_{0})_{j_{1}}^{j_{1}}-\sum_{j_{1}}^{j_{1}}\frac{r^{2}t^{2}+1}{r_{0}}\theta_{2i}''(r)dr\right)_{j_{1}}^{j_{1}}=0\\ \sum_{j_{1}}^{j_{1}}\frac{1+t(2t+1)}{(2t+3)}[c+d_{2i}(r_{0})]_{j_{1}}^{j_{1}}-\sum_{j_{1}}^{j_{1}}\frac{3t+1}{r_{0}}\int_{r_{0}}^{r_{\infty}}\left(r\theta_{2i}'(r)dr\right)_{j_{1}}^{j_{1}}=0\\ \sum_{j_{1}}^{j_{1}}\frac{1+t(2t+1)}{r_{0}}\left(r\theta_{2i}'(r)d_{r}\left(\frac{\sin kr}{kr}\right)dr\right)_{j_{1}}^{j_{1}}=0\\ \sum_{j_{1}}^{j_{1}}\frac{1+t(2t+1)}{r_{0}}\left(r\theta_{2i}'(r)d_{r}\left(\frac{\sin kr}{kr}\right)dr\right)_{j_{1}}^{j_{1}}=0$$

Aus der siebenten dieser Gleichungen geht hervor, dass:

 $\int_{r_{z}}^{r_{z}} d_{2t}^{r} \int_{r_{z}}^{r_{z}} d_{2t}(r) d_{r} \left(\frac{\sin kr^{2}}{kr} \right) dr'_{r} \text{ von u unabhängig sein muss, folglich}$

$$= r(r_o) + \int_r^{r_x} r^2 Q_o(r) d_r \left(\frac{\sin kr}{kr} \right) dr.$$

etst man jetzt:

$$\int_{r_0}^{r_x} r \Phi_o(r) \frac{\sin kr}{kr} dr = B(r_o) + B_1(r_o) k^2 + B_2(r_o) k^4 + \dots$$

wird:

$$\int_{\mathbf{r}_o}^{\mathbf{r}_x} \mathbf{r}^2 \mathcal{O}_o(\mathbf{r}) d_{\mathbf{r}} \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \right) d\mathbf{r} = 2B_1(\mathbf{r}_o) k^2 + 4B_2(\mathbf{r}_o) k^4 + \dots$$

ad die siebente der Gleichungen (350) giebt dann:

$$\left[t(\mathbf{r}_{o}) + \sum_{i} \frac{[2!(2!+1)+1]a_{2i}(\mathbf{r}_{o})_{i}}{(2!+1)(2!+3)} - \sum_{i} \int_{\mathbf{r}_{o}}^{\mathbf{r}_{\infty}} \mathbf{r}^{2t+1} \boldsymbol{\Phi}_{2t}(\mathbf{r}) d\mathbf{r}_{i}^{\prime} + \mathbf{B}(\mathbf{r}_{o})\right] \\
\cdot (3-\mathbf{p}) \left[\sum_{i} \frac{h_{2i}(\mathbf{r}_{o})}{2(2!+1)(2!+3)(2!+5)} + \mathbf{B}_{1}(\mathbf{r}_{o})\right] k^{2} \\
+ (5-2\mathbf{p}) \mathbf{B}_{2}(\mathbf{r}_{o}) k^{4} + \dots = \mathbf{0},$$

oraus gefunden wird:

$$\Sigma_{1}^{\prime} \frac{[2!(2t+1)+1]a_{2t}(r_{o})_{1}}{(2t+1)(2t+3)} - \Sigma_{1}^{\prime} \int_{r_{o}}^{r_{x}} r^{2t+1} \Phi_{2t}(r) dr_{1}^{\prime} + B(r_{o}) = 0,$$

$$-p) \left[\Sigma_{1}^{\prime} \frac{h_{2t}(r_{o})}{(2t+1)(2t+3)(2t+5)} + B_{1}(r_{o}) \right] = 0,$$

$$(5-2p) B_{2}(r_{o}) = 0 \text{ etc.}$$

d hieraus ferner:

$$B_a(r_o) = o$$
. $B_a(r_o) = o$ etc.. folglich:

$$\int_{r_o}^{r_x} r^2 \mathcal{D}_o(r) d_r \left(\frac{\sin kr}{kr} \right) dr = 2B_1(r_o) k^2.$$

Die zweite der Gleichungen (381) gieht dann entweder:

$$\mathbf{q}(\mathbf{r}_{o}) = \frac{1}{2} \int_{\mathbf{r}_{o}}^{\mathbf{r}_{o}} \mathcal{D}_{o}(\mathbf{r}) d_{\mathbf{r}} \left(\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}} \right) d\mathbf{r} = -\frac{1}{2} \sum_{l=1}^{N} \frac{h_{2l}(\mathbf{r}_{o})}{(2l+1)(2l+3)(2l+5)l},$$

and die vierte der Gleichungen (378) giebt dann p = x, was möglich ist, oder p - 3 = 0, folglich:

$$p=3$$
.

Die vierte der Gleichungen (378) giebt dann: (383)

$$2B_{1}(r_{o})k^{2} = \sum_{r_{o}}^{r_{\infty}} \mathcal{P}_{o}(r) d_{r} \left(\frac{\sin kr}{kr}\right) dr = k^{2} \left[\sum_{l=1}^{r_{o}} \frac{t h_{2l}(r_{o})}{(2t+1)(2t+5)l} - \sum_{l=1}^{r_{o}} \frac{(t+1) m_{2l}(r_{o})}{(2t+3)(2t+5)(2t+7)l} \right]$$

Die achte der Gleichungen (380) auf dieselbe Weise behadelt giebt:

$$\Sigma \left| \frac{(t+1)\left(g_{2t}(r_{o}) - \frac{1}{2t+7}n(r_{o})\right)}{(2t+3)(2t+5)} \right| = o,$$

$$\Sigma \left\{ d_{u}^{2t} \int_{r_{o}}^{r_{o}} r^{2} \mathcal{D}_{2t}(r) d_{r} \left(\frac{\sin kr}{kr} \right) dr \right\} = \tau''(r_{o}) + k^{2} \left[\Sigma \frac{\log_{2t}(r_{o})}{(2t+1)(2t+5)} - \Sigma \frac{(t+1)h_{2t}(r_{o})}{(2t+3)(2t+5)(2t+7)} \right]$$

Die Gleichungen (355) geben jetzt die Fortpflanzungsgeschwind keit des gewöhnlichen Strahls, durch die folgende Formel bestime

$$s^4 - (\overline{a} - \overline{a}, \varepsilon) s^2 k^2 + \overline{\beta} s^2 + \overline{\gamma} - (\overline{\delta} - \overline{\delta}, \varepsilon) k^2 + (\overline{\lambda} - \overline{\lambda}, \varepsilon) k^4 =$$

Wir werden jetzt untersuchen, ob die Gleichungen (35 stattsinden können oder nicht. Die erste dieser Gleichungen giel $2 + 1 + u^2(1 - 4\varepsilon) + u^2(1 - 2\varepsilon) + u^2(1 - 2\varepsilon) + u^2(1 - 4\varepsilon) +$

$$+ u^2 \frac{(1-2\varepsilon)i_{\bullet} f_{\bullet,\bullet}}{\varepsilon} = \mathfrak{E} + \mathfrak{E}$$

oder:

$$\begin{split} &8\pi\mathfrak{D}'\varepsilon'\Sigma/\mathrm{d}_{u}^{2\iota}\int_{r_{o}''}^{r_{\infty}''} \left(\mathbf{r}\,\boldsymbol{\varPhi}_{2\iota}''(\mathbf{r})\frac{\sin k\mathbf{r}}{k\mathbf{r}}\mathrm{d}\mathbf{r}\right)/\mathrm{d}\mathbf{r}\\ &4\pi\mathfrak{D}'\varepsilon'\Sigma/\frac{1}{2\iota+1}\int_{r_{o}''}^{r_{\infty}''} \left[\mathbf{r}^{2\iota+1}\boldsymbol{\varPhi}_{2\iota}''(\mathbf{r})\mathrm{d}\mathbf{r}\right]/\mathrm{d}\mathbf{r}\\ &8\pi\mathfrak{D}\,\varepsilon\,\Sigma/\frac{c_{2\iota}+d_{2\iota}(r_{o}')}{(2\iota+1)(2\iota+3)/} - 8\pi\mathfrak{D}\,\varepsilon\,\Sigma/\int_{r_{o}'}^{r_{\infty}'} \left[\mathbf{r}^{2\iota+1}\boldsymbol{\varPhi}_{2\iota}'(\mathbf{r})\mathrm{d}\mathbf{r}\right]/\mathrm{d}\mathbf{r}\\ &\text{us folgt:}\\ &\Sigma/\frac{(\iota+1)\left(h_{2\iota}(r_{o})-\frac{1}{2\iota+7}m\left(r_{o}\right)\right)}{(2\iota+3)(2\iota+5)}/\mathrm{d}\mathbf{r}\\ &= 0, \end{split}$$

ie Gleichung, wie schon öfter bemerkt, unmöglich ist.

Cap. IV.

ze der Fortpflanzung des Lichts bei circularpolarisirenden isophanen Körpern.

Theorie der circularpolarisirenden isophanen Körper.

Vir haben bisher unter den isophanen Körpern nur diejebetrachtet, in welchen die einfachen transversalen Bewea sich alle mit derselben Geschwindigkeit fortpflanzen. Inrir vorausgesetzt haben, die Molekülarkräfte seien nur Funkdes Abstandes, und die Form der Molekülen sei ohne Einhaben wir gefunden, dass dies nothwendig der Fall sein Es finden sich indessen isophane Körper, in welchen nfachen transversalen Bewegungen sich mit verschiedener windigkeit fortpflanzen, und zwar so, dass die zwei in engesetzter Richtung circularpolarisirten Strahlen, woraus eradlinig polarisirter zusammengesetzt gedacht werden kann, uit ungleicher Geschwindigkeit fortpslanzen. Diese isophaedien werden deswegen circularpolarisirende genannt. Sie uerst von Biot entdeckt worden. Solche sind Terpenthinöl eine Dämpfe, Campher und Zucker im unkrystallinischen ide, Citronenöl u. m. a.

ie physischen Ursachen dieser Erscheinungen sind noch gefunden worden. Dagegen ist eine Form der Differentialgleichungen der unendlich kleinen Bewegungen eines System von Molekülen, welche diesen Erscheinungen entspricht, erst was die Mac-Cullogh und später von Cauchy gegeben worden. Wes anzunehmen ist, dass die Molekülarkräste des Aethers in all Körpern dieselben sind, werde ich hier die Idee der von Cauch gegebenen Gleichungen, welche sich nur auf ein System was Molekülen beziehen, auf zwei Systeme von Molekülen ausdenen. Es ist also noch übrig, die Art der Molekülen ausdenen. Es ist also noch übrig, die Art der Molekülarkräste einen Lieben körper, oder wahrscheinlicher die Fordieser Molekülen zu bestimmen, welche den Disserentialgen chungen der unendlich kleinen Bewegungen diese Form gebwürde. Die Molekülarkräste der Aethermolekülen können als deselben wie in andern Körpern angenommen werden.

Die Disserntialgleichungen der unendlich kleinen Bewege gen zweier Systeme von Molekülen, welche den Erscheinung der circularpolarisirenden isophanen Körper entsprechen, sind

$$(E - d_t^2)\xi + F d_x D + E_t \xi'_t + F_t d_x D' = K_t (d_y \xi' - d_z v'),$$

$$(E - d_t^2)v + F d_y D + E_t v'_t + F_t d_y D' = K_t (d_z \xi' - d_x \xi'),$$

$$(E - d_t^2)\xi + F d_z D + E_t \xi'_t + F_t d_z D' = K_t (d_x v' - d_y \xi'),$$

$$(E \xi'_t)\xi + F d_x D + (E_t - d_t^2)\xi'_t + F_t d_x D' = K_t (d_y \xi'_t - d_z v'),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_y D + (E_t - d_t^2)\psi'_t + F_t d_y D'_t = K_t (d_x \xi'_t - d_x \xi'),$$

$$(E \xi'_t)\xi + F_t d_z D + (E_t - d_t^2)\xi'_t + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'),$$

$$(E \xi'_t)\xi + F_t d_z D + (E_t - d_t^2)\xi'_t + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D + (E_t - d_t^2)\xi'_t + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D + (E_t - d_t^2)\xi'_t + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D + (E_t - d_t^2)\xi'_t + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_z D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_x D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_x D'_t = K_t (d_x v'_t - d_y \xi'_t),$$

$$(E \psi'_t)\xi + F_t d_x D'_t = K_t (d_x v'_t$$

(209) $D = d_x \xi + d_y v + d_z \zeta$, $D' = d_x \xi' + d_y v' + d_z \zeta'$ und $E, E, \ldots F, F, \ldots K, K, \ldots$ charakteristische Funktions von $d_x^2 + d_y^2 + d_z^2$ bezeichnen. Wenn K und K, gleich Null wiren, würden sie mit den Gleichungen (208) übereinstimmen. Die particulären Integrale der Gleichungen (383), welche die einfacts Bewegung darstellen, sind:

 $\xi = \Lambda e^{ux+vy+wz-st}$, $v = Be^{ux+vy+wz-st}$, $\zeta = Ce^{ux+vy+wz-st}$, $\zeta' = A'e^{ux+vy+wz-st}$, $v' = B'e^{ux+vy+wz-st}$, $\zeta' = C'e^{ux+vy+wz-st}$ wo s, A, B, C, A', B', C' den folgenden Gleichungen geniges müssen:

(356)

$$(\mathfrak{C} - \mathfrak{s}^2)A + \mathfrak{F}\mathfrak{u}(\mathfrak{u}A + \mathfrak{v}B + \mathfrak{w}C) + \mathfrak{C}, A' + \mathfrak{F}, \mathfrak{u}(\mathfrak{u}A' + \mathfrak{v}B' + \mathfrak{w}C') = \mathfrak{K}, (\mathfrak{v}C' - \mathfrak{m}B')$$

enn man durch $\mathfrak{C}, \mathfrak{C}, \ldots \mathfrak{F}, \mathfrak{F}, \ldots \mathfrak{R}, \mathfrak{R}, \mathfrak{R}, \mathfrak{m}$ die Grössen bezeicht, welche man durch Substitution der Grössen u, v, w statt **T** Zeichen d_x, d_y, d_z in den charakteristischen Funktionen E, ... $F, F, \ldots K, K, \ldots$ erhält.

Weil die Dilatation des zweiten Systems von Molekülen eich Null ist, so hat man:

$$uA' + vB' + wC' = o,$$

id, wenn man nur die transversalen Bewegungen des ersten ystems von Molekülen betrachtet, ebenso:

$$uA + vB + wC = 0$$
.

ie Gleichungen (386) werden dann:

(387)
$$(\mathfrak{C} - s^{2})A + \mathfrak{C}, A' = \mathfrak{R}, (vC' - wB'),$$

$$(\mathfrak{C} - s^{2})B + \mathfrak{C}, B' = \mathfrak{R}, (wA' - uC'),$$

$$(\mathfrak{C} - s^{2})C + \mathfrak{C}, C' = \mathfrak{R}, (uB' - vA'),$$

$$(\mathfrak{C} + s^{2})A' = \mathfrak{R}, (vC' - wB'),$$

$$(\mathfrak{C} + (\mathfrak{C}, -s^{2})A' = \mathfrak{R}, (vA' - uC'),$$

$$(\mathfrak{C} + (\mathfrak{C}, -s^{2})C' = \mathfrak{R}, (uB' - vA').$$

Eliminirt man aus diesen Gleichungen die Grössen A, B, C, , B', C', so erhält man:

 $\mathbf{C} - \mathbf{s}^2)(\mathcal{C}_{\cdot,\cdot} - \mathbf{s}^2) - \mathcal{C}_{\cdot,\cdot} \mathcal{C}^2 = -[(\mathcal{C} - \mathbf{s}^2)\mathcal{R}_{\cdot,\cdot} - \mathcal{C}\mathcal{R}_{\cdot}]^2 (\mathbf{u}^2 + \mathbf{v}^2 + \mathbf{w}^2),$ where \mathbf{C} is the description of \mathbf{c} is the second of \mathbf{c} .

Ferner sindet man durch Elimination der Grössen A, B, C ie Gleichungen:

$$(389)$$

$$[(\mathfrak{C} - s^2)(\mathfrak{C}, -s^2) - \mathfrak{C}, \mathfrak{C}]A' = [(\mathfrak{C} - s^2)\mathfrak{R}, -\mathfrak{C}, \mathfrak{R},](vC' - wB'),$$

$$[(\mathfrak{C} - s^2)(\mathfrak{C}, -s^2) - \mathfrak{C}, \mathfrak{C}]B' = [(\mathfrak{C} - s^2)\mathfrak{R}, -\mathfrak{C}, \mathfrak{R},](wA' - uC'),$$

$$[(\mathfrak{C} - s^2)(\mathfrak{C}, -s^2) - \mathfrak{C}, \mathfrak{C}]C' = [(\mathfrak{C} - s^2)\mathfrak{R}, -\mathfrak{C}, \mathfrak{R},](uB' - vA').$$

Initiplicirt man diese Gleichungen respective mit den Grössen

A', B', C' und addirt, so erhält man, wenn die Grössen &, s nicht gleich Null sind:

(390)
$$A'^{2} + B'^{2} + C'^{2} = 0.$$

Ferner erhält man aus den Gleichungen (387) und (388):

$$\frac{A}{A'} = \frac{\Re, [(\mathfrak{G} - \mathbf{s}^2)(\mathfrak{G}, -\mathbf{s}^2) - (\mathfrak{F}, \cdot, \mathfrak{G}] - \mathfrak{F}, [(\mathfrak{G} - \mathbf{s}^2)\Re, -, \mathfrak{G}\Re,]}{(\mathfrak{G} - \mathbf{s}^2)[(\mathfrak{G} - \mathbf{s}^2)\Re, -, \mathfrak{G}\Re,]} = \frac{B}{B'} = \frac{B}{B'}$$

folglich auch:

(392)
$$A^2 + B^2 + C^2 = 0,$$

(393)
$$AA' + BB' + CC' = 0.$$

Wenn die Systeme vollkommen diaphan wären, so kann mestzen:

$$u = u\sqrt{-1}, \ v = t\sqrt{-1}, \ w = w\sqrt{-1}, \ s = s\sqrt{-1}.$$

$$A = ae^{\lambda\sqrt{-1}}, \ B = be^{u\sqrt{-1}}, \ C = ce^{\nu\sqrt{-1}},$$

$$A' = a'e^{\lambda'\sqrt{-1}}, \ B' = b'e^{\mu'\sqrt{-1}}, \ C' = c'e^{\nu'\sqrt{-1}},$$

ferner der Kürze willen:

[(169)]
$$u^2 + v^2 + w^2 = k^2$$
,
[(154)] $ux + vy + wz = \varrho$, [(198)] $r = \frac{\varrho}{k}$.

Die reellen Theile von ξ , v, ζ , ξ' , v', ζ' , welche noch den Differentialgleichungen (385) Genüge leisten, werden dann:

(235)
$$\xi = a \cos(kr - st + \lambda),$$

$$v = b \cos(kr - st + \mu),$$

$$\zeta = c \cos(kr - st + \nu),$$

$$\xi' = a'\cos(kr - st + \lambda'),$$

$$v' = b'\cos(kr - st + \mu'),$$

$$\zeta' = c'\cos(kr - st + \nu').$$

Die Gleichungen (392) und (390) geben jetzt:

 $a^{2} \cos[2(kr-st+\lambda)] + b^{2} \cos[2(kr-st+\mu)] + c^{2} \cos[2(kr-st+\nu)] = 0$ $a'^{2} \cos[2(kr-st+\lambda')] + b'^{2} \cos[2(kr-st+\mu')] + c'^{2} \cos[2(kr-st+\nu')] = 0$ und wegen dieser Gleichungen erhält man ferner:

(395)
$$\xi^{2} + v^{2} + \zeta^{2} = \frac{1}{2} (a^{2} + b^{2} + c^{2}),$$

$$\xi'^{2} + v'^{2} + \zeta'^{2} = \frac{1}{2} (a'^{2} + b'^{2} + c'^{2}).$$

Aus diesen letzten Gleichungen und wegen der Gleichungen:

$$u\xi + vv + w\zeta = 0,$$

 $u\xi' + vv' + w\zeta' = 0,$

geht hervor, dass die Molekülen in beiden Systemen sich in Kreisen bewegen, deren Ebene im Welleuplane sich befindet und

Radien respective gleich $\sqrt{\frac{a^2+b^2+c^2}{2}}$ und $\sqrt{\frac{{a'}^2+{b'}^2+{c'}^2}{2}}$ d. Die Gleichung (356) giebt jetzt:

(396) $(s^2 + \mathfrak{G})(s^2 + \mathfrak{G}_{,,}) - \mathfrak{G}_{,,,,}\mathfrak{G} = \pm [(s^2 + \mathfrak{G})\mathfrak{K}_{,,} - \mathfrak{G}_{,,}]k$

2 Gleichungen (357) und (359) geben ferner:

$$\frac{vC' - vcB'}{A'} = \frac{vcA' - vC'}{B'} = \frac{vB' - vA'}{C'} = \mp k\sqrt{-1}.$$
glich:
$$\frac{B'}{A'} = -\frac{vc \pm vck\sqrt{-1}}{v^2 + vc^2}, \quad \frac{C'}{A'} = -\frac{vc \pm vc\sqrt{-1}}{v^2 + vc^2}.$$

$$\frac{A}{A'} = \frac{\pm \mathfrak{R}, k - \mathfrak{F},}{\mathfrak{F} + s^2}, \quad \frac{B}{A'} = -\frac{\pm \mathfrak{R}, k - \mathfrak{F},}{(\mathfrak{F} + s^2)} \frac{vc \pm vc\sqrt{-1}}{v^2 + vc^2}.$$

$$\frac{C}{A'} = -\frac{\pm \mathfrak{R}, k - \mathfrak{F},}{(\mathfrak{F} + s^2)} \frac{vc \pm vc\sqrt{-1}}{v^2 + vc^2}.$$

enn man den vom Radius der dem ersten Systeme gehörigen blekülen beschriebenen Kreis auf die Ebene (υ, ζ) projicirt, sord sein Differential in Bezug auf die Zeit t (s. Bd. V. S. 147):

$$\frac{1}{2}(\zeta \mathbf{d}_{t} \mathbf{v} - \mathbf{r} \mathbf{d}_{t} \zeta) = \frac{1}{2} \operatorname{sbc} \sin(\mu - \nu),$$

d die Bewegung dieses Radius in der (y, z) Ebene wird folgh direct oder retrograd sein, je nachdem $\sin(\mu - \nu)$ positiver negativ ist. Nun ist aber:

$$\frac{B}{C} = \frac{b}{c} e^{(\mu - \tau)\sqrt{-1}} = -\frac{rw \pm uk\sqrt{-1}}{u^2 + v^2},$$
Iglich:
$$\sin(\mu - \nu) = \mp \frac{c}{b} \frac{uk}{v^2 + v^2}.$$

Fenn man folglich in der Gleichung (396) rechter Seite das Zeiien + annimmt, so findet man die Fortpflanzungsgeschwindigkeit z circularpolarisirten Strahls, dessen Bewegung auf die (y, z)bene projicirt eine retrograde ist; nimmt man das Zeichen -4 so erhält man die Fortpflauzungsgeschwindigkeit eines zwein circularpolarisirten Strahls, dessen Bewegung auf die (y, z)bene projicirt eine directe ist. Nimmt man an, die xAxe wäre e Richtung des Strahls, so bewegen sich im ersten Falle die olekülen von der positiven yAxe zur positiven zAxe, 'im zweia Falle von der positiven zAxe zur positiven yAxe, oder, wenn e uAxe zur rechten Seite des Anfangspunktes der Coordinaten zitiv gerechnet wird, und die positive zAxe über dem Anfangsmkt liegt, so findet man die Geschwindigkeit des rechts polasirten Strahls, wenn man in der Gleichung (394) das obere sichen + annimmt, diejenige des links polarisirten, wenn man mtere Zeichen — annimmt.

WO:

Stellen wir uns einen von zwei parallelen Ebenen begreten circularpolarisirenden isophanen Körper vor, und denken uns einen geradlinig polarisirten Strahl senkrecht auf die Ebene einfallend. Dieser kann dann aus zwei circularpolariten Strahlen zusammengesetzt gedacht werden, die sich in de Körper mit verschiedenen Geschwindigkeiten, Ω , und Ω_n , bewegen, und wie sie aus dem Körper heraustreten wieder einen radlinig polarisirten Strahl bilden, dessen Polarisationsebene amit derjenigen des einfallenden Strahls einen Winkel bildet. Is ser Winkel ϱ wird der Rotationswinkel genannt.

Es sei χ der Winkel, welchen die Polarisationsebene des fallenden linearpolarisirten Strahls mit der yAxe bildet, so is

(397)
$$v = b \cos(kr - st + \lambda),$$

$$\zeta = c \cos(kr - st + \lambda),$$
wo:
$$b = 2p \cos \chi,$$

$$c = 2p \sin \chi.$$

Dieser linearpolarisirte Strahl kann jetzt in zwei in entgegen setzten Richtungen circularpolarisirte Strahlen getheilt werd Man hat nämlich, wenn man die Werthe von b und c substitui

$$v = p \cos(kr - st + \lambda - \chi) + p \cos(kr - st + \lambda + \chi),$$

$$\zeta = -p \sin(kr - st + \lambda - \chi) + p \sin(kr - st + \lambda + \chi).$$

Die Verschiebungen im ersten circularpolarisirten Strahl in folglich:

(398)
$$v = p \cos(kr - st + \lambda - \chi) = p \cos\left(2\pi \left(\frac{\varphi}{1} - \frac{t}{T}\right)\right),$$

$$\zeta = -p \sin(kr - st + \lambda - \chi) = -p \sin\left(2\pi \left(\frac{\varphi}{1} - \frac{t}{T}\right)\right),$$
und im zweiten:
(399)

$$v = p \cos(kr - st + \lambda + \chi) = p \cos\left(2\pi \left(\frac{\varphi + \frac{1\chi}{\pi}}{1} - \frac{t}{T}\right)\right)^{t}$$

$$\zeta = p \sin(kr - st + \lambda + \chi) = p \sin\left(2\pi \left(\frac{\varphi + \frac{1\chi}{\pi}}{1} - \frac{t}{T}\right)\right)^{t}$$

$$\varphi = \frac{k\mathfrak{r} + \lambda - \chi}{k}, \quad k = \frac{2\pi}{1}.$$

Wenn die yAxe zur rechten Seite des Ansangspunktes der Condinaten positiv gerechnet wird, und der positive Theil der Mardem Anfangspunkt liegt, so ist der erste dieser Strahlen rehend, der zweite rechtsdrehend. Der Radius der beschrie-Kreise ist p.

ezeichnet man durch Ω_1 die Geschwindigkeit des ersten s, durch Ω_2 diejenige des zweiten, so ist Ω_1 durch die ung (396) bestimmt, wenn rechter Seits das Zeichen — it wird, Ω_2 durch dieselbe Gleichung, wenn rechter Seits eichen + gewählt wird. Bezeichnet man durch Θ den id der zwei begrenzenden Ebenen, auf welchen sich der senkrecht bewegt, so wird der erste Strahl den Körper in it $\frac{\Theta}{\Omega_1}$ durchlaufen, der zweite in der Zeit $\frac{\Theta}{\Omega_2}$. Der erste wird folglich um die Zeit $\frac{\Theta}{\Omega_1} - \frac{\Theta}{\Omega_2} = \delta$ später als der aus dem Körper heraustreten. Während dieses Zeitraums δ ler zweite Strahl sich in der Luft um das Stück δ 0 bewevenn man durch O die Geschwindigkeit des Lichts in der ezeichnet. Nach der Zeit $\frac{\Theta}{\Omega_2}$ werden folglich die Verschie im ersten Strahl:

$$v = p' \cos \left| 2\pi \left(\frac{\varphi - \Theta}{1} - \frac{t}{T} \right) \right|,$$

$$\zeta = -p' \sin \left| 2\pi \left(\frac{\varphi - \Theta}{1} - \frac{t}{T} \right) \right|,$$

ı zweiten:

$$v = p' \cos \left| 2\pi \left(\frac{\varphi + \frac{1\chi}{\pi} - \Theta - \delta 0}{1} - \frac{1}{T} \right) \right|$$

$$S = p' \sin \left| 2\pi \left(\frac{\varphi + \frac{1\chi}{\pi} - \Theta - \delta 0}{1} - \frac{1}{T} \right) \right|$$

zwei, in entgegengesetzten Richtungen polarisirten Strahnnen nun wieder zu einem linearpolarisirten zusammenwerden, dessen Polarisationsebene mit der yAxe den Win- $\frac{\delta\pi O}{l}$ bildet. Der Polarisationsplan des Strahls ist folgneinen Winkel $\frac{\delta\pi O}{l}$ gedreht worden, und wenn δ positivs heisst, wenn der rechts drehende circularpolarisirte Strahl it der grössten Geschwindigkeit bewegt, findet die Rotass Polarisationsplans zur rechten Seite statt; wenn δ nest, das heisst, wenn der links drehende circularpolarisirte

Strahl sich mit der grössten Geschwindigkeit bewegt, wir Polarisationsplan auch links gedreht. Der Rotationswinkel

$$(402) \varrho = \frac{\pi \delta(1)}{1}.$$

Nimmt man au, die Grössen (*, C, , C, C, wären von der Form wie bei den gewöhnlichen isophanen Körpern, deren T im Cap. I. entwickelt ist, so wird die Gleichung (396):

 $s^1 - \alpha s^2 k^2 + \beta s^2 + \gamma - \delta k^2 + \lambda k^4 = \pm [(s^2 + \mathfrak{G})\mathfrak{R}, -,$ Hieraus findet man:

$$\Omega_{1}^{2} = \alpha + \frac{(\delta - \alpha \beta)s^{2} - \alpha \gamma}{s^{1} + \beta s^{2} + \gamma} - \frac{\lambda s^{2}}{\alpha s^{2} + \delta} - \frac{[(s^{2} + \mathcal{E})\mathcal{R}_{..} - \mathcal{E}]}{k(s^{4} + \beta s^{2} + \gamma)}$$

$$\Omega_{2}^{2} = \alpha + \frac{(\delta - \alpha \beta)s^{2} - \alpha \gamma}{s^{4} + \beta s^{2} + \gamma} - \frac{\lambda s^{2}}{\alpha s^{2} + \delta} + \frac{[(s^{2} + \mathcal{E})\mathcal{R}_{..} - \mathcal{E}]}{k(s^{4} + \beta s^{2} + \gamma)}$$

Setzt man der Kürze wegen:

(405)
$$a^2 = \alpha - \frac{(\delta - \alpha \beta)s^2 - \alpha \gamma}{s^3 + \beta s^2 + \gamma} - \frac{\lambda s^2}{\alpha s^2 + \delta}$$

und bemerkt, dass a stets sehr gross in Bezug auf den Aus $\frac{[(s^2 + (5)\Re, ... - , \Im\Re,]]}{k(s^4 + \Re s^2 + \nu)}$ ist, so findet man:

(406)
$$\Omega_{1} = a - \frac{[(s^{2} + \mathfrak{F})\mathfrak{R}_{,,} - \mathfrak{F}_{,} \mathfrak{R}_{,}]s^{2}}{2ak(s^{1} + \beta s^{2} + \gamma)},$$

$$\Omega_{2} = a + \frac{[(s^{2} + \mathfrak{F})\mathfrak{R}_{,,} - \mathfrak{F}_{,} \mathfrak{R}_{,}]s^{2}}{2ak(s^{1} + \beta s^{2} + \gamma)},$$

und hieraus:

(407)
$$\delta = \frac{\Theta}{\Omega_1} - \frac{\Theta}{\Omega_2} = \frac{\Theta[(s^2 + \mathfrak{P})\mathfrak{K}, -, \mathfrak{P}\mathfrak{K},]s^2}{a^2k(s^4 + \beta s^2 + \gamma)}.$$

Nun ist aber: $k = \frac{s}{a} = \frac{2\pi 0}{a1}$, folglich wird:

(408)
$$\varrho = \frac{\pi \delta(1)}{1} = \frac{\Theta[(s^2 + (9)\Re, - (9\Re, 7)s^2)]}{2a^2(s^1 + \beta s^2 + \gamma)}.$$

Die Beobachtungen über die den verschiedenen Farben ent chenden Rotationswinkel haben gezeigt, dass dieser direct portional mit Θ ist, und umgekehrt proportional mit dem drate der Wellenlängen, oder, was dasselbe ist, direct protional mit dem Quadrate von k. Man muss folglich annehmen

(409)
$$\Re = f_1 k^2 \cdot \Re = f_1 k^2 \cdot$$

und dass der Ausdruck;

$$\frac{[((? + s^2)f,, -, (?f,]s^2)]}{s^4 + \beta s^2 + \gamma}$$

sich nur wenig mit der Farbe ändert, das heisst für die schiedenen Werthe von s. Setzt man der Kürze wegen:

(410)
$$C = \frac{[(\mathfrak{F} + s^2)f_{,i} - \mathfrak{F}f_{,i}]s^2}{s^4 + \beta s^2 + \gamma},$$
so wird:
$$\varrho = \frac{2\Theta\pi^2 C\Omega^2}{s^4 + 2}.$$

Wenn C positiv ist, die Stellung der Coordinatenaxen wie vorher angenommen, wird der Polarisationsplan rechts, wenn C negativ ist, links gedreht.

Wenn man die Dispersion des Lichts vernachlässigt, und folglich a als von der Farbe unabhängig ansieht, so werden, wegen der Formel (411), für verschiedene Farben die Rotationswinkel in einem für die verschiedenen Körper constanten Verhältniss stehen. Dies bestätigt auch die Erfahrung, ausser bei einem Körper, der Weinsäure im flüssigen Zustande, was bei diesem Körper dadurch erklärt werden kann, dass die Grösse C sich hier bedeutend mit der Farbe ändere. Da indessen die Beobachtungen bei diesem Körper noch nicht hinlänglich bestimmt sind, so zunn hierüber keine bestimmte Hypothese aufgestellt werden.

2. Die Grösse der rotirenden Molekülarkraft und Teren Anwendung zur Bestimmung der in einer Auflösung enthaltenen Quantität eines circularpolarisirenden Stoffes.*)

Wenn ein Fluidum, welches die rotirende Eigenschaft betet, mit einem anderen Fluidum gemengt wird, welchem diese tirende Eigenschaft sehlt, und welches nicht chemisch auf das te Fluidum einwirkt und solglich nur als Verdünnungsmittel tot, so wird bei derselben Länge der Röhren, worin die Fluitent, so wird bei derselben Länge der Röhren, worin die Fluitent beobachtet werden, der Rotationswinkel proportional mit mischungsverhältnisse des rotirenden Fluidums sein. Man tennt mit dem Ausdruck rotirende Molekülarkraft einer instanz den Winkel, um welchen die Substanz den Polarisatischen des rothen Strahls C im Sonnenspectrum dreht, wenn Länge der Röhre die Längeneinheit, z. B. 1 Millimetre, und Abstand der Molekülen ein solcher wäre, dass die Dichtigter Substanz gleich 1 wäre.

Bezeichnet man diese rotirende Molekülarkrast einer gegebeSubstanz durch [ρ], durch ε das Gewichtsverhältniss, worin

n Biot, Compt. rend.: Tome 15, p. 523—542, 619—639, 693—712; **16, p.** 619—639; Tome 18, 4. Nov.; T. 19, 23. Juni; T. 20, 7. Juli.

traht neis mit der grüssten Gesche ung vorkommt, de Pularisationsplan auch links er der Uerth des Rotal (402)

Cap. I sein sollte, den Theil des des velcher durch die gegebene Su

[6] = 0.9

Med bet verchiedenen Farben die Rotationswinkel seiner der wird bei einfallendem weissen Licht das der der der der der der Bild nie verschwinden. So wird bei einfallendem weissen Licht das der Tanashplatte benbachtete Bild nie verschwinden. So wird Farbe mit der Stellung des Prismas oder Turmalins andere Unter diesen verschiedenen Farben ist eine vierlebe den Uebergang vom reinen Blan ann Roth und wildet. Diese wird von Biot die "teinte de passage" gemit der dazu gehörige Rotationswinkel kann ziemlich schaften werden. Der dieser Farbe entsprechende Werth von Biot auf 👯 angegeben worden und entspricht der awinden der orangegelben Strahlen im Sonnenspectrum.

Nach den Beobachtungen Biot's hat man für diese with the de passage, wo m = 33.

	$\frac{m}{ \varrho } = \frac{\Theta \imath \vartheta}{\varrho}$	to
für krystallisirbaren Rohrsucker	+ 1,4	+ {
- Traubenzucker	+ 1,25	++
Destrin ,	+ 0,552	+10
- Diahetesaucker	+ 2,176	+ 1
		+ *
- Stärkezucker, verschiedene Arten	,	+ #
		+ 9
Terpenthinol, verschiedeue Arten, die	- 2,83	- 6
Dichtigkeit & zu 0,872 angenommen .	1 - 3,05	
Terpenthinol, durch wiederhalte Destil-	1	
lationen gereinigt	— 2,6 ⁸	
Citronenöl, & zu 0,847 augenommen	+ 1,70	+4

Das Zeichen + bezeichnet, dass die Deviation zur rechten Seite, das Zeichen -, dass sie zur linken Seite des Beobachters stattfindet.

Aus der Gleichung (412) kann man jetzt umgekehrt, wenn [e] bekannt ist, finden:

$$\epsilon \delta = \frac{\mathbf{m}}{[\varrho]} \cdot \frac{\varrho}{\Theta},$$

und hierdurch die Gewichtsmenge der in einer Auflösung befind lichen einzigen rotirenden Substanz, wenn ihre Art durch irgend andere Versuche schon bestimmt ist.

Mehrere Substanzen ändern unter Einfluss von Säuren ihre rotirende Eigenschaft. Am merkwürdigsten verhält sich hier der Arystallisirbare Rohrzucker. Wenn man einer Auflösung dieses **Zuckers** eine Quantität Hydrochlorsäure oder Schwefelsäure zup**etst, ohne E**rhöhung der Temperatur und mit der nothwendigen Vorsicht, damit die Säure nicht plötzlich auf etliche isolirte Theile der Auflösung wirke, sondern sich gleichmässig durch die ganze Masse verbreite ohne sie augenblicklich zu färben: so findet man, dass die Deviation der Polarisationsebene, welche urpränglich nach rechter Seite des Beobachters stattfand, gradpreise abnimmt, nachher in entgegengesetzter Richtung stattfindet **and nach** kürzerer oder längerer Zeit ein Maximum zur linken **Seite erre**icht, welches immer in einem für dieselbe Farbe con**stanten, für jede Säure** aber verschiedenen Verhältnisse zur ur-Portinglichen Deviation steht, wenn man beide Beobachtungen durch Rechnung auf denselben Grad der Auflösung reducirt. Dieves Verhältniss ist für Hydrochlorsäure und für die violette teinte passage — 0,38 und mit einer Quantität von 1 des Volumens zur ursprünglichen Auflösung wird das Maximum der Interversion **Schon** in etlichen Stunden erreicht. Für Schwefelsäure ist das-Weibe Verhältniss - 0,3867. Wenn nach längerer Zeit die Aufsich zu färben anfängt, wird diese intervertirte Deviation mmer schwächer, bis endlich die Auflösung undurchsichtig wird. keiner anderen Art von Zucker wird die rotirende Krast Temperaturerhöhung und ohne scheinbare Aenderung des Lysischen Zustandes der Auflösung intervertirt, und diese Eienschaft kann folglich dazu dienen, die in einer Auflösung vorcommende Quantität des krystallisirbaren Rohrzuckers sehr ge-Bezeichnet man nämlich die beobachtete **Lea zu bestimmen.** Tation der Polarisationsebene bei einer gegebenen Auflösung durch ϱ , den Theil hiervon, welcher vom krystallisirbaren i zucker herrührt, durch S, den übrigen Theil durch D, so i $S + D = \varrho$.

Setzt man jetzt Hydrochlorsäure oder eine andere Säure zu bezeichnet die intervertirte Rotation, wenn diese durch Rech auf denselben Grad der Verdünnung reducirt wird, durch

setzt — $\mathbf{r} = \frac{+\varrho}{-\varrho'}$, und bezeichnet durch — \mathbf{r}' den Intervers coëfficienten des krystallisiebaren Rohrzuckers, folglich für säure und die violette teinte de passage — $\mathbf{r}' = -0.38$, so

$$-\mathbf{r}'\mathbf{S}+\mathbf{D}=-\mathbf{r}\varrho.$$

Aus diesen beiden Gleichungen findet man:

(414)
$$S = \left(\frac{1+r}{1+r'}\right)\varrho, \quad D = \left(\frac{r'-r}{r'+r}\right)\varrho.$$

Die positiven Rotationswinkel bezeichnen hier, dass die I tion zur rechten, die negativen, dass sie zur linken Seite Beobachters stattfindet.

Um aus den vorhergehenden Formeln (414) wieder das wichtsverhältniss, worin der krystallisirbare Rohrzucker in Auflösung vorkommt, zu bestimmen, hat man für die vio teinte de passage:

$$\epsilon = 1.4 \frac{S}{\Theta \delta}.$$

Bei etlichen Arten von Traubenzucker findet man, wenn sie längere Zeit hindurch kochend in einer wässer Auflösung im Beisein von Säuren gehalten werden, ihre R tionskraft, die immer zur rechten Seite gerichtet ist, mehr plötzliche Verminderungen erleidet und endlich ein gewisses nimum erreicht. Bei Acacia Gummi wird die Rotation, wel ursprünglich links stattfindet, unter dem Einfluss von Säunach rechter Seite intervertirt, aber unter einem Ueberfluss niederschlagender Materie.

Unter den übrigen organischen Alkalien hat Bonchardat folgenden in Hinsicht auf ihre rotirende Eigenschaft untersuch

Das Morphin. sowohl allein als in einer sauren und kalischen Auflösung, dreht immer die Polarisationsebene lit Nur die längere Einwirkung eines Alkali ändert seine rotite Eigenschaft auf eine bleibende Weise.

Das Opian bewirkt in seinen Auflösungen eine starke viation der Polarisationsebene zur linken Seite. Unter Einf ron Säuren geht diese Deviation zur rechten Seite über, und geht nicht zur linken zurück, wenn die Säure durch Ammoniak gesättigt wird.

Das Strychnin bewirkt in seinen Auslösungen eine starke Deviation zur linken Seite. Der Zusatz von Säuren schwächt lie rotirende Kraft sehr, ohne indessen ihre Richtung zu ändern. Wenn die Säure durch Ammoniak gesättigt wird, erhält sie ihre frühere Intensität wieder. Ein Ueberschuss von Ammoniak bewirkt keine sernere Aenderung.

Das Brucin bewirkt, in Alcohol aufgelöst, eine Deviation war linken Seite. Ein Zusatz von Hydrochlorsäure schwächt wagenblicklich die rotirende Krast, ohne ihre Richtung zu ändern. Wenn die Säure durch Ammoniak gesättigt wird, kommt die ursprüngliche rotirende Krast wieder und wird durch einen Ueberschuss von Ammoniak noch vergrössert.

Das Cinchonin äussert in seinen Auflösungen eine starke seitrende Krast zur rechten Seite. Ein Zusatz von Säure seh wächt diese rotirende Krast, ohne ihre Richtung zu ändern. Wenn die Säure gesättigt wird, scheint die rotirende Krast wieder ihre srühere Intensität anzunehmen.

Das Chinin bewirkt in seinen Auflösungen eine Deviation par linken Seite. Unter Einfluss von Säure wird diese rotimade Kraft bedeutend erhöhet, nimmt aber, wenn die Säure reh Ammoniak gesättigt wird, ihre frühere Intensität wieder Ein Ueberschuss von Ammoniak bringt keine fernere Aenrang hervor. Eine Erhöhung der Temperatur schwächt die rorende Kraft des Chinins.

Das Amygdalin und die Amygdalinsäure drehen die larisationsebene zur linken Seite.

Cap. V.

lesetze der Fortpflanzung des Lichts bei circularpolarisirenden einaxig krystallisirten Körpern. -

1. Theorie der Fortpflanzung des Lichts in circularpolarisirenden einaxigen Krystallen.

Wir haben im Cap. III. die Theorie der gewöhnlichen einigen Krystalle entwickelt. In diesen theilet sich ein jeder Strahl wei Strahlen, welche im allgemeinen sich mit ungleicher Ge-

schwindigkeit fortpflanzen und nur längs der Axe zusammenfa len. Ein jeder dieser Strahlen ist linearpolarisirt, und zwar d eine, der gewöhnliche, im Hauptschnitte des Krystalls, der a dere, der ungewöhnliche, in einer auf dem Hauptschnitte sen rechten Ebene. Im Bergkrystall dagegen theilt ein jeder Stra sich in zwei elliptisch-polarisirte, die sich mit ungleicher G schwindigkeit fortpflanzen und in entgegengesetzter Richtung dr Die eine Axe jeder Ellipse fällt in den Hauptschnitt ut ist, wenigstens annäherungsweise, der senkrecht darauf liegende Axe der anderen Ellipse gleich. Bei einigen Individuen pflanze sich die rechtsdrehenden Strahlen mit grösserer Geschwindigke fort, bei anderen die linksdrehenden, und man kann diese öfte durch die äussere Krystallform von einander unterscheiden. E finden sich auch Zwillingskrystalle, die aus rechts- und linkspe larisirenden Theilen bestehen, und ein dem Bergkrystall nahe stehender Körper, der Amethyst, besteht aus lauter solchen sch kleinen Zwillingskrystallen.

Die Differentialgleichungen der unendlich kleinen Bewegen gen zweier Systeme von Molekülen, welche den Erscheinungen der eirenlarpolarisirenden Krystalle entsprechen, sind. wenn die «Axe als Krystallaxe angenommen wird:

$$(A16)$$

$$(L+1-d_t^2)\xi + d_x I(d_y v + d_z \xi) + (L, + I_t)\xi' + d_x I_t(d_y v' + d_z \xi') = \mathbb{E}_t(d_y \xi' - d_z v') + d_x I_t(d_y v' + d_z \xi') = \mathbb{E}_t(d_y \xi' - d_z v') + d_x I_t(d_y v' + d_z \xi') = \mathbb{E}_t(d_y \xi' - d_z v') + d_x I_t(d_y v' + d_z \xi') = \mathbb{E}_t(d_y \xi' - d_z v') + d_x I_t(d_y v' + d_z \xi') = \mathbb{E}_t(d_y \xi' - d_z v') + d_y [(I_t + i)d_x \xi + F(d_y v + d_z \xi)] + E_t v' + d_y [(I_t + i)d_x \xi' + F(d_y v + d_z \xi')] = \mathbb{E}_t(d_z \xi' - d_z \xi') + d_y [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] = \mathbb{E}_t(d_z \xi' - d_z \xi') + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] + E_t \xi' + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] = \mathbb{E}_t(d_x v' - d_y \xi') + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] + (E_t - d_t^2) \xi' + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] = \mathbb{E}_t(d_x v' - d_y \xi') + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] = \mathbb{E}_t(d_x v' - d_y \xi') + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] + (E_t - d_t^2) \xi' + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] = \mathbb{E}_t(d_x v' - d_y \xi') + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] + (E_t - d_t^2) \xi' + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] + (E_t - d_t^2) \xi' + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] + (E_t - d_t^2) \xi' + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] + (E_t - d_t^2) \xi' + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] + (E_t - d_t^2) \xi' + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] + (E_t - d_t^2) \xi' + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] + (E_t - d_t^2) \xi' + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] + (E_t - d_t^2) \xi' + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] + (E_t - d_t^2) \xi' + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] + (E_t - d_t^2) \xi' + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] + (E_t - d_t^2) \xi' + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] + (E_t - d_t^2) \xi' + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] + (E_t - d_t^2) \xi' + d_z [(I_t + i)d_x \xi' + F_t(d_y v' + d_z \xi')] + (E_t - d_t^2) \xi' + (E_t -$$

mn K, und K,, Null wären, so würden diese Gleichungen mit Gleichungen (348) übereinstimmen.

Die particulären Integrale der Gleichungen (395) sind:

=
$$a \cos(k\tau - st + \lambda)$$
,

=
$$b \cos(k\tau - st + \mu)$$
 = $b \cos(k\tau - st + \lambda)\cos(\mu - \lambda)$
- $b \sin(k\tau - st + \lambda)\sin(\mu - \lambda)$,

=
$$c \cos(kr - st + \nu)$$
 = $c \cos(kr - st + \lambda)\cos(\nu - \lambda)$

- c
$$\sin(k\mathbf{r} - s\mathbf{t} + \lambda)\sin(\nu - \lambda)$$
,

= $a'\cos(kr - st + \lambda')$,

=
$$b'\cos(kr - st + \mu') = b'\cos(kr - st + \lambda')\cos(\mu' - \lambda')$$

- b' sin
$$(kr - st + \lambda')$$
 sin $(\mu' - \lambda')$,

=
$$c'\cos(kr - st + \nu')$$
 = $c'\cos(kr - st + \lambda')\cos(\nu' - \lambda')$

$$-c'\sin(k\tau-st+\lambda')\sin(\nu'-\lambda'),$$

wie vorher:

(169)]
$$kx = ux + vy + wz$$
, $k^2 = u^2 + v^2 + w^2$.

il die Dilatation des zweiten Systems von Molekülen gleich list, hat man:

117)
$$u\xi' + vv' + w\zeta' = 0,$$

wenn man nur die transversalen oder beinahe transversalen vegungen des ersten Systems betrachtet:

418)
$$u\xi + vv + w\zeta = u\mu\xi,$$

 μ entweder gleich Null oder gleich einer sehr kleinen Grösse Substituirt man hier die Werthe von ξ , v, ζ , ξ' , v', ζ' , so all man:

$$(-\mu)a + vb \cos(\mu - \lambda) + wc \cos(\nu - \lambda)$$

+ [vb sin($\mu - \lambda$) + wc sin($\nu - \lambda$)]tang(kr - st + λ) = 0,

 $+ vb'\cos(\mu' - \lambda') + wc'\cos(\nu' - \lambda')$

+ $[vb'\sin(\mu'-\lambda') + wc'\sin(\nu'-\lambda')]\tan(kc-st+\lambda') = 0$,

1 hieraus, weil diese Gleichungen für jeden Werth von t stattlen sollen:

$$u(1-\mu)a + vb \cos(\mu-\lambda) + wc \cos(\nu-\lambda) = 0,$$

$$vb \sin(\mu-\lambda) + wc \sin(\nu-\lambda) = 0,$$

$$ua' + vb' \cos(\mu'-\lambda') + wc' \cos(\nu'-\lambda') = 0,$$

$$vb' \sin(\mu'-\lambda') + wc' \sin(\nu'-\lambda') = 0.$$

Beseichnet man jetzt wie vorher durch $\mathcal{R}, \mathcal{R}_1, \ldots, \mathcal{R}_n, \mathcal{R}_n, \ldots, \mathcal{R}_n, \mathcal{R}_n, \ldots, \mathcal{R}_n, \mathcal{R}_n, \ldots, \mathcal{R}_n, \mathcal{R}$

wird durch Substitution der Werthe (235) in den Gleich (416), wenn man die Gleichungen (419) berücksichtigt w

Kürze wegen: $\frac{\cos(k\tau - st + \lambda)}{\cos(k\tau - st + \lambda')} = m \quad \text{setzt:}$ (420)

 $\begin{aligned}
&\cdot [\mathcal{L} + \mathcal{L} + s^2 + u^2(1 - \mu)\mathcal{I}] \operatorname{ma} + [\mathcal{L}, + \mathcal{L}, + u^2\mathcal{I},] a' \\
&= -\mathcal{R}, [vc' \sin(\nu' - \lambda') - wb' \sin(\mu' - \lambda')] \\
&- \mathcal{R}, [vc' \cos(\nu' - \lambda') - wb' \cos(\mu' - \lambda')] \tan(kr - sl) \\
&[\mathcal{L} + \mathcal{I} + u^2(1 - \mu)\mathcal{I}] \operatorname{ma} + [\mathcal{L}, + \mathcal{I}, + s^2 + u^2\mathcal{I},] a' \\
&= -\mathcal{R}, [vc' \sin(\nu' - \lambda') - wb' \sin(\mu' - \lambda')]
\end{aligned}$

 $= -2 \left[\cos(\nu - \lambda) - \cos \sin(\mu - \lambda) \right]$ $-2 \left[\cos(\nu' - \lambda') - \cos(\mu' - \lambda') \right] \tan(kr - s)$ (421)

$$\begin{split} \left[\pounds + s^2 + \left(\frac{\Im + i}{1 - \mu} - \Im \right) (v^2 + w^2) \right] (1 - \mu) \operatorname{ma} + \left[\pounds, + \left(\Im - \Im, \right) (v^2 + w^2) \right] \operatorname{a'} &= - \Im, \left[v \operatorname{c'} \sin(\nu' - \lambda') - w \operatorname{b'} \sin(\mu' - \Im, \left(v \operatorname{c'} \cos(\nu' - \lambda') - w \operatorname{b'} \cos(\mu' - \lambda') \right) \right] \operatorname{tang}(k \mathbf{r} - s \mathbf{t}) \\ \left[\pounds + \left(\frac{\Im + i}{1 - \mu} - \Im, \Im \right) (v^2 + w^2) \right] (1 - \mu) \operatorname{ma} + \left[\pounds, + s^2 + \Im \right] \\ - \Im, \left[v \operatorname{c'} \cos(\nu' - \lambda') - \Im, \left[v \operatorname{c'} \sin(\nu' - \lambda') - w \operatorname{b'} \sin(\mu' - \Im, \left(v \operatorname{c'} \cos(\nu' - \lambda') - w \operatorname{b'} \cos(\mu' - \lambda') \right) \right] \operatorname{tang}(k \mathbf{r} - s \mathbf{t}) \\ - \Im, \left[v \operatorname{c'} \cos(\nu' - \lambda') - w \operatorname{b'} \cos(\mu' - \lambda') \right] \operatorname{tang}(k \mathbf{r} - s \mathbf{t}) \end{split}$$

 $m(\mathfrak{E} + \mathfrak{s}^2) \left(\left[v \operatorname{csin}(\nu - \lambda) - w \operatorname{bsin}(\mu - \lambda) \right] \right.$ $+ \left[v \operatorname{cos}(\nu - \lambda) - w \operatorname{bcos}(\mu - \lambda) \right] \operatorname{tang}(kr - st + \lambda) \right)$ $+ \mathfrak{E}_{\prime} \left(\left[v \operatorname{csin}(\nu' - \lambda') - w \operatorname{b'sin}(\mu' - \lambda') \right] + \left[v \operatorname{ccos}(\nu' - \lambda') \right]$ $- w \operatorname{b'cos}(\mu' - \lambda') \operatorname{tang}(kr - st + \lambda') \right) = -3$

m, $\mathfrak{E}([vc\sin(v-\lambda)-wb\sin(\mu-\lambda)]$

+ $[vc cos(\nu - \lambda) - wb cos(\mu - \lambda)] tang(kr - st + \lambda)$ + $(\mathfrak{L}, +s^2)([vc'sin(\nu'-\lambda') - wb'sin(\mu'-\lambda')] + [vc'cos(\nu - wb'cos(\mu' - \lambda')] tang(kr - st + \lambda')) = -X$

Weil diese Gleichungen für jeden Werth von t stattfinde len, muss nothwendig:

(423)
$$cc \cos(\nu - \lambda) - wb \cos(\mu - \lambda) = 0,$$

$$cc' \cos(\nu' - \lambda') - wb' \cos(\mu' - \lambda') = 0.$$

Setzt man jetzt:

$$a = \frac{p\sqrt{v^2 + w^2}}{k\left(1 - \mu\frac{||^2}{k^2}\right)}, \quad a' = \frac{p'\sqrt{v^2 + w^2}}{k},$$

$$b\sin(\mu - \lambda) = -\frac{qw}{\sqrt{v^2 + w^2}}, \quad b'\sin(\mu' - \lambda') = -\frac{q}{\sqrt{v^2}}$$

und substituirt die neuen Variabeln p, p, p', q' statt a, b, a', b', so findet man aus den Gleichungen (418) und (423):

(425)

$$b\cos(\mu-\lambda) = -\frac{p u v(1-\mu)}{k \sqrt{v^2+w^2} \left(1-\mu \frac{u^2}{k^2}\right)}, \quad b'\cos(\mu'-\lambda') = -\frac{p' u v}{k \sqrt{v^2+w^2}},$$

$$\cos(\nu - \lambda) = -\frac{p u w (1 - \mu)}{k \sqrt{\nu^2 + w^2} \left(1 - \mu \frac{u^2}{k^2}\right)}, \quad c' \cos(\nu' - \lambda') = -\frac{p' u w}{k \sqrt{\nu^2 + w^2}},$$

$$c\sin(\nu-\lambda) = \frac{qr}{\sqrt{v^2 + w^2}} \qquad c'\sin(\nu'-\lambda') = \frac{q'v}{\sqrt{v^2 + w^2}}$$

Diese Werthe in den Gleichungen (235) substituirt geben:

$$\xi = \frac{p\sqrt{v^2 + w^2}}{k\left(1 - \mu \frac{u^2}{k^2}\right)} \cos(\varrho - st + \lambda),$$
(426)

$$= \frac{qw}{\sqrt{v^2 + w^2}} \sin(\varrho - sl + \lambda) - \frac{puv(1 - \mu)}{k\sqrt{v^2 + w^2} \left(1 - \mu \frac{u^2}{k^2}\right)} \cos(\varrho - sl + \lambda),$$

$$= -\frac{q_{\theta}}{\sqrt{v^2 + w^2}} \sin(\varrho - sl + \lambda) - \frac{p u w (1 - \mu)}{k \sqrt{v^2 + w^2} \left(1 - \mu \frac{u^2}{k^2}\right)} \cos(\varrho - sl + \lambda),$$

$$\frac{p'\sqrt{v^2+w^2}}{k}\cos(\varrho-st+\lambda'),$$

$$= \frac{q'w}{\sqrt{v^2 + w^2}} \sin(\varrho - st + \lambda') - \frac{p'uv}{k\sqrt{v^2 + w^2}} \cos(\varrho - st + \lambda'),$$

$$= -\frac{q'v}{\sqrt{v^2 + w^2}} \sin(\varrho - st + \lambda') - \frac{p'uw}{k\sqrt{v^2 + w^2}} \cos(\varrho - st + \lambda').$$

Here Werthe der Verschiebungen bezeichnen, dass die Molekü-Her beider Systeme Ellipsen beschreiben. Die eine Axe ist im Hersten Systeme gleich p, im zweiten gleich p', liegt im Haupt-Haitte und bildet im ersten Systeme einen Winkel φ mit der

Wellenebene m, wo
$$\sin \varphi = \frac{\mu u \sqrt{v^2 + w^2}}{k^2} = \frac{\mu}{2} \sin 2\psi$$
, wenn ψ

Winkel, welchen der Strahl mit der Krystallaxe bildet, bewichnet; im zweiten Systeme dagegen liegt sie in der Wellenliene. Die zweite Axe ist im ersten Systeme gleich q, im zweiler gleich q' und steht senkrecht auf dem Hauptschnitte.

Die Gleichungen (398), (399) und (400) werden jetzt:

$$[\mathcal{L} + i + u^{2}(1 - \mu), \mathcal{I}] \frac{mp}{1 - \mu \frac{u^{2}}{k^{2}}} + [\mathcal{L}_{...} + s^{2} + u^{2}\mathcal{I}_{...}] p' = -2$$

$$(428)$$

$$\left[\mathcal{L} + s^{2} + \left(\frac{\mathcal{I} + i}{1 - \mu} - \mathcal{S}\right)(v^{2} + w^{2})\right] \frac{mp}{1 - \mu \frac{u^{2}}{k^{2}}} + \left[\frac{\mathcal{L}_{...} + i, -\mathcal{L}_{...}(v^{2} + w^{2})}{1 - \mu}\right] p' = -\frac{1}{2}$$

$$\left[\mathcal{L} + \left(\frac{\mathcal{I} + i}{1 - \mu} - \mathcal{L}\right)(v^{2} + w^{2})\right] \frac{(1 - \mu)pm}{1 - \mu \frac{u^{2}}{k^{2}}} + \left[\mathcal{L}_{...} + s^{2} + (\mathcal{I}_{...} + i, -\mathcal{L}_{...})(v^{2} + w^{2})\right] p' = -2$$

$$(\mathcal{L} + s^{2}) mq + \mathcal{L}_{...} q' = -2, p'k,$$

$$\mathcal{L}_{...} mq + (\mathcal{L}_{...} + s^{2})q' = -2, p'k.$$

Hier muss man wie im Cap. III. annehmen, die Gleichungen und (428) seien identisch, und die Grössen s^2 , $\frac{p}{q}$, $\frac{p'}{q}$, $\frac{p}{p'}$ den dann durch die vier Gleichungen (428) und (429) best Eliminirt man p und q, so erhält man:

 $\begin{cases} \left[\mathfrak{E} + s^2 + \left(\frac{\Im + i}{1 - \mu} - \mathcal{S} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,,} + s^2 + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\frac{\Im + i}{1 - \mu} - \mathcal{S} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\frac{\Im + i}{1 - \mu} - \mathcal{S} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\frac{\Im + i}{1 - \mu} - \mathcal{S} \right) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\frac{\Im + i}{1 - \mu} - \mathcal{S} \right) \left(v^2 + w^2 \right) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + s^2 \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + s^2 \right] - \mathfrak{E}_{,,,} \left[\mathfrak{E}_{,,} + s^2 \right] - \mathfrak{E}_{,,,} \left[\mathfrak{E}_{,,} + s^2 \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + s^2 \right] - \mathfrak{E}_{,,,} \left[\mathfrak{E}_{,,} + s^2 \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + s^2 + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + s^2 + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + s^2 + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + s^2 + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) (v^2 + w^2) \right] \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) \left[\mathfrak{E}_{,,} + \left(\Im_{,,} + i_{,,} - \Im_{,,} \right) \left[\mathfrak{E}_{,,$

wo: $\mu = \epsilon \bar{p}$, and ϵ das Verhältniss zwischen der Differenz des Abstandes der Aethermolekülen senkrecht auf der Axe und längs derselben und diesem ersten Abstand ist. Substituirt man diese Werthe, so erhält man:

$$s^{4} - \left[\overline{\alpha} - \varepsilon(\overline{p} - 2)\overline{\alpha},\right] s^{2} k^{2} + \overline{\beta} k^{2} + \overline{\gamma} - \left[\overline{\delta} - \varepsilon(\overline{p} - 2)\overline{\delta},\right] k^{2} + \left[\overline{\lambda} - \varepsilon(\overline{p} - 2)\overline{\lambda},\right] k^{4} = -\frac{q'}{p'} k'_{1} \left[\mathcal{B}_{,,,}(\mathfrak{E} + s^{2}) - \mathcal{B}_{,,,}\mathfrak{E}\right] + \left[\mathcal{B}_{,,,}\left(\frac{\Im + i}{1 - \mu} - \mathcal{S}\right) - \mathcal{B}_{,,,}\left(\frac{\Im + i}{1 - \mu} - \mathcal{S}\right)\right] (\sigma^{2} + \omega^{2})_{1}^{1},$$

$$s^{4} - \left(\overline{\alpha} - \varepsilon\overline{\alpha}, \cos^{2}\psi\right) s^{2} k^{2} + \overline{\beta} k^{2} + \overline{\gamma} - \left(\overline{\delta} - \varepsilon\overline{\delta}, \cos^{2}\psi\right) k^{2} + \left(\overline{\lambda} - \varepsilon\overline{\lambda}, \cos^{2}\psi\right) k^{4} = -\frac{p'}{q'} k \left[\mathcal{B}_{,,,}(\mathfrak{E} + s^{2}) - \mathcal{B}_{,,,,}\mathfrak{E}\right].$$

Subtrahirt man diese Gleichungen, so wird man finden, dass man &, und &,, als sehr kleine Grössen derselben Ordnung wie p oder e ansehen muss. Setzt man demnach:

$$(432) \quad \mathfrak{R}_{,} = \varepsilon \mathfrak{C}_{,}, \quad \mathfrak{R}_{,} = \varepsilon \mathfrak{C}_{,},$$

und bemerkt, dass die Grössen $\frac{3+i}{1-\mu}$ — \mathfrak{S} und $\frac{\mathfrak{I}+\mathfrak{i}}{1-\mu}$ —, \mathfrak{S} auch sehr kleine Grössen derselben Ordnung sind, so erhält man durch Subtraction der Gleichungen (409), durch Division mit εk^2 und ∀ernachlässigung der noch mit ε multiplicirten Glieder:

$$(33)$$

$$(33)$$

$$(33)$$

$$+ \overline{(x, (x + s^2) - (x, x)}) \left[\sin \psi + (\overline{p} - 3)\right]$$

$$+ \frac{[(x, (x + s^2) - (x, x))]}{k} \left(\frac{p'}{q'} - \frac{q'}{p'}\right) = 0.$$

F Man sieht hieraus, dass, weil die demselben Werth von s ent-- prechenden zwei Werthe von k nicht sehr verschieden sind, $\frac{\mathbf{F}}{\mathbf{q}}$ swei Werthe hat, annäherungsweise von der Form e und $-\frac{1}{\mathbf{e}}$.

wo e eine Wurzel der Gleichung (433) oder:

(434) 62 / k(s27/4 - 7 - 7) Substituirt man in den Gleichungen (428) und (429) p' = eq',

(434)
$$e^2 + \frac{k(s^2 \overline{u}, + \overline{\delta}, -\overline{\lambda}, k^2)[\sin^2 \psi + (\overline{p} - 3)]}{[\mathfrak{C}, (\mathfrak{L} + s^2) - \mathfrak{C}, \mathfrak{L}]} e - 1 = 0$$

ist, so erhält man:

$$\begin{bmatrix} \mathbf{\mathcal{E}} + \mathbf{s}^2 + \left(\frac{3+i}{1-\epsilon\overline{p}} - \mathbf{\mathcal{S}}\right)(v^2 + w^2) \end{bmatrix} \frac{mp}{1-\epsilon\overline{p}\frac{u^2}{k^2}} \\
= -\frac{\left[(\mathbf{\mathcal{E}}, + (\mathbf{\mathcal{I}}, +i, -\frac{\mathbf{\mathcal{S}},)(v^2 + w^2)}{1-\epsilon\overline{p}}\right]e + \epsilon\mathbf{\mathcal{G}}, k/2}{1-\epsilon\overline{p}} \mathbf{\mathcal{G}}, \\
[\mathbf{\mathcal{E}} + \mathbf{s}^2] mq = -[\mathbf{\mathcal{G}}, +\epsilon\mathbf{\mathcal{G}}, ke]q',$$

folglich: (4

$$\frac{p}{q} = \frac{(\mathcal{L} + s^2)\left(1 - \varepsilon \overline{p} \frac{u^2}{k^2}\right)}{\mathcal{L} + s^2 + \left(\frac{\Im + i}{1 - \varepsilon \overline{p}} - \mathcal{S}\right)(v^2 + w^2)} \cdot \frac{[\mathcal{L}, + i, -\mathcal{J},)(v^2 + w^2)]e + \varepsilon \mathcal{L}, k}{(1 - \varepsilon \overline{p})[\mathcal{L}, + \varepsilon \mathcal{L}, k]}$$

oder, wenn man die mit e multiplicirten Glieder vernachlässigt:

$$\frac{\mathbf{p}}{\mathbf{q}} = \mathbf{e} = \frac{\mathbf{p'}}{\mathbf{q'}}.$$

Wenn man die von einer dem ersten Systeme gehörigen Moleküle beschriebene Ellipse, deren eine im Hauptschnitte liegende Axe = p, die zweite auf dem Hauptschnitte senkrechte Axe = q ist und $\frac{p}{q}$ = e, auf die Ebene (v, ζ) projicirt, so wird ihr Differential in Bezug auf die Zeit t:

$$\frac{1}{4}(\zeta \mathbf{d}_{t}v - v\mathbf{d}_{t}\zeta) = \frac{\frac{1}{2}s\operatorname{pqu}(1 - \varepsilon\overline{p})w^{2}}{k\left(1 - \varepsilon\overline{p}\frac{\mathbf{u}^{2}}{k^{2}}\right)},$$

$$= \frac{1}{2}s\operatorname{eq}^{2}\cos\psi,$$

wenn man ε vernachlässigt. Weil nun die zwei Werthe von ε entgegengesetzte Zeichen haben, so geht hieraus hervor, dass die zwei Ellipsen in entgegengesetzter Richtung beschrieben werden. Bezeichnet man die zwei Werthe von e durch + e, und -e, = $-\frac{1}{e}$, so wird die Geschwindigkeit des ersten links drehesden Strahls durch die Gleichung:

$$s^{2} - (\overline{\alpha} - \varepsilon \overline{\alpha}, \cos^{2} \psi) s^{2} k^{2} + \overline{\beta} k^{2} + \overline{\gamma} - (\overline{\delta} - \varepsilon \overline{\delta}, \cos^{2} \psi) k^{2} + (\overline{\lambda} - \varepsilon \overline{\lambda}, \cos^{2} \psi) k^{4} + \varepsilon e, k [\mathfrak{C}, (\mathfrak{C} + s^{2}) - \mathfrak{C}, \mathfrak{C}] = \mathfrak{C}$$
bestimmt, die des zweiten rechts drehenden Strahls durch de

Gleichung:

$$s^4 - (\overline{\alpha} - \varepsilon \overline{\alpha}, \cos^2 \psi) s^2 k^2 + \overline{\beta} k^2 + \overline{\gamma} - (\overline{\delta} + \varepsilon \overline{\delta}, \cos^2 \psi) k^2 + (\overline{\lambda} - \varepsilon \overline{\lambda}, \cos^2 \psi) k^4 + \varepsilon e_{,,k} [\mathbb{G}_{,,}(\mathbb{G} + s^2) - \mathbb{G}_{,,,}\mathbb{G}] = 9$$
oder, was damit identisch ist:

$$s^{4} - [\overline{\alpha} - \varepsilon(\overline{p} - 2)\overline{\alpha},]s^{2}k^{2} + \overline{\beta}k^{2} + \overline{\gamma} - [\overline{\delta} - \varepsilon(\overline{p} - 2)\overline{\delta},]k^{2} + (\overline{\lambda} - \varepsilon\overline{\lambda},\cos^{2}\psi)k^{4} - \varepsilon e, k[\mathbb{G},(\mathbb{G} + s^{2}) - \mathbb{G},.\mathbb{G}] = \bullet$$

Weil längs der Axe die Ellipsen sich in Kreise verwandeln missen, so muss man für $\psi=o$, $e=\pm 1$ haben, und folglich is der Gleichung (434) $\bar{p}=3$ setzen. Diese Gleichung wird dem:

(440)
$$e^{2} + \frac{k(s^{2} \alpha_{i} + \overline{\delta}_{i}) \sin^{2} \psi}{(\overline{\delta}_{i})(\overline{\delta}_{i} + s^{2}) - \overline{\delta}_{i}, \overline{\delta}_{i}} e - 1 = 0.$$

Beseichnet man durch c,, c,, c die Werthe von C,, C,,

$$\mathbf{s}^{4} - (\overline{u} - \varepsilon \overline{\alpha}_{r})\mathbf{s}^{2}k^{2} + \overline{\beta}\mathbf{s}^{2} + \overline{\gamma} - (\overline{\partial} - \varepsilon \overline{\partial}_{r})k^{2} + (\overline{\lambda} - \varepsilon \overline{\lambda}_{r})k^{4} + \varepsilon k[\mathfrak{c}_{r},(\mathfrak{E} + \mathfrak{s}^{2}) - \mathfrak{c}_{r},\mathfrak{E}] = 0,$$

und die Geschwindigkeit $\Omega_2 = \frac{s}{k}$ des zweiten zur rechten Seite drehenden Strahls durch die Gleichung:

$$(442)$$

$$\delta^{4} - (\overline{\alpha} - \epsilon \overline{\alpha},) s^{2} k_{0}^{2} + \overline{\beta} s^{2} + \overline{\gamma} - (\overline{\partial} - \epsilon \overline{\partial},) k^{2} + (\overline{\lambda} - \epsilon \overline{\lambda},) k^{4} - \epsilon k [c_{,,}(+ s^{2}) - c_{,,,}+] = 0,$$

viler, wenn man der Kürze wegen setzt:

$$\overline{\mathbf{R}^{2}} = (\overline{\alpha} - \varepsilon \overline{\alpha}_{i}) + \frac{[(\overline{\delta} - \varepsilon \overline{\delta}_{i}) - \overline{\beta}(\overline{\alpha} - \varepsilon \overline{\alpha}_{i})]s^{2} - \overline{\gamma}(\overline{\alpha} - \varepsilon \overline{\alpha}_{i})}{s^{4} + \overline{\beta}s^{2} + \overline{\gamma}} - \frac{(\overline{\lambda} - \varepsilon \overline{\lambda}_{i})s^{2}}{(\overline{\alpha} - \varepsilon \overline{\alpha}_{i})s^{2} + (\overline{\delta} - \varepsilon \overline{\delta}_{i})},$$

$$\Omega^{2} = \overline{\alpha}^{2} - \varepsilon \frac{[c_{i,i}(\underline{\mathcal{L}} + s^{2}) - c_{i,i},\underline{\mathcal{L}}]s^{2}}{\overline{\alpha}}$$

(444)
$$\Omega_1^2 = \overline{\alpha}^2 - s \frac{[c_{,,}(\mathfrak{L} + s^2) - c_{,,,}(\mathfrak{L})s^2]}{k(s^4 + \overline{\beta}s^2 + \overline{\gamma})},$$

$$\Omega_2^2 = \overline{\alpha}^2 + s \frac{[c_{,,}(\mathfrak{L} + s^2) - c_{,,,}(\mathfrak{L})s^2]}{k(s^4 + \overline{\beta}s^2 + \overline{\gamma})},$$

hieraus wieder:

(445)
$$\Omega_{1} = \overline{\alpha} - \varepsilon \frac{[c,(\mathcal{L} + s^{2}) - c,.,\mathcal{L}]s^{2}}{2\overline{\alpha}k(s^{4} + \overline{\beta}s^{2} + \overline{\gamma})},$$

$$\Omega_{2} = \overline{\alpha} + \varepsilon \frac{[c,(\mathcal{L} + s^{2}) - c,.,\mathcal{L}]s^{2}}{2\overline{\alpha}k(s^{4} + \overline{\beta}s^{2} + \overline{\gamma})}.$$

Bezeichnet man durch Θ die Dicke einer durch zwei auf Ler Aze senkrechte Ebenen begrenzten Platte von Bergkrystall, Lerch ϱ den Rotationswinkel, so ist nach der im Cap. IV. ent wiekelten Theorie:

$$\varrho = \frac{\pi 0}{1} \left(\frac{\Theta}{\Omega_1} - \frac{\Theta}{\Omega_2} \right),$$

wenn man die Werthe von Ω_1 und Ω_2 substituirt:.

(446)
$$\varrho = \frac{\varepsilon \Theta[c_{,,}(\mathfrak{L}+s^2)-c_{,}\mathfrak{L}]s^2}{2\overline{\alpha}^2(s^4+\overline{\beta}s^2+\overline{\gamma})}.$$

Die Beobachtungen zeigen, dass dieser Winkel direct proportional mit der Dicke @ der Platte und umgekehrt proportional mit dem Quadrate der Wellenlänge ist. Setzt man folglich:

$$(447) c_{,,} = \mathfrak{k}, k^2, c_{,} = \mathfrak{k}, k^2,$$

und der Kürze wegen:

$$\overline{C} = \varepsilon \frac{[\overline{t}_{,,}(\mathfrak{L} + s^2) - \overline{t}_{,\cdot,}(\mathfrak{L})s^2]}{s^4 + \beta s^2 + \gamma};$$

und bemerkt, dass wenn die Geschwindigkeit des Lichts in der Luft durch O, die Wellenlänge durch I bezeichnet wird:

$$k=\frac{a}{\overline{a}}=\frac{2\pi 0}{a!},$$

so erhält man:

$$\varrho = \frac{2\Theta\pi^2 \overline{\mathbb{C}} 0^2}{\overline{\alpha}^4 \mathbb{I}^2}.$$

Wenn senkrecht auf der Axe beide Strahlen linear polarisit sein sollen, was beim Bergkrystall genau der Fall zu sein scheint, so muss in der Gleichung (440), wenn $\psi = 90^{\circ}$, der Coëssicient, welcher zu e gehört, unendlich gross sein, und man muss selglich annehmen:

(449)
$$\mathbb{G}_{,} = \mathbb{F}_{,} \mathbf{u}^{2} = \mathbb{F}_{,} k^{2} \cos^{2} \psi, \quad \mathbb{G}_{,,} = \mathbb{F}_{,,} k^{2} \cos^{2} \psi.$$

Diese Werthe und der Werth von C in der Gleichung (440) substituirt, geben:

(450)
$$e^{2} + \varepsilon \tan^{2} \psi \frac{\overline{\alpha} \ln^{2} (\overline{\alpha}, s^{2} + \overline{\delta}, -\overline{\lambda}, k^{2})}{2\pi \overline{C} (s^{4} + \overline{\beta} s^{2} + \overline{\gamma})} e - 1 = 0.$$

Wegen der Gleichung (443) bezeichnet ā die Geschwindigkeit des gewöhnlichen Strahls senkrecht auf der Axe; bezeichnet man in derselben Richtung die Geschwindigkeit des ungewöhnlichen Strahls durch b, so wird:

(451)
$$\overline{b}^2 = \overline{\alpha} + \frac{(\overline{\delta} - \overline{\beta}\overline{\alpha})s^2 - \overline{\gamma}\overline{\alpha}}{s^2 + \overline{\beta}s^2 + \overline{\gamma}} - \frac{\overline{\lambda}s^2}{\overline{\alpha}s^2 + \overline{\delta}},$$

oder, wenn man die höheren Potenzen von Z vernachlässigt:

$$(452) \quad \overline{b}^{2} = s^{2} \frac{\langle \overline{\alpha} s^{2} + \overline{\delta} - \overline{\lambda} k^{2} \rangle}{s^{4} + \overline{\beta} s^{2} + \overline{\gamma}},$$

$$\overline{a}^{2} = s^{2} \frac{\langle \overline{\alpha} - \varepsilon \overline{\alpha}, s^{2} + (\overline{\delta} - \varepsilon \overline{\delta},) - (\overline{\lambda} - \varepsilon \overline{\lambda},) k^{2} \rangle}{s^{4} + \overline{\beta} s^{2} + \overline{\gamma}},$$

und hieraus findet man:

(453)
$$\overline{a}^2 - \overline{b}^2 = -\varepsilon s^2 \frac{(\overline{\alpha}, s^2 + \overline{\delta}, -\overline{\lambda}, k^2)}{(s^4 + \overline{\beta}s^2 + \overline{\gamma})}.$$

Dies in Gleichung (450) eingesetzt, giebt, wenn der Kürze wegen:

(454)
$$\mu = \frac{\bar{a}l(\bar{a}^3 - \bar{b}^3)}{2\pi \, 0 \, \bar{C}},$$
(455)
$$e^2 - \mu \, tang^2 \, \psi e - 1 = 0.$$

§ 2. Bestimmung der rotirenden Molekülarkraft des Bergkrystalls durch eine neue, auf alle chromatischen Phänomene anwendbare Beobachtungsmethode.

Alle chromatischen Phänomene sind bisher auf die Weise besbachtet worden, dass die beobachtete Farbe mit den Farben der Newton'schen Farbenringe verglichen und die Dicke einer dienen Luftlamelle angegeben wird, welche im gewöhnlichen weissen Lichte dieselbe Farbe senkrecht reflectirt. Man sieht indessen leicht, dass diese Beobachtungsmethode weder, wenn sie anwendbar ist, sehr genau sein kann, weil die Newton'schen Farben durch unmerkliche Nüancen in einander übergehen, noch immer anwendbar ist, wenn die Farben zu denjenigen der höhren Ordnungen gehören, wo sie zu bleich sind, um von einsuder unterschieden zu werden.

Was speciell die Anwendung dieser Beobachtungsmethode auf die Rotationskraft der circularpolarisirenden Körper betrifft, so ist ihre Unsicherheit viel zu gross, als dass die Richtigkeit der in dem vorigen Paragraphen entwickelten Theorie derselben dahurch experimentell entschieden werden könnte. Auch nicht darch Anwendung des monochromen Lichts kann ein genügendes Beseltat erhalten werden, weil das am meisten monochrome Licht dech immer einen grossen Theil des Sonnenspectrums umfasst.

Ich habe daher sur Bestimmung der rotirenden Molekülarkraft des Bergkrystalls, und um experimentell die Richtigkeit der Formel (451) zu beweisen, eine von der bisher gebrauchten Beobschlungsmethode gans verschiedene Methode angewandt. Diese Methode ist auch sehr gut zur Beobachtung aller chromatischen Phinomene geeignet und kann mit der allergrössten Genauigkeit wegeführt werden.

Das von mir angewandte Instrument besteht aus zwei Nitel'schen Prismen, auf ein Stativ so angebracht, dass ihre Axen
in dieselbe gerade Linie zusammenfallen. Das erste Nicol ist um
tine Axe drehbar und der Drehungswinkel kann auf einem eingeheilten Kreise bis auf einzelne Minuten abgelesen werden. Zwithen den beiden Nicol'schen Prismen besestigte ich auf einer

durchbohrten Platte eine Bergkrystallplatte, welche senkrecht auf die Axe geschliffen war. Die durchbohrte Scheibe ist in jeder Richtung drehbar und wird so eingestellt, dass ein durch die, Axen der beiden Nicol'schen Prismen gehender Lichtstrahl auch durch die des Bergkrystalls geht. Der ganze Apparat wird auf eine feine Spalte gerichtet, durch welche das Sonnenlicht einfällt. Dicht vor das dem Beobachter zunächst stehende Nicol'sche Prisma wird ein Glasprisma so gestellt, dass seine brechende Kante der Spaltenöffnung parallel ist. In dem Spectrum der seinen Spalte, welches von dem durch die beiden Nicolschen Prismen und die Bergkrystallplatte gehenden Licht gebildet wird, sieht man dann die Frauenhofer'schen Linien, und sugleich einen, oder wenn die Bergkrystallplatte dicker ist, mehrere breitere schwarze Streisen. Wird das zweite Nicol'sche Prisma um seine Axe gedreht, so wandern diese schwarzen Streifen von einem Ende des Spectrums sum andern. Sie geben die Farben an, welche durch den Durchgang des Lichts durch das sweite Nicol ausgelöscht worden sind, und der Drehungswinkel dieses Prismas von der Stellung, wo ihre Polarisationsebene senkrecht auf derjenigen des ersten Nicol'schen Prismas steht, ist der Rotationswinkel jener Farbe. Um sur gleichen Zeit des schwarzen Streisen im Spectrum des durch den Bergkrystall gegangenen Lichtes und die Frauenhofer'schen Linien, welche denselben Platz im Sonnenspectrum einnehmen, beobachten sa können, besestigte ich die Bergkrystallplatte so, dass sie nur die halbe Oeffnung bedeckte.

Auf diese Weise habe ich die Rotationswinkel der Frauenhofer'schen Linien B, C, D, E, F, G bestimmt. Den zur Linie
A gehörigen Rotationswinkel habe ich auch ein Paar Mal bestimmt, doch nicht mit hinlänglicher Genauigkeit. Da der Theil
des Sonnenspectrums, wo H liegt, sehr dunkel ist, so habe ich
nicht den dazu gehörigen Rotationswinkel bestimmen können. Ich
zweisle nicht, dass durch die Anwendung eines Fernrohrs dies
auch geschehen kann, so wie auch die übrigen Rotationswinkel
dadurch viel genauer bestimmt werden könnten.

Die Resultate dieser Beobachtungen sind in der folgenden Tabelle angegeben, wo die beobachteten Rotationswinkel mit der Dicke der Bergkrystallplatte dividirt sind.

Nummer.	Dicke in Milli- metern.	Drebt	Rotatitionswinkel für 1 Dicke und für die Strahlen.					
		•	В	C	D	E	F	G
1	6,920	links	15°,23	17°,32	21°,57	27°,41	32°,5	42°,96
2	6,920		15°,34	16°,94	21°,73	27°,53	32°,87	
3	4,266	_	15°,59	17°,35	21°,68	27°,31		
4	4,266		15°,43	170,60	21°,56	27°,46	32°,27	
- 5	4,266	_	15°,54		_	27°,38		
6	4,266		140,45	17,07	21°,68	27,74	32,62	420,50
7	5,862		14°,86	2	1	27°,69		41°,88
8	5,862	_	15°,41	-	21°,66	27°,36	32°,74	_
9	4,050	· — 1	_	-	21,36	27,22	320,12	
10	4,050 .		15°,31	17°,45	21°,72	27°,16	32°,35	42°,35
11	4,802	reebts	15°,41	16°,94	21°,43	27°,11	32°,17	41°,79
: 12	4,248		15°,36	17°,32	21°,74	27°,64	32,04	42°,02
13	4,248	_	15,14	17°,69	21°,89	27°,58	32,88	420,37
14	7,614		15°,30	'	•	27°,15		
15	7,614	_	15°,76	17°,21	21°,67	270,79	33°,07	42°,48
16	7,328					27°,65		
17	7,328		15°,02	-		27°,50		
18	7,328	-	15°,19	17°,20	21°,77	27°,56	32°,19	42°,52
Mittelzahl		15°,30	17°,24	21°,67	27°,4 6	32°,50	42°,20	
Bittlere Fehler einer einzi-			0°,3 2	0°,24	0°,14	0°,2 1.	0°,36	0°,49
Wahrscheinliche Fehler einer einzigen Beobachtung		0°,22	0°,16	0°, 09	₩,14	0°,25	0°,33	
Wahrscheinliche Fehler der Mittelzehl		0°,05	0°,04			0°,06		

I . Es ist jetst nach Frauenhofer:

B1

für B, $l = 0^{mm},0006878,$ für C, $l = 0^{mm},0006564,$ für D, $l = 0^{mm},0005888,$ für E, $l = 0^{mm},0005260,$ für F, $l = 0^{mm},0004843,$ für G, $l = 0^{mm},0004291,$ für H, $l = 0^{mm},0003928.$

Nach Rudberg ist, wenn n und n' die Brechungscoëssieienten des egdinären und extraordinären Strahls bezeichnen:

für B,
$$n = 1,54090$$
, $n' = 1,54990$, für C, $n = 1,54181$, $n' = 1,55085$, für D, $n = 1,54418$, $n' = 1,55328$, für E, $n = 1,54711$, $n' = 1,55894$. für F, $n = 1,55425$, $n' = 1,56365$, für H, $n = 1,55817$, $n' = 1,56772$.

Setzt man jetzt die beobachteten Werthe von ϱ° und die entsprichenden Werthe von 1 und n in die Formel (451), und bemert dass $\varrho = \varrho^{\circ} \frac{\pi}{180}$, $\overline{a} = \frac{0}{a}$, so erhält man

	В	С	D	Б	2	G
log e°=	.18463	.23656	33580	43865	.511×8	.6293
log l² ==	.67499	,63440	.53990	, .44192	.37020	.2650
log e°l2 =	85962	.87096	.87570	.88057	.88205	.5944
leg n ⁴ =	75110	.75212	.75479	.75808	.76093	7668
$\log \frac{\varrho 1^2}{n^4} =$.10852	.11884	.12091	.12249	.12115	12831
$\log (360 \pi) =$.05345	.05345	05345	05345	05345	.05345
$\log\left(\frac{\overline{C}}{O^2}\right) =$.05507	.06539	.06746	.06904	.06770	.07487
$10^8 \frac{\overline{C}}{O^2} \Rightarrow$	0,1135	0,1162	0,1168	0,1172	0,1169	0,1188
Wahrscheinli- cher Fehler ==	0,0004	0,0003	0.0001	0,0001	0,0002	0,8002

Bei Berechnung der wahrscheinlichen Fehler des Werthes von $10^{\circ} \frac{\overline{C}}{C^2}$ sind die von Frauenhofer angegebenen Werthe von und die von Rudberg angegebenen Werthe von n als absoldrichtig angenommen. Der wahrscheinliche Fehler ist deshalb eiwenig, vielleicht 0,0001, größer als der hier angegebene.

Nach Biot sollte el' eine constante Grösse sein. Es ist abe aus den obigen Resultaten klar, dass dies bei Weitem nicht de Fall ist. Ich werde auch gleich zeigen, dass die von Brot ab gegebenen Werthe der Rotationswinkel bedeutend von den wir gesundenen abweichen. Die von Mac-Cultagh aufgestellte Formel, welche er, indem er nur ein System von Molekülen betrachtet, auf eine übrigens der im vorigen Paragraph angewandis

sofern ab, dass bei ihm \overline{C} eine constante Grösse beseichnet, shrend sie bei meiner Theorie, weil ich swei Systeme von Moleden angewandt habe, mit der Farbe variiren kann. Die obien Resultate bestätigen auf das vollständigste meine heorie. Die Grösse \overline{C} wächst augenscheinlich vom rothen sum oletten Ende des Spectrums. Bei F ist freilich der Werth von etwas kleiner als bei F, aber diese Differens ist kleiner als e Summe der wahrscheinlichen Fehler beider Werthe, besontes wenn man berücksichtigt, dass die Werthe von 1 und nuch nicht absolut genau gegeben sind.

Ich werde jetzt die von mir angegebenen Werthe der Rotionswinkel mit den von Biot gegebenen vergleichen. Diese tsten sind nach der von ihm angenommenen Formel, el² gleich enstans, corrigirt und geben die Werthe der Rotationswinkel r die Grenzen der verschiedenen Farben an. An einer andern telle giebt er die Wellenlänge dieser Grenzen an. Die von ihm genommenen Werthe sind in der folgenden Tabelle angegeben:

leusserstes Roth $\rho = 17,4964$, $l = 0^{mm},0006344$, lewischen Roth und Orange $\rho = 20,4798$, $l = 0^{mm},0005864$, — Orange und Gelb $\rho = 22,3138$, $l = 0^{mm},0005618$, — Gelb und Grün . $\rho = 25,6752$, $l = 0^{mm},0005237$, — Grün und Blau . $\rho = 30,0460$, $l = 0^{mm},0004841$, — Blau und Indigo . $\rho = 34,5717$, $l = 0^{mm},0004513$,

Indigo und Violet $\rho = 37,6829, 1 \Rightarrow 0^{max},0004323,$ Leusserstes Violet $\rho = 44,0827, 1 \Rightarrow 0^{max},0008997.$

Die hier angegebenen Farbengrenzen und Wellenlängen stimzu gur nicht mit den von Frauenhofer angegebenen Wellenzen und den von mir beobachteten Farbengrenzen überein. ist nach diesen ungefähr:

```
leusserstes Roth . . . . . l = 0 ,00074,
lewischen Roth und Orange l = 0 ,00066 bei C,
Orange und Gelb l = 0 ,00059 bei D,
Gelb und Grün . l = 0 ,00056,
Grün und Blau . l = 0 ,00050, swischen E und F,
Indigo und Violet l = 0 ,00043 bei C.
```

Nimmt man jetst die von Biot angegebenen Farbengrensen als Argument, so ist:

nach mir: nach Biot:

Aeusserstes Roth ... $\varrho = 12.5$, $\varrho = 17.5$,

Zwischen Roth und Orange $\varrho = 17.2$, $\varrho = 20.5$,

— Orange und Gelb $\varrho = 21.6$, $\varrho = 22.3$,

— Gelb und Grün . $\varrho = 23.0$, $\varrho = 25.7$,

— Grün und Blau . $\varrho = 30.0$, $\varrho = 30.0$,

— Blau und Violet . $\varrho = 42.2$, $\varrho = 37.7$.

Nimmt man die von Biot angegebenen Wellenlängen als Argument, so erhält man:

mach mir: nach Biot:

Für $l = 0^{mm}$,0006344, $\varrho = 18,5$, $\varrho = 17,5$, $-1 = 0^{mm}$,0005864, $\varrho = 21,8$, $\varrho = 20,5$, $-1 = 0^{mm}$,0005618, $\varrho = 23,8$, $\varrho = 22,3$, $-1 = 0^{mm}$,0005237, $\varrho = 27,5$, $\varrho = 25,7$, $-1 = 0^{mm}$,0004841, $\varrho = 32,5$, $\varrho = 30,0$, $-1 = 0^{mm}$,0004513, $\varrho = 37,6$, $\varrho = 34,6$, $-1 = 0^{mm}$,0004323, $\varrho = 41,5$, $\varrho = 37,7$, $-1 = 0^{mm}$,0003997, $\varrho = 49,1$, $\varrho = 44,1$.

Man sieht hieraus gleich, welcher grosse Unterschied swischen den von mir und den von Biot erhaltenen Resultaten stattfindet. Die durch die von mir angegebenen wahrscheinlichen Fehler meiner Resultate ausser allen Zweisel gestellte Ungenauigkeit in Biot's Resultaten zeigt auss deutlichste den Vorzug der von mir angewandten Beobachtungsmethode, welche noch durch Anwendung des Fernrohrs ungemein geschärst werden kann.

Setzt man in der Formel (454):

$$\overline{a} = \frac{O}{n}, \quad \overline{b} = \frac{O}{n},$$

so erhält man:

$$\mu = \frac{l\left(\frac{1}{u^2} - \frac{1}{u'^2}\right)}{2\pi n} \frac{0^2}{\overline{C}}.$$

Setzt man hier die von mir berechneten Werthe von $\frac{O^2}{\overline{C}}$ ein-

	В	C	D	E	F	G
μ = Vahrscheinlicher Fehler	305,2	285,0	254,5	227,3	210,6	186,0
	1,1	0,7	0,2	0,2	0,4	0,5

Das specifische Gewicht des Bergkrystalls ist: $\delta = 2,658$, der zum Strahl C gehörige Rotationswinkel: $\varrho = 17^{\circ},24$. lieraus findet man:

die rotirende Molekülarkraft des Bergkrystalls $[\varrho] = 6{,}48,$ und der wahrscheinliche Fehler dieses Resultats: 0,02.

100

Berichtigungen und Bruckfehler zum V. Bende.

Seite 89 Zeile 22: "das Potenzial der Kraft f(r)" wird ausgelassen.

- 94 20: "Bildet man jetzt die Potenzialen dieser Kräfte, oder wird ausge
- 94 4: $\frac{myx}{r}$ ", soll heissen: $\frac{myx}{r}$ ".
- 98 48: "differentialen", soll heissen: "Differentialen".
- 99 7: "mehreren", soll heissen: "mehrere".
- 434 4 und 5: "ux + vy + wz", soll heissen: "ux + vy + v
- $9+1\frac{\pi}{2}$ 454 22: ", soll heissen: ", 4".
- 454 29: $\frac{1\pi}{2}$ ", soll heissen: ,, $\frac{1}{4}$ 1".

Achtzehnter Abschnitt.

Allgemeine Physik.

Bearbeitet von

Dir. Dr. Knochenhauer.

Elasticität.

Ueber die Elasticität der Metalle und ihrer Legirungen hat G. Werthheim in den Ann. de chim. et de phys. Ser. III. T. XII. p. 385 u. p. 581 eine grosse Reihe von Versuchen mitgetheilt, deren Resultate in den folgenden Tafeln zusammengestellt sind. Die erste Tafel giebt die Elasticitätsgränze der Metalle bei verschiedenen Temperaturen an, nämlich das Gewicht in Kilogrammen, durch welches ein 1 Millimeter im Querschnitt haltender Stab eine bleibende Verlängerung von 0,00005 seiner Länge erlangt, ebenso die grösste bleibende Verlängerung in Millimetern, die er auf eine Länge von 1^m vor dem Zerreissen erfährt. Die zweite Tafel zeigt die Gewichte in Kilogrammen an, durch welche bei langsamerer oder schnellerer Belastung das Zerreissen bewirkt wird. Die dritte Tafel stellt für eine Temperatur von 15-20°C. die Elasticitätscoëssicienten zusammen, d. h. die Gewichte in Kilogrammen, durch welche die Stäbe von der genannten Stärke, bliebe ihre Elasticität unverändert, eine doppelte Länge erlangen wurden: diese Coëfficienten wurden theils durch Transversal-, theils durch Longitudinal-Schwingungen, theils durch direkte Belastung bestimmt. Die aus ihnen theoretisch abgeleitete Schnelligkeit des Schalls ist nebst dem beobachteten specifischen Gewichte zu gleicher Zeit angegeben. Die letzte Tafel endlich stellt die Resultate derselben Beobachtungen an Legirungen bei gewöhnlicher Temperatur dar.

I. Tafel. Elasticitätsgränse und Verlängerung im Maximum.

Metalle.	Elastic	llàtegrät	nze.	Verläi Ma	gervag ximum.	iun
	15 -20° C.	100° C.	200° C.	15 20° C.	100° C.	200" (
Blei, gegossen .	< 0,5			0,040		_
gezogen	0,25	< 0,1	_ !	0,243		_
angelassen .	0,20	<0,1	_	0,614	0,065	_
Zinn, gezogen .	0,4-0,5	-0.4	-	0,430		_
angelassen .	0,2	<0,1		0,230	0,302	_
Kadmium, gezog. angelasson .	0.12 < 0.1	<0,1	A1 A1111	0,446 0,412	0,022	1 1 1 1
Gold, gezogen .	13,5	-0,0		0,0008	0,022	
angelassen .	3,0	6	< A	0,046	0,068	0,150
Silber, gezogen	11,0-11,5			0,0045	0,000	-
angelassen .	2.5-3.0	<3	<1	0,168	0,017	0,176
Zink, gezogen .	0,75	<u> </u>	_	0,505	l '— 1	_
angelassen -	1,0	<1	-	0,270	0,152	0,154
gegossen	3,0—3,5		-	0,0015	i '- I	-
Palladium, gezo-	4.0			0.0000	1	-
gen	18	<u> </u>	-	0,0002	-	_
angelassen	<5	-	-	0,205	-	_
Kupfer, gezogen ; angelassen ;	12	<2	<1	0,003	0.050	0.058
Piatin, gezogen .	<3 26	< 2	< 1	0,220 0,0009	0,250	0,250
angelassen ,	14,5	13	11-12	0,0003	0,003	0,086
Bisen, gezogen.	32,5	10	111-12	0,026	0,003	0,000
angelassen .	<5	<5	<5	0,109	0,025	0,061
Gnasstahl, gezo-			~ "	0,200	0,000	0,100
gen	55,60		_	0,003	}	_
angelassen .	< 5'	<10	< 10	0,011	_	_
Stahldraht, ge-			[
zogen	42,5—15			0,0006	_	-
angelassen .	15	10	< 10	0,0044	0,0025	0,025

II. Tafel. Gewicht sum Zerreissen bei 15-20° C.

Metalle.	Lang- same Be- lastung.	Schnelle Belastung.	100*	200*
Blei, gegossen	1,25	2,21		_
gezogen	1,25 2,07	2,21 2,36 2,04	. – :	_
angelassen	1,80	2,04	0.54	
Zinn, gegossen	1,80 3,40	4,16	0,54	_
gezogen	2,45	2,94 - 3,00 3,57 - 3,62		
angelassen	1,70	3.57 - 3.62	0,85	_
angelassen Kadmium, gezogen	2,45 1,70 2,24	-		_
angelassen	_	4,81	2,60	-

1

* Wetalle.	Lang- same Be- lastung.	Schnelie Belastung,	100°	200°
Gold, gezogen angelassen Saber, gezogen angelassen Bestill. Zink, gegossen Gewöhnt. Zink, gezogen angelassen Palladium, gezogen angelassen Kupfer, gezogen angelassen Finin, gezogen angelassen Finin, gezogen angelassen Gestalahl, gezogen angelassen Bahldraht, gezogen angelassen Bahldraht, gezogen angelassen Bahldraht, gezogen	27,00 10,08 29,00 16,02 1,50 12,80 27,40 40,30 30,54 34,10 23,50 61,10 46,88 	26,6—28,4 11,0—11,1 29,6 16,3—16,5 — 15,77 14,40 27,20 — 41,00 31,55 - 31,68 35,00 25,8—27,7 62,5—65,1 50,25 83,80 — 85,9—99,1 53,90 0,65—0,70	12,60 14,00 12,20 22,10 22,60 51,10 59,10	12,06 14,00
Winmuth, gogossen	_ [0,97		_

III. Tafel. Elasticitătecoëfficienten und Geschwindigkeit des Schalls.

							\rightarrow
	Elastici	lätscoëffi	cienten	Gesch	vindigk Schalls	eit des	spec,
Netalle,	nach d. Läugen- Schwing.	nach d. Trans- versal- Schwing.	nach d. Ausdeh 1912g.	nach d. Längen- Schw.	nach d. Trans- voyeal- Sebw.	anch d. Aus- daha,	Ge- wicht,
Mei, gegossen .	1993,4	1965,2	1775.0	3,974	3,966	3,561	11,215
gezogen	2278,0	1781,2	1583.0		3,764	3,787	11,169
angelassen .	2146,0	1854,2	1727,5	4,120	3,841	3,697	11,232
ZeiTiSSeD		1788,6		-	3,749	-	11,308
Linn, gezogen .	4006,0	3839,7	_	7,480	6,829		7,313
angelassen .	4418,0		_	7,338	6,719	-	7,290
Bewöhnt, Zinn,							
gegossen	4643,0	4172,0	_	7,465	7,076	_	7,404
gezogen	4564,0	4148,0	_	7,401	7,086	_	7,342
zerrissen		3918,0			6,909	_	7,293
Kadmium, gezog.	6090,3	5424,0	_	7,903	7,456	_	8,665
angelassen .	4241,0	5313,0	_	6,651	7,444	_	8,520
Zerriesen	CEON N	4084,0	0424 :	C 101	6,518	0.017	8,541
Geld, gezogen .	6599,0	5644,6	8131,5	6,424	6,441	6,247	18,541
angelassen .	6372,0	5989,0 5833,0	5584,6	5,603	5,432 5,212	5,245	18,035
zarriesen	7576,0	7820,4	7357,7	8,057	8,186	7,940	19,077 10,369
angelassen .	7242,0	7533,0	7140.5	7, 03	8,060	7,847	10,304
Zerriesen	1646,0	7645,0	1140,0	1, 03	8,115	1,041	10,320
editioen · ·		1040,11			0,110	. –	11/000

	Elasticit	atscoidfil	cionten		vindigke Schalls	rit des	Spec
Metalle.	nach d. Läugen- Schwing	Trans- rerust- Schw	nach d. Ausdob- pung.	anch d. Lingen- Seher,	nach d. Trans- versal- Schw.	nach d. Aus: debu.	Ge- wicht
Destill Zink, in	1						
Sand gegoss,	7536,0	-6778 _i 0'	_	9,683	19,188	_	7,134
ın die Form ge-							
gossen	9338,0	9423,0	9021,0	10,774	10,823	10,591	7,136
Gewöhnt, Zink,							-
gezogen	9555,0		8734,5		10,560	10,524	7,009
angelassen ,	9292,0	9641,0	_	10,814		-	
zerrissen		9324,0		_	10,882	-	6,931
Palladium, gezog.	-	12395	11759	_	10,066		
angelassen .	-	11281	9789,0	44 400	9,450	8,803	
Kupfer, gezogen	12536	12513	12449	11,167		11,128	
angelassen .	12540	11833	10519	11,167	10,847	10,703	1
zerrissen		12040	_	2014	10,970		3,5
Platm, fem, Draht	16176	15928	_	8,241	8,177	-	21,10
angelassen .	11292	14373	a Books	7,823	7,845		20,76
mittelstarker Dr	17165	17153	17044	8467	8,456		
angelassen .	15611	15355	15518	8,111	8,045		21,000
starker Drabt .	16159	15514	-	8,218			4.5
angelassen .	15560	15653	_	8,074			21
zerrissen	1 -	16748	_	-	8,421	-	20/10
Risen von Berry,	Lanna	4 7 100	-2111 00	12 100			
gezogen	19903	1-547	20569		14,584		
angelassen .	19925	19410	20794	15,108	14,913		L inter
zerrissen	-	19538		_	14,179	-	7,28
Gewohnl, Eisen-	1		10040		(44 800	300
draht	40. 3		18613	48 400	44.400	14,798	
Gussstahl, gezog.	19823	18217	19549	15,108			ALL.
angelassen .	#19828	18811	19561	15,105			2,35
zerrissen	1	16728	-		13,965		
Stahldraht.gezog.	19115	20714	18909	14,961			
angelassen .	19200	51020	1727S	14,961	14,673	14,193	
zerrissen	_	16729	_	-	13,965		7,70
Gew. Stahldr. blau angelass.	-	_	18045	-	-	11,700	7,8

Aus den mitgetheilten Tafeln lassen sich folgende Schliesiehen. 1) der Elasticitätscoöfficient ist für dasselbe Metall nicht constant; alle Umstände, welche die Dichtigkeit des Metall vermehren, vergrößern ihn auch. 2) Die Transversst- Longitudinal-Schwingungen führen im Allgemeinen zu denscha Coöfficienten, und zwar zu einem um etwas größern, als die Beobachtungen der Ausdehnung geben. 3) Bleibende Verlängerungen stellen sich schon bei den geringsten Belastungsein. 4) Die Ausdehnung im Maximum sowie die Festigkeit der Metalls werden durch ein schnelleres oder langsameres Belaste berlingt

ä
•
10
q
, 2
84
•••
₩0
ď
L

	-	Zusammen-	Specif.	Elasticità	ätscoëff.	Geschwindigkeit	windigkeit Schalls	Elastici-	Verläng.	. . .
	• • •	setzung.	Gewicht.	nach Schwing.	nach Ausdebn.	nach Sohwieg.	nach Aredebn.	gränze.	Maxim.	häsion.
Rlei Zinn		Pb. Sa.	10.073	2596	ı	4.786	1	< 0.2	0,552	0.93
	•	10 or	9,408	2969	1	5,295	1		2,077	2,46
•		Pb. Sa.	8,750	3512	1	5,973	1	0,1	1,591	2,07
			6,378	3700	i	6,265	1	0	0,340	1,07
Blei Wismuth.	•	P6., Bi,	11,037	2021	1	4,034			0,262	1,52
	,	Pb Bi	10,790	2367	1	4,415	1	0,1	0,440	1,79
		Bi	10,403	2638	1	4,923		۱	0,025	5,22
Blei, Antimon .	•	P6. Si	10,101	2183	ł	4,382	١	1	. 1	1,87
			10,064	2592	I	4,784	!	1	j	5,29
-		P6 S6,	8,946	3242	l	5,674	1	1	I	. !
		P6 S6.	8,499	3536	1	6,080	1	i	1	i
Blei, Gold	•	Pb., Au	11,301	2227	1	4,185	1	I	0,055	4,74
Rlei Silber		Pb. Ac.	10,743	3095	!	5,060	١	1	. 1	۱.
Blei, Platin	•	Pb. Pt	10,473	5654	1	4,560	ļ	9,0-4,0	0,026	1,65
		•	12,207	3107	ı	4,756	ĺ	1	.	- 1
Rlei Zink	•		11,199	2144	ı	4,125	1	İ	690,0	2,75
			11,172	2493	!	4,454	1	0,1	090,0	2,0,2
		Pb, Zc	11,130	2533	1	4,756	1	2,0	090,0	20,2
		~	9,430	4002	1	6,145	1	۱ ا		3,17
		Pb., Zc.	9,043	6647	ı	8,081	1	1	1	3,40
			8,397	6108	1	8,039	1	ł	1	. 1
		P6 Zc.	7,910	7352	1	9,06	1	1	†00°0	4,40
Blei, Kupfer	•		11,165	2113	ł	4,100	1	1	0,043	2,13

					Cocobm	indiotoit	Ī	10.	
Metaile.	Zusammen-	Specif.	Elasticităts	ātscoëss.	des S	des Schalls	Elastici- täts-	Veriang.	දු ද
	setzung.	Gewicht.	sach Sebwing.	Ausdobn.	sach Schwing.	nach Ancdohn.	grānze.	Maxim.	hā s ion.
Zian. Wismuth	Sa. Bis	8,685	3610	1	8.078	1	1	870'0	8,19
	i m	8,890	2874	i	5,360	ı	j	0,015	6,63
Zinn, Antimon	•	7,211	4033	1	7,050	i	1	. 1	986
	•	7,052	4695	}	7,692	1	1	0,010	28,
į	~	2,007	5168	1	8,096	l	13	18	1.
Zian, Ziak	~	7,366	5336	1	8,023	1	2,0	0,246	\$ 60 C
	Sn, Zc	7,255	2885]	8,560	İ	2 0'5	0,252	ا ا
	~	7,143	6453	1	8,959	I	0,2-0,5	0,036	4 ,68
	Sa, Zc,	7,193	7113	I	9,376	1	0,3-0,5	0,124	2,4
•	Sa Ze,	6,746	9269	1	9,525	i	0,5	0,082	4,32
	Sa Ze,	6,957	7314	1	9,665	ì	6 ,4	0,023	7,52
	8s. Pt	7,578	5309	1	2,890	1	1	ı	4,75
Zion, Kupfer	Se. Cr.	8,332	6113	1	8,074	ı	l	I	ļ
	, O	8,531	8280	1	9,287	1	l	ŀ	1
	S. C.,	8,813	9784	ı	9,932	1	I	I	i
	dass, gebärtet	8,686	7716	1	8.884	1	i	1	•
	Se Crass	8,738	81159	l	9,0859	1	1	ļ	1
•	dass. gehärtet	8,537	67349	1	8,3727	ļ	1	1	l
Zinn, Eisen	Sa, Fe	7,266	4881	ľ	7,726	1	1	1	1
	Sa. Fe	7,418	5001	l	7,740	1	J	1	3
Silber, Palladium	Ag, Pd,	10,903	10003	1	670,6	ļ	20,23	₹00 [°] 0	50,46
Silber, Kupfer	Ac. C.	10,121	8913	1	8,846	1	:1	ŀ	3,0
Cold Bleek	4 5	8,803	8590	1	8,915	f	21,25	0,002	-51.87
Gold, Risen	4. P.	10,650	198	1	6,848	1	1	1	2162
Zink, Kupter	A	10.042	700	I	6.524	1	1	0,016	
				-		- I	!	-)

18,68	8	69	30		PR 4	7,00	6		6470	1.74	100	20.	5.62		1,44	117	414	ł	6. 28. S.	7	ڪر ج	68,1
! :	J			0.140		4000 C		1000	10000	0.692	0,039	3006	1	0370	7010		1000	100°C		000	Tanto	0,002
Ì	į	¥.		16.20	28			40	2 5	7.0 V	٠ [i	\$ \ \	すうし	ļ	90_30		19—24	30_40		45
1	‡	2.68.6		ł	068.6		212,0	9,431		į	ı		ŀ	{)	ļ	208		10,594	11,006		10,324
9,713	9.667	10.244	0000	40,04	10.17		10,2,01	10,031	700	1004	5,141		0,376	4,651		Ø,133	10,032		10,319	11,112		11,240
1	}	8543		•	9277	4080	せいつい	8644)	ł	i		1	ı		ŀ	9261		16788	11500	40999	CCCOT
****	9016	10163	a1611	01011	9823	40900	NO PINT	2138	2026	0707	2735	9000	3505	2486		2000	9517	10001	12201	11722	10050	16600
396.0	012.0	908.6	A A S S		8,427	020		8,636	0,705		9.136	0,247	1100	10.212	TANK.	10,	8.403	0,611	0,041	8,436	O'R15	0,000
5	5	3		=		٤	= 5		R. C.		S6, Sn.	07 0	SO ON!	Sa. Zc.	20	20. 20.	Carl Mi.		CKI: Ali	Cr. Ni.		5147 (M)
4	**************************************	N		=	Z C.		2 3 = = = = = = = = = = = = = = = = = =	Z	70	-	Po		2	P6.		-	ZC		27	Zc.		<u> </u>

Blei, Wismuth, Zinn.

Blei, Antimon, Zinn.

Blei, Zinn, Zink
Zinn, Antimon, Kupfer
Zink, Kupfer, Nickel

Die Elasticitätscoëssicienten der Legirungen lassen sich aus den Coëssicienten der Bestandtheile mit ziemlicher Genauigkeit berechnen; dagegen ist dies nicht der Fall mit der Elasticitätsgränze, der Ausdehnung im Maximum und der Cohäsion.

Ueber die Elasticität des Holzes sind von G. Hagen einige Versuche angestellt worden (Pogg. Ann. LVIII. p. 125). wandte dazu grade prismatische Stäbe von quadratischem oder oblongem Querschnitt an, die aus trocknem, gesundem und möglichst geradfaserigem Holze geschnitten waren; sie wurden gewöhnlich am unteren Ende fest geklemmt und am obern durch Gewichte abwechselnd nach der einen und der andern Seite gesogen. Ein Zeiger markirte die Ausweichung. Bei der Berechnung des Elasticitätsmodulus, d. h. des Gewichtes in preus. Pfunden, welches bei unveränderter Elasticität einen Stab von 1 DZoll Querschnitt auf seine doppelte Länge ausdehnen würde, wurde die neutrale Axe in der Mitte des Stabes angenommen oder der Widerstand der Holzfasern gegen Ausdehnung und Compression als gleich gross betrachtet. Zur Prüfung dieser Annahme wurde an einem stark harzigen Kiefernholze der Elasticitätsmodulus durch einen direkten Versuch über die Ausdehnung zu 2035000 Pfund gefunden, während die Ausbiegungen nach den Seiten 2025000 und 2088000 Pfund gegeben hatten. Ebenso lieferten zwei senkrecht gegen die Richtung der Fasern geschnittene Stäbe desselben Holzes nach der erstern Weise einen Modulas = 37600, nach der andern = 39500. Diese Versuche bestätigen also die Voraussetzung. Ausserdem bestimmte Hagen die relative Ausdehnung der Stäbe, bei welcher das Zerreissen eintritt.

I. In der Längenrichtung der Holsfaser.

	Anzahl der Versuche.	Blasticit äts- Gränze der Modulus. Ausdehung
1) Kiefer (pinus sylvestris)	9	1760000 0,0115
2) Fichte (pinus abies)	1	1945000 0,0107
3) Eiche	5	1537000 0,0139
4) Rothbuche	2	2168000 0,0118
5) Weissbuche	2	2145000 0,0124
II. In der Richtung quer	gegen d	die Holzfaser.
1) Kiefer	2	37000 0,0269
2) Fichte	1	23000 0,0303

										Gränze der Ausdehnung.
3) Eiche	•	•	•	•	•		•			•
4) Rothbuche	•	•	•	•	•	•	•	2	97000	0,0500
5) Weissbuche	•	•	•	•		•		1	94500	0,0250

Der wahrscheinliche Fehler der einzelnen Bestimmungen des Elasticitätsmodulus kann auf ½, doch bei Stäben aus demselben Stücke nur auf ½, gesetzt werden. Die Gränze der Ausdehnung ist weniger sicher. Für nasse Stäbe gelten kleinere Zahlen, denn in der Richtung der Fasern sinkt bei Kiesernholz der Modulus etwa auf ½, gegen die Faser auf ½. — Wenn die Axe des Stabes unter einem Winkel φ gegen die Fasern geneigt ist, so kann man den Modulus e aus dem Modulus in der Längenrichtung der Fasern e' und demjenigen in der darauf senkrechten Richtung e'' mittelst der Gleichung:

$$e = \frac{e'e''}{e'\sin^3\varphi + e''\cos^3\varphi}$$

berleiten.

Bei den Metallen bemerkt man nach den Beobachtungen Werthheim's eine Abhängigkeit der bleibenden Ausdehnung sewohl von der Grösse der Belastung als auch von der Zeit, wie lange dieselbe gewirkt hat; denn bei langsamer Belastung reisst derselbe Stab durch ein kleineres Gewicht und wird zu gleicher Zeit mehr verlängert. Ob dagegen auch innerhalb der Gränzen der vollkommenen Elasticität die Zeit einen Einstuss zusübe, weisen die Versuche nicht nach; dieser Fall findet iudess bei vegetabilischen Stoffen statt, wie W. Weber (Pogg. Ann. LIV. p. 1.) durch Beobachtungen an Seidenfäden dargethau hat. Er hing einen Spiegel an zwei parallelen Schnüren von der Decke des Zimmers herab und beschwerte ihn unten mit einem Gewichte; zugleich konnte er ihn durch vier ungedrehte. in horizontaler Richtung laufende Seidenfäden nach der Seite ablenken, wodurch einestheils die Seidenfäden, je mehr sie den Spiegel ablenkten, desto stärker angespannt wurden, anderntheils die Grösse der Ablenkung durch die Reslexion des Lichtes im Spiegel mittelst eines Fernrohrs gemessen und dadurch das die Seidenfäden auspannende Gewicht berechnet werden konnte. Waren die Fäden eine längere Zeit schlaff gewesen und wurden sie auf einmal straff gespaunt. so bemerkte man, dass sie sich nach und nach dehnten, obschon das spannende Gewicht hierFäden suvor eine längere Zeit gespannt geblieben und verminderte man nun schnell durch Nachlassen ihre Spannung um eines Theil, so zogen sie sich nach und nach wieder susammen und lenkten den Spiegel aus der senkrechten Lage mehr ab, wiewohl dadurch das spannende Gewicht vergrössert wurde. Diese Nachwirkung währte in beiden Fällen über 24 Stunden hinaus.

Ueber die Bewegung tropfbarer Flüssigkeiten.

A. Aussluss des Wassers durch enge Röhren.

Ueber den Aussluss des Wassers durch enge Röhren haben schon früher Dubuat (Principes d'hydraulique T. II. p. 1.), Gerstner (Gilbert's Annalen Bd. V. pag. 160.) und Girard (Mouvement des fluides dans les tubes capillaires: Mémoires de l'Institut 1813 — 1816) Versuche angestellt, doch haben sie einestheils die Verhältnisse bei engeren und weiteren Röhren nicht streng von einander geschieden, anderntheils die Druckhöhen nicht hinreichend verändert. Neue Versuche lieferten hierauf G. Hagen (Pogg. Ann. Bd. XLVI. p. 423.) und Poiseuille (Commissionsbericht Annales de chimie et de physique Ser. III. T. VII. p. 50.; Pogg. Ann. Bd. LVIII. p. 424.). Der letztere wandte Capillarröhren aus Glas von einer solchen Länge an, dass das Wasser nicht mehr frei in einem Strahle, sondern nur tropfenweise abzusliessen vermochte; bei dem ersteren waren die messingenen Röhren etwas weiter und lieserten einen ruhigen Strahl, der an der Mündung wie ein Glasfaden erschien; erst wenn die Druckhöhen bedeutender wurden, traten stossweise Bewegungen ein, die dann nach andern als den in Untersuchung gezogenen Gesetzen erfolgten. Beide Beobachter liessen übrigens das Wasser nicht frei in die Luft, sondern in ein Gefäss mit constanter Wasserhöhe ausmünden; Hugen maass hierbei das ausgeflossene Wasser, das in einer bestimmten Zeit in ein untergestelltes Gefäss hineinlief, Poiseuille hingegen beobachtete das aussliessende destillirte Wasserquantum an einer gläsernen mit engen Röhresansätzen oben und unten versehenen Kugel, durch welche beim Absliessen hindurchging, und erzeugte deshalb den ersorderdirch Druck durch comprimirte Lust, deren Spannkrast er theils durch ein Wasser-, theils durch ein Quecksilber-Manometer mit ossen Schenkel bestimmte. Nach Poiseuille sindet man die durch Capillarröhren in einer Secunde ausgestossene Wassermenge vermittest der Formel:

$$Q = 1836,724(1+0.0336793T+0.0002209936T^{2})\frac{HD^{4}}{L};$$

in ihr beseichnet Q das Wasserquantum in Kubikmillimetern, H die Druckhöhe in Quecksilber bei 0° Temperatur, D den Durchmesser und L die Länge der Röhre, sämmtlich in Millimetern gemessen; ferner bestimmt der in der Parenthese enthaltene Faktor die erforderliche Correction bei verschiedenen Wärmegraden T nach der hunderttheiligen Scala. Zur Prüfung der Formel stellte die Commission (Arago, Babinet, Piobert und Regnault) noch folgende Versuche an:

- 1. Veränderung der Druckhöhen.
- a) Röhre V. Länge 108^{mm} ,24; Temperatur = 14° ,75 C; Durchmesser $(D = 0^{mm}, 277; D' = 0^{mm}, 272^{\circ});$ (d = 0,234; d' = 0,232;Mittlerer Durchmesser = 0^{mm} ,252899.

1	Druck in	Ausfluss	zeit
No.	destillirtem Wasser.	beobachtet.	berechnet von No. 1 aus.
4	522 ,10	1784" 15"	1785",9
3	1040,80	895 0	896,2
2	1472,45	633 0	633,4
1	2002,75	465 45	

b) Röhre U. Länge 107^{mm} ,9;

Temperatur = 14° ,75 C;

Durchmesser $\begin{cases} D = 0^{mm}, 1400; D = 0^{mm}, 133; \\ d = 0,1384; d = 0,132; \end{cases}$ Mittlerer Durchmesser = 0^{mm} ,135848.

An beiden Enden der Röhre wurden zwei zu einander senkrechte Durchmesser gemessen und der mittlere Durchmesser aus $\sqrt{2\times 2} + \sqrt{D\times D'}$ entnommen.

!	Druck	Ausflusszeit				
No.	in Quecksilber.	beobachtet.	berechnet von No. 3 aus.			
3	146 ^{mm} ,22	5664" 0"				
Ž	573,63	1445 45	1443",8			
1	773,85	1069 0	1070,2			
5	740,80	1121 0	1118,0			
4	1515,18	546 15	546,59			
· 3	2273,08	365 30	364,34			
2	3049,45	273 30	271,58			
1	3513,54	237 0	235,71			

2. Veränderung der Röhrenlängen.

Dieselbe Röhre wurde nach und nach verkürzt und maass die Durchmesser jedesmal von neuem.

Druck in destillirtem Wasser = 1472,45.

Temperatur = $14^{\circ},75$ C.

$$D' = 0^{mm},277; d' = 0^{mm},234.$$

No.	Länge.	Durchmesser.	Austluss- zeit beob.
2 5 6 7	84,52 54,0	$D = 0^{mm},272; d = 0^{mm},232$ D = 0,2728; d = 0,232 D = 0,276; d = 0,233 D = 0,277; d = 0,234	492,3 3 14,3

Die Berechnung giebt

Die Röhre war offenbar bei 9^{mm} Länge schon zu kurs m bot jetzt andere, der Voraussetzung nicht mehr entsprechen Verhältnisse dar. In den übrigen Fällen findet die Formel in Bestätigung.

3. Veränderung der Durchmesser.

Nach 1 b. giebt die Röhre U von 107^{mm} , 9 Länge U 0^{mm} , 135848 mittlerem Durchmesser D_1 bei einem Druck von 1984^{mm} , 75 destillirten Wassers das Wasserquautum in 5664 nach 1 a. Röhre V von 108^{mm} , 24 Länge und 0^{mm} , 252899 mitterem Durchmesser D_2 bei einem Druck von 2002^{mm} , 75 dasselle

Juantum in 465",75 oder in 468",50 bei gleicher Länge und leichem Drucke wie U. Es verhält sich aber

$$(D_1)^4:(D_2)^4=471^{\circ},57:5664^{\circ},$$

vonach die Differenz gegen 468",50 gering ist.

4. Veränderung der Temperatur.

Länge der Röhre 73^{mm} , Durchmesser $D = 0^{mm}, 27$, $d = 0^{mm}, 23$ ungefähr. Gewicht des in der Kugel bei 10° C. enthalenen Wassers = V^{gr} .

No.	Tempera- tur.	Ausflusszeit unter 1320**,5 Druck.	Gewicht des aus- geflosseuen Wassers in 300".		
2	2*,57	610",15	$V^{\rm gr} \times 0,491704$		
1	10,20	484,13	$V \times 0,619526$		
3	18,14	393,19	$V \times 0.762010$		
4	26,55	322,00	$V \times 0.928726$		

Der Faktor $(1+0.0336793 T+0.0002209936 T^2)$ in der obien Formel ist für

No.
$$2 = 1,0880154$$

No.
$$1 = 1,3665282$$

No.
$$3 = 1,6836624$$

No.
$$4 = 2,0499593$$
,

omit sind die Gewichtsverhältnisse in 300"

rodurch sich auch hier die empirische Formel bestätigt.

Ausserdem stellte Poiseuille noch eine Versuchsreihe mit Mohol an, der, sowohl rein als in verschiedenen Verhältnissen it Wasser gemischt, langsamer als destillirtes Wasser ausiesst. Er fand:

No.	Gewicht des Wassers auf 73,512 Gew. Alkohol.	Spec. Gew. der Mischung bei 10°C.	Ausfluss- zeit eines gleichen Volums.	Capillaritht in einer Röhre von 0 ,36 Durchmesser.
1	0	0,8001	682"	32 ^{mm} ,20
2	26,487	0,8557	1158	33,60
3 -	36,487	0,8793	1336	34,60
4	76,487	0,9293	1731	35,45
5	86,487	0,9311	1782	86,35
6	106,487	0,9349	1726	<u> </u>
7	126,487	0,9400	1723	
78	226,487	0,9606	1444	
9	276,487	0,9627	1326	43,35
10	356,487	0,9734	1237	
11	676,487	0,9798	841	54,85
12	1026,487	.0,9820	760	58,05
13	1276,487	0,9893	694	61,30

Destillirtes Wasser floss in 523" ab und zeigte eine Cap höhe von 80^{mm},65. Die geringste Ausflussschnelligkeit fi bei einem Gemenge von 73,51 Gewichtstheilen Alkohol 76,49 Wasser statt, wo beide nach Rudberg in ihrer Misch die grösste Contraction erleiden. —

Die Versuche von Hagen wurden mit 3 Messingröße avon 17,483 pariser Zoll Länge und 0,0471 Radius, b 40,262 Länge und 0,0741 Radius, c von 38,667 Länge 0,10905 Radius, angestellt. Er erhielt, wenn h die Druckles Wassers in par. Zollen und M das in einer Secunde au slossene Wasserquantum in preuss. Lothen angiebt:

1. Reihe. Röhre a. Temp. +8°,2 R.

<u> </u>	M
0,895	0,0262
3,621	0,0995
7,613	0,1906
11,044	0,2594
14,887	0,3288

2. Reihe.

Röhre b. Temp. $+8^{\circ}.4R$.

h	M
0,491	0,0384
3,565	0,2523
7,750	0,4897

3. Reihe.

Röhre c. Temp. $+8^{\circ},8R$.

· h	M
0,265	0,1022
0,907 1,085	0,3109 0,3605
2,649	0,7250
3,120	0,3221

4. Reihe.

Röhre b. Temp. $+6^{\circ},1R$.

h	M
0,657	0,0472
1,654	0,1157
3,508	0,2330
5.566	0.3500

5. Reihe. Röhre b. Temp. + 14,0 R.

Aus diesen Reihen ergiebt sich nach Zusiehung dreier eineher Versuche mit der Röhre b bei + 12•,1, + 13•,2 und + 15•,2 R. die Formel:

$$=\frac{1}{\varrho^4}[(0,00001726-0,000000785l+0,0000000216l^2)lq+0,0003886q^3];$$

ierin ist in par. Zollen gemessen h die Druckhöhe, ϱ der Rains und l die Länge der Röhre, q die in einer Secunde ausgessene Wassermenge in Kubikzollen (1 Lth. = 0,73795 Kubikil) und t die Temperatur des Wassers in Graden der Reaum. tale. Diese Formel mit der obigen von Poiseuille verglichen, nfasst wegen der weiteren Röhren ein neues Glied mit dem ikter q^2 ; lässt man dieses sunächst fort, so wird durch Einhrung des Durchmessers d statt des Radius ϱ und der Centemalgrade T statt der Reaumurschen t:

$$q = 3621,1(1+0,036384T+0,000523T^2)\frac{kd^4}{l}$$

isst man überdies q, h, d und l in Millimetern, bestimmt die rackhöhe durch Quecksilber bei 0° (spec. Gew. = 13,598), id beseichnet die Grössen deshalb mit Q, H, D und L, so folgt:

$$Q = 1819,0(1+0,036384T+0,000523T^2)\frac{HD^4}{L}$$

mmt und nur in der Wärmecorrection wegen der nicht hinchend ausgedehnten Versuche keine ganz vollkommene Besriegung darbietet. —

Die den vorstehenden Beobachtungen entsprechenden Verltnisse giebt Hagen folgendermaassen an. Das aus einer engen ihre aussliessende Wasser bewegt sich so lange, als nicht bei sehmender Druckhöhe ein stossweises Aussliessen eintritt, von mittleren Wassersaden an bis zu dem an der Röhrenwand \mathbb{R} stehenden Mantel mit abnehmender Schnelligkeit und tritt Form eines Kegels aus. Ist die mittlere Schnelligkeit der usen Wassermenge = k, die des Centralsadens = c, so ist

zunächst $k=\frac{1}{2}c$ und die um x vom Centrum abstehende Wasserröhre von der Dicke dx besitzt bei einem Querschnitt von 2xndx eine Schnelligkeit $v=\frac{(\varrho-x)c}{\varrho}$. Nach dem Princip von der Erhaltung der lebendigen Kräfte wird zur Bewegung sämmtlicher Wasserröhren eine Druckhöhe h'' erfordert, die aus

$$h'' \varrho^2 \pi k = \int \frac{v^2 dM}{4g} = \int \frac{2 \pi dx (\varrho - x)^2 c^2}{4g \varrho^3}$$

folgt. Das Integral von x = 0 bis $x = \varrho$ genommen, giebt, wenn man $\frac{1}{4g}$ in par. Zollen = 0,00138 setzt,

$$h'' = 0.00138 \cdot 2.7 \cdot k^2$$

oder, da $q = k \varrho^2 \pi$ ist,

$$h^{\prime\prime} = 0,00037752 \frac{q^2}{q^4},$$

ein Resultat, das im Ganzen mit der empirischen Formel übereinstimmt.

Der noch übrige Theil h' der Druckhöhe wird durch den Widerstand vernichtet, welchen die einzelnen Wasserröhren bein Gleiten über einander erfahren. Man nehme also an, dass zur Bildung des ausströmenden Wasserkegels no Wasserröhren beitragen, jede von der Dicke $=\frac{1}{n}$, und dass der Widerstand den Quadrate der Schnelligkeit proportional sei, wobei m den Rebungscoöfficienten auf der Flächeneinheit bezeichne, so hat die jenige Röhre, welche um x vom Centrum absteht, eine Schnelligkeit $=\frac{(\varrho-x)c}{\varrho}$, die nach der Peripherie zu ihr folgende eine

Schnelligkeit = $\frac{\left(\varrho - x - \frac{1}{n}\right)c}{\varrho}$, und jene eilt mit einer Schnelligkeit = $\frac{c}{n\varrho}$ voran, erleidet also auf ihrer ganzen Länge einer Widerstand = $\frac{2mx\pi lc^2}{n^2\varrho^2}$. Zur Ueberwindung der gesammten Wider

$$h'\varrho^2\pi k = \frac{2m\pi lc^2}{n^2\varrho^2} \Sigma x.$$

stände gehört eine lebendige Kraft

Es ist aber $\Sigma x = \frac{1}{n}(1 + 2 + 3 + 4 \dots + n\varrho) = \frac{\varrho^2 n}{2}$, demands $h' = \frac{9mlk}{\varrho^2} = \frac{9m}{n\pi} \cdot \frac{lq}{\varrho^4}$.

Der Faktor $\frac{lq}{q^4}$ entspricht der empirischen Formel vollkommen; allein in dem andern Faktor $\frac{9m}{m\pi}$ lassen sich die Grössen m und n nicht von einander trennen, also auch beide nicht einsein erhalten, wodurch man in m den sicher darin enthaltenen Zusammenhang der Reibung mit der Capillaranziehung nachweisen könnte.

Ausfluss des Wassers durch Einschnitte.

Wenn sich das Wasser durch einen oben offenen Einschnitt in einer dünnen Wand ergiessen kann, so senkt sich bekanntlich der Spiegel schon vor dem Einschnitte und ausserdem findet m den Seiten eine mehr oder minder grosse Contraction des Strahles statt, je nachdem nämlich die Wände des Kanals weiter von dem Einschnitte zurückstehen oder, wie bei einem blossen Veberfalle, näher an ihn herantreten. Theoretisch sieht man den Einschnitt als eine Oeffnung in dünner Wand an, deren Höhe dem Wasserstande über der Schwelle gleich ist. Vernachlässigt man dann die Schnelligkeit des Wassers vor dem Einschnitte, dessen Höhe = H und Breite = B sei, und bezeichnet den Contractions coëssicienten mit m, so ist das in einer Secunde ab-Siessende Wasserquantum

$$Q = \frac{1}{3}m\sqrt{4g} \cdot BH\sqrt{H}$$
.

Zer Bestätigung dieser Formel und namentlich zur Bestimmung coëssicienten m, so wie auch um die Tiese und Weite der Einsenkung des Wassers am Einschnitte zu messen, hat Castel Toulouse eine Reihe sorgfältiger Versuche ausgeführt (Expériences faites au château d'eau de Toulouse sur l'écoulement de l'eau par les déversoirs. Ann. de chimie et de phys. 1836. T. LXII. p. 31.). Er leitete das Wasser zuerst in einen rechtwinkligen, aus Bohlen gezimmerten Kanal von 5,96 Länge, 6,74 Breite und 0,55 Tiese, und brachte es darin theils durch langsames Einströmen, theils durch Zwischenplatten zur Ruhe. Vor demselben stand das Aichgefäss, ein mit Zink ausgeschla-: gener Kasten, 4 lang, 1 breit und 0,80 tief; ein beweg-Ether Trog schüttete das durch den Einschnitt gegangene Wasser hinein, und man notirte die Zeit und den Inhalt, sobald der Kasten bis zu 3 gefüllt war. Die Höhe des Wasserspiegels und 17 VII.

seine Einsenkung wurden sorgfältig mit 10 von oben herabgehenden, unten zugespitzten Stäben gemessen. Die Einschnitte selbst besanden sich aufänglich in einsölligen Bohlen, später sur grösseren Genauigkeit in Kupserplatten. — Die nachstehende Tasel giebt von der Einsenkung des Wassers die grösste Tiese über der Schwelle und die Weite oder Entsernung von dem Einschnitte an, bis wohin sie sich noch bemerklich machte. Sämmtliche Dimensionen sind nach Metern genommen und die ausgeslossene Wassermenge in Litern (1 litre = 0,001 Kubikmeter) angegeben, zur Berechnung von m wurde überdies $\frac{1}{3}\sqrt{4g} = 2,953$ angesetzt.

Breite des Ein-	Höhe des Wasser-	Einser	nkung.	Ausfluss-	Wasser- menge in	Contractions-
schnitts B .	standes <i>H</i> .	Tiefe.	Weite.	zeit.	1 Sec.	coëff .
0,1004	0,2404	0,0164	0,345	142"	20,80	0,5952
·	0,2203	0,0129	0,300	161,5	18,22	0,5942
	0,1987	0,0117	0,300	190	15,59	0,593
	0,1802	0,0107	0,250	219 ·	13,47	0,593
	0,1587	0,0098	0,250	266	11,10	0,592
	0,1387	0,0092	0,250	325,6	9,066	0,5919
	0,1199	0,0087	0,250	406	7,259	0,589
	0,1005	0,0081	0,200	530	5,581	0,5909
	0,0795	0,0075	0,200	106,5	3,958	0,592
	0,0607	0,0068	0,150	150,3	2,637	0,594
	0,0506	0,0063	0,150	200	2,014	0,596
•	0,0425	0,0056	[-0,150]	251,5	1,551	0,604
	0,0302	0,0049	0,150	432,7	0,961	0,617
0,1999	0,2068	0,0201	0,417	88	32,98	0,595
	0,1779	0,0164	0,350	113	26,25	0,5947
	0,1595	0,0150	0,350	134,5	22,31	0.594
	0,1406	0,0130	0,300	160,5	18,40	0,592
	0,1195	0,0131	0,250	204,5	14,91	0,592
	0,0996	0,0119	0,250	268,5	10,97	0,592
	0,0802	0,0106	0,250	370	10,97 7,951	(),5943
	0,0598	0,0093	0,200	563	5,197	0.602
	0,0515	0,0077	[-0,200]	97,7	4,204	0,6110
	0,0396	0,0067	0,200	141,5	2,872	0,615
	0,0303	0,0057	0,150	206,7	1,936	0,624
0,3002	0,1380	0,0172	0,417	108,2	27,41	0,6031
	0,1205	0,0152	0,300	121,7	22,40	0,6040
	0,0995	0,0135	0,300	174,3	16,81	0,6010
	0,0793	0,0119	0,250	246,5	11,98	0,6001
	0,0605	0,0098	0,250	367	8,049	0.6101
	0,0507	0,0080	0,200	473	6,235	0.6152
	0,0409	0,0067	0,2()()	92,5	4,537	0.633
	0,0316	0,0055	0,200	132	3,141	0,6307

	,					
reite s Ein- bnitts	Höhe des Wasser- standes.	Einser	ikung.	Ausfluss-	Wasser- menge in	Contrac- tions-
B .	H.	Tiefe.	Weite.	zei t.	1 Sec.	coëff. m.
3998	0,1240	0,0182	0,417	91,2	32,04	0,6215
	0,1051	0,0160	0,345	118,3	25,00	0,6214
	0,0805	0,0125	0,300	176,7	16,72	0,6200
	0,0598	0,0100	0,250	273	10,75	0,6225
	0,0485	0,0079	0,200	372,7	7,893	0,6359
•	0,0399	0,0066] 0,200	498	5,947	0,6320
	0,0308	0,0054	0,200	728,5	4,060	0,6362
5024	0,0973	0,0154	0,345	104,5	28,42	0,6311
	0,0805	0,0123	0,300	137,7	31,42	0,6321
	0,0607	0,0092	0,250	209,3	14,02	0,6318
	0,0503	0,0079	0,250	281	10,59	0,6327
	0,0407	0,0062	0,250	381	7,753	0,6364
	0,0313	0,0050	0,200	560	5,275	0,6420
5001	0,0991	0,0150	0,417	82,5	35,61	0,6441
	0,0809	0,0123	0,300	112	26,28	0,6444
	0,0602	0,0092	0,250	173,2	16,88	0,6148
	0,0517	0,0079	0,250	222,7	13,41	0,6437
	0,0388	0,0062	0,200	343	8,729	0,6445
	0,0311	0,0050	0,200	466,5	6,331	0,6513
3804	0,0931	0,0142	0,417	78,7	37,48	0,6566
	0,0796	0,0120	0,350	99,3	29,59	0,6557
	0,0606	0,0090	0,260	150,1	19,65	0,6555
	0,0501	0,0077	0,250	199,7	14,77	0,65 55
	0,0414	0,0063	0,200	265	11,10	0,6558
	0,0258	0,0049	0,150	353,5	6,477	0,6596

Der Contractionscoëssicient m nimmt hier, wie es in den lichen Fällen bei Oessnungen in dünner Wand Statt sindet, abnehmender Druckhöhe etwas zu; wenn er indessen auch den breitern Einschnitten wächst, so liegt der Grund darin, bei diesen die Wände des Kanals den Seiten der Einnitte näher rückten und dadurch die vollständige Contractverhinderten. Nach Castel möchte der Gränzwerth von = 0,67 sein.

C. Ausfluss des Wassers bei unvollkommener Contraction.

Ueber den Aussluss des Wassers unter sehr verschiedenen ständen hat J. Weisbach zwei grössere Versuchsreihen antellit und in zwei Hesten: — Versuche über den Aussluss des assers durch Schieber, Hähne, Klappen und Ventile, Leipzig Versuche über die unvollkommene Contraction des Wassers

beim Aussluss aus Röhren und Gefässen, Leipzig 1843 — bekannt gemacht. Die erstere Abhandlung dürste zunächst nur für die Praxis einen Werth haben, die andere bietet dagegen mehrere Partieen dar, die auch für die Theorie eine Bedeutung assprechen können. Auf diesen Punkt hat indess Weisbach bei der Berechnung sein Augenmerk weniger gerichtet. — Das aussliessende Wasser befand sich in einem rechtwinkligen Kasten von 90 Centimeter Höhe und 0,43944 Quadratmeter Querschnitt, der in seinem Innern mit 6 unter einander stehenden Spitzen versehen war, um daran die Quantität des ausgeslossenen Wassers zu bestimmen, denn der Spiegel sank beim Aussluss. Ist A also der Querschnitt des Gefässes, a die Fläche der Oestnung, m der Contractionscoëfsicient und h, und h, die Höhes im Kasten, zwischen welchen das Wasser in t Sekunden absliesst, so hat man — Adh = mav Agh. dt oder

$$m = \frac{2A}{at\sqrt{4g}}(\sqrt{h_1} - \sqrt{h_2}).$$

Hätte sich aber der Wasserstand H beim Versuche nicht geändert, und wäre doch gleichviel Wasser in gleicher Zeit augeflossen, so hätte man $A(h_1 - h_2) = mat \sqrt{4gH}$ bekomme, oder

$$m=\frac{A(h_1-h_2)}{at\sqrt{4gH}}.$$

Beide Gleichungen geben die mittlere Druckhöhe

$$H = \left(\frac{\sqrt{h_1} + \sqrt{h_2}}{2}\right)^2.$$

a) Unvollkommene Contraction bei kreisförmigen Mündungen.

Zu diesen Versuchen wurde an den Wasserkasten entweler ein 4,032 Centimeter weites und $27\frac{1}{2}$ Centimeter langes Messingrohr gesetzt, das auch mit einer konoidischen Einmündung versehen werden konnte; oder es wurde noch überdies ein 60 Centimeter langes und nahe an 4 Centimeter weites Eisenrohr der vorgesetzt. Vor dem offenen Ende dieser Röhren befanden sich dünne Platten, die verschieden grosse kreisrunde Oeffnungen eschielten, an denen die unvollkommene Contraction beobachte wurde. Setzt man den Querschnitt des Rohrs $= a_1$, und der Oeffnung in der Platte $= a_2$, so gebe der Versuch, wenn der Wasser aus dem Rohre allein in t_1 Sekunden unbehindert aussiest.

$$\mu_{1} = \frac{2A}{a_{1}t_{1}\sqrt{4g}}(\sqrt{h_{1}}-\sqrt{h_{2}}),$$

dagegen, wenn die Platte davor ist und das Wasser nun t, Sekunden zum Aussliessen braucht,

$$\mu_{2} = \frac{2A}{a \ell_{2} \sqrt{4} \overline{k}} (\sqrt{h_{1}} - \sqrt{h_{2}}).$$

Das Rohr bleibt in beiden Fällen gefüllt, demnach hat das Wasser in ihm im erstern Falle eine mittlere Schnelligkeit $v_1 = \mu_1 \sqrt{4gH}$, im andern eine mittlere Schnelligkeit $v_2' = \mu_2 \sqrt{4gH}$. Durch diese Schnelligkeit verliert das bis zur Mündung gelangende Wasser einen Theil seiner Druckhöhe = $\frac{v_1^2}{\mu_1^2 4g}$, gewinnt aber durch eben diese Schnelligkeit wieder einen

Zuwachs an Druckhöhe = $\frac{v_1'^2}{4g}$, die noch vorhandene mittlere

Druckhöhe ist also =
$$H - \left(\frac{1}{\mu_1^2} - 1\right) \frac{v_1^2}{4g} = H \left(1 - \left(\frac{1}{\mu_1^2} - 1\right) \frac{\mu_2^2 a^2}{a_1^2}\right)$$
.

Wenn man hiernach voraussetzt, wie dies sonst beim Ausströmen des Wassers aus Oeffnungen in dünner Wand gebräuchlich ist, dass sich der Strahl in der Mündung nur zusammentieht, an Schnelligkeit aber keine Einbusse erleidet, so ist das in 1 Sekunde aussliessende Wasserquantum

$$q = \mu a \sqrt{4gH} \cdot \sqrt{1 - \left(\frac{1}{\mu_1^2} - 1\right) \frac{\mu_2^2 a^2}{a_1^2}},$$

**eichnet. Da aber auch $q = \mu_2 a \sqrt{4gH}$ ist, so folgt

$$\mu = \frac{\mu_2}{\sqrt{|1 - (\frac{1}{\mu_1^2} - 1)(\frac{\mu_2 a}{a_1})^2|}}.$$

Mittelst dieser Gleichung hat Weisbach μ aus den Verwechen selbst hergeleitet. Die folgende Tasel stellt diese Verweche susammen, in denen auch der Coëssicient der vollkommewen Contraction μ , durch unmittelbares Einsetzen der Platten
in die Wand des Wasserkastens bestimmt wurde; der Kürze
wegen sind die Angaben bei drei verschiedenen Druckhöhen zumemmengezogen. Die erste Columne giebt die Nummer der Mündangen an, die zweite unter R das Rohr, welches sich zwischen
der Mündung und dem Wasserkasten besand, nämlich M das ein-

fache, C das mit konoidischer Einmündung versehene Messingrohr, E das noch daran geschobene Eisenrohr; die folgende Columne giebt die Verhältnisse zwischen den Querschnitten der Rohrs und der Mündung an, μ_0 bezeichnet den Coëfficientes der vollkommenen, μ der unvollkommenen Contraction, der mit Hülfe der obigen Formel aus den Versuchen abgeleitet wurde die letzte Spalte endlich enthält den für μ berechneten Werth, wie er sich nach der später angegebenen Weise ergab.

No.	R	$\frac{a}{a_1}$	μ,	μ	μ Mittel.	berechn.
1	M	0,046	0,666	0,666	0,666	0,670
1 2 3 4	M	0,063	0,644	0,648	0,648	0,650
$\tilde{3}$	M	0,094	0,632	0,643	0,643	0,642
Ā	M	0,141	0,632 0,630	0,639	0,637	0,646
**	C	0,141	0,000	0,638	0,007	1,040
	E	0,141		0,000	'	
5		0,140	0,627	0,635	0,646	0.610
J	M	0,187	0,027	0,643	0,040	0,619
	C	0,187		0,651		
•	E	0,186	0.004	0,643	0.040	0.055
6	M	0,238	0,624	0,645	0,648	0,655
~	E	0,237	0.047	0,652	0.050	0.055
7 8 9	M	0,276	0,617	0,652	0,652	0,655
8	M	0,339	0,610	0,656	0,656 0,680	0,661
9	M	0,381	0,621	0,683	0,680	0,677
	C	0,381		0,679		
	E	0,380		0,678		
10	M	0,437	0,619	0,695	0,692	0,689
	C	0,437		0,688	ĺ	•
11	M	0,510	0,622	0,701	0,703	0,710
	C	0,510		0,705		
	E	0,507		0,704		
12	M	0,582	0,617	0,727	0,726	0,728
	C .	0,582		0,724	,	.]
	E	0,579		0,726		
13	M	0,651	0,616	0,759	0,761	0,752
	C	0.651	•	0,769	,	•
	E	0,648		0,755	•	
14	M	0,712	0,616	0,776	0,777	0,776
•	C	0.712	ĺ	0,777		,,,,,
	$oldsymbol{E}$	0,709		0,777		
15	M	0,795	0,615	0,815	0,514	0,817
	C	0,795	,	0,816	,	.,,000
	E	0,792		0,810		
16	M	0,834	0,615	0,841	0,840	0,540
	c	0,834	,	0,838	, , ,	· • · •
	B	0,830		0,841		
17	M	0,864	0,614	0,880	0,881	0,865
1	E	0,860	,	0,883	.,	17000
1	1	1 7	·		· I	

Zur Hervorbringung der Contraction μ wirkt unstreitig das schon in Bewegung gesetzte Wasser anders als das noch in der Ruhe befindliche; während dieses die vollkommene Contraction μ , erleidet, wird jenes mehr oder weniger frei ausströmen, je nachdem das Verhältniss $\frac{a}{a_1}$ grösser oder kleiner ist. Es sei also v die Schnelligkeit des Wassers im Rohre, v in der Mündung, so ist in dieser ein Zuwachs an Schnelligkeit v0, und folglich erleidet der v0 te Theil des Wassers die vollkommene Contraction, deren Coëfficient v0 ist, der übrige v0 te Theil eine Contraction, deren Coëfficient v1 sei; somit ist

$$\mu = m \frac{v}{w} + \mu_{\bullet} \left(\frac{w - v}{w} \right).$$

Nur die Bestimmung von m bleibt misslich. Setzt man $\frac{a}{a_1} = 1$ oder w = v, so muss m = 1 werden; will man indess diesen Werth durchgängig anwenden, so fällt μ bei kleinen Oeffnungen etwas zu gross aus. Man unterscheide daher in diesem Gliede abermals zwei Theile, welche von dem gegenseitigen Verhältnisse der beiden Querschnitte des fliessenden Wassers abhängen, einen $= \frac{\mu a}{a_1}$, den andern $= 1 - \frac{\mu a}{a_1}$, und lasse m für den ersten = 1, für den andern = v kleiner als 1 sein, so bekommt man

$$\mu = \left[\nu + (1-\nu)\frac{\mu a}{a_1}\right] \frac{v}{w} + \mu_0 \frac{w-v}{w},$$

oder da $\frac{v}{w} = \frac{\mu a}{a_1}$ ist,

$$\mu = \frac{\mu_{\bullet}}{1 - (\nu - \mu_{\bullet}) \frac{a}{a_{1}} - (1 - \nu) \frac{\mu a^{2}}{a_{1}^{2}}}.$$

Nach dieser Formel ist oben μ versuchsweise berechnet worden, indem den Beobachtungen entsprechend $\nu=0.79$ gesetzt und der Bequemlichkeit wegen in dem Gliede $(1-\nu)\frac{\mu a^2}{a_1^2}$ das noch unbekannte μ unmittelbar aus den Versuchen genommen wurde. Nach der Uebereinstimmung mit den Versuchen zu urtheilen, kann die empirische Formel den richtigen Ausdruck nicht bedeutend versehlen. — Die oben angewandte Methode, den

Die Berechnung von μ ist nach der obigen Formel

$$\mu = \frac{\mu_0}{1 - (\nu - \mu_0) \frac{a}{a_1} - (1 - \nu) \frac{\mu a^2}{a_1^2}}$$

ausgeführt, in der v den Werth 0,92 hat.

c) Unvollkommene Contraction bei rechtwinkligen Mündungen.

Um die unvollkommene Contraction auch bei rechtwinklige Mündungen kennen zu lernen, kamen 5 Mündungen in Anwerdung, deren Höhe zur Breite sich etwa wie 1:2 verhielt. Si wurden entweder wieder unmittelbar in die Wand des Wassen kastens eingesetzt, wodurch sich μ_{\bullet} ergab, oder sie besande sich vor einem 32 Centimeter langen, rechtwinkligen Messing rohre, von 5 Centimeter Breite, und 2,5 Centimeter Höhe. Die Rohr allein gab den Coëfficienten 0,7821.

No.	Breite der Mündung in Centimet.	Höhe der Mündung in Centimet.	$\frac{a}{a_1}$	μ ,	μ	μ be- rechnet.
1	2,020	0,976	0,1585	0,624	0,645	0,647
2	2,222	1,120	0,2001	0,649	0,675	0,675
3	2,444	1,177	0,2313	0,656	0,689	0,687
4	2,812	1,337	0,3023	0,631	0,672	0,678
5	3,568	1,729	0,4962	0,622	0,728	0,721

Zur Berechnung von μ bekam ν den Werth 0,825, der etwas grösser als 0,79 ist, wie auch μ_0 durchschnittlich etwas grösser als bei den kreisförmigen Mündungen ausfällt.

d) Unvollkommene Contraction bei Verengerungen in den Röhren.

Die Mündungen in den dünnen Platten, welche zu den früheren Versuchen gedient hatten, kamen hierauf unmittelbar an den Wasserkasten und davor das Messingrohr, oder sie befanden sich im Innern desselben. Waren die Mündungen klein, so erreichte der Strahl in freier Luft bisweilen die Wandung der Röhre nicht und der Versuch musste unter Wasser angestellt werden. In der Tafel sind diese Fälle mit * bezeichnet. Der Einfluss der Messingröhre ist in beiden Fällen derselbe: die Wandung zieht den Strahl an und beschleunigt entweder seine Geschwindigkeit in der Mündung oder sie breitet ihn bei gleichbleibender Schnelligkeit aus und vergrössert so das geförderte

No.	<u>a</u>	Durchm. der Mündung in Centimet.	Durchm. d. Strahls in Centim.	Gemesse- ner Con- tractions- coëff. a	Angenom- mener Contract, Coeff. μ	<u> </u>
4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17	0,141 0,187 0,233 0,276 0,339 0,381 0,437 0,509 0,582 0,651 0,712 0,795 0,834 0,864	1,512 1,742 1,967 2,117 2,348 2,490 2,666 2,878 3,075 3,253 3,403 3,596 3,683 3,748	1,229 1,404 1,602 1,743 1,919 2,115 2,266 2,465 2,663 2,921 3,056 3,274 3,393 3,350	0,661 0,650 0,663 0,678 0,668 0,721 0,722 0,734 0,750 0,806 0,806 0,829 0,849 0,887	0,634 0,640 0,646 0,647 0,651 0,675 0,696 0,721 0,750 0,767 0,809 0,828 0,868	0,959 0,986 0,974 0,954 0,975 0,936 0,957 0,944 0,961 0,931 0,952 0,976 0,975 0,975
	•	. ,	,	, ,	Mittel $\frac{\overline{\mu}}{\overline{\mu}}$	= 0,961.

Aus diesen Versuchen ergiebt sich, dass in beiden Fällen zu derselben Annahme der gleiche Grund vorhanden ist.

b) Unvolkommene Contraction bei kurzen cylindrischen Ansätzen.

Es wurden ferner 5 kurze cylindrische Ansätze, die etwa 8 mal so lang als weit waren, theils vor die Röhren gesetzt, f mm den Coëfficienten $m \mu$ der unvollkommenen Contraction zu bestimmen, theils an den Wasserkasten selbst, um μ_{\bullet} zu erhalten. Die nachstehende Tasel giebt wieder die Mittelwerthe aus den Versuchen bei drei verschiedenen Druckhöhen.

No.	Durchm, in Centim.	R	$\frac{a}{a}$	μ.	μ	μ be- rechnet.
1	1,064	M E	0,0696 0,0693	0,851	0,852 0,851	0,855
2	1,934	M E	0,2301 0,2289	0,832	0,857 0,856	0,852
3	2,672	M B	0,4392 0,4370	0,813	0,874 0,871 0,873	0,865
5	2,5925 3,302	M M B	0,5146 0,6846 0,6812	0,813 0,817	0,873 0,912 0,896	0,878

füllen. In den noch übrigen Theil der Oeffnung trete darauf das Wasser von den Seiten her ein und nehme, je nachdem es eine längere oder kürzere Zeit dem Andrange der ganzen Wasser masse ausgesetzt war, eine grössere oder geringere Ausflussgeschwindigkeit an, die von 0 am Rande der Oeffnung bis da wo der innere Cylinder anfängt, auf $\sqrt{4gh}$ steige. Hiernach bilde das aussliessende Wasser einen abgestumpsten Kegel von der Höhe $\sqrt{4gh}$, der unteren Basis $\frac{1}{4}d^2\pi = f$, und der oberen Basis $\frac{1}{4}d^2\pi = \frac{1}{4}f$ und gebe ein Quantum = $0.74f\sqrt{4yh}$. Wens indess aus den Versuchen noch ein kleinerer Coëssicient folge, so liege der Grund in der Adhäsion und der daraus entspringenden Reibung, die gleichfalls die Gestalt des aussliessenden Strahles verändere. - Gegen diese Ansicht der Sache lassen sich vornehmlich zwei Einwendungen machen; zuvörderst ist nicht erwiesen, dass das von den Seiten her strömende Wasser durch die Gewalt des übrigen gerade die Schnelligkeit annehmen musse, welche ihm beigelegt wird, und zweitens ist der angenommene Uebergang von der Ruhe in die Bewegung in soweit nur scheinbar, als die ganze Masse offenbar schon vor der Mündung in eine solche Bewegung gesetzt wird, dass sie die Stelle des abfliessenden Wassers wiederum ausfüllt. Diese Bewegung kann um so weniger fehlen, als in ihr der Verlust an lebendiger Kraft liegt, welche in dem aussliessenden Strahle enthalten ist. -

Nach den von Feilitsch aufgestellten Principien bekommen wir folgenden Gang der Entwickelung. Es sei EFCD (Fig. 1) der senkrechte Durchschnitt durch ein Gefäss mit Wasser und AB durch die kreisrunde Oeffnung im Boden. Ein beliebiges Wassertheilchen M, das, ehe die Oeffnung vorhanden war. von allen Seiten gleichmässig gedrückt und in Ruhe erhalten wurde, tritt, wenn nach hergestellter Oeffnung der Druck aus dem Winkelraum AMB aufhört, seine Bewegung in einer Linie an, welche den Winkel AMB halbirt; nach M' gekommen ändert es mit dem Winkel AM'B seine Richtung und folgt wiederum der Halbirungslinie; auf gleiche Weise fortschreitend durchläuft es die Hyperbel ML, deren Brennpunkte A und B sind, und gelangt senkrecht gegen AB in L aus der Oeffnung. Da alle übrigen Theilchen gleichfalls Hyperbeln beschreiben, so lässt sich die ganze Wassermasse, deren horizontale Ausdehnung unbeschränkt sei, in eine unendliche Zahl von hyperbolischen

Schichten zerlegen, von denen jede durch einen besonderen Ring der Oeffnung senkrecht gegen dieselbe hindurchgeht. Es ist aber der Zug, welchen M von der Oeffnung erfährt, proportional sum Quadrate des Sinns vom halben Winkel AMB, also wenn man diesen Winkel mit α und mit C eine Constante bezeichnet, $= C \sin^2 \frac{a}{2}$. Man setze OB = OA = r, OL = x, MN perpendikulār zu CD = h, BN = y, AM = a und BN = b, so ist $\cos \alpha = \frac{a^2 + b^2 - 4r^2}{2ab}$ und $\sin^2 \frac{\alpha}{2} = \frac{r^2 - x^2}{ab}$, weil a - b = 2x. Ferner ist $b^2 = h^2 + y^2$, $a^2 = h^2 + (2r + y)^2$, also $y = \frac{bx - (r^2 - x^2)}{r}$; substituirt man diesen Werth in die erstere Gleichung, so erhält man $b^2 + 2bx$ oder $ab = \frac{h^2r^2 + (r^2 - x^2)^2}{r^2 - x^2}$ und demnach den Zug and $M = C \frac{(r^2 - x^2)^2}{k^2 r^2 + (r^2 - x^2)^2}$. Die ganze hyperbolische Schicht, welcher M gehört, hat in der Höhe h eine Breite = dy oder eine Flächenausdehnung = $2\pi (r+y) dy = 2\pi x dx \cdot \frac{k^2 r^2 + (r^2 - x^2)^2}{(r^2 - x^2)^2}$; sie erfährt also einen $Zug = C \cdot 2\pi x dx$; da aber diese ganze Schicht durch einen Ring in $AB = 2\pi x dx$ hindurchgeht und in demselben Verhältniss ein Quantum aussliessenden Wassers hergiebt, so ist die bewegende Kraft in jeder hyperbolischen Schicht bei gleichem Abstande von der Oeffnnng constant in Bezug auf .tin bestimmtes aussliessendes Wasserquantum als Einheit. Aus k dieser Betrachtung ergiebt sich, dass sämmtliche hyperbolische Schichten mit gleicher Schnelligkeit aus der Oeffnung treten, da der wirkenden Kraft, die sich stetig im Bogen der Hyperbel trainet, kein Theil verschwindet. Allein es sind hierbei prifte unberücksichtigt geblieben, welche diesen gleichmässigen Aussias stören und dadurch die Contraction des Strahles be-**Engen. Zuerst** übt jede hyperbolische Schicht einen senkrecht 🖚 ihrer krummen Oberfläche ausgehenden Druck gegen die von the umschlossenen inneren Schichten aus, da der Zug auf M bei dem Uebergange in die neue Richtung bei M' aus seiner Zerfäleg eine gegen die Obersläche der Curve senkrechte Krast her-Zweitens entspringt aus der krummlinigen Bewegung damtlicher Schichten nach der Oeffnung zu eine Centrifugalbraft, welche die äusseren Schichten ebenfalls senkrecht gegen

ihre Bahn nach innen zu forttreibt. Endlich bewegen sich die inneren Schichten in ihrer Bahn mit grösserer Schnelligkeit als die äusseren, obschon beide an der Oessnung selbst die gleiche Endschnelligkeit erreichen; sie üben deshalb einen geringeren Druck nach den Seiten aus und veranlassen abermals die äusseren Schichten zu einem Andrange nach innen. Diese drei Umstände zusammen geben unter dem nicht zu vernachlässigenden Einflusse der Reibung den contrahirten Strahl, und es würde nur noch darauf ankommen, die diesen Verhältnissen entsprechenden mathematischen Formeln zu entwickeln — Dies scheint der Gang zu sein, auf welchen die von Feilitsch eingeleitete Entwickelung hinführt. Er selbst weicht von seiner Grundlage ab, denn, nachdem er die Bahn des Punktes M als Hyperbel bestimmt hat, lässt er den Zug von AB aus auf M bleibend nach MT gerichtet sein, macht also die Druckhöhe für M von $h\sin\varphi$ abhängig ($\angle MTB = \varphi$), und giebt damit dem bei L austretenden Wasser eine Schnelligkeit = $\sqrt{4gh\sin\varphi}$. Seine Formeln geben bei $h = \infty$ einen Contractionscoëssicienten = 0,8, der allein schon sie als ungenügend bezeichnet.

Ausfluss der Luft aus Oeffnungen in dünner Wand.

Durch die Versuche, die Saint-Venant und Wantsel (Comptes rendus XVII. p. 1140) über den Aussluss der Lust aus Oeffnungen in dünner Wand unter stärkerem Druck unternommen haben, ist die Unzulänglichkeit der von Navier ausgestellten Formel dargethan worden. Bekanntlich beruht diese Formel auf dem Princip von der Erhaltung der lébendigen Kräfte. Strömt nämlich durch eine der Flächeneinheit gleiche Oeffnung aus dem Innern eines Gefässes, worin die Lust unter dem Druck P steht, ein darin abgemessenes Quantum S in einen Raum aus, in welchem die Lust unter dem Drucke P' steht, und erlangt dabei eine Schnelligkeit = v, so besitzt es eine lebendige Kraft = $\frac{v^2Sd}{4g}$, sofern d das Gewicht einer Kubikeinheit Lust von der Spannkraft P bezeichnet. Dieselbe Kraft muss ausgewandt werden,

um die jetzt einen Raum $S\frac{P}{P'}$ erfüllende Lust auf den Raum S susammensupressen; man habe sie also auf einen Raum s unter den Druck p gebracht, so ist die zur Zusammendrückung um einen weiteren Raum ds erforderliche Krast = -pds, demnach die gesammte Krast $= -\int pds$, integrirt von $s = S\frac{P}{P'}$ bis s = S.

Es verhält sich aber s: S = P: p, folglich ist $-\int pds = -SP\int \frac{ds}{s}$

- SP log nat $\frac{P}{P}$ und $v = \sqrt{4g\frac{P}{A}\log nat\frac{P}{P}}$. Bestimmt man das Quantum V, der aus der Flächeneinheit ausgeslossenen Lust als ein Quantum unter dem Druck P stehend, so erhält man

$$V_r = \frac{P}{P} \sqrt{|4g \frac{P}{d} \log \operatorname{nat} \frac{P}{P'}|}.$$

Dass diese Formel nicht der richtige mathematische Ansdruck ist, geht unstreitig daraus hervor, dass sie $V_r = 0$ für P' = 0 giebt und ferner ein Maximum von V_r bei $P' = 0,60653\,P$. Später hat Holtsmann (Pogg. Ann. LXI. p. 466) der Formel dadurch nachzuhelfen gesucht, dass er die Dichtigkeit der ausströmenden Luft nicht von P', sondern von $\frac{P+P'}{2}$ abhängig setzt, also

$$V_r = \frac{P + P'}{2P} \sqrt{4g \frac{P}{d} \log \operatorname{nat} \frac{2P}{P + P'}}$$

mathematische Ausdruck sein, da sie ein Maximum von V_r bei P = 0.21306 P giebt, was der Natur der Sache gleichfalls widersteitet. Offenbar liegt der Fehler der Navierschen Gleichung sicht allein in einer falschen Annahme der Dichtigkeit, welche die ausströmende Lust besitzt, sondern auch in einer nicht richtigen Anwendung des ihr zum Grunde liegenden Principes, weil dabei übersehen worden ist, dass sich die Lust aus einem Raum S_p auf einen Raum S_p nicht zusammendrücken lässt, ohne Wärme zu entwickeln, und ebenso wenig eine Verdünnung der waströmenden Lust ohne Wärmeverlust Statt sindet. In dieser Wärme liegt eine Kraft, die nicht übergangen werden darf, wenn man ein richtiges Resultat erlangen will.

Die Versuche von Saint-Venant und Wantzel wurden einem Dampskessel von 1186 Litres Inhalt angestellt, in

welchem sie die Luft verdichteten und aus einer Oeffnung in dünner Wand ausströmen liessen; sie beobachteten die beim Ausströmen nach und nach sinkende Spanukraft im Innern m einem Manometer und leiteten daraus V, für verschiedene Brack höhen her, indem sie den Meter als Mansseinheit annahmen Obschon sie drei Versuchsreihen anstellten, so legen sie dech selbst nur, weil der Dampfkessel nicht gans dicht war, auf de erste Werth, bei welcher die kreisrunde Oeffnung eine Fläche von 19^{mm},517 besass. Ihre Beobachtungen gaben:

P P	Verflosse- ne Zeit von Anfung des Aussteb- maus an,	<u>P'</u>	Verflosse- ne Zeit von Anfang den Ausströ- ment an,	P P	Verflosse- ne Zeit von Anfang des Ausströ- mess su,	P	Vordenm- ne Zeit rm Andreg de Austri- mens ta.
0,305	0"	0,431	134"	0,592	267"	0.800	419*
0,314	10	0,443	144	0,607	279	0.821	435
0,323	21	0,454	154	0,622	290	0,844	453
0,332	31	0,465	164	0,637	302	0,867	472
0,342	41	0,477	174	0,652	312	0,892	494
0.351	52	0,489	184	0,668	321	0,918	523
0,361	62	0,501	195	0,685	336	0,938	571
0.371	73	0,513	205	0,703	350	0,945	584
0,381	83	0,525	215	0,721	362	0,969	603
0,391	93	0,538	225	0,739	375	0,985	631
0,400	103	0,550	235	0,759	369	0,995	653
0,411	113	0,564	246	0,779	405	0,999	701
0,421	123	0,577	257	1			

Hieraus folgt:

P/P	ν.	<u>P'</u>	ν.	P	ν,	P P	7,
0,30 0,35 0,40 0,45	158 156 154 149	0,50 0,55 0,60	144 138 134	0,65 0,70 0,75	128 123 115	0,60 0,85 0,90	106 87 71

Zur Berechnung dient die empirische Formel

$$V_{\star} = 0.61 \sqrt{2 \frac{P}{A}} \cdot \frac{\sqrt{1 - \frac{P'}{P}}}{1 + 0.58 \left(1 - \frac{P'}{P}\right)^{\frac{3}{2}}}$$

Gapillarität

Bezeichnet man mit & die Depression des Scheitels der Quecksilbersäule im Barometer unterhalb derjenigen Horizontal-Ebene, welche das Niveau ohne Einwirkung der Capillarität einnehmen würde, mit v die Neigung eines beliebigen Elements der die Kuppe durch ihre Drehung um die Röhrenaxe erzeugenden Curve gegen die Horizontale, mit u den Abstand dieses Elements von der Röhrenaxe und mit z den Abstand von der oben genannsten Horizontalebene, ist ferner b der Krümmungshalbmesser der Curve an dieser Stelle und B derselbe im Scheitel, so giebt Laplace nach seiner Theorie:

$$\frac{1}{b} = \frac{2z}{a^2} - \frac{\sin z}{z},$$

worin a' eine Constante bedeutet, deren Werth er auf 6,5 setzt, und ausserdem für die Variationen 111, 12 die Gleichungen:

$$Au = 2b \sin \frac{Av}{2} \cos \left(v + \frac{Av}{2}\right),$$

$$Az = 2b \sin \frac{Av}{2} \sin \left(v + \frac{Av}{2}\right).$$

Nach diesen Formeln hat Bouvard (Conn. des Temps 1812) seine Tasel der Depression des Quecksilbers in verschieden weiulletten Barometerröhren berechnet, indem er zunächst für $oldsymbol{B}$ im Scheitel einen willkürlichen Werth annahm, dann v nach und asch um kleine, gleiche Invervalle 10 anwachsen liess, dazu und z aus den Variationen Ju und 12 berechuete und hiermit wieder die jedesmaligen Krümmungshalbmesser bestimmte; t setzte die Rechnung bis $v = V = 46^{\circ} 48'$ fort, weil dieser Winkel als die constante Neigung des au die Röhrenwand stosmden Curvenelements angesehen wurde, und fand demnach bei Esem Endwerthe in u den Radius der Röhre U und in z-d de Höhe des Meniscus oder den Pseil. Aus einer hinreichenden solcher Berechnungen, die hinreichend verschiedene Werthe für die Radien der Röhren geben, leitete er umgekehrt derch Interpolation die jedem gegebenen Radius entsprechende Depression des Scheitels ab. — Gegen diese so construirte Tafel Thebt Bravais (Ann. de chim. et de phys. S. III. T. V. p. 492; Pogg. Ann. LVII. p. 519) mit Recht zwei Einwürfe. Einmal werde zum Krümmungshalbmesser b bei jeder neuen Variation

do derjenige genommen, welcher zur Curve im Anfangspunkte des Elements gehöre, während man genauer den zur Mitte des selben gehörigen, nämlich $b + \frac{db}{2}$ annehmen sollte; sweitens werde die Neigung V der Curve an der Berührungsstelle mit der Röhrenwand durchgehends = 46° 48' gesetzt, obschon die Beobachtungsn zeigen, dass diese Neigung zwischen ziemlich weiten Gränzen im Vacuum schwanken kann. Bravais selbst fand an 4 Barometern, die sämmtlich von Ernst gearbeitet waren, 'dass die Neigung des Endelements zwischen 27° 32' und 40° 52' variirte. Mit dem veränderten Neigungswinkel hängen uber besonders in engeren Röhren sehr ungleiche Depressionen zusammen, wie man schon daraus ersieht, dass sich dieser Neigungwinkel durch längeres Auskochen auf 0°, ja selbst auf einen negativen Werth herabdrücken lässt, und dass also für diese Fälle entweder keine Depression oder selbst eine Erhebung des Scheitels eintritt. Freilich müssen, um ein zu starkes Anhasten des Quecksilbers am Glase su verhüten, diese so eben berühtten Fälle vermieden, und, wo sie vorkommen, durch Einlassen von etwas Luft, die wieder entsernt wird, fortgeschafft werden, indessen bleiben doch immer bei verschiedenen Barometern noch so weite Grenzen für die Endwerthe von v bestehen, dass diese Differenz volle Beachtung verdient. In Rücksicht darauf hat Bravais die nachfolgende Tafel berechnet, in der er die Depression zu gleicher Zeit von der Weite der Röhre und dem Endwerthe V abhängig macht; er hat in ihr $a^2 = 6,258$ angenommen, welche Zahl das Mittel zwischen den Versuchen Gay-Lussac's und Schleiermacher's hält, und die Werthe fü $b+\frac{Ab}{2}$ aus der Reihe der der jedesmaligen Stelle sunächst vor-· hergehenden Krümmungshalbmesser gefolgert.

18 °

Um den Winkel V aus unmittelbarer Beobachtung su finden, schlägt Bravais folgenden Gang vor. Man bringe hinter dem Barometer eine senkrechte, durch Horizontalstriche eingetheilte weisse Tafel an und befestige am Nonius einen dunklen Schirm, der sich gleichfalls hinter dem Barometer befindet. Beobachtet man nun den Theilstrich p, welcher mit der Basis des. Meniscus in gleicher Horizontale ist, und hält hierauf das Auge etwas unter der Basis, wodurch man sie im Theilstrich P erblickt, so bekommt man den Winkel h, welchen die letztere Sehlinie mit der Horizontalen bildet, aus

$$tangh = \frac{P-p}{f+U},$$

worin f den Abstand der weissen Tafel von der Axe der Barometerröhre, ∂U ihren Radius bezeichnet. Bei gleicher Stellung des Auges bewege man ferner den dunklen Schirm so weit is die Höhe, bis er die dem Beobachter zugewandte Beleuchtung der Quecksilberkuppe vollständig aufhebt; liegt hierbei die ober Kante des Schirms mit dem Theilstrich S der Tafel in gleiche Höhe und steht der Schirm um f' von der Röhrenaxe ab, sobildet der letzte Strahl von der Tafel aus, der über den Schirmhinweg von der Basis des Meniscus ins Auge gelangt, mit der Horizontalen einen Winkel H, der durch

$$\tan H = \frac{S - p}{f' + U}$$

bestimmt wird. Aus beiden Daten folgt $V = \frac{H + h}{2}$.

Statt die Veränderlichkeit des Neigungswinkels V zu einen Argumente der Tafel der Depression der Barometersäule machen, kann man mit gleichem Rechte die Höhe des Menischt dafür einsetzen, die sich mit Berücksichtigung der Irradiatient ebenfalls leicht messen lässt. Die nachstehende, so construite Tafel hat Delcros (Mém. de l'Acad. de Bruxelles T. XIV.) nach Schleiermacher's Formeln geliefert, und sie stimmt nach Bravais mit der seinigen vollkommen überein.

Capillardepression der Barometersäule in Millimetern.

Diret-									
Atre.	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9
1 1,0 1,2 1,4 1,6 1,8 2,0 2,2 2,6 2,6 2,6 3,0 3,2 3,4 5,6	1,268 0,876 0,638 0,484 0,378 0,203 0,170 0,143 0,122 0,105 0,069 0,069 0,069 0,069 0,069 0,023 0,024 0,023 0,021 0,017 0,017 0,017	2,460 1,715 1,256 0,955 0,747 0,598 0,457 0,255 0,243 0,209 0,181 0,157 0,181 0,157 0,181 0,157 0,181 0,083 0,074 0,083 0,074 0,083 0,094 0,083 0,094 0,083 0,094 0,083 0,094 0,083 0,094 0,083 0,094 0,083 0,094 0,083 0,094 0,083 0,094 0,083 0,094 0,083 0,094 0,083 0,094	3,516 2,484 1,836 1,404 1,103 0,885 0,723 0,599 0,502 0,425 0,362 0,362 0,269 0,234 0,205 0,180 0,180 0,124 0,1078 0,078 0,070 0,062 0,056 0,041 0,037	4,396 3,162 2,363 1,820 1,437 1,158 0,918 0,918 0,966 0,478 0,412 0,432 0,432 0,310 0,271 0,238 0,210 0,116 0,146	5,085 3,728 2,825 2,196 1,746 1,413 1,161 0,966 0,813 0,691 0,591 0,509 0,441 0,336 0,295 0,260 0,230 0,204 0,041 0,161 0,144 0,125 0,103 0,092 0,083 0,074 0,067 0,065	4,190 3,218 2,528 2,024 1,648 1,360 1,135 0,955 0,815 0,692 0,523 0,455 0,399 0,350 0,309 0,273 0,242 0,171 0,153 0,192 0,172 0,110 0,099 0,089 0,089 0,089 0,089	3,542 2,812 2,270 1,859 1,541 1,293 0,932 0,800 0,691 0,691 0,459 0,459 0,459 0,221 0,196 0,177 0,196 0,142 0,142 0,142 0,142 0,142 0,093 0,093 0,093	3,050 2,433 2,046 1,705 1,436 1,216 0,776 0,679 0,517 0,455 0,402 0,316 0,281 0,281 0,281 0,260 0,160 0,144 0,129 0,160 0,1085	2,662 2,209 1,851 1,565 1,332 0,985 0,855 0,652 0,572 0,504 0,446 0,395 0,222 0,178 0,178 0,131 0,178 0,130
and a	4.0	4.4				n Millio		1.17	1,8
2.00	2,348	1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6	L ₁ 4	4,417
224 268 3,24 3,68 4,24 4,6	1,978 1,680 1,436 1,235 1,068 0,928 0,810	2,087 1,780 1,528 1,318 1,143 0,995 0,671 0,673 0,594 0,526 0,467 0,416	1,866 1,608 1,392 1,210 1,057 0,926 0,614 0,718 0,635 0,563 0,563 0,560 0,445	1,676 1,456 1,270 1,112 0,976 0,660 0,673 0,597 0,531 0,437	1,511 1,322 1,161 1,021 0,901 0,797 0,628 0,559 0,499	1,36% 1,203 1,061 10,938 0,831 0,738 0,657 0,585 0,522	1,238 1,095 -0,970 0,%61 0,766 0,6×2 0,609 0,544	0,587 0,790 0,705 0,630 0,563	

Darch-		-	Höbe o	les Mer	niscus i	n Millio	nelern.	_	
der Blähre.	1,0	1,1	1,2	1,3	1,4	1,5	1,6	1,7	1,8
4 *** 8 5,0 5,2 5,4 5,6 5,6 6,0 6,2 6,4	0,342 0,305 0,272 0,244 0,215 0,196 0,176 0,158 0,142	0,370 0,330 0,295 0,264 0,237 0,213 0,191 0,172 0,154	0,397 0,354 0,317 0,284 0,255 0,228 0,205 0,165 0,166	0,422 0,377 0,337 0,302 0,271 0,243 0,219 0,197 0,177	0,445 0,398 0,356 0,319 0,287 0,257 0,231 0,208 0,167	0,467 0,418 0,374 0,336 0,301 0,271 0,243 0,219 0,197	0,486 0,436 0,390 0,350 0,315 0,283 0,254 0,229 0,206	0,504 9,452 0,405 0,364 0,327 0,294 0,264 0,238 0,214	0,445 0,376 0,338 0,304 0,273 0,246 0,221
6,6 6,8 7,0	0,128 0,116 0,105	0,139 0,126 0,114	0,150 0,135 0,122	0,160 0,144 0,130	0,169 0,153 0,138	0,178 0,160 0,145	0,186 0,168 0,152	0,193 0,174 0,158	0,200 0,180 0,163

Ueber das capillare Aufsteigen mehrerer Flüssigkeiten in engeren Röhren liegen von J. F. Artur in seiner Schrift: Thes rie élémentaire de la Capillarité, Paris 1842, sahlreiche Versuche vor, die auf einige bisher nicht in Betracht gesogene Punkte aufmerksam machen. Uebergeht man nämlich die in der Schrift enthaltenen theoretischen Ansichten, die für das ganst Gebiet doch nicht ausreichen möchten, und berücksichtigt ser den auch sonst angenommenen Sats, dass in engeren Röhren 🏝 gehobene Höhe der Flüssigkeit $h=\frac{C}{r}-\frac{1}{2}r$ ist, worin C eine für jede Flüssigkeit besonders zu bestimmende Constante beseichnet, so folgert Artur aus seinen Versuchen, dass man von des Gewichte der gehobenen Säule denjenigen Cylinder abziehen müsse, der die Röhrenwand benetzend durch die vom Glee ausgehenden Kräfte gehalten werde und erst selbst wieder die übrige Säule trage. In der That benetzt die Flüssigkeit 🏕 ganze Röhre und bekleidet sie mit einer Schicht von einer gewissen Dicke; die übrige Flüssigkeit dagegen steigt auf, geholm von dieser Schicht und erreicht eine solche Höhe, dass ibre Schwere mit der von der Schicht ausgehenden Attractionskrift im Gleichgewichte steht. Setst man die Dicke dieser Schickt = e, so andert sich die obige Gleichung in: $h = \frac{c}{r-s}$ and für eine sweite Röhre ist $h' = \frac{c}{r'-e} - \frac{1}{2}(r'-e)$, wonach mu mit hinreichender Genauigkeit

$$e = \frac{(3h+r)r - (3h'+r')r'}{3h+2r-3h'-2r'}$$

erhält. Zu den Versuchen dienten 8 Röhren, deren Durchmesser, in Millimetern gemessen, folgende Werthe hatten: No. I. 1,718, No. II. 1,468, No. III. 1,443, No. IV. 1,431, No. V. 1,429, No. VI. 1,416, No. VII. 0,387, No. VIII. 0,383. Nimmt man die in den beiden letzten Röhren gemessenen Capillarhöhen als h an, und die in den 6 ersteren nach und nach als h', so ergeben sich die Berechnungen von e in den nachstehenden Tafeln.

1. Destillirtes Wasser. Mittel aus 4 Reihen. Temp. 9; -10; C.

D#L		e her	echnet
Röbre.	h	aus VII.	aus VIII.
I.	7***,225	0**,048	0 000,049
II.	8,887	0,037	0,039
III.	9,250	0,028	0,029
IV.	9,331	0,028	0,030
V.	9,350	0,028	0.029
VI.	9,500	0,026	0,027
VII.	38,300	<u> </u>	_
VIII.	38,637		_
	Mitt	$el\ e=0^{-1}$	••.033.

2. Absoluter Alkohol. Mittel aus 2 Reihen. Temp. 15½—18° C.

D"L	1	e ber	echnet
Röbre.	h	aus VII	aus VIII.
	2***,550	0,037	0 ,030
11.	3,000	0,060	0,053
III.	3,200	0,043	0,036
IV.	3,050	0,066	0,060
\mathbf{v} .	3,200	0,049	0,042
VI.	3,300	0,041	0,034
VII.	14,600		
VIII.	15,000		_
	Mit	tel $e=0$,046.

3. Reiner Schweseläther. Mittel aus 2 Reihen. Temp. 121-1:

Röhre.		e ber	echnet
Nonte.	, A	aus VII.	aus VIII.
I.	2 ,200	0 ,033	0 000,032
II.	2,675	0,046	0,045
III.	2,750	0,045	0,044
IV.	2,775	0,045	0.045
V.	2,737	0,052	0,051
VI.	2,812	0,046	0,045
VII.	13,000		-
VIII.	13,175	-	
	Mitt	el e = 0	,044.

4. Reines Terpentinöl. Mittel aus 2 Reihen. Temp. 154-17

Röhre,		• ber	echnet
Ronre.	A	aus VII.	aus VIII.
I.	2 750	0 ,040	0 ,040
II.	3,450	0,038	0,035
III.	3,550	0,036	0,033
IV.	3,550	0,040	0,037
V.	3,600	0,035	0,032
VI.	3,875	0,008	0,004
VII.	15,887	<u> </u>	_
VIII.	16,175	 	_
W. C.	Mitt	$el e = 0^{m}$,032.

5. Concentrirte Ammoniak - Flüssigkeit. Mittel aus 2 Rei Temp. $21\frac{1}{3} - 22\frac{3}{4}$ ° C.

Röhre.	h	e ber	echnet
	<u> </u>	aus vu.	aus VIII.
I.	6 ^{mm} ,462	0 ^{mm} ,056	0***,052
II.	8,037	0,043	0,038
III.	8,125	0,047	0,042
IV.	8,287	0,043	0,037
V.	8,137	0,051	0,046
v VI.	8,375	0,043	0,038
VII.	34,775		
VIII.	35,575	_	_
	Mitt	$el e = 0^{m}$,045.

besindliche Flüssigkeit nicht gans oder höchstens bis zur Temperatur ihrer Siedhitze gelangt, weil sie wegen der aufgehobenen Cohasion mit der weniger oder mehr erhitzten Gelässwand nur so viele Wärme empfängt, als zu ihrem langsameren oder schnelleren Verdampsen ersorderlich ist. Denn benetzt, wie es der Versuch lehrt, der Tropfen die erhitzte Obersläche nicht mehr, so muss einestheils die Mittheilung der Wärme vermindert werden, anderntheils kann die Verdampfung, wie gross auch diese Mittheilung noch sein mag, nur an der Obersläche des Tropsens erfolgen, da nach Magnus sich jede Flüssigkeit leichter in Berührung mit Lust oder mit Metall als in ihrem Innern selbst in Dampf verwandelt; es wird also hier, wo die Berührung mit Metall fehlt, selbst das Kochen, sollte anders die Flüssigkeit bis sur Siedhitze gelangen, nur an der Obersläche entstehen, sich demnach der Beobachtung entziehen, oder sich aur in der Formveränderung des Tropfens wahrnehmen lassen. - Bemerkenswerth möchten die Versuche von Boutigny sein (Ann. de chim. et de phys. Ser. III. T. IX. p. 350), nach welchen die Gefässe gar keine so bedeutende Temperatur zu erlangen brauchen, um das Phänomen zu veranlassen; bei Wasser tritt es ein bei einer Temperatur noch unter 200°C., mit Alkohol bis 134°, mit Aether bis 61°, mit schwesliger Säure unter 100°. Eine interessante Erscheinung bietet überhaupt die schweslige Stare dar, denn da sich ihre Temperatur in einem glühenden Gefässe etwa auf -10°,5 hält, so geht Wasser, welches man ihr beimischt, in Eis über und man sieht demzufolge Eis in einem weiss glühenden Platintiegel. — Mit Schwefeläther lässt sich das Phänomen auch auf Flüssigkeiten hervorbringen, auf Wasser, Quecksilber, Brennöl, rauchende Salpetersäure, wenn man sie his anf 54°C. erwärmt (Compt. rend. XIX. p. 581).

Diffusion der Flüssigkeiten.

Aus seiner Dissertation (De diffusione humorum per septa tertua et viva, Berlin 1841) theilt E. Brücke in Pogg. Ann. LVIII. p. 77 denjenigen Abschnitt mit, welcher vorzugsweise in Gebiet der Physik gehört. Er sieht aus den bisherigen

Versuchen folgende Sätze, die zur Vervollständigung des bereits in Bd. I. des Repertoriums Mitgetheilten dienen können. 1) Zwei verschiedene Flüssigkeiten, die mit einander mischbar sind, gleichen, wenn sie durch eine für beide oder durch eine von ihnen durchdringliche Scheidewand getrennt sind, ihre chemischen Differenzen nach und nach aus. 2) Hierbei vermehrt gewöhnlich die eine Flüssigkeit ihr Volum auf Kosten der andern, indem in gleichen Zeiträumen von beiden Seiten ungleiche Volume durch die Scheidewand gehen. 3) Besteht die Scheidewand aus einer thierischen Membran z. B. einem Stück Harnblase, und befindet sich auf der einen Seite Wasser, auf der andern Alkohol, so geht der stärkere Strom vom Wasser aus; besteht dagegen bei denselben Flüssigkeiten die Scheidewand aus einer Cautschuklamelle, so geht der stärkere Strom vom Alkohol aus. 4) Ist auf der einen Seite der Scheidewand eine wässerige Lösung irgend eines Alkalis oder Salzes, von Zucker, arabischem Gummi oder Eiweiss, auf der andern eine verdünntere wässrige Lösung derselben Substanz oder auch reines Wasser, so nimmt immer die concentrirtere Lösung an Volum zu, an specifischem Gewicht ab, die verdünntere oder das Wasser an specifischem Gewicht zu, an Volum aber ab, woraus auch die Scheidewand besteben möge. 5) Wenn man zwei wässrige Lösungen von zwei verschiedenen der genannten Substanzen, die gleiches specifisches Gewicht haben, durch eine poröse Scheidewand treunt, so nimmt bisweilen während der Diffusion die eine eine Zeit lang an specifischem Gewichte zu, die andere ab. 6) Trennt man die wässerige Lösung einer Säure durch Blase oder eine poröse Thonwand von Wasser, so findet, wenn die Lösung einen gewissen, bei niedrigen Temperaturen stets höheren Concentrationsgrad nicht überschreitet, eine Volumzunahme auf Seiten des Wasser statt; was aber niemals beobachtet werden soll, wenn man eine vegetabilische Membran als Scheidewand anwendet. 7) Erhöhung der Temperatur beschleunigt im Allgemeinen die Diffasion und die damit verbundenen Erscheinungen; die Versuche hierüber gehen jedoch nicht über +25°C. hinaus.

Zur Erklärung dieser Sätze sollen nach Brücke bei der Diffusion zweier mit einander mischbarer Flüssigkeiten folgende Umstände zu berücksichtigen sein. Wenn zunächst jede der beiden Flüssigkeiten durch die capillaren Poren der Scheidewand

hindurchgehen kann, so wird doch immer die eine die Poren leichter benetzen als die andere; hierdurch bilden sich in dem Kanal zwei Schichten, eine Wandschicht, die allein von der ersteren, und eine mittlere Schicht, die von beiden sich mischenden Flüssigkeiten eingenommen wird. In der mittleren Schicht exfolgt bei gleicher Anziehung von beiden Seiten die Dissusion mit gleicher Schnelligkeit, in der Wandschicht schreitet aber nur die sie benetsende Flüssigkeit vor und so gelangt von ihr ein grösseres Volum auf die andere Seite. (Hierbei möchte indess abersehen sein, dass die Wandschicht auf eine der beiden Flüssigkeiten wieder eine grössere capillare Anzielung ausüben und dadarch ihren Durchgang durch den Kanal beschleunigen könnte.) Wenn dagegen die eine der beiden Flüssigkeiten fast nur allein durch die Scheidewand dringt, so kann auch diese bei der Dissusion fast nur allein hindurchgehen; so quillt s. B. thierische Blase kaum auf merkliche Weise in Alkohol, aber sehr leicht Wasser auf, und das Entgegengesetzte sindet bei einer Cautachuklamelle statt. Bei wässerigen Lösungen von ungleicher Concentration nimmt Brücke au, dass die concentrirtere Löder anderen Wasser entzieht und dagegen etwas von der aufgelösten Substanz abgiebt, dass also eine eigentliche Diffusion heider Flüssigkeiten in einander ausgeschlossen bleibe; er hat hiersn einen Fall beobachtet, der ein Ineinanderströmen nicht milient. Senkte er einen mit Blase unten unterbundenen und mit einer starken Lösung von drittel-essigsaurem Bleioxyd ge-Ellten Cylinder, nachdem schon die Flüssigkeit durch die Blase gedrungen war, in eine Lösung von doppelt-chromsaurem Kali Maine concentrirte kaustische Lösung mit einem Dritttheil Wasser in der Substanz der Niederschlag in der Substanz der Blase, aber beide Flüssigkeiten selbst blieben vollkommen klar; Mode er auf der einen Seite eine Zuckerauslösung hinzu, so trat - Wasser auf diese Seite über sum Zeichen, dass die Blase noch durchdringlich war; ebenso sand eine Dissusion statt, wenn er -den Cylinder in reines Wasser senkte. Zur Erklärung des ecchsten und siebenten Satzes bieten sich noch keine sicheren megangspunkte dar, und hier möchten neue, umfangreiche Vernehe am meisten verlangt werden.

Barometer.

Delcros (Pogg. Ann. LX. p. 374 aus Bulletin de la So ciété géologique de France T. XII. p. 446) bat zwei Arten von Gefässbarometern beschrieben und von Ernst ausführen lassen, die in ihrer Construction einiges Eigenthümliche besitzen. Das erstere ist dem Fortinschen Barometer ziemlich ähnlich, indem das untere Niveau ebenfalls durch Auf- oder Niederschrauben des in einem Ledersacke befindlichen Quecksilbers auf den Nullpunkt der Scala eingestellt und dazu die Berührung desselben mit einer Elsenbeinspitze beobachtet wird; es unterscheidet sich aber dadurch, dass man sowohl die Barometerröhre als auch den unteren Glascylinder leicht herausnehmen kann. Das zweite Gefässbarometer besitzt eine unten zusammengezogene Röhre und ein nur so weites gläsernes Gefäss, dass die Capillardepression des Quecksilbers in ihm der Depression in der Röhre siemlich gleich ist; nur wo die Beobachtungen eine besondere Schärfe erreichen sollen, müssen beide gesondert in Anrechnung gebracht werden. -

Zu Höhenmessungen empfiehlt Kopp (Pogg. Ann. LVI. p. 513) die von ihm construirten abgekürzten Barometer, unter denen er das nachfolgende für das zweckmässigste erachtet. Eine gläserne Röhre A von 11-12 Zoll Länge und 1-7 Zoll Durch messer wird oben mit einem Deckel lustdicht verschlossen, durch welchen eine engere an beiden Seiten offene Röhre C hindurchgeht; ihr oberes Ende ragt nur wenig über den Deckel hinaus, ihr unteres, in eine Spitze zusammengezogen, steht ungesthr 1 Zoll von dem unteren Ende der sie umschliessenden Röhre A ab. In einer zweiten cylindrischen Röhre B, die etwa ebenso weit aber nur halb so lang ist als A, lässt sich ein Korkstempel mittelst einer Stange quecksilberdicht auf und nieder beweges. Diese beiden Röhren sind an den unteren Enden durch einen kleinen gekrümmten Kanal verbunden, sonst lustdicht verschlossen. Füllt man nun die Röhre B mit Quecksilber an und drückt den Stempel langsam hinunter, so geht dieses durch den Kanal nach A, verschliesst die Steigröhre C und sperrt damit ein bestimmtes Volum Luft = V ab; je weiter man den Stempel niederdrückt, um desto mehr wird diese Lust comprimirt und um desto höher steigt das Quecksilber in die Steigröhre auf. Bis

wehin man aber die Lust zu einem Volum v zusammendrücken darf, ehe auch bei dem höchsten Barometerstande das Quecksilber das obere Ende der Steigröhre erreicht, ist im Innern von A eine nach unten gekehrte Platinspitze besestigt. Steht dieselbe nun m Linien unter dem Nullpunkt der auf C befind**lichen Scala und be**obachtet man bei einem bekannten Barometerstande H die in der Steigröhre erhobene Höhe des Quecksilbers **b**, sobald die Spitze berührt wird, so verhält sich V: v = H+h+m:H und man erhält $\frac{v}{l'-v}=\frac{H}{h+m}=M$. Mittelst dieser Grösse giebt dann jede andere Beobachtung, in der das Quecksilber in C die Höhe h' erreicht, den unbekannten Barometerstand H' = M(h' + m). Zur Sicherstellung gegen zufällige Ver-Enderungen des Instrumentes kann man auch zwei Spitzen in A anbringen und doppelte Beobachtungen anstellen. Kopp's Angaben würde das Instrument den Barometerstand bis auf 1; Linie genau angeben, und sich deshalb des leichteren Transportes wegen zu Höhenmessungen in vielen Fällen empfehlen.

Specifisches Gewicht.

A. Bestimmung des specif. Gewichts von Dämpfen nach den Angaben der Beobachtung.

Band XLI. p. 449 seiner Annalen hat Poggendorf eine Anleitung und Tafeln gegebeu, um aus den Daten der Beobach inng das specifische Gewicht der Dämpfe, vornehmlich der organischen Substanzen, leichter zu berechnen. Die Operationen bei der Beobachtung sind in der Regel folgende. Man wägt einen offenen Glasballon bei einem Barometerstande b und einer Temperatur t; füllt ihn bei einer Temperatur t' und einem Barometerstande b' mit der Gasart und schmilzt ihn zu; abgekühlt wägt man ihn wieder bei b" und t" und erhält eine Gewichtsmahme von P Grammen: darauf öffnet man ihn bei b" und t" ther Wasser oder Quecksilber, lässt die Flüssigkeit eintreten, soweit es die noch im Ballon zurückgebliebene Lust gestattet, und bestimmt das Gewicht der Flüssigkeit; zuletzt füllt man den

Ballon ganz mit der Flüssigkeit und bestimmt das Gewicht von Neuem. Nimmt man an, dass sich der Barometerstand während der ganzen Zeit wenig geändert habe und = b geblieben sei, dass auch t = t'' = t''' gesetzt werden dürse, denn ein kleines Schwanken in diesen Grössen wird nur eine unbedeutende Correktion herbeiführen, so sei V das Volum des Ballons in Kubikcentimetern bei t C, v das Volum der zurückgebliebenen Lust bei gleicher Temperatur, ein Kubikcentimeter Lust wiege bei b und t & Grammen, von der Gasart dagegen o Grammen, ausserdem seien α und δ die Ausdehnungscoëfficienten von Luft (Dampf) und Glas; so wog zunächst die anfänglich im Ballen enthaltene Lust Vs; später bei t' hatte der Ballon eine Capacität = $V \frac{1+\delta t'}{1+\delta t}$, davon nahm die noch zurückgebliebene Last einen Raum $v \frac{1+at'}{1+at}$ ein und der Dampf erfüllte einen Raum $W = V \frac{1+\delta t'}{1+\delta t} - v \frac{1+\alpha t'}{1+\alpha t}$; bei der Temperatur t geht dieses Velum auf $W = \frac{1+\alpha t}{1+\alpha t}$ zurück und wiegt $W = \frac{1+\alpha t}{1+\alpha t}$ σ ; da nun überdies die noch vorhandene Lust vs wiegt, so erhält man:

$$W\frac{1+\alpha t}{1+\alpha t'}\sigma+vs=Vs+P,$$

und hieraus das specifische Gewicht des Dampfes

$$\frac{\sigma}{s} = \frac{I' - v + \frac{P}{s}}{I' \left(\frac{1 + \delta t'}{1 + \delta t}\right) \left(\frac{1 + \alpha t}{1 + \alpha t'}\right) - v} = \frac{1 + \frac{P}{(I' - v)s}}{1 - \frac{I'}{I' - v} \left(1 - \frac{(1 + \delta t')(1 + \alpha t)}{(1 + \delta t)(1 + \alpha t')}\right)}$$

oder

4

ę

$$\frac{\sigma}{s} = \frac{1 + \frac{P}{(V-r)s}}{1 - \frac{V}{V-v} \cdot \frac{(\alpha - \delta)(t'-t)}{1 + \alpha t'}},$$

in sofern man bei $1+\alpha t'$ den unbedeutend von 1 abweichenden Faktor $1+\delta t$ vernachlässigt. Nach den Bestimmungen von Magnus und Regnault ist $\alpha=0,003665$ und δ kann im Mittelwerthe = 0,000025 gesetzt werden; mittelst dieser Zahlen geht die vorstehende Gleichung über in:

$$\frac{\sigma}{s} = \frac{1 + \frac{P}{(I'-v)s}}{1 - \frac{I'}{V-v} \cdot \frac{l'-l}{274,7+1,(0)7t'}}.$$

Wurden V und v durch das Gewicht des diese Räume ausfüllenden Wassers bestimmt, nämlich V durch R und V-v durch Q Grammen, so sei q das relative specifische Gewicht des Wassers gegen Luft, beide bei einer Temperatur t genommen, dann ist $V = \frac{R}{qs}$ und $V-v = \frac{Q}{qs}$, also auch

$$\frac{\sigma}{s} = \frac{1 + \frac{Pq}{Q}}{1 - \frac{R}{Q} \cdot \frac{t' - t}{274, 7 + 1,007t'}}.$$

Die Grösse q erhält man aus der Gleichung $q=c\frac{1+at}{1+f(t)}\cdot\frac{760}{b}-1$, worin c das absolute specifische Gewicht bei 0° gegen Lust bei 0° und 0° ,760 Barometerstand, f(t) die Volumenveränderung des Wassers bei t gegen 0° ausdrückt. Zur Erleichterung der Bechnung entlehnen wir von Poggendorf die Taseln für $\frac{1}{s}$ und q, in denen c aus Biot's Angabe und f(t) aus den letzten Versuchen von Hallström (Pogg. Ann. XXXIV. p. 220) entmeannen ist.

I. Gewicht eines Kubikcentimeters Luft in Grammen = s.

#C	$\log \frac{1}{s}$ $5 = 760^{max}$	Diet,	¢C.	$\log \frac{1}{s}$ $b = 760^{min}$	Diff.	t C.	$\log \frac{1}{s}$ $\delta = 760^{-1}$	Di đ ,
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9	2,58637 2,84795 2,55953 2,89110 2,69266 2,69422 2,59577 2,59732 2,59586 2,90040	158 158 157 156 156 155 155 154 154	10 11 12 13 14 15 16 17 18	2,90193 2,90346 2,90498 2,90650 2,90801 2,90952 2,91102 2,91251 2,91400 2,91549	153 153 152 152 151 151 151 150 149 149	20 21 22 23 24 25 26 27 28 29	2,91697 2,91844 2,91991 2,92137 2,92283 2,92429 2,92574 2,92719 2,92563 2,93006	148 147 147 146 146 146 145 145 144 143

II. Wassergewicht, dividirt durch Luftgewicht, = q.

		الإسمال المساول على							
	C.	log q	Diff.	t C.	log q	Diff.	C.	log g	Diff
•	0 1 2 3 4 5 6 7 8	2,88576 2,88736 2,88896 2,89054 2,89211 2,89366 2,89521 2,89675 2,89827	160 160 158 157 155 155 154 152	10 11 12 13 14 15 16 17 18	2,90128 2,90277 2,90425 2,90571 2,90717 2,90862 2,91006 2,91149 2,91290	150 149 148 146 146 145 144 143 141	20 21 22 23 24 25 26 27 28	2,91570 2,91708 2,91846 2,91983 2,92119 2,92253 2,92387 2,92520 2,92653	140 138 138 137 136 134 134 133
	9	2,89978	151	19	2,91430	140	29	2,92785	132

III. Berichtigung 2u II. und III. wegen b.

Millimet.	über 760 ^{mm} subtractio, unter 760 ^{mm} additio	Millimet.	über 760 ^{mm} subtractio, unter 760 ^{mm} additio.	Millimet.	über 760 ^{mm} subtractio, unter 760 ^{mm} additio
1	0,00057	4	0,00228	7	0,00399
2	0,00114	5	0,00285	8	0,00456
3	0,00171	6	0,00342	9	0,00513

B. Bestimmung des specifischen Gewichts poröser und fasriger Substanzen.

Das specifische Gewicht poröser und fasriger Substanzes kann man entweder so bestimmen, dass die porose oder fasige Struktur als zum Wesen dieser Körper gehörig bei Feststellung des Volums eingeschlossen wird, oder dass man das Volum sucht, welches der Stoff für sich allein einnimmt, also mit Asschluss der Poren, die er nicht ausfüllt. Der erstere Werth des specifischen Gewichts kommt bei der praktischen Verwendung der Körper in Anschlag, der audere dürste zur näheren Kenstniss des Stoffes selbst Interesse besitzen. Zu diesem Behuse bat Kopp (Ann. de chim. et de phys. Ser. III. T VI. p. 380) eines Volummesser construirt. Die beiden gläsernen, durch den Kans p verbundenen Cylinder A und B (Fig. 2) sind in ihrem ren Theile mit Quecksilber angefüllt; durch den Deckel E gekt eine oben und unten offene, mit einer Scala versehene Röhre fa desgleichen eine offene Röhre b, welche mit dem Behälter C in Verbindung steht; dieser Behälter kann durch die Platte m luftdicht geschlossen werden. indem man die elastische Scheibe * mittelst der Schraube o darauf drückt. Bewegt man den Stempel

D nach unten, so sperrt das in B übergehende Quecksilber mit seinem Eintritt in fc einen mit Luft erfüllten Raum x in B und C ab, der sich auf y susammensieht, wenn bei fortgesetstem Niederdrücken des Stempels das Quecksilber die Platinspitse a erreicht. Es sei bei diesem Stande β die Angabe des Barometers und $\frac{1}{n}\beta$ die Höhe des Quecksilbers in fc, so ist $\frac{y}{x-y}\beta$ = $\frac{1}{n}\beta$ oder $y=\frac{x}{n+1}$. Hiernach mache man zwei Versuche; suerst lege man in C einen dichten Körper von einem bekannten Volum a, und comprimire die Luft bis a, wo das Quecksilber

in
$$fc$$
 eine Höhe = $h\beta$ erreiche, so erhält man $\frac{x}{x+1}$ $\frac{x}{x+1}$ $\frac{x}{x+1}$

= $\hbar\beta$ oder $x = \frac{(n+1)\lambda}{\lambda n-1}z$; sweitens lege man in C die su untersuchende Substans mit dem unbekannten Volum s_1 , und bringe die gleiche Compression der Luft hervor, wobei die Höhe in $fc = h_1\beta$ werde, so ist weder $x = \frac{(n+1)h_1}{h_1n-1}s_1$. Die Gleichstellung der beiden Werthe von x giebt s_1 durch s_2 , also das Volum s_1 und daraus nach dem bekannten absoluten Gewicht der Substans ihr specifisches Gewicht. Kopp hat mit diesem Instrumente die nachstehenden Versuche gemacht, bei welchen die Holsarten suvor fein geraspelt und bei 100°C. getrocknet worden waren.

Substa	DZ	٤.		Spec. Gew.	Substanz.	Spec. Gew.
Bimstein		_		2,15	Lipdenholz	1,13
Buchenasche .				2,85	Tannenholz	1,16
Weizenmehl .			4	1,49	Nussbaumholz .	1,17
Starke	4			1,56	Apfelbaunsholz	1,20
Leinen				1,45	Pilagmenbaumhotz .	1,23
Beide				1,56	Birnbaumholz	1,23
Baumwolle				1,27	Eichenholz	1,27
Wolle				1 1 29	Buchenholz	1,27
Kork .				0,33	l l	

💪 Berechnung des specifischen Gewichts der Gasarten.

Die Beobachtung Mitscherlich's, dass das apecifische Geleht der Gasarten numittelbar aus ihrer chemischen Zusammensetzung folge, indem sich die Bestandtheile in ihrer Verbindung nach einfachen Verhältnissen zusammenziehen oder in einzelnen Fällen auch ausdehnen, ist seit der Zeit durch viele neue Versuche bestätigt und erweitert worden. Wie man aus der solgenden Tafel sieht, geschieht die Verdichtung in der Regel nach gleichen Gesetzen, jedoch unter der schon von Berzelius angegebenen Bedingung, dass die einfachen Stoffe (Schwefel, Phosphor, Arsenik, Quecksilber), deren Volum in Gasform ihren Atomgewichte nicht entspricht, mit ihrem theoretischen Werthe beibehalten werden. Die wenigen Ausnahmen, die noch übrig bleiben, werden vielleicht späterhin entweder ihre richtige Erklärung finden, oder als Ausnahmen sich charakteristischer hervorstellen; denn für jetzt, wo die chemische Zusammensetzung der organischen Substanzen noch verschiedene Ansichten zulässt, kann die Zusammenstellung der bisherigen Resultate ohnedie nur als ein blosser Versuch zur Lösung der Aufgabe betrachtet werden. - In der nachstehenden Tabelle enthält die erste Rrbrik die Namen der Gase; die zweite ihre chemischen Formeln, wie sie namentlich in physikalischer Hinsicht als die passendsten erschienen, und wobei diejenigen, in welchen Substitutionen eines Bestandtheils für einen andern vorkommen, durch ein vorgesetztes * bezeichnet sind. Unter der Rubrik Verdichtung findet man zuerst die Volume, die sich aus der chemischen Formel ergeben, darauf hinter dem : die Anzahl der Volume, in welche sie in ihrer Verbindung übergehen; erfolgt dieser Uebergang nicht nach den sonst durchgehenden Regeln, so deutet ein vorgesetstes * die Ausnahme an; findet dagegen ein Verdichtungsgrad statt, der nur wieder auf einem besonderen Gesetze beruht, so ist durch ein zweites : diese neue Volumzahl hervorgehoben worden. So oft indess der Bestandtheil in andere Verbindurgen eintritt, so gelten wieder die erste Volumzahl und das ihr entsprechende specifische Gewicht als diejenigen, mit welches es in dieselben eintritt. Der leichteren Uebersicht wegen sind mehrere organische Substanzen, vornehmlich die verschiedenes Kohlenwasserstoffe, über deren Zusammensetzung zu 1 Atos man noch nicht einig ist, oder die isolirt stehend zum Nachweise eines durchgehenden Gesetzes doch nicht herbeigesoges werden können, ganz übergangen worden. — Was die Atomgewichte der Substanzen betrifft, so hat man die von Berselins

ten beibehalten, nur nach Liebig und Redtenbacher wicht der Kohle = 75,854 angenommen, welche Zahl ischen den Angaben von Berzelius und den neuehält; ausserdem ist das Atomgewicht des Bor is auf i und des Wismuths nach Regnault womit sich auch später Berzelius übereinst hat, auf i gestellt. — Eine vollständige Tafel in Dämpse bis zum Jahre 1840 sindet man bei Pognant (Ann. XLIX. p. 417), welche zu der solgenden Zumenstellung vornehmlich benutzt worden ist.

Fr Gase. 1 Atom. Verdichtung. N	_				Snacifisches Gaw	APR GAW.	
stoff		Namen der Gase.	1 Atom.	Verdichtung.	berechaet. beobachtet.	beobeckter.	Beobachier.
systoff	Sa	uerstoff	9	1:1	-	1,1057	
bor. No. No. No. No.	¥	sserstoff		1:1	0,0691	0,069	Dumas a. Boussingault.
bor. S	Š	skstoff	×	1:1	1	0,9720	
hor. 11	ž	165er	N.0	2+1:2	0,6220	0,6235	Gay-Lussac.
1:1:3 1:1:4 1:1	졒	sphor		1:1:4	4,3372	4,58	Mitscherlich.
S				•		4,338	Dumas.
Salute S	တိ	wefel	2	1:1:3	6,6729	<u>8</u> ,	Mitscherlich.
Cf			-	•		6,551	Dumas.
Br 1:1 S 1:1 S S S S S S S S S	3	or	5	1:1	2,4472	2,47	Gay-Lussac to. Thénard.
No. No.	B			1:1	5,4153	5.54	Mischerlich.
SS. SS. C. S.	Joo		i -	1:1	8,7322	8,716	Dumas,
SS. SS. SS. SS. SS. SS. SS. SS. SS. SS.	£	101	181	1:1	1,2925		
SS. SSO. SSO. SSO. SSO. SSO. SSO. SSO.	Ko	hlenstoff		-	0.8387	١	
Signal Si	Bo		C.	1:1	1,5060	1	
SO. 1+2:2 SO. 1+3:2 N. 0 N.	Kie		ı Ö	7	2,0442	1	
salp. N. O. +4 M. O. 2+4:4 N. O. +4 M. O. 2+4:4 N. O. +4 M. O. 2+4:4 Ci. O. Ci. O. 1+1:3:3 Co. Co. Co. Co. Co. Co. Co. Co. Co. Co.	Sch	weflice Saure	80.	1+2:2	2,2178	2,247	Berzelius.
salp. N. 0. +4 M. 0 2+2:4 1 N. 0. N. 0. +4 M. 0 2+4:4 1 N. 0. N. 0. +4 M. 0 2+4:4 1 N. 0. N. 0. +4 M. 0 2+4:4 1 N. 0. N. 0. +4 M. 0 N. 0.	Sch	Wefelsaure	80.	1+3:2	2,77.07	3 ,01	Mitscherlich.
wasserh. N, 0, +48, 0 N, 0,	5	orschwele saure	* 80. Cl.	es.	4,6650	4,665	Regnault
Wasserh. No. +4M. 0 2+2:4 Wasserh. No. +4M. 0 2+5:2 No. 0 +4M. 0 2+5:2 No. 0 +4M. 0 2+5:2 No. 0 +4M. 0 2+5:2 No. 0 +4M. 0 2+5:2 No. 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	Slic	skstoffoxydul	N. 0	2+1:2	1,5248	1,5204	Berzelius.
, wasserh, W, O, +4M, O, 2+4:4 , wasserh, C, O, +4M, O, 2+4:4 , C, O, C, C, O, C, C, O, C, C, O, C,	SE	ekstoffoxýd	N. O.	2+2:4	1,0388	1,0380	Berzelins.
wasserh.	S	petersaure, saip.	N. 0.	2+4:4	1,5917	1,715	Mitscherlich.
wasserb.			N. O.	2+2:5	3,7362	,1	
70.00 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1			N. O. +48.0	2+8:10	1.2448	1,273	Rineau.
CO. CO. CO. CO. CO. CO. CO. CO. CO. CO.	5	oroxyd	0,0	2+4:4	2,3293	2.27	H. Davv.
000 14-1: 20 000 1	5	orige Saure.	C', O'	2+3:3	2,7372	9,648	Millon.
2.2+1 2.000,	X	lenoxyd	00	1+1:2	0,9769	0.9678	Cruiksbank.
**************************************	Kol	ilensaure	60,	1+2:2	1,5297	1,5245	Berzelius u. Dalong.
The same of the sa	5	orkohienoxyd	,coo.	79 G	3,4241		
	900	Schwefelwasserston	II AND OF	2 · 12 · 42	1,1812	1,1912	Oay-Lussecu, Thenard.

9:	Calery asset Prior	50 m	4 44	****	1,8881	1,8474	Biot tt, Arago.
28	Bromwasserstoff	2 2	6, Br. + 18 B, O	2+34:36	2,7422	8 6	Bineau,
3	wasserb.	H B	+104,0	4+20:24	0.9754	0.875	Bioeso.
얾	Jodwasserstoff			2+2:4	4.4006	4.346	Gav-Luesao
2		H. J.	7, + 11 H, 0	4+22:26	1,2033	1.20	Binesu.
3:	Phosphorwasserstod	P. B.		\$+8+x	1,1879	1,147	H. Rose.
2	Ammoniak	. N. H.		7-9-4	0,5896	0.5967	Biot u. Araen.
g	Cyan	Z.€		1+1:2:1	1,8107	1.8064	Gav-Lussac
33	Cyanwasserstoff	+ NO	200	2+1:2	0,9399	0.9476	Gav-Lugae
98	Ammoniak, chlorwasserstoffsaures	N, W.	+B, Cl.	8:4+4	0.9238	0.89	Bineau.
	" cyanwasserstoffsaures	. N. E.	+2CNH	4+4:8	0,7647	0.8021	Binesu.
	", koblensaures neutr.	. N. U.	+003+	8442:6	0,9014	0.8992	H. Rose.
<u> </u>	" sopwefelsaures saures	N, H	+2H2 8	4+4:8	0,8854	0,9011	Brneau.
갋	Phosphorchlorur	, P C		5+6:4		4,875	Dumas.
3	Phosphorohlorid	, P		*2+10:12:6		85	Milscherlich
3	Cyanobioritr.	CM+CC	ಶ	2+1:2:1		6.35	Bineau.
2	Borchlorid	B. C.		4+12:8	4,0473	3,942	Dunas.
\$	Borfluorid	B. F.		4+12:8	2,3152	2,3124	Dumas.
2	Kieselchlorid	SICI.		1+4:2	5,9165	5,939	Dumas.
ဆ္	Kieselfluorid	SiFi		1+4:2	3,6071	3,600	Dumas.
<u></u>	Zinn	8		1:1	8,1301	į	i
S:	Zinnchlorid	Sac.		1+4:3	8,9594	9:1997	Dumas.
25	Wiscould at the state of the st	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1		1:1	14,7099	I	
7	Wismuthdalorid	. B. C.	_	*:9+2	11,0257	11,16	Jacquelin.
2	Quecksilber			1:1:2	6,9950	3,	Mitscherlich.
-	A second second second	; =:				6,976	Dumas.
	Quecksilberchlorur	200		2:5+	8,2216	8,35	Mitscherlich.
2:	Coecksibercalorid	200		7:2+	9,4452	es es	Mitscherlich,
9 1	Coecksiberbromur	12.0		***	9,7057	10,11	Mitscherlich.
~ 0	Quecksiberpromid	-		**************************************	12,4133	12,16	Mitscherlich,
3	Checkstrengerd			1+2:2	2067,61	16,2	Kitscherlich.

· Hg S
$\frac{T}{T}C_{4}$
စ် သင်
Cr O, Cl.
3
\$ 50
48.0.
As, H.
As. C.
. As, J.
Š.
. Se 0,
C, H10
$C, H_1, + C'_2$
. C. H, C'. +
. C. H. C. +
+ "C' H' C' +
+ C, B, C'. +
- C. C. + C
C, H, +J,
C. H. +8
C. H. 8+1
1 2
+ .0 . F. O.

1+2:4 1,8968 1,6133 Gry-Lussen.	2,5066	+2:4:2 5,0729 5,087 Dumas.	4,09	3,823	3,0926 3,14	3,0594 3,067	6,6266	2,5720 2,593	5,2253 5,409	3,4741	23	6,11	1	+4:4:2 10,4506 10,508 Liebig u. Pelouze.	7,1675	4,8716	2+2:4 6,6906 6,65 Gerhard u. Cahours.	4,5240 4,558	0,9769 0,9852		4 3,4241 3,478	1	4 3,6500 3,691	4 2,1659 2,116	4 4,6131 4,697	1 5,3064 4,78	1,5296 1,532	2+2:4 5,0969 5,05 Dumas.	3 2,8594 2,76
00 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	G-4	10,0		C. H O CO. + CO C.			<u>.</u>		C. H. O.	_	~	_	$C_1 \wedge H_2 \circ + O_3$	C, H, 0+C, H, 0, 2	+0,	0+C, B, O,)+C3, H110,	0+C, . H. O.		+ Br.	C, H, + C,	C, 44.	+Br,	+0%;	Bo + CVs	C, H, + J,	C, B, 0+B, 0 2	0.8+0.00	C. C. O+34.0 L Z
				säther																*									
Alkohol Salueler Bibar		69 Oxalather	_	91 Chlorkoblensäureäther	_	_	_	_	96 Benzoeather.	_		_	_	00 Denanthäther .	01 Brenzschleumsäure	-	_	04 Valerianäther .	_	06 Elaylbromür.	_	_	_	_	_	_		114 Chloral	.15 Chloralbydrat .

No.	Namen der Gase.	1 Atom.	Verdichtung.	Specifisches berechnet. bec	les Gew. beobacktet.	Beobachter.
116	Essignaure	C, H, + O,	2+3:2	3,5442	1	
117	", wasserh.	O, +H, O	*2+2:3	2,7768	2,74	Dumas.
118	Chloressigsaure, wasserb.	C. C. O. + H. O	2+2:4	5,6498	5,3	Dumas.
119	Methyl (hyp.)	C_2H_6	2.	1,0460	1	
120	Methylchlorür	$C_2H_6+Cl_2$	2+2:4	1,7466	1,731	Dumas.
121	Methyljodür	C, H. + J.	2+2:4	4,8891	4,883	Dumas.
122	Methylfluorür	$C_2H_6+F_1$		1,1692	1,186	Dumas.
123	Methylsulfid	C_2H_6+S	2 + 1 : 2	2,1581	2,115	Regnault.
124	Holzäther (Methyloxyd).	C, H, +0		1,5988	1,624	Dumas.
125	Holzgeist	$C_1H_0O+H_1O$		1,1104	1,120	Dumas.
126	Methyloxydid A	· C, H, Cl, + O		3,9779	3,909	Regnault.
127		$^{*}C_{2}H_{2}C_{4}+0$	2+1:2	6,3550	6,367	Regnault.
128	•	*C, C, + 0	 2	4,3665	4,670	Regnault.
129	Methyloxyd, schwefels	C, H, O+80,	2+2:4:5	4,3695	4,565	Dumas.
130	, , salpeters		2+2:4	2,6675	2,640	Dumas.
131	., essigs	C, H, O+C, H, O,	2+2:4	2,5710	2,563	Dumas.
132	•	H, 0+C,	2+2:4	2,0825	2,084	Dumas.
133	, benzoës.		2+2:4	4,7369	4,717	Dumas.
134	,, , salicyls.		2+2:4	5,2897	5,32	Cahours.
135	Methylen	3 H.	7 :	0,9769	1	•
136	Methylenchlorür	$C_1H_1+C_1$	2+4:4	2,9356	3,012	Regnault.
137	Formyl (hyp.)	C_2 \mathbf{H}_s		0,9078	1	•
138	Formylchlorür	C, H, + C'	₩:	3,3550	3,321	Regnault.
139	Kohlenchlorür	, C, Cl, + Cl,	-2:4:	5,7331	5,82	Regnault.
₹	Formylhyperchlorür.	12+	2+4:4:5	5,8022	2,767	Regnault.
141	Kohlenhyperchlorür	72.	*	8,1803	8,157	Regnault.
142	Formylchlorid	$C_3H_3+CI_6$	2+6:4	4,1247	4,199	Dumas.
143	Kohlenchlorid	-c.c.+c.	3+0:4	5,3137	5,330	Liebig. Regnault.

Louis La Smena,	3,414		2,7925 2,914 Cabours.		. 1		Cabours.	3,67	3,260	4,95	4,2485 4,27 Mitscherlich.	2,77	07.7	_	38,8	5,24	4,78	5,2992 5,468 Dumas.	5,337	4,353		2,9	**	7,1	7,555	2,73	4,63	_		_
1:21 I	2+1:2	2+2:4	N O	2+2:4	2+1:2	2+2:4	27	2+2:4	.2:4	.2.4	2+5:4	2:4	:2:4	:2.4	:2:4	†: 7 +7: †	:2:4	2+2:4	'	. 2:4	2+2:4	2.4	2+2:4	c^1 	2+1:2	2+1:2	2+4:4	2+2:4	*2+12:1	_
の事が、一般	C. H. + O	C, H, 0+H, 0	**************************************	C. H. + J.	C. H.; +O	C_1 , H_1 , $O+H_2$	C. B.	C, H, O, +H, O	CIARIO	C. H. 2(NO.)	C. H. O. + H.O	C. H.	C. H. 2(NO.)	.C. B. C.	C. H.	$C_{10}H_{13}O+H_{1}O$	C. H.	$C_{20}H_{10}O+H_{3}O$		C E	C1. H1. O. + H5. O	C33 H13	C, H, 0+B, 0	C, H13.42	C, B ., Ar, +0	C, H, As, +S	C. H. As. + C. N.	C. II. As. + Ci.	C, H, 1 45, 0 + 3(C,	M 12 At 101)
											b	•			•		•				wasserh.						•			_
THE RESERVE	Monthyloxyd	Reciggolet	Mesilylen .	Amyljodar	Amyloxyd	Fuselöl	Amilen	Valeriansäure, wassorb	Benzoen	Protonitro-benzoen	Benzoesaure wasserb	Benzin	Nitrobenzid	Chlorbenzid	Cumin	Cuminol	Camphogen	Campber	•	Campholen		Cedren	Cederöl '	Cacodyl	Alkarsin	Cacodylsulfid	Cacodylevanur.	Cacodylchlortir	Cacodyloxychlorur	
1	15	\$	95	151	152	153	154	155	156	157	88	159	160	161	162	163	164	.165		991	167	991	169	5	17	22	173	174	173	_

Unter den einfachen Stoffen, die sich in Dampfform dar stellen lassen, ziehen sich Phosphor und Arsenik auf den halben Schwesel auf den dritten Theil des Volums zusammen, das sie nach ihrem Atomgewicht einnehmen müssten, Quecksilber dehn sich auf den doppelten Raum aus. Nach dieser Grundlage dürser wir auch bei den übrigen chemischen Verbindungen dergleichen Zusammenziehungen oder Ausdehnungen als begründet oder regelrecht ansehen; wir finden deren mehrere im Verhältniss von 2:1 und 1:2; die Fälle von 1:3 und umgekehrt sind dageges nirgends recht evident und gehören zunächst unter die Ausnah-Aus der obigen Tasel ergeben sich folgende Regelz: 1) Verbinden sich zwei Bestandtheile mit gleicher Volumzah, so findet keine Zusammenziehung statt; dasselbe ist der Fall wenn, abgesehen von der Volumzahl, der eine Bestandbei Wasser ist. Gegen diese Regel verstösst nur Essigsäurehydra (No. 117), was um so auffallender ist, als die Chloressigsius (No. 118) eine regelrechte Zusammenziehung erfährt *). Nach den Hydraten gehen auch kohlensaures Ammoniak (No. 49), Phosphorchlorid (No. 43) und Cacodyloxychlorür (No. 175). 2) Die Verbindung zweier Bestandtheile mit ungleichen Volum-

^{*)} Später hat Bineau (Comptes rendus T. XIX. p. 769) in gleiche Zusammenziehung von 4:3 auch bei Ameisensäurehydra $C_2H_2O_3+H_2O$ (spec. Gew ber. 2,1255, beob. 2,128) und Schweldsäurehydrat SO_3+H_2O (spec. Gew. ber. 2,1618, beob. 2,203) grunden. Dagegen hat Cahours (Compt. rendus XX. p. 51) beobachtet, dass sich die Dichtigkeit der Essigsäure mit der Temperaträndert, bei welcher die Bestimmung vorgenommen wird; es ergebsich ihm

Temp.	Dichtig- keit.	Тешр.	Dichtig- keit.	Тетр.	Dichtig- keit.	Тетр.	Dichtig- keil.
125°C.	3,20	160°C.	2,48	219°C.	2,17	300°C.	2,08
130	3,12	171	2,42	230	2,09	321	2,08
140	2,90	190	2,30	250	2,08	327	2,08
150	2,75	200	2,22	280	2,08	338	2,08

Das specifische Gewicht 2,08 entspricht einer Condensation auf 4 Verlume berechnet zu 2,0826. Dasselbe Verhalten zeigten auch Buildersäure und, etwas weniger beträchtlich, die neutralen Oele des Anies und Fenchels. Somit würde die regelwidrige Condensation der Estigen säure in der bei niederer Temperatur noch nicht vollkommen sehobenen Cohäsion des Dampfes begründet sein.

Faktor der beiden Volumzahlen bezeichnet. 3) Chemische Verbindungen, die durch Substitutionen entstehen, folgen denjenigen Verbindungen, von welchen sie abstammen. Eine Ausnahme macht Methyloxydid C (No. 128), das vom Holzäther abweicht.

4) Alle organischen Radikale, zwei- und dreigliedrige, gehen auf 2 Volume über, desgleichen die verschiedenen Kohlenwasserstoffe, die indess sich mehrfach wieder auf 4 Volume ausdehnen. Ganz umregelmässig erfolgt die Verdichtung bei der chlorigen Säure (Mo. 23) und beim Quecksilbersulfid (No. 59), in welchem letzteren Falle indess die beiden Bestandtheile den Grund leichter arkennen lassen.

D. Berechnung des specif. Gewichts fester Körper.

___ Da das specifische Gewicht der Gase sich aus ihren Be-**Estandtheilen** herleiten lässt, so liegt die Frage nahe, ob nicht Schnliches Verfahren auch bei den festen und flüssigen Subtanzen in Anwendung kommen könne. Mit dieser Untersuchung Jaken sich vornehmlich Kopp und Schröder beschäftigt. Etachtet hier offenbar ein, dass man zunächst bei den festen **Zarpern** nicht von einem Zustande der Bestandtheile in Gasform rangehen dürfe, sondern die Verdichtung in die feste Form unättelbar als gegeben ansehen müsse. Man bestimmt also den dischen Verdichtungsgrad dadurch, dass man den Quotienten dem specifischen Gewicht in das Atomgewicht als das Atomplum aufsucht. Indess muss man sogleich bei dieser Bestimteng beachten, dass sowohl die Atomgewichte als die specisiichen Gewichte nur in Verhältnisszahlen bestehen, indem bei den ersten der Sauerstoff = 100, bei den andern das Wasser 1 gesetzt wird, dass also auch die Atomvolume relative Zah-sind, die je grösser sie ausfallen, eine desto geringere Conestion des Stoffes aus dem theils nachgewiesenen, theils vorpegesetzten Zustande in Gasform in die feste Form angeben. Ahme man für die Atomgewichte andere Verhältnisszahlen oder rage man die specifischen Gewichte auf eine andere Einheit Wasser, so würde man auch andere Werthe für die Atomme erhalten, ebensowohl Brüche als ganze Zahlen. m verdient es berücksichtigt zu werden, dass die Dichtigkeit Dampse auf Lust bezogen wird, die beide ziemlich dieselbe

Volumvergrösserung durch die Wärme erhalten, dass man dagegen eine kleine Differenz im specifischen Gewichte der festen Körper bekommt, je nach der Temperatur, bei welcher die Bestimmung vorgenommen ist. Mit dem specifischen Gewicht indern sich wieder die Atomvolume; wollte man daher streng vergleichbare Zahlen haben, so müsste man die specifischen Gewichte bei wechselnden Temperaturen ermitteln, die man bis jetzt nicht nachzuweisen im Stande ist. Es folgt hieraus, dass die Zahlen für die Atomvolume sunächst nur annähernde sein können, bei denen man sich füglich mit ganzen Zahlen begnist — Nehmen wir nun z. B. schweselsaures Kupseroxyd, CwO+80, so hat Kupfer Cu ein Atomgewicht = 396, ein specifisches Ge wicht = 8,96 nach Berzelius, folglich annähernd ein Atomvolum = 44; das schwefelsaure Kupferoxyd hat bei einem Atos gewicht = 997 ein specifisches Gewicht = 3,57 nach Karsten folglich ein Atomvolum = 279. Das Atomvolum des hinsustretenen Bestandtheils SO, lässt sich des Sauerstoffs wegen nick unmittelbar bestimmen, es fragt sich also, wie man die Diffrenz 279-44=235 auf dasselbe beziehen solle. Es sind hir für ähnliche chemische Verbindungen drei Annahmen möglich. Entweder behalten beide Bestandtheile durch alle Verbindungen hindurch das gleiche Atomvolum, so dass dasselbe für 80. immer = 235 bliebe, oder der eine Bestandtheil hat ein vaänderliches, oder endlich beide zugleich haben ein veränderliches Da die erste Annahme sich nicht durchführen lässt und nur die Wahl zwischen den beiden andern freisteht, so kommt es offenbar auf eine zweckmässige Beschränkung der Veränderlichkeit der Atomvolume an, wenn man anders nicht der Willkür ganz freien Spielraum gewähren will. Kopp, der zuerst von der dritten Annahme ausging (Pogg. Ann. XLVII p. 133), liess bei beiden Bestandtheilen, denen er feste Atomvolume bestimmte, Uebergänge in andere nach den einfachsten Zahlenverhältnissen zu. Erwägt man indessen, dass die gefandenen specifischen Gewichte der Substanzen nicht fehlerfrei sind, dass also auch die Berechnung das Atomvolum nur annähered zu finden hat, so war dieses Verfahren sehr vag und man konste mit leichter Mühe mehrere Lösungen beibringen, die einen gleichen Werth hatten. Hierauf machte Schröder (Pogg. Ann. L. p. 553) die Entdeckung, dass man in den meisten Verbindungen

den Metallen ihr unverändertes Atomvolum lassen könne, und dann für den andern Bestandtheil ein Atomvolum finde, dass immer für mehrere Verbindungen ein gleiches in seiner Veränderlichkeit nur wenige verschiedene Zahlen bedinge. Dadurch wurde die zweite der obigen Annahmen hervorgehoben. Die Wichtigkeit dieser Entdeckung war einleuchtend; deshalb ging auch Kopp auf diesem Wege weiter und suchte nur noch mehr die Veränderlichkeit im Atomvolum des zweiten Bestandtheils zu beschränken, was er dadurch erreichte, dass er den leichten Metallen in ihren Verbindungen ein hypothetisches Atomvolum gab, also bei ihnen eine gewisse Veränderlichkeit zugestand. Man findet seine Untersuchungen in der Schrift: Ueber das specifische Gewicht der chemischen Verbindungen, 1841. Nach diesem Vorgange war es auffallend, dass Schröder in seiner neuesten Schrift: Die Molekularvolume der chemischen Verbindangen, 1843, den von ihm zuerst angebahnten Weg wieder verliess und sich zur dritten Annahme, einer Veränderlichkeit beider Faktoren, zurückwandte. Zwar nimmt er bestimmte stufenweise Verdichtungen an, Veränderungen der Volume von 4 su 4, oder von 8 zu 8, oder endlich von 16 zu 16, doch last sich, selbst ohne die volle Willkür in diesen Zahlen hervorzuheben, kaum ein Gewinn absehen, welchen die Wissenschaft aus seiner Betrachtungsweise ziehen soll. Nach ihm man durchaus die ganze Untersuchung fallen lassen, da man von jedem Stoffe erst das Atomvolum anzugeben im Stande wäre, wenn man das specifische Gewicht wüsste, also weder ingend eine Controlle für die Richtigkeit der Beobachtung geinne, noch ein allgemeines Gesetz, unter welches sich die ginseln stehenden Thatsachen subsummirten. — Wir werden im Folgenden die von Kopp gefundenen Resultate angeben and nur in wenigen Fällen seine Zahlen der Atomvolume um gin Unbedeutendes ändern, weil dadurch noch eine Thatsache Accordent die eine nähere Beachtung zu verdienen scheint

1. Ursprüngliche Atomvolume der einfachen Körper.

Sewichi volum berechn berechn beobachtet. As 170 557 5,70 bis 5,96 Guibourt; 5,62 Rarsten 11,35 11,33 Rupfer, 11,39 Rarsten; 11,35 11,33 Rupfer, 11,39 Rarsten; 11,35 11,33 Rupfer, 11,39 Rarsten; 11,35 160 1,36 160 1,38 1,39 Rarsten; 11,35 160 1,38 1,39 Rarsten; 11,35 160 1,38 1,39 Rarsten; 5,60 Strom 165 160 1,38 1,39 Rarsten; 5,60 Strom 165 160 1,38 1,39 Rarsten; 5,60 Strom 165 1,03 1,03 Rupser, 1,50 Rarsten; 5,60 Strom 1,24 1,24 Rarsten; 5,60 Strom 1,24 1,24 Rarsten; 1,2,0 Rarsten; 1,2,0 Rarsten; 1,2,3 1,0 Rarsten; 1,3,0 Rarsten; 1,	Substanz.	1 Alom.	Atom-	Atom-	S	Specifisches Gewicht
120 6,72 5,70 bis 5,96 Guihourt; 5,62 Karsten 1,135 1,133 Kupffer, 1,139 Karsten; 1,135 1,133 Kupffer, 1,139 Karsten; 1,135 1,133 Kupffer, 1,139 Karsten; 1,135 1,138 Karsten; 1,139 Karsten; 1,135 1,138 Kupffer, 1,139 Karsten; 1,135 1,138 Karsten; 5,60 Skrom 1,133 Paraday.			gewicht	Aolum	perechn	beobachtet.
## 170 80 15.57 5.50 1.254 1.154 1.1.35 1.1.254 1.1.35 1.1	Antimon	. SS	90%	120	6,72	ئدا
1294 114 11,35 11 114 11,35 11 114 11,35 114 114 11,35 114 114 11,35 114 114 114 114 114 114 114 114 114 11	Arsen	A.	170	26	5,87	Ka
## 489 160 2, 221 160 1, 350 6 7, 221 160 1, 350 6 7, 221 160 1, 350 6 7, 3	Blei	25	1294	114	11,35	11,33 Kupffer, 11,39 Karsten; 11,35 Herapsth.
C. 221 160 1,38 1,00 1,38 1,00 1,38 1,00 1,38 1,00 1,38 1,00 1,38 1,00 1,38 1,00 1,38 1,00 1,38 1,00 1,38 1,00 1,00 1,00 1,00 1,00 1,00 1,00 1,0	Brom	Br	681	160	3,06	2,99 Lowig; 2,97 Balard.
Cr. 221 160 1,38 1,1 160 2,10 3,10 3,10 3,10 3,10 3,10 3,10 3,10 3	Cadmium,	3	269	81	8,60	A,66 Herapath; R,63 Karsten; S,60 Stromeyer; P,53 Kopp.
Cy 352 69 5,10 5, 103 9	Chlor	C	.221	160	1,38	1,33 Faraday.
Cy 165 160 1,03 0, 1243 150 1,03 1,03 1,03 1,03 1,03 1,03 1,03 1,0	Chrom	Ċ	352	69	5,10	5,10 Thomson.
7.70 7.77 1.124.3 44 7.77 7.70 7.77 1.124.3 45 7.77 7.70 7.77 7.77 7.77 7.77 7.77 7.7	Cyan	Č	165	160	1,03	0,9 (ungef.) Faradav.
789 160 184 184 65 189 1 184 184 184 184 184 184 184 184 184 1	Eisen	N. S.	339	**	2,70	7. Broling: 7
789 160 4,93 4, 23, 24, 24, 23, 24, 24, 23, 24, 24, 24, 24, 24, 24, 24, 24, 24, 24	Gold	Ass	1243	65	19,1	19,26 Brisson.
7. 1233 57 21,6 11. 1233	Jod		280	160	4,93	4.95 Gay Lussac.
76 44 9,74 0,74 0,74 0,74 0,74 0,74 0,74 0,74 0	Iridium	7	1233	57	21,6	19,5 Mohs; 23,5 Breithaupt.
Co 369 44 8,39 8,39 8,39 8,39 8,39 8,39 8,39 8,39	Kaluum	. PE	490	553	70	0.86 Gav-Lussac u. Thénard; 0,57 Sementini.
76 36 2,11 G	Kobalt	ç	369	**	8,39	8,49 Bruoner; 8,51 Berzelius; 8,71 Lampadius.
7. 396 44 9,00 8,96	Koble	S	92	36	2,11	Graphit: 2,14Breithaupt; 2,33Rarsten.Kohle: 2,10Scholz.
Mo 599 69 6,66 8,03 Bachmann; e,01 John. Mo 291 292 0,99 0,97 Gay-Lussac u Thénard. No 1244 57 21,6 natúri.: 19,5 Thénard. Do 1244 57 11,7 11,3 Wollsator; 12,1 Lowry. Least 557 11,7 11,7 Berzelius; 23, 21,6 6 ords; 21,5 Berzelius; 23, 23, 24,6 5,5 6 ords. Least 58, 21,0 Bords; 21,5 Berzelius; 23, 24,6 5,5 6 ords. Least 58, 21,0 Bords; 21,5 Berzelius; 23, 24,6 5,5 6 ords. Least 68, 21,0 Bords; 21,5 Berzelius; 23, 24,6 5,5 6 ords. Least 78, 21,6 6 ords. Least 78, 21,	Kupfer	- C	396	44	00,6	8,96 Berzelius; 9,00 Musschenbrock; 8,72 Karsten.
n. No. 599 69 6,68 8,62 brs 5,64 Bucholz. No. 291 292 0,99 0,97 Gay-Lusseo u Thénard. No. 370 44 8,41 6,40 Turte; 8,38 Tupputi; 8,60 a. 1244 57 11,3 Wollston; 12,1 Lowry. D. 1244 57 11,3 Wollston; 12,1 Lowry. T. P. 195 14,7 11,7 Borzelius; 23, 24,6 a. 21,0 Borzelius; 23, 24,6 a. 22,0 Borzelius; 23, 24,6 a. 22,0 Borzelius; 23, 24,6 a. 22,0 Borzelius; 24,6 a. 22,0 Borzelius; 24, 25,0 Borzelius; 24,0 a. 22,0 a	Mangan	Mr.	346	44	7,86	8,03 Bachmann; 8,01 John.
No. 291 292 0,99 0,97 Gay-Lussac u Thénard. No. 370 44 8,41 8,40 Turie; 8.38 Tuppuli; 8,60 1244 57 21,8 naturi:: 19,5 Thénard. Pol. 686 57 11,3 Wollaston; 12,1 Lowry. No. 1233 57 21,6 Bordelius; 23, 21,6 Bordelius; 23, 21,6 Bordelius; 23, 21,6 Bordelius; 23, 22, 21,6 Bordelius; 23, 23, 24,6 Euglest, Margheller; Margheller; 23, 23, 24,6 Euglest, Margheller; Marghe	Molybdan	. Me	599	69	89.69	8,62 brs 8,64 Bucholz.
N. 370 44 8,41 S,40 Turte; 8,35 Tuppuli; 8,60 0. 1244 57 21,8 natúri; 19,5 Thénard. 666 57 11,3 Wollaston; 12,1 Lowry. 17,7 Berzelius. Pr. 1233 57 21,6 21,0 Borda; 21,5 Berzelius; 23, 12,6 82 12,6 82 12,5 Berzelius; 23, 12,6 82 12	Natrum		781	292	0,99	0.97 Gay-Lussac u Thénard.
Pol 666 57 21,8 maidr Pol 666 57 11,7 11,3 11,3 11,3 11,3 11,77 1,77 1,	Nickel	NI.	370	*	14,8	8,40 Turte; 8,38 Tupputi; 8,60 Brunner.
Pod 686 57 11,77 11,3 11,2 1,77 1,77 1,77 1,77 1,77 1,77 1,77	Osmuna	0	1244	57	21.8	natürl.: 19,5 Thénard.
196 111 1,77 1,77 1,23 57 21,6 21,0 21,0 21,0 21,0 21,0 21,0 21,0 21,0	Palladium	P4	999	57	11.7	11.3 Wollaston; 12,1 Lowry.
21.0 21.0 21.0 22.0 22.0 22.0 22.0 22.0	Phosphor.	4	196	111	17	1.77 Berzelius,
20 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 0	Pletin	74	1233	57	21,6	21,0 Borda; 21,5 Berzeilus; 23,5 Cloud.
	Messellas	day.	1756	60	60 4 40 4 40 4 40 4 40 4 40 4 40 4 40 4	12.6 Eupfer; Karstan; Cavallo.

fight the Moster All Berrelies; 4,31 Boulay.	5.33 5.3 Wollaston; 5.28 Kersten.	8.85 9.88 Thénard; 9.83 Rerapeth; 9.65 Karsten.	17,1 17,2 Allan und Aiken; 17,4 Bucholz,	6,95 6,92 Karsten; 6,86 bis 7,21 Berzelius.	7,28 7,28 Berapath; 7,29 Kupffer; Karsten.
25	25	135	8	33	101
				_	_
3 55	Š	1330	1183	\$03	33
44		Ä	4	2	Sa
	, ,	-	,	,	=
•					
•		•	•	•	•
•		٠	٠		•
•	• • •	•	•	•	٠
•	• •	•	•	•	٠
•	• •	ė	g		•
VI	Titen .	Wisnut	Wolfrag	Zink	Zipn .

2. Angenommene Atomvolume der leichten Metalle in ihren Verbindungen.

Su	2	8.1	Substanz	ыĭ		ļ .		1 Alom.	Atom- volum.
Ammonium			١	٠.		٠.		Am	218
Baryum .	•	٠					4	P.	143
in an a	٠	-	4		-			<u>د</u>	\$
Kalium	٠	•	•				٠	in the second	**************************************
dagnesium	٠	•	•					N. S.	₽;
Natrice .	٠	•					,	Wa	130
Strontium Strontium	•	٠	٠	٠				oh oh	108

Mit den angegebenen Zahlen für die Atomvolume lässt sich das specifische Gewicht der nachfolgenden chemi-S sehen Verbindungen berechnen, wenn man dem aweiten Bestandtheil das bei jeder Reihe besonders angegebene

Atomyolum beilegt.

Kohlensaure Salse.
 Atomvolum von CO₂ = 150.

gewicht volum. berechn. beobachtel. beob	5.08	Substanz	Alom	Atom-	Atom-	S	Spacifisches Gewicht
yd. Ca+CO ₃ 1670 264 6,32 k Fe+CO ₃ 7715 231 4,65 k Iul. Ma+CO ₃ 7722 194 3,69 n Ina+CO ₃ 17728 286 6,17 k Ina+CO ₃ 17728 293 4,20 k Ca+CO ₄ 532 210 3,01 A K+CO ₄ 532 210 3,01 A Ina+CO ₃ 534 190 2,81 2 Sr+CO ₃ 534 190 2,81 2 Ina+CO ₃ 534 2,86 2 Ina+CO ₃ 534 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 n Ina+CO ₃ 1250 3,91 n Ina+CO ₃ 1250 n Ina+CO ₃				gewicht	volum.	berechn.	beobachtel.
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Kohlensaures	Bletoxyd	Pb + CO.	1670	264	6,32	43
ful. $F_{e} + CO_{s}$ 7715 194 3,69 n $A_{g} + CO_{s}$ 7722 194 3,72 n $A_{g} + CO_{s}$ 17728 286 6,17 k $A_{g} + CO_{s}$ 1233 293 4,20 k $C_{e} + CO_{s}$ 534 190 2,81 2 $A_{g} + CO_{s}$ 1166 400 2,91 n $A_{g} + CO_{s}$ 1250 384 3,25 n $A_{g} + CO_{s}$ 1250 384 3,25 n $A_{g} + CO_{s}$ 1779 178 4,36 n $A_{g} + CO_{s}$ 779 1778 4,36 n	:	Cadmiumoxyd	. Cd + CO.	1073	231	4,65	kinstl.: 4,42 Herapath: 4,49 Karsten.
10 17		Ersenovyd	. Fe + CO.	2	194	3,69	272
Ag + CO ₃ 1728 280 6,17 k Aa + CO ₃ 1233 293 4,20 k Ca + CO ₄ 532 210 3,01 A K + CO ₄ 534 190 2,36 2 Mg + CO ₅ 667 280 2,38 2 Mg + CO ₄ 1166 400 2,91 n Ca + CO ₅ 1250 394 3,25 n Mg + CO ₅ 1250 394 3,25 n Mg + CO ₅ 1250 394 3,25 n Mg + CO ₅ 179 179 4,36 n Mg + CO ₅ 2071 479 4,36 n Mg + CO ₅ 2071 4,36 n Mg + CO ₅ 2071 479 4,00 2,91 Mg + CO ₅ 2071 470 4,00 Mg + CO ₅ 2071 4,00 2,91 Mg + CO ₅ 2071 4,00 2,91 Mg + Ko ₆ 2071 4,00 2,91 Mg + Ko ₆ 2071 4,00 2,91 Mg + Ko ₆ 2071 472 4,00 2,01 Mg + Ko ₆ 2071 472 472 4,00 2,01 Mg + Ko ₆ 2071 472 472 4,00 2,01 Mg + Ko ₆ 2071 472 472 4,00 2,01 Mg + Ko ₆ 2071 472 472 4,00 4,01 Mg + Ko ₆ 2071 472 4,00 4,01 Mg + Ko ₆ 2071 472 4,00 4,00 4,00 Mg + Ko ₆ 2071 4,00 4,00 4,00 4,00 Mg + Ko ₆ 2071 4,00 4,00 4,00 4,00 Mg + Ko ₆ 2071 4,00 4,00 4,00 4,00 Mg + Ko ₆ 2071 4,00 4,00 4,00 4,00 Mg + Ko ₆ 2071 4,00 4,00 4,00 Mg + Ko ₆ 2071 4,00 4,00 4,00 4,00 Mg + Ko ₆ 2071 4,00 4,00 4,00 Mg + Ko ₆ 2071 4,00 4,00		Manganoxydul	, Mx + CO,	222	194	3,72	
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		Silberoxyd .	, Ag + CO.	1728	280	6,17	kungil. 6,08 Karsten,
K + CO _s 6.32 210 3,01 A K + CO _s 534 190 2,36 2 Mg + CO _s 667 250 2,38 2 Ng + CO _s 923 256 3,57 n Mg + CO _s 1166 400 2,91 n Mg + CO _s 1250 394 3,25 n Mg + CO _s 779 179 4,36 n L		Baryt	. 18a + CO.	1233	293	4,20	küngil 4,30 Korsten, nat 4,24 Breithaupt; 4,30 Mobs.
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	*	Kalk	. Ca+CO.	632	210	3,01	Arragonit: 3,00 Breithaupt; 2,93 Mohs. Kalkspath:
K + CO ₄ N66 384 190 Mg + Co ₅ 534 190 Na + CO ₅ 923 258 Sr + CO ₅ 923 258 Mg + CO ₅ 1250 384 Mg + CO ₅ 1250 384							2,70 Karsten; 2,72 Bendant, 2,72 Kopp,
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		Kali	K+C0.	299	384	2.26	2.26 Karsten,
Na + CO ₃ 667 280 87 280 87 87 88 87 88 87 88		Magnesia.	Me+Co.	534	130	2,81	2,61 Breithaunt; 2,98 Stromeyer.
		Natron	Na + CO.	667	280	2,38	2,47 Karsten.
$ \begin{vmatrix} M_{S} + CO_{3} \\ C_{2} + CO_{3} \\ M_{S} + CO_{3} \\ F_{2} + CO_{3} \end{vmatrix} = 1250 $:	Stronhan	Sr + CO,	923	258	3,57	natürl.: 3,60 Mohs; 3,62 Karsten.
	٤	Bitterkalk .	W8+603	1166	400	2,91	
			1502 + 22				
b) Atomyolum voz . Zn + CO _b 779 179 4. Salpetersa Atomyolum von R . Pe + N. O. 2071 472	÷	Mesilm	Fe+ CO.	1250	33	3,25	nstürk: 3,35 Mabs.
4. Salpetersa. Atomyolum von P. 179 179 Atomyolum von P. 196 179 179 1				b) Ato	mvolum	von CO.	120.
4. Salpetersan Atomyolum von R	Koblensoures	Zmkoxyd	. Zn+00,	1779	23	8,4	natürl.: 4,44 Mohs; 4,4 bis 4,5 Neumann.
Atomyolum von 1 2071 1 472 1				4	Salpete	resure Sa	dse.
P6+N.O. 2071 472			•	Atomy	olum vo	. M.O.	■ 358.
	oeipelersaure	* Dieloxyd	. P6+N, 0.	1707	472	4,40	4.40 4.40 Karsten: 4.77 Breithaupt; 4.34 Kopp.

					iç.	chwefe	5. Schwefelsaure Salse,	alse,	
				8	Aton	nvolum	a) Atomyolum von $SO_4 = 235$.	= 235	
	Schwefelsaur.	Kupferoxvd	Cu+50.	6	97	273	3.57	3.57	Karsten.
	*	Silberoxyd	. Ag+80.	19	53	365	5,35	5.34	Karsten.
	: #	Zinkoxvd .	Zn+80,	9	- 40	293	3,43	3,40	Karsten.
	: :	Kalkerde .	Ca+80.	90	857	295	2,91	2.96	Neumann; 2,93 Karsten.
		Magnesia .	. Mr. + 80.	<u>-</u>	29	273	2,76	2,61	Karsten,
	. 2	Natron	Na+80.	œ	25	365	2,45	2,46	Hohs; 2,63 Karsten.
				9	Ator	nvolum	b) Atomvolum von SO.	188	
	Schwefelsaur, Bleioxyd	Bleioxyd .	. P6+50.	18	95	308	6.27	6.30	Mohs: 6.17 Karsten.
	;	Barvt	Ba + SO.	7	83	331	4,40	4.45	Mobs: 4.20 Karsten.
		Kali	K+80.	101	1001	418	2,59	2,62	Karsten: 2.66 Kopp.
	. 1	Strontian .	Sr + SO	#	— \$	292	3,88	3,95	Breithaupt; 2,59 Karsten.
					6.	Chrom	Chromsaure Salse,	lse.	
				~	tonave	lum vo	Atonivolum von CrO.	= 228,	
20 *	Chromasures Bleioxyd	Bleioxyd Kali	. F6+0.0.	_	2046	342	8,5% 69,5%	2,93	5,95 Breithaupt; 6,00 Mobs. 2,64 Karsten; 2,70 Kopp.
•					7.	Wolfran	Wolframsaure Salse.	alse.	
				*	lomy	Atomyolum von	10AI 0	- 244.	
	Wolframsaur, Bleioxyd	Bleioxyd .	. Pb+ WO.	88	2877	358	8 0%	8,0	8,0 Gmelin; 8,1 Leonhard.
	2	Eisenoxydul	Fe+ WO.	#	1922	9	6,67	7.	melin.
	5	Kalkerde .	Ca+ 140	18	39		9	6.04	6,04 Karsten: 6,03 Meissner.

8. Chlormetalle.

8) Atomyolum von Cl., == 245.

South	1 450m	Atom-	Atom-	യ	Specifisches Gewicht
		gewicht, volum	volum	berechn.	beobachtet.
Chloramonium	4m+C/2	699	463	1,44	1,45 Wattson; 1,50 Kopp; 1,53 Mohs.
Chlorealcium	Ca + Ci.	869	305	2,29	2,21 bis 2,27 Boullay; 1,92 Karsten.
Chlorkaham	K+C/.	932	479	1,94	1,94 Kopp; 1,92 Karslen,
Chlorkupfer.	2C=+C',	1234	333	3,70	3,68 Karsten.
Chloraneckalliae	$H_R + C'_*$	1708	338	5,05	5,14 Gmetin; 5,42 Boullay; 5,40 Karsten.
Chlorstroutium	2 Hg + Cl, Sr + Cl,	2974	431	ල දු ලැකු	6,99 Karsten; 6,71 Herapath; 7,14 Boullay. 2,80 Karsten.
	,	b) Atc	maloam	b) Atomyolum von Cl.	1 96.
Chlorbiei	P6 + C/.	1736	310	5.60	1 5,68 bis 5,80 Karsten; 5,24 bis 5,34 Monro.
Chlorsilber	1 AR + C/3	135	326	5,50	5,50 bis 5,57 Karsten; 5,55 Boullay; 5,13 Herapath.
Chlorbaryuen	Ba + Ci	1299	338	86 86	3,86 Boullay; 3,70 Karsten.
Chloratrium	$Na + C'_3$	733	326	3,25	nekiri.: 2,26 Mohs, künstı.: 2,15 Kopp; 2,08 Karsten.
			9. Jos	9. Jodinetalle.	
		8) A&	omovolum	Atomvolum von J, = 450.	450.
Jodkahum	$\left \begin{array}{c} K+J_1 \\ Ag+J_2 \end{array} \right $	2930	\$ 000 2800 2800 2800 2800 2800 2800 2800	3,02 5,05	2,91 Karsten; 3,06 bis 3,10 Boullay.
	,	b) At	amvolun	Atomyolum von J.	360 .
Jodeblei	P6+J.	2872	474	90,0	6.02 Karston 6,11 Boullay.
	1 25 + 13.	4110	246	2,4 2,52	7,84 Karaten; 7,75 Boullay.
1					

10. Brommetalla	VOTE OF THE PROPERTY OF THE PR		200 - W 100
•	(a		•
		STOMMINACKEILS.	

2244 | 383 | 5,85 | 5,92 Karsten. 3510 | 476 | 7,37 | 7,31 Karsten. 2272 | 346 | '6,57 | 6,63 Karsten. 3330 | 362 | 6,43 | 6,35 Karsten. b) Atomvolum von Br. = 232. $\| \frac{M_S + Br_s}{2M_S + Br_s} \|$ $||Pb+Br_3||$ Bromsilber . Bromblei .

Zu dieser Reihe gehört noch Bromkalium, dessen spec. Gewicht 2,41 nach Karsten eine neue Annahme für In den vorstehenden Tafeln haben die ihrem Atomvolum nach veränderlichen Bestandtheile fast überall zwei dieselben sind dadurch mit einander verbunden, dass der sweite genau ½ des ersten ist; es ist nämlich 120 = $\frac{4}{4}$. 150; 188 = $\frac{4}{5}$. 235; 196 = $\frac{4}{5}$. 245; 360 = $\frac{4}{5}$. 450 und 232 = $\frac{4}{5}$. 290. Dieser durchgehenden sich aber ohne weitere Belege gegenwärtig noch nicht mit hinreichender Sicherheit machen lässt. te es nicht bedenklich sein, für das schwefelsaure Zinkoxyd, das sich bei Kopp nicht einreihen Regel wegen konnte es nicht bedenklich sein, für das schwill, das neue Atomvolum von $CO_3=120$ aufzunehmen. Br, verlangt, die Werthe erhalten;

In den Oxyden tritt der Sauerstoff in einer andern Bedeutung auf; sein Atomvolum steigt von 16 su 32 su 64, worunter 32 die Stammzahl zu sein scheint. Leider sind von einzelnen Oxyden die specifischen Gewichte nicht sicher genug bestimmt, um beurtheilen zu können, ob nicht noch andere Zahlen sulässig werden, was für die Schwefelverbindungen von Wichtigkeit sein würde. Die folgende Tafel giebt ohne Aenderung die Zusammenstellung,

11. Oxyde der schweren Metalle.

a) Atomyolum von 0 = 32.

0 0 0	1 410m	Atom-	Atom-	S	Specifisches Gewicht
ou be tanz.	move :	gewicht.	volum.	berechn.	beobachtet.
Bleioxvd	0+94	1394	146	9,55	9,50 Boullay; 9,28 Herapath; 9,21 Karsten.
Cadmingovod	0+0	797	113	7,05	6,95 Karsten.
Kupferoxyd	0+3	496	2.6	6,53	6,43 Karsten, 6,13 Boullay; 6,40 Herapath.
Manganoxydul	Mato	446	3.6	5,007	5,73 Berapath.
Ouecksilberoxyd	$H_R + 0$	1366	125	6,01	11,0 Boullay; 11,1 Herapath; 11,2 Karsten.
Zinkoyvd	$Z_n + 0$	503	90	5,48	. 5,43 Mohs; 5,60 Boullay; 5,73 Karsten.
Zinnosvdul	80+0	835	133	6,28	6,67 Herapath.
Molybdanoxyd	Mo + 20	790	133	6,01	5,67 Bucholz.
Titansaure	T1+20	504	121	4,16	4,18 Klaproth, 4,20 bis 4,25 Breithaupt.
Bledwineroxvd	P6+20	1491	178	6,40	
Antimonovod	286+30	1913	336	5,69	5,78 Boullay; 5,57 Mohs.
Rightmerovydni	2.25+30	2859	324	8,91	8.94 Musschenbrock, 8,60 Karsten; 9,20 Boullay.
Ricenory	2Fe+30	878	184	5,31	5,23 Boullay: 5,25 Mohs.
Kobaltoxyd	200+30	1038	\$	5,64	5,32 Herapath; 5,60 Boullay.
Imanit	Fel +30	942	197	4,78	4,73 bis 4,79 Breithaupt; 4,75 bis 4,78 Kupffer.
Wismuthoxyd	2Bi+30	2960	366	8,09	8,17 Karston; 8,21 Herapath; 8,45 Royer; 8 Dumas.
		V (q	omvolu	Atomyolum von 0 = 16.	■ 16.
Antimonige Saure	02+30 4+20 84+30	988	33.5	3.5. 3.8.	6,53 Bonlay, b,70 karsten. 6,96 Mohs; 6,90 Boullay; 6,64 Berspath.
Chromoxyd	2C++30	1003	2	6,23	C'SI Wobler.

899 261 3,44 3,46 Bergmann; 3,49 Berzelius. 1483 261 5,68 5,27 Herapath; 6,12 Berzelius; 7,14 Karsten.	. Die Oxyde der leichten Metalle hat Kopp übergangen, da er sie unter eine gleiche Form nicht zu bringen ver-	mochte. Erwägt man indess das Verhalten des Sauerstoffs in den Oxyden, wie er in seinem Atomvolum selbst.	tandiger auftritt, so möchte man die Veränderlichkeit auf die leichten Metalle legen und folgende Tafel entwerfen.
Molybdansaure Me+30	, Die Oxyde der leichten Metalle hat	mochte. Erwägt man indess das Verha	ständiger auftritt, so möchte man die V

Oxyde der leichten Metalle. 12.

Substanz		1 Atom	Aloni-	Atomyolum.	S. D.	Specifisches Gewicht
			gewiont.		berechn, ?	beobachlet,
Bart		Ba+O	957	179 + 32 = 211	4,54	4,73 Karsten.
Natron		Na+0	391	104 + 32 = 136	2,88	2,81 Karsten.
Kali	1	V+0	290	187 + 32 = 219	2,69	2,66 Karsten,
Strontian		S-+0	847	135 + 32 = 167	986	3,93 Karsten.
Magnesia		Mg + 0	258	50 + 32 ■ 82	3,15	3,20 Karsten.
Kalk		Ca + 0	356	75 + 32 = 107	3,33	3,18 Boullay; 3,16 Karsten.

In dieser Tafel ist das Atomvolum vou O=32 angenommen und von $Ba=179=\frac{1}{4}.143$, von Na=104= $\frac{1}{4} \cdot 130$, von $K = 187 = \frac{1}{4} \cdot 234$, von $Sr = 135 = \frac{1}{4} \cdot 108$, von $Rg = 50 = \frac{1}{4} \cdot 40$, von $Ca = 75 = \frac{1}{4} \cdot 60$. Exschiene die Differens beim Kalk zu gross, denu das spec. Gewicht der Baryterde ist nach Karsten selbst nicht ganz suverlässig, so müsste man 0=64 und $Ca=48=\frac{4}{7}$. 60 ansetzen, wodurch man das spec. Gewicht auf 3,18 berechnete. Die doppelten Atomvolume der leichten Metalle, unter einander durch das Verhältniss von 4:5 verbunden, kann nach den früheren Vorlagen kaum bedenklich erscheinen.

Von den Schwefelmetallen giebt Kopp folgende Zusammenstellung.

Schwefelmetalle.
 Atomyolum von S =

		Atom-	Atom-	S	Specifisches Gewicht
Substanz	1 AKOIII.	gewicht.	volum.	berechn.	beobschief.
Schwefelnickel	$N_i + S$ $F_c + 2S$	571 741	97 150	5,86 4,94	geschmolzen: 5,76 Breithaupt. natürl: 4,90 Karsten; 5,0 Breithaupt; Mohs. künstl. 4,5 Breithaupt.
	_	2	Atom volum	YOU S	12
Schwefelbler	26+3	1495	192	7,78	natürl.: 7,76 Beudant, künstl.: 7,51 Karsten.
Kunferelanz	20+8	993	166	5,97	natürl.: 5,74 Mobs; 5,57 Herapath, Kunsu.: 3,30 maravett.
Main helpholony	Mo+S	1001	225	4.45	44 Seibert; 4,
Descript Schwefelzing	52+53	1137	257	4,43	künstl.: 4,42 Boullay; 4,60 Karsten.
Wemulhelanz	2.Bi+3.S	3263	Š	6,47	naturi.: 6,55 Mobs; 6,4 Glocker, kunstl.: 7,0 Narsten.
Antimonolanz	284+38	2215	424	4,67	nat.: 4,62 Mohs; 4,63 Breithaupt. kunsil.: 4,73 Barancu.
		(C)	Atomvolum	n von S	#94.
Discort Schwefelkunfer	Cu+8	597	138	4,33	4,16
Manage by	- FEE	247	88	3,96	J
Cohe of of 210 k	Z=+ S	3	152	3,91	3,92 Karsten.
Control Cohwafalalm	94 + 90	838	195	08.	4,85 Karsten.
Schwefelsilber	46+8	1553	224	6,93	könsti : 6,85 Karsten, matürl.: 6,9 bis 7,2 Leonbard;
			40	d	7,19 Mond
Zingober	42+3	140/	10/	<u>5</u> _	DEMILE: Of Poince Parious, o's sections) o's sections
Silberkupfergiens	82+ 158	2546	904	6,26	natürt.: 6,26 Stromeyer.
Buntkupfererz	+38	2526	30	5,03	naturi.: 5,00 Mohs; 5,0 Gmelin.
Kusterkles	+ 20	4187	8	4,13	natürl.: 4,17 Mohas 4,16 Gmelin.
			•		

:

4,70 | natürl.: 4,8 Brooke u. Connel. künstl.: 4,61 Karsten. 8,53 | künstl.: 8,5 Böttger. d) Atomvolum von 8 -- 110. 898 | 191 | 4,70 | nutti 1434 | 167 | 8,53 | küns 191 Schwefeladmium | CI+S

Von den Zahlen, die das Atomvolum des Schwefels ausdrücken, scheint 94 = 2.78 zu sein und 110 = 2.53; dann wurde man hier ein Verhalten theils wie bei den Salsen, theils wie bei den Oxyden finden und es bleibe nur an untersuchen ührig, wie 53 und 78 mit einander verbunden sind, die sich wie 2 : 3 verhalten.

Usber die Arsenverbindungen liegt folgende Tafel vor.

14. Arsenverbindungen.

a) Atomyolum von As = 119, von O = 32 und von S = 78.

1	4 Atom	Atom- Atom-	Atom-		Specifisches Gewicht
Substant.		gewicht.	olum.	berechn.	beobachtet.
Arsenge Saure	2.48+30	1240	334	3,71	3,70 bis 3,72 Karsten; 3,69 bis 3,74 Guibourt.
Arseniksaure	Arts.	671	197	33,5	3,34 Brisson; 3,54 Karsten; 3,56 Mohs.
Auripiement	2.As+3.S	1543	472	3,27	3,31 Musschenbroek; 3,46 Karsten; 3,48 Mohs.
	,	b) Ato	mvolun	b) Atomvolum von As = 74.	■ 7Å.
Kupfernickel	Ni + As	840 118	118		7,11 natürl.: 7,29 Berthier. 6,82 natürl.: 6,46 Gmelin: 6,6 Leonhard.
		mujosmo,	won As	12 nnd	4 to marchine wore 4 = 74 and von 8 = 53.
	3	mnio amos			
Arsenikkies	Fe+24s	2020	342	5,91	natürl,: 5,84 Breithaupt.
Nickelglanz	Ni+240	2082	348	60'9	natürl.: 6,09 bis 6,13 Pfaff; 6,23 bis 6,33 Breithaupt.
Kobaltelanz	Co + 2 Ast	2080	342	6,08	natürl.: 6,04 bis 6,07 Breitbaupt.
				-	

Auch in der vorstehenden Tafel scheint 119 = 2.4.74 zu sein. Endlich stellt Kopp noch eine Tafel der Hy-

	iii)	
	T T	
	ē	
	٠ م	
	- F	
	Zat	
٠	<u>ē</u> .	
	*	
	it,	
	ē	
	96	
	듚	
	8	
	H	
•		
	4	
	7,4	
	n l	7
	4	-
	um vo	den sind
	ivolum ve	unden sir
	tomvolum ve	rerbunden sir
	Atomyolum ve	el verbunden sir
	das Atomvolum vo	Regel verbunden sir
	er das Atomvolum vo	en Regel verbunden sir
	ien er das Atomvolum vo	heren Regel verbunden sir
	elchen er das Atomvolum vo	fritheren Regel verbunden sir
	ı welchen er das Atomvolum vo	lor früheren Regel verbunden sir
	; in welchen er das Atomvolum vo	h der früheren Regel verbunden sir
	auf, in welchen er das Atomvolum vo	nach der früheren Regel verbunden sir
	ate auf, in welchen er das Atomvolum vo	cht nach der früheren Regel verbunden sir
	drate auf, in welchen er das Atomvolum von H,O theils = 84, theils = 96 setst, swei Zahlen, die unter	nicht nach der früheren Regel verbunden sir

	15 A (a	15. Hydrate von Salsen. a) Atomyolum von $H_5O = 54$.	von A	Salsen. ; 0 == 84.	
3	1 Storm		Atom-	S	Specifisches Gewicht
Subaran 6.		gewicht	volum.	barechn	beobachtet.
Krystallisirtes Chlorbaryum .	BaCV, +2H,O	1524	507	3,00	3,05 Korsten.
Schwefelsaurer Kalk	Ca, SO, + B, O	1826	676	2,70	2,76 Mitscherlich.
Gyps	Ca80, +2H, 0	1082	191	2,33	3,33 Bendant; 2,31 Breithaupt
Schwefelsaur, Kupfer	Cu80, +5M, 0	1569	99,	2,24	2,23 Hoffmann; 2,27 Kopp.
Mangatt	N#80, +5H, O	1509	90.	2,15	2,10 Kopp.
Nickel	NISO, +7H, O	1758	863	2,03	
. Zink	O 47+180	1792	252	2,03	2,04 Mohs.
Magnesia	MRSO. +7H.O	1546	864	1,79	1,75 Mobs.
	(q	Atomyolum yon	Won A	H, 0 = 96.	
Well-means	W.CO. + N.H.O.	1563	1049	1,49	1,51 Clarke.
Noblensaur, Marroll ,	0 + 10H O	6	121	₹£	1,42 Haidinger.
Calcalorative Katalor	C.N. O. 1311. O	1510	169	2,19	2.17 Gehler.
Macresia	Mer. 0. +4 H. O	1383	25	20	1,74 Gmella.
Schwefelsaures Fisen	F-80. +68.0	1614	556	89	1,88 Musschenbroek: 1,83 Mohs.
" Natron	. Maso, +10 11,0	2017	1426	17.1	1,48 Mohs; 1,45 Kopp.
			٠		

E. Berechnung des specifischen Gewichts der Flüssigkeiten.

Dass auch das specifische Gewicht der Flüssigkeiten von hren Bestandtheilen abhängt, hat Kopp zuerst dadurch erwieen, dass er bestimmte Differenzen im Atomvolum mehrerer chemischen Verbindungen nachwies, so zwischen den Säurehydraten und den Verbindungen dieser Säuren mit Aethyl- und Methyloxyd, zwischen den einander entsprechenden Aethyl- und Methylverbindungen, und endlich zwischen den Substanzen, in welchen Wasserstoff durch Chlor ersetzt wird. Diese Untersuchungen hat er später erweitert (Annalen der Chemie und Pharmacie L. pag. 71); ebenso haben sich damit auch Schröder (Pogg. Ann. LXII. p. 341 und in seiner Schrift: Ueber die Siedhitse der Kohlenwasserstoffverbindungen) und Löwig (Pogg. Ann. LXIV. p. 209 u. p. 515) beschästigt. Bis jetzt haben indess diese Forschungen nur zu dem einen gemeinsamen Resultate geführt, dass man die Atomvolume der Flüssigkeiten bei einander entsprechenden Temperaturen festsetzen müsse, für welche Temperaturen man diejenigen ausieht, bei welchen die Dämpfe gleiche Elasticität besitzen, also am einfachsten die Siedpunkte. Da indess für diese Temperaturen die specisischen Gewichte der Plüssigkeiten selten bestimmt sind, so reducirt man die beobachteten Werthe darauf vermittelst der von Gay-Lussac über die Ausdehnung des Weingeistes angegebenen Zahlen, oder, was dasselbe ist, man corrigirt hiernach die Atomvolume der Bestandtheile, die für alle Flüssigkeiten bei ihrer Siedhitze dieselben sich i.1 dem Masse ändern, als die Temperatur, bei welcher das specifische Gewicht genommen ist, von der Temperatur des Siedpunktes abweicht. In allen übrigen Stücken weichen die Ansichten gänzlich von einander ab, und doch ist noch keine von ihnen so evident durchgeführt, dass man ihr schon jetzt vor den andern den Vorzug einräumen könnte. Unter solchen Umständen mag es genügen, die Grundzüge der bisherigen Behandlangsweisen kurz anzugeben, und dabei selbst nur auf diejenigen erganischen Verbindungen Rücksicht zu nehmen, die allein Kohlenstoff, Wasserstoff und Sauerstoff enthalten. Kopp, der die zewöhnlichen Atomgewichte beibehält, setzt für die Siedpunkte derchgängig das Atomvolum von $O = 6 \times 9,75$, von $H = 3 \times 9,75$

und von $C = 8 \times 9,75$. Die Uebereinstimmung der beobach und berechneten specifischen Gewichte ist nicht überall befriedigend, wenngleich den Beobachtungssehlern noch sie weite Grenzen gesteckt sein mögen. Schröder nimmt der tern Rechnung wegen das Atomgewicht von $H_2 = 1$ an, nach von C=6 und von O=8, und lässt die Atomv derselben durchgängig einander gleich sein, nämlich bei der hitse das Atomvolum von $C_2 = O_2 = H_4 = 10,379$. Ansicht empfiehlt sich unstreitig durch ihre Einfachheit, wird sie dadurch nicht besonders beschränkt, dass Schi in Besug auf die Atomgewichte die chemischen Formel Substanzen so schreibt, wie sie 4 Vol. in Gasform geben, ohne die Zulässigkeit dieser Formeln für 1 Atom einzuräl dürste man in diesen Fällen nur Verdichtungen von 2:1 setzen. Ueberdies giebt diese Ansicht das specifische Ge vieler Substanzen mit grosser Genauigkeit an, allein leider sie sich bis jetzt nicht überall anwenden und verlangt den noch eine Ergänzung, die sie selbst vielleicht wieder medis Nach Löwig endlich haben wir die Atomgewi ähnlich wie bei Schröder, auf das Atomgewicht von H, Gewichtseinheit (G. E.) und die Atomvolume auf Raumeink (R. E.) zu reduciren, und zwar ist eine G. E. = 12,5, eine I bei dem Siedpunkte der Substans = 22,56. Das Atomve von .H₂ wird hierauf variabel zu 1, 1 oder 2 R. E. angest ebenso das Atomvolum von C=6 oder 4 R. E, und von l dratwasser $H_{\bullet}O = 5 \text{ R. E.}$, dagegen soll das Atomvolum v O theils ganz verschwinden theils einer R. E. gleich sein. Di Ansicht lässt, wie man sieht, eine gewisse Willkur su, de die Wahl zwischen mehreren Zahlen frei stellt; indes 4 grösste Bedenken gegen sie liegt offenbar in der Stellung, sie dem Sauerstoff anweist, eine Stellung, die weder in Berechnung bei den Dämpfen noch bei den festen Körpen

Thermometer.

Das Quecksilberthermometer ist in den letzten Jahren wiederholt der Gegenstand genauer Untersuchungen geworden, besonders um den wahren Werth seiner Angaben scharf zu bestimmen.

Graduirung. Rudberg (Pogg. Ann. XL. p. 39 u. p. 562 nach Kongl. Vetensk. Acad. Handling. f. 1834 p. 354) hat zunachst einige Mittel zur Graduirung desselben mitgetheilt. Er bedient sich dazu wie gewöhnlich eines abgetrennten Quecksilberfadens, den er aber noch so lang lässt, dass er auch in engen Röhren leicht verschoben werden kann; denselben bekommt er von der gerade zweckdienlichen Länge, wenn er eine Stelle der Röhre erhitzt, darauf die Kugel erwärmt, bis der erforderbiche Faden über die Stelle gegangen ist, und nun die Röhre meigt, wobei die Trennung immer an dem erhitzten Orte erfolgt. Sind also der Gefrier- und der Siedepunkt der Röhre auf die herkommliche Weise bestimmt und das Thermometer auf einer genau, aber beliebig eingetheilten Scale befestigt, so trennt er ginen Faden, der so genau als möglich die Hälfte der Röhre von Op bis 100 einnimmt, stellt sein unteres Ende auf 0 ein und notirt den Theilstrich, auf welchem das obere Ende steht; hierauf bringt es dieses auf 100 und notirt den Stand des untern Der 50ste Grad liegt in der Mitte beider Notirungen, the aberall nur ziemlich gleich weite Röhren gebraucht werden. Bin Faden ferner, der nahe + des Fundamentalabstandes besitzt, hestimmt durch Einstellen seines untern Endes auf 0, dann auf Stand des obern Endes, also durch seine Verdopplung von . ab, und durch Einstellen seines obern Endes auf 100 den drit-Theil der Röhre. Zur Controle kann man die Verdopplung Fadens von 100 ab nehmen. Den sechsten Theil der Röhre bekommt man hierauf durch Einstellen desselben Fadens von 50 , und ebenso geben Fäden von 1, 11, 11, 13 u. s. w. Länge die weitern Eintheilungen in 12, 24, 48 u. s. w. gleiche Theile.

Ort des Nullpunktes. Schon früher war es bekannt, dass der Nullpunkt der Scale im Lause der Zeit seinen Ort versachert; aus den näheren Untersuchungen von Legrand (Ann. de chim. et de phys. T. LXIII. p. 368) und von Despretz (C. T. LXIV. p. 312) lassen sich darüber solgende Resultate ettnehmen. Der Nullpunkt steigt nach der Versertigung des In-

struments und erreicht nach dem ersten Beobachter etwa nach Verlauf von 4 Monaten, nach dem andern erst in späterer Ze das Maximum seiner Erhebung, das bei verschiedenen Instr menten verschieden und geringer bei Crystallglas sich im Allg meinen bis auf 1º belaufen kann. Erwärmt man das Therme meter später wieder bis zur Siedhitze des Wassers, so mm der Nullpunkt den frühern niedrigen Stand ein; doch komme hierbei kleine Differenzen vor, selbst bei demselben Glase un bei gleicher Behandlungsweise. Diese Erhebung des Nullpunkte wird sicher nicht allein durch den aussern Luftdruck herverge bracht, da sie gleichfalls bei Instrumenten stattfindet, die ober offen bleiben oder einen Lustbehälter besitzen. Sollte sich die Beobachtung von Legrand bestätigen, dass an einem The mometer, welches bis zu 300° in Oel erwärmt und gans lang sam abgekühlt wird, der Nullpunkt bis über 1. steigt, ste später bei den gewöhnlichen Lusttemperaturen unverändert bleik so muss der Hauptgrund der Erscheinung in der schnellen Abkühlung des Glases gesucht werden, wodurch die Theile desselben in eine Spannung versetzt werden und erst nach und nach sei es schneller oder langsamer, diejenige Zusammenziehung er langen, welche der Temperatur entspricht. Auf jeden Fall welangt die Thatsache bei Temperaturbeobachtungen, die auf eines höhern Grad von Genauigkeit Anspruch machen, volle Bertch sichtigung. So oft also nur niedere Temperaturen beobachte werden, kann es genügen, die Fixirung des Nullpunktes er längere Zeit nach Verfertigung des Instruments vorzunehmen zei die Scale öfter zu revidiren; unternimmt man dagegen Beobach tungen, die höhere und niedere Temperaturen in schnellerm Wech sel umfassen, so ist es besser, erst den Siedpunkt und hinterla den Nullpunkt zu bestimmen, der jetzt zwar niedriger ausstätt aber in dem kürzern Verlauf der Beobachtungen seine Stelle weniger verändert.

Uebereinstimmung der Thermometerangaben. Mischer steht es nach Regnault (Ann. de chim. et de phys. S. III. T. V. p. 83) mit den Angaben der Quecksilberthermometer behöhern Temperaturen. Denn wenn zwei Thermometer verschidene Formen besitzen, noch mehr wenn sie aus ungleichem Glasgemacht sind, so zeigen sich bei höhern Wärmegraden nicht bedeutende Differenzen in ihren Angaben, obschon eine verschieden der Versch

ständige Uebereinstimmung bei 0° und 100° stattfindet. Ja bei anscheinend gans gleichen Instrumenten bleiben hier kleine Abweichungen nicht aus. Zum Belege machte Regnault eine Versuchsreihe mit drei Aussinssthermometern, die in einem mit Oel gefüllten Behälter standen und, um jede Temperaturdisserns zu vermeiden, im Kreise herumgedreht wurden. Das erste war aus einer Röhre von gemeinem Glase zur Kugel ausgeblasen, das zweite bestand aus einem kleinen Ballon ebenfalls von gemeinem Glase, das dritte war aus einer Crystallröhre zur Kugel geblasen. Diese Thermometer lieferten folgende Angaben:

1. Therm.	2, Therm.	3. Therm	Untersch, zwischen
		1	1. u. 3.
0°	00	0.	l to
100	100	100	Ō
190,51	190,84	191,66	+1,15
246,68	247,02	249,36	+2,68
251.87	252,06	254,57	+2,70
279,08	279,31	282,50	+3,42
310,69	311,14	315,28	+4,59
333,72	333,76	340,07	+6,35

Eine Wiederholung dieser Versuche durch J. J. Pierre (Ann. de chim. et de phys. S. III. T. V. p. 427) führte zu demben Resultate; es seigten sich selbst zwischen 0° und 100° ha den Angaben zweier Thermometer aus gemeinem und Crystallglase Differenzen bis auf 0°,15.

Vergleichung des Quecksilber- und des Luftthermometers. Nach den Resultsten der vorstehenden Untersutung kann eine Vergleichung des Quecksilberthermometers mit ben Luftthermometer nur unsichere Angaben liefern, da die unterscheiche Ausdehnung des Glases besonders im letztern Instrutung einen nicht unbedeutenden Einfluss ansübt; wenn demtach swei Beobachter mit verschiedenem Glase operiren, werden sie sicher auch verschiedene Reductionstafeln aufstellen. Diese Erwartung bestätigt sich in den Arbeiten von Magnus Pogs. Ann. LVII. p. 177) und Regnault (Ann. de chim. et phys. S. IH. T. V. p. 83). Der erstere erseugte die contente höhere Temperatur in dem Biechkasten, worin er die unterschen ergab sich darch Interpolation folgende Tabelle:

Anschei- nende Aus- dehn. des Quecksilb.	Anschei- nende Aus- dehnung der Luft.	Absolute Ausdehn. der Luft.
100° C.	1000° C.	100° C.
150	148,07	148,74
200	196,34	148,74 197,49
250	242,97	245,39
300	291,16	294,51
330	316,94	320,92

Diese Tasel stimmt ziemlich genau mit den Angaben von Dulong und Petit überein, obschon diese als Ausdehnung-coëssicienten der Lust 0.375 gebraucht haben müssen. — Regnault erzeugte die constante Temperatur in Oel und bediest sich gleichfalls der Ausslussthermometer; er sand:

Lufttherm.	Quecksil- ber-Therm.	Unter- schied.
0° C.	0° C.	О°С.
5()	50,2	+0,2
100	100,0	, U,
150	150,0	0
200	200,0	0
250	250,3	+0,3
300	301,2	÷1,2
325	326,9	+1,9
350	353,3	+3,3

Die Differenzen gegen die vorige Tabelle erklären sich, wie schon bemerkt wurde, einestheils aus der unregelmässigen Audehnung des Glases, anderntheils mögen aber auch, wie Regnault vermuthet, der Lustbehälter und die Thermometer bei Magnus durch die Wärmestrahlung ungleich afficirt wordes sein. Zur Sicherstellung seiner Beobachtungen lieserte der erstere noch zwei Versuche in dem Dampf von kochendem Terpenthinöl und Quecksilber. Hierin fand er:

Quecksilberthermometer: 161•,36; 161•,78; Luftthermometer: 161,58; 161,93;

ferner:

Quecksilberthermometer: 363°,39; 361°,54; 363°,33; 363°,09; Luftthermometer: 357,76; 356,78; 358,57; 357,98

Diese Beobachtungen stimmen mit deu obigen siemlich genau überein.

Metastatische Thermometer. Walserdin in Paris

bläst an seinen Thermometern, die besonders geschätst werden, den Quecksilberbehälter so aus der Röhre, dass er in der Peripherie nicht hervortritt, sondern nur durch Verminderung der Glasstärke entsteht; er calibrit ferner seine Röhren sehr sorgfältig und passt ihnen die Scale an; auch nimmt er sie nicht von grösserer Länge als 14 bis 15 Zoll, damit sie bei der Normirang des Siedepunkts ganz in den Dampf des kochenden Wassers gesenkt werden können. Da indess diese Thermometer sich für Beobachtungen geringer Temperaturdifferenzen nicht- eignen, so verfertigt er hierzu besondere metastasische Thermometer, deren Röhren gewöhnlich nur 10 bis 20 Grad umfassen und oben eine birnförmige Erweiterung haben. Will man mit einem solchen Instrumente, dessen Scale 20 Grad enthalte, Beobachtungen zwischen 30 und 50 Grad z. B. anstellen, so erwärmt man es zuerst bis etwas über 50°, wendet es gegen das birnförmige Gefäss um, wodurch das darin bereits eingetretene Quecksilber hinabfilit und kühlt es wieder ab; der Quecksilberfaden in der Röhre sieht sich zurück und das oben befindliche Quecksilber bleibt selbst bei senkrechtem Stande des Instrumentes in der birnförmigen Erweiterung. Mittelst eines Normalthermometers bestimmt man hiernach den Werth des untersten und obersten Theilstrichs, wonach die Scale die dazwischen liegenden Grade angiebt. Aehnliche Instrumente, die oft nur wenige Grade umfassen, sind mit Weingeist gefüllt, bei denen man aus einem kleinen Säckchen zur Seite der obern Erweiterung ein Queckalbertropschen in die Röhre eintreten lassen kaun, das bei den Beobachtungen als Index dient.

Die Angaben des Magnetpyrometers und Weingeistthermometers bei niedrigen Temperaturen verglichen mit denen des Luftthermometers. Um die bedeutend niedrigen Temperaturen, die sich durch Kohlensäure in starrem und durch Stickstoffoxydul in starrem und flüssim Zustande hervorbringen lassen, auf eine bequeme Weise su bestimmen, hat Pouillet (Compt. rend. 1837 I. p. 513; Poggendorf's Annalen. XLI. p. 144.) die Angaben des Lufthermometers, des Magnetpyrometers und des Weingeistthermometers mit einander verglichen. Bei dem ersten Instrumente beirug das durch Quecksilber abgesperrte Luftvolum 91,57 CC bai 0 und 760 Barometerstand, davon fasste der gläserne

Behälter, der abgekühlt wurde, 56,825 CC, das Verbindungsrehr 2,415 CC und den übrigen Theil eine graduirte Röhre. Als der Behälter mit einem Brei aus Kohlensäure und Aether umgeben war, blieben in der graduirten Röhre 8,78 CC Lust; die aussere Temperatur betrug 11°,3 C° und der Barometerstand war 764 mm, 65 bei 13 •, 3 Wärme des Quecksilbers. Hiernach besass der Brei eine Temperatur von - 78°,85 C. Ein anderes Luftthermometer mit einem Platinbehälter gab - 78°,87 C. - Das Magnetpyrometer wurde aus einer thermoelektrischen Kette von Wismuth und Kupser gebildet, deren Stromstärke mittelst der Sinusbussole gemessen wurde. Die Ablenkung der Nadel seigte sich zwischen + 17° und + 77° der Wärme proportional; berechnet man also nach den gefundenen Werthen die Ableskung von 63°, die stattfand, als die eine Löthstelle auf 0° ehalten wurde und die andere mit dem genannten Brei umgeben war, ebenso die Ablenkung von 27° 20', als die eine Löthstelle sich im schmelzenden Quecksilber befand, so erhält man die Temperatur des Breies = -78°,75 und des schmelzenden Quecksilbers = -40°,5. - Von Weingeistthermometern kamen 6 von Bunten gesertigte in Anwendung; die ersten drei waren mit Alkohol von 40 · B., die andern drei mit gewöhnlichem Weisgeist von 36 ° B. gefüllt. Sie wurden zuerst in schmelzenden Schnee, dann in den Brei und in schmelsendes Quecksilber getaucht, und man zeichnete die Abstände nach der Scale auf. So ergab sich:

No. der Thern	nom.	Abstand des Nullpunktes v. d. Temperatur des Breies.	Abstand des Nullpunktes v. d. Temperatur d. schmelzend. Quecksilbers	Verhältniss der beiden Abstände,
Alkohol 40° B.	1	178 ^{mm} ,00	92 ^{ma na} ,00 94,20	78,36 : 40,5
	2 3	183,30 188,60	94,20 96,00	78,81 : 40,5 79,56 : 40,5
Alkohol 36° B.	1	165,40	85,80	78,07 : 40,5
	5 6	155,50 138,90	85,80 80,40 72,40	78,33 : 40,5 77,70 : 40,5
			Mitt	

Also stellt sich auch hier ziemlich genau das richtige Verhältniss der beiden untersuchten Temperaturen heraus. — Man würde nach dieser Vergleichung ein sehr günstiges Urtheil über die Anwendbarkeit der beiden letztern Instrumente zur Beobachtung niedriger Temperaturen fällen müssen, wenn nicht Pouillet die Angaben des Luftthermometers mit dem damals noch gebräuchlichen Ansdehnungscoössicienten 0,375 berechnet hätte; nimmt man statt desselben 0,3665 an, so gab das Luftthermometer die Temperatur des Breies zu — 80°,75 C. an, und hiernach möchte eine meue Vergleichung der drei Instrumente wohl wünschenswerth sein. —

Ausdehnung der Körper durch die Wärme.

A. Ausdehnung der trocknen atmosphärischen Luft.

Die Ausdehnung der trocknen atmosphärischen Lust durch Erwärmung von 0° bis 100° C. war bisher nach den zahlreichen Versuchen von Gay-Lussac zu 0,375 angenommen worden, womit auch die freilich auf einem Rechnungssehler beruhenden - Angaben von Dalton völlig übereinstimmten. Im Jahre 1837 machte F. Rudberg auf die Unsicherheit dieser Constante aufmerksam und setzte ihren Werth nur zu 0,364 bis 0,365 an (Pogg. Ann. XLI. p. 271 und XLIV. p. 119). Er wandte bei seinen Versuchen zwei verschiedene Methoden an; einestheils maass er die Ausdehnung der Luft bei nahe constantem Drucke, anderntheils leitete er ihre Ausdehnung aus der vermehrten Spannkraft bei siemlich unverändertem Volumen ab. Nach der erstern Methode verband er eine Glaskugel (Kaliglas), die 150 bis 200 Grammen Quecksilber fasste, mit einer längern Thermometerröhre und trocknete die darin enthaltene Lust wohl aus, indem er den mit einer Chlorcalciumröhre verbundenen Apparat mehrere (an 50) Male erhitzte und wieder abkühlte, oder auch ebenso oft auspumpte und sich wieder füllen liess. Während darauf die Kugel noch mit der Chlorcalciumröhre verbunden blieb, brachte er sie in den Dampf von siedendem Wasser, der, um jene Abkühlung zu verhüten, aus einem doppeltem Mantel ausströmte, und bestimmte die Temperatur desselben T aus dem Baremeterstande H', den er in dem Augenblicke nahm, wo er die Termometerröhre sublies. Nach erfolgter Abkühlung senkte er dann diese Röhre mittelst eines besondern Gestells in ein Ge-

fäss mit trockenem Quecksilber ziemlich tief ein und brach die untere Spitze ab; jetzt trat das Quecksilber hinein und füllte, während die Temperatur der Kugel durch darumgelegten und nach und nach erneuerten Schnee auf 0° erhalten wurde, denjenigen Raum aus, um welchen sich die Lust bei der Siedhitze ausgedehnt hatte. Nachdem der Apparat längere Zeit in diesem Zustande geblieben war, waren noch folgende Operationen su thun übrig: zuerst die Höhe h genau zu messen, um welche das Quecksilber in der Kugel höher stand, als im Gefässe, und den Stand des Barometers H" zu dieser Zeit aufzuzeichnen; zweitens das Gewicht p des eingetretenen Quecksilbers zu bestimmen, endlich den ganzen Apparat bei 0 mit Quecksilber zu füllen, den bei der Siedhitze T' aussliessenden Theil w' desselben und ebenso mittelst des Rückstandes die ganze eingefüllte Masse P zu wägen. Aus diesen Daten lässt sich sofort die Ausdehnung der Luft zwischen 0° und 100° C. berechnen. Denn ist des Volumen der Kugel sammt Thermometerröhre bei 0 = V, die Ausdehnung der Luft für $1^{\circ} = \alpha$, des Glases = δ , ferner des Gewicht einer Raumeinheit Lust bei 0 und 760 Druck = a, so war das Volumen der Kugel bei der Siedhitze $T = V(1 + \delta T)$, ferner stand die darin besindliche Lust unter einem Drucke = # und war im Verhältniss von $1:1+\alpha T$ ausgedehnt, also weg sie $aV\frac{H'}{760}.\frac{1+\delta T}{1+aT}$; nach ihrer Abkühlung auf 0° fällte sie nar noch einen Raum v aus und stand unter einem Drucke =H''-h, sie wog demnach $av \frac{H''-h}{760}$; da diese beiden Gewichte einander gleich sind, so bekommt man

$$1 + \alpha T = \frac{V}{v} \cdot \frac{H'}{H'' - h} (1 + \delta T),$$

welche Gleichung u giebt, wenn $\frac{V}{v}$ und δ bekannt sind. Es ist aber unmittelbar $\frac{V}{v} = \frac{P}{P-p}$ und δ lässt sich aus dem Quecksilber w herleiten, das bei der Temperatur T' aus der bei 0° mit P gefüllten Kugel abfloss. Denn da die absolute Ausdehnung des Quecksilbers aus den Untersuchungen von Dulong und Petit bekannt ist, welche sie unabhängig von der Ausdehnung des Glases zwischen 0° und 100° zu 0,018018 bestimmtes, die also auf 1° Δ betragen mag, so nahm das Quecksilber P,

das bei 0° den Raum V ausfüllte, bei T' einen Raum $V(1 + \Delta T')$ ein, dagegen bot die Kugel nur einen Raum = $V(1 + \delta T')$ dar, und es musste ein Theil $V(\Delta - \delta)T'$ absliessen, der sich zur ganzen Masse wie w' zu P verhält. Hieraus folgt $V(\Delta - \delta)T'$ $: V(1 + \Delta T') = w' : P \text{ oder}$

$$(\Delta - \delta)T' = \frac{w'}{P}(1 + \Delta T').$$

Aus 24 Versuchen fand Rudberg $100(\Delta - \delta) = 0.015733$, also:

$$100 \delta = 0,002285,$$

wogegen Dulong und Petit für das von ihnen gebrauchte Glas 100d = 0,002546 erhalten hatten. - Die sämmtlichen nach dieser Methode angestellten Beobachtungen ergeben:

P	P-p	H'	H"	h	T	100 α
166 5,6891	1335°,1409	765 ^{mm} ,28	742":m.77	39 ^{m m} ,3	100°,20	0,3643
173,4432	131,7215	763,62	775,84	38,1	100,13	0,3654
183,4963	143,2124	757,02	759,65	46,9	99,89	0,3644
154,2360	120,6356	772,30	759,10	35,0	100,45	0,3650
174,6862	134,9876	779,85	777,48	38,1	100,73	0,3653
198,80 99	172,7273	764,42	762,71	117,0	100,16	0,3651
184,4872	146,6123	758,11	753,42	52,5	99,93	0,3643
191,1037	178,9558	757,79	761,05	166,5	99,92	0,3645

Mittel 100 $\alpha = 0,3040$.

Die sweite Methode, die Rudberg anwandte, lässt, wenu die Ausdehnung des Glases vorher bestimmt ist, die Versuche in kürzerer Zeit und dennoch mit grosser Sicherheit vollenden. Man nimmt cinen Glascylinder AB (Fig. 3), verbindet ihn mit einer Capillarrehre bd, und diese wieder mit einer weitern Röhre C. Diese so wie eine zweite oben offene Röhre ED von ungefähr 50 Centimeter Lange kittet man in den Deckel einer Dose FG ein, welche trocknes Quecksilber in einem ledernen Beutel enthält, und das man mittelst der Schraube M in die Höhe und dadurch in beide Röhren bringen kann. Der Cylinder AB muss vorher auf die frühere Weise mit trockner Lust gefüllt sein und die deswegen unten C besindliche und zugeblasene Spitze erst in der Dose unter Quecksilber abgebrochen werden. Hat man nun hinter ED und be eine Scale angebracht, auch auf bd einen seinen Strich bei α mesogen und den Unterschied e der Capillardepression in den beiden Röhren bestimmt, so kühle man AB durch umgelegt Schnee bis 0° ab und stelle durch die Schraube M das

silber auf α ein; steht es in ED auf a' und beläuft sich der Höhenunterschied $a'\alpha$ auf h' bei einem Barometerstande = H', so findet sich die Luft in AB unter einem Drucke = H' + h' - e. Hierauf bringe man AB in den Dampf von siedendem Wasser, dessen Temperatur T der Barometerstand H'' angiebt; man schraube das Quecksilber wieder bis auf α hinauf und dadurch in ED bis a'', wo $a''\alpha = h''$ sei, so steht die erhitzte Luft unter einem Druck H'' + h'' - e und erfüllt einen im Verhältniss von 1 zu $1 + \delta T$ grösseren Raum; ihre Ausdehnung findet man also aus

$$1 + \alpha T = \frac{H'' + h'' - \sigma}{H' + h' - \sigma} (1 + \delta T).$$

Aus den 12 Versuchen, die Rudberg mit diesem Apparat anstellte, und in denen die Barometerstände von 752^{mm},92 bis 783^{mm},72 variirten, erhielt er folgende Werthe für α:

No. des Vers.	100 α	No. des Vers	100 α	No. des Vers.	100 α	No. des Vers.	100 α
1 2 3	0,3640 0,3648 0,3641	4 5 6	0,3648 0,3640 0,3656	8 9	0,3643 0,3648 0,3653	10 11 12	0,3640 0,3664 0,3645

Mittlerer Werth von $100 \alpha = 0.3646$.

Die Wichtigkeit des Gegenstandes veranlasste Magnus und Regnault zur Wiederholung dieser Versuche, die sie unabhängig von einander zu derselben Zeit anstellten. Magnus (Pogg. Ann. LV. p. 1) prüfte zunächst Gay-Lussac's Verfahren, welcher die Ausdehnung der Luft direkt gemessen hatte; er hatte nämlich eine mit trockner Luft gefüllte Kugel mit einer 1-2,5 Millim. weiten Röhre verbunden und den innern Raum durch einen Quecksilbertropfen abgesperrt, darauf die Kugel erst auf 0° gebracht, dann den Dämpfen von kochendem Wasser ausgesetzt, und aus der Verschiebung des Quecksilbers die Raumvergrösserung der Luft ermittelt. Bei der Revision zeigte sich, dass weder zwei Röhren, die dicht neben einander beobachtet wurden, gleiche Resultate lieferten, noch ein und dieselbe bei Wiederholung der Operation; ja wenn die Kugel erst auf 0. abgekühlt, darauf den Dämpfen von kochendem Wasser ausgesetzt 'pd wieder auf 0° gebracht wurde, nahm der Quecksilbertrepnicht mehr die anfängliche Stelle ein, so dass man eines ungen voraussetzen muss. Die erhaltenen

Resultate schwankten für 100 a swischen 0,35500 und 0,38769, aus denen selbst der Mittelwerth sur Entscheidung der vorliegenden Frage nicht genügen kann. Hiernach befolgte Magnus das sweite Verfahren, dessen sich Rudberg bedient hatte; sein Apparat, dem beschriebenen ähnlich, besass noch einige Schutzmittel', um diejenigen Theile, in welchen sich das Quecksilber befindet, gegen die strahlende Wärme zu sichern. Die Temperatur des Dampfes bestimmte er gleichfalls nach dem Barometerstande, und zwar nach der von Egen aufgestellten Formel *). Nachdem für die Ausdehnung des Glases mit Hülfe eines Ausftusthermometers 100 d = 0,002547 gefunden war, gaben die Versuche mit Beibehaltung der obigen Beseichnungen folgende Resultate:

No.	H.	Å*	H ^(c)	À"		T	100 α
1 2 3 4 5 6 7 6	334",32 334,95 335,29 339,36 333,38 332,51 333,90 342,87	+1"',75 +0,5 +5,0 +0,5 +6,25 +5,9 +2,5 -6,5	333",52 , 334,95], 335,33 , 339,45 , 332,92 , 332,51 , 333,65 , 341,70	122",83 121,6 128,0 123,75 129,9 127,93 124,4 117,3	0",25 0,25 0,75 0,75 0,75 0,75 0,75 0,75	99°,82 99,92 99,95 100,28 99,75 99,70 99,61 100,47	0,367241 0,365032 0,366033 0,366164 0,367899 0,365948 0,366596 0,367154 = 0,366508.

Dies Mittel ist um weniges grösser, als das von Rudberg

Regnault (Ann. de Chimie et de Phys. S. III. T. IV. p. 5 und Pogg. Ann. LV. p. 391) stellte seine Versuche nach vier verschiedenen Versahrungsarten an. Die heiden ersten waren der ersten Methode von Rudberg ähnlich, doch gebrauchte er statt der Kugel einen grössern Cylinder, welcher die trockne Luft enthielt, dann ebenfalls eine siemlich bedeutende Kugel, die jedoch mit einer so langen Thermometerröhre verbunden war, dass beim Abkühlen auf 0° das Queksilber nicht in die Kugel trat. Sein drittes Versahren stimmte wieder im Ganzen mit dem

^{**} Rudberg gebrauchte die Formel: z == 0,37818d == 0,0018563d^3,

in weicher z die Temperatur des Dampfes über 100°C und d den

Enfidruck in Centimetern über 76 centim. bezeichnet; diese Form

statt 0,037818d rechtfertigt sich aus seinen Berechnungen bei der

Construction des Thermometers und stimmt mit der Egenschen

Eteichung fest vollkommen übereig.

zweiten Rudberg'schen überein, ebenso das vierte, nur dass hier die Lust bei 100°C. unter dem gewöhnlichen Drucke der Atmosphäre, bei 0 • unter einem geringern stand. Der Apperat hatte hierzu folgende Einrichtung (Fig. 4). Ein Glasballon A von 800-1000 Kubikcentimetern Inhalt, der die Lust enthick, war mit einer Thermometerröhre von 20 Centim. Länge verbusden; bei C fand eine Unterbrechung durch eine kurse kupferne Röhre statt, um die Capillarröhre p einmunden zu lassen, und am Ende E folgte eine weitere Röhre FG, die mittelst GH und der Fassung HI mit der oben offnen Röhre LI communicirte, so dass aus beiden zugleich das darin besindliche Quecksilber durch den Hahn K abgelassen werden konnte. War der Ballon durch p mit trockner Lust gesüllt und der Siedhitze ausgesetzt, so wurde in L soviel Quecksilber eingeschüttet, dass es in FG bis α stieg; hierauf wurde p zugeblasen, der Stand des Quecksilbers auf a hergestellt und die Höhendisserenz in beiden Rühren gemessen. Dies gab mit Berücksichtigung des Berometerstandes den Druck, unter welchem die Luft bei der Siedhitze stand. Als hiernach A auf 0° abgekühlt wurde, sog sich die Luft zusammen und würde das Quecksilber über E hinweggeführt haben, wenn man nicht den Hahn geöffnet und so grade so viel hätte absliessen lassen, dass es wieder bis a stand. Der Höhenunterschied in beiden Röhren und der neue Barometerstand geben also wieder den Druck an, unter welchem die Luft bei 0° stand. Aus den Versuchen nach diesen vier Methodes erhielt Regnault folgende Mittelwerthe:

```
aus 14 Versuchen nach Methode I. 100\alpha = 0.36629,
- 18 - - II. 100\alpha = 0.36633,
- 12 - - III. 100\alpha = 0.36678,
- 6 - - IV. 100\alpha = 0.36665,
Mittel 100\alpha = 0.3665.
```

Diese Zahl stimmt mit der Angabe von Magnus volkenmen überein, wonach bei Rudberg ein constanter kleiner febler in die Resultate gekommen sein muss. —

Zum Abschluss der Untersuchung liegen noch die beiden Fragen vor, ob verdünnte und verdichtete Lust eine gleiche Ausdehnung ersahren, und zweitens ob das Mariottesche Gesets, dessen strenge Gültigkeit bei der Berechnung der bisherigen Versuche vorausgesetzt wurde, wirklich dieser Voraussetzung est-

spricht. Regnault ist auf beide Fragen näher eingegangen. In Betracht des erstern Punktes füllte er den Ballon A (Fig. 4) durch p theils mit verdünnter, theils mit verdichteter Luft und stellte, wie vorhin, bei 0° und bei 100° das Quecksilber in FG auf α ; er erhielt so in Mittelwerthen aus mehreren Versuchen:

Druck bei 0°.	Druck bei 100°.	Dichte der Luft bei 0°, wenn die- selbe bei 0° und 760 ^{mm} Bar. = 1.	100α
109 ^{m m} ,72 174,36 266,06 374,67 375,23	449 ^{mm} ,31 237,17 395,07 510,35 510,97	0,1444 0,2294 0,3501 0,4930 0,4937	0,36482 0,36513 0,36542 0,36587 0,36572
760,00 1678,40 1692,53 2144,18 3655,56	2286,09 2306,23 2924,04 4992,09	1,0000 2,2084 2,2270 2,8213 4,8100	0,36650 0,36760 0,36800 0,36894 0,37091

Hiernach würde sich verdichtete Lust etwas mehr aus dehnen.

Zur Prüfung des Marriotteschen Gesetzes maass Regnault . ummittelbar die Ausdehnung der Luft bei nahe constantem Prucke: Der angeführte Apparat wurde hierzu in so weit ge-Indert, dass auch die Röhre GH einen besondern Hahn erhielt, welcher sowohl das Quecksilber aus dieser Röhre allein absliessen liess, als auch eine Communication mit LI gestattete. War die Luft auf 06 abgekühlt, so nahm sie den Ballon und die Röhre FG bis a ein; wurde sie aber bis 100° erhitzt, so dehnte sie sich bis β aus und stand unter nahe demselben Drucke. Zugleich waren die Röhren EH und LI mit Wasser umgeben, wodurch man die Temperatur der Luft in FH mit Sicherheit bestimmen konnte. Es sei diese = t, wenn der Ballon auf 0° abgekühlt, und = t', wenn er der Siedhitze des Wassers ausgesetzt war; überdies seien die Druckhöhen, unter welchen in beiden Fällen die eingeschlossene Luft stand, = H + h und TH+h', die Capacität des Ballons A bei $0^{\circ}=V$, der Röhre bis $\alpha = v$ und bis $\beta = v'$, so folgt unter Beibehaltung der wither angenommenen Bezeichnungen:

$$\left(V^{\frac{1+\delta T}{1+\alpha T}}+v'^{\frac{1}{1+\alpha t'}}\right)(H'+h')=\left(V+v^{\frac{1}{1+\alpha t}}\right)(H+h),$$

$$1 + \alpha T = \frac{(H' + h')(1 + \delta T)}{H + h + \frac{v}{V} \frac{H + h}{1 + \alpha t} - \frac{v'}{V} \frac{H' + h'}{1 + \alpha t'}}$$

Der Apparat gestattete auch hier die Anwendung von verdichteter Luft. Bei atmosphärischem Drucke gaben die Versuche $100\alpha = 0.36706$, bei einem Druck von 2526^{mm} ,42 $100\alpha = 0.36944$ und bei einem Druck von 2621^{mm} ,74 $100\alpha = 0.36964$, also gegen früher nur sehr unbedeutend grössere Zahlen.

B. Ausdehnung verschiedener Gase.

Die beiden vorher genannten Physiker dehnten zu gleicher Zeit ihre Versuche auf andere Gasarten aus, da die bisherige Annahme, dass alle unter dem Einfluss der Wärme sich in ganz gleichem Maasse ausdehnen, mit den jetzt verbesserten Messap paraten controlirt werden musste. Magnus erhielt:

Namen der Gase.	Anzahl der Ver suche.	100 a im Mittel.
Wasserstoff	4 4 3	0,36566 0,36909 0,38562

Ebenso fand Regnault, der vornehmlich die letzte Untersuchungsmethode anwandte, weil sie bei denjenigen Gasen, de dem Mariotteschen Gesetze nicht folgen, allein vergleichter Resultate liefert, folgende Zahlen:

Namen der Gase.	Anzahl der Ver- suche.	100 a im Mittel.
Wasserstoff	3	0,36613
Koblensäure	5	0,36613 0,37099
Stickstoffoxydul .	2	0.37195
Kohlenoxvd	2	0.36688
Schweslige Säure.	3	0.39028
Cyan	2	0,36688 0,39028 0,38767

Bei veränderter Spannkraft gemessen betrug die Ausdehnung der Kohlensäure 0,36896, der schwesligen Säure 0,38290, der Cyangases 0,38290, welche Zahlen merklich kleiner sind, als die vorstehenden. Mit der Dichtigkeit der Gase wuchs auch hier wieder die Ausdehnung, so gab die Kohlensäure unter 2523 $^{-1}$ Als Druck $100\alpha = 0,38455$. Diese im Ganzen übereinstimmenden Versuche beider Beobachter lehren, dass die verschiedenen Gase

se etwas verschiedene Ausdehnung erfahren, indem diejenigen, elche in flüssigen Zustand versetzt werdes können, sich etwas ehr als die atmosphärische Luft ausdehnen.

C. Ausdehnung des Glases.

Die bereits vorliegenden Angaben über die Ausdehnung des sees zeigen schon hinreichend, dass dieselbe innerhalb-gewister Grenzen schwankt und seibst bei derselben Glassorte von Form des Gefässes abhängt. Zum nähern Nachweise dieser erhältnisse machte Regnault (Ann. de Chimie et de Phys. HI. T. IV. p. 64; Pogg. Ann. L.V. p. 584) eine ausgedehnre Versuchsreibe. Bezeichnet P das Gewicht des Quecksilts, welches das Gefäss bei 0° füllt, p die bei der Siedhitze wassers aussliessende Quantität, H' den Barometerstand, aus elchem die Temperatur T' der Siedhitze folgt, so ergab sich:

Glas	P	p	H'	T	100 ♂
eisses Glas, Röhre	296 ⁶⁷ ,804	4 ^{er} ,464	749 ^{mm} ,42	99°,61	0,002648
. Kugel v. 46== Drchm.	757,800	11,450	752,12	99,71	0,002592
33	244,063		756,78	99,88	0,002514
ünes Glas, Röhre	352,011	5,414	749,25	99,60	0,002299
. Kug. v. 36== Durchm.	309,315	4,809	746,38	99,49	0,002132
bwed, Glas, Rohre	633,962	9,742	758,14		0,002363
. Kug v. 34mm Durchm	251,739	3,549	757,62		0,002441
32	221,980	3,395	753,96	99,77	0,002411
schmelzb franz, Glas,		,	,		
löhre	568,564	8,855	756,57	99,87	0,002142
Kug v. 32 Durchm.	258,443	3(996	754,06		0,002242
wöbnt Krystallglas,	'	,	,	, '	
löhre	644,643	10,055	753,72	99,76	0,002102
Kug. v. 39m* Durchm.	397,312		754,88	99,81	0,002330

Aus diesen Versuchen geht augenscheinlich hervor, dass m bei genauern Messungen die Ausdehnung der gläsernen Apate besonders bestimmen müsse.

D. Ausdehnung des flüssigen Schwefels.

Während der Ausdehnungscoöfficient der flüssigen und fekörper bei höherer Temperatur grösser zu werden pflegt,
ga der flüssige Schwefel nach Despretz (Compt. rend. T.
L. p. 589; Pogg. Ann. XLVI. p. 134) den entgegengesetztes
L. Nach ihm ist der Coöfficient für 1°

```
= 0,000622 zwischen 110 und 130 C.

= 0,000582 - 110 - 150 -

= 0,000454 - 110 - 200 -

= 0,000428 - 110 - 250 -
```

E. Die grösste Dichtigkeit des Wassers und einiger anderer Flüssigkeiten.

Im 1sten Bande des Repert. p. 146 sind bereits die Angben der verschiedenen Beobachter über die Temperatur, bei welcher Wasser das Maximum seiner Dichtigkeit erlangt, zusammengestellt worden. Seit der Zeit hat Despretz (Ann. de chin. et de phys. T. LXII. p. 5 und T. LXXIII. p. 296) denselben Gegenstand noch einmal einer Prüfung unterworfen. Er operirte nach zwei verschiedenen Methoden. Zuerst verglich er der Gang eines Wasserthermometers mit den Angaben eines Quecksilberthermometers, die sich beide in demselben mit Wasser gefüllten Gefässe befanden. Er bestimmte hierzu die kubische Ausdehnung seines Glases zwischen 0° und 28°C. zu 0,0000255 und zwischen 28° und 100° zu 0,0000258 für 1°C., ermittelte serner die Capacität eines Theilstrichs der Röhre gegen den Inhalt der Kugel und trug nun die scheinbare Ausdehnung des Wassers als Curve auf, deren Abscissen die wechselnden Temperaturen, Ordinaten die scheinbaren Volume des Wassers waren; ebenst verzeichnete er in grader Linie die scheinbare Abnahme des Wasservolums, wie sie allein durch die Ausdehnung des Glases bedingt wird. Beide Linien in Beziehung gebracht geben in ihren gemeinsamen Punkt den Ort des gesuchten Maximums der Dicktigkeit an, da sich in diesem Punkte das Volum des Wasser grade so verändert, wie es die Ausdehnung des Glases verlangt, als hier weder Ausdehnung noch Zusammenziehung des Wasser stattfindet. Mit 4 verschiedenen Thermometern fand er der Reite nach das Maximum im Mittel aus 7 Versuchen bei 3°,99C., 200 7 Versuchen bei 4°,02, aus 2 Versuchen bei 4°,01, aus 2 Versuchen bei 3°,96, im Gesammtmittel bei 4°,007. — Sollte mas es vorziehen, die Temperatur des Maximums aus den Besback tungen durch Rechnung herzuleiten, so bezeichne y das Volum des Wassers bei einer Wärme von xº, welches durch

$$y = ax^2 + bx^2 + cx + d$$

ausgedrückt werde. Nachdem hierin die 4 Constanten a. b, c.

durch die vier aus den Beobachtungen gezogenen Gleichungen $y_1 = ax_1^3 + bx_1^2 + cx_1 + d$, $y_2 = ax_2^3 + bx_2^2 + cx_3 + d$ u. s. w. bestimmt sind, setze man $\frac{dy}{dx} = 0$ und suche aus dieser quadratischen Gleichung den Werth x für das Minimum des Volums. Zur Abkürsung der Rechnung kann man sich der von Lagrange angegebenen Interpolationsformel

$$y = X_1 y_1 + X_2 y_2 + X_3 y_3 + X_4 y_4$$

bedienen, in welcher

$$X_{1} = \frac{(x-x_{2})(x-x_{3})(x-x_{4})}{(x_{1}-x_{2})(x_{1}-x_{3})(x_{1}-x_{4})}, \quad X_{2} = \frac{(x-x_{1})(x-x_{3})(x-x_{4})}{(x_{2}-x_{1})(x_{2}-x_{3})(x_{2}-x_{4})},$$

$$X_{3} = \frac{(x-x_{1})(x-x_{2})(x-x_{4})}{(x_{3}-x_{1})(x_{3}-x_{3})(x_{3}-x_{4})}, \quad X_{4} = \frac{(x-x_{1})(x-x_{2})(x-x_{3})}{(x_{4}-x_{1})(x_{4}-x_{2})(x_{4}-x_{3})},$$

ist. Die Rechnung gab aus 8 neuen Versuchen das Maximum im Mittel bei 4°,004. — Das zweite Verfahren bestand darin, dass Desprets in ein Fayencegefäss von 270 Höhe und 160 Durchmesser vier Thermometer, swei von jeder Seite, in horisontaler Lage einfügte, welche um 54 von einander abstanden, und das mit kaltem Wasser gefüllte, durch einen Deckel verschlossene Gefäss an drei Schnüren in einem Zimmer von etwa 19 Warme aufhing. Die vier Thermometer stiegen ungleich, indem sich die bis zum Maximum der Dichtigkeit gelangenden Schichten nach unten senkten. Er verzeichnete darauf de vier Curven, welche den Gang der Thermometer darstellten, und nahm 1) das Mittel aus den Temperaturen, wo die Curven Fristriich ihre Richtung veränderten, 2) das Mittel aus den Temperaturen, bei welchen sich je zwei Curven durchschnitten, 3) des Mittel aus den Durchschnittspunkten der einzelnen Curven mit der aus allen entnommenen mittleren Curve. Der Mittelwerth tens diesen Mitteln wieder war nach 2 Versuchen = 4•,063 oder, wenn man die Correction wegen der horizontalen Lage der Thermometer und wegen des Theils, der in freier Luft war, anbringt, = 3°,974. — Nach allen diesen Versuchen dürfte man also die Temperatur des Maximums der Dichtigkeit auf 4°C. seststellen, wie dies auch schon aus den Angaben der frühern Beobachter 🚰 🚾 der grössten Wahrscheinlichkeit folgte.

Die bisher verschieden beantwortete Frage (s. Erman in Pegg. Ann. XII. p. 72), ob Meerwasser ein Maximum der Dichteit besitze, hat Despretz gleichfalls durch eine Reihe von

Versuchen, in die er auch andere Flüssigkeiten hinen das Vorhandensein eines Maximums entschieden. Er a Quecksilberthermometer mit 4 Thermometern, welche die in Betracht gezogenen Flüssigkeiten enthielten, verzeic Curve der scheinbaren Ausdehnung, desgleichen die geder Veränderung des Glases, und bestimmte wieder: Berührungspunkte die Temperatur, bei welcher das eintritt. Ausserdem beobachtete er den Gefrierpunkt, die Flüssigkeit in Bewegung erhielt und notirte den Geleichen Molitermometer wieder um etwas erhob. Aus seinen Begen entlehnen wir nachstehende Tafel:

Flüssigkeit.	Spec. Gewicht.	Gefrier- punkt.	Te de: d.
Meerwasser	1,0273 bei 20°	—2°,55	-
12 ^{gr} ,346 auf 997 ^{gr} ,450 Wass.	1,009 ,, 6°,26	-1,206	
24,692 ,, ,, ,,	1,018 , 6,26	-2.24	+
37,039 ,, ,, ,,	1,0269 , 6,60		_
74,078 ,, ,, ,,		-4.3	<u> </u>
Chlorealcium.		7.	Į
65°,173 auf 9975°,450 Wass.	1,0052	-0,22	
19 346	1,0103	-0,53	+++
24,692 ,, ,, ,,	1,0204	-1,03	II
37,039 ,, ,, ,,	1,0314	-3,92	T
74,087 ,, ,,	1,0601	-5,28	
Schweselsaures Kali.	,	,	Ì
6 ^{gr} ,173 auf 997 ^{gr} ,450 Wass.	1,0051	-0,15	
12′346	1,0102	-0,10	++
24,692 ,, ,,	1,0201	- 0,55	
37,039 ", ", ",	1,0298	-2,09	_
74,087 ,, ,,	1,0579	-4,0%	_
Schweselsaures Natron.	,	- 1	
65°,173 auf 9975°,450 Wass	1,0059	-0.17	
12,346	1,0116	-0.17 -0.36	T
24 692	1,0225	-0.68	T
37,039	1,0339	-2,30	
74,078 ", ", ", ",	1,0657	-2,39	++
Kohlensaures Kali.	,	.,	
37gr,039 auf 997gr,450 Wass.	1,0325	_394	
74,078 ,, .,	1,0640	$ \begin{array}{c c} -3,21 \\ -2,25 \end{array} $	1
Kohlensaures Natron.	~,···	-2,20	-,
37 ⁶ ,039 auf 997 ⁶ ,450 Wass.	1.0357	d as	
71 1779 U	1,0387 1,0746	-2,85 $-2,20$	
74,078 ,, ,, ,,	1,000	$-z,z_0$	1

Flüssigkeit.	Spec. Gewicht.	Gefrier- punkt,	Temper. des Max. d. Dicht.	Anzahl der
Schwefels. Kupferoxyd *). 575*,996 auf 9975*,450 Wass.		_1°,32	_0°,62	
Aetzkali.	,	- ,	,,,,,,	
37⁶⁷,039 auf 997 ⁶⁷ ,450 Wass. 74,078 ., ,,	1,0319 1,0619	-2,10 $-4,33$	- 5,64 - 15,95	2 3
Alkobol. 745*,078 auf 9975*,450 Wass.		2,83	+ 2,30	2
Schwefelsäure.		2 ,0 3	+ 2,50	~
65,173 auf 997,450 Wass.		-0,21	+ 2,18	1
12,346 ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,,	1,0084 1,0165	-0,44 $-1,09$	$\begin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$	2
37,039 ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,, ,,	1,0241 1,0464	$\begin{array}{c c} -1,34 \\ -2,75 \end{array}$	$\begin{bmatrix} -5,02 \\ -13,72 \end{bmatrix}$	2 2

Nach diesen Versuchen haben Meerwasser und alle wässrige Lösungen ein Maximum der Dichtigkeit; die Temperatur, bei welcher dies Maximum eintritt, sinkt schneller als der Gesrierpunkt, beide indess ziemlich proportional zur Menge des dem Wasser zugesetzten Stosses, wenn man von 0° und +4° an rechnet.

F. Ausdehnung des Wassers.

Mit seinen Wasserthermometern stellte Despretz auch eine Reihe Beobachtungen über die Ausdehnung des Wassers an, woraus sich die nachstehende Tasel ergiebt, die besonders in den niedern Temperaturen Beachtung verdient.

Temp.	Vol. bei 4° = 1.	Vol. bei 0° == 1.	Temp.	Vol. bei 4° = 1.	Vol. bei 0° = 1.
9° C.	1,0016311 1,0013734	1,0015040 1,0012463	+ 4° C.	1,0000000 1,000082	0,9998 731 0,9998 813
-8 -7 -6	1,0011354 1,0009184	1,0010184 1,0007914	6	1,0000309 1,0000708	0,9999040 0,99994 39 -
-6 -5	1,0006987	1,0005717	, ,	1,0001216 1,0001879	0,9999947
-4 -3	1,0005619 1,0004222	1,0004349 1,0002953	9 10	1,0002654	1,0001415
-2 -1	1,0003077 • 1,0002138	1,0001808 1,0000869	11 12	1,0003598 1,0004724	1,0002329 1,0003455
0 +1	1,0001269 1,0000730	1,0000000 0,9999561	13 14	1,0005862 1,0007146	1,0004590 1,0005676
2 3	1,0000331 1,0000053	0,9999062 0,9995814	15 16	1,0005751 1,0010215	1,0007481 1,0005915

^{*)} Die Gläser zersprangen bei schwachem Niederschlage des Salzes.

Temp.	Vol. bei 4° = 1.	Vol. bei 0° = 1.	Temp.	Vol. bei 4° = 1.	Vol. bei 0° = 1.
+17° C.	1,0012067	1,0010797	+59° C.	1,01645	1,01632
18	1,00139	1,00126	60	1,01697	1,01684
19	1,00159	1,00146	61	1,01750	1,01737
2 0	1,00180	1,00167	62	1,01803	1,01790
21	1,00201	1,00188	63	1,01857	1,01834
22	1,00223	1,00210	64	1,01912	1,01899
23	1,00246	1,00233	65	1,01968	1,01955
24	1,00269	1,00256	66	1,02025	1,02012
25	1,00293	1,00280	67	1,02083	1,02070
$\tilde{26}$	1,00318	1,00305	68	1,02141	1,02128
27	1,00344	1,00331	69	1,02200	1,02187
$\tilde{28}$	1,00371	1,00358	70	1,02259	1.02246
29	1,00399	1,00386	71	1,02319	1,02306
30	1,00428	1,00415	72	1,02379	1,02366
31	1,00458	1,00445	73	1,02440	1,02427
32	1,00489	1,00476	74	1,02501	1,02488
33	1,00521	1,00508	75	1,02562	1,02549
34	1,00544	1,00541	76	1,02624	1,02611
35	1,00588	1,00575	77	1,02687	1,02674
36	1,00623	1,00610	78 -	1,02751	1,02738
37 · .	1,00659	1,00646	79	1.02816	1.02803
38	1,00696	1,00683	80	1,02882	1,02969
39	1,00734	1,00721	81	1,02949	1,02936
40	1,00773	1,00760	82	1,03015	1.03002
41	1,00813	1,00800	83	1,03084	1,03071
42	1,00854	1,00541	84	1,03153	1,03140
43	1,00895	1,00882	85	1,03223	1,03210
44	1,00937	1,00924	86	1,03293	1,03290
45	1,00979	1,00966	87	1,0 33 61	1,03348
46	1,01022	1,01009	88	1,03432	1,03419
47	1,01065	1,01052	89	1,03503	1,03490
48	1,01109	1,01096	; 90	1,03574	1,03561
49	1,01153	1,01140	¦ 91	1,03646	1,03633
50	1,01198	1,01185	92	1,03719	1,03706
51	1,01243	1,01230	93	1,03792	1,03779
52	1,01299	1,01286	94	1,03866	1,03853
53	1,01346	1,01333	95	1,03939	1,03928
54	1,01394	1,01381	96	1,04013	1.04000
55	1,01443	1,01410	97	1,04088	1,04065
56	1,01493	1,01480	8.8	1,04163	1.01150
57	1,01543	1,01530	99	1,04239	1,04226
58	1,01594	1,01581	100	1,04315	1,04302

Sebundene Wirme.

A. Gebundene Wärme des Wassers.

Die gebundene Wärme des Wassers ist durch die Versuche con de la Provostage und P. Desains (Ann. de chim. et de phys. S. Hl. T. VIII. p. 5; Pogg, Ann. LXII. p. 30) von Neuem testimmt und damit der Werth dieser Constante genauer festgeretst worden. Sie wandten die Mischungsmethode an. fallten ein kleines Gefäss von dünnem Messing mit warmem Wasser, wogen es sammt dem Thermometer und setzten es schnell ruf ein Gestell von Hols oder Glas, das es nur mit drei feipen Spitzen berührte. Der eine Beobachter notirte hierauf die Zeit und die abnehmende Temperatur von sehntel au sehntel Graden, und nahm in dem Momente, wo der andere ein reines Masenfreies und awischen Fliesspapier sorgsam abgetrocknetes Stück Eis hineinlegte, die Anfangstemperatur T. Mit diesen Notirungen der Zeit und der Temperatur fahr man fort, bis das Eis vollkommen geschmolsen war; jetat bestimmte man die Endtemperatur 3 und wiederam das Gewicht des Gefässes. Die erste Wagung gieht das Gewicht des Wassers M, welches durch Lis abgekühlt wird, sofern man das Gewicht des Thermometers und des Gefässes absieht und die diesen Grössen an Wasmecapacităt entsprechende Quantităt Wasser hinsunimmt, auch den geringen, durch direkte Verauche vorher festgestellten Verhest in Anschlag bringt, den das Wasser nach der Wägung bis som Einbringen, des Eises durch Verdampfen erleidet. sweite Wagung giebt durch den Ueberschuss gegen die ersteidas Sewicht m des Eises an, wohei man jedoch wieder den geringen Verlust durch Verdampfung in Anrechnung bringen muss, Ams den Grössen T, 3, M, m folgt die latente Warme L des Wassers unmittelbar nach

$$\frac{M}{2}(\mathbf{T}-\mathbf{\vartheta})=L+\mathbf{\vartheta}.$$

Da man das Verhältniss Mann nicht zu klein wählen kann, am besten swischen 6 und 10, so hängt die Genauigkeit des für Lagsfundenen Werthes hauptsächlich von einer genauen Bestimmung von T und 3 ab. Die beiden Beobachter bedienten sich deshalb zweier genau celibrirter Thermometer, deren Nullpunkte

sie mehrfach revidirten, und deren Angaben sie his auf 11. Grad ablesen konnten. Ausserdem suchten sie die Correction in 9 wegen der Wärmestrahlung durch direkte Versuche so scharf als möglich zu ermitteln, sorgten auch dafür, dass 9 wenig von der Temperatur der umgebenden Luft abwich. Endlich überseugten sie sich noch davon, dass der Fehler, der etwa durch ein wenig am Eise haftendes Wasser veranlasst werden konnte, ansser alle Betrachtung fiel. Ihre Versuche gaben folgende Resultate.

No.	L	No.	L	No.	L	No.	L
1 2 3 4 5	78°,92 79,19 79,07 79,33 75,86	6 7 8 9	78°,75 79,00 79,22 79,06	10 11 12 13	79°,25 79,21 79,46 79,18	14 15 16 17	78°,77 78,91 78,92 79,29

Corrigirt man dieses Mittel in der Rücksicht, dass sich die Thermometerröhre nicht in gleicher Temperatur wie die Kugelbefand, so kann man die latente Wärme des Wassers zu 79°,25°C. ansetzen.

Regnault (Ann. de chim. et de phys. S. III. T. VIII. p. 19) wiederholte diese Versuche und operirte auf ganz ähnliche Weise. Vier Beobachtungen, in denen reiner crystallischer Schnee angewandt wurde, gaben im Mittel $L=77^{\circ},24$ C., 13 andere mit Eis 79°,06 C., welche Zahlen mit der vorstehenden Angabe gut übereinstimmen.

B. Gebundene Wärme des Dampfes verschiedener , Flüssigkeiten.

Ueber die latente Wärme der Dämpfe verschiedener Flüssigkeiten hat Brix (Pogg. Ann. LV. p. 341) eine Versuchsreibe
unternommen. Er bediente sich dasu des in Fig. 5 dargestellten Apparates. In einem Gefässe ABCD aus dünnem Messing,
das auf drei kleinen Holsfüssen steht, befindet sich die in der
Mitte hohle Büchse EFHG; in ihr werden die aus der Retorte
Q ausströmenden Dämpfe condensirt, indem das durch den Rührer RR bewegte Kühlwasser, dessen Temperatur man an dem
Thermometer TT beobachtet, sie in ABCD umgiebt. Es sei
das Gewicht dieses Kühlwassers, vermehrt um die an Wärme-

capacität äquivalente Grösse des Metalls und des Thermometers, = M, dus Gewicht des condensirten Dampfes, gefunden aus dem Gewicht der Retorte vor und nach dem Ausströmen, = m, die Anfangstemperatur des Kühlwassers = T, die Endtemperatur desselben = 3, endlich die specifische Wärme der verdampfenden Plüssigkeit gegen Wasser = o und ihre Siedtemperatur = t; so folgt die latente Wärme L aus:

$$M(T-\vartheta) = Lm + \sigma m (t-\vartheta),$$

.; ođer

$$L \stackrel{!}{=} \frac{M}{m}(T - \vartheta) - \sigma(t - \vartheta).$$

Diese Gleichung verlangt jedoch noch mehrere Correctionen. Zunächst wird der kurse Theil der Retorte von P an bis N von den Dämpsen erwärmt, die dadurch theilweise condensirt in den Kühlapparat gelangen und nicht mehr ihre ganze latente Wärme besitzen. Beträgt die Temperatur der umgebenden Luft to, so kanu man die Erwärmung von NP auf t-t, ansetzen, damit sach dem Gewichte dieses Theils und der specifischen Wärme tes Glases die absorbirte Wärme zu g berechnen, und man wird folglich der obigen Gleichung das Glied 🏯 hinzufügen. erliert das Kühlwasser einen Theil seiner Wärme durch Strahmg; diesen Verlust berechnet man swar am sichersten nach irekten Beobachtungen, doch hat es Brix vorgesogen, sich der Neumann aufgestellten Formel zu bedienen und nur den metanten Faktor aus eigenen Beobachtungen zu entnehmen; er indess bei den Wasserdämpfen nach Rumford's Methode Verlust durch Ausstrahlung beschränkte, und die übrigen lassigkeiten die Temperatur des Kühlwassers weniger änderten, scheint er auch auf seinem Wege keine erheblichen Fehler exangen su haben. Der auf die eine oder die andere Weise brechnete Wärmeverlust y gieht der obigen Gleichung als Cormaion das Glied a ... Endlich bleibt noch der Wärmeverlust i-tibrig, den NP durch Ausstrahlung erleidet; dieser Verlust ist ech wierigsten direkt zu bestimmen; da man aber voraussetzen the, dass er sur Zeit Z, wie lange die Dämpfe einströmten, und $\xi = \xi_0 = x$ proportional ist, so hat Brix das Glied $\frac{Zx}{x}$ hinsueffice, und damit die obige Gleichung unter die Form

$$L = L_1 + \frac{z}{z}x$$

gebracht, in der L, die bereits nach den beiden erstern Angaben corrigirte latente Wärme beseichnet. Nachdem mehrere Versuche über dieselben Dämpse vorlagen, wurden L und x nach der Methode der kleinsten Quadrate berechnet. Die Correction der Siedhitze t nach dem Barometerstande ist unberücksichtigt geblieben. Die sämmtlichen Versuche, zu deren Berechnung die specifische Wärme σ vom Wasser = 1, Alkohol = 0,6, Schwefeläther = 0,55, Terpenthinöl = 0,41, Citronenöl = 0,45 angenommen wurde, gaben folgende Resultate:

1. Wasser. Dif. $L = 430^{\circ},36R. + 5,32x - 2,23$ 428,09 - + 3,23x + 1,50430,22 - +3,21x -0,60428,73 - + 8,63x + 0,27423,23 - +6,26x +2,35 $L = 433^{\circ},83 \text{ R.}; x = 1,322.$

2. Wasser.

Diff.

$$L = 430^{\circ}, 73 R. + 2,00x + 0,65$$

 $429,49 - + 1,84x - 0,73$
 $429,40 - + 3,34x + 0,57$
 $427,50 - + 4,47x - 0,31$
 $428,60 - + 3,54x + 0,04$
 $429,41 - + 2,52x + 0,18$
 $L = 431^{\circ},95 R.; x = 0,93.$

3. Alkohol.

Diff.
$$L = 167^{\circ}, 72 R. + 1,73 x + 0,65 \qquad L = 60^{\circ}, 64 R. + 0,93 x$$

$$166,95 - +1,81 x + 0,19 \qquad 57,50 - +2,08 x$$

$$166,11 - +1,95 x + 0,17 \qquad 58,19 - +2,11 x$$

$$166,17 - +2,10 x + 0,16 \qquad 61,86 - +1,03 x$$

$$165,21 - +2,27 x -0,30 \qquad 61,80 - +1,12 x$$

$$167,98 - +1,21 x -0,34 \qquad 61,90 - +1,04 x$$

$$L = 171^{\circ},4 R.; \quad x = 2,57. \qquad 57,42 - +2,99 x$$

4. Schwefeläther.

$$L = 71^{\circ},50R. + 1,57x -0,18$$

$$71,14 - +1,35x +0,27$$

$$71,92 - +1,28x -0,47$$

$$71,10 - +1,46x +0,27$$

$$71,14 - +0,97x -0,43$$

$$72,00 - +0,96x +0,43$$

$$L = 71^{\circ},97R.; x = 0,394.$$

5. Terpenthinol.

Dif.

$$L = 59^{\circ}, 54 R. + 0,79 x + 0,02$$

 $60,16 - +1,29 x + 0,46$
 $59,83 - +1,41 x + 0,12$
 $59,60 - +1,19 x - 0,06$
 $59,15 - +1,25 x - 0,57$
 $59,51 - +0,81 x + 0,01$
 $L = 59^{\circ},23 R.; x = -0,35$.

6. Citronenol.

Diff.
$$L = 60^{\circ}, 64 R. + 0,93 x - 0,93$$

$$57,50 - +2,08 x -1,23$$

$$58,19 - +2,11 x -0,48$$

$$61,86 - +1,03 x +0,54$$

$$61,80 - +1,12 x +0,69$$

$$61,90 - +1,04 x +0,60$$

$$57,42 - +2,99 x +0,91$$

$$L = 63^{\circ},85 R.; x = 2,446.$$

Wenngleich in diesen Reihen x keinen erheblichen Werthbesitzt, so zeigt sich doch die Unsulänglichkeit dieser Correction darin, dass nach den Werthen von $t-t_1$, die bekannt sind, nämlich in Reihe $1=67^{\circ},6$, in Reihe $2=63^{\circ},1$, in Reihe $3=51^{\circ},3$, in Reihe $4=16^{\circ},0$, in Reihe $5=115^{\circ},9$, in Reihe $6=131^{\circ},0$, auch x in gleichem Verhältnisse stehen müsste; am grössten ist die Differens beim Alkohol und Terpenthinöt. Deshalb möchte es zunächst zweckmässig sein, für diese beiden Dämpfe x=1,02 und x=2,3 su setzen und danach L su besechnen; man berechnet auf diese Weise die latente Wärme des Dampfes von

Wasser = 432, 89 R.,

Alkohol = 168, 57 -,

Schwefeläther = 71, 97 -,

Terpenthinöl = 62, 25 -,

Citronenöl = 63, 85 -.

Der su den Versuchen angewandte Alkohol enthielt etwa 4 Procent Wasser dem Volum nuch.

Spannkräfte des Wasserdampfs.

Wenngleich wir sahlreiche Versuche über die Spannkräfte des Wasserdampss besitzen, so lässt sich doch nicht leugnen, dass die in Anwendung gekommenen Methoden besonders in Rücksicht auf die Bestimmung der dem Dampse angehörigen Temperatur noch manches zu wünschen übrig lassen, und dass denmach die bisher angegebenen Zahlen moch nicht den Grad von Genauigkeit erreichen, den die Wissenschaft fordert und der sich mit den jetzigen Hülfsmitteln wirklich erlangen lässt. Um so erfreulicher ist es, dass Magnus und Regnault zu gleicher Zeit diese Untersuchung von Neuem aufgenommen haben, inde der erstere die Spannkräfte des Wasserdampis von -7° bis + 105° C., der andere von - 32° bis + 148° C. gemessen hat. -Magnus (Pogg. Ann. LXI. p. 225) bediente sich zu seinen Versuchen eines Blechkastens aus 4 in einander gesetzten und durch Lastschichten von einander getrennten Hüllen, in deren Mitte er durch swei untergesetste Spiritualampen eine constante Tempe-

ratur ersengen kounte. Er masss diese durch ein Luftthermometer, das dieselbe Einrichtung hatte, wie das bei den Versie chen über die Ausdehnung der Luft gebrauchte, nur halte die Luftbehälter eine gabelförmige Form, um zwischen seine bei Arme die gläserne Röhre zu stellen, in welcher sich die Waserdämpfe erzeugten. Diese Rühre war etwa 4 Zoll laug, Zoll weit und Uförmig gebogen; ihr einer Schenkel war ober verschlossen und kugelförmig ausgeblasen, der andere rechtwisse lig umgebogen stand mit einer engen Röhre in Verbindang, ans dem Kasten heraussührte und zu einer Luftpumpe ging. den verschlossenen Schenkel war etwas Wasser über Qued silber so eingebracht worden, dass man erst das Quecksilber darin auskochte, dann Wasser, das I bis 3 Stunden vorher p kocht hatte, durch Neigen der Röhre in die kugelförunge Erwei terung einführte. War nun die Temperatur im Kasten auf ein constante Temperatur gekommen, was die Beobachtung Lust thermometers angab, so wurde die Lust im zweiten Schall kel nach und nach so weit verdünnt, bis das Wasser in Dam überging und das Quecksilber in beiden Schenkeln der Robe · gleich oder nahe gleich boch stellte. Dieser Dampf besass nau die Temperatur, welche das Luftthermometer anzeigte, kam also pur noch darauf au. die Niveaudifferenz des Oueckel bers in der Uförmigen Röhre zu messen und die Spannung der Luft zu beobachten, welche dem Dampf das Gleichgewicht bie Um die erstere Messung vorzunehmen, war der Kasten mit swi einander diametral gegenüberstehenden und 13 Zoll weiten Reiten ren versehen, die mit Glasscheiben verschlossen eine gleichzeite Beobachtung der beiden Quecksilberoberstächen mittelst eine Fernruhrs gestatteten. Die Spannung der Lust gab serner in gewöhnlicher Druckmesser an, eine zweischenklige mit Oach silber gefüllte Röhre, von denen der eine Schenkel oben of blieb, der andere durch einen Kanal mit der Luftpumpe com municirte; durch ein Kathetometer maass man die Niveaudi renz des Quecksilbers in beiden Schenkeln, mit einem gewöhnt lichen Barometer den Druck der Atmosphäre, und mit swi Thermometern, die oben und unten in dem mit Glastafeln schlossenen Mantel hingen, welcher das Barometer und de Druckmesser enthielt, die Tomperatur des Quecksilbers in des ven Instrumenten. Da der Apparat auch die Luft zu verdichten

tete, is Hessen sich die Spänikrifte des Dumpfes selbst 100°C. bestimmen. — Zur Berechung des Dampfdrucks den Beobachtungen, die übrigens einfach ist, sei das Luftometer bei 0° und H Barometerstand auf die Marke eint worden, und die Höhendisserns im andern Schenkel nit Ausschluss der Capillardepression e noch h betragen, jebt sich für jede andere Beobachtung die Tamperatur Geten aus dem neuen Barometerstande H' und der Höhennz h', wenn a und d die Ausdehnung der Luft und des für 1°C. zeichnen, nach:

$$1 + \alpha\Theta : 1 = \frac{H' + h' - e}{1 + \theta\Theta} : H + h - e,$$

$$\Theta = \frac{(H+h-e)-(H+h-e)}{a(H+h-e)-d(H+h-e)}$$

ie Spannkraft des Dampfes bekommt man unmittelbar aus — h,, worin H den Barometerstand, h, die Höhendissen Druckmesser, und h, dieselbe in der Uförmigen Röhre nachluss der kleinen Wasserschicht angiebt. Die nachle Tasel enthält die sämmtlichen Beobachtungen, denen ih der sogleich solgenden Formel berechneten Werthe beisind.

No.	Temperat.	Spannkräfte beob. berechn.		Differenz.
1233456778991011 123344516 178191	-6°,61 -5,31 -3,64 -0,99 -0,00 -0,00 -0,00 -0,00 -0,00 -0,00 -0,00 Mittel -8,01 -8,05 -8,05 -11,34 -11,36 -11,93 -11,98 -12,07 -12,27	2 = 75 2,95 3,45 4,15 4,59 4,59 4,44 4,59 4,49 4,49 4,525 7,93 8,22 9,88 9,88 9,88 9,88	2 mm, 75 3,04 3,45 4,21 4,525 4,525 4,525 4,525 4,525 4,525 4,525 7,97 7,99 7,99 9,97 9,99 10,37 10,47 10,47	0mm,00 +0,08 -0,005 -0,065 -0,065 +0,015 +0,035 +0,035 -0,015 +0,038 -0,28 +0,54 +0,51 +0,53 +0,53 +0,53 +0,72

No.	Temperal	Spann	kräfte	Differenz
	Tomperor	beob.	berechn.	DIDES CALL
21	+42°,31	10 ^{m.m.} ,28	10 64	+0 ^{mm} ,36
22	13,06	10,45	11,17	+0,69
23	13.10	10,58	11,20	4-0,62
24	16,52	13,52	14,24	+0.72
25	23,30	21,80	21,29	-0.51
26	23,43	21,82	21,38	-0.44
27 *28	23,83	22,93	21,99	-0,94
29	23,85 35,95	22,24 43,96	22,02	-0,22
30	43,13	63,58	44,15 64,53	+0,19 +1,25
31	44.89	71,01	71,02	+0,01
*32	44,90	71,20	71,06	-0.14
33	44,90 45,26	71,90	72,39	+0,49
34	1 45 46	73,14	73,13	-0,01
*35	45,70	73,14 73,74	74,04 74,31	+0.30
36	45,70 . 45,77 51,19	73,94 96,35	74,31	+0,37
37	31,19 54 90	26,33	97,54	+1,19
38	51,36 52,12	96,48 101,40	98,36 102,12	+1.88
40	54,16	110,46	112,73	+0.72 $+2.27$
41	54,24	111.79	113,17	I13
42	54,54	111,79 113,10	114.81	+1,35 +1,71
43	54.64	113.57	115,37	+1,50
44	54,70	114,55	115,37 115,70	+1,15
*45	54,74	114,65	115,92	+1,27
46	54,80	115,15	116,26	+1,11
47	54,83	115,35	116,42	+1,07
49	55,39 55,39	118,61 118,86	119,59	+0,98 +0,73
50	55,56	118,93	119,59 120,57	+1,64
51	58,19	135,45	136,55	+1,10
52	58,68	139,13	139,72	+0,59
53	72,59	139,13 258,28	¥60,00	+1.72
54	72,95	265,34	264,02 266,72	-1,32
55 56	73,19	269,74	266,72	-3,02
57	74,00	274,63	276,03	+1,40
58	74,08 74,13	275,60 276,53	276,96 277,55	+1,36 +1,02
59	74,47	281,57	281,55	-0,02
*60	74,83	284.97	285,84	+0,87
61	75,36	288,99	292,27	+3,28
62	75,63 76,26 76,74	286,99 290,72	295,59	+4,87
63	76,26	300,44	303.46	+3,02
64	76,74	309,55	309,58	+0.03
65 66	76,79	308,97	310,22	+1,25
67	77,47	320,41 321,01	319,08	-1,33
68	77,70 78,33	330,13	322,12 330,58	+1,11 +0,45
69	78.72	332,01	335,91	+3,90
70	81,77	379,54	380,17	+0,63
74	[81,59]	382,18	382,01	-0.17
72	61,95	385,34	382,93	-2.41
73	82,12	384,33	385,55	-2.41 + 1.22
74	82,12	385,85	385,55	-0,30

-	,	-		
No.	Temperat.	Spani	nkräfte	Differenz.
-		beob.	berechn.	
*75	+82°,25	367***,15	387 ^{mm} ,56	+0***,41
76	672,54	397.82	396,81	1,01
77	84,26	420,37	419,85	-0,5%
78	84,29	421,61	420.35	-1.26
79	84,56	426,65	424,86	-1,79 -0,72
80	84,68	427,60	426,58	0,72
81	54,99	128,59	432,13	+3,24
82	85,12 85, 32	431,00	434,34	+3,29
83	85,32	434.44	437.77	+3,33
84	85,91	444,69	440,172	+3,33
85 86	86,21	450,64	453,31	+2,67
87	86,23	450,54	453,67	+3,13
88	86,29 96,29	449,90	454,73 454,73	+4,83
89	96 90	450,04	404,73	+4,69
90	86,29 56,33	450,70	454,73	+4,03
91	88,79	452,05	455,44	+3,39
92	89,03	504,27 506,96	501,00 506,03	-3,27 -0,93
93	89,64	518,07	517,61	-0,46
*94	90,80	542,54	541,01	-1,53
95	91,34	553,03	552,20	-0,83
-96	91,81	563,50	562,10	-1,40
97	93,57	601,56	600,51	-1,05
98	93,66	601,08	602,53	+1,45
99	93,66	601,78	602,53	+0.75
100	97.85	708,50	703,15	-5.35
101	98,40 98,90	722,91	717,35	3.36
102	98,90	736,90	730,46	5,44
103	99.03	739,40	733.90	
104	99,39	743.56	743,49	-0,07
105	99,39 99,40	743,10 745,22	743,49 743,76	+0.66
106	99,47	745,22	745,64	+0,42
107	99,66	740.33	745,64 750,76	+0,42 +3,77
108	100,52	780,06	774,29	-5,77
109	100,87	779,73 901,70	754,07	4-2,35
110	104,64	901,70	895,83	-5,87
111	104,68	904,15	897,08	-7,07

Den so eben mitgetheilten Beobachtungen schliesst sich keine Formel genauer an als die suerst von Roche vorgeschlagene, nämlich

$$e = ab^{\frac{e}{r+\epsilon}}$$

in der e die Spannkraft des Dampses in Millimetern, t die Temperatur desselben in Graden der hunderttheiligen Scale und a, b, y constante Werthe bezeichnen. Da für $t = 0^{\circ}$ die Beobachtungen $e = 4^{nn},525$ geben und für $t = 100^{\circ}$ s = 760°°,00 tein

muss, so folgt unmittellar a=4,525, 760=4,525, $b^{\gamma+100}$ and

es bedarf nur noch einer Gleichung, die b und γ enthält. Magnus wählte hiersu die 10 mit beseichneten Beebachtungen aus und bestimmte aus ihnen γ nach der Methode der kleinsten Quadrate; er erhielt $\gamma = 234,69$, damit $\log b = 7,4475$ und falglich die vollständige Gleichung

Nach dieser Gleichung ist die obige Berechnung geführt werden, die nur Differenzen darbietet, wie sie bei derartigen Versuchen kaum vermieden werden können.

Die solgende Tabelle enthält die nach derselben Formel berechneten Spannkräste sür alle Grade von -20° bis +118°C.

_							
ı		1	e	v #			
°C.		°C,	نا الله	°C.		°C.	1
-20	0 ^{10 00} ,916	+15	12mm,677	+50	91 965	+85	432mm,295
-19	0,999	16	13,519	51	96,630	86	449,603
18	1,089	17	14,409	52	101,497	87	467,469
- î7	1,186	îs	15,351	53	106,572	88	485,970
-16	1,290	19	46,345	54	111,864	89	505,060
-15	1,403	20	17,396	55	117,378	90	524,775
-14	1,525	21	18,505	56	123,124	91	545,133
13	1,655	22	19,675	57	129,109	92	566,147
-12	1.796	23	20,909	58	435,341	93	587,836
-11	1.947	24	22,211	59	141,829	94	610,217
10	2,109	25	23,582	60	148,579	95	633,306
_ 9	2,284	26	25,026	61	155,603	96	657,120
- 8	2,471	27	26,547	62	162,908	97	681,683
— 7	2,671	28	28,148	63	170,502	98	707,000
- 6	2,586	29	29,432	64	178,397	99	733,100
_ 5	3,115	30	31,602	65	186,601	100	760,000
- 4	3.361	31	33,464	66	195,124	101	787,715
- 3	3,624	32	35,419	67	203,975	102	816,273
- 2	3,905 (33	37,473	68	213,166	103	845,683
7 1	4.205 #	34	39,630	69	222,706	104	875,971
0	4,525	35	41,893	70	232,606	105	907,157
+ 1	4,867	36	44.268	71	242,877	106	939,260
2	5,231	37	46,758	72	253,530	107	972,296
3	5,619	38	49,368	73	264,577	108	1006,300
4	6,032	39	52,103	74	276,029	109	1041,278
5 6	6,471	40	54,969	75	287,898	110	1077,261
6	6,939	41	57,969	76	300,193]	111	1114,268
7	7,436	42	61.109	77	312,934	112	1152,321
8 9	7,964	43	64,396	78	326.127	113	1491,444
40	8,525	44	67,833	79	339,786	114	1231,660
10	9,126	45	67,833 71,427	80	353,926	115	1272,5:6
11	9,751	46	75,185	81	368,558	116	1315.462
12	10,421	47	79,111	82	383,697	117	1359,094
13	11.130 H	48	83,212	83	399,357	118	1403,915
. 14	11,882	49 (87,494	84	445,552		

Regnault (Ann. de chim. et de phys. S. III. T. XI. p. 273) wandte bei seinen Versuchen drei verschiedene Methoden an. Pår gewöhnliche Temperaturen verglich er den Stand zweier Barometer, deren eines etwas Wasser im Vacuum enthielt; da aber die Bestimmung der Temperatur hierbei bekanntlich unsicher wird, wenn man sie aus der Temperatur der umgebenden Lust ableitet, so umschloss er den obern Theil beider Barometer mit einem Glaskasten und füllte ihn mit Wasser an, dessen Wärme ein eingesenktes Thermometer bestimmte. Für andere Temperaturen leerte er einen mitten in Wasser besindlichen Ballon von Luft und liess hierin sich die Dämpfe entwickeln, deren Spannkraft ein Druckmesser angab. Für die höhern Temperaturen endlich bestimute er den Druck des Dampfs aus dem Siedpunkte, indem er das Wasser in einem Gesasse kochen liess, das mit zwei Thermometern im Dampse und mit zweien im Wasser versehen war; dieses Gefäss stand durch eine kalt gehaltene Röhre mit einem grössern Ballon in Verbindung, in dem die Lust nach Belieben verdichtet und ihre Spannkrast durch ein offenes Quecksilbermanometer gemessen werden konnte. Diese Methode kam später auch für gewöhnliche Temperaturen in Anwendung.

Zur Berechnung seiner nach allen Beziehungen sorgfältig corrigirten Beobachtungen verwarf Regnault die jedenfalls nur empirische Formel $e=ab^{\frac{t}{m+nt}}$, weil nach ihr bei $t=-\frac{m}{n}$ die Gespankräfte darstellende Curve abspringt und bei $t=\frac{m(\log a-2a)}{2a^2}$ eine Inflexion gegen die Axe der t bekommt; er wählte vielmehr für die Temperaturen zwischen 0° und 100° C. die von Biot aufgestellte Gleichung:

log $e = a + b\alpha'_1 - c\beta'_1$, in der er aus den Beobachtungen $e = 4^{mm}60$ für $t = 0^{\circ}$, $e = 23^{mm}$,55 für $t = 25^{\circ}$, $e = 91^{mm}$,98 für $t = 50^{\circ}$, $e = 288^{mm}$,50 für $t = 75^{\circ}$ und $e = 760^{mm}00$ für $t = 100^{\circ}$

$$a = +4,7384380$$
 $\log \alpha_1 = 0,006865036$
 $\log \beta_1 = 0,9967249 - 1$
 $\log b = 0,1340339 - 2$
 $\log c = 0,6116485$

annahm. Da indess dieselbe Formel weder für die niedern noch für die höhern Temperaturen passte, so stellte er für jene die Formel:

$$\log e = a + b\alpha^*$$

auf, in der $x = t - 32^{\circ}$ ist und aus $e = 0^{mn}, 31$ für x = 0, $e = 1^{mn}, 18$ für x = 16 und $e = 4^{mn}60$ für x = 32

$$a = +0.0131765$$

$$\log b = 0.4724984 - 1$$

$$\log \alpha = 0.0871566,$$

für die Temperaturen dagegen über 100°C. die Gleichung:

$$\log e = a - b\alpha^x,$$

in der $x=t-100^{\circ}$ und aus $e=760^{\text{mm}},00$ für $t=100^{\circ}$, $e=1621^{\text{mm}},0$ für $t=123^{\circ}$ und $e=3177^{\text{mm}},0$ für $t=146^{\circ}$

$$a = +5,8267890$$

$$\log \alpha = 0.9977641 - 1$$

$$\log b = 0,4692291.$$

Die folgende Tabelle giebt zumächst die Spannkräfte des Wasserdampfes bis 100°C., wie sie von Grad zu Grad aus den beiden ersten Gleichungen folgen.

Spannkräfte des Wasserdampfs von - 32° bis + 100° C.

				T			
t	6	t	6	ŧ	•	£	•
-32°C	0==,310	- 6°C	2***,758	+20°C	17**,391	+46°C	75 ^{mm} ,158
31	0.336	– 5	3,004	21	18.495	47	79,093
—30	0.365	— 4	3,271	22	19,659	48	83,204
—29	0.397	— 3	3,553	23	20,888	49	87,499
28	0.431	_ 2	3.879	24	22,184	50	91,982
—27	0.468	- 1	4.224	25	23,550	51	96,661
—26	0.509	1 O	4,600	26	24,988	52	101,543
-25	0.553	+ 1	4,940	27	26,505	53	106,636
—24	0,602 0,654	2	4,940 5,302	28	28.101	54	111,945
-23	0,654	3	1 5.687	29	29,782	55	117,478
-22	0,711	4	6.097	30	31,548	56	123,244
—21	0.774	5	1 6.5341	31	33,406	57	129,251
—20	() 841	6	6,998	32	35,359	5 8	135,505
-19	0.916	4 5 6 7	7.492	33	.37,411	59	142,015
—18	11 99h	8 9	8,017	34	39.565	60	148,791
—17	1.084	9	8,574	3 5	41,827	61	155,839
-16	1.179	10	9,165	36	41,827 44,201	62	163,170
—15	1,284	11	9,792	37	46,691	63	170,791
-14	1,284 1,398	12	10.457	3 8	46,691 49,302	64	178,714
—13	1.521	ll 13	1 11 162	39	52,039	65	186,945
—12	1.606	H 14	11,905	40	54,906	66	195,496
11	1 1.803	11 15	12,699	41	57.910	67	204,376
-10	1.963	16	13,536	42	61,055 64,346	68	213,596
— 9	2,137	17	14.421	43	64,346	69	223,165
$\frac{-9}{-8}$	2,327	18	15,357	44	67,790	70	233,093
-7	2,533	19	16,846	45	67,790 71,391	71	243,393

-		£	•	t	•	ŧ	
°C. +72 73 74 75 76 77 78 79	254 7,073 265,147 276,624 288,517 300,838 313,600 326,811 340,488	83 84 85 86	354****,643 369,287 384,435 100,101 416,298 433,041 450,344	*C. +87 88 89 90 91 92 93	468***,221 486,687 505,759 525,450 545,778 566,757 588,406	*C. +94 95 96 97 98 99 100	610 740 633,778 657,535 682,029 707,280 733,305 760,000

Die Vergleichung der vorstehenden Tabelle swischen 0° und 100° mit der von Magnus berechneten bietet eine sehr befriedigende Uebereinstimmung der, da die Differensen überall innerhalb der Grensen der Beobachtungssehler liegen. Wegen der kleinen Differens bei 0° ist su bemerken, dass Regnault seinen Werth als Mittel aus 63 Beobachtungen genommen hat, die swischen 4^{mm},50 und 4^{mm},695 schwanken. Nicht gans auf gleiche Weise scheint die Formel von Magnus auf die niedern Temperaturen zu passen, doch ist hier ein Urtheil über ihre Zulässigkeit schwieriger au fällen; leichter stellt es sich heraus, wenn man die Angaben der Spannkräfte für höhere Temperaturen bei Regnault beachtet. Die folgenden Tafeln geben sunächst seine Beobachtungen und ihre Berechnung nach der vorher mitgetheilten dritten Gleichung.

Temperat. Mitt. nach	Spanukräfte		Temperat. Mitt. nach	Spann	kräfte
4 Therm.	beob.	berechn.	4 Therm.	heob.	berecha.
99°,83	751=-,61		138°,32	2561 ,50	
100,71	776,03		140,95	2758,69	2757***,93
100,74	777,09	779 86	140,93	2756,17	
105,08	904,87	779****,86 905,45	143,92	2997,75	2991,67
105,08	904,32		143,84	2992,79) '
211,74	1131,60	1131,35	145,65	3150,42	
111,74	1131,34		145,67	3149,41	3148,28
116,07	1302,37	1302,37	145,69	3149,73	
116,06	1302,23	,	147,48	3307,33	3308,86
122,59	1601,25	1600,32	147,48	3306,52	1
122,59	1601,25		147,48	3306,39	
128,50	1925,20	1918,02	128,32	1908,81	1907,64
128,50	1925,48		128,32	1910,09	
128,62	1931,14		128,27	1908,90	
128,57	1929,36		126,18	1794,11	1788,76
131,35	2094,69	2090,72	126,17	1793,47	
131,38	2096,47		126,18	1793,12	
135,68	2373,03	2372,33	122,89	1620,04	1615,01
135,68	2373,03		122,85	1618,54	
138,30	2561,73	2560,18	122,84	1618,70	1

Temperat	Span	nkrafte	Temperat.	Spani	nkräfte
Mill, nach 4 Therm.	beob.	berechn.	4 Therm	beob.	berech
119°,25 119,25 117,45 117,44	1447***,30 1447,37 1364,50 1364,78	1442°°,28 1361,68	110°,68 110,66 99,75	1095***,44 1094,68 753,96	1091***
	Therm, im	Therm. in Wasser.	Spann beob	kräfte berechn.	
	121°,13 421,13	121°,16 121,16	1530°°,27 1529,96	1530 ^{mm} ,68	
	121,11 123,91 123,91	121,16 123,90 123,94	1529,18 1668,71 1670,84	1668,88	
	123,91 128,47	123,94 128,40	1670,32 1915,12	1912,25	
1 11 1	128,47 130,18 130,20	128,38 130,12 130,15	1915,96 2012,51 2015,34	2013,65	
1}) - (7	131,57 131,57 131,63	131,45 131,45 131,51	2097,93 2097,93 2095,26	2095,07	
	133,32 133,28	133,21 133,20 135,92	2209,20 2209,08	2207,00	
	136,09 136,02 136,00	135,85 135,83	2357,39 2356,07 2356,81	2382,84	
	137,52 137,54 137,54	137,75 137,77 137,77	2514,79 2515,30 2515,30	2520,10	
	137,54 138,89 138,89 138,87	137,77 138,90 138,90 138,88	2514,99 2599,23 2599,18	2603,04	
•	138,82 138,80 138,75 138,74 138,74 138,73 141,59	138,84 135,82 135,66 138,66 138,65 138,64 141,61 141,57	2597,97 2597,34 2596,43 2591,65 2591,65 2591,29 2590,61 2803,05		
	141,54 141,56 141,56 141,56	141,58	2799,68 2801,18 2801,77	2508,62	
	144,17	141,59 144,10 144,12	2502,03 3010,19 3010,73 3009,14	3015,93	
	144,17 145,98 145,98	144,12 145,88 145,88	3161,67 3161,63	31 66,64	
	145,58 148,30 148,30 148,30 146,30 148,26	145,85 148,20 148,20 148,20 148,24 148,24	3161,66 3360,74 3361,36 3361,36 3361,03 3359,54	3374,53	

Aus heiden Tabellen erheht die Gültigkeit der angewandten rmei innerhalb der Temperaturgrensen, welche die Beobachagen umfassen; man bekommt also nach ihr von Grad zu ad folgendermassen die

Spannkräfte des Wasserdampfs von 100° bis 150°C.

		1	e	t		t	•
J=0	760==,00	11300	1179***,04	126°C	1777"",57	139°C	2610***.50
L	786,94	114	1215/09.	127	1832,88	140	26~5.96
2	514,69		125~,22	128	1~89,24	141	2763,19
3	843,27		1299,45	129	1947,13	142	2942,24
-	872,70,	117	1341,511	130 .	2006,44	143	2923,12
>	902,99"	115	1385,32	131	2067,21	144	3005,87
\$	934,17		1430 01"	132	2129,535	145	3090,52
7	966,26		1475,90)	133	2193,39	146	3177,11
3	999,27		1523,00	134	2258,80	147	3265,19
3	1033,24	122	1571,39	135	2325,43	148	3356,65
1	1065,189		1621,03	136	2394,47	149	3448,76
1	1104,11	124	1671,98	137	2464,78	150	3543,87
2	1 [41,06]	125	1724,24	135	2536,78		,

Stellt man eine Berechnung nach der Formel von Magnus, so bekommt man:

	t	e Regnault,	e Magnos.	Diff.
1: H	10° C 20 WI 10 50	1068***,18 1475,90 2006,44 2685,96 3543,37	1077 26 1497,12 2043,66 2743,59 2627,23	+9****,06 +21,22 +37,22 +57,63 +83,91

nach diese Formel offenbar nur den Werth einer empirischen sprechen kann, da sie sich allein innerhalb bestimmter Tematurgrensen bewährt. — Häufig wird indess diese Formel als
theoretische Ausdruck der zwischen der Temperatur und
Spannkraft des Dampfes bestehenden Relation angesehen
tist als als solcher auch von Wrede (Pogg. Ann. LIII. p.
) hergeleitet worden; es möchte demnach wohl zweckmässig
a, den Gang desselben einer nähern Prüfung zu unterwerfen.
rede geht von dem von Clement und Desormes snerst
gestellten Satse aus, dass der Wasserdampf im Maximum seiDichtigkeit immer eine gleiche Wärmemenge besitzt, welches
th die freie Temperatur desselben sei, und reiht daran die
gerung von Pambour, dass Wasserdampf im Maximum seiDichtigkeit, wenn er keine Wärme abgeben kann, bei einer
wungenen Volumsveränderung das Verhältniss seiner freien

und gebundenen Wärme so umgestaltet, dass es immær im Maximum der Dichtigkeit bleibt; er nimmt hiernach ein Volum v Wasserdampf an, dessen Temperatur = t und dessen Spankraft = p ist und theilt ihm eine Wärmemenge $c \triangle t$ mit, indem c die Wärmecapacität des Dampfes bei constantem Drucke beseichnet. Durch diesen Zuwachs an Wärme dehnt sich bei gleich bleibendem Drucke das Volum auf v + dv aus und die Temperatur steigt auf $l + \triangle t$; wird dieser Dampf hiernach wieder auf das ursprüngliche Volum comprimirt, so wächst die Spannkraft auf p + dp und die Wärme geht in $t + \triangle t + dt$ über; beseichnet also α die Ausdehnung des Dampfs (gleich der Ausdehnung der Luft) für jeden Grad der hunderttheiligen Scala und folgt der Dampf im Maximum der Dichtigkeit den Gesetsen der Luft, so bekommt man:

$$p:p+dp=1+\alpha t:1+\alpha(t+\Delta t+dt)$$

oder

$$\frac{dp}{p} = \frac{\alpha(\Delta t + dt)}{1 + \alpha t}.$$

Es sei c' die Wärmecapacität des Dampfs bei constanten Volum, so ist auch $c\Delta t = c'(\Delta t + dt)$ oder $\Delta t + dt = \frac{1}{1 - \frac{c'}{c'}}dt$,

folglich

$$\frac{dp}{p} = \frac{\alpha dt}{\left(1 - \frac{c'}{c}\right)(1 + \alpha t)}.$$

Wäre nun nach Gay-Lussac $\frac{e'}{c}$ ein constantes Verhältniss, so gäbe die Integration der vorstehenden Gleichung, wens p = 1 bei $t = 100^{\circ}$ C. ist,

$$p = \left(\frac{1+\alpha t}{1+100\alpha}\right)^{\frac{c}{c-c'}}$$

und man bekäme eine Formel, welche durchaus nicht zu des Beobachtungen stimmt. Demnach werde $\frac{c'}{c}$ als von der Temperatur abhängig angenommen, nämlich $\frac{c'}{c} = m - nt$, worin mund n constante Werthe besitzen, so wird

$$\frac{dp}{p} = \frac{\alpha dt}{(1-m+nt)(1+ut)},$$

worans durch Integration swischen den Grensen p', t' and p, t

$$\log \frac{p}{p'} = \frac{1}{1-m} \cdot \frac{\alpha}{\alpha - \frac{n}{1-m}} \log \frac{1+\alpha t}{1+\frac{n}{1-m}t} - \log \frac{1+\alpha t'}{1+\frac{n}{1-m}t'}$$

folgt. Zur Vereinfachung dieser Gleichung kann man den Siedpunkt des Wassers als Anfangspunkt der Temperaturen ansehen
und die Spannkraft des Dampfs nach Atmosphärendruck berechnen, wonach p'=1 bei t'=0 ist, also

$$\log p = \frac{1}{1-m} \cdot \frac{\alpha}{\alpha - \frac{n}{1-m}} \log \frac{1+\alpha t}{1+\frac{n}{1-m}t}.$$

In dieser Gleichung sind m und n unbekannt und müssen nach den Beobachtungen bestimmt werden. Zu diesem Behnse stellt Wrede die Gleichung $\frac{dp}{p} = \frac{\alpha dt}{(1-m+nt)(1+\alpha t)}$ unter die Form m-nt+P=0, worin P der Kürze wegen den Ausdruck $\frac{\alpha p}{(1+\alpha t)\frac{dp}{dt}}$ — 1 beseichnet, construirt eine Tasel der Spannkräfte

derch eine Interpolationsformel, und bekommt so mit verschiedenen Werthen von t und den dazu gehörigen Grössen von der Reihe Bedingungsgleichungen der Form:

$$m-nt'+P'=0$$

$$m-nt''+P''=0$$
u. s. w.

denen sich nach der Methode der kleinsten Quadrate se und herleiten lassen. Die Messungen der französischen Academiker geben ihm annähernd siemlich genau

$$\frac{a}{1-a}=a.$$

Durch diesen Werth geht die obige Disserentialgleichung über in:

$$\frac{dp}{p} = \frac{1}{1-m} \cdot \frac{\alpha d\ell}{(1+\alpha \ell)^2}$$

and giebt durch die Integration

$$\log p = \frac{\log e}{1-m} \left(\frac{at}{1+at}\right) = M \left(\frac{t}{\frac{1}{a}+t}\right)$$

Hierin werde nach Rudberg $\alpha = \frac{0,003646}{1,3646} = 0,002672$ gesetzt, so ist:

$$\log p = M\left(\frac{t}{374,27+t}\right)$$

oder mit abermaliger Rücksicht auf die Versuche

$$\log p = \frac{5.61t}{374.27 + t}$$

Diese Gleichung giebt die Beobachtungen siemlich genau an trennt man dagegen in a-d nud sucht den passendde Werth für die letztere Grösse, so kann man noch eine grössen Uebereinstimmung erzielen. - Dies ist der Gang, den Wred befolgt, der aber bei genauerer Prüfung vom Thatbestande weicht. Wenn nämlich das Volum e durch die mitgetheil Wärme catt in v + dv übergegangen ist und die Wärme ! + a erlangt hat, so befindet es sich nicht mehr, wie vorausgesch wird, im Maximum seiner Dichtigkeit, denn Wasserdampf 🛎 Maximum der Dichtigkeit, dessen Volum vergrössert und dem Temperatur erhöht wird bedarf eines Zuschusses an Dami um das Maximum der Dichtigkeit wieder zu erreichen. Ein Till der Wärme cat muss also dasu verwandt werden, um eine 📻 wisse Quantität Wasser in Dampf zu verwandeln. diesen Fehler ausser Acht und comprimirt das Volum v +wie es ist, wieder auf v, so ist abermale dieses Volum Dami nicht im Maximum seiner Dichtigkeit, da mit der gansen Open tion offenbar nichts anders erzielt ist, als dass man bei glein bleibendem Volum dem Dampfe Wärme hinzugefügt und dadur seine Spannkraft vermehrt hat; auch hier muss ein Theil Wärme absorbirt werden, um neuen Dampf zu erzeugen. B stimmen wir aber zu diesem Zweck einen Theil der Warme. wird zwar das ganze Dampfvolum immer noch auf eine hobe Temperatur steigen, welche seine Spannkraft wie bei der le vergrössert, allein es erhält zu gleicher Zeit eine grössere Did tigkeit, die ebenfalls die Spannkraft vermehrt, und wur bleib so in der bisherigen Lage, dass wir die Dichtigkeit des Dams in ihrem Maximum nicht als eine Funktion der Temperatur 📽 zugeben vermögen.

Riedetemperatur der Flässigkeiten.

Die Temperatur, bei welcher die verschiedenen Flüssigkeiten sieden, hängt bekanntlich von drei Umständen ab; von der Natur der Flüssigkeit seibst, von dem Barometerstande und von dem Gefässe. Der letztere Umstand, auf den schon Gav-Lussac hingewiesen hat, ist von F. Marcet in einer neuen sorgfiltigen Untersuchung genauer als bisher erörtert worden, wobei er zugleich auf die Temperatur des entweichenden Dampfes cin Augeumerk richtete (Mem. de la Soc. de phys. et d'hist. ust. de Genève T. IX; Pogg. Ann. LVII, p. 218). Wir erhalten nach ihm folgende Resultate: Das Wasser siedet in einem Metall- und in einem Glasgefässe bei ungleichen Temperaturen; giebt jenes bei einem Barometerstande von 28 Zoll für die Siedlitze 100° C., so bekommt man in diesem nur dann eine nahe damit übereinstimmende Angabe, wenn man Hammerschlag einchüttet, unter andern Bedingungen dagegen von einander abweichende Zahlen. So steigt die Siedhitze in einem gewöhnlithen Kolben von dannem grunen Glase etwas über 1010 und noch bober in dickem weissen Glase; sie erhebt sich auf 1020 bis 103°, wenn man den Kolben vorher mit einer concentrirten Loung von ätzendem Kali reinigt, ja sie kommt bis auf 105* oder 106*, wenn man zur Reinigung heisse concentrirte Schweseleaure anwendet. Grade der umgekehrte Fall lässt sich beobachten, sobald man den Kolben inwendig mit einer Schicht Schellack oder Schwefel übersieht, wobei die Siedhitze noch on 0°, 15 bis 0°,20 niedriger als in einem Metallgefässe ausfällt. Der entwickelte Dampf dagegen besitzt in allen Fällen eine deiche Temperatur, da die beobachteten kleinen Differenzen von dem Umstande abhängig sein möchten, dass sich die Thermometerkugel nur einen halben Zoll über dem siedenden Wasser befand. - Auch auf andere Flüssigkeiten, von denen Salzlörungen und Alkohol untersucht wurden, üben die Gestisse einen Shalichen Einflus aus; so siedete Alkohol in einem neuen Glaskolben bei 79°,5 und nach Reinigung desselben mittelst concentrirter Schwefelsäure bei 82°,5.

Zur Erklärung der angegebenen Thateachen (vergl. Magnus: Ueber die Kraft, welche zur Erzeugung von Dämpfen erforderlich ist; Pogs. Ann. LXL. p. 248) bat man auf mehrere Punkte

za achten, suvörderst auf die Erscheinungen, welche beim Kochen des Wassers in den verschiedenen Gefässen bervortreten. Siedet das Wasser in einem mit Schellsck überangenen Glaskolben oder in einem Metallgefässe, so steigen die Dampfblasen ruhig vom Boden auf und das eingesenkte Thermometer bleibt die ganze Zeit über atationär; siedet dagegen das Wasser bei höherer Temperatur, so ist die Dampfentwickelung mit eigenthümlichen Stössen verbanden, und das Thermometer schwankt, Dies seigt sich am deutlichsten in einem mit Schweselsäure gereinigten Kolben; bei allmählig gesteigerter Wärme gelangt das Wasser and 105° - 106°, jetzt entwickeln sich Dampfblasen, die desto heftiger aufwallen, je stärker die Flamme ist, und die Temperatur des Wassers sinkt um 1° - 2°; sie erhebt sich wieder auf ihren frühern Stand, und neue Dampfblasen steigen auf, die ein neues Sinken des Thermometers veraulassen. Löscht man bei hestigem Sieden, wobei die Temperatur gefallen ist, die Flamme aus, so hört swar das Kochen auf, aber die Warme steigt noch um etwas. Ferner beachte man die folgende Thatsache, auf die Magnus aufmerkeam gemacht hat. Wenn sich in dem geschlossenen Schenkel der Uförmigen Röhre seines Asparates, mit welchem er die Spannkräfte des Wasserdampfs mass, nur etwas Luft über dem Wasser befand, so entwickelten sich die Dämpfe unmittelbar unter dem Drucke, welcher ihrer Temperatur entsprach; echloss dagegen das Wasser dicht an das Glas an, so musste man den Druck der entgegenwirkenden Lust oft bedeutend verringern, ehe die Dample entstanden, die dann auch, weil sie entwickelt eine grössere Spannkraft besassen, das Quecksilber nicht selten aus der Röhre trieben Endlich hat man die Beobachtung hinzusunehmen, der gleichfalle Magnus erwähnt, dass die Dämpse, die sich bei einer Temperatur von 100°C, in seiner geschlossenen Röhre aus Salawasser entwickelten, eine um einige Zoll geringere Spannkraft besassen als Dampfe aus destillirtem Wasser. Dasselbe bestätigen die Angaben von Marcet, der die Temperatur der Dampfe au Salahisungen = 101°, 101°,45, 104°,20 fand, wenn die Siedhitse dieser Flüssigkeiten in einem Metallgesiss = 101.25, 191°70, 104°45 war, wennschon Rudberg keinen Unterschied in der Temperatur dieser Dampfe und derer aus reinem Wasser gefanden hatte. - Die us eben mitgetheilten Beobachtungen

lehren, dass man bei der Dampfbildung während des Kochens drei Punkte in Betrachtung zu siehen habe: 1) die Temperatur, welche der Dampf erlangen muss, um der Spannkraft der äussern Lust das Gleichgewicht zu halten, 2) die Cohäsion der Flässigkeit, durch welche sie die Dampsbildung zurückhält, 3) die Kraft derselben Flüssigkeit, mit welcher sie auf den schon entwickelten Damps einwirkt und ihn wieder in den slüssigen Zustand zurückzusühren trachtet. Was den ersten Punkt betrifft, so kann man die in Frage stehende Temperatur bestimmen, wenn man ein Thermometer in den entweichenden Dampf senkt, nachdem er der Einwirkung der Flüssigkeit durch einen grössern Abstand entzogen, aber gegen Abkühlung sorgfältig geschützt ist. Es ist dies die Siedhitze des Wassers, welche sur Normirung des Thermometers dient und die bei allen Wasserdämpsen gleich ist, welches Salz auch dem kochenden Wasser beigemischt wurde. Dass serner die Cohäsion der Flüssigkeit die Dampsbildung verzögert, zeigen die ungleichen Temperaturen, auf welche dieselbe Flüssigkeit gebracht werden muss, ehe die Dampfbildung eintritt. Denn nimmt man an, dass die Cohasion der Flüssigkeit am stärksten wirkt, wenn sich der Dampf mitten in der Flüssigkeit selbst bilden soll, geringer dagegen, wenn er an den Stellen entsteht, wo die Flüssigkeit mit dem Boden des Gesässes oder mit der Lust in Berührung steht, so ist es natürlich, dass die Temperatur der Flüssigkeit bis zum Kochen deste hoher aussallt, je inniger die Verbindung mit dem Gefisce ist, und dass die letzte Grenze erst da liegt, wo sich der Dampf auch innerhalb der Flüssigkeit selbst bilden würde. Das Wasser muss also, um bei dieser Flüssigkeit zunächst zu bleiben, eine schwächere Cohasion in Berührung mit Metall besitsen, als in Berührung mit Glas, bei diesem wieder eine desto stäckere, je mehr man es von allen fremdartigen Stoffen gereinigt, namentlich durch heisse Schwefelsäure davon befreit hat. Verbindet man nun mit dieser Annahme die schon den dritten Punkt berührende Ansicht, dass sich der Wasserdamps einmal gebildet im Wasser bei einer ziemlich gleichen Temperatur halten könne, welche er nach seiner völligen Entweichung in die Lust seigt, so sind alle Erscheinungen klar, die sich beim Kochen darbieten. Das Wasser, welches sich in einem Metalloder in einem mit Schellack überzogenen Glasgefässe besindet,

2**4**17

setst an den Berührungsstellen der Dampfbildaug eine unbedeutende Krast entgegen; sobald also die Temperatur erreicht ist, wobei der Dampf der Spannkraft der Luft das Gleichgewicht halten kann, entwickeln sich die Dampfblasen, sie eteigen auf ohne eine Einwirkung beim Durchgange durchs Wasser zu erfahren, und der ganze Hergang verläuft ruhig und stät. Befindet sich dagegen das Wasser in einem gereinigten Glaskolben, so übt die Cohasion einen stärkern Einfluss; 105° - 106° mossen erzielt sein, ehe die Dampfblase entsteht; sie reiest sich vom Boden los, tritt in das Wasser ein, aber da sie mit grösserer Wärme und mit grüsserer Spannkrast hineinkommt, als es die Gegenwirkungen der Lust und des Wassers verlangen, so dehut sie sich aus, verliert einen Theil ihrer Warme sammt Spanukraft, und kühlt das Wasser ab; daher das heftige Aufstossen und das Schwanken des Thermometers. Wollte man gegen die aufgestellte Ansicht geltend machen, dass die Cohision zwischen Wasser und Wasser geringer ist, als zwischen Wasser und Metall oder Glas, wie dies die zur Trennung beider erforderliche Kraft beweiset, so muss man sich erinnern, dass schon bei gewöhnlicher Temperatur das Wasser eine Glasoder Metallfläche nie vollkommen benetst, sondern sich an einseluen Stellen surücksieht, und ebenso dass Wärme, grade wie Elektricität, diese Cohāsion mannigfaltig ändert; an solchen Stellen also, wo die Cohasion geringer ist, wird die Dampfbildung erfolgen. — Den dritten Umstand, die Wirkung der Flüssigkeit auf den bereits gebildeten Dampf, wodurch sie ihn wieder in dem flüssigen Zustand surücksuführen sucht, bemerken wur, wie schon augeführt wurde, bei reinem Wasser sehr wenig, da in ihm der Dampf vielleicht nur nahe dieselbe Temperatur zu besitzen braucht, bei welcher er auch den Widerstand der Jossern Luft überwindet; deutlich aber tritt diese Wirkung beim Salawasser hervor, in welchem der Dampf, um sich zu erhalten, einen höhern Grad von Warme besitzt, weil ihm durch die Attraktion der Flüssigkeit ein Theil seiner Spannkraft entsogen wird und er eben diesen Verlust nur durch eine höhere Temperatur und eine damit verbundene grössere Spannkraft ersetzen kann. Als daher Magnus die Dampfe von kochenden Wasser mitten in eine bis 100° erwärmte Salsaustösung leitete, gingen sie so lange wieder in Wasser über, bis die dadurch frei gewordene Warme das Ganze auf 107° gebracht hatte, erst jetat fing das Kochen an d. h. erst jetat konnte der eingeführle Dampf, nachdem er sich zusammengerogen und dadurch bie auf 107° erwärmt war, in der eben so heissen Flüssigkeit in seiner Dampsform bestehen. Dieser coërcirende Einsluss der Flüssigkeit muss sich aber auch noch auf den bereits in die Luft eingetretenen Dampf erstrecken, wenigstens erst in einem gewissen Abstande seine Wirkung verlieren; so allein erklären sich die höhern Temperaturen des Dampses, die Marcet beobachtete, und ebenso die geringere Spannkraft bei 100 C., die Magnus in der verschlossenen Röhre fand. -

Neunzehnter Abschnitt.

Magnetismus der Erde, (zweiter Bericht)*)

bearbeitet von

Dr. J. Lamont.

Einleitung.

1, Die Untersuchung des Erdmagnetismus ist in neuester Zeit mit einem Eifer und einem Krast-Auswande gesührt worden, wie man sie vielleicht niemals früher einem so speciellen Zweige der Wissenschaft zugewendet hat. Der Ersolg ist auch von grosser Bedeutsamkeit gewesen. Man hat Methoden und Hülssmittel einer sorgfältigen Prüfung unterworsen, Vieles dabei verbessert und umgestaltet; man hat eine grosse Menge von Beobachtungs-Baten gesammelt, und wenigstens vorläusig Ersahrungs-Sätze, die einer sernern Eutwickelung der Theorie zur Grundlage dienen müssen, abgeleitet; man hat vor Allem durch eine Kette correspondirender Observatorien, welche bereits den gansen Erdkreis umslasst, eben so grossartige, als wirksame Einrichtungen getroffen, um die magnetischen Phänomene zu ergründen.

In Folge der auf solche Weise begonnenen und ausgeführten Arbeiten hat die Lehre von dem Magnetismus der Erde eine so groese Ausdehnung gewonnen, dass sie aus der untergeordneten Stellung, die sie bisher im Kreise der physikalischen Disciplinen eingenommen hatte, herausgetreten ist, und von nun an als ein eingenes Fach, gleich der Meteorologie, behandelt werden muss.

Ich beabsichtige in den folgenden Blättern, als Fortsetzung vom Moser's Bericht im II. Bande dieses Repertoriums, von den Ergebnissen der neuesten magnetischen Arbeiten eine kurze Dardellung zu entwerfen; dabei setze ich, damit eine Uebersicht und

VII.

[&]quot;) Der erste Bericht besindet sich im zweiten Bande des Reperterioms.

ein Zusammenhang möglich werde, folgende Ordnung der zu handelnden Gegenstände fest:

I. Abschnitt. Instrumente, und deren Gebrauch;

II. Abschnitt. Theorie der Instrumente, und darauf bestliche Untersuchungen;

III. Abachnitt. Magnetische Observatorien, und Beobactungen;

1V. Abschnitt. Theorie des Erdmagnetismus, empirical Gesetze der magnetischen Erscheinungen.

Die Ergebnisse magnetischer Beobachtungen findet man Zeitschriften, academischen Memoiren, und sonst umfangreich Werken, überall zerstreut, unter verschiedenen Formen, und verschiedenen Maass-Einheiten ausgedrückt. Wie hinderlich 🦥 ser Umstand bei magnetischen Untersuchungen ist, wird Jeda der in diesem Fache gearbeitet hat, hinreichend bekannt Ich glaubte deshalb ein Verdienst mir dadurch zu erwerben, 🍆 ich die vollständigsten und zuverlässigsten Beobachtungs-Date solche nämlich, die einen bleibenden Werth haben, und zur Graff lage jeder künstigen Theorie gehören, gesammelt, und sie in gleiformig reducirte Tabellen gebracht habe. Diese Tabellen habe ich ursprünglich, der vorhergehenden Eintheilung gemäss, im Abschuitte, und swar einzeln einzuschalten beabsichtiget; da 🎉 doch in dem Drucke Anstände hätten entstehen können, so schli es mir suletat am Zweckmässigsten, sie sämmtlich am Ende bi sufügen.

I. Abschnitt.

Magnetische Instrumente, und deren Gebrauch.

Allgemeine Bemerkungen.

2. Zu jedem magnetischen Instrumente gehört als läuse Bestandtheil ein Magnet, der sehr leicht beweglich sein soll de Beobachtung besteht darin, dass man die Richtung des Magnetangieht. Die vollkommene Beweglichkeit suchte man in frühen Zeit bei horizontalen Magneten dadurch zu erzielen, dass man der Mitte des Magnets ein Agathütchen besestigte, und ihn seine seine Spitze stellte. Dieses Mittel hat indessen dem Zwednicht hinlänglich entsprochen, und wird gegenwärtig um neh bei Seecompassen angewendet. Am sweckmässigsten ist es,

en nöthigen Grad von Beweglichkeit zu erhalten, die Magnete zu Coconfäden aufzuhängen. Da aber jeder Faden eine Torsions eaft hat, also die Richtung des Magnets zum Theile vom Faden hängt, so muss hierauf durch Anwendung einer entsprechenden orrection Rücksicht genommen werden. Man muss suchen die orsion so gering, als möglich zu machen, d. h. man nimmt den aden so dünn, dass er gerade den Magnet mit Sicherheit tragen unn, und macht ihn so lang, als es mit sonstigen Bedingungen it vereinbar ist. Anstatt der Coconfäden haben einige Physiker i grossen Stäben Metallfäden (Stahldrath, Silberdrath, oder verlberten Kupferdrath) gebraucht, weil sie nicht, wie jene, hyometrisch sind: dagegen ist-die Torsionskraft grösser, und beägt unter den gewöhnlich vorkommenden Umständen etwa zin der Directionskraft des Stabes, während bei Coconfäden das erhältniss zie bis zist ist. (Vergl. §. 49.)

- 3. Die Beobachtung besteht, wie oben bemerkt worden, min. dass man die Richtung des Magnets, oder vielmehr zuichst die Richtung einer mit dem Magnete unveränderlich vermdenen Linie angiebt. Zu diesem Zwecke kann man entweder ne Linie wählen, welche durch zwei an den Enden des Magnets seichnete Puncte geht. und die Richtung durch Microscope absen, oder man kann einen Spiegel auf dem Magnete festmachen, id die Lage der auf der Spiegelsläche senkrechten Linie (welche h im Folgenden immer die Axe des Spiegels neunen werde) essen, oder man kann den Maguet mit einem Collimator verhen, und die Richtung der optischen Axe des Collimators beimmen. In allen drei Fällen muss der Winkel zwischen der nie, auf welche sich zunächst die Beobachtung bezieht, und e magnetischen Axe bestimmt werden, was durch Umlegen der rehungs - Axe erlangt wird. Die Drehungs - Axe ist bei der Ininations - Nadel eine wirkliche Axe. und das Umlegen geschieht durch, dass der eine Zapfen auf das Lager gebracht wird. wo wer der andere sich befand. Bei einem horizontal aufgehäng-Magnete ist die durch die Mitte des Magnets gehende, dem iden parallele Linie, die Drehungs-Axe: beim Umlegen kommt e obere Seite hinunter, aber dieselbe Linie muss wieder mit m Faden parallel sein.
- 4. Was die bemerkten drei Arten von Ablesung betrifft, so fird die erstere noch bei Inclinations-Nadeln so angewendet,

dass man die Stellung der beiden zugespitzten Enden des Magnets entweder mit dem freien Auge, oder mit einer Loupe beobachtet: ausserdem ist in neuerer Zeit dieselbe Ablesung mit einiger Modification bei dem Vertical-Intensitäts-Instrumente von Lloyd angewendet worden.

Die zweite Ablesungs-Art durch Spiegel, ursprünglich 5. von Poggendorf eingeführt, ist bei magnetischen Instrumenten bei weitem die bequemste und die genaueste, theils, weil sie auf grössere Distanzen zu beobachten gestattet, theils, weil man nur eine Ablesung nöthig hat; während die vorhergehende Methode erfordert, dass an beiden Enden eine Ablesung gemacht werde, um die Excentricität zu eliminiren. Man denke sich (Fig. 1.) den Magnet mm, den daran befestigten Spiegel ss, das Ablesungs-Fernrohr F, und die Scala SS auf eine horizontale Ebene projicirt. Es sei ab die verlängerte optische Axe des Fernrohrs, die von dem Spiegel in der Richtung bd reslectirt würde, bc die senkrechte auf der Spiegelsläche, deren Richtung zu bestimmen ist; es stehe ferner die Scala SS auf ab senkrecht, so hat man nach den Reslexions-Gesetzen $abc = \frac{1}{2}abd$, und da tg $abd = \frac{ad}{2}$ so folgt tg $2abc = \frac{ad}{ab}$. In den gewöhnlich vorkommenden Fällen kann man tg $abc = \frac{ad}{2ab}$, oder auch den Winkel $abc = \frac{1}{2ab}$. ad Sieht man durch das Fernrohr, so coincidirt der Punct d der Scala mit dem Faden des Fernrohres, und ad ist die Ablesung in Scalatheilen ausgedrückt: der Factor 1 oder die Einheit durch die doppelte auf den Horizont projicirte Entsernung zwischen der Scala und der spiegelnden Fläche ist der Werth eines Scalatheils in Bogen ausgedrückt. Will man die Ablesung in Minuten oder Secunden verwandeln, so muss man als Werth eines Scalatheils $\frac{1}{2ab \sin 1'}$ oder $\frac{1}{2ab \sin 1''}$ gebrauchen.

Was die Scalen betrifft, so hat Gauss Papier-Scalen, auf Holz aufgezogen, gebraucht. Sie mussten bei Tage mit einem Beleuchtungs-Spiegel, und bei der Nacht mit intensivem Lampenlichte erhellt werden. Die Schwierigkeiten der Beleuchtung, und den nachtheiligen Einfluss der Feuchtigkeit habe ich beseitiget durch die Einführung der Glas-Scalen, hinter welchen ein Be-

leuchtungs-Spiegel (bei Tage ein gewöhnlicher Planspiegel, bei der Nacht füglicher ein Concavspiegel) angebracht ist.

- 6. Die dritte Art der Ablesung ist vorzüglich in den Brittischen Observatorien gebraucht worden, nämlich vermittelst eines Collimators. Es sei auf dem Magnete ein Objectiv O und in dessen Focus die Scala S befestiget: be sei die optische Axe dieses Objectivs, deren Richtung zu bestimmen wäre. Ist de die verlängerte optische Axe des Ablesungs-Fernrohrs F. also e der Punct der Scala S, welcher mit dem Faden coincidirt, so hat man tg bac = \frac{bc}{ab}. Dadurch ist der Winkel bac bestimmt: die weitern Beziehungen sind wie oben. Den Winkel bac = dae kann man aber auch auf andere Art angeben: man dreht nämfech das Fernrohr F bis seine optische Axe parallel wird mit ae, d. h. bis der Faden mit dem Puncte b der Scala coincidirt, und liest den Winkel auf einem mit dem Fernrohre verbundenen horisentalen Kreise ab. Diese Beobachtungsart ist in Green wich eingeführt.
- 7. Eine Modification der zweiten Ablesungs-Weise ist von zur eingeführt worden: sie besteht darin, dass man den Magnet, an dessen Mitte der Spiegel besestiget ist, auf einen Theodoliten stellt, und das excentrisch angebrachte und dem Spiegel gegentberstehende Fernrohr dreht, bis seine optische Axe mit der auf dem Spiegel senkrechten Linie coincidirt. Zu diesem Behuse hat das Fernrohr (Fig. 13.) oben zwischen dem Faden und dem Ocular eine Oessung, in welche ein kleiner Spiegelstreisen hineingelegt wird, so dass er das von oben einfallende Licht gegen das Objectiv reslectirt, und den Faden beleuchtet. Das beleuchtete Fadenbild wird von dem Magnet-piegel in das Fernrohr wieder bringt, so ist die optische Axe des Fernrohrs senkrecht auf der Spiegelssiche.
 - 8. Bei der Ablesung magnetischer Instrumente ist noch auf den Umstand Rücksicht zu nehmen. dass sie, wenn die Lust Zutritt hat, in beständiger Oscillation sich besinden, mithin die eigentliche Richtung für einen gegebenen Augenblick nicht unmittelbar beobachtet wird, sondern aus mehreren Ablesungen abgestiet werden muss. Das Einsachste ist, das Mittel zwischen zweiseten Elongationen zu nehmen: auf diese Weise kann man

jedoch den Stand für einen beliebigen Augenblick nicht erhalten: zu letzterm Zwecke ist es nöthig, das von Gauss eingeführte Verfahren anzuwenden, und die Stände des Instruments, die den Zeiten $T = \frac{1}{2}t$ und $T + \frac{1}{2}t$ entsprechen, aufzuzeichnen (wo t die Schwingungsdauer bedeutet): das arithmetische Mittel von beiden ist der wahre Stand für die Zeit T. Gewöhnlich sind, um grössere Genauigkeit zu erhalten, mehrere solche Sätze (meistens fünf) vereinigt worden. Bei größerer Lustbewegung werden die Oscillationen leicht so gross, dass eine genaue Beobachtung sehr schwierig, oder unmöglich wird: um diesen Uebelstand zu beseitigen, hat Gauss Anfangs die Oscillationen durch einen Hülfsstab vermindert, später aber die Beruhigung durch einen kupsernen Dämpser (wozu ein Ring, ein Bügel, oder blosse Platten gebraucht werden können) eingeführt. Der Gebrauch des Dämpfers ändert an der Beobachtungs-Weise nichts, wohl aber wird dadurch eine verschiedene Berechnung nöthig gemacht, indem nicht mehr das einfache Mittel der zwei, um die Dauer einer Schwingung von einander entfernter Stände n und n' der Mittelrichtung gleich ist, sondern die Correction $(n'-n)\frac{q}{1+q}$ hinzugefügt werden muss, wo q das Verhältniss bedeutet, nach welchem die Schwingungs-Bogen abnelunen. (Result. des magnet. Vereins 1837. S. 78.)

- 9. Das von Gauss angewendete Versahren hat Lloyd sehr vortheilhast so modisicirt, dass er die den Zeiten T-t, T+t entsprechenden Stände n, n', n'' auszeichnet, und als Resultat sür die mittlere Zeit T, den Stand $\frac{1}{4}(n+2n'+n'')$ gelten lässt: er zeigt, dass auch in einem widerstehenden Mittel, solglich auch (bis auf gewisse Gränzen) unter dem Einslusse eines Dämpser, dieses Versahren richtig sei. Es kann übrigens hier bemerkt werden, dass die Bestimmung des Standes durch mehrsache Beobachtung, und die Dämpsung der Oscillationen nur dann nöthig ist, wenn man die Magnetstäbe nicht lustdicht einschliesst, oder wenn das Trägheits-Moment der Stäbe zu gross ist, als dass sie den vorkommenden magnetischen Bewegungen schnell genug solgen
- 10. Nach diesen allgemeinen Angaben gehe ich zu den einzelnen Instrumenten über, und werde zuerst die Mittel zur Bestimmung der Variationen der magnetischen Elemente, dann, die Mittel zur Bestimmung der absoluten Werthe erwähnen; dabei

könnten. (Poggendorffs Annalen 61. S. 107.)

Hen vorzugsweise nur diejenigen Instrumente berücksichtigt wern, die in Observatorien gebraucht worden sind und Resultate liesert haben, und deren Construction oder Gebrauch aus eigenimlichen Untersuchungen beruhen: in einem Nachtrage werde a über einige magnetische Vorrichtungen, die nicht unter diese stegorie eingerechnet werden können, insbesondere über Reisestrumente nähere Angaben beifügen.

Variations-Instrumente für Declination.

11. Magnetometer von Gauss. Fig. 1. und 2. welche Projection auf den Horizont, und die Ebene des magnetischen zidians zeigen, werden eine hinreichend richtige Vorstellung n den wesentlichen Bedingungen des Magnetometers geben. is Instrument besteht aus einem grossen Magnetstabe (gewöhnh zu 4 Pfd., seltener zu 10 Pfd. und 25 Pfd.), an einem Bünl von Coconfaden, oder an einem Metalldrathe aufgehängt. Am de des Stabes ist der Spiegel angebracht, mittelst eines Spiehalters von Messing: die Lage des Spiegels kann durch Corzions-Schrauben geändert, und dessen Axe mit der magnetisen Axe parallel, oder nahe parallel gemacht werden. Mittelst es am Magnetstabe besindlichen Torsionskreises, von welchem · Paden ausgeht, kann man dem Faden eine beliebige Drehung sen, und die Grösse der Drehung messen. Der Stab hängt in em runden geräumigen Kasten mit einer Oeffnung vor dem iegel. In einer Distanz von etwa 5 Meter werden Scala und lesungs-Fernrohr sestgemacht; die Scala unter dem Objective Fernrohrs. Das Fernrohr muss eine verticale Axenbewegung sen, damit man es auf die hinter dem Magnetkasten (in der rlängerung der Linie aa. Fig. 2.) besindliche sixe Mire richten, 1 sich von dem unveränderten Stande überzeugen kann. Die reränderte Lage der Scala wird erkannt durch einen feinen am ern Ende mit einem Gewichte beschwerten Drath, der vom jectiv des Fernrohrs hinunter geht, und auf einen gewissen eilstrich der Scala treffen muss. Die Scalen sind in Millimegetheilt: drückt man die Distanz ab = e (§. 5.) auch in Miletern aus, so ist der Werth eines Scalatheils, wie oben bereits pegeben wurde, in Secunden = $\frac{1}{2e \sin 1^n}$. Dieser Werth wird chidie Torsionskraft des Fadens etwas vergrössert: hierüber,

wie über die Correction des Standes wegen der Torsion, solgen die näheren Bestimmungen weiter unten.

- Declinations-Instrument von Lloyd. Fig. 4. **12.** stellt den Durchschnitt dieses, im Wesentlichen mit dem Magnetometer von Gauss übereinstimmenden Instrumentes dar. Der Stab ist (nach englischem Maasse) 15 Zoll lang, ? Zoll breit, 1 Zoll dick, und mit einem Collimator und Scala versehen. Der Magnetkasten AA ist ungefähr in demselben Verhältnisse sum Stabe, wie bei dem Magnetometer von Gauss. Die Aushängung geschieht aber nicht an der Decke des Zimmers, sondern es sind an dem Kasten selbst zwei Säulen aa, bb und oben ein Querstück cc mit dem Torsionskreise angebracht, von vvo aus der Faden in dem Glasrohre dd herabgeht. Die Beleuchtung geschieht dadurch, dass man mittelst eines Spiegels das Tageslicht, oder das Licht einer Wachskerze durch die Scala gegen das Beobachtungs-Fernrohr richtet. Das erste Instrument dieser Art wurdt im Jahre 1838 in Dublin aufgestellt; ähnliche Instrumente sini später für die Brittischen Colonial-Observatorien, dann für die Observatorien in Breslau, Cadix, Cambrigde (Nord-Amerika), Algier, Cairo, Irevandrum und Lucknow hergestellt worden.
- Declinations-Instrument des Münchner Observatoriums. Gegen Ende des Jahres 1840 unternahm ich eine Reihe von Versuchen, wovon später eine kurze Uebersicht gegebes wird, und welche mich veranlasst haben, von den früher allgemein angenommenen Grundsätzen in mehreren wesentlichen Puncten abzuweichen. Die Form meiner Nadeln stellt Fig. 5. in haber Grösse dar. Die Nadel selbst ist aus einer starken Uhrseds gemacht, der Spiegel in einen Ring einpolirt. Die Schwingungzeit beträgt gewöhnlich eine Secunde, oder etwas darüber. Zun Aufhängen wird ein einfacher Coconfaden angewendet. Grösse der Magnete ist nach meinen Versuchen nicht wesentlich, wohl ist es vortheilhast kleinere Dimensionen zu wählen. Eine wesentliche Bedingung ist die Einschliessung des Magnets in & nen engen Raum. Unter Berücksichtigung dieser Bedingung kann man dem Gehäuse jede beliebige Gestalt geben. Die gewöhnlichste Form ist Fig. 6. abgebildet: in einer mit drei Fussschrandes versehenen massiven Messingscheibe wird ein Schlitz ab ungefähr 1 Zoll breit durchgebrochen, und oben und unten mit Glas verschlossen; in diesem Schlitze besindet sich der Magnet, desen

Spiegel in dem Gehäuse cd ist. In einiger Entsernung wird auf einer isolirten steinernen Säule die Messingplatte AB festgemacht: unter der Platte ist das Ablesungs-Fernrohr FF, über derselben die Scala SS (von Glas), und hinter dieser der Beleuchtungs-Spiegel ff angebracht. Will man die Variationen der drei magnetischen Elemente zugleich beob chten, so werden auf derselben Platte (Fig. 7.) die drei Fernröhre F, F, F, nebst dem Versicherungs-Fernrohr F_{\bullet} (welches auf eine entfernte Mire gerichtet wird, und etwaige Aenderungen der Platte anzeigt) befestiget: darüber befinden sich die Scalen und Beleuchtungs-Spiegel. Auf drei hölzernen Säulen werden dann die Instrumente (a das Inclinations-Instrument, b das Declinations-Instrument, c das Intensitäts-Instrument) aufgestellt. In mancherlei Beziehung ist die von mir (Annaleu f. Meteorologie u. Erdmagnet. I. S. 164.) beschriebene Einrichtung bequem, wo die Scala im Focus des Beobachtungs - Fernrohrs sich befindet: hiebei ist jedoch eine stärkere Beleuchtung nothwendig. Wo die Raum-Verhältnisse es sulassen, scheint mir die Fig. 7. abgebildete Einrichtung die zweckmassigste. Die ersten Instrumente dieser Art sind am Anfange des Jahres 1841 im Münchner Observatorium gebraucht worden.

14. Kleiner Declinations-Apparat der Brittischen Observatorien. Das Instrument (Fig. 8. a.) hat ein viereckiges Gehäuse von Kupfer, 3½ Zoll lang. 2 Zoll breit. 1½ Zoll hoch, inwendig mit Klötzchen, von der (Fig. 5. b.) dargestellten Form, nusgefüllt, so dass dem Magnete nur der zu seiner Bewegung nöthige freie Raum übrig bleibt: eine Glasglocke ggg hält die Luft ab. Fernrohr und Scala besinden sich in beliebiger Distanz vom Instrumente auf einem isolirten Postamente.

Variations-Instrumente für Horizontal-Intensität.

35. Bifilar-Magnetometer von Gauss. Die BifilarSuspension ist bekanntlich zuerst von Snow Harris als Torsionskraft in das Gebiet der Physik eingeführt worden. Ihre Anwendung zum Messen der Variationen der Intensität machte
Gauss im Jahre 1837, und Lloyd bald darauf, ohne von der
Göttinger Einrichtung Kenntniss erhalten zu haben*). Das Bi-

[&]quot;) S. Lloyd, Account of the Dublin magnetic observatory. S. 28.

Ein Instrument bestehend aus einem Magnet, den die Torsion eines

filar-Magnetometer besteht aus einem Magnetstabe, der durch die Torsionskraft zweier Fäden um 90° vom Meridian abgelenkt wird. Die in Betracht kommenden Verhältnisse sind: Länge und Entfernung der Fäden; Gewicht des Magnets; Torsionswinkel; Schwingungszeit. Die Torsionskraft ist der Länge der Fäden umgekehrt, und dem Quadrate ihrer Entsernung von einander direct, endlich dem Gewichte ebenfalls direct proportional. Man kann indessen das zweite Verhältniss wegen der Schwierigkeit der Messung kaum mit Sicherheit benutzen. Was die Schwingungszeiten betrifft, so hat man, wenn der Maguetstab im Meridian schwingt, und der Nordpol desselben nach Norden gerichtet ist, $S + MX = \frac{1}{2^3}$, wobei S die Torsionskrast der Suspension, M das magnetische Moment des Stabes, X die absolute Horizontal-Intensität, a eine Constante, r die Schwingungszeit bedeuten. Dreht man die Fiden um 180°, und lässt den Stab wieder im Meridian schwisgen, jedoch so, dass jetzt dessen Nordpol nach Süden gerichtet ist, so erhält man $S - MX = \frac{a}{\ell^2}$. Die Verbindung beider Gist chungen giebt $MX = S \frac{t^2 - \tau^2}{t^2 + \tau^2}$. Da die Torsionskraft dem Sins des Winkels, um welchen man die Fäden an einem Ende dreit, proportional ist, so hat man, wenn die Fäden um den Winkels gedreht werden müssen, damit der Magnetstab senkrecht auf der Richtung des magnetischen Meridians sei, Ssin.z = MX sin.90°. Betrachtet man hier z und X als veränderlich, so erhält ma durch Differentiation $\frac{dX}{X} = \frac{dz}{\lg z}$; ferner ergiebt sich mit Zusiehung der vorhergehenden Gleichung sin. $z = \frac{t^2 - \tau^2}{t^2 + \tau^2}$. Daraus folgt sur Einrichtung und zum Gebrauche des Bisilars folgende Anweisung man bestimmt z und t und dreht die Fäden an einem Ende un den Winkel z, dessen Sinus $=\frac{t^2-\tau^2}{t^2+\tau^2}$ ist; alsdann ist der abse-

Drathes senkrecht gegen den magnetischen Meridian hielt, war von Christie viele Jahre früher zur Messung der Intensitäts-Variationen ausgeführt worden. Bei seinen im Jahre 1825 angestellten Intenstäts-Beobachtungen gebrauchte Christie zwei Magnete, um eine freie Nadel senkrecht gegen den Meridian zu halten. Report of the third meeting of the British Association p. 119.

te Werth eines Scalatheils gleich dessen Angulär-Werth, diviet durch die Tangente des Torsionswinkels.

Die Bestimmung des Torsions-Winkels z erlangt Lloyd auf ne verschiedene Weise, indem er den magnetischen Meridian estimmt, und das Collimator-Fernrohr ff (Fig. 9.) um 90° dreht, ad dann, nachdem der Stab eingelegt ist, den Torsionskreis dreht, a die Mitte der Scala auf den Faden des Beobachtungs-Fernshrs trifft. Die Richtung des magnetischen Meridians erkennt an daran, dass derselbe Scalatheil auf den Faden des Beobachngs-Fernrohrs trifft, wenn man den Magnetstab mit dem Torsionsstabe verwechselt. Eine vorhandene Torsion des einen oder idern Fadens verräth sich dadurch, dass eine gleich grosse Dreing der Fäden östlich und westlich vom Meridian nicht gleich osse Ablenkungen hervorbringt. (Makerstoun Observations I. XXVII.)

Der Bifilarstab hängt in einem Kasten von derselben Form, ie bei dem Unifilar-Magnetometer. Zur Bestimmung der Temtatur wird ein Thermometer T Fig. 4. angebracht, dessen Kulim Magnetkästen sich befindet. (Vergl. §. 38.) Nennt man Werth eines Scalatheils ε , die Temperatur t, und die Factoren, omit das magnetische Moment, die Länge der Fäden, und ihre atfernung zu multipliciren sind. $(1-\alpha t)$, $(1+\beta t)$, $(1+\beta t)$, so ist t Reduction auf t0 in Scalatheilen ausgedrückt t0.

neuester Zeit sind in den Brittischen Observatorien kleine Biare mit dreizölligen Nadeln, analog mit den kleinen Declinationsstrumenten (§. 11.) eingeführt worden.

16. Variations-Instrument des Münchner Obseritoriums*). Dieses Instrument besteht in einer Nadel, wele durch zwei sixe Magnete vom magnetischen Meridian abge-

[&]quot;) Im Jahre 1840 und einem Theil des Jahres 1841 wurde im inchner Observatorium zur Messung der Intensitäts-Variationen ein pfündiger Stab gebraucht, der durch die Torsionskrast einer Engliben Chronometer Feder senkrecht auf den Meridian gehalten wurde. ihere Angaben sinden sich in meiner Abhandlung "Ueber das Obrvatorium der königt. Sternwarte bei München." Auch die Bistarnrichtung habe ich angewendet, glaube aber, dass die Veränderheit der Suspension (insbesondere durch Drehung und Dehnung ir Fäden) ein kaum zu beseitigender Uebelstand ist.

lenkt gehalten wird. Die Grösse und Außstellungsweise der Nadelist wie bei dem Declinations-Instrumente. Die Ablenkungs-Mägnete sind senkrecht auf die Richtung der Nadel, und in derselben horizontalen Ebene. Fig. 10. stellt die Projection des Instruments auf eine horizontale Ebene vor: mm ist der freie Magnet, MM, M'M' die Ablenkungs-Magnete, AC der magnetische Meridian, und $A'CA = \varphi$ der Ablenkungswinkel. Nennt man das Drehungs-Moment, womit die fixen Magnete auf die Nadel wirken, μ , μ' , die Temperatur-Coëfficienten α , α' , die Temperatur t, so hat man

$$X\sin\varphi = \mu(1-\alpha t) + \mu'(1-\alpha' t),$$

woraus durch Differentiation folgt

$$\frac{\delta X}{X} = -\frac{\delta \varphi}{\lg \varphi} - \frac{\mu \alpha + \mu' \alpha'}{\mu + \mu'} \delta t.$$

Fügt man einen dritten fixen Magnet mit dem Drehungs-Momente μ", und dem Temperatur-Coëssicienten a" in solcher Weist hinzu, dass er den beiden andern entgegenwirkt, so hat man de Temperatur-Correction = $-\frac{\mu\alpha + \mu'\alpha' - \mu''\alpha''}{\mu + \mu' - \mu''}$ und es ist leicht & Verhältnisse so zu wählen, dass $\mu \alpha + \mu' \alpha' - \mu'' \alpha'' = o$ sei. Hierauf beruht die von mir eingeführte Temperatur-Compensation: die Einrichtung wird übrigens gewöhnlich so gemacht, dass je dem von den Ablenkungs-Magneten ein compensirender Magnet beigefügt wird. Zugleich wird $\mu = \mu'$ gemacht *), in welches Falle eine etwa vorkommende kleine Aeuderung in der Suspen sion keinen Einfluss hat. Ich habe die fixen Magnete gewöhnlich auf hölzernen Unterlagen, die sich durch die Temperatur nicht ausdehnen, befestiget: gebraucht man Metall, so müssen die Megnete übercompensirt sein, so dass sie die Wirkung der Ausdehnung des Metalls ebenfalls aufheben. Von dem Ablenkungswirkel hängt die Empfindlichkeit des Instruments ab; ich habe 📂 wöhnlich ungefähr $\varphi = 50^{\circ}$ gemacht. In der Formel $\frac{dX}{X} = \frac{dy}{dx}$ ist δφ nicht von einem fixen Puncte der Scala, sondern von magnetischen Meridian zu rechnen, der beständig wechselt, dessen jedesmalige Lage durch das Declinations-Instrument gegeben wird. Man muss daher für $\delta \varphi$ den Unterschied swischen der Ablesung des Declinations - und des Intensitäts-la-

^{*)} Hier und im Folgenden werden μ , μ' für Drehungs-Moment der compensirten Maguete genommen.

ruments setzen, weshalb bei beiden die Scalatheile denselben agulärwerth haben sollen. Mann kann die Ablenkungs-Matee so stark machen, dass sie die freie Nadel um 90° ablenkt halten, alsdann muss man aber durch einen dritten fixen agnet der Nadel eine Directionskraft, senkrecht auf dem magnechen Meridian geben. Hier braucht man nicht mehr auf die eclinations-Aenderungen Rücksicht zu nehmen. Ein solches strument habe ich angewendet, halte aber die vorhergehende nrichtung, weil sie einfacher ist, für die bessere*).

17. Kreil hat in Mailaud die Schwingungsdauer des Declinams-Magnetometers zur Messung der Variationen der Intensität gewendet: man erhält jedoch auf diese Weise nicht die Intensit, die einem bestimmten Augenblicke entspricht, sondern die ittlere Intensität desjenigen Zeitintervalls, welchen die Schwinngen umfassen. Unter allen Einrichtungen zur Messung der tensität ist übrigens diese diejenige, wobei am wenigsten Intensität ist übrigens diese diejenige wobei am wenigsten Intensität ist übrigens diese diejenige wobei am wenigsten Intensität ist übrigens diese diejenige wobei am wenigsten Intensität ist übrigens diese diejenige wobei am wenigsten Intensität ist übrigens diese diejenige wobei am wenigsten Intensität ist übrigens diese diejenige wobei am wenigsten Intensität ist übrigens diese diejenige wobei am wenigsten Intensität ist übrigens diese diejenige wobei am wenigsten Intensität ist übrigens diese diejenige wobei am wenigsten Intensität ist übrigens diese diejenige wobei am wenigsten Intensität ist übrigens diese diejenige wobei am wenigsten Intensität ist übrigens diese diejenige wobei am wenigsten Intensität ist übrigens diese diejenige wobei am wenigsten Intensität ist übrigen

$$\frac{\delta X}{X} = -\frac{2\delta T}{T} + (\alpha + 2\beta')\delta t.$$

nstatt δt kann man auch t-t' schreiben, wenn t' die Normalemperatur, auf welche die Schwingungen reducirt werden soln, bedeutet.

Variations-Instrumente für Inclination.

18. Variations - Instrumente für Inclination von upffer und Kreil. Ich stelle diese zwei Instrumente zusamen, weil sie im Grunde dieselbe Construction haben, nämlich ne Inclinations-Nadel von beträchtlicher Länge, in der gewöhnchen Weise aufgestellt, und mit einer sehr seinen Bewegung. doch nur innerhalb ziemlich enger Gränzen. Die Bewegung bei em Instrumente von Kupffer geschieht auf Messerschneiden.

[&]quot;) Induction weicher Eisenstabe habe ich in Vorschlag gehracht, nd auch ein Instrument hiernach construirt, bei der Anwendung esselben aber keine Vortheile erkannt, die mich veranlasst hätten, ieser Einrichtung den Vorzug zu geben. Annalen f. Meteorologie LErdmagnetism II. S 151

bei dem Instrumente von Kreil auf Spitzen. Das erste Instrument ist bereits Rep. II. S. 204. erwähnt worden, wegen des letztern verweise ich auf Kreils Beschreibung im I. Supplemento alle Effemeridi astron. di Milano und im I. Bde. der Prager Beobachtungen, und bemerke, dass Instrumente dieser Art kaum in allgemeinern Gebrauch kommen werden, weil es ein mechanisches Problem von äusserster Schwierigkeit ist, eine hinreichend seine Axenbewegung herzustellen, und weil sie auch auf längere Zeit sich nicht in Ordnung halten lässt. Sehr scharfsinnig und merkwürdig ist die Untersuchung von Kreil über die Gestalt der Spitzen, und deren Einsluss auf die Schwingungsdauer der Nadel. (Magnet. und meteorolog. Beobachtungen in Prag. Bd. II. S. 21.) Es wäre zu wünschen, dass überall, wo Instrumente mit ähnlicher Axenbewegung gebraucht worden sind, eine analoge Untersuchung stattgefunden hätte.

19. Variations-Instrument für Inclination von Lloyd Das Instrument besteht aus einer freien Nadel, welche durch den, in einem verticalen weichen Eisenstabe, von der Erde inducirten Magnetismus vom magnetischen Meridian abgelenkt wird. Man denke sich in der, auf der Länge der abgelenkten Nadel, normslen Ebene. einen vertical gestellten Eisenstab, nenne das inducirtemagnetische Moment, womit der Eisenstab die Nadel zu drehes sucht, AY, wo Y die verticale Componente des Erdmagnetismus bedeutet, setze ferner das Moment des eigenen permanenten Magnetismus des Stabes = m, den Temperatur-Coëssicienten = a^{*}). (wobei vorausgesetzt wird, dass das Moment mit der Temperatur zunimmt) den Ablenkungswinkel der Nadel = φ , die Temperatw = t, die Inclination = i, so hat man $X \sin g = (AY + m)(1 + at)$. Sucht man das Verhältniss der Aenderungen von i und q und nimmt man dabei die immer sehr kleine Größe als constant an, so hat man

$$\delta i = \frac{\delta g}{\lg g} \left(\frac{1}{2} \sin 2i + \frac{m}{AX} \cos^2 i \right) + \frac{1}{2} \alpha t \sin 2i.$$

^{&#}x27;) Gewöhnlich befestiget man den Eisenstab an einer hölzernen Unterlage, so dass die Entfernung des Stabes von der Nadel sich nicht mit der Temperatur ändert. Nimmt die Distanz bei der Temperatur in dem Verhältnisse 1: $(1+\beta t)$ zu, so muss in der obigen Formel $\alpha-3\beta$ anstatt α gesetzt werden.

Den permanenten Magnetismus m bestimmt man durch Umlegen des Stabes. - Lloyd stellte zuerst den weichen Eisenstab ver-. tical in einer durch die Mitte der Nadel gehenden, und auf dem magnetischen Meridian senkrechten Ebene auf: bei dem Instrumente, welches ich für das Münchner Observatorium zu Anfange des Jahres 1843 ausführen liess, wandte ich zwei Eisenstäbe an, die in einer auf die Länge der Nadel seukrechten Ebene, auf beiden Seiten der freien Nadel sich besinden, so dass beide in gleichem Sinne wirken, und der eine aufwärts gehend mit einem Nordpole, der andere abwärts gehend mit einem Südpole, die Nadel ablenkt. Dadurch erhält man stärkere Induction, und kleine Aenderungen in der Aufhängung haben keinen Einfluss auf den Stand des Instruments. Diese später allgemein angenommene Einrichtung stellt Fig. 11. im Durchschnitte vor: m ist die freie Nadel, die senkrecht auf der Ebene der Zeichnung ist, ab und a'b' die Eisenstäbe.

Was die oben angezeigte Art und Weise betrifft, aus den Aenderungen des Ablenkungs-Winkels die Aenderungen der Inclimation zu berechnen, so liegt dabei die nicht ganz richtige Vorsussetzung zu Grunde, dass die Aenderungen der Induction zur gensen Induction sich verhalten, wie die Aenderungen der indugirenden Krast zu dieser Krast selbst. Ich habe ein Mittel geinden, um, mit Rücksichtnahme auf diesen Umstand, die Constanten des Inclinations-Instruments zu bestimmen. Man bringt mämlich über dem Instrumente einen kleinen Hülfsmagnet AB (Fig. 11.) an, der sich um eine horizontale Axe C in einer, auf (Fig. 11.) an, der sich um eine horizontale Axe C in einer, auf ER Richtung der freien Nadel normalen Ebene drehen lässt. Man sieht nun leicht ein, dass, wenn der Magnet vertical (in der Lage AB) gestellt wird, er bloss mittelbar, durch den Magnetismus, den er in den Stäben inducirt, auf die freie Nadel wirkt, wenn aber horizontal (in der Lage A'B') steht, die Induction aufhort, und nur die unmittelbare Wirkung statt findet. In letzterer Stellung giebt die Ablenkung ein Maass der Krast des Magnets, in ersterer Stellung ein Maass des durch diese Krast inducirten Magnetismus. Man erhält also die Induction, die eine Krast von bekannter Grösse hervorbringt. Die Bestimmung selbst geschieht folgende Weise: man mache zwei Beobachtungen bei verticaler Stellung des Hülfs-Maguets, so dass einmal der Nordpol chen, einmal unten sich besinde, und es sei im ersten Falle die Į

Ļ

Ablesung des Instruments = n, im zweiten = n': hierauf i man zwei Beobachtungen bei horizontaler Stellung des Magnets, so dass der Nordpol einmal westlich, einmal i gerichtet sei, und nenne die Ablesung des Instruments im Falle n'', im zweiten Falle n'''. Bezeichnet man die Tot tensität mit I, die Inclination mit i, den Ablenkungs-Wink freien Nadel mit g, die Ablesung des Inclinations-Instru (nach Einrechnung der Declinations-Aenderungen) mit N Angulärwerth eines Theilstriches mit e, die Entfernung des Magnets von der freien Nadel mit e, die Entfernung der der weichen Eisenstäbe von der horizontalen Ebene, in w die Nadel sich befindet, mit h, und setzt man

$$p = \frac{1}{2} \frac{n' - n}{n''' - n''} \left(1 - 6 \frac{h^2}{e^2} \right)$$

$$a = \frac{\sin \varphi \, \operatorname{tg} \, i + p}{p} \cos^2 i \qquad a' = \frac{\cos \varphi \cos i \sin i}{p} \varepsilon$$

$$b = \frac{\sin \varphi - p \operatorname{tg} \, i}{\operatorname{tg} \, i \sin \varphi + p} \qquad b' = \frac{\cos \varphi}{\operatorname{tg} \, i \sin \varphi + p} \varepsilon$$

ro erhält man die Variationen der Total-Intensität und Intion durch folgende Gleichungen

$$\frac{\delta I}{I} = a \frac{\delta X}{X} + a'N \qquad \delta i = b \frac{\delta I}{I} + b'N.$$

Unter dieser Form können die Variationen am Bequemste rechnet werden. Weitere Entwickelungen finden sich in §

Variations-Instrumente für Vertical-Intensitä

20. Von dieser Art ist nur ein einziges Instrument in Anwendung gekommen, nämlich die magnetische Waag Lloyd (Fig. 12.). Der Name bezeichnet hinreichend die struction: das Instrument besteht in einem magnetischen V balken, dessen Bewegungs-Axe eine auf Agatplatten liegende serschneide ist. Die beiden Enden sind durchbrochen, un Fadenkreuzen versehen, deren Stellung mit Microscopen a sen wird. Wegen der weitern Beschreibung des Instrument seines Gebrauches verweise ich auf Lloyd "Account of th gnetical Observatory of Dublin," und beziehe mich zugleic die oben, hinsichtlich der Inclinations-Instrumente von Ku und Kreil gemachte Bemerkung. Lloyd selbst betrachte Instrument als minder zuverlässig.

Bestimmung der absoluten Declination.

21. Was die Bestimmung der absoluten Declination betrifft, plaube ich nicht, dass irgend eine wesentliche Verbesserung 1 neuerer Zeit eingeführt worden ist. Die Collimation oder der Vinkel der magnetischen Axe mit der Axe des Spiegels (oder enn man einen Collimator gebraucht, mit der Axe des Colliators), wird durch Umlegen bestimmt: nach dem Gauss schen erfahren wird der Magnetstab umgelegt: bei dem magnetischen heodoliten wird das Gehäuse sammt dem Magnet umgelegt, und auch der Fehler des Parallelismus der Planglas-Flächen aufhoben. Die Torsion ist wohl als eine Hauptsehlerquelle zu beachten: einige Bemerkungen darüber werden weiter unten (§. 49 ff.) gegeben werden. Die meiste Verschiedenheit in Bestimung der absoluten Declination bezieht sich auf die Art und eise, den Winkel zu messen zwischen einer Linie. deren Potion gegen die magnetische Axe bekannt ist, und einer terrestrihen Mire. oder dem astronomischen Meridian. Gauss bestimmt mächst den Winkel zwischen einem entfernten terrestrischen Genstande und einer senkrechten Ebene, welche durch die masetische Mire und durch einen bestimmten Punct der Scala geht; a Lothfaden vom Objectiv des Theodoliten-Fernrohrs herunterhend bezeichnet diesen Punct der Scala. Da das Ocular für n fernen Gegenstand und die nahe Mire verschieden gezogen in muss, so werden die Einstellungen nicht auf dieselbe optihe Axe des Fernrohrs, sondern auf diejenige Linie bezogen, elche durch die Mitte des Objectivs geht, und auf die Axe der rticalen Bewegung (Rotations-Axe des Fernrohrs) senkrecht ; jede Messung muss desshalb zweifach gemacht und dazwiben das Fernrohr umgelegt werden, so zwar, dass die untere site des Fernrohrs hinaufkommt, aber die Zapfen in deuselben igern bleiben. (Result. des magnet. Vereins. 1541. S. 1.) Bei m magnetischen Theodoliten wird die Richtung der auf dem siegel senkrechten Linie gemessen, wie bereits oben bemerkt mrde. Airy bezieht die optische Axe des Magnet-Collimators f Polarsterne, deren oberer und unterer Durchgang beobachtet ird: der dabei gebrauchte Theodolit hat ungefähr die Construcm eines tragbaren Passage - Instruments. Simonoff schlägt r, das vom Magnetspiegel reflectirte Sonnenbild zu beobachten VII. B

Wesentlichen gegeben, und als die durch Beobachtung menden Data bezeichnet:

- 1) Das Product des Magnetismus der Nadel une magnetismus . . . MX.
- 2) Den Quotienten derselben Grössen . . . $\frac{M}{X}$. Ich werde hier die verschiedenen Methoden und Instrudurch man die einzelnen Data zu erlangen gesucht einander stellen, weil auf diese Weise eine bessere gegeben werden kann.
- 23. Bestimmung des Products MX. Nan hiezu durch das Bifilar gelangen *), die practischen dürsten indessen kaum beseitigt werden können, und bisher angewendete Mittel ist dasjenige, welches Posprünglich bezeichnet hat, nämlich die Schwingungsdhorizontal oscillirenden Magnets. Neunt man die DSchwingung T und das Trägheits-Moment des Magnets man bekanntlich:

$$MX = \frac{\pi^2 K}{T^2}.$$

Gauss hat sich veranlasst gesehen, weil bei kleiner gungs-Bogen, wegen der vorkommenden Störungen oder mässigkeiten in der Bewegung des Magnets, die Resultat tie worden die Magnete in größen Rogen schwingen t 58.) Als in dem Münchner Observatorium eine lustdichte e lustdichte Einschliessung der Magnete eingeführt wurde, othwendigkeit weg, grössere Schwingungs-Bogen zu neht man die Lustvibration ab, so kann man einen Magnet mit sehr wohl in Bogen von 10' bis 20' schwingen lassen, eine Störung einträte, oder die Resultate einer Correction er Schwingungsweite bedürsten. Beobachtet man unter Bedingungen grosse Bogen mit sreiem Auge, so bleibt hme der Bogen immer nahe gleich *), ein Umstand. den bequemern Reduction benutzen kann, indem man den as-Bogen unmittelbar beobachtet, anstatt ihn aus den age und Ende beobachteten Schwingungs-Bogen zu be(Vergl. §. 57.)

genaue Messung der Schwingungsdauer fordert noch die htigung zweier Umstände: fürs erste nämlich hat der 1 welchem der Magnet hängt, eine gewisse Torsionskraft, ne das Moment MX vermehrt wird: fürs zweite inducirt agnetismus ein gewisses magnetisches Moment in dem nden Magnete, wodurch wieder eine Vergrösserung von gt. Wegen des erstern Umstandes muss man MX mit or $1+\gamma$ multipliziren, wenn γ das Verhältniss der TorMoment des Stabes ausdrückt, und wegen des letztern s muss $M+\mu X$ anstatt M gesetzt werden, wobei μ den s-Coëssicienten bezeichnet. Demnach wird die vollstännel zur Bestimmung der Schwingungs-Dauer sich so

$$(M + \mu X) (1 + \gamma) X = \frac{\pi^2 K}{T^2}.$$

mmung der Constante K. welche das Trägheitsmoment

den Resultaten des magnetischen Vereins 1837. S. 70. wird i, dass die Abnahme der Bogen sehr verschieden gefunden id auch mit dem Umstande zusammenzuhängen scheine, ob el bedeckt sei, oder heiter. Ich habe im Jahre 1841 einen pparat mit einem lustdicht eingeschlossenen Magnete hernd die Schwingungs-Abnahme langere Zeit hindurch täglich im magnetischen Observatorium beobachtet, aber nie eine Verschiedenheit der Schwingungs-Abnahme gesunden. Es nach meiner Meinung keinem Zweisel, dass die Unruhe der bekanntlich bei heiterm Himmel viel beträchtlicher ist, bei nger Apparate wirksam gewesen sein muss.

des Magnets bezeichnet, geschieht durch zwei Schwingungs-Be obachtungen, wobei der Magnet einmal allein, einmal belastet mie einem Körper von bekanntem Trägheits-Momente, welches wir Rennen wollen, schwingt. Dadurch erhält man die beider Gleichungen $MX = \frac{\pi^2 K}{T_o^2}$ und $MX = \frac{\pi^2 (K+R)}{T_o^2}$, wobei vorausge setzt wird, dass die Schwingungszeiten auf gleiche Temperatund Intensität reducirt, und wegen der Torsionskraft des Fades corrigirt seien. Als Resultat ergiebt sich:

$$K=\frac{RT_0^2}{T_1^2-T_0^2}.$$

Poisson zeigte nur überhaupt die Belastung als Mittel zur Bestimmung des Trägheits-Moments an: Gauss gebrauchte Gewichte, die an einem Querstabe in bestimmten Distanzen hängen (worüber Rep. II. S. 153. bereits ausführlich berichtet worden). Weber hat über den Magnet (Fig. 15.) einen Coconfaden mit zwei messingnen Cylindern von gleichem Gewichte gelegt, welche über die beiden Enden des Magnets herabhängen. Von mit sind Ringe eingeführt worden (Fig. 14.), welche auf den Magnet gelegt werden. Ausserdem dass Ringe sehr genau durch die wöhnlichen mechanischen Hülfsmittel hergestellt werden können, gewähren sie bei Bestimmung des Trägheits-Moments vor aller andern Formen, die man derselben Masse geben kann, den Vortheil. dass eine Abweichung von der ideellen Form und Homegenität der Masse am wenigsten Einfluss auf das Resultat bat Bei Bestimmung des Trägheits-Moments verdient die Bemerkung von Gauss, dass "ein Mangel in der festen Verbindung der Theile des schwingenden Apparats unter einander immer eine schnelle und unregelmässige Abnahme der Schwingungsbogen zur Folge hat, und mithin der genauen Beobachtung hinderlich ist," (Result. des magnet. Vereins 1837. S. 70.) nicht ausser Acht gelassen zu werden.

24. Bestimmung des Quotienten $\frac{M}{X}$. Welche Einrichtungen von Gauss getroffen worden sind, um diesen Zweck werreichen, ist bereits im Rep. II. S. 159. dargelegt worden. Die Methode besteht im Wesentlichen darin, dass man die Winkelbeobachtet, um welche ein horizontaler, senkrecht auf den megnetischen Meridian gestellter Magnetstab einen frei hängenden

blenkt. Dabei kann die Mitte des Ablenkungs-Stabes entin dem magnetischen Meridian des freien Stabs, oder in ierauf senkrechten, und durch die Mitte des freien Stabs en Linie liegen. Jede Ablenkung wird in einer bestimmtans vorgenommen, und erfordert eine vierfache Beobachindem der Ablenkungsstab auf beiden Seiten des freien und zwar das Nordende einmal westwärts, einmal ostgerichtet aufzulegen ist: jede Ablenkung φ in der Distanz eine Gleichung von der Form:

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{M}{X} \frac{1}{e^3} + \frac{L}{e^5}.$$

darf, um L zu eliminiren, einer zweiten Ablenkung φ' in stanz e', und nimmt man mehrere Ablenkungen φ'' , φ''' ...

Distanzen e'', e'''... vor, so lässt sich $\frac{M}{X}$ mittelst der Meler kleinsten Quadrate bestimmen. Die vorzüglichste pracschwierigkeit bei dieser Methode ist die hinreichend gelessung der Ablenkungen. Es wäre erforderlich, dass der ab sich mit vollkommener Sicherheit jedesmal in die g einstellte, welche er vermöge der combinirten Wirkung magnetismus und des Ablenkungs-Magnets annehmen sollte; dessen dies nicht der Fall sei, sondern kleinere störende m immer vorhanden sind, hat sich dadurch herausgestellt, desmal bei Vergleichung zweier nahe an einander aufge-Magnetometer, Abweichungen vom parallelen Gange sich haben.

! Unsicherheit in der Beobachtung der Ablenkungen, welden im Münchner Observatorium angestellten Versuchen wohl, als an andern Anstalten sich zeigte, hat mich verandere Methoden zu suchen: dabei erkannte ich bald, an wesentliche Vortheile erlange, wenn man den Ablen-Magnet nicht senkrecht auf den Meridian, sondern senkuf die Länge des abgelenkten Magnets stelle; dadurch wird die Entwickelung von $\frac{M}{X}$ nach Potenzen von e sehr vert, die Beobachtung grosser Ablenkungs-Winkel möglich t, und die Entstehung eines durch gegenseitige Einwirkung en Moments in den Magneten vermieden. Bei der Intentestimmung selbst gebrauche ich blos eine Ablenkung öst-

lich und westlich, und zwar von 30°-50°: ich erhalte dadurch die Gleichung:

$$\frac{M}{X} = \frac{1}{2} \frac{e^2}{k} \sin \varphi$$

wo e die Distanz, und k eine Constante bedeutet. (Vergl. §. 43.) Verbindet man damit die Schwingungsgleichung $MX = \frac{\pi^2 K}{T^2}$, se ergiebt sich durch Elimination von M

$$\log X = Const. - \frac{1}{2} \log \sin \varphi - \log T.$$

Die Constante ist = $\log \pi \sqrt{\frac{2\kappa k}{\epsilon^2}}$.

Um auf die Variationen der Temperatur und Intensität Rücksicht zu nehmen, muss man bei der Schwingung: $M_o(1-alt)$ $X_o(1+n\varepsilon)$, $K_o(1+\beta t)^2$ anstatt M, X, K, dann bei der Ablekung: $M_o(1-at')$, $X_o(1+n'\varepsilon)$, $c_o(1+\beta t')$ anstatt M, X, e setse, wo a und β' den Temperatur- und Ausdehnungs-Coëfficients des Magnets, n. n' die Ablesungen des Variations-Instrument, ε den Werth eines Theilstrichs, β den Ausdehnungs-Coëfficienten des Messings (wenn eine messingne Ablenkungs-Schiene ε -brancht wird), t und t' die Temperaturen bedeuten: diese Schiene ε -stitution, und die Einführung der am Ende des vorigen ε - gefürdenen vollständigen Schwingungs-Gleichung giebt:

$$\log X_{o} = Const. - \frac{1}{2} \log \sin \varphi - \log T - t' \log (1 + \frac{1}{4}\beta - \beta) + (t - t') \log (1 + \frac{1}{2}\alpha + \beta') + \frac{1}{2}(n + n') \log (1 + \varepsilon) - \log (1 + \frac{1}{4}\beta) - \log (1 + \frac{1}{2}\frac{\mu}{M}X).$$

Die Constante ist = $\log \pi \sqrt{\frac{2K_0k}{e_0^3}}$; die letzte, und (wenn γ einer erheblichen Werth hat), die vorletzte Correction werden gewöhelich in die Constante eingerechnet. Für Reaumur'sche Grabe ist $\log (1 + \frac{1}{4}\beta - \beta') = 0.0000082$.

Was die Grösse k betrifft, so bestimme ich sie durch eine Combination von Ablenkungen östlich und westlich mit Ablenkungen nördlich und südlich auf folgende Weise: Ausser der Ablenkung φ in der Distanz e beobachtet man eine zweite Ablenkung φ' in einer grössern Distanz E: alsdann bestimmt man für dieselben Distanzen der correspondirenden Ablenkungen nördlich und südlich, nämlich ψ für die Distanz e, und ψ' für die Distanz E. Ist alsdann die Länge des freien Magnets = l, und settl

 $\tan \frac{e}{E} = \eta \text{ und } \left(7 + 3\frac{l^2}{e^2} \cdot \frac{\eta^2}{1 + \eta^2}\right) (1 - \eta^4) \eta^3 = C, \text{ so hat man vergl. } \S. 47.)$:

$$k = \frac{C\sin\varphi}{3\sin\psi + 2\sin\psi' - r^{2}(3\sin\varphi + 2\sin\varphi')}.$$

Is Bedingung ist hiebei vorausgesetzt, dass der freie Magnet sehr lein sei, im Verhältniss zu dem Ablenkungs-Magnete.

Der Sicherheit wegen ist es nothwendig, die Bestimmung on k wiederholt vorzunehmen: dabei bleibt der Werth von C omer unverändert. Die Ablenkungen g, g', ψ , ψ' müssen auf eiche Temperatur und Intensität reducirt sein *).

Um dieselbe Zeit als die Untersuchungen, deren Ergebniss h eben angegeben habe, ausgeführt wurden, beschäftigte sich loyd mit demselben Probleme, und gelangte unter der Voraustzung, dass in Magnetstäben der Magnetismus von der Mitte sch beiden Enden gleichmässig zunehme, zu dem Resultate, dass, enn die Quadrate der Längen des abgelenkten und ablenkenden

Es sei bei der Temperatur t die rechtwinkliche Ablenkung φ ad die Schwingungsdauer T beobachtet worden, so entspricht der ormal-Temperatur t_o

die Ablenkung...
$$g + (3\beta + a) \operatorname{tg} g(t - t_o)$$
, und die Schwingungsdauer $T - (\beta + \frac{1}{2}a) T(t - t_o)$.

iebei bedeutet α den Temperatur-Coëfficienten des Magnets, β' desm Ausdehnungs-Coëfficienten, und β den Ausdehnungs-Coëfficiennen des Maassstabes, worauf die Distanz bei der Ablenkung gemessen urde. Setzen wir ferner, dass die Ablenkung φ und die Schwining T der Intensität $X = X_o(1 + n\varepsilon)$ entsprechen, wo n die Ablesung is Variations-Instruments, und ε den Werth eines Scalatheils bedeun, so erhält man für die Intensität $X = X_o(1 + N\varepsilon)$

die Ablenkung ...
$$g + \epsilon \lg g (n - N)$$

die Schwingungsdauer $T + \frac{1}{2}\epsilon T (n - N)$.

den vorhergehenden Formeln ist die Reduction des Winkels in zen gegeben und muss erst durch Division mit sin 1' oder sin 1" in inuten oder Secunden verwandelt werden. In der Praxis ist es veckmässiger, alle hieher gehörigen Rechnungen mit Logarithmen führen, und nicht die Schwingungszeit und die Ablenkung, sonmen log T und $\log \sin \varphi$ zu reduciren: man erhält auf solche Weise: gSchwingungszeit = $\log T - (t-t_0)\log(1+\beta+\frac{1}{2}\alpha) + (n-N)\log(1+\frac{1}{2}\epsilon)$ g sin Ablenkung. = $\log \sin \varphi + (t-t_0)\log(1+3\beta+\alpha) + (n-N)\log(1+\epsilon)$

[&]quot;) Da es häufig nöthig ist, Ablenkungen und Schwingungen auf ne Normal-Temperatur und Normal-Intensität zu reduciren, so führe h hier die Formeln an:

Magnets sich wie 2:3 verhalten, das zweite Glied in der Entwickelung von $\frac{M}{X}$ verschwinde, und man in jeder Distanz, die mehr als viermal die Länge des Ablenkungs-Magnets betrage, die einfache Gleichung erhalte: $\frac{M}{X} = \frac{1}{2}e^2 \operatorname{tg} \varphi$. Lloyd beschränkt die Gültigkeit dieses Verhältnisses auf kleine Magnete und beruft sich dabei auf Versuche von Biot*). (Vergl. §. .)

25. Was die Hülfsmittel betrifft, welche zur Bestimmung der absoluten Intensität angewendet worden sind, so hat Gauss das Magnetometer, wie bereits im II. Bde. des Repert. berichtet wurde, gebraucht: durch dasselbe Verfahren und gleiche Hüllmittel ist in Mailand, Prag, Kremsmünster, Christiania, dann k den russischen, und, mit geringer Modification, am Anfange in den brittischen Observatorien die absolute Intensität gemessen worden. Zur Erfüllung der von mir dargestellten theoretischen Bedingungen habe ich den magnetischen Theodoliten (Fig. 11) construirt. Auf der beweglichen Alhidade aa ist der runde Auf gatz bb festgemacht und darauf befindet sich in dem kleinen Gehäuse c der freie Magnet, der senkrecht auf der Ablenkung-Schiene ist. Der Spiegel des freien Magnets ist über demselben angebracht und steht dem Objective des Fernrohres gegenüber in dem viereckigen Theile des Gehäuses: der Magnet macht mit den Spiegel einen Winkel von 45°. Der Ablenkungsmagnet mm auf dem Schlitten festgemacht, wird in den bestimmten Distanze aufgelegt: um den Indexstrich des Schlittens mit dem Theilstriche der Schiene in Coincidenz zu bringen, bedieut man sich der Loupe ... Die eben angegebene Stellung der Schiene und der Magnete bezieht sich auf Ablenkungen Ost und West: um Ablenkungen Nord und Süd vorzunehmen, dreht man die Ablenkungs-Schiene 90° um den Aufsatz bb und bringt sie in die Richtung ce. zugleich wird der Magnet mm auf dem Schlitten um 90° gedreht und kommt

^{&#}x27;) Lloyd, on the determination of the intensity of the earth's magnetic force in absolute measure. Der obige Ausdruck gilt für Ablenkungen Ost und West, senkrecht auf dem magnetischen Mendian: Lloyd setzte dabei nach dem von Gauss aufgestellten Satze voraus, dass, wenn die Distanz mehr als viermal die Länge des Ablenkungsmagnets betrage, das dritte Glied in der Entwickelung von in vernachlässigt werden dürfe.

man im Focus des Fernrohres den Faden mit seinem Bilde in Coincidenz bringt (§. 7.); die Beleuchtung, die nöthig ist um das Bild des Fadens sichtbar zu machen, geschieht durch den kleinen Spiegel n.

Analog mit dem magnetischen Theodoliten hat Lloyd sein Theodolite-Magnetometer construirt, welches jedoch, so viel ich weiss, nur für Ablenkungen Ost und West eingerichtet ist. Derselbe Zweck wird bis auf Ablenkungen von 6° bei den kleinen englischen Declinations-Instrumenten erreicht durch eine drehbare Schiene AB (Fig. Sa.), die unter dem Gehäuse des Magnets durchgeht und so gestellt werden kann, dass sie senkrecht auf der Richtung der freien Nadel steht. Die eben erwähnten Einrichtungen sind seit 1843 in den brittischen Observatorien eingeführt.

26. Es dürste nicht unzweckmässig sein, hier einige Worte beizufügen über die Einheiten, welche der absoluten Messung der magnetischen Intensität zu Grunde gelegt werden. In der Natur kommt zwar positiver oder negativer Magnetismus nirgends für sich allein vor, in der Abstraction kann man sie aber trennen. Es seien demuach (Fig. .) a und b zwei materielle Puncte, wovon der erstere die Quantität Magnetismus $+\mu$, der letztere - μ' enthält, so werden sich diese zwei Puncte mit der Krast $\frac{\mu\mu^{a}}{(ab)^{2}}$ anziehen. Ist der Punct a fest, b dagegen frei, so wird eine Bewegung des letztern gegen a stattfinden, die Geschwindigkeit, die b dabei erlangt, wird der Anziehungskraft direct und seiner Masse (seinem Gewichte) umgekehrt proportional sein. Hier haben wir vorausgesetzt, dass die Puncte a und b ihrer Lage nach gegeben sind: es kann aber auch der Fall sein, dass a und μ einzeln nicht gegeben sind, sondern nur die Grösse $\frac{\mu}{(ab)^2}$, d. h. die Anziehung, welche im Puncte b ausgeübt wird. Dieser Fall findet bei dem Magnetismus der Erde statt, wo uns die Quelle, von welcher die Anziehung ausgeht, ganz unbekannt und nur die Grösse der Anziehung an einer bestimmten Stelle gegeben ist. Zur Bestimmung des Maasses, nach welchem wir die Anziehungskraft des Erdmagnetismus ausdrücken. dient die Definition: dass diejenige Kraft als Einheit genommen wird, welche im Stande ist der Einheit der Masse in der Einheit der Zeit eine Geschwindigkeit = der Längeneinheit zu geben. Setzt man demnach die Einheit der Masse = 1 milligramm, die Einheit der Zeit = 1 Secunde, die Längeneinheit = 1 millimeter, und nimmt man ferner an, dass der Erdmagnetismus X=1 in der Richtung ab den Punct b anzicht, dessen Masse = 1 milligr. und dessen Magnetismus $\mu'=1$ sei, so wird dieser Punct mit beschleunigter Bewegung gegen a fortrücken und am Ende der ersten Secunde eine Geschwindigkeit von 1 millimeter erlangt haben. Würde die Schwerkraft an der Oberstäche der Erde anstatt X den Punct B0 anziehen, so würde er bekanntlich am Ende der ersten Secunde eine Geschwindigkeit von B17,94 millimeter (am Aequator) und B17,94 B1 (B1,005,19 sin B2) (in der Breite B2) erlangen: dadurch ist ein Verhältniss der Schwerkraft zur Einheit der magnetischen Kraft gegeben B1).

Aus dem Vorhergehenden erhellt, dass die Zahlen, welche die Krast des Erdmagnetismus ausdrücken, je nach den zu Grunde gelegten Längen- und Gewichts-Einheiten verschieden sein werden. In Deutschland hat man überall, nach Gauss, Milligramm und Millimeter als Einheiten angenommen: bei den brittischen Messungen sind dafür der englische Fuss und das Grain, bei den russischen der russische Zoll und das russische Pfund substituit worden; die ersteren müssen demnach mit 0.46108 (log 9.66378), die letzteren mit 126.98 (log 2.10372) multiplizirt werden, uns sie auf die in Deutschland angenommene Einheit zu reduciren.

^{*)} In einer Abhandlung von Poisson (Connoissance des Tems 1841. p. 113) findet man verschiedene Bedenken entwickelt, in wie fern unsere magnetischen Messungen mit Recht absolut zu nennen sind. Allerdings giebt es manche Verhältnisse, über welche erst mit der Zeit empirische Gewissheit zu erlangen ist, z. B. ob der Magnetismus wie er in verschiedenen Körpern vorkommt, derselbe sei, und ob nicht Magnete aus verschiedenen Stahlarten verschiedene Werthe der Intensität geben, desgleichen ob nicht im Verlause der Zeit die Gesetze und Constanten magnetischer Attraction und Repulsion eine Aenderung erleiden; vorläusig indessen sind wir durch die Erfahrung, so weit sie geht, und durch die Analogie hinreichend berechtigt anzunehmen, dass die Entscheidung jener Fragen in unseren Intensitäts-Bestimmungen und in der Bedeutung, die wir ihnen beilegen, keine Modification herbeiführen wird.

Bestimmung der absoluten Inclination.

27. Es ist in dieser Beziehung wenig zu erwähnen, da von denjenigen, welche sich mit Bestimmung der absoluten Iuclination beschäftigt haben, fast überall die Methoden und Instrumente, deren man sich schon seit langer Zeit bedient hat, gebraucht worden sind. Als neu ist zu erwähnen: Das Oscillations-Inclinatorium von Sartorius v. Waltershausen. Man hat bereits früher das Verfahren gebraucht, eine Inclinations - Nadel suerst in der Richtung der Totalkraft, dann horizontal schwingen zu lassen, und aus dem Verhältnisse der ganzen Kraft zu ihrer horizontalen Componente die Inclination abzuleiten. torius v. Waltershausen und Listing haben zu demselben Zwecke auf ihrer Reise nach Italien 1834 - 1836 einen Stab, einmal horizontal, einmal vertical schwingen lassen: da aber im letz-*tern Falle die Schwingungsaxe nicht durch den Schwerpunct ging, so muste der Einfluss dieses Umstandes eliminirt werden durch Wiederholung derselben Operation nach Umkehrung der Pole. Die erste horizontale Schwingung giebt die Gleichung:

$$MX = \frac{n^2K}{T_1^2}.$$

Die verticale Schwingung, wobei der Nordpol abwärts gerichtet sein, und der Stab in einer auf dem magnetischen Meridian senkrechten Ebene schwingen muss, giebt:

$$\gamma + MY = \frac{\pi^2 K'}{T_2^2}$$

wo γ das Moment der Schwere, und K' das Trägheitsmoment, besüglich auf die Schwingungsaxe bedeutet. Werden alsdann durch Streichen des Stabes die Pole umgekehrt, und setzt man das neue magnetische Moment = M', so erhält man die analogen Gleichungen:

$$MX = \frac{\pi^2 K}{T_1^2}$$
 and $\gamma - M'Y = \frac{\pi^2 K'}{T_1^2}$.

Es ist hier vorausgesetzt, dass die Entsernung der Schwingungs-Axe bei den verticalen Schwingungen von dem Schwerpuncte so gross sei, dass dasselbe Ende immer abwärts trachte, es mag dieses Ende ein Nordpol, oder ein Südpol sein. Durch Elimination der Unbekannten γ , M, M' erhält man:

$$\frac{Y}{X} = \lg i = \frac{K'}{K} \cdot \frac{\frac{1}{T_2^2} - \frac{1}{T_4^2}}{\frac{1}{T_1^2} + \frac{1}{T_3^2}}$$

Die Bestimmung von $\frac{K'}{K}$ bietet keine Schwierigkeit dar. Als Schwingungs-Axe für die verticalen Schwingungen kann man eine runde Axe, oder eine Messerschneide, oder zwei Spitzen gebrauchen: v. Waltershausen und Listing haben Spitzen gebraucht, was bei Weitem den Vorzug verdient, indem man auf solche Weise versichert ist, genau dieselbe Schwingungs-Axe bei den beiden verticalen Schwingungen zu erhalten.

Practisch bietet die Methode Schwierigkeiten dar, wovon ich nur eine erwähnen will, nämlich jede Unregelmässigkeit der Lager und der Axe oder der Spitzen, worauf der Magnet bei verticaler Stellung schwingt, hat Einfluss auf die Schwingungsdauer. Den Einfluss solcher Unregelmässigkeiten kann man weder direct bestimmen, noch aus dem Resultate eliminiren *). (Vergl. §. 15.)

28. Gauss hat in den "Result. des magnetischen Vereim für 1841." S. 11. seine Inclinations-Messungen in Göttingen, wobei er ein Inclinatorium von Robinson gebrauchte, bekannt gemacht, und zugleich das Problem der Inclinations-Bestimmung selbst in umständlicher Entwickelung dargestellt, woraus die Haupt-Gleichungen später (§. 55.) mitgetheilt werden sollen. Das von Gauss angewendete Verfahren kommt im Weseutlichen auf Folgendes zurück: Man stelle den Verticalkreis in den Meridian, und beobachte die Neigung fo, dann ändere man das Azimut um 180°, lege die Nadel wieder auf, so dass ihre Axe gegen die Weltgegenden wieder dieselbe Lage habe, und beobachte die Neigung 180° — f_1 , alsdann wird $\frac{1}{2}(f_0 + f_1) = f$ die von dem Fehler der Lager und des Nullpuncts befreite Neigung für die eine Stellung der Zapsen sein. Analog mit f erhält man eine zweite Bestimmung g, wenn man die Zapfen verwechselt, d. h. den Zapfen der in den zwei ersten Messungen gegen Westen gerichtet war. nun nach Osten stellt. Dann muss die Nadel umgestrichen, und die mit f und g correspondirenden Winkel f' und g' bestimmt werden. Ausser diesen durch das Inclinatorium selbst gegebenen Daten muss man vermittelst eines eigenen Schwingungs-Apparats vor und nach dem Umstreichen die Schwingungszeiten T und T

^{*)} Ich habe selbst ein Oscillations-Inclinatorium hergestellt, aber nach vorgenommener umständlicher Untersuchung wegen des erwähnten Uebelstandes die Resultate als unsicher erkannt.

der Nadel in horizontaler Lage bestimmen. Um nun aus diesen sechs Grössen die wahre Neigung i zu sinden, bildet Gauss solgende Gleichungen:

$$i = f + c - t \cos f + u \sin f$$

$$i = g - c - t \cos g - u \sin g$$

$$i = f' + c' - \lambda t \cos f' - \lambda u \sin f'$$

$$i = g' - c' + \lambda t \cos g' + \lambda u \sin g'.$$

Hier bedeuten c und c' den Collimations-Fehler der Nadel, d. h. den Winkel swischen der magnetischen Axe und der durch die Spitzen der Nadel gehenden Linie vor und nach dem Umstreichen; t und u sind kleine Grössen, durch deren Elimination man den Werth von i findet, ohne dass ihre Bestimmung an und für sich von Interesse wäre; λ ist gleich $\frac{T_1^2}{T^2}$. In so fern man nicht durch besondere Hülfsmittel c und c' bestimmt *), muss man (was immerlin nahe richtig sein wird) c = c' annehmen.

.. Reise-Apparate und sonst angewendete besondere Hülfsmittel magnetischer Messungen.

29. Von Brittischen Gelehrten und Seefahrern ist häufig die Belastung einer Inclinations-Nadel zur Bestimmung der totalen Intensität und Inclination angewendet worden. In den Transsections of the Royal Irish Academy Vol. XVII. hat Lloyd die für diesen Fall geltenden Formeln entwickelt, und die in der Praxis erreichbare Genauigkeit nachgewiesen. Nennt man die Inclination i, die Total-Intensität I, das magnetische Moment der Nadel M, das Moment von zwei der Nadel angefügten Gewichten p und p', die Neigungen der Nadel, wenn sie mit diesem Gewichte Beschwert ist, u und u', so hat man:

$$p \cos u = IM\sin(u - i)$$

 $p'\cos u' = IM\sin(u' - i)$

und demnach:

$$\frac{p}{p'} \cdot \frac{\cos u}{\cos u'} = \frac{\sin(u-i)}{\sin(u'-i)} \cdot \cdot \cdot \cdot (1)$$

$$I = \frac{p'}{M} \frac{\cos u'}{\cos(u'-i)} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot (2).$$

^{*} OGauss bemerkt, dass man vor und nach dem Umstreichen die Nadel als-Declinations-Magnet aufbängen, und durch Microscope und e bestimmen könne.

Lässt man für p das Moment der Nadel selbst, bezüglich auf ihre Drehungs-Axe gelten, welches ünmer sehr klein sein wird, so muss u-i ein sehr kleiner Winkel sein, und man hat:

$$i = u - \frac{p}{p'} \frac{\cos u}{\cos u'} \sin (u' - i) \dots (3).$$

Zur Berechnung des letzten Gliedes braucht man nur einen genäherten Werth von i zu haben. Diese Gleichung in Verbindung mit der Gleichung (2) reicht hin, die Inclination und Total-Intensität zu bestimmen, wenn $\frac{p}{p'}$ und $\frac{p'}{M}$ bekannt sind. Die Gleichung (3) bedarf keiner Correction wegen der Temperatur, wenn diese während des Experiments sich gleich bleibt. In der Gleichung (2) muss dagegen

$$\frac{p_0'(1+\beta t)}{M_0(1-\alpha t)}.$$

anstatt $\frac{p'}{M}$ substituirt werden, wobei β' den Ausdehnungs-Coëssicienten des Stahles*), α den Temperatur-Coössicienten der Nadelund t die Temperatur bedeuten, und p'_0 und M_o für die Temperatur o gelten. Die oben beschriebene Messungs-Methode wird in Englischen Schristen Lloyd's statische Methode genant. Als Gewichte brauchte Lloyd kleine Stückchen Messingdrath: die Nadel hatte Löcher in verschiedenen Entsernungen, wo die Drathstückchen hineingeschoben werden konnten.

30. Anstatt Gewichte an der Nadel anzubringen, hat Fox einen Coconfaden, an dessen Enden zwei kleine Gewichte angehängt waren, um den dickern Theil der Axe (in einer mit grosser Sorgfalt eingedrehten Vertiefung oder Nuth) herumgehen lassen. Die Differenz der Gewichte brachte ein constantes Drehungs-Moment = q hervor. Ist p wie oben das Moment der Nadel selbst, so haben wir:

$$p \cos u = IM \sin (u - i)$$

$$q + p \cos u' = IM \sin (u' - i)$$

und demnach

$$i = u - \frac{p}{q} \cos u \sin (u' - i) \left(1 - \frac{p}{q} \cos u' \right)$$

$$I = \frac{q}{M \sin (u' - i)} + \frac{p \cos u'}{M \sin (u' - i)}$$

M hängt von der Temperatur ab und ist = M_o (1 — al). Der-

^{*)} Lloyd hat die Ausdehnung des Stahls nicht berücksichtigt

auch durch Ablenkungs-Magnete erfüllt werden, denen man eine bestimmte Stellung gegen die Inclinations-Nadel giebt. Messungen nach der erstern Einrichtung sind vorzugsweise von Lloyd und Sabine in England, Irland und Schottland vorgenommen worden, die letztere Einrichtung ist von Fox und mit sehr günstigem Erfolge auf der Südsee-Expedition von Ross gebraucht worden. (Siehe Sabine, Contributions to terrestrial Magnetism. IV, VI Philos. Transact. 1842.)

- 31. Transportable Magnetometer von Weber. Dieser Apparat unterscheidet sich von dem Gauss'schen Magnetometer nur dadurch, dass er in kleinerm Maassstabe ausgeführt ist. Die Beschreibung sindet sich in den Resultaten des magnetischen Vereins 1538. S. 68.
- 32. Inductions-Inclinatorium von Weber. Ein Kupferring wird mit gleichförmiger Geschwindigkeit um eine horizontale Aze, welche im magnetischen Meridian liegt und einen Durchmesser des Ringes bildet, gedreht, in der Mitte des Ringes und ven diesem isolirt befindet sich eine feststehende Boussole. In dem Kupferringe inducirt der verticale Theil des Erdmagnetismus magnetisches Moment, welches den Dimensionen des Ringes and seiner Rotations-Geschwindigkeit proportional ist, und hie-**Birch wird die Nad**el vom M**e**ridian abgelenkt, während der hozisontale Theil des Erdmagnetismus sie in den Meridian zurückzubringen strebt. Als Resultat ergiebt sich, dass die Tangente des Ablenkungs-Winkels, mit einer Constante multiplizirt, der Tangente der Inclination gleich ist. Da die Constante mit den bisher bekannten Hülfsmitteln nicht bestimmt werden kann, so dient das Instrument nur zu relativen Messungen. welche damit erlangt worden wären, sind übrigens noch nicht bekannt gemacht worden *). (Result. des magnet. Vereins 1837. **S.** 81.)
- 33. Verbesserter Schwingungs-Apparat. Die Bestimmung der Horizontal-Intensität auf Reisen würde eben so ein-

^{*)} Kupffer hat diesen Apparat als Variations-Instrument für Inclination anzuwenden versucht. (Result. des magnet. Vereins 1541.

99.) Der Versuch scheint nicht hinreichend entsprochen zu haben, Kupffer sich später entschlossen hat, das Inclinations-Instrument Lloyd einzuführen.

fach als sicher durch die Schwingungszeit eines kleinen Magnets geschehen können, wäre man im Stande einen Magnet von constantem Magnetismus zu bekommen, oder ihn vor allen Zusällen auf Reisen so zu schützen, dass kein Kraftverlust eintrete. Diess ist jedoch unmöglich, und es bleibt in den Resultaten immer mehr oder weniger Unsicherheit übrig. Um diesen Uebelstand zu beseitigen, habe ich einen Schwingungs-Apparat nach dem Prinzip der absoluten Intensitäts-Bestimmung construirt, wovon Fig. 16. denjenigen Durchschnitt zeigt, der bei der Ausstellung in den magnetischen Meridian kommt. Das Gestell aaa ist von Messing und trägt ein hölzernes Kästchen bb, worin man zuerst in der gewöhnlichen Weise einen Magnet A schwingen lässt: die Schwingungsdauer sei $= T_1$. Alsdam legt man den Magnet B auf (seine Stellung ist durch ein Widerlager bestimmt) und bringt mit der Fussschräube F die kleine Spitze k genau über den Strich n, dabei bedient man sich einer in der Seite des Kästchens festgemackten Loupe. Auf solche Weise befindet sich der freie Magnet in einer bestimmten Distanz von dem sixen, und schwingt unter dem combinirten Einslusse des Erdmagnetismus und des sixes Magnets. Seine Schwingungszeit sei T_2 . Sobald T_1 und T_2 bestimmt sind, lässt man den aufgelegten Magnet B einmal für sich, und einmal unter dem combinirten Einslusse des Erdmagnetismus und des Magnets A schwingen, und erhält dadurch die analogen Schwingungs-Zeiten T_3 und T_4 . Unter T_1 , T_2 , T_3 , T_4 sind hier nicht die unmittelbar beobachteten, sondern die auf unendlich kleine Bogen reducirten Schwingungs-Zeiten verstanden. Vorschriften und Tabellen, um die Reduction leicht und genau vorzunehmen, finden sich weiter unten (§. 56.). Die vier beobschteten Schwingungs-Zeiten geben vier Gleichungen, woraus die magnetischen Momente der Magnete, und zwei unabhängige Werthe der absoluten Intensität abgeleitet werden können, voraugesetzt, dass man die Constanten des Apparates durch Vergleichung mit einem magnetischen Theodoliten bestimmt habe. Nimmt man auf die Variationen der Temperatur und Intensität sowohl als auf die Induction Rücksicht, so werden die Formeln ziemlich weitläutig; für Messungen, wie man sie auf kleinern Reisen vornimmt, gelten folgende Gleichungen:

1)
$$MX = \frac{\pi^2 K}{T_1^2}$$
 2) $MX + kMM' = \frac{\pi^2 K}{T_2^2}$

3)
$$M'X = \frac{\pi^2 K'}{T_3^2}$$
 4) $M'X + k'MM' = \frac{\pi^2 K'}{T_4^2}$

Venn man $\frac{T_2}{T_1} = \cos x$, $\frac{T_1}{T_2} = \cos x'$ macht, so geben die drei erten Gleichungen:

$$X = \frac{\pi \sqrt{K'k}}{T_a \lg x}. \quad M' = \pi \sqrt{\frac{K'}{k}} \frac{\lg x}{T_a'}$$

nd die erste und zwei letzten Gleichungen:

$$X = \frac{\pi \sqrt{Kk'}}{T \lg x'}, \quad M = \pi \sqrt{\frac{K}{k'}} \frac{\lg x'}{T_1}$$

letst man die Temperatur = t, und bezeichnet $\frac{M}{\pi}\sqrt{\frac{k'}{k'}}$,

 $\frac{\mathbf{w'}}{\mathbf{\kappa'}}\sqrt{\frac{k}{K'}}$ für 0°R mit μ und μ' . $\pi\sqrt{K'k}$. $\pi\sqrt{Kk'}$ ebenfalls für °R mit C, C', so hat man:

$$X = \frac{C(1-0.0000187t)}{T_4 \lg x}, \ \mu' = \frac{\lg x}{T_3} (1 + \alpha t - 0.0000457t)$$

$$\mathbf{X} = \frac{C'(1-0.0000187t)}{T_1 \log x'}, \ \mu = \frac{\log x'}{T_1}(1+\alpha t - 0.0000457t).$$

ref einer Reise reicht es aus, diese vollständigen Beobachtungen preinigen Hauptstationen vorzunehmen, an den Zwischenstationen kann man einfache Schwingungs-Beobachtungen (oben T_1 på T_2) mit A oder B machen, und die Intensität berechnen ach den Formeln:

$$\frac{Q}{\mu T_1^2} (1 + at + 0.000027t), \quad X = \frac{Q'}{\mu' T_3^2} (1 + a't + 0.000027t)$$
 robei μ und μ' aus den an den Hauptstationen bestimmten Werben interpolirt werden müssen.

34. Magnetischer Reisetheodolit. Die Construction ieses Instruments stimmt im Allgemeinen mit der §. 25. angebenen Einrichtung überein, und unterscheidet sich hauptsächich dadurch, dass 1) die Dimensionen kleiner sind; 2) der in Fr Mitte aufgestellte Magnet grösser ist und zugleich zur Mesang der absoluten Declination dient; 3) die Ablenkungs-Schiene urs ist, und nur in einer Distanz die Ablenkungen vorgenommen verden können. Bei den Declinations-Messungen wird die Tor ion nach §. 51. bestimmt.

II. Abschnitt.

Theorie der Instrumente, und darauf bezügliche Untersuchungen.

Einfluss der Luft.

Zu wiederholten Malen findet man in den "Resultaten des magnet. Vereinst den Gebrauch sehr geosser Magnetstäbe alwesentliche Bedingung genauer Beobachtvugen bezeichnet: andererseits hat Lloyd bei der Einrichtung der Brittischen Observatorien diese Bedingung nicht befolgt, und die Vortheile kleinerer Dimensionen hervorgehoben; weder von der einen, noch von der andern Seite sind indessen die aufgestellten Ansichten durch bestimmte Versuche bekräftigt worden, und man begnügte sich Hoffnungen und Befürchtungen auszusprechen. Als ich im Jahre 1840 das Münchner Observatorium einrichtete, solgte ich swar den von Gauss aufgestellten Ansichten und wählte 25pfündige Stäbe: indessen erkannte ich bald mancherlei Schwierigkeiten, die mit dem Gebrauche so grosser Stäbe verbunden sind, und their dieser Umstand, theils die Ansicht. dass es von wesentlichen Nutzen sein werde, durch Experimente zu entscheiden, ob wirklich in der Bewegung grosser und kleiner Magnete ein wesentlicher Unterschied statt habe, bewog mich gegen Ende des Jahres 1840 Versuche anzustellen. Nach mehreren Reihen gleichzeitiger Beobachtungen mit einem Apfündigen Stabe im Saale der Sterewarte, und mit dem 25pfündigen im Observatorium, wobei immer beträchtliche Disserenzen zum Vorschein kamen, stellte ich im April 1841 einen kleinen Magnet von etwa 2 Grammes Gewicht und 2½ Zoll Länge unter einer Glasglocke aaa (Fig. 17.). die auf einer Kupferscheibe bbb luftdicht aufgesetzt war, im magnetischen Observatorium auf, um den Gang desselben mit dem 25 pfündigen Stabe zu vergleichen. Ich setzte voraus. dass wenn wirklich ein Unterschied im Gange grosser und kleiner Magnetebestände, derselbe bei so beträchtlicher Verschiedenheit der Größe sich auffallend herausstellen werde.

Die ersten Beobachtungen waren merkwürdig in so fern. als bei der kleinen Nadel alle Oscillation aufhörte, und der Stand' jedesmal durch eine einzige Ablesung bestimmt war, was ich einer Beruhigung durch das Kupfer zuschrieb. Nachdem aber die

ersten Vergleichungen gezeigt hatten, dass der Gang des Instruments mit dem 25pfündigen Stabe nicht übereinstimmte, und ich einen nachtheiligen Einfluss des Kupfers vermuthete. so ersetzte ich die unter der Glocke besindliche Kupferplatte durch eine Glasplatte, und fand ganz gegen meine Erwartung, dass die Nadel eben so, wie zuvor, vollkommen frei von Oscillationen blieb. Hiemit war ein merkwürdiges Resultat erlangt, dass nämlich die *Oscillationen nicht, wie man bis dahin geglaubt hatte, in der magnetischen Kraft, sondern in der Unruhe der Lust ihren Ursprung haben, und dass es, um sie zu beseitigen, nicht eines ku-'pfernen Dämpfers, soudern einer luftdichten Einschliessung der Magnete bedürse. Das neue Instrument zeigte übrigens, besonders in den Morgenstunden, einen höchst unruhigen Stand: in Zeit von wenigen Secunden bald mit grösserer, bald mit geringerer Schnelligkeit ging die Nadel vorwärts und rückwärts, und **Staliches Stillstehe**n und plötzliche Bewegung waren nicht selten zu bemerken *). Dieser Umstand veranlasste mich, einen **eweiten Apparat von** ähnlichen Dimensionen aufzustellen, um zu intscheiden, ob die bemerkten Bewegungen nicht anderswo. als der magnetischen Kraft ihren Grund hätten. Die gleichzeitig Intervallen von 10 Secunden und 15 Secunden aufgezeichne-Beobachtungen der beiden Apparate zeigten die vollkommen-Uebereinstimmung bis ins kleinste Detail; und zwar zeigte **die Uebereinstimmung** eben so vollkommen, es mochte der Eveite Apparat im magnetischen Observatorium, oder in einem immer der Sternwarte, oder auf einer Kuppel der Sternwarte gestellt sein. Hiemit war der Beweis gewonnen, dass kleine Madeln nicht blos die Aenderungen der magnetischen Kraft rich-

wechseln: die Oscillationszeit der Nadel betrug ungefähr 1", die Dauer der magnetischen Wellen war immer zwischen 6" und 10". Wenn das Vorwärts- und Rückwärtsgehen der Nadel magnetische Wellen nenne, so ist diess, wie ich glaube, ein ganz naturgemässer Austruck: alle magnetischen Bewegungen geschehen, wie die einer flüsten Masse. Besonders auffallend ist diess bei Störungen, wo die Masse bei geichmässiger Bewegung nach der einen oder antern Seite geht, sondern lebhaft an das Anschwellen einer grossen Wassermasse erinnert, wo jede folgende Welle etwas höher steigt. die vorhergehende, und zwischen jedem Vorwärtsgehen ein kurStillstand oder eine rückgängige Bewegung eintritt.

tig anzeigen, sondern dass sie auch die wahre Darstell Aenderungen geben, denen Stäbe von beträchtlichem Ti moment niemals genau nachkommen können. Die Beobacl auf welche die eben ausgesprochenen Schlüsse begründ dauerten höchstens 10 bis 15 Minuten, und der Erfolg jeder Beziehung befriedigend; anders verhielt es sich, w gere Zeiträume beobachtet und die stündlichen Aufzeic verglichen wurden: die kleinen Magnete stimmten wede sich, noch mit dem 25pfündigen Stabe zusammen. chungen betrugen im Maximum über 2 Minuten. rere Wochen hindurch gleichzeitige Aufzeichnungen Tag ur fortgesetzt worden waren (zu Einer Zeit fanden sich ni niger als fünf Nadeln aufgestellt, mit welchen gleichzei obachtungen gemacht wurden), ohne ein weiteres Res geben, als dass in den Differenzen eine 24stündige Per Allgemeinen sich herausstellte, kam ich auf den Gedanl Paar Tropfen Weingeist auf eine Glasglocke, worin ein Magnet eingeschlossen war, hinzuspritzen; und als ich hi das Fernrohr hineinsah. bemerkte ich, wie der Magnet und ohne Oscillation sich mehr als 10 Minuten von seir lung entfernte, und erst nach langer Zeit allmälig wieder kehrte. Wurde Weingeist auf die entgegengesetzte S Glocke gespritzt, so erfolgte eine entgegengesetzte Beweg Nadel. Die Thatsachen deuteten auf die richtige Erklär Phänomens so entschieden hin, dass ein Zweisel nicht o konnte. Ist eine Masse Luft eingeschlossen, und erkaldie eine Seite des einschliessenden Raumes, so fällt dase Luft herab, die darüber befindliche folgt nach, während unter befindliche vorgedrängt wird. Auf solche Weise sich eine regelmässige Strömung, die. wenn sie einmal he ist, lauge Zeit andauert und hinreichend stark ist, eine f. gende Magnet-Nadel um eine beträchtliche Grösse von de ren Richtung abgelenkt zu halten. Es war leicht zu er dass den Differenzen, die bei den verschiedenen magnetis strumenten zum Vorschein kamen, dieselbe Ursache zu lag; die tägliche Bewegung der Wärme, welche von de Seite eintretend nur nach und nach auf den ganzen Ra ausdehnte, brachte eine Strömung der unter den Glasglock geschlossenen Luft hervor. Auch hatte es keine Schwi thig Schirmwände an den Seiten des Magnets und des Spiegels so anzubringen, dass eine Luftströmung dieselben nicht berühren konnte. Der Erfolg eutsprach vollkommen, und die verschiedenen Nadeln zeigten nach dieser Veränderung einen parallelen Gang.

Hat die Luftströmung, die durch die tägliche Aenderung der Wärme erzeugt wird, einen so beträchtlichen Einfluss, so wird inter analogen Umständen bei grossen Stäben der Einfluss noch größer sein, weil den letzteren, im Verhältnisse der Obersläche, welche sie der Lust darbieten, kein so grosses magnetisches Moment gegeben werden kann. Der Versuch mit einem 25pfündim Stabe hat diess auch bestätigt*). — Aus dem Vorhergehenfolgt als allgemeiner Grundsatz bezüglich auf die Construction moglich von allen Seiten einschliessen müsse.

Der Fundamental-Versuch, dass nämlich zwei Declinationslagnete in geräumigen Kasten, wie es früher gewöhnlich war, igeschlosren, nicht parallelen Gang auf längere Zeit zeigen, ist Brüssel, Cambridge (Nord-Amerika) und Greenwich angestellt gerden, und überall mit demselben Erfolge: damit stimmen die bachtungen von Baily an dem Torsions-Pendel überein. Soggendorffs Annalen Bd. 61. S. 95 - 99.) - Bei den von ir construirten Instrumenten ist durch den engen Raum der Legnet-Gehäuse, wie durch die Form derselben dem Entstehen ger Luftströmung vorgebeugt. Bei den Instrumenten, die man England macht, werden die Gehäuse geräumig gelassen, damit ion die Regulirung des Instruments um so bequemer ausführen Enne: nach der Regulirung wird der überflüssige Raum durch Elserne Klötzchen un (Fig. 8. b.) ausgefüllt. Es ist vielleicht tht überflüssig zu bemerken, dass eine luftdichte Einschliesing der Magnete im strengen Sinne des Worts nicht erforderı išt.

Dieber das magnetische Observatorium der königl. Sternwarte München S. 29. Es ist nicht überflüssig zu bemerken, dass die Atteromung nicht blos auf die senkrechten, sondern auch auf die prizontalen Seiten des Magnets einwirkt: hievon habe ich mich durch Litenche überzeugt.

Einfluss der Temperatur auf Magnete, Temperatu. Compensation.

36. Eine richtige Darstellung des Einflusses der Temperatur auf die Krast der Magnete hat Christie im Jahre 1825. (Philos. Transact. 1825. p. 1.) gegeben. In so sern es sich um practische Anwendung bei magnetischen Messungen handelt, folgt aus seinen Untersuchungen, dass bei mässiger Zunahme der Temperatur eine gleichmässige Abnahme des magnetischen Moments stattsindet, dass aber die Grösse der Abnahme bei verschiedenen Magneten verschieden ist; mit andern Worten, das magnetische Moment lässt sich für eine beliebige in der Lust vorkommende Temperatur t durch M(1-at) darstellen, wo der Temperatur-Coössicient a für jeden Magnet eigens bestimmt werden muss.

Sowohl sonstige Untersuchungen, als auch die Praxis der Beobachter stimmten hiemit überein, bis Weber in den "Rembtaten des magnetischen Vereins" für 1837 eine Reihe von Versuchen bekannt machte, woraus er folgende Schlüsse zieht:

- ...1) die Variationen des Stabmagnetismus bei steigender Temperatur sind einem ganz andern Gesetze, als die bei sinkender Temperatur unterworfen;
- 2) derselbe Magnet hält sich sehr verschieden, je nach der Intensität seines Magnetismus, nämlich: wenn er viel Magnetismus besitzt, so hält er ihn sehr fest, und der Wechsel der Temperatur bringt nur kleine Vermehrungen oder Verminderungen hervor; dagegen wenn er wenig Magnetismus hat, wirkt die Temperatur weit stärker auf ihn;
- 3) die zusammengehörigen Temperatur- und Intensitäts-Act, derungen treten bei steigender Temperatur nicht gleichzeitig ein sondern jede Temperatur-Erhöhung, nachdem sie schon eingetreten ist, wirkt längere Zeit noch auf die Intensität des Stabt fort, und vermindert sie Anfangs schnell, mit der Zeit aber immer langsamer."

Dass indessen diese Folgerungen auf Missverständnissen oder Missdeutungen beruhten, ist von mir (Gelehrte Anzeigen 18. December 1841.) und nahe gleichzeitig von Hansteen (De mutationibus virgae magneticae 1842.) nachgewiesen worden.

Hansteen's Versuchen zufolze drückt die bereits oben gegebene Formel M(1 - at) das magnetische Moment bei der Temperatur 2 vollständig aus, und zwar findet er a zwischen den Gränzen 0.0007 und 0.0010 eingeschlossen: unterdessen habe ich anderswo*) nachgewiesen, dass für grössere Temperatur-Intervalle, wie sie bei magnetischen Beobachtungen bisweilen wohl anch im Freien vorkommen könnten, die Formel $M(1-at-\beta t^2)$ angewendet werden müsse. Bei allen von mir construirten Instrumenten habe ich übrigens die Emrichtung getroffen, dass eine Berücksichtigung des Gliedes βt^2 nicht mehr nöthig war.

- 37. Was den Temperatur-Coöfficienten a betrifft, so habe ich durch eine große Anzahl von Versuchen mit Magneten von verschiedenen Dimensionen und verschiedener Härte gefunden:
- 1) dass der Temperatur-Coöfficient um so kleiner ist, je härter der Magnet:
- 2) dass man nur ganz dünnen Magneten die grösste Härte geben könne, dickere Magnete aber im Innern nicht so hart werden, wie an der Oberstäche, desshalb auch immer einen grössern Temperatur-Coëssicienten haben:
- 3) dass bei dem grössten Grade von Härte, den man zu geben im Stande ist, ein Magnet von 0".2 Dicke ungefähr den Temperatur-Coëssicienten 0.0002, ein Magnet von 1" Dicke ungefähr 0.0004 haben wird, dass aber, wenn die Magnete blau angelassen werden, der Temperatur-Coëssicient immer zwischen 0.0007 und 0.0010 bleibt.
- 38. Zur Bestimmung der Temperatur des Bisilars hat man des Thermometer Ansangs in der Fig. 4. angedeuteten Weise angebracht: an den meisten Orten ist auch diese Einrichtung unverändert beibehalten worden, obwohl es bei näherer Betrachtung sogleich einleuchten wird, dass eine Aenderung der Temperatur die Thermometer-Kugel und den Stab nicht auf gleiche Weise assiciren wird. Diesen Umstand hat meines Wissens zuerst Lloyd beachtet: er liess desshalb in einen Messingstab von den Dimensionen des Magnetstabes eine eiserne mit Quecksilber gefüllte Kapsel einlegen, in welche die Thermometer-Kugel eingetaucht

^{*)} Annalen f. Meteorologie u. Erdmagnetism. Heft I. S. 190. Hausten hat mir später geschrieben, dass er ebenfalls bei der im Febr. 1844 eingetretenen grossen Kälte an den Beobachtungen des Bifilars die Nothwendigkeit erkannt habe, ein dem Quadrate der Temperatur proportionales Glied einzuführen. Er tand für die Temperatur t das Moment seines Bifilarstabes (25pfündiger Magnet)

 $⁼ M(1-0.00059626t - 0.000009077t^2).$

war, und wendete die Ablesungen dieses Thermometers sur Correction des Bifilars an. Eine ähnliche Einrichtung machte Broun in Makerstoun (Observations in magnetism and meteorology. S. XXXI.). Die Differenzen, welche man in dem Gange der Bislare wahrnimmt, hatten mich ebenfalls, ehe ich von Lloyd'i Einrichtung Kenntniss erhielt, auf den Gedanken geführt, dass der hier angedeutete Umstand beträchtlichen Einfluss haben könne. Ich liess zu diesem Zwecke in die Mitte eines eisernen Prisms, dessen normaler Durchschnitt ein Quadrat von 11" Seite bildete, ein Thermometer einlegen, und beobachtete 10 Tage hisdurch den Unterschied zwischen diesem Thermometer und zwi neben dem Prisma befindlichen Thermometern. Als Resultat egab sich. dass die Wendepuncte der täglichen Temperatur-Periode im Prisma um 2 Stunden verspätet, und die Grösse dieser Periode um 4 vermindert wurde. Man sieht hieraus, dass der tägliche Gang der Intensität sehr unrichtig bestimmt wird, wem man die Temperatur der Lust im Kasten für die Temperatur der Stabes nimmt: der Fehler wird um so beträchtlicher sein, je gröser der Magnetstab ist*).

39. Auf der oben bemerkten Verschiedenheit der Temperatur-Con-Coöfficienten beruht die von mir eingeführte Temperatur-Conpensation. Auf dem Haupt-Magnete NS (Fig. 20.), der sehr dinn und so hart als möglich sein soll, befestigt man einen kleinen dickern Magnet ns, der blau angelassen ist, so dass die entgegengesetzten Pole auf dieselbe Seite kommen. Ein Stückehen Messing verhindert die unmittelbare Berührung. Nennt man das magnetische Moment des Haupt-Magnets M, und seinen Temperatur-

[&]quot;) Die Temperatur hat auf die Ablesungen des Bifilars Einflus, nicht blos, weil das magnetische Moment des Stabes, sondern auch weil die Suspension (Länge und Entfernung der Fäden) davon abhängt, und das Thermometer im Kasten giebt eben so wenig die richtige Temperatur der Suspension, als des Stabes an. Quetelet und Broun haben den Corrections-Coöfficienten aus den Beobachtungen selbst abzuleiten gesucht, indem sie voraussetzen, dass der tägliche Gang oder die mittlere Intensität der kältern und wärmern Tage gleich sei: Hypothesen, die allenfalls angenommen werden dürfen, wenn man viele Beobachtungen vereinigt. Die Coöfficienten, die man so erhält, sind immer kleiner, als wenn man nach §. 15, a, β , β bestimmt (Transact, of the R. Society of Edinburgh, Vol. XXI, p. L. S. 67.)

Coëfficienten a, und bezeichnen m und a' die analogen Grössen für den Compensations-Magnet, so hat man das Moment des Systems für die Temperatur t

$$= M - m - (\alpha M - \alpha' m)t.$$

lat uM-u'm=o, so ist die Compensation erreicht: practisch gelangt man zum Zwecke am leichtesten dadurch, dass man das magnetische Moment des Compensations-Magnets Anfangs etwas zu stark ninmt und es nach und nach schwächt, bis die von dem System hervorgebrachte Ablenkung einer freien Nadel beim Vertauschen von warmem und kaltem Wasser sich gleich bleibt.

40. Was die Bestimmung des Temperatur-Coöfficienten betrifft, so geschieht dieselbe am bequemsten mittelst eines magne-Lischen Theodoliten. Die nach meiner Anleitung gemachten magnetischen Theodoliten sind zu diesem Zwecke mit dem Apparate Fig. 19. versehen, der zugleich zur Bestimmung der Induction dient. Der freie Magnet hängt in dem Gehäuse KK: der Magnet**spiegel, vor welch**em das Planglas C sich befindet, kommt, wenn der Apparat auf den Theodoliten gesetzt wird, dem Fernrohre gegenüber zu stehen. Das hölzerne Querstück DE, über die Platte PP geklemmt, trägt den zu untersuchenden Magnet NS; G ist ein Gefäss, ruhend zunächst auf einer vom Theodoliten unabhängigen Unterlage, und so weit mit Wasser gefüllt, dass der Magnet NS sich unter dem Wasser befindet. Entfernt man nun, wie es leicht geschehen kann, ohne den Theodoliten zu erschüttern, das ' **Gefäss G**, indem man die Unterlage herauszieht, und bringt man **≁.ein anderes** Gefäss mit Wasser von verschiedener Temperatur an seine Stelle, so zeigt die Bewegung des freien Magnets sogleich den Einfluss der Temperatur an.

Bezeichnet man für die Temperatur t und t' die Ablesungen des Theodoliten mit r' und r'', und die Ablesung, wenn der Magnet NS entfernt ist, mit r, so hat man:

 $M(1-at) = A\sin(v'-v)$, $M(1-at') = A\sin(v''-v)$ wo A eine Constante ist. Hieraus folgt mit einer für alle Fälle genügenden Approximation:

$$a = \frac{\sin{(v' - - v'')}}{(t' - t) \lg \frac{1}{2}(v' + v'' - 2v)}.$$

Natürlich beschränkt man sich bei solchen Bestimmungen nicht auf eine einzige Abwechselung von kaltem und warmem Wasser, sondern wiederholt die Operation östers. Bemerkenswerth ist, dass beim ersten Eintauchen in warmes Wasser der Magnet immer etwas von seiner Krast verliert, auch wenn er sonst zu einem constanten magnetischen Momente gelangt ist.

41. Kupffer hat den wichtigen Umstand entdeckt, dass Magnetstäbe aus Bulat-Stahl (von Zlatoust) ihre Krast weuig oder gar nicht ändern, wenn die Temperatur steigt oder sällt. Sabine bemerkt, dass diese Stäbe aus sehr dünnen parallelen Lagen von Stahl und Eisen bestehen. Der Umstand, dass die magnetische Krast des Stahls bei der Wärme abnimmt, jene des Eisens zunimmt, erklärt die oben bemerkte Eigenthümlichkeit des Bulatstahls: diese Eigenthümlichkeit geht übrigens, nach Sabine's Angabe, verloren, sobald mrn den Bulatstahl nach der gewöhnlichen Weise schmiedet. (Sabine; Contributions to terrestrial Magnetism. Nr. IV.)

Entwickelung des Verhältnisses zwischen Distauz und Ablenkung bei Ablenkungs-Versuchen.

42. Im II. Bande des Rep. S. 159. ist nachgewiesen, wie Gauss die Tangente der Ablenkung in eine Reihe nach den negativen Potenzen der Distanz und mit unbestimmten Coësticientes entwickelt hat; dabei wird als Gesetz angegeben, dass, wenn man die Distanz nicht kleiner, als die viersache Länge des Ablenkung-Magnets nimmt, die zwei ersten Glieder der Entwickelung ausreichen, und das dritte als unmerklich vernachlässigt werden könne.

Lloyd ist meines Wissens der erste, der die Form der Coëfficienten einigermassen berücksichtiget hat *). Eine vollständige Darstellung ist von mir im Jahre 1842 gegeben worden **). Bei der steten Anwendung, welche die Formeln in magnetischen Untersuchungen finden, wird es nicht unzweckmässig sein, hier die vorzüglichsten Fälle beizufügen.

43. Wie gewöhnlich bezeichne ich den Ablenkungs-Winkel mit φ , die Distanz mit e, den horizontalen Erdmagnetismus mit X. den freien Magnetismus eines Elements des Ablenkungs-Ma-

^{*)} On the mutual action of permanent magnets.

[&]quot;) Bestimmung der horizontalen Intensität des Erdmagnetismus nach absolutem Maasse, dann Annalen f. Meteorologie u. Erdmagnet IV. Hest.

gnets in der Entfernung x von der Mitte des Magnets mit dm. Für den freien Magnet werden die analogen Bezeichnungen x' und dm' gebraucht. Easti h setze ich das magnetische Moment des Ablenkungs-Magnets $\int x dm = M$, und das magnetische Moment des freien Magnets $\int x' dm' = M'$, ferner $\int x^3 dm = M_3$, $\int x^5 dm = M_5$ u. s. w.

Hienach hat man be rechtwin! licher Ablenkung:

1) wenn der Mittelpunct des freien Magnets in der verlän gerten Axe des Ablenkungs-Magnets liegt:

$$\frac{\frac{1}{2}\frac{X}{M}e^{3}\sin\varphi=1+\frac{p}{e^{2}}+\frac{q}{e^{4}}, \text{ wobei}}{p=2\frac{M_{3}}{M}-3\frac{M_{3}'}{M'}}, \quad q=3\frac{M_{5}}{M}-15\frac{M_{3}M_{3}'}{MM'}+\frac{45}{8}\frac{M_{5}'}{M'}.$$

2) wenn der Mittelpunct des Ablenkungs-Magnets in der verlängerten Axe des freien Magnets liegt:

$$\frac{X}{M}e^{3}\sin q = 1 + \frac{p}{e^{2}} + \frac{q}{e^{4}}, \text{ wobei}$$

$$p = -\frac{3}{2}\frac{M_{3}}{M} + 6\frac{M'_{3}}{M'}. \quad q = \frac{15}{8}\frac{M_{5}}{M} - \frac{15}{2}\frac{M_{3}M'_{3}}{MM'} + 15\frac{M'_{5}}{M'}.$$

3) wenn der Mittelpunct des ablenkenden Magnets senkrecht über oder unter dem Mittelpuncte des abgelenkten sich befindet:

$$\frac{X}{M}e^{3}\sin q = 1 + \frac{p}{c^{2}} + \frac{q}{e^{4}}, \text{ wobei}$$

$$p = -\frac{3}{2}\left(\frac{M_{3}}{M} + \frac{M'_{3}}{M'}\right), \quad q = \frac{15}{8}\left(\frac{M_{5}}{M} + 2\frac{M_{3}M'_{3}}{MM'} + \frac{M'_{5}}{M'}\right).$$

4) wenn der Ablenkungs-Magnet vertical aufgestellt wird, und zwar in der auf die Länge des freien Magnets senkrechten und durch dessen Mitte gehenden Ebene, und wenn ferner die Axe des Ablenkungs-Magnets die horizontale Ebene, in welcher der freie Magnet liegt, in der Distanz h schneidet, der Mittelpunct in der Entfernung f über oder unter der eben genannten Ebene liegt und die Distanz der Mittelpuncte der beiden Magnete d. h. $\sqrt{h^2 + f^2} = e$ ist:

$$\frac{\frac{1}{3}\frac{X}{M}\sin\varphi\frac{e^{5}}{hf} = 1 + \frac{p}{e^{2}} + \frac{g}{e^{4}}, \text{ wobei}}{p = -\frac{5}{2}\left(\frac{M_{3}}{M} + \frac{M'_{3}}{M'}\right), \ q = \frac{35}{8}\left(\frac{M_{5}}{M} + 2\frac{M_{3}M'_{3}}{MM'} + \frac{M'_{3}}{M'}\right) + \frac{35}{2}f^{3}\frac{M_{3}}{M}.$$

Bei den Ablenkungen nach der Methode von Gauss giebt die vollständige Entwickelung der drei ersten Glieder:

1) für Ablenkungen Ost und West:

$$\frac{\frac{1}{2}\frac{X}{M}e^{3}\lg\varphi=1+\frac{p}{e^{2}}+\frac{q}{e^{4}}, \text{ wobei}}{p=2\frac{M_{3}}{M}-3\frac{M'_{3}}{M'}(1-5\sin^{2}\varphi), \ q=3\frac{M_{5}}{M}-15\frac{M_{3}M'_{3}}{MM'}(1-5\sin^{2}\varphi)+\frac{45}{8}\frac{M'_{5}}{M'}(1-14\sin^{2}\varphi+21\sin^{4}\varphi)}$$

2) für Ablenkungen Nord und Süd:

$$\begin{split} \frac{X}{M}e^{3}\lg\varphi &= 1 + \frac{p}{e^{2}} + \frac{q}{e^{4}}, \text{ wobei} \\ p &= -\frac{3}{2}\frac{M_{3}}{M} + 6\frac{M'_{3}}{M'} \left(1 - \frac{15}{4}\sin^{2}\varphi\right), q = \frac{15}{8}\frac{M_{5}}{M} - \frac{45}{2}\frac{M_{3}M'_{4}}{MM'} \left(1 - \frac{23}{6}\sin^{2}\varphi\right) \\ &+ 15\frac{M'_{5}}{M'} \left(1 - \frac{21}{4}\sin^{2}\varphi + \frac{21}{8}\sin^{4}\varphi\right). \end{split}$$

Nimmt man ein Gesetz an bezüglich auf die Vertheilung des Magnetismus in einem Stabe, so lassen sich darnach die Werthe von p und q berechnen: so hat Lloyd, indem er nach Biot eine gleichmässige Zunahme der Kraft von der Mitte nach beiden Enden nimmt, d. h. dm = Axdx setzt und die von $\sin \varphi$ abhängigen Glieder der Entwickelung vernachlässigt, das in §. 24. angegebene Resultat erlangt, ein Resultat, welches von mir bereits früher unter einer weniger naturgemässen Voraussetzung gefunden und als Approximation benutzt worden war (Lloyd. on the absolute determination of the earths magnetic force, und meine Abhandlung über Bestimmung der absoluten Horizontal-Intensität S. 40.). So sehr übrigens für magnetische Messungen daran gelegen wäre, die Werthe von p und q auf directem Wege zu ermitteln, so bietet sich hiezu nach meinen Versuchen keize Hoffnung dar, vornämlich aus dem Grunde, weil die Vertheilung des Magnetismus in den Magneten verschieden ist. Was insbesondere die von Lloyd angenommene Hypothese betrifft, so habe ich gefunden, dass sie die Werthe von $\frac{M_3}{M}$, $\frac{M_5}{M}$ zu klein giebt.

Bei vielen Untersuchungen ist es nützlich für p und q wenigstens Gränzwerthe theoretisch zu bestimmen: zu diesem Behuse kann man zwei Hypothesen der Rechnung zu Grunde legen, einmal, dass aller Magnetismus in den Endpuncten angesammet sei, dann dass der Magnetismus von der Mitte aus nach beiden Enden gleichmässig zunehme: die erstere Hypothese giebt entschieden für p und q zu grosse Werthe, von der letztern ist eben bemerkt worden, dass sie zu kleine Resultate giebt. Die in p

und q vorkommenden Grössen $\frac{M_3}{M}$, $\frac{M_5}{M}$ erhalten alsdann folgende Werthe:

a) nach der ersten Hypothese . . .
$$\frac{M_2}{M} = \frac{1}{4}l^2$$
 . . $\frac{M_5}{M} = \frac{1}{16}l^4$

b) nach der zweiten Hypothese . .
$$\frac{M_1}{M} = \frac{8}{2 \, v} l^2$$
 . . $\frac{M_5}{M} = \frac{3}{1 \, 1 \, 2} \, l^4$ wobei l die Länge des Magnets bedeutet.

Um hievon eine Anwendung zu geben, will ich die Frage untersuchen, ob bei der Intensitäts-Bestimmung nach der Methode von Gauss das dritte Glied $\frac{g}{e^3}$ vernachlässigt werden dürse. Sind die beiden Magnete von gleicher Länge, und setzt man e=4l, $g=2^{\circ}$ 50', so sinden sich sür Ablenkungen Ost und West die Gränzwerthe

$$\frac{q}{e^4} = -0.001555 \dots \frac{q}{e^4} = -0.000419$$

für Ablenkungen Nord und Süd kann $g = 1^{\circ} 25'$ gesetzt werden, alsdann sind die Gränzwerthe:

$$\frac{q}{e^4} = -0.001369$$
 $\frac{q}{e^4} = -0.009214.$

In keinem Falle darf also das dritte Glied in der Entwickelung von tg g vernachlässigt werden*). Durch ähnliche Betrachtungen, wie die vorhergehenden, habe ich nachgewiesen, dass bei der Intensitäts-Methode, die ich im Münchner Observatorium eingeführt habe, das dritte Glied der Entwickelung in Rechnung su bringen sei; dagegen das vierte Glied vernachlässigt werden könne **).

45. An das Vorhergehende knüpft sich noch die weitere Untersuchung an. in wie fern die Werthe von p und q bei allmäliger Abnahme der Kraft der Magnete eine Aenderung erleiden. Setzt man zu diesem Zwecke am Anfange $dm = (ax + bx^3)$

[&]quot;) In den "Resultaten des magnetischen Vereins" für 1840. S. 122. werden Intensitäts-Messungen, die in Göttingen gemacht wurden, umständlich entwickelt: dabei wurde die nächste Distanz, ungefähr gleich der dreifachen Länge des Ablenkungs-Magnets genommen, und desten ungeachtet das dritte Glied in der Entwickelung von tg φ vernachlässigt, obwohl in diesem Falle der Betrag dreimal grösser gewesen sein muss, als unter den bei unserer Rechnung angenommenen Bedingungen.

^{**)} Annalen f. Meteorol. u. Erdmagnet. IV, S. 223.

 $+cx^{5}...)dx$ und nachdem der Magnet einen Theil seiner Kraft verloren hat $dm = (ax + bx^{3} + cx^{5} + ...)(1 - a - \beta x^{2} - \gamma x^{4}...)dx$, wobei a, β , γ kleine Grössen sein sollen, und bezeichnet man $\int x dm$, $\int x^{2} dm$ im ersten Falle, wie oben, mit M, M_{3} , im letztern Falle mit (M), (M_{3}) , so hat man:

$$\frac{(M_{2})}{(M)} = \frac{M_{3}}{M} \cdot \frac{1 - \alpha - \beta \frac{M_{5}}{M_{2}} - \gamma \frac{M_{7}}{M_{2}} - \cdots}{1 - \alpha - \beta \frac{M_{3}}{M} - \gamma \frac{M_{5}}{M} - \cdots}$$

Bei dem allmäligen Kraftverluste der Magnete ist es wohl der wahrscheinlichste Fall, dass die Kraft in allen Theilen nach demselben Verhältnisse abnehmen wird. In diesem Falle zeigt die Formel, dass $\frac{(M_3)}{(M)} = \frac{M_3}{M}$ ist, mithin die Werthe von p und q unverändert bleiben. So lange β, γ ., klein sind, wird man bei Bestimmung der damit multiplizirten Größen M_3, M_5 ., die Rechnung so führen dürfen, als wenn die ganze magnetische Kraft in zwei Puncten des Magnets und zwar nahe an beiden Enden concentrirt wäre: für diesen Fall hat man $\frac{M_3}{M_3} = \frac{M_3}{M} \cdot \frac{M_7}{M_3} = \frac{M_5}{M}$ u.s.w. so dass wieder durch den Kraftverlust keine Aeuderung im Werthe von p und q entsteht.

Gesetzt aber der ganze Verlust hinge von β ab, und man hätte für M den Verlust $\beta \frac{M_3}{M} = \frac{1}{40}M$, was schon sehr bedeutend ist, so würde man näherungsweise, unter Voraussetzung, dass dm = Axdx sei, $\beta \frac{M_5}{M_3} = \frac{5}{168}M$ setzen dürfen: alsdann hat man $\frac{(M_3)}{(M)} = \frac{M_3}{M} \left(1 - \frac{1}{210}\right)$, und da $\frac{1}{c^2} \frac{M_3}{M}$ kaum mehr, als $\frac{1}{20}$ betragen wirds so folgt, dass in der absoluten Intensität ein Fehler von $\frac{1}{4200}$ entstehen kann. Aehnliche Verhältnisse finden bei $\frac{M_3}{M}$ statt. Man darf aus dem Vorhergehenden schliessen, dass in der Praxis kein Fall vorkommen wird, wo die Werthe von p und q in Folge des Kraftverlustes der Magnete eine Aenderung erleiden sollten. Diess stimmt auch vollkommen mit der Erfahrung überein; insbesondere können hier die Versuche von Ångström (Annales f. Meteorologie und Erdmagnetism. IA. Heft. S. 150.) erwähnt werden.

In Besiehung auf die Bestimmung von p und q durch Ablenkungs-Versuche möchte es nicht unzweckmässig sein, den Umstand zu erwähnen, dass man die Ablenkungen nur in Distanzen, die wenig von einander verschieden sind, vornehmen kann: bei kleinen Distanzen lässt sich keine Ablenkung vorneh men, weil der Ablenkungs-Magnet stärker wird, als die magne tische Kraft der Erde, und in grössern Distanzen wird der Ablenkungs-Winkel zu klein, um mit der nöthigen Sicherheit be**obachtet zu** werden. Die Bestimmung von p und q ist also ein Problem von ähnlicher Art. als wenn ein kleines Stück einer parabolischen Linie gegeben wäre, und man hätte die Gleichung der Linie zu suchen, mit andern Worten, es werden jedesmal mehrere Gleichungen angegeben werden können, welche wenigstens innerhalb der Gränzen der Beobachtungs - Fehler Genüge leisten. Hätte man z. B. mit einem magnetischen Theodoliten, wie sie in England gebraucht werden. in den Distanzen 1.0, 1.2. 4.3. 1.4 die Winkel gemessen*):

so liessen sie sich durch die Formel

1 .

$$\sin\varphi = \frac{0.23424}{e^3} \left(1 - \frac{0.0700}{e^2} + \frac{0.0300}{e^4}\right),$$

so darstellen, dass die Differenz der Rechnung und Beobachtung in keinem Falle über 15" ginge. Aber auch die Formel sin φ $= \frac{0.22581}{e^3} - \left(1 - \frac{0.0100}{e^2} - \frac{0.0075}{e^4}\right)$ stellt die beobachteten Winkel eben so gut dar. Die eine Formel giebt indessen den Werth von $\frac{M}{X}$ und $\frac{1}{4.3}$ grösser, als die andere.

47. Die durch dieses Beispiel angedeutete Unsicherheit in der Bestimmung von p und q hat mich veranlesst, den früher befolgten Weg zu verlassen, und durch eine Combination von

Das Beispiel ist nach Riddell, magnetical instructions S. 49. eingerichtet. Dass durch eine vortheilhastere Wahl der Ablenkungs-Distanzen und durch Berechnung nach der Methode der kleinsten Quadrate der hier hervorgehobene Uebelstand vermindert aber nicht beseitigt werden könne, brauche ich kaum zu erwähnen.

Ablenkungen Nord und Süd, dann Ost und West, das sweite Glied, soweit es von dem Ablenkungs-Magnete abhängt, zu eliminiren. Hat man nämlich nach §. 24. in der Distans e die Ablenkung φ östlich und westlich, und die Ablenkung φ' nördlich und südlich beobechtet, so erhält man nach dem vorhergehenden §. zwei Gleichungen, die im zweiten Gliede $\frac{1}{e^2} \frac{M_2}{M}$ enthalten: durch Elimination dieser Grösse ergiebt sich, wenn $\frac{15}{7} \frac{M_2'}{M}$ = p und $\frac{33}{14} \frac{M_3}{M} - \frac{135}{7} \frac{M_3 M_3'}{M M'} + \frac{615}{56} \frac{M_3'}{M'} = q$ gesetzt wird: $\frac{1}{14} \frac{X}{M} e^3 (3 \sin \varphi + 8 \sin \varphi') = 1 + \frac{p}{e^2} + \frac{q}{q^4}$.

Die analogen Ablenkungen ψ und ψ' in der Distans E geben eine zweite Gleichung von derselben Form, nämlich 1 X E (3sint $+8\sin\psi'=1+rac{p}{E^2}+rac{q}{E^1}$. Je kleiner man den freien Magnet macht, desto kleiner werden die Grössen $\frac{p}{e^2}$ und $\frac{p}{R^2}$ sein. kann zwar den freien Magnet nicht wohl so klein machen, das diese Grössen gänzlich vernachlässigt werden dürsten, aber es ist leicht, die Verhältnisse so zu wählen, dass die Werthe mit der nöthigen Sicherheit theoretisch bestimmt werden können. Es ist bereits oben bemerkt worden, dass der Werth von p zu gross wird, wenn man voraussetzt, dass der ganze Magnetismus in den Enden des Magnets vereinigt sei, und zu klein, wenn man eine gleichmässige Zunahme von der Mitte aus gegen die beiden Erden annimmt. Die erste Hypothese giebt, wenn man die Längt des Magnets = l setzt, $p = \frac{15}{28}l^2$, die letztere $p = \frac{9}{28}l^2$. Es lässt sich nun leicht nachweisen, dass, wenn man für $m{p}$ den Mittelwerth $\frac{3}{7}l^2$ nimmt. der mögliche Fehler immer weniger, als 10.000 der Intensität betragen wird, so lange l kleiner ist, als Bei dem magnetischen Theodoliten wird / zwischen 15 und 1/30 e genommen; für diesen Fall also darf man unbedenklich $p=\frac{3}{7}l^2$ setzen, und wenn man ferner zu den eben gefundenen.

wei Gleichungen die Gleichung $\frac{M}{X} = \frac{1}{2} \frac{e^x \sin \varphi}{k}$ hinzusügt, dann $\frac{M}{K}$ und q eliminist, so erhält man sür k den Werth, den wir am Ende von §. 24. bereits angesührt haben.

Correction der Ablenkungen wegen Ungleichheit der Winkel.

45. Bei jeder Ablenkung legt man den Ablenkungs-Magnet tiermal auf und liest vier Winkel ab. Die daraus abgeleiteten tier Ablenkungs-Winkel (wovon die eigentliche Ablenkung g das urithmetische Mittel ist) würden einander gleich sein, wenn die Distanz bei den vier Einstellungen dieselbe wäre: diess ist aber ast niemals der Fall, und man muss desshalb an g eine Correction anbringen, die auf folgende Weise bestimmt wird. Neunt nan (unter Voraussetzung, dass die Kreis-Ablesungen von Nord iber West zunehmen) die zwei Kreis-Ablesungen östlich r_0 , r_1 , lie zwei Kreis-Ablesungen westlich r_2 , r_3 , und das Mittel aus liesen vier Ablesungen V, so hat man, wenn der freie Magnet bei den zwei ersten Einstellungen um δe , bei den zwei letzten um $\delta e'$ von der Mitte entfernt ist:

$$\frac{M}{X} = (e + \delta e)^3 \sin{(V - v_0)}, \quad \frac{M}{X} = (e + \delta e')^3 \sin{(v_0 - V)},$$

$$\frac{M}{X} = (e - \delta e)^3 \sin{(V - c_1)}, \quad \frac{M}{X} = (e - \delta e')^3 \sin{(c_1 - V)}.$$

Setzt man $v_1 - v_0 = \delta v_1$, $v_3 - v_4 = \delta v_1$, und eliminirt die mbekannten δe_1 , δe_2 , so erhält man:

$$= e^{2} \sin \varphi \cos \left(V - \frac{v_{0} + v_{1} + v_{2} + v_{3}}{4}\right) \left[1 - (\delta \tau^{2} + \delta \tau'^{2})(\frac{1}{16} - \frac{1}{12}\cos^{2}\varphi)\right].$$

Da man immerhin bei einem nur mit gewöhnlicher Sorgfalt re-

plirten Instrumente cos $\left(V - \frac{v_0 + v_1 + v_2 + v_3}{1}\right) = 1$ setzen kann,

so ergiebt sich die Correction von \(\varphi \)

$$= -(\frac{1}{16} \operatorname{tg} \varphi + \frac{1}{12} \operatorname{cotg} \varphi)(\delta r^2 + \delta r'^2).$$

Die Correction ist in dieser Form zur Anwendung bequem, wenn man blos die Ablenkung sucht: will man auch die Torsion des Fadens bestimmen, so ist es geeigneter die Mittel der Ablesungen, nämlich $\frac{1}{2}(v_0 + v_1)$ und $\frac{1}{2}(v_1 + v_2)$ jedes für sich zu corrigiren; zu diesem Zwecke muss man der ersten Größe $+(\frac{1}{2}tg\varphi + \frac{1}{4}\cot\varphi) \delta v^2$ und der letztern $-(\frac{1}{5}tg\varphi + \frac{1}{4}\cot\varphi) \delta v^2$ beifügen.

VII.

Wie die Correctionen sich gestalten, wenn man auf die während der Beobachtung vorkommenden Aenderungen der Temperatur und der magnetischen Kraft Rücksicht nimmt, habe ich (Annalen f. Meteorol. u. Erdmagnet. IX. S. 191.) entwickelt.

Torsion.

Zum Aufhängen grösserer Maguete braucht man eine Anzahl paralleler Coconfäden, bisweilen auch einen Stahldratk, oder einen versilberten Kupferdrath. Das Verhältniss der Torsions-Kraft des Fadens oder Drathes zu der Directions-Kraft des Magnets bestimmt man dadurch (Rep. Bd. II. S. 154.), das man den Torsionskreis um n Grade dreht, und dann die Aenderung, welche dadurch im Stande des Magnets hervorgebracht wird, beobachtet. Ist diese Aenderung, in Graden ausgedrück, = m. so drückt $r_i = \sin \frac{m}{n}$ das Verhältniss der Torsionskraft des Fadens oder Drathes zur Directions-Kraft des Magnets aus. Hängt man an die Stelle des Magnets einen unmagnetischen Messingstab von gleichem Gewichte ein. so wird er sich, falls die Torsien berichtigt ist, in den magnetischen Meridian stellen. Ist bei den Versuche diess nicht der Fall, so muss entweder der Torsionkreis gedreht werden. bis der Messingstab in den magnetischen Meridian sich stellt. oder man vermindert, wenn der Stab um z Grade westlich vom magnetischen Meridian abweicht, die westliche Declination um rx.

Auch auf den Werth eines Scalatheils hat die Torsion Einstelluss: man muss nämlich den nach §. 5. bestimmten Werth dem Factor $1 + \eta$ multipliziren.

50. Ein wesentlicher l'ebelstand bei grossen Magneten ist die Unbestimmtheit und Veränderlichkeit der Torsion. Gebracht man Coconfäden, so wird der Torsionsstab jedesmal. so oft man ihn einhängt, eine etwas verschiedene Stellung annehmen, und wenn man ihn zur Ruhe kommen lässt und nach einer Standt wieder nachsieht, so ist er nicht mehr an der vorigen Stelle. Ich habe hinreichend Gelegenheit gehabt, die Schwierigkeit der Torsionsberichtigung kennen zu lernen, während ich im Münchner Observatorium 25pfündige Stäbe aufgestellt hatte. Eine factsche Nachweisung liefern die magnetischen Beobachtungen in Greenwich, wo in der Regel jede Woche die Torsion unterneht

mit denen anderer Observatorien, so muss man, um eine Uebereinstimmung herzustellen, annehmen, dass in Greenwich die Torsion gewöhnlich keine oder höchstens nur eine geringe Aenderung erlitten habe, und dass die oft sehr beträchtlichen Abweichungen, welche der Torsions-Stab anzeigte, und die auch wirklich corrigirt wurden, nur in der Unbestimmtheit der Torsion ihren Grund hatten, d. h. man muss die Beobachtungs-Resultate wegen der Fehler des Torsions-Stabes corrigiren. Dieselben Erfahrungen sind in Toronto und andern Observatorien, wo eine öftere Untersuchung der Torsion vorgenommen wurde, gemacht worden. (Vergl. §. 73.)

Ein Uebelstand bei Seidenfäden ist auch die Abhängigkeit der Torsion von dem Feuchtigkeits-Zustande der Luft. Bei Metall-führen hat die Feuchtigkeit keinen Einfluss. constant habe ich thrigens auch bei diesen die Torsion nicht gefunden. Metallfäden dehnen sich mit der Zeit um einen nicht unbeträchtlichen Theil herr Länge, eben so mit der Wärme, und es scheint, dass mit der Ausdehnung auch eine Drehung verbunden ist *).

Zur Torsions-Bestimmung hat man bisweilen Messingstäbe gebraucht, in denen kleine Magnete eingelassen sind, wodurch die Operation abgekürzt wird.

Auch bei gauz kleinen Magnetnadeln, wo die Torsion nur reter von der Directionskraft der Nadel beträgt. ist sie nichts dento weniger von grossem Einflusse; insbesondere bringt eine Dehnung des Fadens, dadurch hervorgebracht. dass man ihn etters spennt und wieder nachlässt, oder durch einen Stoss in verticaler Richtung, immer eine beträchtliche, meistens permanente Aenderung im Stande des Magnets hervor. Vorzüglich diesem Grunde ist es nöthig in magnetischen Observatorien swei Systeme von Instrumenten zu haben, Differential-Instrumente, die nie gestört oder geändert werden. und absolute Instrumente, womit man die zur Bestimmung der Constanten oder zur den werden werthe nöthigen Operationen vornimmt. Um die Variationen mit der erforderlichen Feinheit und Sicherheit anzuge-

⁾ In der Vorrede zu Kupffer's Annuaire magnétique et mêdisrologique, année 1541, finde ich die hier angeführten Ergebnisse Twiser Untersuchungen über die Veranderlichkeit der Torsion voll-Tenmen bestätigt.

ben, ist ein ungestörter Stand des Instruments nothwendig: bei den absoluten Bestimmungen muss die Unsicherheit der Torsion durch wiederholte Messungen eliminirt werden.

51. Eine neue Methode, die Torsion zu bestimmen, nimlich durch Ablenkungen, habe ich bei dem magnetischen Reise
Theodoliten in Anwendung gebracht: sie beruht darauf, dass die
Directionskraft eines Magnets, der vom Meridian abgelenkt ist,
im Verhältnisse des Cosinus der Ablenkung vermindert wird,
mithin der Faden mit derselben Drehungskraft den Magnet wird
ter aus seiner Richtung bringt, wenn er abgelenkt wird, als wen
er im Meridian ist. Es seien v_0 , v_1 , v_2 , v_3 die vier Ablesse
gen, die zu einer Ablenkung gehören (die ersten zwei östlich
die letzten zwei westlich), und v die freie Richtung des Magnets
bezeichnen wir nun die Torsion mit \mathcal{F} , die Ablenkung mit \mathcal{F} ,
und die wegen der Ungleichheit der Ablenkungen corrigirten Wethe von $\frac{1}{2}(v_0 + v_1)$, $\frac{1}{2}(v_1 + v_3)$ mit u und u', so haben ufolgende verbesserte Kreis-Ablesungen:

$$u+\frac{\vartheta}{\cos\varphi},\ v+\vartheta,\ u'+\frac{\vartheta}{\cos\varphi}.$$

Die Ablenkungen westlich und östlich vom Mittelstande misse vollkommen gleich sein, woraus folgt:

$$\vartheta = \left(v - \frac{u + u'}{2}\right) \frac{\cos \varphi}{2\sin^2 \frac{1}{2} \varphi}.$$

Wenn auf die während der Beobachtung eintretenden Achterungen der Temperatur und der magnetischen Krast Rücksicht genommen werden soll, so ist eine etwas umständlichere Entwicklung nöthig, die in den Annalen s. Meteorologie u. Erdmagnet. IX. S. 191. zu sinden ist.

Kraft der Magnete, und deren allmälige Verminderung mit der Zeit.

52. Ob eine Nadel etwas mehr oder weniger Magnetisse besitze, ist ein Umstand, der auf die Resultate magnetischer besolven keinen wesentlichen Einfluss hat *). Die gewöhr

^{*)} In Beziehung auf die Brauchbarkeit verschiedener Stahlarden zu Magneten bemerke ich, dass ich bei meinen Versuchen keinen wesentlichen Unterschied gefunden habe. Nur eine Bedingung habe ich als nothwendig erkannt, dass der Stahl homogen sei. Wenn beit Härten, wie es bisweilen geschieht, einzelne Stellen weniger habe

ichen Magnetisirungs-Methoden geben immer so viel Krast, als um Ersolge magnetischer Messungen nöthig ist, und somit unterlasse ich hier die Mittel zu erwähnen, wodurch man die Krast un erhöhen gesucht hat. Wünschenswerth wäre es nur, dass man den Magneten eine constante Krast vom Ansange geben zönnte; allein diess ist noch Niemandem-gelungen: jeder Magnet nimmt Ansangs weit mehr Magnetismus auf, als er im Verlause ber Zeit behält.

Ueber den allmäligen Krastverlust der Magnete hat Hansteen ine schätzbare Untersuchung geliesert in seiner Dissertation de mutationibus virgae magneticae. Er zeigt, dass das magnetische Moment durch die Formel

$$C + Be^{-qt}$$

werden könne. Der constante Stand, zu welchem am Ende der Fagnet gelangt, wird durch C ausgedrückt: diesen Stand erlangt ler Magnet mehr oder minder schnell, je nachdem q einen grössern oder kleinern Werth hat: auch von B hängt das frühere sder spätere Erreichen eines constanten Standes ab. Hansteen Ahrt 9 Magnete an, für welche er die Constanten bestimmt hat; inhei ersieht man, dass einige Magnete der wahren Gränze der Unveränderlichkeit sich bis auf 0.00001 (wo man sie schon für lie Beobachtung als unveränderlich betrachten kann) in 200 Tagen oder in einem Jahre nähern, während andere erst in 12 und Mahren dahin gelangen. Eben so ist der Verlust, den sie ersiehen, bis sie constant werden, sehr verschieden.

Bei den Untersuchungen Hansteen's wird der Kraftverlust is eine Function der Zeit allein angenommen, ich habe jedoch bei den im Münchner Observatorium angewendeten Magneten beterkt, dass der Verlust an Kraft auch in sehr beträchtlichem Kasse von der Temperatur abhängt und im Sommer weit gröster ist, als im Winter. Bei den zwei Ablenkungs-Magneten, die in den Jahren 1841 und 1842 an dem Intensitäts-Instrumente inte, betrug der tägliche Kraftverlust:

perden, als andere, dann nimmt der Stab so wenig Magnetismus an, per unbrauchbar ist, zugleich hat er einen grossen Temperaturpitsticienten.

Nov. 1841. 0.00042 April 1842. 0.00005

Dec. - 0.00010 Mai - 0.00009

Jan. 1842. 0.00007 Juni - 0.00011

Febr. - 0.00004 Juli - 0.00017.

März - 0.00004

Diese Magnete wurden später durch zwei neue ersetzt, und ein ähnlicher Erfolg trat ein: die letztern näherten sich indessen viel schneller, als die erstern, einem constanten Stande. — Um einen constanten Stand herbeizuführen, räth Hansteen, die Magnete vor dem Gebrauche längere Zeit in Wasser von ungeführ 30° R. zu legen: ich habe denselben Zweck durch wiederholten Eintauchen abwechselnd in warmes und kaltes Wasser, erreicht

Induction in Magnetstäben, und deren Einfluss auf absolute Intensitäts-Bestimmungen.

53. Ueber das magnetische Moment, welches durch den Erdmagnetismus in den Magneten inducirt wird, waren entgegengesetzte Ansichten von Barlow und Kupffer aufgestellt worden: während nämlich der erstere aus seinen Versuchen des Schluss zog, dass die Erde keinen merklichen Magnetismus durch Induction im gehärteten und magnetisirten Stahl hervorruse, geb der letztere als Erfahrungs-Resultat an, dass ein Stab im Meridian stärker sei, als senkrecht auf dem Meridian. Weder im einen, noch im andern Falle sind jedoch, wie es scheint, die Versuche als entscheidend betrachtet worden. Mit der weitern Untersuchung hierüber hat sich meines Wissens Niemand beschäftigt, auch hatte Niemand einen practischen Nutzen der Entscheidung dargethan, bis ich im Jahre 1842 Mittel fand, den inducirten Magnetismus mit aller Schärfe zu messen *), und die Nachweisung gab, dass eine beträchtliche Correction desshalb an die absoluten Intensitäts-Messungen angebracht werden müsse.

Die Methode besteht einfach darin, dass man den zu untersuchenden Magnetstab in die zwei entgegengesetzten Lagen NS und N'S' (Fig. 15.) bringt und die Winkel misst, um welche er

^{&#}x27;) Später ist von Lloyd in den Revised Instructions eine Methode angegeben worden die Induction mit Hülfe des Bifilars zu messen: es sind jedoch practische Hindernisse damit verbunden. (S. Annalen f. Meteorol. u. Erdm. III. 208.) Dass die Methode angewendet worden wäre, ist mir nicht bekannt.

die frei hängende Nadel ns vom Meridian ablenkt. Der Stab wird dabei vertical in der auf der Mitte der freien Nadel senkrechten Ebene festgemacht, und ist im ersten Falle eben so viel äber der durch ns gehenden Horizontal-Ebene, als er im zweiten Falle sich darunter befindet. Demnach wird der permanente Magnetismus des Stabes in beiden Fällen dieselbe Ablenkung der Nadel hervorbringen: was das inducirte Moment betrifft, welches durch den verticalen Erdmagnetismus hervorgerufen wird, so hat man in S einen Südpol, und in S einen Nordpol; die Wirkung wird also im zweiten Falle eine entgegengesetzte sein. Stellt man das permanente Moment durch M, das inducirte durch nY (wo Y = verticaler Erdmagnetismus) vor, und nennt man die Ablenkungswinkel g' und g', so hat man im ersten Falle: $M + nY = A \sin g'$ und im zweiten: $M - nY = A \sin g'$, woraus folgt

$$\frac{\mu}{M} = \frac{\operatorname{tr} \frac{1}{2} (\varphi' - \varphi_{-1})}{F \operatorname{tr} \frac{1}{2} (\varphi' + \varphi'')} \text{ oder } = \frac{1}{2} \frac{\operatorname{tr} \vartheta \varphi}{X \operatorname{tr} i \operatorname{tr} \varphi},$$

wo i die Inclination, g die mittlere Ablenkung, und δg den Unterschied zwischen der Ablenkung oben und unten bedeuten.

Die Vorrichtung zum Messen des Inductions-Coëfficienten, die einen Theil des magnetischen Theodoliten bildet, stellt Fig. 19 dar. Der freie Magnet hängt in dem Gehäuse KK, der Ring RR wird auf die drei Schrauben a. b, c aufgelegt, und dessen innere Fläche steht gegen das Widerlager d an. Durch Umlegen des Ringes bringt man den Magnet NS in die Fig. 18 bezeichneten Stellungen. Da jedoch die hiebei vorausgesetzten Bedingungen, besüglich auf den Ring und die dennit verbundenen Theile, practisch nur näherung-weise erfüllt werden können, so ist es nöthig, die kleinen stattfindenden Abweichungen durch Messung in entgegengesetzten Lagen aufzuheben. Nimmt man an, dass die zwei Flächen des Ringes und die Flüche des Querstückes AB, an welcher der Magnet NS anliegt. Ebenen sind, was mechanisch mit hinreichender Genauigkeit zu erreichen ist, so erlangt man die Bestimmung der Induction durch S Messungen, die in folgender Ordnung gemacht werden:

Magnet auf Seite A, Nord inwendig	Nord unten *) v ₁ Nord oben v ₂		
Magnet auf Seite B, Nord inwendig	Nord unten v ₃ Nord oben v ₄		
Magnet auf Seite B, Nord auswendig	Nord unten v. Nord oben v.		
Magnet auf Seite A, Nord auswendig	Nord unten v ₇ Nord oben v ₈ .		
Es ist alsdann $\varphi = \frac{1}{8}(v_5 + v_6 + v_7 + v_8 - v_1)$	•		
$=\frac{1}{4}(v_1-v_2+v_3-v_4+v_5-v_6+v_7-v_8).$			

Die Entfernung des Magnets NS von der Mitte ist gleichgültig, wenn nur jedesmal beim Umkehren, wie beim Verlegen von der einen Seite auf die andere, dieselbe Entfernung genau eingehalten wird: weil indessen diess Schwierigkeiten hat, so ist es practisch vortheilhafter, die Entfernung zu suchen, wo die Ablenkung ein Maximum ist: alsdann braucht man auf eine so genaue Einstellung der Entfernung nicht mehr Rücksicht zu nehmen.

Anstatt die Richtigkeit des eben angegebenen Verfahrens nachzuweisen, lasse ich hier drei Messungen folgen, welche Dr. Langberg am 28. und 29. Aug. 1844 im Münchner Observatorium mit dem auf seiner magnetischen Reise gebrauchten Cylinder gemacht hat:

	I. Messung.	II. Messung.	III. Messung.
$v_1 =$	100° 1′ 0″	106° 24′ 32"	130° 42′ 16″
$v_{1} =$	99 44 48	106 0 20	129 42 20
$v_3 =$	99 53 44	106 19 56	130 32 50
$v_4 =$	99 47 4	106 7 40	129 23 50
$r_* =$	80 18 36	76 18 42	46 33 24
$v_6 =$	80 9 14	76 30 56	47 50 20
$v_{7} =$	80 11 4	76 15 36	47 4 30
$v_s =$	80 32 4	76 44 40	48 4 30
$\varphi =$	9 44	14 52	41 21
$\delta \varphi =$	13 19	19 24	1 6 28
$\frac{\mu}{M} =$	0.00274	0.00258	0.00267

[&]quot;) Nord unten und Nord oben wird durch Umlegen des Ringes zu Stande gebracht.

Die Uebereinstimmung der drei Resultate ist so gross, als ur immer erwartet werden kann, wenn man bedenkt, dass die duction nicht augenblicklich eintritt, sondern eine Function der eit bildet, was eigentlich bei den Messungen hätte berücksichgt werden sollen, aber nicht berücksichtigt worden ist, weil die isserste erreichbare Genauigkeit hier nicht erfordert wird. Der er gefundene Werth von $\frac{\mu}{M}$ ist der grösste, der mir bisher vorkommen ist, was davon herrührte, dass der Magnet ungewöhnch schwach war. Für Magnete, wie sie gewöhnlich für Intentäts-Bestimmungen gebraucht werden, varürt der Werth von zwischen 0,0006 und 0,0020, und hängt hauptsächlich, eben wie der Temperatur-Coëfficient, von dem Grade der Härte Man wird, wenn sonst kein Mittel da ist, die Induction zu stimmen, näherungsweise $\frac{\mu}{M} = 2a$ annehmen können, wenn am Temperatur - Coëfficienten bedeutet. Bei einem 4pfündigen tabe von Meyerstein in Göttingen habe ich die Induction $\frac{\mu}{M}$: 0,00205 gefunden.

54. Fast alle vorhandenen Intensitäts - Bestimmungen, die an blos durch Schwingungs - Beobachtungen hergestellt hat, sind ich der Formel $X=\frac{C}{T^2}$ berechnet worden, wobei C so gewählt urde, dass die Formel die absolute Intensität der Central- oder aupt-Station darstellte, ohne Rücksicht auf Induction. Mit ücksicht auf Induction wäre $C\left(1+\frac{\mu}{M}X_{\bullet}\right)$ anstatt C zu setzen, o X_{\bullet} die absolute Intensität der Centralstation bezeichnet, und sdann hätte man die vollständige Gleichung:

$$X = \frac{C}{T^2} \left[1 + \frac{\mu}{M} (X_0 - X_1) \right].$$

An die nach der Formel $X = \frac{C}{T^2}$ berechneten Zahlen wäre so nachträglich die Correction $+\frac{\mu}{M}(X_0-X)X$ anzubringen. er Betrag dieser Correction kann oft sehr beträchtlich sein. So ab s. B. die Nadel des Capt. Beleher die absolute Horizontaltensität in Woolwich (als Centralstation) = 3,720, und in mboyna-Insel = 8,144 (in Englischen Einheiten). Die Cor-

pothesen, müssen wir auf die von Gauss gegebene Darstellung verweisen. (Resultate des magnet. Vereins 1841. S. 11.)

56. Die Ersahrung hat gezeigt, dass verschiedene Nadela, auf dieselben Lager gelegt, sehr verschiedene Werthe der Inclination geben: die Unterschiede können bis 40 Minuten gehen. (Vergl. V Report, of the British Association S. 142.) Unterschiede bis 15' habe ich selbst bei einem Inclinatorium von Repsold gefunden. Diese Unterschiede haben ihren Grund ohne Zweifel in der unvollkommenen Figur der Axen und der Lager. Bekanntlich ist es ein mechanisches Problem von grösster Schwierigkeit, runde Zapsen zu drehen; noch schwerer ist es die zwei Zapsen so zu drehen, dass ihre Axen in einer geraden Linie liegen *). Es ist leicht begreislich, wie Fehler dieser Art einen beträchtlichen Einsluss auf die Inclinations-Bestimmungen haben können.

Bestimmungen der Schwingungsdauer eines Magnets.

57. Bei Bestimmung der Schwingungsdauer eines Magnets hat man in früherer Zeit die Momente der grössten Elongation notirt: das Intervall zwischen zwei beobachteten grössten Elongationen, dividirt durch die Zahl der Schwingungen, wurde als Dauer einer Schwingung betrachtet. Gauss hat anstatt der Momente der grössten Elongation die Durchgänge durch eine Mittelrichtung eingeführt, wobei dieselbe Schätzungs-Methode, die man bei Meridian-Durchgängen der Sterne anwendet, gebraucht wird. Die erstere Beobachtungsweise gewährt die heut zu Tage erforderliche Schärfe nicht mehr.

Lässt man einen Magnet in kleinen Bogen schwingen (etwa 10' bis 20'), so bedarf es keiner Correction wegen der Schwingungsweite: ist der Schwingungsbogen gross und neunt man die unmittelbar gefundene Schwingungsdauer T', die auf unendlich kleine Bogen reducirte T, die Schwingungsweite (Entfernung der

Zapfen, um welche sich das Fernrohr dreht, einen merklichen Winkel mit einander, ungeachtet nach den Hülfsmitteln und Vorsichtsmaassregeln, womit sie gedreht wurden, die Entstehung eines solchen Fehlers unbegreiflich scheint.

grössten Elongation von der Mittelrichtung) h, so hat man bekanntlich *):

$$T=\frac{T'}{1+T^2h^2}.$$

Beobachtet man zwei Reihen von je l Durchgängen mit einem Intervall von n Schwingungen, so zwar, dass bei jeder Reihe der je mte Durchgang **) notirt wird, und ist beim ersten Durchgang die Schwingungsweite h_{\bullet} , beim nten h_{\perp} , so muss die unmittelbar abgeleitete Dauer einer Schwingung, um sie auf unendlich kleine Bogen zu reduciren, mit $1 + \frac{1}{16} \frac{h^2}{ln} \cdot \frac{1-q^{2lm}}{1-q^2} \cdot \frac{1-q^{2n}}{1-q^2}$

dividirt werden, wobei q aus der Gleichung $\frac{h_1}{h_0} = q^n$ zu bestimmen ist.

Man kann $\frac{h_0^2}{ln} \cdot \frac{1-q^{2lm}}{1-q^{2m}} \cdot \frac{1-q^{2n}}{1-q^2} = h_0^2 q^{2r}$ d. h. gleich dem Quadrate des Bogens der rten Schwingung setzen: bestimmt man demnach r aus dieser Gleichung und beobachtet den Schwingungsbogen, welcher bei der rten Schwingung stattfindet, und den wir h nennen wollen, so hat man, wie oben:

$$T=\frac{T'}{1+\frac{1}{16}h^2},$$

wo die unreducirte Schwingungsdauer mit T' bezeichnet ist.

Wir wollen hier noch den Fall erwähnen, wo ausser dem Erdmagnetismus ein zweiter fixer Magnet auf die schwingende Nadel wirkt. Ich habe diese Aufgabe umständlich entwickelt und das Resultat gefunden, dass die auf unendlich kleine Bogen reducirte Zeit durch die Formel:

$$T = \frac{T'}{1 + \frac{\Gamma}{\Gamma} a^2 h^2}$$

stante a kann theoretisch nicht ermittelt werden, sondern man muss aus Beobachtungen, die bei grössern und kleinern Bogen gemacht sind, den Werth von a ableiten. Ich habe gefunden, dass bei demselben Magnete q als constant angesehen werden

[&]quot;) Vergl. Resultate des magnetischen Vereins 1837. S. 65.

Beobachtet man mit Magneten, deren Schwingungsdauer 4"
beträgt, so kann man höchstens nur jeden dritten, bei 2" jeden
fünsten Durchgang nehmen.

kann: man braucht desshalb diese Grösse nur ein für allemal zu bestimmen.

Ich füge hier zwei Tabellen bei, wovon die erste die Reduction auf unendlich kleine Bogen, die zweite den Werth von rangiebt.

Tabelle I.

Reduction der Schwingungen auf unendlich kleine
Bogen.

ah	$\log\left(1+\frac{1}{16}a^2h^2\right)$	Diff. für 1°	ah	$\log(1+\frac{1}{16}a^2h^2)$	Diff. für 1°
1°	0.00001		31°	0.00787	50,5
2	3	3,0	32	839	52,0
3	. 7	5,0	33	891	53,0
	13	7,0	34	945	55,0
4 5	21	8,5	35	1001	57,0
6	30	10,0	36	1059	58,0
7	41	11,5	37	1117	59,5
8	53	13,0	38	1178	61,5
9	67	15,0	39	1240	62,5
10	83	16.5	40	1303	64,0
11	100	18,0	41	1368	66,0
12	119	20,0	42	1435	67,0
13	140	21,5	43	1502	68,5
14	162	23,0	44	1572	70.5
15	186	24.5	45	1643	72,0
16	211	26.0	46	1714	73,0
17	238	28,0	47	1789	75,0
18	267	29.5	48	1864	76,0
19	297	31.0	49	1941	77,5
20	329	33,0	50	2019	79,0
21	363	34,5	51	2099	80,5
22	398	36.5	52	2180	82,0
23	436	38,0	53	2263	83,0
24	474	39,0	54	2346	84,5
25	514	41,5	55	2432	86,0
26	557	43,5	56	2518	87.5
27	599	44,0	57	2607	89,0
28	643	45,5	58	2 696	90,0
29	690	47,5	59	2787	91,5
30	0.00738	48,5	60	2879	,

Tabelle II. Bestimmung des Werthes von r.

er bedeuten h_0 und h_1 die am Anfange und Ende eines Interlls von 100 Schwingungen beobachteten Bogen. Wenn man n Bogen um m Schwingungen zu spät beobachtet hat, so muss $\log (1 + \frac{1}{16} a^2 h^2)$ multiplizirt werden mit (1 + 2ms).

•	s.	Diff.	Werth von r für ein Intervall von 100 Schwingungen		
			wenn jeder dritte Dutch- gang besbachtet wird.	wenn jeder fünste Durch- gang beobachtet wird.	
,1	0.00095		62.3	71,1	
,2	182	84	61.4	70,1	
,3	263	77	60,6	69,3	
.4	337	71	60.0	68,5	
,5	406	67	59,3	67,8	
,6	471	63	55,8	67,2	
,7	532	59	55,2	66,5	
,1,2,3,4,5,6,7,8,9	590	56	57,7	65.9	
,9	0.00644		57.2	65.4	

Bei Bestimmung der Schwingungsdauer kann man entweder a Magnet mit einem Spiegel versehen und die Beobachtung mit sem Fernrohre vornehmen, oder man kann mit freiem Auge beachten; im letztern Falle muss natürlich ein grösserer Schwinngs-Bogen genommen werden. Die erstere Methode ist bisher r genauer gehalten worden: indessen habe ich mich durch vielthe Versuche überzeugt, dass die Beobachtung mit freiem Auge en so genaue Resultate gewährt; dabei hat sie den Vorzug der nfachheit, der in Messungen dieser Art wesentlich ist. Eine dingung ist dabei sorgfältig zu berücksichtigen, dass nämlich r Magnet in einem geräumigen Gehäuse oder Kästchen schwinn uud von den Wänden entfernt sein muss: auch die Spitze . Maguets, deren Durchgänge über einem Gradbogen beobachwird, soll wenigstens 2 Pariser Linien vom Gradbogen entnt sein. Ueber den Einfluss, den eine Fläche auf einen darer in kleiner Entfernung schwingenden Magnet ausübt. hat n Charante in Leyden schätzbare Versuche angestellt, won die Resultate in seiner im Jahre 1543 herausgegebenen Ingural-Dissertation gegeben sind.

Correction der Beobachtungen wegen der in der Nähe befindlichen magnetischen Einflüsse.

58. Magnetische Beobachtungen werden in Observatorien gemacht, wo gewöhnlich mehrere Magnete vorhanden sind, oder in sonstigen Gebäuden, wo ausserdem Eisentheile sich vorfinden oder auf Schiffen, wo das Eisen des Schiffes Einfluss hat: in allen diesen Fällen müssen an den Beobachtungen die entsprechenden Correctionen angebracht werden.

Betrachten wir zuerst den einfachsten Fall, wo auf einen freien Magnet ns (Fig. 22.) ein in derselben horizontalen Ebene besindlicher fixer Magnet NS einwirkt. Da die Wirkungen, um die es sich hier handelt, immer sehr klein sein werden, so reicht es hin. blos das erste Glied der nach den negativen Potenzen der Entfernung entwickelten Ausdrücke zu berücksichtigen. Bezeichnet man demuach die Momente von ns und NS mit m und L und die Entfernung mit e. so giebt es vier Hauptfälle: nämlich zwei mit ns parallele Stellungen NS und N_1S_1 , vvo kein Drehungsmoment stattfindet, aber die Directionskraft von us um die Grössen $+\frac{mM}{2^3}$ und $-\frac{mM}{2^3}$ vermehrt wird, dann zwei auf ns normale Stellungen N_2S_2 und N_3S_3 , wo die Directionskraft keine Aerderung erleidet, aber ein Drehungsmoment = $\frac{mM}{a^3}$ und $\frac{2mM}{a^3}$ eststeht. Jede gegebene gegenseitige Lage der Magnete kann man auf diese vier Hauptfälle zurückführen, indem man anstatt der Magnete ihre Projectionen substituirt. So kann man z. B. 21statt NS (Fig. 23.) ein System zweier Magnete $N'S' = NS \cos \phi$ mit dem Momente $M\cos\varphi$, und $N'S''=NS\sin\varphi$ mit dem Momente $M \sin \varphi$, eben so anstatt ns ein System n's' und n''s'' mil den Momenten m cos ψ und m sin ψ substituiren. Berechnet ma dem Vorhergehenden zufolge den Einfluss von N'S und N'S auf n's' und n''s", so ergiebt sich, wenn wir die Directionskraft von us mit K und den Winkel, um welchen us durch NS = seiner Richtung gebracht wird, mit a bezeichnen, eine Vermebrung der Directionskraft

$$\delta K = \frac{Mm}{c^{3}} (2\cos y \cos \psi - \sin y \sin \psi)$$

k

und ein Drehungs-Moment

$$K\sin\alpha = \frac{Mm}{a^2}(2\sin\varphi\cos\psi + \cos\varphi\sin\psi).$$

Indem man den Magnet NS abwechselnd entsernt und wieder hinlegt, oder indem man ihn um 180° dreht, kann man α , somit auch $\frac{Mm}{a^3}$ bestimmen.

Als Resultat erhält man zuletzt, dass, wegen des Einflusses, den der Magnet NS ausübt, der Stand der Nadel ns (die Ablesung der Scala) nm α vermindert und der Werth der Scalatheile mit $\frac{K}{K+dK}$ multiplizirt werden muss. Dasselbe Verfahren giebt allgemein die Wirkung eines Magnets, der nicht in der Ebene des freien Magnets sich besindet. Alsdann müssen die Magnete auf drei normale Coordinaten-Axen projicirt werden.

Ich begnüge mich damit, die Art und Weise in welcher der Binfluss eines fixen Magnets auf einen frei hängenden berücksichtigt werden kann, angedeutet zu haben, und bemerke, dass instaltliche Vorschriften von Gauss in den Resultaten des mattet. Ver. 1840. S. 26 zu finden sind. In demselben Jahre erthien eine Abhandlung von Lloyd, worin er von der allgemeiten Darstellung der Wirkung eines Magnets in der Ferne auf Einrichtungen übergeht, die man treffen kann, um vorhandene Einrichtungen übergeht, die man treffen kann, um vorhandene inheben. Insbesondere zeigt er, wie die magnetische Waage in them Observatorium als Corrections-Magnet für den gegenseitigen. Einfluss des Declinatoriums und des Bifilars benutzt werden

59. Was das Eisenwerk in Gebäuden betrifft, wo magnetithe Instrumente aufgestellt sind, so muss dessen Einfluss eben
wie der Einfluss permanenter Magnete, in Rechnung gebracht
werden; nur ist die Bestimmungsweise verschieden. Während
warden; hei permanenten Magneten der Einfluss (zunächst der
Werth von α) durch veränderte Stellung der Magnete bestimmt
werden kann, muss man, um den Einfluss der Eisentheile eines
Bebäudes an einer bestimmten Stelle kennen zu lernen, zuerst
dieser Stelle, dann im Freien die Werthe der magnetischen
Constanten bestimmen: die Unterschiede geben den gesuchten
Einfluss. Im strengen Sinne wäre übrigens die Wirkung der Eimentheile eines Gebäudes nicht als constant zu betrachten, weil

der Magnetismus des Eisens mit der Zeit immer stärker wird, und die Stärke überdies von der Temperatur abhängt: berücksichtigt man indessen, welchen Theil des ganzen Effects die eben erwähnten Ursachen ausmachen, so wird man deren Berücksichtigung in allen Fällen als unnöthig anerkennen *).

Weit verwickelter, als bei einem Gebäude, ist die Berechnung des in einem Schiffe befindlichen Eisenwerks auf die zur See angestellten magnetischen Beobachtungen, weil das Schiff als drehbar um eine verticale Axe gedacht werden muss und der inducirte Magnetismus eine Function des Azimuths sein wird. Das Problem ist von Barlow practisch, und von Poisson thesretisch im Jahre 1824 in zwei Abhandlungen (Mémoires de l'Acsdémie 1821.) entwickelt worden: im Jahre 1839 wurden new theoretische und practische Untersuchungen von Airy unternommen, wovon die Resultate in seiner Abhandlung: Account of experiments on iron built ships instituted for discovering the deviation of the compass produced by the iron of the ships, gegeben sind. Wegen der Entwickelung des Problems verweise ich auf die erwähnten Arbeiten, und bemerke, dass Airy die Mittel angegeben hat, den inducirten Magnetismus des Schiffs-Eisen durch eine zusammengerollte Eisenplatte, und den permanenten Magnetismus durch einen fixen Magnet aufzuheben, so zwar, das die Bewegungen des Compasses dieselben waren, als wenn kein Eisen auf dem Schiffe vorhanden gewesen wäre. Sehr ausfahrliche Versuche zur Bestimmung der Einflüsse des Eisenwerks zu den Schiffen der magnetischen Südsee-Expedition Erebus wit Terror, so wie die Art und Weise die entsprechenden Consetionen zu berechnen, sindet man in Sabine, Contributions b terrestrial magnetism. Nro V. Dabei wird als Erfahrungs-Sets

[&]quot;) Es ist viel von der Nothwendigkeit eisenfreier Gebäude für magnetische Beobachtungen gesagt worden: in der That ist aber diese Nothwendigkeit nur vorhanden, wo man absolute Bes'immungen ber stellen will. Wenn man hie und da die Besorgniss ausgedrückt für det, es möchte der tägliche Gang bei Variations-Instrumenten durch das Eisenwerk eines Gebäudes entstellt werden, oder wenn man bei wahrgenommenen Disterenzen relativer Bestimmungen alle Schull auf die veränderliche Einwirkung des Eisenwerkes der Gebäude legt so lässt sich hierin nur der gänzliche Mangel präciser Begrisse er kennen.

angenommen, dass in den gewöhnlichen Schiffen alle magnetische Einwirkung als von Induction herrührend betrachtet werden könne. Bekanntlich hat Airy bei eisernen Schiffen den permanenten Magnetismus überwiegend gefunden.

Bestimmung des Widerstandes, den die Induction im weichen Eisen findet.

61. Als Lloyd im Jahre 1842 im Dubliner Observatorium die Induction eines weichen Eisenstabes zur Messung der Inclinations - Variationen an wenden wollte. nahm er zuerst einige Versuche vor *), um sich zu überzeugen, ob bei jeder vorkommenden Aenderung in der inducirenden Kraft eine correspondirende Aenderung des inducirten magnetischen Moments eintrete. Er gelangte dabei zu dem Schlusse, dass jede Aenderung der Kraft eine proportionale Aenderung des inducirten Moments, und swar augenblicklich hervorruse: die Mittel aber. die er hiebei augewendet hat, dürsen kaum als hinreichend sein zur Entscheidung der Frage angesehen werden. Zu Ansange des Jahres 1843 nahm ich die Untersuchung, aber mit feinern Hülfsmitteln vor. Ich brachte senkrecht über dem Inclinations - Instrument (Fig. 11.) einen Magnet AB an, der sich um eine horizontale Axe in der Ebene der Nadel drehen liess. Bei verticaler Stellung hatte der Magnet auf die freie Nadel keinen directen Einfluss, vermehrte aber den inducirten Magnetismus der Eisenstäbe, wenn sein Nordpol abwärts gerichtet war, und verminderte ihn in der entgegengesetzten Lage. Wenn man demnach schnell den Magnet um 180° drehte, so trat derselbe Erfolg ein, als wenn eine entsprechende Aenderung des verticalen Erdmagnetismus stattgesunden hatte, und die Beobachtung des Inclinations-Instruments musste also nachweisen, ob in solchem Falle die Aenderung des magnetischen Moments der Eisenstäbe auch augenblicklich hervorgerufen werde. Um zu zeigen, wie sich die Induction wirklich hiebei verhalte, führe ich folgende Versuchsreihe an:

ŀ

⁾ Lloyd, on a new magnetical Instrument for the measurement of the Inclination and its changes in den Proceedings of the R. Irish Academy 1842.

Verflossene	Ablesung					
Zeit.	Nordpol unten.	Nordpol oben.				
	Theilstriche.	Theilstriche.				
1'	197,25	4,10				
11	138,90	3,60				
2	139,65	2,10				
2‡	140,40	1,63				
3	140,55	1,48				
34	140,70	1,20				
4	140,90	1,20				

Man sieht, dass die Induction nicht augenblicklich eintritt, sondern zu deren Entwickelung eine gewisse Zeit erfordert wird. Nennt man N die Anzahl Theilstriche der Scala des Inclinations-Instruments, um welche es bei einer plötzlichen Aenderung der inducirenden Kraft sich bewegen sollte, und hat sich das Instrument nach der Zeit t um x Theilstriche bewegt, so sollte, wie ich gezeigt habe*), $N - x = Ne^{-\lambda t}$ sein: die vorhergehende Versuchsreihe, eben so wie die übrigen von mir angestellten Versuche, zeigen indessen, dass die Bewegung des Instruments Anfangs viel schneller, am Ende langsamer ist, als sie nach diesem Ausdrucke sein sollte. Modificirt man hiernach den Ausdruck. ohne die allgemeine Form zu ändern, so kann man den Versuchen Genüge leisten, wenn man $N-x=Ne^{-1/\sqrt{t}}$ und für den gegenwärtigen Fall h = 3.75 setst. — Es hat keine Schwierigkeit hienach die Correction zu berechnen, welche wegen des Widerstandes, den das weiche Eisen der Induction entgegenstellt, an die Ablesungen des Inclinations-Instruments angebracht werden müssen: ich unterlasse indessen die von mir am angeführten Orte entwickelten Ausdrücke hier beizusügen, weil mir noch kein Fall vorgekommen ist, wo eine Correction zu berücksichtigen gewesen wäre. Einige Versuche über den von der Erde im Eisen inducirten Magnetismus theilt Weber (Result. des magnetischen Vereins 1841. S. 85.) mit, welche übrigens keineswegs in der Weise eingerichtet sind, dass sie den nur im Allgemeinen

^{*)} Gel. Anzeigen der Baier. Acad. 1843. No. 147.

von ihm ausgesprochenen Zweisel über die Brauchbarkeit des Lloyd'schen Instruments begründen könnten.

Bestimmung des absoluten Werthes der Theilstriche bei dem Variations-Instrumente für Inclination.

62. Der inducirte Magnetismus der Eisenstäbe ab. a'b' Fig. 11. durch die Vertical-Intensität Y hervorgerusen, und als dieser Krast proportional anzunehmen, lenkt die freie Nadel des Inclinations-Instruments vom Meridian ab. während die Horizontal-Intensität X sie in den Meridian zurückzubringen sucht: nennt man demach den Ablenkungswinkel g, so geht aus der Bedingung, dass die eben genannten Kräste im Gleichgewichte sein sollen, eine Gleichung hervor von der Form: $aY = X \sin g$, oder da $\frac{Y}{X} = \operatorname{tg} i$ ist, $a \operatorname{tg} i = \sin g$, woraus durch Disserentiation folgt:

$$\delta i = \frac{1}{2} \frac{\sin 2t}{\lg \varphi} \delta \varphi.$$

Diese Gleichung ist indessen aus doppeltem Grunde nicht brauchbar: fürs Erste nämlich haben die Eisenstäbe neben dem inducirten Magnetismus immer auch einigen permanenten Magnetismus. von welchem die Ablenkung zum Theile abhängt: fürs Zweite ist man nicht berechtigt anzunehmen, dass, wenn die indecirende Krast um einen aliquoten Theil sich ändert, auch die Wirkung des inducirten magnetischen Moments der Eisenstäbe denselben aliquoten Theil sich ändern werde. Eine vollkommene Proportionalität in letzterer Beziehung würde nicht blos der Erfahrung entgegen sein, dass die Induction im Eisen einen Widerstand erleidet, sondern würde auch eine besondere Vertheilang des Magnetismus in den Eisenstäben voraussetzen, zu deren Annahme kein hinlänglicher Grund vorhanden ist. Lloyd hat bei seinem Instrumente *) den permanenten Magnelismus des Eisenstabes durch Umlegen bestimmt. Der Stab liess sich nämlich um eine in der Horizontal-Ebene der Nadel befindliche und auf den magnetischen Meridian seukrechte Axe drehen: eine Drehung von 180° brachte somit ein entgegengesetztes inducirtes Moment hervor, während die Wirkung des permanenten Magne-

[&]quot;) On a new magnetic instrument for the measurement of the Inclination and its changes (Proceedings of the R. Irish Academy 1842.)

tismus in den beiden Lagen dieselbe blieb. Auf solche Weise konnte die Trennung des inducirten und permanenten Magnetismus erlangt werden. Den zweiten eben berührten Umstand hat Lloyd unberücksichtigt gelassen.

63. Bei dem Inclinations-Instrumente des Münchner Observatoriums habe ich zur Bestimmung des Werthes der Theilstriche eine Methode in Anwendung gebracht, welche nicht blos den Einfluss des permanenten Magnetismus berücksichtigt, sondern auch unabhängig ist von jeder Voraussetzung, bezüglich auf das Verhältniss, nach welchem die Induction wirkt. Ich brachte nämlich vertical über dem Inclinations - Instrumente einen kleinen Magnetstab AB (Fig. 11.) un, der sich um eine mit der freien Nadel parallele Axe drehen liess. Um die Bedingungen des Gleichgewichts für den Fall, dass ausser dem Erdmagnetismus auch der Magnetstab auf die freie Nadel wirke, zu entwickel, nenne ich den Ablenkungs-Winkel der Nadel @ (westlich positiv), ferner seien dm, dm', $d\mu$, $d\mu'$ Elemente der magnetischen Kraft des Magnetstabes, der freien Nadel, des östlichen und westlichen Eisenstabes, entsprechend den respectiven Entferumgen von der Mitte x, x', ξ, ξ' , endlich seien die beiden Eisenstäbe gleich weit, nämlich um die Grösse k von der Nadel entfernt, und die Mitte des östlichen Eisenstabes befinde sich um die Grösse h über der Horizontal-Ebene der Nadel, die Mitte des westlichen Stabes eben so viel darunter. Betrachten wir nun die verschiedenen Kräfte, die auf die freie Nadel einwirken. Fürs Erste übt der horizontale Erdmagnetismus das Drehungsmoment MX aus, wo M' das magnetische Moment der Nadel bezeichnet. Was die Eisenstäbe betrifft, so kann man das durch sie hervorgebrachte Drehungs - Moment durch $M'P + M'p\delta Y$ darstellen, wo P sich auf die durch die mittlere Vertical-Intensität Y inducirte Krast und auf den permanenten Magnetismus der Eisenstäbe bezieht, per aber die Zunahme, welche der Intensitäts-Zunahme & entepricht, Der Magnetstab AB wird, wenn sein Nordpol des Winkel ψ (über Westen gezählt) mit der Verticalen macht. das Drehungsmoment $\iint \frac{xx' \sin \psi \, dm \, dm'}{\varrho^3}$ ausüben, wo ϱ die gegenseitige Entsernung der Elemente dm., dm' bedeutet. Ausser diesem directen Einslusse hat der Magnet AB auch indirecten Einsluss

auf die Stellung der freien Nadel, indem er analog mit dF is

den Einsenstäben Magnetismus inducirt. Um die Grösse dieses indirecten Einflusses zu berechnen hat man in dem oben gefundenen Ausdrucke die Summe der Anziehung aller Elemente des Magnets in allen Puncten der Eisenstäbe zu substituiren. Nun ist die Anziehung des Elements dm in den Puncten $d\mu$ und $d\mu'$ der Eisenstäbe $=\frac{e-h+\xi+x\cos\psi}{f^*}dm$ und $\frac{e+h+\xi'+x\cos\psi}{f^{*}}dm$

wo e die Entfernung des Magnets von der freien Nadel, f und f die Entfernungen der Puncte $d\mu$, $d\mu'$ von dm bedeuten. Die Gesammtwirkung zu finden muss man anstatt ϱ , f, f' die Werthe

$$\varrho^{2} = e^{2} + x'^{2} + x^{2} \sin^{2} \psi,
f^{2} = (e - h + \xi + x \cos \psi)^{2} + (k + x \sin \psi)^{2},
f'^{2} = (e + h + \xi' + x \cos \psi)^{2} + (k - x \sin \psi)^{2}$$

setsen und nach den negativen Potenzen von e bis zur fünsten wasschließlich entwickeln: die Integration hat alsdann keine Schwierigkeit und es ergiebt sich das direct und indirect (durch Induction) von dem Magnet AB auf die freie Nadel ausgeübte Drehungs-Moment

$$= \frac{MM'}{e^3}\sin\psi + 2\frac{MM'}{e^3}p\cos\psi\Big(1+6\frac{h^2}{e^2}\Big).$$

Dieses Moment truchtet den Ablenkungswinkel zu vermindern, wie met so wie M'X sin φ , während M'P + M'p δ Y in entgegengesetztem Sinne wirkt. Die Summe aller auf die Nadel wirkenden Sinne muss = 0 sein, woraus, wenn man $X = X_0 + \delta X_1$, $\varphi = \varphi_0$. Hop setzt und die Mittelwerthe φ_0 , X_0 , Y so wählt, dass P X sin $\varphi = 0$ wird, folgt:

$$p \delta Y - \frac{M \sin \psi}{e^2} - \frac{2Mp \cos \psi}{e^2} \left(1 + 6\frac{h^2}{e^2}\right) - X_0 \delta \varphi \cos \varphi_0$$
$$- \delta X \sin \varphi_0 = 0 \dots (A).$$

Hen setze nun $\psi = 0^{\circ}$, $\psi = 180^{\circ}$, $\psi = 90^{\circ}$, $\psi = 270^{\circ}$, und es seizen $\delta \varphi_1$, $\delta \varphi_2$, $\delta \varphi_3$, $\delta \varphi_4$ die entsprechenden Werthe von $\delta \varphi_3$, erhält man vier Gleichungen: die Differenz der zwei ersten, denn der zwei letzten giebt

$$4\frac{Mp}{e^3}\left(1+6\frac{h^2}{e^2}\right)+X_0\cos\varphi_0\left(\delta\varphi_3-\delta\varphi_1\right)=0$$

$$2\frac{M}{e^2}+X_0\cos\varphi_0\left(\delta\varphi_4-\delta\varphi_3\right)=0.$$

Durch Elimination von M erhält man hieraus p: ferner giebt die Hamptgleichung (A) für den Fall, dass der Magnet AB entfernt wird

 $p\delta Y = X_{\bullet}^{n}\cos\varphi_{\bullet}\,\delta\varphi + \delta X\sin\varphi_{\bullet}.$

Substituirt man hier den Werth von p und setst $\delta Y = \delta(X t g)$ = $t g i \delta X + \frac{X}{\cos^2 i} \delta i$, so ergeben sich die Formeln, welche wir bereits in §. 15 angeführt haben.

Bestimmung der absoluten Inclination mittelst eines weichen Eisenstabes.

64. Das Instrument, womit Lloyd seine in §. 62 erwähnten Versuche über die Induction im weichen Eisen angestellt hat, bestand aus einer Nadel von 3 Zoll Länge und einem runden Eisenstabe von 12 Zoll Länge und 3 Zoll Durchmesser, wovon das eine Ende in der horizontalen Ebene der Nadel eine Drehungs-Axe hatte. Die Axe war senkrecht auf dem magnetischen Meridian, und ihre Verlängerung ging durch die Mitte der freien Nadel, so dass also der Stab in der Ebene des magnetischen Meridians gedreht werden konnte. Da die inducirende Kraft, und nach Lloyd's Versuchen auch die Induction dem Cosinus des Winkels, den der Stab mit der Richtung der totalen Intensität macht, proportional ist, so darf man nur die Induction mittels der hervorgebrachten Ablenkung der Nadel in zwei Stellunger des Stabes messen, um die Richtung der totalen Intensität, d. L. die Inclination zu bestimmen. Lloyd wählte zu diesem Zwecke die verticale und horizontale Stellung des Cylinders, wobei jedoch das Verhältniss zwischen dem magnetischen Moment wie der Ablenkung etwas zu complicirt erscheint. Bei Experimenten, die ich in dieser Beziehung vorgenommen habe, suchte ich de Lage, wo der inducirte Magnetismus verschwindet, wo also 🚾 Cylinder auf die Richtung der Totalkraft senkrecht stehen wird*). Diese Methode bietet eben so wenig theoretisch, als practisch eine Schwierigkeit dar, besonders wenn man die freie Nade schief stellt, so dass sie ungefähr in der Richtung der Totalkraft sich befindet und der Cylinder senkrecht darauf steht: allein der Erfolg wird dadurch unsicher, dass das Eisen zur magnetisches

[&]quot;) Als ich im Jahre 1844 in Utrecht war, zeigte mir Prof. van Rees im physikalischen Cabinet daselbst eine magnetische Vorrichtung von Brugmann, welcher genau dieselbe Idee zu Grunde lag, und wovon die Beschreibung in "Brugmanni materia magnetica" zu finden ist.

einem darauf ausgeübten Drucke, wo Druck und Einwirkung r für kleine Aenderungen, nicht für grössere proportional sind, d nach Aushebung des Druckes ein Theil der Einwirkung übrig sibt, der nur nach und nach oder gar nicht mehr verschwindet. h habe jedoch Grund au glauben, dass die angedeuteten Hinrnisse noch beseitigt werden können.

III. Abschnitt.

Magnetische Observatorien und Beobachtungen.

65. Die magnetischen Beobachtungen, welche während der auer des im gegenwärtigen Berichte betrachteten Zeitraums herstellt worden sind, zerfallen in drei Klassen: Termin-Beobachungen, tägliche Beobachtungen, absolute Messungen.

Da die magnetischen Termine durch Gauss veranlasst und mihm und Weber in den "Resultaten aus den Beobachtungen smagnetischen Vereins" bekannt gemacht worden sind, so hien es mir zweckmässig eine Uebersicht der Orte, wo diese zobachtungen angestellt wurden, den Resultaten des Göttinger bservatoriums beisufügen und eine weitere Erwähnung bei den azelnen Stationen nicht mehr vorzubringen. Uebrigens sind bist die Terminbeobachtungen der von Gauss angedeuteten Bebeitung (vergl. §. 86.) nicht unterzogen, auch sonst keine erhebten Resultate bekannt gemacht worden, desshalb ist es nöthig e weitere Bericht-Erstattung über deren Erfolg einer künstigen elegenheit vorzubehalten.

Die täglichen Beobachtungen liesern zunächst zweierlei Data, orauf jede künstige Theorie gebaut werden muss; die regelmäsgen Aenderungen. die mit der Zeit vor sich gehen, und die ausrordentlichen Zustände, die von Zeit zu Zeit eintreten. Die stern sind durch die monatlichen Mittelwerthe gegeben, die letzrn durch die Störungstage. Von den monatlichen Mitteln der sher bekannt gewordenen Beobachtungen habe ich das Wichzste in den am Ende beigestigten Tabellen zusammengetragen: e Ergebnisse der Störungen musste ich vorläusig unberücksichgt lassen, weil die aussührliche Darstellung der Beobachtungen

su vielen Raum eingenommen haben würde, und die Theorie noch nicht festgesetzt hat, welche Bestimmungen als die wesentlichen hervorsuheben seien.

Absolute Messungen dienen zweierlei theoretischen Untersuchungen zur Grundlage, nämlich der Untersuchung über die Verbreitung der magnetischen Krast auf der Erdoberstäche, und der Untersuchung über die Aenderungen, welche im Verlause längerer Perioden darin vorgehen. Mit Rücksicht auf diese Zwecke habe ich die sämmtlichen absoluten Messungen, die zu meiner Kenntniss gekommen sind, in den Tabellen IV—XXVI zusammengestellt.

Nach dieser allgemeinen Uebersicht lasse ich hier eine Aufzählung der vorzüglichsten magnetischen Observatorien und magnetischen Expeditionen folgen.

Göttingen.

Im Jahre 1833 liess Gauss in der Nähe der Göttinger Sternwarte ein magnetisches Observatorium von eigenthümlicher Einrichtung und mit eigenthümlichen Messungsmitteln verschen Hiemit eröffnet sich eine neue Epoche in der Geschichte des Erdmagnetismus, characterisirt der frühern Zeit gegenüber durch grosse Schärfe und Feinheit der Instrumente, durch systematische Einrichtung der Beobachtungen und durch ein allgemeines Zusammenwirken der Beobachter in allen Theilen der Welt. Das Göttinger Observatorium bildet einen Saal von zugefähr 11 Meter Länge und 5 Meter Breite, und enthält ein Magnetometer mit 4pfündigem Stabe zu absoluter Declinations- und Intensitäts-Messung sowohl, als zu Variations-Beobachtungen der Declination unwendbar. Im Jahre 1834 machte Gauss des Anfang zu einer Reihe von täglichen Declinations - Beobachtusgen, wovon die Resultate bis März 1842*) bekannt gemacht worden sind: die monatlichen Mittel findet man in Tab. V und VI. Die Jahres-Mittel geben:

1835	18°	39', 33	1839	18°	21', 57
1836		35,05	1840		16,04
1837		30,82	1841		9,62.
1538		26,70			

^{*)} Resultate 1536 und 151...

e absolute Horisontal-Intensität wurde in Göttingen zum nale von Gauss im Jahre 1834, später zu wiederholten von Goldschmidt bestimmt; die Resultate sind:

834 Jul. 19. 1.77480 1840 Sept. 20. 1.78173

839 Sept. 10. 1.78200 1841 Aug. 1. 1.78477.

e absolute Inclination hat Gauss mit einem Robinson-Inclinatorium bestimmt, und für Oct. 2. 1841 67° 42' 39" m.

nch mehreren vorläufigen Versuchen fingen im Jahre 1836 min-Beobachtungen auf grosser Ausdehnung und mit gleinstrumenten an, bezogen sich aber im ersten Jahre nur clination. Im Jahre 1837 wurde in der Göttinger Sternein Bifilar aufgestellt, und im folgenden Jahre an mehredern Stationen. Bis zum Jahre 1841 sind folgende Terekannt gemacht worden:

n 3 Dublin Kuopio 1 6 Genf.... Leipsig 27 na 1 Mailand 25 sburg...2 Göttingen . . . 28 sund . . . Greenwich . . Marburg ... 25 1 in 27 Haag München . . . 18 2 ia 25 Petersburg . . Hammerfest . 1 slau 27 Hannover . . . 4 Prag ssel 8 Havösund . . 1 Seeberg.... 4 istiania . . 3 Heidelberg . . 15 Stockholm . . 6 enhagen . 24 Freiburg . . . Upsala 28. Kremsmünster 10

Observatorien sind die Termine aufgenommen worden, var so, dass jeden Monat ein Termintag gehalten werden während Gauss nur vier Tage des Jahres vorgeschrieben Ausser den brittischen und russischen Observatorien nahm der auch in folgenden Orten an diesen monatlichen Ter-Theil: Algier, Boston, Breslau, Brüssel, Christiania, Krems-r*), Mailand, München, Prag, Philadelphia.

den "Resultaten" für 1840 sind einige Ergebnisse aus den zer Termin-Beobachtungen bezüglich auf den täglichen Gang

Die monatlichen Termine von München, Kremsmünster, Prag, , finden sich in den Annalen f. Meteorol. u. Erdmagnetismus.

der Declination und ihre jährliche Aenderung entwickelt; es lässt sich jedoch nicht in Abrede stellen, dass die Beobachtungen von vier Tagen des Jahres nur über wenige der hieher gehörigen Fragen mit Sicherheit entscheiden können.

Mailand*).

Im Jahre 1836 wurden magnetische Instrumente von Kreil in der Mailänder Sternwarte aufgestellt, und von ihm, in Verbindung mit Della Vedova und andern Adjuncten der Sternwarte, drei Jahre hindurch die Declination und Inclination sechsmal, die Intensität aber zwölfmal des Tages beobachtet. Zu der Declination wurde ein Gauss'sches Magnetometer mit 4pfündigem Stabe verwendet, die Intensitäts-Variationen wurden durch die Oscillationszeit dieses selben Magnetometers bestimmt: ser Messung der Inclinations-Aenderungen stellte Kreil einen Magnet von 3 Meter Länge auf Spitzen auf, so dass er sich in der Richtung der Totalkrast frei bewegen konnte. Vom 1. Januar bis 1. Juli 1836 befanden sich die Instrumente in einem Locale, wo die Anziehung des in der Nähe befindlichen Eisenwerks stark genug war, um das Magnetometer mehr als 4° aus dem magnetischen Meridian abzulenken und die Oscillations-Dauer in dem Verhältnisse von 1:0.98507 zu vermindern. Im später gewählten Lecale scheint ein Einfluss des Eisenwerks, wodurch die Variatienen merklich hätten geändert werden sollen, nicht stattgefunden zu haben. Den in Tab. I und II enthaltenen Resultaten der Mailänder Beobachtungen habe ich eine andere Form gegeben, als die, welche Kreil ursprünglich gewählt hat; ich beabsichtigte, dadurd deren Vergleichung mit den analogen Resultaten anderer Orte # Bei den Intensitäts-Variationen habe ich die Tenperatur-Correction nicht augebracht, sondern die Temperatur-Aesderungen beigefügt. Nach Kreil's Experimenten (Primo Supples. alle Essemeridi Astronom. di Milano p. 168.) würde man a+2f =0.000289 (§. 17.) haben. Diese Grösse ist nun entschieden zu klein, dessenungeachtet werden die Correctionen zu gross, ohne Zweisel, weil die angegebene Temperatur nicht die des Mr

[&]quot;) Das Detail bezüglich auf das Mailänder Observatorium ist in Supplemento I und Supplemento II alle Effemeridi astron. di Milano zu finden.

michsten kommen, wenn man voraussetzt, dass die Temperatur des Magnetstabes constant geblieben ist: alsdann stimmt der Gang der Intensität mit den neuern Beobachtungen ziemlich genau überein: wichtig sind aber die Mailänder Bestimmungen in so fern, als man daraus ersieht, dass in den Jahren 1837—1838 die Bewegung der Intensität, wie jene der Declination, viel größer war, als sie jetzt ist.

Was die Inclinations-Variationen betrifft, so zeigen sie nur den Gang, nicht die absolute Grösse an, weil der Schwerpunct der Nadel nicht genau in die Bewegungs-Axe siel.

Die absolute Intensität fand Kreil nach der Gauss'schen Methode:

```
1836 . 11—25. Oct. . . . . 2.01839 . . (9 Beobacht.)

1837 . Mai, Juni, August . . . 2.02598 . . (10 Beobacht.)

1838 . April, Oct. . . . . . 2.04231 . . (6 Beobacht.).

Tim Inclinatorium von Lenoir gab:
```

1836 . Oct. 23—26. Mittags . . . 63° . 44′,6 (4 Beobacht.)

7.4837 . . Aug. 25—27 63° . 50′,7 (3 Beobacht.)

4:4837. Dec. 5. - . . . 63° . 55′,1 (1 Beobacht.)

1. 1838. Oct. 8—10. 63° . 44′,7 (4 Beobacht.).

Gansen wird man die Mailänder Resultate als einen werthinfilm Beitrag zur Kenntniss der täglichen Variationen der mamatischen Kraft anerkennen: zur Bestimmung der absoluten Werund ihrer jährlichen und seculären Aenderungen waren die
matlichen Verhältnisse minder günstig.

Prag *).

•

1. 68. Was Kreil in Mailand begonnen hatte, setzte er in Reig in gleichem Sinne, aber in größerer Ausdehnung fort. Ein Magnetemeter und Bifilar nach Gauss und eine Inclinations-Madel von der Größe und Einrichtung, wie er in Mailand gehabt wurden in einem Saule aufgestellt, und Anfangs 13 Mal, weiter 10 Mal täglich aufgezeichnet. In der Tabelle I sind die Mesultate der Declinations-Beobachtungen beigefügt; die wegen der Temperatur corrigirten Resultate der Intensitäts-Beobachtun-

Des Nähere in "Magnetische und meteorologische Beobachtungen in Prag," wovon bereits vier starke Quartbände erschienen sind.

gen hat Kreil noch nicht bekannt gemacht. Die absolute latensität wurde an vier Tagen, vom 29. Juli bis 2. August 1843 mit einem magnetischen Theodoliten gemessen, und gab:

Mittlere Intensität für 1. Aug. 1843 *) . . 1.8831.

Die Inclinations-Messungen vom 14-18. Aug. 1843 geben:

Mittlere Inclination für 15. Aug. . . 66° . 9',4.

Der mit Kreil's Nadel No. II erhaltenen Bestimmung habe ich hier eine Correction von — 7',7 beigefügt, um sie mit Robinson's Inclinatorium übereinstimmend su machen**). Im Jahre 1843 hat Kreil eine magnetische Reise in Böhmen ausgeführt, wovon die Resultate in Tab. XVI gegeben sind.

Brüssel ***).

69. Seit 1827 wurden an der Sternwarte in Brüssel magnetische Bestimmungen vorgenommen; eine regelmässige Reibe täglicher Beobachtungen fing aber erst im Jahre 1840 an. Die Variations-Instrumente, ein Magnetometer nach Gauss und ein Bifilar und eine magnetische Waage nach Lloyd wurden in einem Saale der Sternwarte aufgestellt: für absolute Messungen ist im Garten der Sternwarte ein eigenes magnetisches Häuschen (von Backsteinen und mit Zink gedeckt) gebaut worden. Seit der Mitte des Jahres 1841 hat Quetelet das vollständige System der Brittischen Observatorien ausgeführt. Die Resultste der Declinations-Beobachtungen, von 1840 ansangend, sinden sich in Tabelle I und II. Die zweistündigen Beobachtungen der Herisontal- und Vertical-Intensität sind noch nicht reduzirt erschitnen. Die absolute Horizontal-Intensität wurde von mir mit & nem magnetischen Reise-Theodoliten = 1.7662 (für 1. Jan. 1845) bestimmt. Das Verhältniss der Horizontal-Intensität in Brüsse und Paris ist theils von Quetelet, theils von andern Beobacktern sehr genau bestimmt worden: als End-Resultat ergiebt sich (Annuaire de l'Observatoire de Bruxelles 1845. S. 289.) 0.963 fat Brüssel, wenn Paris = 1 gesetzt wird.

^{*)} Die gleichzeitigen Beobachtungen in München geben: 1.9359 für die Intensität an letzterm Orte.

^{**)} Magnetische und meteorologische Beobachtungen in Prag. IV. Bd. S. 5.

[&]quot;"") Näheres in den Mémoires de l'Académie de Bruxelles, uni in den Annales de l'Observatoire de Bruxelles.

Die im Rep. II. S. 215 gegebene Reihe von Declinationsnd Inclinations - Messungen hat Quetelet seither fortgesetzt, nd findet:

Zeit der Beobachtungen.			Decli	nation.	Inclination.		
1837	am	Ende	März	22°	4′,1	68°	28′,8
1838	•	-	-	22	3,7	68	26,1
1839	-	•	-	21	53,6	68	22,4
1840	im	Mär2		21	46,1	68	21,4
1841	•	•		21	38,2	68	16,2
1842	-	•		21	35.5	68	15,4
1843	-	•		21	26,2	68	10,9
1844	-	-		21	13,2	68	9,2
1845	•	•		•	•	•	•

Die von Quetelet in den Jahren 1830 und 1839 ausgeführn Bestimmungen der horizontalen Intensität und Inclination finm sich in Tab. XIV und XV zusammengestellt.

Kremsmünster.

70. An der Sternwarte in Kremsmünster hat Koller maetische Instrumente, nämlich ein Magnetometer und ein Bifilar,
ide mit 25pfündigen Stäben aufgestellt, um die Termin-Beobhtungen auszuführen. Ausserdem hat er im Garten der Sternette die absolute Declination und absolute Intensität nach der
ethode von Gauss bestimmt, und gefunden:

absolute Declination.

1841.	Juni	81	Morg.	15°.	38;5	•	•	•	24	Ab.	15° . 51,7
	Juli	-	•		39,3	•	•	•	•	•	51,5
	Aug.	-	•		38,9	•	•	•	-	-	51,0
	Sept.	-	•		36,3	•	•	•	•	-	47,1
	Oct.	-	•	9	29,5	•	•	•	-	-	38,1
	Nov.	-	•	2	24,7	•	•	•	-	•	29,8
	Dec.	-	•	2	25,1	•	•	•	-	-	26,0
1842.	Jan.	-	•	7	24,7	•	•	•	-	•	25,6
	Febr.	-	•	· ?	23,3	•	•	•	-	-	29,7
	März	•	•	2	20,7	•	•	•	•	-	29,8
	April	•	-	•	26,8	•	•	•	•	-	37,3
	Mai	-	-		31,9	•	•	•	•	•	42,1.

absolute Horizontal-Intensität.

1841. Juli 29. . . . 1,9423. 1842. Oct. 24. . . . 1,9418. 1842. Juli 1. . . . 1,9345. Nov. 14. . . . 1,9488. Oct. 15. . . . 1,9414. Dec. 2. . . . 1,9582.

Die Declinationen sind das Mittel aus zwei gewöhnlich am Anfange und Ende des Monats gemachten Beobachtungen, und geben natürlich die monatlichen Aenderungen nicht mit Sicherheit an, dagegen wird das Mittel:

15° 34′,15

für den 1. Dec: 1841 geltend, als sehr sicher angesehen werden dürsen*). Die Intensitäts-Bestimmungen sind um die Mittagsseit gemacht: die Messungen von 1842 geben im Mittel 1,9449 für 1842,72. Die Inclination hat Koller mit einem Brander'schen Inclinatorium gemessen und 64° 12′,8 für 1842? gesunden.

Greenwich **).

71. Im Jahre 1837 liess Airy südöstlich von der Greenwicher Sternwarte ein magnetisches Observatorium errichten. Während der ersten Jahre wurden nur die Termine beobachtet, von 1841 ansangend sind aber ununterbrochene zweistündige Beobachtungen aufgezeichnet worden. Das Observatorium ist ein geräumiges hölzernes Gebäude: als Declinations-Mugnet dient ein 4pfindiger Stab mit Collimator (S. §. 6.) an einem Seidenfaden auf gehängt, dessen Torsion sehr stark (= $\frac{1}{18.1}$) ist. Die Beobachten geschieht mit einem Theodoliten, und die Richtung des autronmischen Meridians wird unmittelbar mittelst Durchgänge der Pt larsterne bestimmt. Ein Bisilar ist zur Bestimmung der Horisotal-Intensitäts-Variationen, und eine magnetische Waage nach Lloyd zur Bestimmung der Aenderungen der Vertical-Intensität aufgestellt. Zur Messung der absoluten Horizontal-Intensität bei Airy ein kleines Pavillon herstellen lassen, worin die im Münchner Observatorium eingeführte Methode angewendet wird. Die Inclination wird ebenfalls in einem eigenen Pavillon mit einem Instrumente von Robinson bestimmt. Aus den zweistündlichen

^{*)} Um die wahre mittlere Declination zu erhalten, müsste man noch eine Correction wegen der Beobachtungsstunden beifügen.

^{**)} Näheres in Magnetical and Meteorological Observations in Greenwich, wovon zwei Bändo (1841 und 1842) erschienen sind.

eobachtungen des Jahres 1842 leitet Airy die mittlere Decliation = 23°. 14',5 ab.

Dublin.

72. Das Observatorium in Dublin ist von Lloyd im Jahre 338 vollständig mit Instrumenten eingerichtet worden; eine Behreibung des Observatoriums und der Instrumente erschien im ihre 1842*). Von den Resultaten ist bisher nichts bekannt geacht worden. Dublin kann als Central-Observatorium des Britschen Reiches betrachtet werden: die Wirksamkeit der Anstalt at sich nicht blos auf die Beobachtung, sondern auch auf Meioden und Instrumente erstreckt.

rittische Colonial-Observatorien und Südsee-Expedition in den Jahren 1840-1842.

In Folge der von A. v. Humboldt im Jahre 1836 an e königl. Societät in London ergangenen Aufforderung wenden mehrere Brittische Gelehrte, unter denen wir vorzugsweise abine und Lloyd zu erwähnen haben, ihren Einfluss und ihre emühungen daran, ein System magnetischer Beobachtungen nach ern grossartigsten Maassstabe in den verschiedenen Welttheilen, o sich Brittische Besitzungen finden, zur Ausführung zu brin-Kupffer hatte seinerseits, in Bezug auf das Russische eich, welches durch seine grosse Ausdehnung, wie durch die unificenz, womit wissenschaftliche Unternehmungen daselbst gerdert werden, die Hauptbedingungen eines günstigen Erfolgs reinigte, einen gleichen Plan entworfen. Nach mehreren vorreitenden Schritten, insbesondere von Seiten der Brittischen ssociation und der königl. Societät in London fasste endlich im thre 1839 das englische und in Folge dessen auch das russische ouvernement den Entschluss, in verschiedenen entsernten Thein der Welt eine Anzahl Observatorien zu errichten, wo nach eichem Plane **) eine ununterbrochene Reihe stündlicher Beobhtungen Tag und Nacht aufgezeichnet werden sollte.

[&]quot;) Account of the magnetical Observatory of Dublin. Dublin 1842.

") Die Bestimmungen bezüglich auf diese Beobachtungen findet in folgenden Schriften: Report of the Committee of Physics inding Meteorology 1840; Revised instructions for the use of magnetic die meteorological Observatories (beide auf Kosten der königl. Societät VII.

In Folge dieses Entschlusses sind im Laufe des Jahres 1840 in Toronto, am Cap d. g. H., in St. Helena und Vandiemens-Insel Observatorien erbaut worden. Jedes Observatorium erhielt einen Artillerie-Officier als Director und mehrere Unterofficiere als Gehülfen: die General-Direction wurde dem Oberst Sabine in Woolwich übertragen. Dem Beispiele des Gouvernements folgte bald auch die Ostindische Compagnie, und liess unter ähnlichen Bestimmungen magnetische Austalten in Simla, Madras, Singapore und Bombay errichten.

Von den hier aufgezählten Observatorien sind bisher nur sehr wenig Resultate bekannt gemacht worden; nämlich die Störungs-Beobachtungen vom 21. Sept. 1844 in Toronto, Trevandrum, St. Helena, Cap d. g. II., Vandiemens-Insel, die vollständigen, während der Jahre 1840 und 1841 beobachteten Störungen in Toronto, St. Helena, Cap d. g. H. und Vandiemens-Insel, endlich die regelmässigen Beobachtungen in Toronto von 1840 bis 1842.

Aus der Einleitung, welche den letztern Beobachtungen vorangeht, entnehme ich folgende, wie mir scheint characteristische Thatsachen. Die Instrumente, denen des Dubliner Observateriums gleich, wurden am 5. Febr. 1840 vorläufig, bis zur Erberung des Observatoriums, in einer damals nicht bewohnten Geserne aufgestellt, erst am 12. Sept. desselben Jahres konnte ihnen im Observatorium selbst eine definitive Aufstellung gegeberwerden. Die Regulirung und Beobachtung der Instrumente geschah genau nach den von der Royal Society bekannt gemachten Vorschriften. Der erste Anstand, der dabei zum Vorschein kanbetraf die Torsion des Fadens, an welchem der Declination-Magnet hing: folgender Auszug aus dem Journal des Observatoriums giebt einen Begriff davon:

1840. Nov. 7. Der Torsionsstab war die vorige Nacht his durch eingehängt, und zeigt ungefähr 15° östl.; corrigit. Nov. 8. Der Torsionsstab war die vorige Nacht his durch eingehängt, und zeigt jetzt 45° westl.; corrigit

in London gedruckt, und was den magnetischen Theil betrifft, von Lloyd verfasst); ferner magnetical instructions for the use of portable instructions, by Ridell, London 1844 (bekannt gemacht auf Kosten der Admiralität).

1840. Nov. 15. Der Torsionsstab, die vorige Nacht hindurch eingehängt, zeigt 20° östl.; corrigirt.

Nov. 29. Der Torsionsstab, ungefähr 14 Stunden eingehängt, zeigt 20° östl.; corrigirt.

So wurde bis zum 30. Sept. 1841 fortgesahren, ohne dass zwei auf einander solgende Experimente dieselbe Torsion zeign: endlich entschloss man sich die Torsions-Untersuchungen inzlich aufzugeben und das Magnetometer ungestört zu lassen.

Der zweite Anstand, der sich darbot, betraf die Messung zu absoluten Intensität, wobei die einzelnen Resultate so wenig ebereinstimmung zeigten, dass deren weitere Fortsetzung gegen ade des Jahres 1841 aufgegeben wurde.

Ein dritter Anstand ging daraus hervor, dass die Instruction Royal Society vorschrieb, den Magnet des Bisilars von Zeit. Zeit herauszunehmen, um durch Schwingungen dessen Moment bestimmen, während bald die Ersahrung zeigte, dass diess nicht schehen konnte, ohne dass das Moment sich änderte und die sihe unterbrochen wurde. Auch die Befolgung dieser Vorschrift urde vom Monat August 1841 ansangend unterlassen.

Diese Erfahrungen und die in Europa nach und nach entandenen Verbesserungen der magnetischen Instrumente führten ne gänzliche Umgestaltung des Observatoriums in Toronto heri. Die Anstalt besitzt gegenwärtig ausser den ursprünglichen strumenten für Declination, Ilorizontal- und Vertical-Intensität*) a Declinatorium, ein Bifilar und Inductions-Inclinatorium für priations-Beobachtungen, sämmtlich mit dreizölligen Nadeln, dann re Bestimmung der absoluten Werthe der Declination und Insität. Instrumente nach neuer Construction **), ebenfalls mit eisölligen Magneten, wobei eine in jeder Beziehung befriedinde Uebereinstimmung die Zuverlässigkeit der Resultate vertret. Die Elemente für Toronto sind: Declination + 1°. 14′.24 re 1841.5, und 1°. 18′.93 für 1842.5: Inclination 75°. 17′.0 re 1841.6 und 75°. 16′.4 für 1842.5: absolute Intensität 3,540

^{*)} Schon im Jahre 1842 gab man den Magneten in den Brittihen Observatorien, um den Einstuss der Lusteireulation im Innern s Magnetkastens zu beseitigen, ein zweites inneres Gehäuse, wobei ir der für die Bewegung der Stäbe nöthige freie Raum gelassen orde.

[&]quot;) Riddell, magnetical Instructions, London 1844.

(nach englischen Einheiten) für 1841,7 nach 13 Messungen swischen Oct. 1840 und Dec. 1842. Die geographische Position von Toronto ist nördl. Breite 44° 33′; Lünge 79° 20′ westlich von Greenwich.

Zugleich mit der Herstellung der Colonial-Observatorien veranstaltete das Brittische Gouvernement eine andere für die Theorie des Erdmagnetismus eben so wichtige Unternehmung: es warde nämlich eine See-Expedition, bestehend aus den Schiffen Erebus und Terror unter dem Befehle des Capt. Ross, während der drei Jahre 1840 - 1842 in die Südsee abgesendet, um magnetische Bestimmungen vorzunehmen. Für die Messungen zur See waren die Schiffe mit Azimuthal-Compassen und Inclinatories nach der Einrichtung von Fox (auch zur Bestimmung der Total-Intensität anwendbar) versehen; ausserdem hatten sie dieselben Instrumente, wie die fixen Observatorien, um auf dem Eise, oder auf dem festen Lande, wenn Gelegenheit vorhanden war, Beobachtungen zu machen. Die Ergebnisse dieser Expedition, so weit sie bisher von Sabine bekannt gemacht worden sind, enthalten die Tab. XXIII - XXVI. Die Correction wegen des Einflusses der auf den Schiffen besindlichen Eisentheile ist bereits eingerechnet.

Makerstoun.

74. Sir Th. Brisbane hat in Makerstoun (Breite 55°.34′.45°. Zeitdiff. mit Göttingen 49′.50″) unweit Edinburg ein magnetsches Observatorium errichtet, und mit Instrumenten nach den Muster des Dubliner Observatoriums versehen. In dem Zeitraum Iuli 1841 bis Dec. 1843 sind täglich Beobachtungen um 8 mit 11 Vormittags. 2 und 5 Nachmittags angestellt worden: widerend der zwei Jahre 1844 und 1845 wurden stündliche Aufzeichnungen gemacht. Die Beobachtungen von 1841 und 1843 sind von Broun (Observations in magnetism. and meteorology mate at Makerstoun in Scotland 1841 and 1842) bekannt gemacht worden. Die Constanten sind: Declination 1842,5 25°.27′.38′ (Mittel aus 8h und 2h vermindert um 1′.11). Inclination 71°.11′.3, absolute Horizontal-Intensität 1,368′ (sehr unsicher).

Russische Observatorien.

bereits oben bemerkt worden ist, den damals bestehenden magnetischen Observatorien eine vollständigere Einrichtung zu geben und neue hinzuzufügen, so dass die stündlichen Beobachtungen, von 1840 anfangend, in zehn Observatorien ausgeführt werden sollten. Die General-Direction wurde dem Academiker Kupffer übertragen. Bei der grossen Entfernung der einzelnen Stationen von der Hauptstadt, und bei der Schwierigkeit der Communication überhaupt, bedurfte es jedoch geraumer Zeit, um die beschlossenen Anordnungen ins Werk zu setzen, und noch im Jahre 1842 waren nur von fünf Stationen (Petersburg, Catherinenburg, Barnaul, Nertchinsk, Sitka) Beobachtungen bekannt gemacht worden.

Jedes Observatorium soll, dem ursprünglichen Plane gemäss, aus zwei kleinen hölzernen Gebäuden bestehen; in dem einen werden die Variationen, in dem andern die absoluten Werthe beobachtet. Ausser den unter Kupffer's unmittelbarer Leitung hergestellten Observatorien waren andere ähnliche Anstalten an Einigen Universitäten eingerichtet worden, wie in Helsingfors und Kasan. In den sämmtlichen Russischen Observatorien sind besäglich auf die horizontalen Componenten der magnetischen Kraft die Gauss'schen Instrumente und Methoden eingeführt: die Incli-_natorien sind von Gambey. Zur Beobachtung der Variationen der Vertical-Intensität wurde einige Zeit hindurch die magnetische Wasge von Lloyd angewendet, aber zuletzt wegen der Unsicherheit der Resultate entsernt. Die absoluten Werthe der Declination, : Inclination und Intensität, dann die Monatmittel der Variationen der zwei letzten Elemente, so weit die erforderlichen Reductions-Constanten gegeben waren, habe ich aus den Jahrgängen 1841 _ und 1842 von Kupffer's Annuaire météorologique et magnétique ausgezogen, bemerke jedoch, dass, wie in den andern Observatorien, so auch in den Austalten Russlands die anfänglichen Resultate als minder zuverlässig zu hetrachten sein möchten: insbesondere mag die Veränderlichkeit der Torsion und die eigenthämlichen Schwierigkeiten der Intensitäts-Methode einigermaassen nachtheiligen Einsluss gehabt haben. Bezüglich auf die einzelnen Observatorien kann Folgendes bemerkt werden:

1) Petersburg. Das magnetische Observatorium bildet einen

Theil des "Physikalischen Observatoriums," und steht unter Kupffer's unmittelbarer Leitung. Die geographische Position ist: nördl. Breite 59° 57′, Länge östl. von Paris 27° 59′ (1 2′ 31″ Zeitdifferenz mit Göttingen). Die Inclination war 70° 59′,0 für 1841,67 und 71°.0′,3 für 1842,5 (Mittel aus Beobachtungen um 10 Morg. und 4 Åh.): mittlere Declination nach den stündlichen Beobachtungen für dieselben Epochen + 6° 25′,95, und + 6° 21′,27, die absolute Intensität 1.6523 für 1841,5, und 1.6582 für 1842,5.

- 2) Catherinenburg. Geographische Breite 56° 50′; Länge 48° 14′ östlich von Paris (3½ 22′ 31″ Zeitdiff. mit Göttingen). Das Observatorium seht auf einer Anhöhe, dicht an der Stadt: der Boden besteht grösstentheils aus Diorit, was auf die magnetischen Constanten einigen Einfluss haben mag. Die Inclination ist: 69° 54′.2 für 1841,8, und 69° 53′.5 für 1842,5. Die Declination 6° 38′.5 östlich für 1841,58 (aus 10monatlichen Beobachtungen), und 6° 38′.87 für 1842.5. Die absolute Horizontal-Intensität = 1,840 ungefähr für 1841.6, und 1,5379 für 1842,44.
- 3) Barnaul. Geographische Breite 53° 20'; Länge 81° 7' östlich von Paris (4° 54' 3" Zeitdiff. mit Göttingeu). Das magnetische Observatorium ist in der Stadt. die fast durchgängig aus hölzernen Häusern besteht. Die magnetischen Constanten sind: Inclination 69° 5',3 für 1. Oct. 1841 (aus 47 Beobachtungen um 9° Morg. und 4° Ab.), und 70° 7',2 für 1842,50. Decknation 8° 19',0 (östl.) für 1841.75 (aus den stündlichen Beobachtungen), und 5° 24'.82 für 1842,51. Absolute Horisontal-Intensität 2.047 (5 Beobachtungen). ungefähr für 1841,7, und 2,0512 für 1842,6.
- 4) Nertchinsk. Geographische Breite 51° 18'; Länge 117°1' östl. von Paris (7^h 17' 39" Zeitdiff. mit Göttingen). Das Obervatorium war Anfangs auf einer kleinen Anhöhe in einiger Enfernung von der Stadt erbaut. ist aber später in die Stadt verlegt worden; die Höhe über dem Meere ist ungefähr 2000 Fuss. Die magnetischen Constanten sind: Inclination 67° 6'.4 für 1. Oct. 1841 (aus Beobachtungen um 9½ Morg. und 4h Ab.). und 67° 7'.9 für 1842,50. Declination + 3° 43'.8 für 1841.79 (aus ständlichen Beobachtungen). Absolute Horizontal-Intensität 2.2131 für 1841.75, und 2.2063 für 1842.5.
 - 5) Sitka. Die geographische Position ist 57° 3' nördl. Breite

und 222° 15' östl. Länge von Paris (14h 19' 14" Zeitdiff. mit Göttingen). Nähere Bestimmungen der Lage des Observatoriums sind nicht angegeben, auch sehlen die magnetischen Constanten bisher.

- 6) Kasan. Geographische Breite 55° 48'; Länge 46° 48' östl. von Paris (2h 21' 51" Zeitdiff. mit Göttingen). Das magnetische Observatorium, unter Simonoff's Leitung gebaut, ist nahe an der Sternwarte gelegen. Die Beobachtungen wurden mit dem Anfange des Jahres 1841 begonnen, aber im folgenden Jahre durch den Brand, der das Observatorium zerstörte, unterbrochen. Magnetische Constanten: Inclination 68° 21',9 für 1841,6 (71 Beobacht.); Declination 3° 24',3 (östl.) für 1841,7*) (1 Beobacht.); Intensität 1,8769 (Nov. 1841.) (1 Beobacht.).
- 7) Helsingfors. Unter der Leitung Nevander's ist ein magnetisches Observatorium in Helsingfors erbaut, und die Beobachtungen von 10' zu 10' ununterbrochen angestellt worden. Die Resultate sind mir noch nicht zugekommen.

Ausser den obigen Observatorien hat die Russische Regierung auch in Tiflis und Pekin magnetische Anstalten einrichten lassen, wovon jedoch keine weitern Resultate bekannt geworden sind, als die Inclinations-Beobachtungen in Pekin, welche 55°42′,0 für 1842,5 geben.

München.

76. Das Münchner Observatorium ist ein unterirdischer Bau mit doppelten Bretterwänden. Die Beobachtungen singen am 1. Aug. 1840 an, mit einem Unisilar-Magnetometer und einem Variations-Instrumente sür Intensität; beide waren mit 25psündigen Stäben versehen. Am 5. Mai 1841 wurde das Magnetometer entsternt und eine kleine Nadel zur Bestimmung der Declinations-Aenderungen ausgestellt; erst am 3. Juni desselben Jahres wurde die Nadel vor Lustströmung gehörig geschützt, und von da sangen die genauen Beobachtungen an. Die absoluten Intensitäts-Beobachtungen mit Hülse des magnetischen Theodoliten singen im Oct. 1841 an, erst dadurch wurde eine Controle des Disserten.

[&]quot;) Diese Bestimmung ist mit einer Declinations-Boussole von Gambey gemacht; dasselbe Instrument gab in Butirka, einem Dorfe bei Kasan, die Declination $= -2^{\circ} 50^{\circ}, 8$.

rential-Instruments für Intensität erlangt und eine richtige Bestimmung der Variationen möglich gemacht; jedoch sind später einige Verbesserungen an dem Disserential-Instrumente vorgenommen worden. Die absolute Declination und Intensität nach den zweistündlichen Beobachtungen waren:

1841.	 16°	53:56	
1942.	 16	47,38	1.9314
1543.	 16	40,66	1.9354
1844 .	 16	33,81	1.9374
1845 .	 16	27.11	1.9355.

Im Juli 1845 wurde die absolute Inclination mit einem der Prager Sternwarte gehörigen Inclinatorium von Repsold bestimmt, und es ergab sich im Mittel:

65° 10′.

Die einzelnen Resultate stimmten gut überein, so lange die Axen der Nadeln unverändert blieben, wurden aber die Axen gedreht, so fanden sich sehr abweichende Resultate, und zwar zwischen 64° 56' und 65° 19'.

Das Münchner Observatorium ist in neuester Zeit mit verschiedenen auswärtigen Puncten durch magnetische Messungen verbunden worden, namentlich sind hier die mit magnetischen Theodoliten ausgeführten Messungen von Ängström zwischen München und Upsala, und von mir zwischen München und London zu erwähnen.

Berlin.

77. Das magnetische Observatorium in Berlin besindet sich in der Nähe der Sternwarte. Die täglich Morg. und Nachm. von Mai 1836 bis Aug. 1839 angestellten Declinations-Beobachtungen hat Encke in dem ersten Bande der Berliner Beobachtungen bekannt gemacht: die Tab. I. und IV. gegebenen Resultate habe ich daraus abgeleitet. Nach den 12 letzten Monaten hätte man die mittlere Declination in Berlin für 1839,17 = 16° 42′,76, hiebei wäre aber noch eine Correction beizufügen, um das Mittel von 8h und 1h auf die wahre mittlere Declination zu reduciren. Vergleicht man die Beobachtungen von Berlin mit denen von Göttingen, so ergeben sich hie und da aussallende Unterschiede, wevon der Grund wahrscheinlich in der Torsion zu suchen ist.

Christiania.

78. In Christiania wurde ein magnetisches Observatorium unter Hansteen's Leitung erbaut, und im Nov. 1841 eine Beobachtungs-Reihe mit einem Gauss'schen Magnetometer begonnen, wobei jede zehnte Minute der Stand aufgezeichnet worden ist. Stündliche Aufzeichnungen des Bifilars wurden, vom Jan. 1843 anfangend, hinzugefügt. Mit Ende Juni 1843 wurden diese Beobachtungen aufgegeben und bloss zweimal des Tages um 9^h Morg. und 2^h Nachm. der Stand beider Instrumente beobachtet. Die Resultate der Declinations-Beobachtungen sind bisher nur zum Theil bekannt gemacht worden, die Bifilar-Beobachtungen finden sich am Ende Tab. II. D.

Die absolute Intensität hat Hansteen mit einem transportabeln Weber'schen Magnetometer bestimmt und = 1.5540 (Mittel aus 10 Beobachtungen) gefunden für die Mitte Nov. 1840. Eine zehnmalige absolute Messung der Intensität mit dem Gausschen Magnetometer gab ungefähr für die Mitte April 1841 = 1.5475*).

Ausser den von Hansteen im Jahre 1839 auf seiner Reise nach Deutschland gemachten magnetischen Messungen (Tab. XI.) habe ich in Tab. XII. auch einige Bestimmungen, welche von Norwegischen Seeofficieren nach Hansteen's Anleitung ausgeführt worden sind, beigefügt.

Genf.

79. Im Jahre 1842 hat Plantamour in Genf ein magnetisches Observatorium erbaut und ein Gauss'sches Magnetometer aufgestellt, womit eine Reihe von täglichen Declinations-Beobachtungen augefangen wurde, auch die vierteljährlichen Termine sind bis 1844 beobachtet worden. Vom 9. April bis 25. Juni

[&]quot;) Gleichzeitig wurden mit dem Dollond'schen Cylinder Schwingungs-Beobachtungen angestellt, wonach sich ergab, dass der Logarithmus der absoluten Intensität = 6.00557 - 2 log T ist. wenn T die Dauer von 300 Schwingungen des Cylinders bezeichnet. Berechnet man mit dieser Constante die absolute Intensität aus den Schwingungs-Beobachtungen, welche correspondirend mit den Messungen des Weber'schen Magnetometers gemacht wurden, so ergiebt sich 1.5441, also um 0.0099 kleiner, als das Resultat des Weber'schen Magnetometers.

1843 seigte der Stab beständig die Declination um 18' bis 20' su gross, wahrscheinlich in Folge einer Aenderung des Apparats, die plötzlich eingetreten und eben so plötzlich verschwunden ist, ohne dass der Grund hätte entdeckt werden können. Als Resultat der Beobachtungen von Juni 1842 bis März 1843 giebt Plantamour mittlere Declination'für 1. Jan. 1843 = 18° 56',76 an, wobei er eine Correction von — 0',53 beigefügt hat, um das Mittel der täglichen sechs Beobachtungen auf das wahre Mittel zu reduciren.

Cracau.

80. An der Sternwarte in Cracau hat Weisse ein Magnetometer nach Gauss im Jahre 1840 aufgestellt und ausser der Termiuen auch täglich zweimal um 8h Morg. und 2h Nachm. die Declination beobachtet. Die Resultate sinden sich in Tas. L

Algier.

Academiker Aimé nach Algier gesendet, um mit den Lloydschen Instrumenten magnetische Beobachtungen correspondirent mit den Englischen und Russischen Observatorien ansustelles. Eine kurze Uebersicht seiner Resultate findet sich im Februar-Heft der Annales de Chimie et Physique 1844, wonach die mitlere absolute Declination im Oct. 1842 = 18° 35′25″, und de Inclination = 57° 21′ (etwa für die Mitte von 1842 gültig), de absolute Intensität = 2.373 (ungefähr für Sept. 1842) gefundes wurde. Die Beobachtungen dehnen sich im Ganzen über 19 Menate aus und umfassen die monatlichen magnetischen Termize, auch Beobachtungen an einigen andern Tagen in Intervallen von 5 Minuten; stündliche Beobachtungen in ununterbrochener Reihe sind in Algier nicht gemacht worden.

Nordamericanische Freistaaten.

82. In Washington, Philadelphia. Cambrigde, Boston and Hudson sind magnetische Austalten eingerichtet worden, worden mir jedoch nähere Angaben bisher fehlen. Die von Loomis in Sillimann's Journal of science XLIII. gegebene Zusammenstellung der in Nordamerika gemachten absoluten Bestimmungen forden sich in Tab. VII – IX. Sehr zweckmässig hat Bache in

Jahre 1844 mit der trigonometrischen Aufnahme des Landes die Bestimmung der magnetischen Constanten an einigen Hauptpuncten verbunden: die Resultate sind noch nicht bekannt gemacht.

IV. Abschnitt.

Theorie des Erdmagnetismus, empirische Gesetze der magnetischen Erscheinungen.

Eine Theorie des Erdmagnetismus hat die Vertheilung 83. der magnetischen Kraft auf der Erdobersläche, und die Aeuderungen, die im Verlaufe der Zeit eintreten, zu erklären, den Zusammenhang von Ursache und Wirkung nachzuweisen. In Beziehung auf diese Erklärung und Nachweisung zerfallen die Phänomene, welche in das Gebiet physikalischer Beobachtung überhaupt gehören, in zwei Klassen; die erste Klasse umfasst diejenigen Phanomene, denen eine einzige oder wenige bestimmte Ursachen zu Grunde liegen, und wobei die Beobachtung durch die Theorie bis ins kleinste Detail dargestellt werden muss, wie diess bei den Bewegungen der Himmelskörper der Fall ist: unter die zweite Klasse sind diejeuigen Phänomene einzureihen, welche ausser einer Hauptursache noch eine unendliche Zahl secundärer Ursachen haben, die keine Theorie vollständig umfassen kann, so dass man sich darauf beschränken muss, in den Mittelwerthen den Zusammenhang von Ursache und Wirkung darzustellen. Beispiel letzterer Art bietet die Meteorologie dar. Es ist kaum nöthig hier die Gründe aufzuzählen, nach welchen wir die Erscheinungen des Erdmagnetismus in die letztere Klasse zu stellen uns veranlasst finden, da die Entscheidung niemals einem Zweitel unterliegen konnte. Diesem gemäss wird also die Theorie den Grund der mittlern Vertheilung des Magnetismus auf der Erdobersläche, den Grund der mittlern täglichen Bewegung. wie sie in den verschiedenen Jahreszeiten sich darstellt, und den Grand der allmäligen Aenderungen, die in läugern Epochen erfolgen, zu erforschen haben. Der Gang der Untersuchung wird darin bestehen, dass man eine Hypothese aufstellt und deren Folgen vollständig mathematisch entwickelt mit der Erscheinung vergleicht. Auf diesem Wege hat Moser (Rep. II. 238-263.) einige merkwürdige Resultate zusammengestellt: dass in ähnlicher Weise neuere Versuche gemacht worden wären, ist mir nicht bekannt.

84. Von einer andern Seite hat Gauss den Gegenstand aufgefasst: nach ihm soll der Theorie keine Hypothese zu Grunde gelegt, sondern rückwärts aus den Erscheinungen auf die wirkenden Kräfte und die Bedingungen, unter welchen sie wirken, geschlossen werden. Da die Abhandlung, worin Gauss seine ., Theorie des Erdmagnetismus " entwickelt hat (Resultate des magn. Vereins 1838. S. 1.), nicht wohl eines Auszuges fähig ist, so muss ich den Leser auf diese Arbeit selbst verweisen, und beschränke mich hier darauf, einige Betrachtungen, welche su Erläuterung dienen können, beizustigen. Zerlegt man die magnetische Kraft in drei rechtwinkliche Componenten, wovon die eine vertical $oldsymbol{Z}$ (nach abwärts positiv), die zweite mit dem Meridiaz parallel X (nach Norden positiv), die dritte senkrecht auf den Meridian Y (nach Westen positiv) sein soll, so wird jede von diesen Componenten bisweilen = o, bisweilen positiv, bisweilen negativ, niemals unendlich werden. Wenn demnach für einer Punct der Erdobersläche, für welchen die Componenten X, Y, Z gelten, die Nordpol-Distanz mit u, die geographische Länge mit λ bezeichnet, so kann man immerhin annehmen:

$$X = a + A_1 \cos \lambda + A_2 \cos 2\lambda + A_3 \cos 3\lambda + \dots$$

$$+ A_1 \sin \lambda + A_2 \sin 2\lambda + A_3 \sin 3\lambda + \dots$$

$$Y = b + B_1 \cos \lambda + B_2 \cos 2\lambda + B_3 \cos 3\lambda + \dots$$

$$+ B_1 \sin \lambda + B_2 \sin 2\lambda + B_3 \sin 3\lambda + \dots$$

$$Z = c + C_1 \cos \lambda + C_2 \cos 2\lambda + C_3 \cos 3\lambda + \dots$$

$$+ C_1 \sin \lambda + C_2 \sin 2\lambda + C_3 \sin 3\lambda + \dots$$

wohei $a, b, c, A_1, B_1...$ Functionen von cos u und sin u sind Was die Form dieser Functionen betrifft, so kann sie verschieden gewählt werden, nur die einzige Bedingung ist zu berücksichtigen, dass $A_1, A_2, A'_1, A'_2...B_1, B_2...$ den Factor sinstenthalten müssen, damit sie für u = 0 und $u = 150^\circ$ verschwieden. Mit Rücksicht auf die späteren Entwickelungen wählen wir folgende Form:

$$a = \alpha + \beta \cos u + \gamma \cos^2 u + ...$$

$$A_1 = (\alpha_1 + \beta_1 \cos u + \gamma_1 \cos^2 u + ...) \sin u$$

$$A_2 = (\alpha_2 + \beta_2 \cos u + \gamma_2 \cos^2 u + ...) \sin^2 u$$

$$A'_1 = (\alpha'_1 + \beta'_1 \cos u + \gamma'_1 \cos^2 u + ...) \sin u$$

$$A'_2 = (\alpha'_2 + \beta'_2 \cos u + \gamma'_3 \cos^2 u + ...) \sin^2 u$$

$$u. s. w.;$$

robei α , α_1 , α_2 , β , β_1 ... bestimmte Zahlen-Coëssicienten sind, ie aus Beobachtungen entwickelt werden müssen.

Unter der Form, die wir für X, Y, Z angenommen haben, ann man bekanntlich jede beliebige Function von λ und u, deem Werth zwischen gewissen Gränzen eingeschlossen bleibt und icht unendlich wird, ausdrücken: die Reihen sind übrigens losse Interpolations-Reihen, und allgemein betrachtet, besteht reder zwischen den Reihen selbst, noch zwischen den Gliedern der einzelnen Reihe ein Verhältniss der Abhängigkeit. Diese nabhängigkeit wäre auch noch vorhanden, wenn die magnetishen Erscheinungen durch Kräfte hervorgebracht wären, die ach bestimmten Richtungen wirkten: sie hört aber auf, sobald an annimmt, dass der Magnetismus der Erde von magnetischen lolecülen herrührt, die irgendwo im Raume sich besinden, und ach allen Richtungen umgekehrt, wie die Quadrate der Entferang anziehen und abstossen.

85. Um die hier stattfindenden Verhältnisse darzulegen, rollen wir zuerst annehmen, dass die magnetischen Molecüle n Innern der Erde, die wir als sphärisch betrachten, nach irmd einem Gesetze, und zwar vom Mittelpuncte bis zur Oberiche hinauf, vertheilt sind. An einer bestimmten Stelle in der ntfernung r' vom Mittelpuncte der Erde besinde sich ein Molell, welches in der Distanz 1 die Anziehung dm ausübt: nennt an ϱ die Entsernung dieses Molecüls von dem Puncte der Erdberstäche, dessen Polar-Coordinaten r, u, λ sind, so eriebt sich die Anziehung von dm auf letztern Punct $=\frac{dm}{\varrho^2}$ oder

 $[\]frac{dm}{1-2rr'\cos\eta+{r'}^2}$, wenn der Winkel der Radien r und r' am

n multipliziren: die Summen der so zerlegten Kräfte, auf alle magnetischen ausgedehnt, giebt die drei Componenten der magnetischen zaft, nämlich:

Magnetismus der Erde.

$$X = \int \frac{r' \sin \eta \cos \alpha \, dm}{\varrho^3}$$

$$Y = \int \frac{r' \sin \eta \sin \alpha \, dm}{\varrho^3}$$

$$Z = \int \frac{(r - r' \cos \eta) \, dm}{\varrho^3}$$

Nennt man analog mit r, u, λ die dem Molecül dm zugehörigen Polar-Coordinaten r', u', λ' , so hat man:

$$\cos \eta = \cos u \cos u' + \sin u \sin u' \cos (\lambda - \lambda')$$

$$\sin \eta \cos \alpha = \sin u \cos u' - \cos u \sin u' \cos (\lambda - \lambda')$$

$$\sin \eta \sin \alpha = \sin u' \sin (\lambda - \lambda').$$

Substituirt man diese Werthe in den Gleichungen für X, Y, Z, und setzt $-\int \frac{dm}{Q} = V$, so erhält man sogleich folgende auch sonst bekannte Relationen:

$$X = \frac{dV}{rdu}, Y = \frac{dV}{r \sin u d\lambda}, Z = \frac{dV}{dr}.$$

Substituirt man die hieraus abgeleiteten Werthe von $\frac{dV}{da}$, $\frac{dV}{dt}$, $\frac{dV}{dt}$ in den identischen Ausdrücken:

$$\frac{d\left(\frac{dV}{du}\right)}{d\lambda} = \frac{d\left(\frac{dV}{d\lambda}\right)}{du}, \frac{d\left(\frac{dV}{du}\right)}{dr} = \frac{d\left(\frac{dV}{dr}\right)}{du}, \frac{d\left(\frac{dV}{d\lambda}\right)}{dr} = \frac{d\left(\frac{dV}{d\lambda}\right)}{d\lambda}$$

so folgt unmittelbar:

$$\frac{d(rX)}{d\lambda} = \frac{d(r\sin uY)}{du} \text{ oder } \frac{dX}{d\lambda} = Y \cos u + \frac{dY}{du} \sin u$$

$$\frac{d(rX)}{dr} = \frac{dZ}{du} \dots \text{ oder } X + r \frac{dX}{dr} = \frac{dZ}{du}$$

$$\frac{d(r\sin uY)}{dr} = \frac{dZ}{d\lambda} \dots \text{ oder } Y + r \frac{dY}{dr} = \frac{1}{\sin u} \frac{dZ}{d\lambda}.$$

Die Möglichkeit aus diesen Gleichungen durch Integration vollständige Werthe abzuleiten, hängt davon ab, in wie sem durch die partielle Disserentiation einzelne Glieder aussallen können. Aus der weiter unten vorkommenden Entwickelung der Function V kann man aber ersehen, dass in allen Glieder ι , ι , ι zugleich vorkommen, mit Ausnahme der zwei ersten Glieder wovon das eine blos r, das andere r und ι ohne ι enthält. Man kann demnach setzen:

$$V = f(r) + f'(u_1r) + V'.$$

Ersetzt man hieraus die durch Disserentiation ausfallenden Glieder, so hat man:

$$X = \int \frac{d (\sin u F)}{du} d\lambda + \frac{df'(u_1 r)}{r du}$$

$$X = \frac{1}{r} \int \frac{dZ}{du} dr$$

$$Y = \frac{1}{r \sin u} \int \frac{dZ}{d\lambda} dr$$

$$Y = \frac{1}{\sin u} \int \frac{dX}{d\lambda} du$$

$$Z = \int \frac{d (r X)}{dr} du + \frac{df(r)}{du}$$

$$Z = \int \frac{d (r \sin u F)}{dr} d\lambda + \frac{df(r)}{dr} + \frac{df'(u_1 r)}{dr}$$

Man sieht hieraus, dass, wenn für irgend eine Compoente ein Ausdruck gefunden ist, die Ausdrücke für
e übrigen Componenten daraus abgeleitet werden
nnen, in einselnen Fällen jedoch der Werth der gesuchten
mponente für einen Punct der Erdobersläche, oder für einen
eridian bekannt sein muss.

- 86. Der practische Nutzen der hier entwickelten Formeln indessen vorerst darin zu suchen, dass wenn die Werthe von F, Z für eine hinreichend grosse Anzahl von Puncten an der doberstäche gegeben sind, und daraus Interpolations-Reihen ch der Form §. 84. abgeleitet werden, sich entscheiden lässt, die Beobachtungen durch eine im Innern der Erde besindliche aft erklärt werden können. In diesem Falle müssen nämlich gefundenen Reihen den im vorhergehenden §. entwickelten ei Bedingungsgleichungen entsprechen. Unmittelbare Anwening sindet jedoch nur die erste Gleichung: bei den zwei andern ird erfordert, dass man erst die Zahlen-Coëssicienten der Grösna, b, c, A, B, C, ... u. s. w., wo r = 1 gesetzt ist, nach Potenzen von r trenne. Diess lässt sich durch die Entickelung der Function V auf folgende Weise bewerkstelligen.
- 87. Wenn man in der Gleichung $V = -\int \frac{dm}{\varrho}$ für ϱ den §. 85. fundenen Werth substituirt und nach den negativen Potensen in r entwickelt, so erhält man:

$$= -\frac{1}{r} \int dm - \frac{1}{r^2} \int r' \cos \eta dm - \frac{1}{r^3} \int r'^2 \left(\frac{3}{2} \cos^2 \eta - \frac{1}{2} \right) dm \dots$$

$$= \frac{1}{r} P_0 + \frac{1}{r^3} P_1 + \frac{1}{r^4} P_2 + \dots$$

Da die Erde ohne Zweifel, wie bei sonstigen magnetischen Körpern der Fall ist, eben so viel positiven, als negativen Magnetismus besitzen wird, so hat man $-\int dm = P_0 = 0$; was die Integration der übrigen Glieder betrifft, so muss sie von r' = 0 bis r' = 1, von $\lambda' = 0$ bis $\lambda' = 2\pi$, und von u' = 0 bis $u' = \pi$ ausgedehnt werden, dabei wird dm eine Function von r', u', λ' und ihren Differentialen sein, und wenn man anstatt $\cos \eta$ seiner Werth $\cos u \cos u' + \sin u \sin u' \cos (\lambda - \lambda')$ substituirt und innerhalb der oben augegebenen Gränzen $-\int r' \cos u' dm = a_1 - \int r' \sin u' \sin \lambda' dm = b_1$ u. s. w. setzt, so ergiebt sich:

 $P_1 = a_1 \cos u + b_1 \sin u \sin \lambda + c_1 \sin u \cos \lambda,$

 $P_{2} = a_{2} (\cos^{2} u - \frac{1}{3}) + b_{2} \cos u \sin u \sin \lambda + c_{2} \cos u \sin u \cos \lambda + d_{3} \sin^{2} u \sin 2\lambda + e_{2} \sin^{2} u \cos 2\lambda,$

 $P_3 = a_3 (\cos^3 u - \frac{3}{5} \cos u) + b_3 (\cos^2 u - \frac{1}{5}) \sin u \sin \frac{1}{5} + c_3 (\cos^2 u - \frac{1}{5}) \sin u \cos \lambda + d_3 \cos u \sin^2 u \sin 2 + e_3 \cos u \sin^2 u \cos 2\lambda + f_3 \sin^3 u \sin 3\lambda + g_3 \sin^3 u \cos 3\lambda$

 $P_{4} = a_{4}(\cos^{4}u - \frac{6}{7}\cos^{2}u + \frac{3}{35}) + b_{4}(\cos^{3}u - \frac{3}{7}\cos u)\sin u \sin u + c_{4}(\cos^{3}u - \frac{3}{7}\cos u)\sin u \cos \lambda + d_{4}(\cos^{2}u - \frac{1}{7})\sin^{2}u \sin u + e_{4}(\cos^{2}u - \frac{1}{7})\sin^{2}u \cos 2\lambda + f_{4}\cos u \sin^{3}u \sin u$

 $+g_4 \cos u \sin^3 u \cos 3\lambda + h_4 \sin^4 u \sin 4\lambda + k_4 \sin^4 u \cos 4\lambda$ Stellt man den Ausdruck für V nach den Sinussen und Cosinusen von λ , 2λ geordnet, unter folgender Form dar:

 $V = A + B \sin u \sin \lambda + C \sin^2 u \sin 2\lambda + D \sin^3 u \sin 3\lambda + \dots$ $+ B' \sin u \cos \lambda + C' \sin^2 u \cos 2\lambda + D' \sin^3 u \cos 3\lambda + \dots$ so ist:

$$A = -\frac{1}{3} \frac{a_2}{r^3} + \frac{3}{35} \frac{a_1}{r^5} + \left(\frac{a_1}{r^2} - \frac{3}{5} \frac{a_3}{r^4}\right) \cos u + \left(\frac{a_2}{r^3} - \frac{6}{7} \frac{a_4}{r^5}\right) \cos^2 u + \dots$$

$$B = \frac{b_1}{r^3} - \frac{1}{5} \frac{b_3}{r^4} + \left(\frac{b_2}{r^3} - \frac{3}{7} \frac{b_4}{r^5}\right) \cos u + \frac{b_3}{r^4} \cos^2 u + \dots$$

$$B' = \frac{c_1}{r^2} - \frac{1}{5} \frac{c_3}{r^4} + \left(\frac{c_2}{r^2} - \frac{3}{7} \frac{c_4}{r^5}\right) \cos u + \frac{c_3}{r^4} \cos^2 u + \dots$$

Aus diesem Werthe von V kann man für X, Y, Z Ausdrücke von ähnlicher Form ableiten, und vergleicht man die Coësticienten mit den nach §. 84. aus der Beobachtung ermittelten Werthen von α . β, so kann man $\frac{a_1}{r^2}$, $\frac{b_1}{r^2}$, $\frac{c_1}{r^2}$, $\frac{a_2}{r^3}$ bestimmen. Auf solche Weise wird der am Ende des vorigen §. gestellten Forderung genügt.

59. Das Vorhergehende enthält die Kriterien wonach man entscheiden kann, ob die magnetischen Erscheinungen, wenn sie einmal durch Beobachtung bekannt sind, einer in der Erdmasse vertheilten Krast zugeschrieben werden können. Hätte die ma gnetische Krast ausser der Erde, etwa in der Atmosphäre ihren Sitz, so müsste man den Werth von V nach den Potenzen von entwickeln, und man bekäme alsdann ein Resultat von der im vorhergehenden §. gesundenen Form, wobei jedoch die Grössen $\frac{1}{r^3}$, $\frac{1}{r^4}$... $\frac{1}{r^n}$ durch r^2 , r^3 , r^{n-1} ersetzt wären. Wenn also die Krast ausserhalb der Erde sich besindet, so bleibt zwar das Verhältniss von X und I dasselbe, aber die Trennung der **Zahlen-**Coëfficienten nach Potenzen von *r* wird ganz anders, und damit ändert sich das Verhältniss von Z zu den übrigen Componenten. Aus dem Verhältnisse von Z zu X und Y muss demnach entschieden werden, ob die magnetische Kraft innerhalb der Erde, oder ausserhalb vorhanden sei.

Gauss zeigt, indem er die Folgerungen, die wir eben erwähnt haben, an allgemeine Betrachtungen und Lehrsätze knüpft, dass man nicht bloss entscheiden könne, ob die magnetische Kraft in der Erde, oder ausserhalb derselben vorhanden sei, sondern dass auch, falls ein Theil der Wirkungen von Oben, ein Theil von Unten käme, die Theorie beide zu trennen im Stande sein würde. Er bemerkt ferner, dass die täglichen sowohl, als die unregelmässigen Aenderungen der magnetischen Componenten einer ähnlichen Behandlung, wie diese Componenten selbst, unterworfen werden können, somit über Natur und Sitz der Kräfte, darch welche diese Aenderungen hervorgerufen werden, eine Entscheidung zu erlangen sei, sobald die Beobachtung uns die nöthigen Data geliefert hat.

59. Aus den Bestimmungen der Declination. Inclination und Intensität, welche bis zum Jahre 1835 bekannt geworden waren, hat Gauss für V, X, Y, Z folgende Ausdrücke abgeleitet, wo r = 1, $\cos u = e$ und $\sin u = f$ gesetzt ist:

```
V = +1,977 - 937.103e - 71.245e^{2} + 15.565e^{3} + 105.555e^{4} + (-64.437 + 79.515e - 122.936e^{2} - 152.559e^{3})f\cos \lambda + (+155.303 + 33.507e - 47.794e^{3} - 64.112e^{3})f\sin \lambda + (-7.035 + 73.193e + 45.791e^{3})f^{2}\cos 2\lambda
VII.
```

```
+ (+45,092 + 22,766e + 42,573e^2) f^2 \sin 2\lambda
                 +(-1,396-19.774e)f^3\cos 3\lambda - (+18,750+0.178e)f^3\sin 3\lambda
                 -4.127 f^4 \cos 4\lambda -3.175 f^4 \sin 4\lambda.
X = (937,103 + 142,490e - 56,603e^2 - 435,420e^3)f
                 +(-79,518+181,435e-298,732e^3-368,808e^3
                                                                                                                                                                +610,357e4)cos1
                  +(-33,507+253,592e+259,349e^2-143,383e^3
                                                                                                                                                                 -256,448e1)sinl
                  +(-73.193-105.652e+219.579e^2+183.164e^3) fcos 22
                  +(-22,766+175,330e+68,098e^{3}-170,292e^{3})/\sin 2\lambda
                  +(19.774-4.188e-79.096e^2)f^2\cos 3\lambda
                  +(-0.175+56.250e+0.716e^2)f^2\sin 3\lambda
                  -16,508ef^3\cos 4\lambda - 12,701ef^3\sin 4\lambda.
 Y = (159,303 + 33,507e - 47,794e^2 - 64,112e^3)\cos\lambda
                   + (64,437 - 79,518e + 122,936e^2 - 152,589e^3) \sin \lambda
                   + (90,154-45,532e-85,146e^2)/\cos 2\lambda
                   + (14,070 - 146,368e - 91,582e^2) f \sin 2\lambda
                   + (56.250 + 0.534e) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\sin 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.322e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.32e)) (-\cos 3\lambda + (4.188 + 59.
                  -12,701 f^3 \cos 4\lambda + 16,508 f^3 \sin 4\lambda.
 Z = -24,593 + 1896,847e + 400,343e^2 - 75,471e^2 - 544,275e^4
                   +(79,700-107,763c+491,744e^2-762,946e^3) fcos \lambda
                   + (-395,724 - 155,473e + 191,176e^2 + 320,580e^2) f sin \lambda.
                    +(34,157-292,772e-228,955e^2)f^2\cos 2\lambda
                    + (-147,439 - 91,064e + 212,865e^2) f^2 \sin 2\lambda
                    + (5.554 + 95.570e) f^{3} \cos 3\lambda + (-75.000 - 0.590e) f^{3} \sin 3\lambda
                    +20,635f^{4}\cos 4\lambda + 15,876f^{4}\sin 4\lambda.
```

Die graphische Darstellung dieser Formeln findet man in des "Atlas des Erdmagnetismus von Gauss und Weber."

Aus dem Verhältnisse von Z zu X und Y würde folgendass die magnetische Kraft in der Erde, nicht über der Erde sich befinde: ich muss jedoch hinsichtlich dieses Umstandes, wie hinsichtlich der Entwickelung der Theorie überhaupt, auf die oben angeführte Abhandlung von Gauss verweisen, und füge hier noch einige Betrachtungen bei, zu welchen mich Moser's Darstellung im H. Bde. des Rep. veranlasst.

90. Galvanische Ströme, in der Luft oder an der Erdoberfläche fortgepflanzt, hat in neuester Zeit ein grosser Theil der Physiker als die wahrscheinlichste Ursache des Erdmagnetismus sich vorgestellt, und auch diejenigen, welche eine Verbindung

der magnetischen Kraft mit den Bestandtheilen der Erde annehmen, haben die Voraussetzung, dass die Kraft in einer grössern Tiefe liege, der Erklärung sämmtlicher Phänomene nie zu Grunde un legen versucht. Die tägliche Bewegung und die Störungen kommen hier sunächst in Betracht. Unbezweifelt bringt die Wärme die tägliche Bewegung hervor: nehmen wir nun obertächliche Kräfte an, so können wir sehr wohl begreifen, wie sie durch die Wärme modificirt, eine tägliche Periode haben, wie diese Periode selbst nicht regelmässig ist, sondern gleich der Erwärmung der Erd-Oberstäche, sich jeden Tag, innerhalb gewisser Gränzen, anders gestaltet. Liegt aber die magnetische Crast in grösserer Tiese, so würde die tägliche Periode nur dann ich erklären lassen, wenn wir annehmen wollten, dass die Warme auf die magnetische Krast sehr beträchtlichen Einbass habe, was aller bisherigen Erfahrung widerspricht. Noch chwieriger wäre es zu erklären, wie die Kraft magnetischer Elemente, die tief in der Erde liegen, so gewaltige Aenderungen zleiden könne, wie wir bei grossen magnetischen Störungen wahrnehmen. Die Gesammtheit der Erscheinungen, die uns die hysik der Erde entwickelt, macht uns geneigt, starre Verhältdese im Innern der Erde, und Veränderlichkeit nur an der Ober-Lache, durch atmosphärische Erscheinungen bedingt, zu suchen: md giebt die Beobachtung (wie es nach dem Obigen wirklich ler Fall wäre) eine Form von X, Y, Z, die durch eine an der Erdobersläche besindliche Kraft nicht erklärt werden könnte, so wäre man, wie ich glaube, genöthigt, ausser der Kraft, welche len Total-Effect hervorbringt, eine zweite Kraft anzunehmen. welche den Aeuderungen zu Grunde liegt und jedenfalls der Erdbersläche augehört. Mit Bezug auf diese Untersuchung halte ch es für zweckmässig die Verhältnisse hier zu entwickeln. welche stattfinden, wenn eine in oder nahe an der Erdober-Lache befindliche Kraft auf die Magnetnadel wirkt.

91. Nach dem Vorhergehenden giebt das Verhältniss von K und Y über den Sitz der magnetischen Kraft keine Ausknuft, med wir können uns darauf beschränken, das Verhältniss von Z den horizontalen Componenten, oder was gleichbedeutend ist, W zu betrachten. Unsere Formeln geben

$$V = \int \frac{dm}{(r^2 - 2rr'\cos\eta + r'^2)^{\frac{1}{2}}}, \quad Z = \int \frac{(r - r'\cos\eta)dm}{(r^2 - 2rr'\cos\eta + r'^2)^{\frac{3}{2}}}.$$

$$G^*$$

Setzen wir r=1, r'=1+h, so folgt, wenn man im Nenner vernachlässigt und h als constant betrachtet:

$$Z = \frac{1}{2(1+h)}V - \frac{h}{2\sqrt{2}(1+h)^3} \int \frac{\cos\eta \, dm}{(1-\cos\eta)^{\frac{3}{2}}}.$$

Daraus leiten wir folgende Sätze ab:

1) Wenn die Krast, welche auf die Magnetnadel wirkt, i an der Oberstäche der Erde sich besindet, so ist

$$Z=\frac{1}{2}V,$$

V. Diese Gleichung ist auch desshalb merkwürdig, weil dars die Frage, ob die Kraft an der Erdobersläche sich besinde onicht, entschieden werden kann, wenn man nur den Werth X und Z auf einem einzigen Meridian oder den Werth von und Z auf einem einzigen Parallelkreis um die ganze Erde kei

2) Ist h schr klein, so kann man $\int \cos \eta (1 - \cos \eta)^{-\frac{\pi}{2}}$ näherungsweise = 21/2(1-h)V setzen, alsdann hat man

$$Z=\frac{1}{2}V.\frac{1-2h}{1+h},$$

3) Falls h einen grössern Werth hat, erhält man die G chung

$$Z = \frac{1}{2} V \frac{1-2h}{1+h} - \frac{h}{2V^2(1+h)^3} \int dm \left(\frac{3}{5} \cos^2 \eta + \frac{5}{6} \cos^3 \eta + \dots + \frac{5}{6} \cos^3 \eta$$

woraus zu schliessen ist, dass die Reihen für Z und V jedt falls grosse Achulichkeit haben werden und der Unterschied das bestehen wird, dass alle Coëfficienten in der erstern Reihe etw grösser (ohne Rücksicht auf das Zeichen) oder alle etwas kluer sein werden, als in der letztern.

Wenn die auf die Nadel wirkende Kraft nicht in einer verdich dünnen Schicht, sondern in einer dickern Kugelschale t die Erde vertheilt ist, so erhält man auch noch Gleichungen v der vorhergehenden Form, vorausgesetzt, dass $dm = HUdhd\lambda t$ ist, wo H nur von h, und U nur von u' und λ' abhängt. I den besondern Fall, dass die Dichtigkeit des magnetischen Ih dums in jeder Verticale sich gleich bleibt, gelten die obigen Audrücke ohne Aenderung, auch für eine dickere Kugelschale, wei

A die Entfernung der Mitte der Kugelschaale von der Erdoberfläche bezeichnet.

92. In dem Maasse, als die magnetischen Beobachtungen auf grössere Zeiträume und auf möglichst viele Puncte der Erdobersäche ausgedehnt werden, dürsen wir hossen nicht nur über die §§. 84—91 berührten Verhältnisse eine Entscheidung zu erlangen, sondern auch durch Beantwortung der weiter sich darbietenden Fragen einer vollständigen Erkenntniss der Natur des Erdmagnetismus näher zu kommen. Dem gewöhnlichen Entwitkelungsgange der Naturwissenschaften zusolge lässt sich erwarten, dass man zuerst einzelne empirische Gesetze sinden wird, die eine künstige Theorie in Zusammenhang bringen und höheren Gesetzen unterordnen soll. In dem Folgenden werde ich minige Erscheinungen erwähnen, für welche solche Gesetze gestanden worden sind, oder zunächst erwartet werden dürsen.

Die tägliche Bewegung der magnetischen Elemente kennen wir zwar für eine ziemlich grosse Anzahl von Puncten, wo ziemdliche Beobachtungen gemacht worden sind; Gesetze hat indessen daraus noch nicht abgeleitet. Es dürfte jedoch zweckmässig sein, hier einige charakteristische Thatsachen, die känftige Untersuchungen nützlich sein können, hervorzuheben.

- 1) Der tägliche Gang ist von einem Tage zum andern oft beträchtlich verschieden; merkwürdig ist aber, dass die mittlere Declination der Tage (von der Säcularabnahme befreit), immer ziehr nahe sich gleich bleibt, während die Intensität und Inclination mehrere Tage grösser, dann wieder mehrere Tage kleiner zein können, eben so, wie es bei dem Barometerstande der Fall ist.
- 2) Die täglichen Curven, wie sie aus den einzelnen Monaten hervorgehen, sind sehr ungleich, jedoch zeigen die Sommermonate unter sich viele Achulichkeit, ebenso die Wintermonate, dass man das Jahr in eine Sommer- und Winterhälfte abüllen kann.
- . 3) In der Winterhälfte giebt es zwei Maxima und zwei Minima, die ungefähr zu folgenden Tageszeiten eintreten:

Declination. Maxima: 5h Morg.*, 1h Mitt. — Minima: 8h Morg.. 10h Abd.*

Herizontal-Intensität. Maxima: 6^h Morg.*, 5^h Abd. — Minima: 10^h Morg., 12^h Mittern.*

Inclination. Maxima: 10^h Morg., 6^h Abd.* — Minima: 7^h Mc 2^h Abd.*

In den Sommermonaten verschwinden die mit *) bezeich ten Wendepuncte, oder sie treten nur schwach hervor, un bleibt bloss ein Maximum und ein Minimum übrig.

4) Die Größe der täglichen Bewegung ist in den verst denen Jahren nicht gleich. Die mittlere Differenz der Deck tion zwischen 5^h Morg. und 1^h Nachmitt. war nach den Gö ger Beobachtungen:

1×34 – 35 ×.25′	1840—41 9,50′
$1535 - 36 \dots 10.04$	$1841 - 42 \dots 8,50$
1836—37 12,90	1842—43 7,55
1537—38 12,29	1843—44 7,63
$1538 - 39 \dots 12,16$	1844-45 7,41.
1539-40 11,05	

Die drei letzten Jahre sind aus den Münchener Beobach gen ergänzt, unter Voraussetzung, dass die tägliche Beweg in Göttingen um $\frac{9}{100}$ grösser ist, als in München. Die perische Zu- und Abnahme der mittleren täglichen Bewegung sich hier sehr deutlich heraus, um aber das Gesetz aufzufindbedürsen wir noch länger fortgesetzter Beobachtungen. Das sich auf ähnliche Weise mit der Intensität verhalte, ersehen aus Kreil's Beobachtungen in Mailand: die Differenz zwist $10\frac{1.5}{4}$ Morg. und $7\frac{1.5}{4}$ Abd. (in Zehntausendstel der Intensität gedrückt) war 1837...184, 1838...157; gegenwärtig k sie, nach den Beobachtungen anderer Orte zu schliessen, ki mehr, als 9,0 betragen.

5) Die Wendepunkte der täglichen Bewegung treten w fähr zu derselben Ortszeit überall ein, aber die Grösse ist verschiedenen Orten verschieden: so hat man für 1842 die seren Differenzen zwischen Maximum und Minimum:

nan die tägliche Bewegung der magnetischen Elemente darge hat, führe ich nicht an, weil nach meiner Ansicht keine Folgerund darauf begründet werden können, so lange der tägliche Gaug dem Einflusse der Störungen nicht befreit ist. Dies ist um so schriger, da die Störungen auch ihre tägliche Periode haben. Ich gladass es zweckmässig wäre, bei Bestimmung der täglichen Beweg aus den Monatmitteln die Störungstage alle wegzulassen: eine eit grosse Störung kann die Monatmittel beträchtlich entstellen.

Beobachtungsort.		nation. nten.)	Intensität. (Zebutausendstel.)			
	Sommer.	Winter.	Sommer.	Winter.		
lünchen	94,34	6',37	16,05	5,76		
'etersburg	10,07	5,58	14,21	10,32		
ireenwich	8,16	7,02	25,63	6,90		
atherineuburg	5,43	3,89	7,65	4,10		
arnaul	7,34	2,96	_	_		
ertschinsk	7,51	2,53		_		
oronto	10.70	6,64	22,30	13,76		
andiemens-Insel	9,78	5.18	~			

Diese Tabelle wird von den vorkommenden Unterschieden ne Vorstellung geben: um übrigens ein Gesetz zu finden, sind ie bisherigen Data nicht zureichend.

Ich darf jedoch nicht unterlassen, hier zu bemerken, dass n hohen Norden alle magnetischen Verhältnisse sich anders gealten, als in den gemässigteren Gegenden: so giebt Bravais is Resultat der von ihm und den übrigen Theilnehmern der ranzösischen Nord-Expedition in Bosskop vom 16. März bis April 1839 angestellten stündlichen Intensitäts-Beobachtungen, ilgende Reihe an, wobei die mittlere Intensität = 1 gesetzt ist:

O _P	Mittags		1,0010	12հ	Mitterna	cht	•		•	0,9945
2	Nachmittag	58	1,0060	2	Morgens		•		•	0,9939
4	Abends		1,0050	4	•			•	•	0,9954
ti			1,0063	6	-		•		•	0,9990
8			1.0012	Š	-		•		•	1,0003
10			0,9942	10	-		•		•	1,0003.

Man sieht, dass die Wendepuncte um 6 bis 5 Stunden früer eintressen. als bei uns, und die Bewegung selbst um mehr, b das Zehnfache grösser ist. Hiebei mag allerdings viel davon bhängen, dass die Störungstage nicht ausgeschlossen sind.

93. Die Frage, ob die magnetischen Elemente eine jährche Periode haben, ist wiederholt erörtert worden, ohne dass isher eine sichere Entscheidung hätte erlangt werden können. immt man das Mittel aus je zwei gleich weit von der Mitte es Jahres entfernten Monaten, wodurch die Säcular-Abnahme liminirt wird, so ergiebt sich für 1842 folgende Zusammenstelmg der Declination:

Beobachtungsort. Januar u. Dec. Pehr. u. Nov. Mirz u. Oct. April u. Sept. Mai u. August. Juni u. Juli.	Japus	ır u. Dec	<u>.</u>	br. u	l. Mov.	×	7. B.	0et.	Apr	÷.	Sept.	Mai	4	August.	J.	•	Jeff.		Winter.		92	Sommer.	<u>.</u>
München	+1	+16° 46',9 +16° 47',2 +16° 47',6 +16° 47',1 +16° 47',5 +16° 47',8 +16° 47',2 +16° 47',5	+ 6	16°	47',2	+	.91	47',6	+	16°	47',1	+	16°	47',5	+	9.9	8,71	+	16• 4	17,2	+	.91	47,5
Petersburg	+	+ 6 21,7 + 6 21,4 + 6 22,1 + 6 21,2 + 6 20,9 + 6 20,1 + 6 21,7 + 5 20,7	+	9	21,4	+	9	22,1	+	9	21,2	+	9	20,9	+	9	20,1	+	မှ	21,7	+	S	20,7
Catherinenburg	ı	6 43,4	- 4	9	46,5	!_	9	- 6 44,0	1	9	39,7		9	33,3 - 6 26,2 - 6 44,6 -	•	9	26,5	_	9	44,6	1	9	33,1
Barnaul	1	8 25,2	<u>ا</u> ح	œ	29,3		œ	30,5		œ	23,2	_		8 20,8 —	I	20	8 17,9 -	1	∞	8 28,2	1	00	20,6
Nertschinsk	+	3 46,	+ ~	က	46,2 + 3 45,3 + 3 47,2 + 3	+	က	47,2	+	က	47,3	+	က	47,3 + 3 49,1 + 3 46,2 + 3 46,2 + 3 47,5	+	က	46,2	+	က	46,2	+	တ	47,5
Toronto	+	+ 1 17,9 + 1 19,1 + 1 19,9 + 1 18,4 + 1 18,8 + 1 19,4 + 1 19,0 + 1 18,9	+		19,1	+	—	19,9	+	₩	18,4	+	7	18,8	+	-	19,4	+	4	19,0	+	-	18,9

Ungeachtet der beträchtlichen Differenz bei Catherinenburg id Barnaul glaube ich kaum, dass man zur Annahme einer arlichen Periode der Declination hinreichenden Grund habe.

Für Horizontal-Intensität leitet Sabine aus den Beobachngen von Toronto im Jahre 1842 eine jährliche Periode ab, it einem Minimum im kältesten, und einem Maximum im wärmen Monate. Aus den Münchener Beobachtungen desselben Jahs hatte ich eine ähnliche Folgerung gezogen, die jedoch mit n späteren Jahrgängen als unvereinbar sich gezeigt hat. Nach ner Mittheilung von Hansteen geben für Christiania die Bifilarsobachtungen, in Zehntausendstel der ganzen Horizontal-Intenät verwandelt, folgende Reihen:

Monat.	1842—43.	1843 – 44.	1844—45.	Mittel.
ai	4,51	21,89	19,83	1,28
ni	0,00	21,79	21,70	0,36
li	0,60	19,57	22,23	0,00
ıgust	11,39	32,78	16,16	5,98
ptember	0,35	28,18	17,86	1,32
ctober	6,32	24,86	22,48	3,76
ovember	4,36	39,53	25,77	9,19
ccember	13,71	40,87	31,18	14,46
nuar	16,25	43,85	34,07	17,26
bruar	16,71	43,54	37,87	18,58
ärs	16,18	27,41	29,53	10,24
pril	22,55	27,51		

Hieraus folgt gerade das Gegentheil von dem, was Sabine funden hat, nämlich ein Maximum im kältesten, und ein Minimum im wärmsten Monate.

94. In Beziehung auf die Säcular-Aenderungen der magneschen Elemente hat man bisher weder ein empirisches Gesetz,
sch eine Erklärung aufgestellt; ich begnüge mich desshalb einige
ssultate der Beobachtung auzuführen. Aus den Göttinger Beachtungen leitet Goldschmidt folgenden Ausdruck für die
solute Declination ab:

Decl. = $18^{\circ} 41',52 - 3',158t - 0',2242t^{\circ}$,

o t die seit dem 1. October 1834 verslossene Zeit in Jahren

bedeutet. Nach den Münchener Beobachtungen war die Abnahme der Declination im Jahre

> 1541,5—1542,5 . . . 6',48 1842,5—1843,5 . . . 6',72 1843,5—1844,5 . . . 6',85 1844,5—1845,5 . . . 6',70.

Diese Zahlen nehmen nicht so schnell zu, als die obige Formel erfordern würde. Aus Tab. I. kann man für verschiedene Orte die Säcular-Aenderungen der Declination ableiten, dabei darf man aber nicht ausser Acht lassen, dass in den meisten Observatorien nicht gleich vom Anfange diejenige Sicherheit erlangt worden ist, die zu genauer Bestimmung der Säcular-Aenderung der Declination erfordert wird. Noch mehr ist dies der Fall bezüglich auf die Horizontal-Intensität, so zwar, dass es unnöthig scheint, die Resultate hier auzuführen. Aus Beobachtungen mit mehrjährigem Intervalle (Tab. XII.) findet Hansteen die jährliche Zunahme der Intensität, nach absolutem Maasse, in

Die Münchener Beobachtungen geben im Mittel eine jährliche Zunahme von 0,0029: diese Säcular-Bewegung der Intensität ist jedoch weit weniger regelmässig, als die Bewegung der Declination.

Die Säcular-Abnahme der Inclination wird gegenwärtig in Europa immer langsamer, und Hansteen berechnet aus den von ihm, nach seinen 23 jährigen Beoabachtungen in Christiania abgeleiteten Ausdrucke:

Incl. = 72° 41', 1-3', 640(t-1820)+0', $0562(t-1820)^2$, dass die Inclination im Jahre 1852 ein Minimum erreichen werde. Aus den Pariser Beobachtungen hat Hansteen einen analogen Ausdruck:

lucl. = $69^{\circ} 35', 9-4', 465(t-1500) + 0,023395(t-1500)^{2}$, gefunden, wonach das Minimum erst im **Iahre 1895** eintressen würde.

95. Es ist oben bemerkt worden, dass die Säcular-Bewegung der Horizontal-Intensität nicht so gleichmässig mit der Zeit fortschreitet, wie jene der Declination. Sehr merkwürdig ist in dieser Beziehung die von Hansteen aus seinen Beobachtungen der Horizontal-Intensität in Christiania abgeleitete 19 jährige Periode, die er mit der Bewegung der Mondsknoten in Verbindung bringt. Nennt man die Länge des Mondsknotens N, und die Zeit (in Jahren ausgedrückt) t, so findet er, dass die Dauer von 300 Schwingungen seines Dollondschen Cylinders nach seinen 20 jährigen Beobachtungen in Christiania durch folgende Formel sehr genau dargestellt werde:

 $816^{\circ\prime},5419 - 0^{\circ\prime},15796(t - 1820) + 2^{\circ\prime},2205 \sin(266^{\circ} 8' + N) + 0^{\circ\prime},5805 \sin(54^{\circ} 23' + 2N).$

Hansteen bemerkt, dass man die beobachtete Periode entweder einem unmittelbaren Einstüsse des Mondes *), oder der durch die Nutation veränderten Stellung der heissen Zone zuschreiben könne, und erinnert zugleich an die 19jährige Periode, welche in der Intensität der Nordlichter, dann in der Grösse der täglichen Aenderung der Declination nachgewiesen worden ist.

Wraft wahrnehmen, hat keine so sehr die Aufmerksamkeit der Physiker in Anspruch genommen, als die magnetischen Stürme oder Störungen, worunter man die grössern Abweichungen von dem regelmässigen täglichen Gange versteht. Die früher schon durch gleichzeitige Beobachtungen mehrerer europäischen Stationen erkannte Uebereinstimmung im Grossen haben die von Gauss veranlassten Terminbeobachtungen auch bis ins kleinste Detail, jedoch mit vielfachen Modificationen, nachgewiesen. Nach der grossen Menge gleichzeitiger Beobachtungen, die jetzt vorliegen, kann nicht verkannt werden, dass dieselben Ursachen gleichzeitige Aenderungen, wenn nicht auf der ganzen Erdober-fläche, doch auf einem grossen Theile derselben, hervorrufen. Dabei findet aber weder eine genaue Gleichzeitigkeit, noch eine genaue Gleichheit des Verlaufes statt: vielmehr kommen selbst

^{*)} Der von Kreil erkannte unmittelbare Einstuss des Mondes auf die magnetischen Elemente ist bereits in dem ersten Berichte, Rep. II. S. 213. erwähnt; die Bestätigung seiner früheren Resultate durch neuere Untersuchungen findet man in seinen "Magnetischen n. meteorolog. Beobacht. in Prag."

bei nahe gelegenen Orten beträchtliche Abweichungen vor, bei sehr entfernten verschwindet die Aehnlichkeit ganz und gar. So zeigten die Beobachtungen in Alten keine Aehnlichkeit mit denen der übrigen Europäischen Stationen: desgleichen kann man bei den von Sahine (Observations at Toronto 1840 - 1842) gegebenen graphischen Darstellungen der Termincurven für Toronto, Philadelphia, Boston und Prag im Allgemeinen keinen Zusammenhang der Amerikanischen Bewegungen mit den Europäischen erkennen *), während die erstern unter sich eben so gut übereinstimmen, wie es bei den Europäischen Curven der Fall ist. Gauss hat, wie bereits oben bemerkt worden ist, den Weg angedeutet, wie die Störungen oder unregelmässigen Bewegungen der Termincurven benutzt werden können, um die Quelle, von welcher sie ausgehen, zu ermitteln: Rechnungen sind indessen auf diese Basis noch nicht gegründet worden. Dass magnetische Störungen von bestimmten Quellen ausgehen, und in dem Maasse, als sie sich von der Quelle entfernen, an Intensität abnehmen, auf ihrem Wege auch vielfach modificirt werden, ist höchst wahrscheinlich: dabei tritt aber der für theoretische Untersuchung sehr hinderliche Umstand ein, dass die Bewegungen, wie wir sie beobachten, nicht einer einzigen, sondern vielen gleichzeitig wirkenden Ursachen zuzuschreiben sind, und dass es unmöglich ist, aus der Gesammtwirkung dasjenige herauszuheben, was jeder einzelnen Ursache zugehört.

97. Eine merkwürdige Thatsache, bezüglich auf die Grösse der Declinations-Störungen (d. h. bezüglich auf die Differens zwischen dem grössten und kleinsten Stande, die während einer Störung vorkommen), habe ich durch Vergleichung der Beobachtungen von Prag und München erkannt, und später als allgemein bezüglich auf alle Europäischen Orte nachgewiesen, nämlich dass, wenn eine Störung eintritt, sie an verschiedenen Orten, immer nach einem constanten Maassstabe oder Verhältnisse sich äussert. Aus den magnetischen Terminbeobachtungen habe ich folgende Tabelle abgeleitet, wobei die Grösse einer Störung in Mailand == 1 angenommen ist:

^{*)} Es mag vielleicht für künstige Erklärung die Bemerkung nicht überslüssig sein, dass, wo eine Störung in Prag und Toronto gleichzeitig eintritt, die Bewegungen im entgegengesetzten Sinne stattfinder.

Mailand 1,00	Berlin 1,52
Kremsmünster . 1,09	Breslau 1,57
München 1,10	Breda 1,60
Cracau 1,21	Göttingen 1,83
Prag 1,22	Upsala 1,86
Brüssel 1,32	Dublin 2,07
Leipzig 1,34	Copenhagen 2,21
Marburg 1,38	Stockholm 2,38.

98. Ein anderes Störungsgesetz, welches eben so merkwürdig ist als das vorhergehende, aber für jetzt aus Mangel an Beobachtungsdaten nicht weiter entwickelt werden kann, ist aus der Discussion der Münchner Beobachtungen im Jahre 1843 hervorgegangen, nämlich, dass bei magnetischen Störungen der Intensität die Variation der Horizontal-Intensität jedesmal doppelt so gross ist, als die Variation der Total-Intensität. Nennt man die Total-Intensität I, die Horizontal-Intensität X. und die Inclination i, so hat man dem eben Gesagten zufolge:

$$\frac{\delta X}{X}=2\frac{\delta I}{I},$$

daraus folgt dann das Gesetz für die Inclinations-Variationen:

$$\delta i = -\frac{1}{\lg i} \frac{\delta I}{I}.$$

Dieses gilt für München: eine weitere Erörterung ist unmöglich. bis man analoge Bestimmungen für andere Orte hergestellt hat.

99. Hier kann eine andere Thatsache bemerkt werden, welche Sabine ') anführt. Nimmt man an, dass die Störungen hervorgebracht werden durch eine Kraft, deren Intensität = f (die Totalkraft = 1 gesetzt), deren Azimuth vom magnetischen Norden über Westen gezählt $= \psi$, und deren Neigung gegen den Horizont ϑ ist, so findet Sabine für die drei merkwürdigen Störungen in Toronto am 29. Mai 1840, dann am 24. Oct. und 18. Nov. 1841 zur Zeit der grössten Störung folgende Werthe:

29. Mai 1840.	24. Oct. 1741.	18. Nov. 1841.
$\psi = 130^{\circ} 10'$	135° 0'	139° 8′
$\mathbf{\hat{\mathcal{F}}} = -40 50$	— 39 6	— 31 15
f = 0.0136	0.0054	0,0093.

^{*)} Observations on days of unusial magnetic disturbance p. XIX.

Die Uebereinstimmung der Richtung in diesen drei Fällen ist gewiss sehr beachtenswerth.

100. Die allgemeinen Verhältnisse der Störungen mit Bezug auf Tages- und Jahreszeit sind von Kreil zuerst in den Mailänder Ephemeriden (Il. Supplemento), dann in dem II. Bd. der Prager Beobachtungen, später von Sabine in den Toronto Observations Vol. I. untersucht worden. Die vielen Andeutungen. welche daraus hervorgehen, führe ich hier nicht an, weil wir von den neuesten, weit vollständigeren Beobachtungen, sicherere Bestimmungen zu erwarten haben; nur im Allgemeinen bemerke ich, dass die störenden Kräfte höchst wahrscheinlich in allen Jahreszeiten, ungefähr nach gleicher Weise, und in gleichem Maasse in Wirkung treten, dass aber eine entschiedene tägliche Periode sich zeigt, und die Richtung und Häufigkeit der Störungen in Amerika, wie in Europa ganz in gleicher Weise von der Tageszeit abhängen. Was die Verbindung der magnetischen Störungen mit Nordlichtern betrifft, so hat Siljeström in den Verhandlungen der Schwedischen Academie für 1841 die Beobachtungen bekannt gemacht, welche er mit andern Theilnehmern dér Französischen Nord-Expedition während des Winters 1538 bis 1839 in Alten (Finnmark) augestellt hat. Unter den Schlüssen, die er auf diese Beobachtungen grändet, bemerke ich folgende: magnetische Störungen treffen nicht immer mit dem Erscheinen der Nordlichter ein *): wenn eine Störung mit einem Nordlichte eintritt, so bewegt sich die Declinationsnadel aufangs nach Westen, gegen Ende nach Osten, und zwar ist die östliche Digression gewöhnlich weit grösser, als die westliche: die Bewegungen der Horizontal-Intensität, Inclination und Declination hängen so zusammen, dass im Allgemeinen eine westliche Bewegung der Declination mit einer Vermehrung, eine östliche mit einer Verminderung der Intensität verbunden ist, und die Horizontal-Intensität zu- oder abnimmt, wenn die Inclination kleiner oder grösser wird.

^{*)} Nach Argelander's Angabe sind Nordlichter jede Nacht zu sehen, wenn der Himmel nicht bewölkt ist. Bulletins de l'Académie R. de Bruxelles IX. 2. p. 311.

Tabellarische Zusammenstellung der vorzüglichsten neueren Beobachtungsresultate.

In folgenden Tabellen habe ich mit Rücksicht auf die §. 65. igedeuteten Zwecke die Hauptresultate der neuern magnetischen eobachtungen zusammengetragen, und zwar zuerst die täglichen id jährlichen Variationen, dann die zu Lande gemachten abson Bestimmungen, endlich die Beobachtungen zur See. Was e letzteren betrifft, so habe ich nicht die an einzelnen Stellen obachteten Werthe angeführt, sondern diese in Gruppen zummengestellt, und von jeder Gruppe das arithmetische Mittelegeben; hiedurch sind die Tabellen ungefähr auf den vierten heil des Raumes, den sie sonst erfordert hätten, gebracht worm, ohne, wie ich glaube, ihrer Brauchbarkeit Eintrag zu thun.

Ich bemerke noch, dass westlichen Declinationen kein Zeinen vorangesetzt ist, östliche Declinationen aber mit — bezeichet werden, ferner dass bei Darstellung der täglichen Bewegung
er magnetischen Elemente der kleinste Werth (die kleinste
estliche Declination, die kleinste Intensität und die kleinste
sclination) von den Beobachtungen der einzelnen Stunden abgeigen ist. Die tägliche Bewegung der Declination und Inclinaon ist in Minuten, jene der Horizontal-Intensität in Zehnusendstel dieser Intensität ausgedrückt.

Tabelle I. Take Declination, in Minuten ausgedrückt.

Fredhite cn	Oren methor Zed de Que,	de epera	Jensel	Jean Pelinar	Mare.	April.	Mai.	Junf.	Juli	Augur	Septemb.	Octuber.	Koremb.	Decremb.
200	f Gebusen													
## 17. 17.		417 41	_		I	7. X	15,30	15,50	18.33	13,50	19, 30	21.41	70.19	55.35
\$\begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c	_		<u>*</u>	100.00	71.41	え	17,113	17.12	15.02	16.25	200	100	100	21.5
24.12 5.47 12.47 15.65 12.75 11.53 11.97 11.80 25.45 5.47 4.65 12.47 15.65 12.42 11.97 11.80 25.40 5.47 4.62 13.50 13.50 13.50 13.60 10.00 22.50 4.67 4.67 7.30 14.22 14.12	-		4.75	1.	1.72	11 E	15.71	13,35	13.82	16.13	12.75	11.10	200	1
22 30 457 7.25 10.50 10.	= :		51.75	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	11 21	15,65	12.77	11.5.1	1.97	7	1.23	17 6	40	1 97
22 30 347 2 5 5 5 5 6 14 6 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7	_ `	•	3	7.7	70,02	13,50	11,50	12.42	7,	10,03	9.50	7.92	7.75	00
22 30 40 0.00<	M. Mulard		7		113	1	l	1		.	.	1	ı	
22 30 3477 25.7 6.14 6.17 46.7 7.30 7.62 14.73 1.32 1.32 1.32 1.32 1.32 1.32 1.32 1.3	127	_	_	=======================================	0.60	80	11 (10)	0.000	0.00	0.00	100.00	10011	100	4 69
1				175	1.1.1	-				20,0	3	Alta A	200	1,04
1 30 1,55				2 3		100		1.0.1	2	0.10	71.	211'5	克子	5,50
1.55 2.57 3.55 1.52 10.70 11.43 11.17 1.55 2.57 3.55 5.60 7.40 5.73 6.42 7.67 1.55 2.0 0.00 0.00 0.00 2.2 3.0 1.57 3.55 3.27 5.42 5.42 5.72 1.0 2.24 3.34 12.75 16.13 16.17 16.45 10.45 2.5 3.0 1.55 2.45 1.50 10.48 11.20 10.45 1.5 1.5 2.9 5.47 6.75 6.75 6.75 6.75 1.5 1.5 1.5 5.47 1.5 1.5 1.5 1.5 1.5 1.5 1.5 1.5 1.5 1.5 1.5 1.5 1.5 1.5 1.5 1.5 1.5 1.5 1				1	10,00	34,65	100	15,5%	14,7.5	11.12	13.20	11.60	25.7	6,25
1				<u>-</u>	- 1	76'11	02,01	57 T	11,17	5,05	50.00	5.93	5.13	3,62
\$\infty\$ \$\infty\$				27.5	94	(1,4)	20,73	6,12	1.07	4,32	2.30	2,25	27.2	2,15
1.25 1.75 1.00 1.00 1.00 1.00 1.25	1 1			(= :	7.27	5,13	2,5	0.53	5,72	55.55	1.35	0.92	000	300
22 db 1.47	C. (1)			00.4	=======================================	00,0	100,0	(80,0)	00,00	OH)	0.00	0110	27.	2.15
1				3.15	12.5	24.5	5,20 F,20	17. E-	5,03	200	7.5	4.57	3	16 E
10.45				1,33	47.7P	16,13	16,17	16,45	14,45	15.4	1500	11.23	200	E AX
1 0 0,00 0,72 2,90 6,87 6,75 6,82 6,93 6,87 6,75 6,15				6,03	£ Z	56,1	84,01	11.20	10,45	6	3	6.28	1.55	
11 0 0,00 0,72 2,00 5,47 6,16 5,67 5,15 15,03 13,33 13,33 15,27 15,10 15,27 15				2,13	7.95	5.2	6,73	Z.	6.93	6 13	3.30	3.27	7	
	C Berlin			7.5	2,98	5,47	6,18	5,67	5,15	7.4.4	211.2	1,53	18	00.0
9.15 7.25 12.55 15.22 15.70 15.97 15.97 5.99	-	411	_				1 11	6.7						
5,57 9,93 13,32 16,59 16,65	1284			5.2	12.35	18.22	5.25	15,03	13,33	25	8.7.3	11.15	07.0	25 c
	52.	:		9,93	11,42	£	16.65	3 1		0	11,55	25.01	7 64 6 40 6 40 6 40 6 40 6 40 6 40 6 40 6	S.
13,55 13,57 13,57 13,57 13,57 13,57 13,52 1	•			7,48	11,15	14,17	13,57	13,57	13,52	16,27	1	1	3 1	<u> </u>

2.3.2.1 2.3.2.1	15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 1	12 12 15 11 11557353
5 T S 1	2, 18, 18, 18, 18, 18, 18, 18, 18, 18, 18	
80.00 F	表 2 2 2 2 2 4	12 12 12 1 1 1 3 5 2 8 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
11.12 10.22	\$ 18 15 18 18 18	10 10 10 11 11 10 10 10 10 10 10 10 10 1
8,24 6,45 10,00	8 15 16 18 8 1 E	80° 53 1 1 5 8 8 8 5 5 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8
A HILL	884E93547474	**************************************
4.4.4.0 5.7% 8.00 8.00 8.00 8.00 8.00 8.00 8.00 8.0		
4527 445		18.55.25.1 18.55.25.25.15 18.55.25.25.1 18.55.25.75
្រែធ្វី	925577888277829 925778888277827	- 444 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8
1113	200 200 200 200 200 200 200 200 200 200	
1118	\$40k9\$40097i	
41188	427227244437 4272464	210125524744958
5000	EEGEGGGGGGGGGGGGGGGGGGGGGGGGGGGGGGGGGG	
2457	************	**************************************
		茎

Ort u. mittlere	Zeit	des	Orts.	Januar.	Februar.	Märt.	April.	Nai.	Juni.	Juli.	August.	Septemb.	October.	Novemb.	Decemb.
D. Prag.															•
† <u>\$</u>	-	4	67.2	_	5,95	5,55	7, 93	7,03	£,63	6,17	5′,73	3.70	5,73	3,30	£,7
		ي	` . <u></u>			7.7.7	3.13	1,30	5,57	7.7.4	₹ 7.	2,90	7.62	77.7	1,1,
		L	6 2		2,7	202	3,50	3.5	4,50	7.67	2,12	0,75	9 (0)		7.5°C
		10	6.7		06,0	00,0	70.7	2,6%	3,55	1,92	1,12	E)	رئ ان	7. 2.	S (
7	?	T	17,9	2,55	1 (x)	1.92	1.93	0,03	0,55	2,7,5	(C) (C)	5,15	 	7+'2	1,67
,	•	70	17,5	2,40	1.27	289	90.0	000	0,0	30,0	0,77	0,33	(%) (%)	1,92	1,35
		7.7	17.9		1.53	<u> </u>	1.67	5,00	3,70	3,10	5,23	4.5°	\$ + ,*	3,43	2,70
		=	6.2	5,95	5,73	8,35	10,12	10,02	8,70	7,32	S. 6	Z.	7. 2. 2. 2.	5,70	4,23
		- -	17.9	5,97	5,33	2,30	10,80	10,33	10,07	Z (2)	38,85	3,25	27.2	5,57	4,18
		?	17.9	4.42	5,55	7,47	9,20	9,80	10,00	8,33	F.	09'9	6,35	हर्न, क	3,57
			17.9	33.50	3,60	5,05	6,05	9	7.89	3.5	5,22	2,83	3,95	\$. \$.	2,28
		. မ	17,9	295	2,72	25.5X	3,52	3,85	5,03	3,75	2,35	1,73	E, 23	2,07	1,62
		· 100	17.9	7	05,0	1.95	2,08	3,67	5,80	2,67	2,53	3,	0,53	(C)	00,0
	•	=	17,9	5,0	00,0	00,0	0.87	3,12	2,85	0.10	1,95	0,4%	90°C	E	0,28
184	~ ;	2	17.9	1.59	30	1	1,25	0,67	0,35	77.0	5,5%	0,77	1,62	1,00	1,87
)	207	17.9	35	, C	0,0		(X) (C)	00,0	0,00	90.0	0,33	0,27	29'0	1,72
	•	7.7	17.9	23	3,55	2,23	3,97	4,47	3,90	3,43	4,33	3,73	3,76	2,43	2,95
		0	•	3,07	5,57	6,67	9,15	9,22	9,23	8,43	9,83	3,75	2.5	7,62	4,52
			17.9	4.57	6,00	7,13	9,95	9,62	10,33	0,47	10,23	9,10	7,15	4,13	4,47
		2	17.9	3,73	5,70	7 <u>(</u> E)	9.30	9,03	10,33	9,45	2t'8	2,25	0) () ()	3,25	3,87
		4	17.9	3	3,43	4,30	5,63	5,58	6.98	5.03	5,43	4,45	2,95	() * ,*	2,47
		ی ر	17.9	1,30	2,55	2.22	2,18	3,50	3.87	3,45	2,72	7,67	1,67	0,70	08.0
		x	17.9	0.15	0,75	0.73	1.57	2,67	3,62	2,63	2,23	£, C	76'0	8	0,03
		=	•	00,0	000	33	1,20	2,33	3,7.5	1.32	2,32	90,0	<u>8</u> ,	0,10	0) (0)
14	4	X		1,37		1,43	1.75	0,39	S, S	000	0,0	0,71	<u>S</u> ,	3,20	1,22
•		52	17.9	1.7	1,37	00,0	(30,0	0,00	S,S	0,44	90,0	0,43	1.5.	3,00	1,76
	•	7.7	17,9	2,95	3,50	3,24	3,73	4,05	4,63	763	5,61	5,48	7,60	4,65	2,49
•	Violla	icht	ein Dr	.ackfehler i	n den Pruge	er Bacha	Free 15.	IV. S. 75.		ì					

5,4,4 5,88,4,4		14000 34000 54000	124 6 6 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	* * * * * * * * * * * * * * * * * * * *
8222	00-44-60 000-46-60 000-46-	24,000 84,000 84,000 84,000 84,000	14,4,4,2,2,4 25,5,4,6,2,4,6,4,6,4,6,4,6,4,6,4,6,4,6,4,6,4	0444-00 -444 888-668 384
4044 8046	0,0,4,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0	2,0 3,0 3,0 3,1 3,1	1440,000,00,00,00,00,00,00,00,00,00,00,00	, 6, 8, 8, 4, 6, 4, 8, 8, 4, 6, 8, 6, 8, 6, 8, 8, 8, 8, 8, 8, 8, 8, 8, 8, 8, 8, 8,
0.4.4.0. 0.0.4.0.4.0.4.0.4.0.4.0.4.0.4.0	0,4%2,2%,2 2,6,2,2,2,2 1,1,0,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,	2,404 2,8,8,8,8,	14,0,0,4,8,0	0,0,4,2,4,2, 0,0,4,2,4,2,0,4,4,0,4,4,0,4,4,0,4,4,4,4,
4.8 ,4.0,	දුදු 4. ප. ට්. ශ්ලේ 4. ප. ට්. ල. අ ක්රී ශ්ලේ දැන් දැන් ක්රී ශ්ලේ දැන්	6,6,4,4,4,5,4,5,6,4,4,5,6,4,4,4,4,4,4,4,	0,40,4,8,8,8 8,0,0,4,8,8,8	2, x, 8, 8, 9, 4, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
62. 2. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0. 0.	0,48,83,83,83,83,83,83,83,83,83,83,83,83,83	8 4 2 2 4 8 4 2 4 5 5 5 5 4	1 2 5 5 4 8 8 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	(
44 ,45,5 7 ,87,5 7,87,5	5,1 % 9,51,5 5,6,8,6,6,7 8,8,6,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8	-4 w w y w w c w w y c w w y c w	4,0,0,1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,	
28,20 1,55 0,53	5-4-4-4-4-4-4-4-4-4-4-4-4-4-4-4-4-4-4-4	8,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2	2,40,0,4,8,7,4 1,46,0,4,8,7,4 1,14,0,0,4,8,7,4 1,14,0,4,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,	18.24.25. 24.4. 26.24.25. 16.4.4.
6,7 8,4%	0,0,2,0,0 67,2,0,0 72,0,0,0 72,0,0,0 72,0,0,0	0.62.42.45.45.45.45.45.45.45.45.45.45.45.45.45.	8,2,2,0,0,2,8,3 8,2,6,0,0,2,8,3 1,7,5,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0	5.00 4.45 0.45 5.40 0.45 5.40 0.45 5.40 0.45
2.00 2.00 2.00 2.00 2.00 2.00 2.00 2.00	5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,5,	2,52 1,55 1,55 1,15 1,15	4,4,0,0,4,1,1 8,6,4,6,8,8,6,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1,1	2,7,4,8,8,1 2,7,4,8,2,1 2,7,4,8,1 2,7,4,
0,00 0,65 0,97 1,15	0,0,2,4,2,2,2 0,2,4,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,	2,4,9,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0	0004484 60086668	4,8,8,4,4,0,0,4, 4 ,8,4,1,0,0,4, 4 ,8,4,1,0,0,4, 4 ,8,4,4,1,0,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4
0,42 0,97 1,12 55,1		2,4,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,	5,4,4,5,4,6,6 0,4,2,4,7,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6	4,4,4,4,0,0, 8,8,8,4,7,7,7,7,7,7,7,7,7,7,7,7,7,7,7,7,
	_			<u>.</u>
11 1843 13 15	# # # # # # #		1844 15 15 19 19 18 18 18 18	Greenwich. 1542 13

C)

Ort a. mittlere	ere Zeit des	Orts.	Januar	Februar.	März.	April.	Mai.	Jani.	Juli.	August.	Septemb.	October.	Novemb.	Decemb.
G. Greenw	wich.													
	27	96 20 2	3, 53	3,75	1,64	17.49	0,0	0,00	0,00	00,0	2,30	1.72	7,762	27,72
	17		(S) +	4,55	5,04	3,95	3,42	1,76	3,35	3,53	5,14	2,35	3,42	2,89
	2,5		9,59	7.42	8,32	7,27	9,35	90,9	X.08	8,62	9,65	8,05	6,25 -	5,29
	Ali.	1 20.2	7,25	9,52	10,10	10,54	11,27	90,6	10,98	10,37	10,20	9,58	₹, ·	5,52
	- •		ソルザ	S. 13	7,97	7,94	9,05	8,16	9,18	7,45	6,13	2,12	1,27	3,70
	- •	5 20,2	3.55	5,75	5,14	46,4	5,52	5,20	6,55	4,07	3,07	10,4	€.	ヹ
	•		02.20	3,32	3.52	7,09	5,49	2,77	1,23	7,60	0,50	2,12	1.55	<u> </u>
		202 3	0,00	2.27	00.0	0,0	4,50	2,13	1,18	1,13	0,97	3 0	30,0	<u>S</u> ,
	•	202		(X),	1,05	0,0	3,22	0,18	1,15	0,95	0,00	1,20	0,57	7,70
II Makersl	stoun.	••	`		-		•	•	•		•			:
. ~	4	19h 10/2	(K) (C)	90.0	00,0	0,00	0,0	90,0	0,00	90,0	9,00	90,0		8 (
			0.51	2,65	3,62	4,18	5,01	4,31	3,52	5,55	4,55	2,63	1,36	10,1
			2,41	6.25	8,12	9,30	10,46	86,6	8,95	9,35	7,72	<u>5,</u>	~	٠. چ
	-•	4 10,2	1,29	1,11	4,41	5,16	7,71	8,27	6,75	1,62	2,32	2,27	() () () () () () () ()	0,51
7 Genf.	¥	•				•				•				•
•	24.7	71)F		1	1	1	-	00,°	00,0	00,0	9,0) () ()	0,54	1,01
	77		1	1	i	1	1	0,81	0,82	1,05	1,19	0,13	0,20	£.
		=		 I	ļ	i	1	æ æ,	6,74	7,93	7,2,7	26,9	4,53	÷,
			1	1	I	1	1	9,40	8,17	E X	8,19	7,71	4,15	17,4
				1	1	1	i	3,57	3,29	7,30	7,5	<u> </u>	C, 133	£,
	-	œ.		ļ	ı	1	ļ	3,47	3,12	2,27	0,0	99,0	30,0	<u>S</u> ,
	15.4.3 20		<u>ج</u>	10.54	0.35	0.09	ı	<u>(S</u>	00.0	(3)	<u>S</u> .	0,56		1
-	•		900	26.0	9,0	90,0	l	1,33	0,91	1,51	XX. =	() () ()	1	ţ
	, —		× ×	40	69.9	8,61	i	11,47	x 03	9,03	8,12	8,12	1	•
	, - 		1.60	5,07	7,65	10,16	1	13,03	9,48	10,11	97.6	38,x	1	I
	~ '		0,39	2,7,0	1,75	2,93	i	5,05	3,26	2,71	96,0	69,1	1	1
	~	_		- 5	- 47.7				200	100 7	1 57	11 11 11	1	1

444°C 848°C 888°C	1-22222 800 800 800 800 800 800 800 800 80	,	534554458 64 534554458 64
4, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,	0,0,0,0,4,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0	5 + 2 2 2 2 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	20000000044 2000000044 2000000000000000
7,7,7 7,75,7 7,55,7 6,6	27, 28,88,89 27, 28,48,89 20,41,	7,2,2,4,6,7,6,6,6,7,6,6,7,7,7,7,7,7,7,7,7,7,7	7 x x 0 0 0 - 1 x - 1 x x x 2 x 5 x 2 x x x x x x x x x x x x
9 % 9 % 2 % 3 % 2 % 3 % 3 %	4,0,0,4,4,4, 8,8,7,3,7,8,7,8,7,8,7,8,7,8,7,8,7,8,7,8,	××××××××××××××××××××××××××××××××××××××	, - & - <
9,65 9,57 10,27 9,50	2,0,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,	444.000.000.000.000.000.000.000.000.000	
10,25 9,52 11,55 9,23	2,4,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,	5.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0.0	04684284400 53888284400
11,68 10,55 11,32 9,65	4,8,2,4,0,0 14,8,7,4,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0	Sastaat Sastaate	0,00,00,00,04,4,8,8, 0,00,00,00,00,00,00,00,00,00,00,00,00,
10,98 10,58 10,05 8,98	2,8,2,4,0,0,0,2,4,0,0,0,4,0,0,0,4,0,0,0,0,4,0,0,0,0	S667733666	- 10 24 24 24 10 10 24 20 20 - 26 26 26 26 26 26 26 26 26 26 26 26 26
13,27 11,22 10,42 10,60	2,2,2,2,2,4,1,2,2,5,6,1,9,6,2,1,2,6,1,2,6,1,2,6,1,2,6,1,2,6,1,2,6,1,2,6,1,2,6,1,2,6,1,2,6,1,2,6,1,2,6,1,2,6,1,2,6,1,2,6,1,2,1,2		, vo se se se se se se se se se se se se se
9,83 7,10 7,90	8,-1,2,2,2,2,- 2,5,5,5,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2	1,4,2,4,7,8,8,8,8,7,2,6,8,8,8,7,2,6,8,8,8,7,2,6,8,8,8,7,2,6,8,8,8,7,2,6,8,8,8,7,2,6,8,8,8,7,2,6,8,8,8,7,2,6,8,8,8,7,2,6,8,8,8,7,2,6,8,8,8,7,2,6,8,8,8,7,2,6,8,8,8,7,2,6,8,8,8,7,2,6,8,8,8,7,2,6,8,8,8,7,2,6,8,8,8,7,2,6,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8	5,4,8,4,8,4,0,0,4,4, 5,8,6,4,6,4,6,6,4,4, 6,6,6,6,8,6,4,8,6,4,8,6,4,8,6,4,8,6,8,8,8,8
7,73 5,53 4,77 3,72	0,0,1,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,8,	2,4,4,8,6,6,8,7,7,8,6 2,6,4,8,6,8,7,7,8,6,8,6,8,6,8,6,8,6,8,6,8,6,8	2, 8, 8, 8, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
20,44 20,45 70,65 70,65 70,65	0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,	18,48,44,8,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6,6,	4,4,8,8,4,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,
4()% — 4]			4 c c c c c = 1 3 k 2 2 2 2 2 2 2 2 2 5 c c c c c c c c c c c c c c c c c c c
7777	Petersburg. 1-41 13 11 11 11 11 11 11	4.	7
	7		

0 2	Ort u. mittlere Zeit des Orta.	ts. Januar.	Februar.	Mirz.	A pril.	Mai.	Juni.	Jeli.	August.	Septemb.	October.	Novemb.	Decemb.
"	Petersburg.	- =											
	141	.,5 (0,	0.,93	02,7	9,'29	3,05	3,31	(S, 'C)	1,86	1′,46	3′,31	2,30	2,17
	15	,i. 1,	0,40	2,75	9,50	2,35	1,63	1,52	2,17	0,92	3,49	3,49	2,61
		ئن. 1.	0,40	2,47	9,46	1,73	1,32	0,67	1,24	(1,2,2	3,67	3,27	3,05
		.5. — c,	1,51	2,70	13,6	1,20	なっ	1,0%	(3)	0,48	7. m	7,15	3,13
		.5. .7.	1,25	97.	1,72	0,49	12,0	0,31	0,02	44 ()	بى ئىر	4,25	3,14
		,5 c,	1,55	2,30	7.	<u>S</u> ,	99,0	0,93	64,0	0,7,0	2,73	3,84	2,96
		رن 	2,26	2,17	0,27	12,0	9),0	0,53	0,67	58,0	2,47	3,53	2,87
		,5 2,	2,26	2,70	1,24	1,82	1,63	1,24	2,35	2,25	2,83	S.C.	5,96
		رن بي پي	3,36	4,20	3,37	4,42	3,98	5,66	4,07	4,46	4(01	4,33	3,55
		, S	3,98	6,19	83,9	8,05	6,85	5,31	6,77	6,27	5,55	5,12	4,29
	17 0	5 = 4	74.4	7,42	8,62	99,01	9,55	2,6,2	9,07	7,64	6,59	5,53	4,73
		,5 	5,35	X,22	10,52	11,85	11,14	3,05	0,64	8,35	7,38	6,14	4,69
	7 2	.4	5,04	1 0.7	9,20	11,50	11,49	20,6	9,46	09,7	7,38	5,48	4,33
	_	.ئ س	5,35	6,93	7,91	10,08	10,65	27.5	7,56	5,70	6,10	4,37	<u>ئ</u> رى ئىر
		.5. .w.	1,51	6,32	6,45	92.6	1+,6	19,5	20,9	3,40	† 7,7	3,71	3,71
	17 g	,5 2,	4,11	5,26	4,56	66,9	2.7	6,37	4,73	1,59	4,51	2,2,	3,45
	17. 9	.2.	7,92	4,99	3,40	5,35	7,11	5,71	2,73	1,X	3,23	2,56	2,61
	17. 1.	5 2,	3,45	3,7,5	2,23	4,91	6,45	7,4	3,14	1,54	0,07	2,4:3	2,27
	78 18		2,73	2,47	2,34	5,3	5,57	4,20	2,23	6,75	0,71	2,21	1,42
	17 6		1,99	2,12	4,33	4,91	17,1	3,88	3,19	00,0	† †,0	1,06	0,22
	10 21	,5 ,0	90,0	1,55	() ()()	4,65	3,93	2,43	2,87	0,13	90,0	1,01	00,0
	11 21	,5 	19,0	90,0	0+,0	3,59	3,84	88,0	3,59	0,44	7,0	000	1,24
M			`	•	•		•	•	•		•	•	
	15.11	1	!	2,12	S, Z,	3,95	4,18	3,56	1,95	7,01	1,39	0,34	1,62
		- 62	i		3,67	8,51	3,84	3,67	2,23	2,39	2, 06	00.0	1,51
	7.7. 41	7,2	1		4,45	2,95	3,57	3,06	1,67	2,17	2,2	1,56	3,01 10,8
		2,5	i		4,06	3,12	2,45	3,11	1,95	۲. ۲.	2,7X	1,95	2,73
		5.2	- 		(S).+	27.7.	# # T	1,95	2,25	- K.	3,03	3,01	8,3 2,3
1			4									•	

88 8888888888888888888888888888888888	11113 50554 50554
84848484844848688888888888888888888888	111444 20695 20895
887979887787966666666666666666666666666	0,73,4 0,73,4 0,62,4 31,4
31-1-0-1-000000000000000000000000000000	0,0,4,4,0,0 0,0,4,6,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,
4000-1946.000000000000000000000000000000000000	6,4% 6,4% 6,4% 6,4% 6,4%
CC - C - W W C & & & C W W 4 4 4 W W Y - 1 - C - C - C - C - C - C - C - C - C	0,12,4 8,50 9,60 6,60 6,60
445500 3 3 3 2 5 2 6 8 2 7 4 4 8 3 4 8 5 5 6 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	0,1,2,4,7,00,00,00,00,00,00,00,00,00,00,00,00,0
100118691450004444446000000000000000000000000000	90000000000000000000000000000000000000
8,40,00,40,8,14,5,60,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,4,	0,0 0,0 11,0 2,13 7,0,0
821-0-1-4-0-1-2-1-2-1-1-2-1-0-2-2-2-2-2-2-2-2-2-2	0,82 0,83 4,40 6,01 6,01
	2, 2, 2, 2, 4, 2, 2, 3, 4, 3, 4, 3, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4,
	2,1,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2,2
計画の知識的の133459789 21231451213 記記試試試試試試試試試試試試試試試試試試試試試試試試試試試試試試試試試試試	22.22.22.22.22.22.22.22.22.22.22.22.22.
**************************************	94 94 94

February Fig. 14, 217, Fig. 16, 22, 23, 27, 10, 24, 24, 24, 24, 24, 24, 24, 24, 24, 24	120	Ort u. mittlere Zoit	des Oria	Januar.	Februar.	Mäez.	A pril.	Mai.	Juni.	Jeli.	August.	Septemb.	October.	Novemb.	Decemb.
1542 144 217 5 0.700 0.733 2.770 9.50 3.731 1.700 1.500 1.	l														
15 215 1,64 0,40 2,75 9,50 2,35 1,63 1,72 2,17 1,92 2,17 1,12 1,12 1,12 1,12 1,12 1,12 1,1			21,	0,'0	0,03	2,73	9,'29	34,05	3,31	(3,6)	1,86	1,,46	3,31	2,30	2,17
11. 21,5 1,64 0,247 9,46 1,73 1,32 0,67 1,24 0,22 3,67 3,27 1,21 1,21,5 2,39 1,55 2,30 1,32 0,07 1,31 0,00 0,48 0,32 1,55 2,30 1,55 2,30 1,55 2,30 1,55 2,30 1,55 2,30 1,55 2,30 1,55 2,30 1,55 2,30 1,55 2,30 1,55 2,30 1,55 2,30 1,55 2,30 1,55 2,30 1,55 2,26 2,26 2,20 2,70 1,21 1,22 1,52 2,25 2,25 2,20 2,70 1,21 1,22 1,52 1,22 1,23 2,25 2,25 2,25 2,20 2,20 1,21 1,22 1,22 1,22 1,22 1,22			, 7,	1,64	0,40	2,25	9,50	2,35	1,63	1,52	2,17	26,0	3,49	3,49	2,61
17 21,5 2,45 1,51 2,70 9,24 1,20 0,54 1,02 0,00 0,44 1,02 1,00 0,44 1,00 0,4			77	1,64	0,40	2,17	9,46	£.	1,32	0,67	1,24	77,0	19,67	3,27	3,05
15 215 2,30 1,25 1,6 1,72 0,49 0,57 0,31 0,05 0,44 3,76 4,22 215 2,56 2,26 2,17 1,27 1,27 1,27 1,27 1,27 1,27 1,27			77	2,48	1,51	2,70	47,6	1,20	7.0	1,02	<u>()</u> ()	£,	<u>7</u> ,	4,42	3,18
22 21,5 2,39 1,55 2,30 0,54 0,00 0,66 0,93 0,49 0,79 2,75 3,54 21 21,5 2,63 2,83 3,36 4,20 3,32 4,42 3,33 1,24 2,35 2,25 2,25 2,25 2,33 3,36 4,20 3,32 4,42 3,35 2,55 2,43 3,56 4,07 1,24 1,22 21,5 3,24 3,35 4,27 1,24 1,24 1,27 1,24 1,24 1,27 1,24 1,24 1,27 1,24 1,24 1,27 1,24 1,27 1,24 1,27 1,24 1,27 1,24 1,27 1,24 1,24 1,24 1,24 1,24 1,24 1,24 1,24			.21	2,30	1,28	1,76	1,72	64.0	0,57	0,31	0,05	147	3,76	4,25	3,14
20 215 25 261 226 247 1027 1031 124 235 242 255 242 247 1024 1027 1031 124 235 242 245 247 1024 1025 1031 124 235 242 245 247 247 332 242 245 245 247 247 247 247 247 247 247 247 247 247			.21	2,39	1,55	2,30	7.0	(E) (E)	0,66	0,33	64,0	0,7.0	2,73	3,84	2,96
21 215 265 270 1724 152 163 1724 235 2,25 2,53 3,55 2,22 215 3,23 3,36 4,20 3,32 4,42 3,98 2,66 4,07 4,64 4,07 4,43 2 21,5 3,54 3,55 3,14 1,22 2,15 3,24 3,55 3,24 1,74 2,35 2,15 3,47 3,47 2,15 3,47 3,47 2,14 3,57 2,15 3,47 3,47 3,47 3,47 3,47 3,47 3,47 3,47			.21	2,61	5,26	2,17	0.27	0,27	(S)(C)	0,53	19,0	0,97	2,47	3,73	2,37
22 21,5 3,23 3,36 4,20 3,32 4,42 3,95 2,66 4,07 4,46 4,07 4,33 21,5 3,54 4,47 7,42 6,22 10,66 9,55 7,92 9,07 7,64 6,27 5,55 5,12 1 2,15 4,73 5,35 5,22 10,52 11,66 9,62 7,92 9,07 7,64 6,27 5,55 5,12 11,44 9,02 5,04 5,04 5,04 5,04 11,50 11,44 9,02 9,07 7,64 6,27 5,55 5,12 11,44 9,02 5,04 5,04 5,04 11,50 11,44 9,02 5,46 7,60 7,38 5,48 5,48 5,51 10,65 5,24 5,51 6,32 6,45 7,14 1,51 1,51 1,52 2,43 3,45 6,32 6,45 7,14 1,51 1,51 1,52 2,43 3,45 1,91 1,51 1,51 1,51 1,51 1,51 1,51 1,5			.71	2,65	7,26	2,7	1,24	1,82	1,63	1,24	2,35	2,25	2,83	3,5%	5,36
23 21,5 3,54 3,95 6,19 6,28 8,65 5,31 6,77 6,57 5,58 5,12 1 21,5 4,35 4,47 7,42 8,62 10,66 9,55 7,92 9,07 7,64 6,89 5,53 7,92 21,5 4,73 5,35 8,44 7,04 9,50 11,49 9,02 9,64 8,35 7,38 6,14 21,5 3,49 5,35 6,99 6,45 7,11 9,02 7,64 6,79 7,64 6,79 5,33 6,99 6,41 7,61 6,72 7,64 6,79 6,14 1,50 6,10 4,37 7,21,5 2,39 2,92 4,99 3,40 8,71 6,37 4,73 1,59 4,51 2,52 2,15 2,39 2,47 3,40 2,53 7,11 5,71 6,37 4,73 1,59 4,51 2,52 2,15 7,11 5,71 6,37 4,73 1,59 4,51 2,52 2,15 0,49 1,99 2,17 2,44 5,00 1,40 1,01 1,00 1,40 1,05 1,00 1,40 1,05 1,00 1,40 1,05 1,00 1,40 1,05 1,00 1,40 1,05 1,00 1,40 1,05 1,00 1,40 1,05 1,00 1,40 1,05 1,00 1,40 1,05 1,00 1,40 1,05 1,00 1,40 1,05 1,00 1,40 1,05 1,00 1,40 1,4			21,	3,23	3,36	1,20	3,32	4,42	3,98	5,66	1,07	4,46	4,07	4,33	3,75
1 215 4,35 4,47 7,42 8,62 10,66 9,55 7,92 9,07 7,64 6,89 5,53 1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2			21	3,54	3,98	6,19	2X, 9	8,05	6,85	5,31	6,77	6,27	5,58	5,12	4,29
1 21,5 4,73 5,35 5,22 10,52 11,14 9,02 9,64 8,35 7,38 6,14 3,7 3 5,35 5,04 5,04 5,01 1,50 11,49 9,02 9,02 9,46 7,60 7,38 5,48 4,21 5,23 5,04 5,31 6,32 6,45 8,76 10,65 8,72 7,56 5,70 6,10 4,37 5,21 5,23 5,41 1,52 5,23 5,41 5,21 5,23 5,41 1,52 5,23 5,41 5,21 5,23 5,41 1,52 5,23 5,41 5,21 5,23 5,41 1,52 5,23 5,41 1,52 5,43 5,41 5,41 5,41 5,41 5,41 5,41 5,41 5,41			77	1,35	25.4	7,7,7	8,62	10,66	9,55	26,2	9,07	7,64	6×,9	5,03	4,73
2 21,5 4,02 5,04 5,04 11,50 11,49 9,02 7,56 7,60 7,38 5,48 4 21,5 3,49 5,35 6,95 7,91 10,08 10,65 5,72 7,56 5,70 6,10 4,37 6,10 4,24 3,71 6,32 6,45 8,76 6,99 5,71 6,37 4,73 1,59 4,51 2,52 2,39 2,92 4,91 5,26 6,99 5,71 6,37 4,73 1,59 4,51 2,52 2,39 2,92 4,91 5,26 6,99 5,71 6,47 4,73 1,59 4,51 2,52 2,43 3,49 2,92 3,40 5,35 7,11 5,71 2,70 1,55 3,23 2,36 4,51 5,71 2,51 5,71 2,70 1,55 3,23 2,37 2,43 3,40 2,57 3,14 1,54 0,97 2,43 2,55 1,99 2,12 4,50 5,71 8,40 3,99 3,49 0,44 0,50 0,44 1,06 1,01 1,21 2,52 1,00 0,44 0,50 0,40 0,4			•	4,73	5,35	27.5	10,52	11,85	11,11	3)(6	9,64	8,35	7,38	6,14	4,69
3 21,5 3,49 5,35 6,95 7,91 10,06 10,65 5,22 7,56 5,70 6,10 4,37 5 21,5 2,96 4,11 5,26 4,56 6,99 5,71 6,37 4,73 1,59 4,51 2,52 2,96 4,11 5,26 6,99 5,71 6,37 4,73 1,59 4,51 2,52 2,43 3,45 3,45 2,43 2,47 3,14 1,54 0,97 2,43 2,56 21,5 0,71 2,53 2,47 3,14 1,54 0,97 2,43 2,56 10,21,5 0,71 2,53 2,47 2,43 4,91 6,45 4,57 3,14 1,54 0,97 2,43 1,59 0,71 2,53 2,47 3,19 0,49 0,00 0,44 1,06 1,00 0,44 1,06 1,00 0,44 1,06 1,00 0,44 0,00 0,44 0,00 1,00 0,44 0,00 0,44 0,00 0,44 0,00 0,44 0,00 0,44 0,58 3,59 0,44 0,58 0,00 0,40 0,40 1,01 1,39 0,44 0,54 0,00 0,40 1,50 1,50 2,55 1,50 2,51 1,50 2,55 1,50 2,51 1,50 2,55 1,50 2,51 1,50 2,55 1,50 2,51 1,50 2,50 1,50 1,50 1,50 1,50 1,50 1,50 1,50 1			—	4,02	5,04	# <u></u>	9,20	11,50	11,49	9,02	9,46	2,60	7,38	5,48	1,38
4 21,5 3,45 4,51 6,32 6,45 8,76 9,41 7,61 6,02 3,40 4,24 3,71 5,26 4,56 6,99 6,71 6,37 4,73 1,59 4,51 2,52 2,39 2,92 4,99 3,40 5,35 7,11 5,71 2,70 1,55 3,23 2,56 3,23 2,47 2,43 3,45 3,45 2,47 2,43 4,91 6,45 4,77 3,14 1,54 0,97 2,43 2,47 2,43 3,45 1,99 2,12 4,91 6,45 4,77 3,14 1,54 0,97 2,43 1,99 2,12 4,33 4,91 4,24 3,96 3,19 0,70 0,44 1,06 1,10 21,5 0,49 0,00 1,55 0,00 1,55 0,00 1,55 0,00 0,44 0,00 0,44 1,06 1,51 0,27 0,67 0,00 0,40 0,00 1,51 1,24 2,55 1,51 0,27 0,67 0,00 0,40 0,00 1,51 1,24 2,55 1,51 1,51 1,51 1,51 1,51 1,51 1,51			_	3,49	5,35	6,95	7,91	10,08	10,65	7.7.X	7,56	5,70	6,10	4,37	<u> </u>
5 21,5 2,96 4,11 5,26 4,56 6,99 5,71 6,37 4,73 1,59 4,51 2,52 6 2,39 2,92 4,99 3,40 5,35 7,11 5,71 2,70 1,55 3,23 2,56 7,243 3,45 3,40 5,35 7,11 5,71 2,70 1,55 3,23 2,56 3,23 2,47 2,34 2,53 4,51 2,53 4,57 3,14 1,54 0,97 2,43 7,21,5 0,71 2,53 2,47 2,34 5,00 5,57 4,20 2,53 0,71 2,21 3,19 1,99 2,12 4,33 4,91 4,24 3,98 3,19 0,00 0,44 1,06 1,01 1,01 1,01 1,01 1,01 1,01 1,01				3,45	4,51	6,32	6,45	9. x	9,41	7,61	6,02	3,40	† 2,†	3,71	3,71
6 21,5 2,39 2,92 4,99 3,40 5,35 7,11 2,70 1,55 3,23 2,56 7 21,5 2,43 3,45 3,47 2,34 4,91 6,45 4,77 3,14 1,54 0,97 2,43 2,15 0,71 2,83 2,47 2,34 5,00 5,57 4,20 2,53 0,75 0,71 2,21 1,99 2,12 4,91 4,24 3,98 3,19 0,70 0,44 1,06 1,00 1,01 1,01 1,01 1,01 1,01 1,01			`'	7,96	4,11	5,26	4,56	6,08	5,71	6,37	£,7,	1,59	4,51	2,52	3,45
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$			_	2,39	2,92	+,99	3,40	5,35	7,11	5,71	2,70	1 ,55	3,23	2,56	2,61
\$\begin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c			`—	2,43	3,45	₹ 	2,	4,91	6,45	4,57	3,14	1,54	0,97	2,43	2,27
9 21,5 0,49 1,99 2,12 4,33 4,91 4,24 3,98 3,19 0,00 0,44 1,06 10 21,5 0,84 0,00 1,55 0,00 1,55 0,00 1,55 0,00 1,55 0,00 1,55 0,00 0,44 0,00 1,00 1,00 1,00 1,00 1,00			`	0,71	2,83	7,47	2,34	2,00	5,57	4,20	2,53	6,75	0,71	2,21	1,42
(atherinenburg. 1.21,5 0,84 0,00 1,55 0,00 1,55 0,00 1,55 0,00 1,55 0,00 1,55 0,00 1,55 0,00 1,55 0,00 1,55 0,00 1,55 0,00 1,55 0,00 1,55 0,55 0			·	0,49	1,99	2,12	1,33	4,91	4,24	3,98	3,19	S.O.	++ 0	1,06	0,22
Catherinenburg. Cather			-	0,84	0,00	1,55	<u> </u>	4,65	3,93	2,43	2,97	0,13	<u>()</u>	1,01	0.0
Catherinenburg. Cather				22,0	0,67	(C)		3,59	3,84	0,58	3,59	14. 0	76.0	00.0	1,24
15.11 12b 22',5		(:atherinen)	•		•	•		•	•	•	•	•	•	•	•
22,5 — 5,15 3,67 3,84 3,67 2,23 2,39 2,06 0,00 1 22,5 — 4,68 4,45 2,95 3,57 3,06 1,67 2,17 2,25 1,56 3 22,5 — 4,68 4,45 2,95 3,11 1,95 1,25 2,25 1,86 2 22,5 — 3,67 4,00 2,25 1,84 1,95 2,25 1,85 3,01 2 22,5 1,86 3,00 2,25 1,84 1,95 2,25 1,89 3,01 2			ζ.	1	ł		ان ان	3,95	*				1,39	0.34	1.62
22,5 — 4,68 4,45 2,95 3,57 3,06 1,67 2,17 2,25 1,56 3 22,5 — - - - 4,06 3,12 2,45 3,11 1,95 1,25 2,78 1,95 2,25 22,5 — -			7.7.		1		3,67	3,51	\mathbf{x}				5 ,06	20,0	1,51
$\frac{22.5}{22.5}$ $\frac{1}{10}$ $\frac{1}$			7.7.	1	i		4.45	2,35	S				2,27	1,56	3,01
$\frac{1}{2}$			7.7	1	1		90.7	3,12	◆.				1,7K	1,85	
			77	 -	- 		(K).	L 7,2,	X_				30.8	3,01	2 ,90

••••••••••••••••••••••••••••••••••••••	20,7-12 20,7-1
8 1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	2,2,2
88.48.49.89.89.89.49.69.69.69.69.44.49.49.69.69.49.49.69.69.69.49.49.49.69.69.69.49.49.49.69.69.49.49.49.69.69	2,06 4,15 15
%4449944888884899838444446999 \$24449448888888888444488998	2,12 4,01 5,62
100014847687778888888888940000 4014947687778888888889499998888888888888888	3,34 6,13
C.S.4.S.4.W.W.P.W.W.W.W.4.4.W.W.W.4.4.S.C.S.C.O.O.4. C.4.W.W.W.P.W.W.W.W.W.4.4.W.W.W.4.4.S.C.O.O.O.4. C.4.W.W.W.W.W.W.W.W.W.4.4.W.W.W.4.4.S.C.O.O.O.4. C.4.W.W.W.W.W.W.W.W.W.W.W.W.W.W.H.D.C.O.O.O.W.W.W.W.W.W.W.W.W.W.W.W.W.W.W.W	2,89 4,56 4,95
115000%vvvcitte 4%000%vvvcitte 4%000%vvvcite 6%00%vvvcite 6%00%vvvcite 6%00%vvvcite 6%00%vvvcite 6%00%vvvcite 6%00%vvvcite 6%00%vvvcite 6%00%vvvcite 6%00%vvvcite 6%00%vvvcite 6%00%vvvcite 6%00%vvvcite 6%00%vvvcite 6%00%vvc	2,01 2,62 7,41
1001180011958004444489991110000	48,25 48,25
83000 4 8 1 1 5 6 8 4 4 4 4 4 1 1 2 8 2 2 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	2,39 5,12 8,07
834-00-4497-67-438-00-4-0-4-34-4-000 835-01-4-17-35-35-38-28-35-35-00 885-01-4-17-35-35-38-28-48-38-88-00	2,39 4,40 6,01
	3,61 3,95 4,45
	3,49
######################################	์สสส

Deremb.	**************************************
Novemb.	######################################
Ortober.	######################################
Septemb.	20000000000000000000000000000000000000
Angnot.	\$\$\text{\$\
Jull,	\$64400444889
Jank.	\$\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
Mai.	######################################
April.	\$\pi\a\a\4\a\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\
Marr.	\$6828463698
Februar.	##
James.	を
Dre u. mittlere Boit des Opin.	## Cathernesburg. 1542 1522-55 2 225-55 3 225-55 4 225-55 5 225-55 6 225-55 7 225-55 8 225-55 9 225-55 1 225-55 1 225-55 1 225-55 1 225-55 1 225-55 1 225-55 1 225-55 1 225-55 1 235-55 2 235-55 2 235-55 3 235-55 3 235-55 4 235-55 5 235-55 5 235-55 6 235-55 7 235-55

0,58 0,58	8, 0	0,23	0,35	90,0	0,23	0,17	•	0,17	0,23	0,29	35,0	0,58	1,0,1	1,21	0,98	0,75	0,35	98,0	1,44	2,30	77,77	1,61	86,0	0,75	0,75	0,75	0,29	0,52	0,17	0,11
0,53							•	0,17	8,0	0,12	67,0	0,69	12,0	1,10	1,15	0,58	0,23	0,58	20,2	2,36	2,25	オ	1,15	1,15	† 6,0	38,0	0,81	0,87	9+,0	.0,29
1,98								1,10	1,56	0,75	0.70	0,75	1,62	1,62	0,98	<u>S</u> ,	0,12	1,33	5,36	3,34	30,5	2,13	2,19	1,92	2,08	1,92	2,13	1,73	1,79	1,27
2,62	1,92	1 ,83	2,04	1,98 1,98	1,92	1,63	•	26,0	<u>ئ</u>	0,93	1,2,1	1,04	0,52	0,47	9,0	0,24 	1,10	2,0,2	3,2,5	4,32	4,49	3,92	7,94	1,27	1,0,1	1,21	1,90	1,73	1,50	1,27
4,54 3,49	•		•		_		•	3,05	2,71	7,47	2,30	2,08	1,56	0,55	<u>)(C</u>	0,58	2,19	4,3,4	6,27	7,48	46,2	7,19	6,16	\$.' 1	4,32	3,34	3,30	3,63	3,06	3,69
5,35								3,30	3,10	3,52	2,36	2,42	2,36	1,21	0,0	0,58	2,4%	4,72	6,15	7,42	0 1 '8	#1.X	23.7	6,33	5,64	4,37	33.00	4,37	4,66	7,60
6,40								3,96	3,47	2,87	2,18	1,55	0,57	<u>6</u> ,8	(S)(O)	0,11	1,38	3,33	5,23	6,30	6,22	7.45	8,11	6,78	5,35	4,08	4,25	£,05	4,31	4,48
5,24	4,48	4,31	1,13	4,(1%	4,05	3,44	`	3,45	3,39	2,93	2,64	2,02	1,27	0,34	00.0	0,40	1,38	3,39	5,64	7,25	27.3		2,'2	6,8 6,8 7,9	5,41	4,49	4.0.4 XO.4	4,49	7,26	4,26
5,76	4	4,08	7,6	3,79	3,67	3,44	•	2,42	2,02	1,96	2,13	2,36	1,90	1,90	1,32	0,0	0,52	1.72	3,91	6,04	S6,'2	8,51	38.	6,32	5,29	3,97	3,57	3,22	2,99	7,87
3,09	3,20	2,25	7,56	2,39	1,88	1,51	•	0,97	7 =	0,97	1,09	1,73	2,01	1,78	1,03	90,0	0,34	1,61	3,62	5,17	5,40	5,23	1,4%	3,10	2,17	2,70	2,58	2,58	2,24	1,61
1,92	1,75	0,93	3	19,0	0,41	0,00		0,41	00,0	0,41	0,55	0,55	1,04	1,33	13.	1,15	1,50	1,96	2,59	7,94	3,34	3,11	2,13	1,79	1.73	2,25	1,96	0,75	0,52	0,12
0.70	0,12	1,05	2,0	1,24	90,0	90,0		00,0	0,35	18,0	0,46	0,69	1,38 8,38	0,92	0,67	1,0,1	1,15	1,15	1.35 15	2,53	7,2	2,01	1,32	1,32	1,38	1,38	0,63	0,23	(,52	C,33
	ぶ	54	27	24	27	27		17',6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6	17,6
40	£	2	S	6	21		hinsk.	45	E1	†1	1	16	17	18	19	50	21	7.7.	23	=	1	*	'n	-1	5	S	2	Ø	ဢ	01
							ertsch	_										_												

C

5	OR 4. mitslere Zeit	t des Orts.	s. Januar.	Februar.	ärz.	April.	Mai.	Jeni.	Jali.	August.	Septemb.	Octuber.	Novemb.	Decemb.
0.	Nertschinsk, 1842	. 114 17	6 (0.35	0.52	1, 55	2.47	4. 03	78.75	4/20	37.31	1, 41	1,01	07.29	8
P.	Toronto	4	; 	<u> </u>	3	- 1 ×	2)(+	<u>.</u>	36	k 0 0	226 7	- A		3
	1481	13b 57',5	-	2,95	3,00	2,23	4,31		1,97	90,6	2,36	0+0	1,01	7,67
				2,14	2,54	5,06	3,30	5,14	4,73	5,76	2,16	0,41	2,32	2,12
		~	<u>. </u>	0,05	1.83	6,73	(C)		1,59	1,20	1,54	1,56	2,65	1,24
			—	E.O	00,0	00,0	0,33		(X) (X)	3	90.0	0.0	(%)	2,40
		21 57	,5 0,37	0,56	3,16	3,09	3,42	6,12	4,30	5,55	4,61	1,30	2,45	2,39
			`₹	12.4	8,47	9,15	9,23		11,50	12,76	8,77	6,61	5,93	5,94
			.	7,36	艺	11,11	10,95		13,12	13,37	57.6	2,19	6,08	6,73
			` `	5,93	2,83	8,62	XX		10,34	9,74	6.38	4,54	91)Ԡ	†1, †
			:= ::::	4,32	5,04	5,66	5,64		7,37	7,	1,97	2,(X)	1.37	() 333
			`C` 	1,07	3,94	3,68	4,16		5,91	4,16	۲,3	۲ , ()	(X)(C)	3 (3)
			<u> </u>	8.	2,0.4	2,35	3,71		4,16	3,76	3,23	0,45	1,01	1,16
			<u> </u>	9,1	3,37	2,'96	3,7,5		3,39	5,71	1,51	1,0,1	(X) (C)	1,43
	7481		5	1,16	2,55	2,17	3,39		24'9	5,50	3,75	アイ	2,17	1,63
			~ 	1,39	2,52	<u>5</u>	3,01		6,15	÷,	2,01	3,46	1,01	1,29
			~ 	0,44	99,2	1,44	18,0		2,74	(£,0)	న ()	2,91	3,	1,0,
			<u> </u>	5,0	0,0 0,0	35,	8 (0)	3,0	(S)	9,0	<u>S</u> (90,	<u> </u>	3,
			<u>-</u>	0,41	1,22	3,64	4,53		4,39	6,75	7,66	ည် (၁)	2,10	0,16
			9	4,29	7,25	8,44	9,48		10,59	12,00	6. 6.	7,35	5,70	4,07
		1 57	.	5,49	£.5	9,49	9,73		12,28	11,13	9,63	ST (%)	5,53	4,56
		3 57.		4,78	7,59	8,51	<u></u>		10,06	7,21	6,36	£2,9	3,23	5,69
		5 57.	` ~	3,01	5,49	6,05	4,57		2,09	5,38	**************************************	45.4	1,11	1,33
		7 57.	, -	1,36	3,2,5	5,29	4. 4.		3,91	4,44	3,66	3,14	0,20	15,0
		9 57		0,35	2,32	4,51	3,51		4,46	1,97	3,69	33,	0,21	0,11
5	V. 18.18		.×.	6,73	2,21	9) (*	3,77		3,64	4,62	3,16	4,14	0,73	1,47
į	1151	126 10	4,50	1,39	2,75	1,10	0,25	(1,37	0,55	0,50	1,38	2,32	2,63	2,53

== 5.00 7.00 7.00 7.00	87. 0	57.0	0,35	90,C	0,23	e, 17	•	5,17	0.23	67. C	(V.)	55.	<u>#</u>	1,21	(S. C.	0,75	0,35	<i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> = <i>y</i> =	* *, -	2,30	17.77	19,1	£.	0,75	(C)	5,75	0,7,0	0,52	0,17	0,11
C,53	0,35	7	1,12	1.53	_ E.C	3,0		11 0	8,0	0,12	67.0	99,0	7.	1,10	1,15	(5,2)	6,23	10,0	7,0,7	5,36	.7,7 <u>.</u>	7	1,15		16,0	£.	Z.	2	\$. 0	nz'n.
7.2	5.	1,53		2,1	= E = E	25,0	•	1,13	36,1	C. C.	97,0	(1.)	3.	7.9.1	(£, £,	<u> </u>	21,0		2,36	3,34	3,3	2,13	2,13	7,37	70,7	1.92	2,13	 	5,7	1,2,1
2,62	78,7		7,0,7	1.5.	1,92	1,63		76.0	\5.°C	S.6.0	1,21	* :	0.52	14.0	(S)	17.0	1,13	2,0,2	3,2,5	1,32	6,4,4	3,92	7.31	1,27	†0.T	1,2,1	1,3	L	3	1,27
45,4	3,6	,	3,14	7,91	2,97	2,91		3,05	2,71	7,4,7	7,30	₹ <u>%</u>	1.56	Z.C.C) (3) (3)	(C)(C)	2,19	÷	6,27	エデ	まだ	2.7	- 5.13 -	たげ	1,32	3,34	7 .≈	3,63	30,0	3,63
5,35	7,4%	†%, †	4,54	+5,4	ーにこれ	3,77	•	7.	3,10	3.7.8	5,36	7,1%	2,36	1,21	S) C		7,1,7	1,72	6,15	2,4%	= £	ナルズ	37.	6,33	5,64	4.37	7.00	4,37	1,66	
6,40	5,24	Z :	5,64	5,33	サブラ	4,13		39,56	3,47	2.7.7	×,'3	1.55	0,57	3,3	(C)	0,11	 	3,33	5,23	6,3	27.55	in the	=	£.3	5,35	₹	1,25	5	15,4	구 수 수
42.7.4 42.7.4	7	1 % .	+,13 	4,(12	7.0.4	3,4.1	•	3,45	3,39	2,93	7.6.1	2,0,7	1.27	0,31	30,0	0,40	<u>~</u>	3,39	5,61	7,25	7.7.2	ZZ.	37,7	5.5	5,41	57.	\(\frac{1}{2}\)	5; 7;	97,4	4,26 –
5,7¢	4,	÷.	+ X. \		3,67	4.4.5	•	7,47	20.2	1,96	2,13	2,36	S: -	1,30	1,32	(X) (C)	7.5,0	7.7.7	3,91	;; ;;	3:	TO L	1	6,32	5,29	3,97	3,57	3,55	2,99	一 7,0,7,7
3,97	3,50	3.7	2,56	2,33	(a)	1,51	•	C. C.	7.0	(), () (), ()	1,03	1.	2,01	E.	1,03	(X)	0,34		3,62	5,17	5,40	5,23	7,77	3, E	7,47	92.7	2,53	2,55	7,24	1,61
1,92	1,13		7.	+9.C	14.0	0,00	•	0,11	00,0	=======================================	C,57	70,0	10.1	1,33	7				2,59	16,7	3,31	3.11	2,13	67.	~ ~	2.75		(S)	7,9,7	(),12
1,11	0,12	50,	6,70	t2,0	(S) C	- 90,0		00.0	0,35	<u></u>	91,0			0,32	120,0	7.	1,15	1,15	[:]	2,53	2,76	2,01	1.32	1.32	₹	<u>~</u>	e,63	0,23	0,52	= 23.
	<u> </u>	<u></u>	-	 - <u>-</u> -	<u>-</u>	<u></u>		9.7	== 'S,	<u>چ</u> رز	=		- S	;;	\$	<u>-</u> ج رک	: :-	:= ::	;;;	: ::	<u>ت</u>	: ::::::::::::::::::::::::::::::::::::	= (2,5)			: :: :::::::::::::::::::::::::::::::::	5		÷.	= 5,7
40																													-	1 2
						- •	Nertschinsk.	77.								-	-	J -												

Decemb.		8 > —				-,		-				-													0,11	1,47	2.63
Novemb		0,29	1,01	S, C	2,65	<u>が</u> つ	2,45	5,93	<u>6,38</u>	4,06	1,35	3.5	1,01	<u> </u>	2,17	10,1	1,00	<u>e</u>	2,10	5,73	5,53	3,23	1,11	07.0	0,21	0,73	2.63
October.	,	1,04	0,40	0,41	1,56	<u>S</u> ,	1,30	6,61	7,13	4,54	2,03	27.0	0,45	1,0,1	7	3,46	2,91	<u> </u>	E	2,6,2	<u>ر</u> کر 150	6,24	4,54	3,14	1,9%	4,14	2.32
Septemb.		1,44	2.36	2,16	0,54	8.0	4,61	12 X	(C) (C)	6,38	76,4	2,3	3,23	<u></u>	3,75	2,01	న. ()	90,0	4,66	9,67	9,63	6,36	47.4	5 ,66	3,69	3,16	1.38
August.		3′,34	5,06	5,86	1,20	<u>3</u> ,	5,55	12,76	13,37	# <u>*</u> 2.6	∓ x	4,16	97,78	5,71	5,50	4,0X	\$2.0°	(C) (C)	6,7,5	12,00	11,13	7,21	5,33	4,44	4,97	7,6.5	0.50
Juli.		4,20	4.97	4,73	1,59	0,00	4,30	11,50	13,12	10,34	7,37	5,91	4,16	3,39	6,47	6,15	7,74	<u>(S</u>)	4,39	10,59	12,23	10,06	£.5.	3,91	4,46	3,64	0.55
Juni.		4′,37	6.41	5,14	0,72	0,00	6,12	11,09	12,04	3×.6	6,19	6,72	5,71	4 ,86	5,36	4,69	6,70	<u> </u>	3,71	9,86	11,90	9,32	6,54	5,17	4,61	4,65	0,37
Mai.		4.'e3	4.31	3,30	Œ,	0,33	3,42	9,23	10,95	TX.X	5,64	4,16	3,71	3,70	3,30	3,01	0,31	(X)	4,53	34.C	9,73	3, (3)	4,57	4. %	3,51	3,77	0,25
Aprill.		24,2	2.23	2,08	6,73	00,0	3,09	9,15	11,11	X,6:2	5,66	3,67	2,35	2,96	2,17	0,00	1,44	3×,0	3,64	*** **	9,49	X,51	6,05	5,29	4,51	4,00	1,10
		1.55	(X) %	2,51	. X.	(X)	3,16	7.47	Ž,	Î,	5,01	3,94	2,52	3,37	1,2,2	2,22	2,66	9)(0	1,22	7,25	<u> </u>	03°'	5,4:)	3,24	2,32	2,21	2,55
Fahrnur.		25,10	2.95	2,11	0,03	£ .	95,0	によって	2,36	5,93	4,32	10.1	<u> </u>	<u> </u>	1,16	1,39	0,44	3,0	0,41	4,29	5,19	₹.7x	3,01	1,36	0,35	0,73	1,39
1=1:4=1		0,35	1.27	1:1	3,20	S. T	0,37	4,36	94.9	5, K.S.	3,60	~~ =	<u> </u>	2,2,0	2,7.1	2,95	2,76	9 (0		6,37	6,93	5,16	S.'3	1,49	£8,0	2,42	4,59
11 des (9)18		114 1776	1.56 377.3					23 57,5											21 57,5		57,5	3 57,5	5,75	27,5	57,5	57,5	12b 10'
	ert churt	1 i.e.													7.1%											Vandiamen	1841
2 .47,	•	-																									į

	4 C	11 g	5 4 5 5 4 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5
\$3 238	# # */		6.4.2. 6.4.3.
4442 2886	93	ရှိတ် ရင်တိ	625 823
2445 15428	000	¥.	4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4
<u>මු</u> ශ්රේසි	文文	88 88	% 88≅
44	8 X	40	्र १९५
	2 2	8.5 5.7	#0°5
ब्रुट्ड	500	2 × ×	200 200 200 200 200
2332	000	2.50	201 201
	247	5 8 2 4	0,00 4 96 6 86 6 86 6
2333	4 2 2	7,31	2,4,2, 2,4,4,7,4,7,4,7,7,7,7,7,7,7,7,7,7,7,7,7,
3485	£ 5	12.	हरू इ.स.
2222	==	4.5	===
1272	;; =	24	÷ % ≘

Tägliche Bewegung der Horisoutal-Intensität, in Zehntausendstel der Horisontal-Intensität,

1															١	
5	Ort a, mittlere Zeit den Oria.	Meli	des	Orte.	Januar,	Vebrune,	Mars.	April.	Mai.	Jeef	Jeli	Augnet.	Neptemb.	October,	quang	Dacemb,
+	Mailand.															
	_	57	10.7	÷	EX.	6.4	10,4	9.5	077	21/2	0.9	9.	<u>'</u> :	===	6,01	11.0
					1,32	8/1-	2.56	1.75	61.19	= 1	Z	BY'U'	<u>ال</u>		2 13	
			54	ē	24	2,5	0×2	63 63	5	9	3	2	† O	7,4	4	3,7
					0,96	1,22	20	0.35	4 P	90,4	8	000	2,9	T	1,35	101-
			22	Ē	2,5	<u></u>	0,0	0,0	2	200	11,4	**	9	=======================================	3	-
					24.0	-0,63	0.00	00,0	0,00	12.04	10.51	+0.73	000	000	75 (T	10.52
			55.74	45	3	0	9	78.00	30	40	12.4	60	£0.3	4	0.0	4
					000	90,3	+0.43	74.0	74,0+	+1.40	60,1+	41.15	2 4	7	8	0
			-	=	9	=	<u>و</u>	9,5	20		16,6	10.4	5.2	40.2	7	10.0
					+41,31	+0,10	16,04	10.74	10.62	+1.91	+1,72	100	+0.95	+1.06	-0.01	10.16
			:N	2	9	~	=======================================	17.2	2	18.3	22,6	16,0	18,3	11,11	7.0	4
					1000	10.8%	+1,13	080	+1,13	42.45	552	+2,16	+1.25	+1,34	+0,05	10.33
							-								_	

	•7 •••	. do. (31)	. J.mar	Februar	Mari.	April.	Xai.	Jun.	Jeli.	August.	Septemb.	Oetober.	Novemb.	Decemb.
:: T														
	1 :1); 4!	15.6	 		1.12	15,3	9,92	27.1	20,1	19,7	16,0	0,5	0,0
			1.0.1	+0.1-	120+	+0,11	£6,0+	+2,35	+2,23	+1.36	45,73	\.\;\;\+	-0,35	<u>S</u>
			2.51	6.7	707	23,6	207.	56,5	33,0	O. O.S.	75,6	21.1	ر ا ا	v X
		,		92.0	\? <u>`</u> 1	10.0	+0.55	+1,41	+1,64	+1,63	+0,23	17.04	95. 91.	2,0 <u> </u>
		~ ~	5.	ت ب	; 	0,73		9,63	33,6	37.7	27,1	22,0	ر ج ا	2,5
		3		99.		\c,\.	<u>x</u> :	+	+0,35	+1,2,1	(C)	(4,41 (4,41	-1,19	# () ·
		-		C -	0,8.2	6.72	5,4°C	2,03	د, ای د	5,15 5,63	2,7	50,5	ر ج از ج	4, C
		=		- - - -	7.5.7	26.1	17.7	7. 5. 5. 5. 5. 5. 5. 5. 5. 5. 5. 5. 5. 5.	29,62	6,67 7,637	29,1	24,1		6,5
		,	26,0		えこー	£.		15.	7.9.1	1,17	15,3-	3	10.2-	19,0-
		Z. Z.	lt 19,7	1	1.5:	73,0	10,01	23.9	24,7	.597	25.3	25,1	13,5	10,2
			11,1	1:1-	01,1	1.70	#.T-	15.	1.43	-1,13	79.2-	15.1	-2,25	-0,95
	<u> </u>	07.	9,41 - 0			17,5	G, 4	<u> </u>	7,1	3,6	15,2	13,0	17,1	10,2
			- -	1,2,1	ピーー	12,19	35. T	90,0	- 1,52	10,01	<u>1,7</u>	-2,05	1,2,1	-1,32
		7	5. 	= 1	ج ت	2,5	0		17	0,	5,0	7.91	<u>ဆ</u> ်	5, 5,
		_		3 3	25.0	#5.0 -	<u> </u>		96,5		8 0-	S, 5	9,0	0X, 5
		. 22	<u> </u>							c, c		-	x 2	
		7.3	45 - 60		5 5	~	5.2	- 7.1.1 - 3.6	- E	70°5	41.5		(= = = = = = = = = = = = = = = = = = =	<u> </u>
			+	10.01	69,0+	40,79	+1,57	15,00	+0,52	+1,69	0::0+	7.01	0.29	15.04 10.61
		-	た。 		ر ندر	`၂ (ဗ	5,4	13,1	10,1	16,	15,5		9	5.5
		4	+` 	· 一 十	÷.;÷	+1.3	十2,3%	+2,35	+2,37	+2,25	+1,12	+1,42	0,00	+0,87
		÷	11,0	רים:	12,2	12,4	10,5	7,61	13,2	6'07	19,6	10,3	æ æ	<u>က</u> (က
			70,04 30 11.2	÷	+1,25 15,2	+- x = -	十. 次.文.	+2,67 +0,67	+1,76	+2,72	+1,32	+1,90	+0,15	98,0+
			+	£0,63 +	15.0+	- ct.0+	+2,59	+2,95	13,4	12,65	10,6	5,3 1,23	2.0 10 1	5,0 10,00
		ے	6,61	` _ ;		7.17	19,5	2,22	20,7	23,1	23,5	14,7	1,6	- -
				60.0	- x + -	- 61,0-	+	+2,2x	+1,31	+2,12	+0,40	+0,15	440-	+0,14

-0400101 -0400101	RTERRE TRATE	48877938 	5%45%445% 5%45%45%
#2111 B	28.838 28.838	8 = 2 8 2 C 4 8 8 = 2 8 2 C 4 8	N40444V00 Z_48752X
200 - 100 -	0 .00 kg	8- 20- 20- 8-7- 20-20-	を の の の の の の の の の の の の の
25.02. 25.02. 25.02. 25.44.25. 44.25.44.25.	114 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	00%1-128-4 8038-25-68	25.54.4.5.5.5.5.5.5.5.5.5.5.5.5.5.5.5.5.
147.25 - 25.45 147.38 - 25.45 15.43 - 25.45 15.43 - 25.45 15.43 - 25.45 15.45	10.00 ± 0	5 4 7 45 45 5 4 5 6 4 6 8 6	746957861 746957861 765585869
22-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-	44 9 C 4	5 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	80000000000000000000000000000000000000
### 60 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	81.55 C		24 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2
2 ± 0 ± 2 ± 2 ± 2 ± 2 ± 2 ± 2 ± 2 ± 2 ±	88888 8888	8-48435F	2.525.1.047. 2.635.5.0.045.5.
5 - 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	447-420 28.8.8.9	40047048 38807348	2000 000 000 000 000 000 000 000 000 00
## 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	**************************************	000046K6	
**************************************	66464 5848	44.50 4.44 44.50 4.44 44.50 4.44	20000000000000000000000000000000000000
# 6 5 6 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	0 = 6 4 4 6 4 6 4 6	80004일일일 80004일일	427878484 447878484 447878484
7 30 9 15 11 0	45 8 4 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8		2
ii P	. 54		1643 Des
VII.			ı

Ort a.	Ort u. mittlere Zeit	it des Orts.	s. Japuer.	Februar.	Märı.	April.	Mai.	Juni.	Joli.	Augast.	Septemb.	October.	Novemb.	Decemb.
B. N	München.													İ
	1843	è	.9 2	3,46	7,52	8,44	4,07	8.17	9,'66		96,'6	11,22	O(;'.	7',43
		20 6,	,7 5,71	3,48	5,70	5,72	1,48	4,72	6,18	5,21	6,01	6,49	4,91	7,13
		9		1,73	3,16	1,48	0,00	1,32	2,77		2,48	2,93	2,09	4,26
		9	_	1,22	0,34	0,00	1,14	0,00	0,00		0,0	8	98,0	1,01
		ေ		<u> </u>	8	1,74	2,77	t6'0	0,11		1,10	0,56) () ()	6,73
		9	0	0,76	64		6,22		3,37		7,37	2,47	1,46	1,82
		9	 	2,36	4,62	7,14	9,22		7,36	11,21	92,6	5,04	3,72	1,67
		9	7 2,	2,76	5,96	8,21	11,91		9,38	13,21	39,6	. 7,14	2,72	1,64
		9	7	1,85	4,19	7,87	11,77	13,12	14,03	15,49	10,x8	7,74	5,66	
		9	7	1,62	5,42	8,30	11,93		14,10	16,02	11,47	Z .	2,45	1,50
		9	7 2.	1,46	4,60	8,44	12,94		14,98	16,13	10,91	8,12	3,0,5	0,22
•		9	2 - 5	88.0	4,19	X.650	13,54	13,45	15,73	16,87	11,44	10,10	4,30	0,48
		9	_	3,08	4,31	80,8	14.84	15,78	15,58	18,70	15,43	12,98	4,09	8 ,
		9	3,08	2,74	5,04	8,90	13,94	16,21	15,55	18,97	14,34	11,80	3,77	1,04
		9	_	4,19	6,17	9,19	13,19		16,60	19,38		12,20	3,66	1,43
		9	<u> </u>	3,61	6,52	9,97	13,00		16,67	19,56		13,15	3,76	1,55
		9	_	4,27	5,83	10,22	11,45		15,70	17,05		11,95	4,37	3,59
	1 2	9		2,02	8,87	14,04	10,52		13,78	17,92	14,52	12,23	4,94	3,48
		9	_	22.0	5,74	13,11	9,74		13,52	16,30		12,31	4,55	3,47
		9		2,00	7,04	10,39	01.8		13,55	14.88	14,74	14,52	6,23	5,08
		` :	7. 6,72	3,94	7,39	12,36	7,63	9,64	3,85	11,15	13,43	13,01	6,24	2,08
		ဗ	-	3,88	2,00	∞ ∞	5,05		7,58	8,60	10,12	10,72	7,50	3 5
		9	=	3,71	5,30	5,38	2,76		3,95	3,04	4.86	7,03	5,44	7,14
		9	_	2,95	1,78	1.52	00.0		1.21	90.0	0,48	2,53	4,14	5. 8
		်င	=	1,91	0,34	00.0	0,97		00,0	1,26	90,0	9,	2,35	3,78
		\$	<u>-</u>	1,1	00,0	3	3,65	30	1,64	4,27		0,32	1,74	\$ 2 2 2 3
		בֿכ		25	₹.2 7.2 7.2 7.2	- Y	- 36 10 10		0 0 0 0 0 0			77,0	 S.:	3 4 2 6 3 6 5 6
		•	•			and a		_			-	2240	3,01	

60 60 60 60 60 60 60 60 60 60 60 60 60 6	0	3.8	1	0,53		£,	1,75	2 20 20 20]	ł	1	١	1	ł	ı	1	j	1	I	1	İ	1	I	1	1	ļ	1	١
2,4 2,4 3,4	4,0	5 T	. 1	4,49	1	4,02	3,71	4,12	5,99	6,42	82.8	9.34	9,37	2,03	3,36	000	0,36	0,49	2,41	2,54	1.98	2,87	3,0%	4,67	4.78	5,74	5,93	9,40
7,56	6,94	10,33	-1	98,6	-1	12,38	12,91	13,09	10,72	11,22	11,77	11,64	9,89	6,00	1,08	0,00	2,11	3,89	5,29	6,19	5,17	5,34	6,90	8,45	10,64	11,47	11,34	11,11
10,94	₹. 200	10,60	- 1	12,96	.]	4,66	4,71	14,77	14,64	15,06	13,75	12,02	2,96	2,24	0,00	0,43	5,00	6,54	8,60	9,38	8,39	(C)	5,64	10,28	14,36	15,01	14,87	15,49
15.88 15.88	16,50	325	1	20,40	-	19,87	19,87	18,73	18,48	17,51	16,80	13,48	8,99	1,94	00.0	1,07	4,85	30 30 30	12,62	16,19	16,22	16,12	15,22	16,08	20,50	20,51	19,15	19,94
13,66	12,73	13,47	-1	17,74	.1	15,42	15,37	14,36	14,14	13,50	13,22	9,23	6,44	2,64	0,00	0,10	3,38	7,85	10,39	13,09	13,43	13,39	12,06	13,09	15,98	14,99	13,93	14,29
10.26 13,32	12,54	14,20	-1	16,31	.	15,26	15,34	13,50	5,92	15,20	15,17	11,30	2.08	2,56	00,0	1,07	5,10	9,26	13,49	14,57	17,09	15,78	14,57	15,24	17,75	17,50	16,87	16,60
6	8,30	12,12	- 1	15,35	.	13,09	12,98	11,59	12,18	12,29	10.07	7,15	4,22	1,13	0,00	1,15	3,80	6,12	7.92	3 8	7,97	11,45	<u> </u>	12,49	15,07	13,81	12,47	12,17
9.92 10,12	9,35	10,37		14,09	-	14,39	14,77	14,21					11,88	7,30	2,47	0,00	0,54	4,37	8,20	10,52	12,48	12,54	13,87	13,01	16,44	16,48	16,30	15,46
4.16	5,32	4 5 2 7 5 2 7 5	8,30	9,65	10,99	10,31	.	8,21	11,54	11,15	11,15	18,6	9,64	6.88	3,08	000	0,44	5,46	8,29	7.7	9,05	80.80	68'9	7,14	10,52	12,43	12,62	12,38
85.55 14.1	9,35	9,6	0.94	2,25	2,12	3,38	.	1,79	5,98	5,04	4,54	6,52	7,39	50,00	3,90	00.0	1,15	2,81	4,40	3,54	3,76	2,17	1,62	7.00.7	5,45	6,61	6,86	6,97
206	3,12	6, 6 6, 6 7, 4	3,07	2,59	2,87	2,82	-1	3.0%	0,65	0.82	3,85	5,56	5,94	6,55	5,30	4,66	2,56	3,97	5,20	4,01	96,0	0.03	0.00	99,0	1.33	2,22	2,75	3.02
6.7	6,7	5,7	2.0	6.7	6.7	6.7	6.7	6.7	6.7	6.3	6.3	6.7	6.7	6.7	6.7	6.7	6,7	6.7	6,7	6.7	6.7	6.7	6.7	6.7	6	6.7	6.7	6.7

\$

ō	Ort u. mittlere Zeit	des	Orts.	Januar.	Februar.	Märt.	April.	Mai.	Juni.	Juli.	August.	Septemb.	October.	Novemb.	Decemb.	U/AAA
<u>ئ</u>	Greenwich.															~~• ·
	27.1 27.1		22,7	(1,65	3,72	14,22	23, 96	13,43	15,91	15,85	23,17	17,59	15',65	5.74	3,34	
		.	22,7	(F)	5,69	13,25	21,14	9,68	14,13	12,81	19,48	14,96	12,65	7,91	5,34	
			22,7	5,7	5,97	15,39	21,32	3,60	12,12	12,×1	02.KI	16,32	12,25	6,77	3 .	
			22,7	6,27	17,7	12,51	17,21	11,33	6,62	<u>S</u>	13,12	13,60	17,13	7,13	9,6 1	
			7.7.7	69,7	3,16	3,62	3,34	2,16	<u>S</u> ,C	0,30	(C)(C)	00,0	3,7,5	ナー	3,45	
			25,2	(S),	0,00	90,	0,0	<u>(S)</u>	0,17	0,00	3,55	3,66	9,0	(C)(C)	2,93	
			22,7	5,14	7,54	9,46	11,75	9,45	サスズ	11,95	17,41	15,35	Ę.	1,45	t0,t	414
			22,7	5,05	5,43	16,69	74,54	19,76	15,58	21,63	24,53	19,54	15,90	 	3,56	~2
			22,7	3,60	6,61	15,41	51,04	25,00	20,30	25,25	94,42	20,43	16,64	7,96	4,55	,
			22,7	3,21	, 35,	15,86	59,46	25,56	20,84	26,15	79,97	24,54	17,60	9,'+	<u>0</u> ,0	
			22,7	2,59	3,86	13,41	23,21	22,27	17,95	20,30	27,33	57,04	さら	1,62	1,15	~ 44
\$;	11	22,7	1,99	3,20	12,71	25,85	21,21	16,99	21,63	56,09	22,11	18,19	4,65	1,07	
Ö.	Christiania.	•	(•	•		•				•	•
	1542*		3,'2	₹,8×	i	!	}	1	}	16,95	17,23	16,13	11,00	₹,16	0,71	u C
		4	3,5	3,16	1	1	1	l	١	11,32	13,43	13,34	10,54	5,49	1,01	- '
		16	ج مزدع مزدع	4,50	1	1	1	i	i	13,50	15,44	15,59	10,16	6,31	3,07	
		2	2,5	7,00,2	i	1	[10,10	96'9	9,54	11,96	13,655	14,29	7.17	5,58	~
		5 0	2,5	6,35	I	1	i	4,05	2,61	4,52	4,76	6,84	# 9 ,2	5,43	2,77	
		5 5	3,5	2,55	j	1	l	0,00	(E)(E)	90,0	00,0	90,0	3,0	<u>e</u> ,	86 ()	
		0	3,5	95,0	i	I	j	4,33	7,61	6,74	8,56	2,76	2,41	1,09	0,03	
		8	3,2	3. 3.	ı	ı	ı	12,01	20,34	20,01	22,22	90,6	10,30	3,4,6	3,44	
		- ;	3,5	5,77	i	i	i	21,94	25.75	27,33	29,44	21,50	? =	5,67	2,77	
		ယ	3,5	4,30	i	I	1	82,X	33,63	29,92	59,04	21,39	12,34	6,47	3,34	
		æ	3,2	7.7	!	ı	ì	25,05	30,70	29,81	27,55	20,75	10,63	4,46	0°,0	
		19	3,2	3,81	l	;	1	17,78	14,68	22,47	22,07	16,70	13,25	æ, →	1,39	
e i	Petersburg.	124 9	21.5	l	13.6	2.6	24.9	23.7	23.1	31.7	25.6	15.9	11.4	0.4	2,3	
	*, Jabe		1										,		•	

	0.7	, -) -		7.5	10,5	1,2	o c	15 X	7	1 32	. r.	6	ر ج ال	σ. (C	, ~ C	(- 1	2,0	(C)	- ~ - ~		2,2	4	4,30	3,13	2,33	5 X	2,53	2,73	5,57	14,46	11,23
	1.2	000		(S			, E.) (c.	-1		2,7	. S.			13	2,3	45	5,	- 1 - 1	7,5	3,5	20 20 70	7	7,7	5,37	2,72	3,81	2,44	5,95	13,97	10,55
	9.0	7,3	· α.	10,2	13,3	15,5	19.7	6,9	<i>y</i>	0	1.6	9 (8)	11,2	14,4	1+,0	13,0	10.5	11,1	10,5	10,5	15.2	13,1	12,5	11,33	9,19	(X)	8,11	10,26	10,16	11,53	15,92	10,75
	14,3	11.6	16,1	12,8	14,0	13.x	10,1	!~; ~+	2,4	0,2) ()	5,9	16,3	27,1	(57,3)	31,5	25,5	23,3	15,1	12,7	21,5	18.5	18,3	18,07	16,90	13,57	14,91	15,23	15,05	13,97	8,99	5,08
	23.8	25,2	25,2	25,6	1X,2	9,41	15,4	5,6	0,0 -	1,0	3 ,0	12,1	25,3	33,7	36,2	38.33	38,7	33,7	32,7	30,3	56,0	25,1	22,8	14,59	12,67	11,71	13,27	12,93	12,41	2,78	4,37	7,62
	262	30,3	32,7	<u>, z</u>	23,7	21,9	19,1	13,1	11,1	0 <u>,</u> 6	G.) () ()	7,1,1	36,4	39,2	12,7	12,5	41,2	39,0	36,9	35,3	33,9	33,9	16,97	13,36	18,56	11,76	13,69	12,52	15,12	11,00	3,36
4	3,46	24.2	8,77	21,4	19,2	15,5	10,4	6, X,	2,2) () ()	5,3	Ţ,	177,1	35,2	31,2	37,1	34,9	38.6	32,6	30,9	20,2	24,3	23,6	15,37	14,20	15,62	15,46	11,11	11,09	., 19,5	4,12	19,0
	25,1	21.9	807	20,3	14.8	13,8	t '6	<i>!</i> - ; - ; - ; - ; - ; - ; - ; - ; - ; -	O,5	O.	3,0	12,3	7,97	31,4	33,8	36,5	36,>	33,4	33,5	33,5	<u>ار</u> کر	25,6	24,0	13,61	12,43	15,91	13,02	12,26	11,17	9,16	6,17	79'4
	20,3	17.5	19,3	16,1	17,9	18,2	16,7	12,9	6,9	1,2) (C)	5,1	15,2	19,3	24,5	25,1	27,3	7,5%	26,2	76,4	21,7	6,4%	23,4	17,05	15,46	14,95	1,3	13,44	14,95	11,31	£ 1	5,71
	5,4	4,4	3,0	3,0	[- S	10,5	9,5	2,9	3,4	<u>0</u> ,	2,2	چ ري	9,11	17,5	20,3	22,1	14,3	14,1	12,4	11,4	9,01	14,8	10,0	9 9 9	6,97	2,4	77,9	5,54	E C	14,53	12,01	2,06
i	5,3	6,2	5 (3)	5,6	7,4	11,2	14,5	1×.	5. 5.	13,6	<u>e</u> ,	15,2	15,	19,1	21,1	19,3	15,6	16,5	<u>x</u>	7,1	11,0	10,1	12,9	5,54	1,26	<u> </u>	1,50	2,27	4,62	12,10	11,00 10,00	7,73
	1	i	l	ı	ı	l	1	1	1	1	1	١		1	!		İ	1	ì	1	}			9 C C	0,17	1,43	tg()	2,7	90,2	15,46	12,55	11,18
	21	21	77	77	77	21	21	7,1	77	77	77	77	77	7.7	77	7	77	17.	77	7.7	7,	21	71	21	7.	7.7	21	7.7	7	7.	21,5	77
	13	7	15	16	17	X	15)	≅	21	22	? ;	=	7	?	က		₹;	£	~	T.	ဘ	=	11	12	£3	14	15	16	12	1 S	19	22

040	u. mittlere Zeit	des	Orts.	Januar.	Pebruar.	Marz.	April.	Mai.	Jani.	Jali.	August.	Septemb.	October.	Novemb.	Decemb.
	Petersburg		==												•
}	1842		•	8, 99	4,62	2,.52	0,'00	,51	0,'20	18,0	0,'0	1′,86	5,78	5,17	6,9 2,03
		22 2	, T.	6,97	3,61	0,00	0,00	0,0	0,00	0,00	0,52	0,29	2,03	3,0%	4,0 0,0 0,0
			<u>-</u> 0,1	5,29	2,10	1,18	1,60	1,51	2,35	5,12	0,44	8 (0)	3	61,2	5 1 1 1 1
			1,5	5,96	2,86	3,95	3,61	6,22	6,50	11,76	1,83	3,13		3,7	6,70 5,73
			1,5	6.72	3,53	8,65	11,34	12,68	15,20	15,12	4,19	8,59	2,93	1,57	6,0.5 5.4.5
			5.	5,38	3,70	10,75	17,14	20,33	21,17	23,18	9,79	13,19	4,59	1,66	3,01 42,0
		? ??	1,5	5,12	2,52	12,94	20,66	23,35	24,78	31,16	13,19	14,75	6,93	67,0	7,04 7,06
			1,5	3,02	1,18	11,51	26,12	23,69	26,88	28,14	17,21	17,3	6,35	0,43 0,00	1,00
			1,5	2,44	1,93	9,49	23,02	22,34	23,81	29,74	15,90	15,54	S.	96,0	3,4
			5.	3,19	3,28	8,32	22,43	21,50	25,45	27,97	15,29	15,72	-	10,26	, 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 1
			1.5	5.29	4.96	13,19	21,67	21,92	26,54	28,51	15,55	17,29	4) (S	7,7
			5	200	3,95	14,45	20,24	15,54	22,93	30,74	15,98	19,05	N	9,50 10,70 10,70	,13 ,70 ,70
			5	6.22	7,90	12,26	20,08	17,47	21,76	25,54	14,85	18,96	11,43		6 n
			1,5	4,37	2,18	11,26	16,04	15,29	17,98	21,42	15,81	18,47	—	2,5	,,, ,,,,
		7 11	21,5	3,19	5,69	11,59	17,30	13,94	14,87	21,00	14,77	15,34	-	19')	0 1 ,40
F.	Catherinen	enburg.		•		. 4	76 44	76.40	11 61	_	45.58	C	14.66	1.05	4,46
	1841	7 a21	C, 22	1	l	12,00	14,00	15,40	13,01	10,42	15,32	11,07	14,26	1,92	3,72
		15	5,0	1	1	10,04	3 0	10,00	ی د) C	îα	13.57	2,11	3,53
		7 7 7	C,2,	1	!	2,53	N C	13,43	م زن	7,13	> ~) () () ()	44,59	8	2,48
		15 %	.2,5	1	1	10,43	, N	19,61	ي ري	- 6	+ c		11,04	200	99.6
		16 2	2,5	i	!	9,48	11,67	16,63	16,76	12,33	13,37	7,36	11,40	56	9,00
		17 2	2,2	-	1	9,97		12,01	Ç,	_	~	G,',	10,50	70,1	5,00
		- X	2.5	1	ı	12,15	'n	17,59	~	7	?	27,9	X, 31	(ر ای	6,70
		5	٠. در	1	1	11,74	-	11,68	2	7,51	9,42	5,36	8,55 5,55	, o .	1,01
		20 2	2,2	l	1	9,26	6,41	5,43	6,72	3,44	8,59	000	7,14	1,43	, c 0, c
		7 17	2.5	1	1	6,38	79,7	2,2,5	2,51	1,78	4,16	46,5 6,6	4,20	4 2 5 6	, , , ,
		_ •	12,2	1	1	6	1,39	200	3	5		, c	2,20	2,0	0,08
			12.5	-	- 	69,0	0,00					29, e.	0,11		

0000	0,58	2,73	1,36	2,29	5,15	9,73	3,53	3,72	2,60	2,98	1,86	3,93	3,43	4,11	3,00	3,31	3,31	3,19	2,45	2,45	2,05	101	000	0,0	0,49	0.98	2,51	2,70	S),7	2,27	3,07
1.80	66,0	(K)	4.59	2,54	4,16	304	2,91	2,79	0,0	1.12	0,20	4,73	5,34	62.+	4,60	5,16	4,36	4,54	3,87	4,30	2,70	2,64	2,58	2,45	2,09	1,41	1,53	0,31	00,0	0,92	1,23
00.00	24,6	11.90	13.82	2. X	10,14	10,50	13,91	15,33	15,32	14,94	15,66	6.32	6,07	5,95	5,89	5,34	5,64	5,83	16.4	4,61	2,33	0,00	0,30	0,73	0,12	1.0.1	2,33	1,35	1,47	1,72	2,08
5.95	8,37	8.75	11,62	11,43	13,17	11,54	12,59	9,58	13,30	10,98	12,71	10,25	9,58	9,76	8,66	8,35	7,37	7,55	6,02	1,53	0,92	00,0	0,25	1,53	2,64	4.05	88,9	7,55	7,43	2,67	8,10
3.62	5.73	8,66	13,69	15,99	16,59	18,26	81,61	18,20	23,02	22,44	18,03	10,81	10,62	10,20	£6,8°	8,72	8,60	8,05	20,9	2,34	1,11	00,0	0,25	3,44	5,96	6,33	99'8	9,95	9,58	9,95	10,13
00'0	2,87	7,57	7,69	14,83	14,8%	16,80	14,23	14,21	12,81	13,58	12,13	16,95	15,72	17.77	13,45	14,12	11,60	92,3	TXX	4,67	90.0	2,46	2,95	6,63	97,9	9,79	12,65	13,75 35,	16,15	15,96	15,72
2,44	6.91	11,75	20,25	23,60	22,73	20,34	21,27	21,65	19,27	18,26	18,73 18,73	12,47	12,10	13,26	13,57	13,63	11,61	11,38	2,86	3,81	2,15	0,0	2,76	3,93	6,63	8,35	12,04	14,12	14,61	14,74	15,04
8,28	9.56	12,66	18,19	18,73	18,55	1×,16	15,60	15,03	16,61	16,47	15,85	10,12	9,14	9,51	9,45	10,43	9,33	XX	5,95	2,33	2,0	0,55	1,47	3,43	6,13	6,50	7,24	tz's	8,22	1 0%	4,11
2,73	5,03	7,38	$\overline{}$	11,54	10,01	3,63	11,34	13,85	14,90	13,21	12,83	13,51	11,55	12,28	12,10	12,28	11,67	11,67	9,28	5,90	13,14	0,43	<u> </u>	3,75	£6,9	7,25	8,66	10,57	K	11,24	11,30
9.77	11.58	12,87	12,20	14,37	13,22	8,87	8,43	10,57	12,30	13,57	15,50	26,7	8,35	97,9	9,20	5,28	6,20	20,9	6,63	3,56	<u> </u>	2,0	<u> </u>	1,23	3,87	4,82	5,28	8) (S)	4,92	4,67	5,59
•	i	1	1	1	i	l	•	1	1	i	1	6,02	4,91	4,98 4,98	4,73	4,4%	4,73	4,24	3,69	4,55	4,18	2,83	3,99	2,77	4,30	3,56	2,23	1,60	S (S)	2,77	3,01
1	1	Ì	ı	1	I	1	ı	1	j	1	1	1,10	2,0,2	0,67	2,27	1,78	1,96	2,45	2,70	3,62	2,70	2,58	2,53	1,96	7,8,7	3,07	2,53	1,86	2,45	0,0	0,67
0 22,5										10 22,5			13 22,5	14 22,5	15 22,5					20 22,5										6 22,5	

ë	Ort n mittlere Zeit	des Orts.	=	Januar.	Februar.	März.	April.	Mai.	Jani.	Juli.	August.	Septemb.	October.	Novemb.	Decemb.
	Catherinenburg	•	 .									1	3	27.0	37 6
	1818	Sh 22'	 	1,66	3,07	1,79	13,08	14,14	15,23	15,90	10,75	Z, 12	3,13	01,2	ָ ֓֞֝֞֝֞֞֞֝֞֝֓֞֝֓֞֝֓֞֞֝֓֓֞֞֞֩֞֓֓֓֞֡֓֓֓֞֡֓֞֩֞֡֓֡֓֓֓֞֡֓֓֡֓֞֡֓֡֓֓֡֓֡֓֡֓֡
	ı		2.5	2,39	3,13	3,51	13,39	15,70	15,29	15,47	11,55	N. Y.	÷1,5	3,00	6,00 00,00
				2,27	5,96	7,55	13,14	10,13	14,00	17,99	11,73	10,35	27.40	3,71	0,00
		11 25	22,5	2,33	4.5	6,69	14,31	10,55	14,49	16,76	11,42	10,56	6,32	0),c	3,00
į	Toronto	•	_=	•											Ĭ
j	17.	14h		10.0	9.4	X	15,5	Ť,	X X	6,4	6,7	13,2		1,7	- E
	1	16	·	<u>}</u>	10,3	I.	15,6	12,2	8,3	6,7	င	/ 	1,3	ر در د	· · · · ·
		<u>y.</u>	.=	13,5	12,1	6,6	15,3	12,6	10,3		11,4	17,9	10,2	ن درو	12,3 6,0
		()?	- -	5+1	10,4	6.3	9,0	?;;	ۍ,	5,6	6,0 6,0	17,4	3,7	عر 5 ر	7
			<u>-</u>	10.3	4.0	0,5	0,3) (C,	0,0	0.0	0,0	Ē,	., 1,	0, 0	1,0
		} =	=-			0,0	0,0	5,5	, e	1.3	2,0	:: G	0,0	1,0) () ()
		÷ 😙	=	· ·	. <u> </u>		14.7	13.5	^ - +	13,9	21,1	10,4	6 ,5	2,9	တ တိ
		₹ -¬		19.7	11,2	15,0	20,9	2.7,6	X	18,4	26,3	23,6	1.1,3	10,5	10,3
		ي .		13,4	15,5	11,9	21,0	70,4	` 	16,2	20,5	21,3	13,0	9 (6)	# S
		· K.		11,5	or L	9,7	11,1	15,0	9,0	9,2	9,6	 (02	10,6		၁ (၁ (၁)
		1	===	2,7	10,7	7	14,2	13,1	2,'2	6,2	2,5	16,0	57. 6 X. 6	ည် ၁	Č i
		12	==	X	5,5	4,7	13,3	12,4	[: L	5,5	2,7	15,4	6,3	3,3	n d D
	4819			6,33	4.20	7,53	2,67	12,14	98,3	6,98	15,36	11,91	12,61	5,10	17,
	*	: 4		3	ار الار	5,65	1,37	10,76	7,5%	9,81	14,13	11,73	12,71	10,04	
		7		R.76	- C.C.	1×1	90,2	8,52	× 4.	<u>()</u>	13,99	15,82	13,22	12,49	#5())
					6,10		5,7.5	6,01	96,9	4.93	7,25	ii L	Y,53	£.	3,45
		5 6	==	2,5	550			0,0	00,0	<u>(S</u>	9.0	(E) (C)	6 ,0		٠, ر د ر
		77	-==	2,5	- 60,4	7	4,00	7.01	9,36	3,05	9.73	6,01	1,0,1	2,44	
		= :		90,0			2000	1000	? =	17,56	21,60	15,25	9,92	10,16	5,76
		≈.		07,4	97,7	÷,	70,01	10,00	7 7 7	10,00	96,60	21,06	14,39	13,52	12,23
		4 :		14,63	06.21	14,45	(2,0)	15.05	15,61	12 C.	22.95	16,86	15,27	12,93	11,31
		ر د		76,0	10,66	12,21	10,00	15,00	5.3	14,17	55.63	77.5	13,00	11,14	32,6
		· =		× 32	4,75	7,4.7	7,14	13,66	î	10,22	17,63	15,03	12,99	2,40	7,31
			•	•	•	•		•	•						

6,65	2,47	5,18	4,45	7.61	6,81	0,58	2,23	1,93	0,78	00,0	1,40	1,77	1,50	7,50	7,44	1,20	7,17	6,58	1,25	0,33	0,67	0,00	1,53
7,47	3,87	X S X	9,41	6.78	3,93	00,0	2,50	3,61	2,30	9.	5,08	3,84	3,21	7,62	5,46	1,37	<u>S</u>	3,00	2,43	0,21	2,03	4,17	6,11
11,80	9,70	13,57	15,92	15.99	<u> </u>	0,00	5,33	27,0	9,50	9,20	13,60	15,23	15,97	14,67	7,17	00,0	7,67	10,96	12,79	9,95	13,61	13,37	16,19
15,59	9,91	17,4	23,34	14.71	6,4:3	0,00	X.	12,83	12,07	13,03	12,53	17,13	19,33	13,56	2,73	00,0	9,05	11,11	16,44	12,03	14,15	19,20	18,08
14,92	6,26	21.20	59,08	11.90	7%	90,0	10,13	14,90	16,21	19,46	20,10	25,62	22,65	7,39	0,17	00,0	10,02	13,72	16,59	18,01	17,49	20,31	19,39
10,73	1,76	24,64	32,86	14.26	7,10	0,00	6,28	11,20	14,60	20,03	51,73	21,54	22,03	11,62	3,72	<u> </u>	12,7	13,37	16,68	16,97	17,26	21,06	18,43
7,33	5,63	17,55	50,0Z	14.44	5,7.5	90,0	5,63	12,65	16,05	19,04	19,93	23,32	23,34	7,91	2,42	00,0	5,43	† 6,6	11.77	13,10	13,80	16,23	15,39
12,49	6,73	14,96	24,42	X X	00,0	0,00	6,65	11,40	15,07	15,56	17,39	18,65	13,77	0,70	0,40	0,00	6,25	12,25	10,64	10,60	13,25	15,47	13,96
1,37	4,96	18,68	33,02	11.39	6.92	00,0	6,24	10,45	10,49	11.28	11,62	13,24	13,56	12,46	4,26	90,0	8,59	11,28	14,12	13,15	15,23	17,50	20,39
5,80	7,38	13.76	21,17		1	1	1	1	1	l	l	1	ı	8,05	5,46	0,00	5,31	8,59	9,'66	99,8	10,46	12,76	10,65
3,10	4,13) () () ()	13,20	İ		1	!	1	1	1	1	1	1	4.26	1,94	0,61	2,60	4,21	5,25	0,27	0,00	2,51	4,42
7,30	2,2,		2,3		j			1	[j	ľ	1	1	00'9	3,36	0,40	0,65	39.8	3,60) (C)	2,07	0,11	2,55
	10',2	10,2	10,2	17, 0	17,9	17.9	17,9	17,9	17,9	17,9	17,9	17,9	17,9	17,9	17,9	17,9	17,9	17,9	17,0	17,9	17,9	17,9	17,9
12	19b			-	3	22	=	. 	7	· - +	· &	L	10	X	50	7.5		-	3	\	G	æ	1 0
	Makerstoun 1842			Prag.	PECT									1.544									
1	H.			I.																			

T a b e l l e III. Tägliche Bewegung der Inclination, in Minuten ausgedrückt.

Ort n, mittlere Zait des Orts.	rts. Januar.	tar. Pebruar.	Marz,	April.	Mai.	Juni.	Juli.	August	Seplemb.	October,	Novemb.	Decemb.
Minchen.												
1843 13h	_	0,00	0,00	0,0	62,70	0.15	00,00	00,00	94,40	0,32	0.45	07.79
	_	0,15	10,0	000	0,40	0,34	0,15	0.27	04.0	0,42	0,47	0.74
	6,7	_	0,03	0,20	0,51	0,27	0,23	0.29	0,39	0.28	0,22	0,36
	_	0,10	80,0	52,0	0,72	0,61	0,56	66,0	0,62	80.0	0,16	0,09
	==	50,03	0,05	0,35	1,22	1.03	99'0	1.12	1.1	0.45	0,00	0,00
	_	- 0,03	62,0	0,52	19,1	1,60	1,39	1.81	1,74	1,10	0,41	0,03
	_	0,32	0,56	00,7	1,75	2,14	1,79	2,15	2,20	1,61	0,79	0,36
	_	14,0	0,92	1,14	1,57	2,19	2,11	2,51	2,52	1,73	0,98	0.89
		19,0	0,99	\$6 ,0	1,39	1,93	2,12	1,99	2,38	1,95	1,16	1,05
0		0,75	0,63	0,66	0,92	1,70	5.75	1.25	200	1.78	0,99	0.91
1	6,7		0,42	0.44	0.62	1,17	1.25	0.95	1.64	1,54	0,83	1,05
54	6,7	_	0,29	0,56	0.44	0,99	111	98.0	1.67	1.35	0,84	1,79
72	6,7	_	0,41	0,70	0,55	0,74	0,58	98.0	1,55	1,33	0,98	1,29
	6,7	_	0,52	0,73	0.60	0,71	0,62	0.83	1,56	1,43	1,07	1,02
	6,7	_	0,52	0,65	0,37	0,63	0,56	0,64	1.48	1,24	68,0	1,29
	_	0,74	0,55	0,54	82,0	0,57	0.40	0,51	144	0.85	0,76	1,14
	6.7	_	0,59	0,62	0,10	0,15	0,38	0,18	0.77	0,35	0.76	1,32
	6,7	0,53	0,42	0,51	0,11	60'0	0,36	60,0	0,72	0,51	0,78	1,09
6	6,7 }	0,26	0,17	0,3%	0,23	20,0	0,19	0.14	0,40	0,37	0,71	9.1
	6.7	-	0,08	91'0	0.17	0,00	0,05	0,0	000	0,23	69,0	0.98
		_	0,09	0.17	0,34	0,07	0,15	0,25	0,43	0,61	0,63	0,54
	_	-	0,13	00,0	0,22	0,28	0,27	0.02	0,18	0,32	0,36	0,59
**************************************	6,7	1,67 0,51	0,51	01,0	0,34	67.0	0,25	0,29	ล้า	0,27	255	0,55
:0 X		-	97,0	# C	15(5)	0,27	0,23	74.0	8:	2 2 3	97.0	200
		-	0,00	20'0	29'0	09'11	Re'o	2R'0	0,44	80,0	0,44	00,0

000 888		0,81	1, 2, 4,0,0	1,44	1,39	1,14	l	1,21	1	06'()	88	0,71	1	İ	1	1	I	1	I	1	1	1	1	ł	i	i
0,5,0,0 0,8,7,0	1,45 2,45 3,45	1,40	1,55	1,52	1,52	1,29		0,75	ļ	0,56	0,41	0,35	0,62	92,0	0,24	0,00	O,O	0,35	0,91	1,57	1,60	1,68	1,53	1,51	1,63	1 42
25,1,082,25,5	1,2,4 1,14 1,44	1,52	**************************************	1,55	1,23	1,00		0,00		0,53	0,31	1,24	0,12	90,0	<u>S</u> ,	0,07	0,32	S	1,54	1,75	1,51	1,5%	1,33	1,28	1,48	1,36
2,12	2,17 2,04 5,04	1,10	06,4	1,0%	1,11	0,92		0,30		0,29	0,26	0,23	0,13	0,00	0,21	0,46	1,22	2,12	2,59	2,58	2,38	1,83	1,65	1,54	1,66	1,51
2,131	1,76	0,18	0,76	0,76	06,0	0.59	1	0,14	1	0,06	0,0	60,0	0,27	- te'0	0,52	0,99	1,63	2,75	3,06	3,03	2,44	1,90	1,47	1,0,1	1,13	1,19
0,95		0,83	0,59	0,00	0,78	0,62	1	(C)	į	0,22	0,17	82,0	0,11	0,18	67,0	92,0	1,18	1,50	2,27	2,35	1,89	1,26	0,94	0,60	09,0	0,56
1,46	2. 2. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3.	1,3 1,01	99,0	0,90 0,75	0,78	0,47	1	t0'0	1	8),0	0,00	0,23	0,16	3,0	0,30	0,79	1,36	5,06	2,35	2,14	1,55	1,05	0,53	0,20	0,23	0,46
0,96 1,27 1,59	-, -, c	0,62	0,70	2 4 2 4	0,43	0,38	-	00,0		90,0	90,0	0,19	0,21	0,15	0,37	0,00	1,29	1,66	1,72	1,47	1,07	08.0	0,69	82.0	0,66	0,49
0,56 1,09 1,52	4,4 8,4 8,4 8,4	1,10 0,93	0,74	5,4 8,4 1,5 1,5 1,5 1,5 1,5 1,5 1,5 1,5 1,5 1,5	0,97	0,74		0,32	-	0,16	0,05	0,07	0,17	0,27	0,20	9,76	<u>0</u> ,8:	1,35	1,00	2,14	2,01	1,52	1,21	1,05	0,80	0,81
0,28 0,54 0,95	01,10	76,0 0,90	98,0	1,13	0,99	99,0	0,20	0,17	0,00	90,0	-	7	0,12	4	Ţ	0,38	0,42	08,0	1,33	1,66	1,60	0,93	0,67	88,0	0,74	0,95
9.00 8.00 8.00	0,29	0,51	0,31	2,00 2,00 2,00 2,00 2,00 2,00 2,00 2,00	0,82	08,0	0,67	0,46	0,43	0,19	- 1	0.38	0,18	0,37	0,45	0,10	00,0	0,19	0,52	1,10	0,94	0,81	0,66	0.82	0.87	1,05
0,00	0,78	2,48 0,76	0,70	2,68 2,68 2,68	0,75	0,78	0,71	0,82	0,79	0,71	- 1	190	98,0	0,83	0,39	0,15	0,10	9,0	0,24	0,40	0,78	0,43	0,43	0,63	1,05	1,18
6 ,69	6,7	6,7	6,7	6,7 7,7	6,7	6,7	6,7		6.7	6,7	6,7	6,7	6,7	6,7	6,7	6,7	6,7	6,7	6,7	6,7	6,7	6,7	6,7	6,7	6,7	6,7
222	ឌឌ	= -	2	თ ⊲	2	9	-	œ	ර	10	11	15	13	14	16	18	19	ন্থ	21	77	23		~	8	<u>س</u>	4

									١	ı	I			
t u, mittlere Zeit des Oria.	ft des 6	Orte.	Januar.	Fehrear.	Mers.	April.	Mail.	Jani.	Joli.	August	Septemb.	October.	Novemb	Descab.
nchen,														
574	35	5.5	1.23	17.12	17.4	79.0	0,42	07,61	5	1,18	17.47	1,05	1,36	1
	w	6.7	10.1	0,93	0,93	0,68	0,34	0,45	0,53	0,93	1,09	0,79	1,02	1
	I.	67	08,0	0,45	0,38	0,12	0,00	0.00	0,00	0.1	0,383	98.0	0,43	1
	=	6.7	0.65	0,22	0,05	90.0	0,405	0,02	10.0	000	0.15	11.13	0,66	1
	Ţ	17	0,55	90,0	000	0.00	0,24	0,50	0.21	0.23	0,13	90'0	0,57	
	17	4.7	0,46	90,0	20,0	0.12	0,28	0.11	0.13	0,07	000	0,13	0,57	1

T a b c l l e IV. Monatliche Mittel der Declination.

0 1 .		Jabuar.	Pebruar.	Mirs.	April.	Mai.	Juni.	Juli.	Augest.	Septemb.	Septemb, Ociober, Navomb.	Navomb.	Darrenb.
Gäithagen ").	1630 1630 1630 1640 1640	15° 32',65° 1 29,52 24,50 18,25 19,67 19,67	18° 32',03 24,73 23,73 18,07 11,90 5,12	13° 32', 10 26, 13 21,02 17,47 11,63	18° 31',28 27,03 21,73 17,28 9,37	189 11 189 11 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	25,000 20,000 20,000 20,000 20,000 20,000 20,000	15° 20° 23° 26° 31° 31° 31° 31° 31° 31° 31° 31° 31° 31	15° 30°,12 20,87 21,50 15,40 16,67	15° 32', 15° 26', 15°	18° 21'.42 21'.42 20'.03 14'.58 9'.53	18° 29',50 25,17 19,58 10,63 1,063	15° 24',55 23,85 18,88 15,32 6,35
Openija *)	1636 1031 1031 1031	169-427,93 52,90 17,83	169-117,894	160 437,80	10° 54',38 80,98 11.00	10° 51',72 53,63 18,81 40,63	10° 13',77 02,62 09,13	31,78	16° 58',03 63,23 39,43	16°58'55 54,19 45,52	100 587,02 253,10 45,20 15,20	16° 56',05 52,12 67,73	10° 43°,63 85,43 86,84
Mailson.	HEAT JAC 2	160 24;20 32,17 400 Book	110 Tr.73	100 122,500 24,77 10 10 Men	16° 51'.40 33,08 tens and 2	11,0 32,13 32,06 97,000	34,350 34,350 64,30	15° 34' 53	180 31,73 01,00	10 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 0	12,750 12,750 10,13	110 14',72 42,17 28,18	11 00 001 10 0001 10 0000 10 0

D.	Britanel.		=		_		•	_						
•		1840	210.35, 90	36,30	210 42',48	310	210,	39.90	å	21041',98	200	21035,12		25
		1842	33,62	32,33	31,03	30,07	30,25	18,30	27,85	26,62	25,93	25,28		22,92
32	Münches.	}	}									•		
		1840	1	1	1		1		1	16° 60′,39	16° 59′,61	16° 58′,76	160	38',46
		1841	160 57',60	160	160 36',36	160	<u>&</u>	160 53',51	160 53',35	53,00	51,73	50,69		51,39
		1842	50,18			48,95		48,24	47,42	46,49	45,38	45,48		4:1,53
		1843	43,22					41,36	40,89	40,11	39,44	38,58	•••	38,35
		1844	36,83	36,16	35,67	35,35	34,17	34,12	33,13	32,90	32,52	32,28		31,63
N,	Gent.		`				`			•	`			•
		1842	1	1	1	١	l	18° 58', 12	180 27,'08	18° 59',12	18° 59',5-1	180 58',8-1	18° 58′,39	3,30
		1843	180 57',75	180 57',48	18° 56',93	1	١	. 1	54,55	53,53	53,00	52,93	1	
Ü	Petersburg.									•				
		1841	1	1	١	1	60 25',6	60 22′,4	1	60 30',2	60 27',5	60 26′.2	I	
		1842	60 21', 18	60 21',65	60 23',28	60 21',93	21,28	20,63	60 197,67	20,58	20,38	20,93	60 21, 23	ध
H.	H. Catherinenbu	urg.								•	•			
		1841		1	9,880	60,13,18	60 44',3	-6036',5	6,30,3	60 37',7	1,96 99-	60 39, 2	-6,33,3	6,
		1842	06,750	-60 40',32	40,03	35,13		22,77	29,73	40,10	44,33	18,00	3	52,67
I.	Toronto.										,			
		1841	1011',3	10 12,1	10 12',2	10 13',7	10 14',8	10 16',3	lo 16',4	10 15',0	10 14',6	10 14,'1	1014	9,
		1642	14,1	16,6	18.2	18,8	19.1	20,3	18,5	18,5	18.1	21,7	21,6	1,6
¥	K. Barnaul.			`			`	•			•			•
		1842	8° 22′,85	8° 22',92	-8°23′,08	-80 24',37	80 20, 92	-80 17',75	80 18,10	-5° 20′,68	-6° 22′.03	-8° 37'.43	-603	.60 35'.80
Z.	Mertschinsk.				•					•	•	•		•
		1842	30 45',87	30 46',55	30 49′,32	30 47',43	30 47',63	3° 48′,90	3043',43	30 50',65	30 47',23	30 45',17	30 44,12	,,12

Tabelle V.

Monatliche Mittel der Horizontal-Intensität in München.

Monat.	1848.	1843.	1844.	1845.
Januar Februar	1,9303 1,9311	1,9335 1,9329	1,9379 1,9369	1,9376 1,9393
März	1,9319 1,9316	1,9347	1,9365 1,9364	1,9396 1,9385
Mai Juni	1,9328 1,9298	1,9360 1,9362	1,9375 1,9380	1,9390 1,9386
Juli	1,9302 1,9288	1,9359 - 1,93 60	1,9386 1,9380	1,9390
August	1,9315	1,9349	' -	1,9391 1,9380
October November	1,9321	1,9360 1,9366	1,9368 1,9371	1,9355 1,9397
December	1,9343	1,9368	1,9373	-

Tabelle VI.

Bestimmungen der Inclination und Intensität in England, Irland und Schottland, von Sabine und Lloyd, unter Mitwirkung von Philipps, Fox und Ross.

(Die Messungen sind von 1833—1837 gemacht; die Inclinations-Beobachtungen sind sämmtlich auf 1. Januar 1837 reducirt; die Intensitäten sind auf jene von London als Einheit bezogen. Die Bestimmungen der Horizontal-Intensität sind mit dem Hansteenschen Schwingungs-Apparate, jene der Total-Intensität mittelst der statischen Methode gemacht. Die mit bezeichneten Total-Intensitäten sind aus der beobachteten Horizontal-Intensität und Inclination abgeleitet.)

Beobachtungs-Ort.	Breite.	Länge von Green- wich.	Inclina- tion 1837.	Horizon- tal-In- tensität	Total- Intensi- tät,
Aberdeen	57° 9′	2° 54	72° 31′,3	0,8751	1,0268
Aberysthwith	52 24	4 5	70 25,2		
Achill Ferry	53 56	9 52	72 3,3	0,8990	1,0295
Alford	57 13	2 45	72 21,1	0,5788	1,0294
Alnwick Castle	55 22	1 42	71 26,6		1,0159
Armagh	54 21	6 3 9	71 40,9	0,9156	1,0242
Artornish	56 33	5 48	72 41,9	0.8746	_
Ballina	54 7	9 7	72 5,7	0,8959	1,0276
Ballybunian	52 30	9 41	71 16,8	0,9441	1,0335
Bangon	54 39	5 42	71 38,5	0,9154	1,0257
Bangor	53 14	4 6	70 58,8		
Belmullet	54 13	9 57	72 10,2	0,8906	1,0292
Belsay	55 7	1 53	71 18,6	",=	-
Berwick	55 45	2 0	71 46,0	0,9073	1,0254
Birkenhead	53 24	3 0	70 41,2	0,9514	
Birmingham	52 2 8	1 53	70 4,8		

Beobachtungs - Ort.	Breite,	Länge von Green- wich,	Inclina- tion 1837	Horizon- tal In- tensităt.	Total- Intensi- tat,
Blairgowrie . Bowness Breemar Brecon Bridington Broadway Bushey Busco Bridge Calderstone Cambetown	56° 36′ 54 22 57 II 51 57 54 8 50 50 52 13 51 38 53 39 53 23 55 23 52 13 53 6	3° 18' 2 55 3 25 3 21 0 14 0 24 0 22 50 2 53 5 38 0 7 3 53	71° 53',5 71° 20,2 72° 13,3 70° 4,9 70° 42,0 68° 49,1 70° 32,7 69° 25,9 70° 46,7 71° 55,2 69° 41,0 70° 41,8	0,9084 0,8885 0,9393 0,9615 	1,0310 1,0162 1,0269 — 1,0173 — 1,0296
Carlingford	54 2 54 54 55 15 53 9 56 31 54 4 51 38 53 29 51 27	6 11 2 54 7 15 4 14 5 45 4 40 2 40 9 59 2 35	71 24,9 71 30,3 71 55,7 70 54,8 72 14,3 71 24,0 69 45,9 71 48,8 69 38,9	0,9275 0,9086 	1,0198 1,0351 1,0203
Coed Colerain Combe House Coniston Cork Cromer Culgruff Cambray Cushendal Daventry Dingle Doncaster Darlington Douglas Daventry Dover Dryborough Dublin Dunkeld Dunraver Castle Eastbourne	53 11 51 31 54 22 51 54 52 56 54 58 55 48 55 48 55 2 16 52 8 53 31 54 32 54 32 55 34 55 34 55 34 55 34 56 35 57 36 58 36 59 36 50 36 51 8 52 16 52 16 52 16 52 16 52 16 53 31 54 32 55 34 58 57 34 58 57 34 58 57 36 58 57 58	3 12 2 34 55 8 26 -1 19 4 52 6 1 17 1 33 1 28 -1 19 2 39 6 16 3 33 -0 16	70 42,6 69 35,6 71 21,3 70 41,7 70 49,4 71 39,8 72 0,1 71 56,8 69 42,7 71 5,4 70 31,2 69 42,7 71 22,8 69 42,7 71 32,8 71 32,8 71 32,8 71 72 27,2 69 47,5 68 48,5	0,9277 0,9586 0,9519 0,9105 0,8931 0,9230 0,9140 0,9391 0,8778	1,0196 1,0200 1,0287 1,0343 1,0208 1,0199 1,0195 1,0267
Rastwick Park Bdgeworthstown Bdinburgh Bunis Enniskillen Exeter Falmouth Formoy	51 17 53 42 55 57 52 51 54 21 50 43 50 9 52 7	0 19 7 33 3 11 6 58 7 3 3 31 5 6 8 16	69 11,5 71 34,3 71 50,5 71 10,0 71 54,8 69 19,5 69 17,1 70 43,2	0,9196 0,9386 0,9070 1,0027 0,9591	1,0231 1,0253

Beobachtungs-Ort.	Breite.	Länge von Green- wich.	Inclina- tion 1837.	Horizon- tal - In- tensitat.	Total- Intensi- tät.
Flamborough	54° 8′ 57° 8 53° 25 53° 17° 53° 54° 56° 39° 51° 45° 55° 51° 57° 58° 57° 37°	0° 8' 4 40 9 5 9 47 5 7 9 31 4 14 3 57 3	70° 38′,0 72° 39,4 71° 37,8 71° 26,2 71° 0,7 71° 16,2 70° 56,1 72° 3,7 73° 1,5 72° 40,0	0,8711 - 0,8899 0,9511 - 0,8574 0,5753	1,0285
Gorey Grassmere Gretna Green Hambleton Harwich Helensburgh Holyhead Ilfracombe	52 40 54 27 55 1 54 20 51 56 56 0 52 4 53 19 51 12	6 17 3 1 3 4 1 15 -1 13 4 41 2 44 4 37 4 6	70 52,6 71 14,7 71 30,4 71 5,2 69 15,8 72 18,4 70 6,2 71 3,9 69 38,9	0,9964 0,8854 	1,0258 -1,0095
Iordan Hill Inverary Inverness Keswick Kew Killarney Kiltanon Kirkaldy Kirkwall	55 54 56 15 57 28 54 37 51 29 52 3 52 52 56 7 59 0	4 21 5 4 4 11 3 9 0 18 9 31 8 43 3 9 2 58	72 21,2 72 8,6 72 47,7 71 15,6 69 20,8 70 57,2 71 17,5 72 10,1 73 21,2	0,8834 0,8703 0,9507 0,9427 0,8891 0,8414	1,0247
Landsend Leenan Lew Trenchard Lerwich Limerick Limerick Linlithgow Lissadel Liverpool Llanberris Loch Conn	50 5 50 40 60 9 52 40 55 59 54 23 53 25 53 7 53 58	5 40 4 10 1 7 8 36 3 37 8 33 2 58 4 3 9 10	69 20,6 69 22,7 73 48,7 71 0,9 72 0,6 72 0,2 70 42,5 70 53,5 72 4,8	1,0064 0,9051 	1,0045 1,0355 1,0246 1,0246
Loch Gilphead Loch Lomond Loch Ranza Loch Ridan Loch Ryan Loch Seavig Loch Slapin London Londonderry Louth	56 4 56 13 55 12 55 57 54 55 57 14 57 14 51 31 54 59 53 19	5 28 4 40 5 17 5 10 4 59 6 7 6 7 7 0	72 6,6 72 16,6 72 22,2 72 15,6 71 42,6 73 4,4 73 1,2 69 21,0 72 6,7 70 22,7	0,8948 0,8763 0,9119 0,8642 1,0000 0,5979 0,9601	1,0261 1,0221 1,0427 1,0400 1,0301
Lowestoffe	52 28 52 45 52 7 53 28	$ \begin{array}{c cccc} -1 & 50 \\ -0 & 25 \\ 2 & 19 \\ 2 & 14 \end{array} $	69 32,6 69 52,7 70 7,8 70 47,2	0,9875	

			Lät	nge		••	-	
"		. • 4 .	VC			lipa-	Horizon-	Total-
	, RL	eite.	Gre			OD .	tal-In-	Intensi-
N	_		wie		18	37.	tensität.	tät.
	1				<u> </u>			
14,			—1°	23'	69°	5′,0	l	
			$\bar{8}$	26	72	4,8	0,9000	1,0290
•			1	43	69	27,3	0,9949	1,0200
•			î	32	70	24,6	0,0040	
			$\hat{2}$	44	71	37,8	0,9129	1,0208
1			$\tilde{3}$	21	70	5,6	0,3123	1,0200
			3	27	71	5,6		
•			3	46	69	41,6	_	
•		. () 	_			53,9	1) 00 C7	4 0400
		55 25	1 1	38	71 72	16,6	0,9267	1,0162
	() * .		2	55		10,1	0,8850	1,0277
•	52	57	1	8	70	19,6	0,9621	
•	 54	22	1	18	71	4,2		
		22			co	020	0,9191	
	50	33	4	56	69	27,2	0,0029	4 12404
	54	32	2	56	71	21,4	_	1,0181
	54	13	4	43	71	25,4		1,0192
jske	51	39	4	54	69	57,9	0,9820	_
.uh	54	40	2	45	71	25,2		1,0184
ymouth	50	23	4	7	69	8,4	_	
ewilheli	· 52	55	4	23	70	34,4	0,9577	_
Rathrum	52	55	6	14	70	50,3	0,9422	
Rhynie	57	20	2	50	72	24,8	0,8870	
F-Ross	51	55	2	35	69	56 ,9	-	→
Ryde	50	44	1	10	69	0,5		
Selisbury	51	4	1	48	69	19,6		
Ecar borough	54	17	0	24	70	44,5	0,9294	
Bha nnon Harbour .	53	14	7	53	71	27,6	0,9270	
Sheffield	53	22	1	31	70	30,8	· —	
Shuli	54	43	2	0	71	15,5		
Shrews bury	52	43	2	45	70	26,1	·	*1,0080
Ski ddaw	54	40	3	9	71	16,6		<i>'</i> —
. Sout hsea	50	48	0	5 8	69	2,7	_	
Stafford	52	48	2	6	70	11,3		
St. Clairs	50	44	1	8	69	2,5	_	
St. Marys	49	55	6	17	69	30,0		
Stonehouse	54	5 5	2	44	71	25,8	0,9174	1,0174
Strabane	54	49	7	28	71	54,8	0,9056	1,0299
Studley Park	54	8	1	34	70	57,5		
Swansea	51	3 6	3	55	69	48,7	0,9778	
Templemore						. 1	0,9824	
Thirsk	54	14	1	21	71	0,2		1,0155
Tobermorie						, , , ,	0,8635	
Tooling	51	26	0	10	6 9'	18,0		
Tortington	50	5 0	0	34	68	58,1	_	*0,9975
Trescow	49	57	6	18	69	31,0	_	
Valencia	51	56	10	17	70	59,5	0,9517	1,0283
Wadworth	53	28	1	7	70	30,8	0,9543	
Waterford	52	15	7	8	70	48,6	0,9502	1,0179
Westport	53	48	9	29	72	1,6	0,9034	1,0329
Whitebaven	54	33	3	33	71	1,6 14,8	0,9280	1,0176
Whithy	54	29	Ŏ	37	70	59,0		_,~~.
Wick	58	24	3	5	73	23,8	0,8409	•1,0390
		~•		-		~~,c,		-10000
VII.	_						K	

VII.

K

Beobachtungs - Ort.	Breite.	Länge von	Inclina- tion	Horizon- tal - In-	Total- Intensi-
Deobaonta 180 of the		Green- wich.	1837.	tensität.	lăL.
Flamborough	54° 8′	11° 8′	70° 38′,0	_	_
Fort Augustus	57 8	4 40	72 39,4	0,8711	
Gallhorich	53 25	9 5	71 37,8	· —	_
Galway	53 17	9 4	71 26,2		1,0255
Garstang	53 54	2 47 5 7	71 0,7		_
Glencoe	56 39		71 16,2	0,8899	1,0324
Glengariff	51 45	9 31	70 56,1	0,9511	_
Glasgow · · · ·	55 51	4 14	72 3,7		1,0232
Golspie	57 58	3 57	73 1,5	0,8574	1,0360
Gordon Castle	57 37	3 9	72 40,0	0,5753	1,0380
Gorey	52 40	6 17	70 52,6		<u> </u>
Grassmere	54 27	3 1 3 4	71 14,7		i –
Gretna Green	55 1		71 30,4	i —	_
Hambleton	54 20	1 15	71 5,2	0,9964	_
Harwich	51 56 56 0	-1 13 4 41	69 15,8 72 18,4		4 0056
Helensburgh		4 41 2 44	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	0,5554	1,0258
Hereford Holyhead	52 4 53 19	4 37	70 6,2 71 3,9		*1,0095
Ilfracombe	51 12	4 6	69 35,9	0,9907	1,,,,,,,,,
Iordan Hill	55 54	4 21	72 21,2	0,8534	1,0247
Inverary	56 15	5 4			-,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,
Inverness	57 28	4 11	72 8,6	0,8703	1,0380
Keswick	54 37	3 9	71 15,6		
Kew	51 29	0 18	69 20,8		-
Killarney	52 3	9 31	70 57,2	0,9507	1,0253
Kiltanon	52 52	8 43	71 17,5	0,9427	1.0252
Kirkaldy	56 7	3 9	72 10,1	0,8891	1,0279
Kirkwall	59 0	2 58	73 24,2	0,5414	1,0373
Landsend	50 5	5 40	69 20,6	1,0064	—
Leenan		. 40	00 00 =	0,9051	_
Lew Trenchard	50 40	4 10	69 22,7	42 - 2222	1,0045
Lerwich	60 9	1 7	73 45,7	0,5200	1,0353
Limerick	52 40	8 36	71 0,9	0,9460	1,1/246
Linlithgow	55 59	3 37	72 0,6	0,9439	1,0248
Lissadel	54 23 53 25	5 33 2 55	72 0,2 70 42,5	_	
Liverpool	53 25 53 7	4 3	70 53,5	i —	
Loch Conn	53 58	9 10	72 4,5		_
Loch Gilphead	56 4	5 28	72 6,6	0,5948	
Loch Lomond	56 13	4 40	72 16,6	44,5-44	ı —
Loch Ranza	55 42	5 17	72 22,2	0,8763	1,0261
Loch Ridan	55 57	5 10	72 15,6	10,00	
Loch Ryan	54 55	1 59	71 42,6	0,9119	1,0221
Loch Scavig	57 14	6 7	73 4,1	_	
Loch Slapin	57 14	6 2	73 1,2	0,8642	1,(427
London	51 31	0 7	69 21,0	1,(1)	f (mun)
Londonderry	54 59	7 19	72 6,7	0,5979	1,0301
Louth	53 19	0 0	70 22,7	0,9601	-
Lowestoffe	52 25	-1 50	69 32,6	0,9575	-
Lynn	52 45	-0 25	69 52,7	_	_
Malvern	52 7	2 19	70 7,8	_	1 -
Manchester	53 28	2 14	70 47,2	_	1 -

achtungs-Ort.	Breite.	Länge von Green- wich.	Inclina- tion 1837.	Horizon- tal-In- tensität.	Total- Intensi- tät.
.	51° 23′	-1° 23′	69° 5′,0	_	
e	54 12	8 26	72 4,8	0,9000	1,0290
rough	51 25 53 8	1 43 1 32	69 27,3 70 24,6	0,9949	
	55 35		70 24,6 71 37,8	0,9129	1,0208
n	51 43	2 44 3 21 3 27	70 5,6	0,0120	1,0200
	55 20	3 27	71 41,6		
	51 40	3 46	69 53,9		-
itle	54 58	1 38	71 16,6	0,9267	1,0162
rt	56 25 52 57	2 55 1 8	72 10,1 70 19,6	0,8850	1,0277
ham	52 57 54 22	1 8 1 18	70 19,6 71 4,2	0,9621	
rard	01 22			0.9191	
v	50 33	4 56	69 27,2	0,9191 0,002 9	
ale	54 32	2 56	71 21,4	' —	1,0181
/n	54 13	4 43	71 25,4		1,0192
)ke	51 39	4 54	69 57,9 71 25,2	0,9820	4 04 04
th	54 40 50 23	2 45 4 7	71 25,2 69 8,4		1,0184
i	52 55	4 7 4 23 6 14	70 34,4	0,9577	
n	52 55	6 14	70 50,3	0,9422	
	57 20	2 50	72 24,8	0,9422 0,8870	
	51 55	2 35	69 56,9	' —	-
	50 44	1 10	69 0,5		
ry	51 4 54 17	1 48	69 19,6 70 44,5	0 0204	-
ough n Harbour .	53 14	0 24 7 53	70 44,5 71 27,6	0,929 4 0,9270	
d	53 22	1 31	70 30,8	-	
	54 43		71 15.5		_
bury	52 43	2 0 2 45 3 9	70 26,1	•	*1,0080
V	54 40	3 9	71 16,6		·
a	50 48	0 58	69 2,7		
me	52 48 50 44	2 6 1 8	70 11,3 69 2,5		
rs	49 55		69 2,5 69 30,0		_
ouse	54 55	6 17 2 44	71 25,8	0,9174	1,0174
e	54 49	7 28	71 54,8	0,9056	1,0299
Park	54 8	1 34 3 55	70 57,5	·	<i>'</i>
a	51 36	3 55	69 48,7	0,9778	
more	54 14	4 24	71 0.2	0,9824	1,0155
orie	54 14	1 21	71 0,2	0,8635	1,0155
0116	51 26	0 10	69° 18,0		
lon	50 50	0 34	68 58,1	_	*0,9975
v	49 57	6 18	69 31,0		-
1	51 56	10 17	70 59,5	0,9517	1,0283
rth	53 28	1 7	70 30,8	0,9543	4 0 4 5 2 0
ord	52 15	7 8	70 48,6 72 1,6	0,9502 0,9034	1,0179 1,0329
rt	53 48 54 33	9 29 3 33	72 1,6 71 14,8	0,9034	1,0329 1,0176
aven	54 29	0 37	70 59,0	··,5200	
	5Q 9A	0 37 3 5	73 23,8	0,8409	•1,0390
• •		,		K	•

Beobachtungs-Ort.	Breile.	Länge von Green- wich.	tion	Horizon- tal - In- tensität.	Intensi-
Worcester Park York	51° 23′ 53 58 51 57	0° 17′ 1 5 7 50	69° 11′,1 70 49,2 70 37,0	0,9384	1,0219

An folgenden Orien ist die Declination von Ross bestimmt worden:

1838,57 . . 27° 8',6 westl. 1838,79 . . 28 41.9 1838,26 . . 23 59,8 Lerwick Valencia

Bushey

Tabelle VII.

Beobachtungen der Inclination in den Nordamericanischen Fris. staaten, ausgeführt von Loomis, Locke, Bache u. A., zusammengestellt von Loomis.

(Sillman's American Journal of Science Vol. XLIII)

Beobachtungs · Ort.	Breite.	Westl. Länge von Green- wich.	Inclination.	ZoiL
Albany Alton Ann Arbor Aurora Baltimore Bazetla Beaver Bedford Blue Mounds Boffalo Bunker Hill Cambridge Campbells Chicago Cincinnati Clays Ferry Cleveland Clinton Columbus Copperas Creek Davenport Dayton Detroit Dorchester Dover Dubuque Edwardsville Farmer's Creek Fort Brady	42° 39′ 38 54 42 18 41 20 39 17 41 20 40 44 41 24 43 0 42 53 39 4 42 22 43 1 41 53 39 6 37 53 41 30 40 58 39 57 40 30 41 28 39 45 42 19 40 33 42 29 38 50 42 19 46 30	73° 45' 90 4 83 37 81 20 76 37 80 45 80 24 81 32 89 36 75 55 89 53 71 8 89 44 81 42 81 40 83 389 84 48 90 18 84 5 82 56 71 4 81 30 90 23 89 53 90 23 84 24	74° 47',5 69 34,8 73 15,2 72 55,2 71 35,6 72 59,7 72 40,3 73 37,9 74 40,8 69 49,1 73 28,1 73 28,1 72 44,0 71 4,3 71 4,0 71 4,3 71 4,0 71 4,0 71 4,0 71 22,4 73 36,7 74 19,0 72 19,2 73 31,1 77 29,7	1635,86 1841,73 1840,60 1840,63 1840,63 1840,73 1840,73 1840,73 1841,74 1839,73 1841,70 1841,70 1841,73 1841,73 1841,73 1841,73 1841,73 1841,73 1841,73 1841,73 1841,73 1841,73 1841,73 1841,73 1841,73 1841,73 1841,73 1841,73

Beobachtungs-Ort.	Breite.	Westl. Lange von Green- wich.	Inclination.	Zeit
Prankfort Prasersburgh Folton Galens Gros Cap Hamikon Hartford Hartford Hartford Hebron Hickok's Rudson Liron Ore Kinsman Lebanon Lexington Little Mahoquela Long meadow Lost Grove Louisana Louisville Mackinac Madison Mahoquela Marion Mason Mahoquela Marion Mason Manoquela Montroe Mineral Point Monroe Monticello Montreal Montrose Mount Vernou New Harmony New Harmo	38° 14' 40 9 40 55 42 28 39 23 41 20 39 59 42 58 41 155 41 25 39 26 41 155 41 28 41 39 23 41 42 51 41 39 22 41 39 22 41 39 22 41 39 22 41 39 22 41 39 22 41 39 22 41 39 22 41 39 22 41 39 22 41 39 22 41 39 22 41 42 51 41 25 41 39 22 41 42 51 41 25 41 39 22 41 42 51 41 42 51 41 42 51 41 42 51 41 42 51 41 42 51 41 42 51 41 42 23 43 39 57 40 32 23 41 49 42 42 43 43 38 23 41 49 42 42 43 43 38 23 41 49 42 48 41 49 42 48 41 45 42 27	84° 40° 88 38 38 38 38 38 38 38 38 38 38 38 38	69° 54',7 71 48',7 72 38',9 73 3,0 77 59',6 73 59',6 73 39',5 74 59',6 73 59',6 73 59',6 73 59',6 74 59',6 75 59',6 76 54',0 77 72 49',6 76 54',0 77 72 49',6 77 72 59',7 78 59',7 78 59',7 79 59',7 79 59',7 79 59',7 70 59',7 71 56',1 72 72 36',9 73 36',9 74 57',0 75 74 57',0 76 77 72 36',9 77 72 56',7 77 72 56',7 77 77 77 77 77 77 77 77 77 77 77 77 77	1540,68 1641,77 1841,78 1841,69 1841,65 1840,63 1839,72 1840,70 1841,77 1841,69 1840,70 1841,77 1841,65 1840,70 1840,70 1840,73 1839,69 1840,71 1839,73 1839,69 1840,75 1839,75 1839,69 1840,70 1840,71 1839,73 1840,71 1839,73 1840,71 1839,78

K۰

Breite. Westl. Lange von Greenwich. Inclination. Zeit.					
South Maniton 45 5 85 38 75 59,3 1841,67 Springfield 39 53 83 42 71 27,4 1837,14 Springfield 42 6 72 36 74 8,8 1836,24 St. Louis 38 37 90 4 69 28,3 1840,71 Streetsboro' 41 15 81 20 72 53,0 1840,79 Syracuse 43 0 76 14 74 50,9 1839,67 Tallmadge 41 6 81 26 72 51,2 1841,18 Toledo 41 41 83 25 73 6,1 1839,38 Twinsburgh 41 20 81 26 72 51,3 1840,73 Urbanna 40 3 83 39 71 29,9 1836,25 Utica 43 7 75 13 74 57,2 1839,68 Vincennes 38 43 87	Beobachtungs - Ort.	Breite.	Länge von Green-	Inclination.	ZeiL
Springfield 39 53 83 42 71 27,4 1837,14 Springfield 42 6 72 36 74 8,8 1838,24 St. Louis 38 37 90 4 69 28,3 1840,71 Streetsboro' 41 15 81 20 72 53,0 1840,79 Syracuse 43 0 76 14 74 50,9 1839,67 Tallmadge 41 6 81 26 72 51,2 1841,18 Toledo 41 41 83 25 73 6,1 1839,38 Turkey River 42 42 90 48 73 11,0 1839,81 Twinsburgh 41 20 81 26 72 51,3 1840,73 Upper Alton 38 55 90 3 69 45,7 1841,73 Urbanna 40 3 83 39 71 29,9 1836,25 Utica 43 7 75	- -				
Springfield		11 00 50		75 59,3	
St. Louis	Springueld			71 27,4	•
Streetsboro'	Springueld		I	74 8,8	
Syracuse 43 0 76 14 74 50,9 1839,67 Tallmadge 41 6 81 26 72 51,2 1841,18 Toledo 41 41 83 25 73 6,1 1839,38 Turkey River 42 42 90 48 73 11,0 1839,81 Twinsburgh 41 20 81 26 72 51,3 1840,73 Upper Alton 38 55 90 3 69 45,7 1841,73 Urbanna 40 3 83 39 71 29,9 1838,25 Utica 43 7 75 13 74 57,2 1839,66 Vincennes 38 43 87 29 69 52,3 1841,24 Wapsipinnicon 41 45 90 23 72 14,9 1839,74 Washington <	•	11		69 28,3	_ ,
Tallmadge 41 6 81 26 72 51,2 1841,18 Toledo 41 41 83 25 73 6,1 1839,38 Turkey River 42 42 90 48 73 11,0 1839,81 Twinsburgh 41 20 81 26 72 51,3 1840,73 Upper Alton 38 55 90 3 69 45,7 1841,73 Urbanna 40 3 83 39 71 29,9 1838,25 Utica 43 7 75 13 74 57,2 1839,66 Vincennes 38 43 87 29 69 52,3 1841,24 Wapsipinnicon 41 45 90 23 72 14,9 1839,74 Washington 38 53 77 1 71 17,5 1839,10 West Point 41		· 11		72 53,0	
Toledo	Syracuse	· 11		74 50,9	,
Turkey River	Tallmadge	- 11			
Turkey River 42 42 42 90 48 73 11,0 1839,81 Twinsburgh 41 20 81 26 72 51,3 1840,73 Upper Alton 38 55 90 369 45,7 1841,73 Urbanna 40 383 39 71 29,9 1836,25 Utica 43 7 75 13 74 57,2 1839,66 Vincennes 38 43 87 29 69 52,3 1841,24 Wapsipinnicon 41 45 90 23 72 14,9 1839,74 Warren 41 16 80 49 73 0,7 1840,70 Washington 38 53 77 1 71 17,5 1839,10 West Point 41 23 74 0 73 30,1 1835,80 Whitewater 42 18 90 38 72 55,1 1839,77 Windham 41 15 81 3		~ 11 ~ -	83 25		, .
Upper Alton 38 55 90 3 69 45,7 1841,73 Urbanna 40 3 83 39 71 29,9 1836,25 Utica 43 7 75 13 74 57,2 1839,66 Vincennes 38 43 87 29 69 52,3 1841,24 Wapsipinnicon 41 45 90 23 72 14,9 1839,74 Warren 41 16 80 49 73 0,7 1840,70 Washington 38 53 77 1 71 17,5 1839,10 West Point 41 23 74 0 73 30,1 1835,80 Whitewater 42 18 90 38 72 55,1 1839,77 Williamstown 38 36 84 30 70 4,1 1840,67 Windham 41 15 81 3 73 3,4 1840,69 Worcester 42 16 71 <	 Turkey River 			73 11,0	
Urbanna 40 3 83 39 71 29,9 1836,25 Utica 43 7 75 13 74 57,2 1839,66 Vincennes 38 43 87 29 69 52,3 1841,24 Wapsipinnicon 41 45 90 23 72 14,9 1839,74 Warren 41 16 80 49 73 0,7 1840,70 Washington 38 53 77 1 71 17,5 1839,10 West Point 41 23 74 0 73 30,1 1835,80 Whitewater 42 18 90 38 72 55,1 1839,77 Williamstown 38 36 84 30 70 4,1 1840,67 Windham 42 16 71 48 74 20,6 1839,72					
Utica 43 7 75 13 74 57,2 1839,68 Vincennes 38 43 87 29 69 52,3 1841,24 Wapsipinnicon 41 45 90 23 72 14,9 1839,74 Warren 41 16 80 49 73 0,7 1840,70 Washington 38 53 77 1 71 17,5 1839,10 West Point 41 23 74 0 73 30,1 1835,80 Whitewater 42 18 90 38 72 55,1 1839,77 Williamstown 38 36 84 30 70 4,1 1840,67 Windham 41 15 81 3 73 3,4 1840,69 Worcester 42 16 71 48 74 20,6 1839,72	Upper Alton			69 45,7	
Utica 43 7 75 13 74 57,2 1839,68 Vincennes 38 43 87 29 69 52,3 1841,24 Wapsipinnicon 41 45 90 23 72 14,9 1839,74 Warren 41 16 80 49 73 0,7 1840,70 Washington 38 53 77 1 71 17,5 1839,10 West Point 41 23 74 0 73 30,1 1835,80 Whitewater 42 18 90 38 72 55,1 1839,77 Williamstown 38 36 84 30 70 4,1 1840,67 Windham 41 15 81 3 73 3,4 1840,69 Worcester 42 16 71 48 74 20,6 1839,72	Urbanna			71 29,9	1838,25
Vincennes 38 43 87 29 69 52,3 1841,24 Wapsipinnicon 41 45 90 23 72 14,9 1839,74 Warren 41 16 80 49 73 0,7 1840,70 Washington 38 53 77 1 71 17,5 1839,10 West Point 41 23 74 0 73 30,1 1835,80 Whitewater 42 18 90 38 72 55,1 1839,77 Williamstown 38 36 84 30 70 4,1 1840,67 Windham 41 15 81 3 73 3,4 1840,69 Worcester 42 16 71 48 74 20,6 1839,72	Utica	. 43 7		74 57,2	1839,68
Wapsipinnicon 141 45 90 23 72 14,9 1839,74 Warren 141 16 80 49 73 0,7 1840,70 Washington 38 53 77 1 71 17,5 1839,10 West Point 41 23 74 0 73 30,1 1835,80 Whitewater 42 18 90 38 72 55,1 1839,77 Williamstown 38 36 84 30 70 4,1 1840,67 Windham 41 15 81 3 73 3,4 1840,69 Worcester 42 16 71 48 74 20,6 1839,72	Vincennes	. 38 43		 69 52,3	1841,24
Warren 41 16 80 49 73 0,7 1840,70 Washington 38 53 77 1 71 17,5 1839,10 West Point 41 23 74 0 73 30,1 1835,80 Whitewater 42 18 90 38 72 55,1 1839,77 Williamstown 38 36 84 30 70 4,1 1840,67 Windham 41 15 81 3 73 3,4 1840,69 Worcester 42 16 71 48 74 20,6 1839,72		. 41 45		72 14,9	
Washington 38 53 77 1 71 17,5 1839,10 West Point 41 23 74 0 73 30,1 1835,80 Whitewater 42 18 90 38 72 55,1 1839,77 Williamstown 38 36 84 30 70 4,1 1840,67 Windham 41 15 81 3 73 3,4 1840,69 Worcester 42 16 71 48 74 20,6 1839,72		. 41 16	80 49	73 0,7	
West Point 41 23 74 0 73 30,1 1835,80 Whitewater 42 18 90 38 72 55,1 1839,77 Williamstown 38 36 84 30 70 4,1 1840,67 Windham 41 15 81 3 73 3,4 1840,69 Worcester 42 16 71 48 74 20,6 1839,72			77 1	71 17,5	
Whitewater 42 18 90 38 72 55,1 1839,77 Williamstown 38 36 84 30 70 4,1 1840,67 Windham 41 15 81 3 73 3,4 1840,69 Worcester 42 16 71 48 74 20,6 1839,72		- 1	74 0	1 73 30.1	7
Williamstown 38 36 84 30 70 4,1 1840,67 Windham 41 15 81 3 73 3,4 1840,69 Worcester 42 16 71 48 74 20,6 1839,72		- 11	90 38	72 55,1	
Windham			84 30	70 4.1	
Worcester 42 16 71 40 74 20,6 1839,72	Windham	· 11	4	73 3.4	
Vnoilenti 42 44 93 39 72 49 4 4640 60				74 206	
	Vneilanti	. 42 14	83 32	73 18,4	1840,50

Tabelle VIII.

Beobachtungen der Intensität in den Nordamericanischen Freistaaten, susammengestellt von Loomis.

(Sillman's American Journal of Science Vol. XLVII.)

Beobachtungs - Ort.	Breite.	Westl. Länge von Green- wich.	o Intensität
Albany	42° 39 N	73° 45′	1,8097
Blue Mounds	43 0	89 36	1,7841
Cincinnati	39 6	84 27	1,7407
Davenport	41 28	90 18	1,7695
Dorchester	42 19	71 4	1,7858
Dubuque	42 29	90 23	1,7672
Farmer's Creek	42 13	90 23	1,7880
	()		
	1)	1	
Little Mahogueta	[]		17644
Lost Grove			
fania-ill-			1,7518
			1,7656
Hudson Iron Ore Little Mahoqueta Lost Grove Louisville Madison Mahoqueta Mineral Point	42 13 41 15 41 55 42 31 41 39 38 18 43 3 42 14 42 51	90 23 81 26 90 40 90 31 90 9 85 37 89 11 90 57 89 58	1,7880 1,8070 1,7976 1,7644 1,7767 1,7518 1,8117 1,7659 1,7656

Beobachtungs - Ort.	Breile.	Westl. Länge von Green- wich.	Intensität.	
Montreal N. branch Mahoqueta New Haven New York Philadelphia Praire du Chien Princeton Providence Small Mill St. Louis Turkey River Wapsipinnicon	45° 31′ 42 23 41 18 40 43 39 57 43 3 38 23 41 49 42 4 38 37 42 42 41 45	73° 35′ 90 52 72 58 74 1 75 11 90 53 87 30 71 25 91 2 90 17 90 48 90 23	1,805 1,7631 1,7800 1,805 1,8021 1,7806 1,8075 1,8116 1,7642 1,7482 1,7482 1,7617 1,7772	
West Point	41 25 42 18	74 0 90 38	1,8334 1,7791	

Tabelle IX.

Beobachtungen der Declination in den Nordamericanischen Freistaaten, susammengestellt von Loomis.

(Sillman's American Journal of Science Vol. XLIII.)

Beobachtungs - Ort.	Breite.	Westl. Länge von Green- wich.	Declination.	Zeit
Albany	42° 39'N	73° 45′	+ 6° 58′	1840 (1835
Alton	38 51	90 15	— 7 52	1840
Angle of Maine	48 0	67 37	+ 19 12	1838
Applington	33 32	8 2 2 8	$\begin{array}{cccc} - & 5 & 0 \\ - & 3 & 12 \end{array}$	1837
Athens	39 23	82 4	-312	1838
Athens	33 * 59	83 32	— 4 31	1837
Auburn	42 54	76 38	+343	1833
Augusta	33 27	82 1	$\frac{\cdot}{-}$ 5 4	1837
Bainbridge	30 55	84 46	— 5 30	1839
Barton	44 45	72 9	+10 51	1837
Batesville	39 56	81 17	$\stackrel{\cdot}{-}$ 1 22	1838
Belfast	44 18	68 54	+13 0	• 1838
Birdsville	32 48	82 13	-5 1	1837
Blue Mounds	43 0	89 36	- 8 38	1840
Braceville	41 16	81 1	— 1 50	1838
Bridge	42 6	91 2	— 9 20	1840
Brookfield	41 16	80 37	— 1 40	1837
Bryan C. H.	32 1	>81 32	-55	1838
Buffalo	42 52	79 - 6		1837
Burlington	44 27	73 10	$\begin{array}{c ccccc} + & 1 & 25 \\ + & 9 & 27 \\ + & 9 & 12 \\ - & 8 & 48 \end{array}$	1840
Cambridge	42 22	71 8	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1840
Campbells	43 1	89 26	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	1840
Carnesville	34 24	83 24	-5 $\widetilde{1}$	1837
Carnesville	li ox 63	1 00 67	. — •	1 1001

Beobachtungs - O	4.	Breite.	Westl, Lange von Green- wich.	Declination.	ZeiL
Carrolton Cazenovia Champlain Chardon Charleston Charleston Charlesten Cheneys Chesterfield Chillicothe Cincinati Cleveland Columbus Coshocton Crown Point Cuthbert Darien Davenport Deerfield Detroit Diat Mountain Dixfield Dover Drummond Isle Dubuque East Hampton Elberton Elkford Euclid Farview Farmer's Creek Farmington Flathush Flat Rock Florence Fort Gaines Galipolis Geneva Galipolis Geneva Goshen Grand-Marrais Grand-Marrais Grand-River Guifford Hamilton Hampden Hamnover Hartford Hebron House Point Hudson Huron Coast		40° 364 42° 364 41° 369 42° 42° 42° 42° 42° 42° 42° 42° 43° 43° 43° 43° 43° 43° 43° 43° 43° 43	N 81° 10′ 75 54 73 26 81 16 80 4 78 30 90 21 72 29 82 55 84 27 61 45 85 11 81 55 73 27 85 37 90 18 82 34 81 31 83 50 90 52 81 35 90 23 73 59 81 35 80 23 73 59 81 35 80 23 73 59 81 35 85 19 86 10 75 34 87 39 86 10 75 34 87 39 88 41 77 39 88 41 78 51 88	-++	1638 1637 1638 1638 1637 1638 1630 1640 1630 1630 1630 1630 1630 1630 1630 163

Beobachtungs-Ort.	Breite.	Westl. Länge von Green- wich.	Declination.	Zeit.
Ruron Shore Illinois Illinois Illinois Iron ore Ithaca Jackson Jacksonboro Jacksonville Kalida Keeseville Keweenam Point La Pointe La Pointe Liberty Lincoluton Little Mahoqueta Logansport Log Houso Lost Grove Louisiana	43° 5'N 41 10 41 50 41 55 42 39 43 40 44 45 43 31 46 31 42 40 42 41 32 31 31 43 42 42 43 33 44 44 44 44 44 44 44 44 44 44 44 44 44 44 44 44 44 44 44 45 45 46 47 47 46 47 48 4	1	3° 6° 250 30 <t< th=""><th>1835 1838 1838 1833 1833 1838 1837 1838 1838</th></t<>	1835 1838 1838 1833 1833 1838 1837 1838 1838
Milledgeville Millhaven Mineral Point Miner's River Missouri Missouri Mobile	33 7 32 56 42 51 46 32 37 30 36 40 30 42	83 24 81 47 89 58 86 35 90 2 90 2 88 16	5 51 - 4 40 - 5 4 - 8 40 - 3 39 - 7 30 - 8 0 - 7 12	1838 1835 1837 1840 1840 1827 1825

Beobachtungs-Ort.	Breile.	Westl, Länge von Green- wich,	Declination.	Zeit.
Wapsipinnicon Warrensburgh Washington Waterville Wagnesboro West*Cheater West Cheater West Point West Thomaston Whitewater Williamstown Williamstown Williamston Woosler Zanesville	41° 45′N 43° 26 39° 32 44° 27 33° 4 44° 52 39° 57 41° 25 41° 25 41° 25 41° 46 42° 18 42° 18 42° 18 43° 26 44° 49 44° 59 48° 49 48° 48° 49 48° 49 48° 49 48° 49 48° 49 48° 49 48° 49 48° 49 4	90° 23° 73 45 83 23 69 32 62 9 73 25 75 39 74 0 69 5 90 38 73 13 83 42 81 59 82 1	- 8° 22' + 7 15 - 15 6 + 12 8 + 15 21 + 3 25 + 12 0 + 12 0 + 10 10 + 4 6 - 2 30	1840 1838 1838 1835 1837 1832 1835 1836 1840 1837 1838

Tabelle X.

Magnetische Bestimmungen an der Westküste von America und den benachbarten Inseln, ausgeführt von Capt. Belcher in den Jahren 1837—1840.

(Aus "Sabine, Contributions to terrestrial Magnetism, II, Phil, Transactions. 1841. I. 10.") Die Horizontal-Intensität in Panama ist —1,000, und die Total-Intensität in London —1,372 gesetzt.)

					_	_					
Beobachtungs- Ort.	Zeit.	Breit	le.	One Länge Gree Wic	TON	Dec	disat.	India	LLion,	Heri- nost, Intes- sität,	Total- Integ- sitht.
Port Etches .	1837	+60°	211	313°	194	310	384,5	+76°	24.9	0,411	1,728
Kodiak	1839	57	20	207	9	26	43,5	72		0,470	1,603
Sitka	1837		3	224	34	27	42,0		51,5		
Sitka	1839	H67	3	224	36	29	32,5	75		0,412	1,704
Bakert's Bay .	1839		17	235	58	19	11,0	69	26.9	0,569	1,643
Fort Vancou-								1		,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	-,
ver	1839	45	37	237	24	19	22,0	69	22.2	0,576	1,657
Port Bodega .	1839	38	18	236	58	15	20,0	62		0,703	1,563
SanFrancisco	1837		48	237	37	15	20,0	61	53,8		
SanFrancisco	1839	37	48	237	37	15	20,0	62	5,8	0,711	1.540
Monterey	1839	36	36	238	7	14	13,0	61	3.6	0,731	1.531
Santa Barbara	1839	34	24	240		13	28,0	0.0	54,1	0,765	1.501
San Petro .	1839	33	43	241	45	13	8,5	58			1,480
San Diego .	1839	32	41	242	47	12	20,6	57	61	0,794	
San Guentin.	1839	30	22	244	2	12	6	54	29.9	0,837	1,461
San Bartholo-]				1	,		'
meo	1839	27	40	245	7	10	40	51	41.0	0,876	1,432
Magdalena	l)	-							,	'	,
Bay	1839	24	38	247	53	9	15	46	34,0	0,924	1,362
Mazatlan	1839	23	11	253	36	9	24	46		0,928	1,370
SanLucas Bay	18	22	52	250	-7	8	37,5	45	39,3	0,937	1,359

Boohachtuugs- Ort.	Eeit.	Resi	tr.	Oer Lilings Gre wis	TOP	Dec	dinat.	Iorjia	ation,	Bori- zont, Toten nität.	Total- Inten- sität,
San Blas	1837	21°	321	254°	44	80	34'	45°	24',3	_	_
San Blas	1839	21	32	254	44	9	0	44	32.5	0,958	1,352
Oahu Island.	1837	21	17	202	0	10	39,5	41	35,1	·—	
Oahu Island.	1839	21	17	202	0 ;	-	<u> </u>	41	16,8	0,841	1,134
Socorro Is	Ì								- 1		1
land	1839	18	43	249	6	_	—	40	43,7	0,977	1,307
Clarion Island	1839	18	21	245	19	_	_	37	3,0	0,962	1,222
Acapulco	1-38	16	50	260	- 5	B	23	37	57,4	1,024	1,316
Realejo	11838	12	28	272	48	7	53,5	34	36,9	<u> </u>	-
Panama	1837	- 8	37	280	31	-		31	51,9	1,000	1,193
Magnetic Is-	1					ĺ					'
land	1837		4	278	15	7	37,5	31	11,9	<u> </u>	l —
Cocos Island	1838	- 8	53	272	58	8	24	23	33,2		
Cocos Island	1839	+ 5	53.		58	 —		22	55,7		
Puna Island .	1535	- 2	47	280	5	8	56	+ 9	8	0,995	1,024
Martins Island	1840	- 8	56	220	20	-	_	-14	6,0	0,980	1,024
Callao .	1835	-12	4	282	52	_	_	- 6	14,3	0,450	0.968
Bow Island .	1540		5	219	7	_	_	-30		0,957	1,123
Point Venus	1840		29	210	30	6	30	+30	17,7	0,965	
Paperie	1840	1040	-	l —	—	—	-	+27	9	0,964	1,098

Die zwei letzten Stationen sind auf Otaheite.

Tabelle XI.

Bestimmungen der Horisontal-Intensität, ausgeführt von Hanstees in den Jahren 1839 und 1840.

Diese Intensitäten mit Ausnahme der zwei letzten, die absolut siadberuhen auf den beobachteten Schwingungszeiten eines kleinen Cylinders, wofür die absolute Constante durch Vergleichung mit dem Göttunger Magnetometer bestimmt worden ist. An drei Stationen bat Hansteen auch die Inclination gemessen, und gefonden: Kopenhagen 69° 54',3; Kiel 69° 27',0; Altona 69° 1',9. Diese Bestimmungen sind auf den 1. Januar 1840 reducirt.

0 r t,	Zeit.	Mori- zontal- Intensi- tät.	Anzahl der Benangen.	0 r t	Beit. Hari- 100 100 100 100 100 100 100 100 100 10
Kopenhagen .	1839,54	1.6501	6	Gottingen .	1839,67 1,7740 96
Altona	1839,55				1839,70 1,7490 1
Bremen	1839,56	1,7151	3	Altona	1839,71 1,7070 5
Altona	1839,58		8	Bramstedt .	1839,72 1,6857 1
Magdeburg .	1539,60		1	Kiel	1839,72 1 6519, 1
Leipzig .	1839,60	1,8098	1	Gotheborg .	1839,74 1,5723
Dresden	1839,63	1,8251	4	Christiania .	1840[17] 1,5411 7
Leipzig	1539,63	1,8056	1	Kopenhagen .	1840,57 1,6519 7
Gotha	1839,64	1,8057	4	Christiania .	1840,67 1,5476 2
Eisenach	1839,64	1,7973	1 1	Christiania *)	1840,78 1,5540 10
Cassel	,1539,65	1,7834	2	Christiania **)	1841,29 1,5476 10

^{*)} Absolute Bestimmung mit einem Woberschen transportublen Magnetometer
**) Absolute Bestimmung mit einem Gaussschon Magnetometer in dem nagnetschon Observatorium.

Tabelle XII.

Bestimmungen der Inclination, theils von Hansteen, theils nach seiner Anleitung von norwegischen Seeofficieren ausgeführt*).

(Von Hansteen brieflich mitgetheilt.)

					4
Ort.	Zeit.	Inclination.	Anzabl der Beobacht.	Horizontal- Intensität in absoluten Einheiten.	Anzahl der Berbacht.
Fredriksvaern "" Lerwick, "Schottland Neu Elfsborg, Schweden Stockholm Gibraltar ""	1830 1841 1842,4 1842,4 1842,4 1842,5 1828 1840 1842,8	71° 44′,1 73° 39,5 71° 4,8 71° 22,3 ——— 59° 27,4	6 5 4 3 -	1,5366 1,5570 1,5559 1,4029 1,5732 1,5553 2,2500 2,2911 2,2817	- 6 4 3 3
Port Mahon Toulon Neapel Milo	1842,8 1842,8 1843,0 1842,8	59 59,2 68 28,5 58 42,1 — —	1 3 2	2,2296 2,0955 2,3014 2,5926	1 3 1
Piräus	1843,1 1843 1843 1828	52 13,5 53 53,0 53 46,4	1 6 8	2,6074 2,5384 2,5516 2,5159	1 2 3
Algier	1843,2 1828 1840 1843,2 1843,4	53 28,1 57 8,2 59 20,3	14 - - 4 4	2,5418 2,3323 2,3761 2,3823 2,2921	6 - 1 1

Tabelle XIII.

Bestimmungen der absoluten Horizontal-Intensität, ausgeführt von Sartorius von Waltershausen und Listing.

Vollständige Messungen kommen nur 12 vor, nämlich 4 in Waltershausen, 2 in Mailand, 4 in Neapel, 2 in Catania: die übrigen Bestimmungen beruhen auf beobachteten Oscillations-Zeiten.)

Ort und Zeit.	Hori- zontal- Intensi- tät.	Anzahl der Messungen.	Ort und Zeit.	Hori. zontal- Intensi- tät.	Antabi der Mosengen.
Waltershausen 1834,7 Salzburg 1834,7 Hofgasteiff 1834,7 Bramberg 1834,7 Innsbruck 1834,7	1,8875 2,03 73	4 9 2 4 4	Bologna 1834,9	2,0141 2,0310	13 4 4 5 5

^{&#}x27;) Die Bestimmungen von 1828 führt Hansteen an, ohne zu bemerken, von wann sie herrühren. Ich habe sie in die Tahelle eingeschaltet, mit Bezug auf §. 94.

Ort und Zeit,	Hori- contal- Intensi- täl,	Anrahl der Messengen.	Ort und Zeit.		Aprehl der Messengen.
Marina di Rio . 1835,1		4	Scorza 1835,7		2
Porto Longone 1835,1	2,1290	2	La Sala 1835,7	2,3597	2
MonteCalamila 1835,1	2.0962	1.1	Lago negro . 1835,7	2.3455	3
San Pietro al	1 '		Rotando di Ca-	'	
monte 1835,1		2	labria 1835,7	2,3548	2
Porto Ferrajo . 1835,1	2.1144	2	Cosenza . , 1835,7	2.3474	2
Rom 1835,3	2,2788	5	Monteleone . 1835,7		- 4
Ischia 1835,4		3	Palermo 1835,9		- 4
Neapel 1835,6		14	Calania 1836,2		50
Amaili 1835,7		3	Messina 1836,5		21
Vico 1835,7		2		,	

58 57 Neapel 1835,67 Palermo 1836,02

Tabelle XIV.

Relative Messungen der Horisontal-Intensität (Paris = 1 angenommen), nach den Beobachtungen vo Quetelet in den Jahren 1830 und 1839.

0 r t.	Hori- gostal- Intensi- tät.	0 r t.	Hori- goalai- latrai- tit.
Brüssel	0,964	Simplen (Dorf)	1,065
London	0.937	Domodossola	1,066
Paris	1,000	Seste Calende	1,101
Lyon	1.078	Mailand	1,12
Genf		Turin	1,105
Bonneville	1,069	Villa nova	1,114
Sallanches	1.080	Alexandria	1,115
St. Gervais	1,081	Ronco	1,126
Vandagnes	1.082	Genua	1,137
Servoz	1.082	Rota	1,135
Mer de Glace	1,083	Sestre de Levante	1,131
Chamouni	1,085	Borghetto	1,140
Col de Balme	1,082	Montochises	1,150
Marligny	1,084	Pisa	1,157
St. Bernhard (Hospiz) .	1,085	P	1.15
Briegg	1,083	Florenz.	1,160
MILLED TO THE TANK	, 2,000	HEIVENSEN	1,100

^{*)} Diese Heatimmung ist höchst merkwürdig, weil mit einem lactinaterius von Petice Gori gleichzeitig gefunden wurde 63° 23' 14", während Bache im Jahr 193 62° 5',5, und Cnetelet ein Jahr spiter 62° 12',1 fand.

0 r t.	Mori- zaptal- Intensi- tät,	0 r t,	Hori- zontal- Intensi- tät.
Siena Radicofani Rom Torre di tre ponti Mola di Gaete Neapel Bologna Venedig Seefeld (Tyrol) Innsbruck München Mannheim	1,184 1,201 1,214 1,228 1,235 1,251 1,166 1,127 1,072 1,074 1,058 1,000	Bremen	0,998 0,990 0,976 0,979 0,970 0,986 0,988 0,990 0,012 0,969 0,923 0,941
Heidelberg (Stadt) Heidelberg (Konigsstuhl) Heidelberg (Schloss) Darmstadt	1,018 1,020 1,014 1,008	Mastricht	0,970 0,977 0,969 0,971

Tabelle XV.

Bestimmungen der Inclination, von Quetelet ausgeführt im Jahre 1839, und auf den 1. Januar desselben Jahres reducirt.

0	r	(١,		 Inclina- tion,	0 r i,	Inclina- tion.
Brüssel . Paris . Torin .	•		•	•	63 57,1	Rom	60° 9',0 62 20,7 62 14,0
Genua . Neapel .	:	:	•	•	62 54,2 59 0,3	Venedig	63 8,3 64 45,1

Bei der Reduction auf den Anfang des Jahres wurde eine jährliche Abnahme von 2',4 vorausgesetzt.

£

Zeit.	1	dl. oite.	Gr	nge on oen- ich.	Decli	sat,	Zoit.		dl. ite.	G:	inge ron roen- rich.	Docli	nat.
1820.		_					1821.						
Novbr.	62°	51'	166°	14'0	—22°	25	Januar.	67°	584	85°	29'w	-32°	° 5 8′
Decbr.	64	37	172	38	-22	39		68	41	79	27	-32	45
	62	16	175	31 w	-19	45		68	43	75	49	—3 5	19
	65	9	171	4	-14	47		66	5	75	29	—3 0	45
	65	49	167	56	-12	19		64	2	68	38	-27	1
	65	18	156	31	—21	2		62	44	60	48	-23	34
	62	34	152	23	-17	54	•	61	12	56	28	—19	
	60	30	144	58	-14	46	Febr.	56	38	46	46	- 14	
	63	2	130	34	-14	55	1	48	14	36	50	- 5	
	64	19	122	14	-21	49	}	40	29	32	36	- i	29
1821.		•			~-		i i	36	9	34	18	$-\hat{0}$	
Jan.	63	36	114	49	-21	2		33	3	33	42	- 0	
-ua-	68	18	95	44	$-3\overline{4}$	$\tilde{7}$		28	8	36	52	$-\ddot{0}$	
	68	27	89	38	-36	5		25	ŏ	4	48	- 1	3

Tabelle XXI.

Beobachtungen der Inclination und Total-Intensität, ausgeführt von Lieutenant Sulivan.

(Die Zeiten sind nur bei folgenden Stationen bemerkt: Falmouth 1838,52, Berkley Sound von 1838,80—1839,12, Rio de Janeiro 1839,26, Falmouth 1839,48.

Breite.	Oestl. Länge von Green- wich.	Inclination.	Total- Intensi- tät.
50° 9′¹) 46 8 37 26 28 27 ²) 22 9 10 22 0 56 - 10 6 - 17 17 - 22 55 ²) - 25 35 - 27 26 ⁴) - 34 53 °) - 41 54 - 51 32 °) - 46 52 - 40 33 - 30 12 - 22 48	354° 54′ 351 6 345 52 343 45 338 34 331 52 325 54 323 21 316 51 314 25 311 25 303 47 302 40 301 53 308 47 315 32 316 48 316 51 322 49	69° 12',5 67 2 62 54 57 40 53 4 39 46 26 19 9 32 - 4 32 - 13 0,5 - 19 36 - 21 7 - 34 3 - 44 52 - 52 40 - 46 18 - 38 15 - 25 9 - 13 5 - 12 40	1,374 1,327 1,287 1,254 1,199 1,100 0,986 0,916 0,882 0,854 0,864 0,892 1,004 1,164 1,295 1,168 1,008 0,890 0,854
-22 48 -16 28	323 53	- 12 TO - 1	0,823 0,862

	_		
Breite,	Oestl. Länge von Green- wich.	Inclination.	Total- Intensi- tăt.
- 12° 59° °) - 8 4°) - 2 8 6 11 17 7 25 22 29 36 36 12 41 18 45 22 50 9 1°)	321° 30° 325 9 324 56 321 59 317 28 317 11 318 15 322 18 329 31 341 57 354 54	5° 1' 13 8,5 24 6 37 36 51 45 60 21 63 35 68 20 69 47 69 23 69 18	0,859 0,900 0,995 1,138 1,307 1,420 1,459 1,494 1,453 1,409 1,374

1) Falmouth. 2) Santa Cruz. 3) Río de Janeiro. 4) Sta. Catherina. 5) Monte Video. 6) Berkley Sound. 7) Río de Janeiro. 8) Bahia. 9) Pernambuco. 10) Falmouth.

Tabelle XXII.

Beobachtungen der Inclination und Intensität, ausgeführt von Danlop vom 23. Juli bis 10. October 1831.

Breile.	Länge von Green- wich.	Inclina- tion.	Total- Intensität	Breite,	Lànge von Green- wich,	Inclina- tion.	Total- Intensitit
-41° 10' -39 49 -39 15 -38 53 -38 37 -38 36 -37 13 -35 44	101° 41′ 86 7 8 48 21 21 34 15 69 52 358 15 57 45 345 46	-68° 8' -66 46 -47 56 -53 3 -58 52 -64 45 -42 48 -63 26 -36 27	1,62 1,55 0,93 1,00 1,10 1,35 0,91 1,28 0,59	-35° 21' -30° 20 -26° 25 -19° 40 -11° 6 -2° 11 +3° 10 +5° 0	42° 50° 337 19 338 39 333 17 337 13 343 14 347 50 343 54	-60° 0' -27 34 -21 40 - 9 46 + 1 54 +14 6 +19 54 +25 3	1,15 0,87 0,83 0,85 0,88 0,94 0,98 1,00

Tabelle XXIII.

Bestimmung der Total-Intensität awischen dem Cap der guten Hoffnung und Kerguelen-Insel, ausgeführt von Ross und Crosier vom 18. März bis 7. Juli 1840.

Broile.	Oesti. Längs von Green- wich.	Total- Intensität, London == 1,372.	Breite.	Oestl. Länge von Green- wich.	Total- Intensität, London = 1,372.
- 36° 6′ - 36° 47 - 38° 55 - 41° 53 - 44° 55	18° 2' 19 0 20 3 23 51 27 59	0,985 0,997 1,026 1,072 1,122	46° 42' 46 57 46 51 48 37	38° 50′ 47° 33 55° 43 69° 11	1,188 1,265 1,354 1,483
VII.				Ł	

Tabelle XXIV.

Bestimmung der Total-Intensität im Bereiche der isodynamischen Linie 0,9 im atlantischen Ocean, nach den Beobachtungen de Capt. Ross auf dem Schisse Erebus vom 7. Decbr. 1*39 bis Ende Februar 1840.

Breite.	Oestl Lange von Green- wich.	Total- Intensi- tat,	Breits.	Oestl. Länge von Green- wich.	Total- Intensi- tät,
- 7° 6'	327° 38'	0,586	- 14° 58′	349° 3°	0,514
- 13 54	329 25	0,524	- 14 17	351 19	0,518
- 21 59	331 2	0,513	- 15 14	352 42	0,517
- 26 42	333 47	0,532	- 18 51	352 45	0,516
- 26 18	335 58	0,532	- 23 49	349 57	0,517
- 27 39	341 12	0,530	- 26 23	347 12	0,524
22 51	343 51	0,517	- 30 41	353 55	0,551
- 17 4	346 48	0,521	- 31 37	361 40	0,551

Tabelle XXV.

Resultate der Britischen Südsee-Expedition unter Capt. Ross von Juli 1840 bis April 1841.

A. Declinations - Bestimmungen.

Breite.	Oestl Lange von Green- wich.	Declina- tion.	Breite.	Oesti, Lange von Green- wich.	Declination.	
44° 31′ 47 5 51 51 53 23 55 7 56 26 58 31 58 37 60 5 60 26 62 31 63 57 64 13 64 14 64 28 64 50 65 51 66 11 66 43 68 27	147° 20° 156 17° 167 49° 135 28° 131 59° 130 14° 129 7° 170 13° 131 7° 170 31° 137 4° 143 6° 161 14° 162 3° 172 34° 169 12° 170 23° 174 22° 175 55°	9° 52′ 14 23 17 10 3 13 0 41 5 33 9 31 21 25 8 10 23 3 2 10 18 46 9 53 26 0 23 15 25 45 27 27 18 31 5 34 35	69° 35' 70 20 71 20 71 55 72 29 72 45 73 57 74 13 74 48 75 58 76 52 77 42 77 14 77 25 77 36 77 46 77 47 77 48	167° 45' 169 17 171 50 171 51 173 52 174 35 171 34 170 24 168 15 172 44 167 29 166 38 185 57 189 59 187 1 188 43 187 35 176 45 176 45 184 26 187 23	37° \$3° \$4. 31° \$4. 31° \$2° \$4. 31° \$6° \$6° \$6° \$6° \$6° \$6° \$6° \$6° \$6° \$6	

B. Inclinations-Bestimmungen.

Breite.	Oestl. Lange von Green- wich.	Inclina- tion.	Breite.	Oestl. Länge von Green- wich.	Inclina- tion.	
44° 59' 45 20 45 32 47 3 47 25 47 38 48 11 51 6 54 40 56 16 57 50 59 56 61 46 62 16 63 44 64 16 64 39 64 41	139° 49' 152 10 142 47 126 40 92 56 110 27 80 3 160 51 136 54 133 12 170 5 129 8 170 25 135 23 172 57 155 29 150 32 172 46 162 18	-73* 10* 71 33 74 16 75 55 74 3 75 2 71 46 73 57 78 21 80 0 76 39 81 52 76 39 84 83 40 84 24 83 18	64° 58' 66 21 66 25 67 47 68 26 69 50 70 48 71 55 72 28 73 35 74 44 76 27 76 35 77 10 77 15 77 24	143° 4' 173 11 170 2 167 21 175 47 167 41 173 18 168 38 171 47 173 52 171 55 170 9 166 36 177 13 170 40 190 16 186 43 189 10 167 50	-85° 2' 82 37 84 39 83 19 85 47 85 6 86 23 87 44 87 53 88 17 87 58 86 2 86 6	

C. Total - Intensitäts - Bestimmungen.

Breite.	Oestl, Länge von Green- wich.	Total- Intensitat.	Breite.	Oesti. Länge von Green- wich,	Total- Intensität	
41° 42′ 45 18 45 31 46 40 47 20 47 30 48 14 49 11 53 4 54 11 58 27 59 9 61 10 63 40	141° 41′ 152 10 142 36 130 11 89 41 103 10 116 58 80 20 160 41 134 50 169 23 170 25 130 0 171 40 138 53 159 23	1,960 1,835 1,932 1,997 1,617 1,823 1,945 1,571 1,840 2,038 1,874 1,919 2,063 1,961 2,054 2,016	64° 13' 64 36 65 59 66 42 68 5 70 27 70 32 72 33 74 0 75 12 77 6 77 13	151° 50′ 172° 44 170° 14 166° 27 175° 48 173° 24 169° 1 171° 49 174° 13 171° 30 169° 56 169° 54 187° 1 191° 30 179° 44	2,033 1,983 2,024 2,039 2,019 2,027 2,031 2,038 2,034 2,046 2,046 2,034 2,038 2,033 2,024	

Tabelle XXVI,

Resultate der Britischen Südsee-Expedition unter Capt. Ross, von Mai 1841 bis Aug. 1842.

A. Declinations - Bestimmungen.

Breite.	Oestl Länge von Green- wich.	Declina- tion.	Breite.	Oestl. Länge von Green- wich.	Declina- tion.	
33° 9' 33 44 34 15 37 31 38 3 41 0 42 0 47 25 49 42 51 19 52 59 54 43 56 7 57 45 58 30 58 36 58 37 58 34 59 1 —59 2	167° 8' 157 24 172 23 150 57 180 1 183 14 149 52 185 2 190 2 193 45 204 5 204 5 211 20 212 48 252 49 252 50 278 11 257 6 221 15 228 0 270 13	-13° 56° 11 58 13 34 10 40 15 14 14 20 11 6 16 0 17 25 16 21 13 59 20 9 14 30 15 20 26 23 22 40 26 45 25 28 15 46 17 25 -26 40	-59° 39′ 60 10 60 16 60 42 63 4 63 51 64 11 65 44 66 0 66 8 66 57 67 48 68 12 70 25 70 48 71 23 76 33 76 46 -76 51	243° 5' 213 25 236 31 201 46 211 13 193 55 207 44 204 52 203 56 204 1 203 4 184 41 200 31 185 24 183 14 182 9 174 5 193 39 196 31 182 25	-20° 31° 17° 10° 20° 56° 18° 35° 20° 18° 21° 22° 23° 47° 25° 21° 26° 35° 27° 19° 28° 25° 30° 38° 37° 46° 37° 3° 42° 23° 76° 40° 77° 6° -84° 25° -85° -85° -85° -85° -85° -85° -85° -8	

B. Inclinations - Bestimmungen.

Breite.	Oesti. Länge von Green- wich.	Inclina- tion.	Breite.	Oestl. Länge von Green- wich.	Inclina-	
-33° 4′ 33 13 33 40 33 41 33 51 33 53 34 28 35 5 35 16 35 56 37 44 39 47 41 30 44 42 46 56	171° 21' 165 24 165 13 155 45 151 17 152 34 173 15 151 31 174 0 176 5 150 57 181 31 183 27 183 11 148 56	-55° 12′ 59 21 60 0 61 37 62 53 62 43 58 49 64 15 59 28 59 34 66 29 61 4 62 54 65 51 69 42	-48° 2′ 49 45 51 25 51 32 52 18 52 53 55 18 55 44 56 54 57 20 58 32 58 38 58 39 58 47 59 0	185° 34° 189° 38 194° 17° 301° 53° 301° 2° 203° 22° 210° 10° 296° 12° 212° 20° 49° 283° 49° 278° 17° 256° 24° 250° 22° 269° 40° 38° 38° 38° 38° 38° 38° 38° 38° 38° 38	-65° 19' 69 12 69 52 25 52 55 52 55 51 70 15 63 21 63 21 67 71 4 67 28	

Breite.		Oesti. Länge von Green- wich.		Inclina- tion.		Breite,		Oesti, Länge von Green- wich.		Inclina- tion.	
—59°	20	219*	15'	-73°	38′	—66°	34'	202°	7	_79 °	564
59	23	230	51	73	9	67	24	186	53	8t	22
59	30	244	36	71	51	67	33	203	45	80	37
60	15	209	7	74	31	68	14	200	12	81	5
60	18	236	54	72	56	69	9	181	17	83	15
60	29	213	22	75	2	69	32	194	1	82	40
61	16	198	27	75	49	70	14	184	31	83	46
63	12	210	39	77	19	70	16	189	27	83	10
63	59	193	35	78	38	71	20	186	8	84	27
64	4	207	42	78	7	71	56	181	21	84	46
65	37	204	47	79	19	74	1	192	0	85	5
66	3	202	31	79	43	74	59	175	9	86	44
66	4	204	11	79	43	76	15	193	43	85	28
66	6	203	45	79	45	76	ũ	181	25	86	40
66	21	203	43	79	56	77	35	178	12	85	4

C. Total-Intensitäts-Bestimmungen.

	_					
Breite.	Oestl. Länge von Green- wich.	Total- Intensität	Breite.	Oestl, Länge von Green- wich,	Total Intensität,	
-33° 13' 33 29 33 38 33 41 33 41 33 51 35 3 36 6 36 54 40 36 42 45 43 31 48 4 49 45 51 31 51 32 52 33 53 2 55 56 36 58 30	168° 29' 171 59 152 34 158 45 165 8 151 17 173 56 151 23 177 35 182 58 149 38 148 46 183 23 185 43 190 0 194 26 301 53 300 49 204 23 210 52 293 36 212 51 282 39	1,613 1,596 1,712 1,674 1,644 1,698 1,613 1,748 1,625 1,652 1,812 1,842 1,762 1,773 1,794 1,334 1,354 1,525 1,838 1,527 1,668 1,657	-58° 50° 58 59 59 15 60 17 60 17 61 17 62 25 63 35 65 10 66 14 66 32 67 26 68 34 68 42 69 54 71 10 72 4 75 15 76 9 76 42 77 30	252° 8' 272 12 219 8 229 48 207 10 236 54 213 19 196 18 209 6 205 16 202 51 203 57 189 29 182 21 193 25 182 56 187 23 173 42 193 39 182 51 196 27	1,850 1,750 1,900 1,993 1,900 1,917 1,931 1,934 1,949 1,951 1,963 1,963 1,967 1,968 1,967 1,968 1,967 1,993 1,993 1,999 2,010 1,996	

Namenregister.

Artur, capillares Aufsteigen von Flüssigkeiten in engen Röhren 158. Bineau, Zusammenziehung einiger Gasverbindungen 180.

Boutigny, Leidenfrost'scher Versuch 163.

Brix, gebundene Wärme des Dampss verschiedener Flüssigkeiten 218. Bravais, Capillardepression des Quecksilbers in Barometerröhren 154. Broch, Wellenbewegung 25 u. ff.

Brücke, Diffusion der Flüssigkeiten 163.

Buff, theoretische Herleitung des Contractionscoëssicienten bei Oessnungen in dünner Wand 147.

Cahours, Aenderung der Dichtigkeit der Essigsäure mit der Temperatur 180.

Castel, Ausfluss des Wassers aus Einschuitten 137.

Cauchy, Wellenbewegung 1-25.

Delcros, Capillardepression des Quecksilbers 157. Gefässbarometer 166.

Desains, latente Warme des Wassers 217.

Despretz, Nullpunkt des Thermometers 197. Ausdehnung des süssigen Schwesels 211.

v. Feilitsch, Contractionscoëfficient 148.

Gauss, Magnetometer VII. Bifilarmagnetometer IX. Bestimmung der absoluten Inclination XXVIII.

Hagen, Elasticität des Holzes 128. Aussluss des Wassers durch enge Röhren 130.

Mopp, Barometer zum Höhenmessen 166. Volummesser 170. Specifisches Gewicht der festen Körper 181; der Flüssigkeiten 195.

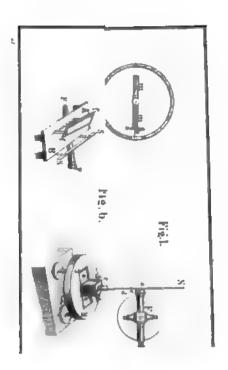
Kreil, Variationsinstrument für Inclination XIII.

Kupsser, Variationsinstrument sür Inclination XIII. Bulatstahl XLIL

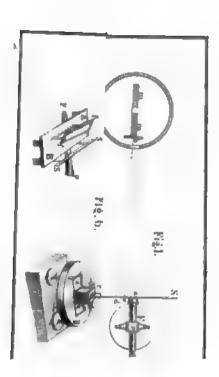
Lamont, Declinationsinstrument VIII. Variationsinstrument für florizontalintensität XI. Magnetischer Theodolit XXIV. Verbesserter Schwingungsapparat XXXI. Einfluss der Temperatur auf einen Magnet XXXVIII. Einfluss der Zeit auf die Krast des Magneten LII. Induction in Magnetstäben LIV. Widerstand, den die Induction im weichen Eisen findet LXVII. Temperaturcompensation bei Magneten XL.

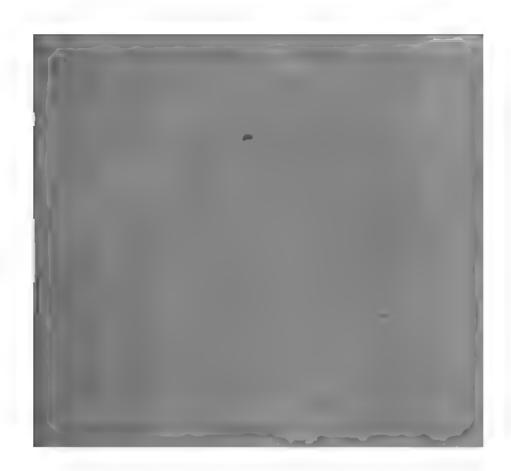
- Legrand, Nullpunkt des Thermometers 197.
- Lloyd, Declinationsinstrument VIII. Variationsinstrument für Inclination XIV. Magnetische Waage XVI, Magnetischer Theodolit XXV. Widerstand, den die Induction im weichen Eisen findet LXVII. Bestimmung der absoluten Intensität vermittelst eines weichen Eisenstabes LXXII.
- Löwig, specifisches Gewicht der Flüssigkeiten 195.
- Magnus, Vergleichung des Quecksilber- und Lusthermometers 199. Ausdehnungscoëfficient der Lust 206. Ausdehnung verschiedener Gase 210. Spannkräste des Wasserdamps 221. Siedetemperatur der Flüssigkeiten 235.
- Marcet, Abhängigkeit der Siedetemperatur vom Gefässe 235.
- Poggendorf, Berechnung des specifischen Gewichts der Dämpfe aus den Beobachtungen 167.
- Poiseuille, Aussluss des Wassers durch enge Röhren 130.
- Pouillet, Vergleichung des Magnetpyrometers und Weingeistthermometers mit dem Lustthermometer 201.
- de la Provostage s. Desains.
- Regnault, Uebereinstimmung der Thermometerangaben 198. Vergleichung des Quecksilber- und Lustthermometers 199. Ausdehnungscoössicient der Lust 207. Ungleiche Ausdehnung der verdichteten und verdünnten Lust 209. Prüfung des Mariotteschen Gesetzes 209. Ausdehnung der Gase 210; des Glases 211. Dichtigkeit des Wassers 212. Ausdehnung des Wassers 215. Latente Wärme des Wassers 218. Spannkräste des Wasserdamps 227.
- Rudberg, Graduirung des Thermometers 197. Ausdehnungscoëssicient der Lust 203.
- Sartorius v. Waltershausen, Oscillations-Inclinatorium XXVII.
- Saint-Venant und Wantzel, Aussluss der Lust aus Oeffnungen in dünner Wand 150.
- Schröder, spec. Gewicht fester Körper 181; der Flüssigkeiten 195. Wantzel s. Saint-Venant.
- Weber, Ausdehnung vegetabilischer Stoffe 129. Transportable Magnetometer XXXI. Inductionsinclinatorium XXXI.
- Weisbach, Aussluss des Wassers bei unvollkommner Contraction 139.
- Werthheim, Elasticität der Metalle und ihrer Legirungen 122.
- Wrede, Ableitung der Formel für die Spannkräste des Wasserdampss 231.

Gedruckt bei Julius Sittenfeld in Berlin.

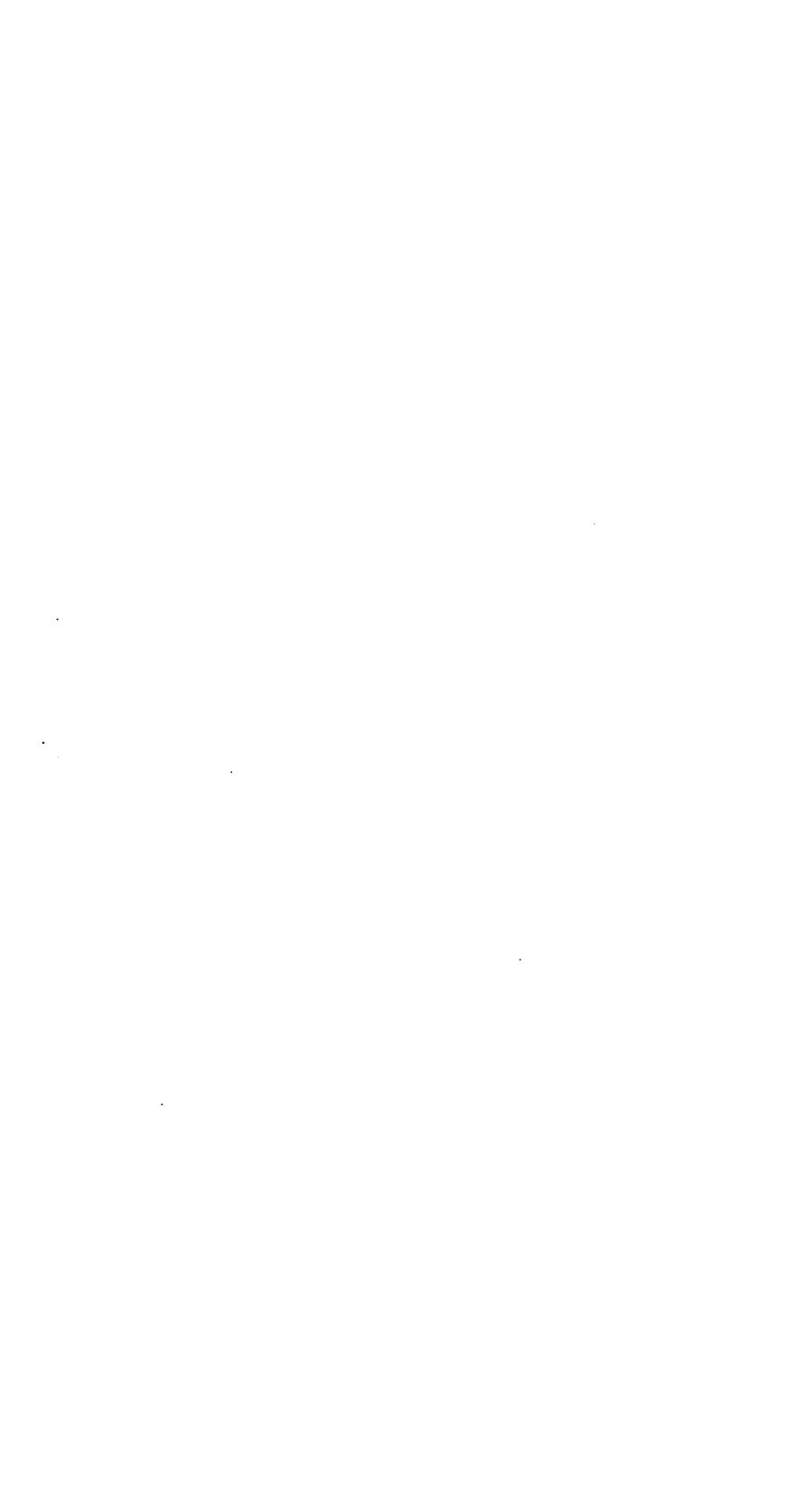


Gedruckt bei Julius Sittenfeld in Berlin.









			-



•

•

.

